

13. Decimos que una matriz cuadrada, simétrica y positiva  $M \in \mathbb{N}^2$  es de *Floyd-Warshall* (FW) si existe un grafo  $G$  tal que  $M$  es el resultado de aplicar FW a  $G$ . Describir un algoritmo para decidir si una matriz  $M$  es FW. En caso afirmativo, el algoritmo debe retornar un grafo  $G$  con la mínima cantidad de aristas posibles tal que el resultado de FW sobre  $G$  sea  $M$ . En caso negativo, el algoritmo debe retornar alguna evidencia que pruebe que  $M$  no es FW.

Revisamos que se cumpla la post condición de FW.

```
For K = 1 to n:
```

```
  for i = 1 to n:
```

```
    for j = 1 to n:
```

```
      if  $M_{ij} > M_{ik} + M_{kj}$ : return false
```

Si llegamos acá  $M$  es una matriz FW.

Colocamos todas las aristas posibles primero.

$$E(G) = \{ (u,v) \text{ con } w(u,v) = M_{uv} \mid u \neq v \wedge M_{uv} < \infty \}$$

Luego sacamos las redundantes.

```
For K = 1 to n:
```

```
  for i = 1 to n:
```

```
    for j = 1 to n:
```

```
      if  $M_{ij} = M_{ik} + M_{kj}$ :
```

```
         $E(G) = E(G) \setminus (i,j)$ 
```