Практика 9

Ilya Yaroshevskiy

13 апреля 2021 г.

Содержание

1 Д3

Задача 1. $\xi \in N(2,3)$. Найти $p(-1 < \xi < 7), \, p(|\xi - a| > 6.5)$

Решение.

$$p(-1 < \xi < 7) = \Phi\left(\frac{7-2}{3}\right) - \Phi\left(\frac{-1-2}{3}\right) = \Phi(1.67) + \Phi(1)$$
$$p(|\xi - a| > 6.5) = 1 - p(|\xi - a| < 6.5) = 1 - 2\Phi\left(\frac{6.5}{3}\right) = 1 - 2\Phi(2.17)$$

Задача 2. Прибор точно калиброван. Среднее квадратическое отклонение ошибки.

Решение. $a=0, \ \sigma=0.5$

$$p(-1.5 < \xi < 0.5) = \Phi(1) + \Phi(3)$$

Задача 3. Вероятность того, что ноормальная случаная величина отклонится от среднего занчения не более чем на 5 равна 095

Решение.

$$p(|\xi - a| < 5) = 0.95 = 2\Phi\left(\frac{5}{\sigma}\right)$$
$$\Phi\left(\frac{5}{\sigma}\right) = 0.475$$
$$\frac{5}{\sigma} = 1.96$$
$$\sigma \approx 2.55$$

Задача 4. Известно, что нормальная случайная величина имеет среднее значение a=100 и $p(88<\xi<112)=0.9973.$ Найти $p(95<\xi<107)$

Решение.

$$\begin{split} p(88 < \xi < 112) &= \Phi\left(\frac{112 - 100}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{88 - 100}{\sigma}\right) = 2\Phi\left(\frac{12}{\sigma}\right) = 0.9973 \\ &\Phi\left(\frac{12}{\sigma}\right) = 0.49865 \\ &\frac{12}{\sigma} = 3 \\ &\sigma = 4 \\ p(95 < \xi < 107) = \Phi(1.75) + \Phi(1.25) = 0.4599 + 0.3944 = 0.8543 \end{split}$$

Задача 5. Трамвай ходит с интервалом ровно 15 мин. Случайная величина — время его ожидания

Решение. a = 0, b = 15

на остановке. Найти мат ожидание и дисперсию.

Задача 6. Среднее время работы прибора до поломки -10 лет. Найти вероятност того что он проработате не менее 20 лет.

Решение. $\xi \in E_{\alpha}$

$$E\xi = \frac{1}{\alpha} = 10$$

$$\alpha = 0.1$$

$$p(\xi > 20) = 1 - p(0 < \xi < 20) = 1 - e^{-0.0.1} + e^{-20.0.1}$$

1 ДЗ

Задача 7. $\xi \in N(3,1^2)$. Найти $p(1.8 < \xi < 3.8)$

Задача 8. $\xi \in N(a, \sigma), \, p(|\xi - a| < 24) = 0.42.$ Найти σ

Задача 9. Двое человек договорились встретится между .. Первый сказал .. Второй сказал что придет между 12:30 и 13:00. Случайная величина — время ожидания. Найти числовые характеристики.

Peшение. • X — вермя прихода первого, $X \in U_{0,\frac{1}{2}}$

- Y время прихода второго, $Y \in U_{\frac{1}{2},1}$
- $\xi = Y X$

$$E\xi=EY-EX=\frac{3}{4}-\frac{1}{4}=12\ \text{ч}.$$

$$D\xi=D(Y-X)=DY+D(-X)=DY+DX=\frac{1}{48}+\frac{1}{48}=\frac{1}{24}$$

$$\sigma=\frac{1}{2\sqrt{6}}\approx0.204\ \text{ч}.$$

Задача 10. Вывести правило $3x\ \sigma$ для равномерного и показательного распределения.