برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14						•						•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16												•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•						•	•																			٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح -	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	i	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 30 22 30 40 3 30 40 4 40 4.3. 4.3. 4.3. 4.3.	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 99 48 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا يرقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 45 3. 4.3. 4.3. 101 46 3. 4.3. 4.3. 102 5 3. 302 6 3. 303 7 3. 304 8 3. 305 8 3. 306 8 3. 307 8 4. 308 8 4. 309 9 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 4 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 9 4 40 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s									•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																			. ,	يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثلر	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559									•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•		•				 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) ديرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₆₂ 249 ₆₃ 250 ₆₄ 254 ₆₅ 255 ₆₆	 										 						 						 قوت 	بين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِی رو پِت اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ر ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق وطیسی اور مقاور مق	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطير 		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو پت اور نناطیس نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉ 268 ₂₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد تو رقی ا اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یت اور ین اطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

283 ₀₄	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.05	9.1 فیراڈے کا قانون
290%	9.2 انتقالی برقی رو
29607	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
298 ₀₈	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303.09	9.5 تاخیری دباو
311110	10 مستوى امواج
31 hu	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
32013	10.2.1 خالى خلاء ميں امواج
32314	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج
32515	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32916	10.3 پوئنٹنگ سمتیہ
33417	10.4 موصل میں امواج
34018	10.5 انعکاس مستوی موج
347/19	10.6 شرح ساكن موج
352 ₂₀	10.7 دو سرحدی انعکاس
357/21	10.7.1 فيبرى-پيروڭ طيف پيما
359 ₂₂	کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1 eq \eta_3$ 10.7.2
36023	10.7.3 متعدد سرحدی مسئلہ
361124	10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
36825	10.9 ييضوی يا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتيہ

viii

تار	1 ترسیلی
ترسیلی تار کے مساوات	11.1
ترسیلی تار کے مستقل	11.2
11.2.1 بم محوری تار کے مستقل	
11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل	
11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار	
ترسیلی تار کے چند مثال	11.3
ترسيمي تجزيه، سمته نقشه	11.4
11.4.1 سمته فراوانی نقشه	
تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5
تجزیه عارضی حال	11.6
آمد، انعكاس، انحراف اور انكسار	01.5
ترچهی آمد	
قطبی موج کی ترچهی آمد	
ترسيم بائی گن	12.3
ر گهمکیا	.1 مويج ا
ر گهمکیا برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	•
	13.1
برقمی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1
447/42	13.1 13.2 13.3
447/42	13.1 13.2 13.3
447/42 447/42 447/42 447/42 448/43 448/43 448/43 448/43 454/44 454/44 454/44 454/44 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 470/46	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5
447/42 . 447/42 . .	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6
447/42 447/42 447/42 448/43 448/43 448/43 648/44 454/44 454/44 454/44 454/44 454/44 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 470/46	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6
447/62 447/62 448/63 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے موبج میں عرضی برقی موج 454/64 کھوکھلا مستطیل موبج کے میدان پر تفصیلی غور 463/65 13.3.1 470/66 TMmn موبج میں عرضی مقناطیسی mmn موبج کھوکھلی نالی موبج میں عرضی مقناطیسی مقناطیسی شعرح 474/67 481/68 481/68 482/69 نقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 186طاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف 482/69	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7
44740 44740 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ 44845 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج 45444 کھوکھلا مستطیل مویج 3.3.1 46345 13.3.1 مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج 47447 کھوکھلی نالی مویج 48148 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 48240 سطحی موج 48260	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8
447a2 . برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازند 448a5 . دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھوکھلا مستطیل مویج کے میدان پر تفصیلی غور 13.3.1 470a6 . TMmn مویج کھوکھلی نالی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج کھوکھلی نالی مویج انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف مویج انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف مویج مطحی موج مویج دو برق تختی مویج مویج دو برق تختی مویج مویج	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9
44762 عاموازند 44865 ج مویج میں عرضی برقی موج 62 لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھو کھلا مستطیل مویج 45461 کھو کھلا مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 46345 33.3.1 47046 TMmn مویج 47447 کھو کھلی نالی مویج 48148 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 4829 انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف 48640 مویج 49151 خو برق تختی مویج شیش ریشہ شیش ریشہ	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10

51 1156	ر شعاعی اخراج	ا اینٹینا اور	14
511157	تعارف	14.1	
511158	تاخیری دباو	14.2	
51359	تكمل	14.3	
51460	مختصر جفت قطبي اينثينا	14.4	
52261	مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت	14.5	
52662	تهوس زاویہ	14.6	
527 ₁₆₃	اخراجي رقبہ، سمتيت اور افزائش	14.7	
53464	قطاری ترتیب	14.8	
53465	14.8.1 غير سمتي، دو نقطہ منبع		
535.66	14.8.2 ضرب نقش		
53667	14.8.3 ثنائی قطار		
53868	14.8.4 یکسان طاقت کر متعدد رکن پر مبنی قطار		
540	۔ 14.8.5		
	۔ 14.8.6		
	۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔		
	تداخُل پیما	14.9	
	مسلسل خطى اينٹينا		
	مستطيل سطحي ايتثنينا		
	اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں		
	خطبی ایشینا		
	حسی بیسید		
	چىمىر مۇخ بىيىنىغا		
	چهوه نهیرا بینین		
	پیچ دار ایشینا		
	جهری ایتلینا		
	پيپا اينځينا		
	فرائس ریڈار مساوات		
	ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی		
56985	حرارت نظام اور حرارت بعید	14.22	

مویج اور گهمکیا

اب تک ہم صرف عرضی برتی ومقناطیسی TEM امواج کی بات کرتے آرہے ہیں جن میں برتی میدان اور مقناطیسی میدان سمت حرکت کے عمود کی ہوتے ہیں میساس باب میں ترسیلی تاریر بحث کو آگے بڑھاتے ہوئے ایسے امواج پر غور کیا جائے گا جن میں برتی یامقناطیسی میدان سمت حرکت کی جانب بھی جزور کھتے ہوں۔وہ تھوں سال تار جو صرف اس طرح کے امواج کو گزار سکیں موتج کے کہلاتے ہیں۔

تقریباً GHz التعدد کے لگ بھگ تر سیل تاریس طاقت کاضیاع، جلد کی موٹائی کی وجہ سے قابل نظر انداز نہیں رہتی للمذاان تعدد پر طاقت کی تر سیل کھو کھلے موتئے کی مدد سے کی جاتی ہے جن میں طاقت کاضیاع نسبتاً کم ہوتا ہے۔

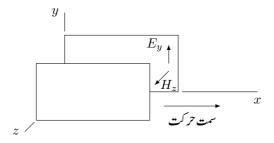
دولا محدود جسامت کے مستوی سطحوں کے موتج سے بات شروع کرتے ہوئے کھو کھلے مستطیلی اور نگلی موتج تک بات بڑھائی جائے گی۔ان موتج میں مہیدان کے اشکال،ان کے منقطع طول موج اور تضعیفی مستقل حاصل کئے جائیں گے۔اس کے بعدا یک تار پر بیر ونی موج اور دیگر اقسام کے موتج پر غور کیا جائے گا۔آ خر میں موصل کے بند ڈبوں میں مقیدامواج پر غور کیا جائے گا۔ان ڈبوں کو گھمکیا کہتے ہیں۔

13.1 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنه

کم تعد دیر برقی دباو، برقی رو، مزاحمت وغیرہ وہ متغیرات ہیں جنہیں استعال کرتے ہوئے برقی ادوار حل کئے جاتے ہیں۔ان تعد دیر تمام مزاحمت یار کاوٹ کو نقطہ نما تصور کیا جاتا ہے۔ یوں تارکے ایک سربے پر منبع برقی دباولا گو کرتے ہوئے تارکے دوسرے سربے پر مزاحمت میں برقی روحاصل کی جاسکتی ہے۔

قدر زیادہ تعدد پر انہیں حقائق کو ترسیلی تارپر لا گو کیا جاسکتا ہے۔ایسا کرتے وقت ترسیلی تار کی مزاحمت یاامالہ تار کی لمبائی پر تقسیم شدہ تصور کر نالاز م ہے۔ہماتھ ہی ساتھ ترسیلی تارپر برتی دباو کی رفتار پر بھی نظرر کھنی ہوتی ہے۔

اب موصل کھو کھلے نکلی یامستطیلی نالی پر مبنی نظام کی بات کرتے ہیں۔ کیاالی نالی برقی ومقناطیسی طاقت منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے؟ا گرہماری معلمات برقی ادواریاتر سیلی تاریک محدود ہوتی تب اس سوال کا جواب یہ ہے کہ ایسا ممکن نہیں ہے کیونکہ برقی طاقت کے منتقلی کے لئے دوعد د تار ضروری ہیں۔البتہ لواگیرہم باب 13. مويج اور گهمكيا



شكل 13.1: دو لامحدود وسعت كر متوازى موصل چادروں كا نظام.

شعاعوں کا علم رکھتے تب جواب ہو تا کہ ایسا ممکن ہے چو نکہ شعاعیں سیدھی کھو کھلے نکلی سے گزر سکتی ہیں اور شعاعیں بلند تعدد (1016 Hz) کی برقی و مقناطیسی ایمواج جی ہیں۔

اصل جواب ہے کہ ایباموج کے تعدویرِ منحصر ہے۔ کم تعدد کے امواج نالی سے نہیں گزر سکتے جبکہ بلند تعدد کے امواج اس سے گزر سکتے ہیں۔ تعدد کے ان دوخطوں کے در میان ایسی تعدد ہوگی جس سے کم تعدد نالی سے نہیں گزرے گی اور جس سے زیادہ تعدد نالی سے گزرے گی۔اس تعدد کو پست انقطاعی تعدد کھا جاتا ہے۔

کھو کھلے نالی سے برقی و مقناطیسی طاقت کی منتقلی برقی ادوار حل کرنے کے علم سے نا قابل سمجھ مسکد ہے۔ کھو کھلے نالی میں طاقت کی منتقلی، نالی کے کھو کھلے جصے میں برقی اور مقناطیسی میدان پر غور سے سمجھا جاسکتا ہے جنہیں استعال کرتے ہوئے پوئٹنگ سمتیہ سے موج کی طاقت حاصل ہوتی ہے۔ دراصل برقی و مقناطیسی طاقت نالی کے کھو کھلے جھے میں برقی اور مقناطیسی امواج سے منتقل ہوتا ہے ناکہ نالی کے موصل جھے میں۔ برقی د باواور برقی رواس منتقل کے محض اضافی اثرات ہیں۔

13.2 دو لامحدود وسعت كر مستوى چادرون كر مويج مين عرضي برقي موج

شکل 13.1 میں دولا محدود وسعت کے متوازی چادروں پر مبنی ترسیلی تارد کھائی گئی ہے جو ہوسمتی عرضی برقی و مقناطیسی موج گزار سکتی ہے۔اس تارکی خاص خاصیت سے ہے کہ ایک مخصوص تعدد کے اوپر بید دیگر بلند درجی انداز 4 کے امواج بھی گزار سکتی ہے۔ یوں ترسیلی تارسے نثر وع کرتے ہوئے موج کے تک بحث کو پہنچا نے ہے کہ ایک میں مثال ہے۔

1831 میں مثال ہے۔

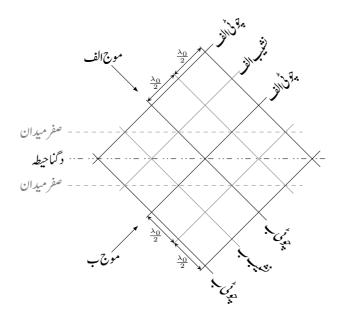
4328

الی بلند در جی انداز کی بات کرتے ہیں جس میں برقی میدان ہر نقطے پر ہاسمت حرکت ہے۔ چو نکہ برقی میدان سمت حرکت کے عمود کی ہے لہذا اس انداز کو عرضی برقی انداز کو عرضی ہوگا البتہ چادر سے دوراس کی کچھ بھی قیت ممکن ہے۔ الیک عرضی اور طولی اجزاء پر مشتمل ہے۔ کامل موصل چادروں کی صورت میں چادروں پر برقی میدان صفر ہوگا البتہ چادر سے دوراس کی کچھ بھی قیت ممکن ہے۔ الیک عرضی برقی ومقاطیسی انداز موج کے خصوصیات باآسانی یوں حاصل کئے جا سکتے ہیں کہ اسے دوع ضی برقی ومقاطیسی انداز MEM امواج کا مجموعہ تصور کیا جائے جو مودیس میں جوردوں کے درمیان بار بارانعکاس کرتی ہوں۔

آئیں پہلے شکل 13.2 پر غور کریں جہاں خالی خلاء میں ایک ہی تعدد کے دو سطی TEM امواج کے ملاپ کی صورت حال دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں ایمواج خطی قطبی تصور کئے گئے ہیں جن کا برقی میدان صفحہ کے عمود ک فرض کیا گیا ہے۔ موج الف کی شعاع اوپر بائیں ہاتھ سے بنچے دائیں ہاتھ کی طرف جبکہ موج ہب کی شعاع بنچے بائیں ہاتھ سے اوپر دائیں ہاتھ کی جانب گامزن ہے۔یوں ان کا آپس میں ملاپ کسی زاویے پر ہوتا ہے۔شکل میں گہر کی سیاہی کی شوس کئیر سے موج کی چوڈ ٹی

low cutoff frequency³ higher order mode⁴

transverse electric mode, TE mode⁵



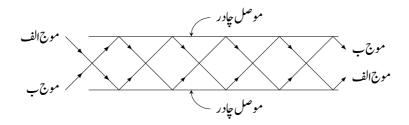
شكل 13.2: دو عرضي برقي و مقناطيسي امواج خلاء مين مختلف سمتون مين حركت كر ربي بين.

جبہ ہلکی سیاہی کے تھوس کلیر سے اس کانشیب دکھایا گیا ہے۔ یوں سطحی موخ الف کی چوٹیاں اور نشیب، شعاع الف کے عمودی دکھائے گئے ہیں۔ گہری سیاہی کے تھوس کلیر کوبر تی میدان کی چوٹی سیر کوبر تی میدان زیادہ سے زیادہ قیمت رکھتا ہے اور اس کی سمت صفحہ سے عمودی باہر جانب کو ہوگی۔ پہوٹی طرح ہلکی ٹھوس کلیر میدان کی نشیب کو ظاہر کرتی ہے لہذا یہاں میدان کی قیمت زیادہ ہوگی البتہ اس کی سمت صفحہ کے عمودی اندر جانب کو ہوگی۔ پچوٹی اور نشیب کے در میان فاصلہ کے برابر ہے۔ المذا یہاں میدان کی قیمت نیادہ سے در میان فاصلہ کے برابر ہے۔

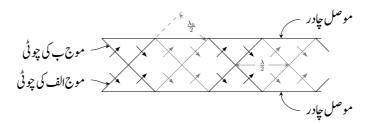
جس نقطے پر ایک موج کی چوٹی اور دوسری موج کا نشیب ملتے ہیں اس نقطے پر کل میدان صفر کے برابر ہوگا۔ یوں جہاں گہری سیابی اور ہلکی سیابی کے ککیوروں ہیں وہاں میدان صفر ہوگا۔ یوں جہاں گہری سیابی اور ہلکی سیابی کے کلیوروں ہیں وہاں میدان صفر ہوگا۔ شکل میں ہلکی سیابی میں ایک دونقط دار لکیریں تھینچی گئی ہیں جن پر میدان صفر ہی ہے۔ مزید آپ ذہن میں دونوں امواج کو حرکت دیتے ہوئے تسلی کرلیں کہ امواج کے حرکت کے باوجو دان دولکیر ولی میدان مضر ہی ہے۔ مزید آپ دونوں امواج کی چوٹیاں آپس میں ملتی ہوں یادونوں کے نشیب آپس میں ملتے ہوں وہاں میدان دگنا ہوگا۔ شکل میں ہلکی سیابی اور دونقطوں والی ایس ایک عدد لکیر دکھائی گئی ہے جہاں میدان دگنا یا جائے گا۔

صفر میدان دکھاتے نقطہ دار کئیر پر برقی میدان صفر کے برابر ہے لہذااان پر موصل سطح کے سرحدی برقی میدان کا شرط پوراا ترتا ہے۔ یوں ان کئیر وں پر ہو ہوئی ہو تکہ آمدی زاویے سے عمودی موصل چادر رکھے جاسکتے ہیں۔البتہ ایسا کرنے ہے موج کی سید بھی حرکت متاثر ہوگی چونکہ آمدی زاویے کے برابر ،موصل سطح پر ،انعکائی زاویے سے موج انعکائی زاویے ہے۔
موج انعکائی کرے گی۔ یوں موج موصل سطح سے گزر نہیں پائے گی۔ ہاں اگر دوموصل چادر ول کے در میان ان امواج کو بھیجا جائے ، تب بید دونوں موصل سطح سے دونوں موصل سطح سے در میان بار بار انعکائی کرتی حرکت کریں گی۔ شکل 13.3 میں ایساد کھا یا گیا ہے۔ شکل 13.4 میں موج کی چوٹی اور نشیب دکھائے گئے ہیں۔ خالی خلاج میں طول موج کا تعلق بھی دکھا یا گیا ہے۔ اس شکل میں موصل چادروں کے در میان میدان ہو بہو شکل 13.2 میں دو متوازی نقطہ دار ککپروں کے در میان میدان ہے۔ موصل چادر پر بید دونوں مل کر صفر برتی مہیدان کے در میان میدان ہے۔ یہاں بھی گہری سیابی میں محصل جادر ساتھ میں کیر اس کا نشیب ہے۔ موصل چادر پر بید دونوں مل کر صفر برتی مہیدان بیدا کرتے ہیں۔

ا گرچہ ہم دوعد دعرضی برقی ومقناطیسی TEMامواج کی بات کرتے آرہے ہیں، در حقیقت ان کا مجموعہ بلند درجی TE انداز کی موج ہے۔ بلند درجی انداذ کے موج کی اہم خصوصیت میں ہے موج کی ایک مخصوص حدسے کم ہونالازم ہے۔ ایسانہ ہونے کی صورت میں میہ موج کے سہبل گزر سکتی۔ طول کی مید عد انقطاعی طول کی کیاری جاتی ہے۔ آئیں انقطاعی طول حاصل کریں۔



شکل 13.3: شعاعیں دو چادروں کے درمیان بار بار انعکاس کرتی حرکت کرتی ہیں۔



شكل 13.4: موجوں كى چوڻياں، نشيب، خالى خلاء اور مويج ميں طول موج۔



شکل 13.5: متوازی لامحدود وسعت کے چادروں کے مویج میں میدان کے اجزاء۔

شکل 13.5 میں TE موج کے دو TEM اجزاء دکھائے گئے ہیں جو 'x اور 'x ست میں گامز ن ہیں۔ دونوں جزوموصل چادر یعنی x محد د کے ساتھ θ ذاویہ بناتے ہیں۔ برقی میدان صفحہ کے عمود کی سمت میں ہے۔ چادر وں کے در میان فاصلہ d ہے۔ نقطہ D پر موج 'x کی چوٹی ہے لہذا یہاں برقی میدان E'_y مثبت قیمت رکھتا ہے جو صفحہ کے عمود کی ہم حد د کی سمت میں ہے۔ چادر وں کے در میان فاصلہ A ہی ہی گئی ہے۔ اس فقطے پر کلیر A ہی کی گئی طاہر کرتی ہے۔ عین اس لمحہ نقطہ A پر موج 'x کا نشیب ہے جے گول دائر ہے میں بند صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس لہر کے نشیب کو ہلکی سیابی میں کلیر A سے ظاہر کیا گیا ہے۔ ایک لہر کی چوٹی اور دو سرے لہر کا نشیب نقطہ A پر مل کر صفر میدان پیدا کرتے ہیں۔ ہم جانتے ہیں کہ عین دوچادر وں کے در میان دونوں امواج کی چوٹیاں مل کرد گنامیدان پیدا کرتی ہیں۔ اس نقطے کو شکل میں A سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں موج 'x کا نشیب کی چوٹی x پر جبکہ اس کی چوٹی x کر جبکہ اس کی چوٹی x کر میان فاصلہ طول موج کے چوٹھائی برابر ہیں چوٹھا حصہ ہوگا۔ اس طرح x والے x کر کر کا بیں موج کی جوٹھائی برابر ہیں

$$BC = BC' = BD = \frac{\lambda_0}{4}$$

جہاں لا محدود خلاء میں TEM موج کا طول موج λ_0 ہے اور یہ خلاء اسی مادے سے بھری ہے جو دوچادروں کے در میان پایاجاتا ہے۔ موصل چادر پرایک موج کی کوئی بھی چوٹی اور دوسری موج کا کوئی بھی نشیب مل کر صفر میدان پیدا کر سکتے ہیں۔ یول مندرجہ بالا مساوات کی عمومی شکل

$$BC = \frac{n\lambda_0}{4}$$

ہے جہاں $n=1,2,3,\cdots$ ہو سکتے ہیں۔ جفت n کی صورت میں دوچاد روں کے عین در میان برقی میدان صفر حاصل ہو گا جبکہ طاق n کی صورت میں یہاں میدان د گناہو گا۔ان حقائق ہر تفصیلاً جلد بات کی جائے گی۔ شکل 13.5 میں تکون ABCسے

$$AB\sin\theta = \frac{b}{2}\sin\theta = \frac{n\lambda_0}{4}$$

لعيني

$$\lambda_0 = \frac{2b}{n}\sin\theta$$

 $heta=\sin \theta=1$ کھاجا سکتا ہے جہاں لمبائی BC کے لئے مساوات 13.2 استعال کیا گیا۔ اس مساوات کے تحت زیادہ سے زیادہ طول موج $\delta \lambda_{0c}$ کی قیمت δC کھاجا سکتا ہے جہاں لمبائی δC کے مساوات 13.2 استعال کیا گیا۔ اس مساوات کے تحت زیادہ سے زیادہ طول موج کی قیمت 1

$$\lambda_{0c} = \frac{2b}{n}$$

n=n ہوتی ہے جس سے n کی ہر قیمت کے مقابل طول کی انقطاعی قیمت حاصل کی جاسکتی ہے۔ جبn=nہوتب

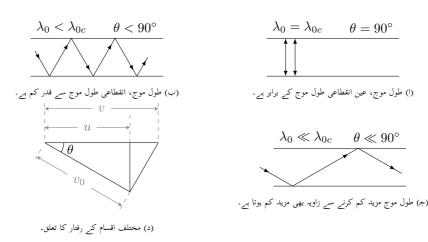
$$\lambda_{0c} = 2b$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہ کم تر درج کی TE موج کاانقطاعی طول ہے جوان چادروں کے در میان صفر کر سکتی ہے۔ یہ مساوات کہتا ہے کہ چادروں کے در میان فاصلہ کم از کم آ دھے طول کے برابر ہو گاتو موج چادروں کے در میان سے گزریائے گی۔

کو بلند در جی ${
m TE}$ امواج کا کم تر در جہ کہا جاتا ہے۔n=2 اس سے ایک قدم بلند در جے کی موج کہلائے گی اور اس کا انقطاعی طول n=1

مساوات 13.4 اور مساوات 13.3 کو ملا کر

$$\lambda_0 = \lambda_{0c} \sin \theta$$



شکل 13.6: طول موج اور انعکاس موج کر زاویے۔ مختلف اقسام کر رفتاروں کا آپس میں تعلق۔

$$\theta = \sin^{-1} \frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}$$

کھاجا سکتا ہے۔ یوں کھی درجے کی موج کا انقطاعی زاویہ °90 ہوتا ہے۔ اس زاویے پر موج دونوں چادروں کے مابین، x تبدیل کئے بغیر ، انعکاس کرتی رہتی ہے۔ یوں چادروں کے در میان ساکن موج پیدا ہوتی ہے جو x سمت میں طاقت منتقل نہیں کر سکتی۔ اگر طول موج λ_{0c} انقطاعی طول موج λ_{0c} سے قدر کم ہوتب θ گیت ہوت ہوگی اور موج ، بار بار انعکاس کرتی ہوئی، چادروں کے در میان x سمت میں حرکت کر پائے گی۔ جیسے شکل 13.6 میں دکھایا گیاہہے ، طول موج مزید کم ہوتا ہے۔ آخر کا را نتہائی کم طول موج پر صورت حال لا محدود خلاء میں موج کے حرکت مانند ہو جاتی ہے اور یہ شعام عکی طول موج مزید کم کرنے سے زاویہ مزید کم ہوتا ہے۔ آخر کا را نتہائی کم طول موج پر صورت حال لا محدود خلاء میں موج کے حرکت مانند ہو جاتی ہے اور یہ شعام عکی طول موج پر ور دون کے در میان سیدھا گزرنے کے قابل ہو جاتی ہے۔

شکل ۱3.5 میں TEM مواج کی **دوری رفتار** v_0 لا محد ود خلاء میں آزاد موج کی دوری رفتار

$$v_0 = \frac{1}{\sqrt{\mu \epsilon}} \quad \left(\frac{\mathsf{m}}{\mathsf{s}}\right)$$

x ہی ہے جہاں خلاء کا مقناطیسی مستقل μ اور اس کا برقی مستقل π ہیں۔ شکل π 13.6- دمیں π موج کی π ست میں دوری رفتار π ہے۔ π موج کی چوٹی یانشیب یاکوئی اور زاویائی نقطہ اس رفتار سے π سمت میں حرکت کرتا نظر آئے گا۔ ان دواقسام کے رفتار کا تعلق شکل π 13.6- دسے

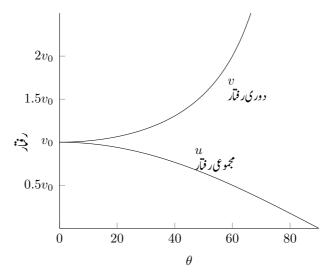
$$\frac{v_0}{v} = \cos \theta$$

لکھا جا سکتاہے جس سے

$$v = \frac{v_0}{\cos \theta} = \frac{1}{\sqrt{\mu \epsilon} \cos \theta} \qquad \frac{m}{s}$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کے تحت جیسے جیسے طول موج کو انقطاعی طول موج کے قریب لا یاجائے، ویسے ویسے TE موج کی دوری رفتار کی قیمت بڑھتی ہے حتٰی کہ عین λος پر دوری رفتار لا محدود قیمت اختیار کر لیتی ہے۔اس کے برعکس جیسے جیسے طول موج کو کم کیاجائے، یعنی جیسے 9 کو کم کیاجائے، ویسے ویسے ویسے ویسے ویسے موج کی دوری رفتار الا محدود قیمت اختیار کر لیتی ہے۔اس کے برابر ہوجائے موج کی دوری رفتار السح کے دوری رفتار کے قریب ہو گی حتٰی کہ انتہائی کم طول موج لیعنی انتہائی بلند تعدد کے موج کی صورت میں یہ قیمت 70 کے برابر ہوجائے

phase velocity⁷



شكل 13.7: دوري اور مجموعي رفتار بالمقابل زاويه موج.

گ۔ یوں موج میں بند، بلند در جی موج کادوری رفتار TEM موج کے دوری رفتارے زیادہ یااس کے برابر ممکن ہے۔ طاقت کی منتقلی انعکاس کرتی موج کے مجموعی رفتار 8 سے ہوتی ہے جسے شکل میں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ شکل 13.6-دسے

$$(13.12) u = v_0 \cos \theta$$

کھاجا سکتا ہے للذاطاقت کی منتقلی کی رفتار TEM کے رفتار سے کم یاس کے برابر ممکن ہے۔طاقت کسی صورت بھی TEM موج کی رفتار سے زیادہ رفتار پر منتقل کر ناممکن نہیں ہے۔ یہ حقیقت آئن سٹائن کے قانون کے عین مطابق ہے جس کے تحت کوئی بھی چیزر فتار شعاع سے تجاوز نہیں کر سکتی۔ یادر ہے کہ TE موج کی دوری رفتار در حقیقت کسی چیز کی منتقلی نہیں کرتی للذااس کی قیت 70 سے بڑھ سکتی ہے۔ مساوات 13.11اور مساوات 13.12 کو ملاکر

$$(13.13) uv = v_0^2$$

حاصل ہوتاہے۔

دو چادروں میں بند ہونے سے TEM موج کا تعدد تبدیل نہیں ہوتا۔اسی طرح ایسے دویکساں تعدد کے امواج سے حاصل TE موج کا تعدد بھی وہی رہتا ہے۔ چونکہ طول موج ضرب تعدد کا حاصل رفتار کے برابر ہوتا ہے لہٰذا مساوات 13.11 کو

$$f\lambda = \frac{f\lambda_0}{\cos\theta}$$

لکھاجا سکتاہے جسسے

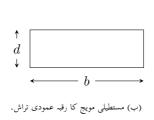
$$\lambda = \frac{\lambda_0}{\cos \theta}$$

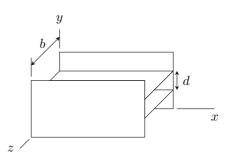
 λ_0 حاصل ہوتاہے جوبلند درجہ موج کے طول λ_0 اور آزاد موج کے طول

شکل 13.7 میں دوری رفتار بالقابل زاویہ موج اور مجموعی رفتار بالقابل زاویہ موج دکھائے گئے ہیں۔ جیسے جیسے 6کی قیمت °90کے قریب آتی ہے ویسے ویسے دوری رفتار کی قیمت لامحد ود جبکہ مجموعی رفتار کی قیمت صفر کے قریب ترہوتی ہے۔

group velocity8

436





(ا) لامحدود متوازی چادر مویج سے مستطیلی مویج کا حصول.

شكل 13.8: مستطيلي مويج كا حصول اور اس كا رقبه عمودي تراش.

حقیقت میں دومتوازی لا محدود وسعت ⁹ کے چادروں پر مبنی موتح کہیں نہیں پایاجاتا۔ حقیقی موتح عموماً گھو کھے مستطیل یا گھو کھلے نالی کے اشکال رکھتے ہیں۔ چھ ککہ برقی میدان کے عمودی موصل چادرر کھنے سے میدان متاثر نہیں ہوتاللذادولا محدود وسعت کے متوازی چادر، جن کے در میان فاصلہ طہو، میں TE موج کے عمودی دوچادرر کھنے سے میدان میں کوئی تبدیلی موتج متعالی موتج ماسلے کے مستطیل موتج حاصل ہوتا ہے۔ شکل 13.8 اسلے بلی مستطیل موتج متعالی موتج متعالی موتج حاصل ہوتا ہے۔ شکل 13.8 استعالی موتج میں دکھایا گیا ہے۔ ساس موتج حاصل ہوتا ہے جسے شکل 13.8 استعال کئے جاسکتے ہیں۔ موجودہ طرح ہم دیکھتے ہیں کہ اگرچہ دولا محدود چادروں کا موتج تواستعال نہیں ہوتا لیکن اس کے TE امواج جوں کے توں مستطیل موتج کے لئے استعال کئے جاسکتے ہیں۔ موجودہ موتح کے نقطہ نظر سے مستطیل کی المہائی کچھ بھی ممکن ہے۔

لا محدود چادر کے موتج پر غور کرنے سے انقطاعی طول موج کے علاوہ دوری رفتار اور مجموعی رفتار کے مساوات بھی حاصل کئے گئے۔ دیگر بلند درجے کے ایمواج پر معلومات حاصل کرنے کی خاطر میکس ویل کے مساوات حل کر نالازم ہے۔ آئیں منتظیل موتج کے لئے میکس ویل مساوات حل کرتے ہیں۔ ، ، ، ، ، ،

13.3 كهوكهلا مستطيل مويج

اس طریقے کو مستطیلی موج کی میں TE موج کے لئے تفصیلاً استعال کرتے ہیں۔ایسا کرنے کی خاطر مندر جہ ذیل قدم سلسلہ واراٹھائے جائیں گے۔ ، ﴿﴿

 e حقیقی دنیا میں لا محدود وسعت کے چادر نہیں پائے جاتے۔ transverse electric, TE^{10} transverse magnetic, TM^{11}

13.3. كهوكهلا مستطيل مويج

• میکس ویل مساوات سے نثر وغ کریں۔

موج کووقت کے ساتھ سائن نمارہنے کا پابند بنائیں۔

• موج کو x ست کے ساتھ سائن نمار ہنے کا پابند بناتے ہوئے حرکی مستقل بروئے کار لاعیں۔

• بلند در جی موج کاا متخاب کریں۔ ہم عرضی برقی $ext{TE}$ موج کاا متخاب کرتے ہوئے $E_x=0$ اور $H_x
eq H_x$ کھیں گے۔

اور H_x بقایاجار اجزاء یعنی H_y و H_y اور H_z کے مساوات H_x کی صورت میں کھیں۔

• مورج کی مساوات ،H کی صورت میں حاصل کریں۔

• مستطیلی موت کے اطراف کے سرحدی شرائط لا گو کرتے ہوئے موج کی اس مساوات کو H_{X} کے لئے حل کریں۔

اور H_z مساوات میں حاصل H_x پر کرتے ہوئےان کی مساوات بھی حاصل کریں۔ H_y ، E_z ، E_y

ان قد موں پر چلتے ہوئے مکمل حل حاصل ہو گا۔

آئیں پہلے قدم سے شروع کرتے ہوئے میکس ویل کے مساوات کو کار تیسی نظام میں لکھتے ہیں۔صفحہ 296 پر مساوات 9.28 ور مساوت 9.29

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t}$$

4392

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J} + \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t}$$

کار تیسی محد د میں

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} + \mu \frac{\partial H_x}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial x} + \mu \frac{\partial H_y}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial y} + \mu \frac{\partial H_z}{\partial t} = 0$$

أور

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - \sigma E_x - \epsilon \frac{\partial E_x}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial x} - \sigma E_y - \epsilon \frac{\partial E_y}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} - \sigma E_z - \epsilon \frac{\partial E_z}{\partial t} = 0$$

کھیے جائیں گے جہال $m{B}=\mum{H}$ اور $m{D}=\epsilonm{E}$ کااستعال کیا گیا ہے۔اسی طرح خالی خلاء میں $ho_h=0$ لیتے ہوئے مساوات 9.30 واور مساوات 9.31 وکار تیسی محد دمیں

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial x} + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

کلیھے جائیں گے۔

اب دوسراقدم کہتاہے کہ موج وقت کے ساتھ سائن نما تعلق رکھتاہے جبکہ تیسراقدم کہتاہے کہ موج x فاصلے کے ساتھ بھی سائن نما تعلق رکھتاہے۔ساتھ ہی ساتھ x سمت میں حرکی مستقل بھی بروئے کارلاناہے۔ان دواقدام کواستعال کرتے ہوئے میدان کے تمام اجزاء ککھتے ہیں۔یوں E_y کومثال بناتے ہوئے

(13.24)
$$E_{y} = E_{1}e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$H_{x} = H_{1}e^{j\omega t - \gamma x}$$

کلھے جائیں گے جہال

$$(\gamma=lpha+jeta)$$
 متعقل $\gamma=lpha+jeta$

$$lpha$$
 نضعیفی مستقل $lpha$ در او مائی مستقل eta در او مائی مستقل eta در او مائی مستقل

ہیں۔مساوات 13.24 کے طرز پر بقایامیدان بھی کھتے ہوئے مساوات 13.16

$$\[\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} + j\omega\mu H_x \] e^{j\omega t - \gamma z} = 0$$

یا

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} + j\omega \mu H_x = 0$$

کھاجائے۔اسی طرح مساوات 13.24 کے طرز پر بقایامیدان بھی لکھتے ہوئے مساوات 13.17 تامساوات 13.28 یوں کھیے جائیں گے۔

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} + \gamma E_z + j\omega \mu H_y = 0$$

$$-\gamma E_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} + j\omega \mu H_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - (\sigma + j\omega\epsilon)E_x = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} + \gamma H_z - (\sigma + j\omega \epsilon) E_y = 0$$

$$(13.30) -\gamma H_y - \frac{\partial H_x}{\partial y} - (\sigma + j\omega \epsilon) E_z = 0$$

$$-\gamma E_x + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$(13.32) -\gamma H_x + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

مندرجہ بالا آٹھ مساوات میں تریلی تار کے برقی رکاوٹ Zاور برقی فراوانی Y کی طرز کے مستقل

$$(13.33) Z = -j\omega\mu (\Omega/m)$$

$$(13.34) Y = \sigma + j\omega\epsilon (S/m)$$

استعال کرتے ہوئے انہیں قدر حیوٹالکھتے ہیں۔

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} - ZH_x = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} + \gamma E_z - ZH_y = 0$$

$$-\gamma E_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} - ZH_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - YE_x = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} + \gamma H_z - Y E_y = 0$$

$$(13.40) -\gamma H_y - \frac{\partial H_x}{\partial y} - Y E_z = 0$$

$$-\gamma E_x + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$(13.42) -\gamma H_x + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

میہ x سمت میں حر کت کرتی موج کی عمومی مساوات ہیں۔

ا بھی تک ناتومو نے کی شکل اور ناہی بلند در جی موج کاانتخاب کیا گیا ہے للذا چوتھے قدم کااطلاق کرتے ہوئے TE قتم کاانتخاب کرتے ہیں جس کا مطلب ہے کہ $E_x=0$ کہ ایسا کرنے سے مندر جہ بالا مساوات

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} - ZH_x = 0$$

$$\gamma E_z - ZH_y = 0$$

$$-\gamma E_y - ZH_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} + \gamma H_z - Y E_y = 0$$

$$-\gamma H_y - \frac{\partial H_x}{\partial y} - Y E_z = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$-\gamma H_x + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

صور ت اختیار کر کیتے ہیں۔

یانچویں قدم پر تمام مساوات کو H_x کی صورت میں لکھناہو گا۔ایبا کرنے کی خاطر پہلے مساوات 13.44اور 13.45سے

$$\frac{E_z}{H_y} = -\frac{E_y}{H_z} = \frac{Z}{\gamma}$$

کھتے ہیں۔اب $\frac{E_y}{H_y}$ یا $\frac{E_y}{H_y}$ کی شرح قدر تی رکاوٹ کی مانند ہے للذااس شرح کو عرضی برقی موج کی رکاوٹ Z_{yz}^{-1} یا صرف عرضی برقی رکاوٹ کہاجائے گاجہاں

(13.52)
$$Z_{yz} = \frac{E_y}{H_z} = -\frac{E_z}{H_y} = -\frac{Z}{\gamma} = \frac{j\omega\mu}{\gamma} \qquad (\Omega)$$

ے برابر ہے۔ مساوات 13.52 کو مساوات 13.48 میں پر کرتے ہوئے H_y کے لئے حل کرنے سے

$$(13.53) H_y = \frac{-1}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_x}{\partial y}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح مساوات 13.52 کو مساوات 13.47 میں پر کرتے ہوئے H_z کے لئے حل کرنے سے

$$(13.54) H_z = \frac{-1}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_x}{\partial z}$$

حاصل ہوتاہے۔اب مساوات 13.53 کو مساوات 13.52 میں پر کرتے ہوئے

$$(13.55) E_z = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_x}{\partial y}$$

اور مساوات 13.54 کو مساوات 13.52 میں پر کرتے ہوئے

$$E_{y} = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_{x}}{\partial z}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ مساوات 13.53 تامساوات 13.56 تمام اجزاء کو H_{x} کی صورت میں پیش کرتے ہیں۔

چھٹے قدم پران مساوات سے موج کی مساوات کا حصول ہے۔اییا کرنے کی خاطر مساوات 13.53 کا پاکھے ساتھ تفرق اور مساوات 13.54 کا 2 کے ساتھ تفرق لیتے ہوئے دونوں حاصل جواب کو مساوات 13.50 میں پر کرتے ہوئے

$$-\gamma H_x - \frac{1}{\gamma - YZ_{yz}} \left(\frac{\partial^2 H_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 H_x}{\partial z^2} \right) = 0$$

١

$$\frac{\partial^{2} H_{x}}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} H_{x}}{\partial z^{2}} + \gamma \left(\gamma - Y Z_{yz} \right) H_{x} = 0$$

حاصل کرتے ہیں جس میں

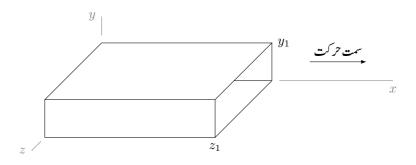
$$(13.57) k^2 = \gamma \left(\gamma - Y Z_{yz} \right)$$

پر کرتے ہوئے

$$\frac{\partial^2 H_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 H_x}{\partial z^2} + k^2 H_x = 0$$

کلھاجا سکتا ہے۔مساوات 13.58 موت کے عرضی برقی موج کی عمومی مساوات ہے۔موت کا عمودی تراش کسی بھی شکل کاہو سکتا ہے۔ یہاں چیٹا قدم پوراہو تاسہے۔

ساتویں قدم میں موتج کے اطراف کے سرحدی شر ائط لا گو کرتے ہوئے موج کوحل کرناہے۔ شکل 13.9 میں کامل موصل چادروں سے بنایا گیا مستطیلی موتج د کھایا گیاہے جس کی چوڑائی 21اوراونچائی 41ہے۔موصل اور ہوا کے سرحدی برقی شر ائط کے مطابق سرحد پر متوازی برقی میدان صفر ہوتاہے لہذا موتج کے اطراف 13.3. كهوكهلا مستطيل مويج



شكل 13.9: مستطيل مويج.

پر متوازی E_x صفر ہو گا۔ یوں موت کے کچی اور بالائی سطحوں پر $E_z = 0$ ہو گا۔ اس طرح موت کے کے بائیں اور دائیں کھڑے سطحوں پر $E_y = E_y$ ہو گا۔ اب ان شر ائط پر یور ااتر تامساوات 13.58 کا حل در کار ہے۔ علیحدگی متغیرات کا طریقہ یہاں قابل استعمال ہے جس میں H_x کود و متغیرات کے حاصل ضرب کے طور پر لکھا جاتا ہے لیعنی

$$(13.59) H_{\chi} = \Upsilon Z$$

جہاں Yالیامتغیر ہے جو صرف ہر پر منحصر ہے جبکہ Zالیامتغیر ہے جو صرف 2 پر منحصر ہے۔اصل میں ان متغیر ہے جو صرف لاز علامات کم کرنے کی غرض سے انہیں Yاور Z ہی لکھا جائے گا۔ مساوات 13.59 کے استعال سے مساوات 13.58

$$Z\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} + Y\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} + k^2 YZ = 0$$

صورت اختیار کرلیتا ہے۔ دونوں اطراف کو ۲۷سے تقسیم کرتے ہوئے اسے یوں

$$\frac{1}{Y}\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} + \frac{1}{Z}\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} = -k^2$$

کھاجا سکتاہے۔اب بائیں ہاتھ پہلا جزو صرف ہوپر منحصرہے جبکہ دوسرا جزو صرف برپر منحصرہے۔یوں ہو کی تبدیلی سے صرف پہلے جزومیں تبدیلی کاامکان ہے لیکن پہلے جزومیں کسی بھی تبدیلی کے بعد مساوات کے دونوں اطراف برابر نہیں رہ سکتے۔اس طرح صاف ظاہر ہے کہ پہلے جزومیں ہوکے تبدیلی سے کوئی تبدیلی رونما نہیں ہوسکتی یعنی یہ جزونا قابل تبدیل مستقل قیت رکھتاہے جسے ہم A 1 سے کھتے ہیں۔اسی منطق سے دوسرا جزو بھی اٹل قیمت رکھتاہے جسے ہم A 2 سے ہیں۔یوں

$$\frac{1}{Y}\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} = -A_1$$

$$\frac{1}{Z}\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} = -A_2$$

ہوں گے للذامساوات 13.61سے

$$(13.64) A_1 + A_2 = k^2$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 13.62 اور مساوات 13.63 ایک متغیر ہ پر مبنی دودر جی تفرقی مساوات ہیں جن کا حل آپ جانتے ہی ہوں گے۔ مساوات 13.62 کا حل تجربے سے

$$(13.65) Y = c_1 \cos b_1 y + c_2 \sin b_1 y$$

کھاجا سکتا ہے جہاں c_2 ، اور b_1 مساوات کے مستقل ہیں۔ مساوات 13.65 کو واپس مساوات 13.62 میں پر کرنے سے

$$b_1 = \sqrt{A_1}$$

حاصل ہوتاہے۔ یوں مساوات 13.62 کاحل

$$(13.66) Y = c_1 \cos \sqrt{A_1} y + c_2 \sin \sqrt{A_1} y$$

ہے۔اسی طرح مساوات 13.63 کا حل

(13.67)
$$Z = c_3 \cos \sqrt{A_2}z + c_4 \sin \sqrt{A_2}z$$

ہے۔ان دوجوابات کواستعال کرتے ہوئے مساوات 13.59 کو

(13.68)
$$H_x = \left(c_1 \cos \sqrt{A_1} y + c_2 \sin \sqrt{A_1} y\right) \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z\right)$$

لکھاجاسکتاہے۔اسے مساوات 13.55 میں پر کرنے سے

$$E_{z} = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_{1}} \left(-c_{1} \sin \sqrt{A_{1}} y + c_{2} \cos \sqrt{A_{1}} y \right) \left(c_{3} \cos \sqrt{A_{2}} z + c_{4} \sin \sqrt{A_{2}} z \right)$$

حاصل ہوتاہے۔ منتظیل کانچلاچادرy=y پر پایاجاتاہے جس پر، برقی سر حدی شرط کے مطابق، $E_z=E$ ہو گالہذاy=y مندر جہ بالا مساوات صفر کے برا بر ہوگا، جس سے

$$0 = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} c_2 \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

لعيني

$$(13.69) c_2 = 0$$

حاصل ہو تاہے للمذا

$$E_z = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} c_1 \sin \sqrt{A_1} y \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

حاصل ہوتاہے۔مستطیل کا بالائی چادر $y=y_1$ پایاجاتاہے جس پر برقی سرحدی شرط کے مطابق متوازی برقی د باوصفر کے برابر ہو گاللذامندرجہ بالامساوات میں $E_z=0$ پر کرتے ہوئے

$$0 = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} c_1 \sin \sqrt{A_1} y_1 \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کا ایک ممکنہ حل c_1 مساوی صفر ہے جس سے $H_x=0$ حاصل ہو گا۔ا گرچیہ بید درست جواب ہے لیکن ہمیں زیادہ غرض حرکت کرتے موج سے ہے ناکہ ہر فتیم کے میدان سے خالی موج کے ،المذاہم

(13.70)
$$c_1 \neq 0$$

لیتے ہیں۔ یوں مندرجہ بالا مساوات سے

$$\sqrt{A_1}y_1 = n\pi$$

لعيني

$$\sqrt{A_1} = \frac{n\pi}{v_1}$$

461

$$n=0,1,2,\cdots$$
 حاصل ہوتا ہے جہال

(13.72)
$$H_x = n_1 \cos \frac{n\pi y}{y_1} \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

ہو گا۔اس مساوات کو مساوات 13.56 میں پر کرنے سے

$$E_{y} = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} c_{1} \sqrt{A_{2}} \cos \frac{n\pi y}{y_{1}} \left(-c_{3} \sin \sqrt{A_{2}}z + c_{4} \cos \sqrt{A_{2}}z \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔ مستطیل کادایاں کھڑا چادر z=z پر ہے، جہاں سر حدی شرط کے تحت متوازی برقی میدان صفر ہو گالہذا

$$0 = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} c_1 c_4 \sqrt{A_2} \cos \frac{n\pi y}{y_1}$$

 $c_1 \neq 0$ حاصل ہوتاہے۔اب چو نکہ

$$(13.73) c_4 = 0$$

حاصل ہوتاہے اور یوں

$$E_y = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} c_1 c_3 \sqrt{A_2} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \sqrt{A_2} z$$

ہو گا۔ مستطیل کا بایاں کھڑا چادر $z=z_1$ پر پایاجاتاہے جہاں سر حدی شر ائط کے تحت E_y ہو گا لہذا مندر جہ بالا مساوات میں یہ حقائق پر کرتے ہوئے

$$0\frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}}c_1c_3\sqrt{A_2}\cos\frac{n\pi y}{y_1}\sin\sqrt{A_2}z_1$$

کھاجائے گا۔اب0
eq 1اوراس مساوات کا ایک مکنہ حل c_3 برابر صفر ہے جس سے H_X علاوہ تمام میدان صفر کے برابر حاصل ہوتے ہیں۔ہم چو نکہ حرکت کرتے موج کی تلاش میں ہیں للذاہم اس مکنہ جواب کورد کرتے ہوئے

$$(13.74) c_3 \neq 0$$

چنتے ہیں۔اس شرط کے ساتھ مندر جہ بالا مساوات سے

$$\sqrt{A_2}z_1 = m\pi$$

ليعني

$$\sqrt{A_2} = \frac{m\pi}{z_1}$$

 $C_1c_3=H_0$ عاصل ہوتاہے جہال $c_1c_3=H_0$ مکن ہے۔ یوں

(13.77)
$$H_x(y,z) = H_0 \cos \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1}$$

حاصل ہوتاہے جو مقداری مساوات ہے۔اس مساوات میں وقت t اور x سمت میں حرکت کا کوئی ذکر نہیں ہے۔ یاد رہے کہ اصل میدان مساوات 13.24 کی طرز کاہے جس میں بیہ معلومات بھی شامل ہیں للذا

(13.78)
$$H_x(x,y,z,t) = H_0 \cos \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

لکھاجائے گاجو مکمل جواب ہے۔

(13.79)
$$H_y = \frac{\gamma H_0}{k^2} \frac{n\pi}{v_1} \sin \frac{n\pi y}{v_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.80)
$$H_z = \frac{\gamma H_0}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.81)
$$E_z = -\frac{j\omega\mu H_0}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \sin\frac{n\pi y}{y_1} \cos\frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

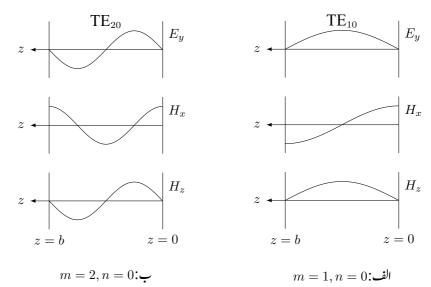
(13.82)
$$E_y = \frac{j\omega\mu H_0}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos\frac{n\pi y}{y_1} \sin\frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$(13.83) E_{x} = 0$$

جہاں آخر میں $E_x=0$ بھی شامل کیا گیا ہے۔مساوات 13.78 تامساوات 13.83 مستطیلی موسی میں TE موج کا مکمل حل ہے۔ یہاں آٹھواں قدم پوراہو تاہیے۔

آئیں مستطیلی موتج میں E_z اور E_x مستقل پر غور کریں۔ اگر E_z اور E_z اور E_z اور E_z اور E_z اور E_z مندرجہ بالا مساوات میں E_z برابر حالیہ اللہ موتج میں صرف E_z اور E_y میدان پائے جاتے ہیں۔ دائیں چادر، لیعنی E_z E_z پر میدان کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ شکل E_z E_z میدان پائے جاتے ہیں۔ دائیں چادر، لیعنی E_z E_z کی جوٹی ورز گری بات کی جائے تو دائیں چادر، لیعنی E_z E_z کی چوٹی برائی جاتی ہے۔ شکل E_z میں در میان E_z E_z کی بات کی جائے تو دائیں چادر، لیعنی E_z میں دو اطراف کے میں در میان E_z E_z کی جائے تا ہے۔ شکل E_z الف میں دو و میران طرح میں در میان اس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ اور وں پر صفر کے برابر ہے جبکہ ان کے میں در میان اس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ یوں E_z میں میدان E_z میں میدان E_z میں جبکہ وکا ان پر کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ ساتھ ہی ساتھ E_z میدان کا آدھا چکر پایا جاتا ہے۔ E_z

p=0 و p=0



شكل 13.10: بلند انداز TE امواج.

13.3.1 مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 13.3.1

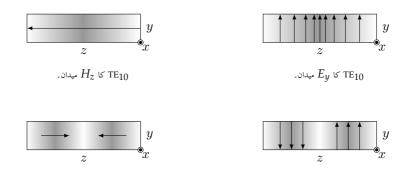
بلند درجی TE₁₀ موج:

ماوات 13.78 میں
$$m=1$$
 اور $m=1$ میر کرنے سے مندر جہذبیل TE_{10} میں $m=1$ میں $m=1$ میں $m=1$ مندر جہذبیل $m=1$ میں $m=1$

ان میں پہلی مساوات، یعنی $E_x=0$ در حقیقت TE موج کی تعریف ہے۔ ان امواج کے حیطوں کو شکل 13.10-الف میں $E_x=0$ اور 0=1 در حقیقت $E_x=0$ مندر جہ بالا مساوات میں وکی میدان بھی ہوپر مخصر نہیں ہے للذا ہو ہے جہ میدان صورت میں وکھا یا گیا ہے۔ ان اشکال میں میدان بالمقابل 22 کھا یا گیا ہے۔ مندر جہ بالا مساوات میں کوئی میدان بھی ہوپر مخصر نہیں ہے للذا ہو کہ ہے۔ شکل TE_{10} تبدیل نہیں ہوں گے۔ TE_{10} تمام اقسام کے بلند در جی امواج میں سب سے لمبی انقطاعی طول موجر کھتی ہے للذا اس کی انقطاعی تعدد سب سے کم ہے۔ شکل E_x میں میں ہوں گے۔ E_y میں ہوں گے۔ ساتھ ہی E_y میں الف میں E_y سمتیوں کی تعدد ان کو ظاہر کرنے کی کو شش کی گئی ہے۔ ساتھ ہی میدان کو سات کو سمتیہ سے جبکہ میدان کو گہر ہے رنگ سے ظاہر کیا گیا ہے۔ شکل - ب میں مقاطیسی میدان کی سمت کو سمتیہ سے جبکہ میدان کو گہر ہے رنگ سے ظاہر کیا گیا ہے۔

بلند درجی TE₂₀ موج:

4433



شکل 13.11: اور 120 اور 1820 کے E_y اور E_{20} میدان۔

بلند درجی TE₁₁ موج:

ماوات 13.78 ماوات 13.88 مندرجه ذیل TE_{11} مندرجه ذیل TE_{11} مندرجه ذیل TE $E_{x} = 0$ $E_{y} = \frac{j\omega\mu H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{z_{1}} \cos\frac{\pi y}{y_{1}} \sin\frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$ $E_{z} = -\frac{j\omega\mu H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{y_{1}} \sin\frac{\pi y}{y_{1}} \cos\frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$ $H_{x} = H_{0} \cos\frac{\pi y}{y_{1}} \cos\frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$ $H_{y} = \frac{\gamma H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{y_{1}} \sin\frac{\pi y}{y_{1}} \cos\frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$ $H_{z} = \frac{\gamma H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{z_{1}} \cos\frac{\pi y}{y_{1}} \sin\frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$ $H_{z} = \frac{\gamma H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{z_{1}} \cos\frac{\pi y}{y_{1}} \sin\frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$

اس بلند در جی انداز میں صرف E_{x جر} نقطے پر تمام او قات صفر کے برابر رہتا ہے۔ان میدان کوشکل 13.12 میں د کھایا گیا ہے۔

مستطیل موت کے حاصل حل میدان تمام مکنہ میدان ہیں جو کسی موج کمیں پائے جاسکتے ہیں۔ حقیقت میں کسی بھی موج کمیں پائے جانے والے امواج کا داردہ مدار موج کی جسامت، موج پیدا کرنے کا طریقہ اور موج کمیں ناہمواریوں پر ہے۔ کسی بھی نقطے پر موجود تمام میدانوں کا مجموعی میدان پایا جائے گا۔

والپس اپنی گفتگو پر آتے ہوئے مساوات 13.64، مساوات 13.71 اور مساوات 13.76 کو ملاکر

یدان. E_{ν} کا ت

$$k^2 = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

4436

یدان. H_z کا تا تا

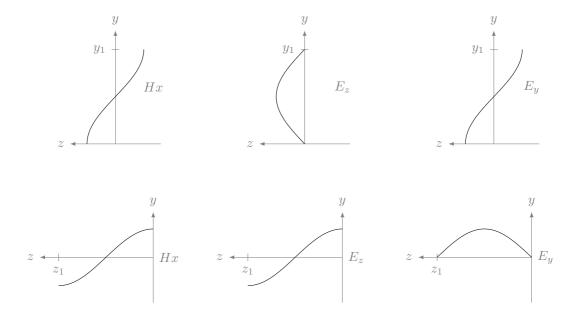
لكھا جاسكتا ہے جہاں مساوات 13.53، مساوات 13.52 اور مساوات 13.57 سے

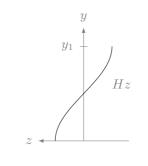
(13.87)
$$k^2 = \gamma^2 - j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)$$

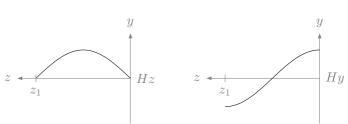
 $\sigma=0$ کی صورت میں مندرجہ بالا دومساوات سے ماسل ہوتا ہے۔ بے ضیاع ذو برق

$$\gamma = \sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 - \omega^2 \mu \epsilon}$$

13.3. كهوكهلا مستطيل مويج







Hy

شكل TE₁₁: 13.12 ميدان.

حاصل ہوتاہے۔

ایک مخصوص قیمت سے کم تعد د پر جزر میں آخری جزو پہلے دوا جزاء کے مجموعے سے کم ہو گالہذا ہ حقیقی ہو گا۔ حقیقی ہ کی صورت میں موج گھٹے گی اور بیوہ پرو میں صفر نہیں کریائے گی۔

اسی طرح اس مخصوص قیمت سے زیادہ تعد دیر ہ خیالی عدد ہو گالہذامو تئے میں موج صفر کرے گی۔

ان دو قیتوں کے در میان تعدد کی وہ قیت ہو گی جس پر 0 = γ حاصل ہوتا ہے۔اس تعدد کو انقطا کی تعدد انقطا کی تعدد سے بلند تعدد کے امواج، بغیر گھٹے، موج بین صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں لہٰذا سے موج بین صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں لہٰذا سے موج بین صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں لہٰذا سے موج بین صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں لہٰذا سے موج بین صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں لہٰذا سے موج بین صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں اللہٰ اسے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ ہیں صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں اللہٰ اللہٰ کہ بعد اللہٰ کے اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ کہ بعد اللہٰ کے اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ اللہٰ کہ بعد اللہٰ کے اللہٰ اللہٰ

ان تین تعددی خطوں کوایک جگه دوباره پیش کرتے ہیں۔

کم تعدد لیعنی کم س پر ۶ حقیقی ہوتا ہے۔ مو یج غیر شفاف ہوتا ہے جس میں امواج صفر نہیں کر سکتے۔

ullet مخصوص در میانی تعدد پر $\gamma=\gamma$ ہوتاہے۔ یہ انقطاعی تعدد ہے۔

• زیادہ تعدد پر γ خیالی ہوتا ہے۔ موتئی شفاف ہوتا ہے جس میں امواج صفر کر سکتے ہیں۔

مساوات 13.88 میں $\sqrt{\omega^2 \mu \epsilon}$ در حقیقت الی لا محد و دخطے کا زاویا کی مستقل β_0 ہے جس میں وہی ذو برق ہو جو موتئ میں پایاجاتا ہے۔ یوں ہم $\sqrt{\omega^2 \mu \epsilon}$ (13.89)

لکھ سکتے ہیں جہاں

 $eta_0 = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon} = rac{2\pi}{\lambda_0}$ لا محدود خطے کازاویائی مشقل λ_0 لا محدود خطے میں طول موج $k = \sqrt{\left(rac{n\pi}{y_1}
ight)^2 + \left(rac{m\pi}{z_1}
ight)^2}$

ہیں۔یوںانقطاعی تعدد سے ملند تعدد پرk>k ہو گالہذا

 $\gamma = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} = j\beta$

4445

ہو گاجہاں

 $eta=rac{2\pi}{\lambda}=\sqrt{eta_0^2-k^2}$ موتج میں زاویائی مستقل مستقل موتج میں طول موج کے میں طول موج

ہیں۔کافی بلند تعدد پر $k \gg \beta_0$ ہو گااور یوں موت کے زاویائی مستقل eta کی قیمت لا محدود خطے کے زاویائی مستقل $eta_0 \gg k$ ہوگا۔اس کے برعکس انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر $eta_0 < k$ ہو گاجس سے

$$\gamma = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} = \alpha$$

$$_{ iny 0}$$
 کا فی کم تعدد پر $k \gg eta_0 \ll k$ ہو گالہٰذات 0 قیت کا قیمت کے قریب ہو گی۔

عين انقطاعي تعدد پرeta=eta ہو گالہٰذا $\gamma=\gamma$ ہو گا۔ یوں انقطاعی تعدد پر

(13.92)
$$\omega^2 \mu \epsilon = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

ہو گاجس سے انقطاعی تعدد ¹⁴

(13.93)
$$f_c = \frac{1}{2\sqrt{\mu\epsilon}}\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}$$
 (Hz)

اورانقطاعي طول موج

(13.94)
$$\lambda_{0c} = \frac{2\pi}{\sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}} = \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}} = \frac{2\pi}{k}$$
 (m)

یا

$$(13.95) k = \frac{2\pi}{\lambda_{0c}}$$

اعدد پر جہاں λ_{0c} لا محدود خطے میں انقطاعی تعدد پر طول موج ہے جیے چھوٹا کر کے انقطاعی طول موج انتہا ہے۔ مثال کے طور پر TE_{10} موج کا انقطاعی طول موج صاصل کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر TE_{10} موج کا انقطاعی طول موج صاصل کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر TE_{10} موج کا انقطاعی طول موج صاصل کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر TE_{10} موج کا انقطاعی طول موج سے کھو کھلے مستقطیلی موج کے کسی بھی میں موج کا انقطاعی طول موج سے کھو کھلے مستقلیلی موج کے کسی بھی میں موج کا انقطاعی طول موج سے کھو کھلے مستقلیلی موج کے کسی بھی میں انقطاعی طول موج سے کھو کھلے میں موج کے کسی بھی میں موج کیا ہوگئی ہے۔ مثال کے طور پر موج کا انقطاعی طول موج سے کھو کھلے میں موج کے کسی بھی میں موج کے کسی بھی موج کے کسی بھی موج کے کسی بھی موج کے کسی بھی ہو کہ کہ کسی بھی ہو کہ کسی کیا ہوگئی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی بھی ہو کسی بھی ہو کہ کسی بھی ہو کسی ہو کسی ہو کسی بھی ہو کسی ہو کسی ہو کسی بھی ہو کسی بھی ہو کسی ہو کسی

$$\lambda_{0c} = 2z_1$$

 $z_1=b$ حاصل ہوتاہے جو وہی قیمت ہے جو مساوات 13.5 میں حاصل کی گئی تھی جہاں

انقطاعی تعدد سے بلند تعدد $(eta_0>k)$ پر

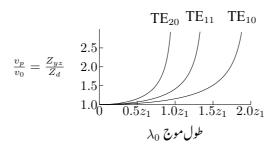
$$\beta = \sqrt{\beta_0^2 - k^2} = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}$$

ے برابر ہے۔اب $eta_0=rac{2\pi}{\lambda_0}$ اور مساوات 13.95 مندر جہ بالا مساوات میں پر کرتے ہوئے

$$\beta = \sqrt{\left(\frac{2\pi}{\lambda_0}\right)^2 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_{0c}}\right)^2} = \beta_0 \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

لكهاجا سكتاب للذامو يجمين طول موج

(13.99)
$$\lambda_{\tilde{\mathcal{C}}, \bullet} = \frac{2\pi}{\beta} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$



 λ_0 مختلف بلند درجی امواج کے مستطیلی مویج میں دوری رفتار بالمقابل طول موج

 v_p^{16} اور مو چیمین دوری د فنار

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{n\lambda_0}{2y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\lambda_0}{2z_1}\right)^2}}$$

١

$$v_p = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$

عاصل ہوتے ہیں جہا<u>ل</u>

ال محدود خطے میں دوری رفتار $v_0=rac{\omega}{eta_0}=rac{1}{\sqrt{\mu \epsilon}}$ کا محدود خطے میں دوری رفتار v_o

المورود خطے میں طول موج λ_0

انقطاعی طول موج (انقطاعی تعد دپر لا محد و د خطے میں طول موج) انقطاعی طول موج (انقطاعی تعد دپر لا محد و د خطے میں طول موج)

-U.*?

شکل 13.13 میں مختلف بلنداندازامواج کے دوری رفتار بالمقابل طول موج λ_0 دکھائے گئے ہیں۔دوری رفتار کولا محدود خطے کے دوری رفتار ہائی v_0 کی نسبت سے دکھایا گیا ہے۔انا شکال میں مستطیلی موت کے دونوں اطراف برابر لمبائی $(y_1=z_1)$ کے تصور کئے گئے ہیں۔

مندرجہ بالا تجزیے میں موت کے اطراف کامل موصل کے تصور کئے گئے اور ساتھ ہی ساتھ موت کی میں بے ضیاع ذوبر تی بھر اتصور کیا گیا۔اسی لئے انقطاعی تعدد ہے۔ $\gamma = \alpha + \alpha$ ہے۔ بین صفر کرتے ہیں۔ حقیقت میں موت کے اطراف کے موصل کی موصلیت اور ذوبر تی میں طاقت کی ضیاع ہے + $\alpha = \alpha$ ہے۔ بین تعدد سے بلند تعدد کے امواج بھی صفر کے دوران کچھ نہ کچھ گھٹے ہیں۔ β ہوگالہٰذاانقطاعی تعدد سے بلند تعدد کے امواج بھی صفر کے دوران کچھ نہ کچھ گھٹے ہیں۔

کھو کھلے موتے جس میں صرف ہوا بھری ہو میں ذو برق یعنی ہوا کاضیاع قابل نظر انداز ہوتا ہے۔ ایسے موتے میں طاقت کاضیاع صرف موتے کے چادروں کی موصلیت کی بنا ہے ۔ موصل چادر مکمل طور پر کامل نہ ہونے کا مطلب لے کہ حقیقت میں چادر کے متوازی برقی میدان E_m صفر نہیں ہوگا۔ اچھے موصل مثلاً تا نے کی بنی ہچادر سے بنی موتے کے طول موج کہ ، زاویائی مستقل کی یادور کی رفتار v_p حاصل کی سے میں سے بنی موتے کے طول موج کہ ، زاویائی مستقل کی ایک تاہم ہو تا ہے۔ ایس صورت میں تضعیفی مستقل کی کا تخمینہ علیحدہ طور پر لگا یاجاتا ہے۔ ایس صورت میں تضعیفی مستقل کی کا تخمینہ علیحدہ طور پر لگا یاجاتا ہے۔

4474

4475

4476

آخر میں مستطیلی موتے میں عرضی برقی موج کی رکاوٹ Zyz مساوات 13.52 سے حاصل کرتے ہیں۔

$$Z_{yz} = \frac{j\omega\mu}{\gamma}$$

انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر $\gamma=jeta$ ہوتاہے للذا

(13.103)
$$Z_{yz} = \frac{\omega \mu}{\beta} = \frac{Z_z}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (\Omega)$$

بو گا جہا<u>ل</u>

موت کے ذو برق کی قدر تی رکاوٹ $Z_z = \sqrt{rac{\mu}{\epsilon}}$ موت کے نو برق کی قدر تی رکاوٹ Z_z جبکہ

الامحدود نخطے میں طول موج λ_0

انقطاعی طول موج (انقطاعی تعد دیر لا محد و د خطے میں طول موج) λ_{0c}

یں۔ ہوا کے لئے v_p اور v_p کی شرح کے برابر ہے۔ چو نکہ Z_{yz} اور Z_{z} کی شرح کے برابر ہے لہٰذاشکل 13.13 Z_{z} بالبقابل Z_{z} اور z_{z} کی شرح کے برابر ہے لہٰذاشکل 13.13 Z_{z} بالبقابل λ_0

مثق 13.1: ${
m TE}_{20}$ ، ${
m TE}_{20}$ اور ${
m TE}_{11}$ امواج کی انقطاعی طول موج مندر جہ ذیل مستطیلی موج کے لئے حاصل کریں۔

ہواسے بھرامو یے جس کے اطراف چارسنٹی میٹر اور دوسنٹی میٹر ہیں۔

• ہواسے بھرامو یج جس کے دونوں اطراف چارسنٹی میٹر کے برابر ہیں۔

جوابات: يهلامو تن 3.577 cm،4 cm،8 cm،2 cm،2 cm،2 cm،4 cm،8 cm.

447

وضی برتی امواج حل کرنے کے آٹھ قدم صفحہ 454 پر بتلائے گئے۔ انہیں آٹھ قدم سے شکل 13.9 کے منتظیلی موتئ میں عرضی مقناطیسی موت TM_{mn} بھی حالیہ لائے جاتے ہیں۔ فرق صرف اتناہے کہ یہاں $H_x=0$ فرض کرکے مسئلہ حل کیا جاتا ہے۔ TM_{mn} موٹ کہتے ہی اس موج کو ہیں جن میں TM_{mn} بھی حالیہ ساتھ کے جاتے ہیں۔ فرق صرف اتناہے کہ یہاں کو کریں۔ TM_{mn} حاصل کرنے کے اہم نکات کا تذکرہ کریں۔

موج حاصل کرنے کے پہلے تین قدم میں کوئی تبدیلی نہیں پائی جاتی للذامساوات 13.14 تامساوات 13.42 جوں کے توں استعال کئے جائیں گے۔ چوتھے قدم میں $H_x=0$ پر کرنے سے

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} + \gamma E_z - ZH_y = 0$$

$$-\gamma E_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} - ZH_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - YE_x = 0$$

$$\gamma H_z - \Upsilon E_y = 0$$

$$(13.109) -\gamma H_y - YE_z = 0$$

$$-\gamma E_x + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 13.108 اور مساوات 13.109 سے

$$Z_{yz} = \frac{E_y}{H_z} = -\frac{E_z}{H_y} = \frac{\gamma}{\Upsilon}$$

کھاجا سکتا ہے۔ اس مساوات کا مساوات 213.52 کے ساتھ موازنہ کریں۔ اگرچہ دونوں جگہ ی کی تعریف جی بھی ہوگی ہے۔ اس مساوات کا مساوات کا مساوات کا مساوات کا مساوات کا مساوات کا مساوات کی ساتھ موج کی رکاوٹ TE_{mn} کے رکاوٹ سے مختلف ہوگی۔ یہاں کہ TM_{mn} موج کی رکاوٹ TE_{mn} کے رکاوٹ سے مختلف ہوگی۔ یہاں کہ TM_{mn} موج کی رکاوٹ TE_{mn} کے دکاوٹ سے مختلف ہوگی۔ یہاں کہ مقناطیسی موج کی رکاوٹ TE_{mn} کے دکاوٹ سے مختلف ہوگی۔ یہاں کے محتل مقناطیسی موج کی رکاوٹ میں معتبل کے دکاوٹ سے مختلف ہوگی۔ یہاں کے دکاوٹ میں کا معتبل کی دکاوٹ میں کی دکاوٹ کے دکاوٹ کی دکاوٹ کی دکاوٹ کی دکھوں کی

یا نچویں قدم میں تمام میدان کو E_x کی صورت میں حاصل کر ناہے۔ مساوات 13.112 کو مساوات 13.105 میں پر کرتے ہوئے H_y کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.113)
$$H_y = \frac{Y}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial z}$$

اور اسی طرح مساوات 13.112 کو مساوات 13.100 میں پر کرتے ہوئے H_z کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.114)
$$H_z = \frac{-Y}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial y}$$

transverse magnetic wave impedance¹⁷

حاصل ہوتے ہیں۔ان دومساوات اور مساوات 13.112 سے

(13.115)
$$E_{y} = \frac{-\gamma}{\gamma^{2} + YZ} \frac{\partial E_{x}}{\partial y}$$

(13.116)
$$E_z = \frac{-\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial z}$$

4485

لکھاجا سکتاہے۔ یوں پانچواں قدم پوراہو تاہے۔

چھٹے قدم میں ہے کے موج کی مساوات حاصل کرنے کی غرض سے مساوات 13.115 کا لاکے ساتھ تفرق اور مساوات 13.116 کا 2 کے ساتھ تفرق مساوات 13.110 میں پر کرتے ہوئے

$$-\gamma E_x - \frac{\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} - \frac{\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} = 0$$

یا

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} + (\gamma^2 + YZ)E_x = 0$$

حاصل ہوتاہے جسے

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} + k^2 E_x = 0$$

لکھا جاسکتاہے جہاں

(13.118)
$$k^2 = \gamma^2 + YZ = \gamma \left(\gamma + \frac{Z}{Z_{yz}} \right)$$

ے برابر ہے۔ مساوات 13.57 کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM_{mn} اور TE_{mn} مختلف قیمت رکھتے ہیں۔

ساتویں قدم پر مساوات 13.117 کاابیاحل در کارہے جو مستطیلی موت کے اطراف پر بر تی اور مقناطیسی سر حدی شر ائط پر پورااتر تاہو۔ بالکل پہلے کی طرح حل کرتے ہوئے

$$k^2 = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

اور میدان

(13.120)
$$E_x = E_0 \sin \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

حاصل ہوتاہے جسے باری باری مساوات 13.113 تامساوات 13.116 میں پر کرتے ہوئے

(13.121)
$$H_{y} = \frac{YE_{0}}{k^{2}} \frac{m\pi}{z_{1}} \sin \frac{n\pi y}{y_{1}} \cos \frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$H_z = \frac{-YE_0}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.123)
$$E_y = \frac{-\gamma E_0}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$(13.124) E_z = \frac{-\gamma E_0}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان جوابات کے ساتھ

$$H_x = 0$$
 موج ہونے کا شرط TM_{mn}

شامل کرتے ہوئے تمام میدان حاصل ہوتے ہیں۔ بے ضیاع ذو برق $(\sigma=0)$ کی صورت میں مساوات 13.120 تامساوات 13.125 میں $Y=j\omega\epsilon$ کھدگا۔

مساوات 13.120 تامساوات 13.125 کے TM_{mn} امواج میں m یا n صفر کے برابر ہونے سے تمام میدان صفر ہو جاتے ہیں للذا TM_{mn} کا کم سے کم تعدد می موج TM_{12} موج TM_{12} موج TM_{12} موج کے بیار ہونے سے تمام میدان صفر ہو جاتے ہیں للذا TM_{mn} کا کم سے کم تعدد کی موج کے بیار ہونے سے تعدد کی موج کے بیار ہونے کے بیار

بے ضیاع ذو برق $(\sigma=0)$ تصور کرتے ہوئے ، مساوات 13.118، مساوات 13.119 اور مساوات 13.33 سے

(13.126)
$$\gamma = \sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 - \omega^2 \mu \epsilon}$$
$$= \sqrt{k^2 - \beta_0^2}$$

$$\alpha = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} \qquad (k > \beta_0)$$

$$\beta = 0$$

 $k < eta_0$ ماصل ہوتا ہے۔ اس صورت میں موج صفر نہیں کر پائے گی۔ اس کے بر عکس $k < eta_0$

(13.128)
$$\alpha = 0$$

$$\beta = \sqrt{\beta_0^2 - k^2} \qquad (k < \beta_0)$$

حاصل ہوتے ہیں۔اس صورت میں موج، بغیر گھٹے موتی میں صفر کرے گی۔انقطاعی تعدد ان دو تعدد ی خطوں کے عین در میان پایاجائے گاجہاں γ کی قیت حقیقی سے خیالی ہوتے ہوئے صفر سے گزرے گی۔میاوات 13.126 میں 0 ہیر کرنے سے انقطاعی تعدد

(13.129)
$$\omega_c^2 \mu \epsilon = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

 $f_c = \frac{1}{2\sqrt{\mu\epsilon}}\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}$

حاصل ہوتاہے۔اس طرح انقطاعی طول موج

(13.131)
$$\lambda_{0c} = \frac{2\pi}{\sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}} = \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}} = \frac{2\pi}{k}$$

١

یا

$$(13.132) k = \frac{2\pi}{\lambda_{0c}}$$

page

حاصل ہو تاہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM_{mn} اور TE_{mn} امواج کے انقطاعی تعدد کے مساوات ہو بہوایک جیسے ہیں۔

انقطاعی تعدد سے بلند تعد دeta > kی صورت میں

$$\beta = \sqrt{\beta_0^2 - k^2} = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}$$

ہو گاجس سے مو بج میں طول مور:

(13.134)
$$\lambda_{\mathcal{E}_{\sigma}} = \frac{2\pi}{\beta} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$

اور مو یج میں دوری رفتار

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{n\lambda_0}{2y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\lambda_0}{2z_1}\right)^2}}$$

$$= \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$

حاصل ہوتے ہیں جہاں

ال محد ود خطے میں دوری رفتار $v_0=rac{1}{\sqrt{\mu \epsilon}}$ کا محد ود خطے میں دوری رفتار $v_0=v_0$

 λ_0 لامحد ود خطے میں طول موج اور λ_0

انقطاعی طول موج (انقطاعی تعد دیر لا محد و دخطے میں طول موج) λ_{0c}

ہیں۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM_{mn} اور TE_{mn} کے دوری رفتار کے مساوات بھی ہو بہو یکساں ہیں۔

عرضی مقناطیسی موج کی رکاوٹ مساوات 13.112سے

 $Z_{yz} = \frac{\gamma}{\gamma}$

ہے جوانقطاعی تعدد ہے بلند تعدد $\gamma=jeta$ ی صورت میں

(13.136)
$$Z_{yz} = \frac{\beta}{\omega \epsilon} = Z_z \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

مو گا جہا<u>ل</u>

موت کے ذو برق کی قدر تی رکاوٹ $Z_z = \sqrt{rac{\mu}{e}}$ موت کے خور برق کی قدر تی رکاوٹ Z_z

 λ_0 لا محد و د خطے میں طول موج اور λ_0

انقطاعی طول موج λ_{0c}

کے برابر ہیں۔مساوات 13.136 کامساوات 13.103 کے ساتھ موازنہ کرنے سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM اور TEmn امواج کی رکاوٹ مختلف ہیں۔

ہم نے دیکھا کہ ہربلند در جی انداز کااپنا مخصوص انقطاعی تعدد ، رفتار اور رکاوٹ ہوتے ہیں۔اگر تعدد اتنی ہو کہ مختلف بلند انداز موتئے میں صفر کر سکتے ہوا ہے۔ میدان ان تمام میدانوں کا مجموعہ ہو گاجو موتئے میں پائے جاتے ہوں۔

جدول 13.1 مستطیلی موج کمیں TE_{mn} موج کے متغیرات کے تعلق دیتا ہے۔ Z_{yz} کے علاوہ یہی تعلق TM_{mn} کے لئے بھی درست ہیں۔

جدول 13.1: مستطیلی مویج میں TEmn امواج کے متغیرات کے تعلق۔

الفطاعي تعدد
$$f_c=rac{1}{2\sqrt{\mu\epsilon}}\sqrt{\left(rac{n}{y_1}
ight)^2+\left(rac{m}{z_1}
ight)^2}$$
 Hz تعلق $h_c=rac{1}{2\sqrt{\mu\epsilon}}\sqrt{\left(rac{n}{y_1}
ight)^2+\left(rac{m}{z_1}
ight)^2}$ m الفطاعي طول موج $h_c=rac{2}{\sqrt{\left(rac{n}{y_1}
ight)^2+\left(rac{m}{z_1}
ight)^2}}$ m مويج ميں طول موج $h_c=rac{\lambda_0}{\sqrt{1-\left(rac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}
ight)^2}}$ m $h_c=rac{\lambda_0}{\sqrt{1-\left(rac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}
ight)^2}}$ $h_c=rac{m}{s}$ $h_c=rac{m}{s}$ $h_c=1$ $h_c=1$

13.5 كهوكهلي نالي مويج

کھو کھی نالی جس کااندرونی رداس م ہوکے مسائل نکلی محدد میں باآسانی حاصل ہوتے ہیں للذاالیسے موتئے میں TEmn امواج حاصل کرنے کی خاطرو بنگی محدد ہی استعال کرتے ہیں۔ یہاں بھی صفحہ 454 پر دیے آٹھ قدم لیتے ہوئے جواب حاصل کیا جائے گا۔ نکلی موتئے تدمحد دپرر کھا گیا ہے للذااس میں امواج تے جانب حرکت کریں گے۔

میس ویل کے گردش کے دومساوات کو نکلی محد دبیں لکھ کر

$$\left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial E_z}{\partial \phi} - \frac{\partial E_{\phi}}{\partial z}\right] a_{\rho} + \left(\frac{\partial E_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial \rho}\right) a_{\phi} + \left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial (E_{\phi}\rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho}\frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi}\right] a_{z}$$

$$= -\mu \left(\frac{\partial H_{\rho}}{\partial t} a_{\rho} + \frac{\partial H_{\phi}}{\partial t} a_{\phi} + \frac{\partial H_z}{\partial t} a_{z}\right)$$

$$\left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial H_z}{\partial \phi} - \frac{\partial H_{\phi}}{\partial z}\right] a_{\rho} + \left(\frac{\partial H_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial \rho}\right) a_{\phi} + \left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial (H_{\phi}\rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho}\frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi}\right] a_{Z}$$

$$= \sigma \left(E_{\rho}a_{\rho} + E_{\phi}a_{\phi} + E_{z}a_{Z}\right) + \epsilon \left(\frac{\partial E_{\rho}}{\partial t}a_{\rho} + \frac{\partial E_{\phi}}{\partial t}a_{\phi} + \frac{\partial E_{z}}{\partial t}a_{Z}\right)$$

محد دی اجزاء علیحد ہ علیحہ ہ لکتے ہوئے مندر جہ ذیل چھ مساوات

(13.137)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial E_z}{\partial \phi} - \frac{\partial E_{\phi}}{\partial z} = -\mu \frac{\partial H_{\rho}}{\partial t}$$
(13.138)
$$\frac{\partial E_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial \rho} = -\mu \frac{\partial H_{\phi}}{\partial t}$$

4504

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (E_{\phi} \rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi} = -\mu \frac{\partial H_z}{\partial t}$$

(13.140)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi} - \frac{\partial H_{\phi}}{\partial z} = \sigma E_{\rho} + \epsilon \frac{\partial E_{\rho}}{\partial t}$$

$$\frac{\partial H_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial H_{z}}{\partial \rho} = \sigma E_{\phi} + \epsilon \frac{\partial E_{\phi}}{\partial t}$$

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (H_{\phi} \rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi} = \sigma E_z + \epsilon \frac{\partial E_z}{\partial t}$$

(13.143)

حاصل ہوتے ہیں جن کے ساتھ چارج سے خالی $ho_h=0$ خطے میں کھیلاو کے دومساوات

(13.143)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (\rho E_{\rho})}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \phi} + \frac{\partial E_{z}}{\partial z} = 0$$

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial(\rho H_{\rho})}{\partial\rho} + \frac{1}{\rho}\frac{\partial H_{\phi}}{\partial\phi} + \frac{\partial H_{z}}{\partial z} = 0$$

شامل کرتے ہیں۔

مساوات 13.137 تامساوات 13.144 کووقت کے ساتھ اور z فاصلے کے ساتھ سائن نما تعلق کا پابند ($E_{\phi}=E_{1}e^{j\omega t-\gamma z}$) بناتے ہوئے

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial E_z}{\partial \phi} + \gamma E_{\phi} - ZH_{\rho} = 0$$

$$-\gamma E_{\rho} - \frac{\partial E_{z}}{\partial \rho} - ZH_{\phi} = 0$$

(13.147)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (E_{\phi} \rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi} - ZH_z = 0$$

(13.148)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi} + \gamma H_{\phi} - Y E_{\rho} = 0$$

$$-\gamma H_{\rho} - \frac{\partial H_z}{\partial \rho} - Y E_{\phi} = 0$$

(13.150)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (H_{\phi}\rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi} - YE_z = 0$$

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial(\rho E_{\rho})}{\partial\rho} + \frac{1}{\rho}\frac{\partial E_{\phi}}{\partial\phi} + \frac{\partial E_{z}}{\partial z} = 0$$

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial(\rho H_{\rho})}{\partial\rho} + \frac{1}{\rho}\frac{\partial H_{\phi}}{\partial\phi} - \gamma H_{z} = 0$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$Z=-j\omega\mu$$
 (Ω/m) سلسله وارر کاوث $Y=\sigma+j\omega\epsilon$ (S/m) متوازی فراوانی $\gamma=\alpha+j\beta$

ہیں۔ 4510

جسسے

$$\gamma E_{\phi} - ZH_{\rho} = 0$$

$$-\gamma E_{\rho} - ZH_{\phi} = 0$$

(13.155)
$$\frac{E_{\phi}}{\rho} + \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi} - ZH_z = 0$$

(13.156)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi} + \gamma H_\phi - Y E_\rho = 0$$

$$(13.157) -\gamma H_{\rho} - \frac{\partial H_z}{\partial \rho} - Y E_{\phi} = 0$$

$$\frac{H_{\phi}}{\rho} + \frac{\partial H_{\phi}}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi} = 0$$

$$\frac{E_{\rho}}{\rho} + \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \phi} = 0$$

$$\frac{H_{\rho}}{\rho} + \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\phi}}{\partial \phi} - \gamma H_{z} = 0$$

حاصل ہوتاہے جہاں مساوات 13.147 میں $rac{\partial (E_{\phi}
ho)}{\partial
ho}$ تفرق کو کھول کر $E_{\phi}+
ho$ ککھا گیاہے۔اییا ہی بقایا تفرق کے ساتھ بھی کیا گیاہے۔

 $Z_{
ho\phi}$ تمام میدان کو H_z کی صورت میں لکھنے کی خاطر مساوات 13.153اور مساوات 13.154 سے عرضی موج کی رکاوٹ

(13.161)
$$Z_{\rho\phi} = \frac{E_{\rho}}{H_{\phi}} = -\frac{E_{\phi}}{H_{\rho}} = -\frac{Z}{\gamma} = \frac{j\omega\mu}{\gamma}$$

لیتے ہیں۔ مساوات 13.161 سے E_{ρ} مساوات 13.150 میں پر کرتے ہوئے H_{ϕ} کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.162)
$$H_{\phi} = -\frac{1}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi}$$

 L_{ϕ} حاصل ہوتا ہے۔ اسی طرح مساوات 13.161 سے E_{ϕ} مساوات 13.157 میں پر کرتے ہوئے

(13.163)
$$H_{\rho} = -\frac{1}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{\partial H_z}{\partial \rho}$$

حاصل ہوتاہے۔مندرجہ بالا دومساوات اور مساوات 13.161سے

(13.164)
$$E_{\rho} = -\frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi}$$

(13.165)
$$E_{\phi} = \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{\partial H_z}{\partial \rho}$$

4512

کھھے جا سکتے ہیں۔ یہ مساوات تمام میدان کو H_z کی صورت میں بیان کرتے ہیں۔

مساوات 13.164 کام تفر ق، مساوات 13.165 کام تفر ق اور مساوات 13.165 کو مساوات 13.155 میں پر کرتے ہوئے

$$\frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \rho} + \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{\partial^2 H_z}{\partial \rho^2} + \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho^2} \frac{\partial^2 H_z}{\partial \phi^2} - ZH_z = 0$$

موج کی مقداری مساوات حاصل ہوتی ہے۔اس میں

$$\frac{Z\left(\gamma - YZ_{\rho\phi}\right)}{Z_{\rho\phi}} = -k^2$$

477

لعيني

$$k^2 = \gamma^2 + YZ$$

لکھتے ہوئے

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial H_z}{\partial \rho} + \frac{\partial^2 H_z}{\partial \rho^2} + \frac{1}{\rho^2}\frac{\partial^2 H_z}{\partial \phi^2} + k^2 H_z = 0$$

یا

(13.169)
$$\rho^2 \frac{\partial^2 H_z}{\partial \rho^2} + \rho \frac{\partial H_z}{\partial \rho} + k^2 \rho^2 H_z = -\frac{\partial^2 H_z}{\partial \phi^2}$$

حاصل ہوتاہے جس میں

(13.170)
$$H_z(\rho,\phi) = M(\rho)N(\phi)$$

لکھ کر متغیرات کی علیحد گی ممکن ہے۔ایباکرتے ہوئے

$$\rho^{2}N\frac{\partial^{2}M}{\partial\rho^{2}} + \rho N\frac{\partial M}{\partial\rho} + k^{2}\rho^{2}MN = -M\frac{\partial^{2}N}{\partial\phi^{2}}$$

عاصل ہوتاہے۔ دونوں اطراف کو MNسے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{\rho^2}{M}\frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \frac{\rho}{M}\frac{\partial M}{\partial \rho} + k^2 \rho^2 = -\frac{1}{N}\frac{\partial^2 N}{\partial \phi^2}$$

حاصل ہوتاہے جہاں بایاں ہاتھ کامتغیرہ مءے جبکہ دائیں ہاتھ کامتغیرہ φہے۔ یوں دونوںاطراف کومتنقل n² کے برابر پر کیاجاسکتاہے یعنی

$$\frac{\rho^2}{M}\frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \frac{\rho}{M}\frac{\partial M}{\partial \rho} + k^2 \rho^2 = n^2$$

$$-\frac{1}{N}\frac{\partial^2 N}{\partial \phi^2} = n^2$$

مندرجه بالامين نجل مساوات كاحل

$$(13.173) N = c_1 \cos n\phi + c_2 \sin n\phi$$

 $_{4513}$ ہیں۔ $_{4513}$ ہیں۔

مساوات 13.171 کو

$$\rho^2 \frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \rho \frac{\partial M}{\partial \rho} + (k^2 \rho^2 - n^2) M = 0$$

لکھاجا سکتاہے جو ب<mark>بیل مساوات</mark> 18 کہلاتی ہے اور جس کا حل

(13.175)
$$M = c_3 J_n(k\rho) + c_4 N_n(k\rho)$$

کھاجاتاہے جہاں c_3 اور c_4 مساوات کے مستقل ہیں۔

پول مساوات 13.170 <u>سے</u>

(13.176)
$$H_z = \left[c_3 J_n(k\rho) + c_4 Y_n(k\rho)\right] \left(c_1 \cos n\phi + c_2 \sin n\phi\right)$$

عاصل ہوتاہے جس پر مندر جہ ذیل دوعد دسر حدی شرائط لا گو کرتے ہوئے مساوات کے مستقل حاصل کئے جاسکتے ہیں۔

کا ئنات میں کہیں پر بھی لامحدود میدان نہیں پایاجاتالہذا نکلی موج کمیں بھی میدان کی قیت محدود ہو گی۔اس کے علاوہ موصل نکلی سطح پر ہر قی میدان ﷺ ہو گا، یعنی (E_{\phi}(\rho_0) = 0)، جہاں نکلی کار داس 6_2 کے برابر ہے۔

یہلے شرط کے تحت نگلی محدد میں میدان کی قیمت محدود ہے، لیکن ho=0پرho=0پر محدود ہوتی ہے لہذا مساوات 13.176 میں $c_4=0$

ہو گا۔اگرہ $c_2=c_3$ ہوتب میدان کی چوٹی $\phi=0$ پر ہو گی اور اگرہ $c_1=c_3$ ہوتب میدان کی چوٹی $m\phi=90$ پر ہو گی۔ کسی اور زاویے پر چوٹی کی صورت میں دونوں مستقل پائے جائیں گے۔ ہم چوٹی کو صفر زاویے پر تصور کرتے ہیں۔ یوں

$$(13.178) H_z = H_0 \cos n\phi J_n(k\rho)$$

ہو گاجہاں $H_0=c_1c_3=H_0$ کھا گیاہے۔اب چو نکہ $\phi=0$ اور $\phi=2$ اور $\phi=0$ ریڈیٹن نکلی موتئج میں ایک ہی نقطے کو ظاہر کرتے ہیں للذاد ونوں زاویوں سے میدان برابر حاصل ہو ناچاہیے۔یوں

 $n=0,1,2,\cdots$

حاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ n=1 کی صورت میں نکلی میں $\phi=2\pi$ تا $\phi=2\pi$ تا ہوئے ہوئے در کھ سکتے ہیں کہ n=1 کی صورت میں نکلی کے گردا کہ چکر کا شتے ہوئے میدان دو چکر کا شاہے۔ یوں نکلی کے گردا کہ چکر کا شتے ہوئے میدان کے چکر کی تعداد n=2 تعداد n=2 تعداد n=2 میدان کے جکر کا شعبہ ہوئے میدان کے جکر کا شاہد ہوئے میدان کے جائے گی کی میدان کے جائے گی کی میدان کے جائے گی میدان کے جائے گی کی کی میدان کے جائے گی کے گردا کی میدان کی کرنے گیا کی کی میدان کے جائے گی کی کردا گیا ہے کہ کی میدان کے جائے گی کی کردا گیا ہے کہ کردا گیا ہے کردا گیا ہے کہ کردا گیا ہے کردا گیا ہے کہ کردا گیا ہے کردا گیا ہے کہ کردا گیا ہے کردا گیا ہے کہ کردا گیا

نککی مونج میں موج کی مساوات

(13.179)
$$H_z = H_0 \cos n\phi J_n(k\rho) e^{j\omega t - \gamma z} \qquad (n = 0, 1, 2, \cdots)$$

ہو گی جہاں میدان کا وقت اور فاصلے کے ساتھ سائن نما تبدیلی کو بھی شامل کیا گیاہے۔اس کو مساوات 13.165 میں پر کرتے ہوئے

(13.180)
$$E_{\phi} = \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} H_0 \cos n\phi \frac{\mathrm{d}J_n(k\rho)}{\mathrm{d}\rho} e^{j\omega t - \gamma z}$$

 $E_{
ho}=0$ چاصل ہوتا ہے۔ دوسری سر حدی شرط کے تحت موصل نکگی سطح پر متوازی برقی میدان صفر ہو گاللذامساوات 13.180 میں $E_{
ho}=0$ پر کرتے ہوئے

(13.181)
$$\frac{\mathrm{d}J_n(k\rho)}{\mathrm{d}\rho}\bigg|_{\rho_0} = 0$$

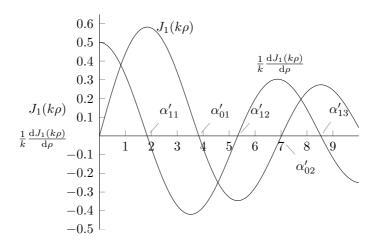
حاصل ہو تاہے جس سے

$$(13.182) k\rho_0 = \alpha'_{nm}$$

حاصل ہوتاہے جہاں ««» بیسل تفاعل کے تفرق کے صفر کہلاتے ہیں یعنی

$$\frac{\mathrm{d}J_n(\alpha'_{nm})}{\mathrm{d}\rho} = 0$$

13.5. كهوكهلي نالي مويج



شكل 13.14: بيسل تفاعل.

مساوات 13.182 سے حاصل k'_{nm} کو گھتے ہوئے یوں

(13.184)
$$k'_{nm} = \frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0} \qquad (m = 1, 2, 3, \cdots)$$

حاصل ہوتاہے۔

مساوات 13.184 کواستعال کرتے ہوئے یوں

(13.185)
$$H_z = H_0 \cos n\phi J_n(k'_{nm}\rho)e^{j\omega t - \gamma z}$$

حاصل ہوتاہے جے مساوات 13.162 تامساوات 13.165 میں پر کرتے ہوئے بقایاتمام میدان

(13.186)
$$H_{\phi} = \frac{1}{\gamma - YZ_{0\phi}} \frac{n}{\rho} H_0 \sin n\phi J_n(k'_{nm}\rho) e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.187)
$$H_{\rho} = -\frac{1}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} H_0 \cos n\phi \frac{\mathrm{d}J_n(k'_{nm}\rho)}{\mathrm{d}\rho} e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.188)
$$E_{\rho} = -\frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{n}{\rho} H_0 \sin n\phi J_n(k'_{nm}\rho) e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.189)
$$E_{\phi} = \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} H_0 \cos n\phi \frac{\mathrm{d}J_n(k'_{nm}\rho)}{\mathrm{d}\rho} e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.190)
$$E_z = 0$$

452

حاصل ہوتے ہیں جہاں E_z بھی شامل کیا گیاہے۔

 α'_{12} $\alpha'_{12} = 5.33$ $\alpha'_{11} = 1.84$ آئيں $\alpha'_{12} = \frac{dJ_1}{d\rho}$ $\alpha'_{12} = 5.33$ آئيں $\alpha'_{13} = 1.84$ آئيں $\alpha'_{13} = 1.84$ آئيں $\alpha'_{13} = 1.84$ آئيں جو بالترتيب $\alpha'_{13} = 1.84$ آور $\alpha'_{13} = 1.84$ بند عرضی برتی امواج کے مستقل ہیں۔ شکل 13.14 میں انہیں دکھایا گیا ہے۔ اسی طرح $\alpha'_{13} = 8.54$ اور $\alpha'_{13} = 8.54$ بند $\alpha'_{13} = 8.54$ بند $\alpha'_{13} = 8.54$ بند $\alpha'_{13} = 1.832$ مند $\alpha'_{13} = 1.832$ مند

کامل ذو برق کی صورت میں $\sigma=0$ لیتے ہوئے مساوات 13.184 کو مساوات 13.168 میں پر کرنے سے

$$\left(\frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0}\right)^2 = \gamma^2 + \omega^2 \mu \epsilon$$

١

(13.191)
$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{\left(\frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0}\right)^2 - \omega^2 \mu \epsilon}$$

4528

4530

4531

(13.192)

4532

4533

حاصل ہوتاہے۔اس مساوات سے تین صور تیں ممکن ہیں۔

• کم تعدد پر حقیقی γ ہو گالہذامو ت^{کے} غیر شفاف ہو گااور موح اس میں صفر نہیں کر پائے گا۔

• مخصوص در میانے تعد دیر $\gamma=0$ حاصل ہوگا۔ یہ انقطاعی تعد دہوگا۔

• بلند تعدد يرى خيالى عدد ہو گالہذاموت شفاف ہو گااور موج اس ميں صفر كر پائے گ۔

مساوات 13.191 کو صفر کے برابر پر کرنے سے انقطاعی تعدد

$$f_c = \frac{1}{2\pi\sqrt{\mu\epsilon}} \frac{k'_{nm}}{\rho_0}$$
 (Hz)

اورانقطاعی طول موج

(13.193)
$$\lambda_{0c} = \frac{2\pi\rho_0}{k'_{nm}} \qquad (m)$$

 $\lambda_{0c}=rac{2\pi
ho_0}{1.84}=3.41$ ماصل ہوتے ہیں۔ یوں $\lambda_{0c}=TE_{11}$ کے گئے $lpha_{11}'=1.84$

انقطاعی تعدد سے زیادہ تعدد پر γ خیالی ہو گالہذااسے

(13.194)
$$\beta = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \left(\frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0}\right)^2} \qquad (\text{rad/m})$$

لكها جائے گا۔ مندر جبہ بالا دومساوات كوملا كرج سمت ميں مو يج ميں طول موج

(13.195)
$$\lambda_g = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (m)$$

حاصل ہوتی ہے جہاں

 $_{\scriptscriptstyle 0}$ موتے کے ذوبر ق سے بھر سے لامحد ود خطے میں طول موج اور $\lambda_{\scriptscriptstyle 0}$

انقطاعی طول موج λ_{0c}

 $v_p = f \lambda_g$ بیں۔موتج میں دوری رفتار

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (\text{m/s})$$

حاصل ہو تاہے جہاں

$$v_0 = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

4336

مساوات 13.195 اور مساوات 13.196 ہو بہو مستطیلی مو بج کے مساوات ہیں۔ یہی مساوات ہر شکل کے کھو کھلے مو بج کے لئے درست ثابت ہوتے ہیں۔

بیسل تفاعل کے صفر برابر فاصلوں پر نہیں پائے جاتے للذا نکلی موتئے میں مکنہ بلنداندانداندامواج برابر تعدد کے فاصلے پر نہیں پائے جاتے۔اس کے برعکس مستطیل موتئے میں پیربلندانداندامواج برابر تعدد کے فاصلوں پر پائے جاتے ہیں۔ نکلی موتئے میں TE₁₁ تمام امواج، بشمول TM_{nm} سے کم انقطاعی تعدد رکھتی ہے للندالاسے <mark>غالب بلند در جی انداز 19 کہتے ہیں۔ TE₀₁ بلند در جی انداز نہایت کم تضعیف کا حامل ہے للذا کم موصلیت کے چادر کی بنی موتئے میں اس کی اہمیت مزید بڑھ جاتی ہے۔</mark>

13.6 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف

ہم دیکھ چکے ہیں کہ انقطاعی تعدد سے کم تعدد کی موج تضعیف کاشکار ہوتی ہے اور بیہ موتج میں صفر کے قابل نہیں ہوتی۔آئیں تضعیف کی مقدار کا حساب لگائیں۔مستطیلی موتج میں مساوات 13.127

$$\alpha = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} = \sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_0}\right)^2}$$

انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیفی مستقل دیتاہے جے مساوات 13.131 کی مددسے

(13.198)
$$\alpha = \frac{2\pi}{\lambda_0} \sqrt{\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2 - 1} = \beta_0 \sqrt{\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2 - 1} \quad (Np/m)$$

کھاجا سکتا ہے جہال

ال محد و د خطے میں طول موج اور λ_0

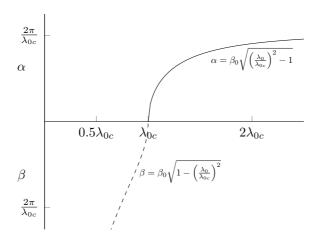
انقطاعی طول موج λ_{0c}

ہیں۔مساوات 13.198ہر قشم کے شکل کے کھو تھلے مو تکے کے لئے درست ہے۔

انقطاعی تعدد سے بہت کم تعدد $(\lambda_0\gg\lambda_{0c})$ کی صورت میں مساوات 13.198 سے

$$\alpha \approx \frac{2\pi}{\lambda_{0c}} \, \text{Np/m}$$

$$= \frac{2\pi \times 8.69}{\lambda_{0c}} = \frac{54.6}{\lambda_{0c}} \frac{dB}{m}$$



شکل 13.15: حرکی مستقل بالمقابل طول موج۔انقطاعی طول موج سر کم طول موج پر تضعیفی مستقل صفر ہے جبکہ اس سے زیادہ طول موج پر زاویائی مستقل صفر ہے۔

حاصل ہوتا ہے۔ شکل 13.15 میں تضعیفی مستقل α بالمقابل لا محدود خطے میں طول موج λ_0 کو ٹھو س خط سے دکھایا گیا ہے۔انقطاعی طول موج سے کم طول موج پر α عامل ہوتا ہے۔

4548

مثال 13.1:ایک مونج کی فی میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فی میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت مثال 13.1:ایک مونج کی فائن میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت کے دوران تضعیف در پیافت کی میٹر صفر کی میٹر صفر کے دوران تضعیف در پیافت کی میٹر صفر کی میٹر کی میٹر صفر کی میٹر کی میٹر صفر کی کارٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی کارٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی میٹر کی کارٹر کی میٹر کی میٹر کی کارٹر کی میٹر کی کارٹر کی میٹر کی کارٹر کی میٹر کی کارٹر کی

حل: چونکہ $\lambda_{0c} \gg \lambda_{0c}$ لہذا

$$\alpha = \frac{2\pi}{50 \times 10^{-3}} = 125.68 \,\text{Np/m}$$
 $\left(1092 \,\frac{\text{dB}}{\text{m}}\right)$

ہوگا۔ یوں موج میں بہت کم فاصلے پر موج کی قیت انتہائی گھٹ جائے گی۔

4552

4553

13.7 انقطاعي تعدد سر بلند تعدد پر تضعیف

کامل موصل چادر سے بنااور کامل ذوبر ق سے بھرامو تیج بے ضیاع ہوتا ہے للذاانقطاعی تعدد سے زیادہ تعدد پر lpha=0ہو گا۔مساوات 13.128 سے

$$\begin{split} \beta &= \sqrt{\beta_0^2 - k^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{2\pi}{\lambda_0}\right)^2 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_{0c}}\right)^2} \\ &= \frac{2\pi}{\lambda_0} \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2} \end{split}$$

dominant mode¹⁹

١

$$\beta = \beta_0 \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 13.201 ہر قسم کے شکل کے کھو کھلے موتج کے لئے درست ہے۔ شکل 13.15 میں نقطہ دار خطسے β د کھایا گیا ہے۔انقطاعی طول موجی سے زیادہ طول موج پر 0 = β ہے۔

حقیقی موت کامل نہیں ہوتے للذاان میں α صفر نہیں ہوتا۔ بہتر موصل، مثلاً تانبہ ، کی چادر سے بنے اور ہواسے بھرے موت کے میں α کی قیمت نہایت کم ہوتی ہے جبکہ β مندر جہ بالا مساوات کے عین مطابق ہوتا ہے۔ آئیں حقیقی موت کے میں α کی قیمت حاصل کریں۔

صفحه 332 پر مساوات 10.56

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{oldsymbol{\omega}, oldsymbol{s}} = rac{1}{2} \left[oldsymbol{E}_{\scriptscriptstyle S} imes oldsymbol{H}_{\scriptscriptstyle S}^*
ight]$$
ومط

موج کی اوسط طاقت دیتی ہے۔ کسی بھی موتج میں میدان، مثلاً صفحہ 464پر مساوات 13.85، میں حرکت کرتے میدان $e^{-\alpha x}e^{j(\omega t-\beta x)}$ خاصیت رکھتے ہیں۔ یول $rac{E}{H}=Z$

(13.202)
$$\mathscr{P}_{b \to b} = \frac{1}{2} \frac{|E|^2}{Z_h} e^{-2\alpha x} = \frac{1}{2} Z_h |H|^2 e^{-2\alpha x} = P_0 e^{-2\alpha x}$$

کھاجاسکتاہے جہاںx=0 پراوسط طاقت P_0 کے برابرہے، قدرتی رکاوٹ Z کے حقیقی جزو کو ZاورZاور E imes E کھھے گئے ہیں۔اس مساوات سے

(13.203)
$$\alpha = -\frac{1}{2} \frac{\frac{dP}{dx}}{P} \qquad (Np/m)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں اور اور کو کھا گیا ہے۔ مساوات 13.203 میں کسی بھی نقطے پر x سمت میں P طاقت منتقل ہورہا ہے جبکہ اس نقطے پر P طاقت کے بضیاع کو ظاہر کرتا ہے۔ تضعیفی مستقل کی اس مساوات میں طاقت کا ضیاع ، موت کے کی دیواروں میں پیدا برقی روسے مزاحمتی برقی ضیاع P ہوتا ہے۔ انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر امواج نہ گزارنے کی معزود ہوں کو معزود میں ہوتا۔ انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر امواج نہ گزارنے کی معزود میں موت نہیں موت نہیں موت نہیں گزریاتی بلکہ یہ انعکا س پذیر ہوتی ہے۔ P طاقت کے معزود مول کی معزود مول کے خاہر کیا جاتا ہے۔ ایس موت نہیں موت نہیں گزریاتی بلکہ یہ انعکا س پذیر ہوتی ہے۔

مساوات 13.203 کو یون پڑھا جا سکتاہے

$$lpha = rac{d$$
طاقت کاضیاع فی اکائی لمبائی منتقل طاقت کاد گنا

کامل ذوبرق سے بھرے موتج میں ذوبرق کاضاع صفر ہو گا۔الیم صورت میں صرف موتج کے چادروں میں مزاحمتی ضاع پایاجائے گاللذااکا کی لمبا کی میں طاقت کاضاع

(13.204)
$$-\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}x} = \frac{1}{\mathrm{d}x} \int \int \mathscr{P}_{y,y} \, \mathrm{d}S = \int \mathscr{P}_{y,y} \, \mathrm{d}l$$

ہو گا جہاں _{چاد}ر گوسے مراد وہ اوسط طاقت (وقت کے مطابقت سے اوسط) ہے جو موتج کے دیواروں کے موصل چادروں میں منتقل ہورہا ہے۔ مساوات 13.204 میں سطح کا جپوٹار قبہ ds موتج کے اندرونی سطح پر لیاجاتا ہے۔ اس رقبے کی لمبائی xbاور چوڑائی dt ہے جہاں اندرونی سطح پرایک چکر کے برابر ہے۔ شکل 13.9 کے مستطیلی موتج کی صورت میں منتقل طاقت کو مورت میں منتقل طاقت کو

$$\mathscr{P}_{c,h}|H_m|^2$$

کھاجاسکتاہے جہاں H_m چادر کے متوازی میدان اور Z_c چادر کے موصل کا قدرتی رکاوٹ ہے جس کا حقیقی جزور کے متوازی میدان کی حتی قیمت $\sigma\gg j\omega$ و تاہے لہذا m=1

$$Z_c = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}} = \approx \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma}} = (1+j)\sqrt{\frac{\omega\mu}{2\sigma}}$$

ہو گاجس سے

$$Z_{c,h} = \sqrt{\frac{\omega\mu}{2\sigma}}$$

حاصل ہو تاہے۔ یوں مساوات 13.204 کو

(13.206)
$$-\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}x} = \frac{Z_{c,h}}{2} \int |H_m|^2 \, \mathrm{d}l$$

لکھا جا سکتا ہے۔

موتج میں کسی بھی نقطے پر لمبائی کے جانب منتقل طاقت کو

(13.207)
$$P = \frac{Z_{yz,h}}{1} \int \int |H_{\perp}|^2 \, \mathrm{d}S$$

ککھاجا سکتا ہے جہاں H_{\perp} مراد وہ میدان ہے جو موج کے حرکت کے عمود ی ہے۔اس میدان کو موج کے سطح عمود ی تراش کے متوازی بھی ککھاجا سکتا ہے۔اس مساوات میں Z_{yz} موج کا قدرتی رکاوٹ ہے جس کے حقیقی جزو کو $Z_{yz,h}$ ککھا گیا ہے۔اس طرح تضعیفی مستقل کو

(13.208)
$$\alpha = \frac{Z_{c,h} \int |H_m|^2 dl}{2Z_{vz,h} \int \int |H_{\perp}|^2 dS} \qquad (Np/m)$$

کھھا جيا سکتيا ہے۔

مساوات 13.208 تمام موج کے تمام بلندانداز کے لئے درست ہے۔ کسی بھی بلندانداز کا تضعیفی مستقل حاصل کرتے وقت اسی بلندانداز کے میدان مساوات 13.208 13.208 میں پر کئے جائیں گے۔ بہتر موصل سے بنے موج کی صورت میں کامل موصل کے لئے حاصل کردہ میدان ہی استعال کئے جاتے ہیں۔ مساوات 13.208 کا استعال مندرجہ ذیل مثال میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 13.2: دومتوازی چادروں کے موج کو صفحہ 448پر شکل 13.1 میں د کھایا گیا ہے۔اس موج کم میں TEM موج کا تضعیفی مستقل حاصل کریں۔ چادہوں کے در میان فاصلہ 20 سے۔

حل: مساوات 13.208 سے

$$\alpha = \frac{2Z_{c,h} \int_0^{y_1} |H_m|^2 \, \mathrm{d}y}{2Z_{yz,h} \int_0^{y_1} \int_0^{z_1} |H_{\perp}|^2 \, \mathrm{d}z \, \mathrm{d}y}$$

کھاجائے گا جہاں کسر کے بالا نی جھے میں دونوں اطراف کے چادروں میں طاقت کے ضیاع کی وجہ سے ضرب دو کھھا گیا ہے۔اس موتے میں کو تک میدان H_m موج کے میدان جو پادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہے۔ یوں مقناطیسی میدان H_a ہے جو چادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہے۔ یوں مقناطیسی میدان H_a ہو پادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہے۔ یوں مقناطیسی میدان ہو ہے ہو پادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہے۔ یوں مقناطیسی میدان ہے جو پادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہے۔ یوں مقناطیسی میدان ہے میں میدان ہو کہ ہو پادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہو ہے۔ یوں مقناطیسی میدان ہو کہ ہو پادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود دی ہو کہ ہ

$$\alpha = \frac{Z_{c,h}y_1}{Z_{yz,h}y_1z_1} = \frac{Z_{c,h}}{z_1Z_{yz,h}}$$

ہو گا۔ تانبے میں 450 MHzپر

$$Z_c = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

$$= \sqrt{\frac{j2 \times \pi \times 450 \times 10^6 \times 4 \times \pi \times 10^{-7}}{5.8 \times 10^7 + j2 \times \pi \times 450 \times 10^6 \times 8.854 \times 10^{-12}}}$$

$$= 0.0055 + j0.0055$$

ہوگا۔ یوں ایک کلومیٹر فاصلہ طے کرنے پر میدان کی قیت ابتدائی قیت کے $e^{-0.073}=0.9296$ بعنی $e^{-0.073}=0.9296$ فی صد ہوگا۔

4574

4573

4575

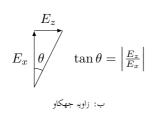
حل: ذوبرق اور تانبے کے قدر تی رکاوٹ بالترتیب

$$Z_z = \frac{\mu_0}{2.7\epsilon_0} = 227 \,\Omega$$

$$Z_c = \sqrt{\frac{j2 \times \pi \times 600 \times 10^6 \times 4 \times \pi \times 10^{-7}}{5.8 \times 10^7 + j2 \times \pi \times 600 \times 10^6 \times 8.854 \times 10^{-12}}} = 0.00639(1+j) \,\Omega$$

ہیں۔ برقی میدان تانبے کے عمودی ہو گالہذا تانبے کے متوازی مقناطیسی میدان کی موثر قیمت

$$H_{\dot{r},r} = \frac{E_{\dot{r},r}}{Z_z} = \frac{0.2}{227} = 0.881 \frac{\text{mA}}{\text{m}}$$





الف: غير كامل موصل اور ذو برق كي سرحد

شکل 13.16: دو خطوں کے سرحد پر امواج۔

ہو گی۔موت کار قبہ عمودی تراش $S=2~\mathrm{cm} \times 1~\mathrm{mm}$ ہو گی۔موت کار قبہ عمودی تراش

$$P_{\dot{U}} = \frac{E^2}{2Z_z} S = \frac{E_{\dot{Z}}}{Z_z} S = \frac{0.2^2}{227} \times 0.02 \times 0.001 = 3.49 \,\mathrm{nW}$$

ہو گا جبکہ تانبے کی پٹی اور تانبے کی چادر میں پٹی کے برابر ھے میں مل کر کل طاقت کاضیاع

$$P_{\text{Cij}} = 2\frac{Z_{c,h}H^2}{2}S = 2Z_{c,h}H_{\text{cij}}^2S = 2\times0.00639\times\left(0.881\times10^{-3}\right)^2\times0.02\times0.001 = 0.195\frac{\text{nW}}{\text{m}}$$

ہو گا۔اس طرح تضعیفی مستقل

$$\alpha = \frac{0.195 \times 10^{-9}}{3.49 \times 10^{-9}} = 55 \, \frac{mNp}{m} \qquad \left(0.48 \, \frac{dB}{m}\right)$$

عاصل ہوتاہے۔

13.8 سطحی موج

غیر کامل موصل اور ذو برق کی سطح شکل 13.16-الف میں x=0 پر دکھائی گئی ہے۔ سطح کے نیچے (x<0) غیر کامل موصل جبکہ اس کے اوپر x=0 الف میں x=0 موج x=0 معت میں حرکت کرر ہی ہے۔ آئیں اس مسئلے کو حل کریں۔ x=0 کو میں تھے ساتھ ساتھ TEM موج x=0 میں حرکت کرر ہی ہے۔ آئیں اس مسئلے کو حل کریں۔

اس مسئلے کو حل کرتے ہوئے تصور کیا جائے گا کہ موج میں y کے تبدیلی سے کوئی تبدیلی رونمانہیں ہوتی۔ یوں $\frac{\partial}{\partial y}=0$ ہوگا۔ چونکہ موج z سمت حرکت کر رہی ہے لہٰذاتمام میدان

$$(13.209) H = H_0 e^{j\omega t - \gamma z}$$

13.8. سطحي موج

خاصیت رکتے ہیں۔ان حقائق کو استعال کرتے ہوئے، سطح سے اوپر ذوبرق میں مساوات 13.16 تامساوات 13.23 مندر جہ ذیل صورت اختیار کر لیتے ہیں

$$\gamma_1 E_y + j\omega \mu_1 H_x = 0$$

$$(13.211) -\gamma_1 E_x - \frac{\partial E_z}{\partial x} + j\omega \mu_1 H_y = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial x} + j\omega \mu_1 H_z = 0$$

$$\gamma_1 H_y - j\omega \epsilon_1 E_x = 0$$

$$-\gamma_1 H_x - \frac{\partial H_z}{\partial x} - j\omega \epsilon_1 E_y = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial x} - j\omega \epsilon_1 E_z = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} - \gamma_1 E_z = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial x} - \gamma_1 H_z = 0$$

 Z_z جہال زیر نوشت میں 1سر حدسے اوپر ذوبر 0 کے خطے کو ظاہر کرتا ہے۔ مساوات 13.213 سے ذوبر 0 کی قدر تی رکاوٹ

$$\frac{E_x}{H_y} = \frac{\gamma_1}{j\omega\epsilon_1} = Z_z$$

ککھی جاسکتی ہے۔ موج کی مقداری مساوات حاصل کرنے کی خاطر مساوات 13.213 سے E_x اور مساوات 13.215 سے E_z کو مساوات 13.211 میں پر کرتے ہوئے

$$-\frac{\gamma_1^2}{j\omega\epsilon_1}H_y - \frac{1}{j\omega\epsilon_1}\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + j\omega\mu_1 H_y = 0$$

لعيني

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + \left(\gamma_1^2 + \omega^2 \mu_1 \epsilon_1\right) H_y = 0$$

یا

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} = k_1^2 H_y$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$k_1^2 = -\left(\gamma_1^2 + \omega^2 \mu_1 \epsilon_1\right)$$

کے برابرہے۔مساوات 13.212 کاحل

$$H_y = c_1 e^{-k_1 x} + c_2 e^{k_1 x}$$

ہوتی ہیں x کی قیت 0تا ∞ ممکن ہے۔اس مساوات میں سر حدسے دور لا محدود فاصلے $\infty \to x$ پر میدان کی قیت لا محدود حاصل ہوتی ہے جو نا قابل قبول متحجہ ہے لیذا اسے رد کرتے ہوئے $c_2=0$ لیا جاتا ہے۔اور یوں

(13.221)
$$H_y = c_1 e^{-k_1 x} e^{j\omega t - \gamma_1 z}$$
 وو برق خطہ

حاصل ہوتاہے جہاں موج کو مساوات 13.209 کے طرز پر لکھا گیاہے۔

موصل خطے کے لئے میکس ویل کے مساوات مندر جہ ذیل ہیں۔

$$\gamma_2 E_y + j\omega \mu_2 H_x = 0$$

$$(13.223) -\gamma_2 E_x - \frac{\partial E_z}{\partial x} + j\omega \mu_2 H_y = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial r} + j\omega \mu_2 H_z = 0$$

$$\gamma_2 H_y - (\sigma_2 + j\omega \epsilon_2) E_x = 0$$

$$(13.226) -\gamma_2 H_x - \frac{\partial H_z}{\partial x} - (\sigma_2 + j\omega \epsilon_2) E_y = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial r} - (\sigma_2 + j\omega\epsilon_2) E_z = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} - \gamma_2 E_z = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial x} - \gamma_2 H_z = 0$$

موج کی مقداری مساوات حاصل کرنے کی خاطر مساوات 13.225 سے E_x اور مساوات 13.227 سے E_z ومساوات 13.223 میں پر کرتے ہوئے

$$-\frac{\gamma_2^2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}H_y - \frac{1}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + j\omega\mu_2 H_y = 0$$

لعيني

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + \left[\gamma_2^2 - j\omega \mu_2 \left(\sigma_2 + j\omega \epsilon_2 \right) \right] H_y = 0$$

یا

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} = k_2^2 H_y$$

حاصل ہوتاہے جہاں

کے برابر ہیں۔

$$(13.231) k_2^2 = -\gamma_2^2 + \gamma_m^2$$

4585

$$\gamma_m^2 = j\omega\mu_2 \left(\sigma_2 + j\omega\epsilon_2\right)$$

Tm 54,2(2+54.2)

ر جا

مساوات 13.230 كاحل

$$H_{V} = c_3 e^{-k_2 x} + c_4 e^{k_2 x}$$

ہے۔موصل میں x کی قیمت 0تا ∞ – ممکن ہے۔اس مساوات میں سر حدسے دور لا محدود فاصلے ∞ \to x پر میدان کی قیمت لا محدود حاصل ہوتی ہے جو نا قابل قبول نتیجہ ہے لہٰذااسے رد کرتے ہوئے $c_3=0$ لیاجاتا ہے اور یوں

(13.233)
$$H_{y} = c_{4}e^{k_{2}x}e^{j\omega t - \gamma_{2}z} \qquad \text{and } c_{4}e^{i\omega t}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں موج کو مساوات 13,209 کے طرز پر ککھا گیا ہے۔

مقناطیسی سر حدی شرط کے تحت سر حد کے دونوں اطراف تمام او قات متوازی مقناطیسی میدان برابر ہوں گے للنداہ x=0پر کسی بھی xپر تمام xکے لئے مساوات 13.221 اور مساوات 13.233 برابر ہوں گے جس سے

$$\gamma_1 = \gamma_2$$

$$(13.235) c_1 = c_4 = H_{y0}$$

13.8. سطحي موج

حاصل ہوتے ہیں جہاں مستقل c_1 اور مستقل c_4 کو c_4 کھا گیا ہے۔ان حقائق کو استعال کرتے ہوئے ذو برق میں مساوات E_x اور مساوات E_z اور مساوات 13.213 ہے۔13.215 ہے۔13.215

$$E_x=rac{\gamma_1 H_{y0}}{j\omega\epsilon_1}e^{-k_1x}e^{j\omega t-\gamma_1z}$$
 (13.236)
$$E_z=rac{-k_1 H_{y0}}{j\omega\epsilon_1}e^{-k_1x}e^{j\omega t-\gamma_1z}$$
 و برق خط

اسی طرح ان حقا کُق کواستعال کرتے ہوئے موصل میں مساوات E_x 13.225 سے E_z اور مساوات 13.227 سے E_z یوں حاصل ہوتے ہیں۔

$$E_{x} = \frac{\gamma_{1}H_{y0}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}e^{k_{2}x}e^{j\omega t - \gamma_{1}z}$$

$$E_{z} = \frac{k_{2}H_{y0}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}e^{k_{2}x}e^{j\omega t - \gamma_{1}z}$$

$$\epsilon_{z} = \frac{k_{2}H_{y0}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}e^{k_{2}x}e^{j\omega t - \gamma_{1}z}$$

عاصل ہوتے ہیں جہاں $c_4=c_1=H_{y0}$ اور $\gamma_2=\gamma_2$ کئے گئے ہیں۔

لعني

$$k_1 = \frac{-j\omega\epsilon_1}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}k_2$$

حاصل ہوتاہے۔مساوات13.220سے

$$\begin{split} \gamma_1^2 &= -\omega^2 \mu_1 \epsilon_1 - k_1^2 \\ &= -\omega^2 \mu_1 \epsilon_1 + \left(\frac{\omega \epsilon_1}{\sigma_2 + j\omega \epsilon_2}\right)^2 k_2^2 \\ &= -\omega^2 \mu_1 \epsilon_1 + \left(\frac{\omega \epsilon_1}{\sigma_2 + j\omega \epsilon_2}\right)^2 \left(-\gamma_2^2 + \gamma_m^2\right) \end{split}$$

کھاجا سکتا ہے جہاں پہلے قدم پر مساوات 13.238 اور دوسرے قدم پر مساوات 13.231 کا استعال کیا گیا ہے۔ اس میں مساوات 13.234 سے $\gamma_2=\gamma_1$ پر کرتے ہوئے

$$\gamma_{1} = \sqrt{\frac{-\omega^{2}\mu_{1}\epsilon_{1} + \left(\frac{\omega\epsilon_{1}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}\right)^{2}\gamma_{m}^{2}}{1 + \left(\frac{\omega\epsilon_{1}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}\right)^{2}}}$$

عاصل ہوتاہے۔

مساوات 13.236 میں E_x سرحد کے عمود ی ہے جبکہ E_z سرحد کے متوازی ہے۔ کل برقی میدان ان دونوں کا سمتی مجموعہ ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کل میدان حرکت کی سمت میں جھکا ہو گا۔ شکل 13.16-ب میں ایساد کھایا گیا ہے۔ جھنے کا زاویہ

$$\theta = \tan^{-1} \frac{|E_z|}{|E_x|} = \tan^{-1} \left| \frac{-k_1}{\gamma_1} \right|$$

490

بو گا_

آئیں چند مخصوص سر حدوں پر موج کے جھکاو کا زاویہ حاصل کریں۔

ہوئے ہوئے موج کی بات کرتے ہوئے $\omega=100\,\mathrm{Mrad/s}$ ہوااور تانبے کے سر حدیر

$$\epsilon_1 = \epsilon_2 = \epsilon_0$$

$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$$

$$\sigma_2 = 5.8 \times 10^7$$

 $\gamma_1 = \gamma_2 = j0.33356$ $k_1 = 0.9215(1 - j) \times 10^{-6}$ $k_2 = 6.038(1 - j) \times 10^4$

حاصل ہوتے ہیں جن سے

 $\theta = \tan^{-1} \left| \frac{0.9215(1-j) \times 10^{-6}}{j0.33356} \right| = 0.00022385^{\circ}$

زاویہ حاصل ہوتا ہے۔اس نتیجے سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ موصل کے سرحد پر برقی میدان تقریباً عمودی ہی ہوتا ہے۔ برقی میدان کا عمودی یعنی E_x حصہ حمدہ ہوں کی سمت میں طاقت منتقل کرتا ہے جو ضائع ہو جاتا ہے۔ E_z حصہ موصل میں طاقت منتقل کرتا ہے جو ضائع ہو جاتا ہے۔

$$\epsilon_1 = \epsilon_0$$

$$\epsilon_2 = 78\epsilon_0$$

$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$$

$$\sigma_2 = 0$$

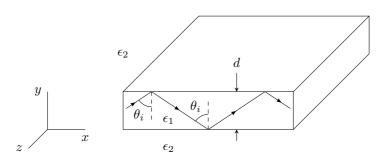
 $\gamma_1 = \gamma_2 = j0.33144$ $k_1 = j0.037528$ $k_2 = 2.9272$

حاصل ہوتے ہیں جو

$$\theta = \tan^{-1} \left| \frac{j0.037528}{j0.33144} \right| = 6.46^{\circ}$$

زاویہ دیتا ہے۔ ہوااور پانی کے سرحدیر برقی میدان کی جھاو باآسانی نائی جاسکتی ہے۔

13.9. ذو برق تختى مويج



شکل 13.17: ذو برق تختی مویج میں اندرونی مکمل انعکاس سے موج صفر کرتی ہے۔

13.9 ذو برق تختى مويج

اب تک ہم موصل چادروں سے بنائے گئے موتج پر غور کرتے رہے ہیں۔اس جے میں ذوبرق سے بنائے گئے موتج پر غور کیاجائے گا۔ شکل 13.17 میں الموٹل کی جاتی ہے۔ ہم شختے میں پیدا کر دہ موج کی حرکت پر غور کہ یں لامحدود وسعت کے ذوبرق کا تختہ دکھایا گیا ہے۔اس شختے میں بائیں طرف سے TEM موج داخلی کی جاتی ہے۔ ہم شختے میں پیدا کر دہ موج کی حرکت پر غور کہ یں اس کے ۔یہ موج شختے میں بائیں سے دائیں یعنی بڑھتے ہر جانب حرکت کرے گی۔جب تک ذوبرق کے نیلے اور بالائی سطحوں پر آمدی زاویہ کی قیمت فاصل زاویہ سے زیادہ ہو، موج معمل اندرونی انعکاس کرے گی۔ ایسامعلوم ہوتا ہے جیسے دو متوازی موصل چادہوں نے در میان موج انعکاس کر رہی ہے۔ حقیقت میں موصل چادروں کی صورت میں چادر پر متوازی برقی میدان صفر ہو گا جبکہ ذو برق میں مکمل اندرونی انعکاس کی صورت میں بار بارانعکاس کی صورت میں جارہ جانا ہے۔یوں میدان ذھ پر قلم سے دور جلد قابل نظر انداز حد تک گھٹ جاتا ہے۔یوں میدان ذھ پر قلم سے دور جلد قابل نظر انداز حد تک گھٹ جاتا ہے۔یوں میدان ذھ پر قلم سے دور جلد قابل نظر انداز حد تک گھٹ جاتا ہے۔یوں میدان ذھ پر قلم سے دور جلد قابل نظر انداز حد تک گھٹ جاتا ہے۔یوں میدان دھ پر قلم سے دور جلد قابل نظر انداز حد تک گھٹ جاتا ہے۔یوں میدان دھ کے انتہائی قریب ہی رہتا ہے۔

ا گرچہ ایسامعلوم ہوتاہے کہ جب تک آمدی زاویہ ، فاصل زاویے سے زیادہ ہو ، موج ذوبرق میں صفر کرپائے گی ، حقیقت میں ایسانہیں ہوتا۔ موج مخصوص زاویوں پر ہی صفر کرپاتی ہے۔ آئیں اس کی وجہ پر غور کریں۔ شکل کود کھتے ہوئے ، دو MT امواج پر نظرر کھیں جن کی تعدد برابر ہے۔ دونوں فاصل زاویے سے زیادہ زاویے پر آمد ہیں یعنی عن کے جو کے دیوں پر آمد ہیں یعنی کے اسلام کی جب کے بیوں

(13.241)
$$\theta_i > \theta_{ic} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}} = \sin^{-1} \frac{n_2}{n_1}$$

يو گا چهال ₄₆₀₂

اع اور $\epsilon_1>\epsilon$

 ϵ_{0} ذو برق شخة کابر قی مشقل، ϵ_{1}

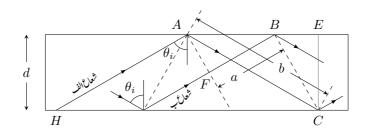
 $arepsilon_{arepsilon}$ وربرق شختے کے اوپراور نیچے خطوں کا برقی مشتقل ϵ_2

606 **-**∪<u>!</u>?

شکل 13.18 میں شعاعوں کو ٹھوس کیبر جبکہ موج کی چوٹیوں کو نقطہ دار کئیبر وں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ موج کی ترسیل کے لئے ضروری شرط یہ ہے کہ پہلی موج کازاویائی فاصلہ 2 دوسری موج کے زاویائی فاصلے ناپتے وقت انعکاس کازاویائی فاصلہ 2 دوسری موج کے زاویائی فاصلے ناپتے وقت انعکاس سے پیدازاویائی فرق کا بھی حساب رکھا جائے گا۔ اس شرط کو یوں ککھا جا سکتا ہے

$$\frac{2\pi}{\lambda_0}n_1(b-a)+\phi=2m\pi$$

جہاں



شکل 13.18: ذو برق تختر کر اندرونی سطح پر ممکنه آمدی زاویر.

$$m=0,1,2,\cdots$$
 $m=0,1,2,\cdots$ $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ ورقم متعقل $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ $n_1=\sqrt{\epsilon_$

ہیں۔شکل 13.18 کودیکھ کر

$$(13.243) b = \frac{d}{\cos \theta_i}$$

کھاجا سکتاہے۔اس طرح تکون ΔAEC ، تکون ΔBEC اور تکون ΔAFB سے بالترتیب

$$AB + BE = d \tan \theta_i$$
$$\tan \theta_i = \frac{d}{BE}$$
$$\sin \theta_i = \frac{a}{AB}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔ بول مساوات 13.242 کو

$$\frac{2\pi n_1 d}{\lambda_0} \left[\frac{1}{\cos\theta_i} - \sin\theta_i \left(\tan\theta_i - \frac{1}{\tan\theta_i} \right) \right] + \phi = 2m\pi$$

لکھا جاسکتاہے جس کی سادہ صورت

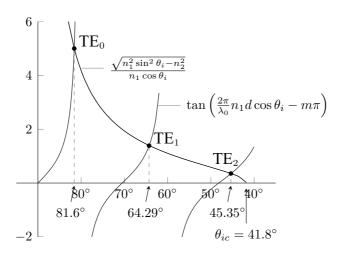
$$\frac{4\pi n_1 d\cos\theta_i}{\lambda_0} + \phi = 2m\pi$$

ہے۔ عمود ی برقی میدان E_{\perp} کو لے کر آگے بڑھتے ہیں۔ صفحہ 433 پر مساوات 12.30 کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے

$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos\theta_i - j\sqrt{\sin^2\theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}}{\cos\theta_i + j\sqrt{\sin^2\theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}} = 1/\phi$$

جہاں

(13.247)
$$\phi = -2 \tan^{-1} \frac{\sqrt{\sin^2 \theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}}{\cos \theta_i}$$



شکل 13.19: تختی مویج میں شعاع کے ممکن زاویے۔

کے برابر ہے۔

اس طرح شرح انعکاس ۲ کی حتی قیمت اکائی ہے جبکہ انعکاس سے پیدازاویائی فرق ϕ ہے۔ مساوات 13.246 کو مساوات 13.245 میں پر کرتے ہوئے

$$\frac{4\pi n_1 d\cos\theta_i}{\lambda_0} - 2m\pi = 2\tan^{-1}\frac{\sqrt{\sin^2\theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon - 1}}}{\cos\theta_i}$$

(13.249) $\tan\left(\frac{2\pi n_1 d\cos\theta_i}{\lambda_0} - m\pi\right) = \frac{\sqrt{n_1^2\sin^2\theta_i - n_2^2}}{n_1\cos\theta_i}$

4619

حاصل ہوتاہے جہال

 $m = 0, 1, 2, 3, \cdots$ جبکہ

 $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ يبلې خطے کاانحرافی مستقل $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ بيبلې خطے کاانحرافی مستقل $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$

 $n_2=\sqrt{arepsilon_{R2}}=1$ ذو برق تنختے سے اوپر اور اس سے نیچے خطے کاانحرافی مستقل $n_2=\sqrt{arepsilon_{R2}}=1$

 d_{617} ذو برق تنختے کی موٹائی، d

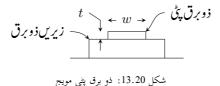
آمدی زاویی اور $heta_i$

ا محد ود خطے میں طول موج λ_0

4620 — U.S

چادر کی چوڑائی کم کرتے ہوئے w کرنے سے ذوبر قی پٹی مو تج حاصل ہوتا ہے جسے شکل 13.20 میں دکھایا گیا ہے جہاں $w \gg t = -$ ذوبر ق پٹی سے کم انھوا فی مستقل کے زیریں ذوبر قی 20پر عموماً یہ نسب کئے جاتے ہیں۔

یا



4623

مثال 1.3.4: زوبرق کے mm 10 موٹی تختے کو بطور موتح استعال کیا جارہے ہے۔ اس تختے کا انحرافی مستقل 1.5 ہے جبکہ تختے ہے اوپر اور نیچے پخطے کا انحرافی مستقل 1 ھے 1.5 ہیں میدان تختے کے متوازی ہے یعنی شکل 13.17 میں x سمت کو ہے۔ طول موج کی صورت میں آمدی نیاویہ $\lambda_0 = 10 \, \mathrm{mm}$ کی صورت میں آمدی نیاویہ θ_0 حاصل کریں۔

حل: برقی میدان تختے کے متوازی لیکن موج کے حرکت کی سمت کے عمودی ہے۔مساوات 13.241سے زاویہ فاصل

(13.250)
$$\theta_{ic} = \sin^{-1} \frac{1}{1.5} = 41.8^{\circ}$$

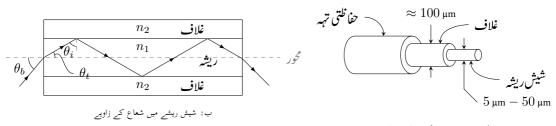
واصل ہوتا ہے۔ زاویے کو θ_{ic} کے باکس اور داکس ہوتا ہے۔ زاویے کو باکس ہوتا ہے۔ زاویے کو باکس اور داکس ہوتا ہے۔ زاویے کو باکس اور داکس ہوتا ہے۔ زاویے کو بالاور تارہ کی ہوگئے، مساوات 13.249 موائی کم یانہ یادہ اور 81.6° مال ہوتے ہیں۔ بیز زاویے TE_1 ، TE_0 اور TE_1 موائی کم یانہ یادہ کی موج میں بالے جا سکتے ہیں۔ تیخے کی موٹائی کم یانہ یادہ کرنے سے امواج کی تعداد کم (زیادہ) ہوگی۔ ہاں کسی بھی صورہ سے کم کرنے سے امام میں ہوگی۔ ہوگے ہوئے بھی کوئی نہ کوئی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_1 کی المذا تعدد کم کرتے کرتے صفر تک پہنچتے ہوئے بھی کوئی نہ کوئی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_1 کی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_2 کی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_3 کی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_4 کی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_4 کی موج ضرور ممکن ہوگی۔ TE_4 کی موج ضرور ممکن ہوگی۔

13.10 شیش ریشہ

شکل 13.21-الف میں شیش ریشے کی ساخت دکھائی گئی ہے۔اندرونی شفاف ریشے کاانحرافی مستقل n_1 جبکہ غلاف کاانحرافی مستقل n_2 ہے۔ارد گرد خلاء کاانحرافی مستقل n_3 21-الف میں شیش ریشے کی ساخت دکھایا گیا ہے، بیرون تار محور کے ساتھ ط6زاویے پر آمدی شعاع تار کے اندر θ زاویے پر داخل ہوگا۔ یوں شفاف ریشے اور غلاف کی سرحد پر شعاع کازاویہ ہی 6ہوگا۔ بیرونی زاویوں کا تعلق ابن سھل کا قانون

$$\frac{\sin \theta_t}{\sin \theta_b} = \frac{n_0}{n_1}$$

optical fiber²¹ infrared²² 13.10. شيش ريشہ



الف: شیش ریشے کی بنیادی ساخت

شکل 13.21: شیش ریشے کی ساخت اور ممکنہ آمدی زاویے

دیتاہے۔جب تک مرکزی ریشے اور غلاف کے سر حدیر آمدی زاویہ ، θ_i ، فاصل زاویے ، θ_{ic} سے زیادہ ہو ، شعاع مکمل اندر ونی انعکاس کرے گی۔ شیش ریشے اور غلاف کی سر حدیر قانون ابن سھل

$$\sin \theta_{ic} = \frac{n_2}{n_1}$$

سے فاصل زاویہ $heta_{ic}$ حاصل ہوتا ہے۔ یوں

$$\sin \theta_b = \frac{n_1}{n_0} \sin \theta_t = \frac{n_1}{n_0} \sin(90^\circ - \theta_{ic}) = \frac{n_1}{n_0} \cos \theta_{ic}$$

یا

(13.253)
$$\sin \theta_b = \frac{\sqrt{n_1^2 - n_2^2}}{n_0}$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

ہیر ون تار ، محور کے ساتھ آمدی زاوبیہ ، $heta_b$

 n_1 شيش ريشے كاانحرافی مستقل، n_2

n₂ شیش ریشے پر چڑھائی تہہ کاانح افی مستقل اور n

 n_0 تارکے گرد خطے کاانح افی مستقل n_0

ہیں۔خالی خلاء یا ہوا کی صورت میں $n_0=n_0$ ہو گالہذا

$$\sin \theta_b = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$

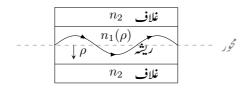
4644 - 4644

شیش ریشے اور غلاف کے انحرافی مستقل تقریباً $n_1=1$ اور $n_2=1$ ہوتے ہیں جس سے $n_2=1$ ماصل ہوتا ہے۔ یوں جو شعاع شیش ریشے کے محور پر $n_2=1$ انحرافی مستقل تقریباً میں کھینس جائے گی۔ یہ شعاع شیش ریشے میں بار بار مکمل اندرونی انعکاس کرتے ہوئے صفر کرے گی۔ شیش ریشے میں کئی بلند انداز شعاع ممکن ہیں اور شختی موج کی طرح یہاں بھی ایک عدد بلند درجی انداز ایسا ہے جس کا کوئی انقطاعی تعدد نہیں پایا جاتا۔ یوں اگر

$$\lambda_0 > \frac{2\pi a \sqrt{n_1^2 - n_2^2}}{k_{01}} = \frac{2\pi a n_1 \cos \theta_{ic}}{k_{01}}$$

ہو جہاں

باب 13. مويج اور گهمكيا



شکل 13.22: رداسی سمت ho میں انحرافی مستقل مسلسل کم ہونے سے موج ہمواری کے ساتھ مڑتی ہے۔

 k_{01} مفر در جی بیسل تفاعل J_0 کا پہلا صفر J_0 کا پہلا صفر J_0 کا پہلا صفر کا ہوج J_0 کا محدود خلاء میں طول موج J_0 کا محدود خلاء میں محدود خلاء

کے برابر ہیں تب صرف ایک عدد بلند در جی موج شیش ریشے میں پائی جائے گی۔اس صورت میں شیش ریشہ اکائی بلند در جی اندازر کھتی ہے۔

ا گرشفاف ریشے کاانحرافی مستقل محور سے رداسی م سمت گھٹتا ہوتب شعاع کی راہ سر حدیر انعکاس سے اچانک تبدیل ہونے کی بجائے ہمواری کے ساتھ ممڑے کے ۔ گی۔ یوں شعاع کبھی بھی ریشے اور غلاف کے سر حد کو نہیں چھوئے گی۔شکل 13.21-باور شکل 13.22 میں دونوں صورت حال دکھائے ہیں۔

شیش ریشے پر مبنی ذرائع ابلاغ کا نظام شکل میں دکھایا گیا ہے۔ایک جانب نور<mark>ی ڈالو ڈ²³ یالیز ر</mark>²⁴ برقی اشارے کو شعاع میں تبدیل کرتے ہوئے شیش ریشے میں خارج کرتا ہے۔دوسری جانب یہی شعاع شیش ریشے سے خارج ہو کر نوری ٹرانز سٹر پر چکتی ہے جواسے واپس برقی اشارے میں تبدیل کرتا ہے۔

عمو می شیش ریشے میں کم سے کم تضعیف nm 700 nmm 700 ریریں بھری طول موج پر پائی جاتی ہے۔انسانی آنکھ nm 400 nm طول موج ویکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔

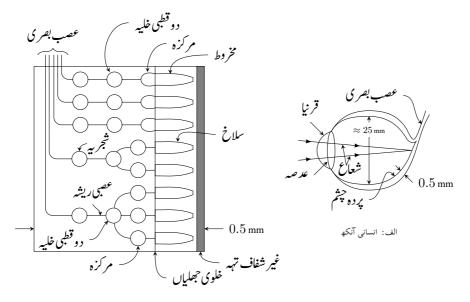
شیش ریشے سے 50 سے 50 قطر کے بائے جاتے ہیں جو کئی زیریں بھری طول موج کے برابر ہے للذااس سے شعاعی اخراج نہایت کم ہوتا ہے۔ قطر کم کھنے یاطول موج بڑھانے سے شعاعی اخراج بڑھتا ہے۔ ایسے شیش ریشے جن کا انحرافی مستقل 1.5 کے لگ بھگ ہواور ان کا قطر اکائی طول موج سے زیادہ ہو بطور میں و ت کر اراد اداکرتے ہیں جبکہ اکائی طول موج سے کم قطر کے شیش ریشوں میں توانائی ہیرون ریشہ سطے کے قریب رہتے ہوئے صفر کرتی ہے للذاان سے زیادہ شعاعی اخراج ہو تھا گی اخراج میں ہوتا ہے۔ یوں اگر اکائی طول موج سے نے ادہ قطر کے شیش ریشے کے اندر سے ہاہر ہو تھا ہوگی ہوتا ہوگی اور ساتھ ہی ساتھ محوری سمت میں شعاعی اخراج بھی پایا جائے گا۔ ایساشیش ریشہ بطور محوری اینشین 2 کردار اداکرے گا۔

light emitting diode, LED²³

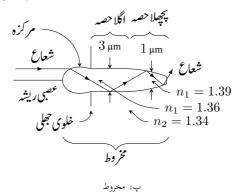
laser²⁴

end-fire antenna²⁵

13.11. پرده بصارت



ب: آنکھ کا پردہ



شكل 13.23: انساني آنكه اور اس كي تفصيل

13.11 پرده بصارت

انسانی آنکھ میں 108سے زائد شیش ریشے پائے جاتے ہیں جو ناصر ف بطور موج گام کرتے ہیں بلکہ یہ ضیائی ذرمے یعنی فونان 26 کیڑنے کاکام بھی سرانجام دیتے ہیں۔ آنکھ میں دواقسام کے شیش ریشے پائے جاتے ہیں۔ آنکھ کے در میانے خطے میں مخر وط شکل کے جبکہ اطراف پر نسبتاً یادہ تعداد میں سلاخ نماشیش ریشے پائے جاتے ہیں جنہیں بالترتیب مخر وطے 27 ور سلاخ 28 کہا جاتا ہے۔ تقریباً ہر مخر وط علیحدہ علیحدہ انفرادی ترسلی عصبی ریشے 29 کے ذریعہ دماغ کے ساتھ منسلک ہوتا ہے جہاں تھے ویک خربیں بالترتیب مخروطے جہاں تھے میں سلاخ 28 کہا جاتا ہے۔ تقریباً ہر مخر وط علیحدہ علیحدہ انفرادی ترسلی عصبی ریشے 29 کے ذریعہ دماغ کے ساتھ منسلک ہوتا ہے جہاں تھے ویک کشی کا عمل ہوتا ہے۔ مخروطے جس سلاخ کم مدد کرتے ہیں۔ کپیکن کشی کا عمل ہوتا ہے۔ مخروطے جس بین باریک بنی میں دیکھنا ممکن بناتی ہے۔ دماغ سے جڑی ایک عدد ترسلی تار کے ساتھ متوازی کئی سلاخ جڑے ہوتے ہیں جس سے کم میں شنی میں بینائی مزید بہتر کرتی ہیں۔ میں بینائی مزید بہتر کرتی ہیں۔

شکل 13.23-الف میں آنکھ کاعمودی تراش دکھایا گیاہے جس میں عدسہ چیتم ⁶³بردہ ابصارت ¹³اور دماغ کو جاتا عصب بھری ³²د کھائے گئے ہیں۔ شکل 13،23-13

 $\begin{array}{c} \rm photon^{26} \\ \rm cones^{27} \\ \rm rods^{28} \\ \rm axon^{29} \\ \rm lens^{30} \end{array}$

retina³¹ optic nerve³²

مخر وط یاسلاخ کام کرہ 36بطور عدسہ چیثم کرداراداکر تاہے۔ شعاع مخر وط یاسلاخ میں بار بار مکمل اندرونی انعکاس سے صفر کرتی ہے اور جو فوٹان پیچلے دیلے جے میں جذب نہ ہو پائے وہ پر دے پر غیر شفاف تہہ تک پینچتی ہے۔ انسانی آنکھ میں غیر شفاف تہہ فوٹان جذب کرتی ہے جبکہ رات کی تاریکی میں شکار کرنے والے جانور، مثلاً بلی، کی آنکھ میں غیر شفاف تہہ کی جگہ انعکاسی مادے کی تہہ یائی جاتی ہے جو فوٹان کو واپس مخروط یاسلاخ میں جھیجتی ہے جس سے ان کی بینائی مزید بہتر ہوتی ہے۔

مخروط کے اگلے جصے میں 1.36 ہے۔ جبکہ پچھلے جصے میں 1.39 ہے۔ یوں اگرچہ مخروط میں لمبائی کی جانب انحرافی مستقل تبدیل ہوتا ہے لیکن یاد رہے کہ اس کی قیمت بیر ونی مادے کی انحرافی مستقل سے زیادہ رہتی ہے۔

مخروط یاسلاخ کے پچھلے جسے کے مالیکیول ضیائی ذرہ پکڑتے ہیں۔ فوٹان پکڑنے سے برقی روپیدا ہوتی ہے جود و قطبی خلیے تک پنچنی ہے۔ دو قطبی خلیہ مختصر دورانیے کی موج پیدا کرتی ہے جوعصب بصری کے ذریعہ دماغ تک اشارہ پہنچاتی ہے۔ یوں مخروط پاسلاخ محوری اینٹینا کی طرح ہیں البتہ ان میں Hz تعدد کے فیشان پکڑنے اوراس کے عوض مختصر دورانے کاعددی اشارہ پیدا کرنے کی صلاحت بھی پائی جاتی ہے۔

موتی کا مقصد طاقت کی منتقل ہے۔ اس کے برعکس گھمکیا طاقت ذخیرہ کرتا ہے۔ گھمکیا کو امالہ اور کیبیٹر کے گھمکی دور 37 کی طرح تصور کیا جاسکتا ہے۔ شکل 13،024 الف میں امالہ اور کیبیٹر کا دور د کھایا گیا ہے جس کی گھمکی تعدد و سے۔ اس دور کے گھمکی تعدد کو بڑھانے کی خاطر امالہ اور کیبیٹر کی قیمت کم کرنی ہو الف میں امالہ کے چکر کم کرتے کرتے ایک تک پہنچ گئے ہیں۔ اس طرح کیبیٹر کی قیمت کم کرنے کی خاطر اس کے چادروں کے در میان فاصلہ بڑھایا گیا ہے۔ متوازی و شکل ۔ بیٹن امالہ کم ہوتی ہے۔ شکل ۔ پیش مزید امالہ متوازی جوڑ کر یہی کرنے کی کو شش کی گئی ہے۔ شکل ۔ پیش امالہ کم ہوتی ہے۔ شکل ۔ پیش مزید امالہ متوازی جوڑ کر یہی کرنے کی کو شش کی گئی ہے۔ شکل ۔ پیش دور کے عالم اللہ ہوتی ہے جے شکل 13.25 میں دکھا یا گیا ہے۔ یہی بند ڈبی گھمکی خلاء 88 کہلاتی ہے۔

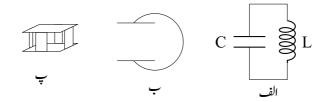
 $\gamma=jeta$ تیں مستطیلی گھم کی خلاء پر تفصیلی بحث کریں۔ صفحہ 461 پر مساوات 13.78 تامساوات 13.83 مستطیلی موتئے میں تمام میدان دیتے ہیں۔ان میں ا

bipolar cells³³ nerve cells³⁴

dendrite³⁵

resonant circuit³⁷ cavity resonator³⁸

13.12. گهمکی خلاء



شكل 13.24: ساده اماله-كپيسٹر دور سے گھمكيا كا حصول.

پر کرتے ہوئے یہاں دوبارہ بیش کیا گیاہے۔ مثبت x جانب حرکت کرتے میدان مثلاً H_x^+ پر زیر بالا(+) لکھ کر حرکت کی سمت بتلا فی گئی ہے۔

(13.256)
$$H_x^+ = H_{x0} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.257)
$$H_y^+ = \frac{j\beta H_{x0}}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.258)
$$H_z^+ = \frac{j\beta H_{x0}}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.259)
$$E_z^+ = -\frac{j\omega\mu H_{x0}}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \sin\frac{n\pi y}{y_1} \cos\frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.260)
$$E_y^+ = \frac{j\omega\mu H_{x0}}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos\frac{n\pi y}{y_1} \sin\frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

$$(13.261) E_x^+ = 0 TE$$

جہاں مساوات 13.52 کے تحت

$$Z_{yz} = \frac{E_y}{H_z} = -\frac{E_z}{H_y} = \frac{\omega \mu}{\beta}$$

ے۔اگر موتے کو دائیں جانب موصل چاد رہے بند کر دیا جائے تواموائ اس بند سرے پر عمودی آمد ہوں گے۔ برقی میدان E_y^+ بند سرے کی چاد رکے متوازی ہے۔ موصل سطح سے انعکاس کی صورت میں انعکاس مستقل $\Gamma_{\perp}=\Gamma_{\perp}=0$ حاصل ہوتا ہے۔ برقی میدان انعکاس کے بعد منفی x جانب حرکت کرے گا۔انعکاس برقی میدان

(13.263)
$$E_{y}^{-} = -\frac{j\omega\mu H_{x0}}{k^{2}} \frac{m\pi}{z_{1}} \cos\frac{n\pi y}{y_{1}} \sin\frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j(\omega t + \beta x)}$$

ہے۔آ مدی اور انعکاسی میدان مل کرساکن موج

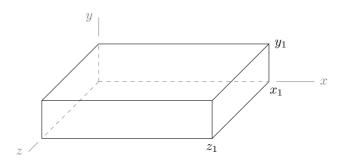
$$E_y^+ + E_y^- = \frac{j\omega\mu H_{x0}}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \left[\cos\frac{n\pi y}{y_1} \sin\frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)} - \cos\frac{n\pi y}{y_1} \sin\frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t + \beta x)} \right]$$
$$= \frac{j\omega\mu H_{x0}}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos\frac{n\pi y}{y_1} \sin\frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t} \left(e^{-j\beta x} - e^{j\beta x} \right)$$

لعيني

(13.264)
$$E_y = 2\frac{\omega\mu H_{x0}}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos\frac{n\pi y}{y_1} \sin\frac{m\pi z}{z_1} \sin\beta x e^{j\omega t}$$

کو جنم دیتے ہیں۔ موصل پر متوازی برقی میدان صفر ہوتا ہے لہذامساوات 13.264کا برقی میدان موتج کے دائیں بند سرے پر صفر کے برابر ہوگا۔ اس طرح بند ہموسے $\frac{\lambda}{2}$ یا $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر موصل چادرر کھنے سے میدان سفر ہوگا جہاں $1,2,\cdots$ والمبالبتہ بند سرے سے $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر موصل چادرر کھنے سے میدان پر کو کی اثر نہیں پڑے گا مالبتہ $\frac{\lambda}{2}$ موتج کے بائیں بند سرے سے انعکاس پذیر ہوگا۔ شکل 13.25 میں مستطیلی موتج کے دائیں اور بائیں سرے بند کرتے ہوئے بقایاموتج کو ہٹا لیا گیا ہے۔ یہ ہند ڈب مستطیلی گھمکیا E_y

rectangular resonator³⁹



شكل 13.25: مستطيلي گهمكيا

ين گھمکيا کا باياں سرا0
$$x=0$$
اور داياں سرا $x=x_1$ ي بين جہال دونوں بند سروں کے در ميان فاصلہ $x=1$ 3.25 ميں گھمکيا کا باياں سرا $x=1$ 13.265) $x_1=\frac{l\lambda}{2}$ $(l=1,2,3,\cdots)$

ہے۔اس مساوات کواستعال کرتے ہوئے

$$\beta x_1 = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{l\lambda}{2} = l\pi$$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$\beta = \frac{l\pi}{x_1}$$

ملتاہے۔اس کواستعال کرتے ہوئے مساوات 13.264

(13.267)
$$E_{y} = 2\frac{\omega\mu H_{x0}}{k^{2}} \frac{m\pi}{z_{1}} \cos\frac{n\pi y}{y_{1}} \sin\frac{m\pi z}{z_{1}} \sin\frac{l\pi x}{x_{1}} e^{j\omega t}$$

کھاجائے گا۔اس مساوات میں گھمکیا کے یہ سمت میں آ دھے طول موج پائے جاتے ہیں، پوسمت میں n آ دھے طول موج پائے جاتے ہیں اور 2 سمت میں m آ دھے طول موج پائے جاتے ہیں۔ گھمکیا میں بقایا میدان مندر جہ ذیل ہیں۔

$$(13.268) E_x = 0 TE_{lnm}$$

(13.269)
$$E_z = -2\frac{\omega\mu H_{x0}}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \sin\frac{n\pi y}{y_1} \cos\frac{m\pi z}{z_1} \sin\frac{l\pi x}{x_1} e^{j\omega t}$$

$$H_z = 2\frac{\beta H_{x0}}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} \sin \frac{l\pi x}{x_1} e^{j\omega t}$$

(13.271)
$$H_{y} = 2\frac{\beta H_{x0}}{k^{2}} \frac{n\pi}{y_{1}} \sin \frac{n\pi y}{y_{1}} \cos \frac{m\pi z}{z_{1}} \sin \frac{l\pi x}{x_{1}} e^{j\omega t}$$

(13.272)
$$H_{x} = -j2H_{x0}\cos\frac{n\pi y}{y_{1}}\cos\frac{m\pi z}{z_{1}}\sin\frac{l\pi x}{x_{1}}e^{j\omega t}$$

مساوات 13.267 میں $x=x_1$ بیار کے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ دونوں بند سطحوں پر برقی میدان صفر کے برابر ہے۔

مساوات 13.86 میں دیے k کو k_{yz} کھتے

$$k_{yz}^2 = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

13.12. گهمکی خلاءِ

 $\sigma=0$ ہوئے اور کامل ذو برق کے لئے $\sigma=0$ لیتے ہوئے مساوات

$$k_{yz}^2 = \gamma^2 + \omega^2 \mu \epsilon$$

کھاجائے گاجہاںlpha=0 کی صورت میں $\gamma=j$ ہو گالہذا

$$k_{yz}^2 = -\beta^2 + \omega^2 \mu \epsilon$$

یا

$$\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 = -\left(\frac{l\pi}{x_1}\right)^2 + \left(2\pi f\right)^2 \frac{1}{\left(f\lambda\right)^2}$$

کھاجاسکتاہے جسسے گھمکی طول موج

(13.274)
$$\lambda_{lnm} = \frac{2\pi}{\sqrt{\left(\frac{l\pi}{x_1}\right)^2 + \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^+}}$$

$$= \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{l}{x_1}\right)^2 + \left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}}$$

عاصل ہوتی ہے۔اس مساوات کواستعال کرتے ہوئے گھمکیا کا مستقل kیوں

(13.275)
$$k_{xyz}^2 = k_{lnm}^2 = \left(\frac{l\pi}{x_1}\right)^2 + \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

بیان کیاجاتاہے جسسے

$$\lambda_{\text{ps}} = \frac{2\pi}{k_{xyz}}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

ڈ بیا کے لمبے طرف کو x سے جبکہ چھوٹے طرف کو z سے ظاہر کیاجاتا ہے۔یوں لمبائی جانب گھمکیا میں 1 نصف طول موج پائے جائیں گے جبکہ اس سے چھوٹی طرف کی جانب n نصف طول موج پائے جائیں گے۔

یوں $x_1>y_1>z_1$ کی صورت میں گھمی کے مندر جہ بالاامواج بلند در بی TE_{lnm} کہلائیں گے اور گھمی طول موج میں گھمی جائے گی۔ گھمکیا $f=\frac{c}{\lambda_{lnm}}$ کی طول موج یعنی $f=\frac{c}{\lambda_{lnm}}$ تعدد پر گھمکنے کی خاصیت رکھتی ہے۔

مثال 13.5: ایک کھو کھلے ڈیے کے اطراف λ_{lnm} ، 15 سس 15 ہیں۔ اس میں TE_{110} کھمک کی طول موج λ_{lnm} وریافت کھیں۔ Δ_{lnm} حل: مساوات 13.274 کواستعمال کرتے ہوئے

$$\lambda_{110} = \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{1}{0.015}\right)^2 + \left(\frac{1}{0.015}\right)^2 + \left(\frac{0}{0.005}\right)^2}} = 21.21 \,\text{mm}$$

حاصل ہوتاہے جس سے گھمک کی تعدد

$$f_{110} = \frac{c}{\lambda_{110}} = \frac{3 \times 10^8}{0.02121} = 14.14 \,\text{GHz}$$

4703

حاصل ہوتی ہے۔

کسی بھی گھمکیا کی معیارسے مراد

(13.277)
$$Q = 2\pi \frac{i \dot{\zeta}}{\dot{\zeta}}$$
 و توانائی کاضیاع $\dot{\zeta}$

ہے جہاں Q معیاری متعقل 40 کہلاتا ہے۔ گھمکیا میں کثافت توانائی $w_e=\frac{\epsilon E^2}{2}$ کی میدان $w_e=\frac{\epsilon E^2}{2}$ کی میدان $T=\frac{1}{f}$ دورانے کے لئے ڈیے کی اطراف کے چادر پر پوئٹنگ سمتیے کے سطح کمل سے چادر میں طاقت کا ضیاع حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یوں

(13.278)
$$Q = \frac{2\pi W}{T\left(-\frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t}\right)} = \frac{2\pi \iiint w_e \,\mathrm{d}h}{T^{\frac{Z_{c,h}}{2}} \iiint |H_m|^2 \,\mathrm{d}S}$$

 $Z_{c,h}$ پان $Z_{c,h}$ چادر کے متوازی مقناطیسی میدان جبکہ رکہ تاریکی قدرتی رکاوٹ کا حقیقی جزوہے۔

13.13 میکس ویل مساوات کا عمومی حل

اس جھے میں مستطیلی گھمکی مکمل طور پر حل کی جائے گی۔امید کی جاتی ہے کہ آپ اس طریقے کو پیند کریں گے۔

کثافت چارج سے خالی $ho_h=0$ نطے کے میکس ویل کے مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \epsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

$$(13.281) \qquad \nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0$$

4706

$$(13.282) \nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0$$

سے شروع کرتے ہیں۔مساوات 13.280 کی گردش لیتے ہوئے حاصل جواب میں مساوات 13.279ور مساوات 13.282 پر کرنے سے موج کی مساوات

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{E} = \nabla \left(\nabla \cdot \mathbf{E} \right) - \nabla^2 \mathbf{E} = -\mu \frac{\partial}{\partial t} \left(\nabla \times \mathbf{H} \right)$$
$$-\nabla^2 \mathbf{E} = -\mu \sigma \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} - \mu \epsilon \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2}$$

quality factor⁴⁰

حاصل ہوتی ہے۔ یہ سمتی مساوات حقیقت میں تین مساوات کو ظاہر کرتی ہے۔ ان میں سے E_x کی مساوات یوں

$$\nabla^2 E_x = \mu \sigma \frac{\partial E_x}{\partial t} + \mu \varepsilon \frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2}$$

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} = \mu \sigma \frac{\partial E_x}{\partial t} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2}$$

کھی جائے گی جہاں برقی میدان $E_x(x,y,z,t)$ کے جار آزاد متغیرات ہیں۔علیمد گی متغیرات الاستعال کرتے ہوئے برقی میدان کو دو تفاعل کے حاصل ضرب کے برابر لکھاجاتاہے

(13.284)
$$E_x(x,y,z,t) = M(x,y,z)T(t)$$

جبال سلے تفاعل M کے تین آزاد متغیرات y، yاور z بیل ہو وسرے تفاعل T کا صرف t آزاد متغیرہ ہے۔ یوں مساوات 13.283 سے

$$T\left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2}\right) = M\left(\mu\sigma\frac{\partial T}{\partial t} + \mu\epsilon\frac{\partial^2 T}{\partial t^2}\right)$$

حاصل ہوتا ہے۔ دونوں اطراف کو MTسے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{1}{M} \left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2} \right) = \frac{1}{T} \left(\mu \sigma \frac{\partial T}{\partial t} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 T}{\partial t^2} \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کا بایاں ہاتھ خلاء کے متغیرات ۱۷۰٪ اور 2 پر منحصر ہے جبکہ دایاں ہاتھ وقت † پر منحصر ہے۔یوں خلاء کے متغیرات تبدیل کرنے سے صرف بایاں ہاتھ تبدیل ہونے کاامکان ہے لیکن بائیں ہاتھ میں تبدیلی کے بعد مساوات کے دونوں اطراف برابر نہیں ہوں گے لہذا ہدلازم ہے کہ مساوات کے دونوں اطراف قابل تبدیل نہ ہوں۔ یوں انہیں مستقل k^2 کے برابر کھا جاسکتا ہے یعنی

$$\frac{1}{M}\left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2}\right) = \frac{1}{T}\left(\mu\sigma\frac{\partial T}{\partial t} + \mu\epsilon\frac{\partial^2 T}{\partial t^2}\right) = -k^2$$

جس سے دومساوات

$$\mu \epsilon \frac{\partial^2 T}{\partial t^2} + \mu \sigma \frac{\partial T}{\partial t} + k^2 T = 0$$

$$\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2} + k^2 M = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔

میاوات 13.285 کاحل $T = e^{pt}$ فرض کرتے ہوئے

$$\left(\mu\epsilon p^2 + \mu\sigma p + k^2T\right)e^{pt} = 0$$

 $p = \frac{-\sigma \mp \sqrt{\sigma^2 - 4\frac{\epsilon}{\mu}k^2}}{2\epsilon}$

حاصل ہوتاہے۔ کامل ذو برق کی صورت میں $\sigma=0$ ہو گاجس سے

$$p = \mp \frac{jk}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$T(t) = c_{t1}e^{-\frac{jk}{\sqrt{\mu\varepsilon}}t} + c_{t2}e^{+\frac{jk}{\sqrt{\mu\varepsilon}}t}$$

کساجاسکتا ہے جہاں c_{t2} مساوات کے مستقل ہیں۔اس میں

$$\omega = \frac{k}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

لیتے ہوئے مساوات کی جانی پیچانی شکل

$$(13.289) T(t) = c_{t1}e^{-j\omega t} + c_{t2}e^{j\omega t}$$

مساوات 13.286 کو مجمی علیحدگی متغیرات کے طریقے سے حل کرتے ہیں۔یوں
$$M(x,y,z) = X(x)N(y,z)$$

لیتے ہوئے

حاصل ہوتی ہے۔

$$N\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} + X\frac{\partial^2 N}{\partial y^2} + X\frac{\partial^2 N}{\partial z^2} + k^2 XN = 0$$

یا

$$\frac{1}{X}\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} = -\frac{1}{N}\left(\frac{\partial^2 N}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 N}{\partial z^2}\right) - k^2$$

حاصل ہوتاہے جسے نئے مستقل $-k_x^2$ کے برابر لکھا جاسکتا ہے۔ یوں

$$\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} + k_x^2 X = 0$$

$$\frac{\partial^2 N}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 N}{\partial z^2} + (k^2 - k_x^2)N = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان میں دوسرے مساوات میں N کومزید دو تفاعل کا حاصل ضرب

(13.293)
$$N(y,z) = Y(y)Z(z)$$

لکھتے ہوئے

$$Z\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} + Y\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} + (k^2 - k_x^2)YZ = 0$$

يا

$$\frac{1}{Y}\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} = -\frac{1}{Z}\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} - k^2 + k_x^2$$

کھاجاسکتاہے۔اس کو نئے مستقل $-k_u^2$ سے برابر پر کرتے ہوئے دومساوات

$$\frac{\partial^2 Y}{\partial v^2} = -k_y^2 Y$$

$$\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} = -(k^2 - k_x^2 - k_y^2)Z = -k_z^2 Z$$

یا $(k^2 - k_x^2 - k_y^2 = k_z^2)$ عاصل ہوتے ہیں جہاں آخری قدم پر

$$(13.296) k^2 = k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

لیا گیاہے۔ مساوات 13.291، مساوات 13.294 اور مساوات 13.295 کے حل

(13.297)
$$X(x) = c_{x1}e^{-jk_xx} + c_{x2}e^{jk_xx} = c'_{x1}\cos k_x x + c'_{x2}\sin k_x x$$

$$(13.298) Y(y) = c_{y1}e^{-jk_yy} + c_{y2}e^{jk_yy} = c'_{y1}\cos k_yy + c'_{y2}\sin k_yy$$

(13.299)
$$Z(z) = c_{z1}e^{-jk_zz} + c_{z2}e^{jk_zz} = c'_{z1}\cos k_z z + c'_{z2}\sin k_z z$$

مساوات 13.290، مساوات 13.293 اور مساوات 13.284 سے ظاہر ہے کہ

$$(13.300) E_x(x,y,z,t) = TXYZ$$

کے برابر ہے۔ مساوات 13.300 میکس ویل مساوات کا عمومی حل ہے جو کسی ایک خطے میں ہر ممکنہ E_x موج کو ظاہر کرتی ہے۔اصل موج اس مساوات کا حقیقی پرزو 13.30 ہوگا۔

اب تکkپر کوئی شرط عائد نہیں کی گئی۔ یوں 0.32 $k_x=-7.5$ یا $k_x=-7.5$ ہو سکتا ہے۔ مندرجہ بالا مساوات لا محد ود خطے میں مکمل آزاد موج کو ہظاہر کرتی ہے۔ آئیں اب موج کو یابند کرکے دیکھیں۔

تصور کریں کہ لامحدود وسعت کے دومتوازی موصل چادروں کے در میان موج پیدا کی جاتی ہے۔صفحہ 448پر شکل 13.1 میں ایساد کھایا گیاہے۔ان موصل چادروں پر متوازی برقی دباوصفر ہو گا۔یوں z=zاور z=zیر کے صفر ہو گا۔ہم اس ترکیب کو گئی مرتبہ استعال کر چکے ہیں۔مساوات 13.299 میں ان شر الطّ کو پر کرتے ہوئے

$$(13.301) c_{z1}' = 0$$

$$k_z = \frac{m\pi}{z_1}$$

حاصل ہو تاہے جہاں

$$(13.303) m = 1, 2, 3 \cdots$$

ے برابر ممکن ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ k_z اب صرف چنی گئی قیمت کا ہو سکتا ہے۔ یوں $k_z=rac{2\pi}{z_1}$ یا $k_z=rac{2\pi}{z_1}$ ہو سکتا ہے لیکن ان دو قیتوں کے در میان سے سے برابر ممکن ہے۔ آپ دیکو نشانی ہے۔ سے مقید موج کی نشانی ہے۔ $k_z=rac{2\pi}{z_1}$ میں اور قیمت کا نہیں ہو سکتا۔ یہی خصوصیت مقید موج کی نشانی ہے۔

اسی طرح 0 = yاور y = y بھی دومتوازی موصل چادر نب کرنے سے صفحہ 454 پر د کھایا شکل 13.8 حاصل ہوتا ہے۔ان سطحوں پر بھی متوازی برقی میدان صفر ہو گا۔اس طرح مساوات 13.298 سے

$$c'_{y1} = 0$$

$$(13.305) k_y = \frac{n\pi}{v_1}$$

حاصل ہوتے ہیں جہاں

$$(13.306) n = 1, 2, 3, \cdots$$

ے برابر ممکن ہیں۔اب موج yاطراف سے بھی پابند ہے جس کی وجہ سے k_y بھی آزادانہ قیمت رکھنے سے قاصر ہے۔ یول مستطیلی موج کی مساوات $E_x = E_{x0} \sin \frac{n\pi y}{y_0} \sin \frac{m\pi z}{z_0} e^{j(\omega t \mp k_x x)}$

$$X(x) = c_{x1}e^{k_x x} + c_{x2}e^{-k_x x}$$

ا گر $x=x_0$ اور $x=x_0$ پر بھی موصل چادر نسب کئے جائیں توصفحہ 500 پر د کھایا شکل 13.25 حاصل ہو گا۔ چو نکہ xان چادروں کے عمودی ہے المذا ہمیں E_x یا E_y کی مساوات در کار ہو گی۔ میں لکھتے لکھتے بہت تکھے چکا ہوں۔ آپ بھی پڑھ پڑھ کر بہت تکھے ہوں گے للہذا میں ان چادروں سے حاصل منتجہ لکھ لیتا ہوں E_y

$$(13.308) c_{x2}' = 0$$

(13.309)
$$k_x = \frac{l\pi}{x_0}$$

جہاں

$$(13.310) l = 1, 2, 3, \cdots$$

کے برابر ممکن ہے۔

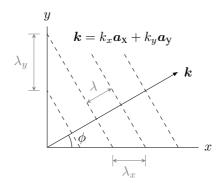
ان نتائ کو جمع کرتے ہوئے شکل 13.25 میں دکھائے مستطیلی کھمکیا کی مساوات

(13.311)
$$E_x = E_{x0} \cos k_x x \sin k_y y \sin k_z z e^{j\omega t}$$
$$= E_{x0} \cos \frac{l\pi x}{x_0} \sin \frac{n\pi y}{y_0} \sin \frac{m\pi z}{z_0} e^{j\omega t}$$

حاصل ہوتی ہے جو ساکن موج ہے۔

آئیں ایک بار پھر مکمل آزاد موج کی بات کریں۔مساوات 13.297 دراصل دو مکنه جوابات e^{-jk_xx} عاور e^{-jk_xx} کا مجموعہ ہے۔اسی طرح مساوات 13.298 دراصل دو مکنه جوابات e^{-jk_xx} عمل آزاد موج کی بات کریں۔مساوات 13.307 بیل Y کا اور Z کے مختلف اجزاء پر کرتے ہوئے مختلف امواج کے مساوات 13.298 میں۔ یول مساوات 13.298 میں جزو چنتے ہوئے ایک مکنه حل مساوات 13.298 کے میں بہتر کے پہلے جزو چنتے ہوئے ایک مکنه حل

$$(13.312) E_x = E_{x0}e^{j(\omega t - k_x \mathbf{a}_x - k_y \mathbf{a}_y - k_z \mathbf{a}_z)}$$



شكل 13.26: مختلف طول موج كا آپس ميں تعلق

حاصل ہوتاہے۔کار تیسی محدد میں کسی بھی نقطہ (x, y, z) کوسمتیہ

$$(13.313) r = xa_{\mathbf{X}} + ya_{\mathbf{Y}} + za_{\mathbf{Z}}$$

ظاہر کرتی ہے۔ ہم k_z ، k_y ، k_x وسمتیہ

$$(13.314) k = k_X a_X + k_V a_V + k_Z a_Z$$

لکھ سکتے ہیں جو مساوات 13.296 کے شرط پر پورااتر تی ہے۔اس طرح

$$\mathbf{k} \cdot \mathbf{r} = k_x x + k_y y + k_z z$$

ہو گالہٰذامساوات 13.312 کونہایت عمد گی کے ساتھ

$$(13.316) E_x = E_{x0}e^{j(\omega t - \boldsymbol{k} \cdot \boldsymbol{r})}$$

لكھاجاسكتاہے جس كاحقیقی جزو

$$(13.317) E_x = E_{x0}\cos(\omega t - \mathbf{k} \cdot \mathbf{r})$$

اصل موج دیتا ہے۔ مندر جہ بالا مساوات لا محدود خطے میں موج کی عمومی مساوات ہے جو بڑھتے k کی جانب حرکت کرے گی۔

شکل 13.26 میں موج کے حرکت کی سمت، x محدد کے ساتھ ϕ زاویہ بناتی ہے۔ یہ موج xy سطیر پائی جاتی ہے یعنی $k_z = 0$ کے برابر ہے۔ موج کی چوٹیوں کو نقط دار کلیر وں سے ظاہر کیا گیا ہے۔ کسی بھی نقطے پر ان چوٹیوں کو گن کر تعدد در یافت کی جاسکتی ہے۔ یوں x محدد پر نقط را رہ ہی کسینڈ گزرتے چوٹیوں کی تعدد کو ہوگی۔ آپ د کیھ سکتے ہیں کہ y محدد پر نقطہ $(0, y_0)$ سے بھی فی سکیٹرا تن ہی چوٹیاں گزریں گی۔ اسی طرح k_z بھی کسی نقطے پر چوٹیال گائے گئے ہوئے کہ تعدد ماصل ہوتی ہے۔

دومتواتر چوٹیوں کے در میان فاصلہ طول موج کہلاتا ہے۔وقت t کوروک کر x محد دیر رہتے ہوئے موج کی دومتواتر چوٹیوں کے در میان فاصلہ λ_x ناپاجائے گا۔ای طرح y محد دیر طول موج λ_y ناپی جائے گی جبکہ حرکت کی سمت میں طول موج λ_y ناپی جائے گی۔ان تمام کوشکل 13.26 میں دکھایا گیا ہے۔

کسی بھی موج کی تعدد f اور طول موج λ جانبے ہوئے اس کی رفتار $v=f\lambda$ کسی جانکتی ہے۔ سمت حرکت کی جانب موج کی رفتار $\frac{1}{\sqrt{\mu e}}$ کے برابر ہوتی ہے۔ المذا

$$f\lambda = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

908 علي 13. مويج اور گهمكيا

ہو گا۔اس مساوات کے دونوںاطراف کو 2*7سے ضر*ب دیتے ہوئے

$$\lambda = \frac{2\pi}{\omega\sqrt{\mu\epsilon}}$$

حاصل ہوتاہے جس میں مساوات 13.288 پر کرنے سے

$$\lambda = \frac{2\pi}{k}$$

$$(13.321) k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

lphaحاصل ہوتاہے لیکن ہم جانتے ہیں کہ $eta=rac{2\pi}{\lambda}$ ہوتاہے۔ مندرجہ بالامساوات کامل ذو برق $\sigma=0$ کے لئے حاصل کئے گئے للذاlpha=0اور

$$\gamma = 0 + j\beta = jk$$

 eta_{4729} کے برابر ہے۔اس طرح λ کو eta جبکہ λ_x اور λ_z کو بالتر تیب λ_y اور λ_z کا اور λ_z کا اور λ_z کا اور λ_z

ہم تو تع کرتے ہیں کہ مساوات 13.321 کی طرح $\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos\phi}$ کلھنا ممکن ہو گا۔ آئیں اس حقیقت کو ثابت کریں۔ شکل 13.26 کو دیکھے کر تھے کہ کلھاجا سکتا ہے جہاں شکل کو دیکھتے ہوئے $\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos\phi}$ کلھاجا سکتا ہے جہاں شکل کو دیکھتے ہوئے $\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos\phi}$ کلھاجا سکتا ہے۔ یوں

$$\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos \phi} = \frac{\lambda k}{k_x}$$

 $extbf{k} = rac{2\pi}{\lambda}$ کھ کرتے ہوئے

$$\lambda_{x} = \frac{2\pi}{k_{x}}$$

حاصل ہوتاہے۔اسی طرح ہم

$$\lambda_y = \frac{2\pi}{k_y}$$

$$\lambda_z = \frac{2\pi}{k_z}$$

بھی حاصل کر سکتے ہیں۔

ست حرکت کی جانب رفتار جسے مجموعی رفتار ⁴² کہتے ہیں

$$(13.326) v = f\lambda = \frac{\omega}{k}$$

کے برابرہے۔موج اس رفتارسے توانائی ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرتی ہے۔اس کے برعکس کارتبیبی محد دیر <mark>دوری رفتار</mark> ⁴³

$$v_x = f\lambda_x = \frac{\omega}{k_x}$$

$$v_y = f\lambda_y = \frac{\omega}{k_y}$$

$$v_z = f\lambda_z = \frac{\omega}{k_z}$$

ہوں گے۔شکل 13.26 میں ϕ کی قیمت کم کرنے سے λ_y اور یوں v_y کی قیمت بڑھتی ہے جنگی کہ $0=\phi$ پر $\omega=v_y$ حاصل ہوتا ہے۔ یوں دوری رفتار ہوشنی کے رفتار سے زیادہ ہوسکتی ہے۔ دوری رفتار صرف آنکھوں کا دھوکہ ہے، اس رفتار سے موج کا کوئی حصہ حرکت نہیں کر تالہٰذا یہ آئن سٹائن کے قانون کی خیلاف ورزی نہیں کر تا۔ آئن سٹائن کا قانون کہتا ہے کہ کوئی چیز روشنی سے زیادہ تیز صفر نہیں کر سکتی۔

group velocity⁴² phase velocity⁴³ 4737

سوالات

سوال 13.1: ہواسے بھرے منتظیل موتے کے اطراف کی لمبائی mm 25 اور mm 50 ہے۔اس میں کمتر انقطاعی تعدد کے 1.7 گناتعدد کی موج پائی جاتی ہے۔الف) کم ترانقطاعی طول موج دریافت کریں۔ب)موتے میں دوری رفتار حاصل کریں۔

 $3.843 \times 10^8 \, \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ ، $100 \, \mathrm{mm}$ جوابات:

سوال 13.2: ہواسے بھرے mm کہ لمبائی کے اطراف کے چکور موتئ میں mm 40 سے زیادہ طول موج کے تمام ممکنہ TE اور TM امواج در پیاہت کریں۔

 TM_{12} ، TM_{21} ، TM_{11} ، TE_{12} ، TE_{21} ، TE_{02} ، TE_{20} ، TE_{11} ، TE_{01} ، TE_{10} . عوابات:

سوال 13.3: ہواسے بھرے mm 20 اور mm 100 لمبائی کے اطراف کے منتظیل مونے میں mm 150 سے زیادہ طول موج کے تمام مکنہ TE، اور TM امواج دریافت کریں۔

 TE_{10} جوابات:

سوال 13.4: ہواسے بھرے نگی موت کار داس $75\,\mathrm{mm}$ ہوتی کی انقطاعی طول موج اور غالب TE_{11} موتی کی انقطاعی پطول موج دریافت کریں۔

جوابات: 256 mm ، 123 mm

 TM_{02} ، TM_{01} ، TM_{01} ، TM_{01} ، TM_{02} ، TM_{01} ، TM_{02} ، TM_{01} ، TM_{02} ، TM_{01} ، TM_{02} ، TM_{01} ، $TM_$

بح ابات: 83 mm ، 98 mm ، 122 mm ، 89 mm ، 164 mm ، 114 mm ، 261 mm

 TE_{02} ، TE_{01} ، TE_{01} ، TE_{02} ، TE_{01} ، TE_{12} ، TE_{12} ، TE_{12} ، TE_{12} ، TE_{13} ، TE_{14} ، TE_{15} ، TE_{15} ، TE_{16} ، TE_{17} ، TE_{18} ، $TE_$

بوابات: 118 mm ، 149 mm ، 94 mm ، 206 mm ، 118 mm ، 341 mm ، 89 mm ، 164 mm

 $\frac{\omega\mu eta
ho_0^4 |H_0|^2}{82}$ واٹ کی طاقت تر سیل کرتی ہے۔ TE $_{11}$ بلند در جی انداز اوسطاً $\frac{\omega\mu eta
ho_0^4 |H_0|^2}{82}$ واٹ کی طاقت تر سیل کرتی ہے۔

سوال 13.8: ثابت کریں کہ متوازی دوعد دلا محدود موصل چادروں کے موتح میں انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر TE₁₀ موج کی تضعیفی مستقل

$$\alpha = \frac{2}{d} \frac{Z_{c,h}}{Z_{d,h}} \frac{\left(\frac{\lambda_0}{2d}\right)^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{2d}\right)^2}}$$
 (Np/m)

s جہال

مویجی موصل چادر کی قدر تی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{c,h}$

4749

4753

510 مویج اور گهمکیا

 $Z_{d,h}$ موت کیمیں بھرے ذوبرق کی قدر تی رکاوٹ کا حقیقی جزو، موت کیمیں بھرے ذوبرق کی قدر تی رکاوٹ کا حقیقی جزو، محدود چاور دوں میں فاصلہ اور d

الى خلاء مىں طول موج ہیں λ_0

سوال 13.9: ثابت کریں کہ متوازی دوعد دلا محدود موصل چادروں کے موج میں انقطاعی تعد دسے بلند تعدد پر TE_{mo} موج کی تضعیفی مستقل

$$\alpha = \frac{2}{d} \frac{Z_{c,h}}{Z_{d,h}} \frac{\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$
 (Np/m)

مویجی موصل چادر کے قدر تی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{c,h}$

موتئج میں بھرے ذو برق کی قدر تی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{d,h}$

as ولا محدود چادروں میں فاصله اور

 λ_0 خالی خلاء میں طول موج ہیں λ_0

سوال 13.10: لا محدود جسامت کے تانبے کے دو چادروں کے در میان 18 mm کا فاصلہ ہے۔ اس میں 10 MHz تعدد کی TEM موج کا تضعیفی مستقل اور یافت کریں۔ TE_{10} موج کا تضعیفی مستقل دریافت کریں۔

$$lpha=9.67rac{\mathrm{mNp}}{\mathrm{m}}$$
 ، $lpha=3.85rac{\mathrm{mNp}}{\mathrm{m}}$: هواب

سوال 13.11: ثابت کریں کہ متوازی دوعد دلا محد ود موصل چادروں کے موتئ میں انقطاعی طول موج سے کم طول موج کی تشعیفی مستقل

$$\alpha' = \frac{2\alpha}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{2d}\right)^2}}$$

سوال13.12: ثابت کریں کہ ایسے مستطیل موت بح جس کی چوڑائی z_1 اور اونچائی y_1 ہو میں انقطاعی تعدد سے زیادہ تعدد پر TE_{m0} موج کی تضعیفی مستقل مندر جہ ذیل ہے۔

(13.327)
$$\alpha = \frac{2Z_{c,h}}{z_1 Z_{d,h}} \frac{\left[\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}} \right)^2 + \frac{z_1}{2y_1} \right]}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}} \right)^2}}$$

سوال 13.13: تا نبے کی $\epsilon_R=2.6$ پوٹری پٹی تا نبے کی وسیع چادر کے متوازی mm فاصلے پر پائی جاتی ہے۔ ان کے در میان $\epsilon_R=2.6$ کاذو برقی بھروا گیا ہے۔ اس موج کی تا نہ تا تھیں $\epsilon_R=1$ موج حرکت کرتی ہے۔ موج میں برقی میدان کا حیطہ $\frac{mV}{m}$ 300 ہے۔ الف) موج کتنی طاقت منتقل کر ہے۔ موج کی تضعیفی مستقل دریافت کریں۔ پائی میٹر موج کی میں طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ پائموج کا تضعیفی مستقل دریافت کریں۔

 $0.343 \, \frac{\mathrm{dB}}{\mathrm{m}}$ يا $39.5 \, \frac{\mathrm{mNp}}{\mathrm{m}} \cdot 91 \, \frac{\mathrm{pW}}{\mathrm{m}} \cdot 2.3 \, \mathrm{nW}$ وبات:

سوال 13.14:موصل چادر $\frac{S}{m}$ اور $\sigma=10^6$ چوڑی موصل پڑی $\sigma=10^6$ کے مابین $\sigma=10^6$ موٹائی کاذوبرق $\sigma=10^6$ پایاجاتا ہے ہیہ بی تق میدان $\sigma=10^6$ اور تعدد $\sigma=10^6$ کے منتقل طاقت اور موت کا تضعیفی مستقل حاصل کریں۔ $\sigma=10^6$ کے میدان $\sigma=10^6$ کے میدان کے میدان کے معتقل حاصل کریں۔ $\sigma=10^6$ کے میدان کے معتقل حاصل کریں۔ موٹوکل کے معتقل حاصل کریں۔ موٹوکل کے معتقل حاصل کریں۔ موٹوکل کے معتقل حاصل کریں۔ کا موٹوکل کے موٹوکل کے معتقل حاصل کریں۔ کا موٹوکل کے معتقل حاصل کریں۔ کا موٹوکل کے موٹوکل

 $2.7 \frac{dB}{m}$ ي $0.312 \frac{Np}{m}$ ، $4.3 \mu W$

سوال 13.15: کامل موصل سے بنے مستطیل مو بج میں TE₁₀ کے لئے ثابت کریں کہ اوسط منتقل طاقت مندرجہ ذیل ہے۔

(13.328) $P_{b-3} = \frac{\omega \mu \beta |H_0|^2 y_1 z_1^3}{4\pi^2}$

سوال 13.16: ہوااور تانبے کے سر حدیر GHz 1 تعد د کے موج کا جھاو حاصل کریں۔

۶۰ب: °0.00177 عواب: °4779

 $_{^{4781}}$ سوال $_{13.17}$: ہوااور پانی $\epsilon_R=7$ کے سر حدیر $_{13}$ GHz تعدد کے موج کا جھاوحاصل کریں۔

جواب: °6.46

سوال 13.18: تانبے کی چادر کے متوازی 150 MHz تعدد کی موج حرکت کررہی ہے۔ برقی میدان $\frac{V}{m}$ 50 ھودی ہے۔ الف ی چادر کے متوازی متعقل طاقت کا پوئنٹنگ سمتیہ دریافت کریں۔ب)مقناطیسی میدان کی موثر قیت حاصل کریں۔پ)چادر کی سطچر برقی میدان حاصل کریں۔پ)
عیادر میں داخل طاقت کا پوئنٹنگ سمتیہ دریافت کریں۔

 $56.3 \, rac{\mu W}{m^2} \cdot 0.133 \, rac{A}{m} \cdot 6.636 \, rac{W}{m^2}$ جوابات:

سوال 13.19: موصل کی لامحدود سطح کے متوازی موج حرکت کر رہی ہے۔ سطح کے عمودی برقی میدان $\frac{V}{m}$ 150 = موصل کی قدر تی رکاویٹ کی حتی قیمت $|Z_c|=1$ ہودی برقی طاقت دریافت کریں۔ ب)موصل سطح کے فی میٹر رہے میں ہوا خل طاقت دریافت کریں۔ ب)موصل سطح کے فی میٹر رہے میں ہوا خط اقت دریافت کریں۔ ب

 $1.9 \, \frac{\text{mW}}{\text{m}^2} \, \cdot \, 59.7 \, \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$ جوابات:

سوال 13.20: موصل $\frac{S}{m} = 10^7 \frac{S}{m}$ کی سطح کے متوازی خالی خلاء میں $\frac{d}{m} = 1.2 \, GHz$ تعدداور $\frac{mV}{m} = 50$ کی موج حرکت کررہی ہے۔ مقالہ یہ بیان سر حد کے عمودی ہے۔ فی مربع میٹر موصل رقبے میں طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔

اب 13. مویج اور گهمکیا

سوال 13.21: موصل سطح کے متوازی TEM موج حرکت کررہی ہے۔ ثابت کریں کہ $K = \rho_S v_S$ کی صورت میں، جہاں K ایمپیئر فی میٹر میں میسطی کثافت برتی روہ ρ_S کو میٹر میں سطح کثافت چارج اور v_S میٹر فی سینٹر میں موج کی رفتار ہو، K = H ہوگا جہاں K = K موج کے متعالیق میدان K = K کا حیطہ ہے۔

سوال 13.22: مستطیل موتج میں TE₁₀ موج کی صورت میں نچلے اور بالا ئی اطراف (کے وسط) کے در میان برقی دباو V اور پخلی یابالائی طرف کے اندرونی سطح پر محوری برقی رو I کی شرح برقی رکاوٹ Z

(13.329)
$$Z = \frac{V}{I} = \frac{\pi y_1}{2z_1} Z_{yz}$$

ویتی ہے جہال

₄₇₉₈ مو یج کے چھوٹے طرف کی لمبائی،

 z_{∞} مو تے کے لمبے طرف کی کمبائی اور z_{1}

موتی کی عرضی رکاوٹ ہے۔ Z_{yz}

سوال 13.23: مستطیل مو یج میں مجموعی رفتار کے تعلق

(13.330)
$$u = v_0 \sqrt{1 - \left(\frac{n\lambda_0}{2y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\lambda_0}{2z_1}\right)^2} = v_0 \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

کوثابت کریں جہاں v_0 دوری رفتار، λ_0 لا محد ود خطے میں طول موج اور λ_0 انقطاعی تعدد پر لا محد ود خطے میں طول موج ہیں۔

سوال 13.24: شیش ریشے کا انحرا فی مستقل 1.53 n=1 اور شیش ریشے پر چڑھا کی گئی غلاف کا انحرا فی مستقل n=1.51 ہے۔ داخلی زاویہ θ_i کی ایسی فی یادہ سور پر پھنس جائے گا۔ n=1.51 کی موج شیش ریشے میں مکمل طور پر پھنس جائے گا۔

جواب: 14.3

سوال 13.25: شیش ریشے کاانحرافی مستقل 1.54 اور غلاف کاانحرافی مستقل 1.535 ہیں۔ شیش ریشے میں اکلوتی سے 1.1 بلند درجی موج کی صورت میں شیش ریشے کار داس دریافت کریں۔ داخلی زاویے کی زیادہ سے زیادہ صدریافت کریں۔

جوابات: 7.13 ، 3.4 µm

سوال 13.26: چکور کھم کی کے دواطراف x لمبائی رکھتے ہیں جبکہ تیسر اطرف $\frac{x}{4}$ لمباہے۔ اس میں TE_{110} کی x دربیافت x کریں۔

جواب: 14.14 mm

سوال 13.27: مساوات 13.119 حاصل كرين ب

سوال 13.28: مساوات 13.120 حاصل كرين-

سوال 13.29: مساوات 13.120 تامساوات 13.125 حاصل كري<u>ن</u>

4823

```
100 \, \mathrm{mm} سوال 13.30: نگلی گھم کی کار دائی اور اس کی لمبائی برابر ہیں جبہہ اس میں 100 \, \mathrm{mm} کی لی جاتی ہے۔ الف کا کی کار دائی ور این موصلیت 100 \, \mathrm{mm} کی بی جاتی ہیں 100 \, \mathrm{mm} کی بی جاتی ہیں ورت میں کی حاصل کریں۔

100 \, \mathrm{mm} بی کئی کے چادر کی موصلیت 100 \, \mathrm{mm} کی صورت میں کی حاصل کریں۔

100 \, \mathrm{mm} کی بیان میں اوات 13.269 ماس کریں۔

100 \, \mathrm{mm} کی بیان کی مطر زیر حاصل کریں۔

100 \, \mathrm{mm} کی مطر زیر حاصل کریں۔

100 \, \mathrm{mm} کی موج گزر پائے گی۔

100 \, \mathrm{mm} کی موج کی موج گزر پائے گا۔

100 \, \mathrm{mm} کی موج کی موج گزر پائے گا۔

100 \, \mathrm{mm} کی موج کا موج گزر پائے گا۔
```

```
5226complex permittivity
```

dispersion

charge is barqi bar and let the reader figure out which bar is meant

wave over a conducting surface needs revisit. may have to discard it and take the basic explanation as given in kraus. READ field theory of guided waves by collins

divergence, curl formulae at end page

degree angle and degree celcius, ohm, micro etc not showing

kraus p581 mentions three types of impedances: intrinsic, characteristic and transverse. ensure that i too have these distinctions

kraus fig-13.28 and fig 13.29 and table 13.3 (on p577) are v. impt

Huygens improvements

figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book

the 22 answers should be at the end of the book

handle all side notes () and remove the corresponding text

read chapter 9 onwards (proof reading)

energy travels along the wire and not in the wire.

antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.

house completion certificate.

zaryab fish

F=3,dW/dT to include in inductance chapter plus a question or two magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt. charge is bargi bar.

add questions to machine book too.

take print outs for myself.

5244

when giving fields always remember the following rules:

always ensure that divergence of magnetic field is zero.

moving waves must be of the form $E = E0\cos(wt - kz)$ where $c = (\mu * \epsilon)^{-0.5}$ and $k = 2 * \pi/\lambda$

include complex permitivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon")

include 4th ed fig 11.11 of page 422

rename lossless and lossy dielectrics as

باب 13. مویج اور گهمکیا

الباب 15

mell'r

اينتلينا

الباب 15. سوالات

 σ :15.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
7×10^{4}	گريفائك	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائث (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹنی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بیک لائٹ	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارش	0.10×10^{7}	نائيكروم

576 الباب 15. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائلاً
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	ر پڑ
0.00075	3.8	SiO ₂ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ_R :15.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چیر
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	اليكثران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

578 الباب 15. سوالات