برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14						•						•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ا	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16						•						•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•						•	•																			٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح -	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	;	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 30 22 30 40 3 30 40 4 40 4.3. 4.3. 4.3. 4.3.	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 99 48 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 45 3. 4.3. 4.3. 101 46 3. 4.3. 4.3. 102 5 3. 302 6 3. 303 7 3. 304 8 3. 305 8 3. 306 8 3. 307 8 4. 308 8 4. 309 9 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 40 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s								 	•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																				يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثار	کپیس	ِری ٔ	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ِری ٔ	محو	بم	5.	10.3			
1559									•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•						 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) دېرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	•	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₆₂ 249 ₆₃ 250 ₆₄ 254 ₆₅ 255 ₆₆	 										 						 						 قوت 	نين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِی رو پِت اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ر ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق وطیسی اور مقاور مق	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی نناطیس	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطير 		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو پت اور نناطیس نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉ 268 ₂₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد توت رقی آ اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یت اور ین اطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

283 ₀₄	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.05	9.1 فیراڈے کا قانون
29006	9.2 انتقالی برقی رو
29607	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
298 ₀₈	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303.09	9.5 تاخيري دباو
311110	10 مستوى امواج
	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31212	
319 ₁₃	-
323 ₁₄	
32515	
	10.3 پوئتلنگ سمتیہ
334,7	·
	10.5 انعكاس مستوى موج
34619	· ·
3	10.0
35920	11 ترسیلی تار
359 ₂₁	11.1 ترسیلی تار کے مساوات
363.22	11.2 ترسیلی تار کے مستقل
364 ₂₃	11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل
367/24	11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل
36825	11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار
369,26	11.3 ترسیلی تار کے چند مثال
377/27	11.4 ترسیمی تجزیہ، سمتھ نقشہ
384 ₂₈	11.4.1 سمته فراوانی نقشہ
38629	11.5 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال
389 ₃₀	11.6 تجزیه عارضی حال

viii

39331	، موج	تقطيب	12
نىوى اور دائرى تقطيب	خطی، بیض	12.1	
دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ	بیضوی یا	12.2	
ں، انحراف اور انکسار	آمد، انعکاس	ترچھى	13
399,35	ترچھی آمد	13.1	
	ترسیم ہائی	13.2	
413 ₃₇	ور گهمکیا	مويج او	14
ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	برقی دور،	14.1	
ود وسعت کے مستوی چادروں کے موبج میں عرضی برقی موج	دو لامحدو	14.2	
مستطیلی موبج	كهوكهلا .	14.3	
مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور	14.3.1		
مویج میں عرضی مقناطیسی TM _{mn} موج	مستطیلی .	14.4	
نالى مويج	كهوكهلي	14.5	
عدد سے کم تعدد پر تضعیف	انقطاعى تە	14.6	
عدد سے بلند تعدد پر تضعیف	انقطاعی تە	14.7	
ع على المادة على الماد	سطحی مو	14.8	
ىتى مويج	ذو برق تخ	14.9	
459.48	ا شیش ریشہ	14.10	
ت	ا پرده بصارد	14.11	
فلاء	: گهمکی خ	14.12	
عمومی حل	ا ميكس ويل	14.13	

475.52	شعاعي اخراج	اينثينا اور	15
475.53	نعارف	15.1	
475.54	ناخیری دباو	15.2	
477 ₁₅₅	نكمل	15.3	
47856	مختصر جفت قطبي اينثينا	15.4	
48657	مختصر جفت قطب كا اخراجي مزاحمت	15.5	
49058	ئهوس زاویہ	15.6	
491159	خراجبی رقبه، سمتیت اور افزانش	15.7	
49860	قطاری ترتیب	15.8	
49861	15.8.1 غیر سمتی، دو نقطہ منبع		
499.62	15.8.2 خرب نقش	;	
50063	15.8.3 ثنائي قطار	i	
50264	15.8.4 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار	ļ	
50465	15.8.5 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار	;	
50466	15.8.6 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار)	
50867	15.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	,	
50968	نداخُل پيما	15.9	
51069	مسلسل خطى اينشينا	15.10	
511170	مستطيل سطحي اينٹينا	15.11	
51471	اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں	15.12	
51472	خطى ايشينا	15.13	
519,73	چلتے موج اینٹینا	15.14	
52074	چهوڻا گهيرا اينٹينا	15.15	
521175	پیچ دار اینٹینا	15.16	
523,76	دو طرفه کردار	15.17	
525.77	جهری اینٹینا	15.18	
52678	بيپا اينٹينا	15.19	
52879	فرائس ریڈار مساوات	15.20	
531180	ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی	, 15.21	
	حرارت نظام اور حرارت بعید		

16 سوالات

باب 11

ترسیلی تار

ترسلی تارا یک نقطے سے دوسرے نقطے تک توانائی اور اشارات منتقل کرتے ہیں۔ بالکل سادہ صورت میں ترسلی تار منبع طاقت کو برقی بار کے ساتھ منسلک کرتا ہے۔ یہ مرسل (ٹرانسمٹر) اور اینٹینا ² یا پھر ڈیم میں نسب جزیٹر اور اس سے دور کسی شہر کا بار ہو سکتے ہیں۔

مستوی برقی و مقناطیسی امواج عرضی امواج ہیں۔ ترسیلی تاریر بھی عرضی امواج ہی پائی جاتی ہیں۔ ہم دیکھیں گے کہ اس مشابہت کی بناپر برقی و مقناطیسی ایمواج کے لئے حاصل کردہ مساوات ترسیلی تارکے لئے بھی قابل استعال ہوں گے البتہ ترسیلی نظام میں برقی اور مقناطیسی میدان کے بجائے عموماً برقی د باواور برقی کھود کی استعال کئے جاتے ہیں۔اسی طرح کثافت طاقت کی جاتے کی جاتی ہے۔

اس باب میں ترسیمی تجزیے پر خاص زور دیاجائے گاجو عرضی برقی ومقناطیسی مستویامواج کے لئے بھی قابل استعال ہو گا۔

11.1 ترسیلی تار کے مساوات

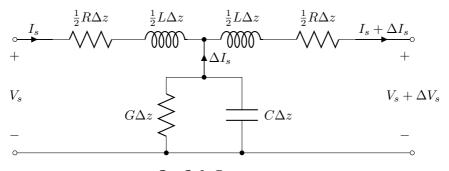
ہم تر سیلی تاری عمومی مساوات حاصل کرنے کی خاطر ہم محوری تار کو ذہن میں رکھ کر آگے چلتے ہیں۔ یہ تاریح محد دیر پڑی ہے۔ ہم محوری تاریے اندرونی اور ہیرونی موصل تاریج ہم محوری تاری جسامت اور اشارات کی تعدد جائیت موصل تاریج ہم محوری تاری جسامت اور اشارات کی تعدد جائیت ہوئے ہم اکائی لمبائی تاریے مستقل C در میان مادے کے مستقل کے در میان مادے کے در میان ماد

یہاں بھی ہم موج کی حرکت عرب نصور کرتے ہیں۔ یوں تارکے جیوٹی لمبائی کے کی مزاحمت کی مزاحمت کے اور ایصالیت کے کاور ایصالیت کے کہ ہوگی المبائی کے کے شکل 11.1 میں ترسیلی تارکے اس جیوٹے لمبائی کو دکھا یا گیا ہے۔ چو نکہ تارکا یہ جیوٹا نکڑا دونوں اطراف سے بالکل ایک جیسے معلوم ہوتا ہے لملذااس کے پیلسلہ واراجزاء کو آدھے آدھے نکڑوں میں کرتے ہوئے سلسلہ واراجزاء کو اور جزاء کو آدھے آدھے نکڑوں میں کرتے ہوئے سلسلہ واراجزاء کے دونوں جانب بھی جوڑ سکتے تھے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ شکل 11.1 میں بائیں طرف برقی دباو

 $V = V_0 \cos(\omega t - \beta z + \psi)$

transmitter¹ antenna²



شکل 11.1: یکسان ترسیلی تار کا چهوٹا حصہ۔ متغیرات C ، L ، R اور G تار کی شکل اور مادوں پر منحصر ہیں۔

پائی جاتی ہے۔ یہ حرکت کرتے موج کی عمومی مساوات ہے۔ یولر مماثل استعال کرتے ہوئے اس مساوات کو

$$V = \left[V_0 e^{j(\omega t - eta z + \psi)}
ight]$$
يقتي

کھاجا سکتا ہے۔ اس مساوات میں $e^{j\omega t}$ اور زیر نوشت میں جی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے دوری سمتیہ کی صورت میں یوں کھاجا سکتا ہے

$$V_s = V_0 e^{j\psi} e^{-\beta z}$$

جہاں مساوات کے بائیں ہاتھ V_s کھتے ہوئے زیر نوشت میں s یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں ہے۔

شکل 11.1 کے گرد گھومتے ہوئے کر جاف کے برقی دباوکے قانون سے

$$V_{s} = \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_{s} + \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)(I_{s} + \Delta I_{s}) + V_{s} + \Delta V_{s}$$

یا

$$\frac{\Delta V_s}{\Delta z} = -\left(R + j\omega L\right) I_s - \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \Delta I_s$$

کھاجاسکتاہے۔اگر Δz کو صفر کے قریب تر کیاجائے تب ΔI_s بھی صفر کے قریب تر ہو گا۔ یوں $\Delta z \to 0$ کی صورت میں اس مساوات کے آخر کی جزو کو نظر انداز کیاجاسکتاہے۔ یوں اسے

$$\frac{\mathrm{d}V_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(R + j\omega L\right)I_{s}$$

لکھاجا سکتا ہے۔

متوازی اجزاء پر برقی دیاو

$$V_s - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_s$$

ہے جسے استعال کرتے ہوئے شکل کو دیکھ کر متوازی اجزاء میں تفرقی روکے لئے

$$-\Delta I_{s} = \left[V_{s} - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L \Delta z}{2} \right) I_{s} \right] \left(G\Delta z + j \omega C \Delta z \right)$$

$$\frac{\Delta I_s}{\Delta z} = -\left(G + j\omega C\right) V_s + \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \left(G + j\omega C\right) I_s \Delta z$$

کھاجاسکتاہے۔اگر $z o \Delta$ کیاجائے تباس مساوات کے آخری جزوکو نظر انداز کیاجاسکتاہے اور یوں

$$\frac{\mathrm{d}I_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(G + j\omega C\right)V_{s}$$

حاصل ہو تاہے۔

یہاں رک کر ذرہ برقی و مقناطیسی امواج کے مساوات کو دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ میکس ویل کی مساوات $abla imes E_s = -j\omega \mu H_s$

ير کرنے $oldsymbol{H}_{ys} = H_{ys}oldsymbol{a}_{
m Y}$ اور $oldsymbol{E}_{s} = E_{xs}oldsymbol{a}_{
m X}$ اور

$$\frac{\mathrm{d}E_{xs}}{\mathrm{d}z} = -j\omega\mu H_{ys}$$

ملتاہے اور اسی طرح

 $\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \boldsymbol{E}_{s}$

سے

(11.4)
$$\frac{\mathrm{d}H_{ys}}{\mathrm{d}z} = -\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)E_{xs}$$

ملتا ہے۔

C مساوات S این جگه S مساوات نه کریں۔ غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں S کی جگہ ورک کی جگہ ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں S کی جگہ ورک کی جگہ ورک مساوات ماصل کی جاسکتی ہے۔ دونوں مساوات بہت قریبی مشابہت رکھتے ہیں۔ S کی جگہ ورک مساوات ماصل کی جاسکتی ہے۔ دونوں مساوات بہت قریبی مشابہت رکھتے ہیں۔

اس طرح مساوات 11.1 اور مساوات 11.3 کودیکھتے ہوئے یہی جوڑے یہاں بھی پائے جاتے ہیں،البتہ یہاں L اور م کی جوڑی بھی پائی جاتی ہے۔ہاں ظاہری طور پر R کی جوڑی موجود نہیں ہے۔یوں ہم ہس کی جوڑی R + jwL کے سکتے ہیں۔

لامحدود یکساں مستوی امواج اور لامحدود لمبائی کی بیکساں ترسیلی تار کے سرحدی شر ائطا یک جیسے ہیں۔دونوں میں سرحد پایابی نہیں جاتاللذاہم گزشتہ باب میں حاصل حل

 $E_{xs} = E_{x0}e^{-\gamma z}$

کی طرز پراب

$$(11.5) V_s = V_0 e^{-\gamma z}$$

بطور ترسیلی تارے مساوات کا حل لکھ سکتے ہیں۔ یہ برقی دباوے موج کی مساوات ہے۔ یہ موج مثبت z جانب حرکت کررہی ہے اور z=0 پراس کا حیطہ v_0 ہے۔ حرکی مستقل

$$\gamma = \sqrt{j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)}$$

اـــا

(11.6)
$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$$

ہو جائے گا۔ طول موج اب بھی

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہو گا۔ موج کی رفتاراب بھی

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

3556

کامل تر سیلی تار طاقت ضائع نہیں کر تا۔ ایسی تاریے مستقل R=G=0 ہوتے ہیں لہذا $\gamma=j\beta=j\omega\sqrt{LC}$

اور

$$v = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

عد العربي العربي

اسی طرح مقناطیسی موج

$$H_{ys} = \frac{E_{x0}}{\eta} e^{-\gamma z}$$

(11.10) $I_{s} = \frac{V_{0}}{Z_{0}} e^{-\gamma z}$

کھاجاسکتا ہے جہاں ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ Z_0 کو

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

 $Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$

عرب اسكتام. - كلها جاسكتام.

خطہ - 1 میں آمدی موج جب خطہ - 2 کے سر حدسے نگراتی ہے تواس کا کچھ حصہ بطور انعکاسی موج خطہ - 1 میں واپس ہو جاتی ہے۔اس انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح کو شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{E_{x0}^{-}}{E_{x0}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

11.2. ترسیلی تار کے مستقل

کہتے ہیں۔اسی طرح اگر 2₀₁ قدرتی رکاوٹ کی تر سیلی تاریر آمد موج 2₀₂ قدرتی رکاوٹ کی تر سیلی تار میں داخل ہوناچاہے توان کے سر حدسے انعکاسی موج واپس ہو گی۔ایسی انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح

(11.12)
$$\Gamma = \frac{V_0^-}{V_0^+} = \frac{Z_{02} - Z_{01}}{Z_{02} + Z_{01}}$$

ہو گی۔انعکاسی شرح جانتے ہوئے شرح ساکن موج

$$(11.13) s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|}$$

 H_{ys} اور H_{ys} کاشر کz=-l کوتی جا کتی ہے۔ آخر میں اگر ک $\eta=\eta_2$ پرz>0 اور

$$\eta_{j}$$
ب $\eta_1 = \eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j\eta_2 \tan \beta_1 l}$

کو داخلی قدرتی رکاوٹ کہتے ہیں۔اس ہے z>0 پر z_0 کی صورت میں ترسیلی تار کے لئے z=-1 اور z_1 کی شرح، یعنی اس کی واخلی قدرتی رکاوٹ کو

(11.14)
$$Z_{01} = Z_{01} \frac{Z_{02} + jZ_{01} \tan \beta_1 l}{Z_{01} + jZ_{02} \tan \beta_1 l}$$

کھا جا سکتا ہے۔

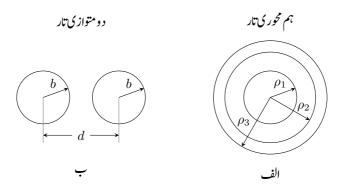
محدود کمبانی کے ترسیلی تار میں کھی t=0 پر داخلی سرے سے اختتا می سرے کی جانب امواج روانہ ہوتی ہیں۔ ان امواج کا کچھ حصہ اختا می سرے پر آئیب بارسے اندکاس پذیر ہو کر واپس لوٹیس گی۔ ابتار میں آمدی موج کے ساتھ ساتھ اندکاس بذیر امواج بھی پائی جائیں گی۔ اندکاس موج ترسیلی تار کے داخلی سرے پر بی بھی کر یہاں سے منعکس ہوں گی۔ یوں تار میں اب اصل آمدی موج کے ساتھ ساتھ دو مرتبہ اندکاس پذیر امواج بھی اختتا می جانب رواں ہوں گی۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جلد ہی ترسیلی تاریخ دونوں سروں سے بار بار منعکس ، لامحدود تعداد کے امواج تار میں پائے جائیں گے۔ بجائے یہ کہ ہم تار میں ہر موج پر نظر رکھیں ، ہم دو خلی جانب سے اختتا می جانب دواں تمام امواج کے مجموعے کو آمدی موج تصور کرتے ہیں۔ اسی طرح اختتا می جانب سے داخلی جانب تمام امواج کے مجموعے کو آمدی موج تصور کرتے ہیں۔ اسی طرح اختتا می جانب سے داخلی جانب تمام امواج کے مجموعے کو آمدی موج تصور کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کیا میں میں موج تصور کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تصور کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کی موج تصور کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کی معرب کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کیا جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کیا ہی تعداد کی جو تعداد کیا ہے۔ ایس ہی تعداد کیا ہیا ہی تعداد کی جو تعداد کیا ہی تعداد کی جو تعداد کیا ہی تعداد کی جاتا ہے۔ ایس ہی تعداد کی تعداد کیا ہی تعداد کی تعداد کیا ہی تعداد کی تعداد کیا ہی تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کے تعداد کی تعداد کی تعداد کیا ہی تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کے تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کی تعداد کے تعداد کے تعداد کی تع

 $^{\prime}$ دور $^{\prime}$ دور $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$ کاریک ترسیلی تاریح مستقل $^{\prime}$ کاریک ترسیلی تاریخ مستقل $^{\prime}$ دور $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$ کاریں۔ $^{\prime}$

$$55.9 / -0.029^{\circ}$$
 Ω وابات: $2.23 \times 10^{8} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ و $2.81 \, \text{m}$ و $2.236 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$ وابات:

11.2 ترسیلی تار کر مستقل

اس جھے میں مختلف اشکال کے ترسیلی تار کے مستقل کیجا کرتے ہیں۔ان میں سے عموماً مستقل کو ہم پہلے حاصل کر پچکے ہیں،بس انہیں ایک جگہ لکھنا باقی ہو گا۔ پیب سے پہلے ہم محوری تار کے مستقل اکھٹے کرتے ہیں۔



شکل 11.2: بم محوری ترسیلی تار اور دو متوازی ترسیلی تار.

11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل

شکل۔11۔ الف میں ہم محوری تار دکھائی گئی ہے جس میں اندرونی تار کار داس ρ_1 ہے۔ بیر ونی تار کا اندرونی رداس ρ_2 اور اس ρ_3 بیں۔تاروں کے در میان ρ_3 در میان ρ_4 اور ρ_3 بیں۔ تاروں کے در میان خوبرت کے مستقل ρ_4 اور ρ_3 بیں۔ تاری کی لمبائی ρ_4 ایک لمبائی ρ_4 اور ρ_3 بیں۔ تاری کے مستقل ρ_4 اور ρ_3 بیں۔ تاری کی لمبائی ρ_4 اور ρ_3 بیں۔ تاری کی لمبائی ρ_4 بیں تاری کی لمبائی ρ_4 بیں۔ تاری کی لمبائی میٹر کم بیسٹنس

(11.15)
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

3573

حاصل ہوتی ہے جبکہ فی میٹراہالہ صفحہ 272پر مساوات 8.67 پتاہے۔

$$L_{\dot{\mathfrak{z}},z} = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

یہ تار کی بیر ونیامالہ ہے۔بلند تعدد پر تارمیں برقی روصرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہٰذاالیی صورت میں تار کے اندر نہایت کم مقناطیسی بہاویا پاجاتا ہے اور یوں اس کی اندرونی امالہ قابل نظرانداز ہوتی ہے۔کسی بھی ترسیلی تار کے لئے

$$L_{\dot{\mathcal{S}},\mathcal{L}}C = \mu \epsilon$$

درست ثابت ہوتا ہے۔یوں دونوں ہم محوری تاروں کے در میان میں بھری ذو برق کا∋اور فی میٹر تار کی کیبیسٹنس جانتے ہوئےاندرونی امالہ اس مساوات سے حا‱ کی جاسکتی ہے۔

كم تعدد پرتاركي اندروني اماله كو نظرانداز نهيس كيا جاسكتا۔اليي صورت ميس مساوات 8.71

$$L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\mu}{8\pi} + \frac{\mu}{2\pi \left(\rho_3^2 - \rho_2^2\right)^2} \left(\rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2\right)$$

میں دی گئی فی میٹر تارکی امالہ استعمال کی جائے گی۔ یادر ہے کہ بیرامالہ حاصل کرتے ہوئے فرض کیا گیا تھا کہ برقی رو یکساں موصل تارییں گزرتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ بلند تعدد پر روصرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہٰذا کم تعدد پر ہی اس امالہ کو استعمال کیا جاسکتا ہے۔

آئیں ایسی تعدد پر بھی صورت حال دیکھیں جب اندرونی امالہ کی قیت قابل نظر انداز نہ ہولیکن گہرائی جلد کے اثر کو بھی نظر انداز نہیں کیا جاسکا۔ گہرائی جلد کے اثر کو وجہ سے مساوات 11.18 قابل قبول نہیں ہوگی۔اب فرض کرتے ہیں کہ گہرائی جلد کا اندرونی تارکے بیرونی

11.2. ترسیلی تار کرے مستقل

باریک تہہ میں برقی روپائی جائے گی۔ برقی رو $a_{
m Z}$ ست میں ہے اور چو نکہ $J_s=\sigma_c E_s$ ہوتا ہے للذاتار کی سطح پر ق E_s کا مماثل جزو بھی $a_{
m X}$ ست میں ہوگا۔ موصل تاری موصلیت کو یہاں σ_c کا کھا گیا ہے۔ مقاطیسی میدان کی شدت تارکی سطح پر

$$H_{\phi s} = \frac{I_s}{2\pi\rho_1}$$

ہو گی۔اب تار کی سطح پر E_{zs} اور H_{ys} کی شرح، مستوی برقی و مقناطیسی موج کی قدر تی رکاوٹ ہو گی۔ا گرچہ ہم نکلی اشکال کی بات کررہے ہیں لیکن $\delta \gg \delta \gg \delta$ کی بناپر برقی رو گزارتے باریک تہہ کو δ موٹائی اور $\delta \sim 2\pi \rho$ چوڑائی کا موصل تصور کیا جاسکتا ہے۔ یوں صفحہ 337 پر مساوات 10.66 سے

$$|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{H_{ys}} = \frac{1+j}{\sigma_c \delta}$$

لکھا جا سکتا ہے جس میں مساوات 11.19پر کرنے سے

$$\frac{E_{zs}}{I_s}\bigg|_{\rho_1} = \frac{1+j}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کھاجاسکتاہے۔ چونکہ E_{zs} دراصل فی میٹر برقی د باوہ لہذامندرجہ بالاشرح فی میٹر قدرتی رکاوٹ

(11.20)
$$Z = \frac{E_{zs}}{I_s} \Big|_{\rho_1} = R + j\omega L = \frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c} + j\frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کے برابر ہے۔ بیدامالہ تارکی اندرونی امالہ ہے جو تارکے موصلیت ، حربر منحصر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کامل موصل کی صورت میں قدرتی رکاوٹ صفر ہوگی۔ یوں اندرونی تارکی اندرونی امالہ

$$L_{
ho_1,\dot{\mathcal{G}}}$$
ائدرونی $= \frac{1}{2\pi
ho_1 \delta \sigma_c \omega}$

ہو گی۔صفحہ 335پر مساوات 10.63 کو $\frac{1}{\pi f \mu \delta^2}$ و کے اس میں پر کرنے سے

(11.21)
$$L_{\rho_1, \dot{\mathcal{G}}_{1, \lambda}, \lambda} = \frac{\mu \delta}{4\pi \rho_1} \quad (\delta \ll \rho_1)$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طریقہ کارسے بیر ونی تارکے لئے

(11.22)
$$L_{\rho_2,\dot{\mathcal{C}}_{\sigma_3,\dot{\sigma},\dot{\sigma}_{\sigma_3,\dot{\sigma}_3,\dot{\sigma}},\dot{\sigma}},\dot{\sigma}}}}}}}}}}}}}}}}}}}$$

کھاجاسکتاہے۔یوں بلند تعدد پر ہم محوری تارکی کل امالہ

(11.23)
$$L_{j,j,k} = \frac{\mu}{2\pi} \left[\ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\sigma_c}{2} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2} \right) \right] \qquad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

ہو گا۔ مساوات 11.20 بلند تعدد پر قدر تی رکاوٹ کامزاحمتی حصہ یعنی فی میٹر مزاحمت بھی دیتاہے جس سے اندرونی اور بیرونی تاروں کاسلسلہ وارمجموعہ

(11.24)
$$R = \frac{1}{2\pi\delta\sigma_c} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}\right) \quad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

لکھاجا سکتا ہے۔اس مزاحمت کے ساتھ شعاعی اخراج سے پیدامزاحمتی جزو بھی شامل کیا جا سکتا ہے۔ بے پردہ قتاریا ہم محوری تارکے کھلے سرسے شعاعی اخراج ہوتا ہے۔

الیی تعدد جس پر گہرائی جلد کی قیمت رداس سے بہت کم نہ ہو حل کرتے ہوئے 4استعال ہوتے ہیں۔ یہاں انہیں حل نہیں کیاجائے گا۔

قدر تی رکاوٹ کو عموماً بیر ونی امالہ اور سپیسٹنس کی صورت میں

(11.25)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\xi},z}}{C}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

كصاجاتا ہے۔

اندرونی اور بیرونی تارکے مابین ذو برق میں سے گزرتی یک سمتی برقی روGV=I سے حاصل ہوتی ہے۔اندرونی تارپر ho_L اور بیرونی تارپر ho_L کثافت کئیری چارج تصور کرتے ہوئے تاروں کے مابین برقی د باوصفحہ 102پر مساوات 4.18

$$V = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

دیتی ہے۔ تاروں کے در میان ذو برق میں میدان مساوات 4.17

$$E_{\rho} = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

دیتی ہے۔ ذوبرق کی موصلیت 6 کھتے ہوئے، صفحہ 130 پر اوہم کے قانون کی نقطہ شکل یعنی مساوات 5.11 کی مددسے یوں رداس 0 پر کثافت برقی رو

$$J_{\rho} = \sigma E_{\rho} = \frac{\sigma \rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

 $2\pi
ho$ کار جائے گی۔اندرونی تارکے گردرواس 0پر 2 لمبائی کی نکی سطح کار قبہ $2\pi
ho$ ہو گا۔ایسی اکائی لمبائی کی سطح کے رقبہ $2\pi
ho$ سے کل

$$I = J_{\rho} 2\pi \rho = \frac{\sigma \rho_L}{\epsilon}$$

برقی رو گزرے گی۔ یوں

(11.26)
$$G = \frac{I}{V} = \frac{2\pi\sigma}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتاہے۔

یہاں G کی قیمت C کے قیمت سے حاصل کر ناد کھتے ہیں۔ایک تار سے دو سرے تار تک E کی لکیری تکمل سے برقی دباو V حاصل ہوتا ہے۔صفحہ 135 پر مساوات E مساوات کے تحت کسی بھی موصل پر سطحی کثافت چارج، سطح کے عمود کی برقی بہاو کے برابر ہوتی ہے، یعنی $\rho_S = D$ ہوں تاریر کل چارج

$$Q = \int_{S} \rho_{S} \, dS = \epsilon \int_{S} E_{\zeta, \mathcal{F}} \, dS$$

کلھی جاسکتی ہے جہاں S تار کا سطحی رقبہ ہے اور $D=\epsilon$ کھھا گیا گا۔ یوں

(11.27)
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{\epsilon \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathfrak{p}^{\epsilon}} dS}{V}$$

ہوگا۔اب موصل کے سطح پر عہوری عبانتے ہوئے یہاں کثافت برقی روعودی $J=\sigma E$ کھی جاسکتی ہے لہذا تار کے سطح سے خارج کل برقی رو

$$I = \sigma \int_{S} E_{\mathcal{S}, \mathcal{F}} \, \mathrm{d}S$$

Bessel functions⁴

ہو گی۔ یوں دو تاروں کے مابین ایصالیت

$$G = \frac{I}{V} = \frac{\sigma \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathfrak{sf}} dS}{V}$$

ہو گی۔مساوات 11.27 اور مساوات 11.28 کو دیکھ کر

$$G = -\frac{\sigma}{\epsilon}C$$

ککھاجا سکتاہے جو کسی بھی تر سیلی تار کے لئے درست ہے

 $\mu_{R^{84}} = 1$ مشق د.11:1 ایک ہم محوری تار جس کے مستقل $\rho_c = 3.82 \times 10^7 \frac{\text{S}}{\text{m}}$ اور $\rho_c = 3.49 \, \text{mm}$ اور $\rho_c = 1 \, \text{mm}$ اور

 $50/0.055^{\circ}$ Ω ابات: $\frac{\text{rad}}{\text{m}}$ $0.014 \frac{\text{Np}}{\text{m}}$ $0.129 \frac{\text{nH}}{\text{m}}$ $0.25 \frac{\text{μH}}{\text{m}}$ $0.1 \frac{\text{nF}}{\text{m}}$

11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل 11.2.2

شکل۔11۔ب میں دومتوازی ترسیلی تارد کھائی گئی ہے۔تار کار داس 6،تاروں کے مابین فاصلہ 4 جبکہ تار کی موصلیت ۔σ۔ ہے۔تاروں کے گردؤ و برق کے مستقل ∍، µاور σ ہیں۔اس تارکی کیپیسٹنس صفحہ 159 پر مساوات 5.75 کی نصف ہو گی۔اس کی وجہ وہیں پر مساوات کے نیچے سمجھائی گئی ہے۔یوں فی میٹر تارکی کیپیسٹنس

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\cosh^{-1} \frac{d}{2b}}$$

p = 5.76 هو گی۔ا گر $b \ll d$ ہوتب مساوات

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\ln \frac{d}{b}} \quad (b \ll d)$$

لکھاجاسکتاہے۔مساوات 11.17سے تارکی فی میٹربیر ونی امالہ

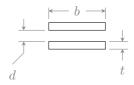
$$L_{\dot{\mathcal{S}}, \mathbf{z}} = \frac{\mu}{\pi} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

یا

$$L_{\dot{\mathcal{J}},\mathbf{z}} = \frac{\mu}{\pi} \ln \frac{d}{b} \quad (b \ll d)$$

لکھی جاسکتی ہے جبکہ بلند تعدد پر فی میٹر کل امالہ

(11.31)
$$L_{j,j} = \frac{\mu}{\pi} \left(\frac{\delta}{2b} + \cosh^{-1} \frac{d}{2b} \right) \quad (\delta \ll b)$$



شكل 11.3: سطح مستوى ترسيلي تار.

ے۔تار کی بیر ونی δ تہہ برقی رو گزارتی ہے۔اس تہہ کارقبہ عمودی تراث $S=2\pi b\delta$ ہے لہذا فی میٹر مزاحمت

$$R = \frac{l}{\sigma_c S} = \frac{1}{\pi b \delta \sigma_c}$$

ہو گی جہاں دونوں تاروں کی مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔مساوات 11.29سے فی میٹر تارکی ایصالیت

$$G = \frac{\pi\sigma}{\cosh^{-1}\frac{d}{2b}}$$

حاصل ہوتی ہے۔

بیر ونی امالہ اور کپیسٹنس استعال کرتے ہوئے قدر تی مزاحمت

(11.34)
$$Z_0 = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

حاصل ہو تاہے۔

11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار 11.2.3

شکل 11.3 میں سطے مستوی ترسیلی تار ⁵د کھایا گیاہے جس میں طچوڑائی اور t موٹائی کے دومتوازی موصل چادر د کھائے گئے ہیں جن کے مابین فاصلہ 4 ہے۔مووول چادر کی موصلیت ع جبکہ ارد گرد کے ذوبرق کے مستقل €،µاور ح ہیں۔

ا گر $b\gg d$ ہوتبان جادروں کی فی میٹر کہیسٹنس

(11.35)
$$C = \frac{\epsilon \bar{\nu}}{\dot{\theta}} = \frac{\epsilon b}{d}$$

ہو گی۔یوں مساوات 11.17سے فی میٹر بیر ونی امالیہ

(11.36)
$$L_{\dot{\mathcal{S}},z} = \frac{\mu \varepsilon}{C} = \frac{\mu d}{b}$$

ہو گی۔امید کی جاتی ہے کہ آپ گہرائی جلداستعال کرتے ہوئےاندرونی امالہ حاصل کر سکتے ہیں۔یوں کل امالہ

(11.37)
$$L = \frac{\mu d}{b} + \frac{2}{\sigma_c \delta b w} = \frac{\mu}{b} (d + \delta) \quad (\delta \ll t)$$

 $stripline^5$

ہو گی جہال گہرائی جلد کو چادر کی موٹائی سے بہت کم تصور کیا گیا ہے۔

بلند تعدد پر بر تی روچادروں کے آمنے سامنے سطحوں پر گہرائی جلد تک محدود ہو گی۔ یوں بر قی رور قبہ 6*0سے گزرے* گی جسسے ایک تار کے اکائی لمبائی کی مزاحمت معاصل ہوتی ہے۔ یوںاکائی کمبی تار کے دونوں حصوں کی سلسلہ وار جڑی کل مزاحمت

(11.38)
$$R = \frac{2}{\sigma_c b \delta} \quad (\delta \ll t)$$

3595 - J

مساوات11.29سے

$$(11.39) G = \frac{\sigma b}{d}$$

کاتھی جاسکتی ہے۔

ان معلومات سے سطح مستوی ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ

(11.40)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\mathcal{G}},\underline{\mathcal{F}}}}{C}} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{d}{b}$$

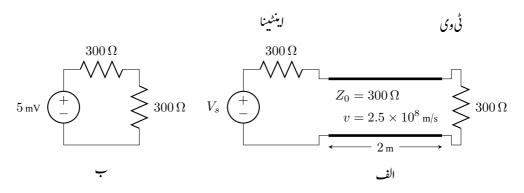
لکھی جا سکتی ہے۔

. 9.816،50.6 cm، −0.215،33.5 cm، 0.26،42.6 cm.

11.3 ترسیلی تار کے چند مثال

اس جھے میں گزشتہ حصوں کے نتائج استعال کرتے ہوئے چند مثال کرتے ہیں۔ یہاں تمام ترسلی تاروں کو بے ضیاع تار تصور کیاجائے گا۔

شر وع دومتوازی تربیلی تارہے کرتے ہیں جس کی قدر تی رکاوٹ Ω 300 ہے۔ایسی تار <mark>ٹی وی</mark> کے اینٹیینااور ٹی وی کے مامین لگائی جاتی ہے۔شکل11.4سلف میں اس طرح جڑے تربیلی نظام کود کھایا گیاہے۔اینٹیناکا تھونن ⁷مساوی دوراستعال کیا گیاہے جوا یک عدد منبع برقی دباو₃Vاوراس کے ساتھ سلسلہ وار جڑی Ω، 300 کی مزاحمت پر مشتمل ہے۔ تربیلی تارٹی وی کے برقیاتی دور کے بالکل شر وع میں نسب ابتدائی ایمپلی فائر سے جڑتی ہے جس کادا خلی مزاحمت Ω 300 ہے۔ ٹی وی کو



شکل 11.4: ترسیلی تار اینٹینا کو ٹی وی سے جوڑ رہی ہے۔

اسی مزاحت سے ظاہر کیا گیاہے۔اس مثال میں ٹی وی بطور برقی بار کر دار اداکر تاہے۔ ٹی وی اسٹیش سے خارج 100 MHz کے برقی و مقناطیسی امواج اس ایپٹینا میں mV کا اشارہ پیدا کرتی ہیں۔ ترسلی تار کے مستقل ایسے ہیں کہ اس میں اشارات کی رفتار ی^m 5 × 108 ہے۔

چونکه برقی بار کی مزاحمت اور ترسیلی تار کی قدرتی مزاحمت برابر ہیں المذاتر سیلی تاراور برقی بار ہمہ رکاوٹ ہیں۔ یوں برقی بار پرانعکاس نہیں پایاجائے گالمذاشر ح انعکاس

$$\Gamma = \frac{300 - 300}{300 + 300} = 0$$

صفراور شرح ساكن موج

$$s = \frac{1 - |\Gamma|}{1 + |\Gamma|} = \frac{1 - 0}{1 + 0} = 1$$

ایک کے برابر ہوں گے۔اشارے کے تعد دپر ترسیلی تارمیں طول موج

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2.5 \times 10^8}{100 \times 10^6} = 2.5 \,\mathrm{m}$$

اور زاویائی مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{2.5} = 0.8\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

ہیں۔ترسلی تارکی برقی لمبائی

$$\beta l = 0.8\pi \times 2 = 1.6\pi \,\mathrm{rad}$$

یا°288ہے جسے 0.8 طول موج بھی کہاجاتا ہے۔

شکل۔11۔ب میں داخلی جانب کاصورت حال د کھایا گیاہے۔ داخلی جانب چو نکہ اینٹینا کی مزاحمت Ω 300ہے اور تر سیلی تار کی قدرتی رکاوٹ بھی Ω 300 ہے لہٰذا اینٹینا اور تر سیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں۔اینٹینا میں پیدا m V کااشارہ تر سیلی تار کے قدرتی رکاوٹ پر

$$\frac{5 \times 10^{-3} \times 300}{300 + 300} = 2.5 \,\text{mV}$$

TV, television⁶ Thevenin⁷

3610

پیدا کرے گا۔اینٹینااور تر سلی تار ہمہ ر کاوٹ ہیں المذامنع طاقت V_s تر سلی تار میں زیادہ سے زیادہ طاقت جیجے گا۔ تر سلی تار کے داخلی جانب پیدا V m 2.5 کااشارہ تار میں سے گزرتے ہوئے برقی بار تک پہنچے گاالبتہ یہ داخلی اشارے سے 1.6πریڈیئن ہیچھے ہو گا۔ یوں اگر تر سلی تار کاداخلی اشارہ

$$V_{\vec{k}_{1}} = 2.5\cos 2\pi 10^{8}t$$
 mV

ہوتب برقی بار پراشارہ

$$V_{A} = 2.5\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 mV

ہو گا۔داخلی برقی رو

اور برقی بار پر برقی رو

$$I_{\downarrow} = \frac{V_{\downarrow}}{300} = 8.33\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 µA

ہوں گے۔ چونکہ ترسلی تار بے ضیاع تار ہے للذا جو طاقت اسے داخلی جانب فراہم کی جاتی ہے وہی طاقت خارجی جانب بر قی بار کو مہیا کر دی جاتی ہے۔

$$P_{j_{\tau}} = P_{J_{\tau}} = V_{\tau_{\tau}} I_{\tau_{\tau}}^{\tau} = \frac{2.5 \times 10^{-3}}{\sqrt{2}} \times \frac{8.33 \times 10^{-6}}{\sqrt{2}} = 10.41 \,\text{nW}$$

مزاحمتی بار کی طاقت کا حساب لگاتے وقت یادر ہے کہ P=VI میں برقی د باواور برقی روکے موثر 8 قیمتیں استعمال کی جاتی ہیں۔ سائن نماموج کی موثر قیمت ایوو کی خوش کی چوٹی تقسیم $\sqrt{2}$ کے برابر ہوتی ہے۔

اب پہلے ٹی وی کے متوازی دوسرا ٹی وی نسب کرنے کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ دوسرے ٹی وی کاداخلی مزاحت بھی Ω 300 ہے۔ یوں اب ترسیلی تارکے خارجی جانب کل Ω 150 کا بارپایا جاتا ہے۔اس طرح شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{150 - 300}{150 = 300} = -\frac{1}{3}$$

$$\Gamma = \frac{1}{3} / \pi$$

حاصل ہوتی ہے اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 + \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = 2$$

ہوں گے۔ تر سلی تار کی داخلی مزاحمت ابΩ 300 کے بجائے

$$\begin{split} Z_{\text{cit}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 300 \frac{150 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j150 \tan 288^\circ} \\ &= 509.7 \underline{/-23.79^\circ} = 466.39 - j205.6 \quad \Omega \end{split}$$

باب 11. ترسیلی تار

ہو گی جو کپیسٹر کی خاصیت رکھتی ہے۔ کپیسٹر کی خاصیت کا مطلب ہیہ ہے کہ تر سیلی تارے برقی میدان میں مقناطیسی میدان سے زیادہ توانائی ذخیر ہ ہے۔ داخلی رو

$$I_{s,\mathcal{F}_{i}} = \frac{0.005}{300 + 466.39 - j205.6} = 6.3013 / 15.017^{\circ}$$
 μA

ہےاور یوں تر سلی تار کو داخلی جانب

$$P_{ij} = \frac{1}{2} \left(6.3013 \times 10^{-6} \right)^2 \times 466.39 = 9.2593 \,\text{nW}$$

قت فراہم کی جارہی ہے۔ بے ضیاع تارتمام کی تمام طاقت خارجی جانب منتقل کرے گالمذاΩ 150 کے بار کو 9.2593 nW و گاجو گزشتہ جواب یعنی 10.41 nW میں جے۔ بے ضیاع تارتمام کی ترشتہ جواب یعنی 4.6297 nW سے قدر کم ہے۔ یہ کی انعکاس کی وجہ سے پیدا ہوئی۔ کہانی یہاں ختم نہیں ہوتی۔ یہ طاقت دونوں ٹی وی میں برابر تقسیم ہو گالمذاہر ٹی وی کو صرف 4.6297 nW طاقت مہیا ہوگا۔ چو نکہ ایک ٹی وی Ω 300 مزاحت ر کھتا ہے للذا ٹی وی پر پیدا برقی دباو

$$4.6297 \times 10^{-9} = \frac{\left| V_{s, 1, \frac{1}{2}} \right|^2}{2 \times 300}$$

لعيني

 $|V_{s,l_{\bullet}}| = 1.66667 \,\mathrm{mV}$

3613

ہو گا۔ یہ قیمت 2.5 mV سے بہت کم ہے جواکیلے ٹی وی پر پیدا ہوتی ہے۔

آئیں تر سیلی تارپر برقی د باوکی چوٹی، نشیب اور ان کے مقامات کے علاوہ دیگر معلومات بھی حاصل کریں۔اگر ہم برقی د باوکے معلومات حاصل کر سکیس تو ظاہر ہے کہ برقی روکے معلومات بھی حاصل کر پائیں گے۔ گزشتہ باب میں مستوی امواج کے لئے یہی معلومات حاصل کی گئیں تھیں۔وہاں استعال کئے گئے ترکیب یہاں بھی کار آمد ثابت ہوں گے۔ برقی د باوموج کے چوٹی کے مقامات مساوات 10.88

$$-eta_1 z$$
بنیرت $=rac{\phi}{2}+n\pi \quad (n=0,\mp 1,\mp 2,\cdots)$

ویتاہے۔اس میں $eta=0.8\pi$ اور $\phi=\pi$ اور eta=0.8

$$z$$
بلات $=rac{1}{-0.8\pi}\left(rac{\pi}{2}+n\pi
ight)$ $=-1.25\left(rac{1}{2}+n
ight)$

n=0اور n=nر کرنے سے n=0

$$z_{ji,r} = -0.625 \,\mathrm{m}$$
 let $-1.875 \,\mathrm{m}$

حاصل ہوتے ہیں جو درست جوابات ہیں۔اگرn=nپر کیا جائے تو n=3.125 سے بند تر zحاصل ہوتا ہے جبکہ تار کی کل لمبائی صرف دو میٹر ہے المذلاس جواب کو بھی ہد کیا جواب کو بھی ہد کیا جاتا ہے۔اسی طرح n=nپر کرنے سے n=nپر کرنے سے n=nباتہ ہوتا ہے۔

ہواب کورد کیا جاتا ہے۔

موج کے چوٹی سے $rac{\lambda}{4}$ فاصلے پر نشیب پائے جاتے ہیں، للذاان کے مقامات

$$z = 0 \,\mathrm{m}$$
 let $-1.25 \,\mathrm{m}$

ہوں گے۔ آپ نے دیکھا کہ سرحد پر برقی د ہاو کا نشیب پایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہو گا کہ حقیقی Z_L اور Z_L کی صورت میں اگر $Z_0 < Z_0$ ہوتب سرحد پر مہوری کا نشیب ہی پایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہو گا کہ حقیقی میں اگر کے اس میں اگر کے اس میں ایر جاتا ہے۔ نشیب ہی پایا جاتا ہے۔

چونکہ سر حدیر موج کانشیب ہے اور ہم جانتے ہیں کہ ٹی وی پر M 1.66 ہے للذاد باو کی کمتر قیمت یہی ہے اور 2 = 8 سے د باو کی چوٹی اس کے د گنایعنی 3.32 سال 3.32 سال ہوتی ہے۔ ترسیلی تارکے داخلی سرے پر برقی د باو

$$V_{s, \dot{b}, \dot{b}, \dot{b}} = I_{s, \dot{b}, \dot{b}, \dot{b}} Z_{\dot{b}, \dot{b}} = \left(6.3013 \times 10^{-6} \underline{/15.017^{\circ}}\right) \left(509.7 \underline{/-23.79^{\circ}}\right) = 0.00321175 \underline{/-8.77^{\circ}}$$

ہو گی جو تقریباً موج کے چوٹی کے برابر ہے۔ایبااس لئے ہے کہ سر حدسے 👍 فاصلے پر چوٹی پائی جاتی ہے جس سے ہر 0.5۸ فاصلے پر چوٹی ہو گی لہٰذا سر حدسے 🔠 فاصلے پر بھی چوٹی متوقع ہے جو تار کے داخلی سرے کے بہت قریب نقطہ ہے۔ آپ ترسیلی تارکی داخلی برقی د باویوں

$$V_{\rm s,i} = \frac{Z_{\rm obj,i} V_{\rm s}}{Z_{\rm obj,i} + 300} = \frac{(466.39 - j205.6) \times 0.005}{466.39 - j205.6 + 300} = 0.00321175 / -8.77^{\circ}$$

بھی حاصل کر سکتے ہیں۔

آخر میں داخلی بر تی د باواور بار پر بر تی د باو کازاویائی تعلق دیکھتے ہیں۔اگرچہ ہم دونوں برتی د باوکے قیمتیں حاصل کر بچکے ہیں،ان کے زاویائی معلومات ابھی تک نہیں حاصل کی گئیں۔مساوات 10.87 کی مددسے تاریر کسی بھی نقطے پر برتی د باو

$$V_s=\left(e^{-jeta z}+\Gamma e^{jeta z}
ight)V_0^+$$
 $V_s=\left(e^{-jeta z}+\Gamma e^{jeta z}
ight)V_0^+$ کلھاجا سکتا ہے۔ چو نکہ ہمیں تار کے داخلی سرے پر دیاو معلوم ہے لہٰذااس میں $V_s=\left(e^{jeta l}+\Gamma e^{-jeta l}
ight)V_0^+$

 V_0^+ حاصل ہوتاہے جیے V_0^+ کے لئے حل کرتے ہیں

$$V_0^+ = \frac{V_{s,\mathcal{U}_s,j}}{e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l}} = \frac{0.00321175 / -8.77^{\circ}}{e^{j1.6\pi} - \frac{1}{3}e^{-j1.6\pi}} = 0.0025 / -72^{\circ}$$

اور یوں بار یعنیz=0پر برقی د باواب حاصل کی جاسکتی ہے

$$V_{s,\lambda} = (1+\Gamma) V_0^+ = 0.001666 / -72^\circ = 0.001666 / -288^\circ$$

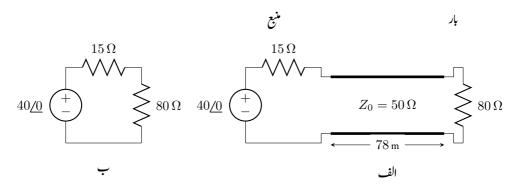
یہاں حاصل جواب کی حتمی قیمت اور پچھ دیر پہلے حاصل کی گئی بار پر برقی دیاو کی حتمی قیمت برا بر ہیں۔ تار کے داخلی سرے پر دیاو کازاویہ °8.77 – جبکہ تار کے خالہ جی سرے پر دیاو کازاویہ °72ہے۔ یوں ان کے مابین فرق °80.77 ایعنی °279.23 – ہے۔اند کاسی موج کی عدم موجود گی میں بیہ فرق °288 – یعنی تارکی زاویا کی کیسائی جتنا ہوتا ہے۔

 $Z_L=-j300$ آخری مثال کے طور پر ہم اس تر سیلی تار کے خارجی سرے پر صرف کیپیسٹر $Z_L=-j300$ نسب کر کے دیکھتے ہیں۔ کیپیسٹر میں توانائی ضائع نہیں ہوتی۔ سیہ حقیقت شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{-j300 - 300}{-j300 + 300} = -j = 1 / -90^{\circ}$$

سے صاف ظاہر ہے جوانعکای موج کا حیطہ آمدی موج کے برابر دیتا ہے۔ شرح ساکن موج ایوں

$$s = \frac{1+|-j|}{1-|-j|} = \infty$$



شكل 11.5: بار بردار ترسيلي تار.

ہو گا جس سے موج کانشیب عین صفر کے برابر حاصل ہوتا ہے۔ ترسیلی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{ij}$$
, = $300 \frac{-j300 + j300 \tan 288^{\circ}}{300 + j(-j300) \tan 288^{\circ}} = j589$

ہو گی جو خیالی عد دہے للذااسے اوسط طاقت فراہم نہیں کی جاسکتی۔

ترسیلی تارے مسائل ترسیمی طریقے سے نہایت خوش اسلوبی سے حل ہوتے ہیں۔ان میں سمتھ نقشہ وزیادہ اہم ہے۔اگلے جھے میں اس پر غور کیا جائے گل۔

3625

40مثال 11.1: شکل 11.5 شکل 11.5 شکل 78 m مثال 11.5 شکل 78 سکل من در بی ہے۔ منبع کی خارجی مزاحمت Ω 15 ہے جبکہ تر سیلی تار کی قدر تی رکاوٹ Ω 10 سے 10 سکل مندرجہ ذیل صور توں میں بار پر بر تی د باول V_L حاصل کریں۔الف) منبع کی تعدد Ω 10 سے 100 سے 1000 سے 1000 سکل 10000 سکل 1000 سکل 1000 سکل 1000 سکل 1000 سکل 1000 سکل 1000 سکل 1000

حل:الف) ترسيلي تارييس 500 kHz تعدد پر طول موج اور β مندرجه ذيل بين-

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2 \times 10^8}{500000} = 400 \text{ m}$$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{400} = \frac{\pi}{200} \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

اس تعدد پر تر سیلی تار کی لمبائی، طول موج کے % 19.5 ہے۔ تر سیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{ij}, = 50 \frac{80 + j50 \tan(\frac{\pi}{200} \times 78)}{50 + j80 \tan(\frac{\pi}{200} \times 78)}$$
$$= 33.599 - j10.441$$

ہے۔ ترسیلی تار کے داخلی سرے پر Ω 80 کا برقی بار _{داخلی} کے نظر آتا ہے۔ یوں ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباو

$$V_{ij} = \frac{40 \times (33.599 - j10.441)}{15 + 33.599 - j10.441} = 28.2 - j2.54$$

وگا۔ برقی بار کو z=0 پر تصور کرنے سے ترسیلی تار کا داخلی سرا z=-78 س پر ہوگا۔ ترسیلی تاریخ داخلی برقی د باو کو ترسیلی تاریمیں موجود آمدی موج z=-78 کا نقطہ z=-78 کا کا نقطہ کے دراخلی موج کے اور انعکاسی موجی کے اور انعکاسی موجی کے انتظامی موجود آمدی موجود

$$V_{0,j} = V_{0}^{+} e^{-j\frac{\pi}{200}(-78)} + V_{0}^{-} e^{j\frac{\pi}{200}(78)} = V_{0}^{+} e^{j1.22522} + V_{0}^{-} e^{-j1.22522}$$

تصور کیا جاسکتاہے جس میں

$$V_0^- = \Gamma V_0^+ = \left(\frac{80 - 50}{80 + 50}\right) V_0^+ = \frac{3}{13} V_0^+$$

یر کرنے سے

$$28.2 - j2.54 = V_0^+ e^{j1.22522} + \frac{3}{13} V_0^+ e^{-j1.22522}$$

یا

$$V_0^+ = \frac{28.2 - j2.54}{e^{j1.22522} + \frac{3}{13}e^{-j1.22522}} = 33.9e^{-j1.138}$$

حاصل ہوتاہے۔ یوں بارپر برقی دباو

$$V_L = V_0^+(1+\Gamma) = 33.9e^{-j1.138} \left(1 + \frac{3}{13}\right) = 41.7e^{-j1.138} = 41.7/-65.2^{\circ}$$

ہو گا۔

آئیں بار کو منتقل طاقت بھی حاصل کریں۔ باربر برقی دیاو کے استعال سے اوسط طاقت

$$P_L = \frac{1}{2} \frac{|V_L|^2}{R_L} = \frac{1}{2} \frac{41.7^2}{80} = 10.88 \,\mathrm{W}$$

حاصل ہوتی ہے۔

تر سلی تار کے داخلی سم سے پر سرقی رو

$$I_{ij} = \frac{V_{ij}}{Z_{ij}} = \frac{28.2 - j2.54}{33.599 - j10.441} = 0.787 + j0.169$$

ہو گی۔ یوں تر سیلی تار کو داخلی سرے پر

$$P_{ij} = \frac{1}{2} V_{ij} I_{ij}^* = \frac{1}{2} V_{ij} I_{ij}^* I_{i$$

طاقت منتقل ہور ہی ہے۔ ترسیلی تاربے ضیاع ہے للمذا یہی طاقت بار کو منتقل ہو گی۔

ب) ترسیلی تارمین Hz تعدویر طول موج اور β مندرجه ذیل ہیں۔

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2 \times 10^8}{50} = 4 \times 10^6 \,\mathrm{m}$$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{4 \times 10^6} = 5\pi \times 10^{-7} \,\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$$

باب 11. ترسیلی تار

اس تعدد پر تر سیلی تار کی لمبائی، طول موج سے نہایت تم m 78 m > 1 ہے۔ تر سیلی تار کی داخلی قدر تی ر کاوٹ

$$\begin{split} Z_{\dot{\mathcal{S}}_{i,j}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 50 \frac{80 + j50 \tan (5\pi \times 10^{-7} \times 78)}{50 + j80 \tan (5\pi \times 10^{-7} \times 78)} \\ &= 50 \frac{80 + j0.0061}{50 + j0.0098} = 79.999998697 / -0.00684^{\circ} \\ &\approx 80 \, \Omega \end{split}$$

ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ $1 \gg \beta l$ کی صورت میں $0 \leftarrow \beta l$ tan ہوتا ہے جس سے تر سلی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ تقریباً برتی بار ہی حاصل ہوتی ہے۔آپ نے دیکھا کہ $1 \gg l$ کی صورت میں تر سلی تارکے داخلی سر ہے پر برتی بارجوں کا توں نظر آتا ہے للذاتر سلی تارکا ہونا یانہ ہونا یک برابر ہے۔الی صورت میں تر سلی تارکی موجودگی رد کرتے ہوئے دور کو کر چاف کے قوانین سے حل کیا جاتا ہے۔ایسا کرنے سے ہمیں شکل 11.5-ب حاصل ہوتی ہے جسے کر چاف کے قوانین کی مددسے حل کرتے ہوئے برتی بار پر

$$V_L = \frac{40 \times 80}{15 + 80} = 33.7 \,\mathrm{V}$$

برقی د باوحاصل ہوتی ہے۔

3633

مندرجہ بالامثال میں آپنے دیکھا کہ کسی بھی برقی دور میں تارکی لمبائی 1 طول موج کرسے بہت کم کا ہونے کی صورت میں، ترسیلی تاریکورد کرتے ہوئے، دور کو کرچاف کے قوانین سے حل کیا جاتا ہے۔ البتہ جب بھی تارکی لمبائی، طول موج کے ساتھ مطابقت رکھے، ایسی صورت میں کرچاف کے قواہنین غیر کار آمد ہوتے ہیں اور میکس ویل کے مساوات سے ہی درست جوابات حاصل ہوتے ہیں۔

 $\lambda=6000~\mathrm{km}$ پاکتان میں $\lambda=6000~\mathrm{km}$ اور $\lambda=6000~\mathrm{km}$ کی برتی طاقت میبا کی جاتی ہے۔تارپر موج کی رفتار $\lambda=108~\mathrm{m}$ کی برتی طاقت میبا کی جاتی ہوئے ہوئے $\lambda=108~\mathrm{m}$ کی برتی رود ریافت کرتے ہوئے تارکی لمبائی رد کرتے ہوئے $\lambda=1000~\mathrm{m}$ جاگھر کے اندر فاصلے $\lambda=1000~\mathrm{m}$ ہوتے ہیں 10 الہذا گھر میں $\lambda=1000~\mathrm{m}$ بلب کی برتی رود ریافت کرتے ہوئے تارکی لمباؤ کی سے کراچی شہر کو برتی طاقت حاصل ہوتی ہے۔ اس کے برعکس تربیلاڈ می سے کراچی شہر کا فاصلہ تقریباً معالی کرنالازم ہوگا۔ کے منتقلی کے مسائل حل کرتے ہوئے میکس ویل کے مساوات استعمال کرنالازم ہوگا۔

 $Z_{2^{64}}=100\,\Omega$ مثال $Z_{1}:$ قدرتی رکاوٹ Ω 50 کے ترسیلی تار کے اختتام پر Ω 100 Ω جرٹا ہے جبکہ اختتام سے Ω 60 کے ترسیلی تار کے دونوں حصوں میں شرح ساکن موج Ω حاصل کریں۔

حل: محد ودلمبائی کے تربیلی تارییں متعددانعکا سی امواج پائے جاتے ہیں۔ تمام آگے جانب حرکت امواج کوایک عدد آمدی بڑھتی موج تصور کرتے ہوئے اور اسی طرح تمام واپسی جانب حرکت کرتے ہوئے تمام امواج کوایک عددانعکا سی موج تصور کرتے ہوئے حل کرتے ہیں۔

ترسلی تار کے اختتامی ھے پر

$$\Gamma = \frac{50 - j100 - 50}{50 - j100 + 50} = 0.5 - j0.5$$

¹⁰مجھے اپنا گھر بہت چھوٹا لگنے لگا ہے۔

377

ہو گاجس سے
$$rac{1}{\sqrt{2}}=|\Gamma|$$
 حاصل ہوتاہے۔اس قیمت کواستعال کرتے ہوئے

$$s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|} = \frac{1+\frac{1}{\sqrt{2}}}{1+\frac{1}{\sqrt{2}}} = 5.83$$

حاصل ہوتاہے۔

جس نقطے پر Ω 100 مزاحت جڑی ہے اس مقام پر j 100 سے اختتام پذیر Ω 40.0 مزاحت جڑی ہے اس مقام پر

$$Z_{\text{c}}, = 50 \frac{(50 - j100) + j50 \tan\left(\frac{2\pi}{\lambda} \times 0.2\lambda\right)}{50 + j(50 - j100) \tan\left(\frac{2\pi}{\lambda} \times 0.2\lambda\right)}$$
$$= 8.63 + j3.82$$

ے۔اب $_{\rm el}$ اور Ω 100 متوازی جڑے ہیں جن کا مجموعہ

$$\frac{100 \times (8.63 + j3.82)}{100 + 8.63 + j3.82} = 8.06 + j3.23$$

ہو گا۔ داخلی جانب سے دیکھتے ہوئے ترسلی تار کو Ω 100 کی بجائے 23.23 + 8.06 بار نظر آئے گا۔ یوں ترسلی تار کے داخلی ھے پر

$$\Gamma = \frac{8.06 + j3.23 - 50}{8.06 + j3.23 + 50} = -0.717 + j0.096 = 0.723/171.9^{\circ}$$

اور

$$s = \frac{1 + 0.723}{1 - 0.723} = 6.22$$

ہوں گے۔

3647

3648

11.4 ترسيمي تجزيه، سمته نقشه

سمتھ نقشہ ۱۱ بنیادی طور پر شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$$

کی مساوات پر منحصر ہے۔اس نقشے میں بار بمطابق Z_{0} یعنی $\frac{Z_{L}}{Z_{0}}$ استعمال کی جاتی ہے جسے

$$z = r + jx = \frac{Z_L}{Z_0} = \frac{R_L + jX_L}{Z_0}$$

کھاجا سکتا ہے جہاںzکار تیسی محد د کامتغیرہ نہیں بلکہ Z_0 کے مطابقت سے بار کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں

$$\Gamma = \frac{z - 1}{z + 1}$$

Smith chart¹¹

اور

378

$$z = \frac{1+\Gamma}{1-\Gamma}$$

كصے حاسكتے ہیں۔ نثرح انعكاس كو حقیقی اور خیالی اجزاء

$$\Gamma = \Gamma_r + j\Gamma_i$$

کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$r + jx = \frac{1 + \Gamma_r + j\Gamma_i}{1 - \Gamma_r - j\Gamma_i}$$

کے حقیقی اور خیالی اجزاء علیحدہ کرتے ہوئے

(11.43)
$$r = \frac{1 - \Gamma_r^2 - \Gamma_i^2}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2}$$

(11.44)
$$x = \frac{2\Gamma_i}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2}$$

کھے جاسکتے ہیں جنہیں کچھ الجبراکے بعد

$$\left(\Gamma_r - \frac{r}{1+r}\right)^2 + \Gamma_i^2 = \left(\frac{1}{1+r}\right)^2$$

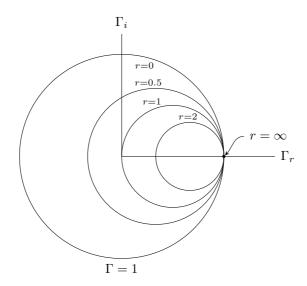
$$(\Gamma_r - 1)^2 + \left(\Gamma_i - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(\frac{1}{x}\right)^2$$

کھھاجاسکتاہے۔ا گرکار تیسی محد دکے متغیرات ₁۲ اور _ن۲ رکھے جائیں تو مندر جہ بالا دونوں مساوات گول دائروں کے مساوات ہوں گے۔

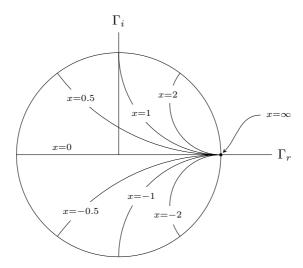
مساوات 11.45 کے دائروں پر پہلے غور کرتے ہیں۔اگر 0=r ہوتب یہ مساوات اکائی رداس کا دائرہ دیتی ہے جس کا مرکز محد د کے (0,0) پر ہے۔خیالی برقی بارکی صورت میں شرح انعکاس کی حتی قیت ایک ہی ہوتی ہے۔ اسی طرح $\infty=r$ کی صورت میں دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز محد د پر (1,0) ہے۔ ایک آپنج کی یہ دائرہ صرف اسی نقطے بعنی 1=7 تک محدود ہے۔ اب 0=r=r مراد 0=r=r ہی ہوتا ہے جس سے شرح انعکاس 1=r ہی صاصل ہوتا ہے جس کا مرکز (0.5,0) ہے۔ شکل 11.6 میں ان دائروں کے علاوہ 5.0 داس کا دائرہ صاصل ہوتا ہے جس کا مرکز (0.5,0) ہے۔ شکل 11.6 میں ان دائروں کے علاوہ 5.0 دائر کے بھی دکھایا گیا ہے۔

مساوات 11.46 بھی دائرے دیتی ہے البتہ ان دائروں کار دائ $\frac{1}{x}$ اور مر اکز $(1,\frac{1}{x})$ ہیں۔ لامحدود x کی صورت میں دوبارہ ∞ = 1 اور 0 کار دائی $\frac{1}{x}$ اور مر اکز $(1,\frac{1}{x})$ ہیں۔ لامحدود x کی صورت میں دوبارہ ∞ = 1 ہوتب دائرے کار دائی مرکز (1,0) ہو البتہ ان کام رکز (1,1) ہو البتہ ان کام رکز (1,1) ہوں گے۔ جیسا شکل (1,1) میں دکھایا گیا ہے ، اس دائرے کا چوتھائی حصہ $|\Gamma| = 1$ دائرے کے اندر پایاجاتا ہے۔ اس طرح ہیں دکھایا گیا ہے۔ اس دائرے کا چوتھائی حصہ $|\Gamma| = 2$ دائرے بھی دکھائے $|\Gamma| = 2$ صورت میں دائرے کا چوتھائی حصہ $|\Gamma| = 2$ میں دکھایا گیا ہے۔ شکل میں $|\Gamma| = 2$ میں دکھایا گیا ہے۔ سے پیدا سید تھی لکیر ، لیعنی $|\Gamma| = 2$ میں دکھایا گیا ہے۔

ان دونوں دائروں کو ایک ہی جگہ شکل 11.8 سے سمتھ نقشے میں دکھایا گیا ہے۔ یوں کسی بھی Z_L کی صورت میں $\frac{Z_L}{Z_0}$ کی شرح لیتے ہوئے z یعنی z ااور z حاصلی کر سمتھ نقشے میں دکھایا گیا ہے۔ یوں کسی بھی z کا مستم نقشے میں ان کے دائروں کی نشاند ہی کریں۔ اگر نقشے پر در کار z اور z دائر بند ہی کہ دور کار z اور z اور z دائر بند ہی کہ بیان کے دائر میں کہ دور کار z ہوگا جبکہ افقی محدہ پعنی کا مقام اخذ کریں۔ جہاں مید دائر بے ایک دونوں کو کا شختے ہیں وہاں سے z پڑھیں۔ نقشے کے مرکز z باہر دکھایا گیا ہے۔ یوں محد د کے مرکز اور یہ ہوگا۔ اس ذاویہ کو کاکانی دواس کے دائر بے کی غرض سے محد د کے مرکز z مرکز z کو کاکل کی دواس کے دائر بے کی غرض سے محد د کے مرکز z مرکز z کو کاکل کی دواس کے دائر بے کسی جھے ہوا سکتے ہتھے ،

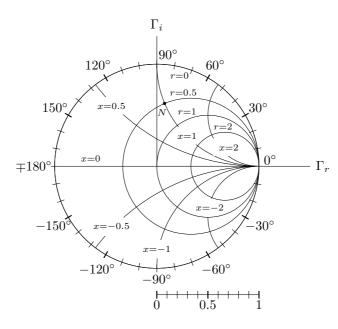


شکل 11.6: کارتیسی محدد کے متغیرات Γ_r اور Γ_i ہیں جبکہ دائرے کا رداس $\frac{1}{r+1}$ ہے۔



شکل 11.7: کارتیسی محدد پر $\frac{1}{x}$ رداس کے دائروں کے وہ حصے دکھائے گئے ہیں جو اکائی دائرے کے اندر پائے جاتے ہیں۔

باب 11. ترسیلی تار



شکل 11.8: سمتھ نقشے پر اکائی دائرے میں γ اور χ سے حاصل دائرے دکھائے جاتے ہیں۔

سمتھ نقشہ مکمل کرنے کی خاطر اکائی دائرے کے محیط کے باہر دوسرافیتہ شامل کیا جاتا ہے جس سے ترسیلی تارپر فاصلہ ناپاجاتا ہے۔اس فیتے پر فاصلہ طول موج کی صورت میں ناپاجاسکتا ہے۔آئیں دیکھیں کہ اس فیتے سے کس طرح فاصلہ حاصل کیاجاتا ہے۔ ترسیلی تارپر کسی بھی فقطے پر بر قی دباو

$$V_s = V_0^+ \left(e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

كوبر قى رو

$$I_s = \frac{V_0^+}{Z_0} \left(e^{-j\beta z} - \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

سے تقسیم کرتے ہوئے Zoکے مطابقت سے داخلی قدرتی رکاوٹ

$$z_{oldsymbol{\mathcal{U}}_{\! ext{I}}}=rac{Z_{oldsymbol{\mathcal{U}}_{\! ext{I}}}}{Z_0}=rac{V_{\! ext{S}}}{Z_0I_{\! ext{S}}}=rac{e^{-jeta z}+\Gamma e^{jeta z}}{e^{-jeta z}-\Gamma e^{jeta z}}$$

z=-l ما ما کی جاسکتی ہے جس میں z=-l پر کرتے ہوئے

(11.47)
$$z_{\dot{\mathcal{S}}_{l}} = \frac{1 + \Gamma e^{-j2\beta l}}{1 - \Gamma e^{j2\beta l}}$$

کھاجاسکتاہے۔اس مساوات میں l=0پر کرنے سے

(11.48)
$$z_{\mathcal{G}_{j}}\Big|_{l=0} = \frac{1-\Gamma}{1+\Gamma} = z$$

حاصل ہوتاہے جو عین بار پر شرح انعکاس ہے جسے مساوات 11.42 میں پیش کیا گیا ہے۔

یہاں رک کراس حقیقت پر غور کریں کہ Γ کو $e^{-j2\beta l}$ سے ضرب دینے سے

 $\Gamma e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j\phi} e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)}$

حاصل ہوتا ہے جس کی حتمی قیمت اب بھی $|\Gamma|$ ی ہے لیکن نیاز او یہ $(\phi - 2\beta l)$ ہے۔ یوں سمتھ نقشے میں نقطہ z یعنی $z = r + jx = rac{1+\Gamma}{1-\Gamma}$

کی نشاند ہی کرتے ہوئے $\phi/2$ انامیں۔ اب $|\Gamma|$ تبدیل کئے بغیر زاویہ تبدیل کرتے ہوئے $(\phi-2\beta l)$ تک پینچیں اور یہاں سے _{داخلی} تعالیہ سے بین کی نشاند ہی کرتے ہوئے $(\phi-2\beta l)$ تک پینچیں اور یہاں سے دانا پر برطابق $(\phi-12\beta l)$ تعدرتی رکاوٹ ہے۔ $(\phi-12\beta l)$ مساوات 11.49 میں اور یہاں سے مساوات 11.49 ہی حاصل ہوتا ہے جو برقی بارسے افاصلے پر بمطابق $(\phi-12\beta l)$ تعدرتی رکاوٹ ہے۔ $(\phi-12\beta l)$

یوں بار 2 سے دور _{داخل} 2 کی طرف چلتے ہوئے، ہم منبع طاقت یعنی جزیٹر کی طرف چلتے ہیں جبکہ سمتھ نقشے پرایسا کرنے سے زاویہ φ سے کم ہو کر 2 β اس طرح کے لبجی ہے ہے المذانقثے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں π اس طرح کے لبجی ہے المذانقثے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں π اس طرح کے لبجی ہے المذانقثے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں π اس طرح کے لبجی ہے المذانقثے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں اس طرح کے المجاب کے المدر تی میں بارکے رکاوٹ برابر ہوگی۔

یوں سمتھ نقشے کے حیطے پرایک مکمل چکر کو 0.5λ کھایاجاتا ہے۔ جیسے شکل 11.9 میں دکھایا گیا ہے ،استعال میں آسانی کی غرض سے ایک کے بجائے دواہیے۔ فیتے بنائے جاتے ہیں۔ ایک فیتہ گھڑی کے الٹ سمت پڑھتا بنائے جاتے ہیں۔ ایک فیتہ گھڑی کے الٹ سمت پڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جسے نقشے میں "منجانب جزیٹر" سے ظاہر کیاجاتا ہے جہارہ دوسر افیتہ گھڑی کے الٹ سمت پڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے۔ آپ کو فاصلہ دکھاتا ہے۔ آپ کو فاصلہ دکھاتا ہے۔ آپ کو باعد کھیں ہے ہوگا کہ حقیقی Σ اور کی صورت میں اگر کے کے کہ ہوتب برقی دباو کانشیب اسی نقطے پر ہوگا۔

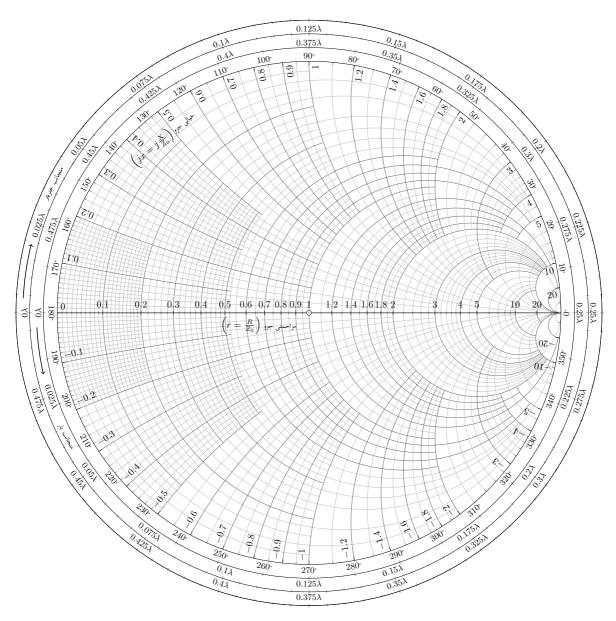
سمتھ نقتے سے موج کے چوٹی یانشیب کے مقام باآسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی $|\Gamma| = |\Gamma| + 2$ لئے |T| = 1 ہمتھ نقتے سے موج کے چوٹی یانشیب کے مقام باآسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی جموعے

$$V_s = V_0^+ \left(e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l} \right)$$
$$= V_0^+ e^{j\beta l} \left[1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right]$$

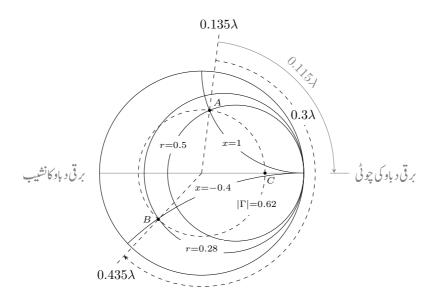
کی حتمی قیمت

$$|V_s| = V_0^+ \left| e^{j\beta l} \right| \left[\left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right| \right]$$
$$= V_0^+ \left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right|$$

باب 11. ترسیلی تار



شكل 11.9: مكمل سمته نقشه.



شکل 11.10: سمتھ نقشے سے متغیرات کا حصول۔

ے جہاں $\phi - \beta l = (2n+1)\pi$ جہاں کی کم سے کم قیمت $V_0^+ (1-|\Gamma|)$ جہوں $\phi - \beta l = (2n+1)\pi$ کی صورت میں حاصل ہوتی ہے جہاں V_0^+ جہاں V_0^+ بارپر V_0^+ اللہ وقی ہے جہاں V_0^+ بارپر V_0^+ کی صورت میں اس شرط کو $\phi = \phi$ کی صورت میں اس شرط کو $\phi = 0$ کی صورت میں اس شرط کو $\phi = 0$ کی صورت میں اس شرط کو $\phi = 0$ کی صورت میں اس شرط کو $\phi = 0$ کی صورت میں بارپر $\phi = 0$ کی صورت میں بارپر $\phi = 0$ کی صورت میں بارپر کی کم سے کم قیت ہوگی جبکہ $\phi = 0$ کی صورت میں بارپر کی نیادہ تیت ہوگی۔ آئیں دیکھیں کہ جاسکتا ہے۔ یوں $\phi = 0$ کی صورت میں بارپر کی کم سے کم قیت ہوگی جبکہ والی شرک کی نیادہ سے زیادہ قیت ہوگی۔ آئیں دیکھیں کہ ان شرائط کا مطلب کیا ہے۔

مزاحمتی باری $R_L > Z_0$ کی صورت میں اگر $R_L > Z_0$ ہوت Γ منفی حقیقی عدد ہوگا جسے Γ $|\Gamma| = \Gamma$ ککھا جا سکتا ہے جبکہ $R_L > Z_0$ ہو ہوت میں بار پر کمتر $R_L > Z_0$ ہوگا جس کے میں Γ مثبت حقیقی عدد ہوگا جسے Γ $|\Gamma| = \Gamma$ ککھا جا سکتا ہے۔ یوں $R_L < R_0$ یعنی Γ $|\Gamma| = \Gamma$ کی صورت میں بار پر بلند تر Γ $|\Gamma| = \Gamma$ ہوگا۔ سمتھ نقتے پر افقی محد دید حقیقی Γ دیتا ہے۔ منفی افقی محد دید بر بر باند تر Γ $|\Gamma| = \Gamma$ ہوتا ہے لہذا بار پر بلند تر Γ $|\Gamma|$ میں مثبت افتی محد دید پر پایا جائے گا۔ اس طرح شبت افتی محد دید Γ $|\Gamma| = \Gamma$ ہوتا ہے لہذا بار پر بلند تر Γ $|\Gamma|$ محمد نقتے میں مثبت افتی محد دید پر پایا جائے گا۔ اس طرح شبت افتی محد دید Γ $|\Gamma|$ جموتا ہے لہذا بار پر بلند تر Γ $|\Gamma|$ محمد نقتے میں مثبت افتی محد دید بر پایا جائے گا۔

ان نتائج کوآگے بڑھاتے ہیں۔ کسی بھی مخلوط بار $Z_L = R_L + jX_L$ کی صورت میں سمتھ نقشے میں $Z_L = r + jx$ ویاں برقی موج کی چوٹی پائی جائے گی زاویہ $Z_L = r + jx$ نی موج کی چوٹی پائی جائے گی زاویہ $Z_L = r + jx$ نی موج کی چوٹی پائی جائے گی زاویہ $Z_L = r + jx$ نی موج کی چوٹی پائی جائے گی اور جس فاصلے پر $Z_L = r + jx$ مراد افقی محد د کا مثبت حصہ جبکہ $Z_L = r + jx$ نقط کے اور جس فاصلے پر $Z_L = r + jx$ نقط کے اور جس فاصلے پر بہان نقط کے سے مراد افقی محد د کا مثبت حصہ جبکہ $Z_L = r + jx$ نقط کے سے مراد افقی محد د کا مثنی حصہ ہے ۔ یوں شکل 11.10 میں نقط کے سے مراد افقی محد د کا مثنی حصہ ہے ۔ یوں شکل 11.10 میں نقط کے سے گھڑی کی سمت کی گھومتے ہوئے تر سیلی تار پر پہلی چوٹی پائی جائے گی۔ یوں بار سے پہلی ہوئی تب بار سے 365کہ دور پہلا نشیب پایا جاتا ۔ چو نکہ تار کی لمبائی ہاس سے کم ہے لئذ اتار پر کہیں پر بھی نشیب نہیں پایا جاتا ۔

برتی رو کی چوٹی اس نقطے پریائی جاتی ہے جہاں $\phi-2eta l=2n\pi$ کا شرط یوراہو۔ برتی رو

$$I_s = \frac{V_0^+}{Z_0} \left(e^{j\beta l} - \Gamma e^{j\beta l} \right)$$

 $\left|e^{j\beta l}\right| = \left|\cos\beta l + j\sin\beta l\right| = \sqrt{\cos^2\beta l + \sin^2\beta l} = 1^{12}$

کی کمتر قیت اس نقطے پر پائی جاتی ہے۔اس طرح جس نقطے پر برقی دباو کی کمتر قیت پائی جائے ،اس نقطے پر برقی رو کی چوٹی پائی جاتی ہے۔یوں سمتھ نقشے کے افقی پیجد د کے مثبت حصے پر برقی روکانشیب جبکہ اس کے منفی حصے پر برقی روکی چوٹی پائی جائے گی۔

$$s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|} = \frac{1+\frac{R_L-R_0}{R_L+R_0}}{1-\frac{R_L-R_0}{R_L+R_0}} = \frac{R_L}{R_0} = r \quad (R_L > R_0)$$

جبکه $R_L < R_0$ کی صورت میں

$$s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|} = \frac{1 + \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}}{1 - \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}} = \frac{R_0}{R_L} \quad (R_L < R_0)$$

ہوگا۔ یادر ہے کہ 1 < sہوتا ہے لہذا $\frac{R_L}{R_L}$ اور $\frac{R_0}{R_L}$ میں جو بھی اکائی سے زیادہ قیمت رکھتا ہو یہی sہوگا۔ یوں $|\Gamma|$ داس کے دائر ہے اور مثبت افقی محد د سے r پڑھ کر s کی قیمت بھی یہی تصور کریں۔ شکل 11.10 میں نقطہ r = 4.2 ہوجا جائے گالہذا s = 4.2 ہے۔ مثبت افقی محد د پر r = 4.2 ہوتا ہے لہذا محد د کے اسی جھے s قیمت پڑھی جاتی ہے۔ آپ تسلی کرلیں کہ $r = \frac{R_0}{R_L}$ کی صورت میں بھی اسی طریقہ کارسے درست sحاصل ہوتا ہے۔ s

11.4.1 سمته فراوانی نقشه

اس جھے کو $\frac{\lambda}{4}$ ہمی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ کے حصول سے شروع کرتے ہیں۔اتنی لمبائی کے تارکا °90 = 1 ہوگا۔ داخلی قدرتی رکاوٹ کی مساوات

$$Z_{\dot{\psi}_{i}} = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l}$$

میں Zکو Zسے تقسیم کرتے اور $Bl=90^\circ$ پر کرتے ہوئے

$$rac{Z_{m{i}}}{Z_{0}}$$
 = $rac{Z_{L}+jZ_{0} an90^{\circ}}{Z_{0}+jZ_{L} an90^{\circ}}=rac{Z_{0}}{Z_{L}}$

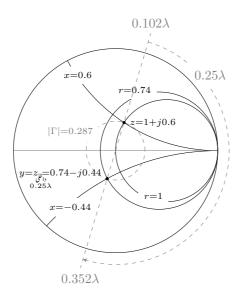
لعيني

$$z_{\vec{b}, j} = \frac{1}{z}$$

$$0.25\lambda$$

عاصل ہو تاہے جہاں

3704



شکل 11.11: چوتھائی طول تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ اسی تار کی برقی فراوانی کے برابر ہے۔

کھھے گئے ہیں۔ مساوات 11.50 کے تحت بارسے 0.25λ فاصلے پر داخلی قدر تی رکاوٹ $\frac{1}{z}$ کے برابر ہے لیکن $\frac{1}{z}$ ہوتا ہے لہذااسی مساوات کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے

(11.51)
$$y = \frac{1}{z} = z_{0.25\lambda}$$

جہاں 0.25۸ کار کی داخلی قدرتی رکاوٹ کی جگہ منجانب جزیٹر 0.25۸ گھومنے کاذ کر کیا گیا ہے۔ مساوات 11.51 کہتی ہے کہ سمتھ نقشے میں 2 سے منجانب جزیٹر 0.25۸ گھومنے کاذ کر کیا گیا ہے۔ مساوات 11.51 کہتی ہے کہ سمتھ نقشے میں 2 سے منجانب جزیٹر 8.25۸ گھوم کر | 7 ار داس کے دائر سے سے موحاصل ہوگا۔

شکل ۱۱.۱۱ میں 10.6 میں اگیا ہے جو منجانب جزیٹر 10.102 ناویے پر پایا جاتا ہے۔ یہ رکاوٹ $\Gamma=0.287/73.70=0$ و بتا ہے۔ چو تھائی پہلول منجانب جزیٹر 2.50 منجانب جزیٹر 0.25 میں میں میں میں میں میں اور 287 میں دائرے کے ملاہ ہوتا ہے جو $\frac{1}{z}$ یعنی برابر ہے۔ z=0.74-j0.44=0.74

آئیں کسر دوراور کھلے دور تار کے گلڑوں کاداخلی قدر تی رکاوٹ حاصل کریں۔کسر دورتار کی صورت میں $Z_L=0$ ہو گالہذاداخلی قدر تی رکاوٹ

(11.52)
$$Z_{\mathcal{S}_{j}} = Z_0 \frac{0 + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + j0 \tan \beta l}$$
$$= jZ_0 \tan \beta l$$

حاصل ہوتاہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول کمبی کسر دور تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

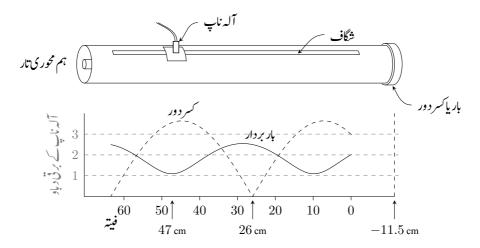
(11.53)
$$Z_{ij} = jZ_0 \tan 90^\circ = \infty \qquad (jZ_0)$$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ تعجب بھرا نتیجہ ہے جس کے مطابق چو تھائی طول لمبی کسے دور تار بطور کھلے دور کر دار ادا کرتی ہے۔

کھلے دور تار کی صورت میں $Z_L=\infty$ ہو گالہذا داخلی قدرتی ر کاوٹ

$$Z_{ij} = Z_0 \frac{\infty + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + j\infty \tan \beta l}$$

$$= -j \frac{Z_0}{\tan \beta l}$$



شکل 11.12: ہم محوری تار میں شگاف ڈال کر اس میں آلہ ناپ کی مدد سے مختلف مقامات پر برقی دباو کے نمونے لئے جا سکتے ہیں۔

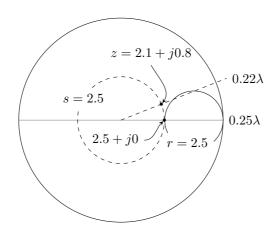
حاصل ہوتاہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول کمبی کھلے دور تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

حاصل ہوتی ہے۔ یہ بھی تعجب بھرا متیجہ ہے جس کے مطابق چو تھائی طول کمبی کھلے دور تار بطور کسر دور کر داراداکرتی ہے۔

11.5 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال

اس جھے میں دومثالوں پر غور کیاجائے گا۔ پہلی مثال میں تجرباتی نتائج سے بار کی رکاوٹ حاصل کی جائے گی جبکہ دوسری مثال میں بار کو تارکے ہمہ رکاوٹ بناسنے کی ترکیب دکھائی جائے گی۔

> Smith impedance chart¹³ Smith admittance chart¹⁴



شکل 11.13: اگر 0.03λ لمبی تاریر z=2.5+j0 بو تب z=2.1+j0.8 بو تب z=2.1+j0.8

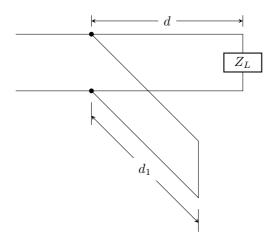
 sR_0 ن معلومات کے ساتھ اب شکل 11.13 سمتھ نقشے کا سہارا لیتے ہیں۔ بلند تر برقی دباو کے نقطے پر داخلی قدرتی رکاوٹ حقیقی عدد ہوتا ہے جس کی قیمت z برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5 z برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5 z برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5 z برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 3.5 و کے بارتک پہنچتے ہیں ، لہذا z برابر ہوتی ہے مرکز تک کیبر اور 2.5 z ایس نقطے براداس کے دائر سے کے بلاپ جاتا ہے۔ اس سے z برات ہوئے بارتک پہنچتے ہیں ، لہذا کہ برائے مرکز تک کیبر اور 2.5 z ایس نقطے برائی نقطے سے z نقطے برائی ناسے پر 3.5 میں ہوتا ہے ۔ یادر ہے کہ ہم نے بارکو فیتے پر 3.5 میں طور پر معلوم نہیں ہے لہذا بہتر یہ ہوتا ہے کہ تجرباتی نتائج سے حاصل z کی بات کرتے ہوئے بارکا فرض کر دو ہفتا م بھی ساتھ بتلا یا جائے۔

آخر میں آئیں اس بار کو Ω 50 تر سیلی تارکے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دیکھیں۔ایہا d_1 لمبائی کے کسر دور تارکے گلڑے کو بارسے d_1 فاصلے پر نسب کرنے ہے ممکن بنایاجاتا ہے۔ایہاشکل 11.14 میں دکھایا گیا ہے۔بارسے d_1 فاصلے پر d_2 متوازی d_1 لمبی کسرے دور گلڑ انسب کرنے سے کل رکاوٹ d_1 کی حادث محلوب ہیں۔ کسر دور گلڑے کی قدر تی رکاوٹ تر سیلی تارکے قدر تی رکاوٹ d_1 کارنے مقصد ہے۔ یہاں d_1 اور d_1 مطلوب ہیں۔ کسر دور گلڑے کی قدر تی رکاوٹ تر سیلی تارکے قدر تی رکاوٹ d_1 کی تعدر تی رکاوٹ کر برابر ہے۔

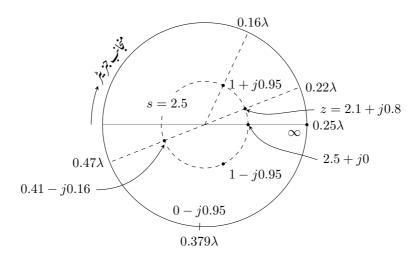
برتی بار اور کسر دور تارکا نگرامتوازی جڑے ہیں۔ متوازی جڑے رکاوٹوں کی بجائے متوازی جڑے برتی فراوانی کے ساتھ کام کر نازیادہ آسان ہوتا ہے لہذا ہم ایسان کرتے ہیں۔ برتی فراوانی کی زبان میں موجودہ مسئلہ کچھ یوں ہے۔ ہم امتار کھنا چاہتے ہیں کہ داخلی فراوانی فاراوانی کی زبان میں موجودہ مسئلہ کچھ یوں ہے۔ ہم امتار کھنا چاہتے ہیں کہ داخلی فراوانی فاراوانی کی زبان میں موجودہ مسئلہ کچھ یوں ہے۔ ہم امتار کھنا چاہتے ہیں کہ داخلی فراوانی کی برتی تاثریت -jb در کار ہے۔ ان حقائق کولے کر سمتھ نقشے کی مددسے ماور -b کی قیمتیں حاصل کرتے ہیں۔

سمتھ نقشے میں z=2.1+j0.8 سرماوات 11.51 کے تحت منجانب جزیئر z=2.1+j0.8 سومت ہوتے ہے۔ شکل 11.15 میں ایسا دکھایا گیا ہے۔ سمتھ نقشے میں z=2.1+j0.8 سومتے ہوئے z=2.1+j0.8 دکھایا گیا ہے۔ سمتھ نقشے میں z=2.1+j0.8 سومتے ہوئے z=2.1+j0.8 سومتے ہوئے ایسا کے دائر سے منجانب جزیئر گھومتے ہوئے داخلی قدرتی فراوانی z=2.1+j0.8 مانا ہے جہاں آلاداس کے دائر سے z=2.1+j0.8 میں دکھایا گیا ہے ، ایسا 10.16 در کار کے لائے کہ ایسا کے دائر سے اللہ اس کو جواب تسلیم کرتے ہیں کہ بہاں سے بالتر تیب 10.95 میں دکھایا گیا ہے ، ایسا 10.16 در کار ہے لہذا اس کو جواب تسلیم کرتے ہیں۔ بار سے اس نقطے تک پہنچنے کے لئے کم کم بی تار در کار ہے لہذا اس کو جواب تسلیم کرتے ہیں۔ بار سے اس نقطے تک کرتے کے کہ کم بی تار در کار ہوگی للمذا 25 دس کے تعرب کے اللہ 14.25 دس کے اللہ 14.25 دس کے تار در کار ہوگی للمذا کے تعرب کے تار در کار ہوگی للمذا 25 دس کے تار در کار ہوگی للمذا 25 دس کے تار در کار ہوگی للمذا 25 دس کے تار در کار ہوگی کی تار در کار ہوگی کی تار در کار ہوگی کے تار در کار ہوگی کی تینے کے لئے کم کی تار در کار ہوگی کی تار در کار کی تار کی تاریخ کی تار در کار کی کی تار در کار کی کی تار در کار کی تاریخ کی

باب 11. ترسیلی تار



شکل 11.14: بار سے d فاصلے پر d لمبائی کے کسرے دور تار کا ٹکڑا جوڑنے سے بار اور اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ بنائے جاتے ہیں۔



شکل 11.15: بار z=2.1+j0.8 سے z=0.19 فاصلے پر 0.129λ لمبائی کا کسر دور ٹکڑا جوڑنے سے نظام ہمہ رکاوٹ ہو جاتا ہے۔

11.6. تجزیہ عارضی حال

اب j0.95 + 1 متوازی $y_{ij} = -j0.95$ برقی تاثریت جوٹر کر 0j + 1 حاصل ہوگا۔ مساوات 11.54 تحت کسرے دور کلڑے کی داخلی رکاوٹ یاداخلی فراوانی خیالی عدد ہوتا ہے لمذاسمتھ نقشے پر ایسے کلڑے کا g = g ہی رہے گاجو نقشے کی بیرونی دائرے کو ظاہر کرتی ہے۔ عین کسر دور پر g = y ہوتا ہے جو منجانب جزیٹر $y_{ij} = y_{ij}$ ہوتا ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ $y_{ij} = -j0.95$ ہوتا ہے جو منجانب جزیٹر $y_{ij} = y_{ij}$ ہوتا ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ $y_{ij} = -j0.95$ ماصل ہوتا ہے۔ ور گلڑ ہے کی لمبائی $y_{ij} = y_{ij} = -j0.25$ ماصل ہوتا ہے۔ $y_{ij} = y_{ij} = -j0.25$ ماصل ہوتا ہے۔ $y_{ij} = y_{ij} = -j0.25$

3753

مشق 11.4: بے ضیاع Ω 50 تر سیلی تار کو کسر ہے دور کرنے سے برتی دباو کے دوآلیس میں قریبی نشیب cm 12 اور cm 27 پر پائے جاتے ہیں۔ کسر ہے دور ختم کرتے ہوئے یہاں بارنسب کرنے سے 0.4 ک صیطے کے نشیب اور ۷ 27.7 حیطے کے چوٹیاں حاصل ہوتی ہیں۔ ایک عدد نشیب cm 9 پر حاصل ہوتا ہے۔ تھوڈ سیلی تارمیں ہوابطور ذو برق استعال ہوا ہے۔ مندر جہ ذیل حاصل کریں۔ ۲،۶۰ ہور کا ۲۰۵۰ کاریں۔ کاریں کی کاریں۔ کا

 $36.5 + j21.6 \,\Omega$ اور $0.286/108^{\circ}$ ، 1.8،1 GHz، $0.3 \,\mathrm{m}$

___3

375

مثق 11.5: بے ضیاع Ω Ω Ω ساتھ Ω Ω Ω ساتھ Ω Ω بار نسب ہے۔ بارسے Ω فاصلے پر 1 المبائی کا کسر دور کھڑا جوڑتے ہوئے نظام پکو ہمہ رکاوٹ بنایاجاتا ہے۔ اگر تاریر 0 ہو جبکہ اشارے کی تعدد 0 ساتھ 0 ہوتب مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹے سے چھوٹا 0 اور الیکی صورت پیس مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹے سے جھوٹا 0 اور الیکی صورت پیس مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹے سے جھوٹا 0 اور الیکی صورت پیس مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹے سے جھوٹا ہوت کے مسلم مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹا ہوت کے مسلم مندرجہ نظام پر مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹا ہوت کے مسلم مندرجہ نظام پر مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 0 جھوٹا ہوت کے مسلم مندرجہ نظام پر مندرجہ نظا

جوابات: 1.8 m ،20 m اور m 4.4 ور 4.4 m

37

11.6 تجزیہ عارضی حال

اب تک ہم تر سیلی تار میں کسی ایک تعدد پر ، بر قرار کیساں حال 15 سائن نماامواج کی بات کرتے ہیں۔ اس جھے میں غیر سائن نماامواج کی بات کرتے ہیں۔ آپ جانے ہیں کہ کسی بھی غیر سائن نماموج کو فور بیر تسلسل کی مدد سے متعدد اجزاء کا مجموعہ کھاجا سکتا ہے جہاں ہر جزو کی تعدد مختلف ہوتی ہے۔ کسی بھی ترسیلی تالدیک مستقل R ، R اور C ازخود تعدد پر منحصر ہوتے ہیں۔ اس کی مثال، ہم محور کا تار کی مزاحت ہے جو موٹائی جلد کا دار و مدار از خود تعدد پر سے موج کی رفتار ان مستقل پر منحصر ہے لہذا مختلف تعدد کے امواج تار میں مختلف رفتار سے حرکت کریں گے۔ یوں غیر سائن نما ہوت خود تعدد پر ہے۔ ترسیلی تار میں موج کی رفتار ان مستقل پر منحصر ہے لہذا مختلف تعدد کے امواج تار میں مختلف رفتار سے حرکت کریں گے۔ یوں غیر سائن نما ہوت کی فور بیرًا جزاء مختلف رفتار سے حرکت کریں گے جس سے موج کی صورت بر قرار نہیں رہ پائے گی۔ حرکت کے دوران موج کی صورت بگڑنے کو انتشار 16 ہماجاتا ہے۔ اس کتاب میں اثر انتشار 20 ہموج میں رفتار کی دور کی مورت کی دور کی رفتار کی دور کی رفتار کی موج کی رفتار برابر ہوں گے۔ اس رفتار کو تاکھتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ وقت کا میں ایس موج کی سے بیک امواج پر غور کیا جائے گا۔ یوں دور کی دفتار اور مجموعی رفتار برابر ہوں گے۔ اس رفتار کو تاکھتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ وقت کا میں ایس موج کا۔

steady state¹⁵ dispersion¹⁶

phase velocity¹⁷ group velocity¹⁸

غیر سائن نماامواج میں مستطیل موج نہایت اہمیت کی حامل ہے۔عدد کی اشارات یعنی صفر اور ایک کوعد دی ادوار میں 0 V اور 5 V سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ عدد ی صفر سے عدد ی ایک یاعددی ایک سے عدد ی صفر کو مستطیل یا عددی ایک سے عددی ایک سے عددی ایک جسے عددی ایک جسے عددی صفر کو مستطیل یا عددی ایک ہے۔ یہ مستطیل یا سے عددی صفر کے سے عددی صفر کی جسے دوسری جگہ منتقل ہوتے ہیں۔ یہ اشارات عموماً بلا ترتیب ہوتے ہیں۔ آئیں ایک ہی ایک عدد سیڑھی نمااشارہ سے کہ ترسیل پر غور کریں۔ اس طرز کے تجزیے کو عارضی ردعمل 20 کہا جاتا ہے۔

کی ترسیل پر غور کریں۔ اس طرز کے تجزیے کو عارضی ردعمل 20 کہا جاتا ہے۔

شکل 11.16 میں نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب برقی د باو صفر کے برابر ہے۔اس جانب ترسلی تار کو کپیسٹر تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تار کا پیورجسہ غیر چارج شدہ ہے۔اس کے برعکس نقطہ دار لکیر کے بائیں جانب برقی د باو Vo ہے۔ یوں تار کا یہ حصہ چارج شدہ ہے۔ شبت تارپر برقی رو، شبت چارج کو نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب تھے سے شبت چارج نکال رہی ہے۔اس طرح نقطہ دار لکیر کے قرمیب لکیر کے دائیں جانب تھے سے شبت چارج نکال رہی ہے۔اس طرح نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب تھے سے شبت چارج نکال رہی ہے۔اس طرح نقطہ دار لکیر کے قرمیب دائیں جانب تارچارج بردار ہور ہاہے جس کی وجہ سے اس تھے کی برقی د باو بڑھتی ہے۔ یہی برقی موج ہے۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سونچ چالو کرنے سے $\frac{1}{v}$ تک کے عارضی دورانے کے دوران <mark>کرچاف 2</mark>4 کے قوانین کار آ مد نہیں ہیں۔عارضی دورانیہ گزرنے کے بعد برقرار یکسال صورت حال پائی جاتی ہے لہٰذا کرچاف کے قوانین اب قابل استعال ہوں گے۔ کرچاف کے قانون کے تحت دور میں یک سمتی برقی رو $\frac{V_0}{Z_0}$ پائی جائے گی۔

آئیں اب برقی بارکی قیمت اور ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ برابر نہ رکھتے ہوئے مسئلے پر دوبارہ غور کریں۔ شکل 11.17 میں ایساہی دور دکھایا گیاہے جس میں منبع کی داخلی رکاوٹ بھی شامل کی گئی ہے۔ لمحہ t=0 پر سور کچ کو چالو حالت کر دیاجاتاہے جس سے ترسیلی تارکے داخلی سرے پر $V_1=\frac{Z_0V_0}{Z_0+R_g}$ برقی د باونمودار

 ${
m digital}^{19}$

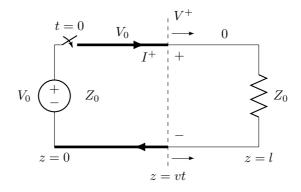
transient response²⁰

step $function^{21}$

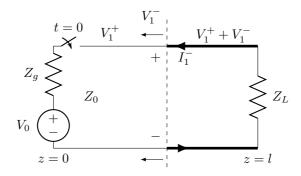
transient state²²

conventional current²³ Kirchoff's laws²⁴

11.6. تجزیه عارضی حال



شكل 11.16: ترسيلي تار ميں ابتدائي موج۔



شکل 11.17: عمومی برقی بار سے لدے ترسیلی تار میں ابتدائی موج۔

 V_1^+ ہو گا۔ یہ برتی د باوبطور موج

$$V_1^+ = \frac{Z_0 V_0}{Z_0 + Z_g}$$

3801

برقی بار کی جانب حرکت کرے گی۔

تار کے اختتام پر $Z_0
eq Z_L$ کی وجہ سے انعکا موج V_1^- پیدا ہوگی جہاں

$$\frac{V_1^-}{V_1^+} = \Gamma_L = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$$

 $V_1^+ + V_1^- + V_1^-$ جنبہ دوسری جانب جس کے برابر ہے۔ انعکاسی موج ہے منبع کی جانب $V_1^+ + V_1^- + V_1^-$ بنبغ پر پہنچ کر دودر جی منعکس موج V_2^+ پیدا کرے گی جہاں V_2^+ بیدا کرے گی جہاں

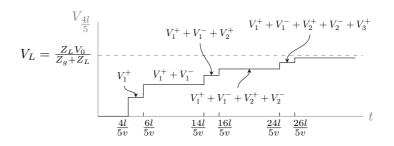
$$\frac{V_2^+}{V_1^-} = \Gamma_g = \frac{Z_g - Z_0}{Z_g + Z_0}$$

کے برابرہے۔اس کو

$$V_2^+ = \Gamma_g V_1^- = \Gamma_g \Gamma_L V_1^+$$

 V_2^- كون جب برقى بارتك پنچي گى تويە V_2^+ مون جب برقى بارتك پنچي

$$V_2^- = \Gamma_L V_2^+$$



شكل 11.18: عارضي دورانير كي برقى دباو بالمقابل برقى دباو.

پیداکرے گی۔

3802

ای ترتیب کو بار باراستعال کرتے ہوئے کسی بھی کھے پر عارضی صورت حال دریافت کیا جاسکتا ہے۔ متعدد انعکاس کے بعد برقی بار پر برقی د باو
$$V_L = V_1^+ + V_1^- + V_2^+ + V_2^- + V_3^+ + V_3^- + \cdots$$

$$= V_1^+ (1 + \Gamma_L + \Gamma_g \Gamma_L + \Gamma_g \Gamma_L^2 + \Gamma_g^2 \Gamma_L^2 + \Gamma_g^2 \Gamma_L^3 \cdots)$$

ہو گا جسے

$$V_L = V_1^+ (1 + \Gamma_L)(1 + \Gamma_g \Gamma_L + \Gamma_g^2 \Gamma_L^2 + \cdots)$$

کھاجا سکتاہے۔ آپ جانتے ہیں کہ $rac{1-r^n}{1-r}=rac{1-r^n}{1-r}+r+r^2+r^3+\cdots+r^{n-1}=rac{1-r^n}{1-r}$ کے برابر ہے۔ یکی کلیہ مندر جہ بالامساوات کے آخری قوسین پر لا گو χ کرتے ہوئے لامحد ودانعکاس کے بعد

$$|V_L|_{t\to\infty} = V_1^+ \left(\frac{1+\Gamma_L}{1-\Gamma_g\Gamma_L} \right)$$

 $\Gamma_L=1$ اور $\Gamma_g=rac{Z_g-Z_0}{Z_g+Z_0}$ ہوں گے۔اس مساوات میں کی صورت میں T_g^n اور T_g^n اور T_g^n ہوں گے۔اس مساوات میں $T_g=1$ اور $T_g=1$ اور $T_g=1$ ہوں گے۔اس مساوات $T_g=1$ اور $T_g=1$ اور $T_g=1$ ہوں گے۔اس مساوات $T_g=1$ اور $T_g=1$ اور $T_g=1$ ہوں گے۔اس مساوات کی استعمال سے مساوات کی در استعمال سے در استعمال سے مساوات کی در استعمال سے در

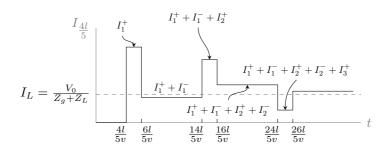
$$V_L|_{t\to\infty} = \frac{Z_L V_0}{Z_g + Z_L}$$

حاصل ہوتاہے جو بر قرار یکسال حالت کی صورت میں برقی ہار پر برقی د ہاوہے۔ یہی جواب کر چاف کے قانون سے بھی حاصل ہوتاہے جس میں ترسیلی تارکی قیدر تی رکاوٹ کا کوئی کر دار نہیں پایاجاتا۔

 Z_{I} آئیں اب شکل Z_{g} اور Z_{g} دوران ترسیلی تاریر Z_{g} تاریر برتی د باو بالمقابل وقت کا خط کھینچے ہیں۔اس شکل میں Z_{g} اور Z_{g} ماس پھوتے ہیں۔ شکل Z_{g} اور Z_{g} کود کیھ کر آگے پڑھیں۔

سونگ کولمحہ t=0 پرچالو حالت کیا جاتا ہے جس سے ترسیل تارییں V_1^+ موج پیدا ہوتی ہے۔ یہ موج نقطہ دار کیبر سے ظاہر کردہ مقام تک $\frac{4l}{5v}$ وولاینے میں پہنچتی ہے۔ یوں $t=\frac{4l}{5v}$ ہو جاتی ہے۔ شکل 11.18 ہیں ایسا میں پہنچتی ہے۔ یوں $t=\frac{4l}{5v}$ ہو جاتی ہے۔ شکل 11.18 ہیں ایسا ہوتاد کھایا گیا ہے۔ موج V_1^+ نقطہ دار کئیر سے برتی ہارتک $\frac{1}{5}$ و دورانے میں پہنچ کر انعکا س پزیم ہوتی ہے۔ انعکا س موج کو برتی بارسے نقطہ دار کئیر پر لمحہ والے میں پہنچ کر انعکا س پزیم ہوتی ہے۔ یوں سونگے چالو حال کرنے کے $\frac{6l}{5v}$ و در بعد انعلی خور در انبید در کار ہے۔ یوں V_1^+ ہو جاتی ہے۔ امرید کی جاتی ہے کہ آپ شکل 11.18 میں دکھائے گئے تمام صورت حال کو سمجھ پائے ہیں۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ در نوں سروں پر موج بار بار انعکا س پزیم ہوتی ہے۔ ہر انعکا س کے بعد برتی دباو بر قرار حال قیمت کے قریب تر ہوتی جاتی ہے۔ م

11.6. تجزیه عارضی حال



شكل 11.19: عارضي دورانيح كي برقي رو بالمقابل برقي دباو.

تریلی تارپر کسی بھی مقام پر برتی رو کی قیمت بھی اسی طرح حاصل کی جاتی ہے۔ برتی دباو کی صورت میں اس تار کو ثبت برتی دباو پر تصور کیا جاتا ہے جس پر ثبت چارج پایا جاتا ہو۔ یوں شکل V_1^+ اور V_1^- امواج میں بالائی تار مثبت برتی دباو پر ہیں۔ اسی شکل میں گھڑی کی سمت میں گھومتی برتی رو کو مثبت تصور کیا جاتا ہے جبکہ گھڑی کے الٹ سمت کھومتی برتی رو کو منفی تصور کیا جاتا ہے۔ یوں I_1^+ مثبت جبکہ I_1^- مثبت نصور کیا جاتا ہے جبکہ برتی رو کے امواج مثبت یا منفی ممکن ہیں۔ برتی رو اور برتی دباو کا عمومی تعلق برتی رو کی موج کو مثبت تصور کیا جاتا ہے جبکہ برتی رو کے امواج مثبت یا منفی ممکن ہیں۔ برتی رواور برتی دباو کا عمومی تعلق

$$I_1^+ = \frac{V_1^+}{Z_0}$$

$$I_1^- = -\frac{V_1^-}{Z_0}$$

ہے۔اس طرح

$$I_{1}^{+} = \frac{V_{1}^{+}}{Z_{0}}, \qquad I_{1}^{-} = -\frac{V_{1}^{-}}{Z_{0}}$$

$$I_{2}^{+} = \frac{V_{2}^{+}}{Z_{0}}, \qquad I_{2}^{-} = -\frac{V_{2}^{-}}{Z_{0}}$$

$$I_{3}^{+} = \frac{V_{3}^{+}}{Z_{0}}, \qquad I_{3}^{-} = -\frac{V_{3}^{-}}{Z_{0}}$$

لکھے جائیں گے۔

3814

شکل 11.18 کود کیھتے ہوئے شکل 11.19 حاصل کیا گیا ہے۔اس شکل میں یہ دلچیپ حقیقت سامنے آتی ہے کہ سوچ چپالو کرنے کے لمحے پر برقی رو برقرار حالت میں کے ابتدائی برقی رو کی قیت برقرار حالت قیمتولیا سے کیساں برقی روسے زیادہ ہے۔دراصل Z_L ، Z_R اور Z_R کے قیمت ایسے چنے جاسکتے ہیں کہ ابتدائی برقی دباویا ابتدائی برقی روکی قیمت برقرار حالت قیمتولیا سے دیادہ یا کم ہو۔

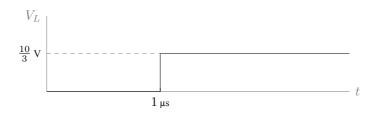
3818

مثال 11.3: شکل 11.17 میں $Z_g = 50 \, \Omega$ ہیں۔ 30 مثال 11.3: شکل 11.3 مثال 11.3 مثال 11.3 11.3

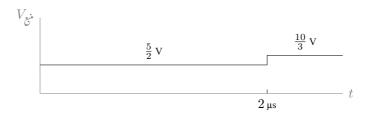
حل:ان قیمتوں سے شرح انعکاس

$$\Gamma_g = \frac{50 - 50}{50 + 50} = 0$$

$$\Gamma_L = \frac{100 - 50}{100 + 50} = \frac{1}{3}$$



شکل 11.20: برقی بار پر برقی دباو۔



شکل 11.21: منبع کے خارجی سروں پر برقی دباو۔

$$Z_0$$
 ماصل ہوتے ہیں۔ لمحہ z_0 پر سونچ چالو کرنے سے منبع کو

$$V_1^+ = \frac{Z_0 V_0}{Z_g + Z_0} = \frac{50 \times 5}{50 + 50} = \frac{5}{2} \text{ V}$$

 $I_1^+ = \frac{V_0}{Z_g + Z_0} = \frac{5}{50 + 50} = \frac{1}{20} \text{ A}$

یوں گے۔ تر بیلی تاریمیں رفتار موتی $rac{m}{s}=2.4 imes10^8$ $v=0.8 imes3 imes10^8=2.4 imes10^8$ ہوں گے۔ تر بیلی تاریمیں رفتار موتی $t=rac{l}{v}=rac{240}{2.4 imes10^8}=1~\mu ext{s}$

دورانے میں برقی بارتک پہنچیں گی۔برقی بارسے انعکاس پذیرامواج

$$V_1^- = \Gamma_L V_1^+ = \frac{1}{3} \times \frac{5}{2} = \frac{5}{6} \text{ V}$$

 $I_1^- = -\frac{V_1^-}{Z_0} = -\frac{1}{60} \text{ A}$

ہیں۔یوں سونچ چالو کرنے کے 1 μs دیر بعد برقی بار پر کل برقی د ہاواور برقی رو

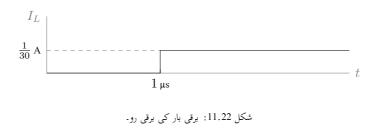
$$V_1^+ + V_1^- = \frac{5}{2} + \frac{5}{6} = \frac{10}{3} \text{ V}$$

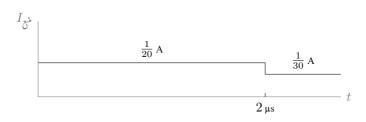
 $I_1^+ + I_1^- = \frac{1}{20} - \frac{1}{60} = \frac{1}{30} \text{ A}$

ہول گے۔ سونچ چالو کرنے کے 2 μs دیر بعد انعکاسی امواج منبع تک واپس پینچیں گی۔ چونکہ Γ_g = 0 ہے المذامنبع سے کوئی موج انعکاس پذیر نہیں ہو گی۔اس طرح سونچ چالو کرنے کے 2 μs دیر بعد منبع پر برقی د باواور برقی رومندر جہ بالا قیمتیں اختیار کرلیں گے۔اس کے بعدیہی قیمتیں برقرار رہیں گے۔

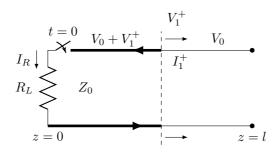
عارضی دورانیے کا ایک اہم مسکد شکل 11.24 میں دکھایا گیاہے جہاں z=0 پر برقی بار R_L جوڑا جا سکتا ہے جبکہ z=1 پر تار کا سرا کھا جاتا ہے۔ چار ج

11.6. تجزیه عارضی حال

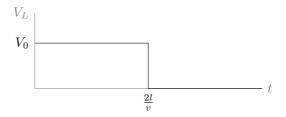




شكل 11.23: منبع كى برقى رو۔



شکل 11.24: ترسیلی تار سے مستطیل پتلا اشارہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔



شکل 11.25: ترسیلی تار سے حاصل مستطیل پتلا اشارہ۔

 R_L شروع ہو جاتا ہے۔ تارمیں کثافت چارج کی کی سے تارمیں بر تی د ہاہ کم ہوتا ہے۔ شکل 11.24 میں سونے بیٹر کرنے کے پیچھ ہی دیر بعد کی صورت حال دکھائی گئ ہے۔ سونے چالو کرنے سے پیداموج کا مقام نقطہ دار لکیر دکھارہی ہے۔ اس لکیر کے دائیں جانب بر تی د باو V_0 اور چارج ساکن ہے جبکہ لکیر کے بائیں جانب چارج حرکت میں ہے اور بر تی د باو بھی کم ہوگا ، جس سے صاف حرکت میں ہے اور برتی د باو بھی کم ہوگا ، جس سے صاف ظاہر ہے کہ V_1 کی قیمت منفی ہوگی۔ نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب برتی روصفر کے برابر ہے جبکہ لکیر کے بائیں جانب برتی روگئ جاتی ہے۔ یہ برتی روگئری کی الیف سے ہے لہٰذا تار میں ابتدائی برقی روکے موج V_1 کی قیمت منفی ہوگی۔ برتی د باور کی موج V_1 اور برقی روکی موج V_1 ترسیلی تارمیں برتی د باور اور برقی روہر صورت V_1 اور برتی روکی موج V_1 ترسیلی تارمیں برتی د باور اور برقی روہر صورت

$$-I_R = I_1^+ = \frac{V_1^+}{Z_0}$$

مساوات پر پورااترتے ہیں۔ مزاصت $R_L = I_R R_L$ پر برقی دباو $V_L = V_0 + V_1^+$ کے وجہ سے ہے۔ یوں برقی بار پر $R_L = I_R R_L$ ہوگا جے

$$V_L = V_0 + V_1^+ = -I_1^+ R_L = -\frac{V_1^+}{Z_0} R_L$$

لکھاجاسکتاہے۔اس مساوات سے

$$V_1^+ = -\frac{Z_0 V_0}{Z_0 + R_L}$$

حاصل ہوتا ہے۔ برقی دباو کی ابتدائی موج جانتے ہوئے ہم کسی بھی لمھے کسی بھی نقطے پر برقی دباویا برقی روحاصل کر سکتے ہیں۔ایساہم کئی مرتبہ کر چکے ہیں۔ 200

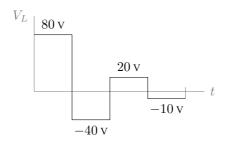
زیادہ دلچیپ صورت حال اس وقت پیدا ہوتی ہے جب $R_L=Z_0$ ہو۔الیمی صورت میں تر سیلی تاریحے سروں پر شرح انعکا س

$$\Gamma_{z=0} = 0$$
$$\Gamma_{z=l} = 1$$

z=1یر تار کاسرا کھلے دورہے۔مساوات z=1سے

$$V_1^+ = -\frac{V_0}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں سونج چالو کرتے ہی برتی بار پر دباو $\frac{V_0}{2} = V_0 + V_1^+ = \frac{V_0}{2}$ پیدا ہوتا ہے۔ موج V_1^+ کو تار کے دائیں سرے تک پہنچنے کی خاطر $\frac{1}{v}$ وقت در کار ہے جہاں سے یہ انعکاس پذیر ہوگی۔ اس طرح سونج چالو کرنے کے ٹھیک $\frac{2l}{v}$ دیر بعد منعکس برقی موج برتی بار پر کل برتی دباو کی قیمت $\frac{1}{v}$ وقت در کار ہے جہاں سے یہ انعکاس پذیر ہوگی۔ اس طرح سونج چالو کرنے کے ٹھیک ہوگا۔ برتی بار پر برتی دباو کو شکل 11.25 میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ بار پر بالکل مستطیل برتی دباو پائی جاتی ہے۔ انتہائی کم دورا نے کے مستطیل اشارات تر سلی تارکی مدد سے پیدا کئے جا سکتے ہیں۔ $R_L \neq Z_0$ کی صورت میں چھوٹ کی بار انعکاس پذیر ہوگی جس سے اشارہ مستطیل شکل کھود ہے گا۔



شکل 11.26: بار بار انعکاس پذیر موج سے پیدا برقی دباو۔

383

مثال 11.4: Ω 300 کے بار پر V 5000 اور ns 100 دورانیے کا مستطیل اشارہ در کارہے۔اس اشارے کو α 300 کے ہم محوری تارسے حاصل کھ یں ہے۔ جہاں تارمیں موج کی رفتار 0.8c ہے۔

حل: اشارے کے دورانیے سے تارکی لمبائی

$$l = \frac{0.8 \times 3 \times 10^8 \times 100 \times 10^{-9}}{2} = 12 \,\mathrm{m}$$

حاصل ہوتی ہے۔ ہم محوری تار کو 10 kV بر تی د باوپرر کھتے ہوئے در کاراشارہ حاصل ہو گا۔

3833

3835

 $0 \leqslant t < \frac{8l}{v}$ -پرسونگی کوچالو کیا جاتا ہے۔ $R_L = \frac{50}{3} \Omega$ جبکہ $Z_0 = 50 \Omega$ ، $V_0 = 320 \, \mathrm{V}$ پرسونگی کوچالو کیا جاتا ہے۔ $R_L = \frac{50}{3} \Omega$ جبکہ کے لئے مزاحمت پر برقی و باوحاصل کریں۔

حل:اس دورانیے میں موج تریلی تارمیں چار چکر کاٹے گی۔ دی گئی معلومات سے

$$\Gamma_{z=0} = \frac{\frac{50}{3} - 50}{\frac{50}{3} + 50} = -\frac{1}{2}$$

$$\Gamma_{z=1} = \frac{\infty - 50}{\infty + 50} = 1$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں

$$V_1^+ = -\frac{50 \times 320}{50 + \frac{50}{3}} = -240 \text{ V}$$
$$V_1^- = \Gamma_{z=l} V_1^+ = -240 \text{ V}$$

باب 11. ترسیلی تار

ہوں گے۔اسی طرح

$$V_2^+ = V_2^- = \Gamma_{z=0}V_1^- = 120 \text{ V}$$

$$V_3^+ = V_3^- = \Gamma_{z=0}V_2^- = -60 \text{ V}$$

$$V_4^+ = V_4^- = \Gamma_{z=0}V_3^- = 30 \text{ V}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان نتائج کواستعال کرتے ہوئے

$$\begin{split} V_L &= V_0 + V_1^+ = 320 - 240 = 80 \, \mathrm{V} \\ &= V_0 + V_1^+ + V_1^- + V_2^+ = -40 \, \mathrm{V} \\ &= V_0 + V_1^+ + V_1^- + V_2^+ + V_2^- + V_3^+ = 20 \, \mathrm{V} \\ &= V_0 + V_1^+ + V_1^- + V_2^+ + V_2^- + V_3^+ + V_3^- + V_4^+ = -10 \, \mathrm{V} \end{split} \qquad (0 < t < \frac{2l}{v})$$

لهاجاسكتا ہے۔ان نتائج كوشكل 11.26 ميں د كھايا گياہے۔

11.6. تجزیه عارضی حال

```
484 fig Transmission Smith From Internet. tex is not giving the figure of the book
the answers should be at the end of the book
read chapter 9 onwards (proof reading)
put, comsat's time table here.
energy travels along the wire and not in the wire.
antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.
house completion certificate.
zaryab fish
F<sub>∞2</sub>dW/dT to include in inductance chapter plus a question or two
magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.
charge is barqi bar.
add questions to machine book too.
take print outs for myself.
  4827
when giving fields always remember the following rules:
always ensure that divergence of magnetic field is zero.
moving waves must be of the form E = E0\cos(wt - kz) where c = (\mu * \epsilon)^{-0.5} and k = 2 * \pi/\lambda
include complex permitivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon")
include 4th ed fig 11.11 of page 422
rename lossless and lossy dielectrics as
```

باب 11. ترسیلی تار

الباب 16

سوالات

ترسیلی تار

4835

سوال 16.1: ترسیلی تار کے مستقل $\frac{\Omega}{m}$ ، R=20 $\frac{\Omega}{m}$ ، R=20 اور G=80 اور G=80 ہیں۔اس میں C=60 تعدد کھیجہوقی موج حرکت کر رہی ہے۔ الف) R=10 ہوں ہیں۔ R=10 اور R=10 حاصل کریں۔ب) R=10 فاصلہ طے کرنے کے بعد موج کا حیطہ ابتدائی قیمت کی «فسبت سے کتنا ہو گا؟ پ) R=10 فاصلہ طے کرنے کے بعد موج کا زاویائی فرق کتنا ہو گا؟

. $Z_0 = 258 - j2.37\,\Omega$ ، $\lambda = 2.03\,\mathrm{m}$ ، $\beta = 3.1\,\mathrm{\frac{rad}{m}}$ ، $\alpha = 0.049\,\mathrm{\frac{Np}{m}}$ ، $\gamma = 0.049 + j3.1\,\mathrm{m}^{-1}$ جوابات: 284° ، $55.5\,\%$

سوال 16.2: ایک ترسیلی تار جس میں موج کی رفتار $\frac{8}{s}$ $3 \times 10^8 \frac{m}{s}$ ہے کی قدرتی رکاوٹ $Z_0 = 50 \, \Omega$ ہے۔ تار کے داخلی سروں پر $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ کی مورت میں $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ حاصل کریں۔ ب) تار کی المسبائی $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ ہونے کی صورت میں $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ حاصل کریں۔ ب) تار کی المسبائی بالترتیب $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ ہونے کی صورت میں $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ حاصل کریں۔ ب) $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ حاصل کریں۔ ب) تار کی المسبائی علام ترتیب $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ جا کہ خوات کی صورت میں $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ حاصل کریں۔ ب) تار کی المسبائی علام ترتیب $Z_0 = 20 \, \mathrm{MHz}$ جا کہ خوات کی صورت میں داخلی کے حاصل کریں۔ بازی کی میں دورت میں داخلی کی صورت میں داخلی کی میں دورت میں داخلی کی داخلی کر داخلی کی داخلی کر داخلی کی داخلی کر داخلی کی داخلی کی داخلی کی داخلی کی داخلی کی داخلی کی داخلی کر داخلی کی داخلی کی داخلی کر دا

 $36.3j\,\Omega$ ، $27.5j\,\Omega$ ، $0\,\Omega$ ، ∞ :جوابات:

سوال 16.3: برے ضیاع ترسیلی تار کی فی میٹر امالہ $\frac{\mu}{m}$ 0.25 جبکہ اس کی قدرتی رکاوٹ $75\,\Omega$ ہے۔الف) تار کی فی میٹر کپیسٹنس دریافت کریں۔ جب تار کے ساتھ $95\,\Omega$ کا بار منسلک ہے۔ $14\,\Omega$ ہونے کی صورت میں $16\,\Omega$ حاصل کریں۔ ت) تار کے ساتھ $16\,\Omega$ کا بار منسلک ہے۔ $16\,\Omega$ ہونے کی صورت میں $16\,\Omega$ حاصل کریں۔ $16\,\Omega$ کا بار منسلک ہے۔ $16\,\Omega$ کا بار منسلک ہے۔ $16\,\Omega$ حاصل کریں۔

جوابات:
$$s=rac{15}{11}$$
 ، $\Gamma=-rac{2}{13}$ ، $eta=1.05rac{
m rad}{
m m}$ ، $3 imes10^8rac{
m m}{
m s}$ ، $44.4rac{
m pF}{
m m}$ جوابات:

سوال 16.4: ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ Ω 300 بر۔موج کی تعدد $\frac{rad}{s}$ عدد $0.8 \frac{rad}{s}$ جبکہ اس کی رفتار $0.8 \frac{m}{s}$ برخان کی فیﷺ میٹر امالہ اور کپیسٹنس حاصل کریں۔ ب) تار پر سلسلہ وار جڑی $0.8 \, \mu$ اور $0.8 \, \mu$ کا بار ڈالا جاتا ہے۔ $0.8 \, \mu$ اور $0.8 \, \mu$ حاصل کریں۔

$$s=7.49$$
 ، $\Gamma=0.38+j0.67$ ، $C=11.9\,rac{
m pF}{
m m}$ ، $L=1.07\,rac{
m \mu H}{
m m}$ جوابات:

سوال 16.5: ہے ضیاع ترسیلی تار کی $R = 0.25\pi \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ہوا کہ جماص تعدد پر قدرتی رکاوٹ $\Omega = 0.25\pi \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ہوا کہ جماص کرتے فاصلے پر تار کی داخلی رکاوٹ $R = 0.25\pi \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ہوگا۔ $R = 0.25\pi \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ہوگا۔ کریں۔ ب) تار پر $R = 0.25\pi \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ بار لادا جاتا ہے۔بار سے کتنے فاصلے پر تار کی داخلی رکاوٹ $R = 0.25\pi \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ جھوہ گا۔

$$60.34\,\mathrm{cm}$$
 ، $C=20.8\,rac{\mathrm{pF}}{\mathrm{m}}$ ، $L=117\,rac{\mathrm{nH}}{\mathrm{m}}$ جوابات:

سوال 16.6: تعدد $\frac{M {
m rad}}{s}$ پر ضیاع کار ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ $\Omega=40+j0$ اور حرکی مستقل T=2+j6 سی۔ T=10 بیں۔ T=10 اور حرکی مستقل کے T=10 بیں۔ T=10 بین۔ T=10 بین۔

$$L=0.24~rac{
m mH}{
m m}$$
 ، $R=80~rac{\Omega}{
m m}$ ، $C=150~rac{
m nF}{
m m}$ ، $G=0.05~rac{
m S}{
m m}$ جوابات:

سوال 16.7: برے ضیاع ترسیلی تار کی $150\,\mathrm{MHz}$ تعدد پر $150\,\mathrm{MHz}$ اور 16.7 اور 16.7 بین.تار پر متوازی جڑے $150\,\mathrm{MHz}$ کی مزاحمت اور 10.7 کی کبیسٹر کا بار لادا جاتا ہے۔ الف 10.7 اور 10.7 حاصل کریں۔ ب) شرح ساکن موج حاصل کریں۔

$$s=4.07$$
 ، $C=79.6\,rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ ، $L=0.51\,rac{ ext{\mu H}}{ ext{m}}$ جوابات:

سوال 16.8: منبع برقی دباو سلسلہ وار جڑی رکاوٹ $\Omega=300$ $\Omega=100$ اور بے ضیاع ترسیلی تار کے ساتھ منسلک ہے۔ترسیلی تار کا دوسرا سرا کسٹیٹ دور ہے۔ترسیلی تار میں طول موج λ ہے۔ الف) منبع برقی دباو پر کل $\Omega=100$ رکاوٹ مہیا کرنے کی خاطر ترسیلی تار کی لمبائی کتنی رکھی جائے گی۔ ب) ترسیلٹی تار کی لمبائی کے تمام ممکنہ جواب حاصل کریں۔

جوابات:
$$rac{\lambda}{8}=$$
لمبائی ، $rac{\lambda}{2}=$ لمبائی جوابات:

سوال 16.9: تعدد $50\,\mathrm{MHz}$ کے منبع برقی دباو کے ساتھ رکاوٹ $2g=50+j50\,\Omega$ اور بے ضیاع ترسیلی تار سلسلہ وار جڑے ہیں۔ ترسیلی تلوہ کی قلارتی رکاوٹ $2g=100\,\Omega$ ، لمبائی $2g=100\,\Omega$ ہے اور یہ بار $2g=100\,\Omega$ کو طاقت فراہم کر رہی ہے۔ الف) بار کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر منبع برقی دباو کھوہکل قدرتی رکاوٹ نظر آتی ہے۔ ب) ترسیلی تار کی فی میٹر امالہ $2g=100\,\Omega$ بونے کی صورت میں ترسیلی تار میں موج کی رفتار اور ترسیلی تار کی لمبائی ہوپھافت کریں۔

$$0.333\,\mathrm{m}$$
 ، $6.6737\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ ، $Z_L=100+j100\,\Omega$ جوابات:

سوال 16.10: تیس میٹر لمبی بے ضیاع ترسیلی تار کے دونوں سرے آزاد رکھنے کی صورت میں اس کی کل کپیسٹنس $\,C=1.5\,\mathrm{nF}\,$ ناپی جاتی ہے۔اس کا اللہ کا میں موڑہ اطرفہ سرے ہوئے دوسرے سرے پر نہایت کم دورانیے کا مستطیلی برقی دباو کا جھٹکا دیا جاتا ہے جو کسر دور سرے سے ٹکرا کر واپس لوٹٹا ہے۔تار میں موڑہ اطرفہ فاصلہ کل $\,0.4\,\mathrm{\mu S}\,$ میں طرے پاتا ہے۔ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ حاصل کریں۔

جواب:
$$Z_0=133.3\,\Omega$$

سوال 16.11: ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ $Z_0=60\,\Omega$ جبکہ اس پر موج کی رفتار $z.8 imes10^8\, {
m m}_{
m S}$ ہے۔ تار پر آمدی موج کی مساوات لکھیں۔ پ) ترسیطی تار $V_s^+(z,t)=100\cos(\omega t-\pi z)\, V_s$ ہے۔ الف) موج کی زاویائی تعدد حاصل کریں۔ پ) آمدی ہوتی رو کے موج کی مساوات لکھیں۔ پ) ترسیطی تار کا $V_s^-(z,t)=100\cos(\omega t-\pi z)\, V_s$ کا $V_s^-(z,t)=100\cos(\omega t-\pi z)\, V_s$ کا $V_s^-(z,t)=100\cos(\omega t-\pi z)\, V_s$ حاصل کریں۔ انعکاسی موج $V_s^-(z,t)=100\cos(\omega t-\pi z)\, V_s$ حاصل کریں۔ مساوات لکھیں اور $V_s^-(z,t)=100\cos(\omega t-\pi z)\, V_s$ حاصل کریں۔

جوابات:
$$\Gamma = 0.1 + j0.3 = 0.316 \underline{/71.6^{\circ}}$$
 ، $I^{+}(z,t) = \frac{5}{3}\cos(\omega t - \pi z)$ A ، $\omega = 879.6 \, \frac{\mathrm{Mrad}}{\mathrm{s}}$. $V_{s}(z = -2.5\,\mathrm{m}) = 130.4 e^{j0.71} = 130.4 \underline{/40.6^{\circ}}$ ، $V_{s}^{-}(z,t) = 31.6 e^{j(\pi z + 1.249)}$ V

سوال 16.12: ترسیلی تار کی $Z_0 = 50\,\Omega$ ، لمبائی $330\,\mathrm{m}$ اور اس میں رفتار موج v = 0.8c ہے۔یہ $Z_L = 40 + j70\,\Omega$ برقی بار پر پر پلسختتام پذیر ہے۔تعدد S ، Γ پر S ، Γ اور S ، S حاصل کریں۔

سوال 16.13: بے ضیاع ترسیلی تار کی لمبائی $3\,\mathrm{m}$ ، قدرتی رکاوٹ $3\,00\,\Omega$ جبکہ اس پر طول موج $4\,\mathrm{m}$ ہے۔ترسیلی تار کے ساتھ نسب برقی $30\,\mathrm{m}$ برقی دباو حاصل کریں۔ ب) تار پر زیادہ سے زیادہ برقی دباو کھیا پایا $100\,\mathrm{m}$ برقی دباو کھیا پایا $100\,\mathrm{m}$ برقی دباو کھیا پایا جاتا ہے۔ الف) ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباو حاصل کریں۔ ب) تار پر زیادہ سے زیادہ برقی دباو کھیا پایا جاتا ہے۔ الف) ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباو حاصل کریں۔ ب

 $Z_{E^{oo}} = 40 + j0\,\Omega$ بس. بار کی لمبائی $C = 90\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $L = 0.3\, {{\rm m}\over {\rm m}}$ برقی رو کا حیطہ حاصل کریں۔ ب) بار پر برقی رو کا حیطہ حاصل کویں۔ ب) بار پر برقی رو کا حیطہ حاصل کویں۔ ب) بار پر برقی رو کا حیطہ حاصل کویں۔ پ) بار کو منتقل طاقت حاصل کریں۔

4871

4924

سوال 16.15: $300\,\Omega$ قدرتی رکاوٹ کی ترسیلی تار پر متوازی جڑے $400\,\Omega$ اور $600\,\Omega$ کا بار لادا جاتا ہے۔تار کی لمبائی $\frac{5\lambda}{8}$ ہے جبکھ®اسے داخلی جانب $V(t)=310\cos(2 imes10^9t)\,V$ برقی دباو مہیا کی جاتی ہے۔بار بردار ترسیلی تار کی داخلی رکاوٹ $z_{\rm cl}$ حاصل کرتے ہوئے بالمعوتیب دونوں مزاحمتوں کو مہیا اوسط طاقت حاصل کریں۔

$$62.5\,\mathrm{W}$$
 ، $93.8\,\mathrm{W}$ ، $Z_{_{\mathrm{club}}}=292.7+j65.9\,\Omega$ جوابات:

$$_{0}$$
 بوابات: $S=2.86$ ، $S=2.80$ ، $S=2.80$ ، $S=2.86$ جوابات: $S=2.86$ ، $S=2.86$ ، $S=2.86$

C سوال 16.17: ترسیلی تار کی لمبائی $\frac{8\lambda}{7}$ ، قدرتی رکاوٹ $\Omega=75\,\Omega$ جبکہ اس پر برقی بار $J_L=100-j50$ برقی بار کی لمبائی $J_L=100$ برقی موج کی رفتا $J_L=100$ برقی دباو مہیا کی جاتی ہے۔ الف) $J_L=100\,\Omega$ برقی دباو مہیا کی جاتی ہے۔ الف) $J_L=100\,\Omega$ برقی دباو اور اس کی برقی رو حاصل کریں۔ ت) برقی بار کو منتقل طاقت حاصل کلیں۔ با برقی بار پر برقی دباو اور اس کی برقی رو حاصل کریں۔ ت) برقی بار کو منتقل طاقت حاصل کلیں۔

جوابات:الف) $370\,\mathrm{W}$ ، $4.2/\underline{5.6^\circ}\,\mathrm{A}$ ، $2/\underline{5.6^\circ}\,\mathrm{A}$ بانت:الف) $370\,\mathrm{W}$ ، $370\,\mathrm$

سوال 16.19: منبع برقی رو Ω 0.4/0 جس کی خارجی مزاحمت Ω 0.0 ہے، Ω لمبی ترسیلی تار کے ذریعہ Ω کے بار کو طاقت فراہم ہکوہ رہی ہے۔ ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ Ω 0.0 ہے۔ مزاحمتی بار اور منبع کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔

سوال 16.20: برقی بار $Z_L=90-j$ 55 کو $Z_L=90$ لمبائی اور $Z_0=70$ قدرتی رکاوٹ کی ترسیلی تار طاقت فراہم کرتی ہے۔سمتھا،ہفقشہ استعمال کرتے ہوئے بار بردار ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ حاخلی $Z_L=10$ اور شرح ساکن موج $z_L=10$ حاصل کریں۔

ووابات:
$$s=2.05$$
 ، $38-j20\,\Omega$ جوابات:

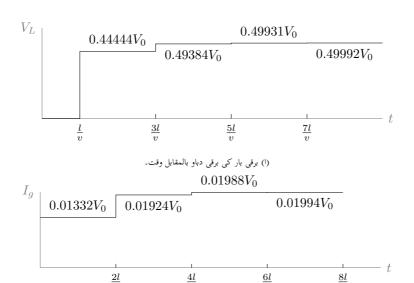
سوال 16.21: ہے ضیاع ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ $Z_0 = 400\,\Omega$ ہے۔ تار کو $Z_0 = 400\,\Omega$ تعدد پر استعمال کیا جا رہا ہے۔اس تعددہ پر $Z_{I^{018}}$ ہے۔ سمتھ نقشہ استعمال کرتے ہوئے الف) شرح ساکن موج حاصل کریں۔ ب) تار پر نسب برقی بار $Z_{I^{018}}$ حاصل کریں۔ پ) بلند تر برقی دباو کا مقام حاصل کریں۔

$$z=-7.2\,\mathrm{mm}$$
 ، $Z_L=1040+j69.8\,\Omega$ ، $s=2.62$ جوابات:

سوال 16.22: بے ضیاع دو متوازی تار پر مبنی ترسیلی تار کی لمبائی m 25 m ، قدرتی رکاوٹ Ω 100 اور فی میٹر کپیسٹنس m 12 بے۔نقطہ m بے۔نقطہ m 16.22 اور کپیسٹنس m 800 m کا برقی بار جڑا ہے۔تعدد m m 1010 m پر سمتھ نقشے کے ذریعہ m 5 دریعہ m 1022 حاصل کریں۔

$$Z_{_{\mathrm{club}}}=584+j335\,\Omega$$
 ، $s=2.7$ ، $\Gamma=0.44-j0.16$ جوابات:

سوال 16.23: بے ضیاع ترسیلی تار پر $\frac{Z_L}{Z_0} = 2 + j1$ جبکہ $\lambda = 20\,\mathrm{m}$ ہے۔ سمتھ نقشے کے استعمال کرتے ہوئے حل کریں۔ الف) وہ نقطہ دریافت کو کریں۔ الف وہ نقطہ دریافت کو کریں۔ پر اس نقطے پر ترسیلی تار کو کاٹ کر برقی بار جانب حصوبے کو جس پر r>1 ہو جہاں r>1 ہے۔ ب) اس نقطے پر r>1 سے کتنے فاصلے پر r>1 نسب کیا جاتا ہے۔ ترسیلی تار پر r>1 حاصل کریں۔ ت) نسب کئے گئے r>1 سے کتنے فاصلے پر r>1 نسب کیا جاتا ہے۔ ترسیلی تار پر r>1 حاصل کریں۔ ت) نسب کئے گئے r>1 سے کتنے فاصلے پر r>1 نسب کیا جاتا ہے۔ ترسیلی تار پر r>1 حاصل کریں۔ تاریا ہوتوگا؟



(ب) منبع كي برقى رو بالمقابل وقت.

شكل 16.1: سوال 16.25 كر خط.

 $9.26\,\mathrm{m}$ ، s=2.61 ، $z_{\mathrm{old}}=2.61+j0\,\Omega$ ، $0.74\,\mathrm{m}$ جوابات:

سوال 16.24: ترسیلی تار پر $Z_L=25+j75\Omega$ بار نقطہ $Z_L=25+j75\Omega$ پر جڑی ہے۔تار کی قدرتی رکاوٹ $Z_L=25+j75\Omega$ اور اس پر موج کیz=0 سوال 16.24: ترسیلی تار پر z=0 بار کو فریبی اس نقطے کو دریافت کریں جس پر داخلی رکاوٹ کا حقیقی جزو z=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اسz=0 کے برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔اس دو برابر ہو جبکہ اس کا خیالی جزو منفی قیمت رکھتا ہو۔

 $C=24\,\mathrm{pF}$ ، $y_{_{clb}}=1-j$ 2.23 ، $39.6\,\mathrm{cm}$ جوابات:

سوال 16.25: صفحہ 391 میں شکل 11.17 دکھایا گیا ہے۔اس میں $\Omega = R_L = 25\,\Omega$ ، $Z_0 = 50\,\Omega$ جبکہ منبع کی برقی دباو $R_g = R_L = 25\,\Omega$ جبکہ منبع کی برقی دباو $R_g = R_L = 25\,\Omega$ جبکہ منبع کی برقی دباو اور منبع کی برقی رو کے خط کھینچیں۔ $0 < t < \frac{8t}{v}$ ، $0 < t < \frac{8t}{v}$ کے لئے بار کی برقی دباو اور منبع کی برقی رو کے خط کھینچیں۔

حل: شكل 16.1 ميں دكھائے گئے ہيں۔

 $V_{0^{14997}}$ سوال 12.0V مين شكل 11.17 دكهايا گيا ہے۔اس ميں $R_g=R_L=100\,\Omega$ ، $Z_0=50\,\Omega$ جبکہ منبع کی برقی دباو $R_g=R_L=100\,\Omega$ ، $Z_0=50\,\Omega$ مين جباو کيا جاتا ہے۔ $S_0=0$ دورانيے کے لئے بار کی برقی دباو اور منبع کی برقی رو کے خط کھينچس.

حل: شکل 16.2 میں دکھائے گئے ہیں۔

سوال 16.27: صفحہ 391 میں شکل 11.17 دکھایا گیا ہے۔اس میں $R_g = 100\,\Omega$, $R_L = 25\,\Omega$, $Z_0 = 50\,\Omega$ جبکہ منبع کیا 00 ہوقی دبلو $V_0 = 10\,V$ ہے۔تار کمی لمبائی $V_0 = 10\,V$ ہے۔ تار میں موج کمی رفتار $V_0 = 10\,V$ ہے۔ لمحہ $V_0 = 10\,V$ ہے۔ منبع سے $V_0 = 10\,V$ فاصلے پر برقی دبلو اور برقی رو کے خط کھینچیں۔ $V_0 = 10\,V$ دورانیے کے لئے منبع سے $V_0 = 10\,V$ فاصلے پر برقی دبلو اور برقی رو کے خط کھینچیں۔

حل: شكل 16.3 ميں دكھائر گئر ہيں۔

4945

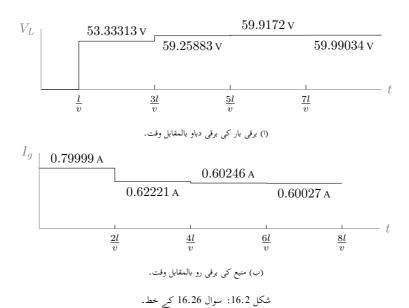
4944

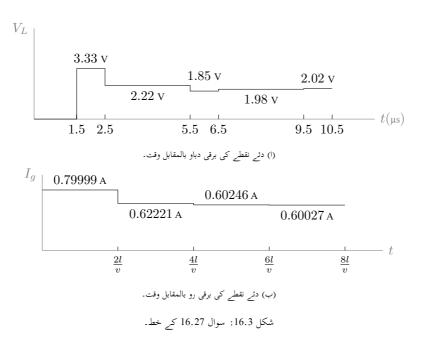
4928

4932

4936

4940





 σ :16.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
7×10^4	گريفائٿ	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹنی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بیک لائٹ	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارڻس	0.10×10^{7}	نائيكروم

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :16.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائلاً
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	ر پڑ
0.00075	3.8	SiO ₂ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

 μ_R :16.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)
	•

جدول 16.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چیر
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\tfrac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)