

# Tables of simulation results

## Contents

Simple random sampling . . . . .	2
Type I errors ( $n = 100$ ) . . . . .	2
Type I errors ( $n = 250$ ) . . . . .	3
Type I errors ( $n = 500$ ) . . . . .	4
Type I errors ( $n = 1000$ ) . . . . .	5
Type I errors ( $n = 2000$ ) . . . . .	6
Type I errors ( $n = 3000$ ) . . . . .	7
Power ( $n = 100$ ) . . . . .	8
Power ( $n = 250$ ) . . . . .	9
Power ( $n = 500$ ) . . . . .	10
Power ( $n = 1000$ ) . . . . .	11
Power ( $n = 2000$ ) . . . . .	12
Power ( $n = 3000$ ) . . . . .	13
Complex sampling . . . . .	14
Type I errors (Stratified sampling) . . . . .	14
Type I errors (Cluster sampling) . . . . .	15
Type I errors (Stratified cluster sampling) . . . . .	16
Power (Stratified sampling) . . . . .	17
Power (Cluster sampling) . . . . .	18
Power (Stratified cluster sampling) . . . . .	19

## Simple random sampling

Type I errors ( $n = 100$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	991	934	17	0.020	0.005	0.000
RSS,MM3	991	934	17	0.020	0.007	0.000
PearsonV2,MM3	991	934	17	0.019	0.006	0.000
Pearson	991	934	17	0.019	0.007	0.001
WaldV3	991	934	17	0.090	0.044	0.009
WaldV2,MM3	991	934	17	0.002	0.001	0.000
Wald	991	934	17	0.092	0.047	0.009
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	998	979	12	0.054	0.020	0.003
RSS,MM3	998	979	12	0.051	0.018	0.001
PearsonV2,MM3	998	979	12	0.054	0.021	0.000
Pearson	998	979	12	0.058	0.027	0.003
WaldV3	998	979	12	0.097	0.049	0.009
WaldV2,MM3	998	979	12	0.010	0.006	0.002
Wald	998	979	12	0.102	0.051	0.008
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	998	986	41	0.118	0.060	0.011
RSS,MM3	998	986	41	0.100	0.045	0.004
PearsonV2,MM3	998	986	41	0.095	0.043	0.004
Pearson	998	986	41	0.103	0.051	0.009
WaldV3	998	986	41	0.144	0.074	0.019
WaldV2,MM3	998	986	41	0.021	0.005	0.001
Wald	998	986	41	0.151	0.078	0.020
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	992	872	77	0.021	0.010	0.000
RSS,MM3	992	872	77	0.024	0.009	0.002
PearsonV2,MM3	992	872	77	0.028	0.010	0.003
Pearson	992	872	77	0.034	0.013	0.003
WaldV3	992	872	77	0.097	0.045	0.009
WaldV2,MM3	992	872	77	0.007	0.003	0.002
Wald	992	872	77	0.112	0.050	0.010
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	993	841	222	0.017	0.006	0.002
RSS,MM3	993	841	222	0.013	0.004	0.000
PearsonV2,MM3	993	841	222	0.015	0.004	0.000
Pearson	993	841	222	0.029	0.013	0.005
WaldV3	993	841	222	0.107	0.058	0.013
WaldV2,MM3	993	841	222	0.002	0.000	0.000
Wald	993	841	222	0.120	0.067	0.014

**Type I errors ( $n = 250$ )**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	998	3	0.062	0.027	0.003
RSS,MM3	1000	998	3	0.063	0.023	0.001
PearsonV2,MM3	1000	998	3	0.067	0.023	0.001
Pearson	1000	998	3	0.065	0.023	0.001
WaldV3	1000	998	3	0.096	0.044	0.011
WaldV2,MM3	1000	998	3	0.009	0.005	0.000
Wald	1000	998	3	0.098	0.045	0.012
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	5	0.094	0.037	0.005
RSS,MM3	1000	1000	5	0.087	0.037	0.008
PearsonV2,MM3	1000	1000	5	0.080	0.039	0.007
Pearson	1000	1000	5	0.082	0.042	0.009
WaldV3	1000	1000	5	0.104	0.042	0.006
WaldV2,MM3	1000	1000	5	0.026	0.007	0.001
Wald	1000	1000	5	0.109	0.044	0.006
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	19	0.086	0.041	0.011
RSS,MM3	1000	1000	19	0.080	0.033	0.006
PearsonV2,MM3	1000	1000	19	0.082	0.039	0.004
Pearson	1000	1000	19	0.084	0.040	0.004
WaldV3	1000	1000	19	0.091	0.042	0.011
WaldV2,MM3	1000	1000	19	0.030	0.011	0.002
Wald	1000	1000	19	0.095	0.043	0.011
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	996	23	0.060	0.023	0.002
RSS,MM3	1000	996	23	0.052	0.023	0.000
PearsonV2,MM3	1000	996	23	0.053	0.026	0.003
Pearson	1000	996	23	0.053	0.029	0.005
WaldV3	1000	996	23	0.092	0.044	0.006
WaldV2,MM3	1000	996	23	0.004	0.000	0.000
Wald	1000	996	23	0.099	0.047	0.006
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	996	76	0.067	0.035	0.008
RSS,MM3	1000	996	76	0.054	0.024	0.001
PearsonV2,MM3	1000	996	76	0.062	0.030	0.003
Pearson	1000	996	76	0.063	0.032	0.003
WaldV3	1000	996	76	0.110	0.054	0.015
WaldV2,MM3	1000	996	76	0.009	0.002	0.000
Wald	1000	996	76	0.116	0.059	0.016

**Type I errors ( $n = 500$ )**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.082	0.045	0.006
RSS,MM3	1000	1000	2	0.081	0.039	0.009
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.084	0.040	0.008
Pearson	1000	1000	2	0.084	0.041	0.008
WaldV3	1000	1000	2	0.096	0.050	0.008
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.036	0.014	0.001
Wald	1000	1000	2	0.096	0.051	0.008
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.100	0.043	0.011
RSS,MM3	1000	1000	2	0.105	0.046	0.010
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.098	0.051	0.008
Pearson	1000	1000	2	0.098	0.052	0.010
WaldV3	1000	1000	2	0.104	0.047	0.011
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.039	0.014	0.003
Wald	1000	1000	2	0.104	0.047	0.012
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	10	0.115	0.053	0.009
RSS,MM3	1000	1000	10	0.104	0.052	0.009
PearsonV2,MM3	1000	1000	10	0.100	0.053	0.012
Pearson	1000	1000	10	0.100	0.055	0.013
WaldV3	1000	1000	10	0.117	0.053	0.009
WaldV2,MM3	1000	1000	10	0.050	0.018	0.005
Wald	1000	1000	10	0.118	0.055	0.009
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	16	0.095	0.053	0.011
RSS,MM3	1000	1000	16	0.094	0.044	0.011
PearsonV2,MM3	1000	1000	16	0.099	0.037	0.012
Pearson	1000	1000	16	0.099	0.043	0.013
WaldV3	1000	1000	16	0.105	0.061	0.013
WaldV2,MM3	1000	1000	16	0.038	0.016	0.002
Wald	1000	1000	16	0.112	0.065	0.013
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	30	0.087	0.042	0.010
RSS,MM3	1000	1000	30	0.099	0.040	0.008
PearsonV2,MM3	1000	1000	30	0.096	0.051	0.008
Pearson	1000	1000	30	0.098	0.052	0.010
WaldV3	1000	1000	30	0.094	0.050	0.011
WaldV2,MM3	1000	1000	30	0.032	0.013	0.002
Wald	1000	1000	30	0.107	0.061	0.011

**Type I errors ( $n = 1000$ )**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.071	0.038	0.005
RSS,MM3	1000	1000	0	0.074	0.033	0.004
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.078	0.030	0.005
Pearson	1000	1000	0	0.076	0.032	0.005
WaldV3	1000	1000	0	0.077	0.040	0.005
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.048	0.019	0.003
Wald	1000	1000	0	0.079	0.040	0.005
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	4	0.092	0.048	0.007
RSS,MM3	1000	1000	4	0.093	0.038	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	4	0.088	0.043	0.008
Pearson	1000	1000	4	0.088	0.046	0.009
WaldV3	1000	1000	4	0.094	0.050	0.007
WaldV2,MM3	1000	1000	4	0.064	0.030	0.002
Wald	1000	1000	4	0.095	0.051	0.007
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	12	0.115	0.052	0.016
RSS,MM3	1000	1000	12	0.113	0.057	0.018
PearsonV2,MM3	1000	1000	12	0.110	0.053	0.015
Pearson	1000	1000	12	0.111	0.058	0.016
WaldV3	1000	1000	12	0.115	0.052	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	12	0.085	0.039	0.006
Wald	1000	1000	12	0.118	0.054	0.016
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	8	0.092	0.045	0.010
RSS,MM3	1000	1000	8	0.090	0.047	0.011
PearsonV2,MM3	1000	1000	8	0.083	0.045	0.010
Pearson	1000	1000	8	0.085	0.049	0.011
WaldV3	1000	1000	8	0.097	0.046	0.011
WaldV2,MM3	1000	1000	8	0.052	0.021	0.003
Wald	1000	1000	8	0.105	0.049	0.011
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	28	0.084	0.051	0.011
RSS,MM3	1000	1000	28	0.085	0.046	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	28	0.089	0.047	0.004
Pearson	1000	1000	28	0.089	0.048	0.007
WaldV3	1000	1000	28	0.085	0.054	0.013
WaldV2,MM3	1000	1000	28	0.058	0.026	0.000
Wald	1000	1000	28	0.096	0.056	0.015

**Type I errors** ( $n = 2000$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.084	0.041	0.005
RSS,MM3	1000	1000	2	0.082	0.039	0.011
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.080	0.041	0.011
Pearson	1000	1000	2	0.080	0.041	0.013
WaldV3	1000	1000	2	0.084	0.042	0.006
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.068	0.031	0.007
Wald	1000	1000	2	0.086	0.042	0.006
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	1	0.103	0.049	0.016
RSS,MM3	1000	1000	1	0.104	0.057	0.009
PearsonV2,MM3	1000	1000	1	0.110	0.052	0.009
Pearson	1000	1000	1	0.112	0.057	0.011
WaldV3	1000	1000	1	0.103	0.050	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	1	0.083	0.035	0.007
Wald	1000	1000	1	0.103	0.052	0.016
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	16	0.115	0.063	0.015
RSS,MM3	1000	1000	16	0.108	0.057	0.013
PearsonV2,MM3	1000	1000	16	0.106	0.062	0.015
Pearson	1000	1000	16	0.107	0.062	0.016
WaldV3	1000	1000	16	0.115	0.063	0.015
WaldV2,MM3	1000	1000	16	0.093	0.049	0.008
Wald	1000	1000	16	0.115	0.065	0.015
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	13	0.097	0.045	0.008
RSS,MM3	1000	1000	13	0.093	0.036	0.008
PearsonV2,MM3	1000	1000	13	0.093	0.036	0.010
Pearson	1000	1000	13	0.093	0.040	0.013
WaldV3	1000	1000	13	0.099	0.045	0.008
WaldV2,MM3	1000	1000	13	0.067	0.032	0.004
Wald	1000	1000	13	0.105	0.050	0.008
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	38	0.107	0.053	0.009
RSS,MM3	1000	1000	38	0.096	0.058	0.015
PearsonV2,MM3	1000	1000	38	0.096	0.056	0.014
Pearson	1000	1000	38	0.096	0.059	0.015
WaldV3	1000	1000	38	0.113	0.056	0.010
WaldV2,MM3	1000	1000	38	0.082	0.031	0.005
Wald	1000	1000	38	0.124	0.060	0.011

**Type I errors** ( $n = 3000$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.099	0.047	0.007
RSS,MM3	1000	1000	2	0.094	0.047	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.095	0.041	0.007
Pearson	1000	1000	2	0.095	0.043	0.008
WaldV3	1000	1000	2	0.099	0.048	0.007
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.086	0.036	0.006
Wald	1000	1000	2	0.099	0.048	0.007
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	1	0.107	0.052	0.016
RSS,MM3	1000	1000	1	0.106	0.052	0.017
PearsonV2,MM3	1000	1000	1	0.102	0.046	0.016
Pearson	1000	1000	1	0.105	0.053	0.019
WaldV3	1000	1000	1	0.108	0.052	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	1	0.094	0.047	0.010
Wald	1000	1000	1	0.111	0.052	0.018
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	20	0.108	0.048	0.003
RSS,MM3	1000	1000	20	0.099	0.043	0.010
PearsonV2,MM3	1000	1000	20	0.092	0.044	0.011
Pearson	1000	1000	20	0.093	0.047	0.013
WaldV3	1000	1000	20	0.108	0.048	0.003
WaldV2,MM3	1000	1000	20	0.088	0.039	0.007
Wald	1000	1000	20	0.109	0.050	0.003
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	16	0.109	0.045	0.012
RSS,MM3	1000	1000	16	0.092	0.051	0.010
PearsonV2,MM3	1000	1000	16	0.094	0.046	0.011
Pearson	1000	1000	16	0.094	0.050	0.016
WaldV3	1000	1000	16	0.108	0.046	0.012
WaldV2,MM3	1000	1000	16	0.082	0.037	0.005
Wald	1000	1000	16	0.111	0.051	0.012
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	57	0.094	0.046	0.009
RSS,MM3	1000	1000	57	0.087	0.044	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	57	0.093	0.042	0.009
Pearson	1000	1000	57	0.094	0.045	0.011
WaldV3	1000	1000	57	0.095	0.047	0.009
WaldV2,MM3	1000	1000	57	0.074	0.037	0.008
Wald	1000	1000	57	0.104	0.051	0.009

**Power** ( $n = 100$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	885	6	0.027	0.008	0.001
RSS,MM3	1000	885	6	0.034	0.015	0.000
PearsonV2,MM3	1000	885	6	0.037	0.014	0.000
Pearson	1000	885	6	0.036	0.015	0.000
WaldV3	1000	885	6	0.087	0.041	0.009
WaldV2,MM3	1000	885	6	0.010	0.003	0.000
Wald	1000	885	6	0.096	0.045	0.010
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	934	6	0.067	0.031	0.004
RSS,MM3	1000	934	6	0.067	0.034	0.005
PearsonV2,MM3	1000	934	6	0.070	0.030	0.006
Pearson	1000	934	6	0.079	0.039	0.013
WaldV3	1000	934	6	0.116	0.054	0.009
WaldV2,MM3	1000	934	6	0.027	0.013	0.004
Wald	1000	934	6	0.122	0.056	0.011
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	998	962	18	0.131	0.072	0.015
RSS,MM3	998	962	18	0.113	0.061	0.016
PearsonV2,MM3	998	962	18	0.111	0.060	0.018
Pearson	998	962	18	0.119	0.065	0.022
WaldV3	998	962	18	0.150	0.086	0.018
WaldV2,MM3	998	962	18	0.038	0.016	0.004
Wald	998	962	18	0.163	0.090	0.019
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	998	848	68	0.033	0.011	0.001
RSS,MM3	998	848	68	0.027	0.014	0.002
PearsonV2,MM3	998	848	68	0.040	0.013	0.006
Pearson	998	848	68	0.044	0.018	0.008
WaldV3	998	848	68	0.118	0.064	0.014
WaldV2,MM3	998	848	68	0.005	0.002	0.001
Wald	998	848	68	0.130	0.072	0.014
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	996	797	172	0.020	0.010	0.005
RSS,MM3	996	797	172	0.015	0.006	0.001
PearsonV2,MM3	996	797	172	0.024	0.008	0.001
Pearson	996	797	172	0.040	0.019	0.005
WaldV3	996	797	172	0.146	0.075	0.014
WaldV2,MM3	996	797	172	0.010	0.008	0.003
Wald	996	797	172	0.169	0.089	0.016



**Power ( $n = 250$ )**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	986	0	0.096	0.050	0.010
RSS,MM3	1000	986	0	0.090	0.051	0.007
PearsonV2,MM3	1000	986	0	0.090	0.053	0.007
Pearson	1000	986	0	0.089	0.056	0.007
WaldV3	1000	986	0	0.119	0.065	0.014
WaldV2,MM3	1000	986	0	0.040	0.014	0.001
Wald	1000	986	0	0.121	0.068	0.014
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.083	0.036	0.006
RSS,MM3	1000	1000	0	0.071	0.033	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.071	0.030	0.005
Pearson	1000	1000	0	0.072	0.032	0.006
WaldV3	1000	1000	0	0.096	0.039	0.007
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.043	0.012	0.000
Wald	1000	1000	0	0.098	0.041	0.007
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	3	0.116	0.064	0.016
RSS,MM3	1000	1000	3	0.100	0.061	0.013
PearsonV2,MM3	1000	1000	3	0.106	0.054	0.017
Pearson	1000	1000	3	0.108	0.054	0.018
WaldV3	1000	1000	3	0.120	0.066	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	3	0.064	0.034	0.006
Wald	1000	1000	3	0.122	0.068	0.018
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	989	21	0.091	0.032	0.004
RSS,MM3	1000	989	21	0.104	0.044	0.009
PearsonV2,MM3	1000	989	21	0.109	0.051	0.014
Pearson	1000	989	21	0.110	0.054	0.017
WaldV3	1000	989	21	0.130	0.062	0.012
WaldV2,MM3	1000	989	21	0.015	0.005	0.001
Wald	1000	989	21	0.143	0.068	0.015
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	988	55	0.110	0.051	0.010
RSS,MM3	1000	988	55	0.105	0.056	0.010
PearsonV2,MM3	1000	988	55	0.113	0.056	0.010
Pearson	1000	988	55	0.114	0.056	0.012
WaldV3	1000	988	55	0.157	0.085	0.016
WaldV2,MM3	1000	988	55	0.025	0.008	0.000
Wald	1000	988	55	0.176	0.101	0.020

**Power** ( $n = 500$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.113	0.058	0.015
RSS,MM3	1000	1000	0	0.115	0.051	0.016
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.112	0.059	0.017
Pearson	1000	1000	0	0.110	0.059	0.018
WaldV3	1000	1000	0	0.124	0.062	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.080	0.029	0.008
Wald	1000	1000	0	0.124	0.064	0.017
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.097	0.045	0.007
RSS,MM3	1000	1000	0	0.112	0.047	0.005
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.107	0.043	0.006
Pearson	1000	1000	0	0.108	0.047	0.009
WaldV3	1000	1000	0	0.100	0.047	0.007
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.066	0.028	0.002
Wald	1000	1000	0	0.106	0.050	0.008
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	5	0.119	0.065	0.014
RSS,MM3	1000	1000	5	0.125	0.062	0.018
PearsonV2,MM3	1000	1000	5	0.123	0.066	0.019
Pearson	1000	1000	5	0.124	0.070	0.021
WaldV3	1000	1000	5	0.122	0.066	0.014
WaldV2,MM3	1000	1000	5	0.086	0.043	0.009
Wald	1000	1000	5	0.126	0.071	0.014
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	998	7	0.193	0.119	0.032
RSS,MM3	1000	998	7	0.243	0.161	0.056
PearsonV2,MM3	1000	998	7	0.235	0.151	0.044
Pearson	1000	998	7	0.236	0.161	0.060
WaldV3	1000	998	7	0.216	0.133	0.045
WaldV2,MM3	1000	998	7	0.118	0.053	0.016
Wald	1000	998	7	0.227	0.146	0.049
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	27	0.204	0.133	0.045
RSS,MM3	1000	1000	27	0.300	0.191	0.080
PearsonV2,MM3	1000	1000	27	0.283	0.190	0.077
Pearson	1000	1000	27	0.287	0.197	0.085
WaldV3	1000	1000	27	0.225	0.142	0.048
WaldV2,MM3	1000	1000	27	0.133	0.084	0.024
Wald	1000	1000	27	0.247	0.154	0.055

**Power** ( $n = 1000$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	1	0.096	0.047	0.009
RSS,MM3	1000	1000	1	0.102	0.049	0.008
PearsonV2,MM3	1000	1000	1	0.100	0.045	0.007
Pearson	1000	1000	1	0.099	0.045	0.009
WaldV3	1000	1000	1	0.101	0.049	0.009
WaldV2,MM3	1000	1000	1	0.082	0.039	0.004
Wald	1000	1000	1	0.103	0.050	0.009
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.102	0.058	0.016
RSS,MM3	1000	1000	2	0.116	0.059	0.008
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.116	0.066	0.014
Pearson	1000	1000	2	0.117	0.067	0.014
WaldV3	1000	1000	2	0.103	0.058	0.015
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.093	0.043	0.006
Wald	1000	1000	2	0.107	0.060	0.016
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	4	0.115	0.053	0.008
RSS,MM3	1000	1000	4	0.111	0.051	0.005
PearsonV2,MM3	1000	1000	4	0.119	0.050	0.008
Pearson	1000	1000	4	0.121	0.053	0.010
WaldV3	1000	1000	4	0.118	0.055	0.008
WaldV2,MM3	1000	1000	4	0.086	0.040	0.009
Wald	1000	1000	4	0.120	0.059	0.009
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	5	0.305	0.215	0.080
RSS,MM3	1000	1000	5	0.405	0.294	0.151
PearsonV2,MM3	1000	1000	5	0.383	0.269	0.139
Pearson	1000	1000	5	0.384	0.279	0.146
WaldV3	1000	1000	5	0.309	0.216	0.085
WaldV2,MM3	1000	1000	5	0.283	0.179	0.059
Wald	1000	1000	5	0.323	0.230	0.101
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	23	0.364	0.262	0.116
RSS,MM3	1000	1000	23	0.502	0.403	0.226
PearsonV2,MM3	1000	1000	23	0.477	0.373	0.211
Pearson	1000	1000	23	0.480	0.381	0.226
WaldV3	1000	1000	23	0.367	0.266	0.119
WaldV2,MM3	1000	1000	23	0.369	0.246	0.103
Wald	1000	1000	23	0.392	0.280	0.124

**Power** ( $n = 2000$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.103	0.059	0.012
RSS,MM3	1000	1000	0	0.108	0.052	0.009
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.110	0.051	0.011
Pearson	1000	1000	0	0.110	0.052	0.012
WaldV3	1000	1000	0	0.104	0.060	0.012
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.099	0.048	0.005
Wald	1000	1000	0	0.104	0.061	0.012
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	1	0.108	0.062	0.013
RSS,MM3	1000	1000	1	0.096	0.052	0.014
PearsonV2,MM3	1000	1000	1	0.097	0.053	0.013
Pearson	1000	1000	1	0.098	0.053	0.015
WaldV3	1000	1000	1	0.110	0.063	0.013
WaldV2,MM3	1000	1000	1	0.102	0.047	0.010
Wald	1000	1000	1	0.112	0.064	0.013
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	3	0.129	0.071	0.016
RSS,MM3	1000	1000	3	0.119	0.071	0.016
PearsonV2,MM3	1000	1000	3	0.120	0.067	0.017
Pearson	1000	1000	3	0.121	0.071	0.019
WaldV3	1000	1000	3	0.127	0.073	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	3	0.107	0.062	0.017
Wald	1000	1000	3	0.131	0.074	0.016
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	12	0.500	0.400	0.231
RSS,MM3	1000	1000	12	0.604	0.525	0.367
PearsonV2,MM3	1000	1000	12	0.577	0.494	0.319
Pearson	1000	1000	12	0.579	0.503	0.346
WaldV3	1000	1000	12	0.496	0.397	0.225
WaldV2,MM3	1000	1000	12	0.500	0.401	0.224
Wald	1000	1000	12	0.515	0.413	0.242
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	30	0.641	0.549	0.372
RSS,MM3	1000	1000	30	0.779	0.695	0.546
PearsonV2,MM3	1000	1000	30	0.745	0.659	0.500
Pearson	1000	1000	30	0.745	0.665	0.518
WaldV3	1000	1000	30	0.639	0.549	0.371
WaldV2,MM3	1000	1000	30	0.699	0.587	0.409
Wald	1000	1000	30	0.666	0.562	0.386

**Power** ( $n = 3000$ )

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.107	0.057	0.010
RSS,MM3	1000	1000	2	0.110	0.054	0.011
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.109	0.054	0.010
Pearson	1000	1000	2	0.109	0.056	0.012
WaldV3	1000	1000	2	0.108	0.058	0.011
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.099	0.051	0.011
Wald	1000	1000	2	0.109	0.059	0.011
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	3	0.096	0.060	0.009
RSS,MM3	1000	1000	3	0.109	0.049	0.012
PearsonV2,MM3	1000	1000	3	0.111	0.050	0.012
Pearson	1000	1000	3	0.113	0.054	0.015
WaldV3	1000	1000	3	0.098	0.060	0.009
WaldV2,MM3	1000	1000	3	0.097	0.047	0.008
Wald	1000	1000	3	0.102	0.062	0.009
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	10	0.157	0.077	0.011
RSS,MM3	1000	1000	10	0.140	0.072	0.018
PearsonV2,MM3	1000	1000	10	0.140	0.080	0.017
Pearson	1000	1000	10	0.143	0.083	0.019
WaldV3	1000	1000	10	0.158	0.075	0.012
WaldV2,MM3	1000	1000	10	0.137	0.069	0.013
Wald	1000	1000	10	0.162	0.086	0.015
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	11	0.672	0.560	0.397
RSS,MM3	1000	1000	11	0.756	0.694	0.543
PearsonV2,MM3	1000	1000	11	0.732	0.659	0.503
Pearson	1000	1000	11	0.732	0.664	0.526
WaldV3	1000	1000	11	0.664	0.557	0.391
WaldV2,MM3	1000	1000	11	0.682	0.588	0.406
Wald	1000	1000	11	0.678	0.568	0.409
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	37	0.792	0.698	0.542
RSS,MM3	1000	1000	37	0.876	0.831	0.711
PearsonV2,MM3	1000	1000	37	0.845	0.792	0.669
Pearson	1000	1000	37	0.847	0.797	0.688
WaldV3	1000	1000	37	0.787	0.698	0.539
WaldV2,MM3	1000	1000	37	0.834	0.748	0.592
Wald	1000	1000	37	0.799	0.713	0.558

## Complex sampling

### Type I errors (Stratified sampling)

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.107	0.055	0.011
RSS,MM3	1000	1000	2	0.110	0.050	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.108	0.045	0.007
Pearson	1000	1000	2	0.106	0.050	0.008
WaldV3	1000	1000	2	0.106	0.052	0.011
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.074	0.034	0.006
Wald	1000	1000	2	0.111	0.056	0.012
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	3	0.131	0.066	0.018
RSS,MM3	1000	1000	3	0.093	0.042	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	3	0.092	0.040	0.007
Pearson	1000	1000	3	0.093	0.043	0.008
WaldV3	1000	1000	3	0.116	0.061	0.015
WaldV2,MM3	1000	1000	3	0.090	0.043	0.007
Wald	1000	1000	3	0.134	0.067	0.018
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	27	0.257	0.169	0.062
RSS,MM3	1000	1000	27	0.088	0.032	0.006
PearsonV2,MM3	1000	1000	27	0.093	0.036	0.006
Pearson	1000	1000	27	0.094	0.038	0.007
WaldV3	1000	1000	27	0.192	0.103	0.033
WaldV2,MM3	1000	1000	27	0.069	0.036	0.006
Wald	1000	1000	27	0.249	0.155	0.051
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	12	0.149	0.083	0.020
RSS,MM3	1000	1000	12	0.079	0.042	0.010
PearsonV2,MM3	1000	1000	12	0.081	0.038	0.007
Pearson	1000	1000	12	0.082	0.044	0.008
WaldV3	1000	1000	12	0.128	0.061	0.014
WaldV2,MM3	1000	1000	12	0.081	0.038	0.009
Wald	1000	1000	12	0.146	0.078	0.017
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	47	0.284	0.172	0.063
RSS,MM3	1000	1000	47	0.109	0.055	0.011
PearsonV2,MM3	1000	1000	47	0.110	0.054	0.014
Pearson	1000	1000	47	0.112	0.058	0.015
WaldV3	1000	1000	47	0.205	0.124	0.037
WaldV2,MM3	1000	1000	47	0.088	0.045	0.007
Wald	1000	1000	47	0.272	0.159	0.055

# Type I errors (Cluster sampling)

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	1	0.141	0.084	0.022
RSS,MM3	1000	1000	1	0.119	0.060	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	1	0.116	0.060	0.009
Pearson	1000	1000	1	0.115	0.061	0.011
WaldV3	1000	1000	1	0.130	0.078	0.017
WaldV2,MM3	1000	1000	1	0.105	0.049	0.009
Wald	1000	1000	1	0.189	0.116	0.037
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	5	0.356	0.242	0.094
RSS,MM3	1000	1000	5	0.071	0.029	0.005
PearsonV2,MM3	1000	1000	5	0.074	0.031	0.006
Pearson	1000	1000	5	0.074	0.035	0.007
WaldV3	1000	1000	5	0.257	0.158	0.047
WaldV2,MM3	1000	1000	5	0.082	0.039	0.004
Wald	1000	1000	5	0.598	0.475	0.289
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	138	0.932	0.856	0.596
RSS,MM3	1000	1000	138	0.045	0.016	0.000
PearsonV2,MM3	1000	1000	138	0.051	0.019	0.000
Pearson	1000	1000	138	0.052	0.023	0.001
WaldV3	1000	1000	138	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	138	0.040	0.015	0.001
Wald	1000	1000	138	1.000	1.000	1.000
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	18	0.573	0.455	0.249
RSS,MM3	1000	1000	18	0.072	0.028	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	18	0.077	0.036	0.009
Pearson	1000	1000	18	0.077	0.039	0.010
WaldV3	1000	1000	18	0.505	0.390	0.182
WaldV2,MM3	1000	1000	18	0.078	0.032	0.005
Wald	1000	1000	18	0.821	0.736	0.572
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	190	0.937	0.877	0.668
RSS,MM3	1000	1000	190	0.054	0.020	0.003
PearsonV2,MM3	1000	1000	190	0.058	0.022	0.003
Pearson	1000	1000	190	0.061	0.024	0.005
WaldV3	1000	1000	190	1.000	0.999	0.998
WaldV2,MM3	1000	1000	190	0.056	0.022	0.002
Wald	1000	1000	190	1.000	1.000	1.000

# Type I errors (Stratified cluster sampling)

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.123	0.065	0.016
RSS,MM3	1000	1000	2	0.087	0.039	0.006
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.087	0.041	0.007
Pearson	1000	1000	2	0.084	0.043	0.009
WaldV3	1000	1000	2	0.123	0.065	0.014
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.079	0.041	0.009
Wald	1000	1000	2	0.158	0.097	0.027
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.318	0.217	0.083
RSS,MM3	1000	1000	2	0.091	0.036	0.007
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.094	0.044	0.006
Pearson	1000	1000	2	0.095	0.048	0.011
WaldV3	1000	1000	2	0.337	0.227	0.097
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.083	0.040	0.016
Wald	1000	1000	2	0.555	0.446	0.249
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	187	0.890	0.813	0.593
RSS,MM3	1000	1000	187	0.037	0.009	0.001
PearsonV2,MM3	1000	1000	187	0.048	0.010	0.001
Pearson	1000	1000	187	0.048	0.011	0.001
WaldV3	1000	1000	187	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	187	0.048	0.015	0.001
Wald	1000	1000	187	1.000	1.000	1.000
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	23	0.540	0.424	0.227
RSS,MM3	1000	1000	23	0.073	0.029	0.001
PearsonV2,MM3	1000	1000	23	0.079	0.032	0.004
Pearson	1000	1000	23	0.080	0.035	0.006
WaldV3	1000	1000	23	0.596	0.492	0.316
WaldV2,MM3	1000	1000	23	0.084	0.043	0.003
Wald	1000	1000	23	0.853	0.778	0.590
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	261	0.937	0.874	0.655
RSS,MM3	1000	1000	261	0.052	0.020	0.000
PearsonV2,MM3	1000	1000	261	0.049	0.019	0.001
Pearson	1000	1000	261	0.049	0.022	0.002
WaldV3	1000	1000	261	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	261	0.044	0.017	0.004
Wald	1000	1000	261	1.000	1.000	1.000



**Power (Stratified sampling)**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.117	0.061	0.018
RSS,MM3	1000	1000	0	0.105	0.052	0.015
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.108	0.053	0.013
Pearson	1000	1000	0	0.107	0.054	0.015
WaldV3	1000	1000	0	0.114	0.057	0.016
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.092	0.040	0.008
Wald	1000	1000	0	0.127	0.063	0.018
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	1	0.164	0.097	0.027
RSS,MM3	1000	1000	1	0.138	0.065	0.021
PearsonV2,MM3	1000	1000	1	0.131	0.061	0.019
Pearson	1000	1000	1	0.132	0.065	0.022
WaldV3	1000	1000	1	0.142	0.084	0.018
WaldV2,MM3	1000	1000	1	0.123	0.061	0.009
Wald	1000	1000	1	0.177	0.109	0.034
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	11	0.377	0.262	0.109
RSS,MM3	1000	1000	11	0.097	0.045	0.013
PearsonV2,MM3	1000	1000	11	0.096	0.048	0.011
Pearson	1000	1000	11	0.096	0.052	0.013
WaldV3	1000	1000	11	0.226	0.148	0.049
WaldV2,MM3	1000	1000	11	0.122	0.053	0.013
Wald	1000	1000	11	0.375	0.259	0.110
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	12	0.590	0.480	0.266
RSS,MM3	1000	1000	12	0.771	0.686	0.468
PearsonV2,MM3	1000	1000	12	0.764	0.664	0.419
Pearson	1000	1000	12	0.765	0.676	0.455
WaldV3	1000	1000	12	0.551	0.440	0.220
WaldV2,MM3	1000	1000	12	0.520	0.379	0.171
Wald	1000	1000	12	0.595	0.480	0.262
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	36	0.856	0.749	0.508
RSS,MM3	1000	1000	36	0.855	0.765	0.527
PearsonV2,MM3	1000	1000	36	0.820	0.698	0.442
Pearson	1000	1000	36	0.824	0.710	0.474
WaldV3	1000	1000	36	0.765	0.636	0.387
WaldV2,MM3	1000	1000	36	0.777	0.657	0.369
Wald	1000	1000	36	0.841	0.732	0.480

**Power (Cluster sampling)**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.128	0.064	0.013
RSS,MM3	1000	1000	0	0.090	0.039	0.009
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.099	0.040	0.007
Pearson	1000	1000	0	0.098	0.043	0.009
WaldV3	1000	1000	0	0.120	0.062	0.012
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.103	0.044	0.006
Wald	1000	1000	0	0.171	0.103	0.030
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.346	0.255	0.098
RSS,MM3	1000	1000	2	0.122	0.058	0.015
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.121	0.055	0.016
Pearson	1000	1000	2	0.123	0.059	0.022
WaldV3	1000	1000	2	0.300	0.202	0.073
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.117	0.064	0.007
Wald	1000	1000	2	0.536	0.434	0.263
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	34	0.977	0.937	0.775
RSS,MM3	1000	1000	34	0.067	0.023	0.002
PearsonV2,MM3	1000	1000	34	0.072	0.032	0.001
Pearson	1000	1000	34	0.073	0.033	0.003
WaldV3	1000	1000	34	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	34	0.079	0.026	0.001
Wald	1000	1000	34	1.000	1.000	1.000
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	17	0.892	0.834	0.677
RSS,MM3	1000	1000	17	0.837	0.744	0.524
PearsonV2,MM3	1000	1000	17	0.825	0.727	0.493
Pearson	1000	1000	17	0.828	0.735	0.536
WaldV3	1000	1000	17	0.890	0.831	0.682
WaldV2,MM3	1000	1000	17	0.589	0.418	0.164
Wald	1000	1000	17	0.970	0.955	0.900
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	148	0.996	0.979	0.922
RSS,MM3	1000	1000	148	0.891	0.792	0.558
PearsonV2,MM3	1000	1000	148	0.858	0.753	0.513
Pearson	1000	1000	148	0.859	0.766	0.544
WaldV3	1000	1000	148	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	148	0.826	0.694	0.380
Wald	1000	1000	148	1.000	1.000	1.000

**Power (Stratified cluster sampling)**

name	n_sims	n_converged	n_rank_def	rej_rate10	rej_rate5	rej_rate1
<b>1F 5V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	0	0.149	0.088	0.025
RSS,MM3	1000	1000	0	0.127	0.064	0.017
PearsonV2,MM3	1000	1000	0	0.133	0.069	0.014
Pearson	1000	1000	0	0.131	0.071	0.014
WaldV3	1000	1000	0	0.148	0.087	0.027
WaldV2,MM3	1000	1000	0	0.127	0.061	0.012
Wald	1000	1000	0	0.196	0.130	0.044
<b>1F 8V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	2	0.367	0.255	0.105
RSS,MM3	1000	1000	2	0.115	0.049	0.008
PearsonV2,MM3	1000	1000	2	0.116	0.044	0.009
Pearson	1000	1000	2	0.116	0.047	0.014
WaldV3	1000	1000	2	0.379	0.260	0.102
WaldV2,MM3	1000	1000	2	0.115	0.052	0.006
Wald	1000	1000	2	0.607	0.496	0.302
<b>1F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	41	0.966	0.929	0.750
RSS,MM3	1000	1000	41	0.059	0.017	0.004
PearsonV2,MM3	1000	1000	41	0.063	0.023	0.005
Pearson	1000	1000	41	0.064	0.027	0.006
WaldV3	1000	1000	41	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	41	0.083	0.029	0.002
Wald	1000	1000	41	1.000	1.000	1.000
<b>2F 10V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	21	0.885	0.803	0.623
RSS,MM3	1000	1000	21	0.796	0.688	0.433
PearsonV2,MM3	1000	1000	21	0.775	0.676	0.404
Pearson	1000	1000	21	0.777	0.688	0.458
WaldV3	1000	1000	21	0.920	0.864	0.727
WaldV2,MM3	1000	1000	21	0.538	0.375	0.140
Wald	1000	1000	21	0.979	0.957	0.898
<b>3F 15V</b>						
Multn,MM3	1000	1000	208	0.996	0.971	0.879
RSS,MM3	1000	1000	208	0.823	0.703	0.406
PearsonV2,MM3	1000	1000	208	0.785	0.642	0.365
Pearson	1000	1000	208	0.787	0.659	0.397
WaldV3	1000	1000	208	1.000	1.000	1.000
WaldV2,MM3	1000	1000	208	0.775	0.623	0.279
Wald	1000	1000	208	1.000	1.000	1.000