

Prova no estilo de Fitch (caixas):

1.	$Q \rightarrow R$	premissa
2.	$P \vee Q$	hipótese
3.	P	hipótese
4.	$P \vee R$	$\vee i$ 3
5.	Q	hipótese
6.	R	$\rightarrow e$ 1, 5
7.	$P \vee R$	$\vee i$ 6
8.	$P \vee R$	$\vee e$ 2, 3-4, 5-7
9.	$(P \vee Q) \rightarrow (P \vee R)$	$\rightarrow i$ 2-8

1.	$(P \vee Q) \vee R$	premissa
2.	$P \vee Q$	hipótese
3.	P	hipótese
4.	$P \vee (Q \vee R)$	$\vee i$ 3
5.	Q	hipótese
6.	$Q \vee R$	$\vee i$ 5
7.	$P \vee (Q \vee R)$	$\vee i$ 6
8.	$P \vee (Q \vee R)$	$\vee e$ 2, 3-4, 5-7
9.	R	hipótese
10.	$Q \vee R$	$\vee i$ 9
11.	$P \vee (Q \vee R)$	$\vee i$ 10
12.	$P \vee (Q \vee R)$	$\vee e$ 1, 2-8, 9-11

1.	$P \wedge (Q \vee R)$	premissa
2.	P	$\wedge e$ 1
3.	$Q \vee R$	$\wedge e$ 1
4.	Q	hipótese
5.	$P \wedge Q$	$\wedge i$ 2,4
6.	$(P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$	$\vee i$ 5
7.	R	hipótese
8.	$P \wedge R$	$\wedge i$ 2,7
9.	$(P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$	$\vee i$ 8
10.	$(P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$	$\vee e$ 3, 4-6, 7-9

1.	$(P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$	premissa
2.	$P \wedge Q$	hipótese
3.	P	$\wedge e$ 2
4.	Q	$\wedge e$ 2
5.	$Q \vee R$	$\vee i$ 4
6.	$P \wedge (Q \vee R)$	$\wedge i$ 3,5
7.	$P \wedge R$	hipótese
8.	P	$\wedge e$ 7
9.	R	$\wedge e$ 7
10.	$Q \vee R$	$\vee i$ 9
11.	$P \wedge (Q \vee R)$	$\wedge i$ 8,10
12.	$P \wedge (Q \vee R)$	$\vee e$ 1, 2-6, 7-11

1.	P	hipótese
2.	Q	hipótese
3.	P	copie 1
4.	$Q \rightarrow P$	$\rightarrow i$ 2-3
5.	$P \rightarrow (Q \rightarrow P)$	$\rightarrow i$ 1-4