# 数据结构之排序

2019-1-19

Youtube频道: hwdong

B站: hw-dong

# 排序



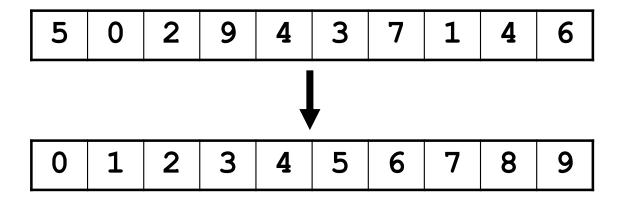
hwdong hw-dong

#### 主要内容

- 什么是排序
- 内部排序
  - 插入式排序:直接插入排序法、希尔排序法
  - 交换式排序: 气泡法、快速排序法
  - 选择式排序: 直接选择排序法、锦标赛排序法、堆排序
  - 归并排序
  - 基数排序
- 各种内部排序方法的比较

#### 什么是排序

•排序:按照一定的规则,对一系列数据进行排列



#### 什么是排序

•排序:按照一定的规则,对一系列数据进行排列

按学号排序:

姓名	学号	年龄	
张三	1	21	
李四	2	20	排序码
王五	3	20	<b>关键字</b>

按年龄排序:

姓名	学号	年龄
王五	3	20
李四	2	20
张三	1	21

#### 排序码 (关键字)

• 排序码可以是数据元素本身或其1个或多个数据项

13 < 38 < 49 < 56 < 76 < 97

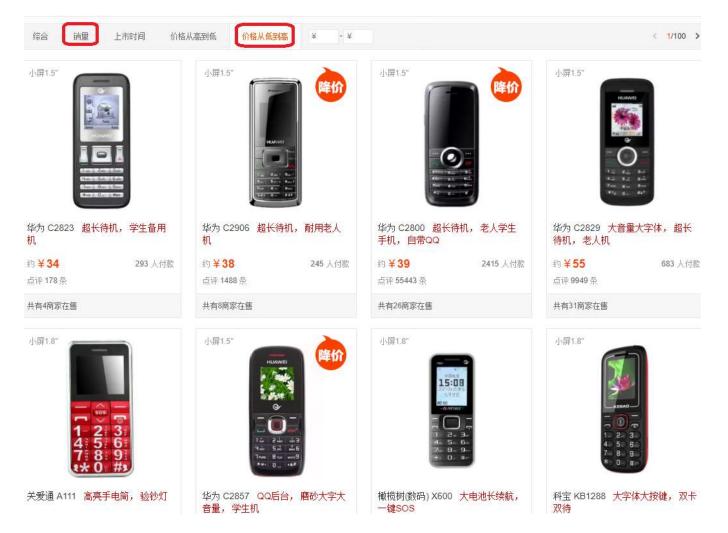
姓名	学号	年龄
张三	1	21
李四	2	20
王五	3	20

• 按分值再按花色



#### 为什么排序?

#### 帮助我们评估、选择



#### 为什么排序?

Adobe 2016/9/10 ... 文件夹 Application Verifier 2016/2/5 4:... 文件夹 2016/7/30 ... 文件夹 **CMAK** Common Files 2017/9/29 ... 文件夹 2016/5/13 ... 文件夹 DVD Maker GIMP 2 2017/9/5 1... 文件夹 Intel 2016/5/13 ... 文件夹 2017/9/18 ... 文件夹 Internet Explorer MATLAB 2016/2/5 3:... 文件夹 Microsoft Analysis Services 2017/9/29 ... 文件夹 2016/2/5 4:... 文件夹 Microsoft Help Viewer Microsoft Kinect Drivers 2016/5/13 ... 文件夹 Microsoft SDKs 2016/5/13 ... 文件夹 Microsoft SQL Server 2016/2/5 5:... 文件夹 Microsoft SQL Server Co... 2016/2/5 4:... 文件夹 Microsoft Synchronization... 2016/2/5 4:... 文件夹 Microsoft Visual Studio 1... 2016/2/5 4:... 文件夹 Microsoft Visual Studio 1... 2016/2/5 4:... 文件夹 Microsoft VS Code 2017/10/27... 文件夹 Mozilla Firefox 2017/11/5 ... 文件夹 MSBuild 2016/5/13 ... 文件夹 2016/5/13 ... 文件夹 NVIDIA Corporation Realtek 2016/5/13 ... 文件夹 Reference Assemblies 2016/5/13 ... 文件夹 rempl 2017/11/3 ... 文件夹 2016/2/5 4:... 文件夹 SharePoint Client Compon... 2017/10/28... 文件夹 Sublime Text 3 2016/5/13 ... 文件夹 Synaptics TrueCrypt 2017/9/5 9:... 文件夹 Uninstall Information 2016/2/13 ... 文件夹 UNP 2017/8/31 ... 文件夹 Windows Defender 2017/9/18 ... 文件夹 2017/9/18 ... 文件夹 Windows Mail

#### 提高可读性、加快搜索

线性搜索: O(n)

二分搜索: O(logn)

#### 排序算法的稳定性

如果某排序算法,不会改变相同排序码的数据元素的前后次序。该算法称为稳定的排序算法。否则该算法就是不稳定的。如

Li	21
Wang	21
Zhang	19

排序后:

Zhang	19
Wang	21
Li	21

#### 内部排序和外部排序

- 内部排序
  - 数据元素全部存放在内存中进行的排序
- 外部排序
  - 数据元素个数太多,不能同时存放在内存中,需要借助于外部存储器,排序过程中,取一部分到内存中来排序,然后再存回外部存储器

#### 排序算法优劣的衡量

• 时间复杂度

平均情况

最好情况和最差情况:有一些算法,其复杂度受最初数据的排列情况影响较大

•空间复杂度

排序时所需的额外的存储空间

额外: 指除了存放数据以外还需要的

# 插入式排序

#### 插入式排序

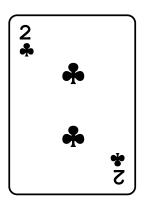
#### • 基本思想:

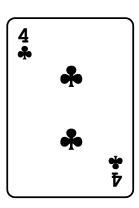
每一步将一个待排序的对象,按其排序码大小,插入到前面已 经排好序的一组对象的适当位置上,直到全部插入为止

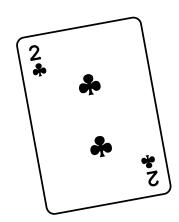
2 8 11 3 ...

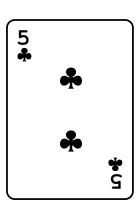
• 类比: 扑克牌抓牌

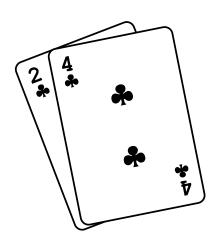


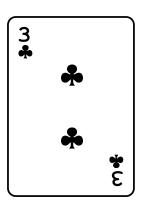


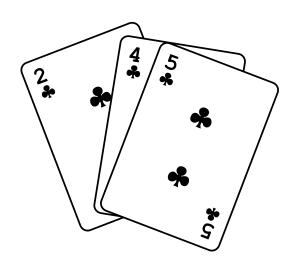






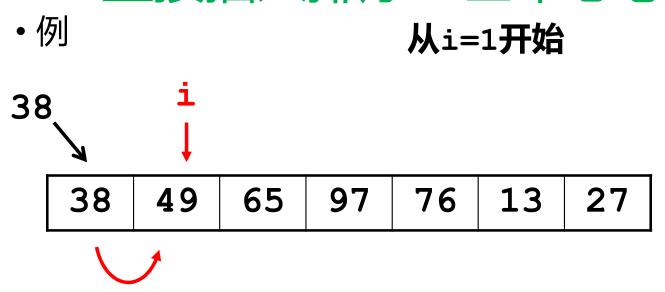




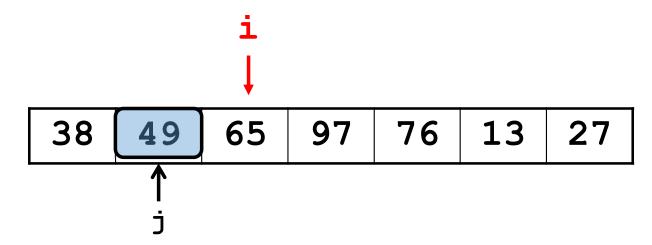






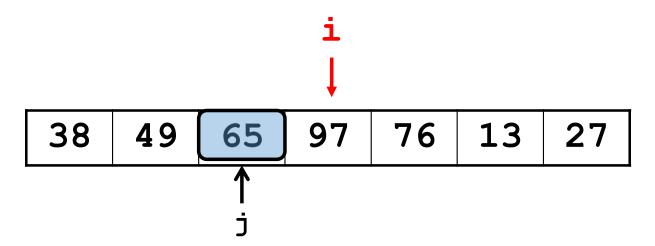


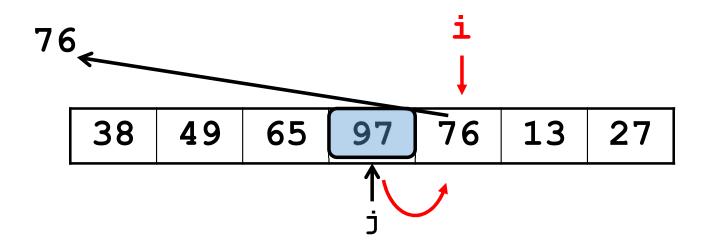
• 例 a[i]<a[i-1]?

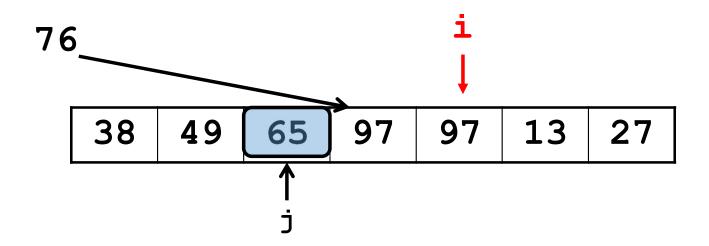


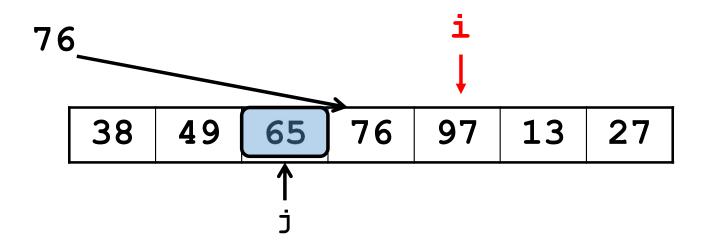
• 例

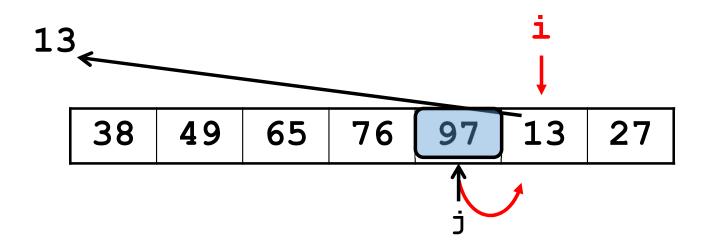
a[i]<a[i-1]?

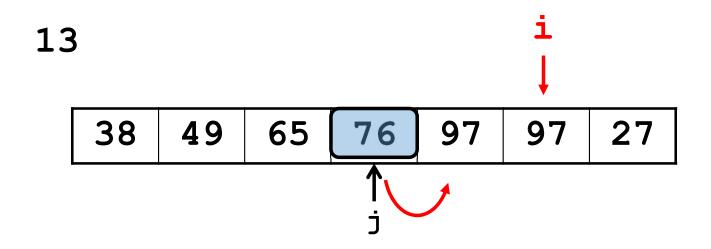


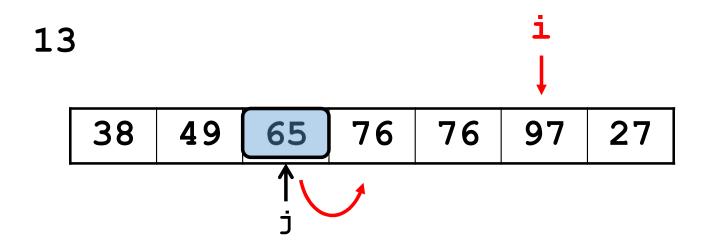


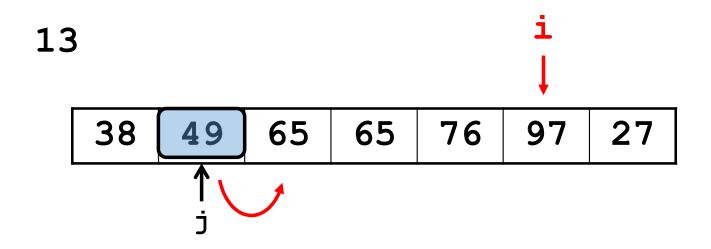


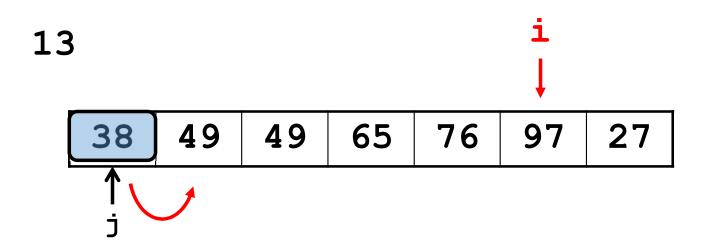


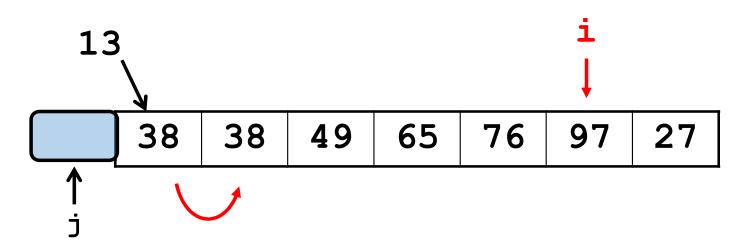


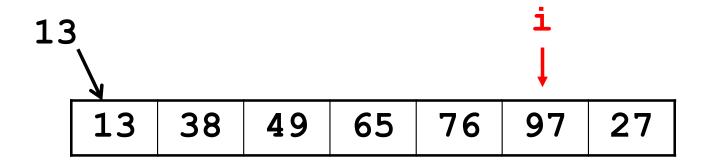


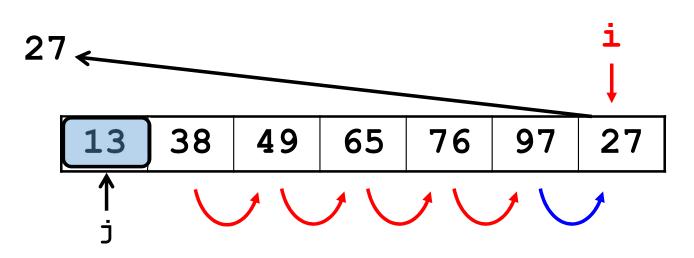


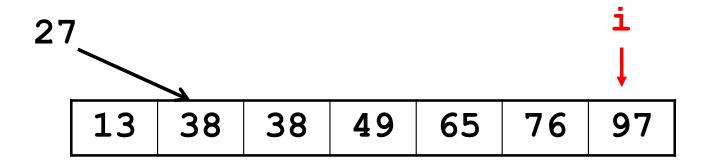


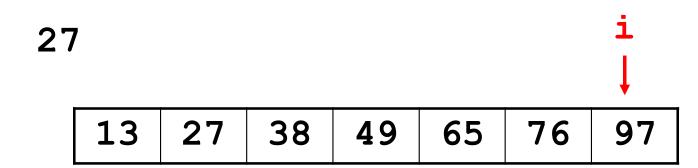


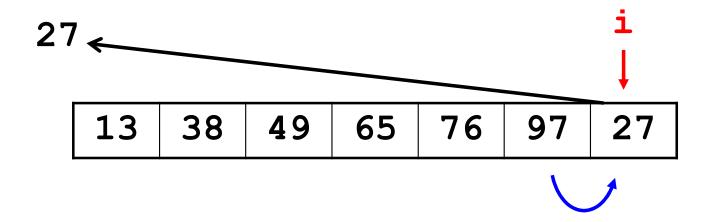






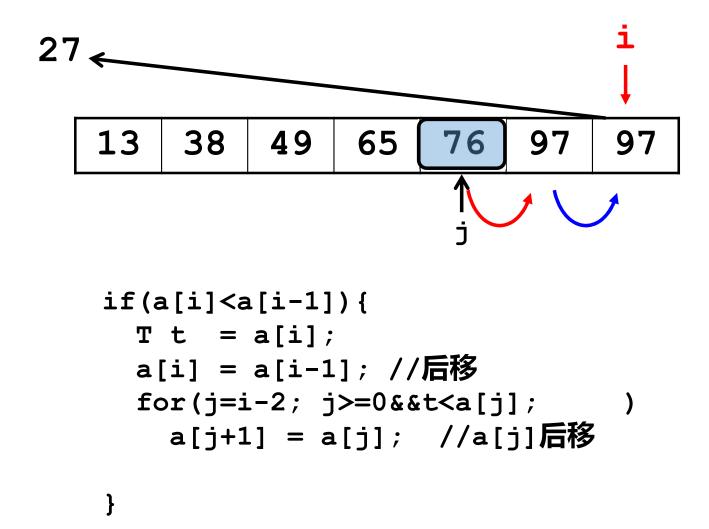


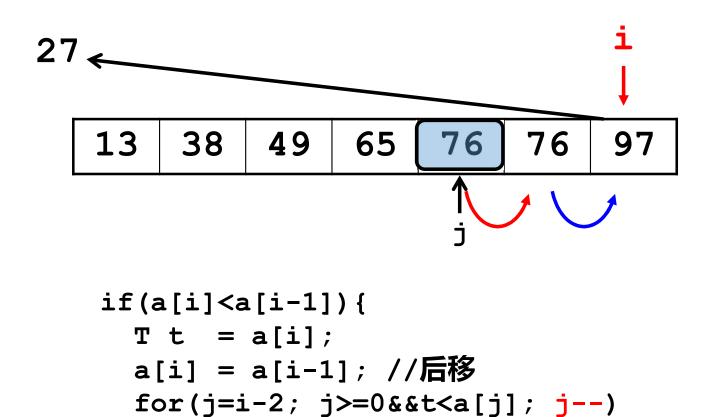




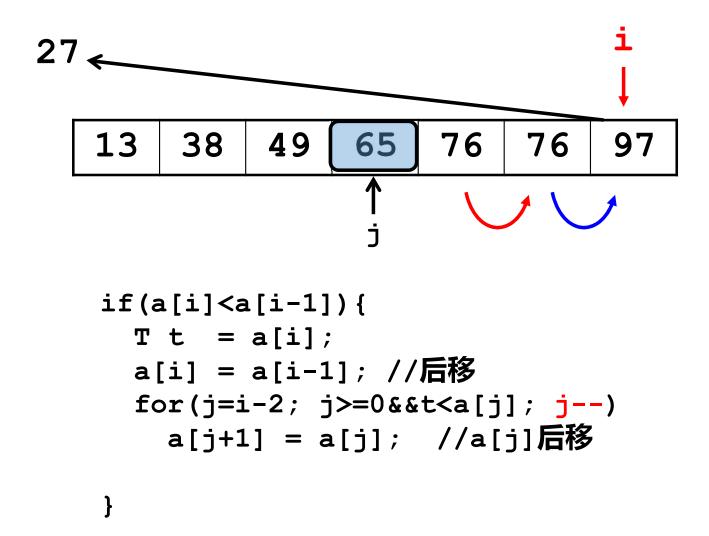
```
if(a[i]<a[i-1]){
  T t = a[i];
  a[i] = a[i-1]; //后移
```

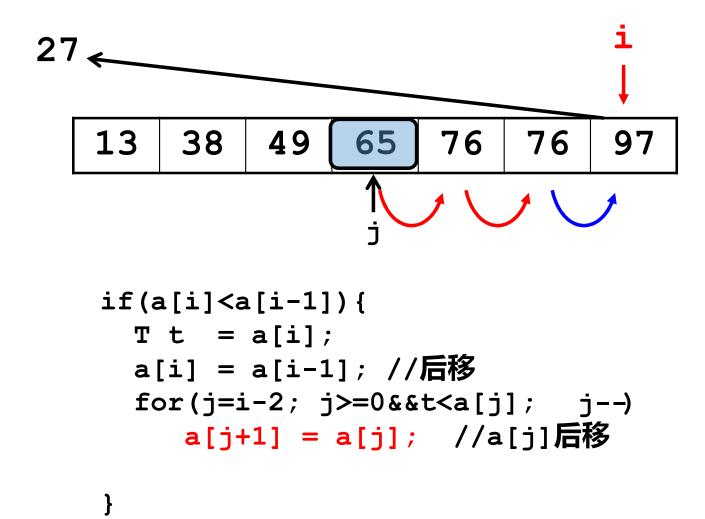
}

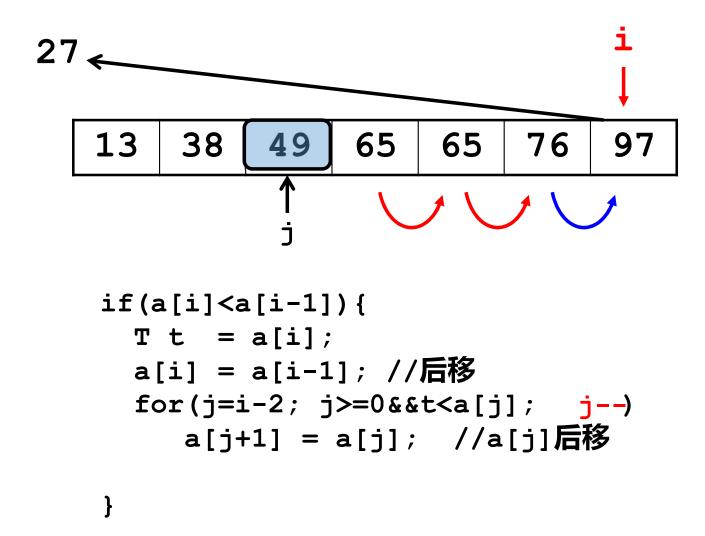


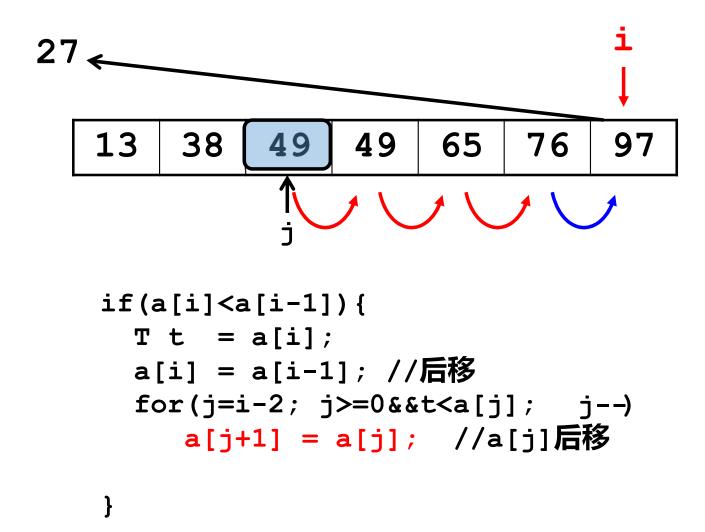


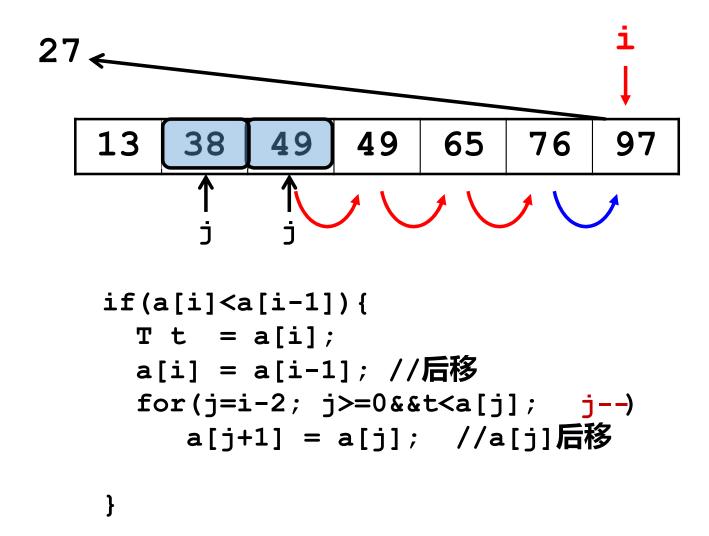
a[j+1] = a[j]; //a[j] 后移

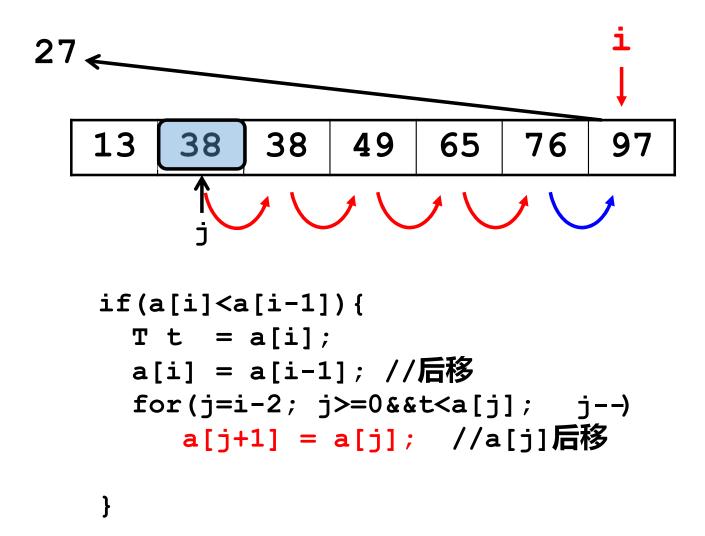


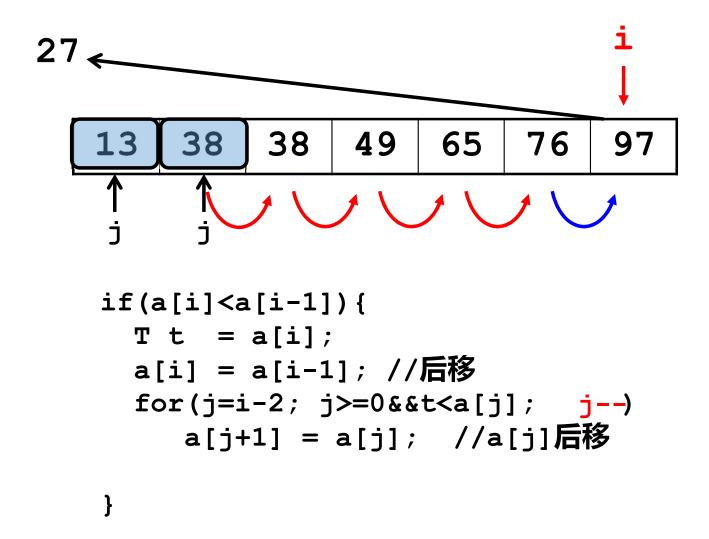


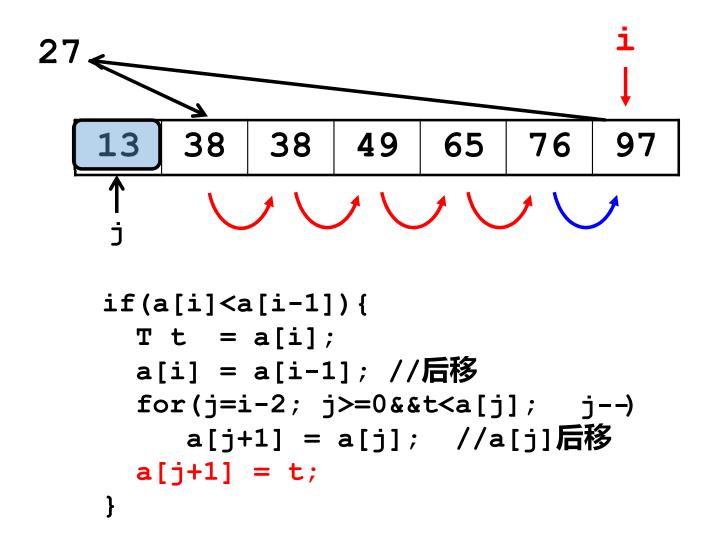


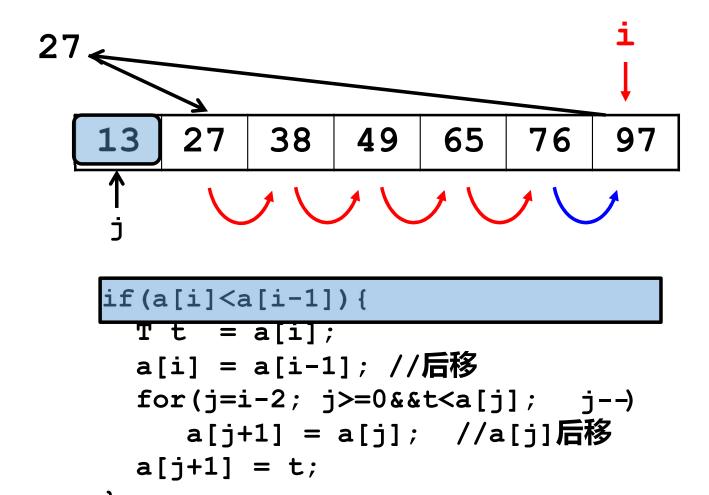


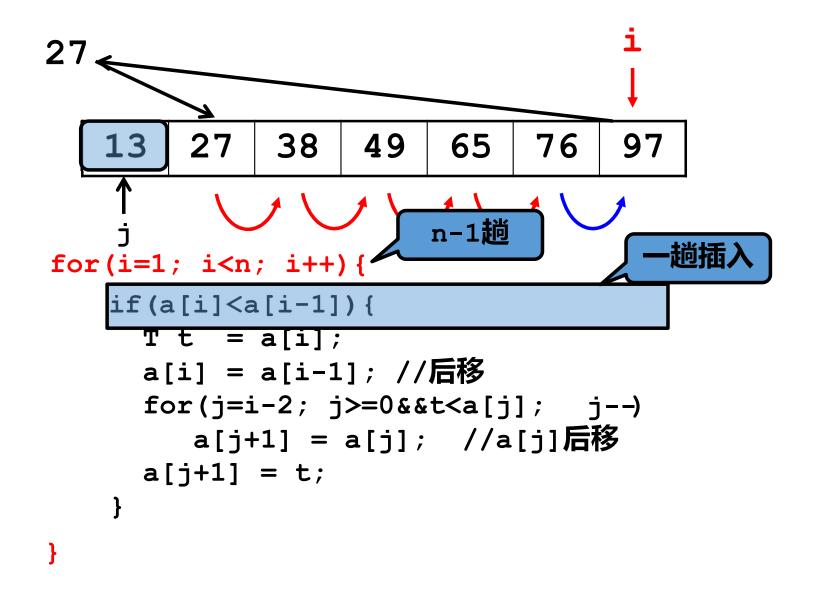












```
void insert sort(T a[], int n) {
                        n-1趟
  for(i=1; i<n; i++){
      if(a[i]<a[i-1]){
        T t = a[i];
        a[i] = a[i-1]; //后移
        for(j=i-2; j>=0&&t<a[j]; j--)
           a[j+1] = a[j]; //a[j]后移
        a[j+1] = t;
```

```
3+4+...+(n+1)=(n+4)(n-1)/2:
                                     O(n^2)
void insert sort(T a[], int n) {
                         n-1趟
                                       趙插
   for(i=1; i<n; i++) {
      if(a[i]<a[i-1]){
        T t = a[i];
i+2次
        a[i] = a[i-1]; //后移
        for(j=i-2; j>=0&&t<a[j]; j--)
           a[j+1] = a[j]; //a[j]后移
        a[j+1] = t;
```

最好的情况: O(n)

数列已经排好序,只需要比较n-1次

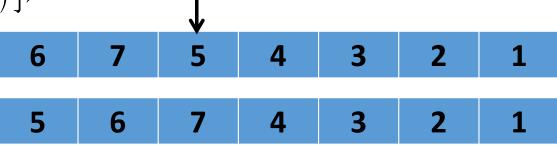


• 最差的情况: O(n2) 排序之前是逆序

<u>_</u> / J	$\downarrow$					
7	6	5	4	3	2	1
6	7	5	4	3	2	1

最差的情况: O(n2)

排序之前是逆序



n-1次插入,每次都应插入到最左 而每次插入从最右开始扫描直到最左,需要比较i次 所以总的比较次数 =  $\sum_{i=(n+2)(n-1)/2}^{n}$ 

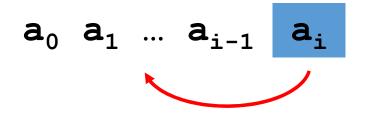
- 平均情况: O(n2)
   n-1次插入,每次插入从最右开始扫描直到遇见一个比当前元素小的,平均需要比较i/2次
- 空间复杂度O(1)一个数据元素的复辅助空间
- 稳定性:

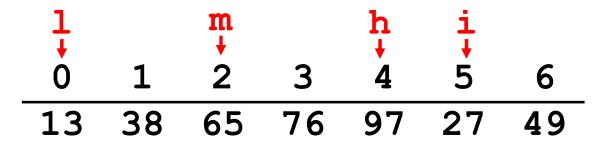
#### 折半插入排序

是对直接插入排序的改进

在查找插入位置时,直接插入排序是采用 顺序查找法

折半插入排序采用折半查找法(即二分法)





1	4	m ↓	2	h †	i ↓	•	
0	<u> </u>	2	3	4	5	<u>6</u>	
13	38	65	76	97	27	49	
lm ++	h ↓				i		
	h ↓ 1	2	3	4	i ↓ 5	6	

1		m ↓		þ	į	
Ŏ	1	2	3	4	5	6
13	38	65	76	97	27	49
lm ↓↓	h ↓				i	
0	1	2	3	4	5	6
13	38	65	76	97	27	49
	lmh +++				i	
0	1	2	3	4	5	6
13	38	65	76	97	27	49

1 • 0	1	<b>m</b> ↓ 2	3	<b>h</b> ↓ 4	i ↓ 5	6
13	38	65	76	97	27	49
lm ++	h +				i	
0	1	2	3	4	5	6
13	38	65	76	97	27	49
	_				_	
•	1mh				į	
0	lmh iii 1	2	3	4	i 5	6
0 13	1 1 38	2 65	3 76	<u>4</u> 97	5 27	6 49
13	1				27	
_	38					
13 h	38	65	76	97	27 i	49

h+1就 是插入 位置

1		m ↓			h <del>†</del>	i
0	1	2	3	4	<b>5</b>	6
13	27	38	65	76	97	49
			1	m ↓	h ↓	i 6
0	1	2	3	4	5	6
13	27	38	65	76	97	49
			Mh ₩↓			i 6
0	1	2	3	4	5	6
13	27	38	65	76	97	49
		<b>h</b> ↓	1			i 6
0	1	2	3	4	5	6
13	27	38	65	76	97	49

 $log_2n$ 

h+1就 是插入 位置

```
void binary insert sort(T a[],int n) {
  int i,j,low,high,m; T t;
  for( i=1; i<n; ++i ) {</pre>
    t = a[i]; /* 将a[i]暂存到a[0] */
     1 = 0; h = i-1;
    while(l<=h) {</pre>
       /*在a[1...h]中折半查找插入的位置*/
        m = (1+h)/2; /* 折半 */
         if ( t<a[m] )</pre>
              h = m-1; /* 插入点在低半区*/
         else 1 = m+1; /* 插入点在高半区*/
     for( j=i-1; j>=h+1; --j )
        a[j+1] = a[j]; /* 记录后移 */
     a[h+1] = t; /* 插入*/
```

# 希尔排序

## 希尔排序

• 希尔排序: 又称缩小增量排序

• 基本思想:

- 设待排序列有n个元素,取一整数gap(gap<n)作为间隔,将全部元素分为gap个子序列,所有距离为gap的元素放在同一个子序列中
- 对每一个子序列分别(直接插入)排序
- 然后缩小间隔gap,例如取gap = gap/2,重复上述的子序列划 分和排序工作
- 直到最后取gap = 1,将所有元素放在同一个序列中排序为止

49 38 65 97 76 13 27 49' 55 04 gap=5

49 38 65 97 76 13 27 49' 55 04 gap=5

13 38 65 97 76 49 27 49' 55 04 gap=5

13 38 65 97 76 49 27 49' 55 04 gap=5

13 27 65 97 76 49 38 49' 55 04 gap=5

13 38 65 97 76 49 27 49' 55 04 gap=5

13 38 49' 97 76 49 27 65 55 04 gap=5

13 38 49' 97 76 49 27 65 55 04 gap=5

13 38 49' 55 76 49 27 65 97 04 gap=5

13 38 49' 55 76 49 27 65 97 04

gap=5

13 38 49' 55 04 49 27 65 97 76

gap=5

13 38 49' 55 04 49 27 65 97 76 gap=3

13 38 49' 27 04 49 55 65 97 76 gap=3

13 38 49' 27 04 49 55 65 97 76 gap=3

13 04 49' 27 38 49 55 65 97 76 gap=3

13 04 49' 27 38 49 55 65 97 76 gap=1

04 13 27 38 49' 49 55 65 76 97 gap=1

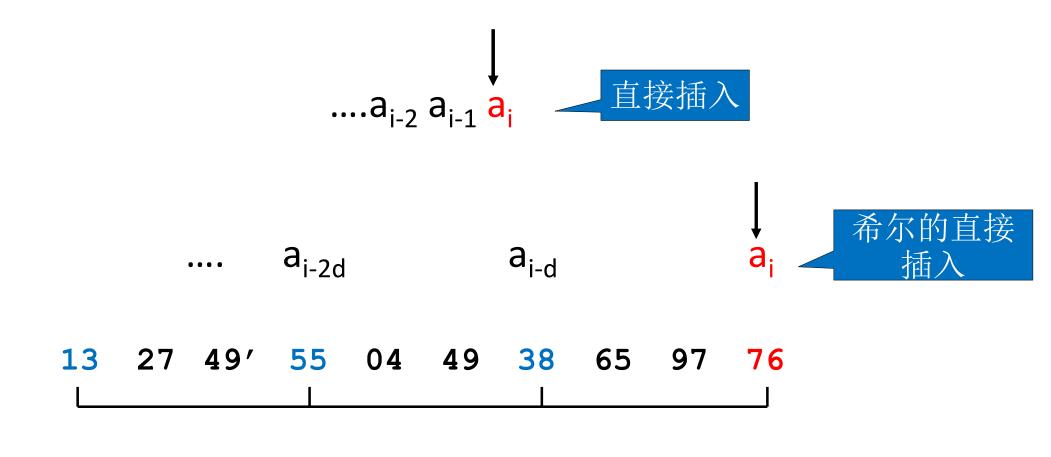
### 回顾:直接插入排序

### 回顾:直接插入排序

```
49 38 65 97 76 13 27 49′ 55 04 gap=5

↑
i-d

for(int i = d; i<n; i++){
    //将i插入到a[,...,i-d]的有序序列中
    if(a[i]<a[i-d]){
    }
}
```



```
void insert sort( T a[], int n) {
 int i,j; T t;
 for(i = 1; i < n; i++ )</pre>
   t = a[i]; //用t先保存a[i]的值
    a[i] = a[i-1]; //a[i-1]后移一个单元
    //从i-2开始,往左扫描,直到找到一个<=t的
    for(j=i-2; j>=0&&(t<a[j]); j--)</pre>
      a[j+1] = a[j]; //每个元素后移
    a[j+1] = t; //最后把t写入j+1位置
```

```
void shell pass( T a[], int n,int d) {
 int i,j; T t;
 for(i = d; i < n; i++ )</pre>
   if(a[i] < a[i-d])){ //i忧i-d/\
     t = a[i]; //用t先保存a[i]的值
     a[i] = a[i-d]; //a[i-d]后移一个单元
     //从i-2*d开始,往左扫描,直到找到一个<=t的
     for(j=i-2*d; j>=0&&(t<a[j]); j-=d)</pre>
       a[j+d] = a[j]; //每个元素后移
     a[j+d] = t; //最后把t写入j+1位置
} 49 38 65 97 76 13 27 49' 55 04
```

```
void shell pass( T a[], int n,int d) {
 int i,j; T t;
 for(i = d; i < n; i++)
   if (a[i] < a[i-d]) { //illi-d/\
     t = a[i]; //用t先保存a[i]的值
     a[i] = a[i-d]; //a[i-d]后移一个单元
     //从i-2*d开始,往左扫描,直到找到一个<=t的
     for(j=i-2*d; j>=0&&(t<a[j]); j-=d)</pre>
       a[j+d] = a[j]; //每个元素后移
     a[j+d] = t; //最后把t写入j+1位置
} 13 38 65 97 76 39 27 49' 55 04
```

```
void shell pass( T a[], int n,int d) {
 int i,j; T t;
 for(i = d; i < n; |i++| )</pre>
   if (a[i] < a[i-d]) //iki-d/\
     t = a[i]; //用t先保存a[i]的值
     a[i] = a[i-d]; //a[i-d]后移一个单元
     //从i-2*d开始,往左扫描,直到找到一个<=t的
     for(j=i-2*d; j>=0&&(t<a[j]); j-=d)</pre>
       a[j+d] = a[j]; //每个元素后移
     a[j+d] = t; //最后把t写入j+1位置
} 13 27 65 97 76 39 38 49' 55 04
```

```
void shell_sort(T a[],int n) {
  int d[] = {7,5,3,1};
  for(int i = 0; i<4;i++)
     shell_pass(a, n, d[i]);
}</pre>
```

### 希尔排序

- 回顾直接插入排序的特点:
  - 数据大致有序时最快, O(n)
- 希尔排序的原理
  - 开始时gap的值较大,子序列中的元素较少,排序速度较快
  - 随着排序进展,gap值逐渐变小,子序列中元素个数变多,但是由于前面工作的基础,大多数元素已基本有序,所以排序速度仍然很快

### 希尔排序

- ·Gap的取法
  - 最初Shell提出取gap = n/2, gap = gap/2, ..., 直到gap = 1
  - Knuth提出取gap = Lgap/3」+ 1
  - 还有人提出都取奇数为好
  - 也有人提出各gap互质为好
- Knuth利用大量实验统计资料得出:
  - 当n很大时,排序码平均比较次数和对象平均移动 次数大约在n<sup>1,25</sup>到1.6n<sup>1,25</sup>的范围内
- 稳定性: 不稳定

# 交换式排序



hwdong hw-dong

## 交换式排序

ai ... aj 如果逆序,则交换之

9 ... 3

3 ... 9

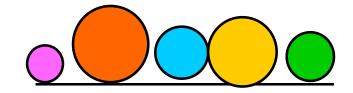
直到所有对象都排好序为止

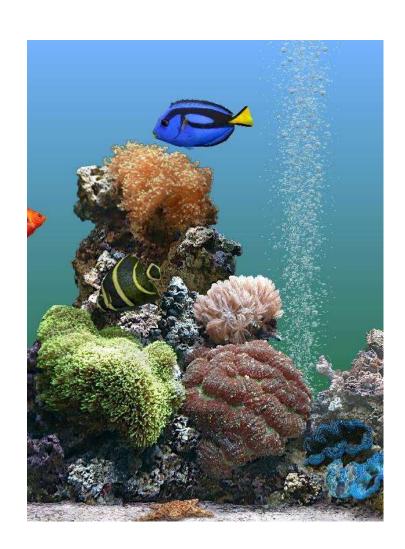
冒泡排序

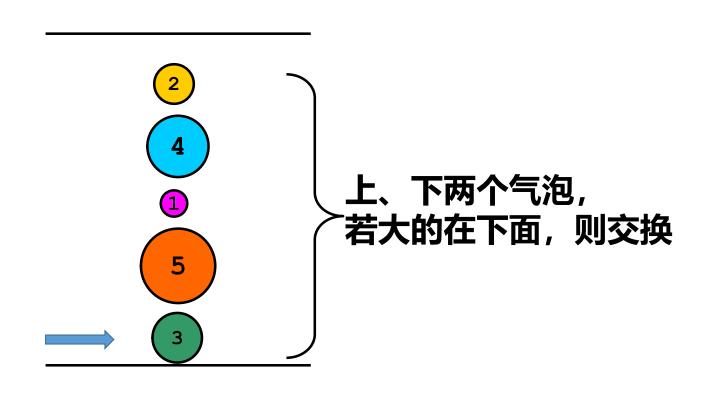
快速排序

# 气泡排序法

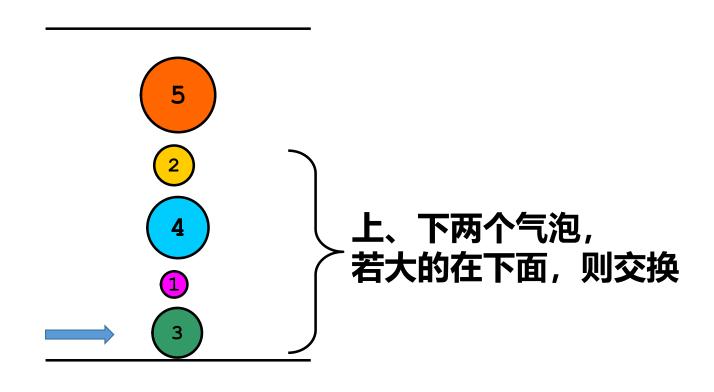
- 基本思想
  - · 水中气泡,大的还 是小的上浮更快?







2 上、下两个气泡, 若大的在下面,则交换 3 2 上、下两个气泡, 若大的在下面,则交换 3 上、下两个气泡, 者 十 者大的在下面,则交换 3



 2

 4

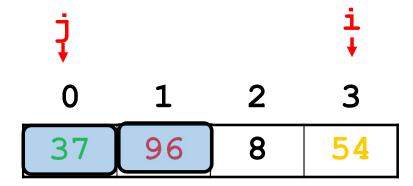
 上、下两个气泡,

 若大的在下面,则交换

5 4 2 上、下两个气泡, 若大的在下面,则交换 上、下两个气泡, 若大的在下面,则交换

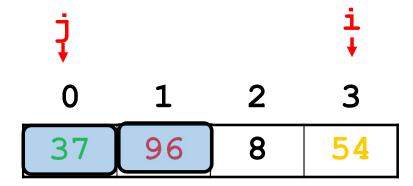
# 一趟冒泡

- i=3固定
  - j=0
    - if(data[1] < data[0]) 交换

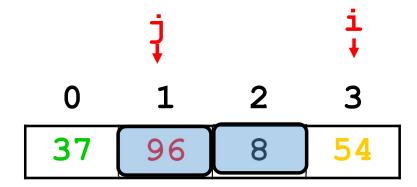


# 一趟冒泡

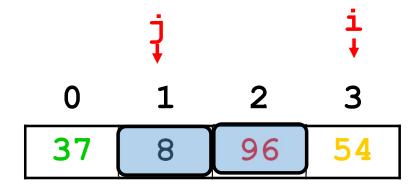
- i=3固定
  - j=0
    - if(data[1] < data[0]) 交换



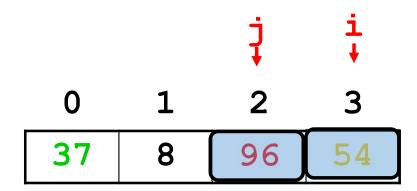
- i=3固定
  - j=1
    - if(data[2]<data[1]) 交换



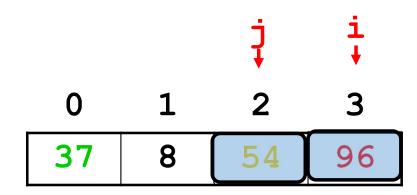
- i=3固定
  - j=1
    - if(data[2]<data[1]) 交换



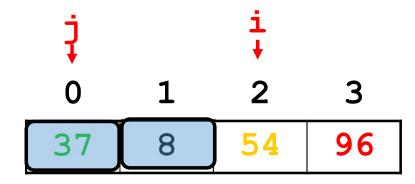
- i=3固定
  - j=2
    - if(data[3]<data[2]) 交换



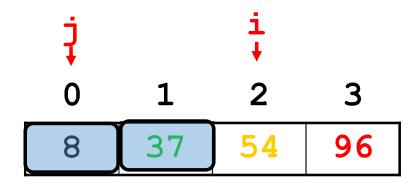
```
    i=3固定
    j=2
    if (a[j+1] < a[j])</li>
    交換
    for(int j = 0; j < i; j++)</li>
    if (a[j+1] < a[j])</li>
    swap(a[j], a[j+1]);
```



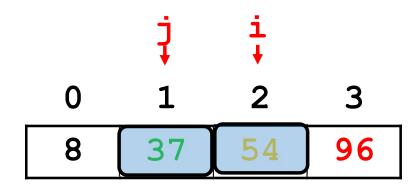
```
    i=2固定
    j=0
    if(a[j+1] < a[j])</li>
    交換
    for(int j = 0; j < i; j++)</li>
    if (a[j+1] < a[j])</li>
    swap(a[j], a[j+1]);
```



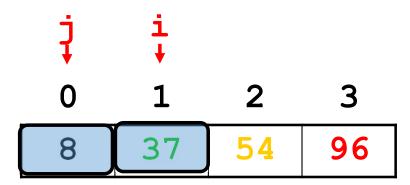
```
    i=2固定
    j=0
    if (a[j+1] < a[j])</li>
    if(data[1] < data[0])</li>
    交換
```



```
    i=2固定
    j=1
    if (a[j+1] < a[j])</li>
    交換
    for(int j = 0; j < i; j++)</li>
    if (a[j+1] < a[j])</li>
    swap(a[j], a[j+1]);
```



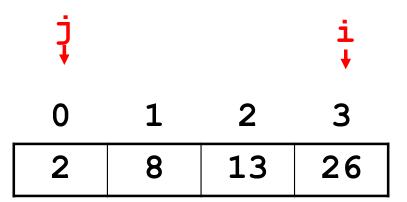
- i=1固定
  - j=0
    - if(data[1] < data[0]) 交换



#### 冒泡排序 0 1 2 3 2 8 13 26

```
for(int i = n-1; i>0;
    for(int j = 0; j < i; j++)
    if (a[j+1] < a[j])
        swap(a[j], a[j+1]);</pre>
```

```
void bubble_sort(T a[], int0n){1
                            2
                                8
                                     13
                                         26
   for(int i = n-1; i>0;i--)
       for(int j = 0; j < i; j++)
          if (a[j+1] < a[j])
              swap(&a[j], &a[j+1]);
```



#### 冒泡排序

```
void bubble sort(T a[], int n) {
   for (int i = n-1; i>0; i--) {
       int swaped = 0;
       for (int j = 0; j < i; j++)
          if (a[j+1] < a[j]) {</pre>
               swap(&a[j], &a[j+1]);
               swaped = 1;
       if(swaped==0) break;
```

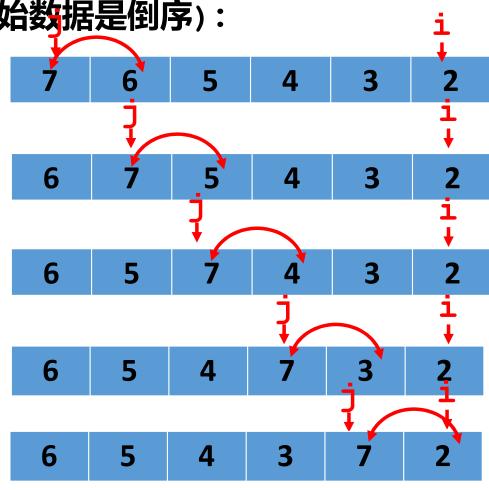
· 最差情况 (原始数据是倒序):

i从n-1到1 交换i次

> n-1 n-2

... 1

= n(n-1)/2

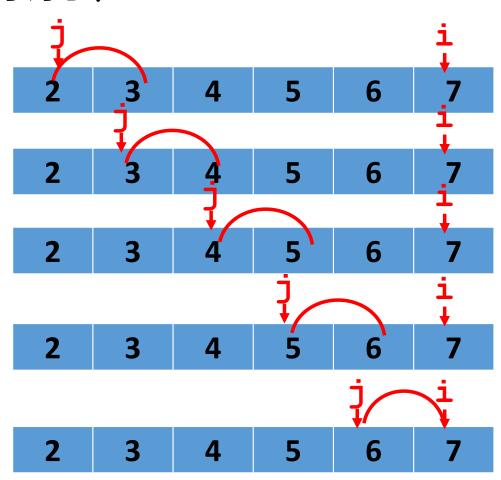


・最好情况(本来就排序好了):

i=n时,未发生 任何交换,说明 数据已经排序好!

其他的i不需要 再进行!

比较n-1次, 交换0次



・最好: ○(n)

・最差: O(n²)

· 平均: O(n²)

·空间复杂度: O(1). 交换时需要一个临时变量

・稳定性: 稳定

# 选择式排序



hwdong hw-dong

# 选择式排序

•直接选择排序

• 树形选择排序

• 堆排序

64 25 12 22 11

- n-1次比较 • 从1到n个数据中选出最小的放在1号位置
  - 11)64 25 12 22
- n-2次比较 • 从2到n个数据中选出最小的放在2号位置

n-3次比较

· 从3到n个数据中选出最小的放在i号位置

$$O(n(n-1)/2)$$
  
=  $O(n^2)$ 

#### 直接选择排序

```
void SelectSort( T data[], int n) {
    for (int i = 0; i < n-1; i ++) {
        // 找a[i..n-1]最小值位置IndMin
        IndMin = i;
        for(int j = i+1; j < n; j ++)</pre>
            if( data[j] < data[IndMin])</pre>
                 IndMin = j;
        // 把IndMin和i作交换
        if(IndMin != i)
            Swap(&data[IndMin], &data[i]);
```

```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
       IndMin = i; // 找到i~n中最小的
       for(j = i+1; j < n; j ++)
          if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
                 IndMin = j;
       if(IndMin!= i) //交换
          Swap(&data[IndMin], &data[i]);
  28
        41
               36
                             16
IndMin =
```

```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
     IndMin = i; // 找到i~n中最小的
     for(j = i+1; j < n; j ++)
        if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
              IndMin = j;
     if(IndMin!= i) //交换
        Swap(&data[IndMin], &data[i]);
             36
28
      41
                           16
```

```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
     IndMin = i; // 找到i~n中最小的
     for(j = i+1; j < n; j ++)
        if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
               IndMin = j;
     if(IndMin!= i) //交换
        Swap(&data[IndMin], &data[i]);
28
      41
             36
                           16
```

```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
   IndMin = i; // 找到i~n中最小的
   for(j = i+1; j < n; j ++)
      if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
            IndMin = j;
   if(IndMin!= i) //交换
      Swap(&data[IndMin],&data[i]);
    41
           36
                  28
                         16
```

```
for (i = 0; i < n-1; |i++|)
       IndMin = i; // 找到1~n中最小的
       for(j = i+1; j < n; j ++)
          if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
                 IndMin = j;
       if (IndMin!= i) //交换
          Swap(&data[IndMin],&data[i]);
         41
                36
                      28
                              16
IndMin =
```

```
for (i = 0; i < n-1; |i++|)
       IndMin = i; // 找到i~n中最小的
       for(j = i+1; j < n; j ++)
          if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
                 IndMin = j;
       if (IndMin!= i) //交换
          Swap(&data[IndMin],&data[i]);
         41
               36
                      28
                             16
IndMin =
```

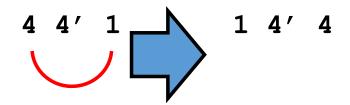
```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
       IndMin = i; // 找到i~n中最小的
       for(j = i+1; j < n; j ++)
          if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
                 IndMin = j;
       if(IndMin!= i) //交换
          Swap(&data[IndMin], &data[i]);
         41
               36
                      28
                             16
IndMin =
```

```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
   IndMin = i; // 找到i~n中最小的
   for(j = i+1; j < n; j ++)
      if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
            IndMin = j;
   if(IndMin!= i) //交换
      Swap(&data[IndMin], &data[i]);
    16
           36
                  28
                        41
```

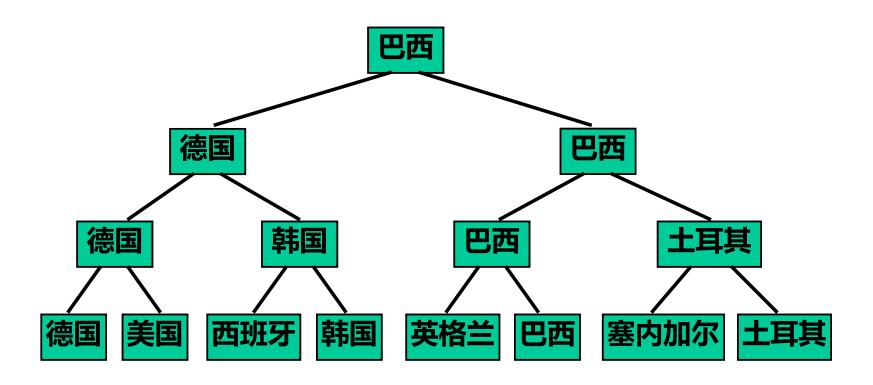
```
for (i = 0; i < n-1; i++) {
  IndMin = i; // 找到i~n中最小的
  for(j = i+1; j < n; j ++)
     if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
           IndMin = j;
  if(IndMin != i) //交换
     Swap(&data[IndMin],&data[i]);
i=0: n-1次比较
i=1: n-2次比较
                  数据比较次数: n(n-1)/2
i=n-1: 1次比较
```

```
for (i = 0; i < n-1; i++
  IndMin = i; // 找到i~n中最小的
  for(j = i+1; j < n; j ++)
     if( data[j] < data[IndMin] )</pre>
           IndMin = j;
  if(IndMin != i) //交换
     Swap(&data[IndMin],&data[i]);
i=0: n-1次比较
i=1: n-2次比较
                  数据比较次数: n(n-1)/2
i=n-1: 1次比较
```

- 数据移动的次数: 2 5 8 13 25 37
  - 当元素已经排好序时,不需要移动数据
  - 当元素是逆序时,需要移动3(n-1)次
- 数据比较次数: n(n-1)/2
- 所以不论什么情况,时间复杂度都是O(n²)
- 空间复杂度: O(1)
- 稳定性: 不稳定

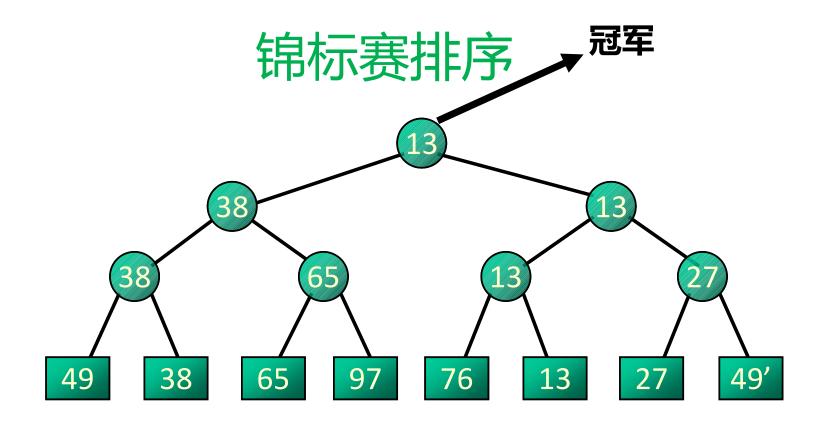


# 2002年日韩世界杯淘汰赛8强

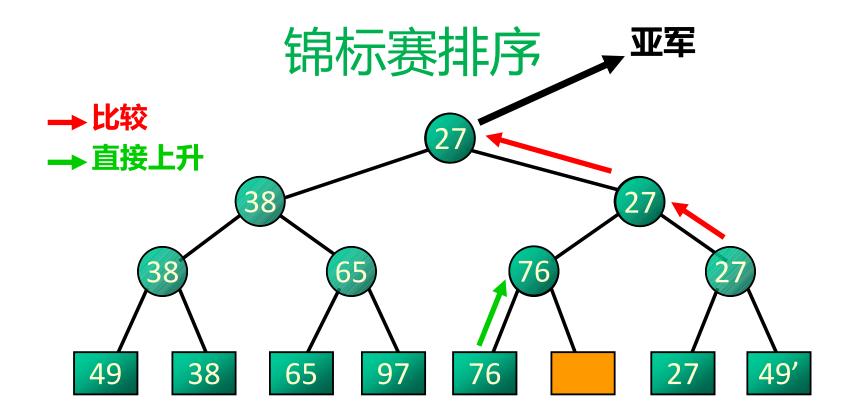


### 锦标赛排序

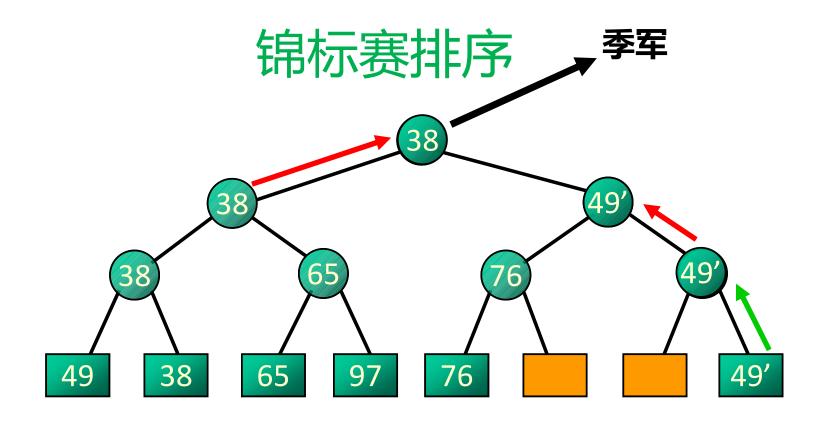
- 基本思想
  - 类似体育比赛时的淘汰赛
  - n个对象,两两比较,得到 [n/2] 个比较的优胜者
  - 对这 [n/2] 个对象再两两比较, ...
  - 重复, 直到选出一个排序码最小的对象为止



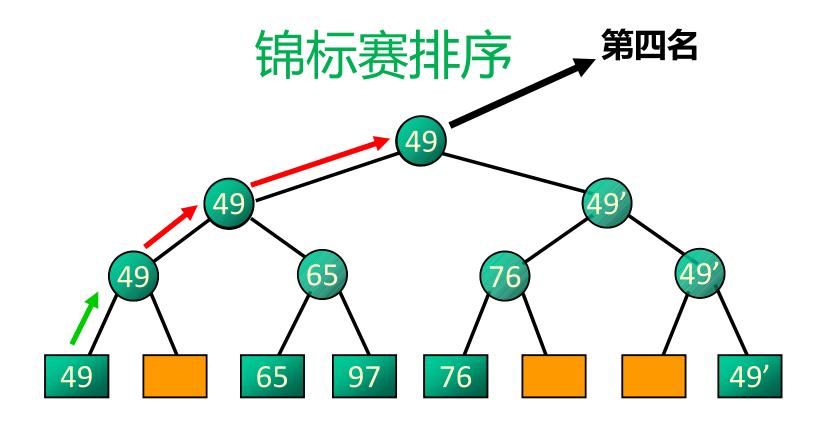
- 比较次数 = 7
- 输出冠军



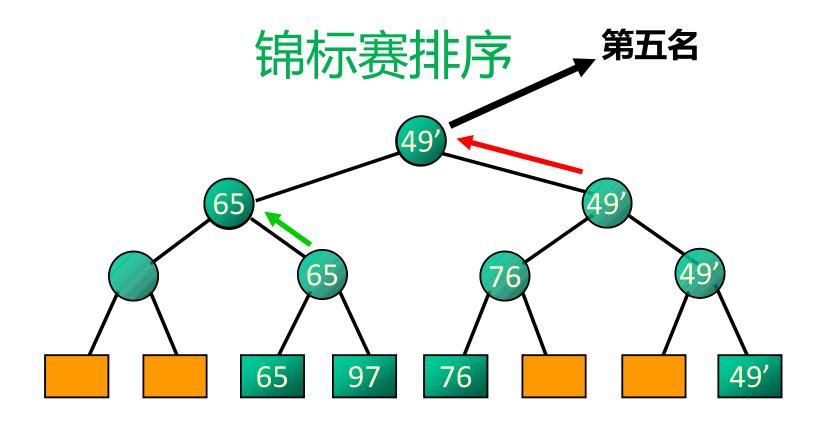
- 比较次数 = 2
- 输出亚军



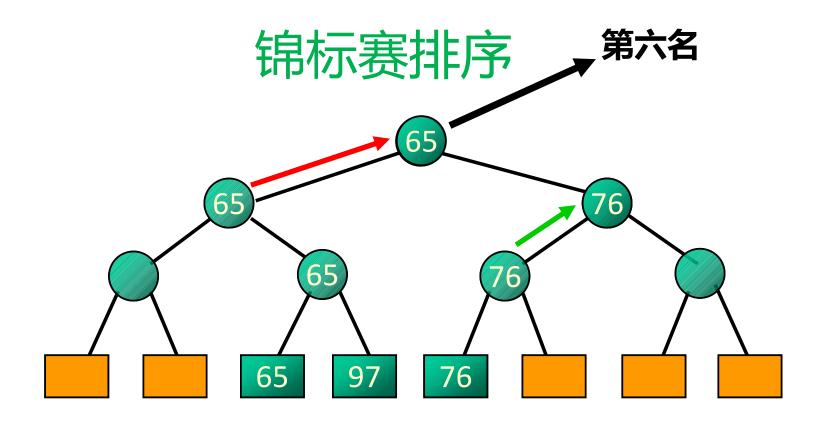
- 比较次数 = 2
- 输出季军



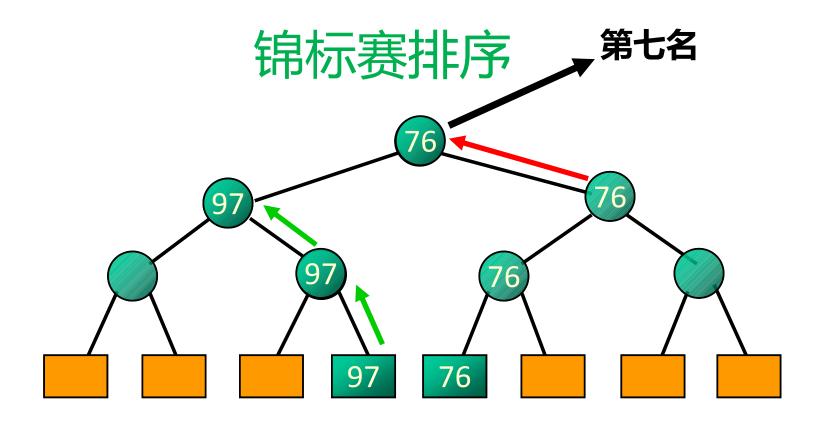
- 比较次数 = 2
- 输出第四名



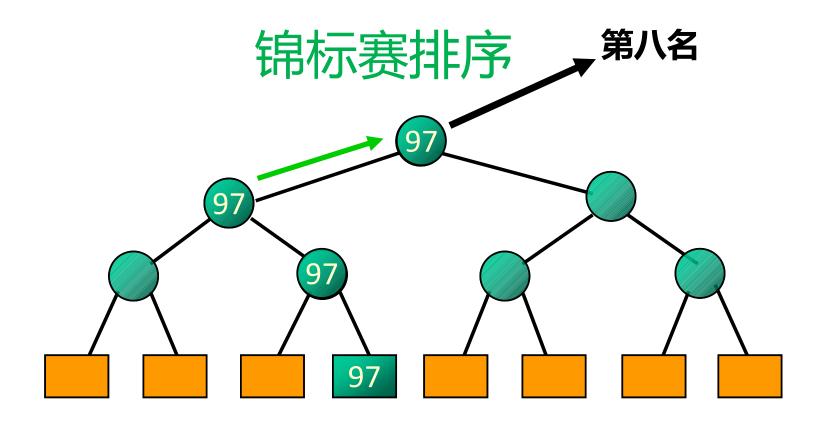
- 比较次数 = 1
- 输出第五名



- 比较次数 = 1
- 输出第六名



- 比较次数 = 1
- 输出第七名



- 比较次数 = 0
- 输出第八名

#### 锦标赛排序

- •时间复杂度
  - 锦标赛排序构成的选择树是满二叉树(如果元素不够补充空节 点),其深度为 [log<sub>2</sub>n]
  - •除第一次选择时需要进行 n-1 次比较外,选择其它元素每次 只需比较 O(log<sub>2</sub>n)次,所以总的比较次数为O(nlog<sub>2</sub>n)
  - 对象的移动次数不超过排序码的比较次数,所以锦标赛排序总时间复杂度为O(nlog<sub>2</sub>n)

#### 锦标赛排序

- •空间复杂度
  - 锦标赛排序法虽然减少了许多排序时间,但是使用了较多的附加存储
  - 如果有n个对象, 必须使用至少2n-1个结点来存放选择树
- 稳定性:
  - 稳定

# 归并排序



hwdong hw-dong

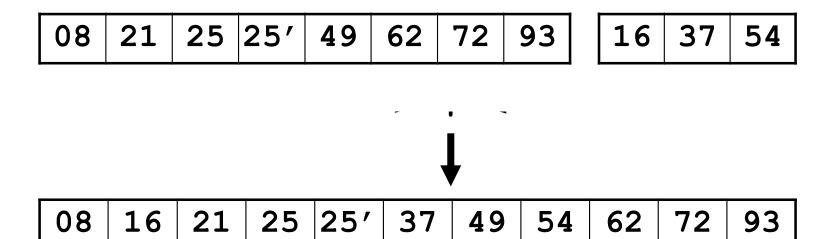
#### 归并排序

(迭代,自地向上)归并排序

(递归, 自顶向下) 归并排序

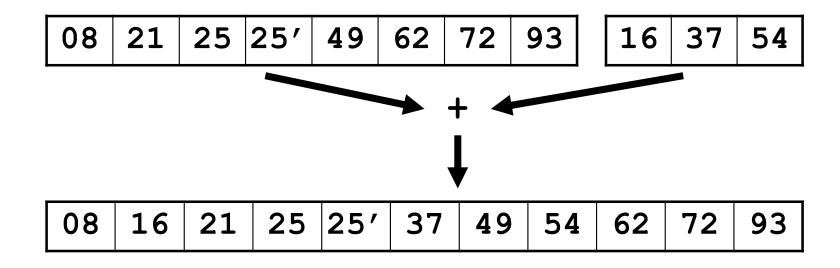
### (2路) 归并

- 归并
  - 将两个或两个以上的有序表合并成一个新的有序表



### (2路) 归并

- 归并
  - 将两个或两个以上的有序表合并成一个新的有序表



```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1;
   while(i <= M && j <= N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 25'
  80
      21
                   49
                       62
                           72
                                     16
                                         37
                               93
                                             54
  k
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25'
  80
      21
                   49
                        62
                            72
                                      16
                                           37
                                93
                                               54
       k
  08
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1;
   while(i <= M && j <= N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25'
  80
      21
                   49
                       62
                           72
                               93
                                      16
                                          37
                                              54
           k
  80
      16
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25' |
  80
      21
                   49
                        62
                            72
                                93
                                       16
                                           37
                                               54
                k
  80
      16
           21
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
  80
      21
          25 25'
                   49
                       62
                            72
                                93
                                      16
                                          37
                                              54
                    k
  80
      16
           21
               25
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25' |
  80
      21
                   49
                        62
                            72
                                93
                                       16
                                           37
                                               54
                         k
  80
      16
           21
               25 25'
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25' |
  08
      21
                   49
                        62
                            72
                                       16
                                           37
                                               54
                                93
                             k
  80
      16
           21
               25 25'
                        37
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25' |
  80
      21
                   49
                        62
                            72
                                       16
                                           37
                                               54
                                93
                                  k
  80
      16
           21
               25 25'
                        37
                             49
```

```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
          25 | 25' |
  80
      21
                   49
                        62
                            72
                                93
                                       16
                                           37
                                               54
                                       k
  80
      16
           21
               25 25'
                        37
                             49
                                  54
```

```
while(i <= M)</pre>
       out[k++] = data[i++];
   while(j <= N)</pre>
       out[k++] = data[j++];
        25 25'
                      62
80
    21
                 49
                          72
                                     16
                                          37
                               93
                                              54
                                     k
80
         21
             25 | 25'
    16
                       37
                            49
                                54
```

```
while(i <= M)</pre>
       out[k++] = data[i++];
   while(j <= N)</pre>
       out[k++] = data[j++];
        25 25'
                      62
80
    21
                 49
                           72
                                     16
                                          37
                               93
                                              54
                                          k
80
         21
             25 | 25'
    16
                       37
                            49
                                54
                                     62
```

```
while(i <= M)</pre>
       out[k++] = data[i++];
   while(j <= N)</pre>
       out[k++] = data[j++];
                              iм
        25 25'
80
    21
                 49
                      62
                          72
                                     16
                                          37
                               93
                                              54
                                              k
80
         21
             25 | 25'
    16
                       37
                            49
                                54
                                     62
                                          72
```

```
while(i <= M)</pre>
       out[k++] = data[i++];
   while(j <= N)</pre>
       out[k++] = data[j++];
        25 25'
80
    21
                 49
                      62
                          72
                                          37
                               93
                                     16
                                              54
                                                  k
             25 | 25'
80
    16
         21
                       37
                            49
                                54
                                     62
                                          72
                                              93
```

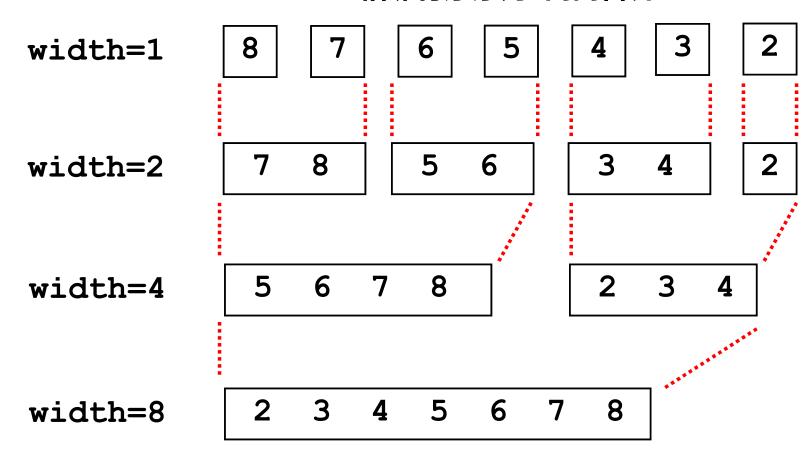
```
void merge(T data[],T out[],int s, int M, int N){
   int i = s, j = M+1, k = s;
   //1.两个序列都还有数据
   while (i \leq M && j \leq N)
     if(data[i] < data[j])</pre>
        out[k++] = data[i++];
     else
        out[k++] = data[j++];
   //2.序列剩余数据依次写入目标序列
   while (i \leq M)
      out[k++] = data[i++];
   while(j <= N)</pre>
      out[k++] = data[j++];
```

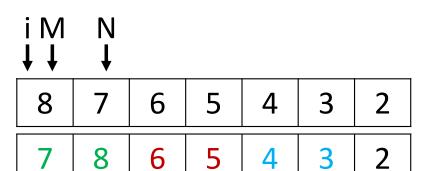
## (迭代)归并排序

#### 假设每个元素就是一个有序序列

width=1 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2

#### 相邻有序序列"两两合并"





8	7	6	5	4	3	2
7	8	5	6	4	3	2

$$M = i+width-1$$
  
 $N = i+2*width-1$ 

				* *		
8	7	6	5	4	3	2
7	8	5	6	4	3	2



	• 1.1	
<b>A</b> :	width=1	
$\neg$ .	widti-	L

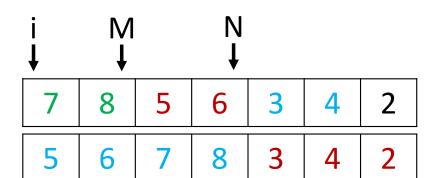
$$M = i+width-1$$
  
 $N = i+2*width-1$ 



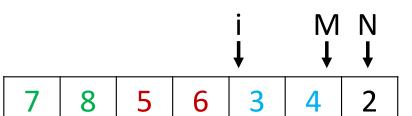


8	7	6	5	4	3	2
7	8	5	6	3	4	2

```
for(int width = 1; width < n; width *=2){
    for( int i = 0; i < n; i= i+2*width )
        merge(A, B, i, M, N);
    copy(B,A,n);
}
    M = i+width-1
    N = min(i+2*width-1,n-1)</pre>
```

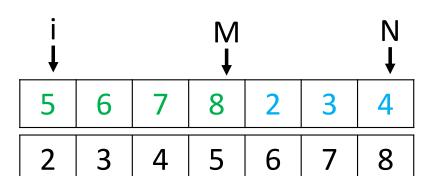


```
for(int width = 1; width < n; width *=2){
    for( int i = 0; i < n; i= i+2*width )
        merge(A, B, i, M, N);
    copy(B,A,n);
}
M = i+width-1
N = min(i+2*width-1,n-1)</pre>
```

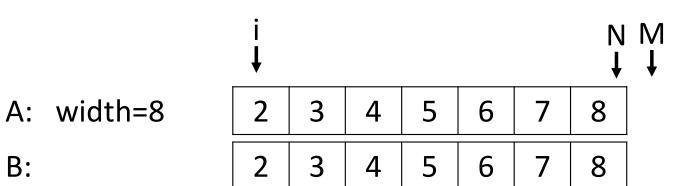


A: width=2

```
for(int width = 1; width < n; width *=2){
    for( int i = 0; i < n; i= i+2*width )
        merge(A, B, i, M, N);
    copy(B,A,n);
}
    M = i+width-1
    N = min(i+2*width-1,n-1)</pre>
```

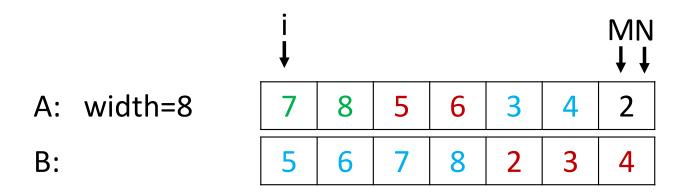


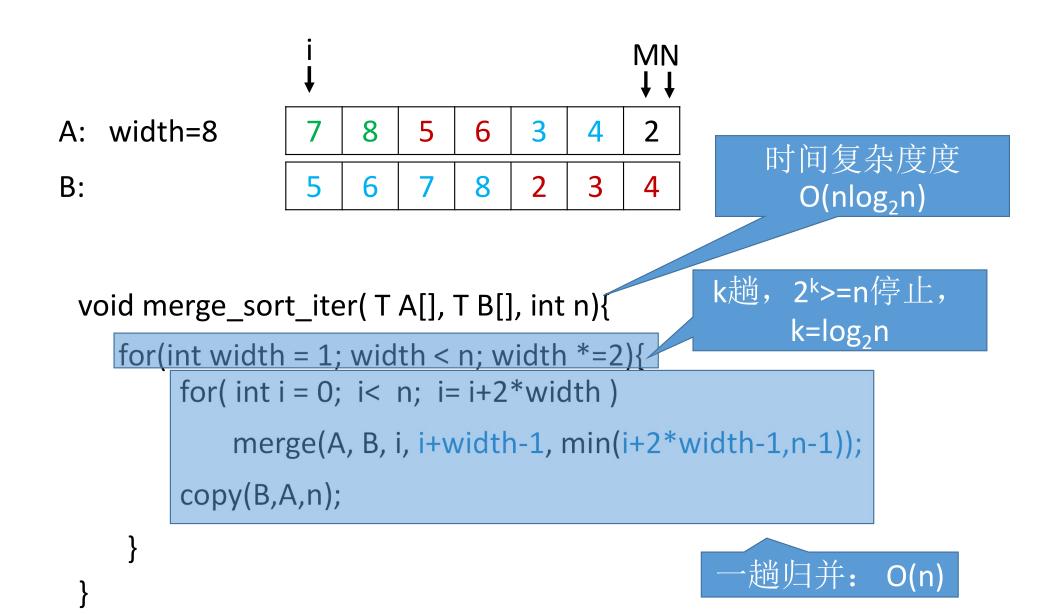
```
for(int width = 1; width < n; width *=2){
    for( int i = 0; i < n; i= i+2*width )
        merge(A, B, i, M, N);
    copy(B,A,n);
}
    M = i+width-1
    N = min(i+2*width-1,n-1)</pre>
```



B:

```
for(int width = 1; width < n; width *=2){</pre>
       for(int i = 0; i < n; i = i+2*width)
            merge(A, B, i, M, N);
       copy(B,A,n);
        M = i+width-1
        N = min(i+2*width-1,n-1)
```





# (递归) 归并排序

#### 递归的归并排序

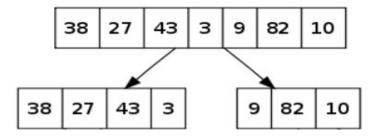
区间在[s,t]的序列的归并排序被分解为区间为[s,(s+t)/2]和 [(s+t)/2+1,t]的归并排序子问题。

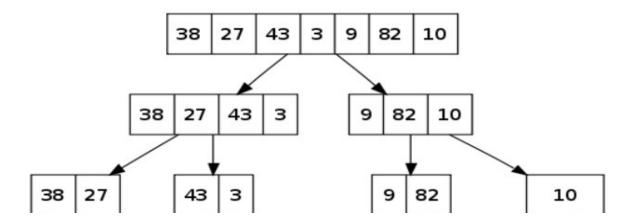
```
merge_sort(T A[], int s,int t) {
  if (t == s) {return;}
  merge sort(A, s, (s+t)/2);
  merge sort(A, s+t)/2+1,t);
  merge (A,B,s,(s+t)/2,t);
  copy(B,A, s,t);
                                 27
                                    43
                                             82
                           38
                              27
```

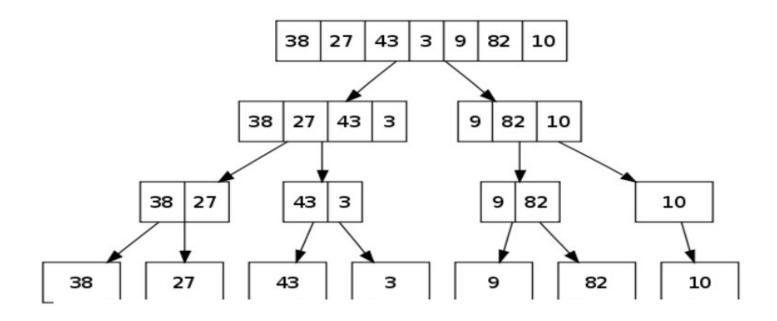
#### 递归的归并排序

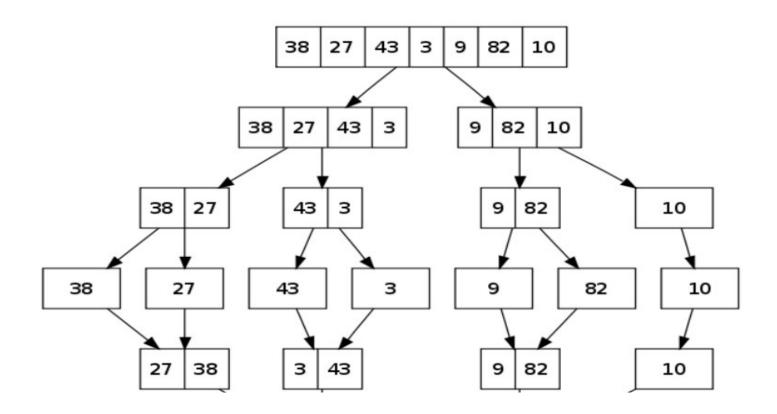
区间在[s,t]的序列的归并排序被分解为区间为[s,(s+t)/2]和 [(s+t)/2+1,t]的归并排序子问题。

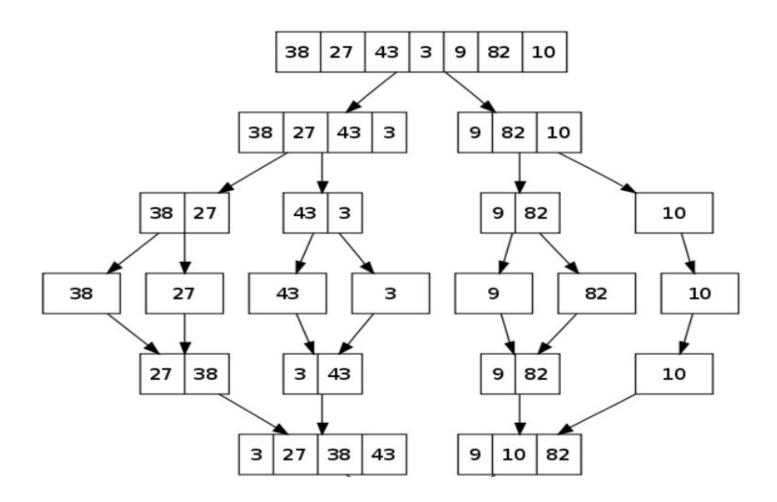
```
merge_sort(T A[], int s,int t) {
  if (t == s) {return;}
  merge sort(A, s, (s+t)/2);
  merge sort(A, s+t)/2+1,t);
  merge (A,B,s,(s+t)/2,t);
  copy(B,A, s,t);
                                 27
                                    43
                                             82
                           38
                              27
```

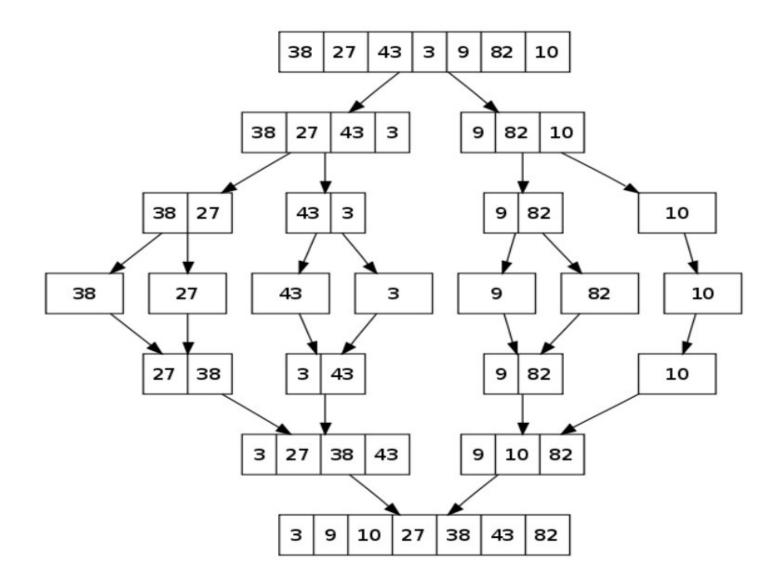












#### 归并排序法

- 时间复杂度
  - $O(n\log_2 n)$
- •空间复杂度
  - 需要另外一个与原待排序序列同样大小的辅助空间
  - 这是这个算法的缺点
- 稳定性
  - 稳定

- 递归:一个问题可以分解为规模更小的子问题,子问题的解决方法和原问题一样。
- solve(原问题): solve(子问题1)、 solve(子问题2)

```
n! = n * (n-1)! fact(4) = 4 * fact(3)

= 4 * 3 * fact(2)

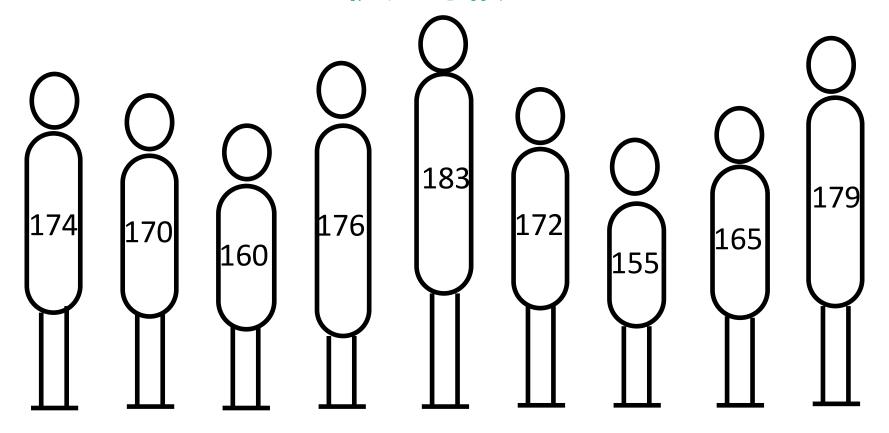
= 4 * 3 * 2 * fact(1)

if(n<=1) return 1; = 4 * 3 * 2 * 1

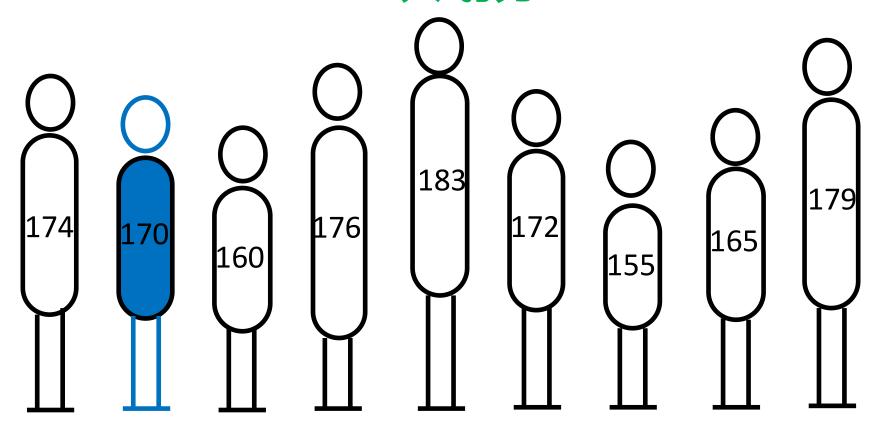
return = n * fact(n-1); = 4 * 3 * 2

= 4 * 6

= 24
```

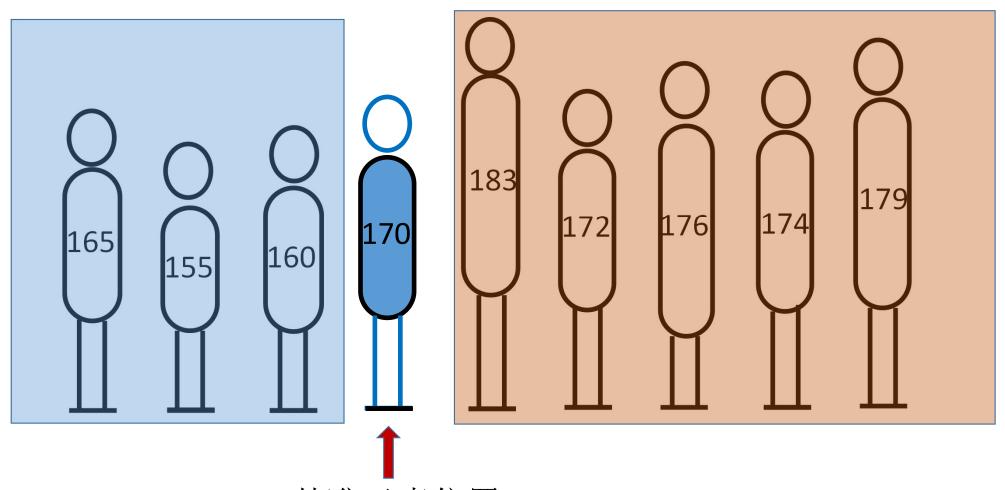


#### 一次划分

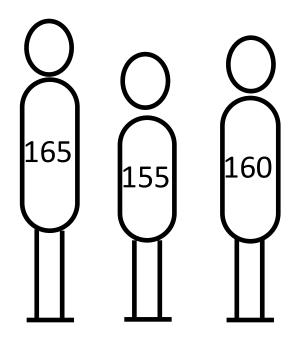


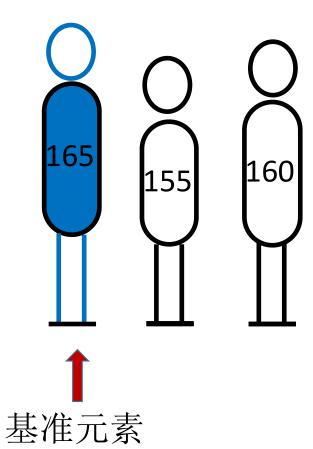
#### 一次划分 基准元素位置

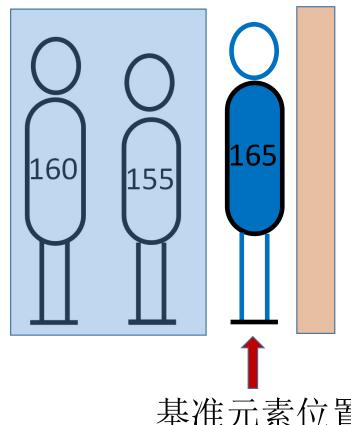
### 快速排序



基准元素位置

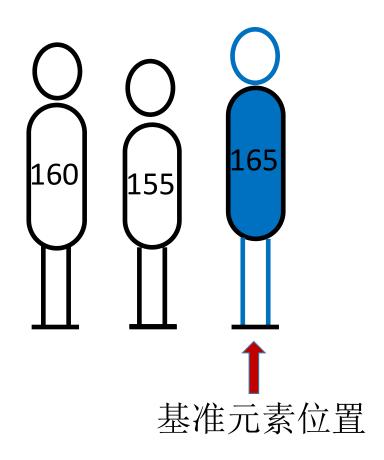


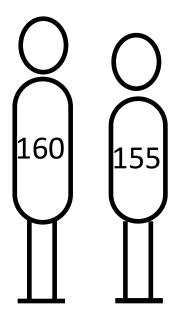


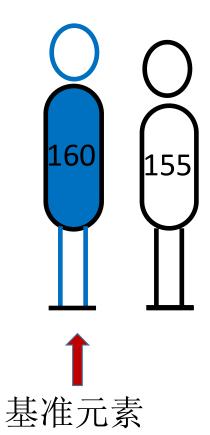


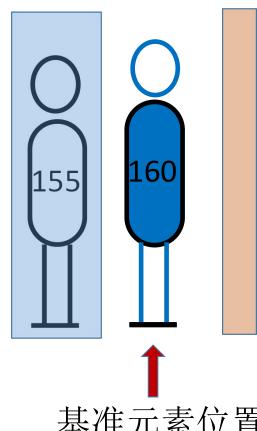
基准元素位置

### 一次划分

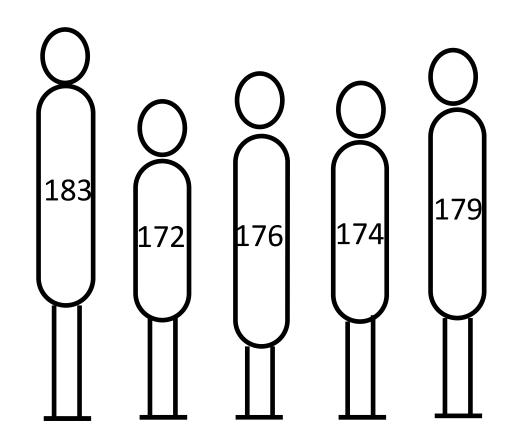


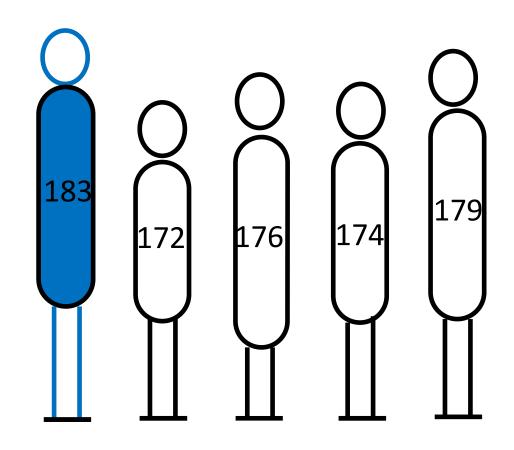


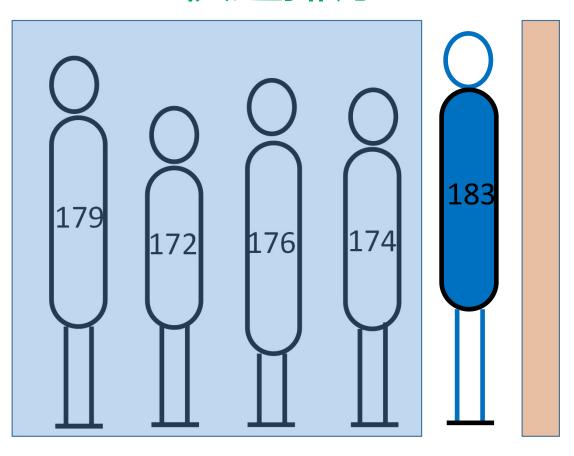


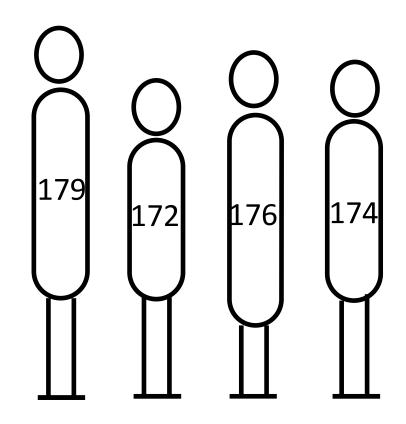


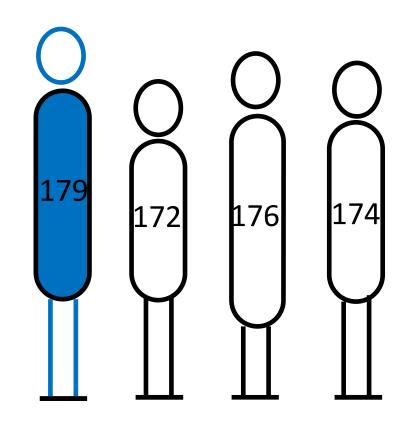
基准元素位置

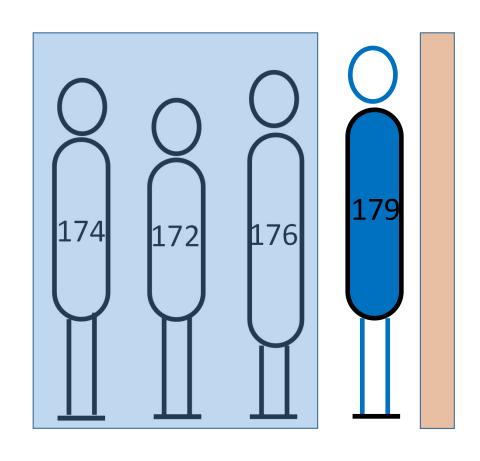


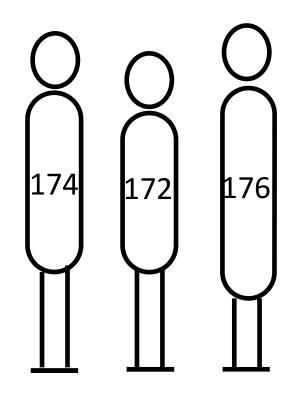


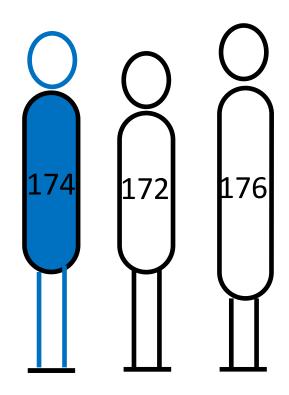


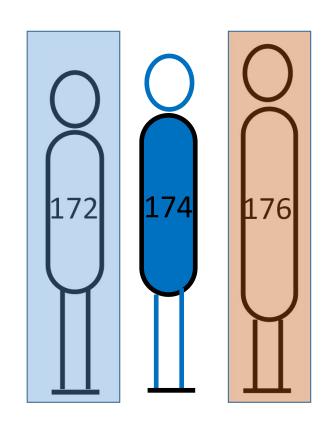


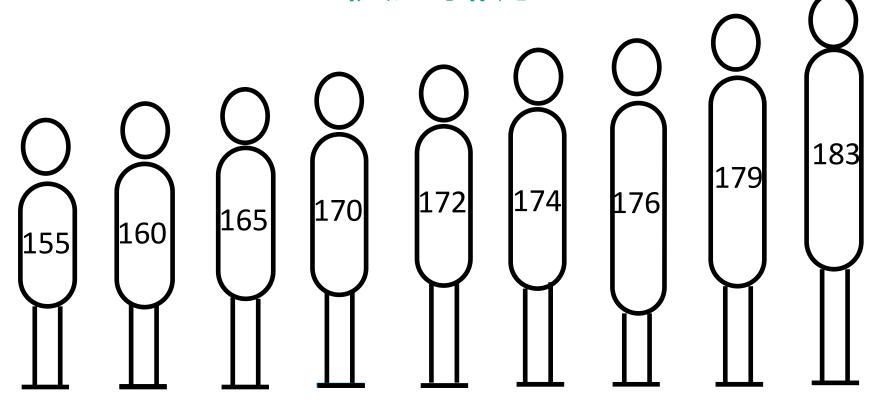












## 快速排序

- •基本思想
  - 以某一个数据(例如第一个)作为基准,将整个序列"划分"为 左右两个子序列:
    - 左侧子序列中所有数据都小于基准数据
    - 右侧子序列中所有数据都不小于基准数据
  - 这时基准对象就排在这两个子序列中间
  - 然后分别对这两个子序列重复施行上述方法, 直到排序完毕

## 快速排序

• 递归函数

```
void QSort(T a[], int L, int H) {
   if(L < H) { //待排序数列长度大于1
   int pivotloc = Partition(a, L, H);
   //对左子序列进行快速排序
   QSort(a, L, pivotloc - 1);
   //对右子序列进行快速排序
   QSort(a, pivotloc + 1, H);
}
</pre>
```

```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
划分: [65, 55,60], 70, [83,72,76,74,79]
Qsort([65, 55,60])
```

```
void QSort(T a[], int L, int H) {
  if(L < H){ //待排序数列长度大于1
  int pivotloc = Partition(a, L, H);
  //对左子序列进行快速排序
  QSort(a, L, pivotloc - 1);
  //对右子序列进行快速排序
  QSort(a, pivotloc + 1, H);
  }
}
```

```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
划分: [65, 55,60], 70, [83,72,76,74,79]
Qsort([65, 55,60])
划分: [60, 55], 65, []
Qsort([60,55])
```

```
void QSort(T a[], int L, int H) {
    if(L < H){ //待排序数列长度大于1
    int pivotloc = Partition(a, L, H);
    //对左子序列进行快速排序
    QSort(a, L, pivotloc - 1);
    //对右子序列进行快速排序
    QSort(a, pivotloc + 1, H);
    }
}
```

```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
划分: [65, 55,60], 70, [83,72,76,74,79]
Qsort([65, 55,60])
划分: [60, 55], 65, []
Qsort([60,55])

划分: [55], 60, []
Qsort([55])
Qsort([55])
```

```
void QSort(T a[], int L, int H) {
  if(L < H){ //待排序数列长度大于1
  int pivotloc = Partition(a, L, H);
  //对左子序列进行快速排序
  QSort(a, L, pivotloc - 1);
  //对右子序列进行快速排序
  QSort(a, pivotloc + 1, H);
  }
}
```

```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
划分: [65, 55,60], 70, [83,72,76,74,79]
Qsort([65, 55,60])
划分: [60, 55], 65, []
Qsort([60,55])

划分: [55], 60, []
Qsort([55])
Qsort([])
Qsort([])
```

```
void QSort(T a[], int L, int H) {
  if(L < H){ //待排序数列长度大于1
  int pivotloc = Partition(a, L, H);
  //对左子序列进行快速排序
  QSort(a, L, pivotloc - 1);
  //对右子序列进行快速排序
  QSort(a, pivotloc + 1, H);
  }
}
```

```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
划分: [65, 55,60], 70, [83,72,76,74,79]
Qsort([65, 55,60])
划分: [60, 55], 65, []
Qsort([60,55])

划分: [55], 60, []
Qsort([55])
Qsort([])
```

```
void QSort(T a[], int L, int H) {
  if(L < H){ //待排序数列长度大于1
  int pivotloc = Partition(a, L, H);
  //对左子序列进行快速排序
  QSort(a, L, pivotloc - 1);
  //对右子序列进行快速排序
  QSort(a, pivotloc + 1, H);
  }
}
```

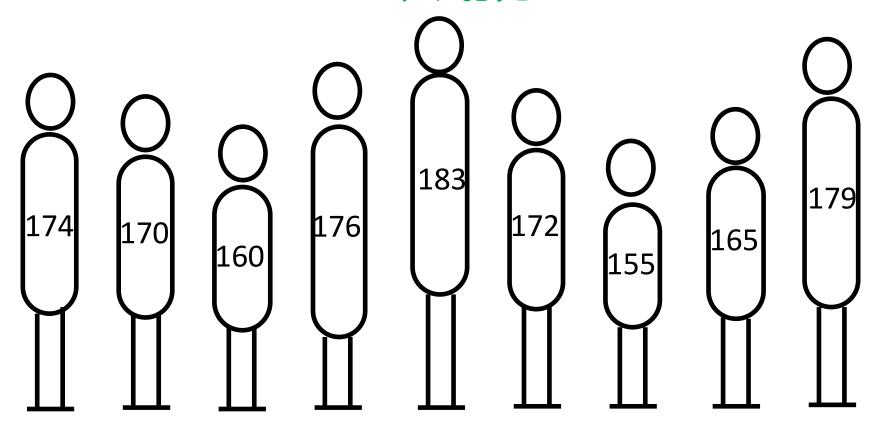
```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
    划分: [65, 55,60] , 70, [83,72,76,74,79]
    Qsort([65, 55,60])
         划分: [60, 55], 65, []
         Qsort([60,55])
           划分: [55], 60, []
            Qsort([55])
           Qsort([] )
         Qsort([])
    Qsort([83,72,76,74,79])
```

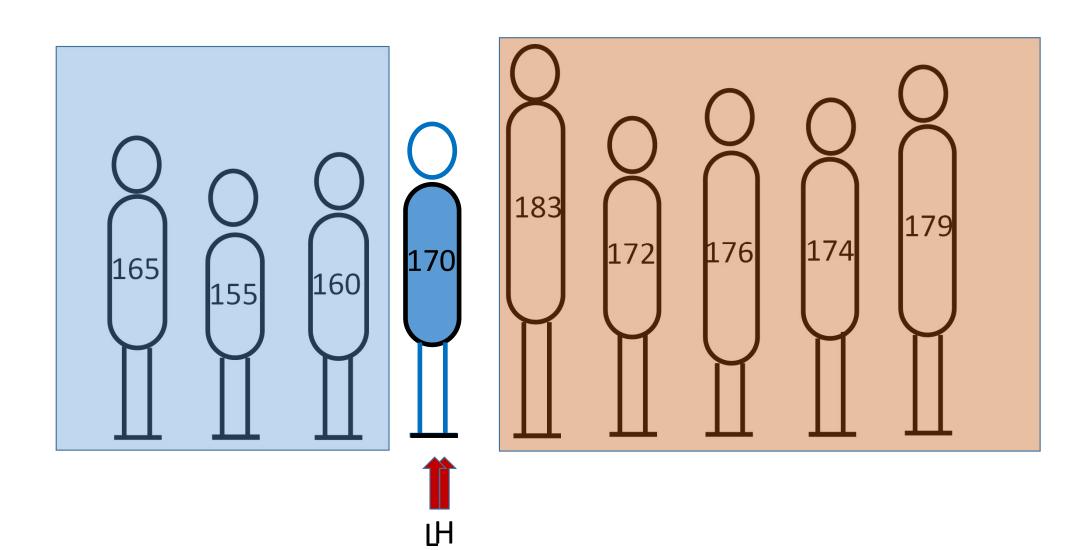
```
void QSort(T a[], int L, int H) {
    if(L < H){ //待排序数列长度大于1
    int pivotloc = Partition(a, L, H);
    //对左子序列进行快速排序
    QSort(a, L, pivotloc - 1);
    //对右子序列进行快速排序
    QSort(a, pivotloc + 1, H);
  }
}
```

```
Qsort([70, 74,60,76, 83,72,55,65,79])
    划分: [65, 55,60] , 70, [83,72,76,74,79]
    Qsort([65, 55,60])
         划分: [60, 55], 65, []
         Qsort([60,55])
           划分: [55], 60, []
            Qsort([55])
           Qsort([] )
         Qsort([])
    Qsort([83,72,76,74,79])
```

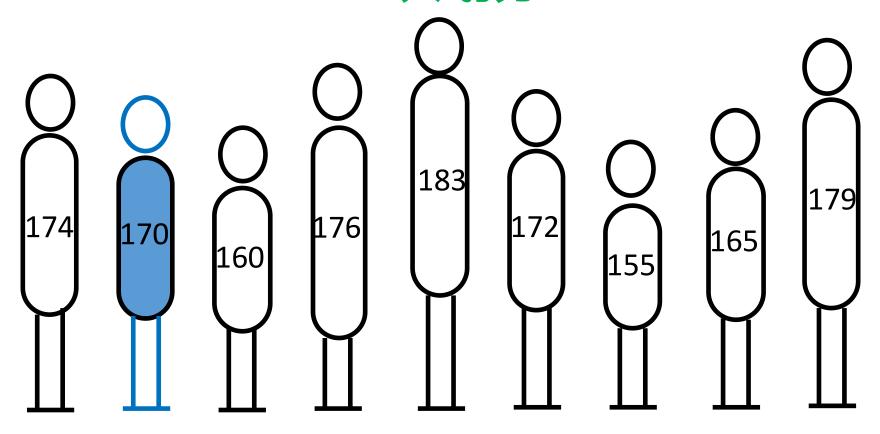
```
void QSort(T a[], int L, int H) {
    if(L < H){ //待排序数列长度大于1
    int pivotloc = Partition(a, L, H);
    //对左子序列进行快速排序
    QSort(a, L, pivotloc - 1);
    //对右子序列进行快速排序
    QSort(a, pivotloc + 1, H);
  }
}
```

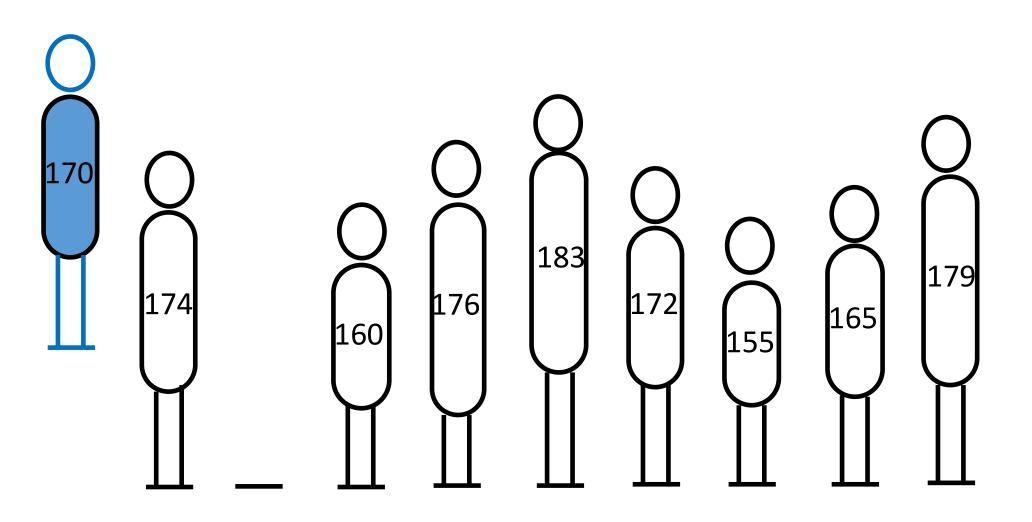
## 一次划分

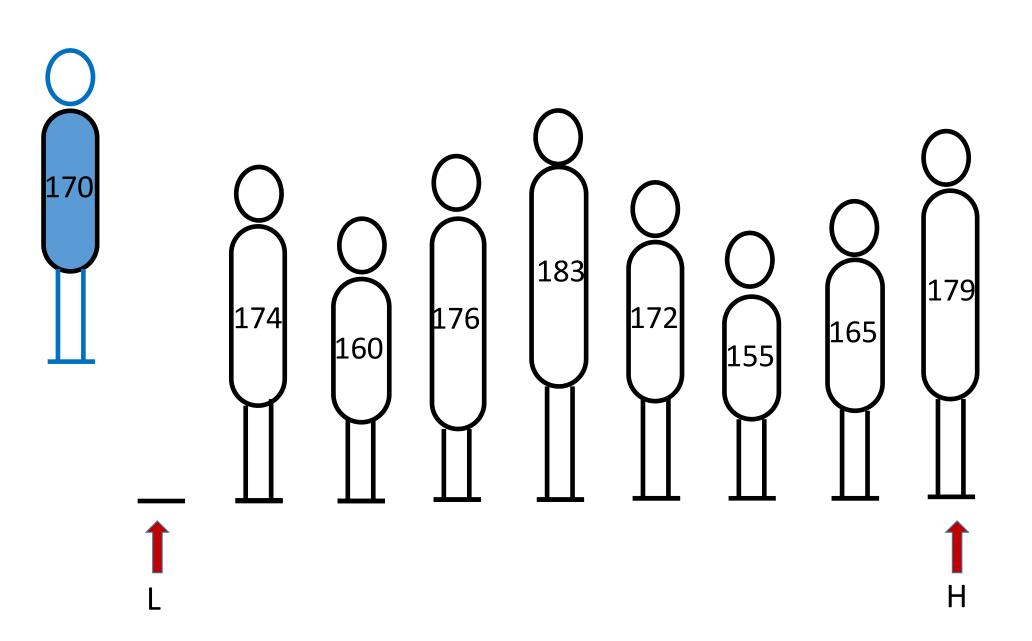


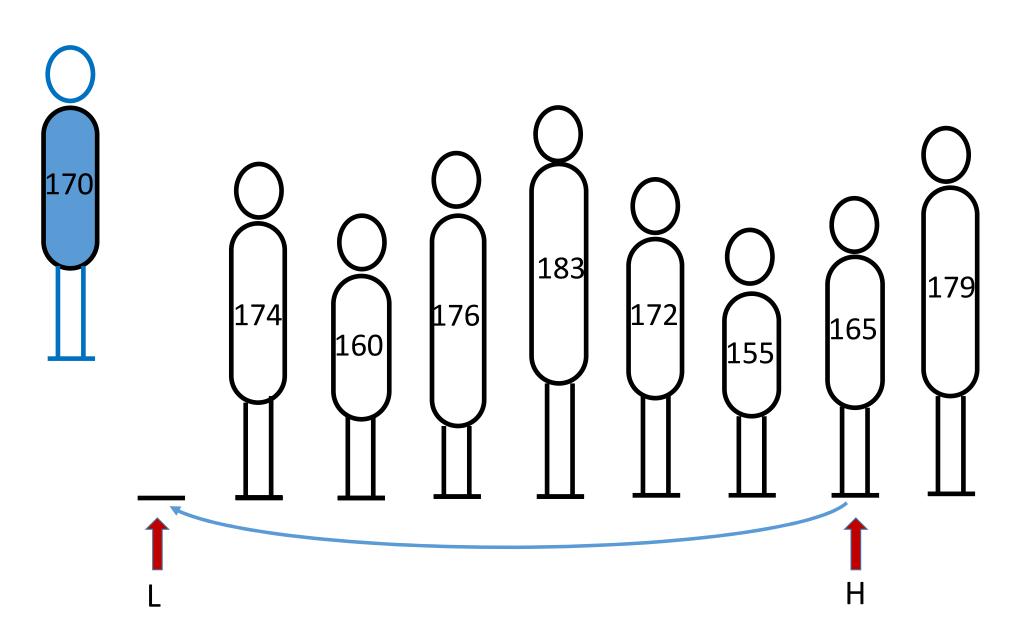


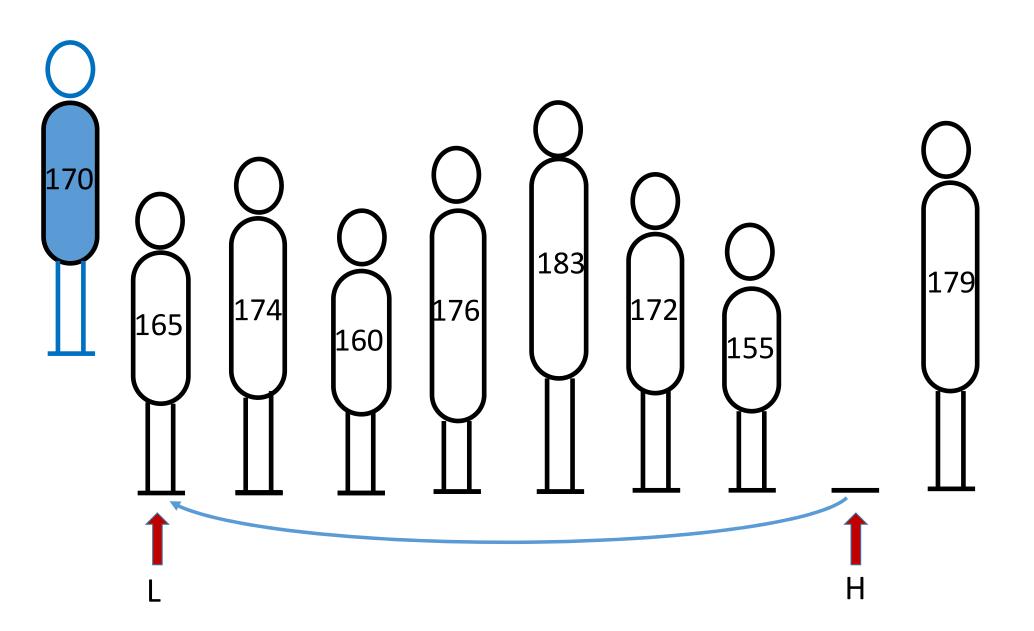
## 一次划分

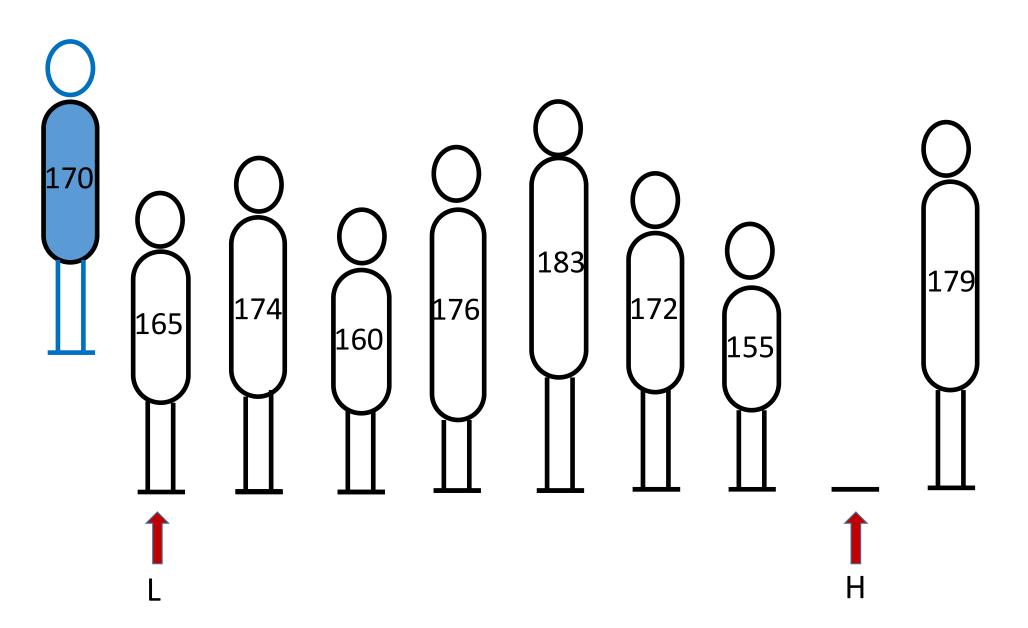


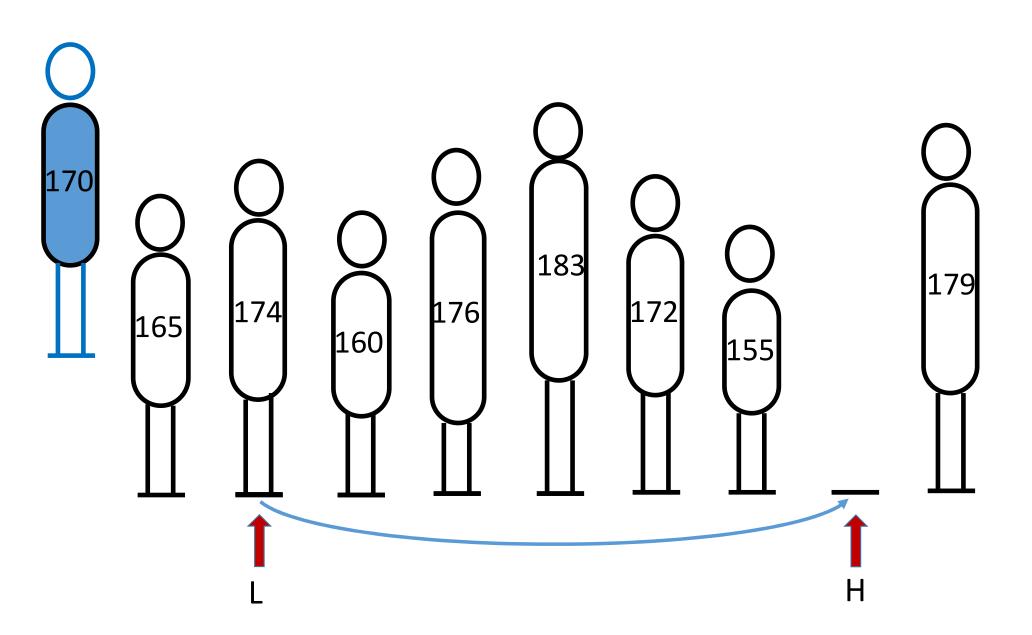


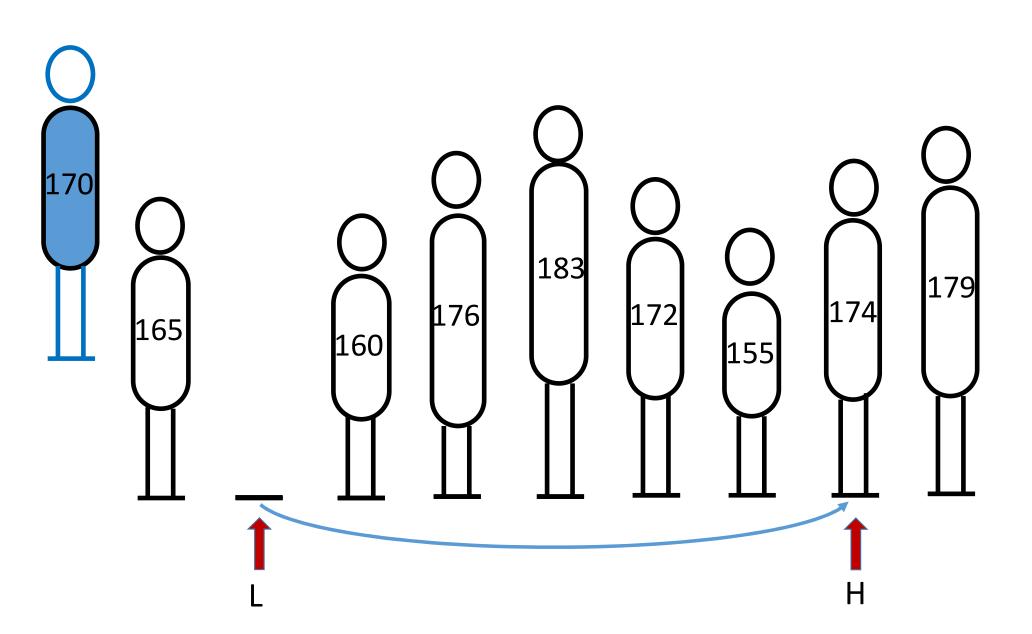


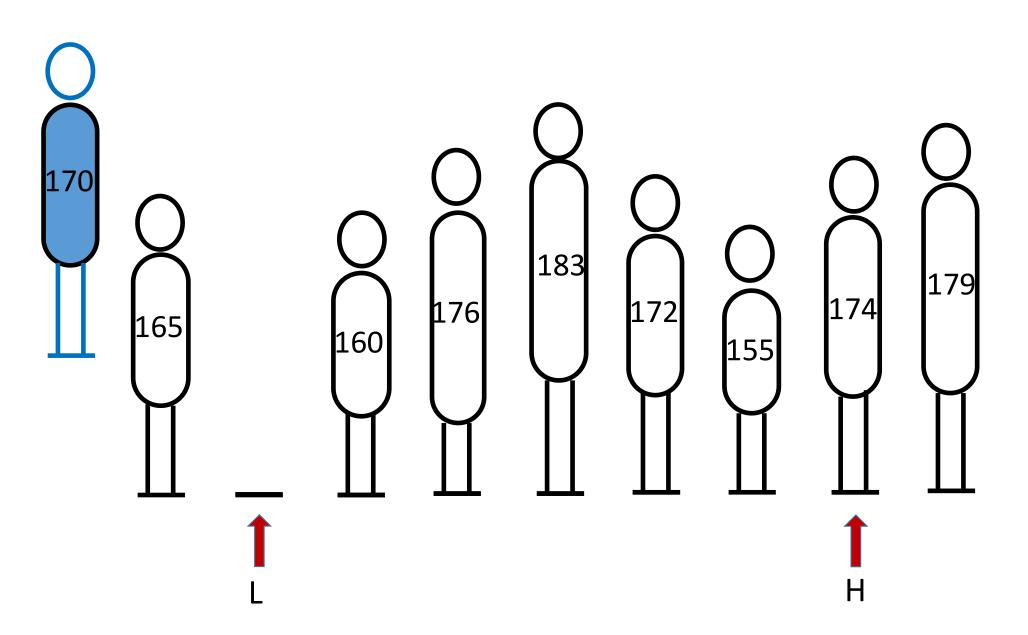


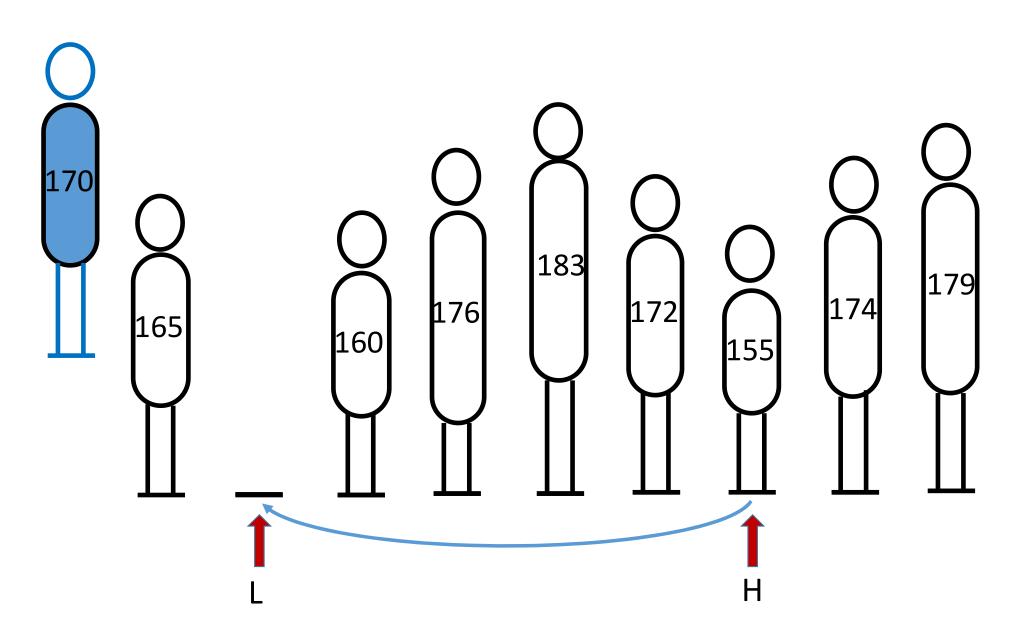


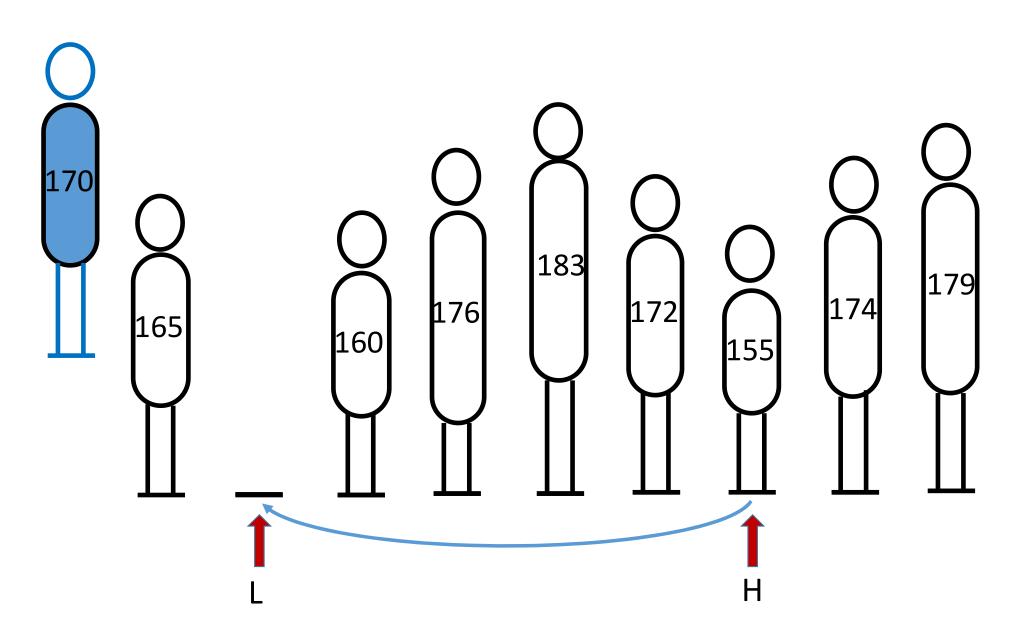


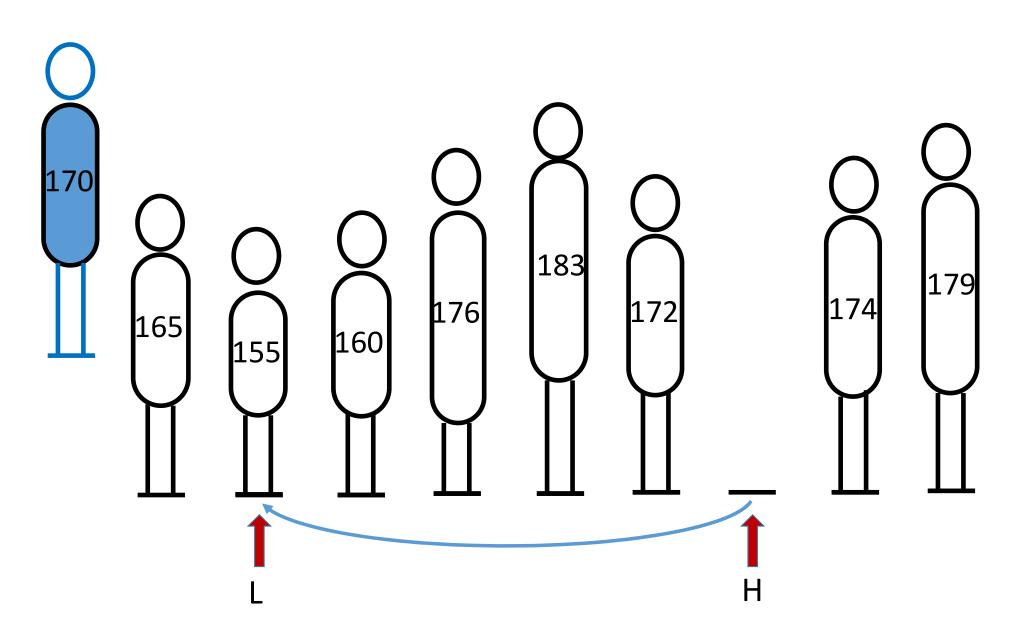


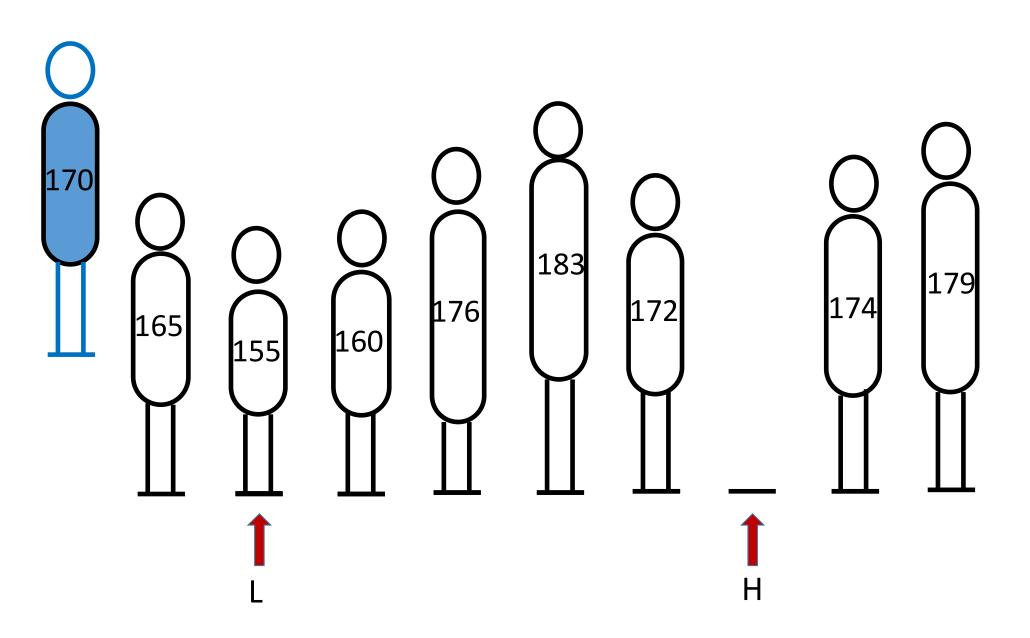


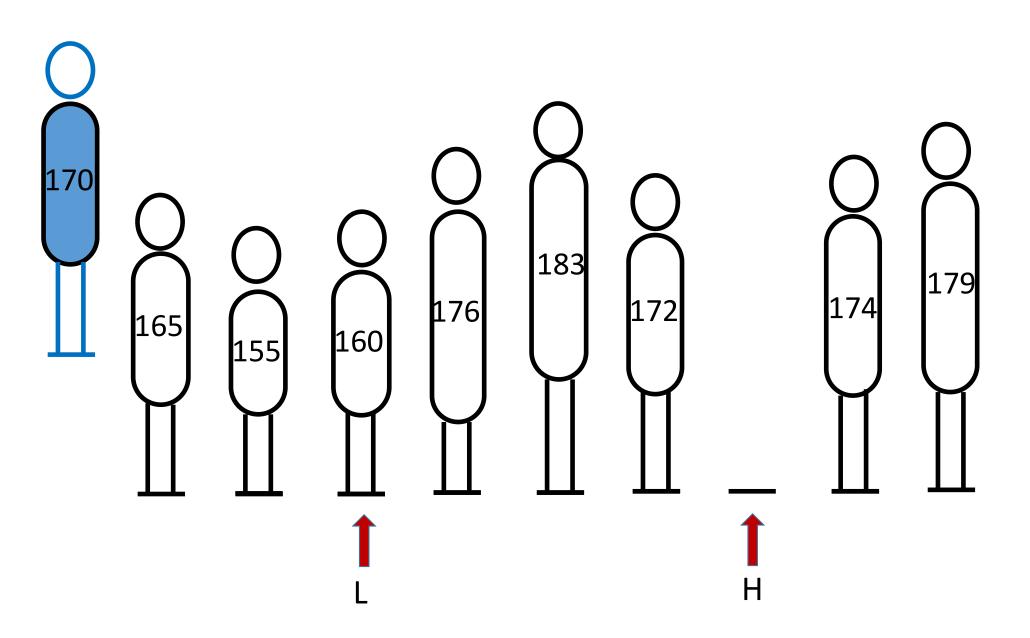


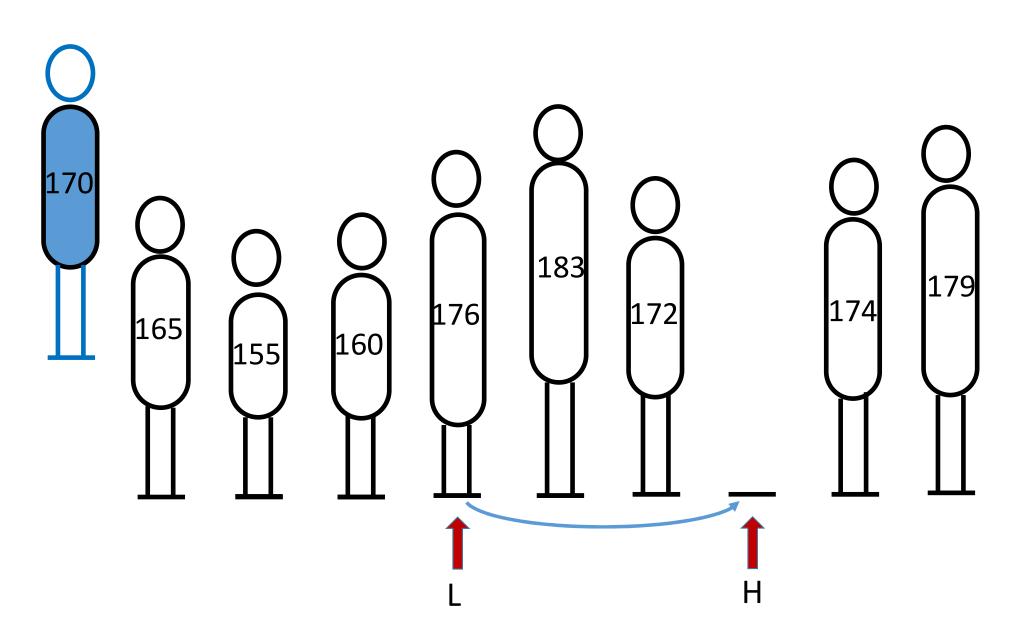


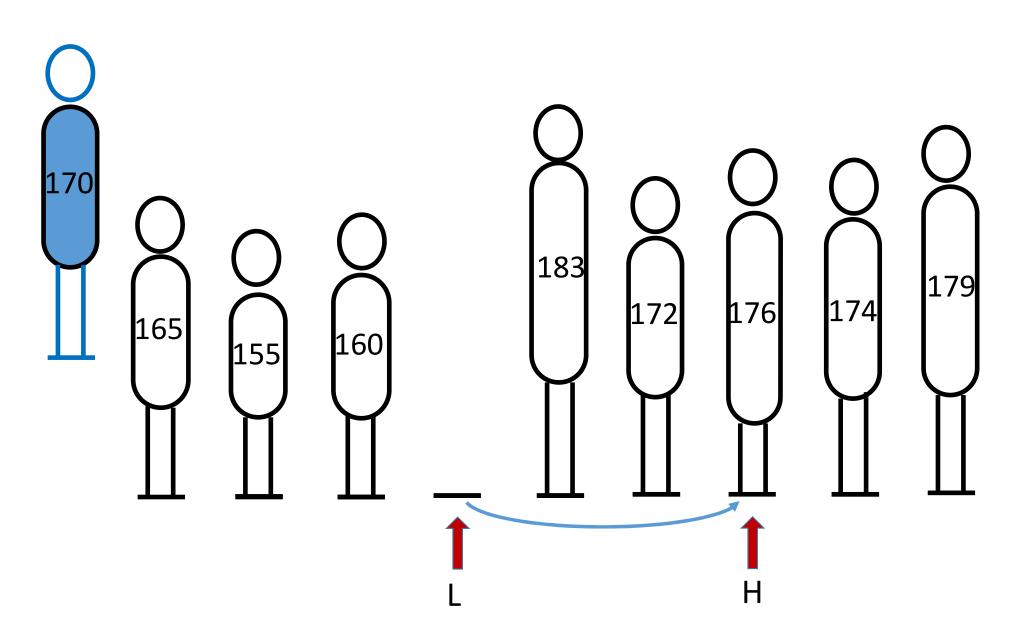


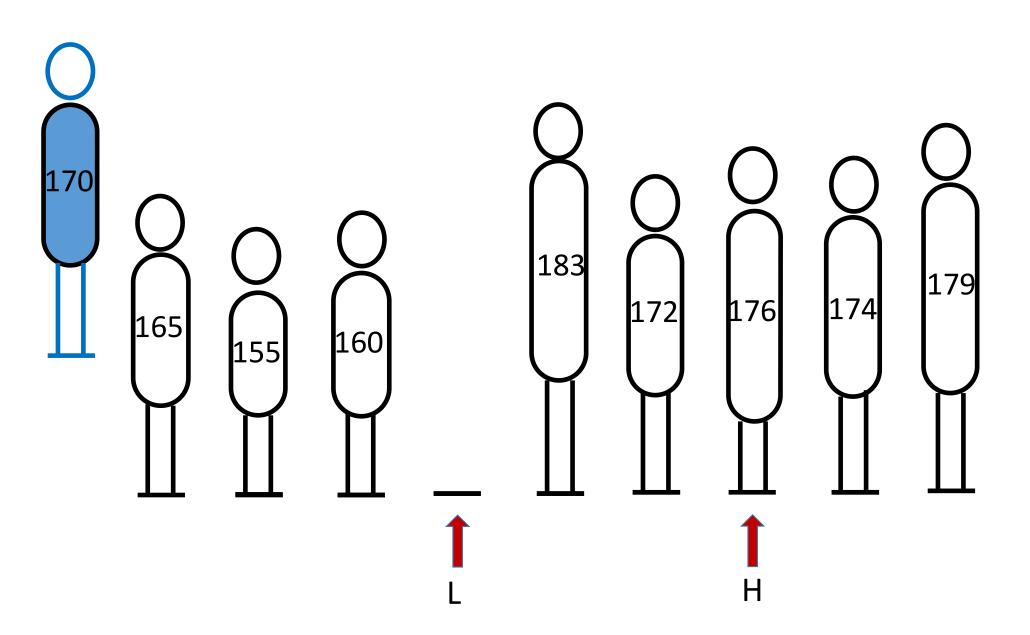


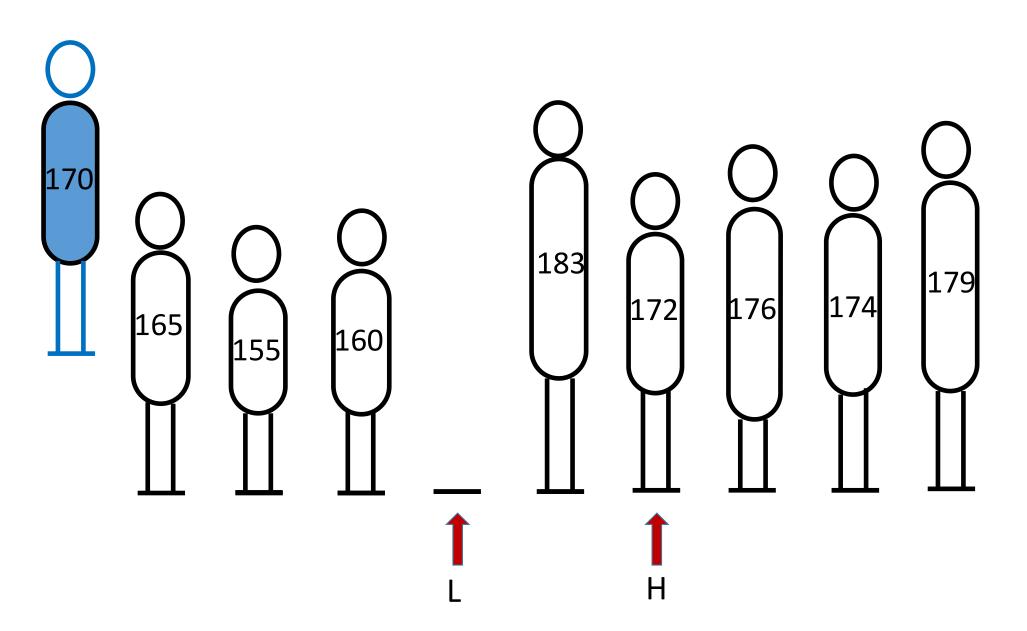


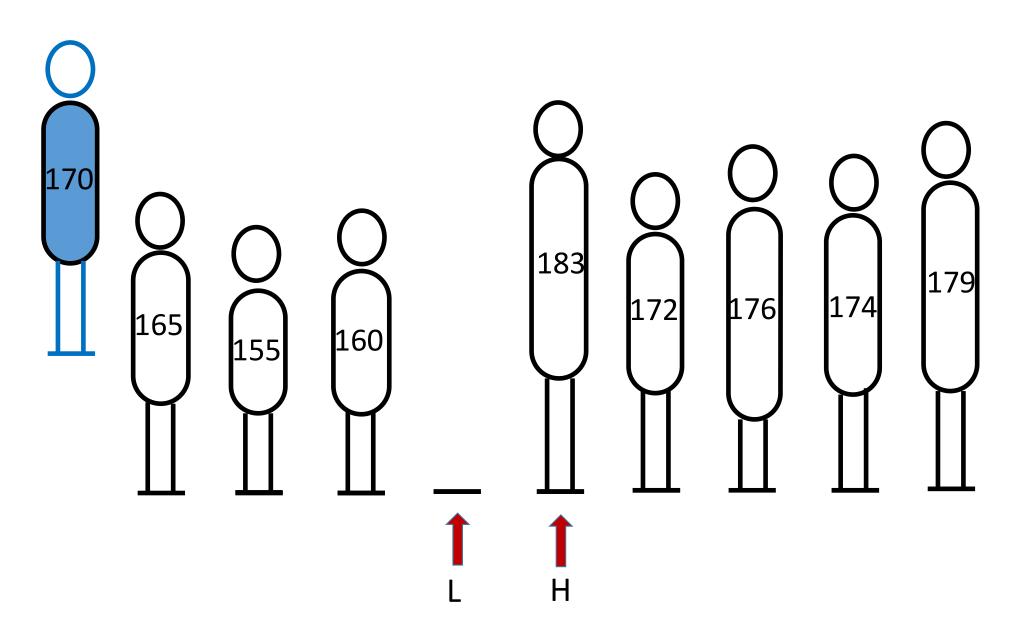


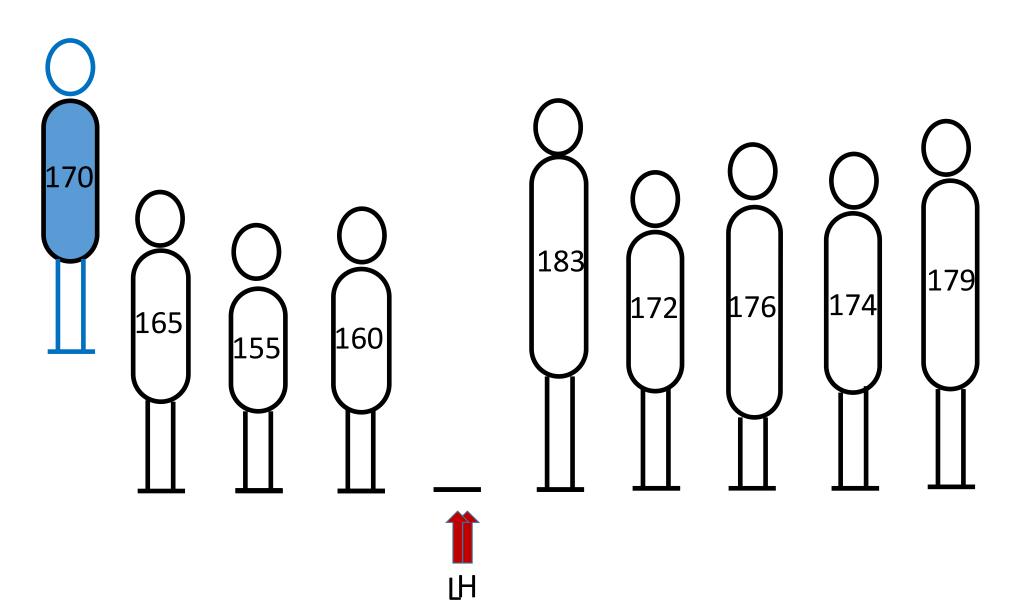


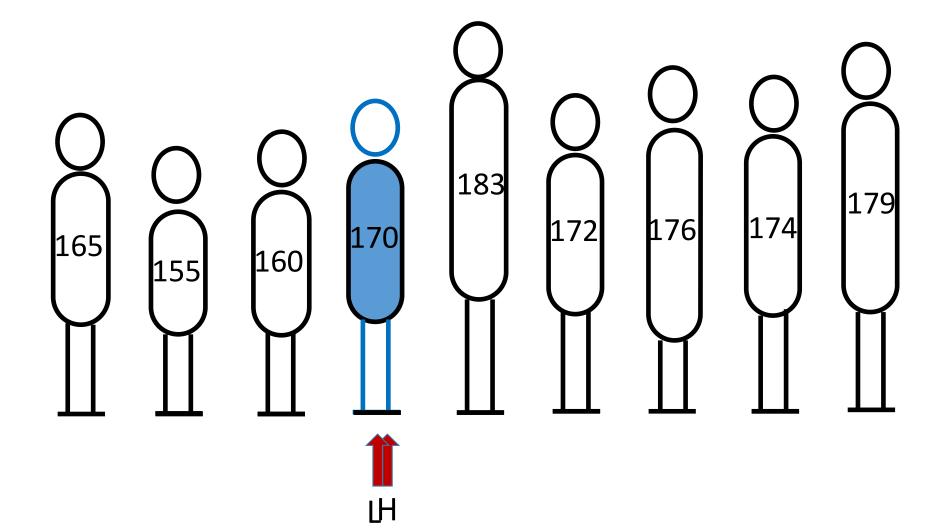












```
int Partition (T a[], int L, int H) {
   T t = a[L]; //把最左元素当作基准
   while (L < H) {
            //H向左,直到遇见比pivot小的
        while (L < H \&\& ! (a[H] < t))
             H = --;
        a[L] = a[H];
        //L向右,直到遇见比pivot大的
        while(L<H && a[L]<t )</pre>
             L++;
        a[H] = a[L];
  a[L] = t;
  return L;
```

```
t = a[L]; //把最左元素当作基准
while(L < H) {
   while(L < H && !(a[H]<t)) //H向左, 直到遇见比pivot小的
         H --;
   a[L] = a[H];
   while(L<H && a[L]<t ) //L向右, 直到遇见比pivot大的
         L++;
   a[H] = a[L];
a[L] = t; return L;
```

<b>↓</b>							↓ H
0	1	2	3	4	5	6	7
49	38	65	97	76	13	27	49



Τ.

t	
49	

0	1	2	3	4	5	6	7
49	38	65	97	76	13	27	49

H



```
T t = a[L]; //把最左元素当作基准
while(L < H) {
    while(L < H && !(a[H]<t)) //H向左, 直到遇见比pivot小的
        H --;
    a[L] = a[H];
    while(L<H && a[L]<t) //L向右, 直到遇见比pivot大的
        L++;
    a[H] = a[L];
}
a[L] = t; return L;
```

t	
49	

0	1	2	3	4	5	6	7
49	38	65	97	76	13	27	49

H



t	
49	

	<b>V</b>						<b>+</b>	
	0	1	2	3	4	5	6	7
4	19	38	65	97	76	13	27	49



```
T t = a[L]; //把最左元素当作基准
while (L < H) {
   while(L < H && !(a[H]<t)) //H向左, 直到遇见比pivot小的
         H --;
   a[L] = a[H];
   while(L<H && a[L]<t ) //L向右, 直到遇见比pivot大的
         L++;
   a[H] = a[L];
a[L] = t; return L;
                                      H
```

t 49

pivot

*						ţ	
0	1	2	3	4	5	6	7
49	38	65	97	76	13	27	49

```
T t = a[L]; //把最左元素当作基准
while (L < H) {
   while(L < H && !(a[H]<t)) //H向左, 直到遇见比pivot小的
         H --;
   a[L] = a[H];
   while(L<H && a[L]<t ) //L向右, 直到遇见比pivot大的
         L++;
   a[H] = a[L];
a[L] = t; return L;
                                      H
```

t 49

pivot

•						<b>↓</b>	
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	27	49
<b>A</b> *							

t
49

	<b>†</b>					ļ	
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	27	49

u



Т.

+
t
49

		<b>+</b>				<b>+</b>	
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	27	49



			<b>L</b> ↓				H ↓	
t	0	1	2	3	4	5	6	7
49	27	38	65	97	76	13	27	49
	† pivot							

		<b>L</b> ↓				<b>↓</b>	
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	65	49
† pivot							

t	
49	

		<b>+</b>				<b>+</b>	
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	65	49



t	
49	

		<b>+</b>				<b>+</b>	
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	65	49



t	
49	

		<b>\</b>			<b>\</b>		
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	65	97	76	13	65	49



			<b>L</b>			<b>H</b>		
t	0	1	2	3	4	5	6	7
49	27	38	65	97	76	13	65	49
	† pivot							

			L ↓			↓ H		
t	0	1	2	3	4	5	6	7
49	27	38	13	97	76	13	65	49
	† pivot							

t	
49	

		<b>+</b>			<b>+</b>		
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	13	65	49

L

H



t	
49	9

0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	13	65	49



			L ↓		<b>H</b>		
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	13	65	49
† pivot							

				L ↓		<b>↓</b>		
t	0	1	2	3	4	5	6	7
49	27	38	13	97	76	97	65	49
	† pivot							

t	
40	
l 49	

0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



 t	
49	

			•		<u> </u>		
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



t	
1Ω	

0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



]	L	I	
,	ļ	1	ļ

0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



↑↑ TH

0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	97	76	97	65	49



0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	49	76	97	65	49

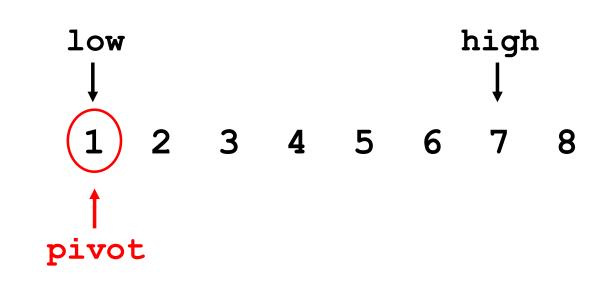


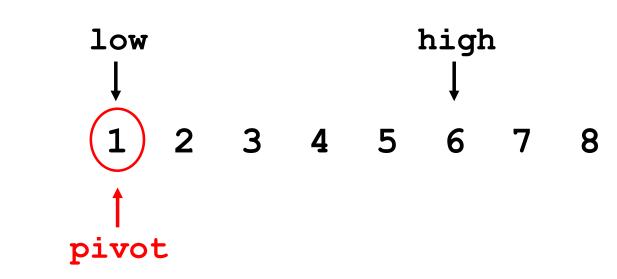
†	t	
4	.9	

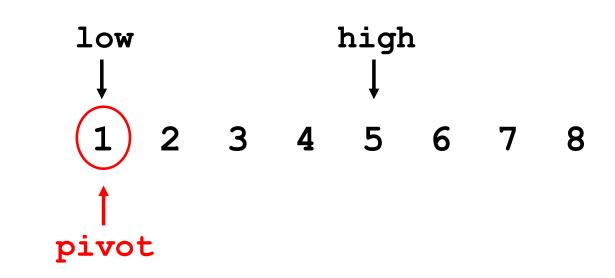
			▼ ▼				
0	1	2	3	4	5	6	7
27	38	13	49	76	97	65	49

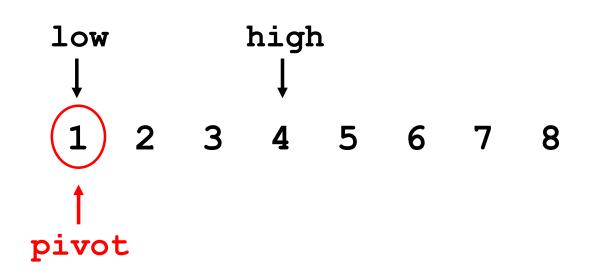
LH

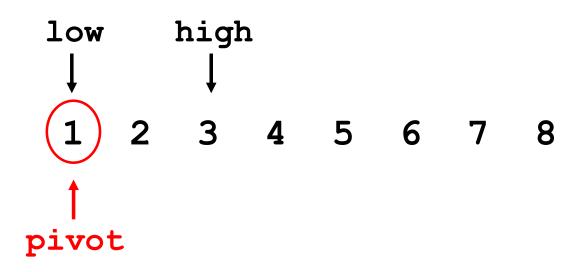


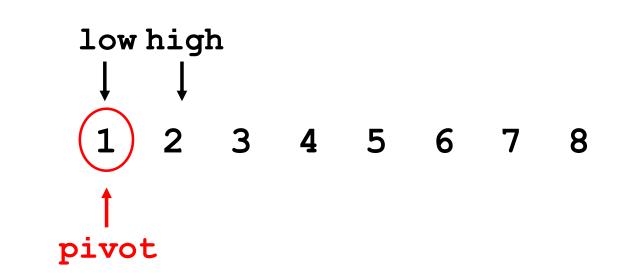


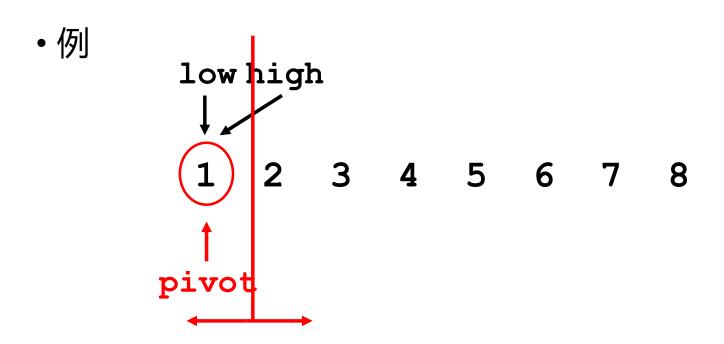




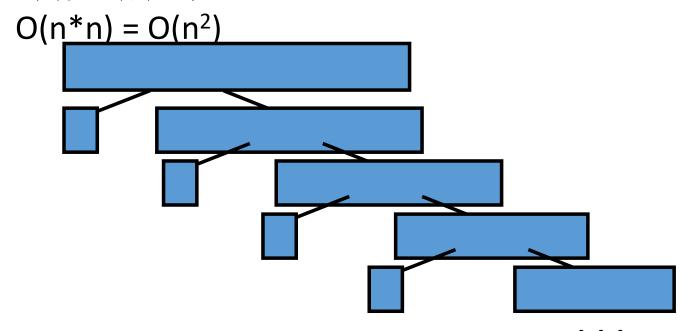








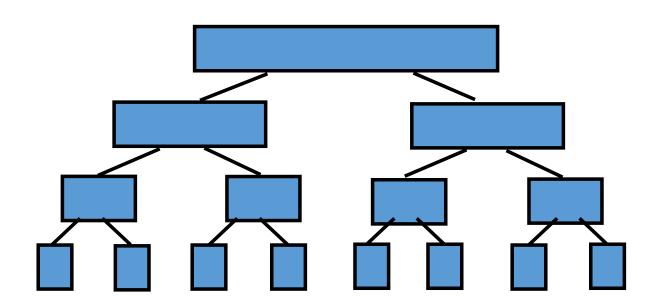
- 每次划分都只分出一个元素
- 需要n层递归



• 有序性好的原始数据不适合用快速排序

## 时间复杂度

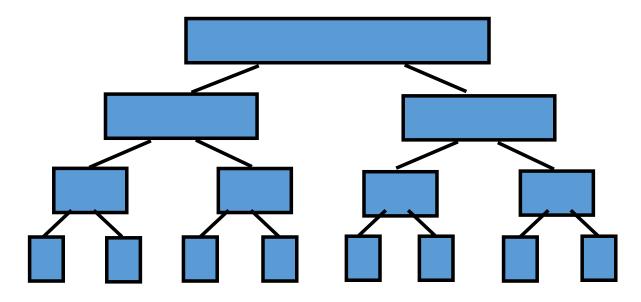
- · 每次划分, 分成相等的2部分
- 只要 $log_2$ n层。 O( $n*log_2$ n)  $2^k>=n$



・杂乱无章的原始数据适合用快速排序

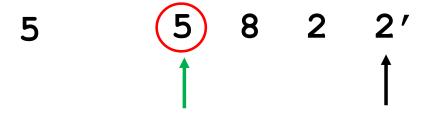
## 空间复杂度

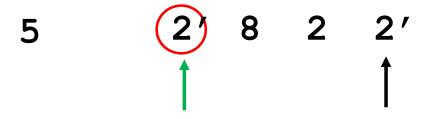
- 使用了递归,相当于增加了一个堆栈
- 堆栈的深度 = 递归的层数
- •最少log<sub>2</sub>n:每一次都切在中间

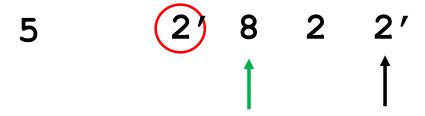


• 不稳定:

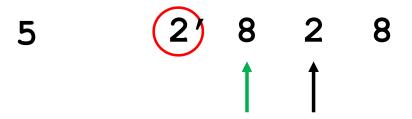
5 8 2 2'

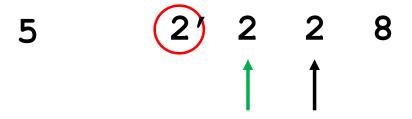












• 不稳定:

5 <u>2</u> 2 2 8

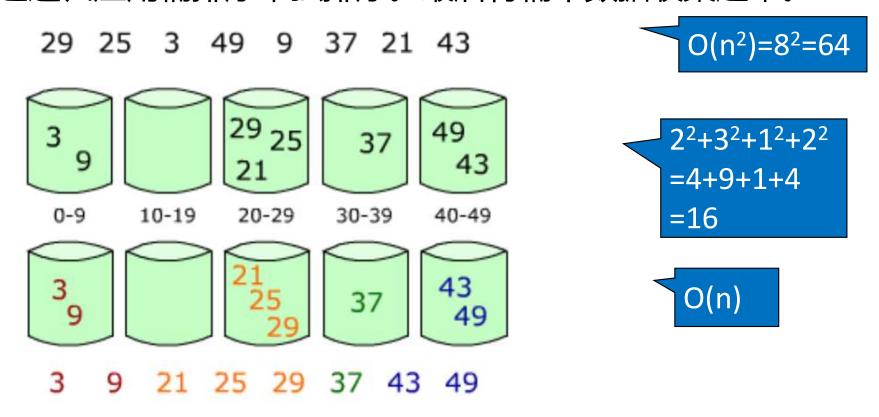
• 不稳定:

5 <u>2</u> 2 5 8

# 桶排序

#### 桶排序

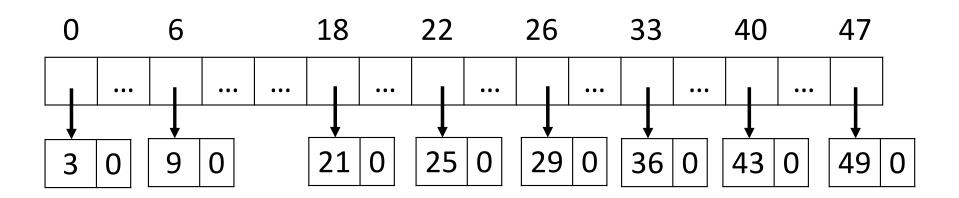
将数组元素分配到多个桶中。然后,每个桶使用任何其他排序算 法或通过递归应用桶排序单独排序。最后将桶中数据收集起来。



#### 桶排序

• 最初是对整数排序:确定这组整数的取值范围[min,max],然后建max-min+1个桶。将这组整数分配到这些桶(桶用链表表示)。

29 25 3 49 9 37 21 43



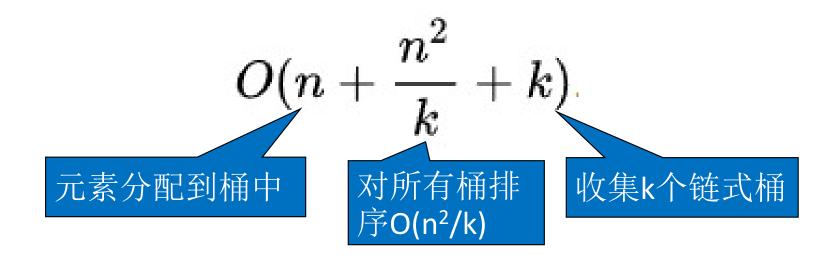
{-1, 25, -58964, 8547, -119, 0, 78596};

```
template \typename T>
void BucketSort(vector<T> &data, const int bucket num=0) {
   T minValue = data[0], maxValue = data[0];
   if (data[i] > maxValue)
          maxValue = data[i];
      if (data[i] < minValue)</pre>
          minValue = data[i];
   int bucket n = maxValue - minValue + 1;
   if (bucket num != 0) bucket n = bucket num;
   // D= M-m D/S+1 = N S = D/(N-1)
   T interval = (maxValue - minValue) / (bucket n - 1);
```

```
vector<vector<T>>> buckets(bucket_n);
for (auto e : data)
buckets[(e - minValue) / interval]. push_back(e);
```

```
int k = 0;
for (int i = 0; i < bucket_n; i++) {
   if (bucketSize > 0) {
       if (bucketSize > 1) {
           insert_sort(buckets[i]);         O((n/k|²)
       for (int j = 0; j < bucketSize; j++)</pre>
          data[k] = buckets[i][j];
          k++:
                                          O(n^2/k)
```

## 时间复杂度



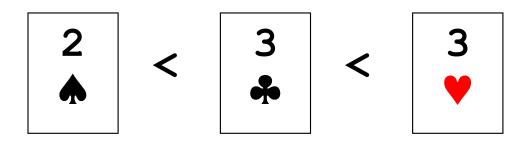
k=n,理论上线性时间复杂度O(n)

但如果不均匀分配到桶中,可能聚集于一个桶中,退化为O(n²) 空间复杂度O(n+k) {-1, 25, -58964, 8547, -119, 0, 78596 };

# 多关键字排序-基数排序

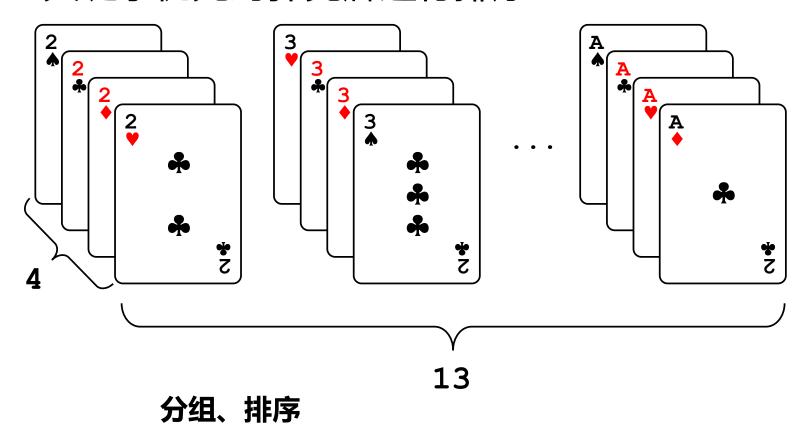
## 多关键字排序

- 前面的排序方法只有一个关键字(排序码)
- 有时候可能存在多个关键字, 比如扑克牌
  - 关键字1: 面值 2 < 3 < ... < K < A
  - 关键字2: 花色 ♣ < ♦ < ♥ < ♠
  - 在扑克牌中,面值是主关键字,当主关键字相同时再比较次关键字



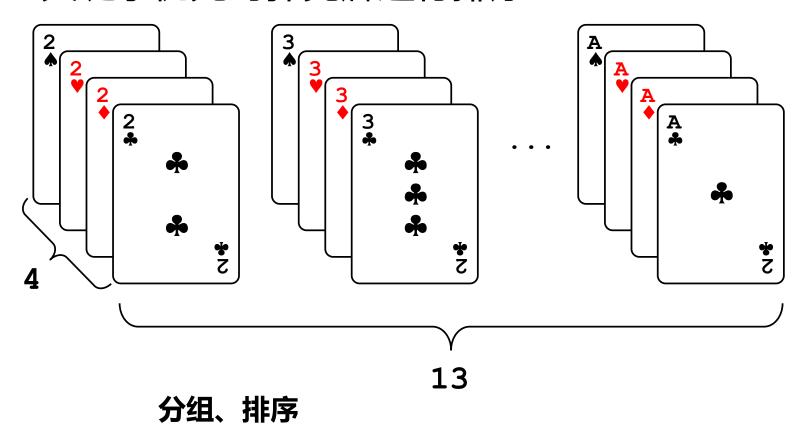
#### 多关键排序: 高位优先法, 简称MSD法

• 主关键字优先对扑克牌进行排序



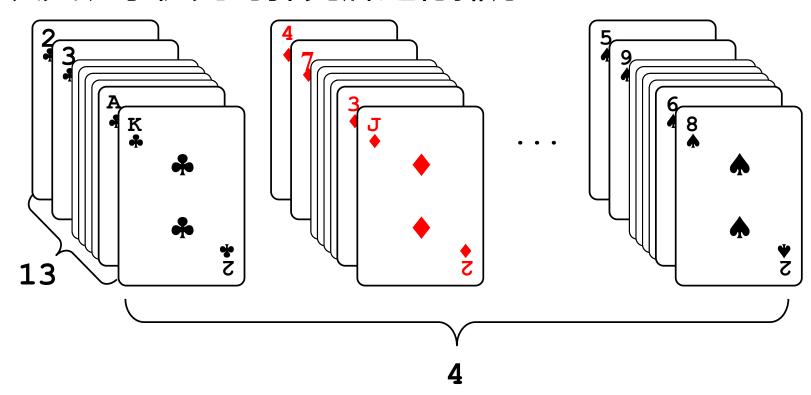
#### 多关键排序: 高位优先法, 简称MSD法

• 主关键字优先对扑克牌进行排序



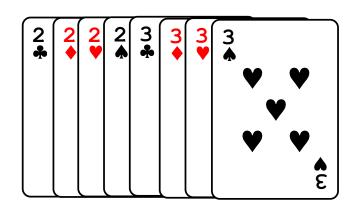
#### 多关键排序:低位优先法,简称LSD法

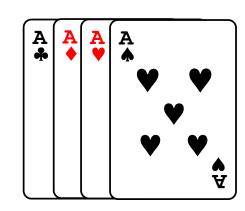
• 次关键字优先对扑克牌进行排序



#### 多关键排序:低位优先法,简称LSD法

• 次关键字优先对扑克牌进行排序





要求对每个关键字的排序是稳定的,不然会打乱!

- 整数排序为例
  - 在算术中, 300 > 299, 因为前者的百位数比后者的百位数大
  - 也就是我们比较两个数字的大小,总是先看最高位,再看次高位,以此类推
  - 因此可以把每一位数看作是一个关键字
  - 每个关键字的取值范围是0~9
  - 这里有3个关键字

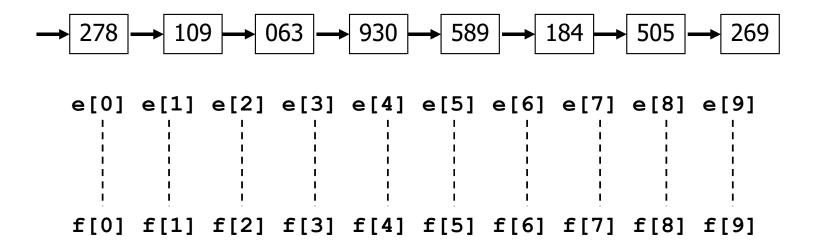
- •字典排序
  - CBAD < CDAB
  - 可以把这里的每一位看作一个关键字
  - •每一个关键字的取值范围是A~Z
  - 这里有4个关键字

• 链式基数排序: 对一组整数排序

278、109、63、930、589、184、505、269、8、83

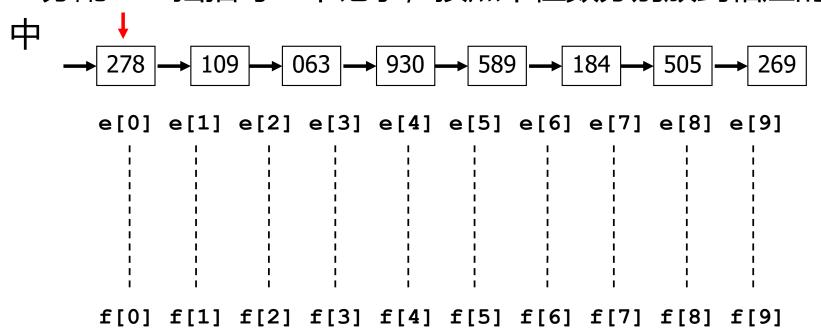
- 使它们具有相同的位数,高位不足的补0:278、109、063、930、589、184、505、269、008、083
- 注意:
  - 有3个关键字, 每个关键字取值范围是: 0,1,2,...,9

- 基本思想: "分配" + "收集"
  - 首先原始数据被保存在链表中
  - 关键字的取值范围是0~9, 因此再准备10个队列(也用链表实现)



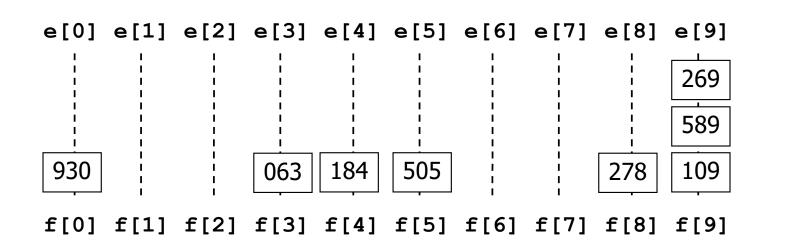
• 第1趟:针对个位数

• "分配":扫描每一个记录,按照个位数分别放到相应的队列



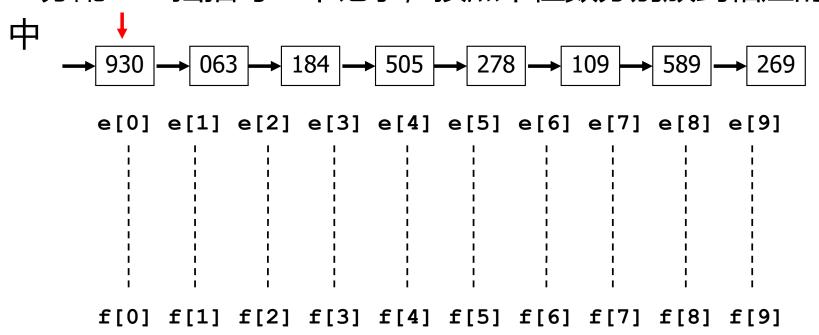
• 第1趟:针对个位数

• "收集":将各队列的记录重新组织成一个链表



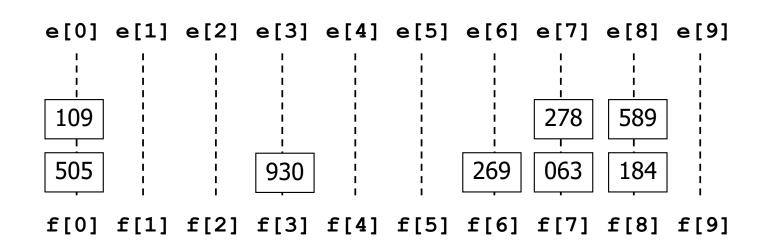
• 第2趟: 针对十位数

• "分配":扫描每一个记录,按照十位数分别放到相应的队列



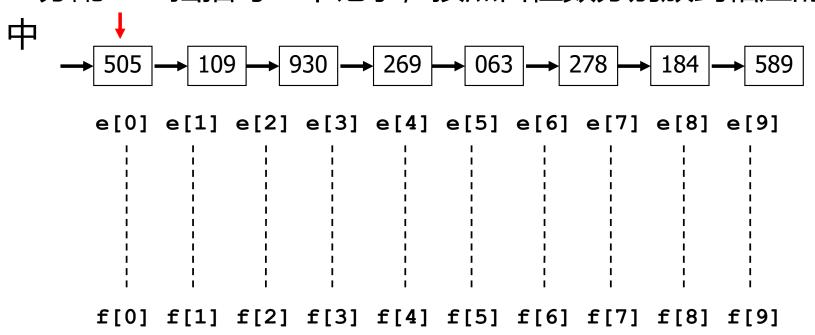
• 第2趟: 针对十位数

• "收集": 将各队列的记录重新组织成一个链表



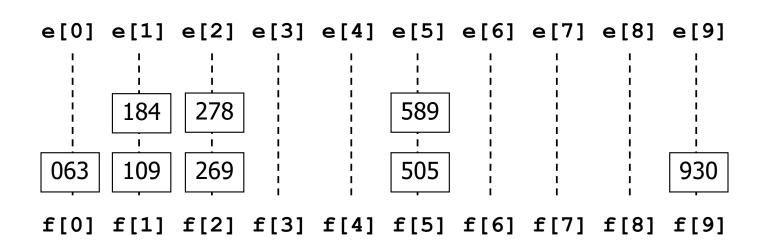
• 第3趟: 针对百位数

• "分配":扫描每一个记录,按照百位数分别放到相应的队列



• 第3趟: 针对百位数

• "收集": 将各队列的记录重新组织成一个链表



## 时间复杂度

- 假设:记录数n,关键字数d,关键字取值范围rd (如十进制为10)
- •分配(每趟): O(n),n个记录要分配
- 收集 (每趟): O(rd), rd个桶(链队列)要收集
- 总的时间复杂度: T(n) = O(d\*(n+rd))

## 空间复杂度

- rd个链表各2个(队头、队尾)指针,n个元素各n个结点(数据+ 指针)
- 空间复杂度: S(n) = O(n+2rd)

#### 关注

https://hwdong-net.github.io

youtube: hwdong

网易云课堂: hwdong

腾讯课堂: hwdong.ke.qq.com

B站: hw-dong

QQ群: 376330161