Operazioni su linguaggi

Siano L e M due linguaggi regolari. Definiamo le operazioni regolari di $unione,\ concatenazione$ e star come segue:

• Unione:
$$L \cup M = \{ w \mid w \in L \text{ oppure } w \in M \}$$

• Concatenazione:
$$L.M = \{uv \mid u \in L \text{ e } v \in M\}$$

• Star:
$$L^* = \{x_1x_2x_3\dots x_n \mid n \geq 0 \text{ e ogni } x_i \in L\}$$

Supponi di avere a disposizione gli ε -NFA A_L e A_M che riconoscono i linguaggi L e M. Rispondi alle seguenti domande:

- 1. Esiste un ε -NFA che riconosce $L \cup M$? E L.M? E L^* ?
- 2. Se si, descrivi degli algoritmi per costruire questi ε -NFA.