III appello CASA 15 giugno 2020

nome: cognome:

- Scrivere in modo CHIARO. Elaborati illegibili non saranno considerati.

- NON si contano le BRUTTE copie.
- Si ricorda di ESPLICITARE l'uso della regola dello scambio sia a destra che a sinistra del sequente.
- Si ricorda di ETICHETTARE LE DERIVAZIONI CON LE REGOLE USATE (se non lo fate perdete punti!)
- Si esplicitino le eventuali regole derivate usate che non sono menzionate nelle regole allegate al compito.
- Mostrare se i sequenti elencati sotto sono tautologie, opinioni o paradossi in logica classica con uguaglianza motivando la risposta: nel caso di sequente proposizionale non valido si indichi la riga della tabella di verità in cui il sequente è falso e nel caso di sequente predicativo non valido si mostri un contromodello (nel caso di non validità i punti vanno aumentati della metà arrotondata per eccesso).

```
- (2 punti) A \& B \rightarrow A \lor C \vdash \perp
```

- (6 punti)
$$\exists y \ \forall z \ y = z \vdash \exists x \ (\ (a = x \rightarrow x = c) \ \& \ x = b)$$

- (3 punti)
$$y = c$$
, $\forall x \neg \neg M(x) \vdash \forall y \ M(y)$

- Sia T_{rist} la teoria ottenuta estendendo LC= con la formalizzazione dei seguenti assiomi:
 - 1. Il proprietario del ristorante cucina solo se il cuoco non cucina.
 - 2. Se il cuoco cucina, allora il proprietario del ristorante cucina e il commensale mangia.
 - 3. Se il commensale non mangia allora Renato non cucina.
 - 4. Solo se il cuoco cucina, Renato non cucina e il commensale non mangia.
 - 5. Se il proprietario del ristorante cucina anche il cuoco cucina.

Si consiglia di usare:

C(x) = x cucina

M(x) = x mangia

p=il proprietario del ristorante, m=il commensale, c=il cuoco, r=Renato

Formalizzare le seguenti affermazioni e dedurne la validità in T_{rist} :

- 1. (3 punti) Il commensale mangia se Renato cucina.
- 2. (4 punti) Non si dà il caso che il proprietario del ristorante cucini.
- 3. (6 punti) Non si dà il caso che il cuoco cucini.
- 4. (5 punti) Il commensale mangia.
- 5. (3 punti) Qualcuno cucina o qualcuno mangia.