

Trójkątów ciąg dalszy. Tym razem wprawka składa się z dwóch części każda za 1 pkt. Zadania są ze sobą powiązane, ale można je rozwiązać niezależnie od siebie.

## Trójkąt Pascala (1 pkt)

Jest to trójkątna tablica liczb, w której w  $n$ -tym rzędzie wartościami są współczynniki dwumianu Newtona dla rozwinięcia  $(a+b)^n$ . Np w trzecim wierszu (licząc od 0) mamy 1 3 3 1 bo

$$(a+b)^3 = 1 * a^3 + 3 * a^2 * b + 3 * a * b^2 + 1 * b^3$$

. Taki trójkąt najłatwiej(?) wygenerować następującą procedurą:

1. zerowy rząd składa się z 1
2. każdy następny rząd :
  - jest o 1 dłuższy
  - na końcach ma jedyńki
  - liczby wewnątrz są sumą dwóch liczb stojących w wyższym wierszu bezpośrednio nad tą liczbą

```
      1
     1 1
    1 2 1
   1 3 3 1
  1 4 6 4 1
 1 5 10 10 5 1
1 6 15 20 15 6 1
1 7 21 35 35 21 7 1
```

Zerknij na animację z wikipedii<sup>1</sup>.

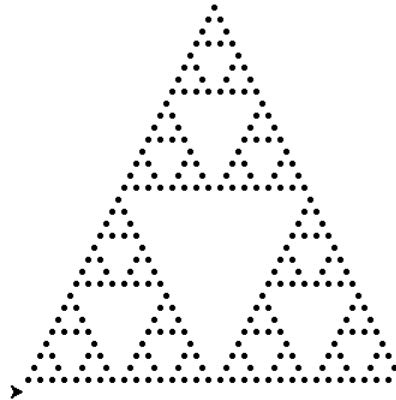
**Zadanie** polega na napisaniu procedury `pascal`, która dla zadanego parametru  $n$  generuje trójkąt o tym rozmiarze w postaci listy list(tupli). Wynikiem `pascal(4)` powinno być coś takiego `[[1], [1, 1], [1, 2, 1], [1, 3, 3, 1], [1, 4, 6, 4, 1]]`

---

<sup>1</sup>[https://pl.wikipedia.org/wiki/Trjkt\\_Pascala#/media/Plik:PascalTriangleAnimated2.gif](https://pl.wikipedia.org/wiki/Trjkt_Pascala#/media/Plik:PascalTriangleAnimated2.gif)

## Pascal vs Sierpiński (1 pkt)

Okazuje się, że trójkąt Sierpińskiego, znany z poprzedniej wprawki, w naturalny sposób pojawia się w trójkącie Pascala. Możemy to zaobserwować rysując elementy trójkątu Pascala jako czarne i białe kropki odpowiednio dla nieparzystych i parzystych współczynników. Np dla  $n := 2^5 = 32$  wygląda to tak:



**Zadanie** polega na implementacji procedury przyjmującej jako parametr trójkąt Pascala w postaci z poprzedniego zadania i wykonującej żółciem podobny rysunek. Jeśli nie masz zadania numer 1 to do testów możesz użyć listy ze skosowego pliku `pascal.triangle`. Pomocne mogą się okazać funkcje

- `color()`
- `penup()`
- `dot()`
- `goto()`