

Sea T_1 AGM, T_2 algún AG $\nmid T_1 \neq T_2$.

Veamos que $w(T_1) < w(T_2)$.

Como $T_1 \neq T_2$ difieren en al menos una arista.

Sea $e_1 \in T_1 \wedge e_1 \notin T_2 \Rightarrow T_2 + e_1$ tiene un ciclo C y $e_1 \in C$.

T_2 tiene alguna otra arista $e_2 \neq e_1$ $\nmid e_2 \in C$.

Veamos que $w(e_1) < w(e_2)$ pues T_1 es AGM.

Si sucede que $w(e_1) > w(e_2)$, entonces podríamos construir otro

AG $T_3 = T_1 - e_1 + e_2$ con $w(T_3) < w(T_1)$. Absurdo pues T_1 es AGM.

Luego sigue que $w(T_1) < w(T_2)$.



Sean T_1 y T_2 dos AGMs. Supongamos que $T_1 \neq T_2$.

Sea e_1 la arista de menor peso de todas las aristas que están solo en T_1 o solo en T_2 ($e_1 \in E(T_1) \Delta E(T_2)$). Sin pérdida de generalidad sea $e_1 \in E(T_1)$.

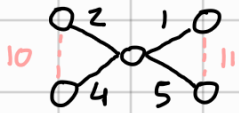
Entonces $T_2 + e_1$ tiene un ciclo, y existe una arista $e_2 \in E(T_2) \wedge e_2 \notin E(T_1)$ que está en ese ciclo.

Por cómo elegimos e_1 y porque todas las aristas tienen pesos distintos vale:
 $w(e_1) < w(e_2)$.

Sea $T = T_2 - e_2 + e_1$, T es un AG.

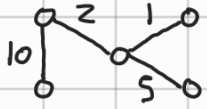
$w(T) = w(T_2) - w(e_2) + w(e_1) < w(T_2)$ pues $w(e_1) < w(e_2)$

Absurdo porque T_2 es AGM. Entonces necesariamente $T_1 = T_2$ y existe un único AGM si el peso de las aristas son todos distintos.

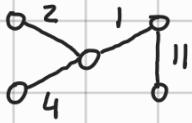


$$\Sigma = 12$$

no están en el AGM



$$\Sigma = 18$$



$$\Sigma = 18$$

} Σ AGMs