7. Deep Learning:

พื้นฐาน + ความเข้าใจ

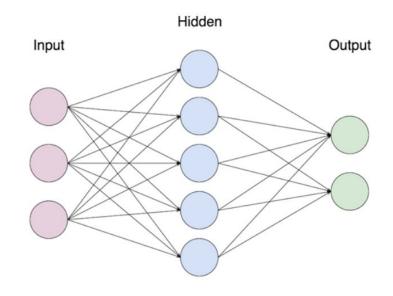
Krittameth Teachasrisaksakul

บทน้ำ

Deep learning เกี่ยวพันกับการฝึก / สร้าง (training) neural networks (โครงข่ายประสาทเทียม)

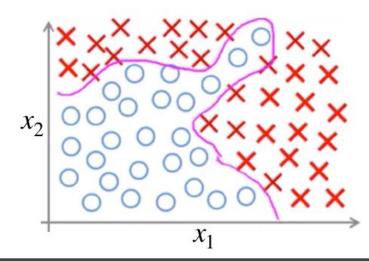
หัวข้อที่จะเรียน

- Neural networks ทำงานอย่างไร
- ทำความเข้าใจ learning algorithms ของ neural network แบบ ง่าย / พื้นฐาน
- โครงสร้างของ neural network ที่ทันสมัย และมีคนประยุกต์ใช้



ทำไมเราควรใช้ Neural Network?

เพื่อแก้ปัญหาที่มีลักษณะเป็น non-linearly separable ก็คือ แยกชนิด ข้อมูลได้ด้วย decision boundary ที่ไม่เป็นเชิงเส้น

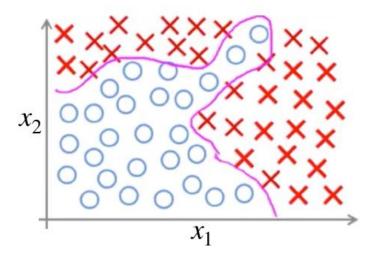


การแก้ปัญหาแบบ non-linearly separable

Non-linear

classification

การแยกประเภทด้วย decision boundary ที่ไม่เป็นเชิงเส้น



$$g(\theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_1 x_2 + \theta_4 x_1^2 x_2 + \theta_5 x_1^3 x_2 + \theta_6 x_1 x_2^2 + \dots)$$

วิธีนี้เป็นไปได้ แต่มันเป็นวิธีแก้ที่ดีหรือเปล่า ?

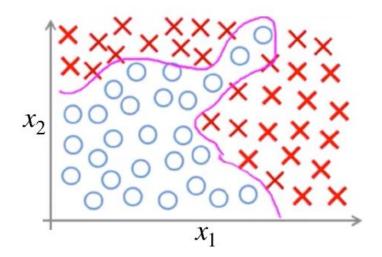
ถ้าไม่ ทำไมมันจึงไม่ใช่วิธีแก้ที่ดี?

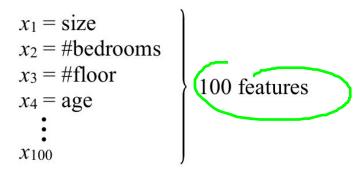
การแก้ปัญหาแบบ non-linearly separable

Non-linear

classification

การแยกประเภทด้วย decision boundary ที่ไม่เป็นเชิงเส้น





ถ้าจะสร้าง model ที่เป็นพหุนาม (polynomial) ที่มี degree เป็น 2 จะต้องใช้ พจน์กี่พจน์ในสมการ ?

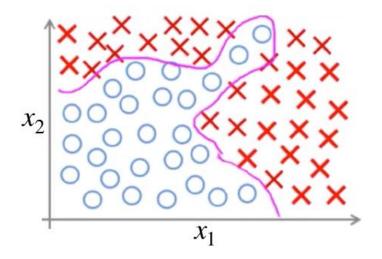
$$\begin{cases} x_1^2, x_1 x_2, x_1 x_3, x_1 x_4, \dots, x_1 x_{100} \\ x_2^2, x_2 x_3, x_2 x_4, \dots, x_2 x_{100} \\ \vdots \\ \text{This number grows in } \mathcal{O}(n^2) \end{cases} \approx 5000 \text{ terms}$$

การแก้ปัญหาแบบ non-linearly separable

Non-linear

classification

การแยกประเภทด้วย decision boundary ที่ไม่เป็นเชิงเส้น



$$x_{1} = \text{size}$$

$$x_{2} = \text{#bedrooms}$$

$$x_{3} = \text{#floor}$$

$$x_{4} = \text{age}$$

$$\vdots$$

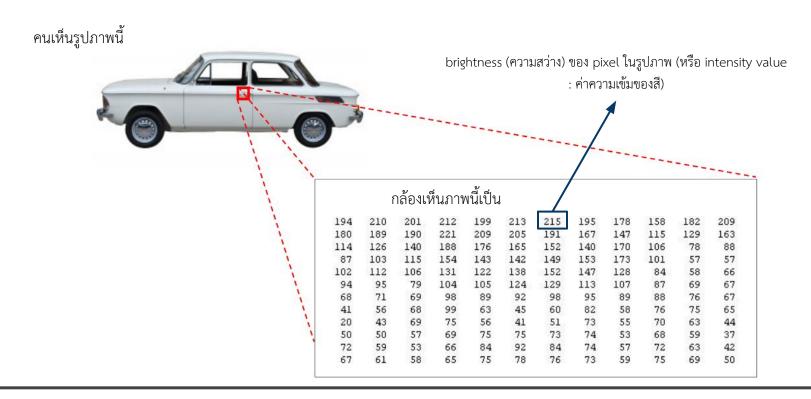
$$x_{100}$$

$$100 \text{ features}$$

ถ้าจะสร้าง model ที่เป็นพหุนาม (polynomial) ที่มี degree เป็น 2 จะต้องใช้ พจน์กี่พจน์ในสมการ ?

ถ้าเป็น
$$x_1x_2x_3, x_1^2x_3, x_{10}x_{11}x_{17}, \dots$$
? $\approx 170,000 \text{ features } i.e. \mathcal{O}(n^3)$

ปัญหา Computer Vision (คอมพิวเตอร์วิทัศน์)



คำถาม

สมมติ เราเรียนรู้การจดจำรถยนต์จากภาพขนาด 100 x 100 pixel ให้ features เป็น intensity value (ค่าความเข้มของสี) ของ pixel ถ้าเราสร้างโมเดล logistic regression ที่มีพจน์กำลังสอง (quadratic terms) (X_{IJ}) เป็น features เราจะมี features กี่ตัว ?

คำใช้:
$$C(n,r) = \frac{n!}{r!(n-r!)}$$

(iii) 50 ล้าน (
$$5 \times 10^7$$
)

(iv) 5 พันล้าน (
$$5 \times 10^9$$
)

คำถาม

สมมติ เราเรียนรู้การจดจำรถยนต์จากภาพขนาด 100 x 100 pixel ให้ features เป็น intensity value (ค่าความเข้มของสี) ของ pixel ถ้าเราสร้างโมเดล logistic regression ที่มีพจน์กำลังสอง (quadratic terms) (X_{IJ}) เป็น features เราจะมี features กี่ตัว ?

้ 5 พันล้าน ($5 imes 10^9$)

คำใช้:
$$C(n,r) = \frac{n!}{r!(n-r!)}$$

วิธีทำ:

รูปภาพ
$$100 imes 100$$
 pixel $\Longrightarrow 10{,}000$ pixels ($\therefore n = 10000$)

Quadratic features

= 10000! / (2! (10000-2)!)

= 10000! / (2!9998!)

 $= 10000 \times 9999 / 2$

 $\approx 5 \times 10^7$ features

Car Detection : การตรวจหารถยนต์ (จากภาพ)























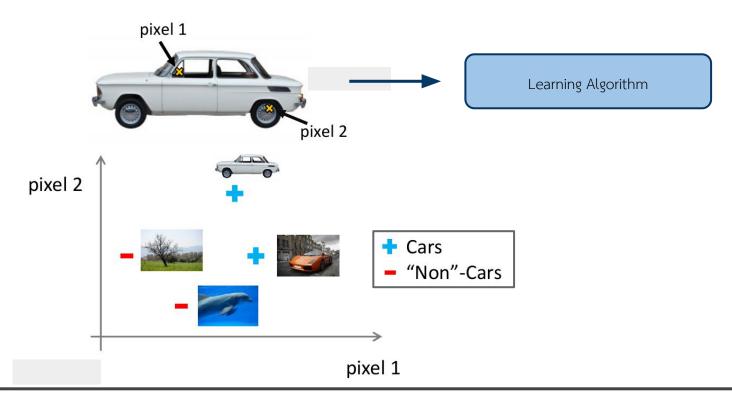
ตัวอย่างภาพ "รถยนต์" (cars)

Testing: ภาพนี้อยู่ในกลุ่ม/ชนิดไหน?

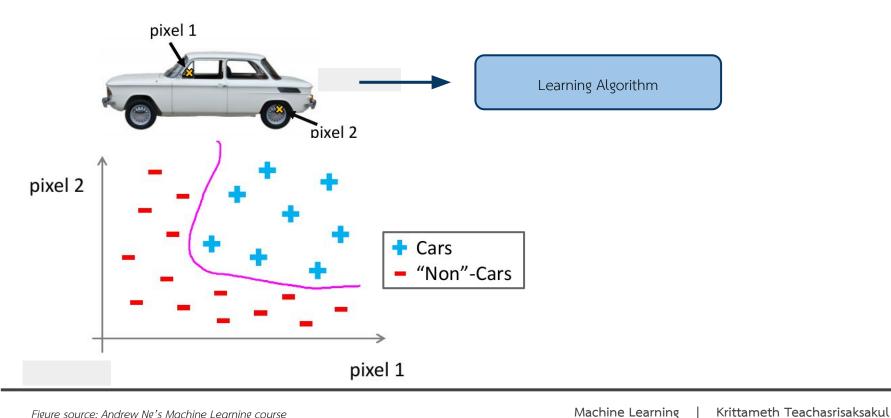
ตัวอย่างภาพ "ไม่ใช่รถยบต์" (not cars)

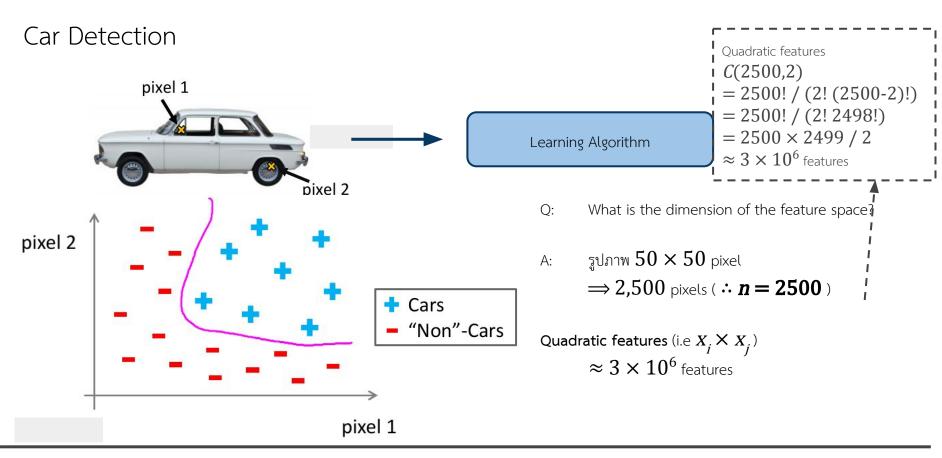


Car Detection



Car Detection





7.1 พื้นฐาน Neural Network

เขียนแทน hypothesis function ด้วย neural networks ได้อย่างไร

Krittameth Teachasrisaksakul

Neuron (เซลล์ประสาท) ในสมอง

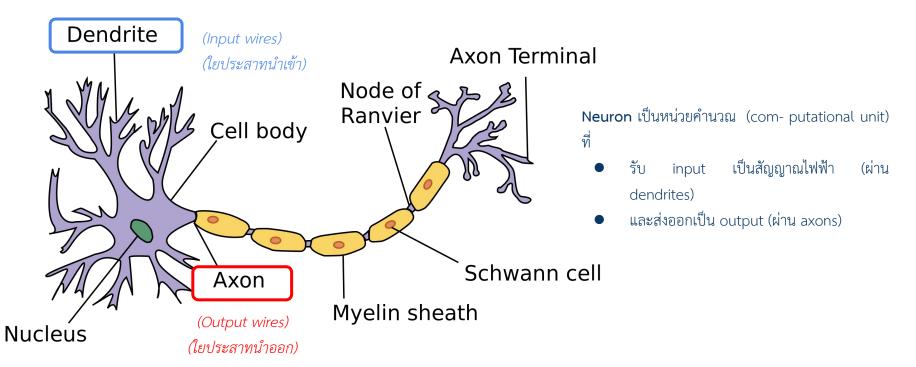


Figure source: "Anatomy and Physiology" by the US National Cancer Institute's Surveilland

Epidemiology

and

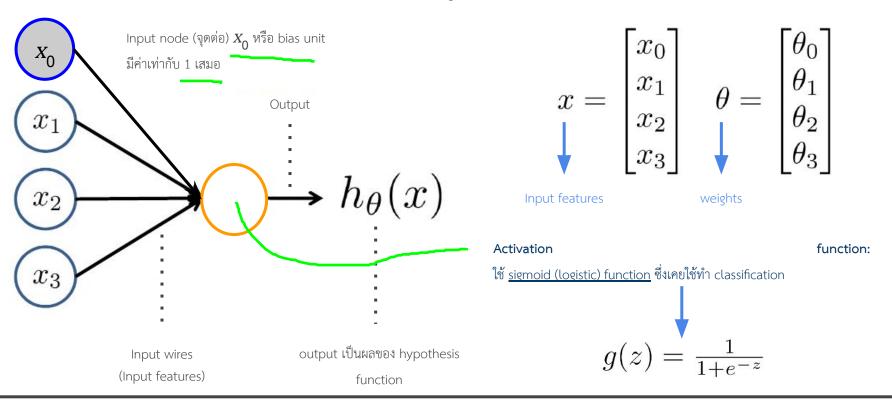
End

Results

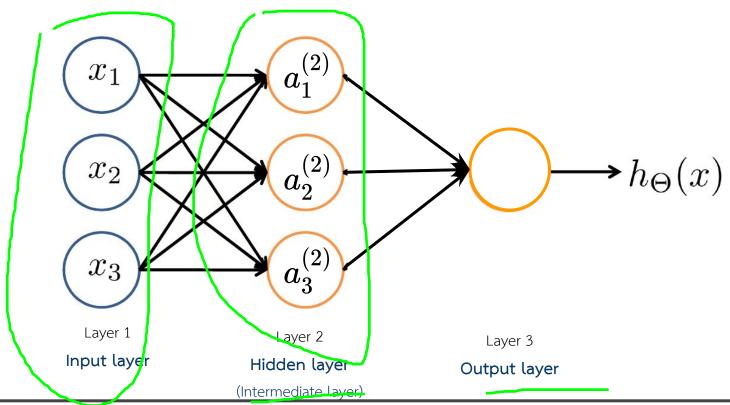
(SEER)

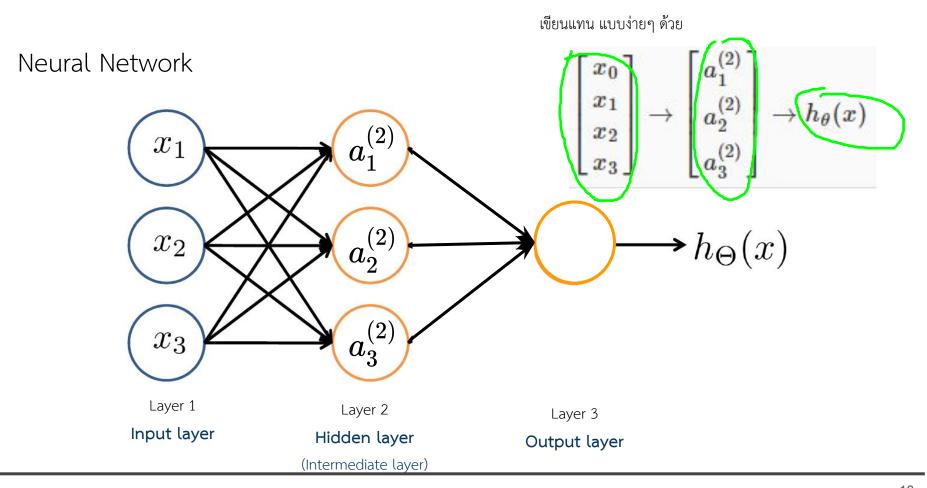
Program

Neuron Model (แบบจำลอง neuron): Logistic Unit

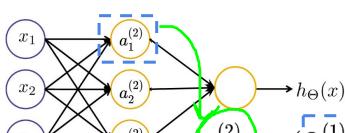


Neural Network





Neural Network



$$a_i^{(j)}$$
 = "activation" ของ unit (หน่วย) i ใน layer (ชั้น) j

$$\Theta^{(j)}$$
 = matrix ของ weights ที่ควบคุม function mapping from layer j to layer $j+1$

$$g_1^{(2)} = g(\Theta_{10}^{(1)}x_0 + \Theta_{11}^{(1)}x_1 + \Theta_{12}^{(1)}x_2 + \Theta_{13}^{(1)}x_3) \ ,$$



หาล่า activation unit 1 unit ใน hidden layer โดย

1. คุณ 1 แถวของ matrix parameters $\Theta^{(1)}$ กัง input vector X

$$\begin{bmatrix} \Theta_{10}^{(1)} & \Theta_{11}^{(1)} & \Theta_{12}^{(1)} & \Theta_{13}^{(1)} \\ \Theta_{20}^{(1)} & \Theta_{21}^{(1)} & \Theta_{22}^{(1)} & \Theta_{23}^{(1)} \\ \Theta_{30}^{(1)} & \Theta_{31}^{(1)} & \Theta_{32}^{(1)} & \Theta_{33}^{(1)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \end{bmatrix}$$

2. ใช้ logistic function $g(\cdot)$ กับ ผลจาก ข้อ 1

$$=\Theta_{10}^{(1)}x_0+\Theta_{11}^{(1)}x_1+\Theta_{12}^{(1)}x_2+\Theta_{13}^{(1)}x_3$$



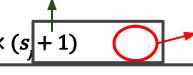
- $\begin{array}{c} x_1 \\ x_2 \\ a_1^{(2)} \\ a_2^{(2)} \end{array} \longrightarrow h_{\Theta}(x)$
- $a_i^{(j)}$ = "activation" ของ unit (หน่วย) iใน layer (ชั้น) j
- $\Theta^{(j)}$ = matrix ของ weights ที่ควบคุม function mapping from layer j to layer j+1

$$egin{aligned} a_1^{(2)} &= g(\Theta_{10}^{(1)}x_0 + \Theta_{11}^{(1)}x_1 + \Theta_{12}^{(1)}x_2 + \Theta_{13}^{(1)}x_3) \ a_2^{(2)} &= g(\Theta_{20}^{(1)}x_0 + \Theta_{21}^{(1)}x_1 + \Theta_{22}^{(1)}x_2 + \Theta_{23}^{(1)}x_3) \ a_3^{(2)} &= g(\Theta_{30}^{(1)}x_0 + \Theta_{31}^{(1)}x_1 + \Theta_{32}^{(1)}x_2 + \Theta_{33}^{(1)}x_3) \end{aligned}$$

 $\Theta^{(1)} \in \mathbb{R}^{3 \times 4}$

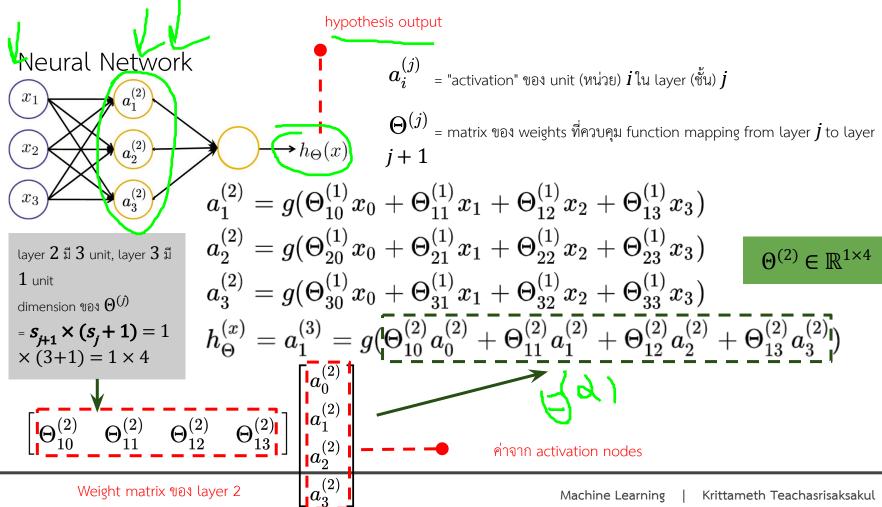
- ullet แต่ละ layer (ชั้น) จะมี matrix ของ weights $oldsymbol{\Theta}^{(j)}$ ของมันเอง
- ถ้าใน network
 - O layer j มี S_j unit (หน่วย) และ
 - O layer j+1 \vec{i} S_{j+1} unit
 - \circ แล้ว $\Theta^{(j)}$ จะมี dimension (มิติ) เป็น $s_{+1} \times (s+1)$

output nodes ไม่รวม bias nodes



- layer 1 มี 3 unit, layer 2 มี 3 unit
- —> dimension ของ 🖯 🗥
- $= s_{j+1} \times (s_j + 1) = 3 \times 4$

input nodes นับรวม bias node $X_{
m n}$ ด้วย



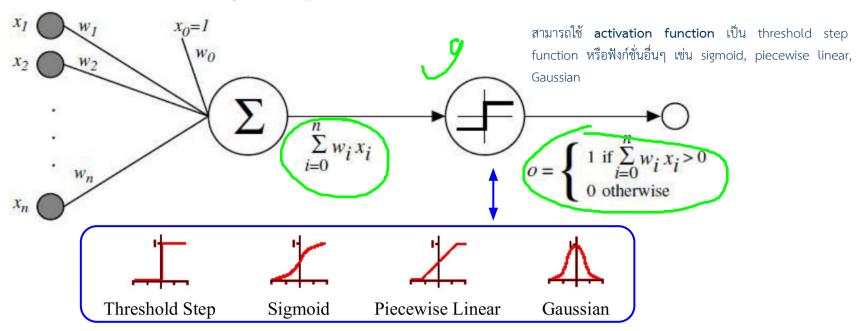
7.2 Neural Network:

ตัวอย่างและความเข้าใจพื้นฐาน

Krittameth Teachasrisaksakul

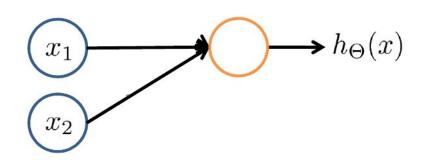
ตัวอย่างและความเข้าใจพื้นฐาน

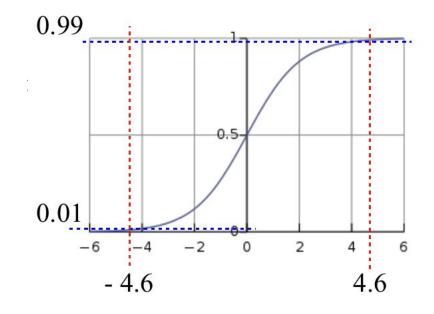
Neural network model หลายๆอัน ที่ใช้ทุกวันนี้ มีรากฐานมาจาก Perceptron ของ Rosenblatt (1958)



ตัวอย่าง: Logical AND operator

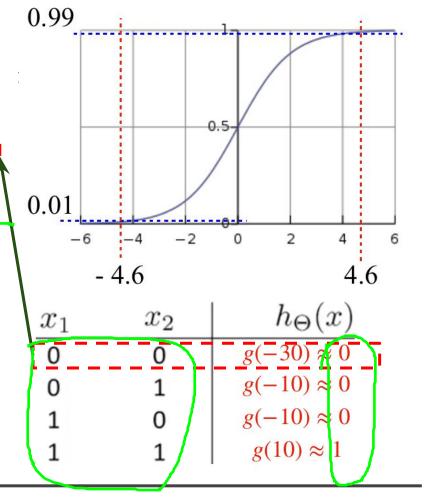
$$x_1, x_2 \in \{0, 1\}$$
$$y = x_1 \quad \text{and} \quad x_2$$





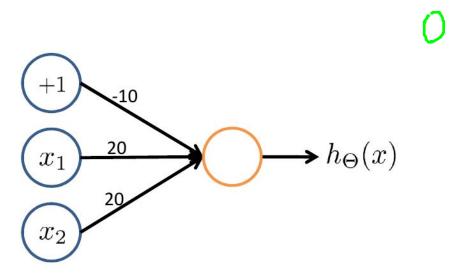
ตัวอย่าง: Logical AND operator

$$x_1, x_2 \in \{0, 1\}$$
 $y = x_1$ and x_2 $g(-30 + 0 + 0) = g(-30) \approx 0$ $g(-30 + 0 + 20) = g(-10) \approx 0$ $g(-30 + 20 + 20) = g(-10) \approx 0$ $g(-30 + 20 + 20) = g(10) \approx 1$ x_1 x_2 $h_{\Theta}(x) = g(-30 + 20x_1 + 20x_2)$



Question

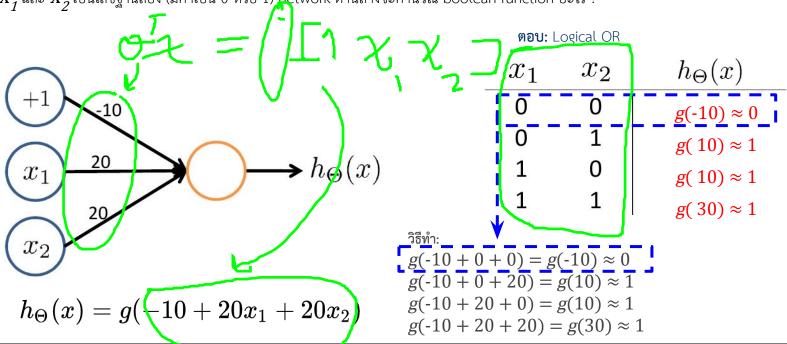
สมมติ X_1 และ X_2 เป็นเลขฐานสอง (มีค่าเป็น 0 หรือ 1) network ด้านล่างจะคำนวณ boolean function อะไร ?



Question

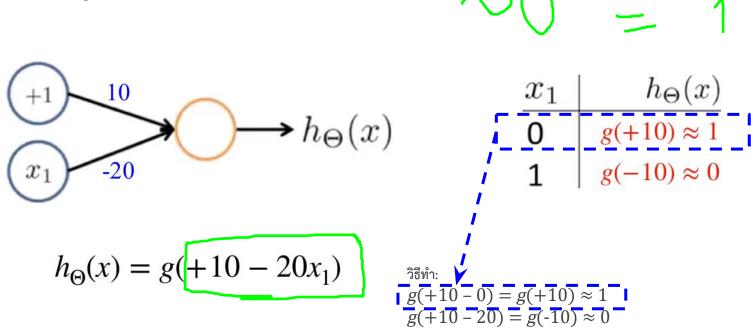


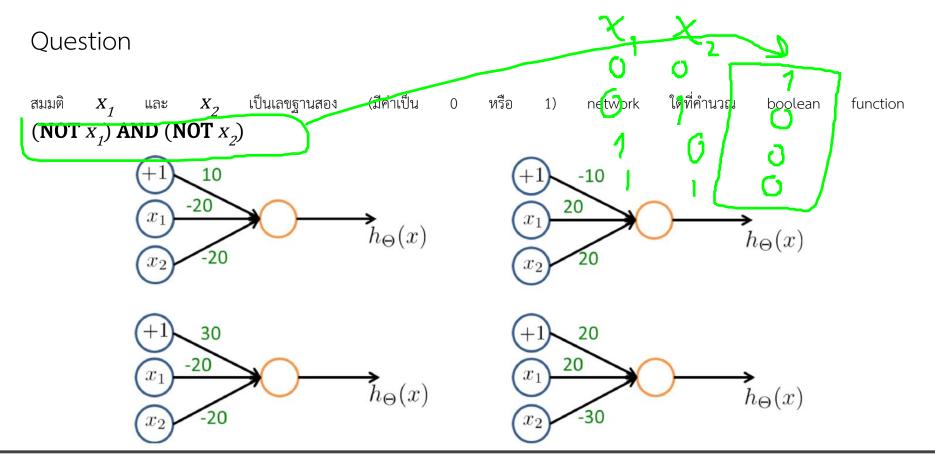
สมมติ X_1 และ X_2 เป็นเลขฐานสอง (มีค่าเป็น 0 หรือ 1) petwork ด้านล่างจะคำนวณ boolean function อะไร ?



27

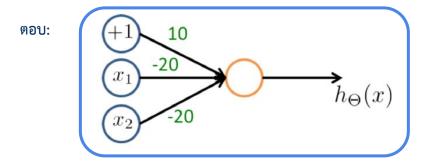
ตัวอย่าง: Logical NEGATION (นิเสธ)





Question & Answer

สมมติ X_1 และ X_2 เป็นเลขฐานสอง (มีค่าเป็น 0 หรือ 1) network ใดที่คำนวณ boolean function (NOT X_1) AND (NOT X_2)



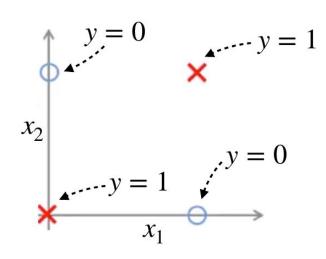
 $(\mathbf{NOT} \ x_1) \ \mathbf{AND} \ (\mathbf{NOT} \ x_2) = \ \mathbf{NOT} \ (x_1 \ \mathbf{OR} \ x_2)$

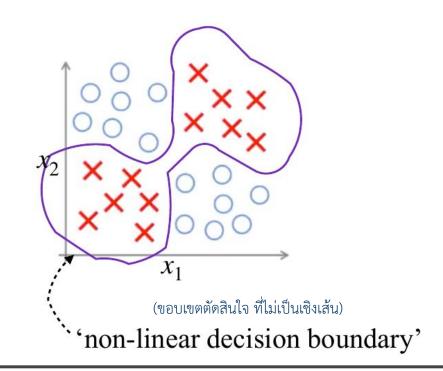
ullet =1 ก็ต่อเมื่อ $x_{_{1}}\!=0$ และ $x_{_{2}}=0$

<i>X</i> ₁	x ₂	$10 - 20x_1 - 20x_2$	$h_{\Theta}(x)$		
0	0	10		0	1
0	1	-10		<u>_1</u>	_ ا
1	0	-10		1	C
1	1	-30		1/	
				$ egthinspace{100} egt$	

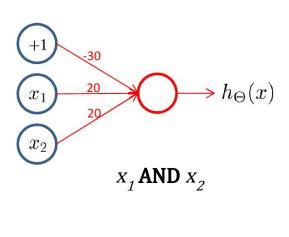
ตัวอย่าง: Logical XNOR

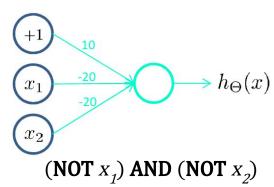
 \boldsymbol{X}_1 และ \boldsymbol{X}_2 เป็นเลขฐานสอง (มีค่าเป็น 0 หรือ 1)

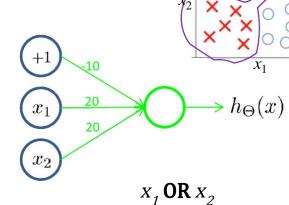


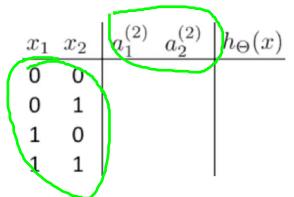


ตัวอย่าง: Logical XNOR

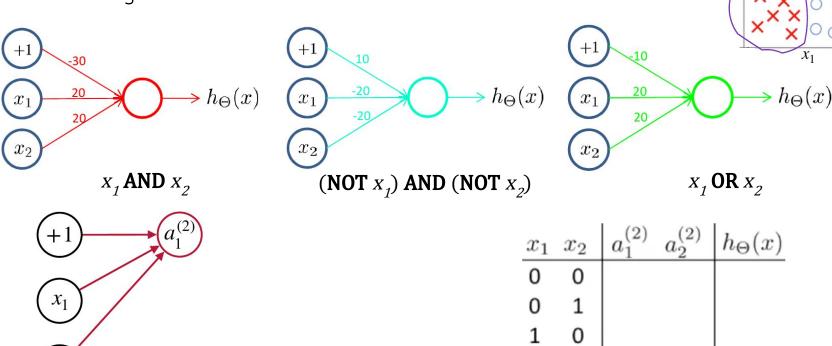


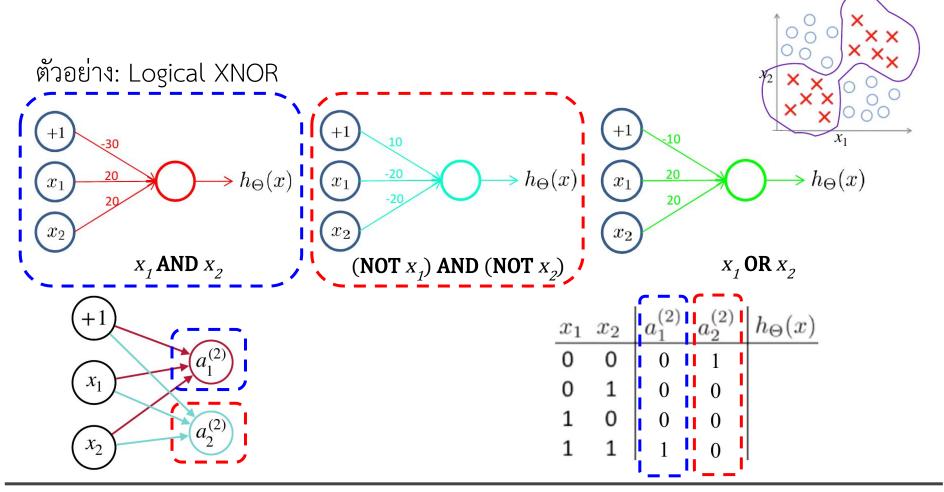


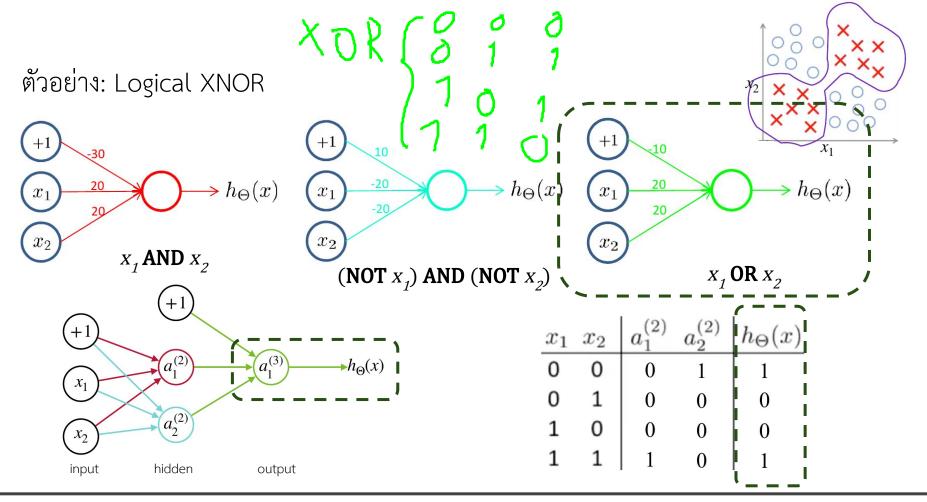




ตัวอย่าง: Logical XNOR







7.3 Neural Network:

Multi-class Classification

(การแยกประเภท มากกว่า 2 ประเภท)

Krittameth Teachasrisaksakul

k-classes Classification









เพื่อจำแนกข้อมูลเป็น class หลาย class

Pedestrian

Car

Motorcycle

Truck

(1) algorithm นี้ รับภาพเป็น input และจำแนกประเภทของ รูปภาพ

$$h_{\Theta}(x) \in \mathbb{R}^4$$

(2) ตัวอย่าง: อยากแยกข้อมูล เป็นหนึ่งใน 4 ประเภท / category / class \longrightarrow ต้องให้ hypothesis function คืนค่า vector ของค่า



$$h_{\Theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$n_{\Theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$h_{\Theta}(x) \approx$$



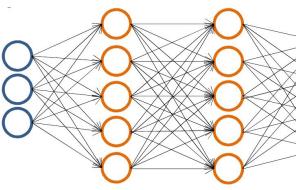
$$h_{\Theta}(x)$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

K-classes Classification

Goal (เป้าหมาย):

 $y^{(i)}$ แต่ละตัว แทน รูปแต่ละรูป ที่อาจเป็น คน เดินเท้า, รถยนต์, มอเตอร์ไซค์ หรือ รถบรรทุก



 $h_{\Theta}(x) \in \mathbb{R}^4$



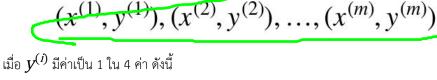
$$h_{\Theta}(x) \approx \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$h_{\Theta}(x) \approx$$









$$\begin{bmatrix} h_{\Theta}(x) \approx \\ h_{\Theta}(x)_{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$h_{\Theta}(x) \approx h_{\Theta}(x) \approx h_{\Theta}(x)$$

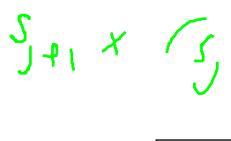
class ที่ได้จากการแยกประเภท (classification) คือ class ที่ 4 (หรือ รถ บรรทุก)

$\lceil 1 \rceil$		$\lceil 0 \rceil$		$\lceil 0 \rceil$		0
0	,	1	,	0	,	0
0		0		1		0
$\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$		0		$\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$		1

Question

สมมติ จะแก้ปัญหา multi-class classification ที่มี 10 class ด้วย neural network มี 3 layers (ชั้น) และ hidden layer (layer 2) มี 5 units (หน่วย) Θ

- (i) 50
- (ii) 55
- (iii) 60
- (iv) 66



Question & Answer

สมมติ จะแก้ปัญหา multi-class classification ที่มี 10 class ด้วย neural network มี 3 layers (ชั้น) และ hidden layer (layer 2) มี 5 units (หน่วย) Θ

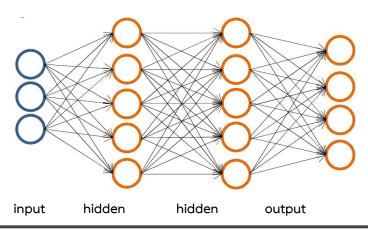
- (i) 50
- (ii) 55
- (iii) 60
- (iv) 66

layer 2 มี 5 unit, layer 3 มี 10 unit dimension ของ $\Theta^{(2)}$ = $s_{j+1} \times (s_j + 1)$ = $s_3 \times (s_2 + 1)$ = $10 \times (5+1)$ = 10×6 ดังนั้น $\Theta^{(2)}$ มีสมาชิก 60 ตัว

สรุป: ความเข้าใจพื้นฐาน เกี่ยวกับ Neural network

ใน neural network เราอยากเรียนรู้ function $f\colon x\mapsto y$ เมื่อ

- สามารถมอง f(x) เป็น neuron (เซลล์ประสาท) หรือ unit
- Neural network อาจเป็นแบบง่าย ก็คือ มีเพียง 1 neuron หรือ
- Neural network อาจเป็นแบบซับซ้อน โดย วาง หลายๆ units ซ้อนกัน เพื่อให้แต่ละ unit ส่ง output ไปให้อีก unit

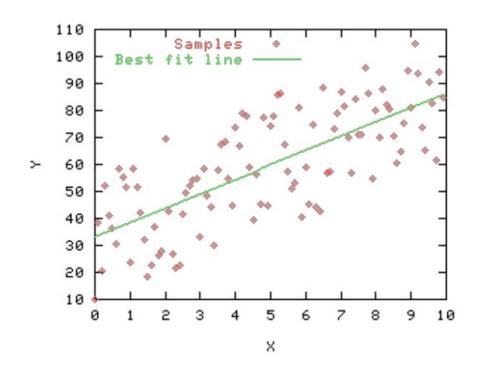


ความเข้าใจพื้นฐาน เกี่ยวกับ Neural network

- พยายามสร้าง neural network สำหรับ univariate
 regression (การถดถอยที่มี 1 ตัวแปร) setting
- ใน setting นี้ function $f\colon x\mapsto y$ ถูกแทนด้วย neuron 1 หน่วย ที่คำนวณ

$$f(x) = \max(ax + b, 0)$$

- เมื่อ a และ b เป็นสัมประสิทธิที่มีค่าคงที่ (fixed coefficients)
 (ทำไมจึงสมเหตุสมผล ?)
- Unit แบบนี้เรียกว่า ReLU (rectified linear unit)

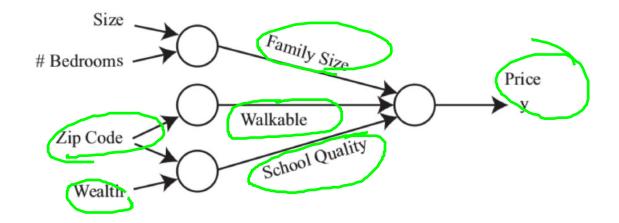


การเรียงซ้อน (stacking) unit เพื่อสร้าง function ที่ซับซ้อน

- จากตัวอย่างก่อนหน้านี้ จะเห็นว่า การเรียงซ้อน (stacking) หลายๆ unit สามารถสร้าง XNOR ได้
- พิจารณาตัวอย่างที่เป็นไปได้จริงมากขึ้น: เราอยากทำ<u>นายราคาบ้า</u>น โดยใช้ข้อมูล: ขนาดพื้นที่บ้าน, จำนวนห้องนอน, รหัสไปรษณีย์ (postal code) และ ความร่ำรวยของบริเวณใกล้เคียงบ้าน
- เพื่อแก้ปัญหานี้ เราสามารถวางซ้อน (stack) หลายๆ unit ได้ดังนี้ :
 - ว คำนวณตัวแปร 'ขนาดครอบครัว' (family size) โดยอิงจากขนาดพื้นที่บ้าน และจำนวนห<u>้องนอน</u>
 - O คำนวณว่าบริเวณใกล้เคียงบ้าน สามารถเดินได้ (walkable) มากเพียงไหน โดยอิง<u>จากรหัสไปรษณีย</u>์
 - O คำนวณ 'คุณภาพโรงเรียน' (school quality) โดยอิงจากรหัสไปรษณีย์ และความร่ำรวยของบริเวณใกล้เคียงบ้าน

การเรียงซ้อน (stacking) unit เพื่อสร้าง function ที่ซับซ้อน

ท้ายสุด เราอาจตัดสินราคาบ้าน โดยขึ้นอยู่กับ features ที่หามา 3 ตัว ได้แก่ family size, walkable และ school quality



End-to-end Learning

เราเคยเห็นปัญหาที่ใช้ architecture นี้ที่อธิบาย?

เราไม่ต้องแก้ปัญหาเหล่านี้เอง เพราะการเรียนรู้ของ neural network เป็น end-to-end learning

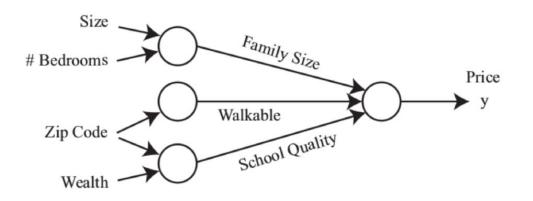
ซึ่งหมายความว่า network จะหาด้วยตัวเองว่า intermediate features (คุณลักษณะ) ใดที่ดีที่สุดสำหรับงานหรือปัญหาที่เราจะแก้

Hidden Units (Intermediate Units)

คือ neuron ที่อยู่ระหว่าง input และ output

สมมติ เรามี

- Input 4 ตัว: X₁, X₂, X₃, X₄
- Hidden units 3 หน่วย
- Output 1 ตัว: *y*



เป้าหมายของ network : หา intermediate features ที่จะทำนาย $y^{(i)}$ แต่ละตัว ได้ดีที่สุด โดยใช้ (จาก) $x^{(i)}$ ที่สอดคล้องกัน

เพราะความหมายของ intermediate features อาจเข้าใจได้ยาก neural network จึงถูกเรียกว่า black box (กล่องดำ หมายถึง สิ่งที่ทำงานใดงานหนึ่ง โดยผู้ ใช้ไม่จำเป็นต้องเข้าใจว่า สิ่งนั้นทำงานอย่างไร)

สรุป: Terminology (คำศัพท์เฉพาะทาง)

- Neuron หรือ unit ใช้ function บางอย่าง (เช่น ReLU, Sigmoid) กับ input เพื่อสร้าง output
- อาจเรียง unit ซ้อนกัน (stack) เพื่อสร้าง neural networks
- บางครั้งอาจอธิบาย/แทน input features ด้วย units เรียกว่า input units ซึ่งถูกรวบรวมเป็น input layer
- Output 1 หรือมากกว่า 1 ตัว รวมเป็น output layer
- Intermediate units เรียกว่า hidden units ซึ่งอาจถูกรวมเป็น hidden layer ≥ 0 ชั้น

References

- Andrew Ng, Machine Learning, Coursera.
- 2. Teeradaj Racharak, Al Practical Development Bootcamp.