



DEPARTAMENTO  
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

## Práctica 3

2do cuatrimestre 2021 (virtual)

Algoritmos y Estructuras de Datos 1

Integrante	LU	Correo electrónico
Jonathan Bekenstein	348/11	<a href="mailto:jbekenstein@dc.uba.ar">jbekenstein@dc.uba.ar</a>



**Facultad de Ciencias Exactas y Naturales**

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

# Índice

<b>3. Práctica 3</b>	<b>2</b>
3.1. Ejercicio 1 . . . . .	2
3.2. Ejercicio 2 . . . . .	2
3.3. Ejercicio 3 . . . . .	3
3.4. Ejercicio 4 . . . . .	3
3.5. Ejercicio 5 . . . . .	4
3.6. Ejercicio 6 . . . . .	4
3.7. Ejercicio 7 . . . . .	5
3.8. Ejercicio 8 . . . . .	6
3.9. Ejercicio 9 . . . . .	6
3.10. Ejercicio 10 . . . . .	7
3.11. Ejercicio 11 . . . . .	7
3.12. Ejercicio 12 . . . . .	8
3.13. Ejercicio 13 . . . . .	8
3.14. Ejercicio 14 . . . . .	8
3.15. Ejercicio 15 . . . . .	10

### 3. Práctica 3

#### 3.1. Ejercicio 1

##### 3.1.A. Pregunta A

El problema es que la postcondición se puede indefinir si *result* está fuera del rango de la secuencia. Y eso no puede suceder nunca, las pre y post condiciones solo pueden ser verdaderas o falsas, nunca indefinidas.

```
proc buscar (in l: seq(R), in elem: R, out result: Z) {  
    Pre {elem ∈ l}  
    Post {0 ≤ result < |l| ∧L l[result] = elem}  
}
```

##### 3.1.B. Pregunta B

El problema es que se indefine al indexar  $l[i - 1]$  cuando  $i = 0$ . Como queremos verificar que el elemento en el índice  $i$  sea el doble que el elemento en el índice  $i - 1$ , tenemos que arrancar a revisar desde  $i = 1$ . Si la secuencia tiene un único elemento, entonces no hay que revisar nada pues el primer número de la progresión geométrica no va a ser el doble de nadie.

Además, la variable de salida *result*, al ser del tipo **Bool** se debe comparar con *true* en minúscula.

```
proc progresionGeometricaFactor2 (in l: seq(Z), out result: Bool) {  
    Pre {True}  
    Post {result = true ↔ ((∀i : Z)(1 ≤ i < |l| →L l[i] = 2 * l[i - 1]))}  
}
```

##### 3.1.C. Pregunta C

El problema es que en la postcondición se pide  $y \neq x$  pero en el contexto de esta especificación,  $x$  no está definido. En cambio, lo que habría que pedir es que  $y \neq result$  o más simple aún, quitar esa condición y pedir  $y \geq result$ . A su vez, también falta especificar que  $result \in l$  para garantizar que *result* realmente sea un elemento de la secuencia.

```
proc minimo (in l: seq(Z), out result: Z) {  
    Pre {True}  
    Post {result ∈ l ∧ (∀y : Z)(y ∈ l → y ≥ result)}  
}
```

#### 3.2. Ejercicio 2

##### 3.2.A. Pregunta A

Por ejemplo  $l = \langle 1 \rangle$ ,  $suma = 2$ . Cumplen la precondition que es simplemente *True* (o sea, cualquiera cosa cumple la precondition). Pero no existe forma de cumplir con la postcondición ya que no hay suficientes elementos en  $l$  para que sumados den 2.

##### 3.2.B. Pregunta B

Sigue siendo inválida porque solo restringe el valor máximo y mínimo que puede tener *suma* pero no garantiza que efectivamente existan elementos en  $l$  que sumados den *suma*. Por ejemplo  $l = \langle 1, 3 \rangle$ ,  $suma = 2$ . Con estos valores se cumple la precondition:  $\min\_suma(l) \leq suma \leq \max\_suma(l) \leftrightarrow 0 \leq 2 \leq 3$  pero no existen elementos en  $l$  que sumados den exactamente 2.

### 3.2.C. Pregunta C

$$(\exists s : seq(\mathbb{Z}))((\forall x : \mathbb{Z})(\#apariciones(x, s) \leq \#apariciones(x, l)) \wedge suma = \sum_{i=0}^{|s|-1} s[i])$$

## 3.3. Ejercicio 3

### 3.3.A. Pregunta A

- I)  $x = 0 \rightarrow result \in \{0\}$
- II)  $x = 1 \rightarrow result \in \{-1, 1\}$
- III)  $x = 27 \rightarrow result \in \{-\sqrt{27}, \sqrt{27}\}$

### 3.3.B. Pregunta B

- I)  $l = \langle 1, 2, 3, 4 \rangle \rightarrow result \in \{3\}$
- II)  $l = \langle 15.5, -18, 4.215, 15.5, -1 \rangle \rightarrow result \in \{0, 3\}$
- III)  $l = \langle 0, 0, 0, 0, 0, 0 \rangle \rightarrow result \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$

### 3.3.C. Pregunta C

- I)  $l = \langle 1, 2, 3, 4 \rangle \rightarrow result = 3$
- II)  $l = \langle 15.5, -18, 4.215, 15.5, -1 \rangle \rightarrow result = 0$
- III)  $l = \langle 0, 0, 0, 0, 0, 0 \rangle \rightarrow result = 0$

### 3.3.D. Pregunta D

*indiceDelPrimerMaximo* y *indiceDelMaximo* tienen necesariamente la misma salida cuando no hay valores repetidos en la secuencia  $l$ . En estos casos, sería cuando  $l = \langle 1, 2, 3, 4 \rangle$ .

## 3.4. Ejercicio 4

### 3.4.A. Pregunta A

Incorrecta porque las 2 expresiones deberían estar unidas con un  $\vee$ , ya que sino es imposible que se cumplan ambas al mismo tiempo (pues piden  $a < 0$  y también  $a \geq 0$ ).

### 3.4.B. Pregunta B

Incorrecta porque la postcondición no contempla el caso cuando  $a = 0$ .

### 3.4.C. Pregunta C

Correcta.

### 3.4.D. Pregunta D

Correcta.

### 3.4.E. Pregunta E

Incorrecta porque cuando  $a \geq 0$ , la implicación  $a < 0 \rightarrow result = 2 * b$  resulta *True* pues no se cumple el antecedente. Y luego como las 2 implicaciones están unidas con un  $\vee$ , este *True* ya hace que toda la postcondición sea *True* sin importar si efectivamente  $result = b - 1$  como debería ser según la especificación. Pasa lo mismo de forma análoga cuando  $a < 0$ .

### 3.4.F. Pregunta F

Correcta.

## 3.5. Ejercicio 5

### 3.5.A. Pregunta A

Si recibe  $x = 3$  devuelve  $result = 9$ , lo cual hace verdadera la postcondición pues  $9 > 3$ .

### 3.5.B. Pregunta B

$$x = 0.5 \rightarrow result = 0.5^2 = 0.25 \not> 0.5$$

$$x = 1 \rightarrow result = 1^2 = 1 \not> 1$$

$$x = -0.2 \rightarrow result = (-0.2)^2 = 0.04 > -0.2$$

$$x = -7 \rightarrow result = (-7)^2 = 49 > -7$$

### 3.5.C. Pregunta C

```
proc unoMasGrande (in x: R, out result: R) {  
    Pre { $x < 0 \vee x > 1$ }  
    Post { $result > x$ }  
}
```

## 3.6. Ejercicio 6

### 3.6.A. Pregunta A

$$P3 > P1 > P2$$

### 3.6.B. Pregunta B

$$Q3 > Q1 > Q2$$

### 3.6.C. Pregunta C

Programa 1:  $r := x * x$

Programa 2:  $r := x * x + 1$

### 3.6.D. Pregunta D

- a) Cumple porque la nueva precondition (P3) es más fuerte que la precondition original (P1).
- b) No cumple porque la nueva precondition (P2) es más débil que la precondition original (P1).
- c) Cumple porque la nueva postcondition (Q2) es más débil que la postcondition original (Q1).

- d) No cumple porque la nueva postcondición (Q3) es más fuerte que la postcondición original (Q1).
- e) Cumple porque la nueva precondición (P3) es más fuerte que la precondición original (P1) y la nueva postcondición (Q2) es más débil que la postcondición original (Q1).
- f) No cumple porque la nueva precondición (P2) es más débil que la precondición original (P1).
- g) No cumple porque la nueva postcondición (Q3) es más fuerte que la postcondición original (Q1).
- h) No cumple porque la nueva precondición (P2) es más débil que la precondición original (P1) y además la nueva postcondición (Q3) es más fuerte que la postcondición original (Q1).

### 3.6.E. Pregunta E

Dado un algoritmo que cumple con una especificación, es posible reemplazar dicha especificación por otra y que el algoritmo siga cumpliendo si:

- 1) La nueva precondición es más fuerte que la original y la nueva postcondición es más débil que la original.
- 2) La nueva precondición es más fuerte que la original y la postcondición se mantiene igual
- 3) La precondición se mantiene igual y la nueva postcondición es más débil que la original.

## 3.7. Ejercicio 7

### 3.7.A. Pregunta A

Sabiendo que vale la precondición de  $p1$  se puede afirmar que  $x \neq 0$ .

Luego, se puede dividir en 2 casos para ver cuándo vale la precondición de  $p2$ :

- 1) Si  $n > 0$  el antecedente de la implicación es falso y así la implicación resulta verdadera, sin importar el valor de  $x$ .
- 2) Si  $n \leq 0$  la implicación resulta verdadera si  $x \neq 0$ . Esto vale pues sabemos que se cumple la precondición de  $p1$ .

Por lo tanto vale la precondición de  $p2$ .

### 3.7.B. Pregunta B

En esencia lo que nos piden es probar que  $Post_{p2} \rightarrow Post_{p1} \equiv (result = \lfloor x^n \rfloor \rightarrow x^n - 1 < result \leq x^n)$ .

El algoritmo usado para calcular la parte entera de  $x^n$  es la función [piso](#) (notar las patitas en la parte inferior de las barras), por lo tanto:

$$\begin{aligned}
 result = \lfloor x^n \rfloor &\leftrightarrow result \leq x^n < result + 1 \\
 &\leftrightarrow result \leq x^n \wedge x^n < result + 1 \\
 &\leftrightarrow result \leq x^n \wedge x^n - 1 < result \\
 &\leftrightarrow x^n - 1 < result \leq x^n
 \end{aligned}$$

### 3.7.C. Pregunta C

No, porque  $Pre_{p2}$  solo asegura  $x \neq 0$  cuando  $n \leq 0$ . Por lo tanto, para  $n > 0$  no podemos garantizar que se cumpla  $x \neq 0$  para satisfacer  $Pre_{p1}$ .

### 3.8. Ejercicio 8

Notar que  $Pre_{n-esimo1}$  compara con  $<$ , lo cual significa que no pueden haber 2 elementos iguales en la secuencia  $l$ . Por lo tanto, vale que  $Pre_{n-esimo1} \rightarrow Pre_{n-esimo2}$ .

Por otro lado,  $Post_{n-esimo1}$  nos dice que  $result \in l$  y además que está en la posición  $n$ . Debido a que  $Pre_{n-esimo1}$  garantiza que la secuencia  $l$  está ordenada, la forma de obtener el índice de  $result$  definida en  $Post_{n-esimo2}$  en efecto nos va a dar el valor correcto para  $n$ .

Al revés no funciona porque  $Pre_{n-esimo2}$  solo garantiza que los elementos de la secuencia  $l$  sean distintos entre sí, pero eso no implica que la secuencia esté ordenada. Por ejemplo  $\langle 1, 3, 2 \rangle$  satisface  $Pre_{n-esimo2}$  pero no  $Pre_{n-esimo1}$ .

### 3.9. Ejercicio 9

#### 3.9.A. Pregunta A

Dado un número entero, decidir si es par.

```
proc esPar (in n:  $\mathbb{Z}$ , out r: Bool) {  
    Pre {True}  
    Post { $r = true \leftrightarrow n \bmod 2 = 0$ }  
}
```

#### 3.9.B. Pregunta B

Dado un entero  $n$  y uno  $m$ , decidir si  $n$  es un múltiplo de  $m$ .

```
proc esMúltiplo (in n:  $\mathbb{Z}$ , in m:  $\mathbb{Z}$ , out r: Bool) {  
    Pre {True}  
    Post { $r = true \leftrightarrow n \bmod m = 0$ }  
}
```

#### 3.9.C. Pregunta C

Dado un número real, devolver su inverso multiplicativo.

```
proc inversoMultiplicativo (in x:  $\mathbb{R}$ , out r:  $\mathbb{R}$ ) {  
    Pre { $x \neq 0$ }  
    Post { $r = 1/x$ }  
}
```

#### 3.9.D. Pregunta D

Dada una secuencia de caracteres, obtener de ella solo los que son numéricos (con todas sus apariciones sin importar el orden de aparición).

```
proc subseqDeNumeros (in s: seq(Char), out r: seq(Char)) {  
    Pre {True}  
    Post {( $\forall c : Char$ )(#apariciones( $r, c$ ) = if '0'  $\leq c \leq$  '9' then #apariciones( $s, c$ ) else 0 fi)}  
}
```

### 3.9.E. Pregunta E

Dada una secuencia de reales, devolver la secuencia que resulta de duplicar sus valores en las posiciones impares.

```
proc duplicarPosicionesImpares (in s: seq( $\mathbb{R}$ ), out r: seq( $\mathbb{R}$ )) {  
    Pre {True}  
    Post {|r| = |s|  $\wedge$  ( $\forall i : \mathbb{Z}$ )( $0 \leq i < |r| \longrightarrow_L r[i] = \text{if } i \text{ mód } 2 = 0 \text{ then } s[i] \text{ else } s[i] * 2 \text{ fi}$ )}}  
}
```

### 3.9.F. Pregunta F

Dado un número entero, listar todos sus divisores positivos (sin duplicados).

```
proc divisoresPositivos (in n:  $\mathbb{Z}$ , out r: seq( $\mathbb{Z}$ )) {  
    Pre {True}  
    Post {( $\forall k : \mathbb{Z}$ )( $(k > 0 \wedge n \text{ mód } k = 0 \leftrightarrow k \in r) \wedge (\#apariciones(r, k) \leq 1)$ )}}  
}
```

## 3.10. Ejercicio 10

### 3.10.A. Pregunta A

Tiene sentido la pregunta y la respuesta es que no, 4 no es múltiplo de 0 pues  $\nexists n \in \mathbb{Z} \mid 4 = 0 * n$ .

### 3.10.B. Pregunta B

Sí, debería ser una entrada válida pero no lo es en la especificación dada, pues la precondition pide  $m \neq 0$ .

### 3.10.C. Pregunta C

```
proc esMultiplo (in n, m:  $\mathbb{Z}$ , out result: Bool) {  
    Pre {True}  
    Post {result = if m = 0 then n = 0 else n mód m = 0 fi}  
}
```

### 3.10.D. Pregunta D

La precondition original es más fuerte pues  $m \neq 0 \rightarrow \text{True}$  es una tautología.

## 3.11. Ejercicio 11

### 3.11.A. Pregunta A

A priori la especificación solo indica duplicar los valores en las posiciones impares, pero no dice nada explícito sobre qué hacer con los valores en las posiciones pares.

Si solo consideramos el requerimiento de duplicar los valores en las posiciones impares, entonces el resultado sería correcto.

Si además suponemos que se deben mantener intactos los valores en las posiciones pares, entonces el resultado no sería correcto.

Por eso, honrando al Zen de Python, explícito es mejor que implícito.



### 3.11.B. Pregunta B

Sí, satisface la postcondición.

### 3.11.C. Pregunta C

Asumo que “el resultado esperado” es que los valores en las posiciones pares sean exactamente los mismos valores de la secuencia de entrada  $l$ , además de duplicar los valores en las posiciones impares.

Esto ya lo implementé en el ejercicio 9.E.

### 3.11.D. Pregunta D

La nueva postcondición es más fuerte.

## 3.12. Ejercicio 12

```
proc enteroABinario (in n:  $\mathbb{Z}$ , out r:  $seq\langle\mathbb{Z}\rangle$ ) {  
    Pre {True}  
    Post {(n =  $\sum_{i=0}^{|r|-1} r[|r| - 1 - i] * 2^i) \wedge (\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i < |r| \longrightarrow_L (r[i] = 0 \vee r[i] = 1))}$   
}
```

## 3.13. Ejercicio 13

Repaso:

- 1) Sobre-especificado: postcondición mas restrictiva de lo necesario (excluye resultados válidos).
- 2) Sub-especificado: precondition mas restrictiva de lo necesario (excluye entradas válidas) o postcondición muy débil (incluye resultados inválidos).

Entonces, respecto al ejercicio 8:

- 1) `n-esimo1` está sub-especificado pues la precondition pide que la secuencia esté ordenada cuando eso no es realmente relevante al problema en cuestión, excluyendo así entradas válidas para el problema.
- 2) `n-esimo2` está sobre-especificado pues la postcondición implica que la secuencia está ordenada. Además eso tiene otro problema ya que la precondition no garantiza que la secuencia esté ordenada.

*Nota: Verificar esta respuesta, no estoy seguro.*

## 3.14. Ejercicio 14

Especificar los siguientes problemas:

### 3.14.A. Pregunta A

Dado un número entero positivo, obtener la suma de sus factores primos.

```
pred esPrimo (n:  $\mathbb{Z}$ ) {  
    ( $\forall k : \mathbb{Z})(1 < k < n \longrightarrow_L n \bmod k \neq 0)$ 
```

```

}

proc sumaDeFactoresPrimos (in n:  $\mathbb{Z}$ , out r:  $\mathbb{Z}$ ) {
  Pre  $\{n > 0\}$ 
  Post  $\{r = \sum_{k=2}^n \text{if } esPrimo(k) \wedge n \bmod k = 0 \text{ then } k \text{ else } 0 \text{ fi}\}$ 
}

```

### 3.14.B. Pregunta B

Dado un número entero positivo, decidir si es perfecto. Se dice que un número es perfecto cuando es igual a la suma de sus divisores (excluyéndose a sí mismo).

```

proc esPerfecto (in n:  $\mathbb{Z}$ , out r: Bool) {
  Pre  $\{n > 0\}$ 
  Post  $\{r = true \leftrightarrow n = \sum_{k=1}^{n-1} \text{if } n \bmod k = 0 \text{ then } k \text{ else } 0 \text{ fi}\}$ 
}

```

### 3.14.C. Pregunta C

Dado un número entero positivo  $n$ , obtener el menor entero positivo  $m > 1$  tal que  $m$  sea coprimo con  $n$ .

```

pred sonCoprimeros (n, m:  $\mathbb{Z}$ ) {
   $(\forall k : \mathbb{Z})((k > 1) \longrightarrow_L \neg(n \bmod k = 0 \wedge m \bmod k = 0))$ 
}

proc menorCoprimeros (in n:  $\mathbb{Z}$ , out m:  $\mathbb{Z}$ ) {
  Pre  $\{n > 0\}$ 
  Post  $\{m > 1 \wedge sonCoprimeros(n, m) \wedge (\forall k : \mathbb{Z})(k > 1 \wedge sonCoprimeros(n, k) \rightarrow m \leq k)\}$ 
}

```

### 3.14.D. Pregunta D

Dado un entero positivo, obtener su descomposición en factores primos. Devolver una secuencia de tuplas  $(p, e)$ , donde  $p$  es un factor primo y  $e$  es su exponente, ordenada en forma creciente con respecto a  $p$ .

```

pred esPrimo (n:  $\mathbb{Z}$ ) {
   $(\forall k : \mathbb{Z})(1 < k < n \longrightarrow_L n \bmod k \neq 0)$ 
}

pred esUnaFactorizacionEnPrimeros (r:  $seq\langle \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rangle$ ) {
   $(\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i < |r| \longrightarrow_L esPrimo(r[i]_0) \wedge r[i]_1 \geq 1 \wedge (\nexists j : \mathbb{Z})(0 \leq j < |r| \wedge j \neq i \wedge_L r[j]_0 = r[i]_0))$ 
}

pred esLaFactorizacionEnPrimeros (r:  $seq\langle \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rangle$ , n:  $\mathbb{Z}$ ) {
   $\prod_{i=0}^{|r|-1} r[i]_0^{r[i]_1} = n$ 
}

pred estaOrdenada (r:  $seq\langle \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rangle$ ) {
   $(\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i < |r| - 1 \longrightarrow_L r[i]_0 < r[i+1]_0)$ 
}

proc descomponerEnPrimeros (in n:  $\mathbb{Z}$ , out r:  $seq\langle \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \rangle$ ) {

```

```

Pre { $n > 0$ }
Post { $esUnaFactorizacionEnPrimos(r) \wedge esLaFactorizacionEnPrimos(r, n) \wedge estaOrdenada(r)$ }
}

```

### 3.14.E. Pregunta E

Dada una secuencia de números reales, obtener la diferencia máxima entre dos de sus elementos.

```

proc maximaDiferencia (in s: seq( $\mathbb{R}$ ), out r:  $\mathbb{R}$ ) {
  Pre { $|s| \geq 2$ }
  Post { $(\exists x, y : \mathbb{R})(x, y \in s \wedge r = x - y \wedge (\nexists z, w : \mathbb{R})(z, w \in s \wedge z \neq x \wedge y \neq w \wedge z - w > r))$ }
}

```

### 3.14.F. Pregunta F

Dada una secuencia de números enteros, devolver aquel que divida a más elementos de dicha secuencia. El elemento tiene que pertenecer a la secuencia original. Si existe más de un elemento que cumple esta propiedad, devolver alguno de ellos.

aux aCuantosDivide (n:  $\mathbb{Z}$ , s: seq( $\mathbb{Z}$ )) : Bool =  $\#\{k \in s \mid k \bmod n = 0\}$ ;

```

proc divideAMasElementos (in s: seq( $\mathbb{Z}$ ), out r:  $\mathbb{Z}$ ) {
  Pre { $|s| \geq 1$ }
  Post { $r \in s \wedge (\forall n \in s)(n \neq 0 \longrightarrow_L aCuantosDivide(n, s) \leq aCuantosDivide(r, s))$ }
}

```

## 3.15. Ejercicio 15

Especificar los siguientes problemas sobre secuencias:

### 3.15.A. Pregunta A

Devuelve el índice de la  $n$ -ésima aparición de  $e$  en  $l$ .

Ejemplo:  $nEsimaAparicion(l = \langle 1, 2, 3, 2, 4, 5, 6, 2, 7, 8, 2, 9, 0 \rangle, e = 2, n = 3) = 7$

```

proc nEsimaAparicion (in l: seq( $\mathbb{R}$ ), in e:  $\mathbb{R}$ , in n:  $\mathbb{Z}$ , out r:  $\mathbb{Z}$ ) {
  Pre { $e \in l$ }
  Post { $0 \leq r < |l| \wedge_L l[r] = e \wedge_L n = \sum_{i=0}^{i=r} \text{if } s[i] = e \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi}$ }
}

```

### 3.15.B. Pregunta B

Dadas dos secuencias  $s$  y  $t$ , decidir si  $s$  es una subcadena de  $t$ .

```

proc esSubSecuencia (in s: seq( $T$ ), in t: seq( $T$ ), out r: Bool) {
  Pre {True}
  Post { $r = \text{true} \leftrightarrow (\exists i, j : \mathbb{Z})(0 \leq i, j < |s| \wedge_L s = \text{subseq}(t, i, j))$ }
}

```

### 3.15.C. Pregunta C

Dadas dos secuencias  $s$  y  $t$ , decidir si  $s$  está incluida en  $t$ , es decir, si todos los elementos de  $s$  aparecen en  $t$  en igual o mayor cantidad.

```
proc estaIncluida (in s: seq⟨T⟩, in t: seq⟨T⟩, out r: Bool) {  
    Pre {True}  
    Post {r = true ↔ (∀i : ℤ)(0 ≤ i < |s| →L #apariciones(s, s[i]) ≤ #apariciones(t, s[i]))}  
}
```

### 3.15.D. Pregunta D

Recibe dos secuencias ordenadas y devuelve el resultado de intercalar sus elementos de manera ordenada.

aux min (a: ℤ, b: ℤ) : ℤ = if a ≤ b then a else b fi;

```
proc mezclarOrdenado (in s, t: seq⟨ℤ⟩, out r: seq⟨ℤ⟩) {  
    Pre {True}  
    Post {  
        |r| = |s| + |t|  
        ∧ (∀i : ℤ)(0 ≤ i < min(|s|, |t|) →L r[i * 2] = s[i] ∧L r[i * 2 + 1] = t[i])  
        ∧ |s| > |t| →L subseq(s, |t|, |s|) = subseq(r, |t|, |r|)  
        ∧ |t| > |s| →L subseq(t, |s|, |t|) = subseq(r, |s|, |r|)  
    }  
}
```