# Automi e Linguaggi Formali

a.a. 2016/2017

LT in Informatica 17 Marzo 2017



## Espressioni Regolari



Le espressioni regolari sono un metodo alternativo per descrivere i linguaggi regolari, costruite utilizzando

- un insieme di costanti di base:
  - lacksquare per la stringa vuota
  - Ø per il linguaggio vuoto
  - $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \dots$  per i simboli  $a, b, \dots \in \Sigma$
- collegati da operatori:
  - + per l'unione
  - · per la concatenazione
  - \* per la chiusura di Kleene
- raggruppati usando le parentesi:
  - **(**)

### Espressioni regolari: esercizi

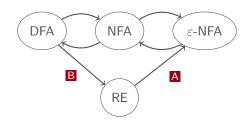


- Scrivere una espressione regolare per tutte stringhe binarie che cominciano e finiscono per 1
- 2 Scrivere una espressione regolare per le stringhe binarie che contengono almeno tre 1 consecutivi
- 3 Scrivere una espressione regolare per le stringhe binarie che contengono almeno tre 1 (anche non consecutivi)
- 4 Scrivere una espressione regolare per stringhe di testo che descriva le date in formato GG/MM/AAAA

#### Equivalenza tra FA e RE



Sappiamo già che DFA, NFA, e  $\varepsilon$ -NFA sono tutti equivalenti.



Gli FA sono equivalenti alle espressioni regolari:

- A Per ogni espressione regolare R esiste un  $\varepsilon$ -NFA A, tale che L(A) = L(R)
- Per ogni DFA A possiamo costruire un'espressione regolare R, tale che L(R) = L(A)

#### Da RE a $\varepsilon$ -NFA: esercizi



- 5 Trasformiamo  $(0+1)^*1(0+1)$  in arepsilon-NFA
- 6 Scrivere un'espressione regolare per rappresentare il linguaggio sull'alfabeto  $\{a, b, c\}$  che contiene
  - tutte le stringhe che iniziano con *a* e sono composte solo di *a* oppure *b*;
  - la stringa *c*
- 7 Trasformare l'espressione regolare dell'esercizio 6 in  $\varepsilon$ -NFA