HeapSort

堆排序是一种基于二叉堆数据结构的,基于比较的技术。类似于选择排序,都是先找到最大的元素,然 后将最大的元素放在最后。然后对剩余的元素重复相同的过程。

二叉堆

首先定义完全二叉树。完全二叉树是每一层除了租后一层都是完全满的,最后一层的节点也是尽可能的靠左。

二叉堆是一个完全二叉树,每个节点都是特殊排序的,使得父节点比它两个孩子节点都大(或小)。前者角大顶堆,后者叫小顶堆。这个堆可以用二叉树或者数组表示。

二叉堆的数组表示

因为二叉堆是完全二叉树,所以它可以被轻易地用数组表示,而且用数组表示更加空间高效。如果父节点被存在索引i,那么两个孩子节点是2*i+1和2*i+2,假设起始索引为0。

堆排算法的升序排列

- 对输入数据建一个大顶堆
- 此时堆顶是最大元素,将它和最后一个元素交换。将堆的大小减一。
- while heap size > 1 重复此步骤。

如何建堆

堆化 (heapify)步骤只能被应用在一个孩子节点已经被堆化的节点上。所以堆化一定要自底向上进行。

常见的做法是,从堆大小的一半处为索引起始,向前堆化。堆化的方法可以采用下沉法。

```
# 小的往下下沉

def sink(self, array, n, k):
    left = 2 * k + 1
    right = 2 * k + 2
    if left >= n:
        return

max_i = left
    if right < n and array[left] < array[right]:
        max_i = right
    if array[max_i] > array[k]:
        array[max_i], array[k] = array[k], array[max_i]
        self.sink(array, n, max_i)

def build_heap(self, list_):
    n = len(list_)
```

```
for i in range(n // 2 - 1, -1, -1):
    self.sink(list_, n, i)
return list_
```

堆排的代码自然能写出

```
def heapSort(self, arr):
    self.build_heap(arr)
    for i in range(len(arr) - 1, 0, -1):
        arr[i], arr[0] = arr[0], arr[i]
        self.sink(arr, i, 0)
```

注意点

- 堆排是in-place的排序方法
- 它典型的实现是不稳定的, 但是可以使得稳定, 链接。
- 时间复杂度:
 - 。 堆化O(logN)
 - 。 建堆的时间复杂度是O(N),这里可以数学证明build_heap的时间复杂度是O(N)的。总体的时间复杂度 $O(\log N)$ 的。

堆排序的应用

- 排序一个几乎排好序的数组(或者可以说距离目标位置不超过 K)
- k largest(or smallest) elements in an array

堆排序算法的用途有限,因为快速排序和归并排序在实践中更好(因为建堆实际上增大了数组的逆序度,而基于比较的排序的复杂度与逆序度有关)。然而,堆数据结构本身却被大量使用。