### Séance du lundi 15/06/2020

## Exercice 1 trype E3C

#### Exercice 3 (5 points)

On dispose d'un paquet de cartes contenant un nombre identique de cartes de la catégorie « Sciences » et de la catégorie « Économie ». Une question liée à un de ces deux thèmes figure sur chaque carte.

Les cartes sont mélangées et on en tire une au hasard dans le paquet. Ensuite, on essaye de répondre à la question posée.

Un groupe de copains participe à ce jeu. Connaissant leurs points forts et leurs faiblesses, on estime qu'il a :

- 3 chances sur 4 de donner la bonne réponse lorsqu'il est interrogé en sciences ;
- 1 chance sur 8 de donner la bonne réponse lorsqu'il est interrogé en économie.

On note S l'événement « La question est dans la catégorie Sciences » et B l'événement « La réponse donnée par le groupe est bonne ».

#### Partie A:

- Calculer P( B ∩ S).
- Déterminer la probabilité que le groupe de copains réponde correctement à la question posée.
- 3) Les événements S et B sont-ils indépendants ?

#### Partie B:

Pour participer à ce jeu, on doit payer 5 € de droit d'inscription.

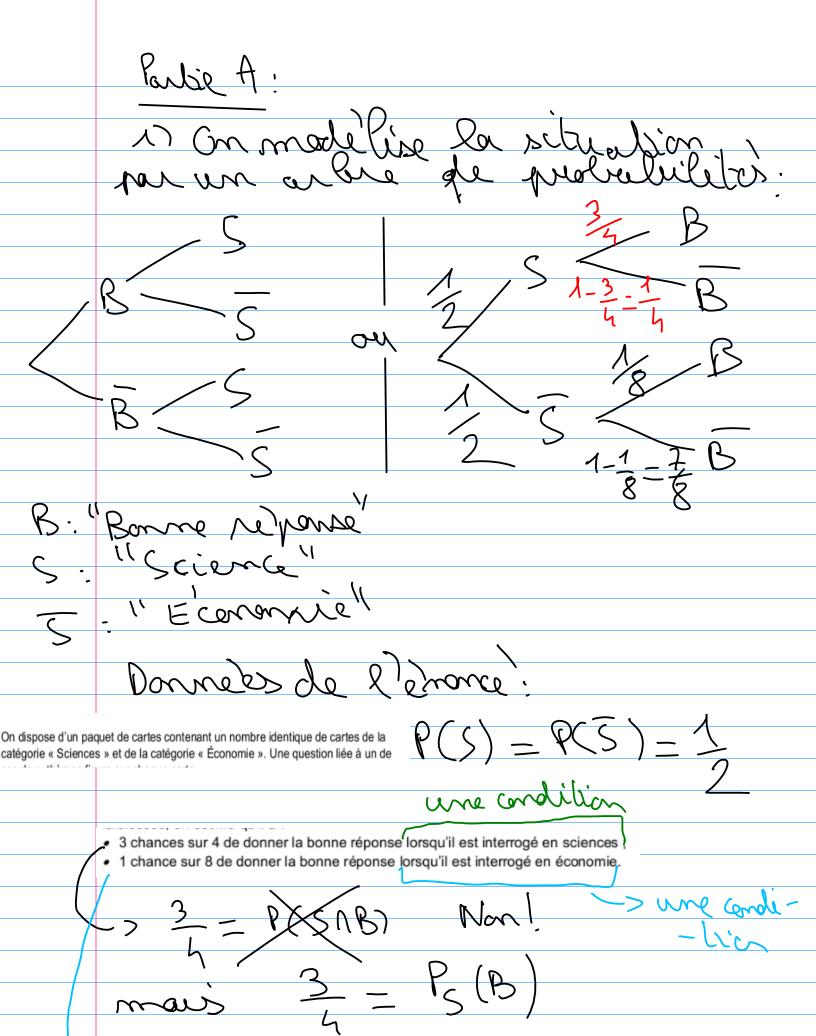
#### On recevra:

- 10 € si on est interrogé en sciences et que la réponse est correcte ;
- 30 € si on est interrogé en économie et que la réponse est correcte ;
- rien si la réponse donnée est fausse.

Soit X la variable aléatoire qui, à chaque partie jouée, associe son gain. On appelle gain la différence en euros entre ce qui est reçu et les 5 € de droit d'inscription.

- Déterminer la loi de probabilité de X.
- 2) Que retourne la fonction Jeu écrite ci-dessous en langage Python avec les listes : L = [-5; 5; 25] et G = [0,5625; 0,375; 0,0625]?

```
def Jeu(L,G):
    n=len(L)
    E=0
    for i in range(n):
        E = E + L[i]*G[i]
    return(E)
```



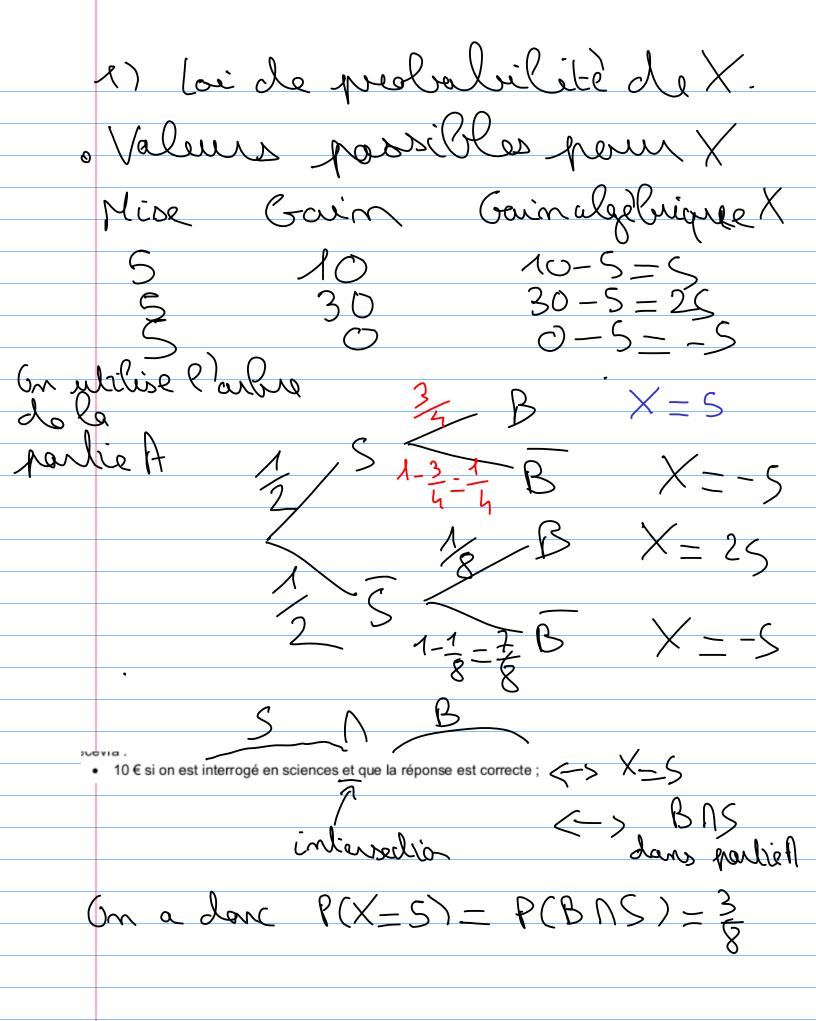
Hitelsolars en la tipola di conditionnelle! El alussi d'une probabilités

Conditionnelle, notée 1 - P (B)

L'alus modés la situation audor. 1-3-4-B 1-1-7 B On a donc: P(BNS)=P(S)xP(B)  $P(BNS) = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$ 2) B = (BNS) U (BNS) D'après la formule des probabilés toboles:

$$P(B) = P(S \cap B) + P(\overline{S} \cap B)$$
  
 $P(B) = P(S) \times P(B) + P(\overline{S}) \times P(B)$   
 $P(B) = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \times \frac{3}{8} + \frac{3}{16}$   
 $P(B) = \frac{7}{16}$   
3) Les evenuments B et S sont-ils  
indipendants.  
 $P(B \cap S) = P(B) \times P(S)$   
a qui est equivalent a:  
 $P(B) = P(B) \times P(S)$   
ou encorp  
 $P(S) = P(S) = P(S)$   
 $P(S) = P(S) = P(S)$   
Tie  $P(B) \times P(S) = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} - \frac{7}{32}$   
alus que  $P(B \cap S) = \frac{3}{8} - \frac{126}{32}$   
 $P(B \cap S) \neq P(B) \times P(S)$ 

	Donce R	et Smersont-
	pasino	set Snersont- répendants
	PO '	
•		plement, d'après
L	Evorce	$P(B) = \frac{3}{2} el - P(B) - 1$
	done P(B)	= P(B) Hone 5 - 8 e sont vos indepen
	Bel-Sm	e sont vos indepen-
•	dants.	·
1	artieß	orhundus.
1	( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( (	9
		- 7 muse
		- 7 muse
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra : • 10 € si on est interrog	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ;
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra :  • 10 € si on est interrog • 30 € si on est interrog • rien si la réponse dor  Soit X la variable aléatoire qui,	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ;
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra :  • 10 € si on est interrog • 30 € si on est interrog • rien si la réponse dor  Soit X la variable aléatoire qui,	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ; née est fausse.  à chaque partie jouée, associe son gain. On appelle e ce qui est reçu et les 5 € de droit d'inscription.
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra :  • 10 € si on est interrog • 30 € si on est interrog • rien si la réponse dor  Soit X la variable aléatoire qui, a gain la différence en euros entre	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ; née est fausse.  à chaque partie jouée, associe son gain. On appelle e ce qui est reçu et les 5 € de droit d'inscription.
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra :  • 10 € si on est interrog • 30 € si on est interrog • rien si la réponse dor  Soit X la variable aléatoire qui, a gain la différence en euros entre	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ; nnée est fausse.  à chaque partie jouée, associe son gain. On appelle e ce qui est reçu et les 5 € de droit d'inscription.
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra :  • 10 € si on est interrog • 30 € si on est interrog • rien si la réponse dor  Soit X la variable aléatoire qui, a gain la différence en euros entre	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ; nnée est fausse.  à chaque partie jouée, associe son gain. On appelle e ce qui est reçu et les 5 € de droit d'inscription.
	Pour participer à ce jeu, on doit On recevra :  • 10 € si on est interrog • 30 € si on est interrog • rien si la réponse dor  Soit X la variable aléatoire qui, a gain la différence en euros entre	payer 5 € de droit d'inscription.  gé en sciences et que la réponse est correcte ; gé en économie et que la réponse est correcte ; nnée est fausse.  à chaque partie jouée, associe son gain. On appelle e ce qui est reçu et les 5 € de droit d'inscription.



X=30-5=25 S 30 € si on est interrogé en économie et que la réponse est correcte ; donc P(x=25)= P(51B)= 1x1=1 On peut colculer la dernière redolilité P(X\_-5) par complèmentaire: A = P(x=25) + P(x=5) + P(x=-5)don(1-P(X-2S)-P(X-S)=P(X-S) $1 - \frac{1}{3} - \frac{2}{8} - \frac{1}{8}$ 1 - P(x=-5) be de prober bilite de X.

Que retourne la fonction Jeu écrite ci-dessous en langage Python avec les listes : L = [ -5 5 ; 25] et G = [0,5625 ; 0,375 ; 0,0625] ? variable E accumulatus i in range(n): E = E + L[i]\*G[i]qui estretoune var celte boule Valeur de E Volen de j L[0]+(G-[0] = -5x0,56x L[0] \* G[0] + L[1] \*G[1) =-5x0,5625+5x0,375 LCO3\* 6507+ LCiJ\*(G[1) + [6]\* 6-[2]= -5x0,5625+ 5x0,375 + 25×0,0625 experance de la v.a ourre l'explano Celte fendion (Evin mazen de zouen

# Escercice 2 trype E3C à faire pour joudi

Dans tout l'exercice, on notera P(E) la probabilité d'un évènement E.

La répartition des 150 adhérents d'un club de sport est donnée dans le tableau cidessous :

Âge	15 ans	16 ans	17 ans	18 ans
Nombre de filles	17	39	22	10
Nombre de garçons	13	36	8	5
Total	30	75	30	15

On choisit un adhérent au hasard.

- 1. Quelle est la probabilité que l'adhérent choisi ait 17 ans ?
- 2. L'adhérent choisi a 18 ans. Quelle est la probabilité que ce soit une fille ?

On note X la variable aléatoire donnant l'âge de l'adhérent choisi.

- **3.** Déterminer la loi de probabilité de X.
- **4.** Calculer  $P(X \ge 16)$  et interpréter le résultat.
- **5.** Calculer l'espérance de X. Interpréter le résultat.