Automi e Linguaggi Formali

Parte 18 – La classe P



Sommario



1 La classe P

Tempo Polinomiale



Riassunto:

- Differenza di tempo polinomiale tra TM a nastro singolo e multi-nastro
- Differenza di tempo esponenziale tra TM deterministiche e non deterministiche.

Una differenza polinomiale è considerata piccola

- Tutti i modelli di calcolo deterministici "ragionevoli" sono polinomialmente equivalenti
- "Ragionevole" è definito in modo approssimativo, ma include modelli che assomigliano molto ai computer reali.

Una differenza esponenziale è considerata grande

■ è la complessità degli approcci "a forza bruta"

La classe P



Definition

P è la classe di linguaggi che sono decidibili in tempo polinomiale da una TM deterministica a singolo nastro:

$$P = \bigcup_k \mathrm{TIME}(n^k)$$

- P è invariante per i modelli di calcolo polinomialmente equivalenti ad una TM deterministica
- P corrisponde approssimativamente ai problemi che sono realisticamente risolvibili da un computer

Un approccio generale



Per dimostrare che un problema/algoritmo è in P:

- Descrivi l'algoritmo per fasi numerate
- Dai un limite superiore polinomiale al numero di fasi che l'algoritmo esegue per un input di lunghezza n
- Assicurati che ogni fase possa essere completata in tempo polinomiale su un modello di calcolo deterministico ragionevole
- L'input deve essere codificato in modo ragionevole

Due problemi in P



Raggiungibilità in un grafo

 $PATH = \{\langle G, s, t \rangle \mid G \text{ grafo che contiene un cammino da } s \text{ a } t\}$

Numeri relativamente primi

 $\textit{RELPRIME} = \{\langle x, y \rangle \mid 1 \ \text{\'e} \ \text{il massimo comun divisore di} \ x \ \text{e} \ y\}$

Una famiglia di linguaggi in



Theorem

Ogni linguaggio context-free è un elemento di P.

- Abbiamo dimostrato che ogni CFL è decidibile
 - l'algoritmo nella dimostrazione è esponenziale
- La soluzione polinomiale usa la programmazione dinamica
- La complessità è $O(n^3)$