

TEXTO COMPLEMENTAR

Disciplina: Álgebra Linear

Professor: Hugo Gava Insua

Criptografia por Matrizes:

O método de criptografia por matrizes funciona da seguinte forma: a mensagem a ser criptografada é convertida em uma matriz na qual cada letra é transformada em um número conforme sua posição no alfabeto. As posições em que não houverem números são preenchidas por 0

Em álgebra linear, uma matriz pode ser utilizada para criptografar uma mensagem de maneira simples. Seja A a matriz contendo a mensagem a ser criptografada e B a matriz com a chave de criptografia, basta transformarmos as duas matrizes, em matrizes numéricas e depois multiplicar seus elementos, gerando assim uma nova matriz contendo a mensagem criptografada. Utilizaremos como exemplo a frase :"Vamos pela manhã" e como chave de criptografia a palavra "Estrategistas".

$$\begin{bmatrix} v & a & m & o \\ s & p & e & l \\ a & m & a & n \\ h & a & - & - \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} e & s & t & r \\ a & t & e & - \\ g & i & s & t \\ a & s & - & - \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 22 & 1 & 13 & 15 \\ 19 & 16 & 5 & 12 \\ 1 & 13 & 1 & 14 \\ 8 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 19 & 20 & 18 \\ 1 & 20 & 5 & 0 \\ 7 & 9 & 19 & 20 \\ 1 & 19 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 217 & 840 & 692 & 656 \\ 158 & 954 & 555 & 442 \\ 39 & 554 & 104 & 38 \\ 41 & 172 & 165 & 144 \end{bmatrix}$$

Para decodificar a mensagem, basta multiplicar a matriz codificada pela inversa da matriz que representa a chave de encriptação, assim:

MECATRONE Vol. 2, nº 1 (2017) Texto Livre 4, pág. 6

$$\begin{bmatrix} 217 & 840 & 692 & 656 \\ 158 & 954 & 555 & 442 \\ 39 & 554 & 104 & 38 \\ 41 & 172 & 165 & 144 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \frac{-950}{1751} & \frac{551}{1751} & \frac{855}{1751} & \frac{-35}{1751} \\ \frac{50}{1751} & \frac{-29}{1751} & \frac{-45}{1751} & \frac{94}{1751} \\ \frac{-10}{1751} & \frac{356}{1751} & \frac{9}{1751} & \frac{-369}{1751} \\ \frac{639}{1751} & \frac{-518}{1751} & \frac{-200}{1751} & \frac{641}{1751} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 22 & 1 & 13 & 15 \\ 19 & 16 & 5 & 12 \\ 1 & 13 & 1 & 14 \\ 8 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

A partir disto, é necessário somente converter os números para letras de acordo com suas respectivas posições no alfabeto.

Fonte: PEREIRA, J. R. de S.; COSTA, R. B. Álgebra Linear Numérica: aplicações em métodos computacionais e a sua importância para a Engenharia. *Revista MECATRONE*, *2*(1). 2017. Disponível em: https://doi.org/10.11606/issn.2526-8260.mecatrone.2017.142042