

**UFRJ - Num. Inteiros e Criptografia**  
Prof. Luis Menásche

1)

a) Descreva as diferenças entre criptografia 'chave simétrica' e criptografia de 'chave pública'. Cite um exemplo de cada uma.

b) Descreva as diferenças entre 'decodificar' e 'decifrar'. Diga o que deveríamos fazer para decifrar uma mensagem criptografada com RSA.

2)

a) Relate os erros na função em Axiom abaixo e reescreva esta função de forma correta.

```
Func( a :: nni, b :: nni) :: nni
  m :: nni = 0
  i :: nni = 1
  while ( i <= b )
    m = i
    i = i + 1
  return m
```

b) Escreva uma função em Axiom que tem como entrada dois inteiros positivos, e retorne um Record com dois inteiros positivos (respectivamente  $\text{mdc}(a,b)$  e  $\text{mmc}(a,b)$ ).

3) Se a equação diofantina  $282899x + 3596311y = 68103$  tiver solução, indique a família de infinitas soluções.

4)

a) Diga dois fatores do número 3596311.

b) Explique o que é primorial de um número inteiro positivo, e a partir daí prove por contradição que existem infinitos números primos.