

# 水滴

## 构造曲线

我们先来画一个圆

In[ ]:=

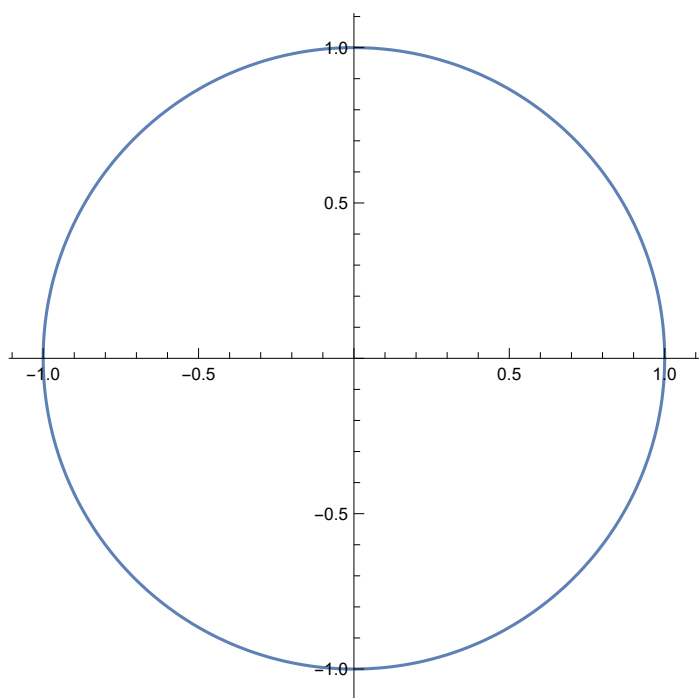
```
ParametricPlot[{Cos[v], Sin[v]}, {v, 0, 2  $\pi$ }]
```

绘制参数图

余弦

正弦

Out[ ]:=



然后对y轴进行变形，加上变量v，使其向上偏移

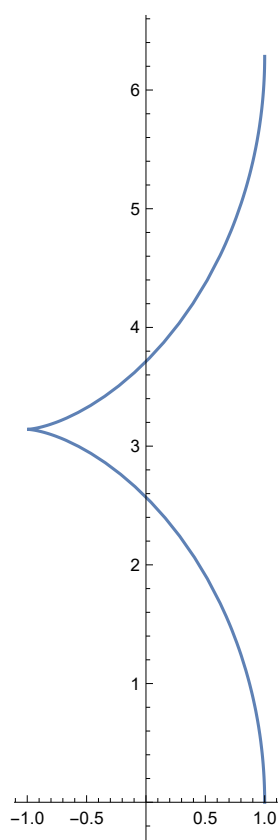
```
In[ ]:= ParametricPlot[{Cos[v], Sin[v] + v}, {v, 0, 2 π}]
```

[绘制参数图](#)

[余弦](#)

[正弦](#)

```
Out[ ]:=
```



我们试试减小上一步对y轴的改变

```
In[ ]:=
```

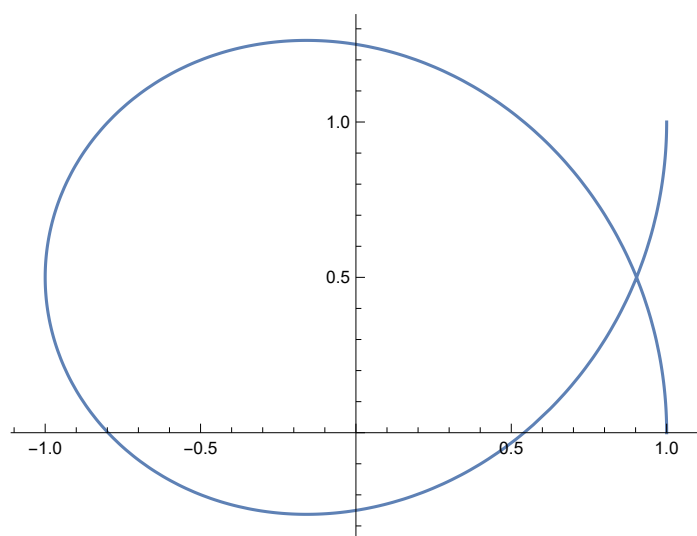
```
ParametricPlot[{Cos[v], Sin[v] + \frac{v}{2 \pi}}, {v, 0, 2 \pi}]
```

[绘制参数图](#)

[余弦](#)

[正弦](#)

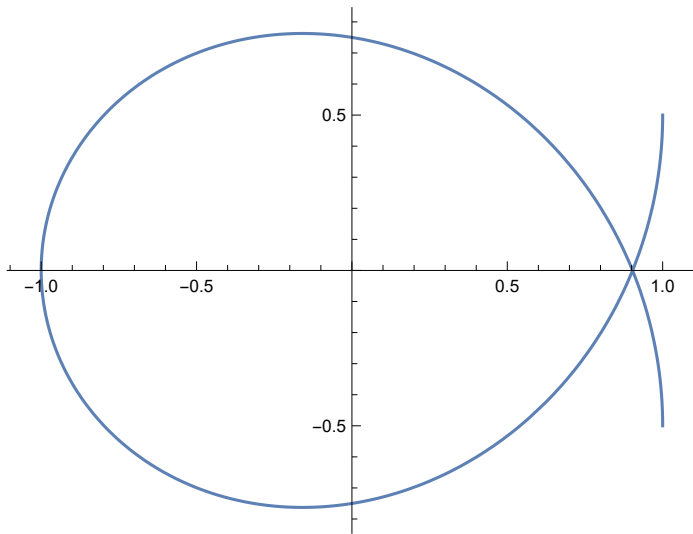
```
Out[ ]:=
```



这下有水滴的样子了，将其向下平移0.5，对齐到原点

In[ ]:= `ParametricPlot[ $\left\{\text{Cos}[v], \text{Sin}[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5\right\}, \{v, 0, 2\pi\}$ ]`  
 [绘制参数图] [余弦] [正弦]

Out[ ]:=



再修剪一下，

先计算上图的交点对应的 $v$ 值，需要注意条件 $0 < v < 2\pi$ 是必要的，否则Mathematica无法求解

In[ ]:=

`Solve[ $\left\{\text{Sin}[v] + \frac{v}{2\pi} = \frac{1}{2}, 0 < v < 2\pi\right\}$ ]`  
 [解方程] [正弦]

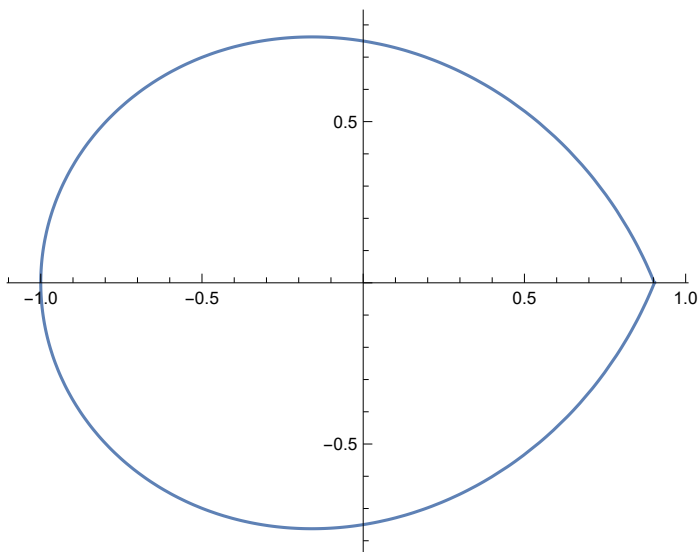
Out[ ]:=

$\left\{\{v \rightarrow \pi\}, \left\{v \rightarrow 0.444\dots\right\}, \left\{v \rightarrow 5.84\dots\right\}\right\}$

修改变量 $v$ 的开始和结束

In[ ]:= `ParametricPlot[ $\left\{\text{Cos}[v], \text{Sin}[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5\right\}, \{v, 0.444, 5.84\}$ ]`  
 [绘制参数图] [余弦] [正弦]

Out[ ]:=

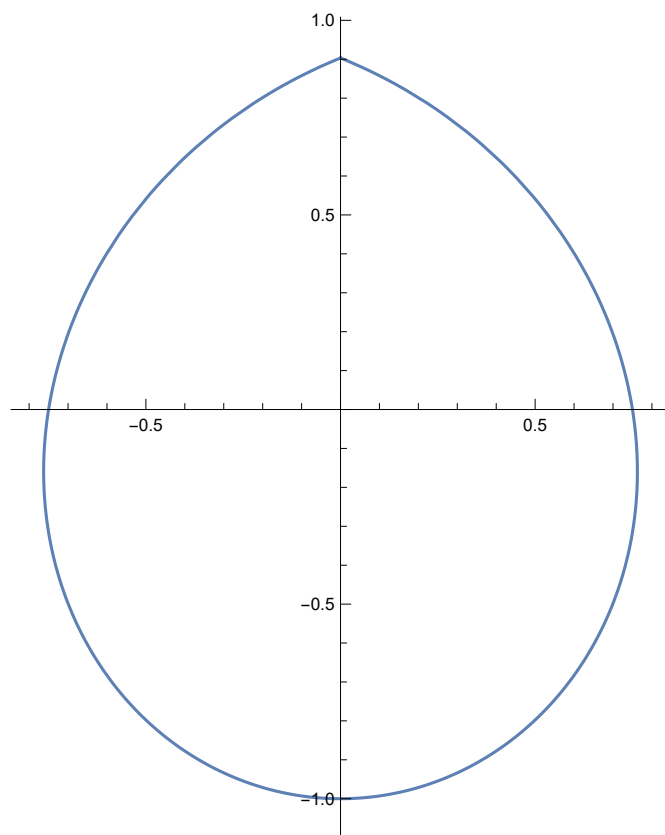


交换x和y轴，让它立起来，就能得到水滴曲线

```
In[ ]:= ParametricPlot[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}$ , {v, 0.444, 5.84}]
```

绘制参数图      正弦      余弦

Out[ ]:=



好啦，基本准备就绪

## 绘制3D图形

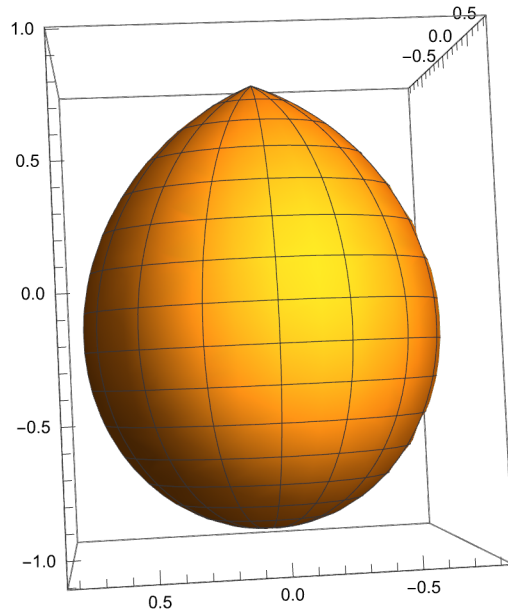
接下来只需将曲线绕y轴旋转一下就能得到一个3D的水滴，  
略微注意下v的取值范围

```

In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}, \{v, 0.444, \pi\}, \text{RotationAction} \rightarrow \text{"Clip"}]$ 
    绘制三维旋转图      正弦      余弦      旋转操作      剪切

```

Out[ ]:=



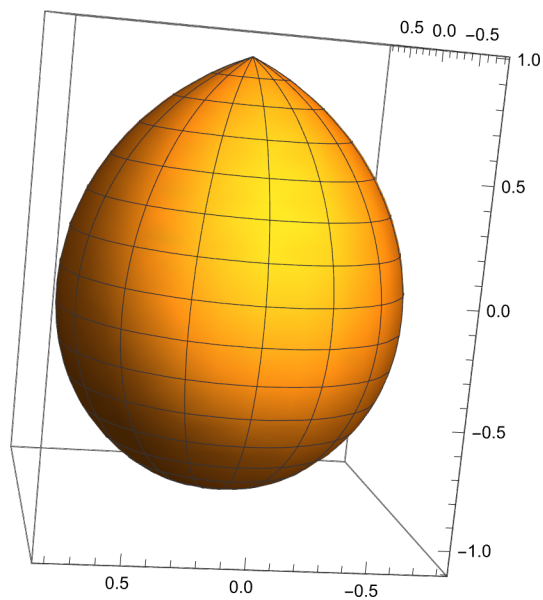
当然使用ParametricPlot3D也是可以的

```

In[ ]:= ParametricPlot3D[ $\left\{ \text{Cos}[u] \left( \text{Sin}[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5 \right), \text{Sin}[u] \left( \text{Sin}[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5 \right), \text{Cos}[v] \right\},$ 
  绘制三维参数图 余弦 正弦 正弦 余弦
  {u, 0, 2  $\pi$ }, {v, 0.444,  $\pi$ }, RotationAction -> "Clip"]
  旋转操作 剪切

```

Out[ ]:=



## 给水滴上色

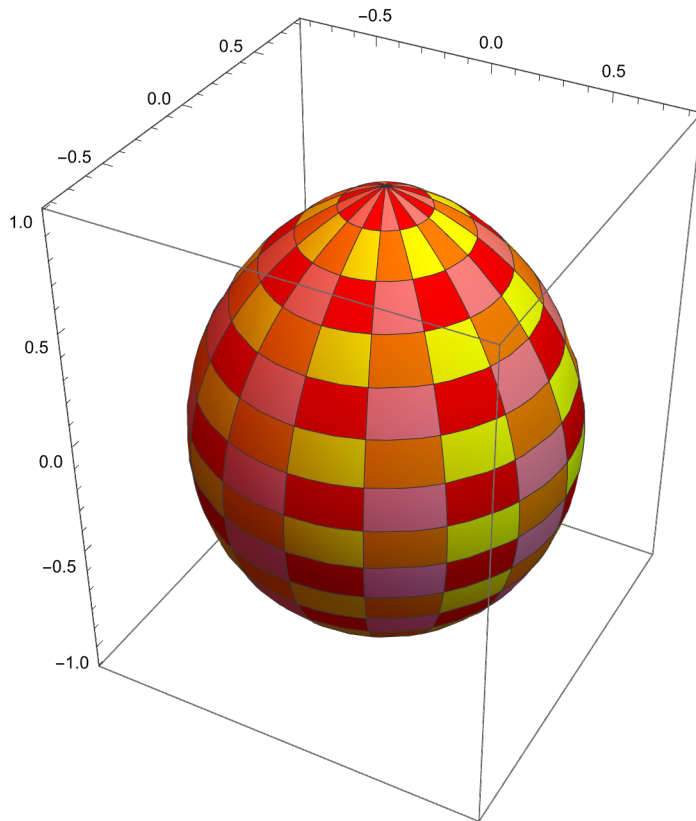
```

In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}$ , {v, 0.444,  $\pi$ },
  绘制三维旋转图      正弦      余弦

  RotationAction → "Clip", MeshShading → {{Red, Yellow}, {Pink, Orange}}]
  旋转操作      剪切      网格着色      红色 黄色      粉色 橙色

Out[ ]:=

```



彩虹水滴

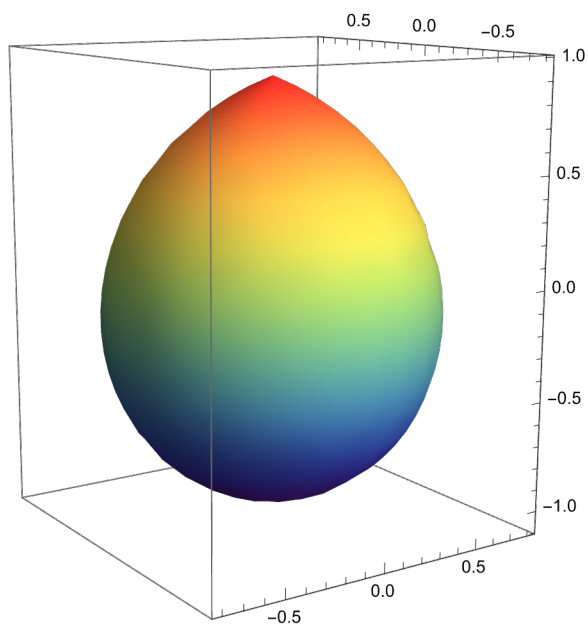
```

In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}$ , {v, 0.444,  $\pi$ },
  绘制三维旋转图      正弦      余弦

  RotationAction → "Clip", ColorFunction → "Rainbow", Mesh → None]
  旋转操作      剪切      颜色函数      网格      无

Out[ ]:=

```



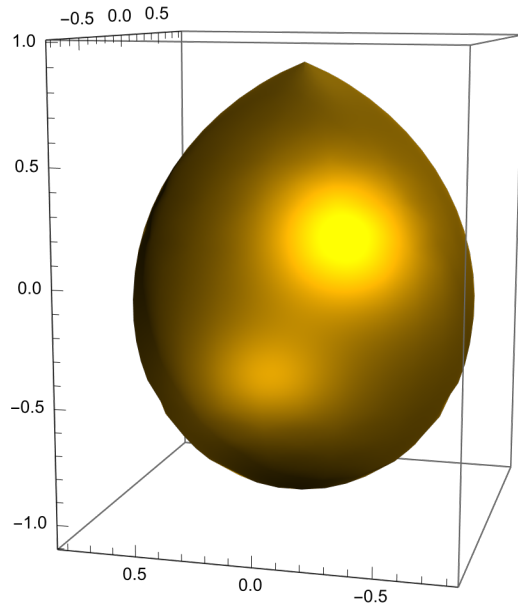
金色水滴



```
In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}, \{v, 0.444, \pi\}, \text{RotationAction} \rightarrow \text{"Clip"},$ 
  绘制三维旋转图      正弦      余弦      旋转操作      剪切

  Mesh  $\rightarrow$  None, PlotStyle  $\rightarrow$  MaterialShading["Gold"], Lighting  $\rightarrow$  "ThreePoint"]
  网格      无      绘图样式      材质效果图      光照
```

Out[ ]:=

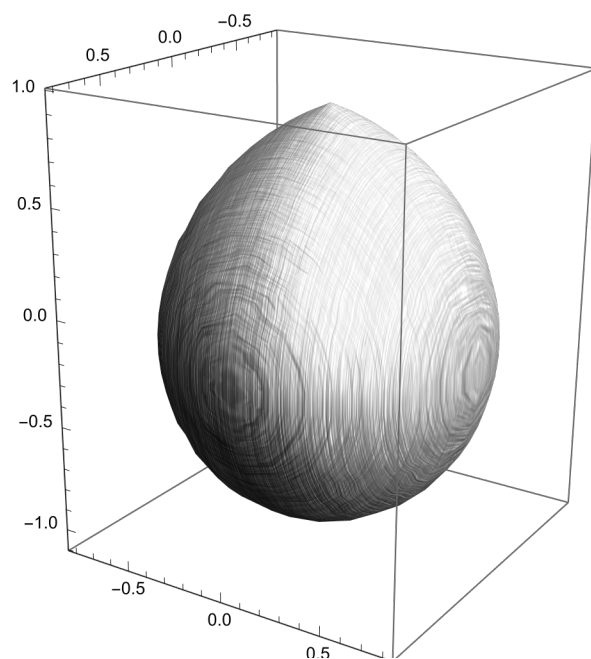


素描风格


`In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}, \{v, 0.444, \pi\}, \text{RotationAction} \rightarrow \text{"Clip"},$`   
 [绘制三维旋转图] [正弦] [余弦] [旋转操作] [剪切]

`Mesh → None, PlotStyle → Directive[, HatchShading[]], Lighting → "Neutral"]`  
 [网格] [无] [绘图样式] [指令] [线纹着色] [光照]

`Out[ ]:=`

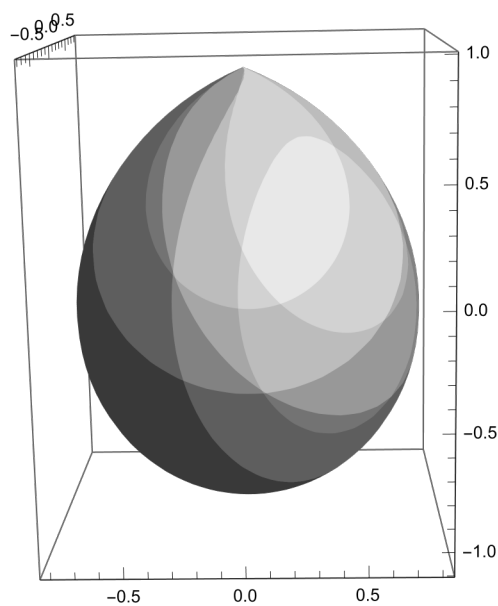


```

In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}$ ,
  绘制三维旋转图      正弦      余弦
  {v, 0.444,  $\pi$ }, RotationAction → "Clip", Mesh → None, PlotPoints → 40,
  旋转操作      剪切      网格      无      绘图点
  PlotStyle → Directive[, ToonShading[]], Lighting → "Neutral"]
  绘图样式      指令      卡通着色      光照

```



Out[ ]:=



水滴本滴

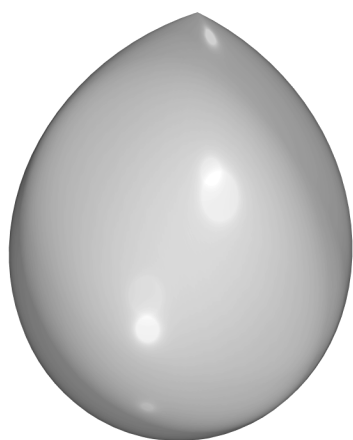
```

In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}$ , {v, 0.444,  $\pi$ },
  绘制三维旋转图      正弦      余弦

  RotationAction → "Clip", Mesh → None, PlotPoints → 40, PlotStyle →
  旋转操作      剪切      网格      无      绘图点      绘图样式
  Directive[MaterialShading[<|"BaseColor" → , "RoughnessCoefficient" → 0.25,
  指令      材质效果图
    "SheenColor" → , "SheenRoughnessCoefficient" → 0.2|>]],
  Lighting → "ThreePoint", Axes → False, Boxed → False]
  光照      坐标轴      假      边界框      假

```



Out[ ]:=





```

In[ ]:= RevolutionPlot3D[ $\left\{\sin[v] + \frac{v}{2\pi} - 0.5, \cos[v]\right\}, \{v, 0.444, \pi\},$ 
  绘制三维旋转图      正弦      余弦

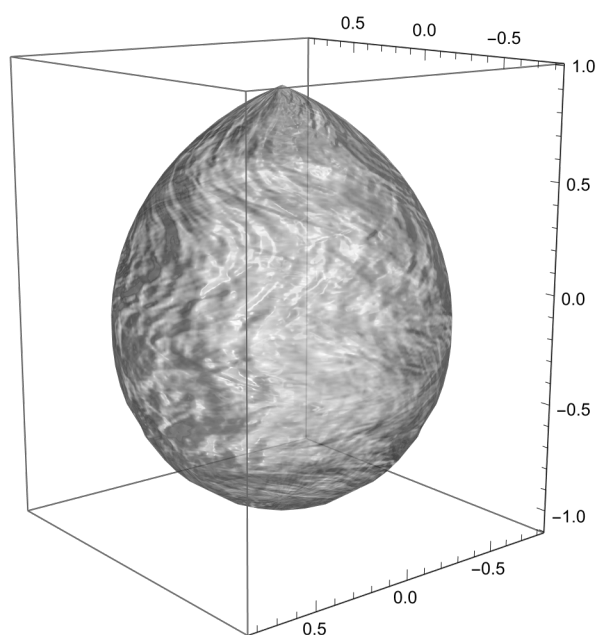
  RotationAction → "Clip", Mesh → None, PlotStyle → Directive[White,
  旋转操作      剪切      网格      无      绘图样式      指令      白色

  MaterialShading[<|"BaseColor" → , "SurfaceNormals" → Texture[],
  材质效果图      纹理

  "SheenColor" → , "RoughnessCoefficient" → 0.5, "SpecularColor" → |>]],
  Lighting → "ThreePoint"]
  光照

```

Out[ ]:=



Over!