	姓	名			 	
2	Ø	1				
	H	级		• programment of the second of		

题号	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	Σ
得分							
顺分	8	6	56	8	6	16	100

## 1. B-树

3 + 5

考查包含2018个关键码的16阶B-树,约定根节点常驻内存,且在各节点内部采用顺序查找。

a) 在单次成功直找的过程中,至多可能需要读多少次磁盘?请列出估算的依据。

b) 在单次成功查找的过程中,至多可能有多少个关键码需要与目标关键码做比较?请列出估算的依据。

## 2. 理想随机

2 x3

本课程所介绍的一些算法与数据结构,乃是针对实际应用中普遍存在的非随机数据集而设计的;反过来,只要数据集是理想随机的,则大可不必采用。试举三个这样的案例,列出讲义页码,并作简要说明(各不超过两行)。

3.	判断(请使用'0'和'X')	×28
	在某节点被删除后AVL树的高度即便下降了,这次操作期间也未必做过旋转调整。	
	在图DFS()算法中的default分支,将[dTime(v) < dTime(u)]改为[dTime(v) < fTime(u)]5	样可行。
	有向图经DFS后若共有k条边被标记为BACKWARD,则它应恰有k个环路。	
	] 左式堆中每一对兄弟节点的高度尽管未必"左大右小", 但左兄弟至少不低于右兄弟的一半。	
	] 对于同一无向图,起始于顶点。的DFS尽管可能得到结构不同的DFS树,但。在树中的度数必然是	流.
	] 采用 ${ m Crane}$ 算法将左式堆 ${ m A}$ 与 ${ m B}$ 合并为左式堆 ${ m H}$ , ${ m H}$ 右侧链上的节点未必都来自 ${ m A}$ 或 ${ m B}$ 的右侧链。	,
_	<ul><li>3 采用单向平方策略的散列表、只要长度M不是紧数、则每一组同义词在表中都不会超过 M/2</li></ul>	<b>^.</b>
		绝不会。
	$PFS$ 过程中,尽管每一步迭代都可能多次调用 $prioUpdater()$ ,但累计不过 $\mathcal{O}(e)$ 次。	
	」只要底层的排序算法是正确且稳定的,则radixSort()也必然是正确且稳定的。	
	相对于KMP算法而言,BM算法更适合于大字符集的应用场合。	
	] 若调用BST::remove(e)将节点x从常规BST中删除,则所需的时间为被删除之前x的深度。	
	$\Gamma$ 在存有 $n$ 个词条的跳转表中,各塔高度的期望值为 $\Theta(\log n)$ 。	
		沱们的插入
	红黑树的插入或删除操作,都有可能导致 $\Omega(\log n)$ 个节点的颜色反转。	
	$\square$ 只有在访问序列具有较强的局部性时,伸展树才能保证分摊 $\mathcal{O}(\log n)$ 的性能。	
	将 $\{0,1,2,\ldots,2018\}$ 插入一棵空的伸展树后若树高为2018,则上述词条必是按单调次序插入	的.
	相对于同样规模的完全二叉堆,多叉堆delMax()操作的时间成本更低。	
	在插入操作后若红黑树黑高度增加,则在双红修复过程中仅做过重染色,而无任何结构调整	
	最底层的叶节点一旦被访问(并做过splay调整)之后,伸展树的高度必然随即下降。	
	$\equiv$ 若输入序列包含 $\Omega(n^2)$ 个逆序对,则快速排序算法(LUG版)至少需要执行 $\Omega(n\log n)$ 元素。	之换操作。
	胜者树的根节点即是冠军,而败者树的根节点即是亚军。	Movement about province of the Visitian pair of Miles
	$=$ 采用12-C节中介绍的任何一种增量序列, $shellSort()$ 最后的 $l$ - $sorting$ 都只需要 $\mathcal{O}(n)$ 时间。	·
	B-树的任一非叶节点内,每个关键码都存在直接后继,且必然来自某个叶节点。	
	$\square$ 无论是单独借助BC[]表或GS[]表,BM算法在最好情况下都只需要 $\mathcal{O}( T / P ) = \mathcal{O}(n/m)$ 的	间。
_	Shellsort()每按照某个增量做过逐列排序,序列中逆序对的总数都会减少(或持平),但	
_	」Shellsoft()母员就集工程量的是是为外的工作,是不信况下可能引发公(logn)次局部重构。	
		<b>Artifetin</b>
	若用完全二叉堆来实现PFS,则各顶点在出堆之前,深度只可能逐步减少(或保持)而不	The second secon
数	据结构(30240184 · 2018秋)   2 / 4   期末考试	(01/15/2019

4. 封闭胶列 8

某散列表 $\mathcal{H}[0,M=2^s)$ 采用封闭散列策略(初始令c=d=0):对于任何key,首先试探 $\mathcal{H}[key\%M]$ ;以下,只要冲突,就令 $c\leftarrow c+1$ 再 $d\leftarrow d+c$ ,并继而试探 $\mathcal{H}[(key+d)\%M]$ 。以 $M=2^4=16$ 为例,关键码key=27的前五个试探位置依次是:11、12、14、1、5。但如同对于平方试探策略,我们首先需要确认,这种试探序列是否总能置盖所有桶单元。若是,请给出证明;否则,试举一(s和key组合的)反例。

5. 多产

2 x3

计算机科学家往往在多个方面同时有所建树。试以讲义上介绍的算法或数据结构为例,列举出其中的三位,以 及他们各自的两项贡献。请注明在讲义上对应的页码,并作简要说明(每人每项不超过一行)。 所谓的斐波那契串(Fibonacci Strings),系由字符集 $\Sigma=\{'0','X'\}$ 生成: $\phi_0="0"$ , $\phi_1="X"$ ;对于 $k\geq 2$ ,有 $\phi_k=\phi_{k-1}\phi_{k-2}$ ,比如: $\phi_2="X0"$ , $\phi_3="X0X"$ , $\phi_4="X0XX0"$ ,. . . . . . . .

1)以下考查KMP算法的改进版。试列出今,并计算其对应的查询表。

j	θ	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
$\phi_{j}[j]$	III	ure							Sep								_		_		
$improved\_next[j]$																					

2) 若 $|\phi|\geq 2$ ,则将 $\phi$ 末尾的两个字符翻转,得到的串可记作 $\phi'$ 。比如, $\phi'_5=$  "xoxxox $\underline{xo}$ "。试证明: $\forall k\geq 2,\ \phi_{k-2}\phi_{k-1}=\phi'_k$ 

3) 试证明: 若以 $\phi_k$ 作为模式串,文本串的某个T[i]可能参与 $\Omega(k)$ 次比较。

4)试证明,对于任何模式串P,文本串的每一字符至多会与P中的 $\mathcal{O}(\log m)$ 个字符做比对,m=|P|。