برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14						•						•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16												•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•																										٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح -	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	;	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 30 22 30 40 3 30 40 4 40 4.3. 4.3. 4.3. 4.3.	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 58 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا يرقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 45 3. 4.3. 4.3. 101 46 3. 4.3. 4.3. 102 5 3. 302 6 3. 303 7 3. 304 8 3. 305 8 3. 306 8 3. 307 8 4. 308 8 4. 309 9 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4. 4.3. 4.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 40 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s									•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																			. ,	يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثلر	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559									•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•						 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) ديرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₆₂ 249 ₆₃ 250 ₆₄ 254 ₆₅ 255 ₆₆	 										 						 						 قوت 	نين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِ اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ر ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						قوت خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق و طیسی اور مقاور م	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطي		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا. ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو یت اور پندی نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉ 268 ₂₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد توت رقی آ اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یت اور ین اطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

283 ₀₄	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.05	9.1 فیراڈے کا قانون
29006	9.2 انتقالی برقی رو
296 ₀₇	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
29808	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303	9.5 تاخیری دباو
311110	10 مستوی امواج
311	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
	-
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
32013	10.2.1 خالبي خلاء ميں امواج
323 ₁₄	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج
32515	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32916	10.3 پوئٹنگ سمتیہ
33417	10.4 موصل میں امواج
34018	10.5 انعکاس مستوی موج
34619	10.6 شرح ساكن موج
35 li 20	10.7 دو سرحدی انعکاس
35621	10.7.1 فيبرى-پيروث طيف پيما
357/12	کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1 eq \eta_3$ 10.7.2
35823	10.7.3 متعدد سرحدی مسئلہ
359 ₂₄	10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
367125	10.9 ييضوی يا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتيہ

viii

الر 377/126	ترسیلی ا	11
ترسیلی تار کے مساوات	11.1	
ترسیلی تار کے مستقل	11.2	
11.2.1 بم محوری تار کے مستقل		
11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل		
11.2.3 سطح مستوی ترسیلی تار		
ترسیلی تار کے چند مثال	11.3	
ﺗﺮﺳﻴﻤﻰ ﺗﺠﺰﻳﻢ، ﺳﻤﺘﻬ ﻧﻘﺸﺮ	11.4	
11.4.1 سمته فراوانی نقشه		
تجرباتي نتائج پر مبنى چند مثال	11.5	
تجزیه عارضی حال	11.6	
	_	
مد، انعكاس، انحراف اور انكسار -	0	12
ترچهي آمد		
قطبی موج کی ترچهی آمد		
ترسيم بائي گن	12.3	
عهمكيا علم 443ها	. مویج اور	13
الله 4434ء علي ط434ء علي الموازن الله علي الله على الله	•	13
	13.1	13
برقی دور، ترسیلی تار اور موبج کا موازنہ	13.1	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1 13.2 13.3	13
44342	13.1 13.2 13.3	13
44342 <t< th=""><th>13.1 13.2 13.3 13.4 13.5</th><th>13</th></t<>	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5	13
44342 <t< th=""><th>13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6</th><th>13</th></t<>	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
44342 44342 44443 44443 44443 44443 44443 44443 444443 45044 <	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
44342	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7	13
443a2 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ 444a3 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھو کھلا مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 13.3.1 459a3 مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج مستطیلی مویج کھو کھلی نالی مویج بر تضعیف انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف بر تضعیف مطحی موج سطحی موج	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8	113
44342	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9	13
443a2 عویج کا موازنہ 444a3 دورہ ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ 444a3 مویج میں عرضی پرقی موج 450a4 کھرکھلا مستطبلی مویج 450a5 میشطبلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 459a5 مستطبلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn مویج 466a6 کھرکھلی نالی مویج 470a7 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 477a8 موج 479a9 موج 481so موج 486si موج شیش ریشہ میش	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10	13

505.56		14 اینٹینا اور شعاعی اخراج
505.57		14.1 تعارف
505.58		14.2 تاخیری دباو
507 ₁₅₉		14.3 تكمل
50860		14.4 مختصر جفت قطبی اینٹینا
51661		14.5 مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت
52062		14.6 ڻھوس زاويہ
52 l ₁₆₃		14.7 اخراجی رقبہ، سمتیت اور افزائش
52864		14.8 قطاری ترتیب
52865		14.8.1 غير سمتي، دو نقطہ منبع
529.66		14.8.2 ضرب نقش
53067		14.8.3 ثنائي قطار
53268	لار	14.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
53469	لار: چوژائی جانب اخراجی قطار	14.8.5 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
53470	لار: لمبائى جانب اخراجي قطار	14.8.6 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
53871	لار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	14.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
539,72		14.9 تداخُل پیما
54073		14.10 مسلسل خطى اينثينا
54 l ₁₇₄		14.11 مستطيل سطحي اينڻينا
544,75	بدل ہیں	14.12 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کرے فوریئر
544,76		14.13 خطى اينٹينا
549.77		14.14 چلتے موج اینٹینا
55078		14.15 چهوڻا گهيرا اينٿينا
55 l ₁₇₉		14.16 پيچ دار اينٿينا
553.80		14.17 دو طرفه کردار
555.81		14.18 جهری اینٹینا
55682		
55883		14.20 فرائس ریڈار مساوات
56 l ₁₈₄	گی	14.21 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکرد ً
56385		14.22 حرارت نظام اور حرارت بعید

مستوى امواج

لا محدود خطہ جس کا کوئی سر حدنہ ہو میں میس ویل مساوات کا حل سادہ ترین مسئلہ ہے البتہ اس ہے حاصل نتائج انتہائی دلچسپ اور معلوماتی ثابت ہوتے ہیں ہے آپ دیکھیں گے کہ وقت کے ساتھ بدلتا برقی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا برقی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا ہوتی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا ہوتی میدان کو جنم دیتا ہے جبکہ وقت کے ساتھ بدلتا برقی میدان کو جنم دیتا ہے جبکہ متناطیسی میدان برقی روکی بدولت ہے لہذا چارج یار وہیں کسی بھی تبدیل سے باہمی تھاون سے بدلتا برقی میدان کو جنم دیتا ہوتی ہے۔ ایسے امواج کی تعدد کادار وہدار چارج یار وہیں کسی تبدیلی کی شرح برجرہ کے مشخص سے بدلتا برقی اور بدلتا متناطیسی میدان یعنی برقی و متناطیسی امواج پیدا ہوتی ہے۔ ایسے امواج کی تعدد کی سائن نماشکل میں ارتعاش کرتا چارجی کی تعدد کی سائن نماموج ہی پیدا ہوتی ہو جسیس نظر آتی ہیں روشتی کہ کہلا تی کرتی ہیں۔ انسانی آئکھ مخصوص تعدد کی برقی و متناطیسی امواج دیکھی کسلا ہے۔ ہم سے حسائن نماموج کواس کی تعدد کی یو و متناطیسی امواج دیکھی سے سائن نماموج کواس کی تعدد کی یو و متناطیسی امواج دیکھی سے سے۔ سائن نماموج کواس کی تعدد کی یو دقتاطیسی امواج دیکھی سے جسائن نماموج کواس کی تعدد کی وہ تی و متناطیسی امواج دیکھی سے سے۔ سائن نماموج کواس کی تعدد کی یو دوتی عرصے کے برقی و متناطیسی امواج دیکھی سے۔ سائن نماموج کواس کی تعدد کی یو دوتی عرصے کے برقی و متناطیسی امواج دیکھی سے جسائن نماموج کواس کی تعدد کی دور کی عرصے کے برقی و متناطیسی امواج دیکھی سے میں۔

دواشیاء کے سرحد پر برقی و مقناطیسی موج پرغور کرنے سے شعاعی ا**ندکاس ؟، شعاعی انحراف 7اور انکسار امواج** ® کے حقائق دریافت ہوتے ہیں۔ مخضر اَشعاع کے تمام خصوصیات میکس ویل کے مساوات سے حاصل کرنا ممکن ہے۔

10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج

جیسا کہ آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی جسم کے اندر کسی بھی طرح پہنچایا گیااضافی چارج باہمی قوت دفع سے آخر کار قجم کے سطح پر پہنچ جاتا ہے۔ا گران لمحات کو نظر انداز کیا جائے جتنی دیر آزاد چارج سطح تک پہنچا ہے تو جسم کے قجم میں 0 میں مور کہا جاسکتا ہے۔اس کتاب میں 0 میں قصور کرتے ہوئے برقی و مقناطیسی

electromagnetic¹

frequency² angular frequency³

light⁴

time period⁵
reflection⁶

refraction⁷

diffraction8

امواج پر غور کیاجائے گالنداایا ہی تصور کرتے ہوئے صفحہ 296 پر دئے گئے میکس ویل مساوات یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں

(10.1)
$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

(10.2)
$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \epsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0$$

جہاں $D=\epsilon E$ اور $B=\mu H$ علاوہ قانون او ہم کی نقطہ شکل $J=\sigma E$ استعال سے تمام مساوات صرف د ومتغیرات E اور H کی صورت میں لکھے گئے ہیں۔

اس سے پہلے کہ ہمان مساوات کو حل کریں، آئیں انہیں صرف دیکھ کر فیصلہ کریں کہ خالی خلاء میں ان سے کیا نتائج اخذ کئے حاسکتے ہیں۔خالی خلاء میں کہافت بر تی رو ل صفر کے برابر ہوتی ہے۔اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ مساوات 10.1 کہتی ہے کہ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان میں وقت کے ساتھ تبدیلی ہے اس نقطے کے گرد برقی میدان کی گردش پیداہوتی ہے۔ گردش ہے مراداییامیدان ہے جو بند دائرے پراس نقطے کے گرد گھومتی ہو۔ا گرمقناطیسی مہیدان کی قیت زیادہ ہوتب برقی گردش کی قیت بھی زیادہ ہو گیاورا گرمقناطیسی میدان کی قیت کم ہوتب گردش بھی کم ہو گی۔یوں دوحقائق سامنے آتے ہیں۔ پہلی حقیقت یہ ہے کہ کسی بھی نقطے پر بدلتامقناطیسی میدان اس نقطے کے گرد، یعنی نقطے سے ذرہ دور ، برقی میدان پیدا کرتی ہے اور دوسر ی حقیقت یہ کہ پہلی میدان کی قیمت کم یازیادہ کرنے سے پیدامیدان کی قیت بھی تبدیل ہوتی ہے یعنی بدلتا مقناطیسی میدان، بدلتے برقی میدان کو جنم دیتا ہے۔اسی طرح مساوات 10.2 کہتی ہے کھو کسی بھی نقطے پر برقی میدان میں وقت کے ساتھ تبدیلی ہے اس نقطے کے گرد مقناطیسی گردش پیداہوتی ہے۔ یہاں بھی صاف واضح ہے کہ کسی بھی نقطے پر برقی مہیدان میں وقت کے ساتھ تبدیل،اس نقطے سے ذرہ دور، بدلتی مقاطیسی میدان پیدا کرتی ہے۔ایسامعلوم ہوتا ہے کہ بدلتامقاطیسی میدان کچھ فاصلے پر آگے کر کے پدلتا برقی میدان پیدا کرتاہے جومزید آگے مقناطیسی میدان پیدا کرتاہے اوریہ سلسلہ چلے جاتاہے۔جیسا کہ ہم جلد دیکھیں گے،ایسے بڑواں،ہاتھ میں ہاتھ ڈالے، حمیکت کرتے بدلتے برقی اور بدلتے مقناطیسی میدان کی رفتار $rac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}}$ یعنی تقریباً $rac{m}{s}$ imes 10^8 کے جو خالی خلاء میں روشنی کی رفتار ہے۔

> برقی و مقناطیسی مستوی امواج 10.2

میس ویل مساوات کے حل دوری سمتیات ⁹کی مددسے نہایت آسان ہو جاتے ہیں لہذا پہلے دوری سمتیہ پر غور کرتے ہیں جو آپ نے برقی ادوار حل کرتے ہوقت ضر وراستعال کئے ہوں گے۔

سائن نمالهر کی عمومی شکل

$$(10.5) E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi)$$

ہے جہاں

$$(10.6) \omega = 2\pi f$$

3077

زاویائی تعدد 01 اور ϕ زاویائی فاصله 11 بین جبکه 12 از خود 13 اور 10 کاتالع تفاعل 12 بو سکتا ہے۔ تعدد 1 کی اکائی ہر ٹز 13 ہے۔ یہاں دھیان رہے کہ 13 ہ قت t کا تابع نہیں ہے۔

angular frequency10

phase angle¹¹ dependent function¹²

کسی بھی متغیرہ xے گئے پولر مماثل w^{14} کو w^{14} و w^{14} و خات کے سے جہاں w^{14} کھاجاتا ہے جہاں w^{14} کے گئے پولر مماثل ماثل

$$e^{j(\omega t + \psi)} = \cos(\omega t + \psi) + j\sin(\omega t + \psi)$$

 $\cos(\omega t + \psi)$ کھاجا سکتا ہے جو حقیقی 16ور خیالی 17اجزاء پر مشتمل مخلوط تفاعل 18 ہے۔ یوں $\cos(\omega t + \psi)$ کھاجا سکتا ہے جو حقیقی 16ور خیالی 17 اجزاء پر مشتمل مخلوط تفاعل 18 ہے۔ یوں $\cos(\omega t + \psi)$ کھاجا سکتا ہے۔ اس طرح $\cos(\omega t + \psi)$ ہے جو حقیقی 16ور خیالی 17 ہے۔ اس طرح $\cos(\omega t + \psi)$ ہے جو حقیقی 18 ہے۔ اس طرح مشتمل مخلوط تفاعل 18 ہے۔ اس طرح مشتمل 18 ہے۔

 $E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi) = \left[E_{xyz}e^{j(\omega t + \psi)}\right]_{\text{obj}} = \left[E_{xyz}e^{j\omega t}e^{j\psi}\right]_{\text{obj}}$

کھاجا سکتاہے جہاں زیر نوشت میں حقیقی ککھنے سے مرادیہ ہے کہ پورے تفاعل کا حقیقی جزولیا جائے۔مندرجہ بالا مساوات کو بطور دوری سمتیہ یوں

$$E_{ys} = E_{xyz}e^{j\psi}$$

کھاجاتا ہے جہال $e^{j\omega t}$ اور زیر نوشت میں ح_{قیقی} کو پوشیرہ رکھاجاتا ہے۔اس مساوات کے بائیں ہاتھ E_{ys} ککھتے ہوئے زیر نوشت میں 8 یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیر کی شکل میں لکھی گئی ہے لہذا یاد رہے کہ اصل تفاعل میں $e^{j\omega t}$ پیاجاتا ہے اور پورے تفاعل کا صرف حقیقی جزوہی لیاجائے۔تفاعل E_{ys} کے زیر نوشت میں 8 دراصل اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ اس تفاعل کا آزاد متغیرہ ، مخلوط تعدد 19 ہے۔ہمارے استعال میں 8 خیالی عدد لینی s = 8 ہوگا۔

اب $E_y = 10.5\cos(10^6 t - 0.35z)$ کو دوری سمتیر کی شکل میں لکھنے کی خاطراسے یولر مماثل کے حقیقی جزو

$$E_y = \left[10.5e^{j(10^6t - 0.35z)}\right]_{\rm aniso} = \left[10.5e^{j10^6t}e^{-j0.35z}\right]_{\rm aniso}$$

کھنے کے بعد e^{j106}t اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے یوں

$$E_{ys} = 10.5e^{-j0.35z}$$

 E_{ys} کھاجائے گا جہاں بائیں ہاتھ E_{ys} میں زیر نوشت میں Sاضا فہ کیا گیا۔ یاد رہے کہ E_{ys} حقیقی تفاعل ہے جبکہ E_{ys} عموماً مخلوط تفاعل ہو تاہے۔

دوری سمتیہ سے اصل تفاعل حاصل کرنے کی خاطر اسے ejwt سے ضرب دیتے ہوئے حاصل جواب کا حقیقی جزولیا جاتا ہے۔

مساوات 10.5 کاوقت کے ساتھ جزوی تفرق

$$\frac{\partial E_y}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} [E_{xyz} \cos(\omega t + \psi)] = -\omega E_{xyz} \sin(\omega t + \psi)$$
$$= \left[j\omega E_{xyz} e^{j(\omega t + \psi)} \right]_{\text{obs}}$$

کے برابر ہے۔ یہ عمومی نتیجہ ہے جس کے تحت وقت کے ساتھ تفاعل کا تفرق، دوری سمتیہ کو ن نتیجہ سے خرب دینے کے مترادف ہے۔ یوں مثال کے طور پراگر

$$\frac{\partial E_x}{\partial t} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

ہوتباسی کی دوری سمتیہ شکل

$$j\omega E_{xs} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

Euler's identity¹⁴

imaginary number¹⁵

 $real^{16}$

imaginary¹⁷

complex function¹⁸

complex frequency¹⁹

ہو گی۔اسی طرح سائن نمامیدان کے لئے میکس ویل کے مساوات بھی باآسانی دوری سمتیہ کی شکل میں لکھے جاسکتے ہیں للمذا

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

کودوری سمتیه کی صورت میں

$$\nabla \times \mathbf{E}_{s} = -j\omega \mu \mathbf{H}_{s}$$

کھاجائے گا۔ میکس ویل کے بقایا مساوات کو بھی دوری سمتیر کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(10.8)
$$\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \boldsymbol{E}_{s}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E}_{\scriptscriptstyle S} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H}_{\scriptscriptstyle S} = 0$$

آئين ان مساوات سے امواج کی مساوات حاصل کریں۔ایسا کرنے کی خاطر مساوات ہے امواج کی مساوات حاصل کریں۔ایسا کرنے کی خاطر مساوات ہے امواج کabla imes
abla imes
a

میں مساوات 10.8 اور مساوات 10.9 پر کرنے سے

(10.11)
$$\nabla^2 \mathbf{E}_{s} = j\omega\mu \left(\sigma + j\omega\epsilon\right)\mathbf{E}_{s} = \gamma^2 \mathbf{E}_{s}$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$\gamma = \mp \sqrt{j\omega\mu\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)}$$

حرکی متنقل 20 کہلاتا ہے۔ چو نکہ $j\omega\mu(\sigma+j\omega\epsilon)$ مخلوط عدد ہو گا جے

$$\gamma = \alpha + j\beta$$

کھاجا سکتا ہے جہاں α اور β مثبت اور حقیقی اعداد ہیں۔ مساوات 10.12 کو یوں بھی کھھاجا سکتا ہے

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

جہاں کسی وجہ سے صرف مثبت قیت کی گئی ہے۔ یہ وجہ آپ کو جلد بتلادی جائے گی۔

مساوات 10.11سم<mark>تی بلم ہولٹ</mark>ز مساوات ²²²¹ کہلاتی ہے۔ کار تیسی محد دمیں بھی سمتی ہلم ہولٹز مساوات کی بڑی شکل کافی خو فناک نظر آتی ہے چو نکہ اس سے چار چار اجزاء پر مشتمل تین عد د مساوات نکلتے ہیں۔ کار تیسی محد دمیں اس کی x مساوات

$$\nabla^2 E_{xs} = \gamma^2 E_{xs}$$

ليعني

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

propagation constant²⁰ vector Helmholtz equation²¹

²² ہرمن لڈوگ فرڈینانڈ ون بلم ہولٹز جرمنی کے عالم طبیعیات تھے۔

 $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} = 0$ ہے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ جن امواج پر ہم غور کر ناچاہتے ہیں ان میں ناتو x اور ناہی y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الیں صورت میں $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} = 0$ اور $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} = 0$ او

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

صورت اختیار کرلے گی۔اس طرح کے دودرجی تفرقی مساوات آپ نے پڑھے ہوں گالہٰذامیں تو قع رکھتاہوں کہ آپاس کے حل

$$(10.18) E_{xs} = Ae^{-\gamma z}$$

أور

$$(10.19) E_{xs} = Be^{\gamma z}$$

كه سكت بير -

آئیں $\alpha+j\beta$ پر کرتے ہوئے ان جوابات میں سے مساوات 10.18 پر غور کریں۔مساوات 10.18 در حقیقت دوری سمتیہ ہے للذااسے $e^{j\omega t}$ سے ضرب دے کر

$$E_{x} = \left[A e^{j\omega t} e^{-(\alpha + j\beta)z} \right]_{\text{option}}$$
$$= \left[A e^{-\alpha z} e^{j(\omega t - \beta z)} \right]_{\text{option}}$$

حقيقي جزو

$$E_x = Ae^{-\alpha z}\cos(\omega t - \beta z)$$

لیتے ہیں۔مساوات کے مستقل A کی جگہہ t=0 اور t=0 پر میدان کی قیمت E_0 مستقل E_0

$$(10.20) E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$

ککھاجا سکتا ہے۔ یہ مستوی موج 23کی وہ مساوات ہے جس کی تلاش میں ہم نکلے تھے۔اگر ہم مساوات 10.19 کو لے کر آگے بڑھتے تو مساوات 10.20 کی جگہ موج کی مساوات

$$(10.21) E_x = E_0 e^{\alpha z} \cos(\omega t + \beta z)$$

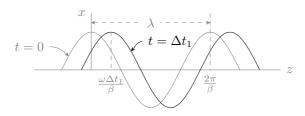
حاصل ہوتی۔

مساوات 10.18 میں $A=E_0$ پر کرتے ہوئے اس کی سمتیہ شکل

$$(10.22) E_{\rm S} = E_0 e^{-\gamma z} a_{\rm X}$$

 $a_{\rm N}$ کاھی جاسکتی ہے جو صرف $a_{
m X}$ جزوپر مشتمل ہے۔ آئیں مساوات 10.20 میں دئے متحر کے موج کے پیراب غور کریں۔

مساوات 10.20 کہتی ہے کہ برقی میدان ہر نقطے پر x محدد کے متوازی ہے۔اگر ح کی قیمت تبدیل نہ کی جائے تب x اور y تبدیل کرنے سے میدان تبدیل پہیں۔ وقا۔



شكل 10.1: وقت t=0 اور $t=t_1$ پر خلاء ميں موج كا مقام۔

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہے جس سے

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

کھاجا سکتا ہے جوانتہائی اہم نتیجہ ہے۔

موج کی مساوات ہی کو وقت $\Delta t_1 = t$ پر شکل 10.1 میں دوبارہ گاڑھی سیاہی میں بھی دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس دورانیے میں موج نے دائیں جانب یعنی z بڑھنے کی طرف حرکت کی ہے۔ یوں صاف ظاہر ہے کہ یہ موج وقت کے ساتھ مثبت z جانب حرکت کر رہی ہے۔ دورانیہ Δt_1 میں موج کی چوٹی نے مولانی فاصلہ طے کیا ہے لہٰذاموج کے رفتار کو $\frac{\omega \Delta t_1}{B}$

$$v = \frac{\Delta z}{\Delta t} = \frac{\omega \Delta t_1}{\beta} \frac{1}{\Delta t_1} = \frac{\omega}{\beta}$$

attenuation constant²⁵

 $loss less^{26}$

lossy

 neper^{28}

29 تضعیفی مستقل کی اکائی جان نیپر کے نام سے منسوب ہے۔

dimensionless³⁰

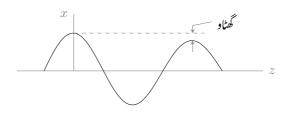
nase constant

passive³²

laser³⁴

active region³⁵

wavelength³⁶



شکل 10.2: موج چلتے ہوئے آہستہ آہستہ کمزور ہوتی رہتی ہے۔

3101

لکھاجا سکتاہے۔

مساوات 10.24 کو مساوات 10.25 میں پر کرنے سے

 $(10.26) v = f\lambda$

 $_{3102}$ عاصل ہو تاہے جو λ طول موج اور γ تعد در کھنے والے موج کی رفتار σ دیتی ہے۔

مساوات 10.20 میں مساوات 10.25 استعال کرتے ہوئے

(10.27) $E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{v} \right) \right]$

حاصل ہوتاہے جسے مساوات 10.25 اور مساوات 10.24 کی مددسے

(10.28) $E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos\left(\omega t - \frac{2\pi z}{\lambda}\right)$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

موج کی رفتار کومساوات 10.20 سے دوبارہ حاصل کرتے ہیں۔اس مساوات کے تحت کسی بھی لمحہ اپر موج کی چوٹی اس مقام پر ہوگی جہاں

 $\omega t - \beta z = 0$

ہو۔ چو نکہ رفتار dz کو کہتے ہیں لہذااس مساوات کے تفرق

 $\omega \, \mathrm{d}t - \beta \, \mathrm{d}z = 0$

ہے ر فتار

 $v = \frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} = \frac{\omega}{\beta}$

حاصل ہوتی ہے۔

 $lpha = 0.001 \, rac{ ext{Np}}{ ext{m}}$ المناس کی کو مفر تصور نہیں کیا گیا ہے۔ جیسا کہ آپ دکھ سکتے ہیں، ایس صورت میں موج کی چوٹی، z ساتھ بندر نج محفی ہے المذائی جوٹی $z = 0.368 \, = 0.368 \, = 0.368$ کی صورت میں $z = 0.368 \, = 0.368 \, = 0.368$ کی صورت میں $z = 0.368 \, = 0.368 \, = 0.368 \, = 0.368 \, = 0.368$ کی صورت میں $z = 0.368 \, = 0.368$

10.7سے مساوات E_s

کی مد د سے مقناطیسی موج باآسانی حاصل ہوتی ہے۔مساوات 10.22استعال کرتے ہوئے مندرجہ بالا مساوات سے

$$-\gamma E_0 e^{-\gamma z} \mathbf{a}_{\mathbf{y}} = -j\omega \mu \mathbf{H}_{\mathbf{s}}$$

یا

$$\boldsymbol{H}_{s} = \frac{\gamma}{j\omega\mu} E_{0} e^{-\gamma z} \boldsymbol{a}_{y}$$

حاصل ہوتا ہے جس میں مساوات 10.12 سے مثبت γ کی قیمت پر کرنے سے

(10.30)
$$\mathbf{H}_{s} = \sqrt{\frac{\sigma + j\omega\epsilon}{j\omega\mu}} E_{0}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

$$= \frac{E_{0}}{\eta}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

ملتاہے جہاں دوسرے قدم پر

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

لکھی³⁷ گئی ³⁸ہے۔اس مساوات کو

(10.32)
$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{1}{\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 10.22 کی غیر سمتی صورت یعنی $E_{xs}=E_0e^{-\gamma z}$ کو مساوات 10.30 کے غیر سمتی صورت یعنی $E_{xs}=E_0e^{-\gamma z}$ کے جاتب ہوئے

$$\frac{E_{xs}}{H_{ys}} = \eta$$

مانا <u>- ب</u> المانا بيانا بيانا

یہاں ذرہ رک کرایک برقی دور پر غور کرتے ہیں۔ منبع برقی د باو $V_0\cos(\omega t-V_0\cos(\omega t)$ جسے دوری سمتیہ $V_0e^{-j\psi}$ کھاجاسکتا ہے کے ساتھ سلسلہ وار مزاحمت $V_0e^{-j\psi}$ امالہ $V_0e^{-j\psi}$ امالہ $V_0e^{-j\psi}$ کہا ہمارکتی ہیں جن کی رکاوٹ $V_0e^{-j\psi}$ کا دور کیسیٹر کے جڑے ہیں جن کی رکاوٹ کے ساتھ سلسلہ وار مزاحمت

$$Z = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) = R + jX = |Z|e^{j\theta_Z} = |Z|\underline{/\theta_Z}$$

ککھی جاسکتی ہے جہال $L>rac{1}{\omega C}$ کی صورت میں X مثبت ہو گا جبکہ $\frac{1}{\omega C}$ کی صورت میں یہ منفی ہو گا۔ مزید $\omega L>rac{1}{\omega C}$ کی صورت میں دور خالص مزاحمتی رکاوٹ پیش کرے گااور $\theta_Z=0$ ہو گا۔ اس دور میں برقی رودور کی سمتیہ کی مدد سے

$$I_s = \frac{V_s}{Z_s} = \frac{V_0 e^{-j\psi}}{|Z| e^{j\theta_Z}} = \frac{V_0}{|Z|} e^{-j(\psi + \theta_Z)}$$

 $\eta_{\rm geo}^{23}$ یونانی حروف تہجی $\eta_{\rm geo}^{23}$ ایٹا پڑھا جاتا ہے۔ $\eta_{\rm geo}^{23}$

3120

حاصل ہوتاہے جس سے

$$i = \frac{V_0}{|Z|} \cos \left(\omega t - \psi - \theta_Z\right)$$

کھاجاسکتا ہے۔ برقی د باواور برقی روایک ہی تعدد رکھتے ہیںالبتہ ان میں زاویائی فاصلہ θ_Z پایاجاتا ہے۔ مثبت X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر بر تی د باوکے چیچے رہتی ہے جبکہ منفی X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر برقی د باوکے آگے رہتی ہے۔ہم دیکھتے ہیں کہ برقی د باواور برقی روکی شرح

$$\frac{V_s}{I_s} = |Z| e^{j\theta_Z} = Z$$

کے برابرہے جسے رکاوٹ کہتے ہیں۔

آئیں اب دوبارہ امواج کی بات کریں۔ برقی موج کواس مثال کے برقی دباو کی جگہ اور مقناطیسی موج کومثال کے رو کی جگہ رکھتے ہوئے آپ دیکھیں گے کہ دہ نوں ، مسائل ہو بہو کیساں ہیں۔اسی وجہ سے برقی موج E_{xs}اور مقناطیسی موج H_{ys} کی شرح ہ^{ہ، قدر} تی <mark>رکاوٹ</mark> ⁹³ کہلاتی ہے۔ بالکل برقی رکاوٹ کی طرح قدر تی رکاوٹ حقیقی یاخیالی اور یا مخلوط عد د ہو سکتا ہے۔ قدر تی رکاوٹ کی اکا کی او ہم Ω ہے۔

مساوات 10.30 سے مقناطیسی مورج

(10.34)
$$H_{y} = \frac{E_{0}e^{-\alpha z}}{|\eta|}\cos\left(\omega t - \beta z - \theta_{\eta}\right)$$

لکھی جائے گی جہاں قدر تی ر کاوٹ کو

$$\eta = |\eta| e^{j\theta_{\eta}}$$

لکھا گیا۔

مساوات 10.20 کے تحت برقی میدان x محد د کے متوازی ہے جبکہ مساوات 10.34 کے تحت مقناطیسی میدان y محد د کے متوازی ہے لہذا یہ میدان آلیس میں ہر وقت عمودی رہتے ہیں۔اس کے علاوہ دونوں امواج 2سمت میں حرکت کررہے ہیں۔ یوں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت بھی آپس میں عمودی ہیں۔ایسے امواج جن میں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت عمود می ہوں ع<mark>ر ضی امواج</mark> ۹۰ کہلاتے ہیں۔ یانی کی شطح پر اہریں بھی عر ضی امواج ہوتے ہیں۔اسی طرح رسی ک^{ور چینچ}ے کر رکھتے ہوئےاسے جھٹکے سے ہلانے سے رسی میں عرضی موج پیداہوتی ہے۔عرضی برقی ومقناطیسی موج 11 میں برقی میداناور مقناطیسی میدان دونوں ح_{مدا}کت کے سمت کے عمودی ہوتے ہیں۔ باب 13 میں ایسے امواج پر غور کیا جائے گا جن میں صرف ایک میدان سمت حرکت کے عمودی ہو گا۔انہیں عرضی برقی م<mark>یں 4</mark>2 م یا عرضی مقناطیسی موج ⁴³ کانام دیا گیاہے۔

آئیں اب چند مخصوص صور توں میں ان مساوات کو استعال کرناسیکھیں۔

intrinsic impedance³⁹

transverse waves⁴⁰ transverse electromagnetic, TEM⁴¹

transverse electric wave, TE wave⁴²

transverse magnetic wave, TM wave⁴³

10.2.1 خالى خلاء ميں امواج

312

خالی خلاء میں $\mu_R=1$ اور $\mu_R=1$ بین المذامساوات 10.12 سے مثبت حرکی مستقل $\gamma=\sqrt{j\omega\mu_R\mu_0\left(\sigma+j\omega\epsilon_R\epsilon_0
ight)}=j\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0}$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$\alpha = 0$$
$$\beta = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ چونکہ خالی خلاء میں lpha=0 ہے للذاخالی خلاء بے ضیاع خطہ ہے۔ یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار ، جسے روایتی طور پر ی سے ظاہر کیا جاتا ہے ، مساوات 10.25سے

$$c = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

حاصل ہوتی ہے جس کی قیت

$$c = \frac{1}{\sqrt{4 \times \pi \times 10^{-7} \times 8.854 \times 10^{-12}}} = 2.99 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\approx 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

مساوات 10.31سے خالی خلاء کی قدرتی ر کاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu_R\mu_0}{\sigma + j\omega\epsilon_R\epsilon_0}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}$$

 $\epsilon_0=rac{1}{36\pi 10^9}$ ھاصل ہوتی ہے۔ قدر تی رکاوٹ کی قیت حاصل کرنے کی خاطر ہم

$$\eta = 120\pi \approx 377\,\Omega$$

عاصل کرتے ہیں۔یوں خالی خلاء میں کسی بھی کمبھے،کسی بھی نقطے پر برقی میدان کی قیمت اس نقطے پر مقناطیسی میدان کے 377 گناہو گی۔

حرکی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کی قیمتیں استعال کرتے ہوئے خالی خلاء میں متحرک موج کے میدان

$$E_x = E_0 \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

$$H_y = \frac{E_0}{120\pi} \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

کھے جائیں گے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ دونوں میدان ہم زاویہ ہیں۔ یوں کسی بھی نقطے پر بڑھتے برتی میدان کی صورت میں اس نقطے پر مقناطیسی میدان بھی ہڑھتا ہے۔ان مساوات کے تحت امواج بالکل سیدھے حرکت کرتے ہیں اور ناوقت اور ناہی فاصلے کے ساتھ ان کی طاقت میں کسی قسم کی کمی رونماہوتی ہے۔ یہی وجد ہے کہ کا نئات کے دور ترین کہکشاوں سے ہم تک برتی و مقناطیسی امواج چپنچی ہیں اور ہمیں رات کے حپکتے اور خوبصورت تارے نظر آتے ہیں۔ 312

مشق 10.1: بے تار 44 ذرائع ابلاغ میں 4000 30 کی اونجائی پر پر واز کرتے مصنوعی سیارے اہم کر دار اداکرتے ہیں۔ یہ سیارے زمین کے اوپر ایک بھی فقطے پر آویزال نظر آتے ہیں۔ ان سیار ول سے زمین کے قریبی نقطے تک برقی اشارہ کتنی دیر میں پہنچے گا۔ جواب: 9.12 م

3131

313

t = 30 مثال 10.1: خالی خلاء میں 240 MHz تعدد کی موج بڑھتے a_Z سمت میں حرکت کررہی ہے۔الف) β ، λ اور ω دریافت کریں۔ب) کمھ مثال 10.1: خالی خلاء میں 240 MHz تعدد کی موج بڑھتے a_Z سموج کی جھٹی اور دوری مساوات کھیں۔پ) اگر موج کی چوٹی کمحدد کے مرکز پر پائی جاتی ہے۔ موج کی حقیقی اور دوری مساوات کسیں۔پ) اگر موج کی چوٹی کمحہ 25 cm یہ ہوتب موج کی مساوات کیا ہوگی ؟

 $c=3 imes10^{8}\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ على: الف)موج كى رفمار

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{240 \times 10^6} = \frac{5}{4} \text{m}$$

اوريول

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{8\pi}{5} \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

حاصل ہوتے ہیں۔اب زاویائی تعدد حاصل کرتے ہیں۔

$$\omega = 2\pi f = 4.8\pi \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

ب) حقیقی مساوات

$$E = 128\cos\left(4.8\pi \times 10^8 t - \frac{8\pi}{5}z\right)$$

ہے جبکہ دوری مساوات مندر جہ ذیل ہے۔

$$E = 128e^{-j\frac{8\pi}{5}z}$$

پ)اب موج تاخیر سے محدد کے مر کزیر میپنجتی ہے۔موج کاتاخیر ی زاویہ θ لکھتے ہوئے موج کی مساوات

$$E = 128\cos\left(4.8\pi \times 10^8 t - \frac{8\pi}{5}z + \theta\right)$$

heta=-0.176 ہو گی۔ موج کی چوٹی $z=0.25\,\mathrm{m}$ اور $t=1.2\,\mathrm{ns}$ پر ہو گی للذا z=0.176 ہوگی۔ موج کی چوٹی کے بر کرتے ہوئے $z=0.25\,\mathrm{m}$ عاصل ہوتا ہے۔ یہ قیمت مندر جہ بالا مساوات میں استعال کی جائے گی۔ موج کی دوری مساوات مندر جہذیل ہے۔

$$E_s = 128e^{-j\pi(\frac{8}{5}z + 0.176)}$$

3136

313

مثال 10.2: کھے ہو ہے ہے محدد کے مرکز پر موج کی چوٹی $\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ 340 پائی جاتی ہے جبکہ $z=1.5\,\mathrm{m}$ وہ قریب ترین نقطہ ہے جہاں میدان صفر کے برابر ہوج کی معاوات ہے۔ موج گھٹے کے کی سمت میں ہے۔ برتی موج کی معاوات کے موج گھٹے کے کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھے برتی میدان اکائی سمتیہ $a_E=\frac{2}{\sqrt{13}}a_\mathrm{X}+\frac{3}{\sqrt{13}}a_\mathrm{Y}$ کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھے برتی میدان اکائی سمتیہ کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھے برتی میدان اکائی سمتیہ کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھی میدان اکائی سمتیہ کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھی میدان اکائی سمتیہ کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھی میدان اکائی سمتیہ کی سمت میں جرکت کر رہی ہے۔ اس کھی ہوگئی ہوگئی ہو گئی ہوگئی ہو گئی ہوگئی ہو گئی ہوگئی ہ

 $eta=rac{2\pi}{\lambda}=rac{\pi}{3}$ حل: موج کی چو ٹی اور صفر کے در میان فاصلے سے 1.5 $rac{\lambda}{4}=1.5$ ککھ کر $\lambda=6$ m حاصل ہوتا ہے جس کو استعال کرتے ہوئے ہم میں فاصلے سے 1.5 اور $\lambda=6$ m جانب حرکت کر رہی ہے اور لمحہ $t=3rac{3 imes 10^8}{6}=50$ مرکز پر پائی جانب المذا

$$\boldsymbol{E} = \boldsymbol{E}_0 \cos \left(2\pi \times 50 \times 10^6 t + \frac{\pi}{3} z \right)$$

کھاجائے گا۔ لمحہ t=0 پر محدد کے مرکز پر میدان a_E 340 پایاجاتا ہے للذاموج کی مکمل خاصیت مندرجہ ذیل مساوات بیان کرے گا۔

$$E = 340 \left[\frac{2}{\sqrt{13}} a_{\mathrm{X}} + \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\mathrm{Y}} \right] \cos \left(2\pi \times 50 \times 10^{6} t + \frac{\pi}{3} z \right)$$

اس کی دوری شکل مندر جہ ذیل ہے۔

$$E_s = 340 \left[\frac{2}{\sqrt{13}} a_{\rm X} + \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\rm Y} \right] e^{j\frac{\pi}{3}z}$$

3141

3142

مثال 10.3: خالی خلاء میں برقی موج کی مساوات لکھیں۔ $m{E}_{s}=340\left[rac{2}{\sqrt{13}}m{a}_{\mathrm{X}}+rac{3}{\sqrt{13}}m{a}_{\mathrm{Y}}
ight]e^{jrac{\pi}{3}z}$ مشاوات ککھیں۔

حل: خالی خلاء میں

$$\frac{E_0}{H_0} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 120\pi$$

سے مقناطیسی چوٹی کی قیمت

$$H_0 = \frac{340}{120\pi} = \frac{17}{6\pi}$$

$$\left(\frac{2}{\sqrt{13}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \frac{3}{\sqrt{13}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}\right) \cdot (x\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + y\boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) = 0$$

ہو گاجس سے

$$(10.38) 2x + 3y = 0$$

 $y=-\frac{2}{3}$ عاصل ہوتا ہے۔ اوں میں x=1 کی کوئی بھی قیمت پر کرتے ہوئے y=1 کی قیمت حاصل ہوتا ہے۔ یوں x=1 کی جاس ہوتا ہے۔ یوں مقناطیسی میدان x=1 سمتیے کی سمت میں ہوگی۔ اس طرح مقناطیسی میدان کی سمت میں اکائی سمتیے

$$a_H = \frac{a_{\rm X} - \frac{2}{3}a_{\rm Y}}{\sqrt{1 + \frac{4}{9}}} = \frac{3}{\sqrt{13}}a_{\rm X} - \frac{2}{\sqrt{13}}a_{\rm Y}$$

ہوگی۔ یادر ہے کہ $a_E imes a_H$ سے موج کے حرکت کی سمت حاصل ہوتی ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ

$$oldsymbol{a}_E imes oldsymbol{a}_H = (rac{2}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + rac{3}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) imes (rac{3}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_{\mathrm{X}} - rac{2}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) = -oldsymbol{a}_{\mathrm{Z}}$$

$$m{H}_s = H_0 m{a}_H e^{j\frac{\pi}{3}z} = rac{17}{6\pi} \left(rac{3}{\sqrt{13}} m{a}_{
m X} - rac{2}{\sqrt{13}} m{a}_{
m Y}
ight) e^{j\frac{\pi}{3}z}$$

10.2.2 خالص يا كامل ذو برق ميں امواج

خالص یاکامل ذوبرتی سے مرادابیاذوبرق ہے جس میں متحرک برتی و مقناطیسی امواج کی توانائی ضائع نہیں ہوتی۔خالص ذوبرق میں 0 $\sigma=\sigma$ جبکہ اس کا جزوی مقناطیسی مستقل μ_R اور جزوی برتی مستقل μ_R ہے لہذا مساوات 10.12 سے مثبت حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}$$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$\alpha = 0$$

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

lphaحاصل ہوتے ہیں۔ کامل ذو برق میں lpha=lpha ہے المذا کا مل ذو برق بے ضیاع ہے۔ یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار مساوات 10.25 سے

$$v = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_R \mu_0 \epsilon_R \epsilon_0}} = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں $\frac{1}{\sqrt{\mu_0\epsilon_0}}$ کو خالی خلاء میں روشنی کی رفتار c کسھا گیا ہے۔ چونکہ ذوبرق میں 1 $\mu_R\epsilon_R>1$ ہوگی۔ خالی خلاء میں روشنی کی رفتار اس کی زیادہ سے زیادہ رفتار ہے۔

موج کی رفتار اور تعدد سے طول موج

(10.42)
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{c}{f\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

 $\mu_{RG_{8R}} > 1$ ماصل ہوتی ہے جہاں غالی خلاء کے طول موج کو λ_0 کھھا گیا ہے۔اس مساوات سے ذوبرق میں روشنی کی رفتار کم ہوجاتا ہے۔ چونکہ جو جاتا ہے جس سے روشنی کی رفتار کم ہوجاتی ہے۔ 1 لہذا ذوبرق میں طول موج کم ہوجاتا ہے جس سے روشنی کی رفتار کم ہوجاتی ہے۔

مساوات 10.31سے ذو برقی کی قدرتی ر کاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ کو η_0 کھا گیاہے۔

یوں ذو برق میں امواج کے مساوات

$$(10.43) E_{x} = E_{0}\cos(\omega t - \beta z)$$

$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

3151

3152

3150

مثال 10.4: پانی کے لئے $\epsilon_R = 78.4$ ور $\sigma = 0$ اور $\sigma = 0$ لیتے ہوئے 300 MHz و مقاطیسی امواج کی رفتار، طول موج اور قبدرتی مثال 10.4: پانی کے لئے $\epsilon_R = 78.4$ ورحقیقت پانی میں آبوانائی رکاوٹ حاصل کریں۔ برقی میدان $\frac{mV}{m}$ 50 ہونے کی صورت میں برقی اور مقناطیسی امواج کے مساوات کھیں۔ ہم $\sigma = 0$ لیتے ہوئے در حقیقت پانی میں آبوانائی کے ضیاع کو نظر انداز کر رہے ہیں۔

حل:

ہیں۔

$$v = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{78.4}} = 0.3388 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{0.3388 \times 10^8}{300 \times 10^6} = 11.29 \text{ cm}$$

ہیں جبکہ خالی خلاء میں $\lambda=1$ سیقال متعقل $\lambda=1$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = 55.7 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

اور

$$\eta = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \frac{377}{\sqrt{78.4}} = 42.58 \,\Omega$$

ہیں۔امواج کے مساوات

$$E_x = 0.05\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

$$H_y = \frac{0.05}{42.58}\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z) = 0.00117\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

3157 3158

مثق 10.2: کتاب کے آخر میں مختلف اشیاء کے مستقل دیۓ گئے ہیں۔انہیں استعال کرتے ہوئے ابرق میں ، طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہوئے 5.6،GHz، اور mA m والے کی مقناطیسی میدان پر مندر جہ ذیل حاصل کریں۔

$$1.62 \frac{V}{m}$$
 وابات: Ω 23 cm Ω 22 cm Ω 23 cm Ω 23 cm Ω 3166

10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج

کامل ذو برق میں امواج پر غور کے بعد فطری طور ناقص ذو برق پر بات کر ناضر وری ہے لہٰذاصاف پانی کومثال بناتے ہوئے GHz تعدد پر ایساہی کرتے ہیں۔ 328 پر شکل 10.4 میں صاف یانی کے مستقل دئے گئے ہیں۔

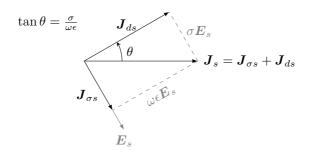
اس تعدد پر صاف پانی کے مستقل
$$\epsilon_R=41$$
 اور $\sigma=36.7$ و کلیہ پانی غیر مقناطیسی ہے لہذااس کا $\epsilon_R=41$ ہوگا۔ یوں $rac{\sigma}{\omega\epsilon}=0.8$

اور

$$\gamma = j2 \times \pi \times 20 \times 10^{9} \times \frac{\sqrt{1 \times 41}}{3 \times 10^{8}} \sqrt{1 - j0.8}$$
$$= 3035 / 70.67^{\circ}$$
$$= 1005 + j2864 \quad \text{m}^{-1}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں پانی کا تضعیفی مستقل

$$\alpha = 1005 \frac{\text{Np}}{\text{m}}$$



شکل 10.3: طاقت کے ضیاع کا تکون۔

ہے جس کا مطلب ہے کہ پانی میں ہر 1 میٹر یعنی mm افاصلہ طے کرنے پر برقی اور مقناطیسی امواح 0.368 گناگھٹ جائیں گے۔ پانی میں و میٹر یعنی mm افاصلہ طے کرنے پر برقی اور مقناطیسی امواح 0.368 گناگھٹ جائیں گے۔ پانی میں سے ہانی میں کول کار کردگی بری طرح متاثر ہوتی ہے۔ پانی میں کون میں کول کار کردگی بری طرح متاثر ہوتی ہے۔ پانی میں دیکھنے کی خاطر موج آواز استعمال کی جاتی ہیں۔

زاويائي مستقل

$$\beta = 2864 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

قدرتی رکاوٹ

$$\eta = \frac{377}{\sqrt{41}} \frac{1}{\sqrt{1 - j0.8}} = 52/19.33^{\circ} = 49.1 + j17.2 \quad \Omega$$

- المذار E_x المذارية E_x المذارية المحارية المحار

میکس ویل کے مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{H}_s = (\sigma + j\omega\epsilon)\boldsymbol{E}_s = \boldsymbol{J}_{\sigma s} + \boldsymbol{J}_{ds}$$

میں ایصالی اور انقالی کثافت برتی روکے سمتی مجموعے کوشکل 10.3 میں بطور مجموعی کثافت روہ **J**و کھایا گیا ہے۔ایصالی رواور انقالی روآ پس میں °90 درجے کا زاویہ بناتے ہیں۔انقالی رو °90 آگے رہتا ہے۔یہ بالکل متوازی جڑے مزاحمت اور کپیسٹر کے روکی طرح صورت حال ہے۔کپیسٹر کی روسے °90 آگے رہتی ہے۔مزید رہے کہ مزاحمت کی روسے برقی طاقت کا ضیاع پیدا ہوتا ہے جبکہ کپیسٹر کی روسے ایسانہیں ہوتا۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 10.3 میں زاویہ 0 (جس کا کروی محدد کے زاویہ 6 کے ساتھ کسی قشم کا کوئی تعلق نہیں ہے) کو دیکھیں جس کے لئے

$$\tan \theta = \frac{\sigma}{\omega \epsilon}$$

کھاجا سکتا ہے۔ یوں اس تکون کوطاقت کے ضیاع کا تکون پکاراجاتا ہے اور $\frac{\sigma}{\omega e}$ کی شرح کوضیاعی مینجنٹ 46 یا مماس ضیاع کہا جاتا ہے۔

مساوات 10.14 اور مساوات 10.32 کو $\frac{\sigma}{\omega e}$ استعال کرتے ہوئے لکھا گیا۔ کسی ذوبر ق کے کامل یاغیر کامل ہونے کا فیصلہ اس کے مماس ضیاع کی قیمت کودہ پکھ کر کیا جاتا ہے۔ اگراس شرح کی قیمت اکائی کے قریب ہوتب ذوبر ق غیر کامل قرار دیا جاتا ہے جبکہ 1 $\frac{\sigma}{\omega e}$ کی صورت میں ذوبر ق کو کامل تصور کیا جاتا ہے۔ س

کم مماس ضیاع کی صورت میں حرکی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کے کار آمد مساوات حاصل کئے جاسکتے ہیں۔ حرکی مستقل $\gamma=j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1-jrac{\sigma}{\omega\epsilon}}$

كومسكله ثنائي 47

$$(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$$

$$\int_{\infty}^{\infty} e^{-j\omega} \int_{\infty}^{\infty} dz = \frac{1}{2} \int_{\infty}^{\infty} e^{-j\omega} \int_{$$

لکھاجا سکتاہے جسسے

$$\alpha \doteq j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\left(-j\frac{\sigma}{2\omega\epsilon}\right) = \frac{\sigma}{2}\sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$$

اور

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon} \left[1 + \frac{1}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 \right]$$

 $\frac{\sigma}{\sigma}$ حاصل ہوتے ہیں۔اگر

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

بھی لکھاجا سکتاہے۔ بالکل اسی طرح قدرتی ر کاوٹ کو

$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left[1 - \frac{3}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 + j \frac{\sigma}{2\omega \epsilon} \right]$$

يا

$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left(1 + j \frac{\sigma}{2\omega\epsilon} \right)$$

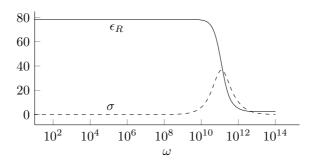
کھاجا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ ان مساوات سے حاصل جواب اصل مساوات کے جوابات کے کتنے قریب ہیں۔ایساصاف پانی کی مثال کو دوبارہ حل کر کے دیکھتے ہیں۔صاف پانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر $\epsilon_R = 41$ وروبارہ حال کرے دیکھتے ہیں۔صاف پانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر $\epsilon_R = 41$ وروبارہ حال مساوات 10.46 سے

$$\alpha = 1080 \, \frac{Np}{m}$$

حاصل ہوتاہے جو گزشتہ حاصل کردہ قیمت $\frac{Np}{m}$ 1005 کے کافی قریب ہے۔ مساوات 10.47

$$\beta = 2897 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$



شكل 10.4: صاف پاني كا جزوى برقى مستقل بالمقابل زاويائي تعدد اور موصليت بالمقابل زاويائي تعدد.

حاصل ہوتا ہے جو گزشتہ جواب $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ 2864 $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ $\beta = 2682$ $\beta = 2682$

ما مثل ہوتا ہے جو 17.22 + 49.1 کے بہت فریب ہے البتہ مساوات 10.50 سے حاصل جواب $\eta=58.88+j$ 23.55

قدر مختلف ہے۔ صاف پانی کی اس مثال میں مماس ضیاع 0.8 ہے جو اکا ئی سے بہت کم نہیں ہے ،اسی لئے جو ابات پہلے سے قدر مختلف حاصل ہوئے۔ چو نکہ موصلیت اور برقی مستقل کی بالکل درست قیمتیں عموماً نہیں معلوم نہیں ہوتیں للذاسادہ مساوات سے حاصل جو ابات کے اس فرق کوزیادہ ابہیت نہیں دینی چاہئے۔ بہتی پہر ہوتا ہے کہ 0.1 کی صورت میں سادہ مساوات استعال کئے جائیں۔

عموماً ذوبرق کی موصلیت تعدد بڑھانے سے غیر خطی طور پر بڑھتی ہے جبکہ میں عموماً ذوبرق کی موصلیت تعدد بڑھانے سے غیر خطی طور پر بڑھتی ہے جبکہ میں عبد ملی نسبتاً کم ہوتی ہے۔ یہی وجہ مماس ضیاع نہایت تیزی سے تبدیل ہو سکتے ہیں۔اییاعموماً نظر آنے والی روشن سے قدر کم یاقدر زیادہ تعدد پر ہموتا ہے۔

شکل 10.4 میں صاف پانی کا جزوی برقی مستقل ϵ_R بالمقابل زاویائی تعدد ω گھوس کئیر سے دکھایا گیا ہے جبکہ موصلیت بالمقابل تعدد نقطہ دار کئیر سے دکھایا گیا ہے۔ افقی محدد تعدد کالا گ ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تقریباً $\frac{Grad}{s}$ 10 تعدد تک $\epsilon_R = 78.4$ ہوں گے۔ جانق ہے۔ موصلیت کی چوٹی تقریباً $\frac{g}{m}$ 36.7 پائی جاتی ہے۔ دیگر ذو برق کے خط مختلف اشکال کے ہوں گے۔ ϵ_R

3190

مثق 10.3: ایک مادے کے متعلق MHz تعدد پر $\mu_R=2.8$ ور $\sigma=10$ ور $\sigma=10$ اور $\sigma=10$ اور اور $\sigma=10$ اور $\sigma=10$ اور $\sigma=10$ اور اور $\sigma=10$ اور $\sigma=10$ اور اد

3194

3193

10.3. پوئٹنگ سمتیہ

3198

 $2.3\,\mathrm{m}$ رابات: $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ رابات: $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ رابات: $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$

10.3 يوننٹنگ سمتيہ

امواج کی طاقت جاننے کے لئے مسئلہ <mark>پوئنٹگ</mark> 48 در کار ہو گالہٰذا پہلے اسے 49 حاصل کرتے ہیں۔

میکس ویل کے مساوات

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

کا کے ساتھ غیر سمتی ضرب E

$$m{E}\cdot
abla imesm{H}=m{E}\cdotm{J}+m{E}\cdotrac{\partialm{D}}{\partial t}$$

لیتے ہوئے سمتی مماثل (جے آپ باآسانی کار تیسی محدد میں ثابت کر سکتے ہیں)

$$\nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) = -\boldsymbol{E} \cdot \nabla \times \boldsymbol{H} + \boldsymbol{H} \cdot \nabla \times \boldsymbol{E}$$

کے ذریعہ

$$\boldsymbol{H}\cdot\nabla\times\boldsymbol{E}-\nabla\left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right)=\boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J}+\boldsymbol{E}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{D}}{\partial t}$$

abla حاصل ہوتا ہے۔ اس میں $abla E = -rac{\partial oldsymbol{B}}{\partial t}$ عاصل ہوتا ہے۔ اس میں

$$-\boldsymbol{H}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{B}}{\partial t}-\nabla\left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right)=\boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J}+\boldsymbol{E}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{D}}{\partial t}$$

١

$$-\nabla \left(\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}\right) = \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} + \epsilon \boldsymbol{E} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t} + \mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

حاصل ہوتاہے۔اب

$$\epsilon \mathbf{E} \cdot \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \frac{\epsilon}{2} \frac{\partial E^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\epsilon E^2}{2} \right)$$

101

$$\mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t} = \frac{\mu}{2} \frac{\partial H^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\mu H^2}{2} \right)$$

لكھے جاسكتے ہیں للذا

$$-\nabla \left(oldsymbol{E} imes oldsymbol{H}
ight) = oldsymbol{E} \cdot oldsymbol{J} + rac{\partial}{\partial t} \left(rac{\epsilon E^2}{2} + rac{\mu H^2}{2}
ight)$$

لکھاجاسکتاہے۔اس کے حجمی کلمل

$$-\int_{h} \nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \, \mathrm{d}h = \int_{h} \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} \, \mathrm{d}h + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left(\frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) \, \mathrm{d}h$$

پر مسکلہ بھیلاو کے اطلاق سے

(10.51)
$$-\oint_{S} (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) \cdot d\mathbf{S} = \int_{h} \mathbf{E} \cdot \mathbf{J} \, dh + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left(\frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) dh$$

حاصل ہوتاہے۔

اس مساوات کے دائیں ہاتھ پہلے جزو کی بات کرتے ہیں۔اگر پورے جم میں کہیں پر بھی منبع طاقت موجود نہ ہوت بیہ تکمل جم میں کل کھاتی مزاحمتی طاقت کا ضیاع دیتاہے۔اگر جم میں منبع طاقت پایاجاتا ہوتب ان منبع کے جم پر تکمل کی قیمت مثبت ہوگی اگر منبع کوطاقت فراہم کی جارہی ہواور بیہ تکمل منفی ہوگا اگر منبع طاقت فراہم کررہا ہو۔

مساوات کے دائیں ہاتھ دوسرا کمل حجم میں توانائی کا کل ذخیر ہ دیتا ہے جس کاوقت کے ساتھ تفرق حجم میں ذخیر ہ توانائی میں لمحاتی تبدیل یعنی طاقت دیتا ہے۔اس طرح مندر جہ بالامساوات کا دایاں ہاتھ حجم میں داخل ہوتا کل طاقت دیتا ہے۔یوں حجم سے کل خارجی طاقت

$$\oint_{S} (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \cdot \boldsymbol{S}$$

ہو گاجہاں جم گھیرتی سطح پر تکمل لیا گیاہے۔ سمتی ضرب E imes H پوئٹنگ سمتیہ 50 پکاراجاتا ہے

$$\mathscr{P} = \mathbf{E} \times \mathbf{H}$$

جس سے مراد لمحاتی طاقت کی کثافت لی جاتی ہے جو واٹ فی مربع میٹر $\frac{W}{m^2}$ میں ناپی جاتی ہے۔ یہاں بھی برقی میدان میں کثافت توانائی $\mathbf{B} \cdot \mathbf{B}$ یا مقناطیسی میدان میں کثافت توانائی $\mathbf{B} \cdot \mathbf{B}$ استعال کی طرح یادر ہے کہ پوئننگ سمتیے کا بند سطح پر تکمل ہی حقیقی معنی رکھتا ہے اور ایسا تکمل سطح سے خارج ہوتا کل طاقت و بتا ہے۔ میں بھی نقطے پر موس کی سمت اس نقطے پر لمحاتی طاقت کے بہاو کی سمت دیتا ہے۔

چونکہ مح برقی میدان اور متناطیسی میدان دونوں کے عمودی ہے للذاطاقت کی بہاو بھی دونوں میدان کے عمودی ست میں ہوگی۔ہم نے برقی و مقناطیسی امواج پر تبھرے کے دوران دیکھا کہ امواج کے حرکت کی سمت E اور H کے عمودی ہوتی ہے للذا مح کی سمت ہمارے توقع کے عین مطابق ہے۔ مزید کامل ذو برق میں

$$E_x = E_0 \cos(\omega t - \beta z)$$

$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

10.3 پوئٹنگ سمتیہ

سے لمحاتی کثافت سطی بہاوطاقت

$$E_x \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times H_y \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} = \frac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - \beta z) \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} = \mathscr{P} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

حاصل ہوتی ہے۔اوسط کثافت طاقت حاصل کرنے کی خاطر ہم ایک پھیرے یعنی $T=rac{1}{f}$ دورا نیے کا تکمل لیتے ہوئے دوری عرصہ Tپر تقسیم

$$\begin{split} \mathscr{P}_{\mathsf{best}} &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - \beta z) \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{f}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \int_0^{\frac{1}{f}} \left[1 + \cos(2\omega t - 2\beta z) \right] \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{f}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \left[t + \frac{1}{2\omega} \sin(2\omega t - 2\beta z) \right]_0^{\frac{1}{f}} \end{split}$$

کرتے ہوئے

(10.53)
$$\mathscr{P}_{b\sigma l} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \quad \frac{W}{m^2}$$

حاصل کرتے ہیں جو 2 سمت میں کثافت طاقت کی بہاوہ یتا ہے۔اگر میدان کی چوٹی E_0 کی جگہ اس کی موثر قیمت مرز عاستعال کی جائے تب مندر جہ بالا مسلوات میں $\frac{1}{2}$ کا جزو ضربی نہیں لکھا جائے گا۔

موج کی ست کے عمودی سطح کے سے یوں

$$P_{z,b,g} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} S$$
 W

3211

طاقت گزرے گی۔

غیر کامل ذوبرق کی صورت میں

$$\eta = |\eta| e^{j\theta_{\eta}}$$

لیتے ہوئے

(10.54)
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$
$$H_y = \frac{E_0 e^{-\alpha z}}{|\eta|} \cos(\omega t - \beta z - \theta_\eta)$$

ہوں گے جن سے

$$\begin{split} \mathscr{P}_{\mathsf{L} \mathsf{J} \mathsf{J}} &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos(\omega t - \beta z) \cos\left(\omega t - \beta z - \theta_\eta\right) \mathrm{d}t \\ &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{2|\eta|} e^{-2\alpha z} \left[\cos(2\omega t - 2\beta z - \theta_\eta) + \cos\theta_\eta \right] \mathrm{d}t \end{split}$$

لعيني

(10.55)
$$\mathscr{P}_{\mathsf{brgl}} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos \theta_{\eta}$$

حاصل ہو تاہے۔

كثافت طاقت كي اوسط قيمت مخلوط يو تنثنگ سمتيه

$$\mathcal{P}_{b \to g} = \frac{1}{2} \left[E_s \times H_s^* \right]$$
 (10.56)

سے بھی حاصل کی جاسکتی ہے جہاں جوڑ<mark>ی دار مخلوط 51 مق</mark>ناطیسی موج استعال کی جاتی ہے۔ آئیس مساوات 10.55 کواس ترکیب سے دوبارہ حاصل کریں۔مساوات 10.54

$$E_{sx} = E_0 e^{-\alpha z - j\beta z}$$

$$H_{sy} = \frac{E_0}{|\eta|} e^{-\alpha z - j\beta z - j\theta_{\eta}}$$

$$H_{sy}^* = \frac{E_0}{|\eta|} e^{-\alpha z + j\beta z + j\theta_{\eta}}$$

ہے جہاں جوڑی دار مخلوط مقناطیسی موج H^*_{SU} بھی لکھی گئی ہے۔ یوں

$$\frac{1}{2}\mathbf{E}_s \times \mathbf{H}_s^* = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z + j\theta_{\eta}}$$

$$= \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \left(\cos \theta_{\eta} + j\sin \theta_{\eta}\right)$$

کا حقیقی حصہ لیتے ہوئے

$$\mathscr{P}_{oldsymbol{
u}}=rac{1}{2}rac{E_0^2}{|\eta|}e^{-2lpha z}\cos heta_\eta$$

کثافت اوسط توانائی کی مطلوبہ مساوات حاصل ہوتی ہے۔

اس کتاب میں اوسط کثافت توانائی حاصل کرتے وقت مساوات 10.56استعال کی جائے گی۔

مثق 10.5:ایک میگاہر ٹز، تین سومیگاہر ٹزاور تین گیگاہر ٹز کے تعدد پر صاف یانی کے برف کے جزوبر قی مستقل بالترتیب4.15،4.15اور 3.2ہیں جبکیداس کے مماس ضیاع بالترتیب0.035،0.12 اور 0.0009 ہیں۔ یکسال سطحی موج جس کی چوٹی 0 z=0 پر $\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ 100 ہو برف سے گزر رہی ہے۔ایک مربع میٹر سطح ے اوسط طاقت کا بہاوz=0اور z=5 سے اوسط طاقت کا بہاوہ

براات: 14.31 W،23.7 W،12.48 W،24.7 W،26.4 W،27.1 W

3219

3213

10.3. پوئٹٹگ سمتیہ

مثال 10.5 محدد پر $\frac{S}{m}$ محدد پر $\frac{S}{m}$ محدد پر قبی معتقل معتوانی ہوئے ہے۔ ہی لا محدود لیبائی کی سلاخ پائی جاتی ہے جس کا جزو کی برقی معتقل مثال 10.5 محدد پر $\frac{S}{m}$ محت کے غیر مقناطیسی مادے ہے اور سلاخ کار داس a_Z محدد پر a_Z محت کی معتر مزاد ہے۔ النس اسلاخ میں فی میٹر طاقت کا ضیاع $\frac{S}{m}$ سے حاصل کریں۔ پ) سلاخ میں فی میٹر طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ پ) سلاخ میں طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ ٹ) رداس $\frac{S}{m}$ کے تاکمی سطح پر پوئٹنگ سمتیہ کے سطح تکمل کے استعمال سے پیلان کے قریب برقی میدان حاصل کریں۔

حل:الف) فی میٹر سلاخ کی مزاحمت حاصل کرتے ہیں۔

$$R=\frac{1}{3.2\times 10^7\times \pi\times 0.02^2}=24.87\,\frac{\mu\Omega}{m}$$

ب) في ميٹر سلاخ ميں طاقت كامزاحمتى ضياع يوں حاصل ہو گا۔

$$P = I^2 R = 250^2 \times 24.87 \times 10^{-6} = 1.554247 \frac{\text{W}}{\text{m}}$$

پ) سلاخ کار قبہ عمودی تراش $\pi \times 0.02^2$ مربع میٹر ہے۔ یوں سلاخ میں کثافت برقی رو

$$J = \frac{I}{A}a_{\rm Z} = \frac{250}{\pi \times 0.02^2}a_{\rm Z} = 198949a_{\rm Z}\frac{\rm A}{{
m m}^2}$$

ہوگی جس سے سلاخ میں برقی شدت $oldsymbol{J} = \sigma oldsymbol{E}$ سے

$$E = \frac{J}{\sigma} = \frac{198949a_{\rm Z}}{3.2 \times 10^7} = 6.217 \times 10^{-3}a_{\rm Z} \frac{\rm V}{\rm m}$$

ماصل ہوتی ہے۔دوسٹی میٹر سے کم رداس $ho < 2 \, \mathrm{cm}$ کادائرہ کل

$$\frac{250 \times \pi \times \rho^2}{\pi \times 0.02^2} = 625000 \rho^2$$

ایمپیئر کی برقی رو گھیرے گی۔ یوں ایمپیئر کادوری قانون استعال کرتے ہوئے سلاخ کے اندررداس 🛭 پر مقناطیسی میدان

$$H_{\phi} = \frac{625000\rho^2}{2\pi\rho} = 99472\rho a_{\phi} \frac{A}{m}$$

حاصل ہو گا۔

ت) پوئنگنگ سمتیه

$$\mathscr{P} = \mathbf{E} \times \mathbf{H} = -618.42 \rho a_{\rho} \frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$$

ہے۔ ہم 2 سے انتہائی قریب لیکن اس سے ذرہ کم رداس اور 1 سل کی تصوراتی سطح پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل لیتے ہوئے فی میٹر سلاخ میں مزاحمتی ضیاع حاصل کرتے ہیں۔ اس ڈبی نماتصوراتی سطح کی کچلی اور بالائی سیدھی سمتی سطح بالترتیب عرب اور عرب میں ہیں جبکہ پوئٹنگ سمتیہ میں ہیں جمہد پوئٹنگ سمتیہ کے سطح میں داخل ہوتا لہذاان سطحوں پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل صفر کے برابر ہوگا۔ یوں سطحی تکمل حقیقت میں صرف تصوراتی سطح کے گول جھے پر لیناضر وری ہے۔ سطح میں داخل ہوتا طاقت

$$\int_{S} - \mathcal{P} \cdot dS = \int_{0}^{1} \int_{0}^{2\pi} 618.42 \rho^{2} d\phi dz = 1.554247 \frac{W}{m}$$

حاصل ہوتاہے جہاں ho=2 cm پر کیا گیاہے۔ یادرہے کہ ہم نے دوسٹی میٹر سے ذرہ کم رداس چناتا کہ سلاخ کے اندر حاصل کر دہ برقی میدان اور مقنامیة میں میدان قابل استعال ہوں۔ میدان قابل استعال ہوں۔

ٹ) سلاخ کے رداس سے زیادہ رداس پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل وہی طاقت دے گاجو سلاخ کے سطح پر تکمل لیتے ہوئے حاصل ہوا تھا۔ مزاحمتی طاقت کا ضیاع ہمارے چنے گئے سطح پر منحصر نہیں ہے۔ cm کا رداس اور 1 سابی کی تصوراتی سطح لے کر آگے بڑھتے ہیں۔ 5 cm کا گول دائرہ پورے 250 A کی برقی روکو گھیرے گا۔ یوں اس دائرے پر

$$H = \frac{250}{2\pi \times 0.05} a_{\phi} = 795.7747 a_{\phi} \frac{A}{m}$$

ہوگا۔سلاخ کے گول سطچ پر برتی میدان a_z سمت میں ہے۔سر حدی شرائط کے مطابق کسی بھی دو مختلف اجسام کے سر حدیر متوازی برتی میدان برابر ہوتے ہی۔یوں لامحدود لمبائی کے سلاخ سے دور میدان کیوں a_z سمت میں ہی ہوگا۔ایسا کوئی جواز نظر نہیں آتا کہ سلاخ سے دور میدان کیوں کے سمت میں نہ ہو۔یوں ہم سمت میں ہوگا۔ایسا کوئی جواز نظر نہیں آتا کہ سلاخ سے دور میدان کیوں کے برابر ہوگا۔سلاخ میں داخل ہوتا طاقت تصوراتی سطح کے گول اور بالائی سطحوں پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطح کے گول کے برابر ہوگا۔سلاخ میں داخل ہوتا طاقت تصوراتی سطح کے گول حصے پر تکمل سے حاصل ہوگا کیعنی

$$\int_{S} - \mathbf{P} \cdot d\mathbf{S} = \int_{0}^{1} \int_{0}^{2\pi} 795.7747 E_{0} \rho \, d\phi \, dz = 250 E_{0} \, W$$

جہاں $ho=5\,\mathrm{cm}$ پر کیا گیاہے۔ حاصل جواب کو $ho=1.554\,247\,\mathrm{W}$ جہاں میں جہاں ہوئے سلاخ کے باہر

$$\boldsymbol{E} = 6.217 \times 10^{-3} \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$$

حاصل ہوتاہے۔اس مثال میں سلاخ کے باہر اور سلاخ کے اندر برابر برقی میدان پایاجاتاہے۔

10.4 - موصل میں امواج

موصل میں امواج پر غور کی خاطر ہم تصور کرتے ہیں کہ موصل سے جڑے ذوبرق میں امواج پیدا کئے جاتے ہیں۔ ہم جانناچاہتے ہیں کہ ایسے موج ذوبرق اور مودول کے سر حدیر موصل میں کیسے داخل ہوتے ہیں اور موصل میں ان کی کیاکار کردگی ہوتی ہے۔

ایصالی اور انتقالی روکی شرح $\frac{\sigma}{\omega e}$ کو مماس ضیاع کتے ہیں۔ یوں ناقص موصل کی مماس ضیاع بلند تعدد پر کم ہوگی۔ نائیکروم 25 ناقص موصل ہے جس کا مماس ضیاع 100 MHz تعدد پر تقریباً 2×10^8 ہوتا ہے۔ اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے چند سادہ مساوات حاصل کرتے ہیں۔ حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

ور $\frac{\sigma}{\omega\epsilon}\gg 1$ ى بناپر

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

nichrome⁵²

$$\gamma = j\sqrt{-j\omega\mu\sigma}$$

لکھاجا سکتاہے۔اب

$$-j = 1/-90^{\circ}$$

کے برابرہے جس کا جزر

$$\sqrt{1/-90^{\circ}} = 1/-45^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{2}} - j\frac{1}{\sqrt{2}}$$

ہے للذا

$$\gamma = j \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - j \frac{1}{\sqrt{2}} \right) \sqrt{\omega \mu \sigma}$$

یا

(10.57)

$$\gamma = (j+1)\sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

حاصل ہو تاہے جس سے

(10.58)

$$\alpha = \beta = \sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

3235

ملتاہے۔

ان معلومات کے بعد کہاجاسکتاہے کہ کسی بھی μ اور σ مستقل رکھنے والے موصل کے α اور β ہر تعد دپر برابر ہی رہتے ہیں۔ یوں α ست میں دوبارہ امواج فر ض کرتے ہوئے موصل میں برقی میدان کی موج کو

(10.59)
$$E_x = E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

کھاجا سکتا ہے۔اگرz < 0کامل ذو برق اور 0 > zموصل خطے ہوں تبان کے سرحدz = 0 پر بر قی سرحدی شر اکط کے مطابق متوازی برقی میدان سرحد کے دونوں اطراف پر برابر ہوں گے۔مساوات 10.59 کے تحت سرحد پر موصل میں

$$(10.60) E_x = E_0 \cos \omega t (z=0)$$

ہو گااور یوں سر حدپر ذوبرق میں بھی برقی میدان یہی ہو گا۔اباسی حقیقت کو یوں بھی دیکھا جاسکتا ہے کہ سر حدپر ذوبرق میں برقی میدان مساوات 10.60 دیتا ہے جو موصل میں سر حدپراسی قیت کامیدان پیدا کرتا ہے۔ایسا تصور کرنے کامطلب یہ ہے کہ ہم ذوبرق میں میدان کو منبع میدان تصور کرتے ہیں جو موصل میں مساوات 10.59 میں دی موج پیدا کرتا ہے۔موصل میں 1 ≪ میں کی بناپرانتقالی رو کو نظر انداز کرتے ہوئے

$$(10.61) J = \sigma E$$

لكھاجاسكتاہے للذاموصل ميں ہر نقطے پر كثافت رواور برقی ميدان راہ تناسب كا تعلق رکھتے ہیں اور یوں موصل میں

(10.62)
$$J_x = \sigma E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

 σE_0 کھاجا سکتا ہے۔ شکل 10.5 میں J_x دکھا یا گیا ہے جہاں عین سر حد لیعنی z=0 پر کثافت روکے قیمت σE_0 کو σE_0 کھا گیا ہے۔

مساوات 10.59 اور مساوات 10.62 میں بہت معلومات پائی جاتی ہے۔ پہلے ان مساوات میں $e^2\sqrt{\pi f\mu\sigma}$ جزویر غور کریں۔ سر حدیراس کی قیمت $1=e^0=2$ برابر ہے جو سر حدسے

$$z = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

 $e^{-1}=0.368$ فاصلے پر $e^{-1}=0.368$ ماہر کیا جاتا ہے۔

$$\delta = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

برقی روکا سطحی تهه تک محدود رہنے کواثر جلد ⁵⁴ کہاجاتا ہے۔ یوں موصل میں

$$\alpha = \beta = \frac{1}{\delta}$$

 e^{-2} اور 4δ فاصلے پر میدان $e^{-2}=0.135$ اور 4δ فاصلے پر میدان $e^{-4}=0.018$ ہو گا۔ اسی طرح سر حدسے 26 فاصلے پر میدان $e^{-2}=0.135$ اور 4δ فاصلے پر میدان

تانبے کی $\frac{\rm S}{\rm m}$ $0.8 imes 10^7$ تانبے کی جارت اس میں گہرائی جلد

$$\delta_{\rm riv} = \frac{1}{\sqrt{\pi \times f \times 4 \times \pi \times 10^{-7} \times 5.8 \times 10^7}} = \frac{0.0661}{\sqrt{f}}$$

میٹر کے برابر ہے۔ یوں Hz کامیدان سر حدسے mm 9.35 mm فاصلے پر کم ہو کر صرف 0.368 گذارہ جائے گا۔ برقی ادوار میں مزاحمت میں طاقت کامیدان سر حدسے mm 9.35 mm کا ضاخ رو کے مربع کے راست تناسب ہوتا ہے للذاہر ایک گہر ائی جلد کے فاصلے پر کثافت طاقت 0.135 = 0.368 گنا کم ہوگی۔ خردامواج 55 کے تعدید پینی کا ضیاع رو کے مربع کے راست تناسب ہوتا ہے للذاہر ایک گہر ائی جلد کے فاصلے کے خوالے کے تھویں جھے کے برابر ہے۔
30 GHz

ان تعدد پر کسی بھی موصل مثلاً تانبے میں سر حدسے چند ہی گہرائی جلد کے فاصلے پر تمام میدان تقریباً صفر کے برابر ہوتے ہیں۔موصل کے سر حد پر پیدا کئے گئے برقی میدان یا کثافت رو، سر حدسے دوری کے ساتھ تیزی سے کم ہوتے ہیں۔ برقی و مقناطیسی طاقت موصل کے اندر نہیں بلکہ اس کے باہر صفر کرتی ہے۔موصل کا کام صرف اتناہے کہ بیدان امواج کوراستہ دکھاتی ہے۔موصل کے سر حد پر پیدا کثافت رو،موصل میں موج کے حرکت کے عمودی سمت میں داخل ہوتی ہے ہیں۔ سے موصل میں مزاحمتی ضیاع بعداہوتا ہے۔یوں موصل بطور راہ گیر کر دار اداکرتے ہوئے مزاحمتی ضیاع بطور اجرت حاصل کرتا ہے۔

اگرآپ کسی بجلی گھر میں Hz کے برقی رو کو منتقل کرنے کی خاطر پانچ سنٹی میٹر رداس کے تانبے کی ٹھوس تاراستعال کررہے ہوں تو یہ سراسر تانبو بھائع کرناہو گاچو نکہ کثافت روتار کے بیر ونی سطچر ہی پائی جائے گی۔اندرونی تار، سطح سے دور، کثافت رو قابل نظرانداز ہو گی لہذااس سے بہتر ہو گا کہ زیادہ رداس کی ہنگلی نماتاراستعال کی جائے جس کی موٹائی تقریباً 1.50 یعنی 1.4 cm و اگرچہ یہ فیصلہ لا محدود جسامت کے سرحد کے نتائج پر بنیاد ہے، حقیقت میں محدود سرحد پوریجھی میدان اسی نسبت سے گھٹے ہیں۔

بلند تعدد پر گہرائی جلد کا فاصلہ اتنا کم ہوتا ہے کہ راہ گیر موصل کی سطحی تہہ ہی اہمیت رکھتی ہے۔ یوں خرد امواج کی منتقل کے لئے شیشے پر سسے 0.661 موٹی چاند ی کی تہہ کافی ہے۔

آئیں اب موصل میں طول موج اور رفتار موج کے مساوات حاصل کریں۔ ہم

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

سے نثر وع کرتے ہوئے مساوات 10.64 استعمال کرتے ہوئے

 $\lambda = 2\pi\delta$

skin depth⁵³ skin effect⁵⁴ microwave⁵⁵

لكھ سكتے ہیں۔اسی طرح مساوات 10.25

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

سے

$$v = \omega \delta$$

ماتا ہے۔ ماتا ہے۔

موصل میں H_y کی مساوات لکھنے کی خاطر موصل کی قدر تی رکاوٹ در کار ہو گی۔ مساوات 10.31

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

 $rac{\sigma}{\omega\epsilon}\gg 1$ وجہ سے

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma}}$$

l

$$\eta = \frac{\sqrt{2/45^{\circ}}}{\sigma \delta} = \frac{1}{\sigma \delta} + j \frac{1}{\sigma \delta}$$

کھا جاسکتا ہے۔ یوں مساوات 10.60 کو گہر ائی جلد کی صورت

(10.67)
$$E_x = E_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

میں لکھتے ہوئے مقناطیسی موج کو

(10.68)
$$H_y = \frac{\sigma \delta E_0}{\sqrt{2}} e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta} - \frac{\pi}{4}\right)$$

کلھاجا سکتاہے جہاں سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی موج، برقی موج سے چھیرے کے آٹھویں جھے پیچھیے ہے۔

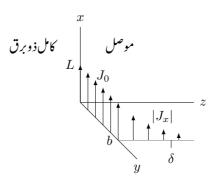
مندرجه بالادومساوات کی مددسے یوننگنگ مساوات

$$\mathscr{P}_{\text{level}} = \frac{1}{2} \frac{\sigma \delta E_0^2}{\sqrt{2}} e^{-\frac{2z}{\delta}} \cos \frac{\pi}{4}$$

يا

$$\mathscr{P}_{\text{begl}} = \frac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-\frac{2z}{\delta}}$$

ویتا ہے۔ آپ دوبارہ دکھ سکتے ہیں کہ ایک گہرائی جلد کی گہرائی پر کثافت طاقت ، سرحد کے کثافت طاقت کے $e^{-2}=0.135$



شکل 10.5: موصل میں طاقت کے ضیاع اور گہرائی جلد۔

شکل 10.5 پر دوبارہ نظر ڈالیں۔مسکلہ پوئنٹنگ کہتا ہے کہ سر حدیر L اور 16اطر اف کے مستطیل میں جتنی برقی ومقناطیسی طاقت داخل ہوتی ہے،وہ تمام کی تمام موصل میں ضائع ہو جاتی ہے۔ یہ طاقت

$$P_{L,b \to 1} = \int_0^b \int_0^L \mathcal{P}_{b \to 1}|_{z=0} \, dx \, dy$$

$$= \int_0^b \int_0^L \frac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-\frac{2z}{\delta}} \Big|_{z=0} \, dx \, dy$$

$$= \frac{\sigma \delta b L E_0^2}{4}$$

کے برابرہے۔سرحدی کثافت رو

 $J_0 = \sigma E_0$

کی صورت میں اسے

(10.69)
$$P_{L,k,j} = \frac{1}{4\sigma} \delta b L J_0^2$$

لکھا جا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ اگر *ط*چوڑائی میں کل برقی روکو 8 گہرائی تک محدود کر دیاجائے تومزاحمتی ضیاع کتناہو گا۔ایساکرنے کی خاطریہلے اس چوڑائی میں کل رو

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$

حاصل کرتے ہیں جہاں تکمل آسان بنانے کی غرض سے

$$J_x = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

کودوری سمتیه کی شکل

$$J_{xs} = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} e^{-j\frac{z}{\delta}}$$
$$= J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}}$$

10.4. موصل میں امواج

میں لکھ کر تکمل حل کرتے ہیں۔

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}} \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$
$$= \frac{J_0 b \delta}{1+j}$$

اس

$$I = \frac{J_0 b \delta}{\sqrt{2}} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

کھاجائے گا۔ا گراس روکوy < b اور ک $z < \delta$ اور کردیاجائے تب نئی کثافت رو

$$J_x' = \frac{J_0}{\sqrt{2}} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

ہو گی۔مزاحمتی طاقت کا ضیاع فی اکائی حجم ${m E}$ کے برابر ہے للذااس حجم میں کل ضیاع

$$P_{L} = \frac{1}{\sigma} \left(J_{x}' \right)^{2} bL\delta = \frac{J_{0}^{2}}{2\sigma} bL\delta \cos^{2} \left(\omega t - \frac{\pi}{4} \right)$$

ہو گا۔ مربع کوسائن موج کی اوسط قیمت 1 کے برابر ہوتی ہے لہذااوسط طاقت کے ضیاع کو

$$(10.70) P_L = \frac{J_0^2 b L \delta}{4\sigma}$$

#0

لکھا جا سکتا ہے جو عین مساوات 10.69ہے۔

اس نیتیج کودیکی کراب کسی بھی موصل، جس میں اثر جلد پایاجاتا ہو، میں کل رو کوایک جلد گہرائی میں کیساں تقسیم شدہ تصور کرتے ہوئے سلاخ کی مزاحمتی ضیاع حاصل کی جاسکتی ہے۔ یوں طرچوٹرائی، 1 لمبائی اور لا محدود گہرائی سلاخ جس میں اثر جلد پایاجاتا ہواور طرچوٹرائی، 1 لمبائی اور 8 گہرائی سلاخ جس میں یکساں تقسیم پیشدہ روہوئے مزاحمت بالکل برابر ہوں گے۔

اس حقیقت کواستعال کرتے ہوئے رداس 7 کے ٹھوس نکی سلاخ کی مزاحت بلند تعدد پر حاصل کی جاستی ہے۔ا گر گہرائی جلد سلاخ کے رداس سے بہت کم ہوتب اس طرح حاصل کر دہ مزاحت کی قیت تقریباً بالکل درست ہو گی۔الیی تعدد جس پراثر جلد پایاجاتا ہو کی صورت میں سلاخ کی بیر ونی جلد ہی رو گزارے گی لہٰذا مزاحت کی قیبت حاصل کرتے وقت اس نکلی نما جھلی کو ہی موصل تصور کیا جائے گالہٰذا مزاحت R

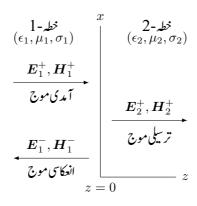
(10.71)
$$R = \frac{L}{\sigma S} = \frac{L}{\sigma 2\pi r \delta}$$

ایک ملی میٹررداس اور دس میٹر لمبی تانبے کے تارکی یک سمتی مزاحت

$$R$$
ي تى تى $= \frac{10}{5.8 \times 10^7 \times \pi \times 0.001^2} = 54.88 \,\mathrm{m}\Omega$

ہے۔ایک سومیگاہر ٹز کی تعدد پر تانبے کی $\delta=6.61~\mu{
m m}$ کے لہذا اس تعدد پر اسی تارکی مزاحمت

$$R = \frac{10}{5.8 \times 10^7 \times 2 \times \pi \times 0.001 \times 6.61 \times 10^{-6}} = 4.15 \,\Omega$$



شکل 10.6: آمدی موج سرحد سے گزرتی ترسیلی اور اس سے لوٹتی انعکاسی امواج پیدا کرتی ہے۔

مثق 10.6: کھوں نکی نمالوہے کی تارجس کار داس mm 5 اور جس کی لمبائی m 2.5 ہیں 20 cos 10000 ایمپیئر کی برقی رو گزر رہی ہے۔ کتاب کے مندو جہ آخر میں ضمیعے سے $\epsilon_R=1$ اور 4000 $\mu_R=4$ 000 اور $\mu_R=4$ 000 ہندو جہ دیے گئے ہیں۔ یاد رہے کہ موصل کا $\sigma=1.03\times10^7$ آخر میں ضمیعے سے $\epsilon_R=1$ 000 ہندو جہ دیر مندو جہ ذیل عاصل کریں۔

```
ع کیک سمتی رومزاحمت،

ع گهرائی جلد،

ع بدلتی رومزاحمت یاموثر مزاحمت،

ع بدلتی رومزاحمت یاموثر مزاحمت،

ع مزاحمتی طاقت کاضیاع۔

ع وابات: Ωπ (3.09 mΩ) 2.49 سراحمت کی وربات کی
```

10.5 انعكاس مستوى موج

لا محدود جسامت کے جم میں مستوی امواج ہم دیکھ چکے۔ایسے جم میں کبھی بھی موج دو مختلف اقسام کے اشیاء کے در میان پائی جانے والی سر حد نہیں چھوتی ہے۔ بیس محدود جسامت کے جم میں مستوی امواج پر غور کریں جہاں امواج کو ایک قسم کے مادے سے دوسرے قسم کے مادے میں داخل ہونا ہوگا۔ آپ دیکھیں گے کیدالی صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس جھے میں صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس جھے میں مرحدسے نگر اگر واپس پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس جھے میں مرحدسے نگر اگر واپس پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس جھے میں مرحدسے گزرتے اور اس سے نگر اگر واپس لوٹے حصول کے مسائل میں جو ل کے آول میں تائج تربیلی تارول 56 اور رہبر موج 57 کے مسائل میں جو ل کے آول استعال ہول گے۔

3272

transmission lines⁵⁶ waveguide⁵⁷ 10.5. انعكاس مستوى موج

جم z < 0 کو خطہ - 1 تصور کرتے ہیں جہاں $(\epsilon_1, \mu_1, \sigma_1)$ ہیں جبکہ گھٹے z > 0 خطہ - 2 تصور کرتے ہیں جہاں $(\epsilon_2, \mu_2, \sigma_2)$ ہیں۔ یہ صورت حال شکل z < 0 میں دکھائی گئی ہے۔ ہم بڑھتے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت + جبکہ گھٹے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت — سے ظاہر کریں گے۔اب تصور کریں کہ پہلے خطے میں سرحد کی جانب برقی موج

$$E_{xs1}^+ = E_{x10}^+ e^{-\gamma_1 z}$$

آتی ہے۔آپ جانتے ہیں کہ اس برقی موج کے ساتھ لازماً مقناطیسی موج

(10.73)
$$H_{ys1}^{+} = \frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} e^{-\gamma_1 z}$$

بھی ہو گی۔ سرحد کی طرف آتے موج کو آم<mark>دی موج</mark> 8 کہا جاتا ہے۔ چو نکہ یہ موج سرحد کے عمودی حرکت کر رہاہے للذااس کے حرکت کو عمود <mark>کی آمد 50 کہتے ہی</mark>ں۔

اس آمدی موج کا پچھ حصہ جسے ترسیلی موج 60 کہتے ہیں، سر حدسے گزرتے ہوئے سیدھا چیلے جائے گا۔ ترسیلی امواج

$$E_{xs2}^{+} = E_{x20}^{+} e^{-\gamma_2 z}$$

(10.75)
$$H_{ys2}^{+} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2} e^{-\gamma_2 z}$$

ہیں۔ سر حدکے دوسرے جانب حرکی مستقل γ_2 اور قدرتی رکاوٹ η_2 ہیں جو پہلے خطے سے مختلف ہیں۔ ترسلی امواج سر حدسے دور چلتی جاتی ہیں۔

آمدیاور ترسلی برقی امواج x محدد کے متوازی جبکہ مقناطیسی امواج y محد د کے متوازی ہیں لہٰذا یہ چاروں امواج سر حد کے بھی متوازی ہیں۔ صغحہ 298 پر مساوات 9.45 متوازی امواج کے سر حدی شر ائط بیان کرتے ہیں۔ اب کا ئنات میں کبھی بھی دواشیاء کے سر حد پر سطحی کثافت رو نہیں پائی جاتی۔ یوں 4 لیتے ہوئے ان شر ائط کو

$$E_{m1} = E_{m2}$$

 $H_{m1} = H_{m2}$ $(K_{\perp} = 0)$

كها جاتا ہے۔

اب اگر پہلی شرط پوری کی جائے تو سرحد کے دونوں اطراف پر متوازی برقی میدان برابر ہوں گے لہذا z=0 ہوں گے۔ یوں گر جائے تو سرحد کے دونوں اطراف پر متوازی برقی میدان برابر ہوں گے لہذا و z=1 ماصل ہوتا ہے لیکن دوسری شرط کے مطابق سرحد کے دونوں جانب متوازی مقناطیسی میدان بھی برابر ہوناہو گالہذا و z=1 ہوں گر سے مساوات z=1 ماصل ہوتا ہے۔ یہ دونوں تب ممکن ہے جب z=1 ہو جو حقیقت میں پر مساوات 10.73 اور مساوات 10.75 بھی برابر ہوں گے جس سے z=1 ہوں سرحدی شرائط پر لورا نہیں اتراجا سکتا۔ مندر جہ بالا دونوں سرحدی شرائط صرف اس صورت میں سرحدی شرائط پر لورا نہیں اتراجا سکتا۔ مندر جہ بالا دونوں سرحدی شرائط صرف اس صورت میں پر پر اور انہیں انہیں اور انہیں انہیں انہیں اور انہیں اور انہیں اور انہیں اور انہیں اور انہیں انہیں انہیں انہیں اور انہیں انہیں انہیں اور انہیں انہ

$$E_{xs1}^{-} = E_{x10}^{-} e^{\gamma_1 z}$$

(10.77)
$$H_{ys1}^{-} = -\frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} e^{\gamma_1 z}$$

> incident wave⁵⁸ normal incidence⁵⁹ transmitted wave⁶⁰

reflected wave⁶¹

آ مدی، تر سیلی اور انعکاسی امواج کی صورت میں دونوں سر حدی شر ائط پورے ہوتے ہیں اور ان کی مدد سے E⁺_{x10} کی صورت میں بقایا تمام امواج کے طول پھی حاصل ہوتے ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ ایسا کس طرح ہوتا ہے۔

اب پہلے خطے میں آمدیامواج کے علاوہ انعکاسی امواج بھی پائے جاتے ہیں لہذا سر حدی شر ائط میں دونوں کا مجموعہ استعال کیا جائے گا۔ یوں z=0پر سر حد کے دونوں جانب متوازی برقی میدان برابر ہونے سے

$$E_{xs1} = E_{xs2} \quad (z = 0)$$

لعيني

$$E_{xs1}^+ + E_{xs1}^- = E_{xs2}^+ \quad (z = 0)$$

يا

$$E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-} = E_{x20}^{+}$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرحz=0 پر سرحد کے دونوں جانب متوازی مقناطیسی میدان کے برابری سے

$$H_{ys1}=H_{ys2} \quad (z=0,K_{\perp}=0)$$

لعيني

$$H_{ys1}^+ + H_{ys1}^- = H_{ys2}^+ \quad (z = 0, K_{\perp} = 0)$$

یا

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 10.78 اور مساوات 10.79 کو E_{x10}^{-} کی خاطر حل کرنے کی غرض سے مساوات 10.78 کو مساوات میں پر کرتے

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-}}{\eta_2}$$

ہوئے یوں

$$E_{x10}^{-} = E_{x10}^{+} \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

حاصل ہوتا ہے۔انعکاسی اور آمدی برقی میدان کے حیطوں کی شرح کو شرح انعکاس 62 یکار ااور Γ سے ظاہر 63 کیا جاتا ہے۔

(10.80)
$$\Gamma = \frac{E_{x10}^{-}}{E_{x10}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

خلوط شرح انعکاس کی صورت میں انعکاسی اور آمدی میدان میں زاویا کی فرق پایاجائے گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ شرح انعکاس کی حتمی قیمت صفر تاایک ممکن ہے۔ $|\Gamma| \leq 1$

اسی طرح مساوات 10.78 اور مساوات 10.79 سے E^-_{x10} ختم کرنے سے

(10.82)
$$\tau = \frac{E_{x20}^{+}}{E_{x10}^{+}} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1}$$

reflection coefficient 62 . یونانی حروف تہجی گیما ہر

10.5. انعكاس مستوى موج

حاصل ہوتاہے جو شرح ترسیل ⁶⁴ کہلا یااور 7 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔مساوات 10.80 اور مساوات 10.82 سے

$$\tau = 1 + \Gamma$$

کھاجا سکتا ہے۔

آئیںان نتائج کو چند مخصوص صور توں میںاستعال کرتے ہیں۔تصور کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق جبکہ دوسرا خطہ کامل موصل ہے۔الیی صورت میں σ₂ لا محدود ہو گاللہذا

$$\eta_2 = \sqrt{\frac{j\omega\mu_2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}} = 0$$

ہو گا۔ یوں مساوات 10.82سے

$$E_{x20}^{+}=0$$

حاصل ہوتاہے بینی کامل موصل میں کسی صورت بھی وقت کے ساتھ بدلتامیدان نہیں پایاجاسکتا۔اس کو بوں بھی بیان کیاجاسکتاہے کہ کامل موصل کی گہرائی جلد صفر کے برابرہے۔

مساوات 10.80 میں $\eta_2=0$ پر کرنے سے

$$\Gamma = -1$$

لعيني

$$E_{x10}^- = -E_{x10}^+$$

حاصل ہوتاہے۔انعکاس موج کاحیطہ بالکل آمدی موج کے حیطے کے برابرہے لیکن ان میں °180 کازاویہ پایاجاتاہے۔موصل سطحآمدی توانائی کوواپس کرتی ہے اور یوں پہلے خطے میں کل برقی میدان

$$E_{xs1} = E_{xs1}^{+} + E_{xs1}^{-}$$

= $E_{x10}^{+} e^{-j\beta_1 z} - E_{x10}^{+} e^{j\beta_1 z}$

ہوگا جہاں کا مل ذو برق میں $\gamma_1=0+jeta_1$ لیا گیاہے۔اس کو حل کرتے ہوئے

$$E_{xs1} = E_{x10}^{+} \left(e^{-j\beta_1 z} - e^{j\beta_1 z} \right)$$

= $-j2E_{x10}^{+} \sin \beta_1 z$

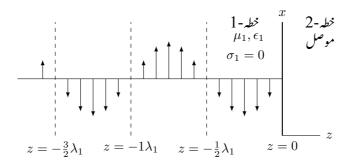
حاصل ہوتا ہے جودوری سمتیہ کی صورت میں ہے جمے ejwt سے ضرب دے کر حقیقی جزو لیتے ہوئے اصل موج کی مساوات

(10.84)
$$E_{x1} = 2E_{x10}^{+} \sin \beta_1 z \sin \omega t$$

عاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات ساکن میدان کو ظاہر کرتی ہے۔ یادر ہے کہ اسے دوآ پس میں الٹ سمت میں حرکت کرتے امواج سے حاصل کیا گیا ہے۔اس کامواز نہ آمدی موج

$$E_{x1}^{+} = E_{x10}^{+} \cos(\omega t - \beta_1 z)$$

سے کریں۔ حرکت کرتے موج کی بیچان جزو $\omega t - \beta_1 z$ جو مثبت سمت میں موج کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 10.84 میں ωt اور $\omega t - \beta_1 z$ علیحدہ علیحدہ پائے جاتے ہیں۔ ہیں۔



شكل 10.7: ساكن موج، برقى ميدان.

مساوات 10.84 میں جس لمحہ $ωt=n\pi$ کے برابر ہواس لمحہ میدان ہر نقطے پر صفر کے برابر ہو گا۔اس کے علاوہ جس نقطے پر سات کے برابر ہو ، اس نقطے پر ہر وقت میدان صفر ہی رہتا ہے۔مساوات 10.84 کو ساکن موج ⁶⁵ کہاجاتا ہے۔ برقی میدان ان سطحوں پر ہر وقت صفر رہتا ہے جہاں

$$\beta_1 z = n\pi$$
 $(n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$

ہو جس سے

$$\frac{2\pi}{\lambda_1}z = n\pi$$

لعيني

$$z = n \frac{\lambda_1}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں سرحد لیتن z=0 پر برقی میدان صفر ہو گااور پہلے خطے میں سرحدے دور چلتے ہوئے ہر آدھے طول موج پر صفر برقی میدان پایا جائے گا۔ یہ صورت حال شکل 10.7 میں د کھائی گئی ہے۔اس شکل میں نقطہ دار ککیران سطحوں کو ظاہر کرتی ہیں جہاں میدان صفر رہتا ہے۔ برقی میدان کو وقت $\frac{\pi}{2}=t$ پردو کھایا گیاہے جباس کا حیطہ زیادہ ہوتا ہے۔

ي و نكه $E_{xs1}^+ = \eta_1 H_{ys1}^-$ اور $E_{xs1}^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ بوتے ہیں للذا مقناطیسی میدان $H_{ys1} = \frac{E_{x10}^+}{\eta_1} \left(e^{-j\beta_1 z} + e^{j\beta_1 z}\right)$

یا

(10.85)
$$H_{y1} = 2\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} \cos \beta_1 z \cos \omega t$$

ہو گا۔ یہ بھی ساکن موج ہے لیکن جس سطح پر برقی میدان صفر رہتا ہے وہاں مقناطیسی ساکن موج کی چوٹی پائی جاتی ہے۔اس کے علاوہ برقی اور مقناطیسی ساکن امیواج میں °90کاوقتی فرق پایا جاتا ہے لہذا یہ امواج کسی بھی ست میں اوسطاً صفر طاقت منتقل کرتی ہیں۔

آئیں اب دوکا مل ذو برق کی سر حد پر صورت حال دیکھیں۔اب ان دو خطوں میں قدرتی رکاوٹ η_1 اور $\eta_2=0$ اور $\eta_1=0$ اور $\eta_2=0$ ہموں گے۔عددی قیمتیں لے کر آگے چلتے ہیں۔ فرض کریں کہ

$$\eta_1 = 50 \Omega$$
$$\eta_2 = 377 \Omega$$
$$E_{x10}^+ = 10 \frac{V}{m}$$

standing wave⁶⁵

ہیں۔یوں

$$\Gamma = \frac{377 - 50}{377 + 50} = 0.7658$$

ہے للذا

$$E_{x10}^- = 0.7658 \times 10 = 7.658 \, \frac{V}{m}$$

ہو گا۔ پہلے خطے میں مقناطیسی میدان

$$H_{y10}^{+} = \frac{10}{50} = 0.2 \frac{A}{m}$$

 $H_{y10}^{-} = -\frac{7.658}{50} = -0.153 \frac{A}{m}$

ہیں۔ آمدی اوسط سطی کثافت طاقت مساوات 10.55سے

$$P_{1,\mu_{2},0}^{+} = rac{1}{2} rac{\left(E_{x10}^{+}
ight)^{2}}{\left|\eta_{1}
ight|} e^{-2lpha_{1}z}\cos heta_{\eta 1} = 1\,rac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^{2}}$$

جبكه انعكاسي اوسط تسطحي كثافت طاقت

$$P_{1,\text{best}}^{-} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2\alpha_{1}z} \cos \theta_{\eta 1} = 0.5864 \frac{W}{m^{2}}$$

ے۔ان مساوات میں $lpha_1=0$ اور $rac{0}{2}$ استعمال کئے گئے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکاسی اور آمدی کثافت طاقت کی شرح

(10.86)
$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} = |\Gamma|^{2}$$

کے برابر ہے۔

دوسرے خطے میں

$$E_{x20}^{+} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1} E_{x10}^{+} = 17.658 \frac{V}{m}$$

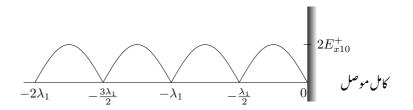
$$H_{y20}^{+} = \frac{17.658}{377} = 0.046 \, 84 \frac{A}{m}$$

<u>بي</u> للذا

$$P_{2,\text{br,y}}^{+} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x20}^{+}\right)^{2}}{|\eta_{2}|} e^{-2\alpha_{2}z} \cos\theta_{\eta 2} = 0.4135 \, \frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^{2}}$$

ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکا سی اور تر سلی طاقت کا مجموعہ آمدی طاقت کے عین برابر ہے۔

$$P_{1,\text{bet}}^+ = P_{1,\text{bet}}^- + P_{2,\text{bet}}^+$$



شكل 10.8: كامل موصل سے انعكاس، كامل ذو برق ميں ساكن موج بيدا كرتا ہے۔

10.6 شرح ساكن موج

کسی بھی ترسیلی نظام میں مختلف مقامات پر برقی یامقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارہ باآسانی حاصل کیا جاسکتا ہے۔ محوری تار کااندرونی تار ذرہ زیادہ لمبلا کھتے ہوئے برقی میدان حاصل کیا جاسکتا ہے۔ان آلات سے حاصل اشار است کو سمت کار 66 سے گزارتے ہوئے مائیکرومیٹر سے ناپا جاسکتا ہے۔مائیکرومیٹر میدان کے جیلے کے راست تناسب جواب دیتا ہے۔ان آلات کو عموماً در کاراشار است کے جسسر 67 کھا جاتا ہے تاکہ بیرزیادہ حساس ہوں۔

ا گربغیر ضیاع خطے میں یکساں مستوی موج حرکت کررہی ہواوراس خطے میں انعکاسی موج نہ پائی جاتی ہوتب میدان ناپنے والا آلہ تمام مقامات پریکساں حیطہ دکھائے گا۔ایساآلہ تیزی سے تبدیل ہوتے حیطے کود کھانے سے قاصر ہوتا ہے۔ہر جگہ برابر حیطہ اس بات کی نشانی ہے کہ خطے میں طاقت ضائع نہیں ہوتااور یہ کہ انعکاسی پیویو بھی غیر موجود ہے۔

اس کے برعکس کامل ذوبرق میں آمدی موج کاکامل موصل سے انعکاس، ساکن موج پیدا کرتا ہے۔ایسے خطے میں میدان ناپتاآ کہ مختلف مقامات پر مختلف جیطے ناپے گا۔چو نکہ سر حدسے ہر آدھے طول موج کے فاصلے پر میدان صفر رہتا ہے للذاان نقطوں پر آلہ صفر حیطہ ناپے گا جبکہ عین ایسے دوقر یبی نقطوں کے در میان آلہ زیادہ سے زیادہ سے فاصلہ کے سائے گا۔ آلے کو سر حد کے قریب اور دور کرنے سے ناپے گئے حیطے کی شکل $|\sin\beta z|$ کی طرح حاصل ہوگی جہاں سر حدسے فاصلہ کے سے است شکل گا۔ آلے کو سر حد کے قریب اور دور کرنے سے ناپے گئے حیطے کی شکل $|\sin\beta z|$ کی طرح حاصل ہوگی جہاں سر حدسے فاصلہ کے سائن نما حیطے کا تبدیل ہوناساکن موج کی بہچان ہے۔

3309

مثال 10.6: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں کامل ذو برق میں ساکن موج کی مساوات حاصل کریں۔

حل: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں $\Gamma=-1$ حاصل ہوتا ہے لیذا $E_{xs1}^{-}=-E_{x10}^{+}e^{jeta_{1}z}$ حاصل ہوتا ہے لیذا $E_{xs1}=E_{x10}^{+}e^{jeta_{1}z}-E_{x10}^{+}e^{jeta_{1}z}$ $=-2jE_{x10}^{+}\sineta_{1}z$

ہو گا۔اس دوری سمتیہ سے حقیقی ساکن موج کی مساوات حاصل کرنے کی خاطر اسے e^{jwt} سے ضرب دیتے ہوئے۔

 $E_{xs1}e^{j\omega t} = -2jE_{x10}^{+}\sin\beta_{1}z\cos\omega t + 2E_{x10}^{+}\sin\beta_{1}z\sin\omega t$

حقيقى جزو

 $E_{x1} = 2E_{x10}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$

 66 rectifier 66

10.6. شرح ساكن موج

لیتے ہیں۔ یہی ساکن موج کی مساوات ہے۔ شکل 10.8 میں آلہ ناپ سے حاصل $|E_{x1}|$ د کھایا گیا ہے۔

اب ایسی صورت پر غور کرتے ہیں جہاں تمام کی تمام موج سر حدہ واپس نہیں لوٹتی بلکہ اس کا کچھ حصہ سر حد پار کرتے ہوئے دوسر ی جانب چلے جاتی ہے۔ پہلے خطے میں اب آمدی موج کے علاوہ الیں انعکاسی موج پائی جاتی ہے جس کا حیطہ آمدی موج سے کم ہوتا ہے۔ اگرچہ اب پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ حمد کت کرتے جھوں کرتی موج بھی پائی جاتی ہے لیکن اس کے باوجو داس کوساکن موج بھی پکارا جاتا ہے۔ اب کسی بھی نقطے پر میدان ہر وقت صفر نہیں رہتا۔ ساکن اور حرکت کرتے جھوں کا اندازہ حیطے کی زیادہ تیمت اور اس کے کم سے کم قیت کی شرح سے بیان کی جاتی ہے۔ اس شرح کو شرح ساکن موج 8 کہااور 8 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔۔ کا اندازہ حیطے کی زیادہ قیمت اور اس کے کم سے کم قیمت کی شرح سے بیان کی جاتی ہے۔ اس شرح کو شرح ساکن موج 8 کہااور 8 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔۔

فرض کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق ہے جبکہ دو سر اخطہ کوئی بھی مادہ ہو سکتا ہے۔ یوں $lpha_1=0$ ہوگا۔ اب $E_{xs1}^+=E_{x10}^+e^{-jeta_1z}$ $E_{xs1}^-=\Gamma E_{x10}^+e^{jeta_1z}$

ہوں گے جہاں

 $\Gamma = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$

ے۔ چونکہ کامل ذو برق میں $\sigma=0$ ہو تاہے لہذا η_1 مثبت حقیقی عدد ہے جبکہ η_2 مخلوط عدد ہو سکتا ہے لہذا Γ بوں اسے $\Gamma=|\Gamma|\,e^{j\phi}$

بھی لکھا جا سکتاہے۔ یوں

 $E_{xs1}^- = |\Gamma| E_{x10}^+ e^{j(\beta_1 z + \phi)}$

لکھا جاسکتاہے جس سے ساکن موج کی مساوات

(10.87) $E_{xs1} = \left(e^{-j\beta_1 z} + |\Gamma| e^{j(\beta_1 z + \phi)}\right) E_{x10}^+$

حاصل ہوتی ہے۔

اب آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی مخلوط عدد $e^{i heta}$ کو

 $e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta$

یر حاصل ہو گی۔اس مساوات کو

(10.88)
$$-\beta_1 z_{\mu\nu} = \frac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$$

لکھاجاسکتاہے۔ایسی صورت میں

(10.89)
$$|E_{xs1}|_{x=1} = (1+|\Gamma|) E_{x10}^+$$

3318 _By

 $\eta_{2^{3320}}$ عاصل ہوتا ہے۔ یول سر حدیر ساکن موج کی چوٹی پائی جائے گی۔اگلی چوٹی سر حدسے $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہوگی $\eta_{2}\gg\eta_{1}$ اور $\eta_{1}\gg\eta_{2}$ مصورت میں سر حداور پہلی چوٹی کے در میان فاصلہ $\frac{\lambda}{2}$ سے کم ہوگا۔

-1اسی طرح $e^{j(2\beta_1 z + \phi)}$ کی کم سے کم قیمت لیعنی

 $2\beta_1 z + \phi = \pi, -\pi, 3\pi, -3\pi, \cdots$

پر حاصل ہو گی۔اس مساوات کو

(10.90)
$$-\beta_1 z = \frac{\phi}{2} + n\pi + \frac{\pi}{2} \quad (n = 0, \pm 1, \pm 2, \cdots)$$

لكھاجاسكتاہے اور اليي صورت ميں

(10.91)
$$|E_{xs1}|_{\mathcal{F}} = (1 - |\Gamma|) E_{x10}^+$$

3321 J

اور $\eta_1 \gg \eta_2 \ll \eta_3$ کی صورت میں سر حد پر ساکن موج کی کمتر قیت پائی جائے گی۔اگلی کمتر قیمت سر حد سے $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہو گی۔ $\eta_1 \ll \eta_3 \ll \eta_3$ اور $\eta_2 \ll \eta_3$ قیمت کی صورت میں سر حد اور پہلی کمتر نقطے کے در میان فاصلہ $\frac{\lambda}{2} = \lambda$ ہو گا۔

مساوات 10.88سے بندر تا اور مساوات 10.90سے _{کمتر} تا ور مساوات 10.90سے _{کمتر} تا ور مساوات 10.90سے کہ صرف ان قیمتوں کو درست تصور کیاجائے جو شکل 6.9 میں مساوات 10.88سے کے طرف پائے جاتے ہوں لین بندر تا اور _{کمتر} تا کی قیمت منفی ہونی چاہیے۔

موج کی کم ترقیت ہر آدھے طول موج پر پائی جاتی ہے۔موج کی بلند ترقیت دو کم ترقیتوں کے مقام کے عین وسط میں پائی جاتی ہیں۔کامل موصل کی صورہ ت میں پہلا کمتر میدان $\theta=\pi$ بعنی سرحد پر پایا جائے گا۔اگر $\eta_2<\eta_1$ ہواور دونوں قدرتی رکاوٹوں کی قیمتیں حقیقی اعداد ہوں تب $\eta=0$ ہوگا اور ایک میں پہلا کمتر میدان کی قیمتیں مرحد پون ہوں تب سرحد پر برقی دباو کی کمتر قیمتیں پائی جائے گا۔اس کے برعکس اگر $\eta_2>\eta_1$ ہواور دونوں رکاوٹ حقیقی ہوں تب سرحد پر برقی دباو کی کمتر قیمتیں پائی جائے گا۔اس کے برعکس اگر $\eta_2>\eta_2$ ہواور دونوں رکاوٹ حقیقی ہوں تب سرحد پر برقی دباوک کمتر قیمتیں پائی جائے گا۔اس کے برعکس اگر آئی ہوں تب سرحد پر برقی دباوک کمتر قیمتیں پائی جائے گا۔اس کے برعکس اگر آئی ہوں تب سرحد پر برقی دباوک کمتر قیمت باند تر ہوگی۔

ان معلومات کوزیر استعال لانے کی غرض سے $\frac{V}{m}$ 10 اور $\frac{V}{m}$ تعدد کے موج پر غور کرتے ہیں جو خطہ اول میں سرحد کی طرف عمود کی آمد ہے۔ پہلے خطے کے مستقل $\mu_{R1} = 1$ ور $\sigma_1 = 0$ اور $\sigma_1 = 1$ او

نوں

$$\omega = 2\pi 10^9 \frac{\text{rad}}{\text{s}}, \quad \beta_1 = 36.28 \frac{\text{rad}}{\text{m}}, \quad \beta_2 = 51.3 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

10.6. شرح ساكن موج

میدان کی بلند تر قیمت $rac{V}{m}$ 11.7 پہلے خطے میں سر حدسے 4.33 ، 12.99 ، 21.65 ، منٹٹی میٹر کے فاصلوں پر پائی جائیں گی۔

چو نکہ دوسرے خطے میں انعکاسی موج نہیں پائی جاتی للذااس میں ساکن موج بھی نہیں پائی جائے گی۔

ساکن موج کی زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم قیمتوں کی شرح کو شرح ساکن موج 69 کہااور s سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

(10.92)
$$s = \frac{|E_{xs1}|}{|E_{xs1}|} = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|}$$

چونکہ $|\Gamma| \leq |\Gamma|$ ر ہتاہے للذاشرح ساکن موج ہر صورت مثبت اور اکا کی کے برابریااس سے زیادہ قیمت کا ہو گالیعنی

$$(10.93) s \ge 1$$

مندرجه بالامثال میں $s=rac{1+0.17}{1-0.17}=1.409$ مندرجه بالامثال میں $s=\frac{1+0.17}{1-0.17}=1.409$

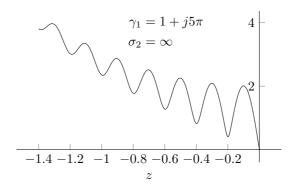
ا گر $\Gamma=|\Gamma|$ ہوتبانعکا سی اور آمدی امواج برابر ہوں گے للذا تمام کی تمام آمدی توانائی سرحدسے واپس لوٹتی ہے اور ایسی صورت میں Γ لا محدود ہوگا ہے پہلے خطے میں ہر $\frac{\lambda_1}{2}$ فاصلے پر ایسی سطحیں ہوں گی جہاں آمدی موج کے دگنے جیطے کا برقی میدان ہوگا۔

کا برقی میدان ہوگا۔

ا گر $\eta_2=\eta_3$ ہوتب $\Gamma=0$ ہو گا۔ایس صورت میں توانائی سر حدسے واپس نہیں لوٹتی، s=sہوتا ہے اور برقی میدان کی بلند تراور کم ترقیمتیں پرابر ہوتی ہیں۔

آد همی طاقت کے انعکاس کی صورت میں $|\Gamma|^2=0.5$ ایعنی $|\Gamma|=0.707$ اور $|\sigma|=0.8$ وگا۔

چونکہ برقی اور مقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارات باآسانی حاصل کئے جاسکتے ہیں اور 5 کی قیمت حاصل کرنے کے لئے راست تناسب اشارات ہی دو کار ب للذاشر حساکن موج کو تجرباتی طور حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یہی اس کی اہمیت کاراز ہے۔ یادرہے کہ 8حاصل کرنے کے لئے میدان کی اصل قیمت در کار نہیں ہوتی۔ جیوف اتناضر ورکی ہوتاہے کہ تمام اشارات اصل میدان کے تناسب سے ہوں۔



شکل 10.9: غیر کامل ذو برق میں ساکن موج کی بلند تر اور کم تر قیمتوں میں فرق سرحد سرے دور کم ہوتا ہر۔

شرح ساکن موج کی قیمت اس صورت مطلب رکھتی ہے جب اسے ناپنے کا مقام لیننی یہ بھی ساتھ بتلایا جائے۔ایسی صورت میں انعکاسی شرح اور تضعیفی مستقل پزیادہ کار آمد معلومات ہیں۔

ا گرچہ مندرجہ بالامثال زیادہ انہزادر ہے کا تھالیکن یہ بھی نہیں بھولناچاہئے کہ حقیقت میں کا مل ترسیلی تاریجی نہیں پائے جاتے۔ حقیقت میں شرح ساکن وہوج ہر صورت سرحدسے فاصلے پر مخصر ہوگی اور اس کا استعمال اسی وقت ممکن ہوگا جب ہماری دلچیس کے خطے میں اس کی قیمت زیادہ تبدیل نہ ہو۔

آئیں دوبارہ پہلا خطہ کامل ذوبرق لیتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح حاصل کریں۔لا محدود تجم میں آزاد موج کی صورت میں یہ شرح η_1 تھی۔اندکاسی موج کی موجود گی میں برقی اور مقناطیسی میدان صفر بھی ممکن ہیں للذاان کی شرح صفر سے لا محدود قیمت کی ہوسکتی ہے۔سرحد سے z=-1 فاصلے پر میدان

$$E_{xs1} = \left(e^{j\beta_1 l} + \Gamma e^{-j\beta_1 l}\right) E_{x10}^+$$

$$H_{ys1} = \left(e^{j\beta_1 l} - \Gamma e^{-j\beta_1 l}\right) \frac{E_{x10}^+}{\eta_1}$$

ہیں۔ان کی شرح کو داخلی قدرتی ر کاوٹ ⁷⁰ کہتے اور _{داخلی} 17سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$\eta_{y_{s,j}} = \frac{E_{xs1}}{H_{ys1}} \bigg|_{z=-l} = \eta_1 \frac{e^{j\beta_1 l} + \Gamma e^{-j\beta_1 l}}{e^{j\beta_1 l} - \Gamma e^{-j\beta_1 l}}$$

اس میں $rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}$ پر کرتے ہوئے اور ایولر مماثل $\Gamma=rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}$

$$\eta_{\vec{b}_{l},j} = \eta_{1} \frac{(\eta_{2} + \eta_{1})(\cos\beta_{1}l + j\sin\beta_{1}l) + (\eta_{2} - \eta_{1})(\cos\beta_{1}l - j\sin\beta_{1}l)}{(\eta_{2} + \eta_{1})(\cos\beta_{1}l + j\sin\beta_{1}l) - (\eta_{2} - \eta_{1})(\cos\beta_{1}l - j\sin\beta_{1}l)}$$

حاصل ہوتاہے جسے باآسانی یوں

(10.94)
$$\eta_{\mathcal{J}_{j}} = \eta_{1} \frac{\eta_{2} + j\eta_{1} \tan \beta_{1} l}{\eta_{1} + j\eta_{2} \tan \beta_{1} l}$$

کھاجا سکتا ہے۔

جب η_1 اور η_1 برابر ہوں تب داخلی قدر تی رکاوٹ _{داخلی} ہم پہلے خطے کی قدر تی رکاوٹ η_1 کے برابر ہوتی ہے۔ایی صورت میں انعکاس پیدا نہیں ہوتی اور تر سلی نظام ہم رکاوٹی $\eta_2=0$ بناتوانائی ایک ہی ست میں منتقل ہوتی ہے۔اگر دوسراخطہ کامل موصل ہوتب $\eta_2=0$

intrinsic input impedance⁷⁰ $e^{j\alpha} = \cos \alpha + j \sin \alpha^{71}$

matched⁷²

10.7 دو سرحدی انعکاس

ہو گا۔ایسی صورت میں

(10.95)
$$\eta_{\beta_1} = j\eta_1 \tan \beta_1 l \quad (\eta_2 = 0)$$

ہودہاں مقامات پر جہاں $E_{xs1}=0$ ہو، داخلی قدرتی رکاوٹ صفر کے برابر ہوگی جبکہ ان مقامات پر جہاں $H_{ys1}=0$ ہو وہاں داخلی قدرتی رکاوٹ لامحد ود ہوگی۔

مساوات 10.94 ترسلی نظام پر غور کرنے کے لئے انتہائی اہمیت کا حامل ہے۔

10.7 دو سرحدی انعکاس

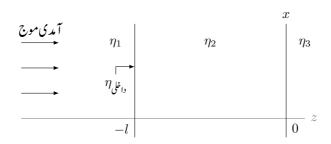
اب تک ہم دوایسے خطوں کے سر حد پر موج کی انعکاس پر غور کرتے رہے ہیں جن میں دونوں خطے نیم لا محدود جسامت کے تھے۔ نیم لا محدود خطے ⁷ سے مراداہیا خطہ ہے جس کی ایک سر حد محدود فاصلے پر اور دوسر می سر حدلا محدود فاصلے پر ہو۔ایسی صورت میں سر حد پار کرنے کے بعد ترسیلی موج دوسر نے خطے میں مسلس آپھے ہی ہی مسلس آپھے ہی ہی معدود جساہیت ہی ہر طحتے ہے اور ایسا کوئی امکان نہیں پایاجاتا کہ یہ لا محدود فاصلے پر موجود سر حدسے انعکاس پذیر ہو کر واپس کیلی سر حد تک آن پنچے۔اس جھے میں ہم محدود جساہیت کے خطے میں ترسیلی موج پر غور کرتے ہیں جہاں دوسرے خطے کی محدود جسامت کی بناپر ترسیلی موج کا کچھ حصہ واپس کیلی سر حدیر پہنچ سکتا ہے۔ موجود میں کہا سر حدیر پہنچ سکتا ہے۔

شکل 10.10 میں دوسر حدی مسئلہ دکھایا گیاہے جہاں پہلے نیم لامحدود خطے کی قدر تی رکاوٹ η_1 ، دوسر سے محدود موٹائی کے خطے کی قدر تی رکاوٹ χ_2 جہاں پہلے نیم لامحدود خطے کی موٹائی χ_3 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_4 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_5 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_5 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_5 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی ہے۔ محدود خطے کے در میان χ_5 ہوئی سرحد پر جمہود کی سرحد خطے میں موٹ دائیں جانب (یعنی بڑھتے χ_5 جانب) حرکت کرتے ہوئے پہلی سرحد پر جمہود کی آتی ہے۔ مسلسل چلی آتی ہے۔ محدید مسلسل چلی آتی ہے۔

پہلی سر حدیر آمدی موج کا کچھ حصہ انعکاس پذیر ہو کرواپس پہلے خطے میں بائیں جانب لوٹنا ہے جبکہ اس کابقایا حصہ دوسر سے خطے میں داخل ہو کر دائیں جانب حرکت کرتے ہوئے دوسر می سر حدیر پنچتا ہے۔اس موج کا کچھ حصہ دوسر می سر حدسے بھی گزر پاتا ہے جبکہ اس کا بقایا حصہ دوسر سے سر حدسے انعکاس پذیر پھو کر واپس پہلی سر حد جانب چل پڑتا ہے جہال انعکاس اور ترسیل کا عمل ایک مرتبہ دوبارہ دہر ایاجاتا ہے۔ یول دوسر سے سر حدسے واپس لوٹنی موج کا پچھ حصہ پہلی ہمر حد سے گزر کر پہلے خطے میں داخل ہو کر تازہ انعکاس موج کے ساتھ مل کر بائیں چلے جاتا ہے جبکہ اس کا بقایا حصہ پہلی سر حدسے انعکاس پذیر ہو کر اسی سر حدسے تازہ تھو پہلی موج کے ساتھ مل کر دوسر میں سر حد کے جانب چل پڑتا ہے۔ یہی عمل باربار دہر ایاجاتا ہے۔

یوں ہر لمحہ پہلے خطے سے تازہ تر سیلی موج دوسر سے خطے میں داخل ہو کر ،اس خطے میں پہلے سے موجود ، متعدد مرتبہ انعکاس پذیرا جزاء کے ساتھ مل کر دوہیمری سرحد کی جانب ایک نئ کارواں روانہ کرتی ہے۔اس طرح دوسر سے خطے میں بار بارانعکاس پذیراور پہلی سرحد سے دومر تبہ ترسیل کے بعد متعدد جھے مل کر پہلے خطے میں بار بارانعکاس پذیراور پہلی سرحد سے دومر تبہ ترسیل کے بعد متعدد جھے مل کر پہلے خطے میں مجموعی انعکاس موج کو جنم دیتے ہیں۔ہم اس طرح تمام امواج کو مد نظر رکھتے ہوئے مسئلے کو حل کر سکتے ہیں۔صفحہ 408 پر حصہ 11.6 میں ایسانی کرتے ہوئے عامدہ نصی محموعی النحاق میں ایسانی کرتے ہوئے مسئلے کو حال کر سکتے ہیں۔صفحہ کی گئے ہے۔

اگرآمدی موج بر قرار آتی رہے تب بینوں خطوں میں جلد بر قرار صورت حال پیدا ہو جاتی ہے جہاں پہلے خطے میں آمدی موج کی نسبت سے کوئی خاص پھندار کی موج بطور انعکاسی موج کی خصوص حیطہ اور دوری زاویہ پایاجاتا ہے۔اسی طرح دونوں سرحدسے گزرتے ہوئے، تیسرے خطے میں پہلی پہلی پر حد بھی آمدی موج کی نسبت سے کوئی خاص مقدار کی موج بطور ترسیلی موج پائی جاتی ہے جس کا مخصوص حیطہ اور دوری زاویہ پایاجاتا ہے۔دوسرے خطے میں پہلی پہلی پہلی پہلی پہلی پر حد سے دوسری سرحد کی جانب سے تازہ ترسیلی اور دوسرے خطے میں واپس انعکاسی امواج مل کر مخصوص حیطہ اور دوری زاویے کی موج کو جمنم دیتے ہیں جو پہلی سرحدسے دوسری سرحد کی جانب گامزن پائی جاتی ہے۔اسی طرح دوسرے خطے میں دوسری سرحدسے تمام انعکاس پذیر امواج کا مجموعہ بطور انفرادی موج ابھرتا ہے جس کا مخصوص حیطہ اور دوری



شکل 10.10: دو سرحدی مسئلے میں دوسرے اور تیسرے خطے کے قدرتی رکاوٹ اور دوسرے خطے کی موٹائی کے اثرات پہلی سرحد پر داخلی قدرتی رکاوٹ کی صورت میں نمودار ہوتے ہیں۔

زاویہ ہوتا ہے۔ یوں بر قرار صورت حال حاصل کرنے کے بعد کل پانچ عد دامواج پائے جاتے ہیں یعنی پہلے خطے میں آمدیاور انعکاسی موج، تیسرے خطے میں تحدیمی موج اور دوسرے خطے میں دائیں حرکت کرتی موج۔ آئیں ان پانچ عد دامواج کی مد دسے مسئلے کو حل کریں۔ موج اور بائیں حرکت کرتی موج۔ آئیں ان پانچ عد دامواج کی مد دسے مسئلے کو حل کریں۔

ہم تصور کرتے ہیں کہ تینوں خطے بے ضاع، غیر مقناطیسی ہیں اور برقی میدان x سمت میں ہے۔ یوں دوسرے خطے میں دائیں اور بائیں جانب حرکت کرتے ہوئے امواج مل کر برقی میدان

(10.96)
$$E_{xs2} = E_{x20}^{+} e^{-j\beta_2 z} + E_{x20}^{-} e^{j\beta_2 z}$$

پیداکرتے ہیں جہاں y سمت میں ہوگا۔ یوں مقناطیسی میدان E_{x20}^+ اور E_{x20}^+ اور E_{x20}^+ مخلوط مقدار ہیں۔ مقناطیسی میدان

(10.97)
$$H_{ys2} = H_{y20}^{+} e^{-j\beta_2 z} + H_{y20}^{-} e^{j\beta_2 z}$$

کھاجائے گا۔ دوسرے خطے میں بائیں اور دائیں حرکت کرتے برتی امواج دوسری سرحد کے انعکاسی مستقل 23 سے وابستہ ہیں جہاں

(10.98)
$$\Gamma_{23} = \frac{\eta_3 - \eta_2}{\eta_3 + \eta_2}$$

کے برابرہے۔یوں

$$(10.99) E_{x20}^{-} = \Gamma_{23} E_{x20}^{+}$$

لکھاجاسکتاہے۔مقناطیسی اجزاء کو یوں

$$H_{y20}^{+} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2}$$

(10.101)
$$H_{y20}^{-} = -\frac{E_{x20}^{-}}{\eta_2} = -\frac{\Gamma_{23}E_{20}^{+}}{\eta_2}$$

کھاچا سکتا ہے۔

برقی میدان تقسیم مقناطیسی میدان کور کاوٹ موج η_m^{-74} کہاجاتا ہے۔

(10.102)
$$\eta_m(z) = \frac{E_{xs2}}{H_{ys2}} = \frac{E_{x20}^+ e^{-j\beta_2 z} + E_{x20}^- e^{j\beta_2 z}}{H_{y20}^+ e^{-j\beta_2 z} + H_{y20}^- e^{j\beta_2 z}}$$

wave impedance74

.10.7 دو سرحدی انعکاس

مساوات 10.99اور مساوات 10.100استعال کرتے ہوئے اسے

(10.103)
$$\eta_m(z) = \eta_2 \left[\frac{e^{-j\beta_2 z} + \Gamma_{23} e^{j\beta_2 z}}{e^{-j\beta_2 z} - \Gamma_{23} e^{j\beta_2 z}} \right]$$

كلهاجاسكتاہے۔مساوات 10.98 اور يولر مماثل 75 كے استعمال سے اسے يوں كلهاجاسكتاہے۔

(10.104)
$$\eta_m(z) = \eta_2 \frac{\eta_3 \cos \beta_2 z - j \eta_2 \sin \beta_2 z}{\eta_2 \cos \beta_2 z - j \eta_3 \sin \beta_2 z}$$

مندرجہ بالامساوات دوسرے خطے میں موج کی رکاوٹ دیتی ہے۔اسے استعال کرتے ہوئے پہلی سر حدیر کل انعکاسی موج حاصل کرتے ہیں۔ چونکہ سر حد پر متوازی برقی میدان E اور متوازی مقناطیسی میدان H ہموار ہیں لہٰذا

(10.105)
$$E_{xs1}^{+} + E_{xs1}^{-} = E_{xs2} \qquad (z = -l)$$

(10.106)
$$H_{ys1}^{+} + H_{ys1}^{-} = H_{ys2} \qquad (z = -l)$$

لکھاجاسکتاہے۔ان مساوات کو

(10.107)
$$E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-} = E_{xs2} \qquad (z = -l)$$

(10.108)
$$\frac{E_{x10}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^-}{\eta_1} = \frac{E_{xs2}}{\eta_m(-l)} \qquad (z = -l)$$

کھھا 76 جاسکتا ہے جہاں پہلے خطے میں آمدی موخ کا حیطہ E_{x10}^+ اور مجموعی انعکا موخ کو حیطہ E_{x10}^- ہے۔ان دونوں مساوات میں دائیں ہاتھ E_{x20} کوجوں کا توں کھھا 76 جاسکتا ہے جہاں پہلے خطے میں آمدی موخ کے رکاوٹ کی قیمت استعمال کی گئی ہے۔ z=-l پر موخ کے رکاوٹ کو پہلی سر حدیر داخلی قدرتی رکاوٹ z=-l کھتے ہوئے مندر حہ بالا دومساوات کو حل کرتے ہوئے E_{xs2} سے چھٹکارا حاصل کرتے ہیں۔ پول

(10.109)
$$\frac{E_{x10}^{-}}{E_{x10}^{+}} = \Gamma = \frac{\eta_{,i}, -\eta_{1}}{\eta_{,i}, +\eta_{1}}$$

z=-1 پر کرنے سے z=-1 پر کرنے سے اصل ہوتا ہے۔ پہلی سر حدیر داخلی قدرتی رکاوٹ مساوات

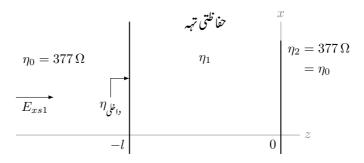
(10.110)
$$\eta_{2} = \eta_{2} \frac{\eta_{3} \cos \beta_{2} l + j \eta_{2} \sin \beta_{2} l}{\eta_{2} \cos \beta_{2} l + j \eta_{3} \sin \beta_{2} l}$$

یا

(10.111)
$$\eta_{2j} = \eta_{2} \frac{\eta_{3} + j\eta_{2} \tan \beta_{2} l}{\eta_{2} + j\eta_{3} \tan \beta_{2} l}$$

حاصل ہو تاہے۔ یہاں رک کرایک مرتبہ مساوات 10.111 کامساوات 94.01 کے ساتھ موازنہ کریں۔

مساوات 10.109 اور مساوات 10.110 عمو می مساوات ہیں جن سے بے ضیاع ، دومتوازی سر حدسے مجموعی انعکاسی موج کا حیطہ اور دوری زاویہ حاصل کیے جا سکتے ہیں۔ پہلے خطے میں آمدی طاقت کا ۲² حصہ مجموعی انعکاسی طاقت ہوگا۔ آمدی طاقت کا ۲ – 1 حصہ دوسرے خطے سے ہوتا ہوا تیسرے خطے میں تہدیس ہوگا۔ دوسرے خطے میں بائیں جانب سے جتنی طاقت داخل ہوتی ہے ، اس سے اتنی ہی طاقت دائیں جانب خارج ہوتی ہے۔



شکل 10.11: ریڈار اینٹینا پر ایسی شفاف حفاظتی تہہ چڑھائی جاتی ہر جو برقی و مقناطیسی امواج کو نہیں گھٹاتی۔

ا گرپہلے اور تیسرے خطے کے قدرتی رکاوٹ برابر ہوں، لینی $\eta_1=\eta_3$ ہوں، تب $\eta_2=m\pi$ جہاں $m=1,2,3,\cdots$ ہو کی صورت میں مساوات 10.110 سے $\eta_1=\eta_3$ حاصل ہوتا ہے۔ چونکہ $\eta_2=\frac{2\pi}{\lambda_2}$ کے برابر ہے جہاں $\eta_2=\eta_3$ دوسرے خطے میں طول موج ہے للذا

$$\frac{2\pi}{\lambda_2} = m\pi$$

$$(10.112) l = \frac{m\lambda_2}{2}$$

 $\eta_{0} = \eta_{1}$ در کار شرط ہے۔ مساوات 10.112 کے مطابق دوسر سے خطے کی موٹائی دوسر کی خطے میں طول موج کی آدھی یااس کے m گنادر کار ہے۔ ایس مطابق دوسر سے خطے کی موٹائی دوسر کے کو نصف طول موج π کی ترکیب کہاجاتا ہے۔ ماس ترکیب سے ہم رکاوٹ صورت حال حاصل کرنے کو نصف طول موج π کی ترکیب کہاجاتا ہے۔

نصف طول موج ترکیب سے تمام آمدی طاقت تیسر سے خطے میں منتقل کی جاسکتی ہے۔ آمدی موج کی تعدد یعنی اس کی طول موج تبدیل کرنے سے ہم رکاو ٹی شرط پوری نہیں ہو پاتی للنذاالیں صورت میں مساوات 10.110 سے حاصل _{داخل} ہم کی قیمت ہم سے آمد مختلف ہوگی جس سے آصفر نہیں رہ پاتا۔ طول شیوح جتنی زیادہ تبدیل کی جائے آگی قیمت اتنی زیادہ حاصل ہوتی ہے۔ ایسی صورت میں دوسر حدی جوڑ بطور پٹی گزار فلٹر 70 کر دار اداکر تاہے۔

آئیں دوسر حدی مسکے کے حقیقی مثال پر غور کریں۔

ریڈار اینٹینا کو موسمی اثرات ہے بچانے کی خاطر استعمال کئے جانے والی ایسی تہہ کی بات کرتے ہیں جوریڈار کے شعاعوں کے لئے بالکل شفاف ثابت ہوتی ہے۔ یہ تہہ عموماً ینٹینا پر گنبد کی شکل میں ہوتی ہے۔ شکل 10.11 میں ریڈار اینٹینا z=-1 بائیں جانب خلاء میں ہے جبکہ z=-1 بائیں جانب خلاء میں ہوتی ہے۔ شکل 10.11 میں ریڈار اینٹینا اللہ تھیجتا ہے۔ خلاء کی قدرتی رکاوٹ z=0 777 ہوتی ہے۔ ذو برتی کی بنی خفاظتی تہہ کی موٹائی تہہ کی موٹائی نریدہ نہیں رکھی جاتی تاکہ اس میں طاقت کا ضیاع کم ہو۔ خفاظتی تہہ سے انعکاس قابل قبول نہیں چو نکہ اس طرح ریڈار کے امواج واپس اینٹینا کی طرف لوٹیس نے۔ ہم چاہتے ہیں کہ اینٹینا، دائیں جانب کے پورے نظام کے لئے ہم رکاوٹی ہو۔ ایساج z=1 کی صورت میں ہوگا یعنی

$$377 = \eta_1 \frac{377 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j377 \tan \beta_1 l}$$

matched" half-wave matching⁷⁸ band pass filter⁷⁹

$$j377^2 \tan \beta_1 l = j\eta_1^2 \tan \beta_1 l$$

n=0اب تمام غیر مقناطیسی اشیاء کی $\eta_1<377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں اصرف اس صورت اتراجا سکتا ہے جب $\eta_1<377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں اس مورت میں مقناطیسی اشیاء کی شعاعیس پیدا کرتا ہوت ہم حفاظتی تہہ کو کم ضیاع اور ملکے وزن کے ایسے $\frac{\pi}{\beta_1}$ سے بنا سکتے ہیں جس کا $\epsilon_R=2.25$ ہے۔ ہمیں تہہ کی موٹائی

$$l = \frac{\lambda_1}{2} = \frac{v_1}{2f_1} = \frac{3 \times 10^8}{2\sqrt{2.25} \times 10^{10}} = 1 \text{ cm}$$

ر کھنی ہو گی۔

ا گرے 10 GHz پیچلنے والے ریڈار پر چڑھائی حفا فلتی تہہ کی موٹائی موٹائی موٹائی تہہ کی موٹائی حفا فلتی تہہ کی موٹائی موٹائی موٹائی حفا فلتی تہہ کی موٹائی موٹائی جوئے $\eta_1 = 251.33 + 314.2 \times 377 + j251.33 an(314.2 \times 0.005)$

$$\eta$$
ن , $=251.33 imes rac{377+j251.33 an(314.2 imes 0.005)}{251.33+j377 an(314.2 imes 0.005)} pprox 167.6 $\Omega$$

ہو گی۔ یوں شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{167.6 - 377}{167.6 + 377} = -0.3845$$

ہو گااور انعکاس طاقت کی فی صد شرح

$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} \times 100 = |\Gamma|^{2} \times 100 = 14.78\%$$

۶۵۵ ـ پروگي ـ

جوابات: 5 ،1اور 61.8° 68.9/

10.7.1 فيبري-پيروٿ طيف پيما

بھریات کے میدان میں عموماً انحرافی مستقل n^{80} استعمال کیا جاتا ہے جہال

$$(10.113) n = \sqrt{\epsilon_R}$$

ے برابر ہے۔ چونکہ فیبر ک۔ پیروٹ طیف پیما ۱۶ بھریات میں استعال کیا جاتا ہے للذاہم انحر افی مستقل استعال کرتے ہوئے اس کی کار کر دگی پر غور کرتے ہیں۔ خالی خلاء میں $eta=\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0\epsilon_R}$ جبکہ شیشے 82 میں $eta=\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0\epsilon_R}$ جبکہ شیشے 82 میں۔ یوں

$$\frac{\lambda_0}{\lambda} = \frac{\beta}{\beta_0} = \sqrt{\epsilon_R} = n$$

لکھا جا سکتا ہے۔

سادہ ترین صورت میں فیبری- پیروٹ طیف پیا ۴ انحرافی مستقل کے سادہ شیشے (پاکسی دوسرے شفاف مادے) کا تختہ ہوتاہے جس کی موٹائی 1 کو یوں رکھا جاتاہے کہ در کار طول موج پر بیہ مساوات 10.112

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{n} = \frac{2l}{m} \qquad (m = 1, 2, 3 \cdots)$$

پرپورااترے جہاں خالی خلاء میں طول موج λ_0 جبکہ شیشے کے تختے میں طول موج λ ہے۔ مندرجہ بالا مساوات سے حاصل تمام طول موج، شیشے کے تختے سے بغیر کھٹے گزرتی ہیں۔ عموماً ہم چاہتے ہیں کہ شیشے کے تختے سے صرف اور صرف ایک مخصوص طول موج گزر پائے ناکہ ایسے تمام امواج جو مندرجہ بالا مساوات پر پر الترتے ہوں۔ ایسایوں ممکن بنایاجا سکتا ہے کہ در کار طول موج اور مساوات 10.115 سے حاصل قریبی طول موج میں طویل فاصلہ ہو۔ مندر جہ بالا مساوات میں m کی مختلف قیمتیں مختلف طول موج دیتی ہیں۔ ایسے دوعد د قریبی طول موج جنہیں اس مساوات میں m اور m-1 پر کرنے سے حاصل کیا گیا ہو میں فرق m

(10.116)
$$\lambda_{m-1} - \lambda_m = \Delta \lambda = \frac{2l}{m-1} - \frac{2l}{m} = \frac{2l}{m(m-1)} \approx \frac{2l}{m^2}$$

ہو گا۔ یادر ہے کہ m شیشے میں نصف طول موج کی گنتی

$$(10.117) m = \frac{2l}{\lambda} = \frac{2ln}{\lambda_0}$$

ہے۔یوں

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda^2}{2I}$$

کھاجا سکتا ہے جسے خالی خلاء میں طول موج λ_0 کی صورت میں

$$\Delta\lambda_0 = \frac{\lambda_0^2}{2ln}$$

کھاجا سکتا ہے۔درکار طول موج کہ سے قریب تر طول موج، جو شیشے سے گزر پائے گا، کا فاصلہ کہ کے جو طیفی حد 8 کہلاتی ہے۔اگر کسی طرح اس فایسلے پر پائے جانے والے طول موج کو علیحدہ کرنا ممکن ہوتب ہم کہ کو علیحدہ کرنے میں کامیاب ہوں گے۔طیف پیاکو بطور پٹی گزار فلٹر بھی استعال کیاجا سکتا ہے چہال درکار طول موج کے قریبی طول موج شیشے سے گزر پاتے ہیں جبکہ اس سے دور طول موج نہیں گزر پاتے۔

refractive index⁸⁰

ree spectral range⁸³

Fabry-Perot interferometer⁸¹

این ا $\mu_R=1$ ہے۔ ا $\mu_R=1$ ہے۔ ا $\mu_R=1$ ہے۔ اور اس کی

.10.7 دو سرحدی انعکاس

مثال 10.7: سرخ رنگ کی خالی خلاء میں طول موج علیحدہ کہدنے مثال 10.7: سرخ رنگ کی خالی خلاء میں طول موج علیحدہ کہدنے ہیں۔ نیبر ی۔ پیروٹ طیف پیامیں استعال کر دہ شیشے کا انحرا فی مستقل 1.45 n=1.45 ہیں۔ نیبر ی۔ پیروٹ طیف پیامیں استعال کر دہ شیشے کا انحرا فی مستقل 1.45 مستقل 1.45 ہیں۔ نیبر یہ موٹائی حاصل کریں۔

مل: ہم چاہیں گے کہ طیف پیاکی $\Delta \lambda_0$ در کار قیت سے قدر زیادہ ہو لعنی

$$l < \frac{\lambda_0^2}{2n\Delta\lambda_0} = \frac{600\times 10^{-9}\times 600\times 10^{-9}}{2\times 1.45\times 100\times 10^{-9}} = 1.241\,\mu\text{m}$$

ا تنی باریک موٹائی کاشیشہ بنانایا سے استعال کرنانا ممکن می بات ہے۔اس کا بہتر حل میہ ہوگا کہ دوشیشوں کے در میان تقریباً بہی فاصلہ رکھا جائے۔ان دو عدد شیشوں کے بیر ونی جانب سطحوں پر انعکاس مخالف تہہ 84 چڑا بھائی شیشوں کے بیر ونی جانب سطحوں پر انعکاس مخالف تہہ 84 چڑا بھائی جاتی ہے۔
جاتی ہے۔

کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1
eq \eta_3$ 10.7.2

اس جھے میں ہم مساوات 10.110 میں $\eta_1 \neq \eta_3$ کی صورت میں $\eta_1 = \eta_1$ کی صورت میں ہم مساوات 10.110 میں $\eta_1 \neq \eta_3$ کی صورت میں $\eta_1 \neq \eta_3$ کی صورت میں ہوتا ہے۔ $\beta_2 l = (2m-1)\frac{\pi}{2} \qquad (m=1,2,3,\cdots)$

يعني

$$\frac{2\pi}{\lambda_2}l = (2m-1)\frac{\pi}{2} \qquad (m=1,2,3,\cdots)$$

کی صورت میں

$$(10.120) l = (2m-1)\frac{\lambda_2}{4}$$

کھھاجا سکتا ہے جس کے مطابق دو سرے خطے کی موٹائی، طول موج کے چوتھائی جھے کے طاق گناہے۔الیی صورت میں مساوات 10.110سے

(10.121)
$$\eta_{\dot{\mathcal{G}}_{|,}} = \frac{\eta_2^2}{\eta_3}$$

حاصل ہوتا ہے۔ ہم دوسرے خطے کی موٹائی کے ذریعہ پہلے خطے کو تیسرے خطے کے ہم رکاوٹ بنا سکتے ہیں۔ایسی صورت میں $\eta_1=\eta_1$ ہو گالہذا مندر جبہ بالا مساوات سے

$$\eta_2 = \sqrt{\eta_1 \eta_3}$$

کھھاجاسکتاہے۔مساوات10.120اور مساوات10.122 چوتھائی طو<mark>ل موج</mark> ⁸⁵سے ہم ر کاوٹ بنانا ممکن بناتاہے۔ا**نعکاس مخالف تہہ** ⁸⁶کادار ومداراسی اصول پر ہیے۔

antireflective coating⁸⁴ quarter-wave matching⁸⁵

antireflective coating⁸⁶

مثال 10.8: ہم میں 660 سول موج کی شعاع کے لئے 1.45 سے $n_3=1.45$ انجر افی مستقل کے شیشے کو خالی خلاء $n_1=1$ ہم رکاوٹ بذریعہ انھکا س مثال 10.8: ہم موٹائی اور انجر افی مستقل n_2 دریافت کریں۔

حل: خالی خلاءاور شیشے کے قدرتی رکاوٹ

$$\eta_1 = 377 \,\Omega$$

$$\eta_3 = \frac{377}{1.45} = 260 \,\Omega$$

ہیں۔ یوں مساوات 10.122 سے انعکاس مخالف تہد کی قدرتی رکاوٹ

 $\eta_2 = \sqrt{377 \times 260} = 313\,\Omega$

حاصل ہوتی ہے۔ یوں تہہ کاانحرافی مستقل

$$n = \frac{377}{313} = 1.2$$

ہو گا۔ دوسرے خطے لینی ذوبرق تہہ میں طول موج

$$\lambda_2 = \frac{660}{1.2} = 550 \,\text{nm}$$

ہو گاجس سے تہہ کی کم سے کم موٹائی

$$l = \frac{\lambda_2}{4} = \frac{0.1375}{\mu \text{m}}$$

3425

حاصل ہوتی ہے۔

10.7.3 متعدد سرحدى مسئلہ

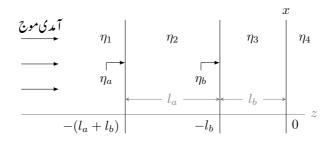
ہم تو مختلف خطوں کے در میان سر حدیر انعکاس کو تفصیلاً دیکھ چکے ہیں۔اسی طرح ہم نے دوسر حدی صورت حال پر بھی غور کیا۔ آئیں اس جھے میں متعدد سر حدی صورت میں شرح انعکاس حاصل کریں۔ شکل 10.12 میں تین سر حدی مسئلہ دکھایا گیاہے جس پر غور کرتے ہوئے متعدد سر حدی مسئلے کا حل تلاش کیا جائے گا۔ سور

ہمیں آمدی طاقت کاوہ حصہ دریافت کرناہے جو تین سرحدی تہدہے گزر نہیں پاتابلکہ یہ انعکاس پذیر ہو کر آمدی موج کے الٹ سمت میں واپس چلے جاتا ہے۔ اس طرح ہمیں آمدی طاقت کاوہ حصہ دریافت کرناہے جو تینوں سرحدوں کو عبور کرتے ہوئے چوشے خطے میں ترسیل کر پاتا ہے۔ ایساکرنے کی خاطر ہمیں پہلی ہمرحد پرداخلی قدرتی رکاوٹ میں درکار ہوگی۔ مسلے کو حل کرنے کی خاطر ہمیں اختقامی سرحدے ابتدائی سرحد کی جانب چلتے ہوئے ہر سرحد پر داخلی قدرتی رکاوٹ حامة سے کرنے ہوئے ہم سرحد پہلی سرحد پر پنچیں گے۔ دور کرنے ہوں گے۔ کوں ہم پہلی سرحد پر پنچیں گے۔دو

مساوات 10.110استعال کرتے ہوئے

$$\eta_b = \eta_3 \frac{\eta_4 \cos \beta_3 l_b + j \eta_3 \sin \beta_3 l_b}{\eta_3 \cos \beta_3 l_b + j \eta_4 \sin \beta_3 l_b}$$

3439



شكل 10.12: متعدد سرحدى صورت ميں شرح انعكاس.

کھھاجا سکتا ہے۔اس طرح ہم <mark>تبادلہ رکاوٹ</mark> 87 کی مدد سے تین سر حدی مسئلے کو دوسر حدی مسئلہ بنا پائے ہیں جہاں دوسر کی سر حدکے دائیں جانب جو کچھ بھی ہے اسے ملام کیا جاتا ہے۔اب پہلے سر حدیر مساوات 10.110 کے استعمال سے η_b

(10.124)
$$\eta_a = \eta_2 \frac{\eta_b \cos \beta_2 l_a + j \eta_2 \sin \beta_2 l_a}{\eta_2 \cos \beta_2 l_a + j \eta_b \sin \beta_2 l_a}$$

کھا جا سکتا ہے۔

آمدی طاقت کا Γ^2 حصہ انعکاسی طاقت ہو گاجہاں

$$\Gamma = \frac{\eta_a - \eta_1}{\eta_a + \eta_1}$$

کے برابر ہے۔آمدی طاقت کابقایا حصہ یعنی $\Gamma^2 = 1$ حصہ چوتھے خطے میں ترسیل ہو گا۔ تبادلہ رکاوٹ کی ترکیب متعدد سرحدی مسئلے پر لا گو کیا جاسکتا ہے۔ و

کیمرے 88 کے عدسہ 98 پر متعدد تہہ چڑھا کراس کی کار کردگی بہتر کی جاتی ہے۔ یوں عدسہ پر پہلی تہہ کا انحرا فی مستقل عدسے کے شیشے کے انحرا فی مستقل کے برابر ہوگا۔ ایس طرح آخری تہہ کا انحرا فی مستقل عین خالی خلاء کے انحرا فی مستقل کے برابر ہوگا۔ یوںا یک تہہ سے دو ہمویے تہہ میں موج بغیرانعکاس کے داخل ہوگی۔ موج کو سرحد نظر ہی نہیں آتا۔

10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب

اس حصے میں تقطیب موج 90پر غور کیا جائے گا۔ خطی تقطیب اور بیضوی تقطیب کے بعد دائری تقطیب پر تبھر ہ کیا جائے گا۔

اب تک اٹل سمت کے امواج پر غور کیا گیا۔ یوں $a_{
m Z}$ جانب حرکت کرتا $a_{
m X}$ سمت کا میدان

$$(10.126) E_x = E_{x0}\cos(\omega t - \beta z)$$

 $a_{
m y}$ کھوا گیا۔ یہ مساوات خطی تقطیب کی مثال ہے جہاں میدان تمام او قات صرف x سمت میں پایاجاتا ہے۔ عموماً جانب حرکت کرتے موج میں میں مدیران تمام او قات صرف x سمت میں پایاجائے گا۔ ایسی صورت میں موج کے اجزاء

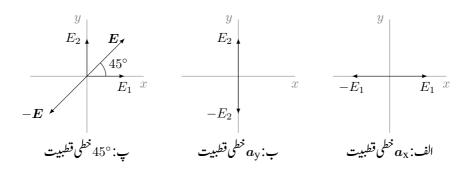
(10.127)
$$E_x = E_1 \cos(\omega t - \beta z)$$
$$E_y = E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta)$$

impedance transformation 87

 $camera^{88}$

lens

wave polarization90



شكل 10.13: خطى، دائرى اور بيضوى قطبيت.

ہوں جہاں دونوں اجزاء کے حیطے مختلف ممکن ہیں جبکہ ان میں زاویائی فاصلہ δ بھی پایا جاسکتا ہیں جہاں دونوں اجزاء کے حیطے مختلف ممکن ہیں جبکہ ان میں زاویائی فاصلہ δ بیا جہاں دونوں اجزاء کی $E=E_1\cos(\omega t-\beta z)a_{\rm X}+E_2\cos(\omega t-\beta z-\delta)a_{\rm Y}$

ا کی موج کو ظاہر کرے گا۔ یہ مساوات غور طلب ہے۔ آئیں خلاء میں کسی بھی اٹل نقطے پر وقت تبدیل ہونے سے ایسی میدان پر غور کریں۔ ہم خلاء میں 0 🚃 تا کواٹل نقطہ لیتے ہوئے میدان حاصل کرتے ہیں۔

= 0.0.1 الف میں میں ان کو تمام = 0.0.1 تبدیل ہوتی ہے۔ اس میدان کو تمام = 0.0.1 کے لئے شکل = 0.0.1 الف میں = 0.0.1 و کھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ میدان کی نوک = 0.0.1 تا ہے خطی لکیر پر رہتی ہے۔ اس حقیقت سے ایسے مون کی قطبیت کو خطی قطبیت = 0.0.1 و کھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ میدان کی نوک = 0.0.1 تا کہ خطی لکیر پر رہتی ہے۔ اس حقیقت سے ایسے مون کی قطبیت کی مون ہوگی جست میں خطی قطبیت کی مون ہوگی جست میں خطی قطبیت کی مون ہوگی ہے شکل = 0.0.1 در کے ساتھ = 0.0.1 کا ذاو میں بناتی دکھایا گیا ہے۔ اگر کے ساتھ مون کو دکھایا گیا ہے۔ سکل 10.13 ہوں سے میں اس مون کو دکھایا گیا ہے۔ سکل 10.13 ہوں سے میں اس مون کو دکھایا گیا ہے۔

z=0ائنیں اب ذرہ دلچیسیے صورت حال دیکھیں۔ نقطہ z=zپر مساوات 10.127

(10.129)
$$E_x = E_1 \cos \omega t$$
$$E_y = E_2 \cos(\omega t - \delta)$$

صورت اختیار کر لیتے ہیں جس میں E_y کو

 $E_y = E_2 \left(\cos \omega t \cos \delta + \sin \omega t \sin \delta\right)$

 $\sin \omega t = \sqrt{1-\left(rac{E_x}{E_1}
ight)^2}$ کاهنا ممکن ہے۔اس مساوات میں ، E_x مساوات استعمال کرتے ہوئے، $\omega t = rac{E_x}{E_1}$

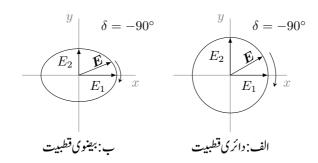
$$E_y = E_2 \left[\frac{E_x}{E_1} \cos \delta + \sqrt{1 - \left(\frac{E_x}{E_1}\right)^2} \sin \delta \right]$$

ملتاہے جسے

(10.130)
$$\frac{E_x^2}{E_1^2} - 2\frac{E_x}{E_1}\frac{E_y}{E_2}\cos\delta + \frac{E_y^2}{E_2^2} = \sin^2\delta$$

یا

$$aE_x^2 - bE_xE_y + cE_y^2 = 1$$



شكل 10.14: دائرى اور بيضوى قطبيت.

لکھاجا سکتاہے جہاں

(10.132)
$$a = \frac{1}{E_1^2 \sin^2 \delta} \qquad b = \frac{2 \cos \delta}{E_1 E_2 \sin^2 \delta} \qquad c = \frac{1}{E_2^2 \sin^2 \delta}$$

3448

لئے گئے ہیں۔ مساوات 10.131 بیفنوی قطبیت 20 کی عمومی مساوات ہے۔

مساوات 10.130 میں $E_1=E_2=E_0$ اور $\delta=\mp 90^\circ$ صورت میں $E_1=E_2=E_0$ مساوات 10.133) $E_x^2+E_y^2=E_0^2$

حاصل ہوتا ہے جو دائرے کی مساوات ہے اور جسے شکل 10.14-الف میں دکھایا گیا ہے۔ شکل میں E_1 اور E_2 بھی ظاہر کئے گئے ہیں جن کی لمبائی برابر ہے۔مساوات $\delta=+90$ صورت میں $\delta=+90$ میر

$$E_x = E_0 \cos 0 = E_0$$

 $E_y = E_0 \cos(0 - 90^\circ) = 0$ $(\delta = +90^\circ)$

 $\omega t=30^\circ$ عاصل ہوتے ہیں جبکہ کچھ ہی کہتے بعد

$$E_x = E_0 \cos 30^\circ = 0.866 E_0$$

 $E_y = E_0 \cos (30^\circ - 90^\circ) = 0.5 E_0$ $(\delta = +90^\circ)$

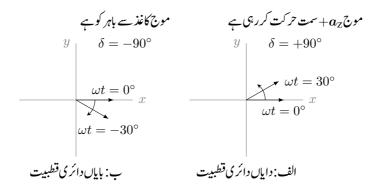
حاصل ہوتا ہے۔ شکل 10.15-الف میں دونوں او قات پر موج دکھائی گئ ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بڑھتے وقت کے ساتھ میدان کی نوک دائرے پر گھڑی کے البٹ سست میں حرکت کی سمت میں رکھا ہوئے سست میں حرکت کی سمت میں رکھا ہوئے تو سست میں حرکت کی سمت میں رکھا ہوئے تو اس میں محل میں موج کے حرکت کی سمت میں رکھا ہوئے تو اس ہاتھ کی بقایا چار انگلیاں دائرے پر میدان کی نوک کی حرکت کا سمت دیتی ہیں۔ یوں *90 + = کی صورت میں مساوات 10.133 دائیں دائری قطبیت ہیں گئی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ موج کو ظاہر کرتا ہے۔

اسی طرح $\delta = -90^\circ$ کی صورت میں بائیں دائری قطبیت $\delta = -90^\circ$ حاصل ہوتی ہے جسے شکل 10.15-ب میں دکھایا گیا ہے۔

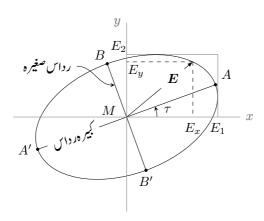
دائیں ہاتھ قطبی موج سے مرادوہ موج ہے جو آپ کی طرف حرکت کرتے ہوئے آپ کو گھڑی کے الٹ گھومتی نظر آئے۔ کسی موج کی قطبیت سے مرادوہ قطبیت ہے جود کیھنے والے کی طرف حرکت کرتی موج کی قطبیت ہو گی۔

جہاں بھی غلطی کی گنجائش ہو وہاں بہتر ہو تاہے کہ قطبیت کاذ کر کرتے وقت حرکت کی سمت کا بھی ذکر کیا جائے۔

مساوات 10.130 میں $\delta=\mp90^\circ$ اور $E_1
eq E_2$ کی صورت میں بینوی موج حاصل ہوتی ہے جے شکل 10.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔



شكل 10.15: دائيل باته اور بائيل باته كي دائري قطبيت.



شكل 10.16: عمومي بيضوي قطبيت.

شکل 10.16 میں مساوات 10.130 کی عمومی شکل دکھائی گئی ہے جس میں °90 $\neq 0$ اور $E_1 \neq E_2$ بیں۔اس شکل میں ترخیم 90 فقی محدد کے ساتھ au زاویہ بناتا ہے۔ یوں 95 کی صورت میں یہ 95 قطبی موج کہلائے گی۔ شکل 10.16 میں رداس کبیرہ 96 اور رداس صغیرہ 96 کی شرح کو شرح رداس 96 رداس 96

مثال 10.9 برقی موتی z=0 افتر حردوان اور z=0 کاشر حردوان اور z=0 کاشر حردوان اور z=0 کاشر حرد ان اور z=0 کاشر حرد ان اور z=0 کاشر حرد ان اور وائی اور اور ان اور وائی اور اور ایران اور ایران کریں۔

حل: پہلے موج کازیادہ سے زیادہ حیطہ اور کم سے کم حیطہ دریافت کرتے ہیں۔ کسی بھی تفاعل f(x) کی زیادہ سے زیادہ یا کم سے کم قیمت دریافت کرنے کی ہفاطر پہلے وہ نقطہ $\frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x}=0$ سے حاصل ہوتا ہے۔ x_0 جہاں درکار قیمت پائی جائے گی۔ یہ نقطہ $\frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x}=0$ سے حاصل ہوتا ہے۔

دی گئی برقی موج کی عمومی صورت

$$(10.135) E = E_x \cos \theta + E_y \cos(\theta + \delta)$$

ہے جس سے

$$|\mathbf{E}|^2 = E_x^2 \cos^2 \theta + E_y^2 \cos^2 (\theta + \delta)$$

 $|E|^2$ نیادہ سے کم پایاجائے گا۔ اس تفاعل کا تفرق صفر کے برابر پر کرتے ہیں۔ $|E|^2$ نیادہ سے کم پایاجائے گا۔ اس تفاعل کا تفرق صفر کے برابر پر کرتے ہیں۔ $-2E_x^2\cos\theta\sin\theta - 2E_y^2\cos(\theta+\delta)\sin(\theta+\delta) = 0$

اس میں $lpha = 2 \sin lpha \cos lpha$ استعمال کرتے ہوئے یوں کھاجا سکتا ہے۔

$$E_x^2 \sin 2\theta + E_y^2 \sin[2(\theta + \delta)] = 0$$

اب $\sin(2\theta+2\delta)=\sin 2\theta\cos 2\delta+\cos 2\theta\sin 2\delta$ پر کرتے ہیں۔

 $E_x^2 \sin 2\theta + E_y^2 [\sin 2\theta \cos 2\delta + \cos 2\theta \sin 2\delta] = 0$

اس سے یوں لکھا جاسکتا ہے

$$\tan 2\theta = \frac{\sin 2\theta}{\cos 2\theta} = \frac{-E_y^2 \sin 2\delta}{E_x^2 + E_y^2 \cos 2\delta}$$

جسسة

(10.136)
$$\theta_{01} = \frac{1}{2} \tan^{-1} \left(\frac{-E_y^2 \sin 2\delta}{E_x^2 + E_y^2 \cos 2\delta} \right)$$

elliptic polarization⁹² right circular polarization⁹³

left circular polarization⁹⁴

allinea95

axial ratio⁹⁶

tilt angle⁹⁷

حاصل ہوتاہے۔ محور کبیر ہاور محور صغیرہ میں °90 کافرق پایاجاتاہے لہذاد وسرا محور

 $\theta_{02} = 90^{\circ} + \theta_{01}$

پر ہو گا۔ان میں ایک نقطے پر نفاعل کی کم سے کم قیمت حاصل ہو گی جبکہ دوسرے نقطے پر نفاعل کی زیادہ سے زیادہ قیمت حاصل ہو گی۔

 ωt سوال میں دی گئی موج میں $heta=45^\circ=0$ پر کرنے سے اسے $E=3\cos heta-4\cos(heta+75^\circ)$

لكهاجا سكتا ہے۔ يول مساوات 10.136 اور مساوات 10.137 سے

$$\theta_{01} = \omega t - \beta z - 45^{\circ} = \frac{1}{2} \tan^{-1} \left(\frac{-(-4)^2 \sin(2 \times 75^{\circ})}{3^2 + (-4^2 \cos(2 \times 75^{\circ}))} \right) = 29.37^{\circ}$$

$$\theta_{02} = 90^{\circ} + 29.37 = 119.37^{\circ}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ پہلے نقطے پر محور

 $E = 3\cos 29.37^{\circ} a_{X} - 4\cos(29.37^{\circ} + 75^{\circ}) a_{Y}$ $= 2.6144 a_{X} + 0.9927 a_{Y}$ $= 2.797/20.792^{\circ}$

جبکہ دوسرے نقطے پر محور

 $E = -1.471a_{X} + 3.875a_{Y}$ $= 4.145/110.79^{\circ}$

پایاجائے گا۔ دوسرے محور کی لمبائی زیادہ ہے للذابیہ محور کبیرہ ہے۔شر ح رداس

 $\frac{4.145}{2.797} = 1.42$

ہے جبکہ محور کبیرہ کازاویہ جھکاو °110.79 یا °69.11 ویتاہے۔ شکل 10.17 میں نتائج د کھائے گئے ہیں۔

رداس، تقطیب اور زاویہ جھا و مال کریں۔ $E_y=15\cos(\omega t+90^\circ)$ اور $E_x=5\cos\omega t$ بیں۔ موج کی تثیر تقطیب اور زاویہ جھا و مال کریں۔

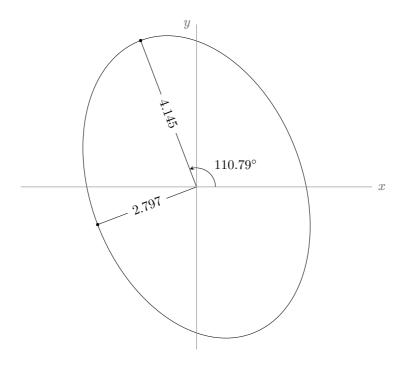
حل:

 $\frac{15}{5} = \frac{15}{5} = 3$

کبیر ہاور صغیر ہرداس برابر نہ ہونے کی وجہ سے بینوی موج پائی جائے گی۔ گھومنے کی سمت دریافت کرنے کی خاطر ہم کسی بھی دوقر یبی لمحات پر موج کودیکھتے ہیں۔ یوں لمحہ wt = 0 یر

$$E_x = 5\cos 0^\circ = 5$$

 $E_y = 15\cos 90^\circ = 0$



شكل 10.17: مثال 10.9 كي بيضوي قطبي موج.

 $\omega t = 30^\circ$ پر $\omega t = 30^\circ$ پر

$$E_x = 5\cos 30^\circ = 4.33$$

 $E_y = 15\cos(30^\circ + 90^\circ) = -7.5$

ہوں گے۔ان نتائج سے صاف ظاہر ہے کہ موج گھڑی کی سمت گھوم رہی ہے للذایہ بائیں بیفنوی قطبی موج کہلائے گی۔

چونکه کبیره دواس y محدوجبکه صغیره رواس x محدویر بین المذازاویه جهکاو °90 ہے۔

3471

3472

مثال 10.11: موج کی دوری سمتی مساوات کی قطبیت در پیافت $E_{
m s}=E_0(a_{
m X}-ja_{
m Y})e^{-jeta z}$ مثال 10.11: موج کی دوری سمتی مساوات کی مساوات کی مشاوات کی دوری سمتی مساوات کی مشاوات کریں۔

حل: موج کو حقیقی شکل میں لکھنے کی خاطر دوری سمتی مساوات کو ejwt سے ضرب دیتے ہوئے بولر مماثل کا استعال کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} \boldsymbol{E} &= E_0(\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - j\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}})e^{j(\omega t - \beta z)} \\ &= E_0(\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - j\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}})[\cos(\omega t - \beta z) + j\sin(\omega t - \beta z)] \\ &= E_0[\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\cos(\omega t - \beta z) + \boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}\sin(\omega t - \beta z)] + jE_0[\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\sin(\omega t - \beta z) - \boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}\cos(\omega t - \beta z)] \end{aligned}$$

اس كاحقيقى جزو

$$\mathbf{E} = E_0[\mathbf{a}_{\mathbf{X}}\cos(\omega t - \beta z) + \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}\sin(\omega t - \beta z)]$$

لعنى

(10.138)
$$E = E_0[\mathbf{a}_{\mathbf{X}}\cos(\omega t - \beta z) + \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}\cos(\omega t - \beta z - 90^\circ)]$$
 دایاں دائر کی قطبی \mathbf{E}

ہے جو حقیقی موج کی مساوات ہے۔

کسی بھی نقطے مثلاً z=0 پر دوقر ببی لمحات پر موج کود کھتے ہوئے،اس کے گھومنے کی ست دیکھی جاسکتی ہے۔ لمحہ wt=0 پر موج کہ ست میں ہے جبکہ لمحہ wt=0 پر موج کہ ست میں ہے۔ یوں موج الٹ گھڑی گھوم رہی ہے۔ چونکہ رداس کبیر ہاور رداس صغیرہ برابر ہیں للذا یہ دائری موج ہے۔اس موج کو دائیں دائری قطبی موج کہا جائے گا۔ سوال 10.48 میں آپ سے گزارش کی گئے ہے کہ بایاں دائری قطبی موج کی مساوات

$$E = E_0[a_{\mathbf{X}}\cos(\omega t - \beta z) + a_{\mathbf{Y}}\cos(\omega t - \beta z + 90^\circ)]$$
 بایال دائری قطبی

حاصل کریں۔

3477

3478

مشق 10.8 موج کی دور می سمتی مساوات $E_s = E_0(a_{
m X}-ja_{
m Y})e^{jeta z}$ مشتی مساوات حاصل کرتے ہوئے اس کی قطبیت در پیافت کریں۔

جواب: دھیان رہے کہ بیہ موج منفی z محد د کی جانب حرکت کر رہی ہے۔ یوں بیہ بائیں دائر ی قطبی موج ہے۔

348

3483

مثال 10.12: دائیں دائری قطبی موج $E_0(a_{
m X}+ja_{
m Y})e^{-jeta z}$ اور بائیں دائری قطبی موج $E_0(a_{
m X}+ja_{
m Y})e^{-jeta z}$ میں δ زاویائی فرق پایاجاتا ہے۔ان کا مجموعہ دریافت کریں۔

حل:ان کا مجموعه

$$\mathbf{E} = E_0(\mathbf{a}_{\mathbf{X}} - j\mathbf{a}_{\mathbf{Y}})e^{-j\beta z} + E_0(\mathbf{a}_{\mathbf{X}} + j\mathbf{a}_{\mathbf{Y}})e^{-j\beta z}e^{j\delta}$$
$$= E_0[(1 + e^{j\delta})\mathbf{a}_{\mathbf{X}} - j(1 - e^{j\delta})\mathbf{a}_{\mathbf{Y}}]e^{-j\beta z}$$

ہوگا۔اس $=e^{j\frac{\delta}{2}}$ باہر نکالتے ہوئے

$$m{E} = E_0 e^{jrac{\delta}{2}} [(e^{-jrac{\delta}{2}} + e^{jrac{\delta}{2}})m{a_{\mathrm{X}}} - j(e^{-jrac{\delta}{2}} - e^{jrac{\delta}{2}})m{a_{\mathrm{Y}}}]e^{-jeta z}$$
 کھاجا سکتا ہے جس میں $e^{jrac{\delta}{2}} = 2\cosrac{\delta}{2}$ اور $e^{jrac{\delta}{2}} = j2\sinrac{\delta}{2}$ اور $e^{jrac{\delta}{2}} = i2\sinrac{\delta}{2}$

(10.140)
$$E = 2E_0 \left[\cos \left(\frac{\delta}{2} \right) a_{\rm X} + \sin \left(\frac{\delta}{2} \right) a_{\rm Y} \right] e^{-j(\beta z - \frac{\delta}{2})}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 10.140 خطی قطبی موج ہے جو x محدد کے ساتھ 🤌 زاویے پر ہے۔اس مثال سے ثابت ہوا کہ کسی بھی خطی قطبی موج کو دوعد دواپئر ی قطبی امواج کا مجموعی تصور کیا جاسکتا ہے۔

348

10.9 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ

348

کسی بھی موج کی اوسط طاقت مساوات 10.56

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ ext{level}} = rac{1}{2} \left[oldsymbol{E}_{ ext{S}} imes oldsymbol{H}_{ ext{S}}^*
ight]$$
اوسا

سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ شکل 10.16 کے عمومی بیضوی قطبی موج کے x اور yاجزاء

$$(10.141) E_{sx} = E_1 e^{j(\omega t - \beta z)}$$

(10.142)
$$E_{sy} = E_2 e^{j(\omega t - \beta z + \delta)}$$

میں δ زاویائی فرق پایاجاتا ہے۔ کسی بھی نقطے پر کل برقی میدان ان اجزاء کاسمتی مجموعہ ہو گا جسے نقطہ z=0 پر

$$\mathbf{E}_{s} = \mathbf{a}_{x} E_{1} e^{j\omega t} + \mathbf{a}_{y} E_{2} e^{j(\omega t + \delta)}$$

لکھاجاسکتاہے۔چونکہ

$$\frac{\boldsymbol{E}}{\boldsymbol{H}} = \eta = |\eta| \, e^{j\theta_{\eta}}$$

ہو تاہے لہذامساوات 10.141 کی جوڑی مقناطیسی موج

$$H_{sy} = \frac{E_{sx}}{|\eta|} e^{-j\theta_{\eta}} = \frac{E_1}{|\eta|} e^{j(\omega t - \beta z - \theta_{\eta})} = H_1 e^{j(\omega t - \beta z - \theta_{\eta})}$$

ہو گی۔اسی طرح مساوات 10.142 کی جوڑی

(10.144)
$$H_{sx} = -H_2 e^{j(\omega t - \beta z + \delta - \theta_{\eta})}$$

ہو گی۔ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان ان اجزاء کا سمتی مجموعہ ہو گا جے نقطہ z=zپر

(10.145)
$$\boldsymbol{H}_{s} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}H_{2}e^{j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}H_{1}e^{j(\omega t - \theta_{\eta})}$$

کھاجاسکتا ہے۔ جوڑی دار مخلوط H_s کی قبت مندر جہ بالا مساوات میں مثبت j کو منفی اور منفی j کو مثبت ککھ کر حاصل ہوتا ہے یعنی

(10.146)
$$H_{s}^{*} = -a_{X}H_{2}e^{-j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + a_{Y}H_{1}e^{-j(\omega t - \theta_{\eta})}$$

مخلوط بوئنثنگ سمتيه سے اوسط طاقت

$$egin{align*} \mathscr{P}_{\mathscr{L}, \mathsf{J}} &= \frac{1}{2} \left[\left(a_{\mathsf{X}} E_{1} e^{j\omega t} + a_{\mathsf{Y}} E_{2} e^{j(\omega t + \delta)} \right) \times \left(-a_{\mathsf{X}} H_{2} e^{-j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + a_{\mathsf{Y}} H_{1} e^{-j(\omega t - \theta_{\eta})} \right) \right]$$

يعني

(10.147)
$$\mathscr{P}_{\downarrow \nu, j} = \frac{1}{2} a_{\mathsf{Z}} \left(E_1 H_1 + E_2 H_2 \right) \cos \theta_{\eta}$$

عاصل ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ طاقت δ پر بالکل منحصر نہیں ہے۔

 $heta_\eta = \frac{E_1}{H_1} = \frac{E_2}{H_2} = \eta_0$ بان میں میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔ان میں ان میں $heta_0 = \frac{E_2}{H_1} = \frac{E_2}{H_2} = \eta_0$ بان میں میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔ان میں ان میں ان میں میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔ان میں ان میں ان میں میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔ان میں ان میں میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔ان میں میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔

$$\begin{aligned} \mathscr{P}_{\text{level}} &= \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \left(E_1 H_1 + E_2 H_2 \right) \\ &= \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \left(H_1^2 + H_2^2 \right) \eta_0 = \frac{1}{2} a_{\text{Z}} H^2 \eta_0 \\ &= \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \left(H_1^2 + H_2^2 \right) \eta_0 = \frac{1}{2} a_{\text{Z}} H^2 \eta_0 \end{aligned}$$

(10.149)
$$\mathcal{P}_{\text{best}} = \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \left(E_1 H_1 + E_2 H_2 \right)$$

$$= \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \frac{E_1^2 + E_2^2}{\eta_0} = \frac{1}{2} \frac{E^2}{\eta_0} a_{\text{Z}}$$

 $E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2}$ کھاجا سکتا ہے جہال $E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2}$ برابر ہے۔

جس بیفنوی موج کے اجزاء مساوات 10.141 اور مساوات 10.142 میں دئے گئے ہیں ، اس موج کی طاقت مساوات 10.149 بینوی موج کے اجزاء مساوات 10.141 ور میکیر سکتے ہیں کہ مجھوع کے برابر ہے۔ بیفنوی موج کی طاقت دونوں اجزاء کی علیحدہ علیحدہ طاقت $\frac{E_1^2}{2\eta_0}$ اور $\frac{E_2^2}{2\eta_0}$ کے مجموعے کے برابر ہے۔

مثال 10.13: خلاء میں بیضوی قطبی موج کے اجزاء

$$E_x = 2\cos(\omega t - \beta z)$$

$$E_y = 3\cos(\omega t - \beta z + 75^\circ)$$

وولٹ فی میٹر ہیں۔موج کی فی مربع میٹر اوسط طاقت دریافت کریں۔

حل: خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ $\eta=120\pi$ سے مساوات 10.149 سے

$$\mathscr{P}_{\text{best}} = \frac{1}{2} \frac{2^2 + 3^2}{120\pi} = 17.24 \, \frac{\text{mW}}{\text{m}^2}$$

حاصل ہوتاہے۔

سوالات

سوال 10.1: خالی خلاء میں $a_{\rm Z}$ سمت میں حرکت کرتی، $a_{\rm Z}$ فعدد کے مستوی برقی موج کا کی چوٹی گھہ $a_{\rm Z}$ سمت میں حرکت کرتی میدان $a_{\rm Z}$ فعدد کے مستوی برقی موج کی صورت میں سائن نما $a_{\rm Z}$ امواج کے مساوات کھیں جوب برابر ہے۔ الف کرتے مساوات کھیں جوب کی صورت میں سائن نما $a_{\rm Z}$ کی سمت میں ہونے کی صورت میں سائن نما $a_{\rm S}$ اور $a_{\rm S}$ امواج کی مساوات کھیں۔

ری:
$$oldsymbol{H} = rac{31}{12\pi} oldsymbol{a}_{\mathbf{y}} \cos(12\pi \times 10^8 t - 4\pi z)$$
 ، $oldsymbol{E} = 310 oldsymbol{a}_{\mathbf{X}} \cos(12\pi \times 10^8 t - 4\pi z)$: $oldsymbol{H}_{\mathbf{S}} = rac{31}{12\pi} \left[rac{2}{\sqrt{29}} oldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + rac{5}{\sqrt{29}} oldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] e^{-j4\pi z}$ ، $oldsymbol{E}_{\mathbf{S}} = 310 \left[rac{5}{\sqrt{29}} oldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - rac{2}{\sqrt{29}} oldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} \right] e^{-j4\pi z}$

 $E_{0^{510}} = E_{0^{510}} = E_{0^{510}}$ مرت کی تعدد ω حاصل کریں۔ ب) برتی میدان کا حیطہ بالترتیب $E_{\rm s} = E_0 e^{-j6z}$ دی گئی ہے۔ الف) موج کی تعدد ω حاصل کریں۔ ب) برقطہ $E_0 = (30/45^\circ) a_{\rm X}$ اور $E_0 = (30/45^\circ) a_{\rm X}$ ہونے کی صورت میں کمہ $E_0 = (5+j10) a_{\rm X}$ ، $E_0 = (5+j10) a_{\rm X}$

سوال 10.4: خالی خلاء میں 350 MHz تعدد کی مستوی موج $\frac{V}{m}$ کو گیتیں دریافت $E_{\mathrm{s}}=(5+j2)(3a_{\mathrm{X}}-j4a_{\mathrm{Y}})e^{j\beta z}$ بیانی جاتی ہے۔ λ اور β کی قیتیں دریافت E عاصل کریں۔ موج کا حیطہ حاصل کریں۔ کمیہ $t=1.4\,\mathrm{ns}$ عاصل کریں۔ موج کا حیطہ حاصل کریں۔

$$_{_{35}}$$
اب: $E(z=40 {
m cm},t=1.4 {
m ns})=13.96 a_{
m X}-10.84 a_{
m Y} rac{{
m V}}{{
m m}}$ ، $eta=rac{7\pi}{3} rac{{
m rad}}{{
m m}}$ ، $\lambda=rac{6}{7} {
m m}$ ، $\lambda=rac{6}{7} {
m m}$

سوال 10.5: ایسان طه جس کے مستقل 1 $\mu_R = 4.4$ ، $\mu_R = 1$ اور $\sigma = 0$ ہیں میں بڑھتے x محدد کی جانب حرکت کرتی، 250 MHz تعلید کی H_s ، E_s η ، λ ، β ، v_p مستوی برقی موج پائی جاتی ہے۔ برقی میدان a_y سمت میں ہے۔ مندر جہ ذیل حاصل کریں۔ H_s ، E_s η ، λ ، β ، δ ،

$$m{\epsilon}_{s} = E_{0}e^{-j10.99x}m{a}_{
m y}\,rac{
m V}{
m m}$$
 ، $\eta = 179.6\,\Omega$ ، $\lambda = 57.2\,{
m cm}$ ، $m{\beta} = 10.99\,rac{
m rad}{
m m}$ ، $v_{p} = 1.429 imes 10^{8}\,rac{
m m}{
m s}$: $m{\mathcal{P}}_{s}$. $m{\mathcal{P}}_{s} = \frac{E_{0}^{2}}{359.2}m{a}_{
m X}\,rac{
m W}{
m m^{2}}$ ، $m{H}_{s} = rac{E_{0}}{179.6}e^{-j10.99x}m{a}_{
m Z}\,rac{
m A}{
m m}$

 $m{H}_{\mathbb{R}^{21}}$ اور $m{H}_{\mathbb{R}^{21}}$ و کے گئے ہیں۔الف) دوری سمتیات $m{E} = E_0 e^{-\alpha z} \sin(\omega t - \beta z) m{a}_{\mathbf{y}} \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{m}}$ ورکی سمتیات $\mathbf{E}_{\mathbf{S}^{22}}$ اور $\mathbf{E}_{\mathbf{S}^{21}}$ اور اور $\mathbf{E}_{\mathbf{S}^{21}}$

$$\mathscr{P}_{[\eta_0]} = rac{E_0^2}{2|\eta_0|} e^{-2\alpha z} \cos\phi oldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} rac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$$
 ، $oldsymbol{H}_{\mathrm{S}} = -rac{E_0}{|\eta_0|} e^{-\alpha z} e^{-j(\beta z + \pi + \phi)} oldsymbol{a}_{\mathrm{X}} rac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$ ، $oldsymbol{E}_{\mathrm{S}} = E_0 e^{-\alpha z} e^{-j(\beta z + \pi)} oldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$.

 $E_{S^{SSZZ}}$ سوال 10.7: خالی خلاء میں λ (اور ω ماصل کریں۔ب) دوری سمتیات λ (اور ω ماصل کریں۔ب) دوری سمتیات λ (اور ω ماصل کریں۔ ω ماصل کریں۔ ω ماصل کریں۔

$$E_{\mathrm{S}} = (30a_{\mathrm{Y}} + 22a_{\mathrm{Z}})e^{-j60x} \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$$
 ، $\omega = 1.8 \times 10^{10} \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{s}}$ ، $\lambda = \frac{\pi}{30} \, \mathrm{m}$. خاب بانج

 $1200 \frac{V}{m}$ اور تعدد $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$ اور تعدد $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$ اور تعدد $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$ اور $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$

$$m{H}_{\mbox{\tiny 3556}}$$
 ناب $\mu_R=2.4$ ، $\epsilon_R=9.6$ ، $v_p=6.28 imes 10^7 rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ ، $\eta=187.4\,\Omega$ ، $\lambda=\frac{\pi}{10}\,\mathrm{m}$ ، $\beta=20\,\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$: قام $0.5\,\mathrm{cos}(2\pi imes 200 imes 10^6 t + 20 y) m{a}_{\mathrm{X}} - 4\,\mathrm{sin}(2\pi imes 200 imes 10^6 t + 20 y) m{a}_{\mathrm{Z}} rac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$

 $H(y,t) = 1.5\cos(2.5 \times 10^7 t - eta y) a_{
m Y} rac{\Delta}{m}$ اور $E(y,t) = 700\cos(2.5 \times 10^7 t - eta y) a_{
m X} rac{\Delta}{m}$ اور μ_R المورد μ_R اور μ_R المورد μ_R المور

$$\mu_R=2.2$$
 ، $\epsilon_R=1.4$ ، $\eta=467\,\Omega$ ، $\lambda=42.7\,\mathrm{m}$ ، $\beta=0.147\,\mathrm{rad\over m}$. وابات:

 $E(x,y,z,t)=\epsilon E_0=408.6 \, rac{
m V}{
m m} \, \epsilon \, \eta=178 \, \Omega \, \epsilon \, \beta=0.25 \pi \, rac{
m rad}{
m m} \, \epsilon \, \lambda=7.85 \, {
m m} \, \epsilon \, v_p=1.18 imes 10^8 \, rac{
m m}{
m s}$

 $oldsymbol{E}_{s}$ - $oldsymbol{q}=|\eta_{0}|\,e^{j\phi}$ اليه ضياع کار خطے ميں پائی جاتی ہے جہاں $oldsymbol{E}_{s}=(E_{y0}a_{y}+E_{z0}a_{z})e^{\alpha x}e^{j\beta x}\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ور $oldsymbol{E}_{s}=(E_{y0}a_{y}+E_{z0}a_{z})e^{\alpha x}e^{j\beta x}\,\mathbf{V}$ اور $oldsymbol{E}_{s}=(E_{y0}a_{y}+E_{z0}a_{z})e^{\alpha x}e^{j\beta x}\,\mathbf{V}$ اور $oldsymbol{E}_{s}=(E_{y0}a_{y}+E_{z0}a_{z})e^{\alpha x}e^{j\beta x}\,\mathbf{V}$ اور $oldsymbol{E}_{s}=(E_{y0}a_{y}+E_{z0}a_{z})e^{\alpha x}e^{j\beta x}\,\mathbf{V}$ اور $oldsymbol{E}_{s}=(E_{y0}a_{y}+E_{z0}a_{z})e^{\alpha x}e^{j\beta x}\,\mathbf{V}$

$$\begin{split} \boldsymbol{E}(x,y,z,t) &= (E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} + E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x)\,\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{H}_{\mathrm{s}} = \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}e^{e^{j(\beta x - \phi)}}\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Xi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s},\mathrm{s},\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{y0} + E_{z0}^{2})e^{2\alpha x}\cos\phi\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}\,\frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^{2}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{H}(x,y,z,t) = \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s},\mathrm{s},\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s},\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s},\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s},\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{s}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}})e^{\alpha x}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{y}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{z0}\boldsymbol{\mu}_{\mathrm{y}})e^{\alpha x}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{y}}^{\mathrm{s}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{y}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} - E_{z0}\boldsymbol{\mu}_{\mathrm{y}})e^{\alpha x}\,\boldsymbol{\Pi}_{\mathrm{y}}^{\mathrm{y}} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{\mathrm{y}}^{\mathrm{y}} &= \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{\mu}_{\mathrm{y}} - E_{z0}\boldsymbol{\mu$$

سوال 10.12 کامل موصل سے بنی $\rho=5\,\mathrm{mm}$ اور $\rho=12\,\mathrm{mm}$ اور $\rho=5\,\mathrm{mm}$ بنی اور تان و برق کے متعقل سوال 10.12 کامل موصل سے بنی $\rho=12\,\mathrm{mm}$ اور $\rho=5\,\mathrm{mm}$ بیارہ اس ذو برق کے مساوات استحمال $\rho=12\,\mathrm{mm}$ اور $\rho=12\,\mathrm{mm}$ بیارہ اس ذو برق کے مساوات استحمال سے بیارہ نہوں کے مساوات استحمال کریں۔ سے اور ورمیانی خطے میں $\rho=12\,\mathrm{mm}$ کرتے ہوئے $\rho=12\,\mathrm{mm}$ کامی طاقت منتقل ہور ہی ہے۔

کتنی طاقت منتقل ہور ہی ہے۔

$$H = rac{5.7}{
ho}\cos(8.38 imes 10^8 t - 5z) m{a_\phi} \, rac{ ext{A}}{ ext{m}} \cdot \omega = 8.38 imes 10^8 rac{ ext{rad}}{ ext{s}} : \mathcal{R}$$
 3550 $m{H} = rac{5.7}{
ho}\cos(8.38 imes 10^8 t - 5z) m{a_Z} \, rac{ ext{W}}{ ext{m}^2}$ $m{W} \cdot m{\mathscr{P}} = rac{6837}{
ho^2}\cos^2(8.38 imes 10^8 t - 5z) m{a_Z} \, rac{ ext{W}}{ ext{m}^2}$

 $H_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}rac{A}{m}$ اور $E_s=rac{60}{r}\sin heta e^{-j2r}a_{ heta}rac{V}{m}$ ویے گئے ہیں۔الف) اوسط $M_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}$ وال $M_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}$ اور $M_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}$ اور $M_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}$ وال $M_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}$ والمراجع و

 $3.13\,\mathrm{W}$ ، $\mathscr{P}_{\mathrm{level}}=rac{15\sin^2 heta}{2\pi r^2}a_{\mathrm{I}}rac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$:وايات

 λ اور $\sigma=15 \frac{\mathrm{mS}}{\mathrm{m}}$ بین۔ آپ سے گزار ش ہے کہ متعقل $\epsilon_R=8$ ، $\mu_R=5$ اور $\sigma=15 \frac{\mathrm{mS}}{\mathrm{m}}$ بین۔ آپ سے گزار ش ہے کہ $\epsilon_R=8$ اور $\epsilon_R=8$ اور $\epsilon_R=8$ بین۔ آپ سے گزار ش ہے کہ $\epsilon_R=8$ اور $\epsilon_R=8$ ماصل کریں۔

$$\eta=297.83+j0.418\,\Omega$$
 ، $\lambda=3.95\,\mathrm{mm}$ ، $v=4.74 imes10^7\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ ، $\beta=1590\,rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $lpha=2.23\,rac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$. وابات:

 200Ω تعدد پر طول موج 1~m ، قدرتی رکاوٹ کی حتی قیت ϵ_R ، μ_R اور σ حاصل کریں جس میں ϵ_R ، ϵ_R ، ϵ_R ، قدرتی رکاوٹ کی حتی قیت ϵ_R ، ϵ_R ،

$$\sigma=19.06\,rac{ ext{mS}}{ ext{m}}$$
 ، $\epsilon_R=4.84$ ، $\mu_R=1.67$ جرایات:

 $\frac{\sigma}{\omega e} = 3.6 \times 10^{-4}$ اور $\epsilon_R = 2.8$ اور $\epsilon_R = 3.6 \times 10^{-4}$ اور $\epsilon_R = 3.6 \times 10^{-4}$

$$_{3563}$$
 4.52 cm ، 8.55 m ، 17.1 m ، $\lambda=0.54$ m ، $\beta=11.57$ $\frac{rad}{m}$ ، $\alpha=0.04$ $\frac{Np}{m}$ ، $\sigma=1.85\times 10^{-5}$ $\frac{S}{m}$. The second secon

سوال 10.17: کیبیسٹر C میں طاقت کے ضیاع کو کیبیسٹر کے متوازی مزاحمت R سے ظاہر کیاجاتا ہے۔ایسے متوازی دور کی برقی رکاوٹ Z ہے۔ برقی رکاوٹ ، C ہیں دور نے متعقل کی مستقل C ہیں ہے دور کی بیسٹر جس کے مستقل کی خاصیت C سے مراد C ہیں کے جزو ضربی طاقت اور C کے مساوات کو مماس ضیاع C استعال کرتے ہوئے کھیں۔ C اور C بیس کے جزو ضربی طاقت اور C کے مساوات کو مماس ضیاع C استعال کرتے ہوئے کھیں۔

$$Q=\left(rac{\sigma}{\omega\epsilon}
ight)^{-1}$$
 ، $\cos heta=rac{1}{\sqrt{1+\left(rac{\sigma}{\omega\epsilon}
ight)^{-2}}}$: وابات:

سوال 10.18: تا نبے کی ہم محوری تار کے اندرونی تار کارداس 5 mm اور بیرونی تار کااندرونی رواس 8 mm ہیں۔ دونوں تار گہرائی جلد کا سے بہت زیادہ پھوٹائی رکھتے ہیں جبکہ ذو برق بے ضیاع ہے۔ 550 MHz تعدد پر فی میٹر اندرونی تار، فی میٹر بیرونی تار اور فی میٹر مکمل تربیلی تار کی مزاحمت دریافت کریں۔ تا نبچہ کے مستقل کتاب کے آخر میں جدول 15.1 سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔

$$316 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}}$$
 ، $122 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}}$ ، $195 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}}$ ، $316 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}}$

سوال 10.19:المو نیم سے نکلی نماتار بنائی جاتی ہے جس کااندرونی رواس 5 mm اور بیر ونی رواس 6 mm ہیں۔ایک کلومیٹر تارکی مزاحمت مندرجہ ذیل قبعد د پر حاصل کریں۔الف) یک سمتی رو۔ب) MHz پ ایس 30 MHz

سوال 10.20: کھانا جلد گرم کرنے کی خاطر عموماً برتی خروموج چو گھا 98(مائیکر وویواون) استعال کیا جاتا ہے جو عموماً $C_R = 1$ کے تعدد پر کام کرتا ہے۔ اس $C_R = 1$ ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے ہوگے کے دیوار سٹینلس سٹیل کے بنے ہوتے ہیں۔ سٹینلس سٹیل کے مستقل کے مستقل کے مستقل کے مستقل کے مستقل کے دیوار سٹینلس سٹیل کے بنے ہوتے ہوئے ہوئے چادر کے اندر میدان کی مساوات لکھیں۔ $C_R = 1$ کھیں۔ جامد $C_R = 1$ کھیں۔ جامد کی مساوات کھیں۔ جو کے جامل کریں۔ سٹینلس سٹیل چادر کی سطح پر کے اندر میدان کی مساوات کھیں۔ جو کے جامل کریں۔ سٹینلس سٹیل چادر کی سطح پر کو مصلوبی کے مستقل کے بیٹے ہوئے جامل کریں۔ سٹینلس سٹیل چادر کی سطح پر کو مستقل کے بیٹے ہوئے جامل کریں۔ سٹینلس سٹیل چادر کے اندر میدان کی مساوات کھیں۔

$$E_s(z)=64e^{-1.03 imes10^{-7}z(1+j)}\,rac{
m V}{
m m}$$
 ، $\delta=9.69\,
m \mu m$ بابت:

سوال 10.21:ایک غیر مقناطیسی موصل میں رفتار موج $\frac{m}{s}$ 4.5 × 10^5 اور طول موج 0.25 mm وصلیت عیر مقناطیسی موصل میں رفتار موج 0.5 اور طول موج 0.25 mm موصل کی موصلیت σ

 $\sigma=8.89 imes10^4\,rac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}}$ ، $\delta=39.8\,\mathrm{\mu m}$ ، $f=1.8\,\mathrm{GHz}$. وإيات:

 $E=rac{270}{r}\sin heta\cos[\omega(t-rac{r}{c})]$ وی گئی ہے۔ رداس T کے کرہ سے کتنی طاقت خارج ہور ہی ہے۔ $E=rac{270}{r}\sin heta\cos[\omega(t-rac{r}{c})]$ عود نامی ہور ہی ہے۔

جواب: 810W

سوال 10.23: برقی موخ $H_s = 14a_{
m X} + 13a_{
m Y} - 16a_{
m Z} rac{
m A}{
m m}$ اور مقناطیسی موخ $E_s = 3a_{
m X} - 5a_{
m Y} + 2a_{
m Z} rac{
m kV}{
m m}$ بین الحالی سمت میں اکا کی سمت میں الف کریں۔ پ

 $\epsilon_R=2.32$ ، $71.7rac{\mathrm{kW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $a=0.38a_\mathrm{X}0.53a_\mathrm{Y}+0.76a_\mathrm{Z}$:آبات

 $E_{\text{Pol}}=238\cos(5 imes10^8t-45^\circ)$ $a_{ ext{Z}}$ ، $E=113\cos5 imes10^8t$ $a_{ ext{X}}$ ، $H=300\cos5 imes10^8t$ $a_{ ext{Y}}$ ، $H=300\cos5 imes10^8t$

 $\omega = 4.2 \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ تحلیر تا 10.25 کی مستوی موج جس کی تعدو $\omega = 4.2 \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ تحلیر تا 10.25 کی مستوی موج جس کی تعدو $\omega = 4.2 \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ تعدو تحلیر تا 10.25 کی مستوی موج جس کی تعدو $\omega = 4.2 \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ تعدد $\omega = 4.2 \times 10^8$

 $E_{1^{3596}}$ ، au=0.9087 ، $\Gamma=-0.0913$ ، $eta_2=7.8 rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $eta_1=2.5 rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $\eta_2=175\,\Omega$ ، $\eta_1=211\,\Omega$. $E_{2}=5.09\cos(4.2\times10^8t-7.8z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $E_{2}=5.09\cos(4.2\times10^8t-7.8z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $E_{2}=5.09\cos(4.2\times10^8t-2.5z)-0.511\cos(4.2\times10^8t+2.5z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $E_{2}=5.09\cos(4.2\times10^8t-2.5z)+0.511\cos(4.2\times10^8t+2.5z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$. $E_{2}=5.09\cos(4.2\times10^8t-2.5z)+0.511\cos(4.2\times10^8t+2.5z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$

سوال 10.26: تھیلا بنانے والے پلاٹک میں x=0.3 تعدد کی مستوی موج $a_{\rm X}$ سمت میں حرکت کرتے ہوئے x=0.3 cm پر پائے جانے والے کا مل موصل سطح سے انعکاس پذیر ہوتی ہے۔ الف) وہ سطحیں دریافت کریں جن پر E=0 ہوگا۔ ب) اس پلاسٹک میں بلند تر برتی چوٹی اور بلند تر مقناطیسی چوٹی کی شرح حاصل کریں۔

 $\eta=251\,\Omega$: يوابات: $x=0.3-0.71n\,\mathrm{cm}$ جوابات:

 $\sigma = 4.6 \, rac{ ext{mS}}{ ext{m}}$ اور $\mu = 4.2 \, rac{ ext{mH}}{ ext{m}}$ ، $\epsilon = 30 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ کے مستقل z > 0 مستقل $\mu = 4.2 \, rac{ ext{mH}}{ ext{m}}$ ، $\epsilon = 30 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ اور $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ اور $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ اور $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ انعکاسی مستقل حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔

 $\epsilon E_{x1}^{-} = 59.8\cos(2 imes10^8t + 0.667z + 111^\circ)\,rac{ ext{V}}{ ext{m}}$, $\Gamma = 0.176 / 111^\circ$, $eta_1 = 0.667 \, rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $lpha_1 = 0$. $lpha_1 = 0.667 \, rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $lpha_2 = 0.667 \, rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $lpha_3 = 0.667 \, rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $lpha_4 = 0.667 \, rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$,

سوال 10.28: المونيم كى سطح y=0 پرخالى خلاء سے عمودى آمدى موحى $\frac{V}{m}$ كى موجى $E_{x1}^+=E_{x10}^+\cos(4 imes10^8t-\beta y)$ ہے۔ آمدى طاقت كاكتنا فى صد سطح سے انعكاس پذير ہوتا ہے۔

جواب: % 99.997

 $\epsilon_{R2^{11}} = \mu_{R2}^3$ اور $\epsilon_{R1} = \mu_{R1}^3$ ، $\sigma_1 = \sigma_2 = 0$ سوال 10.29: مستوی موتی خطہ - 1 سے خطہ - 2 پر عمود کی پڑتی ہے۔ ان خطول کے مستقل 10 مستوی موتی خطہ - 1 سے خطہ - 2 پیل اوٹ تا ہے۔ $\frac{\mu_{R2}}{\mu_{R1}}$ حاصل کریں۔

 $rac{\mu_{R2}}{\mu_{R1}} = 4.442$ اور $rac{\mu_{R2}}{\mu_{R1}} = 0.225$

 $\mu_R = 1.8$ اور $\mu_R = 1.8$ پر عمودی پڑتی ہے۔ آمد موج کی تعدو 100MHz سوال 10.30: خالی خلاء سے مستوی موج ضیاع کار خطہ $\epsilon_R = 8.2$ ، $\sigma = 0.002$ $\frac{\rm S}{\rm m}$ کار خطے میں کی قیمت حاصل کریں۔ پ) دوسرے خطے میں کتنا اور کثافت طاقت $\frac{\rm W}{\rm m}$ 12 ہے۔ الف) ابتدائی تر سیلی کثافت طاقت حاصل کریں۔ ب) ضیاع کار خطے میں کی قیمت حاصل کریں۔ پ) دوسرے خطے میں کتنا فاصلہ طے کرنے کے بعد تر سیلی کثافت طاقت $\frac{\rm W}{\rm m}$ 0.2 رہ جائے گی۔

 $11.2\,\mathrm{m}$ ، $\alpha_2=0.1765\,\mathrm{\frac{Np}{m}}$ ، $10.42\,\mathrm{\frac{W}{m^2}}$: برابات:

سوال 10.31: خالی خلاء z<0 میں برقی موتی $a_{
m W} = a_{
m M} = 100e^{-j15z}$ بین جاتی ہے۔ الف) موتی کی تعدد حاصل کہ تعدد حاصل کریں۔ پ) دو خطوں کے سرحد کے قریب کس مقام پر برقی موتی کی چوٹی پائی جاتی ہے ؟

 $z=-1.75\,\mathrm{cm}$ ، $\eta=585+j178\,\Omega$ ، 715.7 MHz : آبات

 $\mathscr{P}^-_{1}=-0.486 a_{\mathrm{Z}}\,rac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $\mathscr{P}^+_{1}=100 a_{\mathrm{Z}}\,rac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $eta_1=54\,rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $lpha_1=0\,rac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$: $\mathfrak{P}^+_{2}=99.514e^{-8.76z}a_{\mathrm{Z}}\,rac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$

سوال 10.33: نظم $\omega_{R2}=6$ میں بے ضیاع ذو برق پایاجاتا ہے جس کے مستقل $\omega_{R2}=1$ ، $\omega_{R2}=1$ اور $\omega_{R2}=1$ ہیں۔ اس خطے کو دونوں جانب خالی خلاء پائی جاتی ہے۔ مستوی موج جس کی تعدد $\omega_{R2}=1$ ہوں ہے سرحد $\omega_{R2}=1$ کی جانب میں حرکت کر رہی ہے۔ الف ذو برق میں الف خلاء پائی جاتی ہے۔ مستوی موج جس کی تعدد $\omega_{R2}=1$ ہوں ہوں ہونے ہیں ہونے ویر تی میں الف ذو برق میں الف ذو برق میں $\omega_{R2}=1$ ہور تی میں موج کو استعمال کرتے ہوئے $\omega_{R2}=1$ اور $\omega_{R2}=1$ ہور کے میں موج کو استعمال کرتے ہوئے $\omega_{R2}=1$ ہور کے میں مرحد کے قریب ترین ایسانقطہ حاصل کریں جہاں بلند تر برقی میدان پایاجاتا ہے۔ $\omega_{R2}=1$ میں مدے کے قریب ترین ایسانقطہ حاصل کریں جہاں بلند تر برقی میدان پایاجاتا ہے۔ $\omega_{R2}=1$

 $\Gamma_{2^{26977}}$ ، $s_1=5$ ، $\Gamma_1=-0.623-j0.238=0.667e^{-j2.776}$ ، η_{c} , η_{c}

سوال 10.34 نسیاع کار خطہ جہاں $\frac{Np}{m}$ ہو میں موج $\alpha=0.4$ جاں چلنے کے بعد سر حدسے منعکس ہو کر واپس اسی ابتدائی نقطے تک پہنچتی ہے۔انعکاسی مستقل 10.34 نسیاع کار خطہ جہاں آتی موج اور ابتدائی موج کے طاقت کی شرح حاصل کریں۔ $\Gamma=0.4-j0.5$

3620

374 اب 10. مستوى امواج

سوال 10.35: خطہ z<0 اور خطہ z>0 کامل ذو برتی پر مشتمل ہیں جہال $\sigma=0$ اور $\mu_R=1$ ہیں۔ تعدد z>0 کاموج z>0 کاموج z>0 کی موج z>0 اور نطہ z>0 اور خطوں سے گزرتی ہے۔ ان خطوں میں طول موج بالترتیب z>0 اور z>0 ہیں۔الف z>0 حاصل کریں۔ب کتنی فی اصد طاقت منعکس پذیر ہوتی ہے۔ یک کتنی فی صد طاقت ترسیل ہوتی ہے۔ یک شرح ساکن موج z>0 حاصل کریں۔

$$s=1.333$$
 ، 97.96 % ، 2.04 % ، $\Gamma=0.143e^{j\pi}$ برابات:

سوال 10.36 کامل ذوبرتی مستقل ϵ_R سے خالی خلاء میں موج داخل ہوتی ہے۔ مندر جہ ذیل صور توں میں ذوبرق کی جزوی برقی مستقل ϵ_R عاصل کریں۔الف $|E|_{\pi}$ منعکس موج کی چوٹی آمدی موج کے کہ آدھی ہے۔ بادر شاہد کی آدھی ہے۔ کی خوبر آمدی ہونے کی جوٹی کی آدھی ہے۔ کی آدھی ہے۔ کی آدھی ہے۔ کی آدھی ہونے کی جوٹی ہونے کی جوٹی کی آدھی ہے۔ کی آدھی ہونے کی جوٹی ہونے کی جوٹی کی آدھی ہونے کی جوٹی ہونے کی جوٹی ہونے کی ہونے کی جوٹی ہونے کی

$$\epsilon_R=4$$
 ، $\epsilon_R=34$ ، $\epsilon_R=9$ وابات:

$$\eta=641+j501\,\Omega$$
 ، $|\Gamma|=0.5$ ، $\phi=0.2\pi$ برابت:

سوال 10.38: سمندری پانی کے مستقل $\frac{S}{m}=5$ اور $\epsilon_R=78$ ہیں۔ خالی خلاء سے اس پر $\frac{S}{m}=100$ تعدد کی موج پڑتی ہے۔ آمدی طاقت کا کتنا پھسے دالی خلاء میں لوٹا ہے۔

 $_{ ext{10.39}}$ سوال $_{ ext{10.39}}$ ناکہ خلاء میں Ω 242 قدرتی رکاوٹ کی $rac{\lambda}{8}$ موٹی تہہ پائی جاتی ہے۔ آمدی طاقت کا کتنا حصہ اس تہہ سے گزریا تاہے؟

$$91\%$$
 ، $\Gamma=0.308/-2.4\,\mathrm{rad}$ ، η_{e} , $j=220-j101\,\Omega$. وابات:

سوال10.40: آمدی موج کی تعدد تبدیل کئے بغیر سوال 10.39 کو مندر جہ ذیل صور توں میں دوبارہ حل کریں۔الف) تہہہ کی موٹائی د گنی کر دی جاتی ہے۔ بہ جہہہ کی موٹائی آدھی کر دی جاتی ہے۔ پ) تہہ کی موٹائی چار گنا کر دی جاتی ہے۔

سوال 10.41: مستوی موج کا برقی جزو H_s (بین بروج کا برقی جروی کا برقی جروی کا برقی جروی کا برقی جروی کا برقی ہوتی کے اللہ کا کہ کا برق ہوتی کا برق ہوتی کے اللہ کا کہ کا بریں۔ کا موج کا موج کا بریں۔ کا بریں کا بریں۔ کا بریں کا بریں کا بریں۔ کا بریں ک

جوابات:الف)موح خطی قطبی ہے۔ یہ موتی
$$yz$$
 سطح میں رہتے ہوئے y محدد کے ساتھ 33.7° زاویہ بناتی ہے۔ yz محدد کے ساتھ yz فطبی محدد کے ساتھ وابات:الف)موح خطبی قطبی ہے۔ یہ موتی yz فیل سے yz فیل ہے۔ yz فیل ہے۔ یہ موتی yz فیل ہے۔ yz فیل ہے۔ yz فیل ہے۔ yz فیل ہے۔ yz فیل ہے۔ یہ موتی yz فیل ہے۔ yz فیل ہے۔ یہ موتی yz بران ہے۔ یہ موتی ہے۔ یہ ہ

سوال 10.42 نائين قطبی $m{E}_{\mathrm{s}} = E_0(m{a}_{\mathrm{X}} + jm{a}_{\mathrm{Y}})e^{-jeta z}$ حاصل کریں۔ $m{E}_{\mathrm{s}} = E_0(m{a}_{\mathrm{X}} + jm{a}_{\mathrm{Y}})e^{-jeta z}$ حاصل کریں۔

$$m{\mathscr{P}}_{l\sim d}=rac{E_0^2}{\eta_0}m{a}_{
m Z}rac{
m W}{
m m^2}$$
 ، $m{H}_{
m S}=rac{E_0}{\eta_0}(m{a}_{
m Y}-jm{a}_{
m X})e^{-jeta z}$ برابات:

سوال 10.43: مستوی برقی موج کی قطبیت دریاف $E_s = 10$ سے سالت کریں۔ ب) مقناطیسی موج حاصل کریں۔ پ) اوسط $E_s = 10$ سے کہ قطبیت دریافت کریں۔ پ) موج کی قطبیت دریافت کریں۔ پ

جوابات: $\mathscr{P}_{i,j}$ و نامین $\mathscr{P}_{i,j}$ براکین $\mathscr{P}_{i,j}$ و براکین و بر

سوال 44.41: برقی موج H_s (ایسے خطے سے گزرتی ہے جس کی قدرتی رکاوٹ H_s کاوط عدد ہے۔ الف $E_s = 15e^{-j\beta z}a_{\rm X} + 18e^{-j\beta z}a_{\rm Y}$ کوریں۔ ب $\mathcal{P}_{\rm bulk}$ عاصل کریں۔ ب $\mathcal{P}_{\rm bulk}$ عاصل کریں۔

 $\mathscr{P}_{ ext{L}}=rac{275}{\eta^*}$ ابات: $m{H}_{ ext{S}}=rac{1}{\eta}(-18e^{j\phi}m{a}_{ ext{X}}+15m{a}_{ ext{Y}})e^{-jeta z}~rac{ ext{A}}{ ext{m}}$ ابات:

سوال 10.45: شیشے کی چادر کے بائیں سطح پر موج عمود کی آمد ہے۔ شیشے کی انحرافی مستقل 1.45 ہے جبکہ اس کی دائیں سطح کامل موصل کے ساتھ جڑی ہے۔ شیشے کی موٹائی $\frac{\lambda}{2}$ ، $\frac{\lambda}{4}$ اور $\frac{\lambda}{8}$ ہونے کی صورت میں بائیں سطح پر انعکاسی موج کے زاویے میں فرق دریافت کریں۔

جوابات: °0 ، °71 ، °69.2° جوابات: °0 ، °71 ، °69.2°

سوال 10.46: برقی موج کی دوری سمتی مساوات $E_{
m s}=(5a_{
m X}+j20a_{
m Y})e^{jeta z}$ ہے۔اس کی قطبیت،شرح رداس اور جھکاودریافت کریں۔

جواب: دایاں بیضوی قطبی موج۔شرح رداس 4 ہے۔ جھکاو °90 ہے۔

سوال 10.47: برقی موج $a_{
m X} = 4/30^{\circ} a_{
m X} - 4/30^{\circ} a_{
m X}$ کی حقیقی مساوات حاصل کرتے ہوئے اس کی قطبیت دریافت کریں۔

جوابات: $E=3a_{
m X}\cos(\omega t+eta z-15^\circ)-4a_{
m Y}\cos(\omega t+eta z+30^\circ)$ ،دایان بینوی قطبی

سوال 10.48: مثال 10.11 کے طرز پر بائیں دائری قطبی موج کی مساوات حاصل کریں جسے مساوات 10.139 میں پیش کیا گیاہے۔

ترچهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار

4156

دو خطوں کے سرحد پر عمودی آمدی موج کے انعکاس اور ترسیل پر باب 10 میں غور کیا گیا۔اس باب میں تر چھی آمدی موج کی بات کرتے ہوئے انعکاس اور ترسیلی تاریح مساوات ہو بہوا یک جیسے تھے۔ تر چھی آمدی موج کی مساوی مثال ترسیلی تاریح مساوات ہو بہوا یک جیسے تھے۔ تر چھی آمدی موج کی مساوی مثال ترسیلی تاریک مساوی مثال ترسیلی تاریک مساوی مثال ترسیلی تاریک مساوی مثال ترسیلی بائی جاتی ۔ یہی وجہ ہے کہ ان پریہال علیحدہ سے غور کیا جارہا ہے۔

12.1 ترچهي آمد

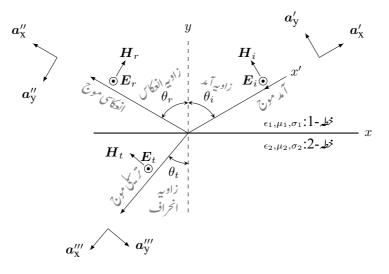
 $oldsymbol{E}_{\perp}$ عمودی قطبی برقی موج

ہم دوصور توں پر باری باری باری غور کریں گے۔ پہلی صورت میں برقی میدان سطح آمد (یعنی xy سطح) کے عمودی ہو گا جبکہ دوسری صورت میں برقی میدان اس سطح کے متوازی ہوگا۔ان دوصور توں میں برقی موج بالترتیب عمودی قطب موج اور متوازی قطب موج کہلائیں گے۔ شکل 12.1 عمودی قطبیت کی صورت اللہ اللہ کے متوازی جس محمومی برقی موج کو عمودی اور متوازی قطب کے امواج کا مجموعہ لکھا جاسکتا ہے۔

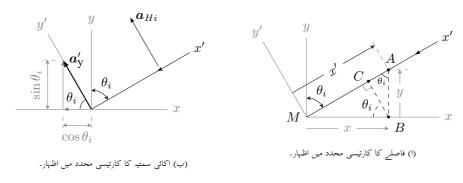
منفیzسمت میں حرکت کرتی $a_{
m X}$ میدان کی برقی موج

 $\boldsymbol{E}_i = E_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} e^{j(\omega t + \beta_1 z)}$

incidence angle¹
reflection angle²
refraction angle³
perpendicular polarized⁴
parallel polarized⁵



شکل 12.1: ترچهی آمد کی صورت میں انعکاسی اور ترسیلی امواج اور ان کرے زاویے۔برقی میدان عمودی قطبیت رکھتی ہے۔



شكل 12.2: كسى بهي سمت ميں فاصلر اور اكائي سمتيہ كو كارتيسي محدد ميں لكهنر كا طريقه.

ککھی جاتی ہے۔اس موج میں برقی میدان ہر نقطے پر تمام او قات a_x سمت میں ہو گا جبکہ حرکت کی سمت منفی z جانب ہے۔اب a_x اکا کی سمتیہ کی جگہ کسی بھی عمومی اکا کی سمتیہ a_x سمت کا میدان جو z محد دکی بجائے ککیر اپر منفی سمت کی جانب حرکت کر رہاہو ، کی موج

$$\boldsymbol{E}_i = E_0 \boldsymbol{a} e^{j(\omega t + \beta_1 l)}$$

کہ جائے گی۔اب شکل 12.1 میں E_i پر دوبارہ غور کریں۔ یہ میدان χ پر منفی سمت میں حرکت کررہی ہے جبکہ برقی میدان E_i کی سمت کے ساندااس موج کے گا۔

$$(12.1) E_i = E_0 a_{\mathbf{Z}} e^{j(\omega t + \beta_1 x')}$$

کھھاجا سکتا ہے جہاں کار تیسی محدد x, y کے مرکز سے لکیر 'x پر فاصلہ ناپا گیا ہے۔ آئیں مساوات 12.1 میں لکیر 'x پر فاصلے کو کار تیسی محدد x, y کے متغیرات استہمال کرتے ہوئے ناپیں۔

$$(12.2) x' = x \sin \theta_i + y \cos \theta_i$$

لکھاجاسکتاہے جس سے ہم مساوات 12.1 کو

(12.3)
$$\boldsymbol{E}_{i} = E_{0}\boldsymbol{a}_{z}e^{j[\omega t + \beta_{1}(x\sin\theta_{i} + y\cos\theta_{i})]}$$

لکھ سکتے ہیں۔اس مساوات میں موج گھٹے 'x کی طرف رواں ہے۔

آمدی موج کی بات کرتے ہوئے کار تیسی محدد x'y' کاسپارالیاجاتا ہے جس کے اکائی سمتیات a_x' اور a_y' اور a_x' کا بالتر تیب الحمای اللہ باللہ اللہ باللہ کا سپارالیاجاتا ہے۔ ان کے اکائی سمتیات کو بالتر تیب الحمای اللہ باللہ ب

آمدی برقی اور مقناطیسی میدان xکے عمودی ہیں۔ برقی میدان کی سمت a_{Z} ی a_{Z} ی سمت کو ظاہر کرتے ہیں۔ مقناطیسی میدان a_{Z} ی سمت کو ظاہر کرتے ہیں۔ مقناطیسی میدان a_{Z} ی سمت کی سمت میں ہے۔ یوں شکل میدان کی سمت میں ہے۔ یوں گل سمت میں ہوتی ہے لہذا شکل میں تکون سمت کی مددسے لکھیں۔ اکائی سمت میں گور و سمتیوں کے مجموعے کے طور پر دکھایا گیا ہے۔ چو نکہ اکائی سمت کی لمبائی ایک کے برابر ہوتی ہے لہذا شکل میں تکون سے و ترکی لمبائی اکائی ہے۔ یوں تکون کا قاعدہ a_{i} ا فاعدہ a_{i} 0 قاعدہ a_{i} 1 قاعدہ a_{i} 2 قاعدہ a_{i} 3 میں اس کا عمود میں سے درکی لمبائی اکائی ہے۔ یوں تکون کا قاعدہ a_{i} 3 میں اس کے و ترکی لمبائی اکائی ہے۔ یوں تکون کا قاعدہ a_{i} 4 میں سے

$$a_{\mathbf{y}}' = -\cos\theta_i a_{\mathbf{x}} + \sin\theta_i a_{\mathbf{y}}$$

کھاجاسکتاہے۔ان معلومات کواستعال کرتے ہوئے آمدی مقناطیسی موج

$$\boldsymbol{H}_i = \frac{E_0}{\eta_1} \boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}' e^{j(\omega t + \beta_1 x')}$$

کو

(12.5)
$$\boldsymbol{H}_{i} = \frac{E_{0}}{\eta_{1}} (-\cos\theta_{i}\boldsymbol{a}_{X} + \sin\theta_{i}\boldsymbol{a}_{Y}) e^{j[\omega t + \beta_{1}(x\sin\theta_{i} + y\cos\theta_{i})]}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 12.3اور مساوات 12.5 کے مساوی دوری سمتی مساوات مندرجہ ذیل ہیں۔

(12.6)
$$\mathbf{E}_{si} = \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

(12.7)
$$\boldsymbol{H}_{si} = (-\cos\theta_i \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

مساوات 10.80 شرح انعکاس جبکہ مساوات 10.82 شرح ترسیل کی تعریف بیان کرتے ہیں۔ عین سرحد پر عمود کی (ل) قطب کے میدان کے لئے ان مساوات کو

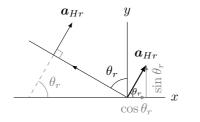
(12.8)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{E_r}{E_i}$$

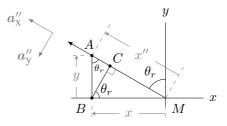
$$\tau_{\perp} = \frac{E_t}{E_i}$$

الكها حيات كال

MA = MC + CA گل 12.3-الف میں صرف انعکای موج دکھائی گئی ہے۔ مرکز Mسے موج کا فاصلہ x'' لیتے ہوئے برقی موج کی مساوات حاصل کرتے ہیں۔اب MC = MC + CA اور $CA = y \cos \theta_r$ اور $CA = y \cos \theta_r$ اور $CA = y \cos \theta_r$ برابر میں للذا

$$(12.9) x'' = -x\sin\theta_r + y\cos\theta_r$$





(ا) انعکاسی موج کے فاصلے کی کارتیسی محدد میں اظہار۔ (ب) انعکاسی مقناطیسی موج کی اکائی سمتیہ کا کارتیسی محدد میں اظہار۔

شکل 12.3: انعکاسی موج کے متغیرات کا کارتیسی محدد میں اظہار۔

کھاجائے گا۔ چونکہ منفی محد دیر x کی قیت منفی ہو گی للذا MC حاصل کرتے وقت منفی علامت کی ضرورت ہو گی۔ یوں مثبت x'' سمت میں حرکت کرتی انعکاسی برقی موج

(12.10)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{E}_{sr} &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\perp} E_0 e^{-j\beta_1 x''} \\ &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\perp} E_0 e^{-j\beta_1 (-x \sin \theta_r + y \cos \theta_r)} \end{aligned}$$

 a_Z این میدان کی سمت a_Z'' عنی جائے گی جہال میدان کی سمت a_Z'' عنی جائے گی جہال میدان کی سمت a_Z'' عنی

انعکاسی مقناطیسی موج کی مساوات لکھنے کی خاطر مقناطیسی میدان کی اکائی سمتیہ در کارہے۔شکل 12.3-ب میں انعکاسی مقناطیسی میدان کی سمت میں اکائی سمتیہ a_H دکھائی گئی ہے جو x محد د کے ساتھ a_T داویہ بناتی ہے۔اکائی سمتیہ کو محد د کے مرکز پر دو سمتیات کے مجموعے کے طور پر بھی دکھایا گیاہے جہاں سے

$$a_{Hr} = \cos \theta_r a_{X} + \sin \theta_r a_{Y}$$

لكهاجا سكتاب للذاانعكاسي مقناطيسي موج

(12.12)
$$\boldsymbol{H}_{sr} = (\cos \theta_r \boldsymbol{a}_{X} + \sin \theta_r \boldsymbol{a}_{Y}) \Gamma_{\perp} \frac{E_0}{\eta_1} e^{-j\beta_1(-x \sin \theta_r + y \cos \theta_r)}$$

 $a_{Hr}=-a_{\mathrm{y}}^{\prime\prime}$ ہے۔ شکل سے واضح ہے کہ $a_{Hr}=-a_{\mathrm{y}}^{\prime\prime}$ ہے۔

یمی طریقه کاراستعال کرتے ہوئے ترسلی امواج کے مساوات یوں لکھے جاسکتے ہیں

(12.13)
$$\mathbf{E}_{st} = \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{j\beta_2 (x \sin \theta_t + y \cos \theta_t)}$$

(12.14)
$$\boldsymbol{H}_{st} = (-\cos\theta_t \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_t \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_0}{\eta_2} e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$

ہمال تر سلی امواج کار تیسی محد د کے مرکز سے بڑھتے فاصلے کی طرف رواں ہیں۔ یہاں غور کریں کہ دوسرے خطے میں امواج کے مساوات میں مستقل β اولا ہوں۔ استعال کئے گئے ہیں۔

صفحہ 298پر مساوات 9.45 برقی میدان کی سر حدی شرط پیش کرتی ہے جس کے مطابق سر حدکے دونوںاطراف متوازی برقی میدان برابر ہوں گے۔ برقی میدان کی شرط مساوات 12.6،مساوات 12.10،مساوات 12.10 ور مساوات 12.13 میں y=0 پر کرتے ہوئے یوں

$$\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i}+0\cos\theta_{i})} + \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}}\Gamma_{\perp}E_{0}e^{-j\beta_{1}(-x\sin\theta_{r}+0\cos\theta_{r})} = \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}}\tau_{\perp}E_{0}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t}+0\cos\theta_{t})}$$

یا

(12.15)
$$e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} + \Gamma_{\perp} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \tau_{\perp} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

x=0 ککھی جاسکتی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی x=0 کئے درست ہے لہذا ہیہ x=0 کے لئے بھی درست ہو گی۔اس میں

$$(12.16) 1 + \Gamma_{\perp} = \tau_{\perp}$$

ماتا ہے۔مساوات 12.15 میں x کی قیمت تبدیل کرنے ہے e کے طاقت تبدیل ہوتے ہیں۔ یوں یہ مساوات صرف اور صرف اس صورت x کے ہر قیمت کے لئے درست ہوگی جب مساوات میں تینوں e کے طاقت ہر صورت برابر ہوں یعنی

$$(12.17) e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} = e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

اب پہلی دواجزاءکے مساوات سے

$$\theta_i = \theta_r$$

اور آخری دواجزاء کی مساوات سے

$$\beta_2 \sin \theta_t = \beta_1 \sin \theta_r$$

ملتاہے جس میں مساوات 12.18 پر کرنے سے

$$\sin \theta_t = \frac{\beta_1}{\beta_2} \sin \theta_i$$

اور صفحہ 323 پر دیے، بے ضیاع خطے کی مساوات 10.40 پر کرنے سے

(12.20)
$$\sin \theta_t = \frac{\omega \sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}{\omega \sqrt{\mu_2 \epsilon_2}} \sin \theta_i = \frac{\sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}{\sqrt{\mu_2 \epsilon_2}} \sin \theta_i$$

لعيني

$$\sin heta_t = rac{\sqrt{\mu_{r1}\mu_0 \epsilon_{r1} \epsilon_0}}{\sqrt{\mu_{r2}\mu_0 \epsilon_{r2} \epsilon_0}} \sin heta_i$$
 $= rac{\sqrt{\mu_{r1} \epsilon_{r1}}}{\sqrt{\mu_{r2} \epsilon_{r2}}} \sin heta_i$ قانون ابن سھل کی عمومی مساوات θ_i

حاصل ہو تاہے۔

غیر مقناطیسی اور بے ضیاع خطے میں بھری امواج پر تبھرے کے دوران عموماً نحوافی مستقل 1 ستعال کیاجاتا ہے جہاں

$$\sqrt{\epsilon_R} = n$$

کے برابرہے۔بے ضیاع،غیر مقناطیسی خطے میں مساوات 12.21 کو

$$\sin \theta_t = \frac{n_1}{n_2} \sin \theta_i$$
 قانون ابن سھل ، غیر مقناطیسی خطے $\sin \theta_i$ قانون ابن سھل ، غیر مقناطیسی خطے

لکھاجا سکتاہے جہاں

(12.23)
$$n_1 = \sqrt{\epsilon_{r1}}$$

$$n_2 = \sqrt{\epsilon_{r2}}$$

index of refraction⁶

غیر مقناطیسی خطوں کے انحرا فی مستقل ہیں۔انحرا فی مستقل کو استعال کرتے ہوئے، بے ضیاع اور غیر مقناطیسی خطے میں

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon} = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0} \sqrt{\epsilon_R} = \frac{\omega n}{c}$$

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_R}} \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = \frac{\eta_0}{n}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔اسی طرح دوری رفتاراور خطے میں طول موج کو

$$(12.26) v = \frac{c}{n}$$

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{n}$$

کھا حاسکتا ہے جہاں کہ خالی خلاء میں طول موج ہے۔ 4177

مساوات 12.18 کہتا ہے کہ آمدی اور انعکاسی زاویے برابر ہیں۔مساوات 12.22 جھے ابن سھل کا قانون انحراف کہتے ہیں زاوید انحراف اور زاوید آمد کا تعلق میان کر تاہے۔ یہ قانون مغربی و نیامیں قانون سنیل 8سے جانا جاتا ہے۔ بصریات ⁹ کے میدان میں قانون ابن سھل بنیادی اہمیت رکھتا ہے۔ مساوات 12.21 مقناطیسی خطے میں لا گو قانون ابن شھل دیتی ہے۔

مثال 12.1: ہواسے °30 $heta_i = heta$ زاویے پر شیشے میں عمودی تقطیب کی موج داخل ہوتی ہے۔ یانی میں انحرافی موج کازاویہ $heta_i$ حاصل کریں۔اگر شیشے سے خلاء میں موج اسی زاویے سے داخل ہو تب $heta_t$ کیا ہو گا۔ شیشے کا جزوی برقی مستقل $\epsilon_r=2.3$ لیں۔

حل: خلاء کا جزوی رقی متعقل $\epsilon_r = 1$ لیتے ہوئے، خلاء سے شیشے میں دخول بر

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{2.3}} \sin 30^\circ = 0.32969$$

 $\theta_t = \sin^{-1} 0.32969 = 19.25^{\circ}$

حاصل ہوتاہے جبکہ شیشے سے خلاء میں دخول پر

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{2.3}}{\sqrt{1}} \sin 30^\circ = 0.758288$$

 $\theta_t = \sin^{-1} 0.758288 = 49.3^{\circ}$

حاصل ہوتاہے۔ 4184

. 7 بغداد کے أبو سعد العلاء ابن سهل نے اس قانون کو سن 984 میں دریافت کیا۔ $m Snell's\ law^{8}$

صفحہ 299پر مساوات 9.49مقناطیسی میدان کی سر حدی شرط بیان کرتاہے جس کے مطابق سر حد کے دونوں اطر اف پر متوازی مقناطیسی میدان برابر ہوں گے۔ شکل 12.1 میں آمدی، انعکاسی اور انحرافی مقناطیسی میدان $a_{
m X}$ اجزاء سر حد کے متوازی ہیں لہذا مساوات 12.7، مساوات 12.1 اور مساوات $a_{
m X}$ اجزاء میں $a_{
m X}$ کرتے ہوئے مقناطیسی سر حدی شرط ہے $a_{
m X}$ کرتے ہوئے مقناطیسی سرحدی شرط ہے

$$-\cos\theta_i\frac{E_0}{\eta_1}e^{j\beta_1x\sin\theta_i}+\cos\theta_r\Gamma_\perp\frac{E_0}{\eta_1}e^{-j\beta_1(-x\sin\theta_r)}=-\cos\theta_t\tau_\perp\frac{E_0}{\eta_2}e^{j\beta_2(x\sin\theta_t)}$$

یا

$$-\cos\theta_i e^{j\beta_1 x \sin\theta_i} + \cos\theta_r \Gamma_\perp e^{j\beta_1 x \sin\theta_r} = -\cos\theta_t \tau_\perp \frac{\eta_1}{\eta_2} e^{j\beta_2 x \sin\theta_t}$$

حاصل ہوتا ہے جسے مساوات 12.18 اور مساوات 12.19 کے استعمال سے

$$-\cos\theta_i + \cos\theta_i \Gamma_{\perp} = -\cos\theta_t \tau_{\perp} \frac{\eta_1}{\eta_2}$$

کھاجاسکتا ہے۔اس میں مساوات 12.16سے au کی قیمت پر کرتے ہوئے

(12.28)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\eta_2 \cos \theta_i - \eta_1 \cos \theta_t}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t}$$

 $heta_i=0^\circ$ عاصل ہوتاہے۔ $heta_i=0^\circ$ یہ مساوات 0.80موجودہ مساوات میں $heta_i=0^\circ$ پر کرنے سے حاصل ہوتاہے۔

ا گرخطہ-2 کامل موصل ہوتب $\eta_2=0$ ہو گا جس سے $\Gamma_{\perp}=-1$ حاصل ہوتا ہے۔ا گردونوں خطے غیر مقناطیسی، بے ضیاع ذو برق ہوں تب مساوات $\Gamma_{\perp}=-1$ کی مد د سے

(12.29)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos \theta_i - \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}{\cos \theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}$$

(12.30)
$$\theta_{i,j} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

 $\sin heta_t > 12.20$ ے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل μ_0 لیتے ہوئے، فاصل زاویے سے بڑے زاویے $(heta_i > heta_{i, i})$ کی صورت میں مساوات 0 مساوات 0 ہوگا در حاصل ہوگا 0 کا مساوات 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل میں مساوات 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل میں مساوات 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل میں مساوات 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل میں مساوات 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل 0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی مستقل 0 کے برابر ہوگا کے بیرابر ہوگا کے برابر ہوگا کے براب

total internal reflection¹⁰ critical angle¹¹

يا

(12.32) $\boldsymbol{E}_{st} = \boldsymbol{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\alpha y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}}$

لکھاجاسکتاہے جہاں

$$\alpha = \beta_2 A = \omega \sqrt{\mu_2 \epsilon_2} \sqrt{\frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} \sin^2 \theta_i - 1}$$

ے برابر ہے۔ یہ میدان کم کثافت خطے میں x — جانب بے ضیاع حرکت کرتی ہے۔ سر حدیہ یا کی مقدار E_{\perp} کی مقدار $e^{-\alpha y}$ کی پھر ت $e^{-\alpha y}$ کی پھر ت $e^{-\alpha y}$ کی مقدار کے ساتھ جبٹی رہتی ہے۔ ساقھ جبٹی رہتی ہے۔ ساتھ جبٹی رہتی ہے۔ ساتھ جبٹی رہتی ہے۔

مثال 12.2: پانی سے ہوا کی جانب سر حدیر آمدی موج $heta_i = 55^\circ$ اور یہ رکھتی ہے۔ ہوا میں انحر افی موج کی قیمت سر حدیر اور سر حدسے $\frac{\lambda}{4}$ فاصلے پر حالیہ لائے ہوا ہیں۔ سر حدیر آمدی برتی میدان $E_i = 1$ ہے۔ پانی کے مستقل $\mu_r = 1$ ور $\sigma = 0$ اور $\sigma = 0$ ایس۔ سر حدیر آمدی برتی میدان

حل: مساوات 12.30 سے فاصل زاویہ

$$\theta_{i, j} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{1}{80}} = 6.42^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔ چونکہ آمدی زاویہ اس سے زیادہ ہے للذا مکمل اندرونی انعکاس پائی جائے گی۔ مساوات 12.20سے

$$\sin \theta_t = \sqrt{\frac{\mu_0 \times 80 \times \epsilon_0}{\mu_0 \times 1 \times \epsilon_0}} \sin 55^\circ = 7.327$$

اور مساوات 12.31سے

$$\cos \theta_t = jA = \sqrt{1 - 7.327^2} = j7.258$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں

$$\alpha = \beta_2 A = \frac{2\pi}{\lambda_0} 7.258 = \frac{45.6}{\lambda_0} \frac{\text{Np}}{\text{m}}$$

ہو گا۔مساوات 12.29سے

$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos 55^{\circ} - \sqrt{\frac{1}{80} - \sin^2 55^{\circ}}}{\cos 55^{\circ} + \sqrt{\frac{1}{80} - \sin^2 55^{\circ}}} = -0.33369 - j0.94268$$

اور مساوات12.16سے

$$\tau_{\perp} = 1 + \Gamma_{\perp} = 0.66631 - j0.94268 = 1.1544 / -54.746^{\circ}$$

ابوگا $E_t = 1.1544 imes 1 = 1.1544$ اس طرح ہوا میں سر حدیہ $E_t = 1.1544 imes 1 = 1.1544$

$$|E_t| = 1.1544 \times 1 \times e^{-\frac{45.6}{\lambda_0}\frac{\lambda_0}{4}} = 12.9 \frac{\mu V}{m}$$

ہو گا۔

$$\begin{split} \boldsymbol{E}_{st} &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \\ \boldsymbol{H}_{st} &= (-j A \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin \theta_{t} \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{\eta_{2}} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \\ &= (-j A \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin \theta_{t} \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{|\eta_{2}|} e^{-\beta_{2} A y} e^{(j\beta_{2} x \sin \theta_{t} - j\theta_{\eta})} \end{split}$$

10.56 مست میں اوسط طاقت کی منتقلی صفحہ 332 پر مساوات 10.56 سے دور $a_{
m V}$ سمت میں اوسط طاقت کی منتقلی صفحہ $\eta=|\eta|\,e^{i heta_{\eta}}$

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ extit{bol}}$$
اوسط $=rac{1}{2}\left[oldsymbol{E}_{s} imesoldsymbol{H}_{s}^{*}
ight]$ اوسط

کی مدد حاصل کرتے ہیں۔مقناطیسی میدان کا a_y جزواس منتقلی میں کوئی کر دار ادانہیں کر تالہذااس کا صرف a_x جزولیا جائے گا۔ جوڑی دار مخلوط مقناطیسی میدان H_s کیھتے ہوئے H_s میں تمام مقامات پر f کی علامت مثبت سے منفی اور منفی سے مثبت کر دی جاتی ہے۔

$$\frac{1}{2}\mathbf{E}_{s} \times \mathbf{H}_{s}^{*} = \frac{1}{2} \left[\mathbf{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \right] \times \left[j A \mathbf{a}_{x} \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{|\eta_{2}|} e^{-\beta_{2} A y} e^{\left(-j\beta_{2} x \sin \theta_{t} + j\theta_{\eta}\right)} \right]$$

$$= \mathbf{a}_{y} \frac{\tau_{\perp}^{2} E_{0}^{2}}{2|\eta_{2}|} e^{-2\beta_{2} A y} \left[j \cos \theta_{\eta} - \sin \theta_{\eta} \right]$$

كاحقيقى جزوليتے ہوئے

$$\boldsymbol{\mathscr{P}}_{\text{b-sl}} = -a_{\text{y}} \frac{\tau_{\perp}^2 E_0^2}{2|\eta_2|} e^{-2\beta_2 A y} \sin \theta_{\eta}$$

حاصل ہوتاہے۔ ہوامیں $\eta^{حقیقی عدد ہے للذا<math> heta_\eta = heta$ ہو گااور چو نکہ $\sin 0 = 0$ ہوتا ہے للذااوسط طاقت کی منتقلی

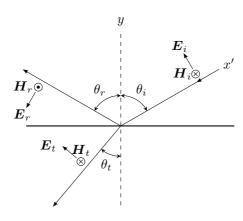
$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ extit{be,j}} = -oldsymbol{a}_{ ext{y}} rac{ au_{\perp}^2 E_0^2}{2|\eta_2|} e^{-2eta_2 A y} \sin 0^\circ = 0$$

صفر ہو گی۔ یوں کم کثافتی خطے میں مکمل اندر ونی انعکاس کی صورت میں اوسطاً کوئی طاقت منتقل نہیں ہو گااور برقی اور مقناطیسی امواج سر حدکے قریب ہی رہتی ہیں، ایسی امواج کو <mark>فنا پذیر امواج</mark> ¹³ کہتے ہیں۔

کم کثافی خطے بینی ہوامیں مقناطیسی موج کا a_y جزواور برقی a_z ا جزاء سرحدکے ساتھ ساتھ ، بے ضیاع a_x سمت میں حرکت کریں گے۔ ہوامیں ان امواج کی رفتار ، زیادہ کثافتی خطے بینی پانی میں ، سرحد کے متوازی موج کی رفتار کے برابر ہوگی بینی

$$rac{egin{align*} rac{1}{2} rac{1}{2}$$

سر حدی موج در حقیقت سر حدی شرائط پوراکرنے کی در کاربر قی اور مقناطیسی میدان ہیں۔



شکل 12.4: متوازی قطبی موج میں برقی میدان سطح آمد کے متوازی ہوتا ہے۔

 E_{\parallel} متوازی قطبی برقی موج

آئیں اب متوازی قطبی مون کی صورت حال دیکھیں۔ یادر ہے کہ مون کی سمت ہو گئی سمت ہے کہ سمت ہی ہوتی ہے۔ برقی اور مقناطیسی میدان ، مون کی سمت کے عمود کی ہوتے ہوئے مقناطیسی میدان کی سمت کے عمود کی ہوتے ہوئے مقناطیسی میدان کی سمت کا تعین پوئٹنگ سمت ہے کیا جاتا ہے۔ متوازی قطبی مون کی بات کرتے ہوئے ، آمدی برقی میدان کی سمت یا توشکل 12.4 میں ہے کی سمت اور یا اس کے الحث سمت ممکن ہے۔ یہ واحد دو سمتیں ہیں جو مون کے حرکت کے عمود کی اور آمدی سطح کے متوازی ہیں۔ اگر آمدی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت کے الحث ہوت ہوئے ، آمدی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت کے الحب ہوت ہوئے اللہ کو ہوگا۔ سمت حرکت کے عمود کی اور آمدی سطح کے متوازی ہیں۔ اگر آمدی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت ہوت ہوگائی میدان کی سمت اب وہی ہوگائی میں دکھایا گیا ہے۔ آئیں اس شکل کو حل کریں۔

مساوات 12.2 اور مساوات 12.4 کی مد دسے شکل 12.4 کے لئے

(12.34)
$$\mathbf{E}_{si} = (-\cos\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

(12.35)
$$\boldsymbol{H}_{si} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔اسی طرح گزشتہ معلومات کاسہارالیتے ہوئے

(12.36)
$$\boldsymbol{E}_{sr} = -(\cos\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \Gamma_{\parallel} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)}$$

(12.37)
$$\boldsymbol{H}_{sr} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \Gamma_{\parallel} \frac{E_{0}}{\eta_{1}} e^{j\beta_{1}(x \sin \theta_{r} - y \cos \theta_{r})}$$

(12.38)
$$\mathbf{E}_{st} = (-\cos\theta_t \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_t \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\parallel} E_0 e^{j\beta_2 (x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$

(12.39)
$$\boldsymbol{H}_{st} = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \tau_{\parallel} \frac{E_{0}}{\eta_{2}} e^{j\beta_{2}(x \sin \theta_{t} + y \cos \theta_{t})}$$

کھے جاسکتے ہیں۔ سرحد (y=0) پر برقی شرط لا گو کرنے کی خاطر برقی میدان کاوہ حصہ استعمال کیا جائے گا جو سرحد کے متوازی ہے۔ یوں a_y جزو کورد کیا جائے گا جبکہ a_x جزو کو استعمال کیا جائے گا لہذا

$$-\cos\theta_{i}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i}+0\cos\theta_{i})}-\cos\theta_{r}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\Gamma_{\parallel}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{r}-0\cos\theta_{r})}=-\cos\theta_{t}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\tau_{\parallel}E_{0}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t}+0\cos\theta_{t})}$$

لعيني

(12.40)
$$\cos \theta_i e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} + \cos \theta_r \Gamma_{\parallel} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \cos \theta_t \tau_{\parallel} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

کھاجا سکتا ہے۔اس مساوات میں x کی قیمت تبدیل کرنے ہے کی طاقت تبدیل ہوتی ہے۔الیی صورت میں یہ مساوات صرف اور صرف اس صورت درست ہو گاجب مساوات میں تینوں eکے طاقت، x کے تمام قیمتوں کے لئے برابر ہوں یعنی

$$j\beta_1 x \sin \theta_i = j\beta_1 x \sin \theta_r = j\beta_2 x \sin \theta_t$$

ہو۔اس مساوات سے

$$\theta_i = \theta_r$$

أور

$$\sin \theta_t = \frac{\beta_1}{\beta_2} \sin \theta_i$$

حاصل ہوتے ہیں جو عین عمودی قطبی موج کے مساوات ہیں۔مساوات 12.40 میں مساوات 12.41 پر کرنے سے

(12.44)
$$1 + \Gamma_{\parallel} = \frac{\cos \theta_t}{\cos \theta_i} \tau_{\parallel}$$

حاصل ہوتا ہے۔

 $-a_{z}rac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{jeta_{1}(x\sin heta_{i}+0\cos heta_{i})}+a_{z}\Gamma_{\parallel}rac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{jeta_{1}(x\sin heta_{r}-0\cos heta_{r})}=-a_{z}\tau_{\parallel}rac{E_{0}}{\eta_{2}}e^{jeta_{2}(x\sin heta_{t}+0\cos heta_{t})}$

ليعني

$$e^{j\beta_1x\sin\theta_i}-\Gamma_\parallel e^{j\beta_1x\sin\theta_r}=\tau_\parallel \frac{\eta_1}{\eta_2}e^{j\beta_2x\sin\theta_t}$$

کھاجاسکتاہے جس میں مساوات 12.41 پر کرنے سے

$$(12.45) 1 - \Gamma_{\parallel} = \tau_{\parallel} \frac{\eta_1}{\eta_2}$$

ملتاہے۔مساوات 12.44 اور مساوات 12.45 حل کرتے ہوئے

(12.46)
$$\Gamma_{\parallel} = \frac{\eta_2 \cos \theta_t - \eta_1 \cos \theta_i}{\eta_1 \cos \theta_i + \eta_2 \cos \theta_t}$$

ملتاہے جو غیر مقناطیسی اور بے ضیاع خطوں میں

(12.47)
$$\Gamma_{\parallel} = \frac{-\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2\theta_i}}{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2\theta_i}}$$

 $_{\scriptscriptstyle{4208}}$ صورت اختیار کرلے گی۔ا گر خطہ-2 کامل موصل ہوتب $\Gamma_{\parallel}=-1$ حاصل ہوتاہے جو متو قع جواب ہے۔

متوازی قطبی موج کی صورت میں ایسے آمدی زاویہ ممکن ہے جس پر 0 $\Gamma_\parallel=0$ حاصل ہوللمذاایسی صورت میں تمام کی تمام موج بغیر انعکاس کے دوسر سے خطے میں داخل ہو جاتی ہے۔اس آمدی زاویے کو بریوسٹر زاویہ 14 کہتے 15 ہیں۔مساوات 12.47 کو صفر کے برابر پر کرنے سے زاویہ بریوسٹر

(12.48)
$$\theta_{i, \text{local}} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}{1 + \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}} = \tan^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

Brewster $angle^{14}$

¹⁵یہ زاویہ سکاٹ لینڈ کے داؤد بریوسٹر کے نام سے منسوب ہے۔

حاصل ہوتاہے۔

کسی بھی موج کو عمودی اور متوازی قطبی امواج کا مجموعہ لکھا جاسکتا ہے۔ یوں اگر غیر قطبی موج، سرحد پر زاوبیہ بریوسٹر سے آمد ہو تب اس موج کا وہ جزوجو متوازی قطبیت رکھتا ہو سرحدسے مکمل طور دوسری جانب گزر جائے گا جبکہ سرحدسے انعکاسی جزو صرف اور صرف عمودی قطبیت کا ہوگا۔ عمودی قطبیت کا جو کا اور پھی کہتے ہیں۔ کا یہ آسان طریقہ ہے۔ عمودی موج کا کچھ حصہ منعکس ہوگا اور کچھ حصہ منحرف للذا انحر افی موج غیر قطبی ہوگی۔ زاویہ بریوسٹر کو <mark>زاویہ قطبیت کا بھی کہتے ہی</mark>ں۔

421

مثال 12.3: متوازی قطبی موج ہواہے پانی کی طرف آ مدہے۔ زاویہ بریوسٹر حاصل کریں۔ پانی کا جزوی برقی مستقل 80 $\epsilon_r = 80$ لیں۔

حل:

(12.49)
$$\theta_{i,j\neq j} = \tan^{-1} \sqrt{\frac{80}{1}} = 83.6^{\circ}$$

42

421

مشق 12.1: شکل 12.4 میں انعکاسی میدانوں کی سمتیں الٹ تصور کرتے ہوئے شرح انعکاس Γ_{\parallel} حاصل کریں۔ چونکہ یہاں انعکاسی میدانوں کی سمتیں الٹ تصور کئے جادیہ ہوئے۔ ہیں لہٰذا ہم تو قع کرتے ہیں کہ Γ_{\parallel} کی حاصل مساوات منفی ایک سے ضرب ہوگی۔

جواب: صرف انعكاسي امواج مين فرق مو گاجنهيں يوں كھا جائے گا۔

$$\begin{aligned} \boldsymbol{E}_{sr} &= (\cos\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) \Gamma_{\parallel} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)} \\ \boldsymbol{H}_{sr} &= -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \Gamma_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)} \end{aligned}$$

 $\frac{\eta_1\cos heta_i-\eta_1\cos heta_i-\eta$

 $\frac{\eta_1\cos heta_i-\eta_2\cos heta_t}{\eta_1\cos heta_i+\eta_2\cos heta_t}$ حاصل ہو گا۔

422

12.2 قطبی موج کی ترچهی آمد

422

شکل 12.5 میں قطبی موج کی تر چھی آمد دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں آمد کی، انعکا سی اور تربیلی امواج کے لئے علیحدہ علیحدہ کار تیبی محد داستعال کئے گئے ہیں۔ ان تینوں محدد کے مرکز کو نقطہ M ظاہر کرتی ہے جبکہ تینوں امواج کو اپنے اپنے محدد کے x محدد پر حرکت کر تاتصور کیا گیا ہے۔ یوں آمدی موج گئی x جانب حرکت کر رہی ہے جبکہ انعکا سی موج بڑھتے x جانب اور تربیلی موج بڑھتے x جانب ور تربیلی موج بڑھتے x جانب اور تربیلی موج بڑھتے x جانب اور تربیلی موج بڑھتے x جانب کر تک کر رہی ہے۔ محدد x اور دور کی زاویہ صفر ہے جبکہ متوازی جزوکا حیطہ x اور دور کی زاویہ صفر ہے جبکہ متوازی جزوکا حیطہ x اور دور کی زاویہ مقربے جبکہ متوازی جزوکا حیطہ اور دور کی زاویہ میں کو دیکھتے ہوئے اور دور کی زاویہ کی موج کے معود کی جزوکا حیطہ کی دور کی کے میں کرد کی میں کہ کہتے ہوئے دور کو دی کی موج کے میں کرد کردور کی خود کی کو کی کے دیا کہ کردور کی کہتے ہوئے کا میں کردور کی کردور کی کے دیا کہ کردور کی کردور کی کردور کی کردور کی کردور کی کردور کی کردور کردور کی کردور کردور کی کردور کردور کردور کی کردور کردور کردور کردور کی کردور کردور کی کردور کی کردور ک

(12.50)
$$\boldsymbol{E}_{i} = (E_{i\perp}\boldsymbol{a}_{Z} + E_{i\parallel}e^{j\delta_{i}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}')e^{j(\omega t + \beta_{1}x')}$$

لکھا جاسکتاہے۔انعکاسی مستقل

$$\Gamma_{\perp} = |\Gamma_{\perp}| \, e^{j\phi_{\perp}}$$

$$\Gamma_{\parallel} = \left| \Gamma_{\parallel} \right| e^{j\phi_{\parallel}}$$

لیتے ہیں۔ یوں انعکاسی موج کے اجزاء

$$(12.53) E_{r\perp} = E_z = \Gamma_{\perp} E_{i\perp} = |\Gamma_{\perp}| E_{i\perp} e^{j\phi_{\perp}}$$

$$(12.54) E_{r\parallel} = E_{y''} = \Gamma_{\parallel} E_{i\parallel} e^{j\delta} = \left| \Gamma_{\parallel} \right| E_{\parallel} e^{j(\phi_{\parallel} + \delta_i)}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔اسی طرح ترسیلی مستقل 17

$$\tau_{\perp} = |\tau_{\perp}| \, e^{j\tilde{\xi}_{\perp}}$$

$$\tau_{\parallel} = \left| \tau_{\parallel} \right| e^{\vec{\xi}_{\parallel}}$$

لیتے ہوئے تر سلی موج کے اجزاء

$$(12.57) E_{t\perp} = \tau_{\perp} E_{i\perp} = |\tau_{\perp}| E_{i\perp} e^{j\xi_{\perp}}$$

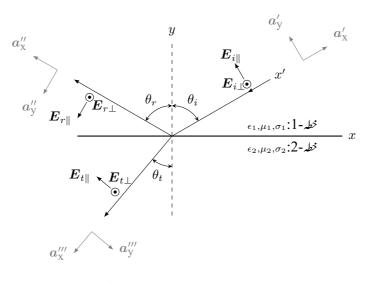
(12.58)
$$E_{t\parallel} = \tau_{\parallel} E_{i\parallel} = \left| \tau_{\parallel} \right| E_{i\parallel} e^{j(\xi_{\parallel} + \delta_i)}$$

ہو<u>ں</u> گے۔

مثال 12.4: دایاں دائری قطبی موج °45 زاویے پر ہواسے کامل موصل پر آمد ہے۔انعکاسی موج کی قطبیت دریافت کریں۔ پولیسٹرین (3.7 دوبرہ علی موج کی قطبیت دریافت کریں۔ پر آمد کی صورت میں دوبارہ حل کریں۔

حل: موصل سطح پر تر چھی آمد دائری قطبی موج کے انعکاسی مستقل مساوات 12.28 اور مساوات 12.46 سے حاصل کئے جائیں گے۔کامل موصل کی موصلیت $\sigma \to \infty$ لیتے ہوئے موصل کی قدر تی رکاوٹ $\sigma \to \infty$ حاصل ہوتی ہے جسے ان مساوات میں پر کرتے ہوئے

$$\Gamma_{\perp}=\Gamma_{\parallel}=-1$$



شكل 12.5: قطبي برقى موج سرحد پر ترچهي آمد.

حاصل ہوتے ہیں۔ صفحہ 366پر مساوات 10.138 کی مدرسے آمدی دائری قطبی دائری قطبی موج $E_i = E_0[a_Z\cos(\omega t + \beta z) + a_y'\cos(\omega t + \beta z - 90^\circ)]$

لعيني

$$\boldsymbol{E}_{si} = E_0(\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} + e^{-j\frac{\pi}{2}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}')e^{j\beta_1x'}$$

کھی جائے گی۔اس موج کو شکل 12.6 میں دکھایا گیا ہے۔نقطہ M سے دیکھتے ہوئے یہ الٹ گھڑی گھومتی ہے لہٰذا آمدی موج دائیں قطبی ہے۔انعکاسی مستقل استعمال کرتے ہوئے انعکاسی اجزاء

$$E_{r\perp} = -E_0$$

$$E_{r\parallel} = -E_0 e^{-j\frac{\pi}{2}}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔ یوں انعکاسی موج

$$\boldsymbol{E}_{sr} = E_0(-\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} - e^{-j\frac{\pi}{2}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}^{\prime\prime})e^{-j\beta_1x^{\prime\prime}}$$

لعيني

$$\mathbf{E}_r = E_0[-\cos(\omega t - \beta x'')\mathbf{a}_{Z} - \sin(\omega t - \beta z)\mathbf{a}_{y}'']$$

ہو گی۔ شکل 12.6 میں نقطہ R سے دیکھتے ہوئے انعکاس موج گھڑی کی سمت میں گھو متی ہے لہذا ہید دائری بائیں قطبی ہے۔ یوں موصل سطح پر دائیں قطبی موج انعکاس کے بعد دائیں قطبی ہو جاتی ہے۔ کے بعد بائیں قطبی ہو جاتی ہے۔ اسی طرح موصل سطح پر بائیں قطبی موج انعکاس کے بعد دائیں قطبی ہو جاتی ہے۔

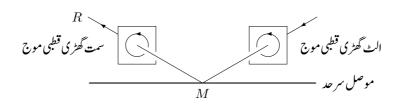
42

4228

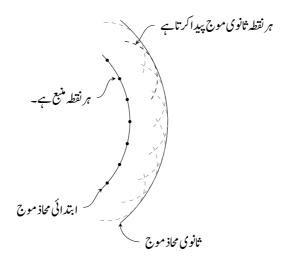
12.3 ترسيم ہائي گن

ہائی گن ⁸اکااصول کہتاہے کہ محاذ موج پر ہر نقطے کو منبع کروی موج تصور کیاجاسکتاہے۔شکل 12.7 میں اس اصول کو دکھایا گیاہے جہاں ابتدائی محاذ موج پر مختلف نقطوں سے پیداثانوی امواج دکھائے گئے ہیں۔ یہ ثانوی امواج مل کر ثانوی محاذ موج پیدا کرتی ہیں۔ ہائی گن کے اصول کی مدد سے شعاع کی راہ میں حائل چیز کے قریب شیعاع کامڑ جانا سمجھا جا سکتاہے جو ناقوانعکا میں اور ناہی انحواف کے زمرے میں آتا ہے۔

12.3. ترسيم ہائي گن 439



شکل 12.6: الٹ گھڑی قطبی آمدی موج موصل سطح سے انعکاس کے بعد سمت گھڑی قطبیت رکھتی ہے۔



شکل 12.7: ہائی گن کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ منبع موج کا کردار ادا کرتا ہے۔

شعاع کی راہ میں حائل موصل سطح شکل میں دکھائی گئی ہے۔ آئیں ہائی گن کے اصول سے نقطہ N پر برقی میدان $E = \int dE$ (12.59)

حاصل کریں جہاں موصل سطح کے کنارے سے آگے x محد دیر عمو می نقطے کو منبع موج تصور کرتے ہوئے N پر میدان dE کے برابر ہے۔

(12.60)
$$dE = \frac{E_0}{r} e^{-j\beta(r+\delta)} dx$$

(12.61)
$$E = \frac{E_0}{r} e^{-j\beta r} \int_a^\infty e^{-j\beta \delta} \, \mathrm{d}x$$

 $\delta \ll r$ کھاجاسکتاہے۔اگر

$$\delta = \frac{x^2}{2r}$$

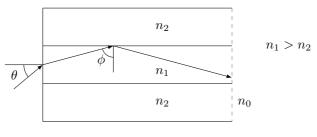
 $= \frac{2}{\kappa}$ اورu = kxاورu = kx

(12.63)
$$E = \frac{E_0}{kr} e^{-j\beta r} \int_{ka}^{\infty} e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du$$

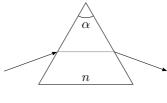
لکھاجاسکتاہے جسے

(12.64)
$$E = \frac{E_0}{kr} e^{-j\beta r} \left(\int_0^\infty e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du - \int_0^{ka} e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du \right)$$

لکھر سکتے ہیں۔



شكل 12.8: شيش ريشه.



شكل 12.9: منشور

سوالات

سوال 12.1: دائیں دائری قطبی موج نیم لامحدود پلیکسی گلاس ($\sigma=0,\mu_R=1,\epsilon_R=3.45$) کی سطح پر بریوسٹر زاویے سے آمد ہے۔ آمدی کیافت طاقت دریافت کر ہے۔ $\Gamma_{\rm m}=1$ اور $\Gamma_{\rm m}=1$ اندکا کی اور آدھی طاقت متوازی برتی ہوگی۔ $\Gamma_{\rm m}=1$ اندکا کی اور آدھی طاقت متوازی برتی ہوگی۔ $\Gamma_{\rm m}=1$ اندکا کی اور آدھی طاقت متوازی برتی ہوگی۔ $\Gamma_{\rm m}=1$ اندکا کی اور آدھی طاقت متوازی برتی ہوگی۔ $\Gamma_{\rm m}=1$ اندکا کی اور آدھی طاقت متوازی برتی ہوگی۔ $\Gamma_{\rm m}=1$

جوابات:
$$61.7^{\circ}$$
 ، $\Gamma_{\parallel}=0$ ، 7° ، انعکاسی موج خطی قطبی جبکه ترسیلی موج بینوی قطبی ہے۔ جوابات: $\Gamma_{\parallel}=0$ ، $\Gamma_{\parallel}=0$ ، $\Gamma_{\parallel}=0$ ، $\Gamma_{\parallel}=0$ ، وابات: $\Gamma_{\parallel}=0$ ، $\Gamma_{\parallel}=0$ ، وابات: $\Gamma_{\parallel}=0$ ،

سوال 12.2: شکل 12.8 میں شیش ریشہ دکھایا گیاہے۔اس شیش ریشے میں ہائیں جانب سے شعاع کا زاویے سے داخل ہوتی ہے۔ یہ شعاع غلاف سے مکمل اندیوونی جس کے اندر رہتے ہوئے ہوئے ہوئے مکمل اندرونی اندکاس پائی جائے گی۔ کا مندی شیش ریشے کی عددی شگاف 19 کھتے ہیں۔ میں مکمل اندرونی اندکاس پائی جائے گی۔ کا مندی شیش ریشے کی عددی شگاف 19 کھتے ہیں۔

$$heta$$
 بيرتر $heta = \sin^{-1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$ بيدتر

سوال 12.3:شکل 12.8میں $\, heta\,$ بریوسٹر زاوییہاور $\,\phi\,$ زاوییہ فاصل ہونے کی صورت میں $\,n_0\,$ کو $\,n_1\,$ اور $\,n_2\,$ کی صورت میں بیان کریں۔

$$n_0 = \frac{n_1}{n_2} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
 : چواب

سوال 12.4: ایسامنشور جو متوازی برقی موج کو بغیر گھٹائے گزرنے دے بریوسٹر منشور 20کہلاتا ہے۔ شکل 12.9 میں دکھائے منثور کو 1.45 ہے شیشے سے بنایا گیا ہے۔ اس شکل میں دکھائی گئی صورت حال کو دیکھتے ہوئے زاویہ ہم حاصل کریں۔ (داخلی اور خارجی شعاع شیشے کے عمود کے ساتھ بریوسٹر زاویہ بناتے ہیں ساس سے انعکا کی ضیاع کا خاتمہ حاصل کیا جاتا ہے۔)

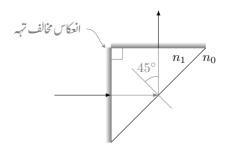
$$lpha=69.2^\circ$$
 جواب: یہال منشور کے اندر شعاع، منشور کے قاعدے کے متوازی ہے۔

سوال 12.5: شکل 12.9 میں و کھائے گئے ہر یوسٹر منشور میں عمودی ہر قی موج کاکتنافی صد گزر پائے گا۔

سوال 12.6: شکل 12.10 میں شعاع کی سمت °90 تبدیل کرنے کی خاطر منشور استعال کیا گیا ہے۔انعکاسی ضیاع سے چھٹکارے کی خاطر منشور کے بائیں اور سالائی سطحوں پر انعکاس مخلاف تہہ چڑھائی گئی ہے۔ منشور کو خالی خلاء میں استعال کرنے کی خاطر n_1 کی کم سے کم قیمت دریافت کریں۔

numerical aperture¹⁹ Brewster prism²⁰

12.3. ترسيم بائي گن



شکل 12.10: منشور سر شعاع کی سمت تبدیل کی جا سکتی ہر

 $n_1 > 1.41$ جواب:

 $E_{y^{\circ 25}} = 5\cos(\omega t - 30)$ اور $E_x = 5\cos(\omega t - \beta z)$ اور $E_x = 5$

سوال 1.28: دائری قطبی برقی موج خطہ - 1 $(\mu_{R1} = 1, \epsilon_{R1} = 1)$ سے خطہ - 2 $(\mu_{R2} = 1, \epsilon_{R2} = 4)$ کے سر حدید θ زاویے سے خطہ - 2 $(\mu_{R1} = 1, \epsilon_{R1} = 1)$ کے سر حدید $\theta = 30^\circ$ (ناویے سے خطہ - 2 $\theta = 60^\circ$ (ناویے سے خطہ - 3 $\theta = 60^\circ$ (ناویے سے خطب - 3 $\theta = 60^\circ$ (نا

 $E_{y^{126}} = 6\cos(\omega t - \beta z - 5$ اور متوازی قطبی موتی طبی موتی از خود عمودی قطبی موتی طبی موتی و $E_x = 8\cos(\omega t - \beta z)$ اور متوازی قطبی موتی نظری و خود کی خود کرد این بینوی قطبی موتی خطه -1 ($\mu_{R2} = 1, \epsilon_{R2} = 3$) کے سرحد کے عمود کے ساتھ ناپا گیا ہے۔انعکا ہی موجی کی شرح رداس حاصل کریں۔

جواب: 2.68 **جوا**ب: 2.68

 $E_{y^{2000}} = 6\cos(\omega t - \beta z - 90^\circ)$ اور متوازی قطبی موج و و و الحقی موج و الحقی

4269

4270

جواب: شرح رداس لا محدود ہے۔موج عمود کی قطبی ہے۔

12.3. ترسيم بائي گن

```
dispersion
figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book
the answers should be at the end of the book
read chapter 9 onwards (proof reading)
energy travels along the wire and not in the wire.
antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.
house completion certificate.
zaryab fish
F=nedW/dT to include in inductance chapter plus a question or two
magnetizartion curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.
charge is barqi bar.
add questions to machine book too.
take print outs for myself.

5192
5193
when giving fields always remember the following rules:
```

when giving fields always remember the following rules: always ensure that divergence of magnetic field is zero. moving waves must be of the form $E=E0\cos(wt-kz)$ where $c=(\mu*\epsilon)^{-0.5}$ and $k=2*\pi/\lambda$ include complex permittivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon") include 4th ed fig 11.11 of page 422 rename lossless and lossy dielectrics as

الباب 15

سوالات

ترچهی آمد

الباب 15. سوالات

 σ :15.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7 imes 10^4$	گريفائك	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	الله الله الله الله الله الله الله الله
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بيك لائث	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارثس	0.10×10^{7}	نائيكروم

570 الباب 15. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائلاً
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	ر پڑ
0.00075	3.8	SiO ₂ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

 μ_R :15.3 جدول

چيز
بسمت
پيرافين
لکڑی
چاندى
المونيم
بيريليم
نکل
ڈھلواں لوہا
مشين سٹيل
فيرائك (عمومي قيمت)
پرم بھرت (permalloy)
ٹرانسفارمر پتری
سيلكان لوبا
خالص لوبا
میو میٹل (mumetal)
سنڈسٹ (sendust)
سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

572 الباب 15. سوالات