Instytut Informatyki UWr

Wstęp do informatyki

Lista 13

Uwaga.

Algorytmy rozwiązujące zadania z tej listy mogą mieć postać pseudokodu, w szczególności mogą wykorzystywać abstrakcyjne typy danych jak kolejka, stos, lista wiązana. Można również korzystać z funkcji/algorytmów podanych na wykładzie (przeglądanie w głąb, wszerz, sprawdzanie spójności, wyznaczanie składowych spójności), wskazując ewentualne zmiany, które do nich trzeba wprowadzić. Użycie takich funkcji wymaga jednak podania ich specyfikacji. Zadania 1-7 dotyczą grafów nieskierowanych.

Oszacuj złożoność czasową i pamięciową podanych w rozwiązaniach zadań algorytmów. Uzasadnij ich poprawność.

1. [0.5] Napisz funkcję/algorytm, która przekształca reprezentację grafu w postaci macierzy sąsiedztwa na listy sąsiedztwa, oraz funkcję/algorytm przekształcającą listy sąsiedztwa do postaci macierzy sąsiedztwa.

W poniższych zadaniach przyjmij, że grafy są podawane w postaci list sąsiedztwa.

- 2. [1] *Mostem* nazywamy krawędź, której usunięcie powoduje zwiększenie liczby składowych spójności grafu. Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G oraz pary wierzchołków u, v rozstrzyga, czy krawędź (u,v) jest mostem w G. Twoje rozwiązanie powinno działać w czasie O(n+m), gdzie n to liczba wierzchołków a m to liczba krawędzi grafu.
- 3. [0.5] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G sprawdza, czy w G występuje (co najmniej jeden) most. Twoje rozwiązanie powinno działać w czasie O(m(n+m)), gdzie n to liczba wierzchołków a m to liczba krawędzi grafu.
- 4. [0.5] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu skierowanego G i wierzchołków u, v sprawdza czy istnieje ścieżka łącząca u i v. Algorytm podaje też kolejne wierzchołki na takiej ścieżce (o ile ścieżka istnieje). Twoje rozwiązanie powinno działać w czasie O(n+m), gdzie n to liczba wierzchołków a m to liczba krawędzi grafu.
- 5. [1] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G i wierzchołków u, v wyznacza długość najkrótszej ścieżki łączącej u i v lub –1, gdy ścieżki łączącej u i v brak. Algorytm podaje też kolejne wierzchołki na takiej ścieżce (o ile ścieżka istnieje).
- 6. [1] *Punktem artykulacji* nazywamy wierzchołek, którego usunięcie powoduje zwiększenie liczby składowych spójności grafu. Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G oraz wierzchołka v rozstrzyga, czy v jest punktem artykulacji grafu G. Twoje rozwiązanie powinno działać w czasie O(n+m), gdzie n to liczba wierzchołków a m to liczba krawędzi grafu.
- 7. [1] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G sprawdza, czy w G występuje cykl. W przypadku występowania (co najmniej jednego) cyklu, algorytm zwraca ciąg wierzchołków tworzący cykl w wejściowym grafie.

Zadania dodatkowe, nieobowiązkowe (nie wliczają się do puli punktów do zdobycia na ćwiczeniach, punktacja została podana tylko jako informacja o trudności zadań wg wykładowcy)

8. [2] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu skierowanego G sprawdza, czy G jest silnie spójny. (p. materiały do wykładu)

- 9. [2] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu skierowanego G wyznacza jego silnie spójne składowe. (p. materiały do wykładu)
- 10. [2] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G wyznacza jego wszystkie punkty artykulacji.
- 11. [2] Napisz funkcję/algorytm, która dla podanego na wejściu grafu G sprawdza, czy w G występuje (co najmniej jeden) most. Twoje rozwiązanie powinno działać w czasie O(n+m), gdzie n to liczba wierzchołków a m to liczba krawędzi grafu.