

Prob 44

$$k \stackrel{?}{=} \frac{(H(m_1) - H(m_2))}{(s_1 - s_2)} \bmod q$$

$$= (H(m_1) - H(m_2)) (s_1 - s_2)^{-1} \bmod q$$

$$s_i = k^{-1} (H(m_i) + xr) \bmod q$$

$$r = (g^k \bmod p) \bmod q$$

$$\cancel{s_1 - s_2 = k^{-1} (H(m_1) + xr) \bmod q - k^{-1} (H(m_2) + xr) \bmod q}$$

$$= [(H(m_1) - H(m_2)) \bmod q] \underbrace{[(s_1 - s_2)^{-1} \bmod q]}_{[(s_1 - s_2) \bmod q]^{-1} \bmod q} \bmod q$$

$$[(s_1 - s_2) \bmod q]^{-1} \bmod q$$

$$(s_1 - s_2) \bmod q = [k^{-1} (H(m_1) + xr) \bmod q - k^{-1} (H(m_2) + xr) \bmod q] \bmod q$$

$$= [k^{-1} H(m_1) + \cancel{k^{-1} xr} - k^{-1} H(m_2) - \cancel{k^{-1} xr}] \bmod q$$

$$= k^{-1} (H(m_1) - H(m_2)) \bmod q$$

$$k \stackrel{?}{=} [(H(m_1) - H(m_2)) \bmod q] \underbrace{\{[k^{-1} (H(m_1) - H(m_2)) \bmod q]^{-1} \bmod q\}}_{k (H(m_1) - H(m_2))^{-1} \bmod q} \bmod q$$

$$\cancel{k} \quad k (H(m_1) - H(m_2))^{-1} \bmod q$$

$$= \cancel{(H(m_1) - H(m_2))} k \cancel{(H(m_1) - H(m_2))^{-1}} \bmod q$$

$$k \stackrel{\checkmark}{=} k \bmod q$$