# **Entropia**

### **Gabriel Braun**

Colégio e Curso Pensi, Coordenação de Química

### Nível I

#### PROBLEMA 1.1

2B01

Um sistema  $\bf A$  transfere, naturalmente, uma determinada quantidade de energia, na forma de calor, para um sistema  $\bf B$ , que envolve totalmente  $\bf A$ .

Assinale a alternativa correta.

- A entropia do Universo decrescerá.
- **B** A entropia do sistema **A** crescerá.
- O aumento da entropia do sistema **B** será maior que o decréscimo da entropia do sistema **A**.
- O aumento da entropia do sistema **B** será menor que o decréscimo da entropia do sistema **A**.
- O aumento da entropia do sistema **B** será necessariamente igual ao decréscimo da entropia do sistema **A**.

#### **PROBLEMA 1.2**

2B02

O termo *seta do tempo* é usado para distinguir uma direção no tempo nos fenômenos naturais, ou seja, que o estado 2 de um sistema macroscópico ocorre após o estado 1.

**Assinale** a alternativa *correta* a respeito de um processo que ocorre em sistema fechado.

- A  $S_2$  é igual a  $S_1$ .
- **B**  $S_2$  é maior que  $S_1$ .
- $\mathbf{c}$   $S_2$  é menor que  $S_1$ .
- $\mathbf{D}$   $S_2$  independe de  $S_1$ .
- A relação entre  $S_2$  e  $S_1$  depende do caminho percorrido entre os estados.

### PROBLEMA 1.3

2B03

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia da água quando 100 J são transferidos de forma reversível à água a 25  $^{\circ}$ C.

$$-0.34\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

**B** 
$$-0.17\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

**c** 
$$0,08\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

**D** 
$$0,17\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

$$0,34\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

#### **PROBLEMA 1.4**

2B04

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da entropia de congelamento do mercúrio.

$$-4,4 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$$

**B** 
$$-2.2 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$$

$$-1,1 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$$

**D** 
$$2,2 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$$

**E** 
$$4,4 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$$

#### **Dados**

• 
$$T_{fus}(Hg) = 249 \, ^{\circ}C$$

• 
$$\Delta H_{\text{fus}}(\text{Hg}) = 2.3 \,\text{kJ} \,\text{mol}^{-1}$$

#### **PROBLEMA 1.5**

2B05

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás quando 1 mol de um gás ideal monoatômico é aquecido reversivelmente de 300 K a 400 K sob pressão constante.

$$-6 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$$

$$-4 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$$

$$-2 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$$

$$E 6 J K^{-1}$$

### PROBLEMA 1.6

2B06

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás quando um cilindro de 20 L de gás nitrogênio sob 5,00 kPa é aquecido reversivelmente de 20 °C a 400 °C.

$$-0.7 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$$

$$-0.5 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$$

$$0.5 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$$

**D** 
$$0.7 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$$

$$0.9 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$$

### **Dados**

• 
$$C_P(N_2, g) = 29.1 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$$

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás quando 1 mol de nitrogênio se expande reversível e isotermicamente de 22 L a 44 L.

- $-6,7 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$
- **B**  $-4.7 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$
- $-2,7 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$
- **D**  $4,7 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$
- **E**  $5,7 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$

#### **PROBLEMA 1.8**

วหลร

2B07

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás quando um mol de oxigênio é rapidamente comprimido de 5 L a 1 L por um pistão e, no processo, sua temperatura aumentou de 20 °C para 25 °C.

- $-13,4\,\mathrm{J\,K^{-1}}$
- $-13\,\mathrm{J\,K^{-1}}$
- $0,4 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$
- $D 13 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$
- $13,4\,\mathrm{J\,K^{-1}}$

#### **Dados**

• 
$$C_P(O_2, g) = 29.4 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$$

### PROBLEMA 1.9

2B09

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás quando a pressão de 1,5 mol de neônio diminui isotermicamente de 15 atm até 0,5 atm.

- **A**  $12\,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$
- **B**  $22 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$
- $32 \, \mathrm{J \, K^{-1}}$
- $\mathbf{D}$  42 J K<sup>-1</sup>
- **E**  $52 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$

### PROBLEMA 1.10

2B10

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás quando a pressão de 70,9 g de gás metano aumenta isotermicamente de 7 kPa até 350 kPa.

- $-288\,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$
- $-144\,\mathrm{J\,K^{-1}}$
- $-72 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$
- **D**  $144\,\mathrm{J\,K^{-1}}$
- **E** 288 J K<sup>−1</sup>

A entalpia de fusão de uma determinada substância é  $200 \, \text{kJ kg}^{-1}$ , e seu ponto de fusão normal é  $27 \, ^{\circ}\text{C}$ .

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do sistema na fusão de 3 kg dessa substância.

- $-600\,\mathrm{J\,K^{-1}}$
- **B**  $-2 \, \text{kJ} \, \text{K}^{-1}$

**c** 0

- $\mathbf{D}$  2 kJ K $^{-1}$
- $\mathbf{E}$  600 J K<sup>-1</sup>

#### **PROBLEMA 1.12**

2B12

A entalpia de fusão de uma determinada substância é  $6 \, \text{kJ mol}^{-1}$ , e seu ponto de fusão normal é  $-183\,^{\circ}\text{C}$ .

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do sistema na fusão de 1 mol dessa substância.

- $-20 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- **B**  $-33 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- **C**  $50 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- $\mathbf{D}$  67 J K<sup>-1</sup> mol<sup>-1</sup>
- **E**  $100 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$

### PROBLEMA 1.13

2B13

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima do ponto de ebulicão do mercúrio.

- $A -272 \,\mathrm{K}$
- **B** 100 K
- **c** 395 K
- **D** 670 K
- **E** 1500 K

#### Dados

- $\Delta H_{\text{vap}}(\text{Hg}) = 60 \,\text{kJ mol}^{-1}$
- $\Delta S_{vap}(Hg) = 90 \, J \, K^{-1} \, mol^{-1}$

### PROBLEMA 1.14

2B14

A *Regra de Trouton* estabelece que a entropia molar de vaporização de líquidos em sua temperatura de ebulição é

$$\Delta S_{vap} \approx 10\text{,}5~\text{R} = 87\text{,}2~\text{J}~\text{K}^{-1}~\text{mol}^{-1}$$

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima do ponto de ebulição do éter metílico.

- **A** 200 K
- **B** 225 K
- **c** 250 K
- **D** 275 K
- **E** 300 K

#### **Dados**

 $\bullet \Delta H_{\text{vap}}(CH_3OCH_3) = 21,5 \text{ kJ mol}^{-1}$ 

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia para a formação da amônia.

$$-400\,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$$

$$-200\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

$$100 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$$

$$\mathbf{D}$$
 200 I K<sup>-1</sup>

**E** 
$$400 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$$

### Dados

- $S^{\circ}(H_2, g) = 131 \, J \, K^{-1} \, mol^{-1}$
- $S^{\circ}(N_2,g) = 192 J K^{-1} mol^{-1}$
- $S^{\circ}(NH_3,g) = 192 J K^{-1} mol^{-1}$

### PROBLEMA 1.16

2B18

2B17

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia para a decomposição do clorato de potássio formando perclorato e cloreto de potássio.

$$-36,4\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

$$-18,2\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

$$-9,1\,\mathrm{J\,K^{-1}}$$

**D** 
$$9,1 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$$

$$\mathbf{E}$$
 36,4 J K<sup>-1</sup>

#### **Dados**

- $S^{\circ}(KClO_3, s) = 143 J K^{-1} mol^{-1}$
- $S^{\circ}(KClO_4, s) = 151 J K^{-1} mol^{-1}$
- $S^{\circ}(KCl, s) = 82,6 \, J \, K^{-1} \, mol^{-1}$

### PROBLEMA 1.17

2B19

Considere os processos:

- 1. Cristalização de um sal.
- 2. Sublimação da naftalina.
- 3. Mistura de água e álcool.
- 4. Fusão do ferro.

**Assinale** a alternativa que relaciona os processos que ocorrem com aumento de entropia do sistema.

Considere as reações:

1. 
$$Cl_2(g) + H_2O(l) \longrightarrow HCl(aq) + HClO(aq)$$

**2.** 
$$Cu_3(PO_4)_2(s) \longrightarrow 3Cu^{2+}(aq) + 2PO_4^{3-}(aq)$$

3. 
$$SO_2(g) + Br_2(g) + 2H_2O(1) \longrightarrow H_2SO_4(aq) + 2HBr(aq)$$

$$\textbf{4.} \hspace{0.1cm} 4 \hspace{0.1cm} NH_3(g) + 5 \hspace{0.1cm} O_2(g) \longrightarrow 4 \hspace{0.1cm} NO \hspace{0.1cm} (g) + 6 \hspace{0.1cm} H_2O \hspace{0.1cm} (g)$$

**Assinale** a alternativa que relaciona as reações com variação positiva de entropia.

**PROBLEMA 2.1** 2B21

Assinale a alternativa incorreta.

- A variação de energia interna é nula na expansão de um gás ideal a temperatura constante.
- A variação de energia interna positiva em um processo endotérmico a volume constante.
- C A variação de entalpia é nula em um processo cíclico.
- A variação de entropia é positiva em um processo endotérmico a pressão constante.
- A variação de entropia é nula quando um gás ideal sofre expansão livre.

PROBLEMA 2.2

2B23

Considere as proposições:

- 1. A entropia do HBr é maior que a do HF a 298 K.
- 2. A entropia da amônia é maior que a do neônio a 298 K.
- 3. A entropia do ciclopentano é maior que a do pent-1-eno a 298 K.
- **4.** A entropia do ciclobutano é maior que a do cicloexano a 298 K.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

- A 1 e 2
- B 1 e 4
- **C** 2 e 4
- **D** 1, 2 e 4
- **E** 1, 2, 3 e 4

PROBLEMA 2.3

2B24

Considere os processos:

- 1. Conversão de grafite e diamante
- Supersaturação de uma solução saturada.
- 3. Cristalização de um sólido amorfo.
- 4. Adsorção do nitrogênio em sílica.

**Assinale** a alternativa que relaciona os processos que ocorrem com diminuição de entropia do sistema.

- A 1 e 3
- B 1 e 4

- **C** 3 e 4
- **D** 1, 3 e 4
- **E** 1, 2, 3 e 4

PROBLEMA 2.4

2B22

Um recipiente de paredes adiabáticas contém duas amostras de água pura separadas por uma parede também adiabática e de volume desprezível. Uma das amostras consiste em  $54\,\mathrm{g}$  de água a  $25\,^{\circ}\mathrm{C}$  e, a outra, em  $126\,\mathrm{g}$  a  $75\,^{\circ}\mathrm{C}$ . A parede que separa as amostras é retirada e que as amostras de água se misturam até atingir o equilíbrio.

Considere as proposições:

- 1. A temperatura da mistura no equilíbrio é de 323 K.
- 2. A variação de entalpia no processo é nula.
- 3. A variação de energia interna no processo é nula.
- 4. A variação de entropia no processo é nula.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

A 2

R

- **c** 2 e 3
- **D** 1, 2 e 3
- E 2,3e4

**PROBLEMA 2.5** 

2B25

Considere as proposições:

- 1. A variação da entropia independe da quantidade de gás presente no sistema.
- 2. Se a transformação é isotérmica, a variação da entropia é dada por:  $\Delta S = nR \ln \left( \frac{P_2}{P_1} \right)$
- 3. Se a transformação é isobárica, a variação de entropia é dada por:  $\Delta S = nC_P \ln \left(\frac{T_2}{T_1}\right)$
- Se o sistema realiza um processo cíclico, a variação de entropia é positiva.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

A 2

- B 3
- **C** 1 e 3
- **D** 2 e 3

**E** 3 e 4

Um bloco de gelo a  $0\,^{\circ}\text{C}$  é colocado em contato com um recipiente fechado que contém vapor de água a  $100\,^{\circ}\text{C}$  e  $1\,\text{atm.}$  Após algum tempo, separa-se o bloco de gelo do recipiente fechado. Nesse instante  $25\,\text{g}$  de gelo foram convertidos em água líquida a  $0\,^{\circ}\text{C}$  e que no recipiente fechado existe água líquida e vapor em equilíbrio.

Determine a variação de entropia do bloco de gelo.

#### **Dados**

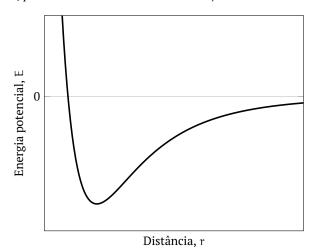
 $\bullet \ \Delta H_{fus}(H_2O) = 6\,kJ\,mol^{-1}$ 

### PROBLEMA 2.7

2B29

2B27

Moléculas diatômicas idênticas, na forma de um sólido cristalino, podem ser modeladas como um conjunto de osciladores.



- 1. À temperatura de 0 K a maioria dos osciladores estará no estado vibracional fundamental, cujo número quântico vibracional é zero.
- 2. À temperatura de 0 K todos os osciladores estarão no estado vibracional fundamental, cujo número quântico vibracional é zero.
- 3. O movimento vibracional cessa a 0 K.
- **4.** O princípio da incerteza de Heisenberg será violado se o movimento vibracional cessar.

Assinale a alternativa que relaciona as proposições corretas.

A

- В
- **C** 2 e 4
- **D** 1, 2 e 4
- **E** 2, 3 e 4

Um motor de 3 L contendo 1 mol de gás nitrogênio a 18,5 °C foi comprimido rapidamente até 500 mL por um pistão. A temperatura do gás aumentou para 28,1 °C.

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia do gás.

- $-14,3 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$
- $-7.1 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$

**c** 0

- **D**  $7,1\,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$
- $\mathbf{E}$  14,3 J K<sup>-1</sup>

#### **PROBLEMA 2.9**

2B28

Um dispositivo utiliza radiação solar para quantificar variações em propriedades termodinâmicas. Este dispositivo é composto por uma lente convergente e por um porta-amostras. A lente possui área útil de  $80\,\mathrm{cm}^2$ , absortividade,  $\alpha=20\%$  e transmissividade,  $\tau=80\%$ . O porta-amostras possui absortividade de 100% e volume variável, operando à pressão constante de 1 atm.

Em um procedimento experimental, injetou-se 0,1 mol de uma substância pura líquida no porta-amostras do dispositivo. Em seguida, mediu-se um tempo de 15,0 min. para a vaporização total da amostra, durante o qual a irradiação solar permaneceu constante e igual a  $750 \, \text{W m}^2$ . Nesse processo, a temperatura do porta-amostras estabilizou-se em  $351 \, \text{K}$ .

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da variação de entropia molar de vaporização do líquido.

- **A**  $2,3 \, \text{J} \, \text{mol}^{-1} \text{K}^{-1}$
- **B**  $15,4 \,\mathrm{J}\,\mathrm{mol}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$
- $123 \,\mathrm{J}\,\mathrm{mol}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$
- **D**  $154 \,\mathrm{J}\,\mathrm{mol}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$
- **E** 90,0 J mol<sup>-1</sup>K<sup>-1</sup>

#### PROBLEMA 2.10

2B15

**Assinale** a alternativa que mais se aproxima da entropia residual do monóxido de carbono.

- **A**  $5.76 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- **B**  $11.5 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- $17,2 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- **D**  $23,1 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- $\mathbf{E}$  28,8 J K<sup>-1</sup> mol<sup>-1</sup>

### PROBLEMA 2.11

2B16

Considere as moléculas:

- 1. CO<sub>2</sub>
- **2.** NO
- 3.  $N_2O$
- **4.** Cl<sub>2</sub>

**Assinale** a alternativa que relaciona as moléculas com entropia residual não nula.

Α

B 7

**c** 2 e 3

- **D** 1, 2 e 3
- **E** 2, 3 e 4

PROBLEMA 3.1

Considere a vaporização de 1 mol de água a 85 °C e 1 bar.

- a. **Determine** a variação de entropia do sistema.
- b. Determine a variação de entropia da vizinhança.
- c. **Determine** a variação entropia do universo.

**Dados** 

- $\Delta H_{vap}(H_2O) = 40,6 \, kJ \, mol^{-1}$
- $C_P(H_2O,g) = 33.6 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- $C_P(H_2O, 1) = 75,3 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$

PROBLEMA 3.2

2B31

2B30

Considere a vaporização de 1 mol de acetona a 296 K e 1 bar.

- a. Determine a variação de entropia do sistema.
- b. Determine a variação de entropia da vizinhança.
- c. **Determine** a variação entropia do universo.

**Dados** 

- $C_P(\text{acetona}, l) = 127 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- $T_{eb}(acetona) = 329 K$
- $\Delta H_{\text{vap}}(\text{acetona}) = 29.1 \,\text{kJ} \,\text{mol}^{-1}$

PROBLEMA 3.3

2B32

Uma amostra de 71 g de cloro, inicialmente a 300 K e 100 atm se expande contra uma pressão constante de 1 atm até o estado de equilíbrio. Como resultado da expansão, 10% da massa de gás é condensada.

- a. Determine a variação de energia interna do sistema.
- b. **Determine** a variação de entropia do sistema.

**Dados** 

- $T_{eb}(Cl_2) = 239 \, K$
- $\bullet \ \Delta H_{vap}(Cl_2) = 20,42 \, kJ \, mol^{-1}$
- $\rho(Cl_2, l) = 1,56 \,\mathrm{g \, cm^{-3}}$
- $C_P(Cl_2, g) = 33.9 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$

PROBLEMA 3.4

2B33

Em um calorímetro isolado são misturadas duas amostras de massa  $\mathfrak{m}$  de um líquido de calor específico  $\mathfrak{c}$  em temperaturas  $T_1$  e  $T_2$ .

- a. Determine a variação de entropia de mistura
- b. Prove que a variação de entropia é sempre positiva.

**PROBLEMA 3.5** 

2B34

Considere um sistema com k cilindros, cada um contendo certa quantidade de um gás ideal diferente. Os cilindros são conectados e os gases se misturam isotermicamente.

Determina a variação de entropia de mistura. Determine a variação de entropia máxima.

**PROBLEMA 3.6** 

2B35

A capacidade calorífica de certas substâncias pode ser calculada como:

$$C_{P} = a + bT + \frac{c}{T^{2}}$$

**Determine** a variação de entropia quando o grafite é aquecido de 298 K a 400 K.

**Dados** 

- $\alpha(\text{grafite, s}) = 16,68 \, \text{J K}^{-1} \, \text{mol}^{-1}$
- $b(grafite, s) = 4,77 \,\mathrm{mJ}\,\mathrm{K}^{-2}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- $c(grafite, s) = -854 \text{ kJ K mol}^{-1}$

PROBLEMA 3.7

2B36

Em baixas temperaturas, a capacidade calorífica um dado material é proporcional a  $\mathsf{T}^2$ .

**Prove** que, para temperaturas muito baixas, a entropia absoluta desse material é igual a metade de sua capacidade calorífica na mesma temperatura.

## **Gabarito**

### Nível I

- 1. C
- 2. D
- 3. E
- 4. A
- 5. E

- 6. D
- 7. E
- 8. B
- 9. D
- 10. B

- 11. D
- 12. D
- 13. D
- 14. C 15. B

- 16. C
- 17. D
- 18. C

### Nível II

- 1. E
- 2. D
- 3. D
- 4. C
- 5. B
- **6.**  $30 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$
- 7. C
- 8. A
- 9. C
- 10. A
- 11. C

### Nível III

- **1.** a.  $111 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1}$ 
  - b.  $-115\,\mathrm{J\,K^{-1}}$
  - c.  $-4\,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$
- **2.** a.  $98,3 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1} \, \mathrm{mol}^{-1}$ 
  - b.  $-108 \, \mathrm{J \, K^{-1} \, mol^{-1}}$
  - c.  $-10,4\,\mathrm{J\,K^{-1}\,mol^{-1}}$
- **3.** a.  $-3590 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$ 
  - b.  $21,35 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- 4. a.  $2mc ln\left(\frac{T_1+T_2}{2\sqrt{T_1T_2}}\right)$ 
  - b. Demonstração.
- 5. a.  $-nR\sum_{i=1}^k x_i \ln x_i$ 
  - b. nR ln(k)
- **6.**  $3,31 \, \mathrm{J} \, \mathrm{K}^{-1} \, \mathrm{mol}^{-1}$
- 7. Demonstração