

Zweierkomplement ganzer Binärzahlen (n Bit)

- Nichtnegative ganze Zahlen c ($0 \leq c \leq 2^{n-1} - 1$) werden unverändert dargestellt. Das vordere Bit (**MSB** ... most significant bit) ist gleich 0.
- Negative Zahlen $-d$ ($1 \leq d \leq 2^{n-1}$) werden als sogenanntes **Zweierkomplement** $\bar{d} := 2^n - d$ dargestellt. Damit ergibt sich $\bar{d} \geq 2^{n-1}$, d.h. das MSB ist gleich 1.
- Die Umwandlung erfolgt am schnellsten mit folgender Methode:

Rechts beim LSB (least significant bit) beginnend alle Ziffern bis einschließlich der ersten 1 unverändert lassen. Für alle höherwertigen (weiter links stehenden) das Einerkomplement ($0 \rightarrow 1, 1 \rightarrow 0$) bilden.

- Bsp. $n = 8$: Darzustellen sei die Zahl -100 (als Zweierkomplement $\overline{100}$)

Zunächst Binärdarstellung von 100 über das Hexadezimalsystem:

$$(100)_{10} = (64)_{16} = (\mathbf{110\ 0100})_2 \Rightarrow$$

100	0 110 0100
$\overline{100}$	1 001 1100

- Die Subtraktion wird auf die Addition des Zweierkomplements zurückgeführt.
Beispiel $64 - 100$

	0 100 0000	64
+	1 001 1100	-100
	1 101 1100	-36
	0 010 0100	36

Ergebnis negativ ($-a$), **Übergang zum Zweierkomplement liefert $a = 36$** (letzte Zeile), also Ergebnis -36 .

- **Für die Handrechnung** (z.B. $2 - 9 =: a$) **kleinere Zahl von größerer subtrahieren** $a = -(9 - 2)$, dabei genügt für n die Binärstellenzahl des Minuenden $(9)_{10} = (1001)_2$ also $n = 4$.

Es wird dabei ausschließlich mit nichtnegativen Zahlen $(0, 1, \dots, 2^n - 1)$ gerechnet: $(9 - 2)_{10} = ((9 + 2^n - 2) - 2^n)_{10} = (9 + \bar{2} - 2^n)_{10}$.

Das **MSB** wird dabei **nicht als Vorzeichenbit** verwendet.

Das Zweierkomplement des Minuenden wird wie üblich gebildet ($\bar{z} = 2^n - z$):
 $2 = (0010)_2 \Rightarrow$ Zweierkomplement $\bar{2} = (1110)_2$ ($n=4$ Stellen).

	1 0 0 1	9
+	1 1 1 0	$\bar{2}$
	1 0 1 1	7

Die vordere Stelle ($2^n = 2^4$) wird ignoriert
Ergebnis der Subtraktion ist direkt ablesbar:
 $9 - 2 = 7$, also $a = -7$.