## برقى ومقناطيسيات

**خالد خان بو**سفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

## عنوان

1	4																																						ت	سمتيات		1
1	5																																		~:	ِ سمتِ	، اور	لدارى	مق	1.1	l	
2	6		•							•	•																			٠						٠ ١	لجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																			حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8															•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	1	
9	9																																			نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			·	وقبہ	متی ر	س	1.6	5	
10	11																																		,	ضرب	تى ،	بر سم	غي	1.7	7	
14	12		•							•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب یا ،	ضوب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠								•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9	)	
20	14													•	ب	ضر	تى	سم	غير	- <del>g</del>	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	1			
20	15																								لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلكو		1.9.	.2			
25	16							•						•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلكم		1.9.	.3			
27	17		•			•				•	•																			٠						،د	محد	روی .	کر	1.10	)	
39	18																																				ئ	ا قانود	ب کا	كولومد	_	2
39	19																																		فع	يا د	شش	بت ک	قو	2.1	l	
43	20			٠		•						•																		٠				ت .	شدر	کی	دان	قى مى	برة	2.2	2	
46	21		•							•	•													. ن	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د ل	حدو	لام	هی	سيد،	دار	ِج برا	چار	کساں	یک	2.3	3	
51	22																												ح -	سطِ	ود	ىحد	. لا،	ہموار	دار ا	ج برا	چار	کساں	یک	2.4	1	
55	23																																		٠	حج	ردار	ارج ب	چ	2.5	5	
56	24																																			•	ال	ید مث	مز	2.6	5	
64	25																															خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	7	

iv augli

نون اور پهيلاو	أ گاؤس كا ق	3
كن چارج	س 3.1	
اڈے کا تجربہ	3.2 فير	
ۇس كا قانون	3.3 گ	
رُس کے قانون کا استعمال	3.4	
3.4 نقطہ چارج	1	
3.4 یکسان چارج بردار کروی سطح	2	
3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	3	
محوری تار	3.5 ہم	
سان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6 يک	
ہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کرے قانون کا اطلاق	3.7 انت	
80 37	3.8 په	
كى محدد ميں پهيلاو كى مساوات	3.9 نادُ	
لاو کبی عمومی مساوات	3.10 پھ	
ىئلى پهيلاو	3.11 م	
	J.11	
	3,11 مہ	
رقى دباو	، توانائی اور	4
	، توانائی اور	4
93 41 93 42	، توانائی اور 4.1 تو	4
93 41	، توانائی اور 4.1 تو	4
93 41 93 42	، توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برا	4
93 41	، توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برا	4
93 41       وقى دباو         93 42       ائٹی اور کام         94 43       وی تکملہ         99 44       وی دباو         100s       4.3	، توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برنا 1	4
93 41       وقى دباو         93 42       الثى اور كام         94 45       94 45         99 44       المواح         1005       المواح         1016       الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقی دباو         4.3	ا توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برا 1 2	4
93 41	4.1 توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 لک	4
93 41       وقی دباو         93 42       2 2 2 3 3 4 5 5 6 6 7 5 6 7 6 7 6 7 6 7 6 7 6 7 6 7	4.1 to relative leg to relativ	4
93 41       وقی دہاو         93 42       2         94 45       2         95 44       4         100s       4.3         101s       4.3         101s       4.3         102c       4.3         103c       4.3         104c       4.3         105c       4.3         106c       4.3	ا تواناتی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 در 1 2 3 3 4.4 مت 4.5 برا	4
93 41       رقی دباو         93 42       20         94 45       40         95 44       40         1004       40         1005       40         1016       40         1017       40         1027       40         1028       40         1029       40         1020       40         1021       40         1022       40         1030       40         1040       40         1050       40         1060       40         1070       40         1080       40         1090       40         1090       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000       40         1000	4.1 to replicate the replication of the replication	4
93 دباو       ای ور کام         93 دی       ای وری تکمل         94 دی       ای دباو         95 دباو       ای دباو         100 دباو       ای دباو         101 دباو       ای دباو         102 دباو       ای دباو         102 دباو       ای دباو         102 دباو       ای دباو         103 دباو       ای دباو         104 دباو       ای دباو         105 دباو       ای دباو         106 دباو       ای دباو         107 دباو       ای دباو         108 دباو       ای دباو         118 دباو       کی محدد میں ڈھلوان         118 دباو       کی محدد میں ڈھلوان	4.1 to replicate the replication of the replication	4

v عنوان

1255																							تلو	کپیسا	، اور	ذو برق	صل،	موه	5
1256																					رو	رقی ا	ت ب	ر کثاف	رو اور	برقى ا	5	5.1	
127/57								·															ت .	مساوا	اری	استمر	5	5.2	
1298													•					٠								موصل	5	5.3	
1349								·									7	شرائص	.ی ،	سرحا	ور س	ات ا	وصيا	، خص	، کیے	موصل	5	5.4	
13760																							. ب	تركيہ	، کی	عكس	5	5.5	
140₁		•																							رصل	نيم مو	5	5.6	
14162							 ٠						•					٠			•				نی	ذو برق	5	5.7	
1463							 ٠						•					ط	شرائه	رقى	پر بر	رحد	ے س	رق کے	ذو ي	كامل	5	5.8	
1504							 ٠						•					٢	شرائه	دی	سرحا	کے س	قى ك	ذو بر	، اور	موصل	5	5.9	
150s							 ٠						•					٠			•				نُو	كپيسٹا	5.	10	
15266										 				 						سٹر	ِ کپی	چادر	زی	متوا	5.	10.1			
15367														 						ٹر .	کپیسٹ	ری ک	محور	بم ،	5.	10.2			
1538														 					طر	کپیس	کره ک	ری ک	محور	بم ،	5.	10.3			
155,9							 ٠						•						ىٹر	کپیس	ے '	، جڑ	نوازي	اور ما	م وار	سلسل	5.	11	
1560																				. ,	ىثنس	کپیس	کا	تاروں	وازى	دو متو	5.	12	
1691																							ت	ىساواد	'ِس ہ	ور لاپلا	سن او	پوئہ	6
17172		•																						ئى	يكتا	مسئلہ	6	5.1	
173 <sub>13</sub>																					ے	لی ہر	خط	ساوات	ں میں	لاپلاس	6	5.2	
173,4																ت	ساوا	ی می	ں ک	'پلاس	۔ ب <i>ی</i> لا	لد می	محا	کروی	اور -	نلكى	6	5.3	
174s																						ِ حل	کر	ساوات	ں مس	لاپلاس	6	5.4	
18176																			. (	مثال	کی	حل	کر کر	اوات	ے مسہ	پوئسر.	6	5.5	
1837																					-						6	5.6	
19178					·			·														يقہ	ا طر!	نے ک	، دبرا	عددي	6	5.7	

vi

199%																																										يدان	ے می	طيسى	مقناه	کن ا	سآ	7
199₀																																							ڹ	قانو	، کا	وارث	سيو	يوٹ-	با	7	.1	
2041		•			•		•		•						•			•		•			•	•										•						انون	ی قا	دوري	کا	مپيئر	اي	7	.2	
210/2																																												ردش	گ	7	.3	
217/83																																			۷	دش	گر	میں	دد	مح	کی	نلأ		7.3.	1			
2224																															وات	سا	ی •	, ک	دش	گرد	ں "	د می	حدد	ی ما	موم	ع	,	7.3.	2			
2245			•																•									•	•	•	ات	ساو	م.	کی	ش	ردة	ی گ	مير	عدد	ی مح	روى	ک	,	7.3.	3			
2256		•			•				•						•			•		•			•	•										•								ِکس	سٹو	سئلہ ،	م	7	.4	
2287		•																•					•										٠,	بہاو	ی ا	,سو	ناطي	مق	فت	ِ کثا	۔ اور	بهاو	سى	ىناطيى	Ē۵	7	.5	
2358		•																•					•												j	دباو	ی ۱	طيس	قناه	تى •	سمن	. اور	متى	بر سہ	غ	7	.6	
2409		•			•				•															•								C	صوا	-	کا	ن	نواني	i _	ن کے	ميداد	سی •	اطيس	مقن	اكن	w	7	.7	
2400			•																•									•	•	•			•			و	دبا	سىي	ناطي	، مقا	متى	س.	,	7.7.	1			
2421													_			_																				ڹ	قانو	(S		15	مسئ	اد	,	7.7.	2			
					•		•	•	•	•	•	•					•			•	•	•	•	•	•		•	•	•	•								-	-כנ	- ,	,	-						
249⁄2					•	•	•	•	•	•	•	•					•			•	•	•	•	•	•	•	-	•	•	•						لہ	ِ اما						، م	قوتيس		اطيد	مقن	8
	•	•																															•					اور	<u>د</u> ے	۔ ماد	يسى	قناط		-	سى			8
249⁄2				 •								•		•				•		•			•		•		•		•									اور	<u>ئے</u> '	۔ ماد قوت	یسی پر	قناط چارج	÷ _	حرک	سى مة		. 1	8
249 <sub>52</sub> 249 <sub>53</sub>																																	•					اور	<u>د ح</u> ،	، مادا قوت ت	يىسى اپر رقود	قناط چارج ج پر	۔ چار	حرک رقی <sup>ا</sup>	سى مة تف	8	. 1	8
249 <sub>12</sub> 249 <sub>13</sub> 250 <sub>14</sub>																																	ٍت	قو	بين	ما	کے	اور	نے ، تارو	ی مادا قوت ت	یسی پر و قو <sup>ر</sup>	قناط چارج ج پر	ي چار چار	حرک رقی رقی	سى مة تف بر	8	.1	8
249 <sub>02</sub> 249 <sub>03</sub> 250 <sub>04</sub> 254 <sub>05</sub>		•																															ت	و قو	بين	. ما	کے	اور	نے ، تارو	ی مادا قوت رقمی	يسىء و قود د	قىناط چارج ئزارت <u>ىر</u> سروژ	ي چار چار ور گ	حرک رقمی رو قمی رو	سی مت تف بر	8 8 8	.1	8
249 <sub>62</sub> 249 <sub>63</sub> 250 <sub>64</sub> 254 <sub>65</sub> 255 <sub>66</sub>																																	بت طر	قو	بين	ما طيس	کے نقاط	اور رن -	نے ، ، تارو	ی مادا قوت ت رقی	یسی پر قورد تف	قىناط جارج خ پر ئزار <u>تر</u> ئىناطى	پ چار چار زر ۰	حرک رقی روقی ت اوار	سی مة تف قوو فو	8 8 8 8	1	8
249 <sub>22</sub> 249 <sub>33</sub> 250 <sub>34</sub> 254 <sub>55</sub> 261 <sub>67</sub>		 	 								•																						بت طر	. قو	بين سى	. ما	کے قناط	اور رر م	نے ہے۔ ، تارو	ی مادا قوت رقی رقی اشی	یسی پر و قوری سسی	قناط جارج خوارتر نوارتر نناطیه ت اور	چار چار و رر • بر مق	حرک رقی قی روی ت اوا لادی ساطیس	سى مت تف بر فو فو	8 8 8 8	.1 .2 .3 .4 .5	8
249 <sub>2</sub> 249 <sub>3</sub> 250 <sub>4</sub> 254 <sub>5</sub> 255 <sub>6</sub> 261 <sub>67</sub> 262 <sub>8</sub>		 	 																														بت طم	قو		. ما	کے قناط ستقار	اور رر م	دے ، تارو اء اوا	ی مادات توت رقی داشی	يسى ، پر . قورد . تف . حدى	قىناط جارج ئزار <u>تر</u> سروژ ساطي	چار ور ه ور مق	حرک رقی قی رو ت اوا پلادی نناطیس	سی مة تف قو فو مة	8 8 8 8 8 8	.1 .2 .3 .4 .5	8
249 <sub>22</sub> 249 <sub>23</sub> 250 <sub>24</sub> 254 <sub>25</sub> 255 <sub>26</sub> 261 <sub>27</sub> 262 <sub>28</sub> 265 <sub>29</sub>			 																														بت	. قو		. ما	کے	اورر ين - يرر م	نے کے ، ، نارو اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ الل	ی مادا ت رقعی اشیا سناطی	يسى ر قو <sup>ر</sup> د مق	قناط چارج رج پر ئزارتے سروژ سر- سر- دور	چار ور گر در مق	حرک رقعی قعی رو پت اوا بناطیس نناطیس	سی تف بر فو فو مة	8 8 8 8 8 8	.1 .2 .3 .4 .5 .6	8
249 <sub>2</sub> 249 <sub>3</sub> 250 <sub>4</sub> 254 <sub>5</sub> 255 <sub>6</sub> 261 <sub>6</sub> 262 <sub>8</sub> 265 <sub>9</sub> 268 <sub>00</sub>			 																														بت طر		٠٠٠٠	٠ ما ما	کے	اورد مس	ن . تارو اع اوائط	ی مادا تونانا توانانا	یسی و قور د مق	قناط جارج ج پر ئزار <u>تر</u> سروژ سر- سر- دور	چار چار و گارد و گارد در د	حرک رقی رو قی رو پ اولی نناطید نناطید نناطید نناطید نناطید	سی مة تغ فو مق مق مق مق مق مق مق مق مق	88 88 88 88	.1 .2 .3 .4 .5 .6 .7	8

vii vii

283.04	قِت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات	9 و
28305	. 9 فيراذُ ح كا قانون	1
28906	2.2 انتقالی برقمی رو	2
295.07		3
29608	. 9 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل	4
300	9 تاخیری دباو	5
30510	ستوی امواج	10 م
305	. 10 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج	1
	2. 10 برقی و مقناطیسی مستوی امواج	
313 <sub>13</sub>	<u> </u>	
315,14		
317/15	•	
		3
32417	. 10 موصل میں امواج	4
33018	10. انعکاس مستوی موج	5
33619	).10	6
343 <sub>20</sub>	رسیلی تار	,
	. 11 ترسیلی تار کے مساوات	
	۔ 11 ترسیلی تار کے مستقل	2
348 <sub>23</sub>	11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل	
35 l <sub>124</sub>	11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل	
35225	11.2.3 سطح مستوی ترسیلی تار	
353 <sub>26</sub>		3
35827	. 11 ترسیمی تجزیہ، سمتھ نقشہ	4
365 <sub>28</sub>	11.4.1 سمته فراوانی نقشہ	
36629	ئ. 11 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	5

viii

37 l <sub>130</sub>	، موج	تقطيب	12
يې ي	خطی،	12.1	
) یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ	بيضوى	12.2	
كاس، انحراف اور انكسار	، آمد، انعَ	ترچھى	13
377/34	ترچھى	13.1	
بائی گن	ترسيم }	13.2	
ييا	ور گهمک	مويج ا	14
ور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	برقی دو	14.1	
حدود وسعت کے مستوی چادروں کے موبج میں عرضی برقی موج	دو لام	14.2	
بلا مستطيلي مويج	كهوكه	14.3	
1۔ مستطیلی موبج کے میدان پر تفصیلی غور	4.3.1		
لی موبج میں عرضی مقناطیسی TM <sub>mn</sub> موج	مستطيل	14.4	
ىلى نالى مويج	كهوكه	14.5	
ی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف	انقطاعي	14.6	
ی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف	انقطاعي	14.7	
ع موج	سطحى	14.8	
، تختی مویج	ذو برق	14.9	
ريشہ	1 شیش ر	14.10	
بىارت	1 پردہ بص	14.11	
ى خلاءِ	1 گهمکو	14.12	
ويل مساوات كا عمومي حل	1 میکس	14.13	

453.51																														راج	، اخر	شعاعي	اور	اينثينا	15
45352 .																																نعارف	ĵ	15.1	
453.53 .									•																	•				و .	، دبار	ناخيري	ĵ	15.2	
455.54 .																																نكمل	ĵ	15.3	
45655 .																										•	١	اينثين	طبی	ىت قى	ِ جف	ىختصر	•	15.4	
46456 .																								مت	مزاح	جى	خرا	کا ا	طب	ىت قە	ِ جف	مختصر	•	15.5	
46857 .																														. ,	زاويه	لھوس ا	و	15.6	
46958 .																										ائش	ً افز	، اور	متيت	بہ، س	ي رقب	خراجي	1	15.7	
47659 .																										•				ب	ترتيہ	نطارى	j	15.8	
47660 .																									منبع	قطہ	دو ن	ی، د	سمت	غير	1	5.8.1	l		
477.61 .											•				•													نش	<i>ب</i> نة	ضر	1	5.8.2	2		
47862 .											•				•													ار	ل قط	ثنائح	1	5.8.3	,		
48063 .																				قطار	ی ف	مبن,	ن پر	رک	نعدد	کے ما	ن ک -	طاقىن	ساں ،	یک	1	5.8.4	ŀ		
48264 .										ر	قطا	ی ا	راج	اخ	انب	, جا	زائی	چوڙ	٠:	قطار	ی ا	ِ مبنہ	ن پر	رک	نعدد	کے ما	ن ک	طاقىن	ساں ،	یک	1	5.8.5	;		
48265 .			•							•	طار	ے قد	إجى	اخر	ب	جان	ئى	لمبا	: ا	قطار	ی ا	ِ مبنہ	ن پر	رک	نعدد	کے م	ن ک -	طاقىن	ساں ،	یکس	1	5.8.6	į		
4866 .											نا	اينطي	نی ا	نراج	, اخ	زاويه	ے ن	بدلت	: :	قطار	ی ف	ِ مبنہ	ن پر	رک	نعدد	کے م	ن ک -	طاقى	سان ،	یک	1	5.8.7	,		
487167 .																															پيما	نداخُل	;	15.9	
48868 .																													بثثينا	طی ای	, خو	مسلسل	• 1:	5.10	
48969 .																										•		نا .	اينثي	طحى	س ر	مستطير	• 1:	5.11	
49270 .																		ہیں	دل	ئر با	وريئ	ے ف	ں ک	آپس	يدان	ور م	ور د	ان ار	ر مید	طح پر	سد	خراجي	1 1:	5.12	
49271 .																										•				. 1	ينثينا	خطی ا	- 1:	5.13	
497,72 .																										•				اينثينا	ىوج	چلتے م	- 1:	5.14	
49873 .																													بنا .	ً ا اینٹی	گهير	چھوٹا ً	- 13	5.15	
499,74 .																														ينا	اينث	پىچ دار	į 1.	5.16	
50 l <sub>175</sub> .																														دار	ہ کر	دو طرف	.1	5.17	
503.76 .																										•				نا .	اينثليا	جهرى	- 1:	5.18	
504.77 .																															بنا .	بيپا اينٹي	į 1:	5.19	
50678 .																													اوات	ر مسا	ريڈار	فرائس ,	<b>i</b> 1:	5.20	
509.79 .																			ن .	ِد گو	ر کر	، کا،	ليلى	ِ تح	، اور	وارت	ح ر	ا کو	اينٹين	ربين،	دور	ِيڈيائي	, 1:	5.21	
511180 .																											بعيد	زت	حرار	ام اور	نظا	حرارت	- 1	5.22	

16 سوالات

عنوان

## وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات

گزشتہ بابوں میں وقت کے ساتھ تبدیل نہ ہونے والے میدانوں پر غور کیا گیا۔اب وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے میدانوں پر غور کیا جائے گا۔

اس باب میں دونئے اصولوں پر غور کیا جائے گا۔ پہلااصول مانگل فیراڈے نے تجرباتی طور پر ثابت کیا جس کے تحت وقت کے ساتھ بدلتا مقناطیسی میدان ﷺ میدان کو جنم دیتا ہے۔ دوسرا قانون جیمس کلارک میکس ویل کے کاوشوں سے حاصل ہوا جس کے تحت وقت کے ساتھ بدلتا برقی میدان ، مقناطیسی میدان پکو جنم دیتا ہے۔ اس باب میں برقی و مقناطیسیات کے چارا پسے مساوات پیش کئے جائیں گے جو میکس ویل کے نام سے منسوب ہیں۔

9.1 فیراڈے کا قانون

جناب ما ککل فیراڈے نے تجرباتی طور پر ثابت کیا کہ وقت کے ساتھ بدلتا مقناطیسی میدان، برقی میدان پیدا کرتاہے۔ قانون فیراڈے اکو مندر جہ ذیل مساوات پیش کرتی ہے۔

$$(9.1)$$
 محرک برقی دباو  $=-rac{{
m d}\Phi}{{
m d}t}$ 

اس قانون کے تحت کسی بھی سطے سے گزرتی مقناطیسی بہاو کی قیمت میں تبدیلی،اس سطے کے محیط پر برقی دباو پیدا کرتی ہے۔ایسی برقی دباوروایتی طور پر محرک میر برقی دباو <sup>2</sup> پکاری جاتی ہے۔ کھو ک دبار ہوتی ہے۔ کھو ک برا بر ہوتی ہے۔ کھو ک برا بر ہوتی ہے۔ کھو ک برقی دباو کی اکائی وولٹ کا ہے۔ سطے کے محیط کو بند دائرہ تصور کرتے ہوئے ہم یوں بھی کہہ سکتے ہیں کہ کسی بھی بند دائر ہفرضی کئیر بھی ہو سکتا ہے۔ سے کاندرسے گزرتی مقناطیسی بہاو کے قیمت میں تبدیلی کی شرح کے برا بر ہوگی۔ یہاں یہ سمجھ لیناضروری ہے کہ بند دائرہ فرضی کئیر بھی ہو سکتا ہے۔

ابتدائی مقناطیسی بہاومیں تبدیلی، محرک برقی دباو پیدا کرتی ہے۔ محرک برقی دباو مکمل برقی دور میں برقی روپیدا کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ محرک برقی دباو سے پیدا برقی روپیدا کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ محرک برقی دباو اسے پیدا برقی روپیدا کرنے کے کوشش کرتی ہے۔ مسابوات کے پیدا برقی روپیلے سے موجود مقناطیسی بہاومیں تبدیلی کورو کئے کی کوشش کرتی ہے۔ میلا میں تبدیلی کورو کئے کی کوشش کرتی ہے۔ بیدا برقی روپیلے سے موجود مقناطیسی بہاومیں تبدیلی کورو کئے کی کوشش کرتی ہے۔ بیدا صول لینز 45کااصول لیکاراجاتا ہے۔

کسی بھی بند دائرے سے گزرتی مقناطیسی بہاو میں تبدیلی مندر جہ ذیل وجوہات کی بناممکن ہے۔

Faraday's law<sup>1</sup>

electromotive force, emf<sup>2</sup>

<sup>۔</sup> محرک برقی دباو کی اصطلاح روایتی طور پر ہر قسم کے منبع برقی دباو کے لئے استعمال کی جاتی ہے۔

<sup>4</sup> م قانون 1834 میں جناب لینز نے پیش کیا۔

• مقناطیسی بہاو کے کثافت میں تبدیلی،

ساکن مقناطیسی میدان اور بند دائرے کا آپس میں اضافی حرکت، یا

مندرجه بالا دونون وجوبات۔

ا گر ہند دائرہ N چکر کے لیچے پر مشتمل ہو جہاں ہر چکر میں سے  $\Phi$  مقناطیسی بہاو گزرتی ہوتب فیراڈے کے قانون کو

$$(9.2)$$
 محری برقی دباو $=-Nrac{{
m d}\Phi}{{
m d}t}$ 

کھا جا سکتا ہے۔

برقی د باوکے طرز پر محرک برقی د باوکی تعریف

$$(9.3)$$
 محرک برقی دباو $E\cdot \mathrm{d} L$ 

کسی جاتی ہے جہاں تکمل پورے بند دائرے پرلینالازم ہے۔ برقی دباوے تعریف کے ساتھ موازنہ کرتے ایسامعلوم ہوتا ہے جیسے ہم مندر جہ بالا مساوات میں ہوتا ہے جہاں تکمل نہیں ہے اور اس کی وضاحت جلد شکل 9.2 کی مددسے کر دی جائے گی۔ محرک برقی دباو بند دائرے پر بیان کی جاتی ہے۔ جشفیہ 105 کے تعت ساکن برقی میدان میں کسی بھی بند دائر ہے پر کے کا لکیری تکمل صفر کے برا بر ہوتا ہے۔ مساوات 9.3 کہتا ہے کہ غیر ساکن مقناطیسی مہیدان میں ایسا نہیں ہوتا اور کسی بھی بند دائر ہے پر کے کا لکیری تکمل اس دائرے پر پیدا محرک برقی دباودیتا ہے۔

مساوات 9.1 اور مساوات 9.3 سے

$$(9.4)$$
 محری برقی دباو $\mathbf{E}\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}=-rac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\int_{S}\mathbf{B}\cdot\mathrm{d}\mathbf{S}$ 

 $\Phi$ حاصل ہوتاہے جہاں $\Phi$  کی جگہ کثافت مقناطیسی بہاوB کا سطحی تکمل استعمال کیا گیا۔

ا گربند دائرے کو دائیں ہاتھ میں یوں کپڑا جائے کہ انگلیاں دائرے پر چلنے کی سمت میں ہوں تب انگو ٹھادائرے سے گھیرے سمتی سطح کی سمت میں ہوگا۔ مندور جہ بالا مساوات کہتا ہے کہ کسی بھی سمتی سطح سے گزرتی مقناطیسی بہاوا گر بڑھ رہی ہو تب محرک برقی دباو سطح کے سر حدیر مثبت سمت کے الٹ جانب برقی روپیدا کھوے گا۔ مساوات 4.2 استعمال کرتے ہوئے دائیں ہاتھ کے اس قانون کو یادر کھیں۔

آئیں وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے مقناطیسی میدان کی وجہ سے پیداساکن بند دائرے میں محرک برقی دباوپر پہلے غور کریں اور بعد میں ساکن مقناطیسی مہیدان میں حرکت کرتے دائرے کی وجہ سے پیدا محرک برقی دباوپر غور کریں۔

ساکن دائرے کی صورت میں مساوات 9.4 میں دائیں ہاتھ پر B ہی وقت کے ساتھ تبدیل ہور ہی ہے یوں اس مساوات میں تفرق کے عمل کو تکمل کے اندر لے جایاجا سکتا ہے یعنی

$$(9.5)$$
 محرک برفی دباو $\mathbf{E}\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}=-\int_{S}rac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}\cdot\mathrm{d}\mathbf{S}$ 

آگے بڑھنے سے پہلے اس مساوات کی نقطہ شکل حاصل کرتے ہیں۔مساوات کے بائیں ہاتھ پر مسکد سٹوکس کے اطلاق سے

$$\int_{\mathcal{S}} (\nabla \times \boldsymbol{E}) \cdot d\boldsymbol{S} = - \int_{\mathcal{S}} \frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t} \cdot d\boldsymbol{S}$$

9.1. فيراذِّ ے كا قانون

حاصل ہوتا ہے۔ یادر ہے کہ سطح کا لیک کوئی بھی سطے ہوسکتی ہے جس کا سر حد بند دائرہ ہو یوں ہم مندرجہ بالا مساوات میں دونوں جانب مختلف سطحیں لے سکتے ہیں، پس ان سطحوں کا سر حدیجی بند دائرہ ہو نالازم ہے۔ اسی طرح ہم ایک ہی سطح کو دونوں جانب تکمل میں استعال کر سکتے ہیں۔ یہ مساوات کسی بھی سطح کے لئے درست ہے لہذا میہ تفرقی سطح کے لئے بھی درست ہے۔ تفرقی سطح کے لئے اسے یوں

$$(\nabla \times \boldsymbol{E}) \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S}$$

ليعني

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t}$$

لكھاجا سكتا ہے۔

مساوات، 9. میکس ویل کے چار مساوات کی نقطہ شکل ہی عموماً استعال ہوتی ہے پہلی مساوات کی نقطہ شکل ہے۔اس مساوات کی نقطہ شکل ہی عموماً استعال ہوتی ہے۔ میکس ویل کے پہلی مساوات کی تقطہ شکل ہی عموماً استعال ہوتی ہے۔ وقت کے ساتھ نہ تبدیل ہوتے مقناطیسی میدان کی صورت میں مساوات 9.6 اور مساوات 9.5 ساکن میدان کے مساوات کی صورت اختیار کرتے ہیں یعنی

$$\oint oldsymbol{E} \cdot \mathrm{d} oldsymbol{L} = 0$$
 (9.7)

اور

$$abla imes oldsymbol{E} = 0$$
 (برقی سکون)

آئیں مساوات 5.6اور مساوات 9.6 کواستعال کر کے دیکھیں۔ تصور کریں کہ  $ho < 
ho_2$  نکلی خطے میں وقت کے ساتھ مسلسل بڑھتی  $m{B} = B_0 e^{kt} m{a}_{Z}$  (9.8)

کافت مقناطیسی بہاو پائی جاتی ہے جہاں  $B_0$ ا یک مستقل ہے۔ ہمz=0 سطی پر  $ho_1$ رداس کی گول دائرہ لیتے ہیں۔مشابہت سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اس پورے دائرے پر چکی قیمت تبدیل نہیں ہو سکتی للذامساوات 9.5سے

محرک برقی دباو
$$=2\pi
ho_1 E_\phi=-kB_0 e^{kt}\pi
ho_1^2$$

حاصل ہوتا ہے۔ بول کسی بھی رداس پر برقی میدان کی شدت

$$(9.9) E = -\frac{1}{2}kB_0e^{kt}\rho a_{\phi}$$

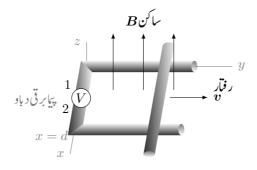
کلھی جاسکتی ہے۔

آئیںاب یہی جواب مساوات 6.6سے حاصل کریں۔ چونکہ اس مساوات کے دائیں جانب صرف  $a_z$  جزو پایا جاتا ہے للمذا بائیں ہاتھ بھی صرف یہی جزو ہو گاللمذا اس مساوات سے

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (\rho E_{\phi})}{\partial \rho} = -k B_0 e^{kt}$$

لکھاجا سکتاہے۔ دونوں اطراف کوم سے ضرب دیتے ہوئے 70 تام تکمل لے کر

$$\rho E_{\phi} = -kB_0 e^{kt} \frac{\rho^2}{2}$$



شکل 9.1: وقت کے ساتھ نہ تبدیل ہوتے یکساں مقناطیسی میدان میں حرکت کرتے موصل سلاخ پر محرک برقی دباو پیدا ہوتی ہے۔

لعيني

$$(9.10) E = -\frac{1}{2}kB_0e^{kt}\rho a_{\phi}$$

ہی دوبارہ حاصل ہو تاہے جہاں رداسی تکمل میں t مستقل کا کر دار ادا کرتا ہے۔

مثبت  $B_0$  کی صورت میں اس دائر سے پر مکی الٹ سمت میں برقی روگزرے گی جو  $a_Z$  کی الٹ سمت میں کثافت متناطیسی بہاو پیدا کرتے ہوئے پہلے سے مہوجود مقناطیسی میدان میں تبدیلی کوروکنے کی کوشش کرتی ہے۔

اس مثال کے آخر میں بیہ ہلاناضر وری ہے کہ مساوات 9.8 میں دیا گیامیدان غیر حقیقی ہے چونکہ یہ میکس ویل کے دیگر مساوات پر پورانہیں اتر تا۔

آئیں اب ایسی مثال دیکھیں جس میں وقت کے ساتھ تبدیل نہ ہونے والے مقناطیسی میدان میں بند دائرہ حرکت کررہاہو۔ شکل ۶۰ میں ایسی صورت حال دیکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں دوافقی اور دومتوازی موصل سلاخ بند وائر ہوگئی ہے۔ اس شکل میں دوافقی اور دومتوازی موصل سلاخ بند وائر ہائی دباوہ ہب کا آلہ ایعنی پیما برقی دباوہ ہب کی آلہ ایمنی ہوائر ہی جس میں قابل نظر انداز جسامت اور لا محد ودمز احمت والا پیما برقی دباوہ ہب بیابند دور بناتے ہیں۔ متوازی افقی سلاخوں کو بائیں طرف عمودی سلاخ سے جوڑا گیا ہے۔ وقت کے ساتھ نہ تبدیل ہوتا اور ہر جگہ کیساں کثافت مقناطیسی بہاو B بند دائیں جانب انہیں میں ستی رفتار سے حرکت کرتے عمودی سلاخ سے جوڑا گیا ہے۔ وقت کے ساتھ نہ تبدیل ہوتا اور ہر جگہ کیساں کثافت مقناطیسی بہاو B بند دائیں جانب انہیں میں سلے کے عمودی ہے۔

مثبت B کی صورت میں B کی سمت ہی بند دائرے سے گھیری گئی سطح کی سمت ہو گی اور بند دائرے کی سمت گھڑی کے الٹ ہو گی۔یوں دائرے کے مثبت پہمت میں دائیں ہاتھ کی انگلیاں رکھتے ہوئے گھیری سطح کی سمت انگوٹھے سے حاصل کی جاتی ہے۔

کسی بھی لمحہ t پر حرکت کرتے سلاخ کے مقام کو ہوسے ظاہر کرتے ہوئے ہم y=v لکھ سکتے ہیں جہاں v سلاخ کے رفتار کی قیمت ہے۔ یوں لمحہ t پر بند دور کاار تباط بہاو

$$\Phi = Bdy = Bdvt$$

ہو گاجو مساوات 9.1 کے تحت بند دور میں

$$e = -\frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}t} = -Bdv$$

محرک برقی د باوع پیدا کرے گا۔

9.1. فداةً حكا قائدن

اب محرک برقی دباول کے کو کہتے ہیں لہذا مندر جہ بالا جواب دائرے پر گھڑی کے الٹ ست میں اس بند لکیری تکمل سے بھی حاصل ہو ناچا ہے۔ ہم دکھے جی ہیں کہ برقی سکون کی صورت میں موصل کی سطح پر سطح کے متوازی عضر رہتی ہے۔ ہم آگے دیکھیں گے کہ وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے برقی میدال میں دکھیے جس کے متوازی عضر بھی رہتی ہوئے تمام سلاخوں پر تکمل کی قیت صفر کے برابر ہوگا۔ وپر گھڑی کے الٹ چیلے ہوئے تمام سلاخوں پر تکمل کی قیت صفر کے برابر ہوگا۔ وپر گھڑی کے الٹ چو کے ہماہ کو گھڑی کی الٹ سمت چلتے ہوئے پیما برقی دباو کی لمبائی کو d کی سمت بھیا کے صفر نہیں ہے لہٰذا تکمل کی قیت پیما برقی دباو پر مندر جہ بالا قیمت کے برابر ہو ناہوگا۔ گھڑی کی الٹ سمت چلتے ہوئے پیما برقی دباو کی لمبائی کو d کی سمت بھیا کے برابر ہے لہٰذا کی سمت بھیا کے سمت بھیا ہے کے برابر ہے لہٰذا کی سمت بھیا کے دوسرے سرے سے پہلے سرے کی جانب ہے اور پیماپر برقی دباو کیا گھڑیت سرا پیماکاد و سراسرا ہے۔

پیا کی جگہ مزاحمت جوڑنے سے دور میں گھڑی کے الٹ برقی رو گزرے گی جو a<sub>Z</sub> کے الٹ سمت میں مقناطیسی بہاو پیدا کرے گی۔ یہ لور نزکے قانون کے بیین مطابق ہے۔

آئیں اب اس شکل میں دئے مسئلے کو حرکی برقی دیاو تصور کرتے ہوئے حل کریں۔مقناطیسی میدان میں v سمتی رفتار سے حرکت کرتے ہوئے چارج Q پر قوتF=Qv imes B

 $oldsymbol{E}_{\scriptscriptstyle < \sim > \sim}$ ياحر کی شدت

(9.11) 
$$oldsymbol{E}_{\mathcal{S}_{\mathcal{F}}}=rac{oldsymbol{F}}{O}=oldsymbol{v} imesoldsymbol{B}$$

عمل کرتی ہے۔ حرکی شدت  $a_{\rm X}$  ست میں ہے۔ حرکت کرتے سلاخ میں ساکن مثبت ایٹم اور آزاد منفی الیکٹر ان پائے جاتے ہیں۔ ان تمام چار جو ل پر ایسی قوت بیائی جائے گا البتہ ساکن ایٹم مقید ہونے کی بناحرکت نہیں کریں گے۔ اگر محرک سلاخ کو متوازی سلاخوں سے اٹھا یاجائے تواس میں آزاد الیکٹر ان پر  $a_{\rm X}$  کے الب جانب وقوت انہیں سلاخ کے پر لے سرے پر انبار کر ناشر وع کر دے گی۔ الیکٹر انوں کا انبار سلاخ میں  $a_{\rm X}$  میدان کی شدت صفر ہوجائے گی اور اس میں چارج کو کت رک جائے گا انبار بڑھتار ہے گا حتی کہ جو بھی جادر ہی جو بائیں۔ ایسا ہوتے ہی سلاخ میں کل برتی میدان کی شدت صفر ہوجائے گی اور اس میں چارج کو کت رک جائے گا انبار بڑھتار ہے گا حتی کہ جو بھی جادر ہوجائیں۔ ایسا ہوتے ہی سلاخ میں کل برتی میدان کی شدت صفر ہوجائے گی اور اس میں چارج کو کت رک جائے گا و

يوں حر كى بر قى د باو

ره.12) محری برقی دباو
$$\mathbf{E}_{\sim}\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}=\oint\left(\mathbf{v} imes\mathbf{B}
ight)\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}$$

سے حاصل ہو گی۔مساوات کے دائیں ہاتھ بند دائرے کے ساکن حصول پر تکمل کی قیمت صفر ہو گی المذا محرک برقی د باو صرف حرکت کرتے حصوں کی وجہ سے پیدا ہو گی۔یوں حرکت کرتے سلاخ پر گھڑی کے الٹ چلتے ہوئے تکمل سے

$$\oint (\boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \cdot d\boldsymbol{L} = \int_d^0 v B \, dx = -Bv d$$

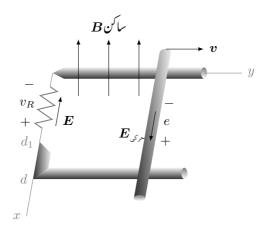
حاصل ہوتا ہے۔چونکہ Bاذ خود وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہور ہاللذایہی کل محرک برقی د باوہو گا۔

یوں وقت کے ساتھ تبدیل نہ ہوتے مقناطیسی میدان میں حرکت کرتے ہند دائرے میں محرک برقی دباو حاصل کرتے وقت حرکت کرتے حصوں پر حرکی شدت حرکے استعال سے محرک برقی دباویوں

(9.13) 
$$\mathbf{E}\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}=\oint\mathbf{E}\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}=\mathbf{E}_{z_{r}}\cdot\mathrm{d}\mathbf{L}=\mathbf{E}_{z_{r}}$$
 محری برقی دباو

حاصل کی جائتی ہے۔البتہ وقت کے ساتھ بدلتی مقناطیسی میدان میں محرک برقی دباوکے حصول میں مساوات 9.5کا حصہ شامل کرناضر وری ہے یوں محرک برقی دباو

(9.14) 
$$\int_{\mathcal{S}} rac{\partial m{B}}{\partial t} \cdot \mathrm{d}m{S} + \oint (m{v} imes m{B}) \cdot \mathrm{d}m{L}$$
 محری برقی دباو



شكل 9.2: محرك برقى دباو اور برقى دباو كا موازنه

سے حاصل ہو گی۔ بیہ مساوات دراصل مساوات 9.1

محرک برقی دباو
$$=-rac{{
m d}\Phi}{{
m d}t}$$

آئیں شکل 9.1 میں پیما برقی دباو کی جگہ مزاحمت نسب کرتے ہوئے اس کی مددسے مساوات 9.3 جو محرک برقی دباو کی تعریف بیان کرتاہے پر دوبارہ غور کریں ہونئی شکل 9.1 میں پیما بیا گاہا ہوں ہوئے اس کی مددسے مساوات 9.1 محرک سلاخ پر پیدا <sub>جری ک</sub>ے دیتاہے جو سلاخ میں مثبت چارج کو سلاخ کے اُر لے سرے کی طرف د تھکیلے گاہا س کے برعکس مزاحمت پر برقی دباو <sub>70</sub> پایا جاتاہے جس کی وجہ سے اس میں برقی میدان کی شدت کی پوسے کے جانب د تھکیلے گی۔ سرے کی جانب د تھکیلے گی۔

آپ شکل کود کھے کر تسلی کرلیں کہ مزاحمت پر میدان کی شدت  $m{E} = -E a_{ extbf{X}}$ سے برقی دیاو $v_R$ یوں

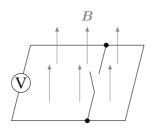
$$v_R = -\int_0^{d_1} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{L} = \int_0^{d_1} E \, dx = E d_1$$

عاصل ہوتی ہے جبکہ متحرک سلاخ پر حرکی شدت  $a_{\rm X}$  ساخ پر حرکی ساخ پر عرکی شدت ہوتی ہے جبکہ متحرک سلاح پر حرکی شدت ہوتی ہے جبکہ متحرک سلاح پر حرکی میں مار

$$(9.16) e = \oint \mathbf{E}_{\mathcal{S}_{\mathcal{F}}} \cdot d\mathbf{L} = \int_0^d \mathbf{E}_{\mathcal{S}_{\mathcal{F}}} \cdot d\mathbf{L} = \int_0^d \mathbf{E}_{\mathcal{S}_{\mathcal{F}}} dx = \mathbf{E}_{\mathcal{S}_{\mathcal{F}}} dx$$

ا گرچہ مساوات 1.1 انتہائی سادہ شکل رکھتی ہے لیکن اس کا استعال مجھی کبھار مشکل ہو جاتا ہے۔ایسان وقت ہوتا ہے جب دور کے کسی جھے کو تبدیل کہوتے ہوئے دوسرا حصہ نسب کیا جائے۔ یہ بات شکل د.9 پر غور کرنے سے بہتر سمجھ آئے گی۔اس شکل میں ناتو وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا مقناطیسی میدان ہے اور ناہی بندرائرے کا کوئی حصہ متحرک ہے۔البتہ شکل میں دکھائے سونچ کو چالو یاغیر چالو کرتے ہوئے بند دائرے میں مقناطیسی بہاو کم اور زیادہ کیا جاسکتا ہے۔ یہال پغیر

9.2. انتقالی برقی رو



شکل 9.3: محرک برقی دباو یا تا وقت کرے ساتھ بدلتی مقناطیسی میدان اور یا حرکت کرتے بند دائرے سے ہی پیدا ہو سکتی ہے۔

سوچے مساوات 1.9استعال کرتے ہوئے غلط نتائج حاصل ہوتے ہیں۔ یادرہے کہ برقی دباویاتووقت کے ساتھ بدلتے مقناطیسی میدان اوریا پھر بند دائرے ہے کے کسی عصے کے حرکت سے ہی پیدا ہوگا۔

279

مشق 9.1: شکل 9.2 میں بینٹر ہوتب10 میں مشق 1.1: شکل 9.2 میں بینٹر ہوتب15 میں میں میں بینٹر جبکہ 100 میٹر ہوتب15 میں میٹر ہوتب15 میٹر ہوتب15 میٹر ہوتب15 میٹر ہوتب15 میٹٹر پر مندر جہ ذیل حاصل کریں۔

• سلاخ کی ر فتار ،

 $V_{21}$  ه محرک بر قی د باو $V_{21}$  ه محرک بر تی د باو

بوابات: A ، 100 V ، 4.017 m

9.2 انتقالی برقی رو

فیراڈے کے تجرباتی نتیج سے میکس ویل کی پہلی مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t}$$

ایمبیئر کے دوری قانون کی نقطہ شکل

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J}$$

ساکن مقناطیسی میدان پر لا گوہوتی ہے۔اس مساوات کی پھیلاو

$$\nabla \cdot \nabla \times \boldsymbol{H} = 0 = \nabla \cdot \boldsymbol{J}$$

لیتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ گردش کی پھیلاوہر صورت صفر کے برابر ہوتی ہے المذامندرجہ بالا مساوات کا بایاں ہاتھ ہر صورت صفر دے گااور یوں اگر یہ مساوات درست ہو تب اس کادایاں ہاتھ بھی ہر صورت صفر ہوناچاہیے۔ مگر ہم استمراری مساوات سے جانتے ہیں کہ

$$\nabla \cdot \boldsymbol{J} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$$

ہوتاہے۔اس سے ثابت ہوتاہے کہ مساوات 9.18 صرف اس صورت درست ہو گاجب0  $= \frac{\partial \rho}{\partial t}$  ہو۔ یہ ایک غیر ضرور کیاور غیر حقیقی شرطہ لمذاوقت کے ساتھ تبدیل ہوتے برقی میدان پر استعال کے قابل بنانے کی خاطر مساوات 9.18 کو تبدیل کر نالازم ہے۔ تصور کریں کہ مساوات 9.18 میں نامعلوم جزو G کی شمولیت سے یہ مساوات وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے برقی میدان پر بھی لا گو کرنے کے قابل ہو جاتا ہے۔الی صورت میں مساوات 18.9یوں

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + oldsymbol{G}$$

لکھی جائے گی۔ آئیں دوبارہ اس کی پھیلاو حاصل کریں جس سے

$$0 = \nabla \cdot \boldsymbol{J} + \nabla \cdot \boldsymbol{G}$$

١

$$\nabla \cdot \boldsymbol{G} = \frac{\partial \rho}{\partial t}$$

abla حاصل ہوتا ہے جہاں استمراری مساوات کاسہار الیا گیا۔ اس مساوات میں a کی جگہ a کرنے سے

$$\nabla \cdot \boldsymbol{G} = \frac{\partial \left( \nabla \cdot \boldsymbol{D} \right)}{\partial t} = \nabla \cdot \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t}$$

لعيني

$$G = \frac{\partial D}{\partial t}$$

حاصل ہوتاہے۔یوں ایمپیئر کے دوری قانون کی درست شکل

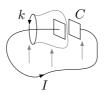
$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J} + \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t}$$

ہے۔ مندر جہ بالا مساوات برقی و مقناطیسیات کے اب تک تمام دریافت کر دہ اصولوں پر پور ااتر تی آئی ہے۔ جب تک بیہ غلط ثابت نہ ہو جائے ، ہم اسے در ست ہی تصور کریں گے۔

مساوات9.20میکس ویل کے مساوات میں سے ایک مساوات ہے۔اس مساوات میں <u>0.6</u> کی تُبعدا یمبیئر فی مربع میٹر حاصل ہوتی ہے جو کثافت برقی رو کا تُبعد ہے۔میکس ویل نے اس مساوات میں دائیں ہاتھ نئے جزو کو <mark>کثافت انقالی رو</mark> گانام دیااور **J**<sub>d سے ظاہر کیا لیخی</sub>

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + oldsymbol{J}_d = rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

9.2. انتقالي برقي رو



شکل 9.4: موصل تار میں ایصالی رو کپیسٹر کرے چادروں کے درمیان انتقالی رو کرے برابر ہے۔

ہم تین اقسام کے کثافت رود کیھے چکے جن میں کثافت انتقالی روکے علاوہ غیر چارج شدہ خطے میں عموماً لیکٹر ان کے حرکت سے پیدا کثافت ایصالی رو $J = \sigma E$ 

اور چارج کے حجم کے حرکت سے پیدا کثافت اتصالی رو

$$(9.23) J = \rho_h v$$

شامل ہیں۔مساوات 9.20 میں Jسے مراد ایصالی اور اتصالی روکے کثافتوں کا مجموعہ ہے جبکہ مقید چارج H کا حصہ ہیں۔غیر موصل خطے میں جہاں کثافت چارج پائی ہی نہیں جاتی J=0 ہوتاہے للذاغیر موصل میں

(9.24) 
$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \qquad (\boldsymbol{J} = 0)$$

هو گا\_مساوات 9.14 واور مساوات 9.17 میں مشابهت دیکھیں۔

$$abla imes oldsymbol{E} = -rac{\partial oldsymbol{B}}{\partial t}$$

مقناطیسی شدت H اور برقی شدت E کافی مشابهت رکھتے ہیں۔اسی طرح کثافت روD اور کثافت بہاو B بھی کافی مشابهت رکھتے ہیں۔اس مشابهت کو بہیں تک رکھیں چونکہ جیسے ہی میدان میں چارج پر قوت کی بات کی جائے، دونوں اقسام کے میدان بالکل مختلف طریقوں سے عمل کرتے ہیں۔

کسی بھی سطح سے کل انتقالی روسطحی تکمل

$$I_d = \int_S \boldsymbol{J}_d \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S} = \int_S \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S}$$

سے حاصل ہو گی۔مساوات9.20کے سطحی تکمل

$$\int_{S} (\nabla \times \boldsymbol{H}) \cdot d\boldsymbol{S} = \int_{S} \boldsymbol{J} \cdot d\boldsymbol{S} + \int_{S} \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \cdot d\boldsymbol{S}$$

پر مسکلہ سٹوکس کے اطلاق سے

(9.26) 
$$\oint \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{L} = I + I_d = I + \int_S \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \cdot d\boldsymbol{S}$$

2814

وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے ایمپیئر کے دوری قانون کی نقطہ شکل حاصل ہوتی ہے۔

انقالی رو کوشکل 9.4 کی مددسے سمجھتے ہیں جہاں موصل تارہے کیبیسٹر C کے دوسرے جوڑتے ہوئے بند دور بنایا گیاہے جس میں وقت کے ساتھ بدلتی سائن نمامقناطیسی میدان B محرک برقی دہاو پیدا کرتی ہے۔ یہ سادہ برقی دور ہے جس میں مزاحمت اور امالہ کو نظر انداز کرتے ہوئے برقی رو $i=-\omega CV_0\sin\omega t$   $=-\omegarac{\epsilon S}{d}V_0\sin\omega t$ 

لکھی جاسکتی ہے جہاں €، دائر کے کمپیسٹر سے متعلق ہیں۔آئمیں انتقالی رو کو نظرانداز کرتے ہوئے تارکے گرد بند دائرے کمپیئر کادوری قانون لا گو کریں۔ ۲

$$\oint_k \boldsymbol{H} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{L} = I_k$$

اب بند دائرہ اور اس دائرے پر H حقیقی مقدار ہیں اور تکمل سے حاصل روہ اس دائرے سے گھیرے کسی بھی سطح سے گزرتی رو کو ظاہر کرتی ہے۔ا گرہم k کوسید ھی سطح کا سرحد تصور کریں تب موصل تاراس سطح کو چھید تاہوا گزرے گا۔ یوں اس سطح سے آروہی گزرے گی جوایصالی روہے۔اس کے بر عکس اگرہم k کو تھیلے کا منہ تصور کریں جیسے شکل میں دکھایا گیاہے تب ایصالی روایسی سطح سے نہیں گزرتی چونک تھیلا کیسیٹر کے دوچاد روں کے در میان سے گزرتا ہے اور تاراسے چھوتی تک نہیں۔ایسی صورت میں تھیلے سے گزرتی ایصالی روصفر کے برابر ہے۔ایسی صورت میں ہمیں انتقالی روکا سہار الیناہو گا۔ کیسیٹر کے چادروں کے در میان

$$D = \epsilon E = \epsilon \left( \frac{V_0}{d} \cos \omega t \right)$$

ہےللذا

 $J_d = \frac{\partial D}{\partial t} = -\omega \epsilon \frac{V_0}{d} \sin \omega t$ 

اوريول

 $I_d = SJ_d = -\omega \frac{\epsilon S}{d} V_0 \sin \omega t$ 

هو گی۔

یہ وہی جواب ہے جوایصالی روسے حاصل ہوا تھا۔اس مثال ہے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ایمپیئر کے دوری قانون کواستعال کرتے ہوئے سطح سے گزرتی ایسالی رواور انتقالی رود ونوں کاخیال رکھنا ہوگا۔ کہیں پر سطح سے صرف ایسالی رو گزرے گی تو کہیں اس سے صرف انتقالی رو گزرے گی اور کبھی کبھار دونوں کا مجموعہ۔

انقالی رووقت کے ساتھ بدلتے برقی میدان سے پیدا ہوتے ہیں للذا یہ ایسے تمام غیر موصل پانیم موصل خطوں میں پائی جاتی ہے جہاں وقت کے ساتھ تہدیل ہوتی ایصالی روپائی جائے۔اگرچہ موصل خطے میں بھی انقالی روپائی جاتی ہے لیکن، جیسے آپ مندر جہ ذیل مثق میں دیکھیں گے،اس کی قیت ایصالی روکی نسبت سے اتنی کم ہوتی ہے کہ یہ قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ یہی وجہ ہے کہ انقالی روتجر باتی طور دریافت نہیں کی گئ بلکہ اس تک منطق کے ذریعہ سے پہنچا گیا۔

2821

$$J_d=rac{\partial D}{\partial t}$$
 کالنا کے برابرہے لہذا

$$D = \int J_d dt = 5 \times 10^{-14} \sin(2 \times 10^8 t - kx) a_y + M \frac{C}{m^2}$$

9.2. انتقالي برقي رو

حاصل کیا جاسکتا ہے۔ ساکن میدان صفر ہونے کی صورت میں تکمل کامت قل M=0 ہوگا۔ یوں

$$E = \frac{D}{\epsilon_R \epsilon_0} = 4.7 \times 10^{-3} \sin(2 \times 10^8 t - kx) a_{y} \quad \frac{V}{m}$$

يو **گا**ر 1825

ب) فیراڈے کے قانون سے

$$\nabla \times \mathbf{E} = -4.70587111 \times 10^{-3} k \cos(2 \times 10^8 t - kx) \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

لکھتے ہوئے تکمل لے کر

 $B = \int 4.70587111 \times 10^{-3} k \cos(2 \times 10^8 t - kx) a_{\mathbf{Z}} dt = 2.3529 \times 10^{-11} k \sin(2 \times 10^8 t - kx) a_{\mathbf{Z}} dt$ 

حاصل ہوتاہے جس سے

$$H = \frac{B}{\mu_R \mu_0} = 7.4896 \times 10^{-6} k \sin(2 \times 10^8 t - kx) a_Z$$

کھاجا سکتاہے۔

پ)چونکہ  $\sigma=0$  ہے لہٰذا کثافت ایصالی برقی روصفر ہوگی۔ یوں مساوات 9.21سے حاصل کرتے ہیں۔ م

$$\nabla \times \mathbf{H} = 7.4896 \times 10^{-6} k^2 \cos(2 \times 10^8 t - kx) \mathbf{a}_y \frac{A}{m^2} = \mathbf{J}_d$$

ت ) حاصل کردہ اور سوال میں دیا گیا  $J_d$  برابر پر کرتے ہوئے

$$k = \sqrt{\frac{10 \times 10^{-6}}{7.4896 \times 10^{-6}}} = 1.155 \,\mathrm{m}^{-1}$$

حاصل ہوتاہے۔

مثال 9.2:رداس a اور b کے موصل ہم محوری کرہ، جہاں a ہے، کوبر تی دباو  $v=V_0\cos\omega t$  مہیا کی جاتی ہے۔دونوں کرہ کے در جمیانی فعلے کے مستقل  $e_R=1$  ،  $\sigma=0$  اور  $\mu_R=1$  بیں۔بیرونی کرہ کوبرتی زمین تصور کریں۔الف) کرہ کیپیسٹر کومہیا برتی روحاصل کریں۔ب) دونیوں کرہ کے مابین انتقالی برتی روحاصل کریں۔پ) کیا بیرون کیپیسٹر ایصالی برتی رواور اندرون کیپیسٹر انتقالی برتی روجا بر ہیں ؟

 $I=Crac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}=-rac{4\pi\epsilon\omega V_0}{rac{1}{a}-rac{1}{b}}\sin\omega t$  عل: الف) صفحه 153 پر مساوات 5.60 کره کپیسٹر کی کپیسٹنس دیتی ہے جس سے مہیا کر دہ ایصالی برقی رویوں

حاصل کی جاسکتی ہے۔

ب)صفحہ 179 پر مساوات 6.24 استعمال کرتے ہوئے دونوں کرہ کے در میان خطے میں برقی دباو کو

$$V = \frac{\frac{1}{r} - \frac{1}{b}}{\frac{1}{a} - \frac{1}{b}} V_0 \cos \omega t$$

لکھتے ہوئے

$$\boldsymbol{E} = -\nabla V = \frac{V_0 \cos \omega t}{r^2 \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b}\right)} \, \boldsymbol{a}_{\Gamma}$$

$$D = \epsilon E = \frac{\epsilon V_0 \cos \omega t}{r^2 \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b}\right)} a_{\rm T}$$

حاصل ہوتاہے جس سے کثافت انتقالی برقی رو

$$oldsymbol{J} = rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t} = -rac{\omega \epsilon V_0 \sin \omega t}{r^2 \left(rac{1}{a} - rac{1}{b}
ight)} \, a_{
m T}$$

لکھی جاسکتی ہے۔ یوں انتقالی برقی رو

$$I_d = 4\pi r^2 J_d = -rac{4\pi\omega\epsilon V_0\sin\omega t}{\left(rac{1}{a}-rac{1}{b}
ight)}$$

ہو گی۔

پ) بیرون کپییٹر ایصالی برقی رواور اندرون کپییٹر انتقالی برقی رو برابر ہیں۔

مشق 9.2: مخصوس تانبے کی تاریبی سائن نما، پیچاس ہر ٹز کی ایصالی روئی ایصالی روئی ہے۔اس میں انتقالی روحاصل کریں۔ پیچاس ہر ٹزرو کی صورت میں ایصالی اور انتقالی روکے موثر قیمت کی شرح حاصل کریں۔

 $\frac{1}{r_d}=rac{\sigma}{\omega\epsilon_0}=2.08 imes10^{16}$  حل $I_d=-rac{\sigma}{\omega\epsilon_0}I_0\sin\omega t$  علی نشرت $I_d=-rac{\sigma}{\sigma}I_0\sin\omega t$ 

9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل

2842

(9.38)

ہم وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے میدانوں میں میکس ویل کے دومساوات کے نقطہ اشکال

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t}$$

اور

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J} + \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t}$$

حاصل کر چکے ہیں۔میکس ویل کے بقایاد و مساوات وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے میدان میں بھی جوں کے تول

$$\nabla \cdot \boldsymbol{D} = \rho_h$$

$$(9.30) \nabla \cdot \boldsymbol{B} = 0$$

ر ہتے ہیں۔

مساوات 9.29 کہتا ہے کہ کثافت برتی رو کا منبع کثافت چارج ہے۔وقت کے ساتھ بدلتے مقناطیسی میدان میں برتی میدان پیدا ہوتا ہے جو بند دائر ہے پوچلتا ہے۔ایسے برتی میدان کا ناتو کسی چارج سے اخراج ہوتا ہے اور ناہی ریم کسی چارج پر ختم ہوتا ہے۔اس کے بر عکس ہر مثبت چارج سے اس کے برابر برتی بہاو کا اختتام ہوتا ہے۔ ہوتا ہے اور ہر منفی چارج پر اس کے برابر برتی بہاو کا اختتام ہوتا ہے۔

مساوات9.30 کہتا ہے کہ کسی بھی نقطے سے کل مقناطیسی بہاو کا خراج صفر ہے یعنی مقناطیسی بہاو ناتو کسی نقطے سے خارج ہوتا ہے اور ناہی یہ کسی نقطے پر اپنیتام پذیر ہوتا ہے۔سادہ زبان میں اس کا مطلب ہے کہ مقناطیس کا یک قطب ممکن نہیں جس سے مقناطیسی بہاو کا اخراج ہویا اس پر مقناطیسی بہاوا نقتام ہو۔

مندرجہ بالا جار مساوات پر برقی و مقناطیسیات کی بنیاد کھڑی ہے جنہیں استعال کرنے کی خاطر جار معاون مساوات

$$(9.31) D = \epsilon E$$

$$(9.32) B = \mu H$$

$$(9.33) J = \sigma E$$

$$(9.34) J = \rho_h v$$

بھی در کار ہوتے ہیں۔

ا بسے ذوبرق اور مقناطیسی اشاء جن میں متغیرات سادہ تعلق نہ رکھتے ہوں ،ان میں مساوات 31. 9اور مساوات 9.32 کی جگہ

$$(9.35) D = \epsilon_0 E + P$$

$$(9.36) B = \mu_0 \left( \boldsymbol{H} + \boldsymbol{M} \right)$$

استعال ہوتے ہیں۔ خطی اشیاء میں

اور

$$(9.37) P = \chi_e E$$

 $oldsymbol{M} = \chi_m oldsymbol{H}$ 

کھا جا سکتا ہے۔

آخر میں لور نز قوت کی مساوات

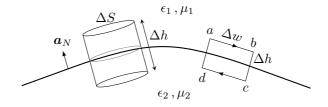
$$(9.39) F = \rho_h \left( E + v \times B \right)$$

بھی شامل کرتے ہیں۔

 $^{*}$ غیر سمتی مقناطیسی د باو Vاور سمتی مقناطیسی د باو $m{A}$ انتها کی اتبه ان کی شمولیت لازم نهبیں۔

2853

(9.40)



شکل 9.5: وقت کے ساتھ بدلتے میدان کے سرحدی شرائط۔

میکس ویل مساوات کی تکمل شکل

میاوات 9.27 کے سطحی تکمل پر مسئلہ سٹو کس کے اطلاق سے فیر اڈے کے قانون کو  $\oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{L} = -\int_{\mathcal{C}} \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \cdot d\mathbf{S}$ 

کھاجاسکتا ہے۔اسی طرح مساوات 28.9 سے ایمپیئر کے دوری قانون کی تکمل صورت

(9.41) 
$$\oint \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{L} = I + \int_{S} \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t} \cdot d\boldsymbol{S}$$

حاصل ہوتی ہے۔

برتی اور مقناطیسی میدان کے تکمل اشکال، گاؤس کے قوانین مساوات 29،9اور مساوات 9،30 کے حجمی تکمل اور مسئلہ پھیلاو کی مد د سے یوں لکھے جاسکتے ہیں۔

$$\oint_{S} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = \int_{h} \rho_{h} dh$$

اور

$$\oint_{S} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0$$

مندر جہ بالا چار مساوات سے D، H، اور B کے سرحدی شر اکط حاصل ہوتے ہیں جن سے میکس ویل کے جزوی تفرقی مساوات کے مستقل حاصل کے جاتے ہیں۔وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے میدان کے سر حدی شرائط عموماً ساکن میدان کے سر حدی شرائط ہی ہوتے ہیں للمذاساکن میدان کے طریقہ کار سے وقت کے ساتھ بدلتے میدان کے سرحدی شرائط بھی حاصل کئے جاسکتے ہیں۔

آئیں شکل 9.5 کی مدد سے سر حد کے متوازی برقی اور مقناطیسی شر ائط حاصل کریں۔ شکل میں مستطیل دائرے پر مساوات 9.40 کے اطلاق سے

$$(E_{m1} - E_{m2}) \Delta w = -\frac{\partial B_n}{\partial t} \Delta w \Delta h$$

کھاجا سکتا ہے جہاں  $\frac{\partial B_n}{\partial t}$ سے مراد دائرے کے گیرے سطے سے گزرتی مجموعی میدان کی تبدیلی ہے جس کا کچھ حصہ خطہ 1 اور کچھ حصہ خطہ 2 سے گزرتا ہے۔اس مساوات کے دائیں ہاتھ کی قیمت $\Delta h o \Delta \lambda$  کرتے ہوئے صفر کے قریب ترکی جاسکتی ہے۔الیمی صورت میں دائیں ہاتھ کو صفر ہی تصور کرتے ہوئے

$$(9.44) E_{m1} = E_{m2}$$

لعيني

$$(9.45) a_N \times (\boldsymbol{E}_1 - \boldsymbol{E}_2) = 0$$

حاصل ہوتاہے۔

سر حدیرانتہائی کم موٹائی کے خطے میں کثافت برقی رو K تصور کرتے ہوئے کسی بھی چپوٹی لمبائی dلی پر برقی رو کو  $I = K \cdot d$ کھاجا سکتا ہے۔ یول شکل 8.5 میں مستطیل دائر سے پر مساوات 9.41 کے اطلاق سے

$$(H_{m1} - H_{m2}) \Delta w = K_{\perp} \Delta w + \frac{\partial D}{\partial t} \Delta w \Delta h$$

 $K_{\perp}$  حاصل ہوتا ہے جہاں  $K_{\perp}$  سے مر ادK کاوہ حصہ ہے جو  $H_{m2}$  اور  $H_{m2}$  عمود ی ہے۔ دائیں ہاتھ دوسرے جزو کی قیمت  $M_{\perp}$  کرتے ہوئے صفر کے قریب ترکی جائتی ہے لہٰذا اس جزو کو نظر انداز کرتے ہوئے

$$(9.46) H_{m1} - H_{m2} = K_{\perp}$$

حاصل ہوتاہے جسے یوں

$$\boldsymbol{a}_N \times (\boldsymbol{H}_1 - \boldsymbol{H}_2) = \boldsymbol{K}_\perp$$

مجمى لكھا جا سكتا ہے۔ 12859

کسی بھی حقیقی دو مختلف اشیاء کے سر حد، مثلاً سمندر کے پانی اور ہوا کے سر حدیا ہوااور دیوار کے سر حد، پر کثافت برقی رو K صفر ہوتی ہے۔لہذا حقیقی مسائل میں K=0 کی بناپر

$$(9.48) H_{m1} = H_{m2}$$

ہو گا۔ صفحہ 266 پر شکل 8.9 میں سطحی کثافت برقی رو K د کھائی گئی ہے جبکہ یہال شکل 9.5 میں اسے صفر تصور کرتے ہوئے نہیں د کھایا گیا۔

مساوات 42. واور مساوات 9.43 سے سر حدی عمودی شر ائط

$$(9.49) a_N \cdot (D_1 - D_2) = \rho_S$$

اور

$$(9.50) a_N \cdot (B_1 - B_2) = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔

موصل کواپیاکامل موصل تصور کرتے ہوئے جس کی موصلیت لا محدود مگر 🛭 محدود ہوسے موصل کے اندراو ہم کے قانون سے

$$(9.51) E = 0$$

اور یوں فیراڈے کے قانون کی نقطہ شکل ہے،وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے میدان کی صورت میں

$$(9.52) H = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔اس طرح ایمپیئر کے دوری قانون کی نقطہ شکل سے محدود **J** کی قیمت

$$(9.53) J=0$$

حاصل ہوتی ہے لہٰذا برقی روصرف موصل کی سطح پر بطور سطحی کثافت رو *K ممکن ہے۔یو*ں اگر خطہ 2 کامل موصل ہوتب مساوات 9.50 وسے

$$(9.54) E_{m1} = 0$$

$$(9.55) H_{m1} = 0$$

$$(9.56) D_{n1} = \rho_S$$

$$(9.57) B_{n1} = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یادرہے کہ سطحی کثافت چارج کی موجود گی ذو برق، کامل موصل اور غیر کامل موصل تمام پر ممکن ہے جبکہ سطحی کثافت رو K صرف کامل موہ صل کی صورت میں ممکن ہے۔

مندرجہ بالا سرحدی شرائط میکس ویل کے مساوات کے حل کے لازم ہیں۔ حقیقت میں پیش آنے والے تمام مسائل میں مختلف اشیاء کے سرحد یہ پائی جاتی ہیں اور ایسے ہر سرحد کے دونوں اطراف پر مختلف متغیرات کے تعلق سرحدی شرائط سے ہی حاصل کرنا ممکن ہے۔ کامل موصل کی صورت میں موصل کے اندر، وقت کے ساتھ بدلتے، تمام متغیرات صفر ہوتے ہیں البتہ ایسی صورت میں مساوات 5.5 وتامساوات 9.57 میں دئے شرائط کا اطلاق نہایت مشکل ہوتا ہے۔

لا محد ود خطے کو بے سر حد خطہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ سر حد کی غیر موجود گی میں متحرک لہروں کے چند بنیادی خاصیت لہر کی حرکت پر غور سے واضح ہوتے ہیں۔ اگلا باب انہیں متحرک لہروں پر ہے۔ چو نکہ لا محدود خطے میں سر حد نہیں پایا جاتا للذا سر حدی شرائط کی ضرورت نہیں پڑتی۔اسی وجہ سے لا محدود خطے میں سمیسی ویل مساوات کا حل نہایت آسان ہوتا ہے۔

مثال 9.3 دونموصل سطح پر نقطہ N(2,3-1) پایاجاتا ہے جہاں میدان  $\frac{V}{m}$  دونمال کے معامل کریں۔ بN(2,3-1) ہیں۔ الف) نقطہ کے مستقل 9.3 دون اکائی سمتیہ  $\alpha_N$  واور  $\sigma=0$  ہیں۔ الف) نقطہ N پر موصل سطح کی عمود کی اکائی سمتیہ  $\alpha_N$  واصل کریں۔ بN اس نقطے کے مستقل 9.2 دونمال کریں۔ پر کثافت چارج حاصل کریں۔

حل:الف)چونکہ نقطہ N پر برتی میدان دیا گیاہے اور موصل سطح پر برتی میدان سطح کے عمودی ہوتاہے للذاعمودی سمتیہ E کے سمت میں ہی ہوگا۔ یوں لمحہ t=0 برمیدان کی قیت استعال کرتے ہوئے  $a_N$  حاصل کرتے ہیں۔

$$a_N = \frac{E_{t=0}}{|E_{t=0}|} = \frac{15a_{\rm X} - 20a_{\rm Y} + 6a_{\rm Z}}{\sqrt{15^2 + 20^2 + 6^2}} = 0.58a_{\rm X} - 0.78a_{\rm Y} + 0.23a_{\rm Z}$$

ب)موصل سطح پر عمودی میدان اور کثافت چارج کے تعلق سے

$$\begin{split} \rho_S &= \mathbf{D} \cdot \mathbf{a}_N = 1.6 \epsilon_0 (15 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} - 20 \mathbf{a}_{\mathbf{y}} + 6 \mathbf{a}_{\mathbf{z}}) \cos 10^6 t \cdot (0.58 \mathbf{a}_{\mathbf{X}} - 0.78 \mathbf{a}_{\mathbf{y}} + 0.23 \mathbf{a}_{\mathbf{z}}) \\ &= 1.138 \cos (10^6 t) \, \frac{\text{nC}}{\text{m}^2} \end{split}$$

حاصل ہوتاہے۔

2875

عل: الف) خطہ -1 سے خطہ -2 جانب اکا کی سمتیہ  $a_{\rm Z}$  ہے۔ یوں

 $E_{n1} = a_N \cdot E_1 = a_Z \cdot [30a_X + 20a_Y + 10a_Z] \cos(10^9 t) = 10 \cos(10^9 t)$ 

ہو گاجس سے

$$E_{n1} = E_{n1}a_N = 10\cos(10^9 t)a_Z$$

$$E_{m1} = E_1 - E_{n1} = [30a_X + 20a_Y]\cos(10^9 t)$$

$$D_{n1} = \epsilon_1 E_{n1} = 1.5 \times 10^{-10}\cos(10^9 t)a_Z$$

$$D_{m1} = \epsilon_1 E_{m1} = 10^{-10}[4.5a_X + 3a_Y]\cos(10^9 t)$$

2881

لکھے جاسکتے ہیں۔

ب)

$$J_{n1} = \sigma_1 \mathbf{E}_{n1} = (6 \times 10^{-3}) 10 \cos(10^9 t) \mathbf{a}_{Z} = \frac{3}{50} \cos(10^9 t) \mathbf{a}_{Z}$$
$$J_{m1} = \sigma_1 \mathbf{E}_{m1} = (6 \times 10^{-3}) [30 \mathbf{a}_{X} + 20 \mathbf{a}_{Y}] \cos(10^9 t) = \left[ \frac{9}{50} \mathbf{a}_{X} + \frac{3}{25} \mathbf{a}_{Y} \right] \cos(10^9 t)$$

پ) سر حدیر متوازی برقی میدان بے جوڑ ہوتاہے لہٰذااس سر حدی شرط کی بناپر
$$E_{m2}=E_{m1}=[30a_{
m X}+20a_{
m Y}]\cos(10^9t)$$

ہو گاجس سے

$$D_{m2} = \epsilon_2 E_{m2} = (3 \times 10^{-11})[30a_{\rm X} + 20a_{\rm y}]\cos(10^9 t) = 10^{-10}[9a_{\rm X} + 6a_{\rm y}]\cos(10^9 t)$$
$$J_{m2} = \sigma_2 E_{m2} = (24 \times 10^{-3})[30a_{\rm X} + 20a_{\rm y}]\cos(10^9 t) = \left[\frac{18}{25}a_{\rm X} + \frac{12}{25}a_{\rm y}\right]\cos(10^9 t)$$

حاصل کئے جا سکتے ہیں۔

ت) مساوات 9.49 سر حدیر سطی کثافت چارج  $ho_S$  اور عمودی میدان کا تعلق بیان کرتی ہے۔ شکل 9.5 کی طرح سر حدیر کم سے کم قد ( $\Delta h \to 0$ ) کی چھوٹی ڈبیامیں کل  $ho_S \Delta S$  چارج پیاجا ہے گا۔ اس ڈبیاسے برقی روکی اخراج سے ڈبیامیں موجود چارج میں کمی پیدا ہوگی جسے استمراری مساوات پیش کرتی ہے

$$(\boldsymbol{J}_{n1} - \boldsymbol{J}_{n2}) \cdot \Delta \boldsymbol{S} = -\frac{\partial \rho_S}{\partial t} \Delta S$$

جہاں  $ho_S=J_{n1}-J_{n2}$  جہاں مساوات کو

$$J_{n1} - J_{n2} = -\frac{\partial}{\partial t}(D_{n1} - D_{n2})$$

Ï

$$\sigma_1 E_{n1} - \sigma_2 E_{n2} = -\frac{\partial}{\partial t} (\epsilon_1 E_{n1} - \epsilon_2 E_{n2})$$

کھ اجا سکتا ہے۔ اس تفرقی مساوات میں  $E_{n1}=10\cos 10^9 t$  پر کرتے ہوئے  $E_{n2}$  کے لئے حل کرتے ہیں۔ ایبانا معلوم مستقل کے طریقے سے کرتے ہیں۔ یہ طریقہ استعال کرتے ہوئے ہم تصور کرتے ہیں کہ

$$E_{n2} = A\cos 10^9 t + B\sin 10^9 t$$

کے برابر ہے جہاں A اور B در کار مستقل ہیں۔ ہم  $E_{n1}$  اور  $E_{n2}$  کواستمراری مساوات میں پر کرتے ہیں۔

 $(6 \times 10^{-3})10\cos 10^9 t - 24 \times 10^{-3} [A\cos 10^9 t + B\sin 10^9 t]$ 

 $= 1.5 \times 10^{-11} \times 10 \times 10^9 \sin 10^9 t + 3 \times 10^{-11} [-10^9 A \sin 10^9 t + 10^9 B \cos 10^9 t]$ 

اس مساوات میں دونوں جانب cos اجزاء کے سر برابر ہوں گے۔ پول

 $(6 \times 10^{-3})10 - 24 \times 10^{-3} A = 3 \times 10^{-11} [10^9 B]$ 

ہو گا۔اسی طرح مساوات کے دونوں جانب sin اجزاء کے ہم برابر ہوں گے للذا

 $-24 \times 10^{-3}[B] = 1.5 \times 10^{-11} \times 10 \times 10^9 + 3 \times 10^{-11}[-10^9 A]$ 

ہو گا۔ مندرجہ بالا دومساوات کو آپس میں حل کرتے ہوئے

$$A = \frac{165}{41}$$
$$B = -\frac{50}{41}$$

حاصل ہو تاہے جس سے

 $E_{n2} = \frac{165}{41}\cos 10^9 t - \frac{50}{41}\sin 10^9 t = 4.21\cos(10^9 t - 16.9^\circ)$ 

لکھاجاسکتاہے۔بوں

 $E_{n2} = 4.21\cos(10^9 t - 16.9^\circ)a_Z$  $D_{n2} = \epsilon_2 E_{n2} = (3 \times 10^{-11})4.21\cos(10^9 t - 16.9^\circ)a_z = 1.26 \times 10^{-10}\cos(10^9 t - 16.9^\circ)a_z$  $J_{n2} = \sigma_2 E_{n2} = (24 \times 10^{-3})4.21\cos(10^9 t - 16.9^\circ)a_z = 0.1\cos(10^9 t - 16.9^\circ)a_z$ 

ہوں گے۔

2885

9.5 تاخيري دباو

وقت کے ساتھ بدلتے دیاو، جنہیں تاخیری دیاو<sup>9</sup> کہاجاتا ہے،اشعاعی اخراج 10 کے مسائل حل کرنے میں نہایت اہم ثابت ہوتے ہیں۔آپ کو یاد ہو گا کہ غیر سمتی مقناطیسی د باو V کو خطے میں تقسیم ساکن جارج کی صورت

$$V = \int_h rac{
ho_h \, \mathrm{d}h}{4\pi\epsilon R}$$
 (برقی سکون) (9.58)

میں لکھاجاسکتاہے۔اس طرح سمتی مقناطیسی دیاو A کووقت کے ساتھ نہ بدلتے یعنی بک سمتی برقی روکے تقسیم کی صورت

$$A = \int_{h} \frac{\mu J \, \mathrm{d}h}{4\pi R} \qquad (پک سمتی رو)$$

9.5. تاخیری دباو

میں لکھا جا سکتا ہے۔انہیں مساوات کے نقطہ اشکال بالترتیب

$$abla^2 V = -rac{
ho_h}{\epsilon}$$
 (برقی سکون) (9.60)

اور

$$abla^2 A = -\mu J$$
 (یک سمتی رو)

غیر سمتی اور سمتی مقناطیسی د باوکے حصول کے بعد میدان کے بنیادی متغیرات ڈھلوان

$$E = -\nabla V$$
 (برقی سکون)  $E = -\nabla V$ 

اور گردش

$$(9.63)$$
  $B = 
abla imes A$  (پک سمتی رو)

کی مد د سے حاصل ہوتے ہیں۔

آئیں اب ساکن چارج اوریک سمتی روسے متعلق، وقت کے ساتھ تبدیل ہوتے ایسے دباوحاصل کریں جو مندر جہ بالا مساوات پر پورااترتے ہوں۔ 🛾

میکس ویل کے مساوات کے تحت B=0 ہوگا۔ صفحہ 227پر مساوات 7.66 کے تحت گردش کی پھیلا ولاز ماصفر ہوتی ہے لہٰذا مساوات 9.63 میکس ویل کے مساوات 9.63 کی مساوات 9.63 کو بدلتے میدان کے لئے بھی درست تصور کرتے ہیں۔  $\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$ 

صفحہ237 پر مشق7.7 میں آپنے ثابت کیا کہ ڈھلوان کی گردش لازماًصفر ہوتی ہے یوں مساوات 9.62 کی گردش لینے سے دایاں ہاتھ صفر حاصل ہوتا ہے جبکہ بایاں ہاتھ E × √ حاصل ہوتا ہے جو مساوات 9.27 کے تحت صفر نہیں ہے۔ یوں صاف ظاہر ہے کہ مساوات 9.62 وقت کے ساتھ بدلتے میدان کے لئے درست نہیں ہے۔ آئیں اس توقع سے مساوات 9.62 کے دائیں جانب متغیرہ N جمع کریں

$$E = -\nabla V + N$$

کہ وقت کے ساتھ بدلتے میدان کے لئے ایسی مساوات درست ثابت ہو گی۔ فی الحال N ایک نامعلوم متغیرہ ہے۔ گردش لینے سے

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t} = -\nabla \times (\nabla V) + \nabla \times \boldsymbol{N}$$
$$= 0 + \nabla \times \boldsymbol{N}$$

يعني ليجي يعني 2891

$$abla imes oldsymbol{N} = -rac{\partial oldsymbol{B}}{\partial t}$$

حاصل ہوتاہے۔مساوات 9.63کے استعمال سے یوں

$$\nabla \times \boldsymbol{N} = -\frac{\partial}{\partial t} \left( \nabla \times \boldsymbol{A} \right)$$

١

$$abla imes oldsymbol{N} = -
abla imes \left(rac{\partial oldsymbol{A}}{\partial t}
ight)$$

حاصل ہوتاہے جس کاسادہ ترین حل

$$N = -rac{\partial A}{\partial t}$$

ہے للذااب ہم

$$\mathbf{E} = -\nabla V - \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial t}$$

لكھ سكتے ہیں۔

ہمیں اب بھی دیکھنا ہو گا کہ آیامساوات 63.6اور مساوات 9.64 میکس ویل کے بقایاد ومساوات یعنی مساوات 9.28

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

اور مساوات9.29

$$\nabla \cdot \boldsymbol{D} = \rho_h$$

پر پورااترتے ہیں کہ نہیں۔ یہاں پہلی مساوات میں  $m{A} imes m{D} = m{i}$  اور  $m{D} = m{\epsilon} m{E}$  پر کرتے ہوئے

$$egin{aligned} 
abla imes 
abla imes 
abla imes 
abla imes 
abla imes 
abla imes 
abla 
abla$$

١

(9.65) 
$$\nabla (\nabla \cdot \mathbf{A}) - \nabla^2 \mathbf{A} = \mu \mathbf{J} - \mu \epsilon \left( \nabla \frac{\partial V}{\partial t} + \frac{\partial^2 \mathbf{A}}{\partial t^2} \right)$$

لکھاجا سکتاہے جہاں مساوات 69.64 کا سہارالیا گیا۔اسی طرح مساوات 9.29سے

$$\epsilon \left( -\nabla \cdot \nabla V - \frac{\partial}{\partial t} \nabla \cdot \mathbf{A} \right) = \rho_h$$

(9.66) 
$$\nabla^2 V + \frac{\partial}{\partial t} \left( \nabla \cdot \boldsymbol{A} \right) = -\frac{\rho_h}{\epsilon}$$

حاصل ہوتا ہے۔

مساوات 65.6اور مساوات 65.60 میں کوئی تضاد نہیں پایاجاتا۔ ساکن یا یک سمتی حالات میں  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{A} = \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  کی وجہ سے مساوات 65.0اور مساوات 65.00 میں کوئی تضاد نہیں پایاجاتا۔ ساکن یا یک سمتی حالات میں  $\mathbf{v} \cdot \mathbf{A} = \mathbf{v} \cdot \mathbf{v}$  کہ ان سے  $\mathbf{B}$  بالتر تیب مساوات 63.01 ور مساوات 69.60 حاصل ہوتے ہیں۔ یوں ہم فرض کر سکتے ہیں کہ وقت کے ساتھ بدلتے دباو کی تعریف کی جاسکتے ہوں۔ البتہ  $\mathbf{A}$  اور  $\mathbf{V}$  کو مساوات 63.01 ور مساوات 63.01 طور پر بیان نہیں کرتے۔ یہ دومساوات 50.01 میں نامکمل شر اکہ بیں جن پر  $\mathbf{A}$  اور  $\mathbf{V}$  کا پورااتر ناضر ور ک ہے۔ آئیں ایک مثال سے اس حقیقت کو سمجھیں۔

9.5. تاخيرى دباو

تصور کریں کہ ہمارے پاس سادہ سمتی مقناطیسی د باوہ جس کے  $A_y$ اور یہ $A_z$ اجزاء صفر کے برابر ہیں۔ یوں مساوات 9.63 مدد سے ہم لکھ سکتے ہیں۔ $B_x a_{
m X} + B_y a_y + B_z a_{
m Z} = 0$  مدد سے ہم لکھ سکتے ہیں۔

اس سے ظاہر ہے کہ x محد د کے ساتھ  $A_x$  کے تبدیلی کے بارے میں کچھ اخذ کرنا ممکن نہیں ہے۔ یہ مساوات  $\frac{\partial A_x}{\partial x}$  کافہ کر تک نہیں کرتا۔ ہاں اگر ہمیں A کے کچھیلاو کے بارے میں بھی معلومات فراہم ہوتی تبx محد د کے ساتھ  $A_x$  کے تبدیلی کے بارے میں کچھ کہنا ممکن ہوتا چونکہ دئے گئے سمتی د باوسے

$$\nabla \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\partial A_x}{\partial x}$$

کھاجا سکتا ہے۔ آخر میں ریہ بھی بتاناضر وری ہے کہ A کے بارے میں ہماری تمام معلومات جزوی تفرقی مساوات کی صورت میں ہیں جن سے A کے حصول کے وقت تکمل کا مستقل شامل کرناضر وری ہے۔ کسی بھی حقیقی مسئلہ جس میں مکمل خلاء کے لئے حل در کار ہو میں ایسامستقل صفر کے برابر ہوگا چونکہ کوئی بھی مہیدان لا محد ود فاصلے پر صفر ہی ہوگا۔

اس مثال سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اگر ہمیں لا محدود خلاء میں کسی بھی نقطے پر سمتی میدان کی قیمت معلوم ہو تب اس سمتی میدان کو تمام خلاء میں میدان کے گردش اور پھیلاوسے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ ہمیں مکمل آزادی ہے کہ جیسے چاہیں A کی پھیلاو بیان کریں۔ ہم مساوات 65.6اور مساوات 66.6کو مد نظر رکھتے ہوئے یوں A کے پھیلاوکے لئے سادہ ترین تفاعل

$$\nabla \cdot \boldsymbol{A} = -\mu \epsilon \frac{\partial V}{\partial t}$$

لکھتے ہیں جس سے مساوات 9.65

(9.68) 
$$\nabla^2 \mathbf{A} = -\mu \mathbf{J} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 \mathbf{A}}{\partial t^2}$$

صورت اختیار کرلے گی جبکہ مساوات 9.66

$$\nabla^2 V = -\frac{\rho_h}{\epsilon} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 V}{\partial t^2}$$

صورت اختیار کرلے گی۔

مندرجہ بالادومساوات متحرک امواج سے متعلق ہیں جن پر اگلے باب میں غور کیا جائے گا۔ان مساوات کی مشابہت بھی حیرت انگیز ہے۔ باب کے اس جھے میں،وقت کے ساتھ بدلتے میدان کے لئے، حاصل کئے گئے نتائج یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$(9.70) B = \nabla \times A$$

$$\nabla \cdot \mathbf{A} = -\mu \epsilon \frac{\partial V}{\partial t}$$

$$(9.72) E = -\nabla V - \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial t}$$

ا گلے باب میں متحرک امواج پر غور کیاجائے گا۔ آپ دیکھیں گے کہ وقت کے ساتھ مدلتے برقی ومقناطیسی میدان متحرک امواج پیداکرتے ہیں جن کی رفتار 77

$$v = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

ے برابر ہوتی ہے۔خالی خلاء میں بیر رفتار تقریباً  $\frac{m}{s}$   $\times$   $10^8$   $\times$  1

$$V = \int_{h} \frac{[\rho_h]}{4\pi\epsilon R} \, \mathrm{d}h$$

ہو گی جہاں  $[
ho_h]$  سے مرادیہ ہے کہ مساوات میں وقت t کی جگہ تاخیر کی وقت t'استعال کیا جائے یعنی

$$t' = t - \frac{R}{v}$$

بول ا گرخلاء میں کثافت چارج

$$\rho_h = e^{-r}\cos\omega t$$

ہوتب

$$[\rho_h] = e^{-r} \cos \left[ \omega \left( t - \frac{R}{v} \right) \right]$$

ہو گا جہاں R تفر قی چارج سے اس نقطے تک فاصلہ ہے جہاں اس تفر قی چارج سے پیداد باو کا حصول در کار ہو۔

اسی طرح وقت کے ساتھ بدلتی صورت میں مساوات 9.59 کی نئی شکل یعنی تاخیر ی سمتی مقناطیسی د باو کی مساوات

$$\mathbf{A} = \int_{h} \frac{\mu[\mathbf{J}]}{4\pi R} \, \mathrm{d}h$$

يمو گي۔

تاخیری وقت کے استعال کی بناپر ایسے دیاو کوتاخیری دیاوا <sup>11</sup> کہا جاتا ہے۔

تاخیری برقی اور تاخیری مقناطیسی دباو کے استعال سے برقی و مقناطیسی مسکے نسبتاً زیادہ آسانی سے حل ہوتے ہیں۔یوں اگر ہمیں  $\rho$ اور  $\sigma$  معلوم ہوں تب ہم مساوات 7.5 واور مساوات 7.5 ویہ ساوات 7.5 وہا صلی کئے مساوات 7.5 وہا صلی کے جاسکتے ہیں۔ اگر ہمیں  $\rho$ اور  $\sigma$  کی قیمتیں معلوم نہ ہوں اور ناہی ان کے قیمتوں کا اندازہ لگانا ممکن ہوتب تاخیری دباو، میکس ویل مساوات کے حل سے زیادہ، مدو گار خابت نہیں ہوتے۔

retarded potential<sup>11</sup>

9.5. تاخيرى دباو

```
put comsat's time table here.
4415
    energy travels along the wire and not in the wire.
4416
    antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.
4417
    house completion certificate.
    zaryab's tooth
    zaryab fish
    F=-dW/dT to include in inductance chapter plus a question or two
    magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.
    charge is barqi bar.
4423
    add questions to machine book too.
4424
    take print outs for myself.
4425
4426
4427
    when giving fields always remember the following rules:
4428
    always ensure that divergence of magnetic field is zero.
4429
```

moving waves must be of the form  $E = E0\cos(wt - kz)$  where  $c = (\mu * \epsilon)^{-0.5}$  and  $k = 2 * \pi/\lambda$ 

4430

الباب 16

سوالات

ميكس ويل مساوات

سوال 16.1: رداس  $ho=12\,\mathrm{cm}$  کے گول دائرے میں وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا، یکساں مقناطیسی میدان  $ho=12\,\mathrm{cm}$  ہوتے ہوتے ہوتے ہوتا ہوتا، یکساں مقناطیسی میدان e(t) پیدا کرتا ہے۔ گول دائرے کی مزاحمت  $\Omega$  55 ہے۔ محرک برقی دباو، گول دائرے میں برقی رو e(t) پیدا کرتی ہے۔ برقیج و i(t) سے پیدا مقناطیسی بہاو کو نظر انداز کرتے ہوئے e(t) اور e(t) حاصل کریں۔ صورت حال شکل 16.1 میں دکھائی گئی ہے جہاں صفحہ سے اوپویہ کی جانب بابر نکلتی مقناطیسی میدان کو چھوٹے دائروں میں بند نقطوں سے ظاہر کیا گیا ہے۔

 $-123\cos 1000t\, {
m mA}$  ،  $-6.78\cos 1000t\, {
m V}$  جوابات:

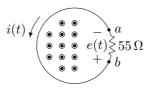
سوال 16.2: سطح z=0 پر ہیں.وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا مقناطیسی «عیدان  $y=\mp 1.5\,\mathrm{m}$  ،  $x=\mp 2\,\mathrm{m}$  پر ہیں.وقت کے ساتھ تبدیل ہوتا مقناطیسی «عیدان  $B=(0.25a_\mathrm{x}-0.55a_\mathrm{y}+0.1a_\mathrm{z})\sin 1200t\,\mathrm{T}$  ہے۔مشت z محدد کی جانب سے دبیعکھتے ہوئے، گھڑی کی سمت میں برقی رو حاصل کریں۔برقی رو سے پیدا ثانوی مقناطیسی میدان کو نظر انداز کرتے ہوئے حل کریں۔

جواب: 343 cos 1200*t* mA

سوال 16.3: مقناطیسی میدان  $m{a}_z$  سمت میں بڑھتا معرک  $m{B} = 5\cos(1.2 imes 10^8 \pi t - \pi y) a_z$  سمت میں بڑھتا معرک برقی دابو حاصل کریں۔الف (0,0,0) تا روزون بر میرون برگزشت کریں۔الف

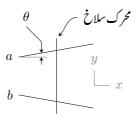
جوابات: V ،  $600[\cos(1.2 imes 10^8 \pi t - \pi) - \cos(1.2 imes 10^8 \pi t)]$  V بوابات:

سوال 16.4: رداس  $\mu=\frac{0.122}{
ho}\cos 5 imes 10^8 \pi t\cos 0.5\pi z$   $a_\phi$   $a_\phi$  سوری تار میں  $a_\phi$   $a_\phi$  کے ہم محوری تار میں  $a_\phi$   $a_\phi$  اور  $a_\phi$   $a_\phi$  اور  $a_\phi$   $a_\phi$  کے ہم محوری تار میں  $a_\phi$   $a_\phi$  اور  $a_\phi$ 

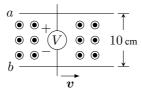


شکل 16.1: دائرے میں یکساں مقناطیسی بہاو، محرک برقی دباو پیدا کرتا ہے۔

الباب 16. سوالات



شکل 16.2: محرک سلاخ پر مقناطیسی میدان محرک دباو پیدا کرتا ہر۔



شکل 16.3: کھلے دور اور بند دور میں محرک برقی دباو۔

 $119\sin(5 \times 10^8 \pi t) \, \mathrm{V}$  جواب:

سوال 16.5: لمحہ t=0 پر ہیں۔یہ مستطیل t=0 کی سمتھایہ فتار t=0 کی سمتھایہ فتار کے مستطیل کے اطراف t=0 کی سمتھایہ فتار t=0 کی سمتھایہ فتار کے مستطیل میں طاقت کی اخراج پیعاصل کی مزاحمت t=0 ہے۔مستطیل میں طاقت کی اخراج پیعاصل کی مزاحمت t=0 ہے۔مستطیل میں طاقت کی اخراج پیعاصل کی مراحمت کریں۔ساکن سلاخوں میں کتنی محرک برقی دباو پیدا ہوتی ہے۔

 $0\,{
m V}$  ،  $P=2.12\,{
m mW}$  جواب:

سوال 16.6: شکل 16.2 میں دو ساکن موصل سلاخ x محدد کے ساتھ  $\theta=\mp 10^\circ$  کا زاویہ بناتے ہیں۔صفحہ کے بالائی سطح سے نکلتی مقناطیسی محیدان  $v=8a_x \frac{m}{s}$  محدد کے ساتھ  $v=8a_x \frac{m}{s}$  ہیما برقی ادباو  $u=0.5a_z T$  ہے۔ ساکن سلاخوں کے بائیں سروں کے درمیان فاصلہ  $u=0.5a_z T$  ہے۔ ساکن سلاخوں کے بائیں سروں کے درمیان فاصلہ  $u=0.5a_z T$  ہے۔ ساکن سلاخوں کے بائیں سروں کے درمیان فاصلہ  $u=0.5a_z T$  ہوئے  $u=0.5a_z T$  ہوئے  $u=0.5a_z T$  ہوئے دباو کو مساوات  $u=0.5a_z T$  ہوئے کے مقام کو  $u=0.5a_z T$  ہوئے کے مقام کو  $u=0.5a_z T$  ہوئے کی صورت میں جواب حاصل کریں۔ پ) محرک سلاخ کا مقام  $u=0.5a_z T$  ہوئے کی صورت میں جواب حاصل کریں۔ پ) محرک سلاخ کا مقام کے مساوات 20.1 کے دائیں باتھ کی مدد سے حاصل کریں۔ پ) محرک سلاخ کا مقام  $u=0.5a_z T$ 

$$v_{ab} = -881.6 t^3 - t\, \mathrm{V}$$
 ، ب $v_{ab} = -11.285 t - 0.08\, \mathrm{V}$  جوابات:الف اور ب

سوال 16.7 رداس  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  اور  $\rho=4\,\mathrm{cm}$  اور  $\rho=4\,\mathrm{cm}$  کی ہم محوری تار میں میدان  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  ساور 16.7 دراس  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  اور  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  کی ہم محوری تار میں موجودہ میدان  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  بائے جاتے ہیں۔ الف) مساوات 9.27 کے دونوں اطراف حل کرتے ہوئے ثابت کریں کہ ہم محوری تار میں موجودہ میدان اس پر پورا اترتے ہیں۔ ب) سمتی سطح  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  بائے جاتے ہیں۔ با سمتی سطح کی سمت کی مصل کریں۔ معنی سطح کی سمت میں چلنا ہو گا۔  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  کی محوری بوئے محرک برقی دباو حاصل کریں۔ سمتی سطح کی سمت میں چلنا ہو گا۔  $\rho=0.5\,\mathrm{cm}$  کی محوری تار میں محوری بوئے محرک برقی دباو حاصل کریں۔ سمتی سطح کی سمت میں چلنا ہو گا۔ دونوں محیط پر چلتے ہوئے محرک برقی دباو حاصل کریں۔ سمتی سطح کی سمت میں جلنا ہو گا۔

جوابات: 
$$abla imes E = -rac{\partial m{B}}{\partial t} = rac{40\pi^2}{
ho} \sin(2\pi imes 10^7 t - 5z) m{a}_{m{\phi}}$$
 جوابات:  $abla imes E \cdot dm{L} = -rac{d}{dt} \int m{B} \cdot dm{S} = 52.26 [\cos(2\pi imes 10^7 t - 0.05) - \cos(2\pi imes 10^7 t)] V$ 

سوال 16.8: شکل 16.3 میں  $B=0.55a_z$  اور  $v=6a_x$  اور  $v=6a_x$  ہیں.محرک سلاخ میں انتہائی زیادہ مزاحمت رکھتا پیما برقی دباو b اور b آپس میں موصل تار ساکن سلاخوں کے بائیں سرے آزاد رکھتے ہوئے پیما پر کیا برقی دباو حاصل ہو گی۔ ب) ساکن سلاخوں کے بائیں سرے آزاد رکھتے ہوئے پیما پر کیا حاصل ہو گا۔ ت) ساکن سلاخوں کے دائیں سرے آپس میں موصل تار سے جوڑنے کے بعد پیما پر کیا حاصل ہو گا۔ ت) ساکن سلاخوں کے دائیں سرے آپس میں اور ان کے دائیں سرے آپس میں جوڑ کے پیما کیا پڑھے گا۔

4470

 $2 imes10^{-10}$  ، 94 ،  $4.4 imes10^{15}$  ،  $rac{\sigma}{\omega\epsilon}$  :جوابات

4475

4474

au سوال 10-10: برقی میدان  $E=E_0e^{rac{t}{ au}}$  کی صورت میں مندارجہ ذیل اشیاء میں ایصالی برقی رو اور انتقالی برقی رو کی شرح حاصل کریں جہاں  $E=E_0e^{rac{t}{ au}}$  کی میدان  $E=E_0e^{rac{t}{ au}}$  کی صورت میں مندارجہ ذیل اشیاء میں ایصالی برقی رو اور انتقالی برقی رو کی شرح حاصل کریں جہاں  $E=E_0e^{rac{t}{ au}}$  اور  $E=E_0e^{rac{t}$ 

$$2.97 imes 10^{-11}$$
 ،  $0.014$  ،  $6.5 imes 10^{11}$  ،  $rac{\sigma au}{\epsilon}$  :جوابات

سوال 16.11: محدد z پر موجود ہم محوری تار کی لمبائی  $12~\mathrm{cm}$  جبکہ اس کے رداس  $2~\mathrm{mm}$  اور  $10^{6}$  ہیں۔ دونوں تاروں کے درمیان ہعادے z مستقل z مستقل z مستقل z مستقل z اور z z اور z اور z اور z z اور z اور z z اور z z اور z z حاصل کریں۔ z حاصل کریں۔

جوابات: 
$$\frac{0.2}{\rho} \sin 10^6 t \, \mathrm{A}$$
 ،  $\frac{0.1}{\rho} \sin 10^6 t \, \frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}^2}$  ،  $\frac{0.12 \pi \cos 10^6 t \, \mathrm{A}}{\rho}$  ،  $\frac{0.5}{\rho} \cos (10^6 t) \, a_\rho \, \frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}^2}$  جوابات:

 $E_{0.12}$  واور  $\rho_2$  کے ہم محوری تار کی لمبائی l ہے۔تار کو بیرونی دور  $V_0\cos\omega t$  برقی دباو فراہم کرتی ہے۔تار میں برقی میدان ۱۵.12 کی مساوات لکھتے ہوئے  $\sigma_1$  اور  $\sigma_2$  حاصل کریں۔ثابت کریں کہ انتقالی برقی رو بیرونی دور میں پائی جانے والی ایصالی برقی رو کے برابر ہے۔

$$I_{c} = \frac{1}{\log C} \frac{dV}{dt} = -\frac{2\pi l\omega\epsilon V_{0}\sin\omega t}{\ln\frac{b}{a}} \quad , \quad I_{d} = -\frac{2\pi l\omega\epsilon V_{0}\sin\omega t}{\ln\frac{b}{a}} \quad , \quad J_{d} = \frac{-\omega\epsilon V_{0}\sin\omega t}{\rho\ln\frac{b}{a}} \boldsymbol{a}_{\rho} \quad , \quad \boldsymbol{E} = \frac{V_{0}\cos\omega t}{\rho\ln\frac{b}{a}} \boldsymbol{a}_{\rho} \quad$$

سوال 16.13: مساوات 9.21 کی پہلی مساوات کے دونوں اطراف پھیلاو کا عمل استعمال کرتے ہوئے استمراری مساوات حاصل کریں۔

$$abla \cdot 
abla imes oldsymbol{H} = 0 = 
abla \cdot oldsymbol{J} + rac{\partial 
ho_h}{\partial t}$$
 جواب:

 $\sigma$  اور  $\epsilon_R=1.2$  ،  $\mu_R=2.5$  بے کے مستقل  $E=32\sin ax\cos 5y\cos (2 imes 10^{10}t)a_z$  اور  $\epsilon_R=1.2$  ،  $\epsilon_R=$ 

$$a = 115.44\,\mathrm{m}^{-1}$$
 جواب:

،  $\mu_{R}=1$  پایا جاتا ہے۔ترسیلی تار میں مقناطیسی میدان  $M=15\cos(4 imes10^9t-eta z)a_{
m x}$  ہوال 16.15: ایک ترسیلی تار میں مقناطیسی میدان  $a_{
m x}$  میں میکس ویل کے مساوات استعمال کرتے ہوئے  $a_{
m x}$  کی مثبت قیمت دریافت کریں۔  $\sigma=0$  ہیں۔میکس ویل کے مساوات استعمال کرتے ہوئے  $\beta$  کی مثبت قیمت دریافت کریں۔

جواب: 
$$eta = 29.83\,\mathrm{m}^{-1}$$
 جواب:

سوال 16.16: موصل سطح محدد کے مرکز سے گزرتی ہے جہاں میدان ہے۔  $E=(33a_{\mathrm{x}}+12a_{\mathrm{y}}+25a_{\mathrm{z}})\cos(10^{7}t)\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$  بیں۔ نقطہ ہور  $\mu_{R}=1.6$  ہیں۔ نقطہ ہور  $\mu_{R}=1.6$  ہیں۔ نقطہ ہور  $\mu_{R}=1.6$  ہیں۔ نقطہ کے مستقل متوازی میدان حاصل کریں۔ س

$$0$$
 ،  $4.58\cos(10^7 t) \frac{\text{nC}}{\text{m}^2}$  جوابات:

 $\mu_{RQ}=4$  ،  $\epsilon_{R2}=9$  میں z>0 میں جبکہ خطہ  $\sigma_1=0$  اور  $\sigma_1=0$  اور  $\sigma_1=0$  اور  $\sigma_2=0$  میں میدان  $\sigma_3=0$  اور دوسرے خطری المحمدی اور  $\sigma_3=0$  اور دوسرے خطری المحمدی المحمدی میدان  $\sigma_3=0$  اور دوسرے خطری المحمدی المحمدی میدان  $\sigma_3=0$  اور دوسرے خطری المحمدی المحمدی شرائط پر پورا اترتے ہیں۔  $\sigma_3=0$  میں المحمدی شرائط پر پورا اترتے ہیں۔  $\sigma_3=0$  میں المحمدی شرائط پر پورا اترتے ہیں۔

جوابات: 
$$m{H}_1=[-0.0265\cos(10^9t-3.336z)-0.0053\cos(10^9t+3.336z)]m{a}_{\mathrm{x}}$$
 ،  $A=8$  جوابات:  $H_{m1}=H_{m2}$  ،  $m{H}_2=-0.0318\cos(10^9t-20.014z)m{a}_{\mathrm{x}}$ 

الباب 16. سوالات

 $\sigma$  :16.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7  imes 10^4$	گريفائك	$6.17 \times 10^{7}$	چاندى
1200	سليكان	$5.80 \times 10^{7}$	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	$4.10 \times 10^{7}$	سونا
5	سمندری پانی	$3.82 \times 10^{7}$	المونيم
$10^{-2}$	چهونا پتهر	$1.82 \times 10^{7}$	ٹنگسٹن
$5 \times 10^{-3}$	چکنی مٹنی	$1.67 \times 10^{7}$	جست
$10^{-3}$	تازه پانی	$1.50 \times 10^{7}$	بيتل
$10^{-4}$	مقطر پانی	$1.45 \times 10^{7}$	نکل
$10^{-5}$	ریتیلی مٹی	$1.03 \times 10^{7}$	لوبا
$10^{-8}$	سنگ مرمر	$0.70 \times 10^{7}$	قلعى
$10^{-9}$	بيك لائث	$0.60 \times 10^{7}$	كاربن سٹيل
$10^{-10}$	چینی مٹی	$0.227 \times 10^{7}$	مینگنین
$2 \times 10^{-13}$	ا بيرا	$0.22 \times 10^{7}$	جرمينيم
$10^{-16}$	پولیسٹرین پلاسٹک	$0.11 \times 10^{7}$	سٹینلس سٹیل
$10^{-17}$	كوارالس	$0.10 \times 10^{7}$	نائيكروم

520 الباب 16. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$  and  $\epsilon_R$  :16.2 جدول

$\sigma/\omega\epsilon$	$\epsilon_R$	چيز
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائدُ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	7تا $4$	شیشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	     (党
0.00075	3.8	SiO <sub>2</sub> سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مثلی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندرى پانى
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

 $\mu_R$  :16.3 جدول

$\mu_R$	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.999 999 42	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 16.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	$\epsilon_0$	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7}  rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	$\mu_0$	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)