## برقى ومقناطيسيات

**خالد خان بو**سفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

## عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9	)	
20	14												•	ب	ضر	تى	سم	غير	- <del>g</del>	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16												•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10	)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•																										٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح -	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	;	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6	)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41       93 42         93 42       42         54 43       43         54 43       44         59 44       40         50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41       93 42         94 45       22         24 20       25         25 20       25         26 21       26         27 22       27         28 22       28         29 44       29         20 40       30         30 40       30         4.3.       4.3.         4.3.       4.3.         4.3.       4.3.	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 58 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41       يرقي دباو         93 42       انائي اور كام         24 43       يري تكملم         99 44       الله على دباو         400       الكيرى جارج كا برقي دباو         4.3.       الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو         4.3.       الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو         4.3.       الكيرى چارج كري برقي دباو         4.3.       الكيري برقي دباو         4.3.       الكيري برقي دباو         4.3.       الكيري برقي دباو         4.3.       الكيري برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41       يرقى دباو         93 42       2.         104 52       2.         205 22       2.         207 23       2.         208 24       2.         209 44       2.         300 45       3.         4.3.       4.3.         101 46       3.         4.3.       4.3.         102 5       3.         302 6       3.         303 7       3.         304 8       3.         305 8       3.         306 8       3.         307 8       4.         308 8       4.         309 9       4.         4.0.       4.         4.0.       4.         4.0.       4.         4.0.       4.         5. \$cital \$\text{cital \$\text{ci	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41       يرقى دباو         93 42       2         20 20 ككمل       4         40 40       4         40 5       4         40 6       4         40 7       4         40 8       4         40 9       4         40 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو       يومي دباو         94 دباو       يومي تكملم         34 دباو       يومي تكملم         40 دباو       يومي دباو         4.3.       يومي دباو         4.4.       يومي دباو         4.5.       يومي دباو         4.6.       يومي دباو         4.7.       يومي دباو         4.8.       يومي دباو         4.9.       يومي دباو         4.5.       كروى محدد ميں ڈھلوان         4.5.       كروى محدد ميں ڈھلوان         4.5.       كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 <b>0</b> s								 	•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																			. ,	يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثار	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559								 	•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•		•				 •							_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 <sub>1</sub>																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(	6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ	) دېرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 <sub>s1</sub>	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 <sub>52</sub> 249 <sub>53</sub>			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 <sub>12</sub> 249 <sub>13</sub> 250 <sub>14</sub>		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 <sub>02</sub> 249 <sub>03</sub> 250 <sub>04</sub> 254 <sub>05</sub>	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 <sub>62</sub> 249 <sub>63</sub> 250 <sub>64</sub> 254 <sub>65</sub> 255 <sub>66</sub>	 										 						 						 قوت 	بين	الہ	ور ام کمے	ے اوا  ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِی رو پِت اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 <sub>22</sub> 249 <sub>33</sub> 250 <sub>34</sub> 254 <sub>55</sub> 261 <sub>67</sub>	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور  ناروں : اور	ی ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 <sub>2</sub> 249 <sub>3</sub> 250 <sub>4</sub> 254 <sub>5</sub> 255 <sub>6</sub> 261 <sub>67</sub> 262 <sub>8</sub>	 																						خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق وطیسی اور مقاور مق	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 <sub>22</sub> 249 <sub>23</sub> 250 <sub>24</sub> 254 <sub>25</sub> 255 <sub>26</sub> 261 <sub>27</sub> 262 <sub>28</sub> 265 <sub>29</sub>	 																						قوت خطير 		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 <sub>2</sub> 249 <sub>3</sub> 250 <sub>4</sub> 254 <sub>5</sub> 255 <sub>6</sub> 261 <sub>6</sub> 262 <sub>8</sub> 265 <sub>9</sub> 268 <sub>00</sub>	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو پت اور نناطیس نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 <sub>22</sub> 249 <sub>23</sub> 250 <sub>24</sub> 254 <sub>25</sub> 255 <sub>26</sub> 261 <sub>27</sub> 262 <sub>28</sub> 265 <sub>29</sub> 268 <sub>200</sub> 271 <sub>101</sub>																							قوت  خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد تو رقی ا اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں،  بحرک  رقی چ  قی رو  قی رو  نناطیس  نناطیس  نناطیس  نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

28304	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.65	9.1 فيراڈے کا قانون
290%	9.2 انتقالی برقی رو
295.07	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
297 <sub>08</sub>	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
302	9.5 تاخیری دباو
311110	10 مستوی امواج
311	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31913	10.2.1 خالي خلاء ميں امواج
323 <sub>14</sub>	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج
325,15	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32816	10.3 پوئشنگ سمتیہ
33217	10.4 موصل میں امواج
33818	10.5 انعکاس مستوی موج
34319	10.6 شرح ساكن موج
345 <sub>20</sub>	11 ترسیلی تار
345 <sub>21</sub>	11.1 ترسیلی تار کے مساوات
349,22	11.2 ترسیلی تار کے مستقل
350 <sub>23</sub>	11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل
353 <sub>24</sub>	11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل
354 <sub>25</sub>	11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار
355 <sub>26</sub>	11.3 ترسیلی تار کے چند مثال
360 <sub>27</sub>	11.4 ترسیمی تجزیہ، سمتھ نقشہ
367/28	11.4.1 سمته فراوانی نقشه
36829	11.5 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال

viii

373 <sub>30</sub>	12 تقطیب موج
37331	12.1 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
37632	12.2 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ
379 <sub>33</sub>	13 ترچهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار
379;4	13.1 ترچهی آمد
39035	13.2 ترسيم بائی گن
393,36	14 مویج اور گهمکیا
393,,	14.1 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ
394 <sub>38</sub>	14.2 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے موبج میں عرضی برقی موج
40039	14.3 كهوكهلا مستطيلي مويج
40940	14.3.1 مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور
4164	14.4 مستطیلی موبج میں عرضی مقناطیسی TM <sub>mn</sub> موج
42042	14.5 كهوكهلى نالى مويج
427/43	14.6 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف
429.44	14.7 انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف
43 hs	14.8 سطحی موج
43646	14.9 دُو برق تختی موبح
439.47	14.10 شیش ریشہ
44248	14.11 پرده بصارت
444,49	14.12 گهمکی خلاء
447/50	14.13 میکس ویل مساوات کا عمومی حل

45551																												نحراج	عی اخ	ر شعا	ثثينا او	اين	15
45552																													ف	تعارف	15.	1	
455.53																												باو .	ری دب	تاخير	15.	2	
457154																													ل .	تكم	15.	3	
45855																									نا	اينثين	قطبي	فت ا	صر ج	مخت	15.	4	
46656																						مت	مزاح	جى	اخرا	کا ا	قطب	فت ا	صر ج	مخت	15.	5	
47057																											•	٠ ٨	س زاوی	ڻهوس	15.	6	
471158																								ائش	ر افز	ت اور	سمتيد	قبہ، س	جی را	اخرا.	15.	7	
47859	•				•																				•			پب	ی ترتب	قطار	15.	8	
47860		 		 																			منبع	نقطہ	دو	ىتى،	ر سما	غير	15.	8.1			
47961		 		 																						نقش	رب ن	ضر	15.	8.2			
48062		 	•	 																						لجار	ئى قە	ثنائ	15.	8.3			
48263		 		 														طار	ي قص	مبنى	ن پر	ر کر	تعدد	ئے م	ت ک	طاقد	ساں	یک	15.	8.4			
48464		 		 					_	طار	ى ق	عراج	، اخ	نانب	ي ج	وڑائھ	چو	طار:	ي قص	مبنى	ن پر	ر کر	تعدد	ئے م	ت ک	طاقد	ساں	یک	15.	8.5			
48465		 		 						لجار	ي قد	اجى	اخر	نب	ِ جا	بائى	لمب	لجار:	ي قص	مبنى	ن پر	ر کر	تعدد	کے م	ت ک	طاقد	ساں	یک	15.	8.6			
48866		 		 						L	ينطين	صی ا	خراج	بہ اخ	زاوي	لتے	بدا	طار:	ي قص	مبنى	ن پر	ر کر	تعدد	کے م	ت کَ	طاقم	ساں	یک	15.	8.7			
489.67																												. ι	فُل پيم	تداخُ	15.	9	
49068																											اينٹينا	مطی ا	سل خ	مسل	15.1	0	
491169		 																								ينا .	ر اینٹیر	ىطحى	طیل س	مست	15.1	1	
49470																ں	ے اپیر	ِ بدر	ړيئر	ے فو	ے کیے	آپسر	يدان	<u>.</u> ور •	اور د	دان ا	پر میا	ىطح إ	جی س	اخرا.	15.1	2	
494,71																																	
499,72		 																									نا	ع اینٹین	ے موج	چلتر	15.1	4	
50073		 																															
501174								٠																				تلينا	دار این	پيچ	15.1	6	
503,75																														_			
505.76		 																										ينا .	ی اینٹ	جهرا	15.1	8	
50677																														-			
50878																																	
511179																																	
513.80																																	

عنوان

3037

مستوى امواج

لا محدود خطہ جس کا کوئی سر حدنہ ہو میں میکس ویل مساوات کا حل سادہ ترین مسکہ ہے البتہ اس ہے حاصل نتائج انتہائی دلچسپ اور معلوماتی ثابت ہوتے ہیں ﷺ و دیکھیں گے کہ وقت کے ساتھ بدلتا برقی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا برقی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا ہو قت ہے۔ پہلی تھاون بدلتے برقی میدان کو جنم دیتا ہے۔ چونکہ برقی میدان چارج کی بدولت جبکہ مقناطیسی میدان برقی روکی بدولت ہے لہذا چارج یار وہیں کسی بھی تبدیل سے باہمی تھاون سے بدلتا برقی اور بدلتا مقناطیسی میدان یعنی برقی و مقناطیسی اموج پیدا ہوتی ہے۔ ایسے امواج کی تعدد کی سائن نما موج ہوں میں نظر آتی ہیں روشنی کی رقاد سے جھائی کرتی ہیں۔ انسانی آنکھ مخصوص تعدد کی برقی و مقناطیسی امواج دیکھی کے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی برقی و مقناطیسی امواج دیکھی کے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھی سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی دور کی عرصے کے برقی و مقناطیسی امواج کو سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی دور کی عرصے کے برقی و مقناطیسی امواج کو سے سائن نماموج کو اس کی دور کی عرصے کے برقی و مقناطیسی سے مسلم میں کو بی تو دور کی عرصے کے برقی و مقناطیسی سے مسلم میں کو بھر تو دی عرصے کے برقی و مقناطیسی میں میں میں میں میں کو بھر کی میں میں میں کو بی تو میں میں کو بھر تو دور کی عرصے کے برقی و مقناطیس میں کو بھر کو بھر کو بھر کی دور کی عرصے کے برقی و مقناطیسی میں کو بھر کو بھر کو بھر کی میں کو بھر کو بھر کو بھر کو بھر کی میں کو بھر کو بھر کو بھر کو بھر کی دور کی عرصے کے برقی و مقناطیس کو بھر کو بھر کو بھر کو بھر کی میں کو بھر کو بھ

دواشیاءکے سرحد پر برقی ومقناطیسی موج پرغور کرنے سے شعاعی ا**ندکاس ؟، شعاعی انحراف آاور انکسار امواج**  ® کے حقا کق دریافت ہوتے ہیں۔ مختصر اَشعاع کے کتا ہے۔ تمام خصوصیات میکس ویل کے مساوات سے حاصل کرنا ممکن ہے۔

10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج

جیسا کہ آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی جسم کے اندر کسی بھی طرح پہنچایا گیااضافی چارج باہمی قوت دفع سے آخر کار قجم کے سطح پر پہنچ جاتا ہے۔ا گران لمحات کو نظر انداز کیا جائے جتنی دیر آزاد چارج سطح تک پہنچا ہے تو جسم کے قجم میں 0 میں مور کہا جاسکتا ہے۔اس کتاب میں 0 میں قصور کرتے ہوئے برقی و مقناطیسی

electromagnetic<sup>1</sup>

frequency<sup>2</sup> angular frequency<sup>3</sup>

light<sup>4</sup>

ime period<sup>5</sup>
reflection<sup>6</sup>

refraction<sup>7</sup> diffraction<sup>8</sup>

امواج پر غور کیا جائے گالہٰذااییا ہی تصور کرتے ہوئے صفحہ 295 پر دئے گئے میکس ویل مساوات یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں

(10.1) 
$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

(10.2) 
$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \epsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0$$

اس سے پہلے کہ ہم ان مساوات کو حل کریں، آئیں انہیں صرف دیچہ کر فیصلہ کریں کہ خالی خلاء میں ان سے کیا تنائج افغہ کے ہم ان مساوات کو حل کریں، آئیں انہیں صرف دیچہ کر فیصلہ کریں کہ خالی خلاء میں ان سے کہ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان میں وقت کے ہما تھ تبدیلی سے اس نقطے کے گرد ہوتی میدان میں وقت کے ہما تھ تبدیلی سے اس نقطے کے گرد ہوتی میدان کی گرد ش کی میدان کی گرد ش کی گرد ہوتی اور اگر مقناطیسی میدان کی قیمت کم ہوت ہوت کہ کسی بھی نظے پر بدلنا مقناطیسی میدان اس نقطے کے گرد ، یعنی میدان بدلتے ہرتی میدان پیدا کرتی ہے اور دو سری حقیقت ہے کہ کسی بھی نقطے پر برتی میدان کی قیمت کم میدان بدلتے ہرتی میدان کو جنم دیتا ہے۔ اس طرح مساوات 10.2 کہتی ہے کہ کسی بھی نقطے پر برتی میدان میں وقت کے ساتھ تبدیلی ہوتی ہے اس نقطے کے گرد مقناطیسی میدان پیدا کرتی ہے اور ہوتا ہے کہ کسی بھی نقطے پر برتی میدان میں وقت کے ساتھ تبدیلی اس نقطے سے ذرہ دور در بدلتی مقاطیسی میدان پیدا کرتی ہے۔ ایبا معلوم ہوتا ہے کہ بدلنا مقناطیسی میدان کی وفاصلے پر آگر دالے ہی خومزید آگے مقناطیسی میدان کی وفار کے ساتھ میدان کی رفار ہے۔ جومزید آگے مقناطیسی میدان کی وفار کی سے اس کے خواتا ہے۔ جومزیل کی دوروں برتی میدان کی وفار ہے۔ اس کے خواتا ہے۔ جومزیل کی دوروں برتی میدان کی وفار ہے۔ اس کرتے بدلتے برتی اور بدلتے مقناطیسی میدان کی وفار ہے۔ اس کی دونا خلال خلاء میں روشن کی کر وفار ہے۔

10.2 برقى و مقناطيسى مستوى امواج

میکس ویل مساوات کے حل <mark>دوری سمتیات</mark> <sup>9</sup> کی مد دسے نہایت آسان ہو جاتے ہیں للذا پہلے دوری سمتیہ پر غور کرتے ہیں جو آپ نے برقی ادوار حل کرتے ہوقت ضر وراستعال کئے ہوں گے۔

سائن نمالهر کی عمومی شکل

$$(10.5) E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi)$$

ہے جہاں

$$(10.6) \omega = 2\pi f$$

3062

زاویائی تعدد f اور  $\phi$  زاویائی فاصله  $E_{xyz}$  جبکه  $E_{xyz}$  از خود  $E_{xyz}$  اور  $\omega$  کاتابع تفاعل  $E_{xy}$  تفایت سیست که  $E_{xyz}$  هقت  $E_{xyz}$  هقت  $E_{xyz}$  کاتابع نہیں ہے۔

phasor9

Hertz<sup>13</sup>

angular frequency<sup>10</sup>

phase angle<sup>11</sup>

dependent function<sup>12</sup>

3071

کسی بھی متغیرہ xے گئے پولر مماثل 14 کو y و y و خانہ و اللہ بھی متغیرہ y ہے ہماں y ہے ہماں y ہے ہماں y ہے گئے پولر مماثل متغیرہ y ہے ہماں ہے ہماں کے گئے پولر مماثل

$$e^{j(\omega t + \psi)} = \cos(\omega t + \psi) + j\sin(\omega t + \psi)$$

 $Cos(\omega t + \psi)$  کسماجا سکتا ہے جو حقیقی 16 اور خیالی 17 اجزاء پر مشتمل مخلوط تفاعل 18 ہے۔ یوں  $\cos(\omega t + \psi)$  ورد کیاجا سکتا ہے۔ اس طرح  $E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi) = \left[E_{xyz}e^{j(\omega t + \psi)}\right]_{z=0}^{-18} = \left[E_{xyz}e^{j\omega t}e^{j\psi}\right]_{z=0}^{-18}$ 

کھاجاسکتاہے جہاں زیر نوشت میں حقیقی کھنے سے مرادیہ ہے کہ پورے تفاعل کا حقیقی جزولیاجائے۔مندرجہ بالا مساوات کو بطور دوری سمتیہ یوں

$$E_{ys} = E_{xyz}e^{j\psi}$$

کھاجاتا ہے جہاں  $e^{j\omega t}$ اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھاجاتا ہے۔اس مساوات کے باعمیں ہاتھ  $E_{ys}$  کلکھتے ہوئے زیر نوشت میں 8 یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں لکھی گئی ہے لہذا یاد رہے کہ اصل تفاعل میں  $e^{j\omega t}$  پایاجاتا ہے اور پورے تفاعل کا صرف حقیق جزوہی لیاجائے۔ تفاعل  $E_{ys}$  نیر نوشت میں 8 دراصل اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ اس تفاعل کا آزاد متغیرہ، مخلوط تعدد 19 ہے۔ہارے استعمال میں 8 خیالی عدد لیعنی  $e^{j\omega t}$  وہوگا۔

اب  $E_y = 10.5\cos(10^6t - 0.35z)$  ودوری سمتیر کی شکل میں لکھنے کی خاطر اسے یولر مماثل کے حقیقی جزو  $E_y = \left[10.5e^{j(10^6t - 0.35z)}\right]_{_{\mathrm{obs}}}$ 

کھنے کے بعد e<sup>j106</sup>t اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے یوں

$$E_{ys} = 10.5e^{-j0.35z}$$

 $E_{ys}$  کھاجائے گا جہاں بائیں ہاتھ  $E_{ys}$  میں زیر نوشت میں  $E_{ys}$ اضافہ کیا گیا۔ یاد رہے کہ  $E_{ys}$  حقیقی نفاعل ہے جبکہ  $E_{ys}$  عموماً مخلوط نفاعل ہو تاہے۔

دوری سمتیہ سے اصل تفاعل حاصل کرنے کی خاطر اسے ejwt سے ضرب دیتے ہوئے حاصل جواب کا حقیقی جزولیا جاتا ہے۔

مساوات 10.5 کاوقت کے ساتھ جزوی تفرق

$$\frac{\partial E_y}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} [E_{xyz} \cos(\omega t + \psi)] = -\omega E_{xyz} \sin(\omega t + \psi)$$
$$= \left[ j\omega E_{xyz} e^{j(\omega t + \psi)} \right]_{\text{obs}}$$

کے برابر ہے۔ یہ عمومی نتیجہ ہے جس کے تحت وقت کے ساتھ تفاعل کا تفرق، دوری سمتیہ کو ن نتیجہ سے خرب دینے کے مترادف ہے۔ یوں مثال کے طور پراگر

$$\frac{\partial E_x}{\partial t} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

ہوتباسی کی دوری سمتیہ شکل

$$j\omega E_{xs} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

Euler's identity<sup>14</sup>

imaginary number<sup>15</sup>

 $\mathrm{real}^{\scriptscriptstyle 16}$ 

imaginary<sup>17</sup>

complex function<sup>18</sup> complex frequency<sup>19</sup>

ہو گی۔اسی طرح سائن نمامیدان کے لئے میکس ویل کے مساوات بھی باآسانی دوری سمتیہ کی شکل میں لکھے جاسکتے ہیں للذا

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

کودوری سمتیه کی صورت میں

$$\nabla \times \mathbf{E}_s = -j\omega \mu \mathbf{H}_s$$

لکھا جائے گا۔ میکس ویل کے بقایا مساوات کو بھی دوری سمتیہ کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(10.8) 
$$\nabla \times \boldsymbol{H}_s = (\sigma + j\omega\epsilon) \boldsymbol{E}_s$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E}_{\scriptscriptstyle S} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H}_{S} = 0$$

آئیں ان مساوات سے امواج کی مساوات حاصل کریں۔اییا کرنے کی خاطر مساوات ہے امواج کی مساوات حاصل کریں۔اییا کرنے کی خاطر مساوات ہے امواج کabla imes 
abla imes 
a

میں مساوات 10.8 اور مساوات 10.9 پر کرنے سے

(10.11) 
$$\nabla^2 \mathbf{E}_s = j\omega\mu \left(\sigma + j\omega\epsilon\right) \mathbf{E}_s = \gamma^2 \mathbf{E}_s$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$\gamma = \mp \sqrt{j\omega\mu\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)}$$

حرکی متنقل  $^{20}$ کہلاتا ہے۔ چو نکہ  $j\omega\mu(\sigma+j\omega\epsilon)$  مخلوط عدد ہو گا جے

$$\gamma = \alpha + j\beta$$

کھاجا سکتا ہے جہاں  $\alpha$ اور  $\beta$  مثبت اور حقیقی اعداد ہیں۔ مساوات 10.12 کو یوں بھی کھھاجا سکتا ہے

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

جہال کسی وجہ سے صرف مثبت قیمت لی گئی ہے۔ یہ وجہ آپ کو جلد بتلادی جائے گی۔

مساوات 10.11سم<mark>تی بلم ہولٹ</mark>ز مساوات <sup>2221</sup> کہلاتی ہے۔ کار تیسی محد دمیں بھی سمتی ہلم ہولٹز مساوات کی بڑی شکل کافی خو فناک نظر آتی ہے چو نکہ اس سے چار چار اجزاء پر مشتمل تین عد د مساوات نکلتے ہیں۔ کار تیسی محد دمیں اس کی x مساوات

$$\nabla^2 E_{xs} = \gamma^2 E_{xs}$$

لعتني

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

propagation constant<sup>20</sup> vector Helmholtz equation<sup>21</sup>

<sup>22</sup> ہرمن لڈوگ فرڈینانڈ ون بلم ہولٹز جرمنی کے عالم طبیعیات تھے۔

 $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} = 0$ ہے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ جن امواج پر ہم غور کر ناچاہتے ہیں ان میں ناتو x اور ناہی y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الیں صورت میں  $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} = 0$  اور  $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2}$  اور  $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2}$  اور  $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2}$ 

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

صورت اختیار کرلے گی۔اس طرح کے دودرجی تفرقی مساوات آپ نے پڑھے ہوں گاللذامیں توقع رکھتا ہوں کہ آپ اس کے حل

$$(10.18) E_{xs} = Ae^{-\gamma z}$$

أور

$$(10.19) E_{xs} = Be^{\gamma z}$$

الكه سكته بين -

آئیں  $\alpha+j\beta$  پر کرتے ہوئے ان جوابات میں سے مساوات 10.18 پر غور کریں۔ مساوات 10.18 در حقیقت دوری سمتیہ ہے للذااسے  $e^{j\omega t}$  سے ضرب رے کر

$$E_x = \left[ A e^{j\omega t} e^{-(\alpha + j\beta)z} \right]_{\omega}$$

$$= \left[ A e^{-\alpha z} e^{j(\omega t - \beta z)} \right]_{\omega}$$

حقيقي جزو

$$E_x = Ae^{-\alpha z}\cos(\omega t - \beta z)$$

لتے ہیں۔ مساوات کے مستقل A کی جگہہ t=0 اور 0=z پر میدان کی قیمت  $E_0$  پر کرتے ہوئے اصل حل

$$(10.20) E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$

کھاجا سکتا ہے۔ یہ مستوی موج <sup>23</sup> کی وہ مساوات ہے جس کی تلاش میں ہم <u>نکلے تھے۔</u>اگر ہم مساوات 10.19 کو لے کر آ گے بڑھتے تو مساوات 10.20 کی جگہ موج کی مساوات

$$(10.21) E_x = E_0 e^{\alpha z} \cos(\omega t + \beta z)$$

عاصل ہوتی۔

مساوات 10.18 میں  $A=E_0$  پر کرتے ہوئے اس کی سمتیہ شکل

$$(10.22) E_s = E_0 e^{-\gamma z} a_X$$

 $^{2075}$  کامی جاسکتی ہے جو صرف  $a_{
m X}$  جزویر مشتمل ہے۔ آئیں مساوات 10.20 میں دیئے متحر کے موج $^{24}$ پر اب غور کریں۔

مساوات 10.20 کہتی ہے کہ برقی میدان ہر نقطے پر x محدد کے متوازی ہے۔اگر z کی قیمت تبدیل نہ کی جائے تب x اور y تبدیل کرنے سے میدان تبدیل نہیں ہوتا۔

مساوات 10.20 میں تے بڑھانے سے می کی وجہ سے موج کی چوٹی گھٹی ہے لہذا ہم تضعیفی مستقل کو نیپر 26 فی میٹر Np میں ناپا 27 جاتا ہے ہی ہوں مستقل 29 نیپر 20 فی میٹر Np میں ناپا جاتا ہے لہذا الانہ نہوں کے مساوات میں 27 – زاویا کی فاصلہ ہے جسے ریڈیٹن میں ناپا جاتا ہے لہذا الانہ نہوں کے مساوات میں 27 – زاویا کی فاصلہ ہے جسے ریڈیٹن میں ناپا جاتا ہے لہذا الانہ نہوں کے مساوات میں 28 – زاویا کی فاصلہ ہے جسے ریڈیٹن میں ناپا جاتا ہے لہذا الانہ نہوں کے مساوات میں 28 مستقل 29 کہلاتا ہے جبکہ اس کی اکائی ریڈیٹن فی میٹر RD ہے۔

plane wave<sup>23</sup>

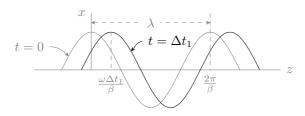
travelling wave<sup>24</sup>

attenuation constant<sup>25</sup>

neper<sup>26</sup>

phase constant<sup>29</sup>

تضعیفی مستقل کی اکائی جان نیپر کے نام سے منسوب ہے۔  ${
m dimensionless}^{28}$ 



شکل 10.1: وقت t=0 اور  $t=t_1$  پر خلاء میں موج کا مقام۔

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہے جس سے

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

3081

لکھاجاسکتاہے جوانتہائی اہم نتیجہ ہے۔

موج کی مساوات ہی کو وقت  $\Delta t_1 = \pm \chi$ شکل 10.1 میں دوبارہ گاڑ تھی سیاہی میں بھی دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس دورانیے میں موج نے دائیں جانب یعنی z بڑھنے کی طرف حرکت کی ہے۔ یوں صاف ظاہر ہے کہ یہ موج وقت کے ساتھ مثبت z جانب حرکت کر رہی ہے۔ دورانیہ  $\Delta t_1$  میں موج کی چوٹی نے مولانی فاصلہ طے کیا ہے للذاموج کے رفتار کو  $\frac{\omega \Delta t_1}{B}$ 

(10.25) 
$$v = \frac{\Delta z}{\Delta t} = \frac{\omega \Delta t_1}{\beta} \frac{1}{\Delta t_1} = \frac{\omega}{\beta}$$

3082

لکھاجا سکتاہے۔

مساوات 10.24 کو مساوات 10.25 میں پر کرنے سے

$$(10.26) v = f\lambda$$

3083

-عاصل ہوتاہے جو  $\lambda$  طول موج اور f تعدد رکھنے والے موج کی رفتار vدیتی ہے۔

مساوات 10.20 میں مساوات 10.25 استعال کرتے ہوئے

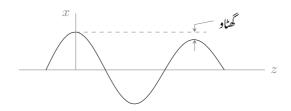
(10.27) 
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos \left[ \omega \left( t - \frac{z}{v} \right) \right]$$

حاصل ہوتا ہے جسے مساوات 10.25 اور مساوات 10.24 کی مددسے

(10.28) 
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos\left(\omega t - \frac{2\pi z}{\lambda}\right)$$

wavelength<sup>30</sup>

(10.30)



شکل 10.2: موج چلتے ہوئے آہستہ آہستہ کمزور ہوتی رہتی ہے۔

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

موج کی رفتار کومساوات 10.20سے دوبارہ حاصل کرتے ہیں۔اس مساوات کے تحت کسی بھی لمحہ اپر موج کی چوٹی اس مقام پر ہو گی جہال

$$\omega t - \beta z = 0$$

ہو۔ چو نکہ رفتار dz کہتے ہیں للذااس مساوات کے تفرق

$$\omega \, \mathrm{d}t - \beta \, \mathrm{d}z = 0$$

ہےر فتار

$$v = \frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} = \frac{\omega}{\beta}$$

حاصل ہوتی ہے۔

10.7سے مساوات  $E_s$ 

$$\nabla \times \boldsymbol{E}_{s} = -j\omega \mu \boldsymbol{H}_{s}$$

کی مد دسے مقاطیسی موج باآسانی حاصل ہوتی ہے۔مساوات 10.22استعال کرتے ہوئے مندر جہ بالا مساوات سے  $-\gamma E_0 e^{-\gamma z} a_{
m V} = -j\omega \mu H_{
m S}$ 

یا

$$\boldsymbol{H}_{s} = \frac{\gamma}{i\omega\mu} E_{0}e^{-\gamma z}\boldsymbol{a}_{y}$$

حاصل ہوتاہے جس میں مساوات 10.12سے مثبت  $\gamma$  کی قیمت پر کرنے سے

$$\mathbf{H}_{s} = \sqrt{\frac{\sigma + j\omega\epsilon}{j\omega\mu}} E_{0}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$
$$= \frac{E_{0}}{\eta}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

ملتاہے جہاں دوسرے قدم پر

(10.31) 
$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

لکھی <sup>31</sup> گئی <sup>32</sup> ہے۔اس مساوات کو

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{1}{\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega \epsilon}}}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 10.22 کی غیر سمتی صورت لیمنی  $E_{xs}=E_0e^{-\gamma z}$  کو مساوات 10.30 کے غیر سمتی صورت لیمنی  $H_{ys}=\frac{E_0}{\eta}e^{-\gamma z}$  کو مساوات 10.32 کے غیر سمتی صورت العنی

$$\frac{E_{xs}}{H_{ys}} = \eta$$

یہال ذرہ رک کرایک برقی دور پر غور کرتے ہیں۔ منبع برقی دباو $(\omega t - \psi)$  جے دوری سمتیہ  $V_0 e^{-j\psi}$  کھاجا سکتا ہے کے ساتھ سلسلہ وار مزاحمت  $V_0 e^{-j\psi}$  امالہ Lاور کپیسٹر C جڑے ہیں جن کی رکاوٹ Z

$$Z = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) = R + jX = |Z|e^{j\theta_Z} = |Z|\underline{\theta_Z}$$

ککھی جاسکتی ہے جہال  $\omega L>rac{1}{\omega C}$  کی صورت میں X مثبت ہو گا جبکہ  $\omega L<rac{1}{\omega C}$  کی صورت میں یہ منفی ہو گا۔ مزید  $\omega L>rac{1}{\omega C}$  کی صورت میں دور خالص مزاحمتی رکاوٹ پیش کرے گااور  $\theta_Z=0$  ہو گا۔ اس دور میں برقی رودور کی سمتیہ کی مدد سے

$$I_s = \frac{V_s}{Z_s} = \frac{V_0 e^{-j\psi}}{|Z| e^{j\theta_Z}} = \frac{V_0}{|Z|} e^{-j(\psi + \theta_Z)}$$

حاصل ہو تاہے جس سے

$$i = \frac{V_0}{|Z|} \cos \left(\omega t - \psi - \theta_Z\right)$$

کھاجا سکتا ہے۔ برقی د باواور برقی روایک ہی تعد در کھتے ہیں البتہ ان میں زاویائی فاصلہ ط<sub>ک</sub> پایاجاتا ہے۔ ثبت X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر برقی د باوکے پیچے رہتی ہے جبکہ منفی X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر برقی د باوکے آگے رہتی ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ برقی د باواور برقی روکی شرح

$$\frac{V_s}{I_s} = |Z| e^{j\theta_Z} = Z$$

کے برابر ہے جسے ر کاوٹ کہتے ہیں۔

آئیں اب دوبارہ امواج کی بات کریں۔ برقی موج کواس مثال کے برقی دباو کی جگہ اور مقناطیسی موج کو مثال کے روکی جگہ رکھتے ہوئے آپ دیکھیں گے کہ دونوں مسائل ہو بہو یکساں ہیں۔اسی وجہ سے برقی موج کو اور مقناطیسی موج H<sub>ys</sub> کی شرح ہر، <mark>قدرتی رکاوٹ</mark> 33 کہلاتی ہے۔ بالکل برقی رکاوٹ کی طرح قدرتی رکاوٹ میں علی موجھتی یاخیالی اور یامخلوط عدد ہو سکتا ہے۔ قدرتی رکاوٹ کی اکائی اوہم Ω ہے۔

مساوات 10.30سے مقناطیسی موج

(10.34) 
$$H_{y} = \frac{E_{0}e^{-\alpha z}}{|\eta|}\cos\left(\omega t - \beta z - \theta_{\eta}\right)$$

 $^{13}$ یونانی حروف تہجی  $\eta$  ایٹا پڑھا جاتا ہے۔  $\eta \ {
m eta}^{32}$ 

intrinsic impedance<sup>33</sup>

لکھی جائے گی جہاں قدرتی رکاوٹ کو

$$\eta = \left| \eta \right| e^{j\theta_{\eta}}$$

ككها گيا\_

مساوات 10.20 کے تحت برقی میدان x محدد کے متوازی ہے جبکہ مساوات 10.34 کے تحت مقناطیسی میدان y محدد کے متوازی ہے لہذا یہ میدان آ کہی پیس ہر وقت عمودی رہتے ہیں۔ اس کے علاوہ دونوں امواج ہے سہت میں حرکت کررہے ہیں۔ یوں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت بھی آ کہی میں عمودی ہیں ۔ اس طرح رسی ہو قت عمودی رہتے ہیں۔ اسی طرح رسی ہو تھی اسی میدان کی سمت اور حرکت کی سمت عمودی ہوں عرضی امواج 44 کہلاتے ہیں۔ پانی کی سطح پر اہریں بھی عرضی امواج ہوتے ہیں۔ اسی طرح رسی ہو تھی کہ سکت کے حمود کی ہو تھی سے بلانے سے رسی میں عرضی موج پیدا ہوتی ہے۔ عرضی برقی ومقناطیسی موج 13 میں ایسے امواج پر غور کیا جائے گا جن میں صرف ایک میدان سمت حرکت کے عمودی ہوگا۔ انہیں عرضی برقی موج 36 سے معرفی مقناطیسی موج 37 کانام دیا گیا ہے۔

آئيں اب چند مخصوص صور توں میں ان مساوات کو استعمال کرناسیکھیں۔

10.2.1 خالي خلاء ميں امواج

خالی خلاء میں  $\mu_R=1$  ور  $\mu_R=1$  اور  $\mu_R=1$  بین البذامساوات 10.12 شبت حرکی مستقل  $\gamma=\sqrt{j\omega\mu_R\mu_0\left(\sigma+j\omega\epsilon_R\epsilon_0
ight)}=j\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0}$ 

حاصل ہو تاہے جس سے

$$\alpha = 0$$

$$\beta = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں خالی خلاء میں برقی ومقناطیسی امواج کی رفتار ، جسے روایتی طور پر ی سے ظاہر کیا جاتا ہے ، مساوات 10.25 سے

$$c = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

حاصل ہوتی ہے جس کی قیمت

$$c = \frac{1}{\sqrt{4 \times \pi \times 10^{-7} \times 8.854 \times 10^{-12}}} = 2.99 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\approx 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

-

مساوات 10.31سے خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu_R\mu_0}{\sigma + j\omega\epsilon_R\epsilon_0}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}$$

 ${\rm transverse}\ {\rm waves}^{34}$ 

transverse electromagnetic, TEM<sup>35</sup> transverse electric wave, TE wave<sup>36</sup>

transverse magnetic wave, TM wave<sup>37</sup>

عاصل ہوتی ہے۔قدرتی رکاوٹ کی قیمت حاصل کرنے کی خاطر ہم 
$$\epsilon_0=rac{1}{4\pi\epsilon_0}=9 imes10^9$$
 حاصل ہوتی ہے۔قدرتی رکاوٹ کی قیمت حاصل کرنے کی خاطر ہم  $\eta=120\pipprox377\,\Omega$ 

حر کی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کی قیمتیں استعال کرتے ہوئے خالی خلاء میں متحرک موج کے میدان

$$E_x = E_0 \cos \left[ \omega \left( t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

$$H_y = \frac{E_0}{120\pi} \cos \left[ \omega \left( t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

لکھے جائیں گے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ دونوں میدان ہم زاویہ ہیں۔ یوں کسی بھی نقطے پر بڑھتے برقی میدان کی صورت میں اس نقطے پر مقناطیسی میدان بھی ہڑھتا ہے۔ان مساوات کے تحت امواج بالکل سیدھے حرکت کرتے ہیں اور ناوقت اور ناہی فاصلے کے ساتھ ان کی طاقت میں کسی قشم کی کمی رونما ہوتی ہے۔ یہی وجید ہے کہ کا ئنات کے دور ترین کہکشاوں سے ہم تک برقی ومقناطیسی امواج پہنچتی ہیں اور ہمیں رات کے چیکتے اور خوبصورت تارے نظر آتے ہیں۔

مشق 10.1: ہےتار 88فر الکع ابلاغ میں 400 36 کی اونچائی پر پرواز کرتے مصنوعی سیارے اہم کر دار اداکرتے ہیں۔ یہ سیارے زمین کے اوپر ایک ہی انقطے پر آویزاں نظر آتے ہیں۔ان سیاروں سے زمین کے قریبی نقطے تک برقی اشارہ کتنی دیر میں پہنچے گا۔

جواب:sııı

 $c=3 imes10^{8}\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$  على: الف)موج كى رفمار

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{240 \times 10^6} = \frac{5}{4} \text{m}$$

اور یول

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{8\pi}{5} \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

wireless<sup>38</sup>

حاصل ہوتے ہیں۔اب زاویائی تعدد حاصل کرتے ہیں۔

$$\omega = 2\pi f = 4.8\pi \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

ب) حقیقی مساوات

$$E = 128\cos\left(4.8\pi \times 10^8 t - \frac{8\pi}{5}z\right)$$

ہے جبکہ دوری مساوات مندر جدزیل ہے۔

$$E=128e^{-j\frac{8\pi}{5}z}$$

پ)اب موج تاخیر سے محدد کے مر کز پر پہنچتی ہے۔ موج کا تاخیر ی زاویہ θ لکھتے ہوئے موج کی مساوات

$$E = 128\cos\left(4.8\pi \times 10^8 t - \frac{8\pi}{5}z + \theta\right)$$

heta=-0.176 ہو گی۔ موج کی چوٹی  $z=0.25\,\mathrm{m}$  اور  $t=1.2\,\mathrm{ns}$  پر ہو گی للذا z=0.176 ہوگی۔ موج کی چوٹی مندرجہ بالا مساوات میں استعمال کی جائے گی۔ موج کی دوری مساوات مندرجہ ذیل ہے۔

$$E_s = 128e^{-j\pi(\frac{8}{5}z + 0.176)}$$

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cos \left( 2\pi \times 50 \times 10^6 t + \frac{\pi}{3} z \right)$$

کھاجائے گا۔ لحمہ t=0 پر محدد کے مرکز پر میدان  $a_E$  340 پایاجاتا ہے للذاموج کی مکمل خاصیت مندرجہ ذیل مساوات بیان کرے گ

$$E = 340 \left[ \frac{2}{\sqrt{13}} a_{\mathrm{X}} + \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\mathrm{Y}} \right] \cos \left( 2\pi \times 50 \times 10^{6} t + \frac{\pi}{3} z \right)$$

اس کی دوری شکل مندر جه ذیل ہے۔

$$E_{\rm S} = 340 \left[ \frac{2}{\sqrt{13}} a_{\rm X} + \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\rm Y} \right] e^{j\frac{\pi}{3}z}$$

3122

3123

مثال 10.3: خالی خلاء میں برقی موج  $e^{jrac{\pi}{3}z}$   $a_{
m N}$  = 340  $\left[rac{2}{\sqrt{13}}a_{
m X} + rac{3}{\sqrt{13}}a_{
m Y}
ight]e^{jrac{\pi}{3}z}$  مثال 10.3: خالی خلاء میں برقی موج کی مساوات تکھیں۔

حل: خالی خلاء میں

$$\frac{E_0}{H_0} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 120\pi$$

سے مقناطیسی چوٹی کی قیمت

$$H_0 = \frac{340}{120\pi} = \frac{17}{6\pi}$$

$$\left(\frac{2}{\sqrt{13}}a_{X} + \frac{3}{\sqrt{13}}a_{Y}\right) \cdot (xa_{X} + ya_{Y}) = 0$$

ہو گاجس سے

$$(10.38) 2x + 3y = 0$$

 $y=-\frac{2}{3}$  عاصل ہوتا ہے۔ یوں x=1 پر کرنے سے  $y=-\frac{2}{3}$  عاصل ہوتا ہے۔ یوں  $y=-\frac{2}{3}$  عاصل ہوتا ہے۔ یوں مقاطیسی میدان  $y=-\frac{2}{3}$  سمتیر کی سمت میں ہوگی۔ اس طرح مقناطیسی میدان کی سمت میں اکائی سمتیر

$$a_H = \frac{a_{\rm X} - \frac{2}{3}a_{\rm Y}}{\sqrt{1 + \frac{4}{9}}} = \frac{3}{\sqrt{13}}a_{\rm X} - \frac{2}{\sqrt{13}}a_{\rm Y}$$

ہو گی۔ یادر ہے کہ  $a_E imes a_H$  سے موج کے حرکت کی سمت حاصل ہوتی ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ

$$a_E \times a_H = (\frac{2}{\sqrt{13}}a_X + \frac{3}{\sqrt{13}}a_Y) \times (\frac{3}{\sqrt{13}}a_X - \frac{2}{\sqrt{13}}a_Y) = -a_Z$$

x=-1 ہو موج کی درست سمت ہے۔اب ہم مساوات 10.38 میں x کی قیمت منفی بھی پر کر سکتے تھے۔ آئیں ایسا بھی کر کے دیکھ لیں۔اگر ہم  $a_{\rm Z}$  ہو موج کی درست سمت ہوتا ہم سے اکائی سمتیہ  $a_{\rm Z}$  سمتی ضرب سے  $a_{\rm Z}$  حاصل ہوتا ہم  $a_{\rm Z}$  ہو ماصل ہوتا ہم عاصل ہوتا ہم میں ہوتا ہم ہوتا ہم ہوتا ہم میں جہان ہوتا ہم ہم ان دوجوا بات میں سے پہلی جواب کو ہی یہاں درست تسلیم کریں گے۔ یوں مقناطیسی موج کی دوری مساوات مندر جہ ذیل ہوگی۔

$$H_s = H_0 a_H e^{j\frac{\pi}{3}z} = \frac{17}{6\pi} \left( \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\rm X} - \frac{2}{\sqrt{13}} a_{\rm Y} \right) e^{j\frac{\pi}{3}z}$$

3125

10.2.2 خالص يا كامل ذو برق ميں امواج

3126

خالص یاکامل ذو برتی سے مراد ایساذو برت ہے جس میں متحرک برتی و مقناطیسی امواج کی توانائی ضائع نہیں ہوتی۔خالص ذو برتی میں  $\sigma=\sigma$  جبکہ اس کا جزوی متناطیسی مستقل  $\mu_R$  اور جزوی برتی مستقل  $\mu_R$  ہے لہذا مساوات 10.12 سے مثبت حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}$$

حاصل ہو تاہے جس سے

$$\alpha = 0$$

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار مساوات 10.25سے

$$v = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_R \mu_0 \epsilon_R \epsilon_0}} = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں  $\frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$  کو خالی خلاء میں روشنی کی رفتار کا کھا گیا ہے۔ چونکہ ذو برق میں 1 $\mu_R \epsilon_R > 1$  ہے لہذاذ و برق میں روشنی کی رفتار اس کی زیادہ سے زیادہ رفتار ہے۔

موج کی رفتار اور تعدد سے طول موج

(10.42) 
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{c}{f\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

 $\mu_{RG_R} > 1$  عاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کے طول موج کو  $\lambda_0$  کھھا گیا ہے۔ اس مساوات سے ذوبرق میں روشنی کی رفتار کم ہوجاتا ہے۔ پونکہ جو جاتا ہے جس سے روشنی کی رفتار کم ہوجاتی ہے۔ 1 لہذا ذوبرق میں طول موج کم ہوجاتا ہے جس سے روشنی کی رفتار کم ہوجاتی ہے۔

مساوات 10.31سے ذو برقی کی قدرتی رکاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ کو  $\eta_0$  لکھا گیاہے۔

یوں ذو برق میں امواج کے مساوات

$$(10.43) E_{x} = E_{0}\cos(\omega t - \beta z)$$

(10.44) 
$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

ال عاد 3132 علي ال

3133

مثال 10.4: پانی کے لئے  $\epsilon_R=78.4$ ،  $\mu_R=78.4$  ور  $\sigma=0$  لیتے ہوئے  $\sigma=0$  تعدد کے برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار، طول موج اور قہدر تی مثال 10.4: پانی کے لئے  $\epsilon_R=78.4$ ، ورحتیقت پانی میں پوانائی رکاوٹ حاصل کریں۔ برقی میدان  $\frac{mV}{m}$  50 ہونے کی صورت میں برقی اور مقناطیسی امواج کے مساوات کھیں۔ ہم  $\sigma=0$  لیتے ہوئے در حقیقت پانی میں پوانائی کے ضیاع کو نظر انداز کر رہے ہیں۔

حل:

324

$$v = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{78.4}} = 0.3388 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{0.3388 \times 10^8}{300 \times 10^6} = 11.29 \text{ cm}$$

بین جبکه خالی خلاء میں  $\lambda=1$  ستقل بین جبکه خالی خلاء میں

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = 55.7 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

اور

$$\eta = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \frac{377}{\sqrt{78.4}} = 42.58 \,\Omega$$

ہیں۔امواج کے مساوات

$$E_x = 0.05\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

$$H_y = \frac{0.05}{42.58}\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z) = 0.00117\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

پير... باري - باري

- 313

3139

مشق 10.2: کتاب کے آخر میں مختلف اشیاء کے مستقل دئے گئے ہیں۔انہیں استعال کرتے ہوئے ابرق میں ، طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہوئے 5.6، GHz ا اور mA/m 10 حیطے کی مقناطیسی میدان پر مندر جہ ذیل حاصل کریں۔

• موج کی رفتار،

• طول موج،

• زاویاکی مستقل،

• قدرتی رکاوٹ،

• برقی میدان کا حیطه -

 $1.62 \frac{V}{m}$  وابات:  $\frac{m}{s}$  23 cm 22 ×  $10^8 \frac{m}{s}$  1.29 وربابت:

314

3147

ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج

کامل ذو برق میں امواج پر غور کے بعد فطری طور ناقص ذو برق پر بات کر ناضر وری ہے لہذاصاف پانی کومثال بناتے ہوئے GHz 20 تعدد پر ایساہی کرتے ہیں ﷺ 328 پر شکل 10.4 میں صاف یانی کے مستقل دئے گئے ہیں۔

اس تعدور پر صاف پانی کے مستقل 
$$\epsilon_R=41$$
 اور  $\sigma=36.7$  یں۔ چو نکہ پانی غیر مقناطیسی ہے لہذااس کا  $\epsilon_R=41$  ہو گا۔ یوں  $rac{\sigma}{\omega\epsilon}=0.8$ 

اور

$$\gamma = j2 \times \pi \times 20 \times 10^{9} \times \frac{\sqrt{1 \times 41}}{3 \times 10^{8}} \sqrt{1 - j0.8}$$
$$= 3035 / 70.67^{\circ}$$
$$= 1005 + j2864 \quad \text{m}^{-1}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں پانی کا تضعیفی مستقل

$$\alpha = 1005 \, \frac{Np}{m}$$

ہے جس کامطلب ہے کہ پانی میں ہر <del>1</del>00 میٹریعنی mm افاصلہ طے کرنے پر برقی اور مقناطیسی امواج 0.368 گناگھٹ جائیں گے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں <mark>ریڈار</mark> 🔐 پانی میں کیوں کام نہیں کرتا۔اسی طرح بارش کی صورت میں بھی ریڈار کی کار کرد گی بری طرح متاثر ہوتی ہے۔ پانی میں دیکھنے کی خاطر موج آ واز استعال کی جاتی ہیں۔

زاويائی مستقل

$$\beta = 2864 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

ہوت  $\sigma=0$  کی صورت میں  $\sigma=2682$  حاصل ہوتا ہے لہذا پانی کے موصلیت سے زاویا کی مستقل زیادہ متاثر نہیں ہوا۔اس تعدد پر خالی خلاء میں طول پھوج  $\lambda = \frac{2\pi}{3}$  ياني مين  $\lambda = \frac{2\pi}{3}$  ياني مين  $\lambda = \frac{2\pi}{3}$  ياني مين  $\lambda = 2.19$  mm ياني مين  $\lambda = 2.19$  mm

قدر تی رکاوٹ

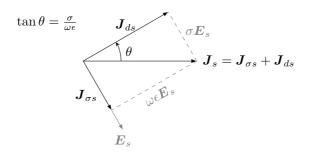
$$\eta = \frac{377}{\sqrt{41}} \frac{1}{\sqrt{1 - j0.8}} = 52/19.33^{\circ} = 49.1 + j17.2 \quad \Omega$$

ہے لہٰذا یک ہر نقطے پر H سے °19.33 گے ہے۔

میکس ومل کے مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{H}_s = (\sigma + j\omega\epsilon)\boldsymbol{E}_s = \boldsymbol{J}_{\sigma s} + \boldsymbol{J}_{ds}$$

میں ایصالی اور انتقالی کثافت برقی رو کے سمتی مجموعے کو شکل 10.3 میں بطور مجموعی کثافت روء **J**د کھایا گیا ہے۔ایصالی رواور انتقالی روآپس میں °90 در جے کا زاوییہ بناتے ہیں۔انتقالی رو°90آ گے رہتا ہے۔ یہ بالکل متوازی جڑے مزاحمت اور کیبیسٹر کے رو کی طرح صورت حال ہے۔ کیبیسٹر کی رو،مزاحمت کی روسے °90آ گے



شكل 10.3: طاقت كر ضياع كا تكون.

ر ہتی ہے۔ مزید رید کہ مزاحمت کی روسے برقی طاقت کاضیاع پیدا ہوتاہے جبکہ کپیسٹر کی روسے ایبانہیں ہوتا۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 10.3 میں زاویہ 0 (جس کا کروی محد دکے زاویہ 6کے ساتھ کسی قسم کا کوئی تعلق نہیں ہے) کو دیکھیں جس کے لئے

(10.45) 
$$\tan \theta = \frac{\sigma}{\omega \epsilon}$$

کھاجا سکتا ہے۔ یوں اس تکون کو طاقت کے ضیاع کا تکون پکاراجاتا ہے اور  $\frac{\sigma}{\omega e}$  کی شرح کو <mark>ضیاعی ٹمینجنٹ <sup>40</sup> یا مماس ضیاع</mark> کہاجاتا ہے۔

مساوات 10.14ور مساوات 10.32 کو  $\frac{\sigma}{\omega e}$  استعال کرتے ہوئے لکھا گیا۔ کسی ذوبرق کے کامل یاغیر کامل ہونے کا فیصلہ اس کے مماس ضیاع کی قیمت کو دہ پکھ کر کیا جاتا ہے۔ اگراس شرح کی قیمت اکائی کے قریب ہوتب ذوبرق غیر کامل قرار دیا جاتا ہے جبکہ 1  $\frac{\sigma}{\omega e}$  کی صورت میں ذوبرق کو کامل تصور کیا جاتا ہے۔ اور میں جاتا ہے۔ اگراس شرح کی قیمت اکائی کے قریب ہوتب ذوبرق غیر کامل قرار دیا جاتا ہے جبکہ 1

کم مماس ضیاع کی صورت میں حرکی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کے کار آمد مساوات حاصل کئے جاسکتے ہیں۔ حرکی مستقل  $\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$ 

كومسكله ثنائي 41

$$(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$$

$$\int \frac{1}{2} x^2 dx = \frac{1}{2} \log x = -\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \int_{-\omega \epsilon}^{\infty} dx dx dx dx dx dx$$

$$\gamma = j\omega \sqrt{\mu \epsilon} \left[ 1 - j\frac{\sigma}{2\omega \epsilon} + \frac{1}{8} \left( \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 + \cdots \right]$$

لکھا جا سکتاہے جسسے

$$\alpha \doteq j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\left(-j\frac{\sigma}{2\omega\epsilon}\right) = \frac{\sigma}{2}\sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$$

اور

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon} \left[ 1 + \frac{1}{8} \left( \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 \right]$$

حاصل ہوتے ہیں۔اگر $1 \gg rac{\sigma}{\omega \epsilon}$  ہوتب

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

loss tangent<sup>40</sup> binomial theorem<sup>41</sup>

ہمی لکھا جاسکتا ہے۔ بالکل اسی طرح قدرتی رکاوٹ کو

(10.49) 
$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left[ 1 - \frac{3}{8} \left( \frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 + j \frac{\sigma}{2\omega \epsilon} \right]$$

یا

$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left( 1 + j \frac{\sigma}{2\omega\epsilon} \right)$$

کھاجا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ ان مساوات سے حاصل جواب اصل مساوات کے جوابات کے کتنے قریب ہیں۔ایساصاف پانی کی مثال کو دوبارہ حل کر کے دیکھتے ہیں۔صاف پانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر  $\epsilon_R = 41$  ور $\epsilon_R = 36.7$  یانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر  $\epsilon_R = 41$  وروز ہور کے 36.7 میں للذامساوات 10.46 سے

$$\alpha = 1080 \, \frac{Np}{m}$$

حاصل ہوتا ہے جو گزشتہ حاصل کردہ قیمت Mp میں 10.47 کے کافی قریب ہے۔ مساوات 10.47 سے

$$\beta = 2897 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

حاصل ہوتاہے جو گزشتہ جواب <u>rad m</u> 2864 کے بہت قریب ہے۔مساوات 10.48سے حاصل جواب

$$\beta = 2682 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

درست جواب سے نسبتاً زیادہ مختلف ہے۔ قدر تی رکاوٹ مساوات 10.49 سے

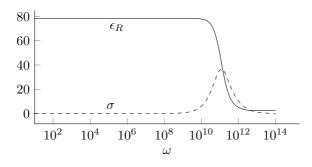
 $\eta = 44.75 + j23.55$ 

حاصل ہوتاہے جو 49.1 + j17.2 کے بہت قریب ہے البتہ مساوات 10.50 سے حاصل جواب

 $\eta = 58.88 + j23.55$ 

قدر مختلف ہے۔ صاف پانی کی اس مثال میں مماس ضیاع 0.8 ہے جواکائی سے بہت کم نہیں ہے،اس لئے جوابات پہلے سے قدر مختلف حاصل ہوئے۔ چونکہ موصلیت اور برقی مستقل کی بالکل درست قیمتیں عموماً ہمیں معلوم نہیں ہوتیں لہذاسادہ مساوات سے حاصل جوابات کے اس فرق کو زیادہ اہمیت نہیں دینی چاہئے۔ بہتر پہی ہوتا ہے کہ 20۔ مورت میں سادہ مساوات استعال کئے جائیں۔

عموماً ذوبرق کی موصلیت تعدد برطھانے سے غیر خطی طور پر بڑھتی ہے جبکہ میں عموماً نوبرق کی موسلیت تعدد برطھانے سے غیر خطی طور پر بڑھتی ہے جبکہ میں تبدیل ہو سکتے ہیں۔ایساعموماً نظر آنے والی روشنی سے قدر کم یاقدر زیادہ تعدد پر پہوتا ہے۔



شكل 10.4: صاف پاني كا جزوى برقى مستقل بالمقابل زاويائي تعدد اور موصليت بالمقابل زاويائي تعدد.

مثق 10.3:ایک مادے کے مستقل 1 MHz تعدویر 
$$\mu_R=2.8$$
 و  $\epsilon_R=2.8$  و اور  $\sigma=10$  اور  $\sigma=10$  اور  $\sigma=10$  اور ایک مستقل حاصل کریں۔

$$3.51 \times 10^{-4} \, \frac{\text{rad}}{\text{m}} \, 1.13 \times 10^{-3} \, \frac{\text{Np}}{\text{m}} \, 0.0642$$
 وابات:  $0.0642$ 

3175

مشق 10.4: ایک غیر مقناطیسی مادے کا مماس ضیاع 0.07 جبکہ 4.7 ہے۔ ہیں۔ان قیتوں کو MHz کا MHz 80 تعدد کے در میان اٹل تصویہ کہا جا سکتا ہے۔اس کا تضعیفی مستقل اور مادے میں طول موج MHz 20 اور MHz 60 تعدد پر حاصل کریں۔

 $2.3\,\mathrm{m}$  ،  $0.095\,\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$  ،  $6.9\,\mathrm{m}$  ،  $0.031\,\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$  : 3.4 ابات:

3180

10.3 پوئنٹنگ سمتیہ

3181

امواج کی طاقت جاننے کے لئے مسلہ پوئٹنگ 42ور کار ہو گالہذا پہلے اسے 43 حاصل کرتے ہیں۔

میکس ویل کے مساوات

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

کا *E کے ساتھ غیر سم*تی ضرب

$$m{E} \cdot 
abla imes m{H} = m{E} \cdot m{J} + m{E} \cdot \frac{\partial m{D}}{\partial t}$$

Poynting theorem<sup>42</sup>

329 10.3. پوئنٹنگ سمتیا

$$\nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) = -\boldsymbol{E} \cdot \nabla \times \boldsymbol{H} + \boldsymbol{H} \cdot \nabla \times \boldsymbol{E}$$

کے ذریعہ

$$m{H}\cdot
abla imesm{E}-
abla\,(m{E} imesm{H})=m{E}\cdotm{J}+m{E}\cdotrac{\partialm{D}}{\partial t}$$
  $m{Z}$   $m{Z}$ 

یا

$$-\nabla\left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right) = \boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J} + \varepsilon\boldsymbol{E}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{E}}{\partial t} + \mu\boldsymbol{H}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{H}}{\partial t}$$

حاصل ہو تاہے۔اب

$$\epsilon \mathbf{E} \cdot \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \frac{\epsilon}{2} \frac{\partial E^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\epsilon E^2}{2} \right)$$

اور

$$\mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t} = \frac{\mu}{2} \frac{\partial H^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\mu H^2}{2} \right)$$

لكهج حاسكتے ہيں للمذا

$$-\nabla \left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right) = \boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J} + \frac{\partial}{\partial t}\left(\frac{\epsilon E^2}{2} + \frac{\mu H^2}{2}\right)$$

لکھاجاسکتاہے۔اس کے حجمی تکمل

$$-\int_{h} \nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \, \mathrm{d}h = \int_{h} \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} \, \mathrm{d}h + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left( \frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) \mathrm{d}h$$

پر مسکلہ کھیلاوکے اطلاق سے

(10.51) 
$$-\oint_{S} (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) \cdot d\mathbf{S} = \int_{h} \mathbf{E} \cdot \mathbf{J} \, dh + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left( \frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) dh$$

حاصل ہوتاہے۔

اس مساوات کے دائیں ہاتھے پہلے جزو کی بات کرتے ہیں۔ا گرپورے حجم میں کہیں پر بھی منبع طاقت موجود نہ ہو تب یہ تکمل حجم میں کل کھاتی مزاحمتی طاقت کا ضیاع دیتاہے۔اگر حجم میں منبع طاقت پایاجاتا ہوتب ان منبع کے حجم پر حکمل کی قیمت مثبت ہو گی اگر منبع کوطاقت فراہم کی جار ہی ہواور یہ حکمل منفی ہو گااگر منبع طاقت

مساوات کے دائیں ہاتھ دوسر اٹکمل جم میں توانائی کاکل ذخیر ہ دیتاہے جس کاوقت کے ساتھ تفرق جم میں ذخیر ہ توانائی میں لمحاتی تبدیل یعنی طاقت دیتاہے۔اس طرح مندرجه بالامساوات كادايال ہاتھ حجم ميں داخل ہوتاكل طاقت ديتاہے۔يوں حجم سے كل خارجي طاقت

$$\oint_{\mathcal{E}} (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \cdot \boldsymbol{S}$$

ہو گا جہاں مجم گیرتی سطح پر تکمل لیا گیا ہے۔ سمتی ضرب E imes H پوئٹنگ سمتیہ  ${}^{44}$  پکاراجاتا ہے $m{arphi}=E imes H$ 

جس سے مراد لمحاتی طاقت کی کثافت لی جاتی ہے جو واٹ فی مربع میٹر ۱۳ میں ناپی جاتی ہے۔ یہاں بھی برقی میدان میں کثافت توانائی  $\mathbf{P}\cdot\mathbf{E}$  یا مقناطیسی مہیدان میں کثافت توانائی  $\mathbf{P}\cdot\mathbf{E}$  یا مقناطیسی مہیدان میں کثافت توانائی  $\mathbf{P}\cdot\mathbf{E}$  استعال کی طرح یادر ہے کہ پوئنٹنگ سمتیہ کابند سطح پر تکمل ہی حقیقی معنی رکھتا ہے اور ایسا تکمل سطح سے خارج ہوتا کل طاقت و بتا ہے۔

18 جسے کسی بھی نقطے پر تھی کی سمت اس نقطے پر کمحاتی طاقت کے بہاو کی سمت دیتا ہے۔

چونکہ ہو برتی میدان اور مقناطیسی میدان دونوں کے عمودی ہے للذاطاقت کی بہاو بھی دونوں میدان کے عمودی ست میں ہوگی۔ہم نے برتی و مقناطیسی امواج پر تیمرے کے دوران دیکھا کہ امواج کے حرکت کی سمت E اور H کے عمودی ہوتی ہے للذاہو کی سمت ہمارے توقع کے عین مطابق ہے۔مزید کامل ذو برق میں

$$E_x = E_0 \cos(\omega t - \beta z)$$
  
$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

سے کمحاتی کثافت سطحی بہاوطاقت

$$E_x \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times H_y \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} = \frac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - \beta z) \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} = \mathscr{P} \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

حاصل ہوتی ہے۔اوسط کثافت طاقت حاصل کرنے کی خاطر ہم ایک پھیرے یعنی  $T=rac{1}{f}$  دورانیے کا تکمل لیتے ہوئے دوری عرصہ Tپر تقسیم

$$\begin{aligned} \mathscr{P}_{\mathbb{k} \to \mathbb{I}} &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - \beta z) \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{f}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \int_0^{\frac{1}{f}} \left[ 1 + \cos(2\omega t - 2\beta z) \right] \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{f}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \left[ t + \frac{1}{2\omega} \sin(2\omega t - 2\beta z) \right]_0^{\frac{1}{f}} \end{aligned}$$

کرتے ہوئے

(10.53) 
$$\mathscr{P}_{\text{lead}} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \quad \frac{W}{m^2}$$

حاصل کرتے ہیں جو 2 سمت میں کثافت طاقت کی بہاو دیتا ہے۔اگر میدان کی چوٹی  $E_0$  کی جگہ اس کی موثر قیمت موڑ  $E_0$  استعمال کی جائے تب مندر جہ بالا مساہات میں  $\frac{1}{2}$  کا جزو ضربی نہیں لکھا جائے گا۔

موج کی سمت کے عمودی سطے کے سے اول

$$P_{z,oldsymbol{\perp}}=rac{1}{2}rac{E_0^2}{\eta}S$$
 W

طاقت گزرے گی۔

غیر کامل ذو برق کی صورت میں

 $\eta = |\eta| \, e^{j\theta_\eta}$ 

3191

(10.52)

10.3 پوئٹٹگ سمتیہ

ليتے ہوئے

(10.54) 
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$

$$H_y = \frac{E_0 e^{-\alpha z}}{|\eta|} \cos(\omega t - \beta z - \theta_\eta)$$

ہوں گے جن سے

$$\begin{aligned} \mathscr{P}_{\text{large}} &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos(\omega t - \beta z) \cos\left(\omega t - \beta z - \theta_{\eta}\right) dt \\ &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{2|\eta|} e^{-2\alpha z} \left[\cos(2\omega t - 2\beta z - \theta_{\eta}) + \cos\theta_{\eta}\right] dt \end{aligned}$$

لعيني

(10.55) 
$$\mathscr{P}_{\perp,\eta} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos \theta_{\eta}$$

حاصل ہو تاہے۔

كثافت طاقت كى اوسط قيمت مخلوط يوئننگ سمتىيە

(10.56) 
$$\mathscr{P}_{l_{s,d}} = \frac{1}{2} \left[ \boldsymbol{E}_{s} \times \boldsymbol{H}_{s}^{*} \right]_{s,d}$$

سے بھی حاصل کی جاسکتی ہے جہال ج<mark>وڑی دار مخلوط 4</mark>5مقناطیسی موج استعال کی جاتی ہے۔ آئیں مساوات 10.55 کواس ترکیب سے دوبارہ حاصل کریں۔مساوات 10.54 کی دوری سمتی شکل

$$E_{sx} = E_0 e^{-\alpha z - j\beta z}$$

$$H_{sy} = \frac{E_0}{|\eta|} e^{-\alpha z - j\beta z - j\theta_{\eta}}$$

$$H_{sy}^* = \frac{E_0}{|\eta|} e^{-\alpha z + j\beta z + j\theta_{\eta}}$$

ہے جہاں جوڑی دار مخلوط مقناطیسی موج بھی لکھی گئی ہے۔ یوں

$$\begin{split} \frac{1}{2}\boldsymbol{E}_{s} \times \boldsymbol{H}_{s}^{*} &= \frac{1}{2} \frac{E_{0}^{2}}{|\eta|} e^{-2\alpha z + j\theta_{\eta}} \\ &= \frac{1}{2} \frac{E_{0}^{2}}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \left(\cos \theta_{\eta} + j \sin \theta_{\eta}\right) \end{split}$$

كاحقيقى حصه ليتے ہوئے

$$\mathscr{P}_{\mathsf{L}}$$
 =  $rac{1}{2}rac{E_0^2}{|\eta|}e^{-2lpha z}\cos heta_\eta$ 

کثافت اوسط توانائی کی مطلوبہ مساوات حاصل ہوتی ہے۔

اس کتاب میں اوسط کثافت توانائی حاصل کرتے وقت مساوات 10.56استعمال کی جائے گی۔

3193

3194

332

مثق 10.5:ایک میگاہر ٹز، تین سومیگاہر ٹزاور تین گیگاہر ٹز کے تعدد پر صاف یانی کے برف کے جزوبر قی مستقل بالترتیب4.15،4.15اور 3.2ہیں جبکیداس کے مماس ضیاع بالترتیب 0.005،012 اور 0.0009 ہیں۔ یکسال سطحی موج جس کی چوٹی 0 z=0 پر  $\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$  100 ہو برف سے گزر رہی ہے۔ایک مربع میٹر سطح

ے اوسط طاقت کا بہاوz=0اور z=5 سے

بواات: 14.31 W ،23.7 W ،12.48 W ،24.7 W ،26.4 W ،27.1 W

موصل میں امواج 10.4

موصل میں امواج پر غور کی خاطر ہم تصور کرتے ہیں کہ موصل سے جڑے ذوبرق میں امواج پیدا کئے جاتے ہیں۔ ہم جانناچاہتے ہیں کہ ایسے موج ذوبرق اور میں اور کے سر حدیر موصل میں کیسے داخل ہوتے ہیں اور موصل میں ان کی کیاکار کر دگی ہوتی ہے۔

ایصالیاورانتقالیارو کی شرح 🚾 کو مماس ضیاع کہتے ہیں۔ یوں ناقص موصل کی مماس ضیاع بلند تعدد پر کم ہو گی۔ نائیکروم ک<sup>و</sup>ناقص موصل ہے جس کا مماس ضیاع000 تعدد پر تقریباً000 imes 2 ہے۔ یوں کسی بھی موصل کے لئے 1000 ہوتا ہے۔اس حقیقت کو مد نظرر کھتے ہوئے چند سادہ مساوات حاصل سا کرتے ہیں۔ حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

کو 1 $\ll rac{\sigma}{\omega \epsilon}$  کی بناپر

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

$$\gamma = j\sqrt{-j\omega\mu\sigma}$$

لكهاجا سكتاب-اب

$$-j = 1 / \underline{-90^{\circ}}$$

کے برابرہے جس کا جزر

$$\sqrt{1/-90^{\circ}} = 1/-45^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{2}} - j\frac{1}{\sqrt{2}}$$

ہےللذا

$$\gamma = j \left( \frac{1}{\sqrt{2}} - j \frac{1}{\sqrt{2}} \right) \sqrt{\omega \mu \sigma}$$

nichrome<sup>46</sup>

یا

$$\gamma = (j+1)\sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

حاصل ہو تاہے جس سے

$$\alpha = \beta = \sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

ماتا ہے۔ ماتا ہے۔

ان معلومات کے بعد کہا جاسکتا ہے کہ کسی بھی  $\mu$ اور  $\sigma$  مستقل رکھنے والے موصل کے  $\alpha$ اور  $\beta$  ہر تعد دپر برابر ہی رہتے ہیں۔ یوں  $\alpha$  ست میں دوبارہ امواج فر ض کرتے ہوئے موصل میں برقی میدان کی موج کو

(10.59) 
$$E_x = E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

ککھاجا سکتاہے۔اگرz < 2کامل ذوبر ق اور z > 2موصل خطے ہول تبان کے سرحد z = 2پر برقی سرحد ی شر ائط کے مطابق متوازی برقی میدان سرحد کے دونوں اطراف پر برابر ہوں گے۔مساوات 10.59 کے تحت سرحد پر موصل میں

$$(10.60) E_x = E_0 \cos \omega t (z=0)$$

ہو گااور یوں سر حدیر ذوبرق میں بھی برقی میدان بھی ہو گا۔اباسی حقیقت کو یوں بھی دیکھا جاسکتا ہے کہ سر حدیر ذوبرق میں برقی میدان مساوات 10.60 دیتا ہے جوموصل میں سر حدیراسی قیمت کامیدان پیدا کرتا ہے۔الیا تصور کرنے کامطلب سے ہے کہ ہم ذوبرق میں میدان کو منبع میدان تصور کرتے ہیں جوموصل میں مساوات 10.59 میں دی موج پیدا کرتا ہے۔موصل میں 1 ھے تھی کی بناپر انتقالی رو کو نظر انداز کرتے ہوئے

$$(10.61) J = \sigma E$$

لکھاجا سکتاہے للذاموصل میں ہر نقطے پر کثافت رواور برقی میدان راہ تناسب کا تعلق رکھتے ہیں اور یوں موصل میں

(10.62) 
$$J_x = \sigma E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

 $J_{0}$  کھا جا سکتا ہے۔ شکل 10.5 میں  $J_{x}$  و کھا یا گیا ہے جہال عین سرحد یعنی z=0 پر کثافت روکے قیمت  $J_{0}$  کو  $J_{0}$  کھا گیا ہے۔

مساوات 10.59اور مساوات 10.62میں بہت معلومات پائی جاتی ہے۔ پہلے ان مساوات میں  $e^{2}\sqrt{\pi f\mu\sigma}$  جزویر غور کریں۔ سر حدیراس کی قیمت  $e^{0}=0$  کے برابر ہے جو سر حدسے

$$z = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

 $e^{-1}=0.368$  فاصلے پر $e^{-1}=0.368$ رہ جاتی ہے۔ یہ فاصلہ گہرائی جلد $e^{-1}$  باتا ہے۔

$$\delta = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

برقی رو کا سطحی تهه تک محد و در ہنے کوا<mark>ثر جلد <sup>48</sup> کہاجاتا ہے۔ یوں موصل میں</mark>

$$\alpha = \beta = \frac{1}{\delta}$$

 $e^{-2}$  ہو گا۔اسی طرح سر حدسے 26فاصلے پر میدان  $e^{-2}=0.135$ اور 46فاصلے پر میدان  $e^{-4}=0.018$  سرخ سر حدسے 26فاصلے پر میدان

تانيج کی 
$$\frac{\rm S}{\rm m} = 5.8 \times 10^7$$
 تانيج کی جلد

$$\delta_{\rm rib} = \frac{1}{\sqrt{\pi \times f \times 4 \times \pi \times 10^{-7} \times 5.8 \times 10^7}} = \frac{0.0661}{\sqrt{f}}$$

ان تعدد پر کسی بھی موصل مثلاً تانبے میں سرحدسے چندہی گہرائی جلد کے فاصلے پر تمام میدان تقریباً صفر کے برابر ہوتے ہیں۔موصل کے سرحد پر پیدائے گئے برقی میدان یا کثافت رو، سرحدسے دوری کے ساتھ تیزی سے کم ہوتے ہیں۔ برقی ومقناطیسی طاقت موصل کے اندر نہیں بلکہ اس کے باہر صفر کرتی ہے۔موصل کے کندر نہیں بلکہ اس کے باہر صفر کرتی ہے۔ موصل کا کام صرف اتناہے کہ بیدان امواج کوراستہ دکھاتی ہے۔موصل کے سرحد پر پیدا کثافت رو،موصل میں موج کے حرکت کے عمودی سمت میں داخل ہوتی ہے۔ جس سے موصل میں مزاحمتی ضیاع پیدا ہوتا ہے۔ یوں موصل بطور راہ گیر کر دار اداکرتے ہوئے مزاحمتی ضیاع بطور اجرت حاصل کرتا ہے۔

ا گرآپ کسی بجل گھر میں Hz کے برتی روکو منتقل کرنے کی خاطر پانچ سنٹی میٹر رداس کے تانبے کی ٹھوس تاراستعال کر رہے ہوں تو یہ سراسر تانبہ ضائع کر انہو گاچو نکہ کثافت روتار کے بیرونی سطح پر ہی پائی جائے گی۔اندرونی تار، سطح سے دور، کثافت رو قابل نظر انداز ہو گی لہٰذااس سے بہتر ہو گا کہ زیادہ رداس کی ہنگی نمایتاراستعال کی جائے جس کی موٹائی تقریباً گھر میں محدود سر حدید یہ فیصلہ لا محدود جسامت کے سر حد کے نتائج پر بنیاد ہے، حقیقت میں محدود سر حدید بھی میدان اسی نسبت سے گھٹے ہیں۔

بلند تعدد پر گہرائی جلد کا فاصلہ اتنا کم ہوتا ہے کہ راہ گیر موصل کی سطحی تہہ ہی اہمیت رکھتی ہے۔ یوں خرد امواج کی منتقل کے لئے شیشے پر سس 0.661 موٹی چاند ی ورد

آئیں اب موصل میں طول موج اور رفتار موج کے مساوات حاصل کریں۔ ہم

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

سے شروع کرتے ہوئے مساوات 10.64 استعال کرتے ہوئے

$$\lambda = 2\pi\delta$$

لكھ سكتے ہیں۔اسی طرح مساوات 10.25

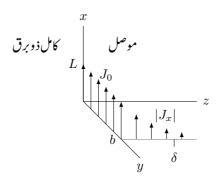
$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

سے

$$(10.65) v = \omega \delta$$

ملتا ہے۔ ماتا ہے۔

تا نبے میں 50 Hz ور قیار سے چاتا ہوں۔ یوں آپ دیکھ ہے۔  $v=2.94 \, rac{m}{s}$  اور  $\frac{m}{s}$   $0 = 0.94 \, rac{m}{s}$  ور قیار سے چاتا ہوں۔ یوں آپ دیکھ ہے۔  $v=2.94 \, rac{m}{s}$  ور قیار سے چاتا ہوں۔ یوں آپ دیکھ ہے۔  $v=3.94 \, rac{m}{s}$  کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں  $\lambda=6000 \, \mathrm{km}$  اور ر قیار  $\lambda=108 \, rac{m}{s}$  کی ہے۔  $\lambda=108 \, \mathrm{km}$  کی دیروں آپ دیکھ ہے۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلاء میں برتی و مقناطیسی امواج انتہائی آ ہستہ چلتے ہیں۔ یادر ہے کہ اس 50 Hz کے موج کی خالی خلالے کی موج کی خالی خلالے کی موج کی خالی خلالے کی دور نے کہ کی خالی خلالے کی موج کی خالی کی دور کے کہ کی دور کی خالی کی دور کی کے دور کی دور ک



شکل 10.5: موصل میں طاقت کے ضیاع اور گہرائی جلد۔

موصل میں  $H_y$  کی مساوات لکھنے کی خاطر موصل کی قدر تی رکاوٹ در کار ہو گی۔ مساوات 10.31

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

کو $1 \gg 1$  کی وجہ سے

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma}}$$

یا

$$\eta = \frac{\sqrt{2/45^{\circ}}}{\sigma \delta} = \frac{1}{\sigma \delta} + j\frac{1}{\sigma \delta}$$

لکھاجاسکتا ہے۔ یوں مساوات 10.60 کو گہرائی جلد کی صورت

(10.67) 
$$E_{x} = E_{0}e^{-\frac{z}{\delta}}\cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

میں لکھتے ہوئے مقناطیسی موج کو

(10.68) 
$$H_y = \frac{\sigma \delta E_0}{\sqrt{2}} e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta} - \frac{\pi}{4}\right)$$

کھاجا سکتاہے جہاں سے آپ دکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی موج، برقی موج سے پھیرے کے آٹھویں جھے پیچھے ہے۔

مندرجه بالادومساوات کی مددسے بوئنٹنگ مساوات

$$\mathscr{P}_{\text{bod}} = \frac{1}{2} \frac{\sigma \delta E_0^2}{\sqrt{2}} e^{-\frac{2z}{\delta}} \cos \frac{\pi}{4}$$

یا

$$\mathscr{P}_{rac{1}{\delta}}=rac{\sigma\delta E_{0}^{2}}{4}e^{-rac{2z}{\delta}}$$

ویتاہے۔آپ دوبارہ دیکھ سکتے ہیں کہ ایک گہرائی جلد کی گہرائی پر کثافت طاقت ، سرحدے کثافت طاقت کے 135 $e^{-2}=0$ گنارہ گئی ہے۔

3224

شکل 10.5 پر دوبارہ نظر ڈالیں۔مسکد پوئٹنگ کہتا ہے کہ سر حدپر L اور 6اطر اف کے مستطیل میں جتنی برقی ومقناطیسی طاقت داخل ہوتی ہے،وہ تمام کی تمام موصل میں ضائع ہو جاتی ہے۔ یہ طاقت

$$\begin{split} P_{L,b \to b} &= \int_0^b \int_0^L \mathscr{P}_{b \to b}|_{z=0} \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \\ &= \int_0^b \int_0^L \frac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-\frac{2z}{\delta}} \bigg|_{z=0} \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \\ &= \frac{\sigma \delta b L E_0^2}{4} \end{split}$$

کے برابرہے۔ سرحدی کثافت رو

 $J_0 = \sigma E_0$ 

کی صورت میں اسے

(10.69)  $P_{L, \rm beta} = \frac{1}{4\sigma} \delta b L J_0^2$ 

لكها جاسكتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ اگر d چوڑائی میں کل برقی رو کو 8 گہرائی تک محدود کر دیاجائے تومزا حمتی ضیاع کتناہو گا۔ایساکرنے کی خاطر پہلے اس چوڑائی میں کل رو

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$

حاصل کرتے ہیں جہاں تکمل آسان بنانے کی غرض سے

$$J_x = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

کودوری سمتیه کی شکل

$$J_{xs} = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} e^{-j\frac{z}{\delta}}$$
$$= J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}}$$

میں لکھ کر تکمل حل کرتے ہیں۔

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}} \, dy \, dz$$
$$= \frac{J_0 b \delta}{1+j}$$

اس سے

$$I = \frac{J_0 b \delta}{\sqrt{2}} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

کلھاجائے گا۔اگراس روکو y < b واور  $0 < z < \delta$  میں محدود کر دیاجائے تب نئی کثافت رو

$$J_x' = \frac{J_0}{\sqrt{2}}\cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

10.4. موصل میں امواج

ہو گی۔ مزاحمتی طاقت کا ضیاع فی اکائی تجم  ${m E}$  کے برابر ہے للذااس تجم میں کل ضیاع

$$P_{L} = \frac{1}{\sigma} \left( J_{x}^{\prime} \right)^{2} bL\delta = \frac{J_{0}^{2}}{2\sigma} bL\delta \cos^{2} \left( \omega t - \frac{\pi}{4} \right)$$

ہو گا۔ مربع کوسائن موج کی اوسط قیمت 1 کے برابر ہوتی ہے للذااوسط طاقت کے ضیاع کو

$$(10.70) P_L = \frac{J_0^2 b L \delta}{4\sigma}$$

لکھا جاسکتا ہے جو عین مساوات 10.69 ہے۔

اس نتیجے کود کیھے کراب کسی بھی موصل، جس میں اثر جلد پایاجاتاہو، میں کل رو کوایک جلد گہرائی میں یکسال تقسیم شدہ تصور کرتے ہوئے سلاخ کی مزاحمتی ضیاع حاصل کی جاسکتی ہے۔ یوں ط چوڑائی، 1 کسبائی اور 8 گہرائی سلاخ جس میں یکسال تقسیم پیشدہ روہو کے مزاحت بالکل برابر ہوں گے۔

اس حقیقت کواستعال کرتے ہوئے رداس 7 کے ٹھوس نکلی سلاخ کی مزاحت بلند تعدد پر حاصل کی جاستی ہے۔ا گر گہرائی جلد سلاخ کے رداس سے بہت کم ہوتب اس طرح حاصل کر دہ مزاحت کی قیمت تقریباً بالکل درست ہو گی۔الیی تعدد جس پراثر جلد پایاجاتاہو کی صورت میں سلاخ کی بیر ونی جلد ہی رو گزارے گ لہٰذامزاحت کی قیمت حاصل کرتے وقت اس نکلی نماجھلی کو ہی موصل تصور کیا جائے گالہٰذامزاحت ہ

(10.71) 
$$R = \frac{L}{\sigma S} = \frac{L}{\sigma 2\pi r \delta}$$

ایک ملی میٹر رداس اور دس میٹر کمبی تانیج کے تارکی یک سمتی مزاحت

$$R_{\rm coll} = \frac{10}{5.8 \times 10^7 \times \pi \times 0.001^2} = 54.88 \, {\rm m} \Omega$$

ہے۔ایک سومیگاہر ٹز کی تعدد پر تانبے کی  $\delta = 6.61~\mu {
m m}$  کی لہذا اس تعدد پر اسی تارکی مزاحمت

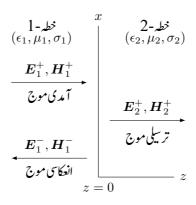
$$R = \frac{10}{5.8 \times 10^7 \times 2 \times \pi \times 0.001 \times 6.61 \times 10^{-6}} = 4.15 \,\Omega$$

مو گی۔ مو

مثق 10.6: ٹھوس نکی نمالوہے کی تار جس کار داس mm 5اور جس کی لمبائی 2.5 ہیں 10000 دی میں نمالوہے کی تار جس کار داس mm 5اور جس کی لمبائی  $\pi$  اور  $\pi$  5 اور  $\pi$  8 اور  $\pi$  9 اور  $\pi$  8 اور  $\pi$  9 او

جوابات: Ω m (3.09 mΩ) 1.25 Ω و 1.25 Ω و 2.49 W.

3240



شکل 10.6: آمدی موج سرحد سے گزرتی ترسیلی اور اس سے لوٹتی انعکاسی امواج پیدا کرتی ہے۔

10.5 انعكاس مستوى موج

لا محدود جسامت کے جم میں مستوی امواج ہم دیکھ چکے۔ایسے جم میں کبھی بھی موج دو مختلف اقسام کے اشیاء کے در میان پائی جانے والی سر حد نہیں چھوتی ۔آڈئیں محدود جسامت کے جم میں مستوی امواج پر غور کریں جہاں امواج کو ایک قسم کے مادے سے دوسرے قسم کے مادے میں داخل ہو ناہو گا۔ آپ دیکھیں گے کھوالی صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس حصے میں صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس حصے میں مرحدسے گزرتے اور اس سے نگرا کر واپس لوٹے حصوں کے مسائل میں جوں کے آؤں تا گئر سیلی تاروں 50 اور رہبر موج 51 کے مسائل میں جوں کے آؤں قابل استعمال ہوں گے۔

ہم z<0 کو خطہ - 1 تصور کرتے ہیں جہاں  $(\epsilon_1,\mu_1,\sigma_1)$  ہیں جبکہ z>0 کو خطہ - 2 تصور کرتے ہیں جہاں  $(\epsilon_2,\mu_2,\sigma_2)$  ہیں۔ یہ صورت حال شکل z<0 میں دکھائی گئی ہے۔ ہم بڑھتے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت z=1 بیل فیٹ کے جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت z=1 بیل نے خطے میں سرحد کی جانب برقی موج کو بالانوشت z=1 بیل کے بیار خطے میں سرحد کی جانب برقی موج

$$E_{xs1}^+ = E_{x10}^+ e^{-\gamma_1 z}$$

3241

آتی ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ اس برقی موج کے ساتھ لازماً مقناطیسی موج

(10.73) 
$$H_{ys1}^{+} = \frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} e^{-\gamma_1 z}$$

بھی ہو گی۔ سر حد کی طرف آتے موج کو **آمدی موج <sup>52</sup> کہاجاتا ہے۔ چو** نکہ بیر موج سر حدکے عمود می حرکت کر رہا ہے للمذااس کے حرکت کو عمود <mark>می آمد <sup>53</sup> کہتے ہی</mark>ں۔

اس آمدی موج کا کچھ حصہ جسے تر سلی موج 54 کہتے ہیں ، سر حدسے گزرتے ہوئے سیدھاچلے جائے گا۔ تر سلی امواج

$$E_{xs2}^{+} = E_{x20}^{+} e^{-\gamma_2 z}$$

(10.75) 
$$H_{ys2}^{+} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2} e^{-\gamma_2 z}$$

ہیں۔ سر حد کے دوسرے جانب حر کی مستقل  $\gamma_2$  اور قدرتی رکاوٹ  $\eta_2$  ہیں جو پہلے خطے سے مختلف ہیں۔ ترسیلی امواج سر حدسے دور چکتی جاتی ہیں۔

ransmission lines<sup>50</sup>

transmitted wave<sup>54</sup>

waveguide<sup>51</sup>

incident wave<sup>52</sup>

normal incidence<sup>53</sup>

10.5. انعكاس مستوى موج

آمدیاور تربیلی برقی امواج x محدد کے متوازی جبکہ مقناطیسی امواج ہو محد د کے متوازی ہیں لہذا یہ چاروں امواج سر حد کے بھی متوازی ہیں۔ صفحہ 297 پر مساوات 45 متوازی ہیں۔ اب کا ئنات میں مجھی بھی دواشیاء کے سر حد پر سطحی کثافت رو نہیں 19.45 واور اس کے قریب ہی مساوات 9.47 متوازی امواج کے سر حدی شر ائط بیان کرتے ہیں۔ اب کا ئنات میں مجھی بھی دواشیاء کے سر حد پر سطحی کثافت رو نہیں یائی جاتی۔ بور کی سطح کے ان شر ائط کو

$$E_{m1} = E_{m2}$$
  
 $H_{m1} = H_{m2}$   $(K_{\perp} = 0)$ 

ككها جاتا ہے۔

اب اگر پہلی شرط پوری کی جائے تو سرحد کے دونوں اطراف پر متوازی برقی میدان برابر ہوں گے للذان z پر مساوات 10.74 اور مساوات 10.74 برابر ہوں گے۔ یوں  $E_{x10}^+ = E_{x20}^+$  عاصل ہوتا ہے لیکن دوسری شرط کے مطابق سرحد کے دونوں جانب متوازی متفاطیسی میدان بھی برابر ہونا ہوگا لہذان z ہوں گے۔ یوں گے۔ یوں  $E_{x20}^+ = E_{x20}^+$  عاصل ہوتا ہے۔ یہ دونوں تب ممکن ہے جب  $\eta_1 = \eta_2$  جو جو حقیقت میں پر مساوات 10.73 اور مساوات 10.75 بھی برابر ہوں گے جس سے  $\frac{E_{x20}^+}{\eta_1} = \frac{E_{x20}^+}{\eta_1}$  عاصل ہوتا ہے۔ یہ دونوں تب ممکن ہے جب  $\eta_1 = \eta_2$  ہو جو حقیقت میں کبھی بھی نہیں ہوگا لہٰذاصر ف آمد کی اور تر سلی امواج کی صورت میں سرحد کی شرائط پر پورا نہیں اتراجا سکتا۔ مندر جہ بالا دونوں سرحد کی شرائط صرف اس صورت میں یورا ہوتے ہیں جب سرحد سے گلرا کر واپس لوٹے امواج

$$E_{xs1}^{-} = E_{x10}^{-} e^{\gamma_1 z}$$

$$H_{ys1}^{-} = -\frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} e^{\gamma_1 z}$$

آ مدی، ترسیلی اور انعکاسی امواج کی صورت میں دونوں سرحدی شر ائط پورے ہوتے ہیں اور ان کی مدد سے E<sup>+</sup><sub>x10</sub> کی صورت میں بقایا تمام امواج کے طول پھی حاصل ہوتے ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ ایساکس طرح ہوتا ہے۔

اب پہلے خطے میں آمدیامواج کے علاوہانعکا می امواج بھی پائے جاتے ہیں للمذاسر حدی شر ائط میں دونوں کا مجموعہ استعال کیا جائے گا۔ یوں z=0پر سرحد کے دونوں جانب متوازی برقی میدان برابر ہونے سے

$$E_{xs1} = E_{xs2} \quad (z = 0)$$

لعني

$$E_{xs1}^+ + E_{xs1}^- = E_{xs2}^+ \quad (z = 0)$$

یا

$$E_{r10}^{+} + E_{r10}^{-} = E_{r20}^{+}$$

حاصل ہوتاہے۔اسی طرحz=2پر سر حدکے دونوں جانب متوازی مقناطیسی میدان کے برابری سے

$$H_{ys1} = H_{ys2}$$
  $(z = 0, K_{\perp} = 0)$ 

لعني

$$H_{ys1}^+ + H_{ys1}^- = H_{ys2}^+ \quad (z=0, K_\perp = 0)$$

١

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 10.78 اور مساوات 10.79 کو  $E_{x10}^{-1}$  کی خاطر حل کرنے کی غرض سے مساوات 10.78 کو مساوات میں پر کرتے

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-}}{\eta_2}$$

ہوئے بول

$$E_{x10}^{-} = E_{x10}^{+} \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

حاصل ہوتاہے۔انعکاس اور آمدی برقی میدان کے حیطوں کی شرح کو شرح انعکاس <sup>66</sup> پکار ااور ۲سے ظاہر <sup>57</sup> کیا جاتا ہے۔

(10.80) 
$$\Gamma = \frac{E_{x10}^{-}}{E_{x10}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

مخلوط شرح انعکاس کی صورت میں انعکاسی اور آمدی میدان میں زاویائی فرق پایاجائے گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ شرح انعکاس کی حتمی قیت صفر تاایک ممکن ہے۔  $|\Gamma| \leq 1$ (10.81)

اسی طرح مساوات 10.78 اور مساوات 10.79 سے  $E_{**10}^{-}$  ختم کرنے سے

(10.82) 
$$\tau = \frac{E_{x20}^{+}}{E_{x10}^{+}} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1}$$

حاصل ہوتا ہے جو شرح تر سیل <sup>58</sup> کہلا یااور 7 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔مساوات 10.80اور مساوات 10.82 سے

$$\tau = 1 + \Gamma$$

لکھا جا سکتاہے۔

آئیں ان نتائج کو چند مخصوص صور توں میں استعال کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق جبکہ دو سراخطہ کامل موصل ہے۔الیی صورت میں  $\sigma_2$ لا محدود

$$\eta_2 = \sqrt{\frac{j\omega\mu_2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}} = 0$$

ہو گا۔ بول مساوات 10.82 سے

$$E_{x20}^{+}=0$$

حاصل ہوتاہے بینی کامل موصل میں کسی صورت بھی وقت کے ساتھ بدلتامیدان نہیں پایاجاسکتا۔اس کوبوں بھی بیان کیاجاسکتاہے کہ کامل موصل کی گہرائی جلد صفر کے برابر ہے۔

reflection coefficient<sup>56</sup>

یونانی حروف تہجی گیما ہے۔  $\Gamma^{57}$  transmission coefficient  $\Gamma^{58}$ 

10.5. انعكاس مستوى موج

مساوات 10.80 میں  $\eta_2=0$  پر کرنے سے

 $\Gamma = -1$ 

لعيني

$$E_{x10}^- = -E_{x10}^+$$

حاصل ہوتاہے۔انعکاسی موج کاحیطہ بالکل آمدی موج کے حیطے کے برابرہے لیکن ان میں °180 کازاویہ پایاجاتاہے۔موصل سطحآ مدی توانائی کوواپس کرتی ہے اور یوں پہلے خطے میں کل برقی میدان

$$\begin{split} E_{xs1} &= E_{xs1}^+ + E_{xs1}^- \\ &= E_{x10}^+ e^{-j\beta_1 z} - E_{x10}^+ e^{j\beta_1 z} \end{split}$$

ہوگا جہاں کامل ذو برق میں  $\gamma_1=0+j$  لیا گیا ہے۔ اس کو حل کرتے ہوئے

$$E_{xs1} = E_{x10}^{+} \left( e^{-j\beta_1 z} - e^{j\beta_1 z} \right)$$
  
=  $-j2E_{x10}^{+} \sin \beta_1 z$ 

حاصل ہوتاہے جو دوری سمتیہ کی صورت میں ہے جسے e<sup>jwt</sup> سے ضرب دے کر حقیقی جزو لیتے ہوئےاصل موج کی مساوات

(10.84) 
$$E_{x1} = 2E_{x10}^{+} \sin \beta_1 z \sin \omega t$$

حاصل ہوتی ہے۔ بیہ مساوات ساکن میدان کو ظاہر کرتی ہے۔ یادر ہے کہ اسے دوآ پس میں الٹ سمت میں حرکت کرتے امواج سے حاصل کیا گیا ہے۔اس کامواز نہ آمدی موج

$$E_{x1}^{+} = E_{x10}^{+} \cos(\omega t - \beta_1 z)$$

ے کریں۔ حرکت کرتے موج کی پیچان جزو $\omega t - \beta_1$ ہے جو مثبت سمت میں موج کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 10.84 میں  $\omega t$  اور  $\omega t - \beta_1$  علیحدہ علیحدہ پائے جاتے ہیں۔ ہیں۔

مساوات 10.84 میں جس لمحہ  $\omega t=n\pi$  کے برابر ہواس لمحہ میدان ہر نقطے پر صفر کے برابر ہوگا۔اس کے علاوہ جس نقطے پر  $\beta_1 z=n\pi$  کے برابر ہو ، اس نقطے پر ہر وقت میدان صفر ہی رہتا ہے۔مساوات 10.84 کو ساکن موج  $^{62}$  کہا جاتا ہے۔ برقی میدان ان سطحوں پر ہر وقت صفر رہتا ہے جہاں

$$\beta_1 z = n\pi$$
  $(n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$ 

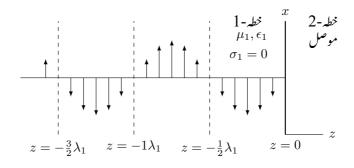
ہو جس سے

$$\frac{2\pi}{\lambda_1}z = n\pi$$

ليعني

$$z = n \frac{\lambda_1}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں سر حدیقنی z=0 پر برقی میدان صفر ہو گااور پہلے خطے میں سر حدید دور چلتے ہوئے ہر آدھے طول موج پر صفر برقی میدان پایاجائے گا۔ بیہ صورت حال شکل 10.7 میں دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں نقطہ دار لکیران سطحوں کو ظاہر کرتی ہیں جہاں میدان صفر رہتا ہے۔ برقی میدان کو وقت  $\frac{\pi}{2}=t$  پر ودکھایا گیاہے جباس کا حیطہ زیادہ سے زیادہ ہوتا ہے۔



شكل 10.7: ساكن موج، برقى ميدان.

ي و نكه 
$$E_{xs1}^+ = \eta_1 H_{ys1}^-$$
 اور  $E_{xs1}^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$  بموتے ہیں لنذا مقناطیسی میدان $H_{ys1} = \frac{E_{x10}^+}{\eta_1} \left( e^{-j\beta_1 z} + e^{j\beta_1 z} \right)$ 

(10.85)  $H_{y1} = 2\frac{E_{x10}^{+}}{n_1}\cos\beta_1 z\cos\omega t$ 

ہو گا۔ یہ بھی ساکن موج ہے لیکن جس سطح پر بر تی میدان صفر رہتا ہے وہاں مقناطیسی ساکن موج کی چوٹی پائی جاتی ہے۔اس کے علاوہ بر قی اور مقناطیسی ساکن اپھواج میں °90کاو قتی فرق پایاجاتا ہے للمذابیہ امواج کسی بھی سمت میں اوسطاً صفر طاقت منتقل کرتی ہیں۔

آئیں اب دو کامل ذو برق کی سر حدیر صورت حال دیکھیں۔اب ان دو خطوں میں قدر تی رکاوٹ  $\eta_1$  اور  $\eta_2=0$  اور  $\eta_2=0$  ہوں گے۔عددی قیتیں لے کر آگے چلتے ہیں۔ فرض کریں کہ

$$\eta_1 = 50 \Omega$$
$$\eta_2 = 377 \Omega$$
$$E_{x10}^+ = 10 \frac{V}{m}$$

يں۔یوں

یا

$$\Gamma = \frac{377 - 50}{377 + 50} = 0.7658$$

ہےللذا

$$E_{x10}^{-} = 0.7658 \times 10 = 7.658 \, \frac{\text{V}}{\text{m}}$$

ہو گا۔ پہلے خطے میں مقناطیسی میدان

$$H_{y10}^{+} = \frac{10}{50} = 0.2 \frac{A}{m}$$
  
 $H_{y10}^{-} = -\frac{7.658}{50} = -0.153 \frac{A}{m}$ 

ہیں۔ آمدی اوسط سطحی کثافت طاقت مساوات 10.55سے

$$P_{1,h}^{+} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2\alpha_{1}z} \cos \theta_{\eta 1} = 1 \frac{W}{m^{2}}$$

جبكه انعكاس اوسط سطحى كثافت طاقت

$$P_{1,\text{log}}^{-} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{\text{x}10}^{-}\right)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2\alpha_{1}z} \cos\theta_{\eta 1} = 0.5864 \, \frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^{2}}$$

ہے۔ان مساوات میں  $lpha_1=0$ اور  $rac{0}{10}=\eta_1=0$ استعال کئے گئے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکاسی اور آمدی کثافت طاقت کی شرح

(10.86) 
$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} = |\Gamma|^{2}$$

ے برابر ہے۔

دوسرے خطے میں

$$E_{x20}^{+} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1} E_{x10}^{+} = 17.658 \frac{V}{m}$$

$$H_{y20}^{+} = \frac{17.658}{377} = 0.046 84 \frac{A}{m}$$

<u>ب</u>ي للذا

$$P_{2,\text{local}}^{+} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x20}^{+}\right)^{2}}{|\eta_{2}|} e^{-2\alpha_{2}z} \cos \theta_{\eta 2} = 0.4135 \frac{W}{m^{2}}$$

ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکاس اور ترسیلی طاقت کا مجموعہ آمدی طاقت کے عین برابر ہے۔

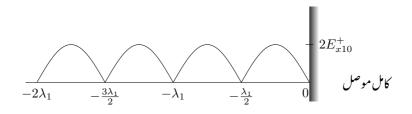
$$P_{1,\text{burgl}}^+ = P_{1,\text{burgl}}^- + P_{2,\text{burgl}}^+$$

10.6 شرح ساكن موج

کسی بھی تر سلی نظام میں مختلف مقامات پر برقی یامقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارہ باآسانی حاصل کیا جاسکتا ہے۔ محوری تار کااندرونی تار ذرہ زیادہ لمباہد کے ہوئے برقی میدان حاصل کیا جاسکتا ہے۔اس طرح تار کاایک جھوٹادائرہ مقناطیسی میدان کانمونہ حاصل کرنے میں کام آتا ہے۔ان آلات سے حاصل اشار است کو سست کار<sup>00</sup>سے گزارتے ہوئے مائیکرومیٹر سے ناپا جاسکتا ہے۔مائیکرومیٹر میدان کے جیلے کے راست تناسب جواب دیتا ہے۔ان آلات کو عموماً در کار اشار است سے مسر 16رکھا جاتا ہے تاکہ یہ زیادہ حساس ہوں۔

ا گر بغیر ضیاع خطے میں یکسال مستوی موج حرکت کررہی ہواور اس خطے میں انعکاسی موج نہ پائی جاتی ہوتب میدان ناپنے والا آلہ تمام مقامات پر یکسال حیطہ در کھائے گا۔ایساآلہ تیزی سے تبدیل ہوتے حیطے کود کھانے سے قاصر ہوتاہے۔ہر جگہ برابر حیطہ اس بات کی نشانی ہے کہ خطے میں طاقت ضائع نہیں ہوتااور یہ کہ انعکاسی پیوج بھی غیر موجود ہے۔

اس کے برعکس کامل ذوبرق میں آمدی موج کا کامل موصل سے انعکاس، ساکن موج پیدا کرتا ہے۔ایسے خطے میں میدان ناپتاآلہ مختلف مقامات پر مختلف جیطے ناپے گا۔ چونکہ سرحدسے ہر آدھے طول موج کے فاصلے پر میدان صفر رہتا ہے للذاان نقطوں پر آلہ صفر حیطہ ناپے گا جبکہ عین ایسے دوقر بی نقطوں کے در میان آلہ



شکل 10.8: کامل موصل سے انعکاس، کامل ذو برق میں ساکن موج پیدا کرتا ہے۔

زیادہ سے زیادہ حیطہ دکھائے گا۔ آلے کو سر حدکے قریب اور دور کرنے سے ناپے گئے حیطے کی شکل |sin βz |کی طرح حاصل ہو گی جہاں سر حدسے فاصلہ ہے ہے۔ شکل 10.8 میں دکھایا گیا ہے۔ سائن نما حیطے کا تبدیل ہوناساکن موج کی پہچان ہے۔

327

3270

مثال 10.5 : كامل موصل سے انعكاس كى صورت ميں كامل ذو برق ميں ساكن موج كى مساوات حاصل كريں۔

حل: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں  $\Gamma=-1$  حاصل ہوتا ہے لہذا $E_{xs1}^+=-E_{x10}^+e^{jeta_1z}$  ہو گا۔ یوں آمدی اور انعکاسی امواج کا مجموعہ  $E_{xs1}=E_{x10}^+e^{-jeta_1z}-E_{x10}^+e^{jeta_1z}$   $=-2jE_{x10}^+\sineta_1z$ 

ہو گا۔اس دوری سمتیہ سے حقیقی ساکن موج کی مساوات حاصل کرنے کی خاطر اسے ejwt سے ضرب دیتے ہوئے

 $E_{xs1}e^{j\omega t} = -2jE_{x10}^+ \sin\beta_1 z\cos\omega t + 2E_{x10}^+ \sin\beta_1 z\sin\omega t$ 

حقيقى جزو

 $E_{x1} = 2E_{x10}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$ 

لیتے ہیں۔ یہی ساکن موج کی مساوات ہے۔ شکل 10.8 میں آلہ ناپ سے حاصل  $|E_{x1}|$  و کھایا گیا ہے۔

اب الی صورت پر غور کرتے ہیں جہاں تمام کی تمام موج سر حدسے واپس نہیں او ٹتی بلکہ اس کا کچھ حصہ سر حد پار کرتے ہوئے دو سری جانب چلے جاتی ہے۔ پہلے خطے میں اب آمدی موج کے علاوہ الی انوکائی موج پائی جاتی ہے جس کا حیط آمدی موج سے کم ہوتا ہے۔ اگر چید اب پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ حیکت کرتے جھےوں کرتی موج بھی پائی جاتی ہے لیکن اس کے باوجود اس کوساکن موج بھی پکارا جاتا ہے۔ اب کسی بھی نقطے پر میدان ہر وقت صفر نہیں رہتا۔ ساکن اور حرکت کرتے جھےوں کا ندازہ حیط کی زیادہ تیت اور اس کے کم سے کم قیت کی شرح سے بیان کی جاتی ہے۔ اس شرح کو شرح ساکن موج کا کہا اور 8 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

فرض کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق ہے جبکہ دو سراخطہ کوئی بھی مادہ ہو سکتا ہے۔ یوں 
$$lpha_1=0$$
 ہوگا۔ اب $E_{xs1}^+=E_{x10}^+e^{-jeta_1z}$   $E_{xs1}^-=\Gamma E_{x10}^+e^{jeta_1z}$ 

rectifier<sup>w</sup> tuned<sup>61</sup>

standing wave ratio<sup>62</sup>

ہوں گے جہاں

$$\Gamma = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

ہے۔ چونکہ کامل ذو برق میں  $\sigma=0$ ہوتا ہے المذا $\eta_1$  مثبت حقیقی عدد ہے جبکہ و $\eta_2$  مخلوط عدد ہو سکتا ہے۔ ایوں اسے

 $\Gamma = |\Gamma| e^{j\phi}$ 

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$E_{xs1}^- = |\Gamma| \, E_{x10}^+ e^{j(\beta_1 z + \phi)}$$

لکھا جاسکتا ہے جس سے ساکن موج کی مساوات

(10.87) 
$$E_{xs1} = \left(e^{-j\beta_1 z} + |\Gamma| e^{j(\beta_1 z + \phi)}\right) E_{x10}^+$$

عاصل ہوتی ہے۔

اب آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی مخلوط عدد  $e^{j\theta}$  کو

 $e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta$ 

 $\theta = 0$  کھاجا سکتا ہے۔ چونکہ  $\theta = 0$  کی صورت میں جمالہ ااس کی حتمی قیت ایک (1) ہیں رہتی ہے۔ اس عدد کی زیادہ قیت  $\theta = 0$  کی صورت میں میں جمالہ ہوتی ہے۔ یہی قیت  $\theta = \pm \pi, \pm 3\pi, \pm 5\pi$  بہت ہے۔ یہی قیت  $\theta = \pm \pi, \pm 3\pi, \pm 5\pi$  کی صورت میں بھی حاصل ہوتی ہے۔ اس طرح اس عدد کی کم سے کم قیمت  $\theta = \pm 10.87$  ہوتی ہے۔ اس طرح مساوات  $\theta = \pm 10.87$ 

 $-eta_1z=\left(rac{\phi}{2}
ight)$  ,  $\left(rac{\phi}{2}-\pi
ight)$  ,  $\left(rac{\phi}{2}+\pi
ight)$  ,  $\left(rac{\phi}{2}-2\pi
ight)$  ,  $\cdots$ 

یر حاصل ہو گی جسے

یا

(10.88) 
$$-\beta_1 z_{1/2} = \frac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \pm 1, \pm 2, \cdots)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ایسی صورت میں

(10.89)  $|E_{xs1}|_{z=1} = (1+|\Gamma|) E_{x10}^+$ 

-1ہو گا۔اس طرح  $e^{j(2eta_1z+\phi)}$ ی کم سے کم قیمت لینی

 $2\beta_1 z + \phi = \pi, -\pi, 3\pi, -3\pi, \cdots$ 

346

$$-eta_1 z = \left(\frac{\phi}{2} - \frac{\pi}{2}\right), \left(\frac{\phi}{2} + \frac{\pi}{2}\right), \left(\frac{\phi}{2} - \frac{3\pi}{2}\right), \cdots$$

پر حاصل ہو گی جسے

(10.90) 
$$-\beta_1 z_{\pi} = \frac{\phi}{2} + n\pi + \frac{\pi}{2} \quad (n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$$

لكھاجاسكتاہے اور ایسی صورت میں

(10.91) 
$$|E_{xs1}|_{\mathbb{Z}} = (1 - |\Gamma|) E_{x10}^+$$

يو گار

ان معلومات کوزیر استعال لانے کی غرض سے  $\frac{V}{m}$  10 اور  $\frac{V}{m}$  تعدد کے موج پر غور کرتے ہیں جو خطہ اول میں سرحد کی طرف عمود کی آ مد ہے۔ پہلے خطے کے مستقل  $\mu_{R1} = 1$  اور  $\sigma_1 = 0$  اور  $\sigma_2 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_3 = 0$  اور  $\sigma_4 = 0$  اور  $\sigma_4 = 0$  اور  $\sigma_5 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  اور  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل  $\sigma_6 = 0$  جبکہ دوسرے خطے کے مستقل کے دوسرے خطے کے دوسرے کے

لول

$$\omega = 2\pi 10^9 \frac{\text{rad}}{\text{s}}, \quad \beta_1 = 36.28 \frac{\text{rad}}{\text{m}}, \quad \beta_2 = 51.3 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

 $\eta_{1}=\eta_{2}=\eta_{1}$  عاصل ہوتے ہیں۔اگرچہ خالی خلاء میں اس موج کی طول  $\eta_{2}=\eta_{3}=\eta_{2}=\eta_{3}=\eta_{4}=\eta_{5}=\eta$ 

میدان کی بلند تر قیمت V بیلے خطے میں سر حدسے 4.33 ، 4.39 ، 21.65 ، ، ، ، سنٹی میٹر کے فاصلوں پر پائی جائیں گی۔

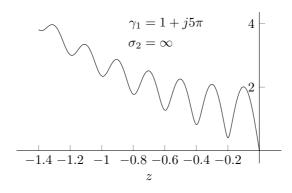
چو نکہ دوسرے خطے میں انعکاسی موج نہیں پائی جاتی للذااس میں ساکن موج بھی نہیں پائی جائے گی۔

ساکن موج کی زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم قیمتوں کی شرح کو شرح ساکن موج 63 کہااور s سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

(10.92) 
$$s = \frac{|E_{xs1}|_{\mathcal{I}_{xs1}}}{|E_{xs1}|} = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|}$$

چونکہ  $|\Gamma| \leq |\Gamma|$ ر ہتاہے لہٰذاشرح ساکن موج ہر صورت مثبت اور اکا کی کے برابریاس سے زیادہ قیمت کا ہو گالیعنی

 $(10.93) s \ge 1$ 



شکل 10.9: غیر کامل ذو برق میں ساکن موج کی بلند تر اور کم تر قیمتوں میں فرق سرحد سے دور کم ہوتا ہے۔

مندرجه بالامثال میں  $s=rac{1+0.17}{1-0.17}=1.409$  ہندرجہ بالامثال

اگر  $\Gamma = |\Gamma|$ ہوتباندکا تی اور آمدی امواج برابر ہوں گے للذا تمام کی تمام آمدی توانائی سرحدہ واپس لوٹتی ہے اور ایسی صورت میں  $\Gamma$  لا محدود ہوگا پہلے خطے میں ہر  $\frac{\lambda_1}{2}$  فاصلے پرایسی سطحیں ہوں گی جہاں آمدی موج کے دگئے جیطے کا برقی میدان ہوگا۔

کا برقی میدان ہوگا۔

اگر  $\eta_2=\eta_1$  ہوتب  $\Gamma=0$  ہوگا۔ایی صورت میں توانائی سر حدسے واپس نہیں لوٹتی، s=sہوتا ہے اور برقی میدان کی بلند تراور کم تر قیمتیں پر ابر ہوتی ہیں۔

آ و همی طاقت کے انعکاس کی صورت میں  $|\Gamma|^2=0.5$ یغنی $|\Gamma|=0.707$ اور |S=5.83=sو گا۔

چونکہ برقی اور مقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارات باآسانی حاصل کئے جاسکتے ہیں اور 8 کی قیمت حاصل کرنے کے لئے راست تناسب اشارات ہی دور کار ں لہٰذاشر حساکن موج کو تجرباتی طور حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یہی اس کی اہمیت کاراز ہے۔ یاد رہے کہ 8حاصل کرنے کے لئے میدان کی اصل قیمت در کار نہیں ہوتی۔ چیوف اتناضر ورکی ہوتا ہے کہ تمام اشارات اصل میدان کے تناسب سے ہوں۔

آئیں اب پہلے خطے کو غیر کامل ذو برق تصور کریں جس کا  $\alpha$  صفر کے برابر نہیں ہوگا۔ اب بائیں سے آتی آمدی موج ہفتے ہوئے گئے ہوئے گئے گی۔ انھکا تک موج منفی z جانب چلتے ہوئے گئے جائے گی حتٰی کہ آخر کاراس کی قیمت قابل نظر انداز ہوگی۔ یوں اگرچہ سرحد کے قریب بلند تراور کم ترمیدان میں فرق واپنے ہوئے موج منفی z جانب چلتے ہوئے گئے ہوئے ہوئے گئے ہوئے ہوئے گئے ہوئے ہوئے گئے ہوئے ہے گئے ہوئے ہوئے گئے ہوئے گئے ہوئے گئے ہوئے گئے ہوئے گئے گئے ہوئے گئے ہوئے ہوئے گئے ہوئے ہوئے گئے گئے ہوئے ہوئے گئے گئے ہوئے گئے ہوئے

ا گرچہ مندر جہ بالامثال زیادہ انتہادر ہے کا تھالیکن یہ بھی نہیں بھولناچاہئے کہ حقیقت میں کامل ترسیلی تار بھی نہیں بائے جاتے۔حقیقت میں شرح ساکن ایوق ہر صورت سرحد سے فاصلے پر منحصر ہوگی اور اس کا استعمال اسی وقت ممکن ہوگا جب ہماری دلچین کے خطے میں اس کی قیمت زیادہ تبدیل نہ ہو۔

آئیں دوبارہ پہلا خطہ کامل ذوبرق لیتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح حاصل کریں۔لا محدود مجم میں آزاد موج کی صورت میں بیہ شرح ہے تھی جہاں منفی قیت بڑھتے ہے جانب حرکت کی صورت میں ہوتی ہے۔انعکائی موج کی موجود گی میں برقی اور مقناطیسی میدان صفر بھی ممکن ہیں لہٰذاان کی شرح صفر سے لا محدود قیمت کی ہوسکتی ہے۔سرحدسے ا = ۔ تا صلے پر میدان

$$\begin{split} E_{xs1} &= \left( e^{j\beta_1 l} + \Gamma e^{-j\beta_1 l} \right) E_{x10}^+ \\ H_{ys1} &= \left( e^{j\beta_1 l} - \Gamma e^{-j\beta_1 l} \right) \frac{E_{x10}^+}{\eta_1} \end{split}$$

ہیں۔ان کی شرح کوداخلی قدرتی ر کاوٹ کہتے اور <sub>داخلی</sub> ηسے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$\left.\eta_{\vec{\mathcal{Y}}_{\mathsf{I}}}\right|_{\mathsf{I}} = \left.\frac{E_{xs1}}{H_{ys1}}\right|_{z=-l} = \eta_{1}\frac{e^{j\beta_{1}l} + \Gamma e^{-j\beta_{1}l}}{e^{j\beta_{1}l} - \Gamma e^{-j\beta_{1}l}}$$

اس میں  $rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}=\Gamma$ پر کرتے ہوئے اور یولر مماثل $\Gamma=rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}$ 

$$\eta_{\mbox{$\vec{\psi}$},\mbox{$\vec{\psi}$}} = \eta_1 \frac{(\eta_2 + \eta_1)(\cos\beta_1 l + j\sin\beta_1 l) + (\eta_2 - \eta_1)(\cos\beta_1 l - j\sin\beta_1 l)}{(\eta_2 + \eta_1)(\cos\beta_1 l + j\sin\beta_1 l) - (\eta_2 - \eta_1)(\cos\beta_1 l - j\sin\beta_1 l)}$$

حاصل ہوتاہے جسے باآسانی یوں

(10.94) 
$$\eta_1 = \eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j\eta_2 \tan \beta_1 l}$$

کھھا جا سکتا ہے۔

جب  $\eta_1$ اور  $\eta_1$  برابر ہوں تب داخلی قدرتی رکاوٹ <sub>داخلی</sub> ہم پہلے خطے کی قدرتی رکاوٹ  $\eta_1$  کے برابر ہوتی ہے۔الیی صورت میں انعکاس پیدا نہیں ہوتی اور ترسیلی نظام ہم رکاوٹی 65 کہلاتا ہے۔ہم رکاوٹی نظام میں انعکاس کے غیر موجودگی کی بناتوانائی ایک ہی ست میں منتقل ہوتی ہے۔اگر دوسر اخطہ کامل موصل ہوتب  $\eta_2$  0 ہوگا۔الیی صورت میں 0 ہوگا۔الی صورت میں

(10.95) 
$$\eta_{ij} = j\eta_1 \tan \beta_1 l \quad (\eta_2 = 0)$$

3324

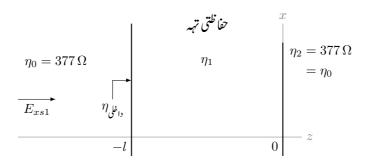
ہو گالہذاان مقامات پر جہاں  $E_{xs1}=0$  ہو،  $B_1 l=n$  ہو، داخلی قدرتی رکاوٹ صفر کے برابر ہو گی جبکہ ان مقامات پر جہاں  $H_{ys1}=0$  ہو قبال داخلی قدرتی رکاوٹ لامحد ود ہو گی۔

مساوات 10.94 ترسیلی نظام پر غور کرنے کے لئے انتہا گی اہمیت کا حامل ہے۔

اس باب کے آخر میں ریڈار اینٹینا کو موسمی اثرات سے بچانے کی خاطر استعمال کئے جانے والی ایسی تہد کی بات کرتے ہیں جو ریڈار کے شعاعوں کے لئے بالکل شفاف ثابت ہوتی ہے۔ یہ تہد عموماً دینٹینا پر گنبر کی شکل میں ہوتی ہے۔شکل 10.10 میں ریڈار اینٹینا z=z=2 بائیں جانب خلاء میں ہوتی ہے۔ ذو شفاف ثابت ہوتی تہد ہے۔ یوں z=z=2 دائیں جانب خلاء ہے جس میں ریڈار اشارات بھیجتا ہے۔ خلاء کی قدر تی رکاوٹ z=0 ہوتی ہے۔ ذو برق کی بنی حفاظتی تہد کی موٹائی زیادہ نہیں رکھی جاتی تاکہ اس میں طاقت کا ضیاع کم سے کم ہو۔ حفاظتی تہد سے اندکاس قابل قبول نہیں چو نکہ اس طرح ریڈار کے برق کی بنی حفاظتی تہد کی موٹائی طرف لوٹیں گے۔ ہم چاہتے ہیں کہ اینٹینا، دائیں جانب کے پورے نظام کے لئے ہم رکاوٹی ہو۔ ایسات ہوگا جب z=1

$$377 = \eta_1 \frac{377 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j377 \tan \beta_1 l}$$

 $e^{j\alpha} = \cos \alpha + j \sin \alpha^{64}$ matched<sup>65</sup>



شکل 10.10: ریڈار اینٹینا پر ایسی شفاف حفاظتی تہہ چڑہائی جاتی ہے جو برقی و مقناطیسی امواج کو نہیں گھٹاتی۔

 $j377^2 \tan \beta_1 l = j\eta_1^2 \tan \beta_1 l$ 

n=1اب تمام غیر مقناطیسی اشیاء کی 377 جسلم المذااس مساوات پر پوراصرف اس صورت اتراجاسکتا ہے جب $\eta_1<37$  ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں المبار اللہ معامیس بیدا کرتا ہوت ہم حفاظتی تہہ کو کم ضیاع اور ملکے وزن کے ایسے 1 کی صورت میں بیدا کرتا ہوت ہم حفاظتی تہہ کو کم ضیاع اور ملکے وزن کے ایسے یا سکتے ہیں جس کا 2.25 ھے۔ ہمیں تہہ کی موٹائی بیدا کرتا ہوت ہیں جس کا 2.25 ھے۔ ہمیں تہہ کی موٹائی

$$l = \frac{\lambda_1}{2} = \frac{v_1}{2f_1} = \frac{3 \times 10^8}{2\sqrt{2.25} \times 10^{10}} = 1 \text{ cm}$$

ر کھنی ہو گی۔

 $\eta_1=251.33$  ور  $\beta_1=314.2$  ور  $\beta_1=314.2$  ور کی جائے ہوئے  $\eta_1=251.33$  ور کی جائے ہوئے  $\eta_1=251.33$  ور کے باتے ہوئے  $\eta_1=251.33$  جن بیال موٹائی مو

ہو گی۔ یوں شرح انعکاس

یا

$$\Gamma = \frac{167.6 - 377}{167.6 + 377} = -0.3845$$

ہو گااور انعکاسی طاقت کی فی صد شرح

$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} \times 100 = |\Gamma|^{2} \times 100 = 14.78\%$$

موگى **-**

مثق 10.7: دو خطے آپس میں z=0 پر ملتے ہیں۔ سر حد کے باغیں جانب پہلا خطہ ہے جس کے متعقل 2 متعقل 2 میں  $\mu_{R1}=1$  وروسری جانب مستعقل 2 میں  $\mu_{R2}=10$  اور  $\sigma_{2}=0$  ہیں۔ پہلے خطے میں  $\sigma_{2}=0$  ہیں۔ پہلے خطے میں جانب ہیں۔ پہلے خطے میں جانب ہیں۔ پہلے خطے میں جس کے دوسری جس کے دوسری کے دوسری

جوابات: 5 ،1اور <u>61.8° /61.8</u>

```
the answers should be at the end of the book
4442
    include the DC switch on case as multiple reflections before settling down
4443
    read chapter 9 onwards (proof reading)
4444
    put comsat's time table here.
    energy travels along the wire and not in the wire.
    antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.
    house completion certificate.
    zaryab's tooth
    zaryab fish
    F=-dW/dT to include in inductance chapter plus a question or two
4451
    magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.
4452
    charge is barqi bar.
4453
    add questions to machine book too.
4454
    take print outs for myself.
4455
4456
4457
    when giving fields always remember the following rules:
4458
```

always ensure that divergence of magnetic field is zero. 4459

moving waves must be of the form  $E = E0\cos(wt - kz)$  where  $c = (\mu * \epsilon)^{-0.5}$  and  $k = 2 * \pi/\lambda$ 

916. مستوى امواج

الباب 16

سوالات

مستوى امواج

z سوال 1.61: خالی خلاء میں  $a_z$  سمت میں حرکت کرتی،  $a_z$  0.00 MHz تعدد کے مستوی برقی موج  $a_z$  کی چوٹی لمحہ  $a_z$  سمت میں حرکت کرتی،  $a_z$  سمت میں بونے کی صورت میں سائن نما  $a_z$  اور  $a_z$  امواج کے مساوات لکھیئیہہہ)  $a_z$  بائی جاتی ہے۔یہ چوٹی  $a_z$  10 کی سمت میں بونے کی صورت میں سائن نما  $a_z$  اور  $a_z$  امواج کی مساوات لکھیں۔  $a_z$  کی مساوات لکھیں۔

4463

4475

4467 
$$m{H} = rac{31}{12\pi} m{a}_{
m y} \cos(12\pi imes 10^8 t - 4\pi z)$$
 ,  $m{E} = 310 m{a}_{
m x} \cos(12\pi imes 10^8 t - 4\pi z)$  ,  $m{E}_{
m S} = rac{31}{12\pi} \left[ rac{2}{\sqrt{29}} m{a}_{
m x} + rac{5}{\sqrt{29}} m{a}_{
m y} \right] e^{-j4\pi z}$  ,  $m{E}_{
m S} = 310 \left[ rac{5}{\sqrt{29}} m{a}_{
m x} - rac{2}{\sqrt{29}} m{a}_{
m y} \right] e^{-j4\pi z}$ 

سوال 16.2: خالى خلاء ميں نقطہ N(3,-2,5) پر  $a_z$  جانب حرکت کرتى،  $200\,\mathrm{MHz}$  تعدد کے برقى ميدان کى سائن نما مستوی موج کی پېچوٹى  $H_\mathrm{S}$  موح سائن نما مستوی موج  $H_\mathrm{S}$  پائى جاتى ہے۔ الف)  $h_\mathrm{S}$  موح نقطہ  $h_\mathrm{S}$  بر نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر برقى ميدان کى شدت حاصل کريں۔ پ) لمحہ  $h_\mathrm{S}$  پر نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر برقى ميدان کى شدت حاصل کريں۔ پ) نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر برقى ميدان کى شدت حاصل کريں۔ پ) نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر برقى ميدان کى شدت حاصل کريں۔ پ) نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر برقى ميدان کى شدت حاصل کريں۔ پ) نقطہ  $h_\mathrm{S}$  پر برقى ميدان کى شدت حاصل کريں۔ پ

موابات: 
$$m{a}_H = -0.86 m{a}_{\mathrm{x}} + 0.51 m{a}_{\mathrm{y}}$$
 ,  $m{a}_E = 0.51 m{a}_{\mathrm{x}} + 0.86 m{a}_{\mathrm{y}}$  ,  $m{\beta} = 4.2 \, \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$  ,  $\lambda = \frac{3}{2} \, \mathrm{m}$  بحوابات:  $266 \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$  ,  $-90 \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$  ,  $292 \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$  ,  $m{H}_{\mathrm{S}} = 0.7733 (-0.86 m{a}_{\mathrm{x}} + 0.51 m{a}_{\mathrm{y}}) e^{-j4.2z}$  ,  $H_0 = 0.7733 \, \frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$ 

سوال 16.3: خالی خلاء میں مستوی موج  $E_s=E_0e^{-j6z}$  دی گئی ہے۔ الف) موج کی تعدد  $\omega$  حاصل کریں. ب) برقی میدان کا حیطہ بالعوتھیب  $E_s=E_0e^{-j6z}$  ور  $E_s=E_0e^{-j6z}$  بونے کی صورت میں لمحہ  $E_s=E_0e^{-j6z}$  اور  $E_s=E_0e^{-j6z}$  بونے کی صورت میں لمحہ  $E_s=E_0e^{-j6z}$  اور  $E_s=E_0e^{-j6z}$  بونے کی صورت میں لمحہ  $E_s=E_0e^{-j6z}$  نقطہ  $E_s=E_0e^{-j6z}$  بونے کی صورت میں لمحہ  $E_s=E_0e^{-j6z}$  بونے کی صورت میں لمحہ  $E_s=E_0e^{-j6z}$  بونے کی صورت میں لمحہ نقطہ نے دورت میں لمحہ المورت میں لمحہ نقطہ نور کے دورت میں لمحہ نور کے دورت کے دورت میں لمحہ نور کے دورت کے دورت کے دورت میں لمحہ نور کے دورت کے دورت

جوابات: 
$$\frac{V}{m}$$
 ،  $11.18 \frac{V}{m}$  ،  $94.3 \frac{V}{m}$  ،  $11.18 \frac{V}{m}$  ،  $10.18 \frac{V}{m}$  ،  $10.18 \frac{Grad}{s}$  جوابات:

سوال 16.4: خالی خلاء میں  $E_{
m s}=(5+j2)(3a_{
m x}-j4a_{
m y})e^{jeta z}\,rac{
m V}{
m m}$  سوال 16.4: خالی خلاء میں  $\lambda$  تعدد کی مستوی موج  $E_{
m s}=(5+j2)(3a_{
m x}-j4a_{
m y})e^{jeta z}\,rac{
m V}{
m m}$  تیمتیں دریافت کریں۔لمحہ  $t=1.4\,{
m ns}$  پر نقطہ  $t=1.4\,{
m ns}$  پر نقطہ نقطہ کا جمال کریں۔موج کا حیطہ حاصل کریں۔

$$|E_{y_{
m pluly}}|=26.9\,{
m rac{V}{m}}$$
 ،  $E(z=40{
m cm},t=1.4\,{
m ns})=13.96$   $a_{
m x}-10.84$   $a_{
m y}\,{
m rac{V}{m}}$  ،  $eta=rac{7\pi}{3}\,{
m rac{rad}{m}}$  ،  $\lambda=rac{6}{7}\,{
m m}$  ,  $\lambda=rac{6}{7}\,{
m m}$ 

الباب 16. سوالات

$$m{E}_{ ext{g-485}} = E_0 e^{-j10.99x} m{a}_{ ext{y}} \, m{n}_{ ext{m}} \,$$
 ،  $\eta = 179.6 \, \Omega$  ،  $\lambda = 57.2 \, ext{cm}$  ،  $m{\beta} = 10.99 \, rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$  ،  $v_p = 1.429 imes 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .  $m{g} = 1.429 \times 10^8 \, rac{ ext{m}}{ ext{s}}$  .

 $m{H}_{ ext{S7}}$  اور  $m{E}_{ ext{S7}}$  اور  $m{E}_{ ext{S7}}$  بین. الف) دوری سمتیات  $m{E}_{ ext{S}}$  اور  $m{E}_{ ext{S}}$ 

$$\mathscr{P}_{\text{MSD},j} = \frac{E_0^2}{2|\eta_0|} e^{-2\alpha z} \cos\phi \boldsymbol{a}_{\text{z}} \frac{\text{W}}{\text{m}^2} \text{ , } \boldsymbol{H}_{\text{S}} = -\frac{E_0}{|\eta_0|} e^{-\alpha z} e^{-j(\beta z + \pi + \phi)} \boldsymbol{a}_{\text{x}} \frac{\text{A}}{\text{m}} \text{ , } \boldsymbol{E}_{\text{S}} = E_0 e^{-\alpha z} e^{-j(\beta z + \pi)} \boldsymbol{a}_{\text{y}} \frac{\text{V}}{\text{m}} \text{ }$$

سوال 16.7: خالی خلاء میں  $\frac{\mathbf{V}}{m}$  ریں۔ ب) دوری سمعیات  $\mathbf{E}=(30a_{\mathrm{y}}+22a_{\mathrm{z}})\cos(\omega t-60x)\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$  پایا جاتا ہے۔ الف) کا وری سمعیات خلاء میں  $\mathbf{E}_{\mathrm{S}}$  حاصل کریں۔ ب $\mathbf{E}_{\mathrm{S}}$ 

روابات: 
$$m{E}_{\mathrm{S}} = (30m{a}_{\mathrm{y}} + 22m{a}_{\mathrm{z}})e^{-j60x}\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$$
 ,  $\omega = 1.8 \times 10^{10}\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{s}}$  ,  $\lambda = \frac{\pi}{30}\,\mathrm{m}$  : جوابات  $\mathcal{P}_{\mathrm{s}} = \frac{173}{30\pi}m{a}_{\mathrm{x}}\frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$  ,  $\mathbf{H}_{\mathrm{S}} = \frac{1}{120\pi}(-22m{a}_{\mathrm{y}} + 30m{a}_{\mathrm{z}})e^{-j60x}\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$ 

سوال 16.8: مستوی مقناطیسی موج کا دوری سمتیہ  $rac{V}{m}$  ستیہ بیا $H_s = (5a_{
m x} + j4a_{
m z})e^{j20y}$  اور تعدد 10.8 مستوی مقناطیسی موج کا زیادہ سے زیادہ ہولی 10.8 بر۔حاصل کریں  $\mu_R$  ،  $\epsilon_R$  ،  $v_P$  ،  $\eta$  ،  $\lambda$  ،  $\beta$  بر۔حاصل کریں  $\frac{V}{m}$  بالم

، بلا
$$_R=2.4$$
 ،  $\epsilon_R=9.6$  ،  $v_p=6.28 imes 10^7 rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$  ،  $\eta=187.4\,\Omega$  ،  $\lambda=rac{\pi}{10}\,\mathrm{m}$  ،  $\beta=20rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$  . Figure 187.4  $\Omega$  .  $\lambda=\frac{\pi}{10}\,\mathrm{m}$  .  $\beta=20rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$  . Here  $\delta\cos(2\pi imes200 imes10^6t+20y)$   $\delta_{\mathrm{m}}=4\sin(2\pi imes200 imes10^6t+20y)$  . Here  $\delta\cos(2\pi imes200^6t+20y)$  .

 $m{H}(y,t) = 1.5\cos(2.5 imes10^7t - eta y)m{a}_{
m y} rac{
m A}{
m m}$  موال 16.9: میدان  $m{E}(y,t) = 700\cos(2.5 imes10^7t - eta y)m{a}_{
m x} rac{
m V}{
m m}$  اور  $m{\mu}_R$   $m{\mu}_R$  ،  $m{\eta}$  ،  $m{\lambda}$  ،  $m{\beta}$  اور  $m{\mu}_R$  ؛  $m{\mu}_R$  ،  $m{\mu}_R$  ) وارد  $m{\mu}_R$  بهستوی

جوابات: 
$$\mu_R=2.2$$
 ،  $\epsilon_R=1.4$  ،  $\eta=467\,\Omega$  ،  $\lambda=42.7\,\mathrm{m}$  ،  $eta=0.147rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$  جوابات:

 $\sigma$  :16.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7  imes 10^4$	گريفائك	$6.17 \times 10^{7}$	چاندى
1200	سليكان	$5.80 \times 10^{7}$	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	$4.10 \times 10^{7}$	سونا
5	سمندری پانی	$3.82 \times 10^{7}$	المونيم
$10^{-2}$	چهونا پتهر	$1.82 \times 10^{7}$	ٹنگسٹن
$5 \times 10^{-3}$	چکنی مٹنی	$1.67 \times 10^{7}$	جست
$10^{-3}$	تازه پانی	$1.50 \times 10^{7}$	بيتل
$10^{-4}$	مقطر پانی	$1.45 \times 10^{7}$	نکل
$10^{-5}$	ریتیلی مٹی	$1.03 \times 10^{7}$	لوبا
$10^{-8}$	سنگ مرمر	$0.70 \times 10^{7}$	قلعى
$10^{-9}$	بيك لائث	$0.60 \times 10^{7}$	كاربن سٹيل
$10^{-10}$	چینی مٹی	$0.227 \times 10^{7}$	مینگنین
$2 \times 10^{-13}$	ا بيرا	$0.22 \times 10^{7}$	جرمينيم
$10^{-16}$	پولیسٹرین پلاسٹک	$0.11 \times 10^{7}$	سٹینلس سٹیل
$10^{-17}$	كوارائس	$0.10 \times 10^{7}$	نائيكروم

520 الباب 16. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$  and  $\epsilon_R$  :16.2 جدول

σ/ωε	$\epsilon_R$	چيز
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائلاً
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	ر پڑ
0.00075	3.8	SiO <sub>2</sub> سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ<sub>R</sub> :16.3 جدول

$\mu_R$	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.999 999 42	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 16.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	$\epsilon_0$	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7}  rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	$\mu_0$	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)