

INTRACTABILITAT

Preliminars

$P = \bigcup_{k \geq 0} \text{TIME}(n^k)$ "Els valors que resolten problema es troben en temps polinòmic"

$NP = \bigcup_{k \geq 0} \text{NTIME}(n^k)$ "Donat un certificat del problema es verifica en temps polinòmic"

certificat: Solució proposada

$NP \rightarrow \text{Hard} : A \text{ és NP-Hard} \Leftrightarrow A \notin NP \wedge \forall B \in NP \rightarrow B \leq^P A$

$\rightarrow \text{Complete} : A \text{ és NP-Complete} \Leftrightarrow A \in NP \wedge A \text{ és NP-Hard}$ # És més difícil dins NP

Demostrar problema és NP-Complete (A)

1. Demo problema és NP (A)

Sol. Proposada.

Recordem que A està en NP si el certificat es pot verificar en temps polinòmic.

- □ Identificar com és un certificat.
- □ Verificar que les mides de tots els certificats seran polinòmics respecte entrada.
És a dir que si entrada n , un certificat pot tindre n^k elements, no 2^k elements.
- □ Dissenyar verificador polinòmic i demo que per instàncies pos./neg. funciona.

2. Demo problema és NP-Hard (A)

Recordem que A és NP-Hard si qualsevol problema NP es pot reduir a A en t polinòmic.

- □ Seleccionem problema (X) que sigui NP-Completa.
- □ Mostrem que X es pot reduir al problema A en temps polinòmic. $X \leq^P A$

Aquí per lo general, com que són una llista de problemes, podem suposar-ho que és pot.

- □ Aplicar transitivitat que diu: Com que X és NP-Hard i $X \leq^P A$ ^{Proposició} $\Rightarrow A$ és NP-Hard.

Llista NP-Complete

- CLIQUE: G conté subgraf complet ordre k.
- Hamiltonia: G conté graf hamiltonia. # Tots vèrtexs sense aixecar \rightarrow $\forall u, v \text{ mod } k$
si $g(u) + g(v) \geq m-1 \Rightarrow$ Hamiltonia
- Indep. Set: G conté k vèrtexs no adj.
- Vertex Cover: G conté k vèrtexs t.q. tots les aretes de G passen per algun k.
- k-Color ($k \geq 3$): G pot ser pintat k-colors. \rightarrow Cada clàssic té k-elements $k \geq 3$
- k-CNF-SAT: F (fórmula) és satisfactible amb k-CNF. $(x \vee \neg y \vee z) \wedge (\neg x \vee y \vee \neg z)$ \rightarrow EDA-7-F-1