برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

•	<u> </u>		-	
	1.1	1 مقداری اور سمتیه	1	5
	1.2	1 سمتى الجبرا	2	6
	1.3	1 كارتيسى محدد	3	7
	1.4	1 اکائی سمتیات	5	8
	1.5	1 میدانی سمتیہ	9	9
	1.6	1 سمتی رقبہ	9	10
	1.7	1 غیر سمتی ضرب	10	11
	1.8	1 سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	14	12
	1.9	1 گول نلکی محدد	17	13
		1.9.1 نلکی اکائی سمتیات کا کارتیسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب	20	14
		1.9.2 نلكى اور كارتيسى اكائى سمتيات كا تعلق	20	15
		1.9.3 نلكي لامحدود سطحين	25	16
	1.10	. 1 کروی محدد	27	17
2	كولومب	لومب كا قانون	37	18
	2.1	2 قوت كشش يا دفع	37	19
	2.2	2 برقی میدان کی شدت	41	20
	2.3	2 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير كا برقي ميدان	44	21
	2.4	2 يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	49	22
	2.5	2 چارج بردار حجم	53	23
	2.6	2 مزید مثال	54	24
	2.7	2 برقی میدان کے سمت بہاو خط	61	25
	2.8	2 سوالات	63	26

iv	عنوان

27	65	کا قانون اور پهیلاو	3 گاؤس
28	65	ساکن چارج	3.1
29	65	فيراڈے کا تجربہ	3.2
30	66	گاؤس كا قانون	3.3
31	68	گاؤس کے قانون کا استعمال	3.4
32	68	3.4.1 نقطہ چارج	
33	70	3.4.2 يكسان چارج بردار كروى سطح	
34	70	3.4.3 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	
35	71	ېم محوری تار	3.5
36	73	يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6
37	73	انتہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7
38	76	پهيلاو	3.8
39	78	نلکی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9
40	80	پهیلاو کی عمومی مساوات	3.10
	0.0	مسئلہ پھیلاو	2 11
41	82		3.11
41			
41	85	اور برقی دباو	4 توانائی
43	85 85	, اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1
42 43 44	85 85 86	, اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1 4.2
43 44 45	85 85 86 91	, اور برقبی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1
43 44 45	85 85 86 91	اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1 4.2
43 44 45 46	85 85 86 91 92	اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1 4.2
43 44 45 46 47	85 85 86 91 92 93	اور برقی دباو توانائی اور کام لکیری تکملہ برقی دباو برقی دباو 4.3.1 4.3.2 4.3.2 4.3.2 4.3.3 4.3.3	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48	85 85 86 91 92 93 94	اور برقی دباو توانائی اور کام لکیری تکملہ برقی دباو برقی دباو 4.3.1 4.3.2 4.3.2 4.3.2 4.3.2 4.3.3 4.3.3 4.3.3	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48 49	85 85 86 91 92 93 94 94	اور برقی دباو توانائی اور کام لکیری تکملہ برقی دباو 4.3.1 4.3.2 4.3.2 4.3.2 4.3.3 4.3.3 4.3.3 4.3.3 5.3 دباو کام برقی دباو 4.3.3 دباو کی برقی دباو 5.3 دباو کی برقی دباو 6.4 دباو کی برقی دباو 6.5 دباو 7.5 دباو 8.6 دباو 9.7 دباو 9.8 دباو 9.9 دباو 1.9 دباو 9.9 دباو 1.9 دباو 9.9 دباو 1.9 دباو 9.9 د	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48 49 50	85 85 86 91 92 93 94 94 98	اور برقی دباو توانائی اور کام اکیری تکملہ برقی دباو برقی دباو 4.3.1 4.3.2 4.3.2 4.3.2 4.3.3 دباو کی خارج کثافت سے پیدا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی مرقی دباو	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48 49 50 51	85 85 86 91 92 93 94 94 98 102	اور برقی دباو توانائی اور کام اکیری تکملہ برقی دباو متعدد نقطہ چارج کثافت سے پیدا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو برقی دباو برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان	4 توانائی 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5
43 44 45 46 47 48 49 50 51 52	85 85 86 91 92 93 94 94 102 103	اور برقی دباو توانائی اور کام لکیری تکملہ برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان	4 توانائی 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5
43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53	85 86 91 92 93 94 94 98 102 103 104	اور برقی دباو توانائی اور کام اکیری تکملہ برقی دباو متعدد نقطہ چارج کثافت سے پیدا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو برقی دباو برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان	4.1 وانائى 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5

عنوان ٧

56	115																															سٹر	ر کپی	ق او	ذو برا	وصل،		5
57	115																			٠						٠	•			، رو	برقى	ئافت	ور کن	رو ا	برقى	5.	1	
58	117	٠							•															•								وات	، مسا	ىرارى	استم	5.2	2	
59	119													 																				ىل	موص	5.3	3	
60	124																									اط	شراة	دی	سرح	اور .	سيات	صوص	کے خا	ىل ك	موص	5.4	4	
61	127																															ئيب	ی ترک	ں کم	عكس	5.5	5	
62	130													 																			٠ .	موصا	نيم ه	5.6	5	
63	131	٠												 																				رق	ذو بر	5.7	7	
64	136						•													٠			٠	•		٠	ئط	شرا	برقىي	د پر	سرحا	کے '	برق	ل ذو	كامل	5.8	3	
65	140						•													٠			٠	•		٠	ئط	شراة	ندى	سرح	کے	برقى	ر ذو	ىل او	موص	5.9)	
66	140													 																				سطر	کپیس	5.10)	
67	142							•		•	٠	•			٠	•			 ٠									•	يسٹر	در کپ	، چاد	نوازى	ia	5.1	0.1			
68	143							٠				٠					•		 ٠			 ٠							سطر	کپیس	ورى	م مح	H	5.1	0.2			
69	143														٠				 •			 •								سطر	ه کپی	م کوه	H	5.1	0.3			
	145																																					
71	146			٠	٠			•	٠			•		 				•		•			•	•			•		L	سىطنسر	ا كپي	ِں ک	ے تارو	توازي	دو ما	5.12	2	
72	155																															وات	مساو	بلاس	اور لاپا	وئسن ا	پ	6
73	157													 																			تائى	لہ یک	مسئل	6.	1	
74	158													 																ہے	طی	ت خ	ساوا	'س م	لاپلا	6.2	2	
75	159																								ات	ساوا	کی ہ	س ک	لاپلا.	میں ا	حدد	ی مے	كروة	ں اور	نلكي	6.3	3	
76	160																									•				ل .	-	ت ک <u>ے</u>	ساواه	'س م	لاپلا	6.4	4	
77	166													 														٠ .	، مثال	ں کی	ے حا	ن کے	ساوات	ن مہ	پوئس	6.5	5	
78	169	٠	•			•			٠											•			•	•					عل	بی ►	ا ضر	ت ک	ساواه	'س م	لاپلا	6.6	5	
79	176																							•		٠	•				لريقہ	کا ط	وانے	ی دہ	عدد	6.7	7	

vi vi

80	183																														دان	ميد	طیسی	, مقد	ساكر	7
81	183	٠	•											•															. ن	ا قانو	ارٹ ک	سيوا	يوك	i	7.1	
82	187	٠							٠					•																انون	وری ق	کا د	مپيئر َ	!!	7.2	
83	192															•																	ئردش	Ī	7.3	
84	199				 																						ردش	ں گ	لد مي	, محا	نلكى		7.3.	1		
85	204				 	•				٠								٠	•				اِت	ىساو	کی ا	ش	گرد	میں	حدد	سی مع	عموه		7.3.	2		
86	206				 								 						•				ت	ساوا	ی م	ے ک	ئردش	یں گ	ندد م	ے مح	كروى		7.3.	3		
87	207															•	 ٠														کس .	ىٹوك	سئلہ س		7.4	
88	210																								او .	, بہ	یسی	قناط	فت •	ر کثا	بهاو او	سى ب	قناطيس		7.5	
89	217	٠							٠					٠			 ٠										دباو	سى	قناطي	ىتى م	اور سم	تى ا	ير سم	È	7.6	
90	222	٠							٠					٠			 ٠							ل	نصو	کا -	ین ً	قوان	ن کے	ميدان	طیسی	لقناه	ىاكن .	w	7.7	
91	222				 								 														باو	ی دہ	اطيس	مقد	سمتح		7.7.	1		
92	224				 					•																	ون) قانو	دوري	ر کا	ايمپيئ		7.7.	2		
	224 229	٠	•		 		٠			•		•			•				•	٠		٠													مقناط	8
93																											الہ	ور ام	ے ا	ے ماد	نناطيسو	، مق	قوتيس،	یسی		8
93 94	229	٠	•			•		-	•		•		 	•		•											بالہ	ور ام	نے او	ں ماد قوت	ىناطىسو ارج پر	، مق ، چا	قوتيں: تحرک	یسی		8
93 94 95	229 229 230																										الہ .	ور ام	ے او 	ن ماد قوت بت	نناطیسی ارج پر ج پر قو	، مق ، چا	قوتیں: تحرک	یسی م	8.1	8
93 94 95	229 229																								نوت	بين إ	الہ	ور ام	نے او ،	ں مادا قوت پت برقی	سناطیسی ارج پر ج پر قو ارتے تن	، مق ، چارج چارج گزا	قوتیں: شحرک مرقی ج رقی رو	یسی ه ت	8.1	8
93 94 95 96	229229230233										 		 	 			 				 		 		نوت		الہ . ماب	ور اه	نے اور م	ی ماداد قوت پت مرقی	ارج پر ج پر قو ج پر قو ارتے تذ	، مق ، چار چارج کزار	قوتیں: شحرک مرقی - یقی رو وت او	یسی د ت	8.1 8.2 8.3	8
93 94 95 96 97	229229230233234													 			 						 		 نوت خطر		الہ ، ماہ	ور ام کمر	نے اور ن تاروں تاروں	ی مادا قوت برقی برقی	ىناطىسو ارج پر قو ارتے ته باطیسی	، مقر چارج و مر مقند	قوتیں: نرقی ج رت اورت اورت اورلادی	يىسى د ت ف	8.1 8.2 8.3 8.4	8
93 94 95 96 97 98	229 229 230 233 234 239					 																			 نوت خط <u>ر</u>		اله . ماب طيس	ور ام مقنا	نے ارسی ا تاروں اء اور	ی مادا قوت پت برقی هناطی	ارج پر قور ج پر قور ارتے تناطیسی ناطیسی	، مقر چارج گزار مقن مقن	قوتیں. سحرک نرقی ج یقی رو وت او ولادی مناطیس	يسىي د و و	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
93 94 95 96 97 98	229 229 230 233 234 239 240																								خط <u>ر</u>		اله . ماب طيس ل	ور ام مقنا	نے ار ، تاروں اء اور رائط	ی مادا قوت برقی مناطیه ی شر	ارج پر قور ج پر قور ارتے تا اطیسی اطیسی اور منا	، مق بجارج بحارج مقن مقن سیت	قوتین. تحرک نرقی ، قی رو وت او وت او لادی قناطیس	يسى ت ف ف	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
93 94 95 96 97 98 99	229 229 230 233 234 239 240 243																										اله ماب طيس ل	ور ام مقنا	نے اا ا تاروں اء اور اِتط	ی مادد قوت پرقی مناطید ی شر	ارج پر قو ج پر قو روژ	، مق چارج گزار مقند سیت سی	قوتیں. تحرک یقی رو وت او وت او ولادی قناطیس قناطیس	يسيي ت ف ف	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7	8
93 94 95 96 97 98 99	229 229 230 233 234 239 240 243																								نوت خط <u>ر</u>		اله . ماب طيس	ور ام	نے اور تاروں	ی ماد قوت سرقی اشیا ی شر	ارج پر قو ج پر قو ارتے ته اطیسی اطیسی مخفی	، مق چار ج گزار ممقنن سیت سیت	قوتیں. تحرک رقی رو قی رو شناطیس تمناطیس تمناطیس	يسىي د ن ف ف	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii عنوان 255 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات 9.2 273 10 مستوى امواج 311 11 ترسيلي تار

	viii																																				إن	عنو
131	339																																	3	مو	بطيب	ēï	12
132	339												 	 	 					•								ب	تقطي	ائرى	اور د	وي ا	بيضو	طی ،	÷	12.	1	
133	342	٠	•					•	•	٠		•		 			٠		٠	•					سمتيه	ٺ س	ِئنٹنگ	کا پو	اج ً	ی امو	قطب	ائرى	یا د	ضوی	ييا	12.	2	
134	345																											سار	انكس	، اور	حراف	، ان۔	کاس	، انعک	آمد	چهی	تر	13
135	345											•		 	 			•									٠					•	آمد	چهی	تر.	13.	1	
136	356	•							•				 		 	٠	•		•	٠						•	٠					گن	ائی ٔ	سیم ہا	تر	13.	2	
137	359																																١	همكي	ور گ	ويج ا	م	14
138	359												 	 	 											نہ	مواز	کا	مويج	۔ اور	ی تار	رسيل	ر، ت	نی دو	برة	14.	1	
139	360									•		•	 	 	 		وج	ے مو	برقى	سى	عوض	ں ء	ح میہ	مويج	کے '	ِں َ	ڄادرو	ی ج	ستو	کے '	هت	. وس	مدود	لامح	دو	14.	2	
140	366									•		•	 	 	 					•										ويج	بلی ه	ستطي	لا مہ	هوكها	ک	14.	3	
141	375		•		٠	•					٠					•		•			٠	•	غور	بلى	فصي	پر ت	بدان	ے می	ج کے	ي موي	تطيلى	مسن	1	4.3.	1			
142	382									•		•	 	 	 					•			ج	مو	ГΜ	mn	سى	ناطيد	ی مق	عرضح	میں ،	يج '	ں مو	ستطيلح		14.	4	
143	386												 	 	 																مويج	الى •	ی نا	هوكها	ک	14.	5	
144	393	•										•	 	 	 											•	عيف	ِ تض	دد پر	لم تعا	ے ک	س کد	، تعد	طاعى	انة	14.	6	
145	395	٠										•		 	 												سعيف	ر تض	دد پ	ند تع	ے با	س عد	، تعد	طاعى	انة	14.	7	
146	397											•	 	 	 																	7	موج	طحى		14.	8	
147	402												 	 	 					•											يج	ی مو	تخت	ِ برق	ذو	14.	9	
148	405												 	 	 																	•	یشہ	بش را	ٔ شب	14.1	0	
149	408											•		 	 																	. (بارت	ده بص	ٔ پرا	14.1	1	
150	410											•		 	 												٠					رء	، خا	ہمکی	ً گ	14.1	2	
151	413												 	 	 												J	ے حا	مومح	کا ء	وات	مساو	ويل	کس ،	مي	14.1	3	

152	421																										ج	اخرا	شعاعي	اور	اينثينا	15
153	421																•												عارف	ī	15.1	
154	421																											دباو	اخيري	3	15.2	
155	423						 																						كمل.	ī	15.3	
156	424						 																		L	اينٹيا	ن قطبی	جفت	ىختصر		15.4	
157	432						 															ت.	زاحم	جی ہ	خرا۔	، کا ا	ن قطب	جفت	ىختصر	•	15.5	
158	436									•					•													ويہ	پھوس زا	le J	15.6	
159	437																							ائش	ر افزا	ت او	، سمتي	رقبہ:	خراجي	١	15.7	
160	444						 																					رتيب	نطاری ت	i	15.8	
161	444																						منبع	قطہ ،	دو نا	متى،	غير س		15.8.1	l		
162	445																									نقش	ضرب		15.8.2	2		
163	446																									طار	ثنائبي ق		15.8.3	3		
164																											ں یکساں		15.8.4	ļ		
165	450																			_		-					۔ يكساد		15.8.5	5		
166	450																												15.8.6			
	454																												15.8.7			
167																	_														15.0	
168																													نداځل پ			
169	456																										_		سلسل			
170																													ستطيل			
171																													خراجي			
172	460			•			 	٠	•		 •	•	٠			٠	•			٠			•		٠			تثينا	خطی این	- 1:	5.13	
173	465		•	٠																			٠				بنثينا	ج اب	چلتے مو	- 1:	5.14	
174	466																										اينٹينا	هيرا	چھوٹا گ	- 1:	5.15	
175	467																										. 1	اينثينا	يچ دار	1:	5.16	
176	469																										ار .	كردا	دو طرفہ	1:	5.17	
177	471																											ينطينا	جهری ا	- 1:	5.18	
178	472														•		•											. 1	يپا اينٹين	į 1:	5.19	
179	474																•									ن .	مساوات	بڈار	فرائس رب	i 1:	5.20	
180	477						 											. ر	رد گی	ار کر	لی ک	تحلي	اور	رارت	ے ح	ئينا كو	بن، این	دوربي	یڈیائی	, 1:	5.21	
181	479																								بعيد	رارت	اور ح	نظام	حرارت	- 1:	5.22	

باب 16

سوالات

سمتىات

 $1359a_{\mathrm{X}}+1087a_{\mathrm{y}}+1359a_{\mathrm{Z}}$ ، 28.3 ، $-0.648a_{\mathrm{X}}-0.648a_{\mathrm{y}}-0.399a_{\mathrm{Z}}$ ، $-13a_{\mathrm{X}}-13a_{\mathrm{y}}+8a_{\mathrm{Z}}$. يوايات:

سوال 16.2: نقطہ (1,2-2,3 ، (1,-2,3) اور (7,5,-4) دیے گئے ہیں۔(الف)محدد کے مرکزہے A تک سمتیہ لکھیں؛(ب)مرکزہے کلیر AB کے وسط تک سمتیہ لکھیں؛(پ)اسی سمت میں اکائی سمتیہ لکھیں؛(ت) تکون ABC کااعاطہ دریافت کریں۔

23.4 ، $0.566a_{
m X}-0.424a_{
m Y}-0.707a_{
m Z}$ ، $2a_{
m X}-1.5a_{
m Y}+2.5a_{
m Z}$ ، $a_{
m X}-2a_{
m Y}+3a_{
m Z}$. وابات:

سوال 16.3: مرکزسے نقطہ A تک سمتیہ a_Z بایاجاتا ہے۔ دونوں مورکزسے $a_X + \frac{1}{3}a_X - \frac{2}{3}a_X + \frac{1}{3}a_Z$ اکائی سمتیہ کی سمت میں نقطہ B بایاجاتا ہے۔ دونوں فقطوں کے در میان A فاصلہ ہونے کی صورت میں نقطہ B دریافت کریں۔

جوابا**ت**: (2.57, -2.57, 1.28)

سوال 16.4: سمتی میدان کی قیمت حاصل کریں۔ اس $M=(x+y^2)a_X+2(xy+3)a_y+4z^2a_Z$ براس میدان کی قیمت حاصل کریں۔ اس فیطے پر میدان کی سمت میں اکا کی سمتیہ دریافت کریں۔ الیی سطح جس پر |M|=5 ہو کی مساوات حاصل کریں۔ اس سطح پر 2 میں حاصل کریں۔ صورت میں حاصل کئیر کی مساوات حاصل کریں۔

3731

3733

 $(0.836a_{\rm X}-0.456a_{\rm Y}+0.304a_{\rm Z})$ ، $M=11a_{\rm X}-6a_{\rm Y}+4a_{\rm Z}$: $37x^2+56x+9=0$ ، $3x^2+y^2+2xy^2+4x^2y^2+24xy+16z^4-11=0$

سوال 16.5: سمتی میدان $M=(x+y+z)a_{\mathrm{X}}+rac{y}{x}a_{\mathrm{Y}}+xya_{\mathrm{Z}}$ اور $B=2x^2a_{\mathrm{X}}-3y(x+2z)a_{\mathrm{Y}}+5a_{\mathrm{Z}}$ دیے گئے ہیں۔ نقطہ $M=(x+y+z)a_{\mathrm{X}}+rac{y}{x}a_{\mathrm{Y}}+xya_{\mathrm{Z}}$ اور M ماصل کریں۔ اس نقطے پر سمتیہ $M=(x+y+z)a_{\mathrm{X}}+rac{y}{x}a_{\mathrm{Y}}+xya_{\mathrm{Z}}$ کی سمت میں اکائی سمتیہ حاصل کریں۔ $N=(x+y+z)a_{\mathrm{X}}+rac{y}{x}a_{\mathrm{Y}}+xya_{\mathrm{Z}}$

 $0.830a_{
m X}+0.069a_{
m V}+0.553a_{
m Z}$ ، $M=-2a_{
m X}-1.5a_{
m V}-2a_{
m Z}$ ، $B=8a_{
m X}+5a_{
m Z}$. وابات:

باب 16. سوالات

 a_N وریافت کریں۔نقطہ $a_N(2,-3,7)$ پر میدان $a_N(2,-3,7)$ اور $M=rac{16}{x^2+y^2}$ کی سمت میں اکائی سمتیہ a_M دریافت کریں۔نقطہ a_N پر میدان a_N اور a_N اور a_N کے در میان زاویہ حاصل کریں۔

 33.7° ، 56.3° ، $a_M=0.555a_{
m X}-0.832a_{
m V}$ برایت:

سوال ۱۵.7: میدان y=3 سطیر ماصل کریں۔ $M=rac{16}{x^2+y^2}(xa_{
m X}+ya_{
m Y})$ مندر جہ ذیل دودر جی تکمل y=3 سطیر ماصل کریں۔ $\int_0^3\int_0^2M\,{
m d}x\,{
m d}z\cdot a_{
m X}$

 $24 \ln \frac{13}{9}$: واب

 $_{\scriptscriptstyle 41}$ اور C(1,4,-2) اور C حاصل کریں۔ تکون کے کونے B(4,6,2) ، A(3,1,2) اور C حاصل کریں۔ تکون کے کونے B(4,6,2) ، B(4,6,2) اور ABC اور ABC بیں۔

جوابات: °61.74° ، 56.51°

سوال 16.9: نقطے (4,1,2)،(2,4,3)،(2,4,3) اور (2,3,-1) دیے گئے ہیں۔ سمتیہ R_{BA} اور R_{CA} حاصل کریں۔دوسری سمتیہ پر پہلی سمتیہ کے عمود میائے انگلے میں۔ کا میں میں کا میں میں کا میں میں کے در میائے نقطے سے لکیر AC کے در میائے نقطے تک سیدھا سمتیہ حاصل کریں۔

 $2a_{
m X}-0.5a_{
m Y}-2a_{
m Z}$ ، 4.12 ، $-2a_{
m X}+2a_{
m Y}-3a_{
m Z}$ ، $-6a_{
m X}+3a_{
m Y}+a_{
m Z}$. وابات:

سوال 16.10:سمتیہ $B=5a_{
m X}-3a_{
m Y}+2a_{
m Y}$ اوہ حصہ حاصل کریں جو سمتیہ $A=5a_{
m X}+2a_{
m Y}+2a_{
m Y}$ کے متوازی ہے۔وہ حصہ حاصل کریں جو اس کے عمود ی ہے۔

 $0.83a_{
m X}-1.81a_{
m Y}-1.57a_{
m Z}$ ، $4.17a_{
m X}-1.19a_{
m Y}+3.57a_{
m Z}$: يابت ${\cal S}$

 $\mp (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.37a_{ ext{Z}})$ ، $\mp (-0.81a_{ ext{X}} + 0.16a_{ ext{Y}} + 0.58a_{ ext{Z}})$ ، $-0.81a_{ ext{X}} + 0.16a_{ ext{Y}} + 0.58a_{ ext{Z}}$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.37a_{ ext{Z}})$ ، $+0.81a_{ ext{X}} + 0.16a_{ ext{Y}} + 0.58a_{ ext{Z}}$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Z}})$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{X}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$. $\pm (0.29a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}} + 0.88a_{ ext{Y}})$

سوال 16.12: نقطہ N(5,10,4) پر سمتیات $R_{BN}=3a_{
m X}+6a_{
m Y}+12a_{
m Z}$ اور $R_{AN}=5a_{
m Z}$ اور $R_{BN}=12a_{
m X}+8a_{
m Z}$ مل کر تکون بناتی ہیں۔ تکون کی عمود کا کائی سمتیہ حاصل کریں۔ تکون کی سطح پر اس اکائی سمتیہ کو حاصل کریں۔ تکون کی کونے کو نصف زاویہ میں کائے۔

 $0.19a_{ ext{X}} + 0.87a_{ ext{Y}} + 0.45a_{ ext{Z}}$ ، $\mp (0.26a_{ ext{X}} - 0.38a_{ ext{Y}} - 0.89a_{ ext{Z}})$ ، $\mp (-0.83a_{ ext{X}} + 0.39a_{ ext{Y}} - 0.40a_{ ext{Z}})$. $\pm (-0.83a_{ ext{X}} + 0.39a_{ ext{Y}} - 0.40a_{ ext{Z}})$

 $M=(x^2+y^2)^{-1}(xa_{
m X}+ya_{
m Y})$ سوال 16.13:سمتیه $M=(x^2+y^2)^{-1}(xa_{
m X}+ya_{
m Y})$ پرسمتیه کی قیت کارتیبی اور نکلی محد د میں حاصل کریں۔

 $M=rac{1}{5}a_{
ho}$ ' $M=0.41a_{
m X}+0.29a_{
m Y}$ ' $M=rac{1}{
ho}a_{
ho}$: گابات:

projection¹

```
سوال 16.14: نقطہ (12 ء 2, \phi=45^\circ , z=45^\circ اور (
ho=5, \phi=-60^\circ, z=-60^\circ) اور N(
ho=2, \phi=45^\circ, z=12) دئے گئے ہیں۔ کارتیسی محدد میں، پہلے نقطے سے دوسرے نقطے کی جانب اکائی سمتیہ حاصل کریں۔اسی اکائی سمتیہ کو پہلے نقطے پرپائے جانے والے نکلی محدد کے متغیرات کی صورت میں لکھیں۔ سمتیہ کو دوسرے نقطے پرپائے جانے والے نکلی محدد کے متغیرات کی صورت میں لکھیں۔
```

 $_{\scriptscriptstyle{766}}$ $0.292 a_{
ho} - 0.180 a_{\phi} - 0.951 a_{
m Z}$ ، $-0.174 a_{
ho} - 0.255 a_{\phi} - 0.951 a_{
m Z}$ ، $0.057 a_{
m X} - 0.303 a_{
m Y} - 0.951 a_{
m Z}$: يابت

سوال 16.15: نقطه (ρ = 5, φ = 30°, z = 6) سے نقطہ (ρ = 10, φ = 75°, z = 10 تک سمتیہ کار تیسی محد د میں لکھیں۔اس سمت میں اکائی سمتیہ بھی لکھیں۔کار تیسی محد د میں د وسرے نقطے سے مرکز تک اکائی سمتیہ لکھیں۔

 $0.166a_{
m X}-0.618a_{
m Y}-0.768a_{
m Z}$ ، $-0.183a_{
m X}-0.618a_{
m Y}+0.631a_{
m Z}$ ، $-1.74a_{
m X}+7.16a_{
m Y}+6a_{
m Z}$. $30.166a_{
m X}$

سوال16.16: نقطہ (3,2,3 – M) سے نقطہ (N(10,2, -5) تک سمتیہ کونقطہ M پر نکلی محدد کے اکائی سمتیات کی مدد سے لکھیں۔دوسرے نقطے سے پہلے نقطے کی سمت میں اکائی سمتیہ کودوسرے نقطے پر نکلی اکائی سمتیات کی مدد سے لکھیں۔دوسرے نقطے سے اکائی سمتیات کی مصور صورت میں لکھیں۔

سوال 16.17: رداس ho=2 اور ho=6 جم گھیرتے ہیں جو ho=1 تا ho=2 اور ho=6 اور ho=6 جم گھیرتے ہیں جو اور ho=7 تا ho=6 تا ho=6 تا ho=6 بیایاجاتا ہے۔اس جسم کے تجم کو تین درجی تکمل سے حاصل کریں۔اس کی بھی تکمل سے سطح بھی حاصل کریں۔

جوابات: 16.8 ، 41.1

سوال16.18: نقطہ (7,3,8) سے نقطہ (2,4,2 P(3, -4,2 تک سمتیہ کارتیسی، نلکی اور کروی محدد میں حاصل کریں۔پہلے نقطے کے اکائی سمتیات استعال کریں۔تینوں سمتیات کی لمبائی حاصل کرتے ہوئے ثابت کریں کہ تینوں سمتیات کی لمبائی برابرہے۔

-5.3165م $_{
ho}-4.9735$ م $_{\phi}-6.0000$ م $_{Z}$ ، $-2a_{\mathrm{X}}-7a_{\mathrm{Y}}-6a_{\mathrm{Z}}$ جابات: 9.434، -8.6615-2.7739م $_{\theta}-2.5069$ م

 $K\cdot G$ اور $G=2a_{
m r}+5a_{ heta}+2a_{
ho}$ دیے گئے ہیں۔ان کی غیر سمی ضرب $K=3a_{
m r}-2a_{ heta}+8a_{\phi}$ دیے گئے ہیں۔ان کی غیر سمی ضرب $K=3a_{
m r}-2a_{
ho}+8a_{\phi}$ عاصل کریں۔دوسری سمتیہ کی سمت میں ہے۔دونوں سمتیوں کا سمتی ضرب $K\times G$ عاصل کریں۔اس نقطے پر دونوں سمتیوں کی عمود کیا کائی سمتیہ حاصل کریں۔

، $44a_{\mathrm{r}}-10a_{\theta}-19a_{\phi}$ ، $0.46753a_{\mathrm{r}}-0.31169a_{\theta}+1.24675a_{\phi}$ ، 1.3675 ، 12 . $\mp(0.89871a_{\mathrm{r}}-0.20425a_{\theta}-0.38808a_{\phi})$

سوال 16.20: ایک جسم r=6 تا r=6 ، r=6 تا r=6 تا r=6 اور r=6 تا r=6 تا r=6 گیر تاہے۔ اس جسم کے دودور ترین کونوں کے در میان فاصل حاصل کریں۔ جسم کی سطح کار قبے حاصل کریں۔ جسم کی ججم دریافت کریں۔

جوابات: 9.27 ، 198.27 ، 179.25

سوال16.21: نقطہ N(5,4, -2) اور P(6,4,10) دیے گئے ہیں۔پہلے نقطے کو نککی محد دمیں لکھیں۔پہلے نقطے کے متغیرات استعال کرتے ہوئے پہلے نقطے سے دوسرے نقطے تک سمتیہ نکلی محد دمیں لکھیں۔

 $0.57 oldsymbol{a}_{
ho} - 0.82 oldsymbol{a}_{\phi} + 12 oldsymbol{a}_{
m Z}$ ، $P(6.4031,38.6598^{\circ},-2.0000)$: بابت:

باب 16. سوالات

باب 16. سوالات