Leis de Velocidade

Gabriel Braun

Colégio e Curso Pensi, Coordenação de Química



Sumário

1 As velocidade de reação					
	1.1	Concentração e velocidade de reação			
	1.2	A velocidade instantânea de reação	2		
	1.3	As leis de velocidade e a ordem de reação	2		
	1.4	As constantes de velocidade	4		
2	2 As leis de velocidade integradas				
	2.1	As leis de velocidade integradas de primeira ordem	ļ		
	2.2	A meia vida de reações de primeira ordem	6		
	2.3	As leis de velocidade integradas de segunda ordem	6		
	2.4	O método das meias-vidas consecutivas	7		

1 As velocidade de reação

Informalmente, uma reação é considerada rápida quando os produtos são formados quase instantaneamente, como acontece em uma reação de neutralização ou em uma explosão. Uma reação é lenta se os produtos levam um tempo longo para se formar, como acontece na corrosão ou na decomposição de materiais orgânicos. Nos dois casos, é importante ser capaz de expressar e medir a velocidade de uma reação quantitativamente e detectar os padrões segundo os quais ela depende das condições. Uma vez definidos, esses parâmetros podem ser usados para descobrir detalhes sobre como as reações ocorrem em nível atômico e como seus rendimentos podem ser modificados.

1.1 Concentração e velocidade de reação

Na vida diária, a velocidade é definida como a mudança do valor de uma propriedade dividida pelo tempo que ela leva para ocorrer. Por exemplo, a velocidade de um automóvel, isto é, a velocidade da mudança de posição, é definida como a distância percorrida dividida pelo tempo gasto. A velocidade média em determinado estágio do percurso é obtida dividindo-se o percurso percorrido em um intervalo de tempo pela duração deste intervalo. A velocidade instantânea é obtida lendo-se o velocímetro em determinado ponto do percurso. Na química, as velocidades são expressas de modo semelhante. A velocidade de reação, como a velocidade média de um carro, é definida como a variação da concentração de um dos reagentes ou produtos em determinado ponto da reação dividida pelo tempo que a mudança leva para ocorrer. Como a velocidade pode mudar com o tempo, a velocidade média da reação em um determinado intervalo é definida como a variação da concentração molar de um reagente R, $\Delta[R]$, dividida pelo intervalo de tempo Δt :

$$\nu_{m,R} = -\frac{\Delta[R]}{\Delta t} \tag{1a}$$

Como os reagentes são consumidos em uma reação, a concentração molar de R decresce com o tempo e $\Delta[R]$ é negativo. O sinal negativo da Equação 1a torna a velocidade positiva, que é a convenção normal da cinética química. Porém, se a concentração de um produto P é monitorada, a velocidade média é expressa como

$$\nu_{\text{m,P}} = \frac{\Delta[P]}{\Delta t} \tag{1b}$$

Nesta expressão, $\Delta[P]$ é a variação da concentração molar de P no intervalo Δt : uma quantidade positiva, porque o produto se acumula com o tempo.

Note que, quando registrar velocidades de reação, você precisará ter cuidado e especificar a que espécie tal velocidade se refere, porque as espécies são produzidas ou consumidas em velocidades relacionadas à estequiometria da reação. Por exemplo, na reação de formação do HI, duas moléculas de HI são produzidas a partir de uma molécula de $\rm H_2$ e, por isso, a velocidade de consumo do $\rm H_2$ é metade da velocidade de formação do HI; portanto,

$$\frac{\Delta[H_2]}{\Delta t} = -\frac{1}{2}\frac{\Delta[HI]}{\Delta t}$$

Para evitar as ambiguidades associadas com as várias maneiras de registrar uma velocidade de reação, a velocidade média única de uma reação pode ser expressa sem especificar a espécie. A **velocidade média única** da reação $a A + b B \longrightarrow c D + d D$ é qualquer uma das quatro quantidades iguais seguintes:

$$\nu_m = -\frac{1}{a}\frac{\Delta[A]}{\Delta t} = -\frac{1}{b}\frac{\Delta[B]}{\Delta t} = \frac{1}{c}\frac{\Delta[C]}{\Delta t} = \frac{1}{d}\frac{\Delta[D]}{\Delta t} \tag{2a} \label{eq:2a}$$

PONTO PARA PENSAR

Como a velocidade única de uma reação muda se os coeficientes da equação química forem dobrados?

EXEMPLO 1 Cálculo da velocidade média de uma reação

A velocidade média de formação de amônia segundo a reação

$$N_2(g) + 3\,H_2(g) \longrightarrow 2\,NH_3(g)$$

No intervalo de 100 s, a concentração de HI aumentou de 3,5 M para 4,0 M.

- a. Calcule velocidade média de formação de NH₃.
- b. Calcule velocidade média de consumo de H₂.

Etapa 1. Calcule a velocidade média de formação de NH₃.

De $\nu_{\text{m,NH}_3} = \Delta [\text{NH}_3]/\Delta t$,

$$\nu_{m,\text{NH}_3} = \frac{(4,\!0-3,\!5)\,\text{mM}}{100\,\text{s}} = \boxed{4\,\text{mM}\,\text{s}^{-1}} \end{(a)}$$

Etapa 2. Calcule a velocidade média de consumo de H₂.

$$\nu_{m,H_2} = 2 \, \text{mM} \, \text{s}^{-1} \times \frac{3}{2} = \boxed{6 \, \text{mM} \, \text{s}^{-1}} \label{eq:muham} \tag{b}$$

A velocidade média de uma reação é a variação da concentração de uma espécie dividida pelo tempo.

1.2 A velocidade instantânea de reação

Assim como ocorre com a velocidade de um carro, em muitos casos é importante conhecer a velocidade instantânea de reação, não a média ao longo de determinado intervalo. A maior parte das reações desacelera à medida que os reagentes são consumidos. Para determinar avelocidade da reação em um determinado instante no decurso de uma reação, duas medidasde concentração muito próximas no tempo são necessárias. Quando dois pontos na curvasão aproximados sucessivamente, a linha que os une se aproxima da tangente da curva, isto é, uma linha reta que toca a curva e indica a inclinação da curva nesse ponto. A inclinação da tangente da curva da concentração vs. tempo nesse momento é a velocidade naquele instante (Figura 1).

A inclinação da tangente, que varia durante a evolução da reação, é chamada develocidade instantânea da reação no ponto de interesse. Deste ponto em diante, quando falarmos de uma velocidade de reação, estaremos nos referindo sempre à velocidade instantânea. As definições das Equações 1a e 1b podem ser facilmente adaptadas para se referirem à velocidade instantânea de uma reação. Para um reagente R,

$$v_{R} = -\frac{d[R]}{dt} \tag{1c}$$

Para um produto P, escreva

$$v_{\rm P} = \frac{\rm d[P]}{\rm dt} \tag{1d}$$

Do mesmo modo, a velocidade instantânea de uma reação é definida como na Equação 2,

$$\nu = -\frac{1}{a}\frac{d[A]}{dt} = -\frac{1}{b}\frac{d[B]}{dt} = \frac{1}{c}\frac{d[D]}{dt} = \frac{1}{d}\frac{d[D]}{dt} \tag{2b} \label{eq:2b}$$

Como é difícil traçar a olho nu uma tangente com exatidão, é melhor analisar os gráficos de concentração versus tempo.

A velocidade instantânea de uma reação é a inclinação da tangente traçada no gráfico de concentração versus tempo no momento de interesse.

1.3 As leis de velocidade e a ordem de reação

As tendências das velocidades de reações são comumente identificadas pelo exame da **velocidade inicial da reação**, a velocidade instantânea no início da reação. A vantagem de usar a velocidade inicial é que a presença de produtos durante a reação pode afetar a velocidade; assim, a interpretação dos resultados pode ficar muito complicada. Para entender como as velocidades iniciais são medidas, suponha, por exemplo, que diferentes quantidades de pentóxido de dinitrogênio, N_2O_5 , sólido, são medidas em diferentes balões de mesmo volume, colocados em um banho de água, em 65 °C, para vaporizar todo o sólido e, então, a espectrometria é usada para monitorar as concentrações de N_2O_5 em cada frasco à medida que se decompõe:

$$2 N_2 O_5(g) \longrightarrow 4 NO_2(g) + O_2(g)$$

Cada frasco tem uma concentração inicial diferente de N_2O_5 . A velocidade inicial da reação em cada balão pode ser determinada colocando em gráfico a concentração em função do tempo para cada balão e traçando a tangente de cada curva em t=0 (Figura 1).

Valores maiores de velocidades iniciais de decomposição do vapor – tangentes mais inclinadas – são encontrados nos balões em que as concentrações iniciais de N_2O_5 são maiores. Esse padrão nos dados pode ser identificado colocando-se em gráfico as velocidades iniciais contra a concentração e examinando o tipo de curva encontrado.

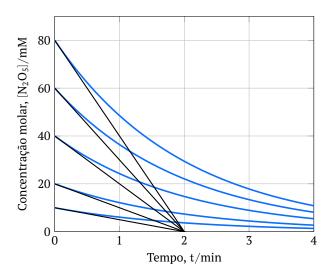


FIGURA 1 As curvas em azul mostram como a concentração de N_2O_5 varia com o tempo para cinco concentrações iniciais diferentes. A velocidade inicial do consumo de N_2O_5 pode ser obtida traçando-se a tangente (a linha preta) de cada curva no começo da reação.

Nesse caso, a curva da velocidade inicial contra a concentração inicial de N_2O_5 é uma linha reta, o que indica que a velocidade inicial é proporcional à concentração inicial:

$$\nu \propto [N_2 O_5]_{inicial}$$

Se introduzirmos uma constante k, podemos escrever essa proporcionalidade como uma igualdade:

$$v = k[N_2O_5]_{inicial}$$

A constante k é **chamada de constante de velocidade da reação** e é característica da reação (diferentes reações têm diferentes constantes de velocidade) e da temperatura na qual a reação ocorre. O valor experimental de k nesta reação, isto é, a inclinação da reta da Figura 2, é $k = 0.5 \, \text{min}^{-1}$.

A velocidade inicial é diretamente proporcional à concentração inicial. Se a velocidade da reação em um dos balões for monitorada à medida que a reação avança, veremos que, quando a concentração de N_2O_5 cai, a velocidade também cai. Mais especificamente, a velocidade em qualquer instante é proporcional à concentração do N_2O_5 que resta no balão naquele instante, com a mesma constante de proporcionalidade, k. Segue-se que, *em qualquer* estágio da reação,

$$\nu = k[N_2O_5]$$

Essa equação é um exemplo de **lei de velocidade**, a expressão da velocidade instantânea de reação em termos da concentração de um reagente em qualquer momento. Cada reação tem suas próprias lei e constante de velocidade, k. As leis de velocidade incluem as concentrações de produtos e de reagentes.

Outras reações têm leis de velocidade que podem depender da concentração dos reagen- tes de modo diferente. Medidas semelhantes para a reação

$$2 NO_2(g) \longrightarrow 2 NO(g) + O_2(g)$$

não dão uma reta quando a velocidade é lançada em um gráfico em função da concentração de NO₂ (Figura 3a). No entanto, o gráfico da velocidade em função do quadrado da concentração de NO₂ será uma linha reta (Figura 3b).

Esse resultado mostra que a velocidade é proporcional ao quadrado da concentração e que, portanto, a velocidade em cada estágio da reação pode ser escrita como

$$v = k[NO]^2$$

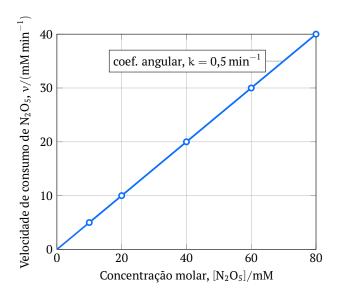


FIGURA 2 Este gráfico foi obtido usando-se as cinco velocidades iniciais da Figura 1 em função da concentração inicial de N_2O_5 . A velocidade inicial é diretamente proporcional à concentração inicial. O valor da constante de velocidade k pode ser determinado calculando-se a inclinação da linha reta usando dois pontos.

As leis de velocidade das reações de decomposição de N_2O_5 e NO_2 são diferentes, mas ambas têm a forma

$$velocidade = constante \times [concentração]^{\alpha}$$

com $\alpha=1$ para a reação do N_2O_5 e $\alpha=2$ para a reação do NO_2 . A decomposição do N_2O_5 é um exemplo de uma **reação de primeira ordem**, porque sua velocidade é proporcional à primeira potência da concentração (isto é, $\alpha=1$). A decomposição do NO_2 é um exemplo de uma **reação de segunda ordem**, porque sua velocidade é proporcional à segunda potência da concentração (isto é, $\alpha=2$). Se dobrarmos a concentração de um reagente em uma reação de primeira ordem, a velocidade da reação dobra. Se dobrarmos a concentração de reagente em qualquer reação de segunda ordem, aumentamos a velocidade da reação por um fator de $2^2=4$.

A maior parte das reações é de primeira ou de segunda ordem em cada reagente, mas algumas reações têm ordens diferentes. A amônia, por exemplo, decompõe-se em nitrogênio e hidrogênio em um fio de platina quente:

$$2 NH_3(g) \longrightarrow N_2(g) + 3 H_2(g)$$

Os experimentos mostram que a decomposição ocorre com velocidade constante até toda a amônia ter desaparecido (Figura 4). A lei de velocidade é, portanto,

$$v = k$$

Isto é, a velocidade não depende da concentração da amônia, desde que um pouco dela esteja presente. Essa decomposição é um exemplo de reação de ordem zero, uma reação em que a velocidade (enquanto houver reagente) não depende da concentração.

ATENÇÃO A lei de velocidade de uma reação é determinada experimentalmente e não pode, em geral, ser obtida a partir da equação química da reação.

Por exemplo, a decomposição de N_2O_5 e a decomposição de NO_2 têm o coeficiente estequiométrico igual a 2 para o reagente, mas uma é de primeira ordem e a outra, de segunda ordem.

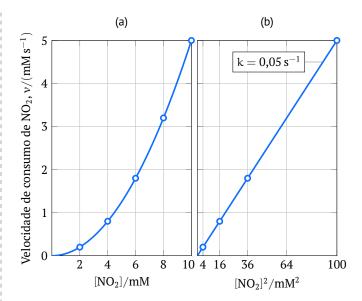


FIGURA 3 (a) Quando as velocidades iniciais de desaparecimento de NO_2 são lançadas em gráfico contra sua concentração, não se obtém uma reta. (b) No entanto, obtém-se uma reta quando as velocidades são lançadas em gráfico contra o quadrado da concentração, o que indica que a velocidade é diretamente proporcional ao quadrado da concentração.

Muitas reações têm leis de velocidade que dependem das concentrações de mais de um reagente. Um exemplo é a reação redox entre íons persulfato e iodeto:

$$S_2O_8^{2-}(aq) + 3I^-(aq) \longrightarrow 2SO_4^{2-}(aq) + I_3^-(aq)$$

A lei de velocidade dessa reação é

$$\nu = k[S_2 O_8^{\ 2-}][I^-]$$

A reação é chamada de reação de primeira ordem com respeito a $S_2O_8^{2-}$ e de primeira ordem em I^- . Dobrando a concentração do íon $S_2O_8^{2-}$ ou a concentração do íon I^- , a velocidade da reação dobra. Dobrando ambas as concentrações, a velocidade de reação quadruplica. A ordem total dessa reação é a soma das duas ordens, ou 2. Em geral, se

$$v = k[A]^{\alpha}[B]^{b} \dots$$

então a **ordem total** é a soma dos expoentes a + b + ...

As leis de velocidade das reações são expressões empíricas estabelecidas experimentalmente, e não devemos nos surpreender se elas não forem números positivos inteiros. Por exemplo, as ordens podem ser números negativos. Como $[A]^{-1}=1/[A]$, uma ordem negativa significa que a concentração aparece no denominador da lei de velocidade. O aumento da concentração desta espécie, normalmente um produto, desacelera a reação, porque ela participa da reação inversa. Um exemplo é a decomposição do ozônio, O_3 , na estratosfera:

$$2 O_3(g) \longrightarrow 3 O_2(g)$$

A lei de velocidade dessa reação, determinada experimentalmente, é

$$v = k \frac{[O_3]^2}{[O_2]} = k[O_3]^2[O_2]^{-1}$$

ATENÇÃO Note que uma lei de velocidade pode depender das concentrações dos produtos e dos reagentes.

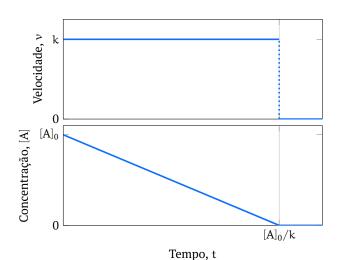


FIGURA 4 (a) A concentração do reagente em uma reação de ordem zero cai em velocidade constante até que o reagente se esgote. (b) A velocidade de uma reação de ordem zero independe da concentração do reagente e permanece constante até que todo o reagente tenha sido consumido, quando então cai abruptamente até zero.

Esta lei diz que a reação é mais lenta nas regiões da alta atmosfera em que as moléculas de O_2 são abundantes do que nas regiões em que elas são mais escassas. Algumas reações podem ter ordens fracionárias. Por exemplo, a oxidação do dióxido de enxofre a trióxido de enxofre na presença de platina,

$$2 SO_2(g) + O_2(g) \xrightarrow{Pt} 2 SO_3(g)$$

tem a seguinte lei de velocidade

$$\nu = k \, \frac{[SO_2]}{[SO_3]^{1/2}} = k [SO_2] [SO_3]^{-1/2}$$

e uma ordem total igual a 1-1/2=1/2. A presença de $[SO_3]$ no denominador significa que a reação sofre desaceleração quando a concentração de produto aumenta. Mais uma vez, a lei de velocidade dá uma pista sobre como a reação ocorre. Todas as reações consideradas neste tópico são homogêneas e, para reações de ordem zero, a velocidade depende da concentração de um ou mais reagentes. Para aumentar a velocidade, a concentração de um reagente pode ser aumentada. Do mesmo modo, a velocidade de uma reação heterogênea pode aumentar se a área superficial de um reagente também aumentar.

EXEMPLO 2 Determinação das ordens de reação pelo método das velocidades iniciais

Foram conduzidos quatro experimentos para descobrir como a velocidade inicial de consumo de íons ${\rm BrO_3}^-$ na reação

$$BrO_3^-(aq) + 5 Br^-(aq) + 6 H_3O^+(aq) \longrightarrow 3 Br_2(aq) + 9 H_2O(l)$$

varia quando as concentrações dos reagentes variam.

Expt.	$\frac{[\mathrm{BrO_3}^-]}{\mathrm{M}}$	[Br ⁻] M	$\frac{[H_3O^+]}{M}$	$\frac{v}{ ext{mM s}^{-1}}$
1	0,10	0,10	0,10	1,2
2	0,20	0,10	0,10	2,4
3	0,10	0,30	0,10	3,6
4	0,20	0,10	0,15	5,4

- a. **Determine** a lei de velocidade da reação.
- b. Calcule a ordem global da reação.
- c. Calcule a contante cinética.

Etapa 1. Escreva a lei de velocidade.

$$\nu = k[BrO_3^-]^{\alpha}[Br^-]^{b}[H_3O^+]^{c}$$

Etapa 2. Ordem em BrO₃⁻. Compare os experimentos **1** e **2**.

$$\frac{\nu_2}{\nu_1} = \left(\frac{0,20}{0,10}\right)^{\alpha} = \frac{2,4}{1,2}$$

Logo, a = 1 e a reação é de primeira ordem em BrO_3^- .

Etapa 3. Ordem em Br⁻. Compare os experimentos 1 e 3.

$$\frac{v_3}{v_1} = \left(\frac{0,30}{0,10}\right)^{b} = \frac{3,6}{1,2}$$

Logo, b = 1 e a reação é de primeira ordem em Br^- .

Etapa 4. Ordem em H_3O^+ . Compare os experimentos 2 e 4.

$$\frac{v_4}{v_2} = \left(\frac{0,15}{0,10}\right)^{c} = \frac{5,5}{2,4}$$

Logo, c=2 e a reação é de segunda ordem em ${\rm H_3O^+}.$ A lei de velocidade é

$$v = k[BrO_3^-][Br^-][H_3O^+]^2$$
 (a)

A ordem total é 1 + 1 + 2 = 4 (b).

Etapa 5. Calcule a constante de velocidade.

De $k = v/([BrO_3^-][Br^-][H_3O^+]^2)$, para o experimento **4**:

$$k = \frac{5.4 \times 10^{-3} \, \text{M s}^{-1}}{(0.20 \, \text{M}) \times (0.10 \, \text{M}) \times (0.15 \, \text{M})^2} = \boxed{18 \, \text{M}^{-3} \, \text{s}^{-1}} \quad \text{(c)}$$

1.4 As constantes de velocidade

As unidades da constante de velocidade dependem da ordem total da reação e garantem que $k \times (\text{concentração})^{\alpha}$ tenha as mesmas unidades da velocidade, concentração/tempo. Assim, quando a concentração está expressa em mols por litro e a velocidade, em $M \, \text{s}^{-1}$, as unidades de $k \, \text{são}$:

Ordem total	1	2	3
Unidades de k	s^{-1}	${ m M}^{-1}{ m s}^{-1}$	${ m M}^{-2}{ m s}^{-1}$

e assim sucessivamente.

Para um gás ideal, PV = nRT indica que n/V = P/RT, de modo que n/V, seja proporcional à pressão. Como n/V é concentração (em M), a concentração é proporcional à pressão e, portanto, esta pode ser usada como medida da concentração. Se as concentrações dos reagentes são expressas como pressões parciais em atmosferas e a velocidade em atm s $^{-1}$, as unidades de k são:

Ordem total	1	2	3
Unidades de k	s^{-1}	${\rm atm^{-1}s^{-1}}$	$\mathrm{atm^{-2}s^{-1}}$

PONTO PARA PENSAR

Quais seriam as unidades de k de uma reação de ordem total 3/2 de se as concentrações fossem expressas em gramas por mililitro, g mL⁻¹?

2 As leis de velocidade integradas

Em muitos casos, é útil saber como a concentração de um reagente ou produto varia com o tempo. Por exemplo, quanto tempo leva para um poluente se decompor? Que quantidade do combustível alternativo metanol pode ser produzida em uma hora a partir do carvão? Quanto de penicilina sobrará em uma formulação após 6 meses? Essas questões podem ser respondidas com o auxílio de fórmulas derivadas das leis de velocidade das reações medidas experimentalmente. Uma lei de velocidade integrada dá a concentração de reagentes ou produtos em qualquer instante após o início da reação. Encontrar a lei de velocidade integrada a partir da lei de velocidade é muito semelhante a calcular a distância que um carro viajou, conhecendo a velocidade em cada momento do percurso.

A lei de velocidade integrada de uma reação de ordem zero é muito fácil de obter. Como a velocidade é constante, a diferença das concentrações de um reagente entre o valor inicial, $[A]_0$, e o instante de interesse é proporcional ao tempo da reação, e

$$[A] = [A]_0 - kt$$

O gráfico de concentração contra o tempo é uma linha reta de inclinação -k. A reação termina quando $t=[A]_0/k$, porque nesse ponto todo o reagente foi consumido ([A]=0).

2.1 As leis de velocidade integradas de primeira ordem

O objetivo desta seção é encontrar a lei de velocidade integrada para uma reação de primeira ordem na forma de uma expressão para a concentração de um reagente A no instante t, sabendo que a concentração molar inicial de A é $[A]_0$.

COMO ISSO É FEITO?

Para determinar a concentração de um reagente A em uma reação de primeira ordem em qualquer instante após o começo da reação, escreva a lei de velocidade para o consumo de A, na forma

$$\nu = -\frac{d[A]}{dt} = k[A]$$

Rearranjando, a equação torna-se

$$\frac{d[A]}{[A]} = -kdt$$

Em seguida, integre ambos os lados entre os limites t=0 (quando $[A]=[A]_0$) e o instante de interesse, t (quando $[A]=[A]_t$):

$$\int_{[A]_0}^{[A]_t} \frac{d[A]}{[A]} = -k \int_0^t dt = -kt$$

Resolvendo a integral:

$$\int_{[A]_0}^{[A]_t} \frac{d[A]}{[A]} = \ln[A]_t - \ln[A]_0 = \ln \frac{[A]_t}{[A]_0}$$

Portanto,

$$\ln \frac{[A]_t}{[A]_0} = -kt$$

Agora tome os antilogaritmos (naturais) de ambos os lados e obtenha:

$$[A]_{\mathfrak{t}}=[A]_{0}e^{-k\mathfrak{t}}$$

A equação obtida,

$$[\mathbf{A}]_{\mathsf{t}} = [\mathbf{A}]_{\mathsf{0}} e^{-\mathsf{k}\mathsf{t}} \tag{1}$$

É a lei de velocidade integrada de uma reação de primeira ordem. Esse comportamento é chamado de **decaimento exponencial**, porque a concentração de A é uma função exponencial do tempo. A variação de concentração é inicialmente rápida e torna-se mais lenta à medida que o reagente é consumido.

EXEMPLO 3 Cálculo da concentração usando a lei de velocidade integrada de primeira ordem

A 65 °C, a constante de velocidade da reação de primeira ordem

$$2\,N_2O_5(g) \longrightarrow 4\,NO_2(g) + O_2(g)$$

é $k=5\times 10^{-3}\,\text{s}^{-1}.$ Em um experimento a concentração inicial de N_2O_5 é $40\,\text{mM}.$

- a. Calcule a concentração de N_2O_5 que permanece após $100\,\mathrm{min}$.
- b. Calcule o tempo necessário para que a concentração de N_2O_5 caia para 1 mM.

Etapa 1. De $[A]_t = [A]_0 e^{-kt}$.

$$[N_2O_5]_t = 40 \text{ mM} \times e^{-5 \times 10^{-3} \text{ s}^{-1} \times 600 \text{ s}} = \boxed{2 \text{ mM}}$$
 (a)

Etapa 2. De $ln([A]_t/[A]_0) = -kt$.

Rearranjando em $t = \frac{1}{k} \ln([A]_t/[A]_0)$,

$$t = \frac{1}{5 \times 10^{-3} \, s^{-1}} \ln \left(\frac{40 \, \text{mM}}{1 \, \text{mM}} \right) = \boxed{738 \, \text{s}}$$
 (b)

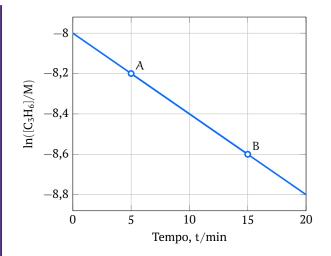
Uma aplicação importante da lei de velocidade integrada é a confirmação de que uma reação é efetivamente de primeira ordem e a obtenção da constante de velocidade sem precisar traçar tangentes a curvas. A Equação 1 pode se escrita na forma da equação de uma reta

$$ln[A]_t = ln[A]_0 - kt$$

Portanto, para um processo de primeira ordem, um gráfico de $ln[A]_t$ em função de t deve ser uma reta de coeficiente angular -k e coeficiente linear igual a $ln[A]_0$.

EXEMPLO 4 Cálculo da constante de velocidade de primeira ordem

Muitos compostos orgânicos podem sofrer isomerização. O isopropano, por exemplo, se converte em propeno quando aquecido a $500\,^{\circ}$ C.



Calcule a constante de velocidade dessa reação.

Etapa 1. Calcule o coeficiente angular da reta usando dois pontos no gráfico.

Tomando os pontos A e B:

coef. angular =
$$\frac{-8,2-(-8,6)}{15\,h-5\,h} = -0,04\,\text{min}^{-1}$$

Portanto, como $k = -\text{coef. angular,} \left| k = 0,04 \, \text{min}^{-1} \right|$

Em uma reação de primeira ordem, a concentração do reagente decresce exponencialmente com o tempo. O gráfico do logaritmo da concentração em função do tempo e é uma reta de coeficiente angular -k.

2.2 A meia vida de reações de primeira ordem

A **meia-vida**, $t_{1/2}$, de um reagente é o tempo necessário para que sua concentração caia à metade do valor inicial. O conhecimento das meias-vidas de poluentes como os clorofluorocarbonetos é importante para avaliar seu impacto ambiental. Se suas meias-vidas são curtas, eles podem não sobreviver o suficiente para atingir a estratosfera, onde poderiam destruir o ozônio. As meias-vidas são também importantes no planejamento de sistemas de armazenamento de materiais radioativos, porque o decaimento dos núcleos radioativos é um processo de primeira ordem.

Você já sabe que quanto maior for o valor de k, mais rápido é o desaparecimento de um reagente. Assim, você deve deduzir uma relação para uma reação de primeira ordem que mostre que, quanto maior for a constante de velocidade, menor será a meiavida de uma substância.

Para determinar a relação entre a velocidade de reação e a meia-vida de um reagente, faça $t=t_{1/2}$ e $[A]_t=\frac{1}{2}[A]_0$ na Eq. XXX e então resolva para $t_{1/2}$. A expressão resultante,

$$t_{1/2} = \frac{ln\,2}{k}$$

Como antecipamos, quanto maior for o valor da constante de velocidade k, menor será a meia-vida da reação. Note que a meia-vida de uma reação de primeira ordem só depende da constante de velocidade, e não da concentração. Portanto, ela tem o mesmo valor em todos os estágios da reação: qualquer que seja a concentração do reagente em um dado momento, o mesmo tempo $(t_{1/2})$ é necessário para que aquela concentração caia à metade.

Substituindo a equação XXXX na equação YYYY.

$$[A]_t = [A]_0 2^{-t/t_{1/2}}$$

EXEMPLO 5 Cálculo da concentração de reagente restante em reações de primeira ordem usando a meia-vida

Um paciente foi envenenado com vapor de mercúrio derramado. O nível de mercúrio determinado em sua urina, que é proporcional à concentração no organismo, foi de $1,6\,\mathrm{mg}\,\mathrm{L}^{-1}$. O mercúrio(II) é eliminado do organismo por um processo de primeira ordem e tem meia-vida de 6 dias

Calcule a concentração de mercúrio na urina do paciente após 30 dias.

Etapa 1. De $[A]_t = [A]_0 2^{-t/t_{1/2}}$.

$$[Hg]_t = 1,6 \, mg \, L^{-1} \times 2^{-30 \, d/6 \, d} = 0,05 \, mg \, L^{-1}$$

2.3 As leis de velocidade integradas de segunda ordem

Como nas reações de primeira ordem, é importante saber predizer como a concentração de um reagente ou produto varia com o tempo em reações de segunda ordem. Para fazer essas predições, você precisa obter a forma integrada da lei de velocidade

$$v = k[A]^2$$

COMO ISSO É FEITO?

Para obter a lei de velocidade integrada de uma reação de segunda ordem, verificamos que a lei de velocidade é uma equação diferencial e a escrevemos como

$$v = -\frac{d[A]}{dt} = k[A]^2$$

Rearranjando, a equação torna-se

$$\frac{d[A]}{[A]^2} = -kdt$$

Para integrar essa equação, use os mesmos limites usados no caso da primeira ordem:

$$\int_{[A]_0}^{[A]_t} \frac{d[A]}{[A]^2} = -k \int_0^t dt = -kt$$

Resolvendo a integral:

$$\int_{[A]_0}^{[A]_t} \frac{d[A]}{[A]^2} = \frac{1}{[A]_0} - \frac{1}{[A]_t}$$

Portanto,

$$\frac{1}{[A]_t} = \frac{1}{[A]_0} + kt$$

EXEMPLO 6 Cálculo da concentração usando a lei de velocidade integrada de segunda ordem

A 65 °C, a constante de velocidade da reação de primeira ordem

$$2\,N_2O_5(g) \longrightarrow 4\,NO_2(g) + O_2(g)$$

é $k=5\times 10^{-3}\,\text{s}^{-1}.$ Em um experimento a concentração inicial de N_2O_5 é 40 mM.

Calcule a concentração de N_2O_5 que permanece após $100\,\text{min}$.

Etapa 1. De $[A]_t = [A]_0 e^{-kt}$.

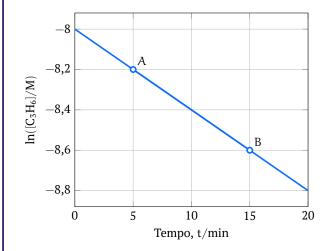
$$[N_2O_5]_t = 40\,\text{mM} \times e^{-5\times 10^{-3}\,\text{s}^{-1}\times 600\,\text{s}} = \boxed{2\,\text{mM}} \qquad \text{(a)}$$

A Equação XXXX mostra que, para uma reação de segunda ordem, um gráfico de $1/[A]_{\rm t}$ em função de t deve ser uma reta de coeficiente angular k e coeficiente linear igual a $1/[A]_{\rm 0}$.

Portanto, para determinar se uma reação é de segunda ordem em um reagente, lance em gráfico o inverso da concentração em função do tempo para ver se o resultado é uma reta. Se for reta, então a reação é de segunda ordem e a inclinação da reta é igual a k.

EXEMPLO 7 Cálculo da constante de velocidade de segunda ordem

Muitos compostos orgânicos podem sofrer isomerização. O isopropano, por exemplo, se converte em propeno quando aquecido a $500\,^{\circ}$ C.



Calcule a constante de velocidade dessa reação.

Etapa 1. Calcule o coeficiente angular da reta usando dois pontos no gráfico.

Tomando os pontos A e B:

coef. angular =
$$\frac{-8,2-(-8,6)}{15\,h-5\,h} = -0,04\,\text{min}^{-1}$$

Portanto, como $k = \text{coef. angular,} \boxed{k = 0.04 \, \text{min}^{-1}}$

A meia-vida de um reagente em uma reação de segunda ordem é obtida fazendo-se $t=t_{1/2}$ e $[A]=\frac{1}{2}[A]_0$ na Eq. XXX e então

resolvendo para $t_{1/2}$. A expressão resultante,

$$t_{1/2} = \frac{1}{k[A]_0}$$

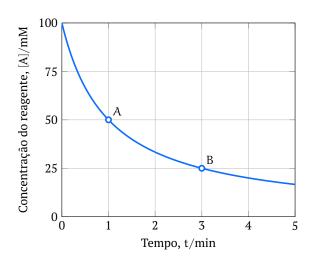
mostra que a meia-vida de um reagente em uma reação de segunda ordem é inversamente proporcional à concentração do reagente. A meia-vida aumenta com o avanço da reação e a redução da concentração dos reagentes. Devido a essa variação, a meia-vida não é muito útil para descrever reações com cinética de segunda ordem.

Uma reação de segunda ordem mantém concentrações baixas de reagente em tempos longos de reação. A meia-vida de uma reação de segunda ordem é inversamente proporcional à concentração do reagente.

2.4 O método das meias-vidas consecutivas

EXEMPLO 8 Determinação da ordem da reação pelo método das meias-vidas consecutivas

A decomposição do composto A foi estudada.



Calcule a ordem da reação de decomposição de A.

Etapa 1. Identifique as meias-vidas do decaimento de A.

A concentração de A cai a metade do valor inicial em $t=1\,s$ (ponto A) e a um quarto do valor inicial em $t=3\,s$ (ponto B). Assim, a primeira meia-vida de A é $t_{1/2}=1\,s$ e a segunda meia-vida é $t_{1/2}=2\,s$.

Etapa 2. Calcule a ordem da reação de decomposição de A.

De $t_{1/2}/t_{1/2}=2^{\alpha-1}$.

$$2^{\alpha-1}=\frac{4\,s}{2\,s}=2$$

Logo, $\boxed{a=2}$. A reação de decomposição de A é de segunda ordem.

Problemas

Nível 1

PROBLEMA 2.1

3H01

Quando a reação

$$H_2(g) + I_2(g) \longrightarrow 2\,HI(g)$$

foi conduzida em temperatura elevada, a concentração de HI aumentou de 4,2 mM para 6 mM em $200\,\mathrm{s}.$

Assinale a alternativa que mais se aproxima da velocidade média de formação de HI.

- $\label{eq:bounds} \textbf{B} \quad 3 \, \text{t} \text{mol} \, L^{-1} \, s^{-1}$
- **C** 6 t mol L^{-1} s⁻¹
- $oldsymbol{\mathsf{D}}$ 9 $\operatorname{\mathsf{t}mol} L^{-1} \operatorname{\mathsf{s}}^{-1}$
- **E** $12 \, \text{tmol} \, \text{L}^{-1} \, \text{s}^{-1}$

Gabarito

Nível 1

1. D