# Gabarito: Entropia

## Daniel Sahadi, Renan Romariz, e Gabriel Braun

Colégio e Curso Pensi, Coordenação de Química



## **Problemas**

PROBLEMA 1. D

2B01

Em uma isoterma:

$$Q = W$$

Cálculo do trabalho:

$$W = Q = nRT \ln \frac{V_f}{V_i}$$

$$W = 1 \, \text{mol} \cdot 8, 3 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1} \cdot 303 \, \text{K} \cdot \ln \frac{4}{2}$$

$$W = 1,74 \,\mathrm{kJ}$$

#### PROBLEMA 2. B

2B02

Em uma isoterma:

$$Q = W$$

Cálculo do trabalho:

$$W = Q = nRT \ln \frac{V_f}{V_i}$$

$$W = 2 \, \text{mol} \cdot 8, 3 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1} \cdot 283 \, \text{K} \cdot \ln \frac{9}{3}$$

$$W = 5, 16 \, kJ$$

#### PROBLEMA 3. A

2B03

Cálculo da variação de entropia:

$$\Delta S = \frac{Q}{T}$$

$$\Delta S = \frac{-50 \text{ J}}{273 \text{ K}} = -0,18 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 4. D

2B04

Cálculo da variação de entropia:

$$\Delta S = \frac{Q}{T}$$

$$\Delta S = \frac{-5000 \text{ J}}{1373 \text{ K}} = 3,64 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 5. D

2B05

Cálculo da entropia para isoterma:

$$\Delta S_{isoterma} = nR \ln \frac{V_f}{V_i}$$

$$\Delta S = 1 \, \text{mol} \cdot 8, 3 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1} \cdot \ln \frac{1}{3}$$

$$\Delta S = -9, 1 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 6. C

2B06

Cálculo da entropia para isoterma:

$$\Delta S_{\text{isoterma}} = nR \ln \frac{V_f}{V_i}$$

$$\Delta S = 2 \, \text{mol} \cdot 8, 3 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1} \cdot \ln \frac{10}{1}$$

$$\Delta S = 38, 2 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 7. B

2B07

Cálculo da entropia para isoterma:

$$\Delta S_{isoterma} = nR \, ln \, \frac{V_f}{V_i} = nR \, ln \, \frac{P_i}{P_f} \label{eq:deltaSisoterma}$$

$$\Delta S = 1,5\,\text{mol}\cdot 8,3\,\text{J}\,\text{mol}^{-1}\,\text{K}^{-1}\cdot \text{ln}\,\frac{20}{5}$$

$$\Delta S = 17,3 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 8. D

2B08

Cálculo do número de mols de gás cloro:

$$n = m M$$

 $\frac{1}{n = \frac{71 \text{ g}}{71 \text{ g m o l}^{-1}} = 1 \text{ mol}}$  Cálculo da entropia para isoterma:

$$\Delta S_{\text{isoterma}} = nR \ln \frac{V_f}{V_i} = nR \ln \frac{P_i}{P_f}$$

$$\Delta S = 1 \text{ mol} \cdot 8, 3 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1} \cdot \ln \frac{3}{24}$$

$$\Delta S = -17, 2 \text{ J K}^{-1}$$

## PROBLEMA 9. E

2B09

Cálculo da entropia para isovolumétrica:

$$\Delta S_{isovolum\'etrica} = nC_V ln \frac{T_f}{T_i}$$

$$\Delta S = 1 \, \text{mol} \cdot 12 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1} \cdot \ln \frac{573}{298}$$

$$\Delta S = 7,84 \text{ J K}^{-1}$$

<sup>\*</sup>Contato: gabriel.braun@pensi.com.br, (21) 99848-4949

#### PROBLEMA 10. C

Cálculo da variação de entropia para calor sensível:

$$\Delta S = mc \ln \frac{T_f}{T_i}$$

$$\Delta S = 5, 5 \text{ g} \cdot 0, 51 \text{ J K}^{-1} \text{ g}^{-1} \cdot \ln \frac{373}{293}$$

$$\Delta S = 0,68~J~K^{-1}$$

#### PROBLEMA 11. C

2B11

2B10

A entropia é função de estado então a técnica é dividir esse processo em processos conhecidos, então vamos quebrar esse processo em uma compressão isotérmica até 5L e depois em um resfriamento isovolumétrico até 100 K

Cálculo da variação de entropia para isotérmica:

$$\begin{split} \Delta S_{isoterma} &= nR \ln \frac{V_f}{V_i} \\ \Delta S &= 2 \, \text{mol} \cdot 8, 3 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1} \cdot \ln \frac{5}{10} \end{split}$$

$$\Delta S = -11, 5 \text{ J K}^{-1}$$

Cálculo da variação de entropia para isovolumétrica:

$$\begin{split} \Delta S_{isovolum\'etrica} &= n C_V \, ln \, \frac{T_f}{T_i} \\ \Delta S &= 2 \, mol \cdot 12 \, J \, K^{-1} \, mol^{-1} \cdot ln \, \frac{100}{300} \end{split}$$

 $\Delta S = -26,4 \text{ J K}^{-1}$ 

Cálculo da variação total:

$$\Delta S_{\text{total}} = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_{\text{total}} = -11, 5 - 26, 4 = -37, 9 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 12. A

2B12

Cálculo do número de mols de O2:

$$n = \frac{m}{M}$$

$$n = \frac{24 \text{ g}}{32 \text{ g mol}^{-1}} = 0,75 \text{ mol}$$

A entropia é função de estado então a técnica é dividir esse processo em processos conhecidos, então vamos quebrar esse processo em uma compressão isotérmica até 8kPa e depois em um aquecimento isovolumétrico até 480 K

Cálculo da variação de entropia para isotérmica:

$$\begin{split} \Delta S_{isoterma} &= nR \ln \frac{V_f}{V_i} = nR \ln \frac{P_i}{P_f} \\ \Delta S &= 0,75 \, \text{mol} \cdot 8,3 \, \text{J mol}^{-1} \, \text{K}^{-1} \cdot \ln \frac{2}{8} \\ \Delta S &= -8,63 \, \text{J K}^{-1} \end{split}$$

Cálculo da variação de entropia para isovolumétrica:

$$\Delta S_{isovolum\'etrica} = n C_V ln \, \frac{T_f}{T_i}$$
 
$$\Delta S = 0,75 \, mol \cdot 21 \, J \, K^{-1} \, mol^{-1} \cdot ln \, \frac{480}{240}$$

$$\Delta S = 10,92 \text{ J K}^{-1}$$

Cálculo da variação total:

$$\Delta S_{\text{total}} = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_{\text{total}} = -8,63 + 10,92 = -2,29 \text{ J K}^{-1}$$

## PROBLEMA 13. A

2B13

Cálculo da variação de entropia de vaporização:

$$\Delta S = \frac{\Delta H}{T_{eb}}$$

$$\Delta S = \frac{6500 \text{ J}}{87 \text{ K}} = 74,7 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 14. E

2B14

Cálculo da variação de entropia de vaporização:

$$\Delta S = \frac{\Delta H}{T_{eb}}$$

$$\Delta S = \frac{40700 \text{ J}}{373 \text{ K}} = 109, 1 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 15. D

2B15

Cálculo da entalpia de vaporização:

$$\Delta H = T_{eb} \Delta S$$

$$\Delta H = 332 \ \text{K} \cdot 85 \ \text{J} \ \text{K}^{-1} \ \text{mol}^{-1} = 28,22 \ \text{kJ} \ \text{mol}^{-1}$$

## PROBLEMA 16. A

2B16

Cálculo da entalpia de vaporização:

$$\Delta H = T_{eb} \Delta S$$

$$\Delta H = 308 \,\mathrm{K} \cdot 85 \,\mathrm{J} \,\mathrm{K}^{-1} \,\mathrm{mol}^{-1} = 26,18 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$

#### PROBLEMA 17. B

2B17

Cálculo da variação de entropia de fusão:

$$\Delta S = \frac{\Delta H}{T_{\rm fus}}$$

$$\Delta S = \frac{2290 \text{ J}}{234.2 \text{ K}} = 9,8 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 18. A

Cálculo da variação de entropia de fusão:

$$\Delta S = \frac{\Delta H}{T_{fus}}$$

$$\Delta S = \frac{10600 \text{ J}}{278.5 \text{ K}} = 38,1 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 19. D

2B19

2B18

- 1. **Verdadeiro**. Maior pressão -> menor volume -> menor número de microestados -> menor entropia  $S_1 > S_2$
- 2. **Falso**. Maior temperatura ->Maior entropia  $S_1 < S_2$
- 3. **Verdadeiro**. Maior pressão -> menor volume -> menor número de microestados -> menor entropia  $S_1 > S_2$
- 4. **Verdadeiro**. Maior pressão -> menor volume -> menor número de microestados -> menor entropia  $S_1 > S_2$

#### PROBLEMA 20. D

2B20

- 1. **Falso.**  $S_{(1)} < S_{(q)}$
- 2. **Verdadeiro**.  $S_{(l)} > S_{(s)}$
- 3. **Verdadeiro.**  $S_{(\alpha q)} > S_{(s)}$
- 4. **Verdadeiro**.  $S_{(grafite)} > S_{(diamante)}$ . Diamante é uma estrutura cristalina tridimensional organizada enquanto grafite apresenta estrutura de lâminas bidimensionais sobrepostas, o que garante certo grau de liberdade.

#### PROBLEMA 21. D

2B21

- 1. **Falso**. Maior número de átomos  $\rightarrow$  maior a desordem  $\rightarrow$  maior a entropia  $S_1 < S_2$
- 2. **Verdadeiro**. Menos átomos distintos e átomos mais leves  $\rightarrow$  menor a desordem  $\rightarrow$  menor a entropia  $S_1 > S_2$
- 3. **Verdadeiro**. Moléculas mais pesadas tendem a ter maior entropia  $\to$  flúor é mais leve  $\to$  menor a desordem  $\to$  menor a entropia  $S_1 > S_2$
- 4. **Verdadeiro**. Menor número de átomos  $\rightarrow$  menor a desordem  $\rightarrow$  menor a entropia  $S_1 > S_2$

#### PROBLEMA 22. D

2B22

- 1. **Verdadeiro**. Moléculas mais pesadas tendem a ter maior entropia  $\to$  bromo é mais leve que iodo  $\to$  menor a entropia  $S_1 > S_2$
- 2. **Falso**. Cadeias mais abertas  $\rightarrow$  maior a entropia  $S_1 < S_2$
- 3. **Verdadeiro** Ambas possuem a mesma massa, porém para no caso do polietileno, os etenos estão ligados, presos, portanto possuem um menor número de microestados(tanto que eteno é um gás enquanto polietileno não é)  $\rightarrow$  menor a entropia  $S_1 > S_2$  4:. **Verdadeiro**. O cicloexano é líquido em 298 K.

## PROBLEMA 23. C

2B23

- 1. **Falso** Gás virando sólido  $\rightarrow \Delta S < 0$
- 2. **Verdadeiro** Líquido virando gás  $\rightarrow \Delta S > 0$
- 3. **Falso** 4 mols de gás virando 2 mols de gás  $\rightarrow \Delta S < 0$
- 4. **Verdadeiro** Sólido virando gás  $\rightarrow \Delta S > 0$

#### PROBLEMA 24. D

2B24

- 1. **Falso.** 1 mol de gás virando 2 mols de gás  $\rightarrow \Delta S > 0$
- 2. **Verdadeiro** Líquido virando sólido  $\rightarrow \Delta S < 0$
- 3. **Verdadeiro** Gasoso virando aquoso  $\rightarrow \Delta S < 0$
- 4. **Falso** 2 mols de gás virando 1 mol de gás  $\rightarrow \Delta S < 0$

## PROBLEMA 25. C

2B25

Cálculo da entropia da reação:

$$\Delta S = \Delta S_{prod} - \Delta S_{reag}$$

$$\Delta S = 3\Delta S_{Mn} + 2\Delta S_{Al_2O_3} - 4\Delta S_{Al} - 3\Delta S_{MnO_2}$$

$$\Delta S = 3 \cdot 32 + 2 \cdot 50, 9 - 4 \cdot 28, 3 - 3 \cdot 53$$

$$\Delta S = -74,4 \text{ J K}^{-1}$$

## PROBLEMA 26. D

2B26

Cálculo da entropia da reação:

$$\Delta S = \Delta S_{prod} - \Delta S_{reag}$$

$$\Delta S = 2\Delta S_{HNO_3} + 8\Delta S_{H_2O} - 7\Delta S_{H_2O_2} - 2\Delta S_{N_2H_4}$$

$$\Delta S = 2 \cdot 146 + 8 \cdot 69, 9 - 7 \cdot 110 - 2 \cdot 121$$

$$\Delta S = -160, 8 \text{ J K}^{-1}$$

## PROBLEMA 27. B

2B27

Cálculo da entropia da reação:

$$\Delta S = \Delta S_{\text{prod}} - \Delta S_{\text{reag}}$$

$$\Delta S = \Delta S_{Si} + 2\Delta S_{CO_2} - \Delta S_{SiO_2} - 2\Delta S_{CO_2}$$

$$\Delta S = 1 \cdot 18, 8 + 2 \cdot 214 - 1 \cdot 41, 8 - 2 \cdot 5, 74$$

$$\Delta S = 393, 52 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 28. A

2B28

Cálculo da entropia da reação:

$$\Delta S = \Delta S_{prod} - \Delta S_{reag}$$

$$\Delta S = 4\Delta S_{NO} + 6\Delta S_{H_2O} - 4\Delta S_{NH_3} - 5\Delta S_{O_2}$$

$$\Delta S = 4 \cdot 211 + 6 \cdot 189 - 4 \cdot 192 - 5 \cdot 205$$

$$\Delta S = 185 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 29. E

Cálculo da entropia da vizinhança:

$$\Delta S_{ extit{viz}} = -rac{\mathsf{Q}_{ ext{reação}}}{\mathsf{T}}$$

$$\Delta S_{\text{viz}} = -\frac{1\,\text{mol}\cdot 40700\,\text{J}\,\text{mol}^{-1}}{363\,\text{K}} = -112\,\,\text{J}\,\text{K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 30. A

2B30

2B29

Cálculo da entropia da vizinhança:

$$\Delta S_{\nu iz} = -\frac{Q_{reação}}{T} = -\frac{n\Delta H}{T}$$

$$\Delta S_{\nu iz} = -\frac{2\,\text{mol} \cdot 46100\,\text{J}\,\text{mol}^{-1}}{298} = -309,4\,\text{J}\,\text{K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 31. C

2B31

Se é um processo natural:  $\Delta S_{universo}>0$ 

$$\Delta S_{\rm B} + \Delta S_{\rm A} > 0$$

Então a entropia de B precisa ser maior que a de A pois o sistema A perde energia(variação de entropia negativa)

$$|\Delta S_B| > |\Delta S_A|$$

#### PROBLEMA 32. D

2B32

O estado 2 ocorre após o estado 1, mas não há relação de dependência entre eles Vamos ver alguns exemplos, lembrando que estamos em um sistema fechado, ou seja, há troca de energia.

#### Ex 1:

Estado 1:Garrafa fechada de água no congelador Sentido da seta do tempo -> água virar gelo Estado 2:Garrafa fechada de gelo no congelador Sendo a garrafa o nosso sistema fechado, temos então que  $S_2 < S_1$ 

#### Ex 2:

Estado 1: Garrafa fechada de gelo fora da geladeira Sentido da seta do tempo -> gelo virar água Estado 2: Garrafa fechada de água fora da geladeira Sendo a garrafa o nosso sistema fechado, temos então que  $S_2 > S_1$  Com

## PROBLEMA 33. D

2B33

Cálculo da variação de entropia do reservatório de 800 K:

$$\Delta S_1 = \frac{-Q}{T_1}$$

$$\Delta S_1 = -\frac{40000\,\text{J}}{800\,\text{K}} = -50\,\,\text{J}\,\,\text{K}^{-1}$$

Cálculo da variação de entropia do reservatório de 200 K:

$$\Delta S_2 = \frac{Q}{T_2}$$

$$\Delta S_2 = \frac{40000 \text{ J}}{200 \text{ K}} = 200 \text{ J K}^{-1}$$

Cálculo da variação total:

$$\Delta S_{tot} = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_{\rm tot} = -50 + 200 = 150 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 34. A

2B34

Cálculo da variação de entropia do reservatório de 700 K:

$$\Delta S_1 = \frac{-Q}{T_1}$$

$$\Delta S_1 = -\frac{25000 \text{ J}}{700 \text{ K}} = -35,7 \text{ J K}^{-1}$$

Cálculo da variação de entropia do reservatório de 320 K:

$$\Delta S_2 = \frac{Q}{T_2}$$

$$\Delta S_2 = \frac{25000\,\text{J}}{320\,\text{K}} = 78,1\,\,\text{J}\,\,\text{K}^{-1}$$

Cálculo da variação total:

$$\Delta S_{\text{tot}} = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_{ exttt{tot}} = -35, 7 + 78, 1 = 42, 4 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 35. B

2B35

Cálculo da entropia da vizinhança:

$$\Delta S_{\text{viz}} = \frac{-\Delta H_{\text{sistema}}}{T_{\text{viz}}}$$

$$\Delta S_{viz} = -\frac{-271000 \, \text{J}}{298 \, \text{K}} = 909,4 \, \, \text{J} \, \, \text{K}^{-1}$$

Cálculo da entropia da reação:

$$\frac{1}{2} \mathsf{H}_{2(g)} + \frac{1}{2} \mathsf{F}_{2(g)} \to \mathsf{H} \mathsf{F}_{(g)}$$

$$\Delta S_{\text{sist}} = \Delta S_{\text{prod}} - \Delta S_{\text{reag}}$$

$$\Delta S_{\text{sist}} = \Delta S_{\text{HF}} - \frac{1}{2} \Delta S_{\text{H}_2} - \frac{1}{2} \Delta S_{\text{F}_2}$$

$$\Delta S_{\text{sist}} = 174 - \frac{1}{2} \cdot 131 - \frac{1}{2} \cdot 203$$

$$\Delta S_{\rm sist} = 7 \, \text{J K}^{-1}$$

Cálculo da variação do universo:

$$\Delta S_{\text{univ}} = \Delta S_{\text{sist}} + \Delta S_{\text{viz}}$$

$$\Delta S_{univ} = 909, 4 + 7 = 916, 4 \text{ J K}^{-1}$$

#### PROBLEMA 36. C

2B36

Cálculo da entropia da vizinhança:

$$\Delta S_{viz} = \frac{-Q}{T_{viz}}$$

$$\Delta S_{\nu iz} = -\frac{49000 \, \text{J}}{298 \, \text{K}} = -164, 4 \, \text{J} \, \text{K}^{-1}$$

Cálculo da entropia da reação:

$$6C_{(s)} + 3H_{2(g)} \to C_6H_{6(l)}$$

$$\Delta S_{\text{sist}} = \Delta S_{\text{prod}} - \Delta S_{\text{reag}}$$

$$\Delta S_{\text{sist}} = \Delta S_{C_6H_6} - 6\Delta S_C - 3\Delta S_{H_2}$$

$$\Delta S_{\text{sist}} = 173 - 6 \cdot 5,74 - 3 \cdot 131$$

$$\Delta S_{\mathrm{sist}} = -254,4~\mathrm{J~K^{-1}}$$

Cálculo da variação do universo:

$$\Delta S_{\text{univ}} = \Delta S_{\text{sist}} + \Delta S_{\text{viz}}$$

$$\Delta S_{\text{univ}} = -254, 4-164, 4 = -418, 8 \; \text{J K}^{-1}$$