Lezione 6

automi a pila deterministici

come riconoscere se un automa a pila e deterministico:

per ogni q, X e a in Σ U $\{\epsilon\}$ deve avere al massimo una mossa possibile o $\delta(q, a, X) = \{(p, \alpha)\}$ per a in Σ

 $\delta(q, \varepsilon, X) = \{(p, \alpha)\}$

I DPDA accettano tutti i linguaggi regolari

Teorema 6.17

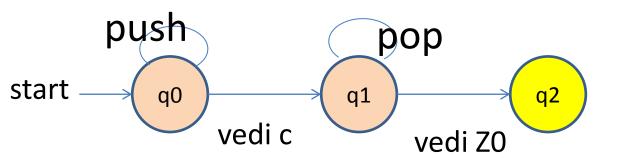
Dato un linguaggio regolare L, esiste un automa a stati finiti che lo riconosce e allora esiste anche un automa a pila che l'accetta con stato finale (basta non usare lo stack)

Ma possono fare di piu?

Si

esiste un automa a pila che accetta con stati finali capace di accettare wcw^r

- 1) wcw^r non è un linguaggio regolare: usiamo il pumping lemma con |w|>n, quindi w=xyz e xy sta prima di c per cui xy^kz non avrà lo c al centro e quindi non sarà in wcw^r
 - 2) il DPDA per wcw^r è:



ma i DPDA non accettano tutti i inguaggi liberi da contesto

non esiste un DPDA che accetta ww^r intuizione:

supponiamo che ci sia un tale DPDA e che esamini 0ⁿ110ⁿ

dopo i primi n 0, lo stack deve contenere l'informazione su n, poi deve verificare che dopo 11, seguano altri n 0, e per farlo deve consumare l'informazione sullo stack e quindi, se la stringa fosse 0°110° 0°110° non riuscirebbe a riconoscerla

I linguaggi riconosciuti per stato finale da DPDA sono strettamente di più dei linguaggi regolari, ma strettamente di meno di quelli liberi da contesto

e i DPDA che accettano per pila vuota?
Hanno capacità limitata: possono riconoscere
solo linguaggi che hanno la proprietà del
prefisso, cioè
non ci sono x e w nel linguaggio tali che una sia
prefisso dell'altra, cioè, per esempio w =x w'

Oⁿ è regolare e non ha la proprietà del prefisso e quindi non è riconosciuto per pila vuota da alcun DPDA

Teorema 6.19

Un linguaggio L è N(P) per un DPDA P se e solo se L ha proprietà del prefisso ed L=L(P') per un DPDA P'.

DPDA e ambiguità

osserva che ww^r ha una grammatica non ambigua:

 $S -> 0SO | 1S1 | \epsilon$

quindi i DPDA con riconoscono nemmeno tutti i linguaggi liberi da contesto non ambigui **Teorema 6.20** Ogni linguaggio L tale L=N(P) per un DPDA P è generato da una CFG non ambigua **Dimostrazione**: la grammatica della costruzione del Teorema 6.14 è non ambigua se si applica ad un DPDA.

ogni mossa $\delta(q,a,A)=(r,Y1...Yk)$ è la sola applicabile, ma da vita a tante produzioni [q A p]->a [r Y1 r1][r1 Y2 r2]...[rk-1 Yk p] una per ogni sequenza r1...rk-1, OK, ma il determinismo garantisce che ci sia una sola sequenza r1...rk-1 che funzioni

ma che fine fanno le produzioni "sbagliate"?

Teorema 6.21 se L=L(P) per un DPDA P, allora L ha una CFG non ambigua.

Dimostrazione sappiamo costruire grammatiche solo a partire da DPDA che accettano per stack vuoto, quindi da P costruiamo P' che accetta L per stack vuoto, ma dobbiamo fare in modo che L abbia la proprietà del prefisso

L'=L\$ cioè mettiamo una sentinella \$ alla fine di ogni stringa di L

L' ha la proprietà del prefisso ed è accettato da P (facile) => esiste P' t.c. N(P')=L' =>CFG G' deterministica

ma noi vogliamo L non L'!!

da G' otteniamo G trattando \$ come un nonterminale e aggiungendo \$ -> ϵ

Gè non ambigua => anche G lo è: \$ ha solo la produzione \$ -> ϵ , come potrebbe introdurre ambiguità?