



# CICLO ITA 1 - OBJETIVO

TURMA IME-ITA

2022



## GABARITO

---

### 1.1 Física

- |              |              |             |             |              |
|--------------|--------------|-------------|-------------|--------------|
| 1. <b>A</b>  | 2. <b>A</b>  | 3. -        | 4. <b>A</b> | 5. <b>D</b>  |
| 6. <b>A</b>  | 7. <b>A</b>  | 8. <b>A</b> | 9. -        | 10. <b>A</b> |
| 11. <b>A</b> | 12. <b>C</b> | 13. -       | 14. -       | 15. -        |

### 1.2 Português

- |              |              |              |              |              |
|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| 1. <b>A</b>  | 2. <b>D</b>  | 3. <b>B</b>  | 4. <b>C</b>  | 5. <b>C</b>  |
| 6. <b>B</b>  | 7. <b>E</b>  | 8. <b>C</b>  | 9. <b>D</b>  | 10. <b>E</b> |
| 11. <b>B</b> | 12. <b>B</b> | 13. <b>C</b> | 14. <b>A</b> | 15. <b>E</b> |

### 1.3 Inglês

- |             |             |             |             |              |
|-------------|-------------|-------------|-------------|--------------|
| 1. <b>C</b> | 2. <b>C</b> | 3. <b>D</b> | 4. <b>E</b> | 5. <b>A</b>  |
| 6. <b>A</b> | 7. <b>A</b> | 8. <b>B</b> | 9. <b>B</b> | 10. <b>C</b> |

### 1.4 Matemática

- |              |              |              |              |              |
|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| 1. <b>E</b>  | 2. <b>D</b>  | 3. <b>D</b>  | 4. <b>E</b>  | 5. <b>B</b>  |
| 6. <b>A</b>  | 7. <b>B</b>  | 8. <b>C</b>  | 9. <b>C</b>  | 10. <b>A</b> |
| 11. <b>D</b> | 12. <b>C</b> | 13. <b>E</b> | 14. <b>D</b> | 15. <b>B</b> |

### 1.5 Química

- |              |              |              |              |              |
|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| 1. <b>D</b>  | 2. <b>B</b>  | 3. <b>D</b>  | 4. -         | 5. <b>A</b>  |
| 6. <b>B</b>  | 7. <b>B</b>  | 8. <b>B</b>  | 9. <b>E</b>  | 10. <b>E</b> |
| 11. <b>B</b> | 12. <b>D</b> | 13. <b>B</b> | 14. <b>E</b> | 15. <b>A</b> |

## FÍSICA

---

**Questão 1** Duas partículas idênticas eletricamente carregadas com cargas, em módulo, de  $8\ \mu\text{C}$  e  $4\ \mu\text{C}$  estão separadas por uma distância de 2 m. Coloca-se as partículas em contato e depois elas são afastadas para uma nova distância  $d$ . Sabendo que inicialmente as partículas se atraíam e na nova situação o módulo da força entre elas caiu pela metade, determine  $d$ .

A ( ) 1 m.

B ( ) 3 m.

C ( ) 5 m.

D ( ) 7 m.

E ( ) 9 m.

### Gabarito

**Questão 2** João Pescador Gomes sonha que embarcou em uma nave espacial para viajar até o distante planeta Cordeiro, situado a 10 anos luz da Terra. Metade do percurso é percorrido com aceleração que cresce linearmente, de forma que o corpo parte do repouso, e chega na metade do caminho com aceleração de  $30\ \text{m s}^{-2}$  e o restante com desaceleração de mesma magnitude. Desprezando a atração gravitacional e efeitos relativistas, estime o tempo total em meses de ida e volta da viagem do sonho de João.

A ( ) 120 meses

B ( ) 90 meses

C ( ) 60 meses

D ( ) 30 meses

E ( ) 150 meses

### Gabarito

**Questão 3** A massa específica  $d_1$  de um bloco de alumínio é determinada num dia de verão muito quente, quando a temperatura é de  $T\ [^{\circ}\text{C}]$ . Essa medida é comparada com outra, efetuada em um laboratório mantido à temperatura de  $15\ ^{\circ}\text{C}$  e que forneceu o valor de  $d_2$ . Podemos afirmar que:

A ( )  $d_1 > d_2$

B ( )  $d_1 < d_2$

C ( )  $d_1 = d_2$

D ( )  $\frac{d_1}{d_2} = \frac{T - 15}{T + 15}$

E ( )  $\frac{d_1}{d_2} = \frac{T + 15}{T - 15}$

### Gabarito

**Questão 4** Uma barra metálica a  $0\ ^{\circ}\text{C}$  mede 1 m conforme indicação de uma régua de vidro na mesma temperatura. Quando a barra e a régua são aquecidas a  $300\ ^{\circ}\text{C}$  o comprimento da barra medido pela régua passa a ser de 1,01 m. Com base nessas informações, o coeficiente de dilatação do material que constitui a barra é dado por?

A ( )  $2 \times 10^{-5}\ ^{\circ}\text{C}^{-1}$

B ( )  $2,90 \times 10^{-5}\ ^{\circ}\text{C}^{-1}$

C ( )  $3,60 \times 10^{-5}\ ^{\circ}\text{C}^{-1}$

D ( )  $4,50 \times 10^{-5}\ ^{\circ}\text{C}^{-1}$

E ( )  $6 \times 10^{-5}\ ^{\circ}\text{C}^{-1}$

### Dados

- Coeficiente de dilatação linear do vidro  $\gamma_{\text{vidro}} = 9 \times 10^{-4}\ ^{\circ}\text{C}^{-1}$ .

### Gabarito

**Questão 5** Um dipolo elétrico é formado por um par de cargas ( $q$  e  $-q$ ) separadas por uma pequena distância  $a$ . Considere dois dipolos elétricos paralelos que são separados por uma distância  $d$  ( $d \gg a$ ), de maneira que as cargas de mesmo sinal estejam alinhadas horizontalmente. Utilizando a aproximação  $(1+x)^n = 1+nx$ , onde  $x \ll 1$ ; determine a força elétrica resultante de interação entre os dois dipolos.

A ( )  $F = \frac{12kq^2a^2}{d^4}$

B ( )  $F = \frac{3kq^2a^2}{4d^4}$

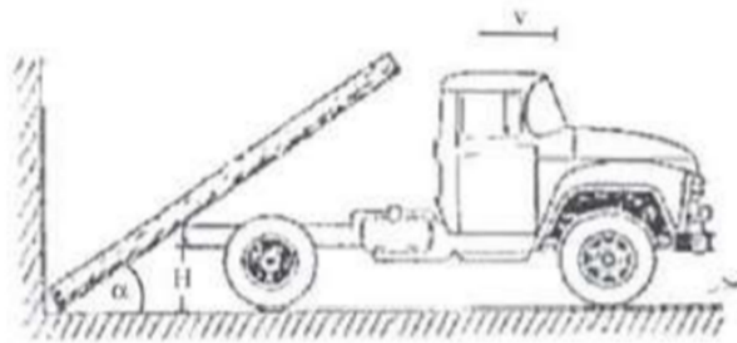
C ( )  $F = \frac{3kq^2a^2}{2d^4}$

D ( )  $F = \frac{3kq^2a^2}{d^4}$

E ( )  $F = \frac{3kq^2a^2}{8d^4}$

### Gabarito

**Questão 6** Um caminhão anda com velocidade constante  $v$ . Uma haste fixa em um pivô se encontra apoiada sobre a traseira do caminhão.



Determine a velocidade angular da barra quando o ângulo de inclinação com a horizontal for  $\alpha$ . A altura da traseira do caminhão vale  $H$ .

A ( )  $\frac{v \sin^2(\alpha)}{H}$

B ( )  $\frac{v \sin^3(\alpha)}{H}$

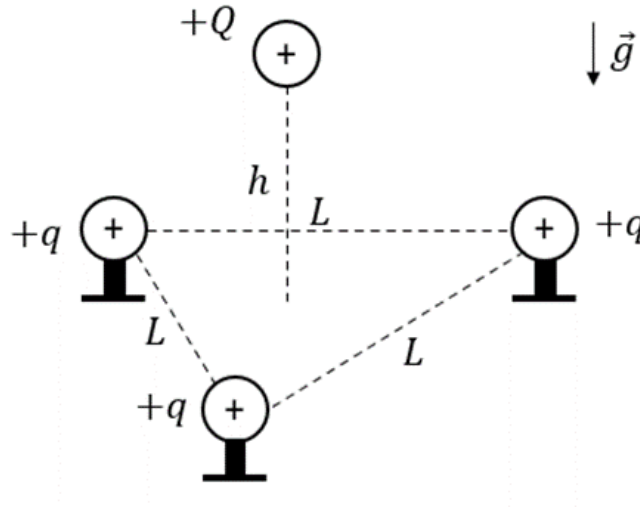
C ( )  $\frac{v \sin^2(\alpha)}{2H}$

D ( )  $\frac{v \sin^2(\frac{\alpha}{2})}{H}$

E ( )  $\frac{v \sin^2(\frac{\alpha}{2})}{2H}$

### Gabarito

**Questão 7** No sistema abaixo, temos três esferas metálicas idênticas fixas por hastes em um mesmo plano horizontal e carregadas com carga  $+q$ . Verticalmente acima do baricentro do triângulo equilátero formado pelas três esferas, temos uma outra esfera carregada com carga  $+Q$  e massa  $m$  em equilíbrio.



Sabe-se que a altura da esfera  $+Q$  é  $h = \frac{\sqrt{6}}{3}L$ . Considerando que a gravidade no local é  $g$  e que a constante eletrostática do meio é  $k$ , determine a carga  $+Q$ :

A ( )  $\frac{\sqrt{6}}{6} \left( \frac{mgL^2}{kq} \right)$

B ( )  $\frac{\sqrt{3}}{3} \left( \frac{mgL^2}{kq} \right)$

C ( )  $\frac{\sqrt{2}}{2} \left( \frac{mgL^2}{kq} \right)$

D ( )  $\frac{\sqrt{6}}{3} \left( \frac{mgL^2}{kq} \right)$

E ( )  $\frac{\sqrt{3}}{2} \left( \frac{mgL^2}{kq} \right)$

## Gabarito

**Questão 8** Da Origem de uma pista de corrida, partem 2 carros  $A$  e  $B$ . Em  $t = 0$ ,  $A$  parte em movimento uniforme, com velocidade constante de  $10 \text{ m/s}$ . Após  $10$  segundos,  $B$  parte do repouso, com aceleração constante de  $4 \text{ m/s}^2$ , com mesma direção e sentido da velocidade de  $A$ . Determine para um observador em repouso a velocidade da imagem do reflexo de  $A$  no retrovisor de  $B$ ,  $2$  segundos após a ultrapassagem.

A ( )  $110 \text{ m/s}$

B ( )  $100 \text{ m/s}$

C ( )  $90 \text{ m/s}$

D ( )  $80 \text{ m/s}$

E ( )  $70 \text{ m/s}$

## Gabarito

**Questão 9** O dilatômetro, impropriamente denominado "Dilatômetro de peso", é um aparato físico basicamente constituído de um frasco, cheio de um líquido, com uma balança em sua base que mede a variação da massa de um líquido devido à sua dilatação. Seja  $m_f$  a massa do frasco vazio e  $m_1$  a massa do frasco cheio com o líquido que se quer determinar o coeficiente de dilatação volumétrico a  $0^\circ\text{C}$ . A massa de líquido que preenche o dilatômetro a  $0^\circ\text{C}$  é  $m_0 = m_1 - m_f$ . Aquecendo o conjunto a  $T [^\circ\text{C}]$ , ocorre um extravasamento do líquido, pois este é mais dilatável que o material que constitui o dilatômetro. Seja  $m_2$  a massa do frasco cheio com o líquido em questão a  $T [^\circ\text{C}]$ . A massa de líquido que preenche o frasco a  $T [^\circ\text{C}]$  é  $m = m_2 - m_f$ . Considerando conhecido o coeficiente de dilatação do dilatômetro  $\gamma_{\text{dil}}$  e denominado, respectivamente, por  $\gamma_{\text{liq}}$  e  $\gamma_{\text{apr}}$  os coeficientes de dilatação do líquido em estudo e o coeficiente de dilatação aparente do líquido em relação ao dilatômetro, a relação que indica estes valores em função das massas descritas anteriormente é dado por:

**Obs:** o dilatômetro só trabalha com pequenas variações de volume e o coeficiente de dilatação aparente é aproximado segundo essa condição.

$$\text{A ( ) } \gamma_{\text{liq}} = \frac{m - m_0}{m \cdot T} + \frac{m_0}{m} \cdot \gamma_{\text{dil}}; \quad \gamma_{\text{apr}} = \frac{m + m_0}{m \cdot T}$$

$$\text{B ( ) } \gamma_{\text{liq}} = \frac{m_0 - m}{m \cdot 2T} + \frac{m_0}{m} \cdot \gamma_{\text{dil}}; \quad \gamma_{\text{apr}} = \frac{m_0 - m}{m \cdot 2T}$$

$$\text{C ( ) } \gamma_{\text{liq}} = \frac{m_0 - m}{m \cdot T} + \frac{m_0}{m} \cdot \gamma_{\text{dil}}; \quad \gamma_{\text{apr}} = \frac{m_0 - m}{m \cdot T}$$

$$\text{D ( ) } \gamma_{\text{liq}} = (m_0 - m) \cdot T + \frac{m_0}{m} \cdot \gamma_{\text{dil}}; \quad \gamma_{\text{apr}} = \frac{m_0 - m}{T}$$

$$\text{E ( ) } \gamma_{\text{liq}} = \frac{m + m_0}{m \cdot T} + \frac{m_0}{m} \cdot \gamma_{\text{dil}}; \quad \gamma_{\text{apr}} = \frac{m + m_0}{m \cdot T}$$

## Gabarito

**Questão 10** Dois termômetros,  $T$  (escala centígrada) e  $T'$  (não centígrada), são baseados na expansão do mercúrio,  $T$  tem uma equação dada por  $t = aX + b$  [°C] e  $T'$  é representado por  $t' = cX^2 + d$  [graus], onde  $a$ ,  $b$ ,  $c$  e  $d$  são constantes a determinar. Verifica-se que, para  $X = 10$  cm,  $t = t' = 0$  e para  $X = 30$  cm,  $t' = t = 100$ . Nos outros pontos, as escalas discordam. Qual será a temperatura  $t'$  (em graus), quando  $t = 40$  °C?

A ( ) 40 graus.

B ( ) 125 graus.

C ( ) 28 graus.

D ( ) 18 graus.

E ( ) 47,8 graus.

## Gabarito

**Questão 11** Um objeto é posto em frente a dois espelhos planos, os quais formam inicialmente um ângulo  $\alpha$  entre si. Após mover os espelhos, reduzindo em 25 % o valor de  $\alpha$ , verificou-se um aumento de 5 imagens presentes. Dessa forma, determine o valor de  $\alpha$ :

A ( ) 8

B ( ) 12

C ( ) 24

D ( ) 36

E ( ) 40

## Gabarito

**Questão 12** Em um sistema formado por  $n$  esferas metálicas maciças  $A_1, A_2, \dots, A_n$ ; feitas de um mesmo material, temos inicialmente apenas a esfera  $A_1$  carregada com carga  $Q$ . Contatos elétricos sucessivos são realizados da seguinte forma:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{contato 1 : realização de um contato simultâneo entre } A_1 \text{ e } A_2 \\ \text{contato 2 : realização de um contato simultâneo entre } A_1, A_2 \text{ e } A_3 \\ \vdots \\ \text{contato } (n-1) : \text{realização de um contato simultâneo entre } A_1, A_2, A_3, \dots, A_n \end{array} \right.$$

Sabe-se que o raio das esferas  $A_1, A_2, \dots, A_n$  valem, respectivamente,  $1, 2, 3, \dots, n$ . Considerando que a carga armazenada em uma esfera é proporcional ao seu raio, determine qual o número mínimo  $n$  de esferas a fim de que alguma esfera possua carga menor que  $\frac{Q_0}{4}$  em algum momento.

A ( ) 6

B ( ) 7

C ( ) 8

D ( ) 9

E ( ) 10

## Gabarito

**Questão 13** Dois espelhos planos fazem um ângulo de  $72^\circ$  entre si. Uma pessoa se posiciona fora da bissetriz entre os dois espelhos. Determine o número de imagens formadas pelo conjunto de espelhos.

A ( ) 4

B ( ) 5

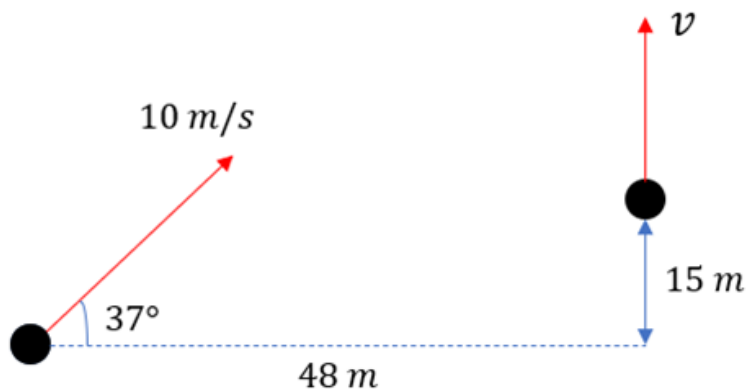
C ( ) 8

D ( ) 9

E ( ) 10

### Gabarito

**Questão 14** Em uma mesa horizontal, serão lançados dois corpos puntiformes, de acordo com o esquema a seguir:



Sabendo que os corpos se chocam, pode-se afirmar que a velocidade de lançamento  $v$  é de:

A ( )  $3 \text{ m s}^{-1}$

B ( )  $3,50 \text{ m s}^{-1}$

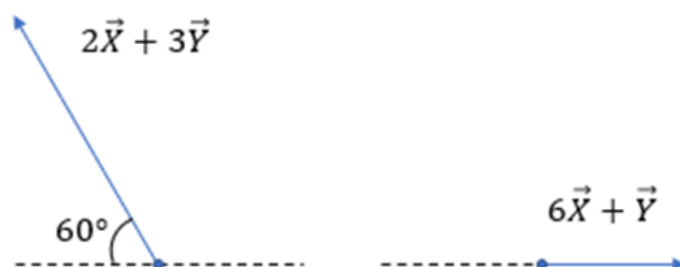
C ( )  $4 \text{ m s}^{-1}$

D ( )  $4,50 \text{ m s}^{-1}$

E ( )  $5 \text{ m s}^{-1}$

### Gabarito

**Questão 15** Ao realizar algumas operações com os vetores  $\vec{X}$  e  $\vec{Y}$  chegamos aos seguintes vetores:



Sabendo que  $|2\vec{X} + 3\vec{Y}| = 2 \text{ u}$  e  $|6\vec{X} + \vec{Y}| = 1 \text{ u}$ , calcule o módulo do vetor  $7\vec{Y} - 6\vec{X}$ .

A ( )  $\sqrt{13} \text{ u}$

B ( )  $3 \text{ u}$

C ( )  $2\sqrt{3} \text{ u}$

D ( )  $4\sqrt{3} \text{ u}$

E ( )  $2\sqrt{13} \text{ u}$

### Gabarito

## PORTUGUÊS

---

**Questão 16** A respeito do Texto I, responda às questões de 16 a 19.

### Texto 1

À sua mulher antes de casar

Discreta, e formosíssima Maria, Enquanto estamos vendo a qualquer hora Em tuas faces a rosada Aurora,  
Em teus olhos, e boca o sol, e o dia:

Enquanto com gentil descortesia O ar, que fresco Adônis te namora, Te espalha a rica trança voadora,  
Quando vem passear-te pela fria:

Goza, goza da flor da mocidade, Que o tempo trota a toda ligeireza, E imprime em toda a flor sua pisada.

Oh, não aguardes, que a madura idade Te converta em flor, essa beleza Em terra, em cinza, em pó, em  
sobra, em nada.

(Gregório de Matos)

O texto 1 exemplifica a poesia de estilo:

A ( ) barroco.

B ( ) árcade.

C ( ) romântico.

D ( ) parnasiano.

E ( ) simbolista.

### Gabarito

**Questão 17** Quanto à forma, o texto se caracteriza como um(a):

A ( ) Rondó.

B ( ) Décima.

C ( ) Haicai.

D ( ) Soneto.

E ( ) Trova.

### Gabarito

**Questão 18** O tema central do texto 1 é, prioritariamente:

A ( ) A perenidade da formosura física.

B ( ) A efemeridade da juventude.

C ( ) A necessidade do desfrute material.

D ( ) A desilusão amorosa.

E ( ) A valorização da idade senil.

### Gabarito

**Questão 19** O último verso do poema exemplifica a figura de linguagem conhecida como:

A ( ) Hipérbole.

B ( ) Anáfora.

C ( ) Gradação.

D ( ) Metáfora.

E ( ) Assíndeto.

## Gabarito

**Questão 20** A respeito do Texto II, responda às questões de 20 a 24.

### Texto II - Lira XIV (fragmento)

Minha bela Marília, tudo passa; A sorte deste mundo é mal segura; Se vem depois dos males a ventura, Vem depois dos prazeres a desgraça. Estão os mesmos Deuses Sujeitos ao poder ímpio Fado: Apolo já fugiu do Céu brilhante, Já foi Pastor de gado. (...) Ornemos nossas testas com as flores. E façamos de feno um brando leito, Prendamo-nos, Marília, em laço estreito, Gozemos do prazer de são Amores. Sobre as nossas cabeças, Sem que o possam deter, o tempo corre; E para nós o tempo, que se passa, Também, Marília, morre.

Com os anos, Marília, o gosto falta, E se entorpece o corpo já cansado; triste o velho cordeiro está deitado, e o leve filho sempre alegre salta. A mesma formosura É dote, que só goza a mocidade: Rugam-se as faces, o cabelo alveja, Mal chega a longa idade.

Que havemos de esperar, Marília bela? Que vão passando os florescentes dias? As glórias, que vêm tarde, já vêm frias; E pode enfim mudar-se a nossa estrela. Ah! Não, minha Marília, Aproveite-se o tempo, antes que faça O estrago de roubar ao corpo as forças E ao semblante a graça.

(Liras de Marília de Dirceu - Tomás Antônio Gonzaga)

O Texto II foi escrito no século XVIII pelo poeta Tomás Antônio Gonzaga. O fragmento é parte da "Liras de Marília de Dirceu", que é o maior representante da lírica amorosa do estilo árcade. Sobre o fragmento acima e o estilo que ele representa, assinale a opção incorreta:

- A ( ) O momento de produção do texto coincidiu com a época da Independência política do Brasil em relação a Portugal.
- B ( ) A cidade de Vila Rica foi o cenário cultural onde o estilo do autor vicejou.
- C ( ) A principal característica do estilo árcade é a valorização da vida bucólico-pastoril.
- D ( ) O autor do texto participou do movimento da Inconfidência Mineira e, por isso, foi deportado para Moçambique.
- E ( ) "Marília" é o pseudônimo da mulher amada pelo poeta e que serviu de sua musa inspiradora.

## Gabarito

**Questão 21** "Dirceu" e Tomás Antônio Gonzaga têm, respectivamente, uma relação entre:

- A ( ) Personagem e narrador.
- B ( ) Eu lírico e poeta.
- C ( ) Personagem e pessoa.
- D ( ) Ego e alter ego.
- E ( ) Eu poético e narrador.

## Gabarito

**Questão 22** Apesar de o texto II ser um poema, o seu conteúdo e a situação comunicativa entre Dirceu e Marília permite perceber no texto um caráter:

- A ( ) Descritivo.
- B ( ) Narrativo.
- C ( ) Dramático.
- D ( ) Épico.
- E ( ) Argumentativo.



## Gabarito

**Questão 23** Embora pertençam a épocas distintas, os textos I e II dialogam quanto ao conteúdo temático. Ambos os textos refletem uma filosofia latina clássica, que se identifica como:

- A ( ) "Inutilia trunquat".  
B ( ) "Fugere urbem".  
C ( ) "Carpe diem".  
D ( ) "Aurea mediocritas".  
E ( ) "Locus amoenus".

## Gabarito

**Questão 24** Releia os textos I e II e assinale a opção que apresenta uma característica que não pode ser, com base nos dois textos, associada ao "tempo".

- A ( ) É personificado.  
B ( ) É célere.  
C ( ) É Implacável.  
D ( ) É Moroso.  
E ( ) É degradante.

## Gabarito

**Questão 25** A respeito do Texto III, responda às questões de 25 a 27.

### Texto III - Prólogo

Dei o nome de Primeiros Cantos às poesias que agora publico, porque espero que não serão as últimas. Muitas delas não têm uniformidade nas estrofes, porque menosprezo regras de mera convenção; adotei todos os ritmos da metrficação portuguesa, e usei deles como me pareceram quadrar melhor com o que eu pretendia exprimir. Não têm unidade de pensamento entre si, porque foram compostas em épocas diversas - debaixo de céu diverso - e sob a influência de impressões momentâneas. Foram compostas nas margens viçosas do Mondego e nos píncaros enegrecidos do Gerez - no Doiro e no Tejo - sobre as vagas do Atlântico, e nas florestas virgens da América. Escrevi-as para mim, e não para os outros; contentar-me-ei, se agradarem; e se não... é sempre certo que tive o prazer de as ter composto. Com a vida isolada que vivo, gosto de afastar os olhos de sobre a nossa arena política para ler em minha alma, reduzindo à linguagem harmoniosa e cadente o pensamento que me vem de improviso, e as ideias que em mim desperta a vista de uma paisagem ou do oceano - o aspecto enfim da natureza. Casar assim o pensamento com o sentimento - o coração com o entendimento - a ideia com a paixão - cobrir tudo isto com a imaginação, fundir tudo isto com a vida e com a natureza, purificar tudo com o sentimento da religião e da divindade, eis a Poesia - a Poesia grande e santa - a Poesia como eu a compreendo sem a poder definir, como eu a sinto sem a poder traduzir. O esforço - ainda vão - para chegar a tal resultado é sempre digno de louvor; talvez seja este o só merecimento deste volume. O público o julgará; tanto melhor se ele o despreza, porque o autor interessa em acabar com essa vida desgraçada, que se diz de poeta.

(Prólogo aos Primeiros cantos - Gonçalves Dias)

O texto III é o "Prólogo aos primeiros cantos", livro do escritor Gonçalves Dias. Neste texto o autor se dirige aos leitores a fim de dar-lhes algumas explicações sobre aspectos que o motivaram a produzir os poemas que compõem o livro.

As explicações dadas pelo autor em seu "Prólogo" expressam o "espírito" criador de um escritor romântico. Assinale a opção que apresenta uma característica que destoa dos procedimentos estilísticos defendidos pelo autor:

- A ( ) Liberdade formal.  
B ( ) Liberdade temática.  
C ( ) Inspiração com a natureza.  
D ( ) Egocentrismo.  
E ( ) Influência da poética da Antiguidade Clássica.

## Gabarito

**Questão 26** Em que parágrafo o autor afirma, mais especificamente, ter valorizado uma relação dinâmica entre a forma e o conteúdo de seus textos?

- A** ( ) Primeiro.
- B** ( ) Segundo.
- C** ( ) Terceiro.
- D** ( ) Quarto.
- E** ( ) Quinto.

## Gabarito

**Questão 27** O último parágrafo do texto sugere que o sentimento do autor em relação à atividade poética é que a "vida de poeta" é:

- A** ( ) Excitante.
- B** ( ) Ingĺoria.
- C** ( ) Inebriante.
- D** ( ) Injusta.
- E** ( ) Dignificante.

## Gabarito

**Questão 28** A respeito do Texto IV, responda às questões de 28 a 30.

Texto IV CAPÍTULO CXXIII - OLHOS DE RESSACA

Enfim, chegou a hora da encomendação e da partida. Sancha quis despedir-se do marido, e o desespero daquele lance consternou a todos. Muitos homens choravam também, as mulheres todas. Só Capitu amparando a viúva, parecia vencer-se a si mesma. Consolava a outra, queria arrancá-la dali. A confusão era geral. No meio dela, Capitu olhou alguns instantes para o cadáver tão fixa, tão apaixonadamente fixa, que não admira lhe saltassem algumas lágrimas poucas e caladas... As minhas cessaram logo. Fiquei a ver as dela; Capitu enxugou-as depressa, olhando a furto para a gente que estava na sala. Redobrou de carícias para a amiga, e quis levá-la; mas o cadáver parece que a retinha também. Momento houve em que os olhos de Capitu fitaram o defunto, quais os da viúva, sem o pranto nem palavras desta, mas grandes e abertos, como a vaga do mar lá fora, como se quisesse tragar também o nadador da manhã.

(Dom Casmurro - Machado de Assis)

"Dom Casmurro" é uma obra com características do estilo de época Realismo. O fragmento narra a observação do personagem Bentinho quanto ao comportamento de sua esposa Capitu no enterro do amigo do casal Escobar. O comentário de Bentinho sugere que este tem em relação a sua esposa uma atitude de:

- A** ( ) Consternação.
- B** ( ) Indignação.
- C** ( ) Suspeita.
- D** ( ) Carinho.
- E** ( ) Confiança.

## Gabarito

**Questão 29** Do ponto de vista estilístico, a caracterização da figura feminina no Realismo, como ilustra o texto IV, configura, em geral:

- A** ( ) Uma oposição à tradição romântica.
- B** ( ) Uma reafirmação da tradição clássica.
- C** ( ) Uma inspiração no modelo arcáde.
- D** ( ) Uma antecipação do estilo pré-modernista.
- E** ( ) Uma oposição ao estilo naturalista.

## Gabarito

**Questão 30** Nos estudos de Teoria Literária, a figura do narrador tem um lugar de destaque. Quanto ao narrador do texto IV, só não se pode afirmar que ele:

- A ( ) Tem um ponto de vista interno.
- B ( ) Demonstra parcialidade.
- C ( ) Constrói uma analogia entre os sentimentos de Capitu e Sancha.
- D ( ) Expressa um comportamento analítico.
- E ( ) Caracteriza um exemplo típico de narrador-observador.

## Gabarito

**Questão 31** Leia com atenção o trecho a seguir e responda às questões abaixo.

Wall Street's wild swings last week helped skew both retirement portfolios and mathematical models of the financial markets. After all, a standard Gaussian function --a bell curve -- would predict that such extreme dips and rises would be exceedingly rare and not prone to following one after the other on succeeding days. Gaussian functions might be able to describe the distribution of grades in a big college class, with most students getting, say, B-/C+, and enable you to predict how many students will get A's or fail. But evidently, they do a poor job at explaining steep fluctuations in stock prices, **(I)** some economists and modelers think they are the best tool available to describe financial markets. So can any math accurately describe market behavior and enable you to beat it? To find out, Scientific American spoke with statistical physicist H. Eugene Stanley of Boston University, a proponent of applying the approaches and concepts of physics to economics. Can mathematical models beat markets? They haven't yet. Science is about empirical fact. There is no question that optimistic people think they can beat the market, but they don't do it consistently with mathematical models. No model can consistently predict the future. It can't possibly be. So what can math predict? What you can do is predict the risk of a given event. The risk just means the chance that something bad will happen, for example. That you can do with increasing accuracy because we have more and more data. It's like insurance companies: they cannot tell you when you are going to die, but they can predict the risk that you will die given the right information. You can do the same thing with stocks. If you lose less, you get ahead of those **(II)** lose more. Why do economists and "quants- those who use quantitative analysis to make financial trades - have such faith in their mathematical models then?

If they're just to reduce risk, then they're very valuable. If you're worried, for example, about the segment of the Chinese economy that deals with steel, you make a model of what that whole market is all about and then you see if we did this what would likely happen. They're right some of the time. It's better than nothing. But when they have excessive faith in these models, it's not justified. Math starts with assumptions; the real world does not work that way. Economics, which calls itself a science, too often doesn't start with looking at empirical facts in any great detail. Fifteen years ago even the idea of looking at huge amounts of data did not exist. With a limited amount of data, the chance of a rare event is very low, which gave some economists a false sense of security that long-tail events did not exist. Why do you argue that financial markets are ruled not by Gaussian functions but by power laws - relations in which the frequency of one event varies as a power of some attribute of that event and are generally more L-shape than bell shape? For anything that is random and fluctuating, like a financial market, a Gaussian function is a wonderful way to make a histogram of the outcome. If the things that fluctuate are not correlated at all with **(III)**, then it's demonstrable that a Gaussian function is the correct histogram. The catch is: in a financial market, everything is correlated. The proof of that is that if the stock market were Gaussian, then you'd never have a flash crash<sup>1</sup>. (...)

(Adapted from [www.scientificamerican.com](http://www.scientificamerican.com))

1. The Flash Crash was a United States stock market crash on May 6, 2010 in which the Dow Jones Industrial Average plunged about 900 points -- or about nine percent -- only to recover those losses within minutes. (From Wikipedia)

H. Eugene Stanley:

- A ( ) Acredita que a aplicabilidade da função gaussiana para se fazer previsões sobre o comportamento dos mercados financeiros é válida, porém falha.
- B ( ) Acredita que o método utilizado pelas companhias de seguro para fazer previsões pode ser aplicado ao mercado financeiro de maneira mais eficiente do que os métodos vigentes.
- C ( ) Acredita que a fé depositada pelos economistas, que utilizam a análise quantitativa para fazer transações comerciais, em seus modelos não é justificada.
- D ( ) Acredita que a falsa sensação de segurança, sentida pelos economistas, é justificada pela grande quantidade de dados estatísticos que eles costumam coletar sobre os mercados financeiros.
- E ( ) Acredita que a aplicação da função gaussiana na análise dos mercados financeiros faria com que o cenário de ocorrer um flash crash fosse menos provável.

## Gabarito

No trecho, "But when they have excessive faith in these models, it's not justified. Math starts with assumptions; the real world does not work that way. Economics, which calls itself a science, too often doesn't start with looking at empirical facts in any great detail", podemos obter o gabarito.

**Questão 32** As lacunas **I**, **II** e **III**, presentes no texto, devem ser preenchidas, respectivamente, por:

- A ( ) **I.** although - **II.** which - **III.** one another
- B ( ) **I.** however - **II.** who - **III.** each other
- C ( ) **I.** although - **II.** who - **III.** one another
- D ( ) **I.** however - **II.** whom - **III.** each other
- E ( ) **I.** although - **II.** whom - **III.** one another

## Gabarito

A letra C será o gabarito pois na primeira lacuna temos uma situação de contraste, na segunda precisamos do pronome relativo referente a pessoas e ao sujeito da frase. E por último existe uma ideia de correlação entre as variantes do mercado que precisam estar em contato entre si.

**Questão 33** De acordo com o texto:

- A ( ) as oscilações do mercado financeiro podem ser comparadas aos altos e baixos que a maioria dos estudantes de ensino médio enfrenta no que diz respeito às notas dos exames avaliativos.
- B ( ) a mais recente crise em Wall Street poderia ter sido prevista se a função gaussiana tivesse sido aplicada corretamente.
- C ( ) uma curva de sino, considerada padrão quando a função gaussiana é aplicada, indica que oscilações no mercado de ações são raras, embora suscetíveis a serem constantes.
- D ( ) há outros métodos, além da função gaussiana, que permitem aos economistas fazer análises dos mercados financeiros.
- E ( ) apenas fórmulas matemáticas e conceitos físicos conseguem descrever o comportamento dos mercados financeiros de maneira precisa.

## Gabarito

Quando o autor relata: "The proof of that is that if the stock market were Gaussian, then you'd never have a flash crash. (...)"temos uma ideia de hipótese. Ou seja, não existe só esse método, já que se fosse apenas o Gaussian, talvez não estivéssemos avançados.

**Questão 34** Marque o título que melhor contempla o tema do texto.

- A ( ) How to Cope with the Financial Markets' Crisis?
- B ( ) The Stock Markets' Flash Crash
- C ( ) Economy & Mathematics: How to Join Forces and Solve Crises?
- D ( ) The Financial Markets' Mathematical Revolution
- E ( ) Can Math Beat Financial Markets?

## Gabarito

No trecho, "They haven't yet. Science is about empirical fact. There is no question that optimistic people think they can beat the market, but they don't do it consistently with mathematical models. No model can consistently predict the future. It can't possibly be"podemos confirmar o gabarito.

### Questão 35

Depreende-se da charge acima:

- A ( ) A personagem relata que Dennis tem demonstrando um comportamento diverso do que ele costuma praticar.
- B ( ) A personagem pergunta ao médico sobre o diagnóstico.
- C ( ) A personagem pergunta ao médico sobre como tratar a doença do filho.
- D ( ) Dennis, estranhamente, não tem demonstrado qualquer sintoma.
- E ( ) A personagem quer que Dennis mantenha o comportamento anterior a visita médica.

### Gabarito

De acordo com a tirinha, Dennis não está bem e por isso sua mãe o leva ao médico. A opção A esclarece perfeitamente.

### Questão 36 Assinale a alternativa incorreta:

- A ( ) A personagem gostaria que o seu filho, Dennis, fosse curado.
- B ( ) Dennis está no médico, pois sua mãe percebeu algo de errado com o filho.
- C ( ) Há algo de errado com Dennis.
- D ( ) O médico ouve a paciente enquanto examina Dennis.
- E ( ) Dennis apresenta uma mudança comportamental.

### Gabarito

Denis não está apresentando o comportamento habitual, o que no caso, agradou sua mãe a ponto de pedir ao médico auxílio para mantê-lo assim. Porém a questão requer a resposta errada mediante ao quadrinho.

### Questão 37 Leia com atenção o trecho a seguir e responda às questões abaixo.

A couple of weeks ago I was asked what I thought the future of technology in education was. It is a really interesting question and one that I am required to think about all the time. By its very nature, technology changes a fast pace and making it accessible to pupils, teachers and other stakeholders is an ongoing challenge.

So what is the future? Is it the iPad?

No I don't think it is. For me, the future is not about one specific device. Don't get me wrong, I love the iPad. In fact, I have just finished a trial to see if using them really does support teaching and learning -- and they have proved effective. I've written about the trial in more detail on my blog. iPads and other mobile technology are the 'now'. Although, they will play a part in the future, some years ago the iPad didn't even exist. We don't know what will be the current technology in other four years. Perhaps it will be wearable devices such as Google Glass, although I suspect that tablets will still be used in education.

The future is about access, anywhere learning and collaboration, both locally and globally. Teaching and learning is going to be social. Schools of the future could have a traditional cohort<sup>1</sup> of students, as well as online only students who live across the country or even the world. Things are already starting to move this way with the emergence of massive open online courses (moocs). For me, the future of technology in education is the cloud<sup>2</sup>.

Technology can often be a barrier to teaching and learning. I think the cloud will go a long way to removing this barrier. Why? By removing the number of things that can go wrong.

Schools, will only need one major thing to be prepared for the future. They will not need software installed, servers or local file storage. Schools will need a fast robust internet connection. Infrastructure is paramount to the future of technology in education.

We don't know what the new 'in' device will be in the future. What we do know, is that it will need the cloud. Schools and other educational institutions will need to future proof their infrastructure the best they can.

This should be happening now. If you want to start to use mobile technology in your school, water it is an iPad program or a bring your own device (BYOD) program your connectivity must be fast and reliable,

Student and teacher buy in, is so important. If the network is slow and things are not working properly students and teachers will not want to use the devices. Make sure the infrastructure is there before the devices.

Teachers can use the cloud to set, Collect and grade work online. Students will have instant access to grades, comments and work via a computer, smartphone or tablet. Many schools are already doing this. Plus, services such as the educational social network Edmodo offer this for free.

This is where devices come in. All devices no matter which ones we will use in the future will need to access the cloud. Each student will have their own. Either a device specified by the school or one they have chosen to bring in themselves.

School classrooms are going to change. Thanks to the cloud and mobile devices, technology will be integrated into every part of school. In fact, it won't just be the classrooms that will change. Games fields, gyms and school trips will all change. Whether offsite or on site the school, teachers, students and support staff will all be connected. In my ideal world, all classrooms will be paperless.

With the cloud, the world will be our classroom. E-learning will change teaching and learning. Students can learn from anywhere and teachers can teach from anywhere.

The cloud can also encourage independent learning. Teachers could adopt a flipped classroom approach more often. Students will take ownership of their own learning. Teachers can put resources for students online for students to use. These could be videos, Documents, audio podcasts or interactive images. All of these resources can be accessed via a student's computer, smartphone or tablet. As long as they have an internet connection either via Wifi, 3G or 4G they are good to go Rather than being 'taught' students can learn independently and in their own way. There is also a massive amount of resources online that students can find and use themselves, Without the help of the teacher.

This of course means the role of the teacher will change.

Shred applications and documents on the cloud, such as Google Apps will allow for more social lessons. How often do students get an opportunity to collaborate productively using technology in the classroom? It isn't always easy. However, students working on documents together using Google Apps are easy. They could be in the same room or in different countries. These are all good skills for students to have. Of course, these collaborative tools are also very useful for teacher. I for one have worked on several projects where these tools have let me work with people across the country. Some of which I have never met.

What we must remember is that when schools adopt new technology and services, they must be evaluated. This way, as a school, you know if they are successful and what improvements are needed. Staff will also need training, you can't expect staff to use new technology if they are not confident users or creators. Any initiative is doomed to failure without well trained, confident staff who can see how technology can support and benefit teaching and learning.

Plenty of schools have already Embraced this, but there's still a way to go to ensure all schools are ready for the future of technology. It is time for all schools to embrace the cloud.

1. cohort (N.): um grupo de pessoas que compartilham uma característica/aspecto comum de comportamento
2. the cloud (N.): uma rede de computadores que controlam/fornecem informações a outros computadores nos quais dados e software podem ser armazenados/gerenciados e aos quais os usuários têm acesso pela Internet

Qual seria o título mais apropriado após a leitura do texto?

- A ( ) Future of Technology in Education
- B ( ) Technology-Barrier to Education
- C ( ) Massive Open Online Courses
- D ( ) Hypothetical Approach to Education
- E ( ) Why is technology failing

### Gabarito

O texto aborda o papel da tecnologia na educação e possíveis mudanças mediante a atualidade. A alternativa A atende como melhor título para esse texto.

**Questão 38** Qual das seguintes afirmações não está correta de acordo com o contexto do artigo em questão?

- A ( ) De acordo com o autor deste artigo, o futuro da tecnologia na educação é a nuvem.
- B ( ) O escritor vê o Ipad como o único recurso para o futuro na educação.
- C ( ) As escolas precisarão de uma conexão de internet rápida e robusta para aproveitar a tecnologia.
- D ( ) O escritor opina que os Ipads e outras tecnologias móveis são o '\ 'agora\ ' e desempenham um papel no futuro.
- E ( ) O papel do professor mudará.

### Gabarito

O autor não vê o Ipad com único recurso para o futuro da educação mas com um deles. Como a questão requer a incorreta, letra B será o gabarito.

**Questão 39** Escolha a palavra/grupo de palavras que tem o significado oposto à palavra/grupo de palavras retiradas do texto: Paramount.

- A ( ) very important
- B ( ) less important
- C ( ) morally high
- D ( ) paranoid
- E ( ) parched

### Gabarito

Questão de vocabulário, sendo assim, vamos a eles:

Paramount (Adjective): mais importante do que qualquer outra coisa; tendo a posição mais alta. paranoid (Adj.) com medo/suspeito de outras pessoas e acreditando que eles estão tentando prejudicá-lo parched (Adj.) muito seco; muita sede.

Portanto o antônimo de paramount será less important.

**Questão 40** Escolha a palavra/grupo de palavras que tem o significado oposto à palavra/grupo de palavras retiradas do texto: Embrace.

- A ( ) hug
- B ( ) accept
- C ( ) reject
- D ( ) include
- E ( ) embroll

### Gabarito

Questão de vocabulário, sendo assim, vamos a eles:

Embrace (Verb): aceitar uma ideia, uma proposta etc; incluir algo Reject (Verb): to refuse to accept or consider embroll (V.): to involve some body/yourself in an argument/a difficult situation

Portanto o antônimo de embrace será reject.



## MATEMÁTICA

---

**Questão 41** Para quantos valores inteiros de  $n$  a expressão

$$4000 \left( \frac{2}{5} \right)^n$$

também será inteira?

A ( ) 3

B ( ) 4

C ( ) 6

D ( ) 8

E ( ) 9

### Gabarito

Sendo  $4000 = 2^5 \cdot 5^3$ , temos que:

$$4000 \left( \frac{2}{5} \right)^n = 2^{n+5} \cdot 5^{3-n},$$

portanto

$$-5 \leq n \leq 3,$$

existindo 9 possíveis valores inteiros para  $n$ .

**Questão 42** Seja  $P(x)$  um polinômio de 2º grau e coeficientes reais tal que:

$$x^2 - 2x + 2 \leq P(x) \leq 2x^2 - 4x + 3,$$

para todos os valores reais de  $x$ . Dado  $P(11) = 181$ , calcule o valor numérico de  $P(16)$ .

A ( ) 125

B ( ) 200

C ( ) 361

D ( ) 406

E ( ) 542

### Gabarito

Observe que:

$$x^2 - 2x + 2 = (x - 1)^2 + 1$$

e que:

$$2x^2 - 4x + 3 = 2(x - 1)^2 + 1.$$

Dessa forma:

$$P(x) = a(x - 1)^2 + 1,$$

com  $1 \leq a \leq 2$ .

Substituindo o valor dado, encontra-se:

$$P(11) = 100a + 1$$

$$100a + 1 = 181$$

$$a = \frac{9}{5}.$$

Finalmente:

$$P(16) = \frac{9}{5}(15)^2 + 1 = \boxed{406}.$$

**Questão 43** Se  $x < 0$ , então qual das alternativas representa um valor positivo?

A ( )  $\frac{x}{|x|}$

B ( )  $-x^2$

C ( )  $-2^x$

D ( )  $-x^{-1}$

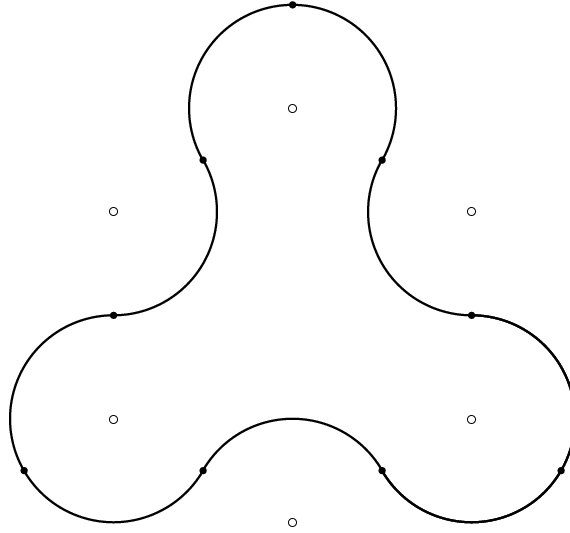
E ( )  $\sqrt[3]{x}$

## Gabarito

Tem-se que:

$$x < 0 \rightarrow x^{-1} < 0 \rightarrow -x^{-1} > 0.$$

**Questão 44** A figura fechada abaixo é formada por 9 arcos de circunferências unitárias congruentes, todos de comprimento  $\frac{2\pi}{3}$ .



Qual é a área da figura?

**A** ( )  $2\pi + 6$

**B** ( )  $2\pi + 4\sqrt{3}$

**C** ( )  $3\pi + 4$

**D** ( )  $2\pi + 3\sqrt{3} + 2$

**E** ( )  $\pi + 6\sqrt{3}$

## Gabarito

Note que, ao ligar os 6 centros, forma-se um hexágono regular de lado 2. Dessa forma, a área pedida será equivalente à área do hexágono mais um círculo (correspondente aos três arcos que ficam fora do hexágono):

$$6 \frac{4\sqrt{3}}{4} + \pi = 6\sqrt{3} + \pi.$$

**Questão 45** O número 2013 pode ser expresso por meio de uma razão entre produtos de fatoriais da seguinte forma:

$$2013 = \frac{a_1! a_2! \cdots a_m!}{b_1! b_2! \cdots b_n!},$$

com  $a_1 \geq a_2 \geq \cdots \geq a_m$  e  $b_1 \geq b_2 \geq \cdots \geq b_n$  inteiros positivos e a soma  $a_1 + b_1$  a mínima possível. Qual o valor de  $|a_1 - b_1|$ ?

**A** ( ) 1

**B** ( ) 2

**C** ( ) 3

**D** ( ) 4

**E** ( ) 5

## Gabarito

Observe que  $2013 = 3 \cdot 11 \cdot 61$ , portanto, para minimizar a soma mencionada, deve existir um  $61!$  no numerador. Dessa forma, após algumas tentativas, temos que:

$$2013 = \frac{61! 11! 3!}{59! 10! 5!}.$$

Logo:

$$|61 - 59| = 2.$$

**Questão 46** Os jogadores de basquete de um time fizeram um treinamento em que alguns arremessos valiam três pontos, outros valiam dois pontos e os demais, um ponto. Eles fizeram tantos pontos com os arremessos de dois pontos quanto com os arremessos de três pontos. O número de arremessos certos de um ponto foi uma unidade maior do que o de dois pontos. Sabendo que o time marcou, ao todo, 61 pontos, calcule a quantidade de arremessos certos de um ponto.

**A** ( ) 13

**B** ( ) 14

**C** ( ) 15

**D** ( ) 16

**E** ( ) 17

### Gabarito

Sejam  $x$ ,  $y$  e  $z$  as quantidades de arremessos certos de um ponto, dois pontos e três pontos, respectivamente. Portanto, pelo enunciado:

$$2y = 3z$$

$$x = y + 1$$

$$x + 2y + 3z = 61$$

Logo:  $x + 2(x - 1) + 2(x - 1) = 61 \rightarrow 5x = 65 \rightarrow x = 13$ .

**Questão 47** A média aritmética entre os números reais  $1, 2, \dots, 98, 99$  e  $x$  vale  $100x$ . Qual o valor de  $x$ ?

**A** ( )  $\frac{49}{101}$

**B** ( )  $\frac{50}{101}$

**C** ( )  $\frac{1}{2}$

**D** ( )  $\frac{51}{101}$

**E** ( )  $\frac{50}{99}$

### Gabarito

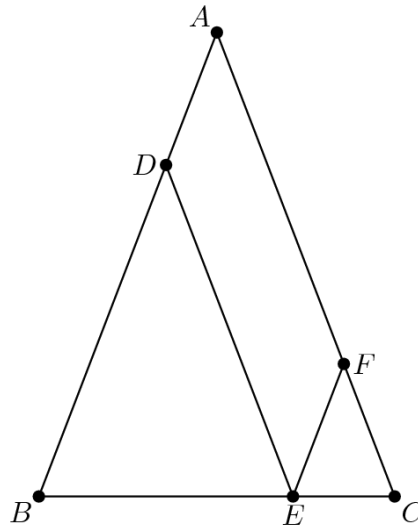
Temos que:

$$\frac{1 + 2 + \dots + 98 + 99 + x}{100} = 100x$$

$$\frac{50 \cdot 99 + x}{100} = 100x$$

$$\rightarrow x = \frac{50}{101}$$

**Questão 48** Num triângulo  $\triangle ABC$ , temos que  $AB = AC = 28$  e  $BC = 20$ . Os pontos  $D$ ,  $E$  e  $F$  estão sobre os lados  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$  e  $\overline{AC}$ , respectivamente, tais que  $\overline{DE}$  e  $\overline{EF}$  são paralelos a  $\overline{AC}$  e  $\overline{AB}$ , respectivamente. Qual o perímetro do paralelogramo  $ADEF$ ?



A ( ) 48

B ( ) 52

C ( ) 56

D ( ) 60

E ( ) 72

### Gabarito

Note que  $BD = DE$ , dessa forma:

$$AD + DE = AD + BD = AB = 28.$$

Analogamente:

$$AF + FE = 28.$$

Logo, o perímetro pedido vale 56.

**Questão 49** A sequência  $S_1, S_2, \dots, S_{10}$  tem a propriedade de que cada termo, a partir do tericeiro, é igual a soma dos dois anteriores:

$$S_n = S_{n-1} + S_{n-2},$$

com  $n \geq 3$ . Dado que  $S_9 = 110$  e  $S_7 = 42$ , calcule  $S_4$ .

A ( ) 4

B ( ) 6

C ( ) 10

D ( ) 12

E ( ) 16

### Gabarito

Temos que:

$$S_8 = 110 - 42 = 68$$

$$S_6 = 68 - 42 = 26$$

$$S_5 = 42 - 26 = 16$$

$$S_4 = 26 - 16 = 10.$$

**Questão 50** Suponha que  $y = \frac{3}{4}x$  e  $x^y = y^x$ . Se  $x + y$  pode ser expresso na forma de uma fração irredutível  $\frac{p}{q}$ , calcule  $p + q$ .

A ( ) 529

B ( ) 481

C ( ) 81

D ( ) 400

E ( ) 563

## Gabarito

Fazendo a substituição:

$$\begin{matrix} x \\ \frac{34}{x} \end{matrix} =$$

$$\left( \frac{34}{x} \right)^2 =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\left( \frac{34}{x} \right)^2 =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\left( \frac{34}{x} \right)^2 =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\left( \frac{34}{x} \right)^2 =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

Como as bases precisam ser iguais, então:

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$x =$$

$$\left( \frac{34}{x} \right)^2 =$$

$$\frac{34}{x} =$$

$$\left( \frac{34}{x} \right)^2 =$$

$$\frac{34}{x} =$$

Finalmente:

$$y = \frac{3}{4} \cdot \frac{256}{81} = \frac{64}{27}$$

$$x + y = \frac{448}{81}$$

$$\frac{p}{q} = \frac{448}{81} \rightarrow p + q = 529.$$

**Questão 51** Sabendo que  $x$  e  $y$  são dois números reais, não nulos e distintos tais que:

$$x + \frac{2}{x} = y + \frac{2}{y},$$

calcule o valor de  $xy$ .

**A** ( )  $\frac{1}{4}$

**B** ( )  $\frac{1}{2}$

**C** ( )  $1$

**D** ( )  $2$

**E** ( )  $4$

## Gabarito

Seja:

$$x + \frac{2}{x} = y + \frac{2}{y} = k.$$

Portanto:

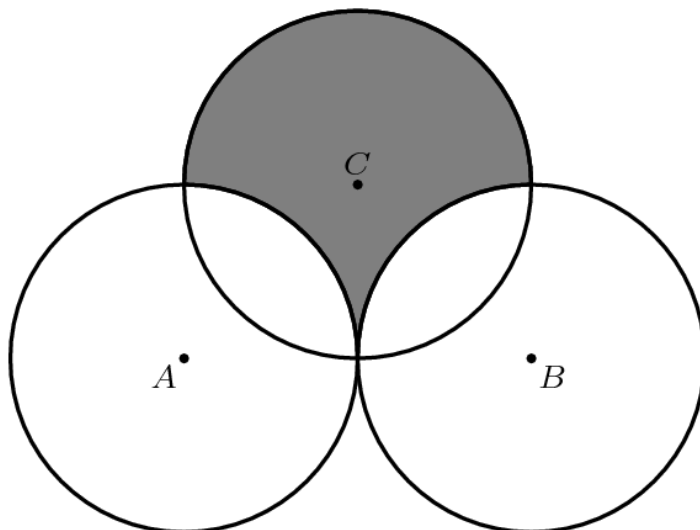
$$x + \frac{2}{x} = k$$

$$x^2 - kx + 2 = 0.$$

Sendo o produto das raízes da equação assim obtida equivalente ao produto pedido no enunciado. Logo:

$$xy = \frac{2}{1} = 2.$$

**Questão 52** Sejam os círculos unitários abaixo tais que os centrados em  $A$  e em  $B$  compartilham o ponto de tangência com a circunferência centrada em  $C$ .



Calcule a área da região hachurada.

**A** ( )  $3 - \frac{\pi}{2}$

**B** ( )  $\frac{\pi}{2}$

**C** ( )  $2$

**D** ( )  $\frac{3\pi}{4}$

**E** ( )  $1 + \frac{\pi}{2}$

### Gabarito

A área de um dos segmentos circulares é dada por:

$$\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2}.$$

Portanto, a área hachurada é expressa pela área do círculo unitário subtraída de quatro segmentos circulares:

$$\pi - 4 \cdot \left( \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \right) = 2.$$

**Questão 53** Sejam  $a$ ,  $b$  e  $c$  inteiros positivos, com  $a \geq b \geq c$ , tais que:

$$a^2 - b^2 - c^2 + ab = 2011$$

$$a^2 + 3b^2 + 3c^2 - 3ab - 2ac - 2bc = -1997$$

Qual o valor de  $a$ ?

**A** ( )  $249$

**B** ( )  $250$

**C** ( )  $251$

**D** ( )  $252$

**E** ( )  $253$

### Gabarito

Somando as equações, obtemos:

$$(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2 = 14.$$

Como os valores são inteiros, notamos que se trata da soma dos quadrados de 1, 2 e 3. De acordo com a relação de ordem do enunciado, sabemos que  $a - c = 3$ . Ao testar as possibilidades, obtemos  $a - b = 2$  e  $b - c = 1$ . Finalmente, na primeira equação:

$$a^2 - (a - 2)^2 - (a - 3)^2 + a(a - 2) = 2011$$

$$8a = 2024 \rightarrow a = 253.$$

**Questão 54** Quantos subconjuntos de 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 contém ao menos um número primo?

A ( ) 128

B ( ) 192

C ( ) 224

D ( ) 240

E ( ) 256

### Gabarito

Basta fazer o total de subconjuntos e retirar desses os que não possuem números primos:

$$2^8 - 2^4 = 240.$$

**Questão 55** Claudio escolheu de forma aleatória 3 números distintos do conjunto 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 e os organizou em ordem decrescente, formando assim um número de três dígitos. Por outro lado, Herlin também escolheu, de forma aleatória, 3 números distintos do conjunto 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, organizando-os em ordem decrescente e compoento um número de três dígitos. Qual a probabilidade do número formado por Claudio ser maior do que o número formado por Herlin?

A ( )  $\frac{47}{72}$

B ( )  $\frac{37}{56}$

C ( )  $\frac{2}{3}$

D ( )  $\frac{49}{72}$

E ( )  $\frac{39}{56}$

### Gabarito

Observe que, se Claudio escolher o 9, necessariamente seu número será maior do que o de Herlin. Seja a probabilidade de não escolher o 9:

$$\frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{9 \cdot 8 \cdot 7} = \frac{2}{3}.$$

Logo, para escolher o 9:

$$1 - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}.$$

Agora, dentro dos casos em que Claudio não escolhe o 9, note que, ao subtrair os casos em que Herlin retira os mesmos três números que Claudio, para as outras possíveis retiradas, em metade delas o número de três dígitos formado por Herlin será maior do que o de Claudio e, na outra metade, o número será menor. Sendo assim, dentro desse caso em que Claudio não tira o 9, a probabilidade de o número formado por Claudio ser meio do que o de Herlin é de:

beginmatrix

frac23.

frac12

left( 1 -

frac3.2.1 8.7.6

right) =

=

frac23.

frac12.

frac5556 =

=

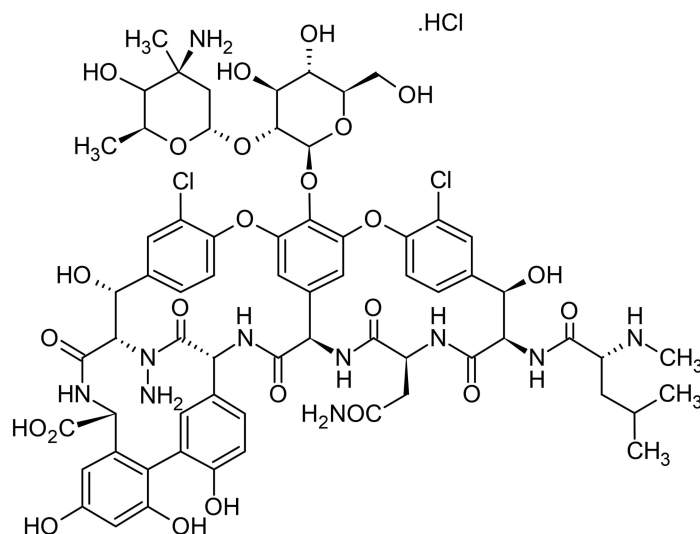
frac55168.

endmatrix Finalmente, a probabilidade total será de:

$$\frac{55}{168} + \frac{1}{3} = \frac{111}{168} = \frac{37}{56}.$$

## QUÍMICA

**Questão 56** Vancomicina é um antibiótico utilizado no tratamento de infecções bacterianas.



Considere as proposições.

1. Possui trinta e oito átomos com hibridização  $sp^2$ .
2. Possui fórmula molecular  $C_{66}H_{75}Cl_2N_9O_{24}$
3. Possui funções orgânicas: amina e cetona e éster.
4. Possui funções orgânicas: ácido carboxílico, amida e éter.

Assinale as alternativa que relaciona as proposições corretas.

**A** ( ) 1 e 2, apenas.

**B** ( ) 1 e 4, apenas.

**C** ( ) 2 e 4, apenas.

**D** ( ) 1, 2 e 4, apenas.

**E** ( ) 1, 2, 3 e 4.

## Gabarito

### Questão 57

1. Uma estrela que apresenta coloração azul é mais fria que uma estrela amarelada.
2. Para uma cobra diferenciar um pequeno roedor e uma rocha no escuro, ela pode utilizar sensores que sejam capazes de absorver radiação no infravermelho. Isso é possível pois o comprimento de onda máximo emitido pela presa é menor do que o emitido pela rocha.
3. Uma barra de ferro em processo de aquecimento não pode ter sua temperatura estimada por sua cor, já que não é uma fonte primária de emissão.
4. Uma lâmpada incandescente atingirá temperaturas maiores do que  $2300\text{ }^{\circ}\text{C}$  caso possua um pico de emissão em  $1200\text{ nm}$ .

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

**A** ( ) 1, apenas.

**B** ( ) 2, apenas

**C** ( ) 1 e 2, apenas.

**D** ( ) 2 e 3, apenas.

**E** ( ) 3 e 4, apenas.



## Gabarito

**Questão 58** Considere as seguintes proposições.

1. Se a variação na energia interna de um processo é positiva, o calor deve ser positivo e o trabalho realizado negativo.
2. O trabalho realizado pelo sistema é sempre positivo em uma expansão livre.
3. Em qualquer processo termodinâmico, a variação de energia do universo é nula.
4. A temperatura de um gás não ideal varia quando este é forçado a passar por uma membrana porosa adiabaticamente.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

**A** ( ) 1 e 2, apenas.

**B** ( ) 1 e 3, apenas.

**C** ( ) 2 e 4, apenas.

**D** ( ) 3 e 4, apenas.

**E** ( ) 1, 3 e 4, apenas.

## Gabarito

**Questão 59** Uma mistura equimolar de dióxido de enxofre e oxigênio, contendo certa quantidade de hélio, é adicionada em um cilindro equipado com um pistão que se move sem atrito. A densidade da mistura em CNTP é de 2 g/L. Assinale a alternativa que mais se aproxima da densidade da mistura após a reação de todo o dióxido de enxofre formando trióxido de enxofre.

**A** ( ) 1,50 g/L

**B** ( ) 2 g/L

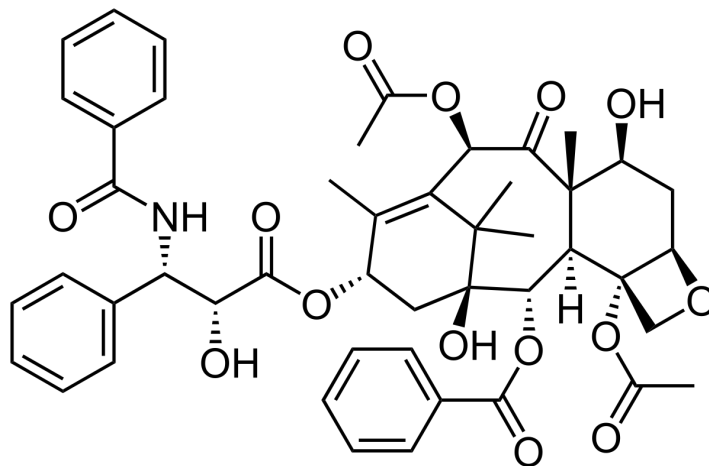
**C** ( ) 2,50 g/L

**D** ( ) 3,50 g/L

**E** ( ) 5,50 g/L

## Gabarito

**Questão 60** O paclitaxel é um medicamento utilizado no tratamento do câncer.



Assinale a alternativa que relaciona as funções orgânicas presentes na estrutura desse composto.

**A** ( ) Álcool, amida, éster, éter, cetona.

**B** ( ) Álcool, amida, éster, cetona, aldeído.

**C** ( ) Álcool, amina, éster, éter, cetona.

**D** ( ) Álcool, amina, acetal, éter, aldeído.

**E** ( ) Álcool, amida, éster, ácido carboxílico, cetona.

## Gabarito

**Questão 61** Em um cilindro, provido de um pistão móvel sem atrito, é realizada a combustão completa de certa quantidade de etanol. A temperatura no interior do cilindro é mantida constante em  $25^{\circ}\text{C}$  desde a introdução dos reagentes até o final da reação. Considere as seguintes proposições.

1. Não há variação na energia interna do sistema.
2. O sistema não realiza trabalho.
3. O sistema não troca calor com a vizinhança.
4. A variação da entalpia do sistema é igual à variação da energia interna.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

A ( ) 1, apenas.

B ( ) 1 e 2, apenas.

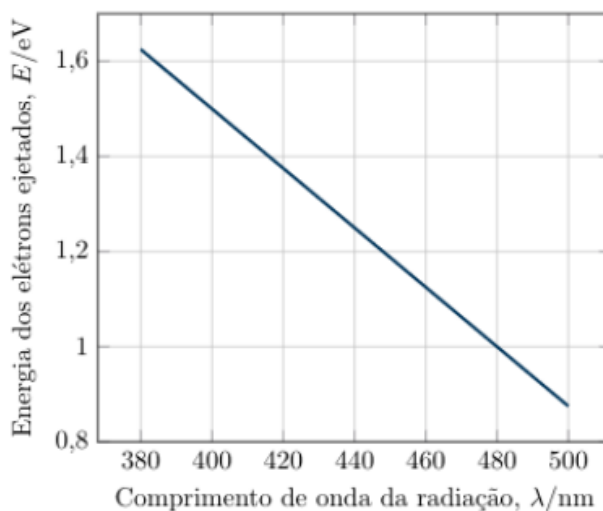
C ( ) 2 e 3, apenas.

D ( ) 1, 2 e 3, apenas.

E ( ) 1, 2 e 4, apenas.

## Gabarito

**Questão 62** Os dados a seguir foram obtidos em um experimento de efeito fotoelétrico no célio.



Assinale a alternativa que mais se aproxima da função trabalho do célio.

A ( ) 0,5 eV

B ( ) 1,0 eV

C ( ) 1,5 eV

D ( ) 2,0 eV

E ( ) 2,5 eV

## Gabarito

**Questão 63** Considere as proposições a

1. A informação recebida pelos nossos olhos e posteriormente interpretada pelo cérebro é a cor complementar à faixa de fótons absorvida pela substância colorida.
2. Como a clorofila é uma substância de coloração esverdeada, espera-se que ela absorva a radiação nos comprimentos de onda próximos a 500 nm, enquanto a hemoglobina, avermelhada, absorva em cerca de 670 nm.
3. Quanto maior a energia dos fótons absorvidos para que a excitação eletrônica ocorra, menor a frequência destes fótons e, conseqüentemente, maior o comprimento de onda da radiação absorvida.
4. Modificações estruturais em uma molécula, como a adição ou remoção de átomos de hidrogênio, podem alterar completamente o perfil de absorção da amostra, podendo fazer uma solução de uma substância inicialmente rosada ser incolor.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

A ( ) 1, apenas.

B ( ) 2, apenas

C ( ) 1 e 2, apenas.

D ( ) 2 e 3, apenas.

E ( ) 3 e 4, apenas.

## Gabarito

**Questão 64** Assinale a alternativa que mais se aproxima da temperatura adiabática de chama para a combustão do octano líquido com um volume de ar quatro vezes maior do que o necessário para a combustão completa, inicialmente a 25 °C.

A ( ) 580 K

B ( ) 680 K

C ( ) 780 K

D ( ) 880 K

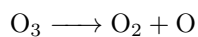
E ( ) 980 K

## Dados

- $C_P(\text{CO}_2, \text{g}) = 37,1 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
- $C_P(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) = 33,6 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
- $C_P(\text{N}_2, \text{g}) = 29,1 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
- $C_P(\text{O}_2, \text{g}) = 29,4 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$
- $\Delta H_f^\circ(\text{C}_8\text{H}_{18}, \text{l}) = -250 \text{ kJ mol}^{-1}$
- $\Delta H_f^\circ(\text{CO}_2, \text{g}) = -394 \text{ kJ mol}^{-1}$
- $\Delta H_f^\circ(\text{H}_2\text{O}, \text{g}) = -242 \text{ kJ mol}^{-1}$

## Gabarito

**Questão 65** O ozônio na estratosfera absorve radiação solar ao sofrer decomposição:



Assinale a alternativa que mais se aproxima do comprimento de onda máximo absorvido pelo ozônio.

A ( ) 720 nm

B ( ) 820 nm

C ( ) 920 nm

D ( ) 1020 nm

E ( ) 1120 nm

## Dados

- $\Delta H_L^\circ(\text{O}_2) = 496 \text{ kJ mol}^{-1}$
- $\Delta H_f^\circ(\text{O}_3, \text{g}) = 143 \text{ kJ mol}^{-1}$

## Gabarito

**Questão 66** Uma amostra de 1 L de gás eteno,  $\text{C}_2\text{H}_4$ , sob 1 atm e 298 K, é queimada com 4 L de gás oxigênio, na mesma pressão e temperatura. Determine qual é o volume final da mistura de reação em 1 atm e 298 K depois que a reação se completou.

A ( ) 1 L

B ( ) 2 L

C ( ) 4 L

D ( ) 5 L

E ( ) 6 L

## Gabarito

**Questão 67** Certa amostra de ar seco com massa total 1 g compõe-se quase completamente de 0,760 g de nitrogênio e 0,240 g de oxigênio. Assinale a alternativa mais próxima das pressões parciais de nitrogênio em uma amostra de ar seco sob 87 kPa.

A ( ) 0,380 atm

B ( ) 0,480 atm

C ( ) 0,580 atm

D ( ) 0,680 atm

E ( ) 0,780 atm

## Gabarito

**Questão 68** Considere a reação de deslocamento gás água



Conduzido em um reator adiabático. A alimentação consiste de água e monóxido de carbono em proporção estequiométrica. A entalpia dessas espécies é dada por:

$$H(\text{CO}, 370^\circ\text{C}) - H(\text{CO}, 300^\circ\text{C}) = 2,20 \text{ kJ/mol}$$

$$H(\text{H}_2\text{O}, 370^\circ\text{C}) - H(\text{H}_2\text{O}, 300^\circ\text{C}) = 2,60 \text{ kJ/mol}$$

Se a temperatura de entrada é 300 °C e a saída é 370 °C, a conversão dos reagentes é, aproximadamente, de:

A ( ) 8 %

B ( ) 12 %

C ( ) 17 %

D ( ) 20 %

E ( ) 25 %

## Gabarito

**Questão 69** Assinale a alternativa que mais se aproxima da razão entre a quantidade de nitrogênio e gás carbônico na exaustão da queima do propano com 60 % de excesso de ar.

A ( ) 6,20

B ( ) 7,30

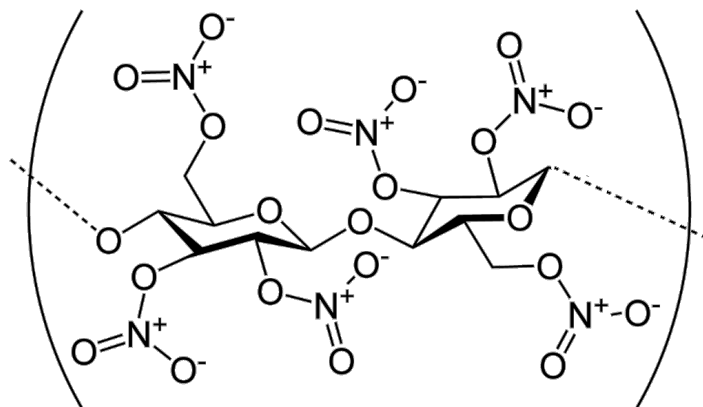
C ( ) 8

D ( ) 9,30

E ( ) 10,6

## Gabarito

**Questão 70** Considere a estrutura da nitrocelulose.



Assinale a alternativa com as funções orgânicas presentes nesse composto.

A ( ) Éster e éter.

B ( ) Éster e éter

C ( ) Amina e éter

D ( ) Éster e nitro

E ( ) Acetal e amina.

