语法分析

1 语法分析的任务

语法分析的主要任务是在词法分析结果的基础上,进一步得到解析树(parsing tree)。例如,下面两个算术表达式:

其中, (1 + x) * y 这个式子我们给出了两个树结构,一个是直接反应字符串内容的树结构,另一个是省去了括号这一冗余结构之后的结果,这个我们之前介绍过了,我们称其为抽象语法树。

2 上下文无关语法与解析树

本课程中将主要介绍基于上下文无关语法(Context-free grammar)的<mark>移入规约分析算法</mark>(shift-reduce parsing)。上下文无关语法从形式化与抽象语法树的语法规定是类似的,但是它也要处理括号等抽象语法树不关注的源代码信息。一套上下文无关语法包含若干条产生式(production),例如:

```
S -> S ; S
                  E -> ID
                                  L -> E
 L -> L , E
 S -> PRINT ( L ) E -> E + E
顺序执行 打印输出
                   E -> ( E )
  S -> S; S
   -> ID := E; S
   -> ID := E + E; S
   -> ID := ID + E; S
    -> ID := ID + NAT; S
    -> ID := ID + NAT; PRINT(L)
   -> ID := ID + NAT; PRINT(L, E)
   -> ID := ID + NAT; PRINT(E, E)
   -> ID := ID + NAT; PRINT(ID, E)
   -> ID := ID + NAT; PRINT(ID, ID)
```

表达式列表

在上面例子中,s表示语句,E表示表达式,L表示表达式列表。在这个语言中,PRINT指令可以带多个参数,表达式中只允许出现加法运算,多条语句只允许顺序执行,没有条件分支与循环。

上下文无关语法(定义)

• 一个初始符号,例如上面例子中的: s;

表达式

顺序执行

- 一个<mark>终结符(terminal symbols)集合</mark>,例如上面例子中的: ID NAT , ; () + := ;
- 一个非终结符(nonterminal symbols)集合,例如上面例子中的: SEL, 当词法分析器和语法分析器结合使用的时候,这个非终结符集合一般就是词法分析中的标记集合;
- 一系列产生式,每个产生式的左边是一个非终结符,每个产生式的右边是一列(可以为空)终结符或 非终结符。

解析树

- 根节点为上下文无关语法的初始符号;
- 每个叶子节点是一个终结符,每个内部节点是一个非终结符;
- 每一个父节点和他的子节点构成一条上下文无关语法中的产生式;

对于所有标志串,至多只有一种解析树可以生成。

3 歧义与歧义的消除

ID + ID * ID, 我们想要默认先做乘法;但是可能有两种解析树。

可能有歧义:

可能有不止一种解析树

下面语法能够消除上面标记串语法分析中的歧义。

如果考虑 ID + ID + ID, 还是有歧义

E - F, E - E + F, F - F*G, F - G, G - (E), G- ID

```
Ε
  / | \
                           E
E + E
                           -> E + E
                            -> E + F
F
       F
                            -> E + F * F
-
     / | \
                           -> E + F * ID
ID F * F
                           -> E + ID * ID
    1 1
                           -> F + ID * ID
    ID ID
                            -> ID + ID * ID
```

4 派生与规约

- 一个派生中,如果每次都展开最左侧的非终结符,那么这个派生就称为一个<mark>最左派生(left-most deriva-tion);</mark>
- 一个派生中,如果每次都展开最右侧的非终结符,那么这个派生就称为一个<mark>最右派生(right-most derivation);</mark>
- 同一棵解析树能够唯一确定一种最左派生,同一棵解析树能够唯一确定一种最右派生;
- 如果一串标记串没有歧义,那么只有唯一的最左派生可以生成这一标记串,也只有唯一的最右派生可以生成这一标记串;
- 规约是派生反向过程:

```
E = ID + (ID + ID) * ID
```

```
左规约对应右派生
 reduction规约
                                                          E = E + F
  ID + ID + ID
                                E -> E + F
                                                          E = G + F
-> G + ID + ID
                                  -> E + G
                                                         E = ID + F
-> F + ID + ID
                                  -> E + ID
                                                         E = ID + F * G
-> E + ID + ID
                                  -> E + F + ID
                                                         E = ID + G * G
-> E + G + ID
                                  -> E + G + TD
                                                         E = ID + (E) * G
-> E + F + ID
                                   -> E + ID + ID
                                                         E = ID + (E + F) * G
-> E + ID
          派生的顺序不唯一。
                                   -> F + ID + ID
                                                         E = ID + (F + F) * G
-> E + G
                                   -> G + ID + ID
                                                         E = ID + (G + F) * G
-> E + F
                                   -> ID + ID + ID
-> E
```

请大家注意,<u>上图中的派生是最右派生</u>,但是他对应的规约却是每次尽可能地进行左侧规约。这是因 为派生与规约的方向是相反的。

5 移入规约分析

下面将要介绍的移入规约分析,是一个计算生成最左规约(或者说最右派生)的过程。移入规约分析 的主要思想是: 从左向右扫描标记串, <mark>从左向右进行规约</mark>。

- 共有两类操作: 移入、规约;
- 扫描线的右侧全部都是终结符;
- 规约操作都发生在扫描线的左侧紧贴扫描线的区域内。
- 例子

- 移入与规约的选择
 - 既能移入,又能规约的情形
 - 有多种规约方案的情形



E+E | E+F+ | 无法完成规约!

> 扫描线右侧一定是Terminal Symbol(ID,可以得到额外信息) 左侧成分复杂一些。

5 移入规约分析

下面将要介绍的移入规约分析,是一个计算生成最左规约(或者说最右派生)的过程。移入规约分析的主要思想是:从左向右扫描标记串,从左向右进行规约。

- 共有两类操作: 移入、规约;
- 扫描线的右侧全部都是终结符;
- 规约操作都发生在扫描线的左侧紧贴扫描线的区域内。

例子

```
| ID + ID + ID

-> ID | + ID + ID

-> G | + ID + ID

-> F | + ID + ID

-> E | + ID + ID

-> E + ID + ID

-> E + ID | + ID

-> E + G | + ID

-> E + F | + ID

-> E + ID |

-> E + ID |

-> E + F | + ID

-> E + F |

-> E + F |

-> E + F |
```

移入与规约的选择问题:

- 既能移入,又能规约的情形,应当选择移入还是规约?
- 有多种规约方案的情形,应当如何选择?

例子:

```
| ID + ID + ID

-> ID | + ID + ID

-> G | + ID + ID

-> F | + ID + ID

-> E | + ID + ID

-> E + | ID + ID

-> E + ID | + ID

-> E + G | + ID

-> E + F | + ID
```

6 已移入部分的结构

已移入部分的结构

- 已移入规约的部分可以分为 n 段;
- 每段对应一条产生式;
- 第 *i* 段拼接上第 *i* + 1 条产生式的左侧非终结符是第 *i* 条产生式右侧符号串的一个前缀。

例子

- F*(E) | 中已移入规约的部分可以分为: F* (E)
- 分别对应产生式: F -> F * . G G -> (E).
- F*(E+| ID) 中已移入规约的部分可以分为: F* (E+
- 分别对应产生式: [F -> F * . G | G -> (. E) | E -> E + . F

移入与规约对应的扫描线左侧结构变化:

原操作: 移入

带结构的操作:

```
看点右侧,E可能对应下面这么多情况

(START -> . E) -> (START -> . E)

(E -> . E + F)

(E -> . F)

(F -> . G)

(G -> ID .)
```

原操作: 规约

```
ID | + ID + ID -> G | + ID + ID
```

带结构的操作:

```
(START -> . E) -> (START -> . E)

(E -> . E + F) (E -> . E + F)

(E -> . E + F) (E -> . E + F)

(E -> . F) (E -> . F)

(F -> . G) (F -> G .)

(G -> ID .)
```

原操作:规约

```
G | + ID + ID -> F | + ID + ID
```

带结构的操作:

```
(START -> . E) -> (START -> . E)

(E -> . E + F) (E -> . E + F)

(E -> . F) (E -> F).)

(F -> G .)
```

原操作:规约

```
F | + ID + ID -> E | + ID + ID
```

增加结构:

```
(START -> . E) -> (START -> . E)
(E -> . E + F) (E -> . E + F)
(E -> . E + F)
(E -> F .)
```

原操作: 移入

```
E | + ID + ID -> E + | ID + ID
```

增加结构:

```
(START -> . E) -> (START -> . E)
(E -> . E + F) (E -> E + F)
(E -> E . + F) (E -> E + . F)
```

原操作: 移入

```
E + | ID + ID -> E + ID | + ID
```

增加结构:

```
(START -> . E) -> (START -> . E)

(E -> . E + F) (E -> . E + F)

(E -> E + . F) (E -> E + . F)

(F -> . G)

(G -> ID .)
```

7 已移入部分的结构判定

以扫描线左侧的最右段为状态,构建 NFA。新增一段带来的变化对应一条 ϵ 边,其他加入符号带来的变化对应一条普通边。该 NFA 中的所有状态都是终止状态,要判断一串符号串是否是可行的扫描线左侧结构,只需判断这个符号串能否被这个 NFA 接受。

```
ε: START → . E 变为 E → . F
```

 ϵ : START -> . E 变为 E -> . E + F

E: start -> . E 变为 start -> E .

ε: E -> . F 变为 F -> . F * G

ϵ: E → . F 变为 F → . G

F: E -> . F 变为 E -> F .

ε: E -> . E + F 变为 E -> . F

ε: E -> . E + F 变为 E -> . E + F

E: E-> . E+F 变为 E-> E . + F

```
ε: E -> E + . F 変为 F -> . G
判断 E+F+ I ... 是否是可行的扫描线左侧结构:
E + F + | ...
START -> . E
  E -> . F
  E -> . E + F
  F -> . G
   F -> . F * G
   G -> . ( E )
   G -> . ID
E + F + | ...
START -> E .
  E -> E . + F
E + F + | ...
  E -> E + . F
  F -> . G
   F -> . F * G
   G -> . ID
   G -> . ( E )
E + F + | ...
  E -> E + F .
  F -> F . * G
E + F + | ...
    ( No possible state )
```

+: E -> E . + F 变为 E -> E + . F ε: E -> E + . F 变为 F -> . F * G

8 基于 follow 集合的判定法

定义

- x 是 Follow(x)的元素当且仅当 ... x x ... 是可能被完全规约的。
- x 是 First(y) 的元素当且仅当 x ... 是可能被规约为 y 的。
- 上述计算只考虑 x 是终结符的情形。

First 集合的计算

- 对任意终结符x,x都是First(x)的元素。
- 可以规约到Z的都可以规约到Y
- 对任意产生式 y → z ... , First(z) 的元素都是 First(y) 的元素。

Follow 集合的计算

- 对任意产生式 ʊ → ... y z ... , First(z) 是 Follow(y) 的子集。
- 对任意产生式 z -> ... y , Follow(z) 是 Follow(y) 的子集。

9 移入规约分析完整过程实例

ID * (ID + ID) 的移入规约分析:

• 初始: | ID * (ID + ID)

下四后在此移入际上山亦仁甲后没力切中的叹义。

- 移入: F*|(ID+ID), 因为*不是 Follow(E) 中的元素
- 移入: F*(| ID + ID)
- 移入: F*(ID|+ID)
- 规约: F*(G|+ID), 因为F*(ID+|... 不可行
- 规约: F*(F|+ID), 因为F*(G+|... 不可行
- 规约: F*(E|+ID), 因为F*(F+|... 不可行
- 移入: F*(E+|ID)
- 移入: F*(E+ID|)
- 规约: F*(E+G|), 因为F*(E+ID)|... 不可行
- 规约: F*(E+F|), 因为F*(E+G)|... 不可行
- 规约: F*(EI), 因为另外两种方案扫描线左侧的结构都不可行
- 移入: F*(E)|
- 规约: F*G|

- 规约: F |
- 规约: E | ,亦可看做 E | EOF
- 移入: E EOF |
- 规约: START |
- 语法分析结束