Sterowanie procesami dyskretnymi Tabu Search

Mateusz Górka Karolina Głuszek Michał Kowalski

21 kwietnia 2021

1 Wstęp i wyniki pomiarów

Przygotowana przez nas implementacja metaheurystyki posiada szereg modyfikacji wpływających na działanie algorytmu. Są to kolejno:

- 1. Długość tablicy tabu,
- 2. Metoda wyznaczenia rozwiązania poczatkowego,
- 3. Sposób zamiany danych (zamiana, wstawienie, odwrócenie kolejności),
- 4. Kryterium (lub kryteria) zakończenia działania (ilość iteracji, czas, ilość iteracji bez poprawy rozwiązania).

Wybierając 3 różne długości tablicy tabu, osiem zaimplementowanych metod wyznaczania rozwiązania początkowego, 3 sposoby zamiany danych, trzy kryteria zakończenia dla trzech różnych wartości i na trzech zestawach danych, oraz wliczając mieszanie kryteriów zakończenia musielibyśmy przeprowadzić ilość testów równą:

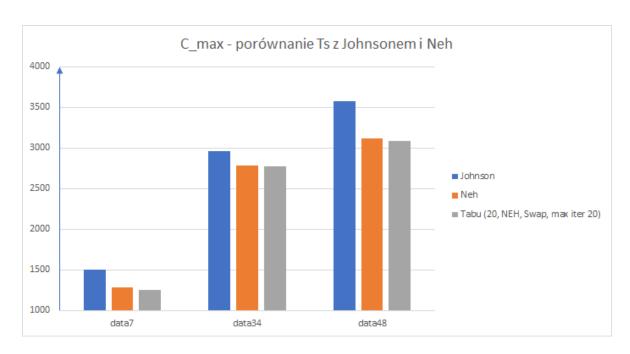
$$3^5 \cdot 8 \cdot 6 = 11664$$

Z tego względu, że nie jest to możliwe, przeprowadzone testy mogą być niedokładne, ponieważ przetestowana została stosunkowo niewielka liczba kombinacji różnych modyfikacji Tabu searcha.

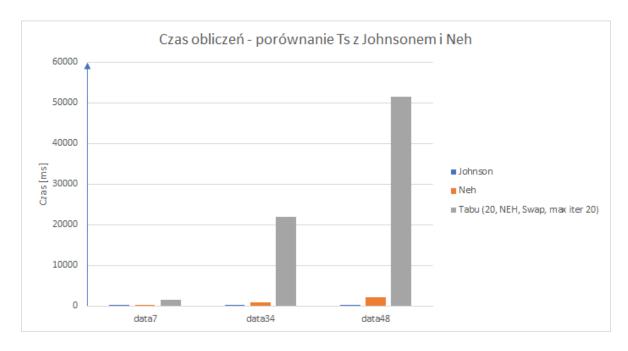
| | C_max | | | Czas liczenia [ms] | | |
|--|-------|--------|--------|--------------------|---------|----------|
| nr pliku | data7 | data34 | data48 | data7 | data34 | data48 |
| Tabu (20, NEH, Swap, max iter 20) | 1251 | 2777 | 3089 | 1399,1 | 21850,9 | 51603,1 |
| Johnson | 1500 | 2958 | 3579 | 0,3 | 1,1 | 1,3 |
| Neh | 1278 | 2782 | 3123 | 57,9 | 797,7 | 2030,6 |
| | | | | | | |
| Tabu (2, NEH, Swap, max iter 20) | 1251 | 2782 | 3114 | 1452,1 | 22242,8 | 51768,4 |
| Tabu (200, NEH, Swap, max iter 20) | 1251 | 2762 | 3089 | 1430,6 | 22275,9 | 50481,3 |
| | | | | | | |
| Tabu (20, NEH, Insert, max iter 20) | 1278 | 2782 | 3123 | 1400,1 | 22322,5 | 52527,5 |
| Tabu (20, NEH, Inverse, max iter 20) | 1278 | 2782 | 3123 | 1387,8 | 21735,9 | 52382,0 |
| | | | | | | |
| Tabu (20, NEH, Swap, max time 60) | 1251 | 2777 | 3089 | 60089,9 | 61541,2 | 63460,0 |
| Tabu (20, NEH, Swap, without progress 20) | 1251 | 2777 | 3089 | 1531,6 | 26947,7 | 92631,8 |
| Tabu (20, NEH, Swap, max iter 50) | 1251 | 2777 | 3089 | 3294,1 | 52581,8 | 124422,9 |
| | | | | | | |
| Tabu (20, Copy, Swap, without progress 20) | 1251 | 2782 | 3126 | 2525,1 | 44694,5 | 101810,9 |
| Tabu (20, Johnson, Swap, without progress20) | 1259 | 2777 | 3107 | 1870,5 | 28712,4 | 104240,5 |
| Tabu (20, NEH1, Swap, without progress 20) | 1251 | 2753 | 3160 | 1689,8 | 32032,9 | 61308,9 |
| Tabu (20, NEH2, Swap, without progress 20) | 1259 | 2782 | 3098 | 1642,2 | 25217,2 | 108206,3 |
| Tabu (20, NEH3, Swap, without progress 20) | 1259 | 2782 | 3113 | 1637,7 | 27436,1 | 78372,4 |
| Tabu (20, NEH4, Swap, without progress 20) | 1521 | 2777 | 3089 | 2051,3 | 39318,7 | 126546,6 |

Rysunek 1: Tabela z wynikami pomiarów

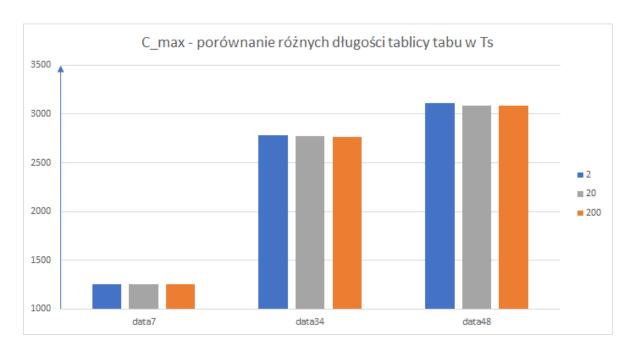
2 Wykresy



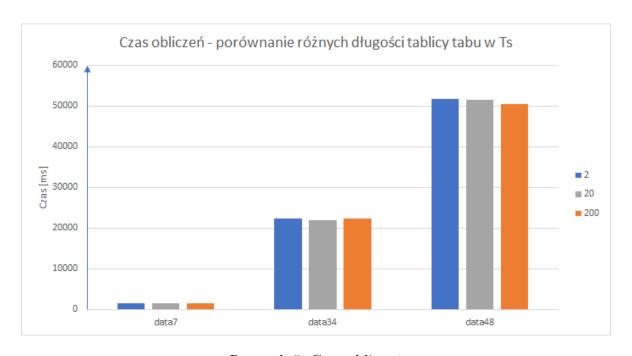
Rysunek 2: C_{max}



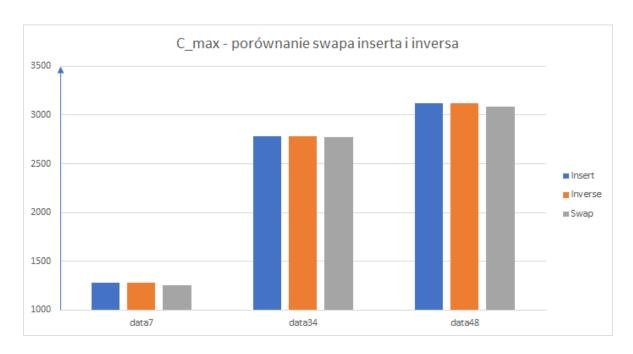
Rysunek 3: Czas obliczeń



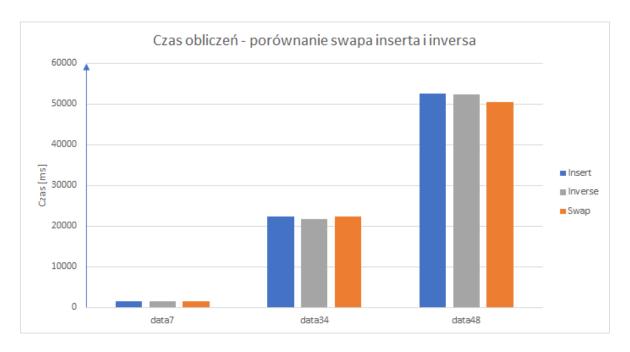
Rysunek 4: C_{max}



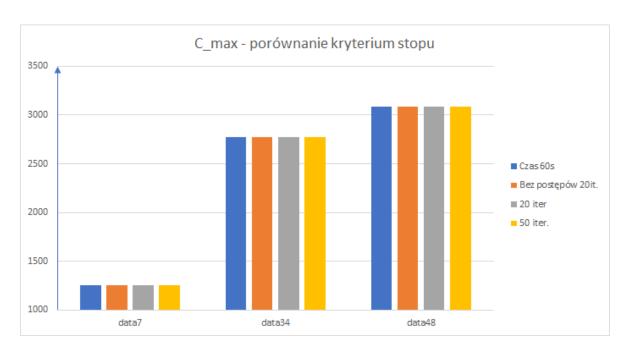
Rysunek 5: Czas obliczeń



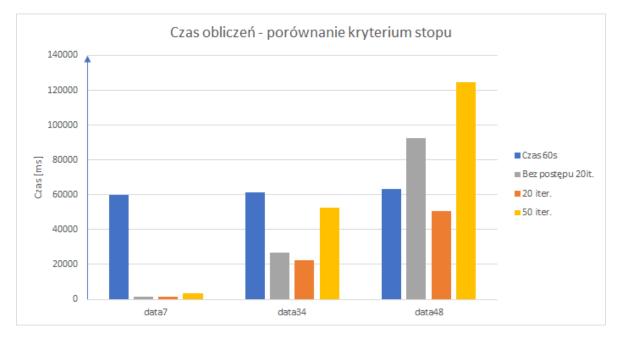
Rysunek 6: C_{max}



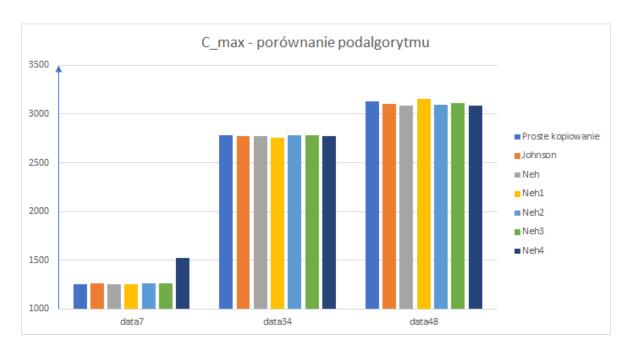
Rysunek 7: Czas obliczeń



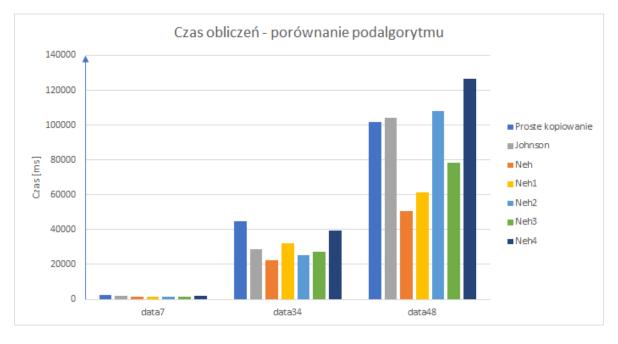
Rysunek 8: C_{max}



Rysunek 9: Czas obliczeń



Rysunek 10: C_{max}



Rysunek 11: Czas obliczeń

3 Wnioski

Jak pokazują wykresy 2 oraz 3 algorytm tabu serach jest zdecydowanie wolniejszy, ponieważ jest algorytmem który iteracyjnie sprawdza sąsiedztwo rozwiązania zwróconego przez algorytm inicjalizujący rozwiązanie początkowe. W zamian za to potrafi uzyskać lepsze rozwiązanie, choć oczywiście dalej nie daje gwarancji rozwiązania optymalnego. Większa długość tablicy tabu wpływa pozytywnie na wynik C_{max} , jednak nieznacznie (rys. 4). Czas obliczeń w zależności od rodzaju danych może się zarówno skrócić, jak i wydłużyć (rys. 5).

Z wykresów 6 i 7 wynika, że swap jest zazwyczaj szybszą i lepszą pod względem C_{max} metodą budowania tablicy sąsiedztwa. Wynika to z tego, że metody insert oraz invert są bardziej złożone obliczeniowo. Te metody mogą za to okazać się szybsze dla odpowiednich danych (plik data.034 - inverse).

Kryterium stopu, przy dobranych parametrach, jak na rysunku 8 ma niewielki wpływ na wartość $C_m ax$, jednak już bardzo duży na czas wykonywania (rys 9). W praktyce dla danych niedużej objętości najlepiej sprawdzi się kryterium ilości iteracji bez żadnej poprawy wartości $C_m ax$ - często trudno jest samodzielnie dobrać ilość iteracji tak, by trafić w punkt, po którym nowe iteracje nie przynoszą pożądanego efektu. Dla danych dużej objętości najlepiej sprawdzi się ograniczenie czasowe - daje ono gwarancję, że problem zostanie rozwiązany w sensownym czasie, jednak rozwiązanie to może być dalekie od optymalnego. Najprawdopodobniej najlepszy efekt dałoby połączenie kryterium czasowego oraz ilości iteracji bez poprawy rozwiązania.

Rysunki 10 oraz 11 pokazują wpływ doboru metody wyznaczenia początkowego rozwiązania. Można z nich wywnioskować, że pod względem czasowym i rezultatu wartości C_{max} najlepiej poradziła sobie metoda Neh w podstawowej wersji.