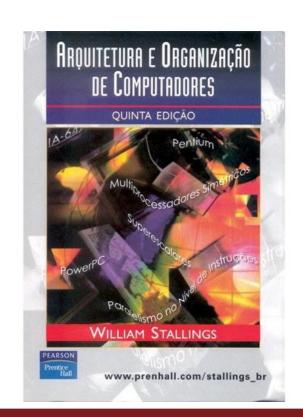
### SIN 251 – Organização de Computadores (PER-3 2021-1)

### Aula 04 – Mintermos e maxtermos

Prof. João Fernando Mari *joaof.mari@ufv.br* 

#### Referências

- STALLINGS, W. Arquitetura e Organização de Computadores, 5. Ed., Pearson, 2010.
  - Apêndice A
- Página do Prof. J. Bosco
  - http://inf.ufsc.br/ine5365/algboole.html
  - http://inf.ufsc.br/ine5365/mimaterm.html



#### Roteiro

- Mintermos e Maxtermos
- EXEMPLOS: Mintermos e Maxtermos
- Mintermos e Maxtermos a partir da Tabela Verdade
- Exemplo: Mintermos
- Exemplo: Maxtermos
- EXEMPLO: Comparador de 2 bits

#### Mintermos e Maxtermos

#### Mintermos e Maxtermos:

- Utilizados para reescrever-se uma função lógica em uma forma padronizada (forma canônica).
  - E dessa forma, obter uma simplificação da mesma.

#### Simplificação:

- Redução do número de portas do circuito lógico que implementa a função.
  - Através de manipulação algébrica da função lógica, sem alteração do valor lógico da mesma.

#### **EXEMPLOS: Mintermos e Maxtermos**

- Exemplo 1:
  - f(A,B,C) = A + BC= ABC + ABC' + AB'C' + AB'C' + A'BC
  - Função na forma de uma Soma Padrão de Produtos (Mintermos).
    - Após manipulação algébrica,
    - cada termo possui todas as variáveis (A, B e C) complementadas ou não.
- Exemplo 2:
  - f(A,B,C) = A(B'+C) = (A+B+C)(A+B'+C)(A+B+C')(A+B'+C')(A'+B'+C)
  - Função na forma de um Produto Padrão de Somas (Maxtermos).
    - Após manipulação algébrica,
    - cada fator contém a soma de todas as variáveis complementadas ou não.

## Mintermos e Maxtermos a partir da Tabela Verdade

- Todas as variáveis aparecem em cada produto (mintermos) e em cada soma (maxtermos).
- Combinações dos valores lógicos das variáveis: ordem crescente (**000, 001, 010**, ...).
- As linhas da tabela-verdade começam com a Linha 0.
- Para mintermos:
  - Escreva o produto das variáveis, complementando-as, sempre que seu valor lógico seja 0.
    - Exemplo: Linha 2 → 010 → A'BC'. (Considere apenas as linhas onde o valor lógico da função seja 1)
- Para maxtermos:
  - Escreva a soma das variáveis, complementando-as, sempre que seu valor lógico seja 1.
    - Exemplo: Linha 5 → 101 → A' + B + C'. (Considere apenas as linhas onde o valor lógico da função seja 0)

Linha	Α	В	С	f(A,B,C)	Mintermos	Maxtermos
0	0	0	0	1	m <sub>0</sub> = A'B'C'	$M_0 = A + B + C$
1	0	0	1	0	m <sub>1</sub> = A'B'C	M <sub>1</sub> = A + B + C'
2	0	1	0	1	m <sub>2</sub> = A'BC'	M <sub>2</sub> = A + B' + C
3	0	1	1	1	m <sub>3</sub> = A'BC	M <sub>3</sub> = A + B' + C'
4	1	0	0	0	m <sub>4</sub> = AB'C'	M <sub>4</sub> = A' + B + C
5	1	0	1	0	m <sub>5</sub> = AB'C	M <sub>5</sub> = A' + B + C'
6	1	1	0	1	m <sub>6</sub> = ABC'	M <sub>6</sub> = A' + B' + C
7	1	1	1	1	m <sub>7</sub> = ABC	M <sub>7</sub> = A' + B' + C'

### Exemplo: Mintermos

- Escrever a função f(A,B,C) na forma de Mintermos
  - Soma ponderada dos Mintermos:
  - $\qquad f(A,B,C) = 1.(A'B'C') + 0.(A'B'C) + 1.(A'BC') + 1.(A'BC) + 0.(AB'C') + 0.(AB'C) + 1.(ABC') + 1.(ABC')$
- Após desconsiderar-se os termos com peso 0:
  - f(A,B,C) = A'B'C' + A'BC' + A'BC + ABC' + ABC=  $linha_0 + linha_2 + linha_3 + linha_6 + linha_7$ =  $m_0 + m_2 + m_3 + m_6 + m_7$
- Que é a <u>soma dos produtos</u> (mintermos; **m** minúsculo) das linhas **0**, **2**, **3**, **6** e **7**.
  - $F(A,B,C) = \Sigma_{ABC} (0,2,3,6,7).$  (\*) Forma abreviada.

Linha	Α	В	С	f(A,B,C)	Mintermos	Maxtermos
0	0	0	0	1	m <sub>0</sub> = A'B'C'	$M_0 = A + B + C$
1	0	0	1	0	m <sub>1</sub> = A'B'C	M <sub>1</sub> = A + B + C'
2	0	1	0	1	m <sub>2</sub> = A'BC'	M <sub>2</sub> = A + B' + C
3	0	1	1	1	m <sub>3</sub> = A'BC	M <sub>3</sub> = A + B' + C'
4	1	0	0	0	m <sub>4</sub> = AB'C'	M <sub>4</sub> = A' + B + C
5	1	0	1	0	m <sub>5</sub> = AB'C	M <sub>5</sub> = A' + B + C'
6	1	1	0	1	m <sub>6</sub> = ABC'	M <sub>6</sub> = A' + B' + C
7	1	1	1	1	m <sub>7</sub> = ABC	M <sub>7</sub> = A' + B' + C'

### Exemplo: Maxtermos

- Escrever a função **f(A,B,C)** na forma de Maxtermos (Procedimento dual)
  - Substitui-se soma por produto, produto por soma e complementado por não complementado.

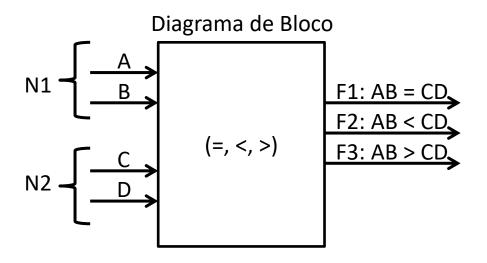
$$- f(A,B,C) = (1 + (A + B + C))(0 + (A + B + C'))(1 + (A + B' + C))(1 + (A + B' + C'))(0 + (A' + B + C))(0 + (A' + B + C'))(1 + (A' + B' + C))(1 + (A' + B' + C'))(1 + (A' + B' + C'))(1$$

- Após desconsiderar-se os fatores com termos 1:
  - f(A,B,C) = (A + B + C')(A' + B + C)(A' + B + C')=  $linha_1 \cdot linha_4 \cdot linha_5$ =  $M_1 \cdot M_4 \cdot M_5$
- Que é o <u>produto das somas</u> (maxtermos; **M** maiúsculo) das linhas **1**, **4**, e **5**.
  - $F(A,B,C) = \Pi_{ABC} (1,4,5). (*)$  Forma abreviada.

Linha	Α	В	С	f(A,B,C)	Mintermos	Maxtermos
0	0	0	0	1	m <sub>0</sub> = A'B'C'	$M_0 = A + B + C$
1	0	0	1	0	m <sub>1</sub> = A'B'C	M <sub>1</sub> = A + B + C'
2	0	1	0	1	m <sub>2</sub> = A'BC'	M <sub>2</sub> = A + B' + C
3	0	1	1	1	m <sub>3</sub> = A'BC	M <sub>3</sub> = A + B' + C'
4	1	0	0	0	m <sub>4</sub> = AB'C'	M <sub>4</sub> = A' + B + C
5	1	0	1	0	m <sub>5</sub> = AB'C	M <sub>5</sub> = A' + B + C'
6	1	1	0	1	m <sub>6</sub> = ABC'	M <sub>6</sub> = A' + B' + C
7	1	1	1	1	m <sub>7</sub> = ABC	M <sub>7</sub> = A' + B' + C'

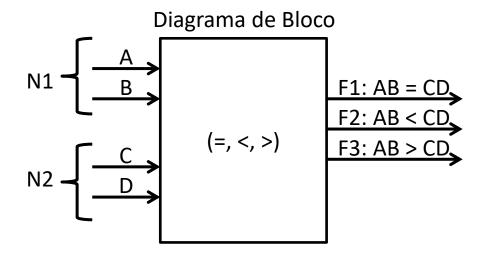
## EXEMPLO: Comparador de 2 bits

- Um circuito comparador de dois vetores de dois bits.
  - Entradas:
    - 2 vetores, N1 e N2, cada um com dois bits.
      - N1 = AB e N2 = CD
  - Saídas:
    - 3 saídas, de 1 bit cada uma (F1, F2 e F3)
      - Se AB = CD então F1 = 1 e F2=F3=0
      - Se AB < CD então F2 = 1 e F1=F3=0</p>
      - Se AB > CD então F3 = 1 e F1=F2=0



## EXEMPLO: Comparador de 2 bits

• Calcular os mintermos e os maxtermos a partir da tabela verdade.



L	Α	В	С	D	F1	F2	F3
0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0	1	0
2	0	0	1	0	0	1	0
3	0	0	1	1	0	1	0
4	0	1	0	0	0	0	1
5	0	1	0	1	1	0	0
6	0	1	1	0	0	1	0
7	0	1	1	1	0	1	0
8	1	0	0	0	0	0	1
9	1	0	0	1	0	0	1
10	1	0	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	0	1	0
12	1	1	0	0	0	0	1
13	1	1	0	1	0	0	1
14	1	1	1	0	0	0	1
15	1	1	1	1	1	0	0

#### Mintermos

F1 (A,B,C,D) =

1.A'B'C'D' + 0. A'B'C'D +

0.A'B'C D' + 0. A'B'C D +

0.A'B C'D' + 1. A'B C'D +

0.A'B C D' + 0. A'B C D +

0.A B'C'D' + 0. A B'C'D +

1.A B'C D' + 0. A B'C'D +

0.A B'C'D' + 0. A B'C'D +

0.A B'C'D' + 1. A B C D

F1 (A,B,C,D) = 
$$m_0+m_5+m_{10}+m_{15}$$

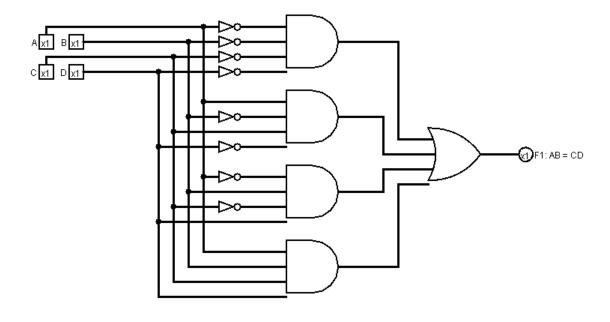
F1 (A,B,C,D) =  $\Sigma_{ABCD}$  (0,5,10,15)

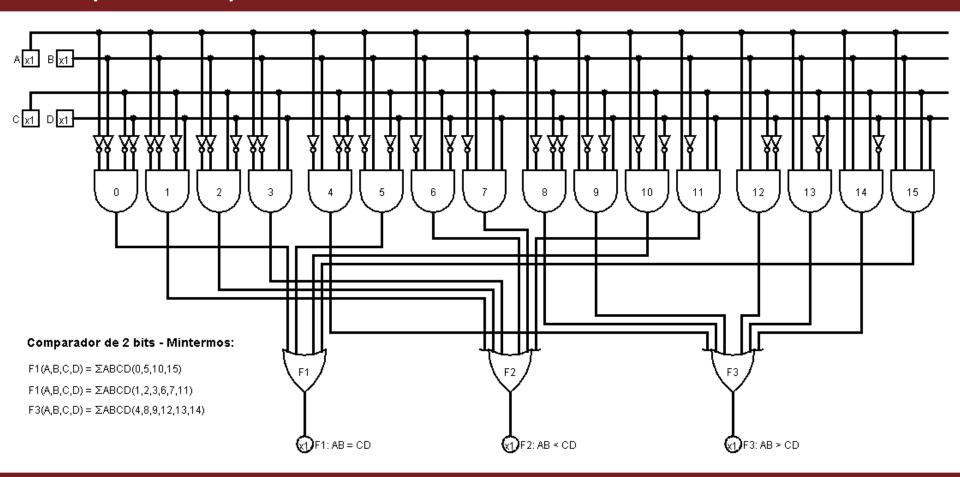
L	Α	В	С	D	F1	F2	F3	Mintermos	Maxtermos
0	0	0	0	0	1	0	0	A'B'C'D'	A+B+C+D
1	0	0	0	1	0	1	0	A'B'C'D	A+B+C+D'
2	0	0	1	0	0	1	0	A'B'CD'	A+B+C'+D
3	0	0	1	1	0	1	0	A'B'CD	A+B+C'+D'
4	0	1	0	0	0	0	1	A'BC'D'	A+B'+C+D
5	0	1	0	1	1	0	0	A'BC'D	A+B'+C+D'
6	0	1	1	0	0	1	0	A'BCD'	A+B'+C'+D
7	0	1	1	1	0	1	0	A'BCD	A+B'+C'+D'
8	1	0	0	0	0	0	1	AB'C'D'	A'+B+C+D
9	1	0	0	1	0	0	1	AB'C'D	A'+B+C+D'
10	1	0	1	0	1	0	0	AB'CD'	A'+B+C'+D
11	1	0	1	1	0	1	0	AB'CD	A'+B+C'+D'
12	1	1	0	0	0	0	1	ABC'D'	A'+B'+C+D
13	1	1	0	1	0	0	1	ABC'D	A'+B'+C+D'
14	1	1	1	0	0	0	1	ABCD'	A'+B'+C'+D
15	1	1	1	1	1	0	0	ABCD	A'+B'+C'+D'

#### Mintermos

F1 (A,B,C,D) =

1.A'B'C'D' + 
$$\frac{0.A'B'C'D}{0.A'B'C}$$
 +  $\frac{0.A'B'C}{0.A'B'C}$  +  $\frac{0.A'B'C}{0.A'B}$  +  $\frac{0.A'B}{0.A'B}$  +  $\frac{0$ 





#### Maxtermos

F1 (A,B,C,D) =
$$(1+(A+B+C+D)) (0+(A+B+C+D')) (0+(A+B+C'+D')) (0+(A+B+C'+D)) (0+(A+B+C'+D')) (0+(A+B'+C+D')) (0+(A+B'+C'+D')) (0+(A+B'+C'+D)) (0+(A+B'+C'+D')) (0+(A'+B+C'+D')) (0+(A'+B+C'+D')) (0+(A'+B+C'+D')) (0+(A'+B+C'+D')) (0+(A'+B'+C'+D')) (0+(A'+B'+C'+D)) (0+(A'+B'+C'+D')) (0+(A'+B'+C'+D)) (1+(A'+B'+C'+D')) (0+(A'+B'+C'+D)) (1+(A'+B'+C'+D')) (0+(A'+B'+C'+D)) (1+(A'+B'+C'+D')) (1+(A'+B'+C'+D)) (1+(A'+B'+C$$

L	Α	В	С	D	F1	F2	F3	Mintermos	Maxtermos
0	0	0	0	0	1	0	0	A'B'C'D'	A+B+C+D
1	0	0	0	1	0	1	0	A'B'C'D	A+B+C+D'
2	0	0	1	0	0	1	0	A'B'CD'	A+B+C'+D
3	0	0	1	1	0	1	0	A'B'CD	A+B+C'+D'
4	0	1	0	0	0	0	1	A'BC'D'	A+B'+C+D
5	0	1	0	1	1	0	0	A'BC'D	A+B'+C+D'
6	0	1	1	0	0	1	0	A'BCD'	A+B'+C'+D
7	0	1	1	1	0	1	0	A'BCD	A+B'+C'+D'
8	1	0	0	0	0	0	1	AB'C'D'	A'+B+C+D
9	1	0	0	1	0	0	1	AB'C'D	A'+B+C+D'
10	1	0	1	0	1	0	0	AB'CD'	A'+B+C'+D
11	1	0	1	1	0	1	0	AB'CD	A'+B+C'+D'
12	1	1	0	0	0	0	1	ABC'D'	A'+B'+C+D
13	1	1	0	1	0	0	1	ABC'D	A'+B'+C+D'
14	1	1	1	0	0	0	1	ABCD'	A'+B'+C'+D
15	1	1	1	1	1	0	0	ABCD	A'+B'+C'+D'

# FIM – Aula 04