

G digrafo vértices etiquetados con letras

P conjunto de palabras

Guiso de letras tiene solución

$$\Leftrightarrow \forall p \in P, \exists C_1 \in G \text{ t.q. } C_1 = v_1 v_2 \dots v_k = p$$

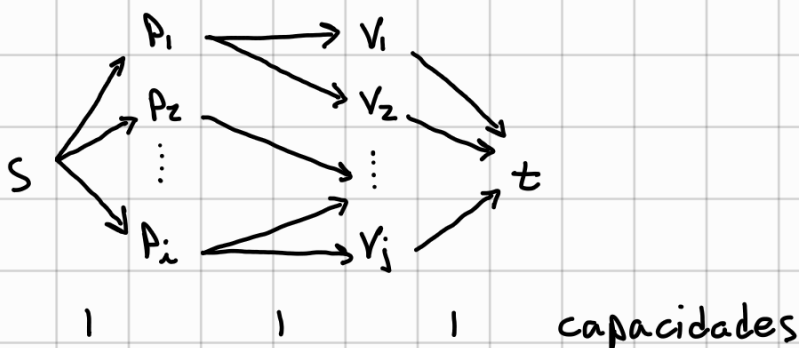
camino

$$\wedge \nexists C_2 \in G, q \in P \text{ t.q. } C_2 = u_1 u_2 \dots u_r = q \neq p$$
$$\wedge v_1 = u_1$$

Es decir: tenemos que ver si existen suficientes caminos para que cada palabra tenga un camino que comienza en un vértice único (que no es parte de ningún otro camino).

Modelo:

- Capa de palabras conectadas al primer vértice de cada camino que la forma.
- Capa de vértices para restringir que el primer vértice de cada camino solo puede usarse una única vez.



Unidad de Flujo: asignación de un vértice inicial a una palabra.

Restricciones: cada palabra requiere de al menos 1 camino que comienza en un vértice que pertenece a ningún otro camino.

Flujo máximo: cantidad de palabras con caminos "válidos".
Si $F = |P|$ hay solución. Las aristas $p_i \rightarrow v_j$ con Flujo 1 indican con qué vértice comienza el camino de cada palabra.

Complejidad:

$$n = O(P + G)$$

$$m = O(P + PG + 2G) = O(PG)$$

$$\left. \begin{array}{l} EK = O(nm^2) \\ FF = O(mF) \end{array} \right\} O(m \cdot \min\{nm, F\})$$

$$F \leq |P|$$

$$O(PG \cdot \min\{(P+G)PG, P\}) = O(P^2G)$$