

$$S_1 \equiv S := S - t$$

$$S_2 \equiv t := t - 1$$

$$S \equiv S_1; S_2$$

$$B \equiv S > 0$$

$$\neg B \equiv S \leq 0$$

$$P_c: \{ n > 0 \wedge S = (n(n+1)) \text{div } 2 \wedge t = n \}$$

$$Q_c: \{ S = 0 \wedge t = 0 \}$$

$$I: \{ 0 \leq t \leq n \wedge S = (t(t+1)) \text{div } 2 \wedge S \geq 0 \}$$

$$\text{PREGUNTA A: } I \wedge \neg B \Rightarrow Q_c$$

$$I \wedge \neg B \equiv 0 \leq t \leq n \wedge S = (t(t+1)) \text{div } 2 \wedge S \geq 0 \wedge S \leq 0$$

$$\bullet S \geq 0 \wedge S \leq 0 \Rightarrow S = 0$$

$$\bullet S = 0 \wedge S = (t(t+1)) \text{div } 2$$

$$\Rightarrow S = 0 \wedge S = t(t+1)/2$$

PUES LA SUMA DE DOS NÚMEROS \mathbb{Z} CONSECUTIVOS SIEMPRE ES PAR.

3 + 4 = 7...
De hecho, la suma de dos enteros consecutivos siempre es impar.

$$\Rightarrow 0 = t(t+1)/2$$

$$\Rightarrow t = 0 \vee t = -1$$

PERO POR EL I: $0 \leq t \leq n \Rightarrow 0 \leq t$

$$\Rightarrow t = 0$$

$$I \wedge \neg B \Rightarrow S = 0 \wedge t = 0 \equiv Q_c$$

$$\text{PREGUNTA B: } \{I \wedge B\} \vdash \{I\} \Leftrightarrow I \wedge B \Rightarrow \text{wp}(S, I)$$

$$\text{wp}(S, I) \equiv \text{wp}(S_1; S_2, I) \stackrel{\text{Ax3}}{\equiv} \text{wp}(S_1, \text{wp}(S_2, I))$$

$$\text{wp}(S_2, I)$$

$$\equiv \text{wp}(t := t-1, I)$$

$$\stackrel{\text{Ax1}}{\equiv} \text{def}(t) \wedge I_{t-1}^t$$

$$\equiv \text{True} \wedge I_{t-1}^t \quad \text{ASUMAMOS QUE TODAS LAS VARIABLES ESTÁN DEFINIDAS}$$

$$\equiv 0 \leq t-1 \leq n \quad \wedge \quad S = ((t-1)(t-1+1)) \text{ div } 2 \quad \wedge \quad S \geq 0$$

$$\equiv 0 \leq t-1 \leq n \quad \wedge \quad S = (t(t-1)) \text{ div } 2 \quad \wedge \quad S \geq 0$$

$$\equiv E_2$$

$$\text{wp}(S_1, \text{wp}(S_2, I)) \equiv \text{wp}(S_1, E_2)$$

$$\equiv \text{wp}(S := S-t, E_2)$$

$$\stackrel{\text{Ax1}}{\equiv} \text{def}(S) \wedge \text{def}(t) \wedge E_{S-t}^S$$

$$\equiv 0 \leq t-1 \leq n \quad \wedge \quad \underbrace{S-t = (t(t-1)) \text{ div } 2}_{\text{III}} \quad \wedge \quad S-t \geq 0$$

$$\text{III} \\ S-t = t(t-1)/2 \quad \equiv \quad S = t(t-1)/2 + t$$

$$\equiv S = t(t-1)/2 + 2t/2 \quad \equiv \quad S = (t(t-1) + 2t)/2$$

$$\equiv S = t(t-1+2)/2 \quad \equiv \quad S = t(t+1)/2$$

$$\equiv S = (t(t+1)) \text{ div } 2$$

$$\equiv 0 \leq t-1 \leq n \quad \wedge \quad S = (t(t+1)) \text{ div } 2 \quad \wedge \quad S-t \geq 0$$

$$\equiv E_1$$

$$\text{QVR: } I \wedge B \Rightarrow \text{wp}(S, I) \equiv E_1$$

$$I \wedge B \equiv 0 \leq t \leq n \quad \wedge \quad S = (t(t+1)) \text{ div } 2 \quad \wedge \quad S \geq 0 \quad \wedge \quad S > 0$$

$$E_1 \equiv 0 \leq t-1 \leq n \quad \wedge \quad S = (t(t+1)) \text{ div } 2 \quad \wedge \quad S-t \geq 0$$

$$S = (t(t+1)) \text{ div } 2 \Rightarrow S = (t(t+1)) \text{ div } 2$$

$$\text{EN } I \wedge B, \quad S > 0 \Rightarrow (t(t+1)) \text{ div } 2 > 0 \Rightarrow t > 0$$

$$\text{COMBINANDO } t > 0 \quad \wedge \quad 0 \leq t \leq n \Rightarrow 0 < t \leq n$$

$$\Rightarrow -1 < t-1 \leq n-1$$

$$\Rightarrow 0 \leq t-1 \leq n$$

EN $I \wedge B$, $S = (t(t+1)) \text{ div } 2$ ES DECIR QUE S ES LA SUMA DE GAUSS

DE LOS ENTEROS ENTRE 0 Y t . POR LO TANTO ES EVIDENTE QUE

VALE $S-t \geq 0 \equiv S \geq t$ EN LA WP.

pred esDescompresión (cod: Código, pal: Palabra) {

($\forall i: \mathbb{Z}$) ($0 \leq i < |cod| \Rightarrow$ L

esFragmentoVálido (

(cod[i])₀,

(cod[i])₁,

sumarLongitudDeFragmentos (subseq (cod, 0, i)),

pal

)

)

}

pred esFragmentoVálido (frag: Palabra, rep: \mathbb{Z} , offset: \mathbb{Z} , pal: Palabra) {

($\forall r: \mathbb{Z}$) ($0 \leq r < rep \Rightarrow$ L

offset + |frag| · r ≤ offset + |frag| · (r+1) ≤ |pal|

∧ L subseq (

pal,

offset + |frag| · r,

offset + |frag| · (r+1)

) = frag

aux sumarLongitudDeFragmentos (cod: Código) =

$$\sum_{i=0}^{|cod|-1} |(cod[i])_0| \cdot (cod[i])_1$$

proc comprimir (in pal: Palabra, out cod: Código) {

Pre {

$|pal| > 0$

}

Post {

$esCódigoVálido(cod) \wedge esDescompresión(cod, pal)$

}

pred esCódigoVálido(cod: Código) {

$(\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |cod| \Rightarrow \neg (cod[i]_0 > 0 \wedge (cod[i]_1 > 0)))$

}

}

proc optimizarCódigo (inout cod: Código) {

Pre {

$cod = C_0$

}

Post {

$(\exists pal: Palabra)$

$esDescompresión(C_0, pal)$

$\wedge esDescompresión(cod, pal)$

$\wedge esElCódigoMásBarato(cod, pal)$

)

}

pred esElCódigoMásBarato(C_1 : Código, pal: Palabra) {

$(\forall C_2: Código)(esDescompresión(C_2, pal) \Rightarrow costo(C_2) \geq costo(C_1))$

}

}

$$P : \{ k+1 < |S| \wedge \text{posicionesCorrespondientes}(s, k, i, j) \}$$

$$Q : \{ \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i, j) \}$$

$$B \equiv S[k] = 0$$

$$\neg B \equiv S[k] \neq 0$$

$$S_1 \equiv i := i + 1$$

$$S_2 \equiv j := 0$$

$$S_3 \equiv j := j + 1$$

$$S \equiv \text{if } B \text{ then } S_1; S_2 \text{ else } S_3 \text{ endif}$$

PREGUNTA A

$$\text{Ax}_3 \quad wp(S_1; S_2, Q) \equiv wp(S_1, wp(S_2, Q))$$

$$wp(S, Q) \stackrel{\text{Ax}_4}{\equiv} \text{def}(B) \wedge ((B \wedge wp(S_1, wp(S_2, Q))) \vee (\neg B \wedge wp(S_3, Q)))$$

$$\text{def}(B) \equiv 0 \leq k < |S|$$

$$wp(S_2, Q) \stackrel{\text{Ax}_1}{\equiv} Q_0^j \equiv \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i, 0) \equiv E_2$$

$$wp(S_1, wp(S_2, Q)) \equiv wp(S_1, E_2) \stackrel{\text{Ax}_1}{\equiv} E_2^{i+1} \equiv \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i+1, 0) \equiv E_1$$

$$wp(S_3, Q) \stackrel{\text{Ax}_1}{\equiv} Q_{j+1}^j \equiv \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i, j+1) \equiv E_3$$

$$wp(S, Q) \equiv \text{def}(B) \wedge ((B \wedge E_1) \vee (\neg B \wedge E_3))$$

$$\equiv 0 \leq k < |S| \wedge ($$

$$(S[k] = 0 \wedge \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i+1, 0))$$

$$\vee$$

$$(S[k] \neq 0 \wedge \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i, j+1))$$

$$)$$

PREGUNTA B

$$QVR: \{P\} \leq \{Q\} \Leftrightarrow P \Rightarrow wp(S, Q)$$

$$\text{posicionesCorrespondientes}(S, k, i, j) \Rightarrow 0 \leq k < |S|$$

$$\text{CASO } S[k] = 0: \quad QVR: \quad P \Rightarrow \text{posicionesCorrespondientes}(S, k+1, i+1, 0)$$

$$\text{posicionesCorrespondientes}(S, k+1, i+1, 0)$$

$$\equiv (0 \leq k+1 < |S| \wedge 0 \leq 0 \leq k+1) \quad ①$$

$$\wedge \text{cantApariciones}(\text{subseq}(S, 0, k+1-0), 0) = i+1 \quad ②$$

$$\wedge (k+1-0=0 \vee S[k+1-0-1] = 0) \quad ③$$

$$\wedge \text{cantApariciones}(\text{subseq}(S, k+1-0, k+1), 0) = 0 \quad ④$$

$$① \text{ POR } P: \quad k+1 < |S| \wedge 0 \leq k < |S| \Rightarrow 0 \leq k+1 < |S| \wedge 0 \leq k+1$$

$$② \text{ POR } P: \quad \text{cantApariciones}(\text{subseq}(S, 0, k-j), 0) = i$$

ES DECIR HAY i CANTIDAD DE 0 EN LA SUBSEQ ENTRE $[0, k-j]$

$$\text{ADEMÁS POR } P: \quad \text{cantApariciones}(\text{subseq}(S, k-j, k), 0) = 0$$

NOS DICE QUE NO HAY NINGÚN 0 EN LA SUBSEQ ENTRE $[k-j, k]$

$$\Rightarrow \text{cantApariciones}(\text{subseq}(S, 0, k), 0) = i$$

ES DECIR HAY i CANTIDAD DE CEROS EN LA SUBSEQ ENTRE $[0, k]$

COMBINANDO ESTO CON EL CASO $S[k] = 0$, PODEMOS IMPLICAR ②

$$\Rightarrow \text{cantApariciones}(\text{subseq}(S, 0, k+1), 0) = i+1$$

ES DECIR AHORA HAY $i+1$ CANTIDAD DE 0 EN LA SUBSEQ ENTRE $[0, k+1]$

PUES INCLUÍMOS $S[k]$ EN LA SUBSEQ QUE SABEMOS QUE VALE 0.

③ SIMPLIFIQUEMOS LO QUE QUEREMOS IMPLICAR

$$(k+1=0 \vee s[k+1-0-1]=0) \equiv k+1=0 \vee s[k]=0$$

COMO ESTAMOS EN EL CASO $s[k]=0$, ESTE PREDICADO SE CUMPLE.

⑦ SIMPLIFIQUEMOS LO QUE QUEREMOS IMPLICAR

$$\text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, k+1-0, k+1), 0) = 0$$

DEVUELVE UNA LISTA VACÍA

$$\equiv \text{cantApariciones}(\langle \rangle, 0) = 0 \equiv \text{True} \quad \text{ES UNA TAUTOLOGÍA}$$

CASO $s[k] \neq 0$: QVA: $P \Rightarrow \text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i, j+1)$

$\text{posicionesCorrespondientes}(s, k+1, i, j+1)$

$$\equiv (0 \leq k+1 < |s| \wedge 0 \leq j+1 \leq k+1)$$

$$\wedge \text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, 0, k+1-(j+1)), 0) = i$$

$$\wedge (k+1-(j+1)=0 \vee s[k+1-(j+1)-1]=0)$$

$$\wedge \text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, k+1-(j+1), k+1), 0) = 0$$

$$\equiv (0 \leq k+1 < |s| \wedge 0 \leq j+1 \leq k+1) \quad ①$$

$$\wedge \text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, 0, k-j), 0) = i \quad ②$$

$$\wedge (k-j=0 \vee s[k-j-1]=0) \quad ③$$

$$\wedge \text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, k-j, k+1), 0) = 0 \quad ④$$

② Y ③ SON IMPLICADOS TRIVIALMENTE POR P PUES SON EXACTAMENTE LOS MISMOS PREDICADOS.

$$① \text{ POR } P: k+1 < |s| \wedge 0 \leq k < |s| \Rightarrow 0 \leq k+1 < |s|$$

$$\text{POR } P: 0 \leq j \leq k \Rightarrow 1 \leq j+1 \leq k+1 \Rightarrow 0 \leq j+1 \leq k+1$$

$$④ \text{ POR } P: \text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, k-j, k), 0) = 0$$

ADEMÁS ESTAMOS EN EL CASO $s[k] \neq 0$, ENTONCES SI INCLUÍMOS LA

POSICIÓN k EN LA SUBSECUENCIA, VAMOS A SUMAR 0 APARICIONES DEL 0

PUES $s[k] \neq 0$

$$\Rightarrow \text{cantApariciones}(\text{subseq}(s, k-1, k+1), 0) = 0 + 0 = 0$$

int i = 0



while (i < c.size())

FALSE

→ int j = 0

↓ TRUE

c[i] = 0



i = i + 1



FALSE

return



while j < s.size()

↓ TRUE

int k = s[j]



if (c[k] == 3)

↓ TRUE

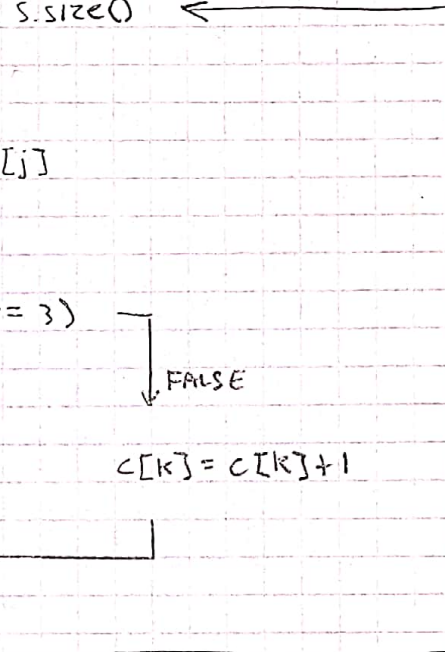
c[k] = 0

FALSE

c[k] = c[k] + 1



j = j + 1



PREGUNTAS

B C

test suite : Test 1 (Y ÚNICO)

ENTRADA: $S = \{0, 0, 0, 0\}$

$C = \{0, 0, 0, 0\}$

SALIDA: $C = \{1, 0, 0, 0\}$

LÍNEAS CUBIERTAS: L1, L2, L3, L4, L5, L6, L7, L8, L9, L10, L11, L12

DECISIONES CUBIERTAS: L2-TRUE, L2-FALSE, L6-TRUE, L6-FALSE,
L8-TRUE, L8-FALSE

ESTE TEST CASE CAPTURA EL BUG. EL PROGRAMA DEVUELVE

$C = \{0, 0, 0, 0\} \neq \{1, 0, 0, 0\}$

PREGUNTA D

SÍ, SE PUEDE

test:

ENTRADA: $S = \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\}$

$C = \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\}$

SALIDA: $C = \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\}$