برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14												•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيد	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ا	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16						•						•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•																										٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح ح	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	i	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 20 40 30 30 40 30 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3.	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 58 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 45 3. 4.3. 4.3. 101 46 3. 4.3. 4.3. 102 5 3. 302 6 4. 303 7 3. 304 8 3. 305 8 3. 306 8 3. 307 8 4. 308 8 4. 309 9 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 40 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s									•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																			. ,	يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثار	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559									•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•		•				 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) ديرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₆₂ 249 ₆₃ 250 ₆₄ 254 ₆₅ 255 ₆₆	 										 						 						 قوت 	بين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِی رو پِت اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ر ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						قوت خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق وطیسی اور مقاور مق	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطير 		اله ماب طيس	ور ام مقتا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا. ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو یت اور پندی نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉ 268 ₂₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد تو رقی ا اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یت اور ین اطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

283 ₀₄	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.05	9.1 فیراڈے کا قانون
290%	9.2 انتقالی برقی رو
29607	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
298 ₀₈	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303.09	9.5 تاخیری دباو
311110	10 مستوى امواج
31 hu	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
32013	10.2.1 خالى خلاء ميں امواج
32314	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج
325 ₁₅	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32916	10.3 پوئنٹنگ سمتیہ
33417	10.4 موصل میں امواج
34018	10.5 انعکاس مستوی موج
347/19	10.6 شرح ساكن موج
352 ₂₀	10.7 دو سرحدی انعکاس
357/21	10.7.1 فيبرى-پيروڭ طيف پيما
359 ₂₂	کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1 eq \eta_3$ 10.7.2
36023	10.7.3 متعدد سرحدی مسئلہ
361124	10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
36825	10.9 ييضوی يا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتيہ

viii

379,26	ترسیلی تا	11
نرسیلی تار کے مساوات	11.1	
نرسیلی تار کے مستقل	11.2	
11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل		
11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل		
11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار		
نرسیلی تار کے چند مثال	11.3	
نرسيمي تجزيه، سمته نقشہ	11.4	
11.4.1 سمته فراوانی نقشہ		
نجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5	
نجزيه عارضي حال	11.6	
	_	
د، انعكاس، انحراف اور انكسار 42937	0	12
نرچهی آمد		
فطبی موج کی ترچهی آمد		
نرسيم بائي گن	12.3	
كهمكيا علم 449ءا	مويج اور	13
ا 449همکیا ا 449همکیا ا 449همکیا تار اور مویج کا موازنہ	•	13
	13.1	13
برقمی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1 13.2 13.3	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1 13.2 13.3	13
44942 44942 44942 44942 44942 45043 45043 45043 45043 450444 45044 45044 45044 <	13.1 13.2 13.3	13
44942 44942 44942 44942 45043 45043 45043 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 465444 46544 46544 46544 <	13.1 13.2 13.3 13.4	13
44942 44942 44942 44942 45043 45043 45043 45043 450444 45044 45044 45044 <	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
44942 44942 44942 44942 45043 45043 45043 450444 45044 45044 45044 <	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
44942 44942 44942 44942 45043 45043 45043 45043 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 45044 46545 <t< th=""><th>13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7</th><th>13</th></t<>	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7	13
449ac عویج کا موازنہ 450as عویج میں عرضی برقی موج 24 لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج 456a 456as عویج کے میدان پر تفصیلی غور 465as عدمتطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 472as TMmn مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج کھوکھلی نالی مویج نقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 483as نقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف 484ao مطحی موج	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8	13
44942 4942 4942 4942 4942 45043 45043 45043 6942	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9	13
449a2 عور، ترسیلی تار اور مویج کا موازند 450a3 عور کلی مستولی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج 246b44 کھوکھلا مستطیل مویج 456a45 عیدان پر تفصیلی غور 465a56 عیدان پر تفصیلی غور 472a6 TMmn عود کھیلی نالی مویج عیدان پر تفصیلی غور 476a7 عود کھیلی نالی مویج نقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف عدد سے بلند تعدد پر تضعیف 484a9 عور ہی تختی مویج غور برق تختی مویج عور برق تختی مویج شیش ریشہ عوری	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10	13

عى اخراج	اور شعاء	اينثلينا ا	14
517/157	تعارف	14.1	
ى دباو	تاخير	14.2	
519.9	تكمل	14.3	
سر جفت قطبی اینٹینا	مختص	14.4	
ىىر جفت قطب كا اخراجى مزاحمت	مخته	14.5	
ى زاويى	ڻھوس	14.6	
جى رقبہ، سمتيت اور افزائش	اخرا-	14.7	
ى ترتيب	قطارة	14.8	
	.8.1		
. 540 ضرب نقش	.8.2		
. 14. ثنائی قطار	.8.3		
. 14 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار	.8.4		
. 14. یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار	.8.5		
. 14 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار	.8.6		
. 14 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	.8.7		
ل پيما	تداخُ	14.9	
ليل سطحي اينٹينا	1 مستد	4.10	
جی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں	1 اخرا-	4.11	
ر اینٹینا	1 خطی	4.12	
ر موج اینتلینا	1 چلتى	4.13	
نا گهيرا اينٹينا	1 چھوٹا	4.14	
ار اینٹینا	1 پيچ د	4.15	
رفه کردار	1 دو ط	4.16	
ى ايتلينا	1 جهرة	4.17	
يطينا	1 پیپا ای	4.18	
ريڭار مساوات	1 فرائس	4.19	
ئی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی	1 ريڈياٺ	4.20	
ت نظام اور حرارت بعید	1 حرارد	4.21	

عنوان

باب 14

اينطينا اور شعاعي اخراج

14.1 تعارف

14.2 تاخيرى دباو

N کسی بھی اخراج شعاع کے نظام میں موج کے ترسیل کے لئے در کار دورانیہ اہمیت رکھتا ہے۔ یول شکل 14.3 میں دکھائے تارمیں برقی روسے پیدامیدان کااثر نقط N کسی بھی اخراج شعاع کی رفتار ہے۔ یول N وقفے موج کو تار سے نقطے تک پہنچنے کا دورانیہ N ہے جہاں N سے نقطہ نظر سے تارمیں برقی رو کے نقطہ نظر سے تارمیں برقی رو

$$(14.1) I = I_0 \cos \omega t$$

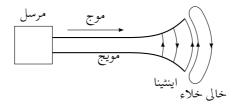
کی بجائے

$$[I] = I_0 \cos \omega \left(t - \frac{r}{c} \right)$$

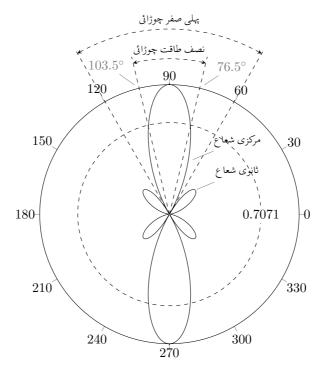
 $(t_{\text{\tiny MSM}}, t_{\text{\tiny MSM}}, t_{\text{\tiny MSM}})$ کاسی جاستی ہے جہاں [1] تاخیر می برقی رو اکہلاتی ہے۔ تاخیر می تفاعل کو چکور قوسین میں بند لکھا جاتا ہے۔ تاخیر می برقی رو لکھتے ہوئے وقت t کی جگہ تاخیر می وقت t میں بند لکھا جاتا ہے۔ t استعمال کیا جاتا ہے۔

مساوات 14.2 کہتا ہے کہ نقطہ N پر پیدااثر، گزرے کھے $(t-rac{r}{c})$ پر تاریب برقی روکااثر ہے جہاں تارسے N تک فاصلہ r ہے۔ تاریب N تک شعاع پہنچنے کادورانیہ $\frac{r}{c}$ ہے۔

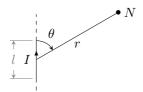
retarded current¹



شکل 14.1: اینٹینا وہ عبوری خطہ ہے جہاں منضبط موج ترسیلی نظام سے نکل کر خلاء میں بطور آزاد موج خارج ہوتی ہے۔



شکل 14.2: اینٹینا کے شعاع کا نقش



شکل 14.3: برقی رو گزارتی تار کی چهوٹی لمبائی

14.3. تكمل

گزشتہ بابول میں امواج کی بات کرتے ہوئے $(\omega t - eta x)$ استعال کیا گیا جس میں $\omega = c$ استعال سے

$$\cos(\omega t - \beta x) = \cos \omega \left(t - \frac{x}{c} \right)$$

کھھاجا سکتا ہے جو تاخیر ی تفاعل کو ظاہر کرتی ہے۔

مساوات 14.2 کی د وری سمتیه شکل

$$[I] = I_0 e^{j\omega(t-r/c)} = I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہے۔اس طرح کثافت برقی رو کی تاخیر ی دوری سمتیہ شکل

$$[\boldsymbol{J}] = \boldsymbol{J}_0 e^{j\omega(t-r/c)} = \boldsymbol{J}_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہو گی جے استعال کرتے ہوئے تاخیر ی مقناطیسی د باو

$$[\mathbf{A}] = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{[\mathbf{J}]}{r} dh = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{\mathbf{J}_0 e^{j\omega(t - r/c)}}{r} dh$$

لکھاجائے گا۔اس طرح تاخیری محجمی کثافت چارج

$$[\rho_h] = \rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}$$

لکھتے ہوئے تاخیری برقی دیاو

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon} \int_{h} \frac{[\rho_h]}{r} \, \mathrm{d}h$$

ککھاجائے گا۔ باب-9 کے آخر میں مساوات 9.76 اور مساوات 9.75 کے بائیں ہاتھ کے نفاعل کو چکور قوسین میں لکھ کر موج کی رفتاری لیتے ہوئے اور فاصلے کو پکیروی محد د کے رداس سے ظاہر کرنے سے بہی مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

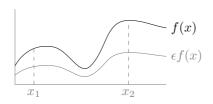
ہم یہاں اصل موضوع سے ہٹ کرایک تکمل پر غور کرتے ہیں جواس باب میں بار باراستعال کیاجائے گا۔

14.3 تكمل

f(x) نظاعل f(x) کھایا گیاہے جس کا f(x) تکمل خط کے پنچے دوعمودی نقطہ دار لکیروں کے مابین رقبے کے برابر ہے۔ اس رقبے کو f(x) کہتے ہوئے f(x) نظاعل f(x) نظام f(x)

کھاجا سکتا ہے۔ شکل میں ہلکی سیاہی میں $\frac{f(x)}{2}$ بھی دکھایا گیا ہے جسے $\epsilon f(x)$ کھا گیا ہے جہال $\epsilon f(x)$ کھا گیا ہے جہال کی قیمت آدھی ہے اندا ہلکی سیاہی کے خطے نیچے رقبہ $\frac{K}{2}$ ہو گالہذا

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon f(x) \, \mathrm{d}x = \frac{K}{2} = \epsilon K$$



شكل 14.4: تفاعل كا تكمل

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \le \epsilon K$$

جہاں ہر جگہ $\epsilon(x)=1$ کو بھی مد نظر رکھا گیاہے۔ اگر و $\epsilon o 0$ ہوتب تکمل قابل نظر انداز

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \to 0 \qquad (\epsilon \to 0)$$

٦٤٥٤ عوگاب

 $\frac{f(x)}{1+\epsilon}$ آئیں اب

$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} \, \mathrm{d}x$$

4858

پرغور کریں جہاں $\epsilon o 0$ کے برابرہے۔ہم

$$\frac{1}{1+\epsilon} = (1+\epsilon)^{-1} = 1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots$$

لكھ سكتے ہیں للذا تكمل

$$\int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) \, \mathrm{d}x$$

صورت اختیار کرلے گا۔ مساوات 14.12 کو استعال کرتے ہوئے $\epsilon o 0$ کی صورت میں اسے

(14.16)
$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} dx = \int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) dx \approx \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx$$

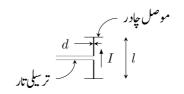
4857 کھاجا سکتا ہے جوK کے برابر ہے۔

14.4 مختصر جفت قطبي اينٹينا

مختصر لمبائی کے سیدھے موصل تار کو عموماً مختصر جفت قطب² کہاجاتا ہے۔مندر جہ ذیل گفتگو میں مختصر جفت قطب کی لمبائی محدود ہو گی۔لا محدود حد تک کم لمبائی کی صورت میں اسے صغاری جفت قطب ³ کہاجائے گا۔ 14.4 مختصر جفت قطبي اينتينا



ب: جفت قطب بطور چهوٹی تار



الف: متوازن ترسیلی تار سے جفت قطب کو طاقت مہیا کی گئی ہے۔

شكل 14.5: جفت قطب

خطی نوعیت کے کسی بھی اینٹینا کو متعد د تعداد کے سلسلہ وار جڑے مختصر جفت قطبوں کا مجموعہ تصور کیا جاسکتا ہے للمذا مختصر جفت قطب کی خاصیت جانتے ہوئے زیادہ لمبے جفت قطب یامختلف انداز میں جڑے موصل تاروں کی خاصیت جاننے میں مدد ملے گی۔

آئیں شکل 14.5-الف میں دکھائے مختصر جفت قطب پر خور کریں جس کی لمبائی I طول موج سے بہت کم $K \gg I$ ہے۔ جفت قطب کے سروں پر موصل چادر بطور کہیسٹر ہوجھ کر داراداکرتے ہیں۔ جفت قطب کی مختصر لمبائی ہوتھ اللہ ہوتی ہوئے کہ تربیلی ہوتی ہوئے میں دھیا گیا ہے ، جفت قطب کو متوازن تربیلی تارسے شعا گیا خراج میں دھیا گیا ہے ، جفت قطب کو متوازن تربیلی تارسے شعا گیا خراج ہوئے کہ تربیلی تارسے شعا گیا خراج نہیں ہوتی ، اس کے موجود گی کو نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب نہیں ہوتی ، اس کے موجود گی کو نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی گیا تار کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی گیا تار کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی گیا تار کیا جائے گا۔ جفت قطب کے مرول پر نسب موصل چادر وں کے شعا گی اخراج کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی گا کی موٹائی گو مد نظر رکھتے ہوئے تحلیلی تجزیے کی خاطر جفت قطب کو شکل 14.5 ب کی طرح تصور کیا جا سکتا ہوئے تو ایس برقی روا گزارتا ، المبائی کا تار معلوم ہوگا جس کے دونوں سروں پر برابر مگر الٹ قطب کے چارج ہوں۔ کہیسٹر پر چارج ہاور برقی روا کا تعلق

$$I = \frac{\partial q}{\partial t}$$

--

آئیں لا محدود وسعت کی خالی خلاء میں جفت قطب کے میدان حاصل کریں۔ جفت قطب کے وسط کو کروی محد د کے مرکز اور لمبائی کوج محد دپر رکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ کسی بھی نقط N پر عموماً آپس میں عمود کی تین میدان Ερ، Ες اور Φ کا پائے جائیں گے۔

کسی بھی نقطہ N پر مساوات 9.71 واور مساوات 9.73 بالترتیب مقناطیسی میدان اور برقی میدان دیتے ہیں

$$H = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times A$$

(14.19)
$$E = -\nabla V - \frac{\partial A}{\partial t}$$

چېال

نقطه Nپر مقداری بر قی د باو V

نقطه Nپر سمتی د باو A

ہیں۔اگر جمیں کسی بھی نقطے پر مقداری دباو V اور سمتی دباو A معلوم ہوں تب مندرجہ بالا دومساوات سے اس نقطے پر برقی اور مقناطیسی میدان حاصل کئے جاسکتے ہیں۔چو نکہ جمیں جفت قطب سے دور میدان در کار ہیں للذاالیی صورت میں مساوات 14.6 اور مساوات 14.8 میں دیے تاخیری دباو قابل استعمال ہوں گے۔ یوں ان مساوات کو

(14.20)
$$\boldsymbol{H} = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times [\boldsymbol{A}]$$

(14.21)
$$E = -\nabla[V] - \frac{\partial[A]}{\partial t} = -\nabla[V] - j\omega[A]$$

باب 14. اينٹينا اور شعاعي اخراج

کھھا جا سکتا ہے جہاں مساوات 59.6اور مساوات 60.69سے تاخیر ی د باو

$$[A] = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_h \frac{J_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \,\mathrm{d}h$$

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_h \frac{\rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \,\mathrm{d}h$$

کسی بھی برتی چارجی اور برتی روسے پیدامیدان مساوات 14.20 اور مساوات 14.21 سے حاصل کئے جاسکتے ہیں۔ مساوات 14.23 کے تحت تاخیر کی مقدار کی دباو [V] صرف ساکن چارجوں پر منحصر ہے جبکہ مساوات 14.22 تحت تاخیر کی سمتی دباو [A] صرف برتی رویتی حرکت کرتے چارجوں پر منحصر ہے۔ مساوات 14.20 کے تحت مقناطیسی میدان H صرف برتی رویتی حرکت کرتے چارجوں پر منحصر ہے جبکہ مساوات 14.21 کے تحت برتی میدان E ساکن چارج اور برتی رودواد لال میں میدان اسلامی و پر ہوتا ہے۔ چھ نکہ پر منحصر ہے۔ ہم جلد مساوات 14.46 میں دیوس کے کہ کسی بھی چارج اور برتی روسے دور پیدا مقناطیسی اور برتی میدانوں کا دارو مدار صرف برتی روپر ہوتا ہے۔ چھ نکہ اس باب میں تاخیر کی دباو بی استعال کئے جائیں گے لہذا انہیں چکور توسین میں لکھنے سے گریز کیا جائے گا۔ اس باب میں یہاں سے آگے بغیر چکور توسین کے شباو کو تاخیر کی دباو بی سمجھاجائے۔

شکل سے ظاہر ہے کہ سمتی دباو کا صرف $a_{
m Z}$ جزو

(14.24)
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0}{4\pi} \int_{-l/2}^{l/2} \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}}{s} \, \mathrm{d}z$$

پایاجاتا ہے۔ اگر جفت قطب کی لمبائی I، نقطہ N ہے جفت قطب تک فاصلہ I ہے نہایت کم I اور طول موج I ہے بھی نہایت کم I ہوتب مندر جہ بالا مساوات میں متغیر فاصلہ I کی گبر کیا جاسکتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ I پر مختلف نقطوں ہے I پر پیداد باو میں زاویائی فرق کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ اس طرح ان تمام کو تکمل کے باہر لے جایاجا سکتا ہے۔ یوں مندر جہ بالا مساوات ہے

(14.25)
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہوتاہے۔اس مساوات کو کروی محد دمیں یوں

$$\mathbf{A} = A_r \mathbf{a}_{\mathbf{r}} + A_{\theta} \mathbf{a}_{\theta} + A_{\phi} \mathbf{a}_{\phi}$$

لكھاجائے گاجہاں

$$A_{r} = \boldsymbol{a}_{\Gamma} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\Gamma} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \cos \theta$$

$$A_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = -\frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta$$

$$A_{\phi} = \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = 0$$

ہوں گے جہاں اکائی سمتیات کے مقداری ضرب صفحہ 32 پر جدول 1.2 سے حاصل کئے گئے۔اس طرح

(14.27)
$$A = \frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \left(\cos \theta a_r - \sin \theta a_\theta\right)$$

لكىها جائے گا۔

523

$$V = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

ہو گاجہاں مساوات 14.17کے تحت

$$q = \int I \, \mathrm{d}t = \frac{I}{j\omega}$$

کے برابرہے جہاں

$$I = I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$
$$q = q_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$

یں۔ مساوات 14.29 سے $\frac{I_0}{j\omega}=g_0$ حاصل کرتے ہوئے مساوات 14.28 میں پر کرتے ہیں۔

$$V = \frac{I_0}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[\frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

شکل کو دیکھ کر

$$s_1 = r - \frac{l}{2}\cos\theta$$
$$s_2 = r + \frac{l}{2}\cos\theta$$

لکھے جاسکتے ہیں جنہیں مساوات 14.30 میں پر کرتے

$$(14.31) V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[\frac{(r + \frac{1}{2}\cos\theta)e^{j\frac{\beta l}{2}\cos\theta} - (r - \frac{1}{2}\cos\theta)e^{-j\frac{\beta l}{2}\cos\theta}}{r^2 - \frac{l^2}{4}\cos^2\theta} \right]$$

ماتا ہے۔ چکور قوسین میں شرح کے نچلے جھے میں $l\gg l$ وجہ سے $au \cos^2 heta \cos^2 heta$ نظرانداز کرتے ہیں۔مسئلہ ڈی موپ ور $l\gg l$ استعال سے

(14.32)
$$V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j \omega r^2} \left[\left(r + \frac{1}{2} \cos \theta \right) \left(\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} + j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) - \left(r - \frac{l}{2} \cos \theta \right) \left(\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} - j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) \right]$$

لكھاجائے گا۔ چونكە $\lambda\gg 1$ لمذا

$$\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} = \cos \frac{\pi l \cos \theta}{\lambda} \approx l$$
$$\sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \approx \frac{\beta l \cos \theta}{2}$$

ہوں گے، جنہیں مساوات 14.32 میں پر کرنے سے

$$V = \frac{I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)} \cos \theta}{4\pi \epsilon_0 c} \left(\frac{1}{r} + \frac{c}{j\omega r^2}\right)$$

حاصل ہو تاہے جہاں

 A_1 برقی روکا حیط لیتی اس کی زیادہ قیمت نیادہ قیمت کی اللہ بھی تعدد کے اللہ ہے تعدد کے اللہ بھی تعدد کے اللہ ہے تعدد کے تع

N جفت قطب کے وسط سے نقطہ N تک فاصلہ، γ

4888 — <u>U.</u>

مختصر جفت قطب کے وسط سے ، $\lambda \gg l$ اور r کی صورت میں ، r فاصلے اور θ زاویے پر مساوات 14.27 سمتی د باواور مساوات 14.33 مقداری د باود سے η

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial r} a_{\Gamma} + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} a_{\theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} a_{\phi}$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} + \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} + \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} + \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} + \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} + \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi \epsilon_{0} c} a_{\Gamma} + \frac{I$$

کھے جاسکتے ہیں جن میں مطلوبہ تفاعل پر کرنے سے برقی میدان کے عمومی مساوات

$$E_r = rac{I_0 l \cos heta e^{j(\omega t - eta r)}}{2\pi \epsilon_0} \left(rac{1}{cr^2} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 (14.35)
$$E_{ heta} = rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi \epsilon_0} \left(rac{j\omega}{c^2 r} + rac{1}{j\omega r^3} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 خوتی میدان $E_{\phi} = 0$

حاصل ہوتے ہیں۔

مقناطیسی میدان مساوات 14.20 سے حاصل ہو گی۔ کروی محدد میں سمتی دباو کی گردش

(14.36)
$$B = \nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[\frac{\partial (A_{\theta} \sin \theta)}{\partial \theta} - \frac{\partial A_{\theta}}{\partial \phi} \right] a_{r} + \frac{1}{r} \left[\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_{r}}{\partial \phi} - \frac{\partial (rA_{\phi})}{\partial r} \right] a_{\theta}$$

$$+ \frac{1}{r} \left[\frac{\partial (rA_{\theta})}{\partial r} - \frac{\partial A_{r}}{\partial \theta} \right] a_{\phi}$$

میں مساوات 14.26 پر کرنے سے مقناطیسی میدان کی عمو می مساوات

$$H_{\phi}=rac{I_0 l\sin heta e^{j(\omega t-eta r)}}{4\pi}\left(rac{j\omega}{cr}+rac{1}{r^2}
ight)$$
 عوی میدان $H_r=0$ $H_{ heta}=0$

 $_{\circ\circ}$ حاصل ہوتے ہیں جہاں $m{B}=\mu_0m{H}$ کا استعال کیا گیا۔

مساوات 14.35 اور مساوات 14.37 کے تحت جفت قطب سے پیدامیدان کے صرف تین اجزاء ہے اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں۔ جفت قطب سے زیادہ فاصلے پر میدان کی مساوات میں ایسے اجزاء جن میں $\frac{1}{r^2}$ پایاجاتا ہو کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ یوں E_r قابل نظر انداز ہو گالمذاہ E_r تصور کیا جائے گا جبکہ

$$E_{\theta} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \frac{j\omega}{c^2 r} = j \frac{30 I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{j\omega}{cr} = j \frac{I_0 \beta l}{4\pi r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہوں گے۔مساوات 14.38 استعمال کرتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح

$$\frac{E_{\theta}}{H_{\phi}} = \frac{1}{\epsilon_0 c} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 376.7 \,\Omega$$

حاصل ہوتی ہے جو خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ _{Z0} ہے۔

یہاں اس حقیقت پر توجہ دیں کہ خالی خلاء میں TEM موج کی طرح، جفت قطب سے دور H_{θ} اور H_{θ} آپس میں ہم قدم ہیں۔اس کے علاوہ دونوں میدان θ جند θ کیاں اس حقیقت پر توجہ دیں کہ خالی خلاء میں θ میدان کی قیمت صفر جبکہ θ ان میدان کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔ θ میدان کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔

جفت قطب سے دور میدان حاصل کرتے وقت مساوات 14.35اور مساوات 14.37 میں $\frac{1}{r^2}$ یا $\frac{1}{r}$ رکھتے اجزاء کو نظر انداز کیا گیا یعنی E_0 میں

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \frac{1}{cr^2}$$

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \left| \frac{1}{j \omega r^3} \right|$$

یا

$$(14.40) r \gg \frac{c}{\omega}$$

526

تصور کیا گیا۔اسی طرح H_{ϕ} میں بھی

$$\left|j\frac{\omega}{cr}\right|\gg\frac{1}{r^2}$$

ļ

$$(14.41) r \gg \frac{c}{\omega}$$

تصور کیا گیا جسے

$$r\gg rac{1}{eta}$$
 (دور میدان) $r\gg rac{1}{eta}$

بھی لکھاجا سکتا ہے۔اگر جفت قطب کے قریب میدان کی بات کی جائے تو $r\ll rac{c}{\omega}$ سیاجائے گا۔یوں مساوات 14.35اور مساوات 14.37 میں

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{c^2 r} \right| \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{cr} \right| \ll \frac{1}{r^2}$$

ہوں گے للذاقریبی میدان

$$E_{r} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{2\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$E_{\theta} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{4\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{1}{r^{2}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r^{2}}$$

$$\tilde{\sigma}_{\sigma}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔ کل قریبی برقی میدان

(14.44)
$$E = E_r a_r + E_\theta a_\theta = \left[\frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 \omega r^3} a_r + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 \omega r^3} a_\theta \right] e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$$

ہو گا۔ مساوات 14.44 کے برقی میدان میں جزوضر بی $e^{i(\omega t-eta r-rac{\pi}{2})}$ پایاجاتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان میں جزوضر بی $e^{i(\omega t-eta r-rac{\pi}{2})}$ پایاجاتا ہے ۔ یول جفت قبطب کے قریب کسی بھی نقطے پر ہر لمحہ برقی میدان اور مقناطیسی میدان میں $\frac{\pi}{2}$ زاویے کافرق پایاجاتا ہے جو ساکن میدان کی نشانی ہے۔

جفت قطب کے قریب برقی اور متناطیسی میدان میں لمحاتی طور ∑ریڈ مین کا زاویہ پایاجاتا ہے جبکہ جفت قطب سے دور دونوں میدان لمحاتی طور پر ہم قدیم ہیں لہٰذاکسی در میانے فاصلے پران میدانوں میں °45کازاویہ ہوگا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جفت قطب سے فاصلہ بڑھانے سے برقی میدان وقت کی نسبت سے گھوہم کر مقناطیسی میدان کے ہم قدم ہوجاتا ہے۔

مخلوط پوئنٹنگ سمتیہ استعال کرتے ہوئے مساوات 14.38 سے دور میدان میں کثافت توانائی

$$\mathscr{P}_{\ell^*,\ell}=rac{1}{2}\left[m{E} imesm{H}^*
ight]$$
وور کثافت طاقت $=rac{1}{2}E_{ heta}H_{\phi}^*m{a}_{m{\Gamma}}=rac{15I_0^2eta^2l^2}{4\pi r^2}\sin^2 hetam{a}_{m{\Gamma}}$ وور کثافت طاقت

حاصل ہوتی ہے جور داسی ۴ سبت میں منتقل ہوتی حقیقی توانائی ہے۔ یہی اینٹینا کی شعاعی اخراج ہے۔ شعاعی اخراج 90° و βپر زیادہ سے زیادہ ہے۔ اسی طرح یوئنٹنگ سمتیہ استعال کرتے ہوئے مساوات 14.43سے قریبی میدان میں کثافت توانائی

$$\begin{split} \frac{1}{2} \left[\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}^* \right]_{\text{F}} &= \frac{1}{2} \left[\left(E_r \boldsymbol{a}_{\rm r} + E_{\theta} \boldsymbol{a}_{\theta} \right) \times H_{\phi}^* \boldsymbol{a}_{\phi} \right]_{\text{F}} \\ &= \frac{1}{2} \left[-\frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\theta} + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\rm r} \right] \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2} e^{-j\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہے جس کا بیشتر حصہ خیالی ہے اور ساتھ ہی ساتھ شعاعی اخراج کے علاوہ یہاں θسمت میں گھومتی طاقت بھی پائی جاتی ہے۔

آئیں اب نہایت کم تعدد پر صورت حال دیکھیں۔مساوات 14.35 میں $I_0=j\omega q_0$ پر کرتے ہوئےاور مساوات 14.37 کو جوں کا توں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$E_r = rac{q_0 l \cos heta e^{j(\omega t - eta r)}}{2\pi \epsilon_0} \left(rac{j\omega}{cr^2} + rac{1}{r^3}
ight)$$
 $E_ heta = rac{q_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi \epsilon_0} \left(-rac{\omega^2}{c^2 r} + rac{j\omega}{cr^2} + rac{1}{r^3}
ight)$
 $H_\phi = rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi} \left(rac{j\omega}{cr} + rac{1}{r^2}
ight)$
 $= \frac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi} \left(rac{j\omega}{cr} + rac{1}{r^2}
ight)$
 $= \frac{I_0 l \cos heta}{2\pi \epsilon_0 r^3}$
 $= E_ heta = rac{q_0 l \cos heta}{4\pi \epsilon_0 r^3}$
 $= E_ heta = rac{I_0 l \sin heta}{4\pi \epsilon_0 r^3}$
 $= H_\phi = rac{I_0 l \sin heta}{4\pi r^2}$

حاصل ہوتی ہیں جن سے برقی میدان

(14.45)
$$E = \frac{q_0 l}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left(2\cos\theta a_{\rm r} + \sin\theta a_{\theta}\right)$$

مختصر جفت قطب، $l \ll \lambda$ اور $l \ll \lambda$ تمام میدان کوجد ول ۱4.1 میں پیش کیا گیا ہے۔ بقایاا جزاءہ $E_{\phi} = H_r = H_{ heta} = 0$ صفر کے برابر ہیں ہیں

مساوات 14.35 میں دیے $E_{ heta}$ میں $\frac{1}{r^2}$ اور $\frac{1}{r^2}$ رکھنے والے اجزاء برقی دباو V کے پیدا کر دہ ہیں جو دور میدان میں قابل نظر انداز ہوتے ہیں۔ا گر ہماری دلائی ہوت مساوات 14.26 اور مساوات 14.26 سے صرف دور میدان میں ہوتب مطلوبہ میدان کو نہایت آسانی کے ساتھ صرف کہ سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یوں مساوات 14.21 اور مساوات 14.26 سے

(14.46)
$$E_{\theta} = -j\omega A_{\theta} = -j\omega \left(-\frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta \right) = j\frac{30 I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

عدول 14.1: مختصر جفت قطب كر ميدان	ميدان	قطب کر	صر جفت	14.1: مخته	جدول .
-----------------------------------	-------	--------	--------	------------	--------

نيم ساكن ميدان	دور میدان	عمومي مساوات	جزو
$\frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi \epsilon_0 r^3}$	0	$\frac{I_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	E_r
$\frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi \epsilon_0 r^3}$	$\frac{j60\pi I_0 \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{r} \frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{j\omega}{c^2 r} + \frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	E_{θ}
$\frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2}$	$\frac{jI_0\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2r} \frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right)$	H_{ϕ}

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان H_{ϕ} کو مساوات 14.20 سے حاصل کیا جاسکتا ہے جہاں $\frac{1}{r^2}$ اجزاءر دکئے جائیں گے۔مقناطیسی میدان کو نسبتاً زیادہ آسانی سے ،لا محدود خلاء کی قدرتی رکاوٹ $Z_0=\sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$ استعمال کرتے ہوئے

$$H_{\phi} = \frac{E_{\theta}}{Z_0} = j \frac{30I_0\beta l}{120\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)} = j \frac{I_0\beta l}{4\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

سے بھی حاصل کیا جاسکتا ہے۔ چونکہ دور میدان کادار ومدار جفت قطب کے چارج وارج کر نہیں للذاان چارج کا جاننا غیر ضروری ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو پہتدر و مخضر جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ یوں کسی بھی اینٹینا کے میدان تمام جفت قطب کے میدان کو جمع کرتے ہوئے حاصل کیا جاسکتا ہے۔

ماوات 14.38 میں $\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$ کرتے ہوئے دور برتی میدان کو $E_{\theta} = j$ 60π I_0 $\frac{l}{\lambda}$ $\frac{1}{r}$ $\sin\theta$ $e^{j(\omega t - \beta r)}$

زاومیی شکل فاصله ریبائی رو مقدار

کھاجا سکتا ہے جہاں 60π مساوات کا مستقل ہے، I_0 برقی رو، $\frac{1}{\lambda}$ جفت قطب کی لمبائی جسے طول موج میں ناپا گیا ہے، $\frac{1}{\epsilon}$ فاصلے کو ظاہر کرتا ہے، θ میدان کا اللہ قادر $i(\omega t - \beta r)$ اور $i(\omega t - \beta r)$ نافر قرق ہے۔ کسی بھی اینٹینا کے میدان کو عموماً ان چھا جزاء کے حاصل ضرب کی صورت میں لکھا جاسکتا ہے۔ θ

جدول 14.1 مختصر جفت قطب کے میدان دیتا ہے۔

14.5 مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت

ا بنٹینا کے گردکسی بھی ہند سطح پر مخلوط یوئنٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P}_{b \sim l} = \frac{1}{2} \left[\boldsymbol{E}_{s} \times \boldsymbol{H}_{s}^{*} \right]$$
 وريا

کی سطحی تکمل

(14.50)
$$P = \int_{S} \mathscr{P}_{b \to s} \cdot ds \qquad (W)$$

کل شعاعی اخراج P دے گی۔ فی سینٹہ خارج ہونے والی توانائی شعاعی اخراج کہلاتی ہے للذااس کی اکائی واٹ W ہے۔ سادہ ترین بند سطح کرہ ہے۔ یوں اینٹینا کو کہروی محد د کے مرکز پر رکھتے ہوئے تکمل حاصل کیا جائے گا۔ چو نکہ دور کے میدان نسبتاً سادہ صورت رکھتے ہیں للذابند سطح کار داس جتنازیادہ رکھا جائے تکمل اتنا آ پسان ہوگا۔ یوں رداس زیادہ سے زیادہ رکھتے ہوئے دور میدان استعمال کرتے ہوئے جفت قطب کا شعاعی اخراج کا صاصل کیا جاتا ہے۔ کامل اینٹینا کی صورت میں شعاعی اخراج اس برقی طاقت کے برابر ہو گاجو اینٹینا کے برقی سروں پر مہیا کی گئی ہو۔ اینٹینا کو مزاحمت R تصور کرتے ہوئے اس برقی طاقت کو $P=rac{1}{2}I_0^2R$ کی صاحب سکتا ہے جہاں I_0 سائن نما برقی روکا حیطہ ہے۔ یوں

$$(14.51) R = \frac{2P}{I_0^2} (\Omega)$$

4915

کھاجاسکتا ہے جہاں R اینٹینا کی اخراجی مزاحت ⁹ کہلاتی ہے۔

آئیں مخضر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔ دور میدان میں صرف E_{θ} اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں للذا شعاعی اخراج

$$P = \frac{1}{2} \int_{S} \left[E_{\theta} H_{\phi}^{*} \right] ds$$

ے حاصل ہو گی جہاں H_{ϕ}^* مقناطیسی میدان H_{ϕ} کا جوڑی دار مخلوط ہے۔اب $E_{ heta}=E_{ heta}=H_{\phi}$ المذا

یا

$$(14.54) P = \frac{1}{2Z_0} \int_S \left| E_{\phi} \right|^2 \mathrm{d}s$$

 Z_{016} کھاجا سکتا ہے جہاں خالی خلاء کی قدر تی رکاوٹ $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=1$ اور $Z_0=\sqrt{10}$ اور عام ط $Z_0=\sqrt{10}$ کھاجا سکتا ہے جہاں خالی خلاء کی قدر تی رکاوٹ

جفت قطب کے میدان حاصل کرتے وقت فرض کیا گیا کہ اس کی پوری لمبائی پر یک برابر بر تی رو 1₀ پائی جاتی ہے۔ساتھ ہی ساتھ لمبائی 1 کے مختلف نقطوں کے میدان کازاویائی فرق نظرانداز کیا گیا۔ جفت قطب کی پوری لمبائی پر برابر برقی رونہ ہونے کی صورت میں مساوات 14.24سے مساوات 14.25 حاصل ہونے کی بجائے

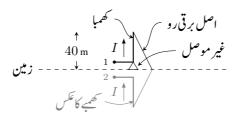
$$A = \frac{\mathbf{a}_{z}\mu_{0}e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \int_{-l/2}^{l/2} i \,dz$$
$$= \frac{\mathbf{a}_{z}\mu_{0}lIe^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہو گاجہاں I اوسط بر تی روہے۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے مساوات 14.38 سے مقناطیسی میدان کا حیطہ

$$(14.55) H_{\phi} = \frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta$$

کھتے ہوئے 1₀ کی جگہ اوسط برقی رو ا ککھی گئی ہے۔ مقناطیسی میدان کے اس حیطے کو مساوات 14.53 میں پر کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ اخراجی طاقت

$$P = \frac{120\pi}{2} \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \left(\frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta \right)^2 r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= \frac{120\pi}{2} \left(\frac{\beta I l}{4\pi} \right)^2 \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^3 \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= 80\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda} \right)^2$$



شكل 14.6: كهمبا اينٹينا

حاصل ہوتی ہے۔مساوات 14.53 یامساوات 14.54 بر قی رو کی چوٹی I کی صورت میں اخراجی طاقت دیتے ہیں جو سائن نمابر قی رو کی صورت میں اوسطاخراجی طاقت کے دگناہوتی ہے۔یوں اوسطاخراجی طاقت

$$P_{\text{best}} = 40\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

ہو گی۔مساوات 14.51سے مخضر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

(14.57)
$$R = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2 \left(\frac{I}{I_0}\right)^2 \tag{\Omega}$$

عاصل ہوتی ہے۔

كسي بهجى اينشيناكى اخراجي مزاحمت

(14.58)
$$R = \frac{Z_0}{I_0^2} \int_S |H|^2 ds = \frac{1}{Z_0 I_0^2} \int_S |E|^2 ds$$

 $Z_0=120\pi$ بائتی ہے جہال $Z_0=120\pi$ برابر ہے۔

مثال 14.1: چالیس میٹر لمبے تھمبے اینٹینا کوموصل سطح پر کھڑا کئے 300 kHz کے تعد دیراستعال کیاجاتا ہے۔اسے برقی اشارہ نچلے سرے پر فراہم کیاجاتا ہے۔الیٹٹینا کیا خراجی مزاحمت حاصل کریں۔اس تھمبے کو شکل 14.6 میں دکھایا گیا ہے۔تھمبے کو غیر موصل بنیاد پر کھڑا کیا گیا ہے۔

حل: موصل زمین میں کھمبالینٹینا کا عکس بنتا ہے۔ در کار تعدد پر $\frac{3 \times 10^8}{300000} = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{300000} = 1000$ سے بہت زیادہ ہے ہوگیاں و اینٹینا اور اس کا عکس بطور مختصر جفت قطب کر دار ادا کرتے ہیں۔ چو نکہ تھمبے کے سرپر موصل چادر نسب نہیں کیا گیا ہے للذا اس کے پورے لمبائی پر برابر برقی روسنے اور کر ناغلط ہوگا۔ حقیقت میں، جیسے شکل میں وضاحت کی گئی ہے، تھمبے کے کھلے سرپر برقی روصفر ہوگی جبکہ نچلے سرپر اس کی قیمت زیادہ ہوگا۔ جیسے اور کی جبال برقی روکی نیادہ ہے نیادہ قیمت I_0 ہے۔ میں دکھایا گیا ہے، برقی روبالقابل لمبائی اکا خط شکونی ہے۔ یوں اوسطاً برقی رو $\frac{I_0}{2} = \frac{I_0}{10}$ ہوگی جہال برقی روکی زیادہ سے زیادہ قیمت I_0 ہے۔

یوں 40 × 2 میٹر لمبے فرضی جفت قطب کی اخراجی مزاحت مساوات 14.57سے

$$80\pi^2 \left(\frac{2\times 40}{1000}\right)^2 \left(\frac{0.5I_0}{I_0}\right)^2 = 1.2633\,\Omega$$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ مزاحمت حقیقی تھمبے کے سر1اور عکسی تھمبے کے سر2 کے مابین ہے۔ یوںاصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت جوز مین اور 1 کے مابین ناپی جائے گی کی قبیت

(14.59)
$$R_{\zeta,\dot{\zeta},\dot{\gamma}} = \frac{0.63165}{2} = 0.63\,\Omega$$

14.6. ڻهوس زاويہ

مبو گی۔ م

حقیقی دھات کامل موصل نہیں ہوتے للذاکسی بھی دھات سے بنائے گئے جفت قطب میں توانائی کاضیاع ہو گا۔موصل کے علاوہ اینٹینا کے ساتھ منسلک ذو برق میں بھی طاقت کاضیاع ہو گا۔ان ضیاع کومزاحمت _{ضاع R}سے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ یوں اینٹینا کے برقی سروں پر کل مزاحمت

$$(14.60) R = R_{\zeta, |\zeta|} + R_{\zeta, |\zeta|}$$

 k^{10} ہو گی۔ مندرجہ بالامثال میں اگر $\Omega \Omega \Omega = \frac{1}{2} R$ ہوتاتب اینٹینا کی کار کزاری

$$k = \frac{l \dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}{R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}} + R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}} = \frac{R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}}{R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}} + R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}} \frac{0.63}{0.63 + 0.63} = 50 \%$$

پچاں فی صد ہوگی۔اگرطاقت کاضیاع بڑھائے بغیر زیادہ لمبائی کا جفت قطب استعال کیا جائے توکار کزاری اس سے بہتر کی جاسکتی ہے۔

اگر مخلوط پوئٹنگ سمتیہ کا حقیقی حصہ لئے بغیر کسی اینٹینا کو مکمل گیرے سطح پراس کا تکمل لیاجائے تو حقیقی طاقت کے ساتھ ساتھ خیالی طاقت بھی حاصل ہوگا۔ جیتی طاقت اخراجی طاقت کو ظاہر کرتاہے جبکہ خیالی طاقت متعامل جزوہے۔ سطح تکمل کی صورت اور مقام کا تکمل کے حقیقی جزوپر کوئی اثر نہیں البتہ خیالی طاقت کا دار ہو الدور مقام کا تکمل کے حقیقی جزوپر کوئی اثر نہیں البتہ خیالی طاقت کا دار ہو الدور مقام کا تکمل کے حقیقی جزوپر کوئی اثر نہیں البتہ خیالی طاقت کا دار ہو تا ہے جبکہ اینٹینا کے قریب اس جزوکی مقد اربڑھ جاتی ہے۔ نہایت پتی ساخت کے طلی اینٹینا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم آراد کا وٹ کے ہوئی ہوئیا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم آراد کا وٹ کا ہم دیتا ہے جہاں الاینٹینا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم آراد کا وٹ کے ایک سطح اینٹینا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم آراد کا دیتا ہے جہاں الاینٹینا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم آراد کو ساتھ کو خاہر کرتا ہے۔

14.6 ڻھوس زاويہ

ا <u>گلے جھے</u> میں کھو**س زاویہ** ¹¹ در کار ہو گالہذااسے پہلے سمجھتے ہیں۔

شکل 14.7-الف میں رداس س کے دائر بر قوس کی لمبائی [اور رداس س کی شرح

$$\theta = \frac{l}{r} \qquad (rad)$$

بالکل اسی طرح رداس ۲ کے کرہ کی سطح پر کسی بھی رقبہ Sاور کرہ کے رداس کے مربع ۲² کی شرح

$$\Omega = \frac{S}{r^2} \qquad (sr)$$

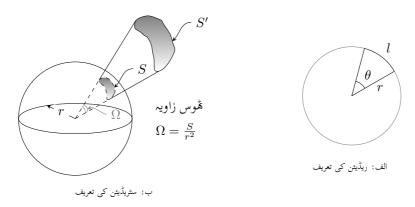
تھوس زاویہ Ωدیتی ہے جسے مربع ریڈیئن لیعنی سٹریڈیئن ا(sr) میں ناپاجاتا ہے۔اکائی رداس کے کرہ پراکائی رقبہ، کرہ کے مرکز پر،ایک سٹریڈیئن کا ٹھوس نہاویہ بنائے گی۔ یبی سٹریڈیئن کی تعریف ہے۔چو نکہ کرہ کی سطح 4πr کے برابر ہے للذا پوری کرہπ4سٹریڈیئن کا ٹھوس زاویہ دیتی ہے۔اگرچہ ٹھوس زاویہ ہے۔ بُعد مقدار ہے،ہم اس کے باوجو داس کو فرضی اکائی سٹریڈیئن میں ناپتے ہیں۔ یوں مختلف اعداد کی بات کرتے وقت یہ جاننا ممکن ہوتا ہے کہ ٹھوس زاویے کی بات کی جا رہی ہے۔

efficiency¹⁰

radian¹²

steradian¹³

باب 14. ايتئينا اور شعاعي اخراج



شكل 14.7: ريدين اور سٹريدين كى تعريف

شکل 14.7-ب میں عمومی رقبہ 'S کامحدد کے مرکز پر ٹھوس زاویہ حاصل کرنے کاطریقہ دکھایا گیا ہے۔مرکز سے دیکھتے ہوئے 'S کابیر ونی خاکہ نظر آئے گا۔اگر اس خاکے کے بیر ونی کناروں سے مرکز تک ربڑی چادر کھنٹج کر لگائی جائے توبہ چادر رداس ۲ کے کرہ کو کاٹے گا۔ کرہ کی سطچر یوں رقبہ S گھیرا جائے گا۔ ٹھوس زاویے

$$\Omega = \frac{S}{r^2}$$

کے برابر ہو گا۔اکا فی رداس کے کرہ کی صورت میں رقبہ S کی قیت تھوس زاویے کی قیمت کے برابر ہو گی۔

شکل 14.7-الف میں θ نظارے کے حدود کو ظاہر کرتاہے۔اسی طرح شکل 14.7ب میں Ω نظارے کے حدود تغین کرتاہے۔

شکل 14.7-الف میں دکھایا گیازاویہ سطحی نوعیت کا ہے جسے ریڈیئن میں ناپاجاتا ہے۔اس کے برعکس شکل 14.7-ب میں دکھایا گیازاویہ حجمی نوعیت کا ہے جسے سٹریڈیئن یاریڈیئن کے مربع میں ناپاجاتا ہے۔یادر ہے کہ ایک مربع ریڈیئن کوہی ایک سٹریڈیئن کہتے ہیں۔

$$1 \operatorname{sr} = 1 \operatorname{rad}^2$$

کروی محد دمیں ہر داس کے کرہ کی سطح پر رقبے کو

$$S = \int_{\theta} \int_{\phi} r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

لکھاجاسکتاہے۔ بیر قبہ کرہ کے مرکزیر

(14.67)
$$\Omega = \frac{S}{r^2} = \int_{\theta} \int_{\phi} \sin \theta \, d\theta \, d\phi \qquad (sr)$$

چھوس زاوبیہ بنائے گی۔

14.7 اخراجی رقبہ، سمتیت اور افزائش

مختصر جفت قطب کے دور میدان میں صرف $E_{ heta}$ اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں جنہیں مساوات 14.38 میں پیش کیا گیا ہے۔ کسی بھی اینٹینا کی طرح اس کے دور میدان $\frac{1}{r}$ کی شرح سے گھٹے ہیں لہٰذا یوئنٹنگ سمتیہ

(14.68)
$$\mathscr{P} = \frac{1}{2} \left[\mathbf{E}_s \times \mathbf{H}_s^* \right]_{\text{is}} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 a_{\text{r}} = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 a_{\text{r}}$$

 $P(heta,\phi)$ گر تر ت سے گھٹے گی۔ یوں پوئنٹنگ سمتیہ کے ردائی جزو کو r^2 سے ضرب دینے سے r^2 کی شرح سے گھٹے گی۔ یوں پوئنٹنگ سمتیہ کے ردائی جزو کو r^2

(14.69)
$$P(\theta,\phi) = r^2 \mathscr{P} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 r^2 = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 r^2 \qquad (W/sr)$$

اخرا بی شدت کو نقابل پذیر 15 بنانے کی خاطر $P(heta,\phi)$ کواس کی زیادہ سے زیادہ قیمت باند تر $P(heta,\phi)= P(heta,\phi)$ سے تقسیم کرتے ہوئے $P(heta,\phi)$

$$P_n(\theta,\phi) = \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)}$$
باند تر (14.70)

 $P_n(heta,\phi)$ جائجد $P_n(heta,\phi)$ جاصل ہوتی ہے جوابنٹینا کی تقابل پذیر نقش طاقت $P_n(heta,\phi)$ ہودیا

اینشینا کی کل اخراج

$$\int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P}r^2 \sin\theta \, \mathrm{d}\theta \, \mathrm{d}\phi$$

ہے۔اگر کثافت طاقت _{لئہ ت}ے جو ہوتبا تنیا خراج مکمل کرہ کی سطح کے بجائے کرہ کی سطح پر رقبہ S سے خارج ہو گی لینی

(14.72)
$$\mathscr{P}_{\eta, \eta, \eta} S = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P} r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

ہو گا۔اس میں مساوات 14.63 کی مددسے کرہ کی سطح پر رقبے کو ٹھوس زاویے کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} rac{\mathscr{P}r^2}{\mathscr{P}_{7,\omega}r^2} \sin heta \, \mathrm{d} heta \, \mathrm{d}\phi$$

لعني

(14.73)
$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} P_n(\theta, \phi) r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi = \iint_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (sr)$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کے تحت Ω_A کھوس زاویے پر یکسال زیادہ سے زیادہ طاقت خارج کرتے ہوئے اینٹینا پوری طاقت خارج کر سکتی ہے۔ Ω_A کو انھوا آئی اور یہ Ω_A کھوس زاویہ Ω_A کھوس زاویہ Ω_A کھوس زاویہ وہ کا کہتے ہیں۔

مرکزی شعاع ۱۹ پر تکمل

(14.74)
$$\Omega_{M} = \iint_{\gamma \in \mathcal{C}} P_{n}(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (\text{sr})$$

لیتے ہوئے مرکزی کھوس زاویہ 20 حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یوں ثانوی شعاع 21 کے کھوس زاویہ Ω_m کو اخراجی کھوس زاویہ 20 کے فرق $\Omega_m = \Omega_A - \Omega_M$

ے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ غیر سمق 22 اینٹیپنا ہر سمت میں برابراخراج کرتی ہے لہذاہر سمت میں اس کا $P_n(heta,\phi)=P_n(heta,\phi)$ ہوگا۔

radiation intensity¹⁴

normalized¹⁵

dimensionless¹⁶

normalized power pattern¹⁷

beam solid $angle^{18}$

 $main\ lobe^{19}$

major lobe solid angle²⁰

 $minor\ lobe^{21}$

isotropic²²

باب 14. اينٹينا اور شعاعي اخراج

لینٹینا کی دوسری اہم خاصیت اس کی <mark>سمتیت</mark> ²³ہے۔اخراجی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت اور اوسطاخراجی شدت کی شرح

 $P(heta,\phi)$ اس کی سمتیت کہلاتی ہے۔ کل اخراج W کو π 4 سٹریڈ مین سے تقسیم کرنے سے اوسطا خراجی شدت اوسط $P(heta,\phi)$ حاصل ہوتی ہے جبکہ اخراجی شدت $P(heta,\phi)$ کا π 4 سٹریڈ میئن پر تکمل لینے سے اینٹینا کی کل اخراجی حاصل ہوتی ہے۔ یوں کا π 4 سٹریڈ میئن پر تکمل لینے سے اینٹینا کی کل اخراجی حاصل ہوتی ہے۔ یوں

$$D = \frac{P(\theta,\phi)_{\vec{j},\vec{j},\vec{k}}}{W/4\pi} = \frac{4\pi P(\theta,\phi)_{\vec{j},\vec{k},\vec{k}}}{\iint\limits_{4\pi} P(\theta,\phi) \,d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)_{\vec{j},\vec{k},\vec{k}}} \,d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta,\phi) \,d\Omega}$$

ککھی جاسکتی ہے۔ مساوات 14.73 کے ساتھ موازنے کے بعداسے

(14.78)
$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A} \qquad \qquad 2\dot{P}$$

کھاجا سکتا ہے۔یوںاینٹینا کی سمتیت سے مراد، کرہ کا ٹھوس زاویہ 4π تقتیم اینٹینا کی اخراجی ٹھوس زاویہ Ωہے۔سمتیت اینٹینا کی ایک منفر د خاصیت ہے۔ مخصوص ٹھوس زاویے میں طاقت مرکوز کرنے کی صلاحیت کی ناپ سمتیت ہے۔سمتیت جتنی زیادہ ہوگی اینٹینااتنی کم ٹھوس زاویے میں طاقت کو مرکوز کرپائے گاہو،

مثال 14.2: غير سمتی اینشینا کی سمتیت حاصل کریں۔

 $\Omega_A=\Omega_n$ اور $\Omega_A=\Omega_n$ بوں گے۔ یوں $\Omega_A=\Omega_n$ اور $\Omega_A=\Omega_n$ اور اللہ کا بینٹینا ہر سمت میں کیساں اخراج کرتی ہے المذااس کا

$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A} = 1$$

حاصل ہو گا۔ کسی بھی اینٹینا کی بیر کم سے کم ممکنہ سمتیت ہے۔

مثال 14.3 مخضر جفت قطب كى سمتيت حاصل كريں۔

حل: مساوات 14.38 استعال كرتے ہوئے تقابل يذير نقش طاقت

(14.80)
$$P_n(\theta,\phi) = \frac{H_{\phi}^2(\theta,\phi)}{H_{\phi}^2(\theta,\phi)_{\tau,\psi}} = \sin^2 \theta$$

directivity²³

لکھی جاسکتی ہے۔مساوات 14.73سے

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^2 \theta \, d\theta \, d\phi = \frac{8\pi}{3}$$

اور یوں مساوات سے

$$D = \frac{4\pi}{\Omega} = \frac{3}{2}$$

حاصل ہو تاہے۔ یوں غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے مختصر جفت قطب کی زیادہ سے زیادہ اخراج ³ے گنازیادہ ہے۔

4963

سمتیت کادار و مدار صرف اور صرف دور میدان کی نقش پر ہے۔اس میں اینٹینا کی کار گزار ی شامل نہیں ہے۔اس کے برعکس اینٹینا کی کار گزار کی، اینٹینا کی افغرائش طاقت یا<mark>افغرائش</mark> ²⁴پر اثرانداز ہوتی ہے۔ اینٹینا کی افغرائش سے مراد

آزما کُثی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت
$$G = G =$$
افنر اکثن حوالہ اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت

ہے جہال دونوں دینٹینوں کی داخلی طاقت برابر ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو بطور حوالہ اینٹینالیاجاسکتا ہے۔اگر ہم بے ضیاع، غیر سمتی اینٹینا کو حوالہ تصور کریں تب

$$G_0 = \frac{P_m'}{P_0}$$

ہو گا جہاں

4965

آزمائشی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت، P'_m

بے ضیاع، غیر سمتی اینٹینا کی اخراجی شدت P_0

ہیں۔ یادر ہے کہ غیر سمتی اینٹیناہر سمت میں بکسال اخراج کرتی ہے المذااس کی زیادہ شدت اور اوسط اخراجی شدت برابر ہوتے ہیں۔ آزمودہ اینٹینا کی اخراجی شدت P''اور کامل اینٹینا کی اخراجی شدت P_m کی شرح اینٹینا کی کار گزار ک&دیتی ہے۔ یہ وہی A ہے جسے مساوات 14.61 میں بھی حاصل کیا گیا۔ یوں

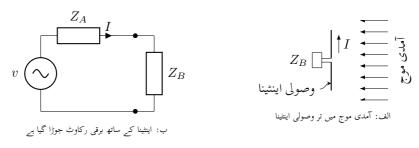
$$G_0 = \frac{kP_m}{P_0} = kD$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہ مساوات کہتی ہے کہ کسی بھی کامل اینٹینا (% 100 k=100) کی افٹر اکش، کامل غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے،اسی اینٹینا کی سمتیت کے پر ابر ہوتی ہے۔ غیر کامل % 100 k<100 اینٹینا کی صورت میں افٹر اکش کی قیت سمتیت سے کم ہوگی۔

سمتیت کی قیمت 1 تا∞ ممکن ہے۔ سمتیت کی قیمت اکائی سے کم نہیں ہوسکتی۔اس کے برعکس افنرائش کی قیمت صفر تالا محدود ممکن ہے۔

$$1 \le D \le \infty$$

$$0 \le G \le \infty$$
 مکنہ قیمت $G \le G \le 0$



شکل 14.8: وصولی اینٹینا آمدی موج سے طاقت حاصل کر کیے برقی رکاوٹ کو فراہم کرتی ہے۔

اخراجی اینٹینا 25 شعا گی اخراج کرتی ہے۔اس کے برعکس وصولی اینٹینا 26 شعاع سے طاقت وصول کرتی ہے۔ برتی و مقناطیسی امواج جب وصولی اینٹینا پر پہنچتے ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت عاصل کر دہ طاقت کا کچھ حصہ اس مزاحمت ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت عاصل کر دہ طاقت کا کچھ حصہ اس مزاحمت میں ضائع ہوگا۔ ہم چو نکہ بیر ونی مزاحمت کو فراہم طاقت $W=I^2R_B$ میں دگھتے ہیں لہذا اس کی بات کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ بیر ونی مزاحمت کو فراہم طاقت I^2R_B میں پایاجاتا ہے۔ یوں

$$\mathscr{P}S = I^2 R_B$$

ککھاجا سکتاہے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ اینٹینے کارقبہ S ہی ہے اور اینٹینا سے رقبے پر آمدی موج سے مکمل طاقت حاصل کرنے اور اسے بیر ونی برقی سروں تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اس فرضی رقبے کو و<mark>صولی رقب</mark>ہ ²⁷ کہاجاتا ہے۔ یوں وصولی رقبے کو

$$S = \frac{I^2 R_B}{\mathscr{P}}$$

$$A$$
موثر برقی روء I

$$\Omega$$
برقی مزاحمت، R_L

ہیں۔ حقیقت میں اینٹینا I²R_Bسے زیادہ طاقت حاصل کرتی ہے جس کا کچھ حصہ اینٹینا کے اندر ہی ضائع ہو جاتا ہے۔ ہمیں اینٹینا کے اندر ضائع ہونے والے طاقت سے کوئی دلچپی نہیں ہے۔

شکل 14.8-الف میں آمدی موج میں تراینٹیناد کھایا گیاہے جسے ہیر ونی برقی رکاوٹ Z_B کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔اینٹینا کا تھونن 28مساوی دوراستعال کرتے ہوئے، شکل-ب میں اسی کا مکمل برقی دور دکھایا گیاہے۔اس دور میں سلسلہ وار برقی رو

$$I = \frac{v}{Z_A + Z_B} = \frac{v}{R_A + R_B + j(X_A + X_B)}$$

و کی جہاں

transmitting antenna²⁵ receiving antenna²⁶

antenna aperture²⁷

Thevenin equivalent circuit²⁸

$$R_A$$
 اینٹینا کے تھونن مساوی دور میں اینٹینا کی مزاحمت ، R_A

تھونن دور میں اینٹینا کی متعاملیت،
$$X_A$$

بیر ونی مزاحمت،
$$R_B$$

بيروني متعامليت
$$X_B$$

ہیں۔یوں بیر ونی مزاحت کو مہیاطاقت

(14.88)
$$|I|^2 R_B = \frac{v^2 R_B}{(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2}$$

ہو گاجس سے اینٹینے کار قبہ وصولی

(14.89)
$$S = \frac{v^2 R_B}{\mathscr{P}\left[(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2 \right]}$$

حاصل ہو تاہے۔

آمدی موج کی نسبت سے ایک مخصوص انداز میں رکھے ہوئے اینٹینا میں زیادہ سے زیادہ برقی دباوپیدا ہو گا۔اس جگہ اینٹینا کور کھتے ہوئے بیر ونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت اس صورت منتقل ہوگی جب

$$(14.90) R_B = R_A$$

$$(14.91) X_B = -X_A$$

ہوں۔ بے ضیاع اینٹینا کی تھونن مزاحمت دراصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت ، R ہی ہے۔اس طرح بیر ونی مزاحمت میں زیادہ صادت منتقل کرتے وقت زیادہ سے زیادہ وصولی رقبہ

$$S_{\vec{\mathcal{G}}|\vec{\mathcal{F}}|} = \frac{v^2}{4\mathscr{P}R_r}$$

مثال 14.4: پورے مختصر جفت قطب پریکساں برقی روتصور کرتے ہوئے،اس کااخراجی رقبہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 14.92 سے ظاہر ہے کہ اخراجی رقبہ دریافت کرنے کے لئے، اینٹینا میں پیدابر قی د باوی، اینٹینا کی اخراجی مزاحمت ہم اور آمدی موج میں کثافت طاقت کو در کار ہوں گے۔ جفت قطب میں زیادہ سے زیادہ برقی د باواس صورت پیداہو گی جب اینٹینا کی تاراور آمدی موج کا برقی میدان متوازی ہوں۔الی صورت میں اینٹینا میں

$$(14.93) v = El$$

برقی د باو پیدا ہو گی۔ آمدی موج کی پوئٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P} = \frac{E^2}{Z_0} \qquad (W/m^2)$$

ے جہاں $Z_0=\sqrt{\mu_0/\epsilon_0}=1$ خالی خلاء کی قدر تی رکاوٹ ہے۔ مساوات 14.57 میں $I=I_0$ پر کرنے سے موجودہ جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

$$(14.95) R_r = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

حاصل ہوتی ہے۔ان تمام کو مساوات 14.92 میں پر کرتے ہوئے

(14.96)
$$S_{\zeta,l,\dot{\mathcal{I}}l} = \frac{E^2 l^2}{4\frac{E^2}{Z_0} 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2} = \frac{3\lambda^2}{8\pi} = 0.119\lambda^2 \qquad (m^2)$$

یوں کامل مختر جفت قطب کی لمبائی جتنی بھی کم کیوں نہ ہویہ ہر صورت 10.119 خرابی رقبے پر آمدی موج سے تمام طاقت حاصل کرنے اور اسے پیروفی مزاحمت تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حقیقی جفت قطب غیر کامل ہو گالمذااس کی مزاحمت _{ضائع} R + _{اخرابی} R ہو گی۔ یوں کامل جفت قطب کا اخرابی اور قبہ پچھ کم ہو گا۔

آئیں ایسے اینٹینا کی بات کریں جس کااخراجی رقبہ ا_{خراجی} Sاوراخراجی ٹھو س زاویہ Ω_A ہو۔اخراجی رقبے پریکسال برقی میدان E_m کی صورت میں اخراجی طاقت

$$P = \frac{E_m^2}{Z} S_{\zeta, \zeta}$$

ہو گا جہاں Z انتقالی خطے کی قدر تی ر کاوٹ ہے۔

ا گر *۴ فاصلے پر میدان E_r ہو تباخراجی طا*قت

$$(14.98) P = \frac{E_r^2}{Z} r^2 \Omega_A$$

ہم آ گے جاکر مساوات 14.154 حاصل کریں گے جس کے تحت $E_r = \frac{E_m S_{0,0}}{r \lambda}$ ہے۔اس نتیجے کواستعمال کرتے ہوئے مندر جبہ بالاد و مساوات کو برابر لکھتے ہوئے

$$\lambda^2 = S_{\zeta, |\dot{\mathcal{J}}|} \Omega_A \qquad (\mathsf{m}^2)$$

حاصل ہوتاہے جہاں

 λ طول موج λ

ا_{هراجی} ۶ **اینٹینا کااخرا جی رقبہ اور**

اینٹیناکااخراجی مخصوس زاویہ Ω_A

14.8. قطاری ترتیب

ہیں۔اس مساوات کے تحت اینٹینا کااخرا بی ارقبہ ضرب اخرا بی ٹھوس زاویہ برابر ہوتاہے طول موج کامر بعے۔یوںا گر ہمیں اخرا بی رقبہ معلوم ہوتب ہم اخرا بی ٹھوس زاویہ حاصل کر سکتے ہیں اورا گراخرا بی ٹھوس زاویہ معلوم ہوتب اخرا بی رقبہ حاصل کیا جاسکتا ہے۔

مساوات 14.78 میں مساوات 14.99 پر کرنے سے

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\vec{\mathcal{S}}, \vec{\mathcal{I}}; i}$$

ککھا جا سکتا ہے۔ سمتیت کی بیر تیسر می مساوات ہے۔ تینول کو یہال دوبارہ پیش کرتے ہیں

$$D = rac{P(heta,\phi)}{P_{ ext{bu,j}}}$$
 (14.101)
$$D = rac{4\pi}{\Omega}$$
 $D = rac{4\pi}{\lambda^2} S_{ec{\mathcal{J}}|\dot{\mathcal{J}}|}$

جہاں پہلی دومساوات میں سمتیت اخراجی شعاع کے نقش سے حاصل کی گئی ہے جبکہ تیسری مساوات میں اسے اخراجی رقبے سے حاصل کیا گیا ہے۔ 💎 🐃

14.8 قطاری ترتیب

مسکہ اینٹینادراصل اینٹیناکے مختلف حصوں سے پیدامیدانوں کادرست مجموعہ حاصل کرناہے۔اینٹیناکے مختلف حصوں کے میدان جع کرتے ہوئےان کے انفوادی مسکہ اور زاویائی فرق کا خیال رکھناضر وری ہے۔

14.8.1 غير سمتي، دو نقطه منبع

دوعد د نقطہ منبع کو شکل میں دکھایا گیاہے۔ دونوں منبع غیر سمتی ہیں اور ان کے در میان فاصلہ 4 ہے۔ نقطہ منبع سے مرادالیی فرضی منبع ہے جس کا جم صفر کے برا ہمہ ہو۔ ہم آگے چل کر مسکلہ متکافیت 30 کیصیں گے جس کے تحت نقطہ منبع کے قطاروں کااخراجی نقش اور انہیں کاوصولی نقش بالکل کیساں ہوتے ہیں۔ 8000

ہم فرض کرتے ہیں کہ دونوں منبع برابر جیطے اور ہم قدم میدان پیدا کرتے ہیں۔دونوں میدان کے خطی تقطیب ہیں۔مزیدیہ کہ دونوں کے E میدان صفح کے عمودی ہیں۔دونوں منبع سے برابر فاصلے پران کے بالکل در میانے مقام پر زاویائی صفر تصور کرتے ہوئے، دور میدان کو

$$(14.102) E = E_2 e^{j\frac{\psi}{2}} + E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}}$$

لکھاجاسکتاہے جہاں

$$\psi = \beta d \cos \theta = \frac{2\pi d}{\lambda} \cos \theta$$

ہے۔ان مساوات میں

 $reciprocity^{30}$

 $_{5007}$ منبع - 1 کازاویه hetaست میں دور میدان، E_1

 ω هنج - 2 کازاویه hetaسمت میں دور میدان اور heta

 ψ دونوں اشارات کازاو ہیہ heta کی سمت میں زاویائی فرق ψ

ہیں۔ دونوں دور میدان برابر $(E_1=E_2)$ ہونے کی صورت میں ایول

(14.104)
$$E = E_1 \left(e^{j\frac{\psi}{2}} + e^{-j\frac{\psi}{2}} \right) = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

 $d=rac{\lambda}{2}$ ہوگا۔ فاصلہ $d=rac{\lambda}{2}$ میں میدان کو شکل میں دکھا یا گیا ہے۔

ا گرزاویائی صفر کودونوں منبع کے در میانے مقام کی جگه منبع- 1 پر چناجاتاتب دور میدان

(14.105)
$$E = E_1 + E_2 e^{j\psi}$$
$$= \left(E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}} + E_2 e^{j\frac{\psi}{2}}\right) e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $E_1 = E_2$ ماصل ہوتا جو $E_2 = E_2$ کی صورت میں

(14.106)
$$E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} e^{j\frac{\psi}{2}} = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} / \frac{\psi}{2}$$

حاصل ہوتا۔میدان کا نقش چو نکہ میدان کے جیطے پر منحصر ہوتاہے لہٰذااس میں کوئی تبدیلی ہو نکالبنتہ میدان کازاویہ تبدیل ہو گیاہے۔میدان کے زاویے کی تبدیلی کی وجہ بیہ ہے کہ ہم نے زاویے کے صفر کو دونوں منبع کے در میانے مقام سے ہٹا کر منبع-1 پر چناہے۔

5013 ضرب نقش 14.8.2

14.104 گزشتہ جھے میں بالکل کیساں دوعد د غیر سمتی نقطہ منبع کے میدان پر غور کیا گیا۔ اگر نقطہ منبع سمتی ہوں اور دونوں کے نقش بالکل کیساں ہوں تب بھی مساوات 14.104 کیساں دوعد د غیر سمتی نقطہ منبع کے میدان دے گالیس فرق اتناہے کہ اب E_1 از خود $E(\theta)$ تفاعل $E(\theta)$ ہے۔ انفراد کی منبع کے نقش $E(\theta)$ کو انفراد کی نقش $E(\theta)$ کو انفراد کو نقش کو

$$(14.107) E = E(\theta) \cos \frac{\psi}{2}$$

کھاجا سکتا ہے۔ مساوات 14.107 ضرب نقش ³³ کااصول بیان کرتاہے جس کے تحت انفرادی منبع کا نقش اور غیر سمتی نقطہ منبع کے قطار کا نقش ضرب دینے سے سمتی منبع کے قطار کا نقش حاصل ہوتا ہے۔ یہاں فرض کیا گیاہے کہ قطار میں انفرادی نقطہ منبع کا نقش وہی ہے جو اس نقطہ منبع کا تنہائی میں نقش ہوتا ہے۔

primary pattern³¹

array pattern³²

pattern multiplication³³

14.8. قطاری ترتیب

14.8.3 ثنائبي قطار

مساوات 14.106 دو غیر سمتی زاویائی طور پر ہم قدم نقطہ منبع کے جوڑی کاد ور میدان دیتا ہے۔ نقطہ منبع کے در میان فاصلہ $rac{L}{2}$ اور $rac{1}{2}=E_1$ ہونے کی صورت میں اس مساوات کو

$$(14.108) E = \cos\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کھاجا سکتاہے۔اس نقش کوشکل میں دکھایا گیاہے جس میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایاجاتا۔اس جوڑی منبع کے سیدھ میں ½ فاصلے پر منبع کی دوسری جوڑی رکھنے سے شکل-ب حاصل ہوتاہے۔اس شکل میں دودر میانے منبع دراصل ایک ہی نقطے پر پائے جائیں گے لیکن وضاحت کی خاطر انہیں اوپرینیچے دکھایا گیاہے۔ضرب نقش کے اصول کے تحت ان کا مجموعی میدان

$$(14.109) E = \cos^2\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہو گا جے شکل میں دکھایا گیاہے۔اس مساوات پر شق کرنے والول کے لئے مثال میں تفصیلی ثبوت پیش کیا گیاہے۔

اس قطار کو تین عدد منبع کی قطار تصور کیا جاسکتا ہے جہال قطار میں بالترتیب، منبع کی طاقت (1:2:1) نسبت سے ہے۔اس تین رکنی قطار کے سیدھ میں لکیکن ½ ہٹ کر بالکل الیی ہی تین رکنی قطار کھنے سے شکل حاصل ہوتی ہے۔اس نئی قطار کوچار رکنی تصور کیا جاسکتا ہے جہال بالترتیب منبع کی طاقت: 3:1) (1:3 نسبت سے ہے۔اس چار رکنی قطار کامیدان

$$(14.110) E = \cos^3\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہے۔اس نقش میں بھی ثانوی شعاع نہیں پایاجاتا۔اس طرح بڑھتے ہوئے، ثانوی شعاع سے پاک، زیادہ سے زیادہ سمتیت کا نقش حاصل کیا جاسکا ہے۔یوں زیادہ منبع پر مبنی قطار میں منبع کی طاقت ثنائی تسلسل 34کے ثنائی سر 35کی نسبت سے ہوتے ہیں۔ ثنائی سروں کو شکل میں دکھائے گئے پاسکل تکون 36کی مدد سے حاصل کیا جاسکتا ہے جس میں ہر اندرونی عدد،اوپر کے قریبی دواعداد کا مجموعہ ہوتا ہے۔متعدد منبع کے قطار کا نقش

$$(14.111) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کے برابر ہو گاجہاں قطار میں منبع کی تعداد ۸ہے۔

ا گرچہ مندرجہ بالا ۱۸رکنی قطار کے نقش میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایاجاتااس کے باوجو داس کی سمتیت برابر طاقت کے ۱۸رکنی منبع کے قطار سے کم ہوتی ہے۔ ﷺ قطار عموماًان دوصور توں (ثنائی قطار اور یکساں قطار) کی در میانی شکل رکھتے ہیں۔

مثال 14.5: مساوات 14.109 کو ثابت کریں۔

binomial series³⁴ binomial coefficient³⁵ Pascal triangle³⁶ 942. اینٹینا اور شعاعی اخراج

حل: مساوات 14.105 کی طرح زاویائی صفر کو قطار کے پہلی رکن پر چنتے ہوئے

$$E = E_0 + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j2\psi}$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right) + E_0 e^{j\psi} \left(1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right) \left(1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^2$$

جس میں $\psi = \frac{\pi}{2}\cos\theta$ اور $E_0 = \frac{1}{2}$ پر کرتے ہوئے

$$E = \left[\left(\frac{e^{-j\frac{\psi}{2}} + e^{j\frac{\psi}{2}}}{2} \right) e^{j\frac{\psi}{2}} \right]^2 = \cos^2 \frac{\psi}{2} / \psi$$

کھاجاسکتاہے۔اس کا حیطہ $rac{\psi}{2}\cos^2 cos^2$ نقش کی مساوات ہے۔

5023

502

5026

مثال 14.6: مساوات 14.111 کو تفصیل سے ثابت کریں۔

ثنائی قطار میں رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 رکنی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 رکنی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل (14.112) $(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$

کے سرسے حاصل کئے جاتے ہیں۔ یوں تین رکنی قطار کے سر ثنائی تسلسل

$$(14.113) (1+x)^2 = 1 + 2x + x^2$$

کے سرکی نسبت 1:2:1 سے ہوں گے للذامندرجہ بالا مساوات میں $x=e^{j\psi}$ پر کرنے سے تین رکنی قطار کادور میدان مندرجہ بالا مساوات کے بائیں یا دائیں ہاتھ کی صورت میں کھاجا سکتا ہے یعنی

(14.114)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^2 = E_0 (1 + 2e^{j\psi} + e^{j2\psi})$$

گین رکنی قطار کودیکھ کر دور میدان مندر جہ بالا مساوات کی دائیں ہاتھ دیتی ہے جسے ثنائی تسلسل کی مددسے مساوات کی بائیں ہاتھ کی صورت میں بھی ککھاجا سکتا ہے۔ مساوات کے بائیں ہاتھ سے نقش ﷺ cos² حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح nرکنی قطار کو 1+x) می ثنائی تسلسل کی مددسے اکھٹے کرتے ہوئے

(14.115)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^{n-1}$$

کھاجا سکتاہے جس میں $E_0=rac{1}{2}$ اور $\psi=\pi\cos heta$ پر کرتے ہوئے صرف حیطہ لیتے ہوئے قطار کا نقش

$$(14.116) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کھاجا سکتاہے۔

5028

543 14.8. قطارى ترتيب

14.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار

ثنائی قطار غیر یکسال رکنی قطار ہے۔ آئیں شکل میں و کھائے گئے nر کنی، غیر سمتی، یکسال طاقت کے منبع کی قطار کادور میدان حاصل کریں۔ یہال فرض کیا جاتا ہے کہ قطار میں ہر دوقریبی منبع میں δ زاویائی فرق یایاجاتاہے۔ یوں

$$\psi = \beta d \cos \theta + \delta$$

ہو گا۔ قطار کاد ور میدان

(14.118)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{j(n-1)\psi} \right)$$

لکھاجاسکتاہے جہاں

قطار میں رکن کے در میان فاصلہ، d

 δ ہر دوقر یبی رکن کے در میان زاویائی فرق اور δ

 $\psi = eta d \cos heta + \delta$ دوقریبی رکن میں کل زاویائی فرق یعنی ψ 5033

بيں-

 $E_0\left(1+x+x^2+x^3+\cdots+x^{n-1}\right)$

حاصل ہوتی ہے جس کا مجموعہ

 $E_0\left(\frac{1-x^n}{1-x}\right)$

کے برابرہے۔

مساوات 14.118 کو پ^و *اینے ہوئے*

(14.119)
$$Ee^{j\psi} = E_0 \left(e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{jn\psi} \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 14.118 سے مساوات 14.119 منفی کر کے E کے لئے حل کرتے ہوئے

(14.120)
$$E = E_0 \frac{1 - e^{jn\psi}}{1 - e^{j\psi}} = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}} / (n-1)\frac{\lambda}{2}$$

d صاصل ہوتا ہے۔ اگر قطار کے در میانے نقطے کو زاویائی صفر چناجاتاتب مندر جہ بالا مساوات میں زاویہ $\frac{\lambda}{2}(n-1)$ نہ پایاجاتا۔ تمام رکن غیر سمتی ہونے کی صوروت میں E_0 میں کا نفراد کی نقش ہو گا جبکہ $rac{n\psi}{2}$ قطار کی نقش ہے۔ E_0 میں E_0 میں میں کا نفراد کی نقش ہو گا جبکہ میں میں کا نفراد کی نقش ہو کا جبکہ میں میں کا نفراد کی نقش ہو کے ہمارہ کی نقش ہو کے ہمارہ کی میں کا نفر کے ہمارہ کی نقش ہو کی نقش ہو کی کے ہمارہ کی نقش ہو کی ہو کے ہمارہ کی نقش ہو کے ہمارہ کی نقش ہو کی کے ہمارہ کی نمازہ کی نمازہ کی کے ہمارہ کی نمازہ کی کے ہمارہ کے ہمارہ کی کے ہمارہ کے ہمارہ کی کے ہمارہ کے ہمارہ کے ہمارہ کی کے ہمارہ کی کے ہمارہ کے ہمار

غیر سمتی منبع اور زاویائی صفر کامقام قطار کے در میانے نقطے پر رکھتے ہوئے

$$(14.121) E = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$$

باب 14. اينٹينا اور شعاعي اخراج

$$E = E_0 \frac{\frac{\partial \sin \frac{n\psi}{2}}{\partial \psi}}{\frac{\partial \sin \frac{\psi}{2}}{\partial \psi}} \bigg|_{\psi \to 0}$$
$$= E_0 \frac{\frac{n}{2} \cos \frac{n\psi}{2}}{\frac{1}{2} \cos \frac{\psi}{2}} \bigg|_{\psi \to 0}$$

لعيني

$$(14.122) E = nE_0$$

حاصل ہوتاہے جو قطار کی زیادہ سے زیادہ مکنہ میدان ہے۔ یہ میدان قطار میں انفراد کی منبع کے طاقت سے 7 گنازیادہ ہے۔اس قطار کے نقش کی زیادہ سے زیادہ قیمت اس زاویے پریائی جائے گی جس پر 0 = 4 یعنی

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

ہو جس سے

(14.124)
$$\theta إندترطاقت = \cos^{-1}\left(-\frac{\delta}{\beta d}\right)$$

حاصل ہوتاہے۔

ای طرح اخراجی نقش کا صفر اس مقام پر ہو گا جہال مساوات 14.121 صفر کے برابر ہولیتنی جہال $\frac{n\psi}{2}=\mp k\pi$ کے برابر ہولیعنی $rac{n}{2}\left(eta d\cos heta+\delta
ight)=\mp k\pi$

جسے صفراخراج کازاویہ

(14.126)
$$\theta_0 = \cos^{-1} \left[\left(\mp \frac{2k\pi}{n} - \delta \right) \frac{\lambda}{2\pi d} \right]$$

حاصل ہو تاہے جہاں

 $heta_0$ صفر اخراج کا زاویه ، $heta_0$

اعداد $k=1,2,3,\cdots$ کی شرط لاگوہے جس میں $m=1,2,3,\cdots$ کی شرط لاگوہے جس میں $k\neq m$ اعداد $k=1,2,3,\cdots$ اعداد $k=1,2,3,\cdots$ کا اعداد کی ملک ہے جہاں k=1

 E_n مساوات 14.121 کو مساوات 14.122 سے تقسیم کرتے ہوئے تقابل پذیر میدان

(14.127)
$$E_n = \frac{E}{nE_0} = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

حاصل ہو تاہے۔

indeterminate³⁷ L Hospital's rule³⁸ 545 14.8. قطاري ترتيب

یکساں طاقت کر متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار

نقش کی چوٹی اس مقام پریائی جاتی ہے جس پر $\theta = -\delta$ ہو۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر، چوڑائی جانب ($\theta = 90°$) زیادہ سے زیادہ اخراج کی صورت میں ہو گایعنی جب تمام انفرادی منبع ہم قدم ہوں۔اگر θ کی جگہ اس کا زاویہ تکملہ γ^{39} استعال کیا جائے تب نقش کے صفر $\delta=0$

$$\gamma_0 = \sin^{-1}\left(\mp\frac{k\lambda}{nd}\right)$$

یر بائے جائیں گے۔ کمبی قطار $k\lambda$ وطارت میں γ_0 کم قیت کاہو گالہٰ ذااسے

$$\gamma_0 = \frac{k}{nd/\lambda} \approx \frac{k}{L/\lambda}$$

کھاجاسکتاہے جہال قطار کی لمبائی کو L=(n-1)d کی صورت میں

$$L = (n-1)d \approx nd$$

کھاجا سکتا ہے۔ مساوات 14.129 میں 1 k=1 پر کرتے ہوئے نقش کا پہلا صفر γ_{01} حاصل ہوتا ہے۔ یوں گوشے کے دونوں اطراف پر پہلے صفروں کے در میان نقش کی چوڑائی

(14.130)
$$\gamma_{01} \approx \frac{2}{L/\lambda} \, \mathrm{rad} = \frac{114.6^{\circ}}{L/\lambda}$$

حاصل ہوتی ہے۔ نقش میں زیادہ سے زیادہ طاقت کے زاویے کے دونوںاطراف وہ زاویے پائے جاتے ہیں جن پر طاقت نصف ہوتی ہے۔ان کے در میان زاویے کونصف طاقت چوڑائی⁴⁰، کہتے ہیں۔ لمبے یکساں چوڑائی جانب اخراجی قطار ⁴¹ کے نصف طاقت چوڑائی کی قیمت پہلی صفر چوڑائی ⁴² کے تقریباً دھی ہوتی ہے۔ یوں

(14.131)
$$\approx \frac{y ag{1} ag{1} ag{2}}{2} = \frac{1}{L/\lambda} \operatorname{rad} = \frac{57.3^{\circ}}{L/\lambda}$$

ہو گی۔ 5044

شکل 14.12 میں چوڑائی جانب اخراجی قطار کا تقابل پذیر نقش د کھایا گیاہے۔ یہ نقش مساوات 14.127 سے حاصل کیا گیاہے۔اس قطار میں منبع 🚣 فاصلے پر پھ کھے گئے ہیں۔ بیس عدد برابر طاقت کے منبع پر مبنیاس قطار کی نصف طاقت چوڑائی °5.1 $heta_{HP}=0$ ہے۔ شکل میں نقش کا تراش د کھایا گیا ہے۔ یہ حقیقت میں چرخی $\phi^\circ_{HP}=360^\circ$ مانند ہے لہذا $\phi=0$ تا $\phi=360^\circ$ گلومتے ہوئے اس کی صورت بھی نظر آئے گی۔ یوں ϕ زاویے پراس کی نصف طاقت چوڑائی

یکساں طاقت کر متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار

ز باده سے زیادہ اخراج کازاویہ مساوات 14.123

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

سے حاصل ہوتا ہے۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر سیدھاآ گے (heta=0) لمپائی کی جانب زیادہ سے زیادہ اخراج اس صورت ہو گاجب ہر دوقریبی منبع کے ماہین

$$\delta = -\beta d$$

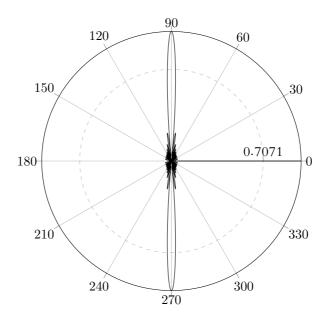
complementary angle³⁹

half power beam width, HPBW⁴⁰

broadside array⁴¹

beam width between first nulls, BWFN⁴²

546 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 14.9: چوڙائي جانب اخراجي قطار

زاویائی فرق پایاجاتا ہو۔ یوں ایسے قطار کے صفر مساوات 14.125 کے تحت

$$\frac{n}{2}\beta d\left(\cos\theta_0 - 1\right) = \mp k\pi$$

لعيني

$$\cos\theta_0 - 1 = \mp \frac{k}{nd/\lambda}$$

سے حاصل ہوں گے۔اس سے

$$\frac{\theta_0}{2} = \sin^{-1}\left(\mp\sqrt{\frac{k}{2nd/\lambda}}\right)$$

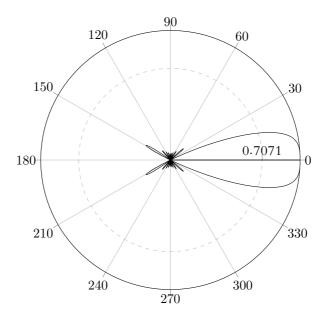
کھاجاسکتا ہے۔ کمبی قطار $(nd\gg k\lambda)$ کی صورت میں اسے

(14.135)
$$\theta_0 = \mp \sqrt{\frac{2k}{nd/\lambda}} \approx \mp \sqrt{\frac{2k}{L/\lambda}}$$

کھاجا سکتا ہے جہاں لمبائی L=(n-1)d کو $k\lambda\gg k$ کی صورت میں kpprox L pprox L کھا گیا ہے۔ پہلا صفر k=1 پر حاصل ہو گا جس سے پہلی صفر چوڑائی

حاصل ہوتی ہے۔

بیں منبع پر مبنی، لمبائی جانب اخرا بی قطار کا تقابل پذیر اخرا بی نقش شکل 14.10 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ نقش مساوات 14.127 سے حاصل کیا گیا ہے۔ منبع کے در پیمیانی فاصلہ کے ہے۔ مساوات 14.127 سے پہلی صفر چوڑائی °52اور نصف طاقت چوڑائی °34 ھود ک 14.8. قطاری ترتیب



شكل 14.10: لمبائي جانب اخراجي قطار

جانب موٹا بھی ہے۔ یوں ϕ جانب بھی اس کی نصف طاقت چوڑائی °34 ھن ہے۔ کہ بائی جانب اخراجی کمبی قطار کی نصف طاقت چوڑائی اس کے پہلے وصفر چوڑائی کے تقریباً 🐒 کناہوتی ہے۔

جیسے مثال 14.7 اور مثال 14.8 میں آپ دیکھیں گے کہ معدد منبع پر مبنی لمبائی جانب اخراجی قطار کی سمتیت معدد منبع پر مبنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کی سمتیت سے زیادہ ہوتی ہے۔

مساوات 14.78 اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A}$$

دیتاہے جہاں ٹھوس زاویہ مساوات 14.73سے حاصل ہوتاہے۔ا گرثانوی شعاعوں کو نظرانداز کیا جائے تب مرکزی شعاع کے θسمت میں نصف طاقت زاویے _{HP} ا اور φسمت میں نصف طاقت زاویے φ_{HP} کاضرب تقریباً ٹھوس زاویے کے برابر ہو گالمذاالی صورت میں مساوات 14.73 حل کرناضروری نہیں اور سمتت کو

$$D \approx \frac{4\pi}{\phi_{HP}\phi_{HP}}$$

لکھاجا سکتاہے جہال نصف طاقت زاویے ریڈیٹن میں ہیں۔اس مساوات میں

$$4\pi \, \text{sr} = 4\pi \, \text{rad}^2 = 4\pi \left(\frac{180}{\pi}\right)^2 \, \text{deg}^2 = 41253 \, \text{deg}^2$$

پر کرتے ہوئے

$$D \approx \frac{41253}{\theta_{HP}^{\circ}\phi_{HP}^{\circ}}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

5056

مثال 14.7: بیس رکنی، چوڑائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\theta_{HP}^{\circ}=5.1^{\circ}=6$ اور $\theta_{HP}^{\circ}=6$ اور

حل: مساوات 14.139سے

$$D \approx \frac{41253}{5.1 \times 360} = 22.5$$

حاصل ہوتی ہے۔

5061

5062

مثال 14.8: بیس رکنی، لمبائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\phi_{HP}^\circ = \phi_{HP}^\circ = 34^\circ$ ہیں کی سمتیت حامق مثال 14.8: بیس رکنی، لمبائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\phi_{HP}^\circ = \phi_{HP}^\circ = 34^\circ$

حل: مساوات14.139سے

$$D \approx \frac{41253}{34 \times 34} = 35.7$$

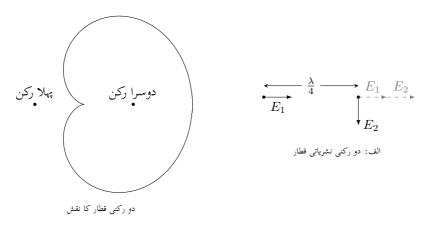
5065

حاصل ہوتی ہے۔

5067

مثال 14.9: دوار کان پر بینی قطار میں ارکان کے در میان فاصلہ 🚣 ہے۔ دائیں رکن (دوسرار کن) کو °90 پیچیے برقی رومہیا کی گئی ہے۔ دونوں برقی رو کی حتمی قیمت برابر ہے۔ دونوں ارکان افقی سطح پر سیدھے کھڑے ہیں۔افقی میدان پراخرا بی نقش حاصل کریں۔

اس کے برعکس جس لمحہ دائیں رکن کی برقی رو°0 پر ہوائی لمحہ بائیں رکن کی برقی رو°90 پر ہوگا۔اس لمحے پر دائیں رکن کامیدان°0 پر ہوگا جبکہ بائیں رسکن کا میدان°90 پر ہوگا۔اب جتنی دیر میں دائیں رکن کامیدان ہوگا۔یوں کسیدان ہوگا۔یو



شكل 14.11: دو ركني اشاعتي قطار اور اس كا نقش

دائیں رکن کے مقام پر دونوں میدان آپس میں الٹ سمت میں ہوں گے لہٰذاان کا مجموعہ صفر کے برابر ہو گا۔اس طرح دائیں رکن کے دائیں جانب میدان میفر ہی پایاجائے گا۔شکل 14.11 میں صفراور پائے ریڈیئن زاویوں پر د گنااور صفر میدان د کھایا گیاہے۔

دونوں رکن کے در میان عمودی کئیر پر بینچنے کے لئے دونوں میدان کو برابر دورانیے کی ضرورت ہے لہٰذااس کئیر پر دونوں میدان آپس میں عمودی رہیں گے ہیوں اس کئیر پر کل میدان مسّلہ فیثاغورث کی مدد سے 1.4142E $=\sqrt{E^2+E^2}$ حاصل ہوگا۔ شکل 14.11-ب میں اس طرح مختلف مقامات پر میدان حامہ کرتے ہوئے حاصل کر دہ نقش دکھایا گیا ہے۔

مندر جہ بالامثال کے نقش سے ظاہر ہے کہ یہ اینٹینا بائیں جانب اخراج نہیں کر تاللذااس کے بائیں جانب دوسرااینٹینانسب کیاجاسکتا ہے جس کیاخراجی پہت بائیں رکھی جائے گی تاکہ دونوں علیحدہ غلیحدہ نشریات کر سکیں۔

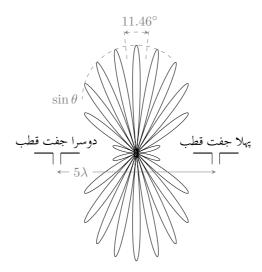
14.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا

مساوات14.124

(14.140)
$$heta = \cos^{-1}\left(-rac{\delta}{eta d}
ight)$$

یکسال ار کان کے قطار کی مرکزی نقش کازاوید دیتی ہے۔ چوڑائی جانب اخراجی قطار میں °90 = θر کھا جاتا ہے جبکہ لمبائی جانب اخراجی قطار میں °0 = ۵ کھا جاتا ہے۔اگر شعاع کی ست تبدیل کرنی ہو توایسے اینٹینا کو گھمانا ہو گا۔

 باب 14. ايتثينا اور شعاعي اخراج



شکل 14.12: دو عدد مختصر جفت قطب جنہیں $\delta \lambda$ فاصلے پر رکھا گیا ہے سے حاصل تداخل پیما کا نقش۔

91.4.9 تداخُل پيما 14.9

فلکیات ⁴⁴ کے میدان میں اینٹینا کاکلیدی کر دار ہے۔ریڈیائی فلکیات ⁴⁵ میں استعال ہونے والے اینٹینا کو تداخل پیا⁶⁶ اینٹینا کہتے ہیں۔

شکل 14.12 میں دوعد دمخصر جفت قطب کے در میان فاصلہ L ہے۔ دونوں کو ہم قدم بر قی رومہیا کی گئی ہے۔ ضرب نقش کی ترکیب استعمال کرتے ہوئے اس کا نقش

$$(14.141) E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

کھاجاسکتاہے جہاں $\theta = \beta L \cos \theta$ برابر ہے۔ ضرب نقش کے تحت E_1 انفرادی رکن کی نقش ہے جبکہ $\frac{\psi}{2} = \cot \theta$ دور کنی قطار کا نقش ہے۔ ہمیں میدان بالمقابل زاویہ سے غرض ہے۔ مساوات 14.48 مختصر جفت قطب کا نقش دیتا ہے جس میں میدان اور زاویے کا تعلق $\theta = -$ اسی کواستعال کرتے ہوئے نقابل پذیر نقش پذیر نقش

(14.142)
$$E = \sin\theta\cos\frac{\psi}{2} = \sin\theta\cos\left(\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta\right)$$

کھاجا سکتا ہے جہاں $\beta=rac{2\pi}{\lambda}$ کا ستعال کیا گیا ہے۔ شکل 14.12 میں $\delta=L=5$ کے لئے نقش دکھایا گیا ہے۔ زاویہ δ کا زاویہ تکملہ $\delta=rac{2\pi}{\lambda}$ استعال کرتے ہوئے، پہلا صفر

$$\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta = \frac{\pi L}{\lambda}\sin\gamma_{01} = \frac{\pi}{2}$$

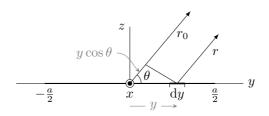
کی صورت میں پایاجائے گاجسسے

$$\gamma_{01} = \sin^{-1} \frac{1}{2L/\lambda}$$

scanning antenna⁴³

astronomy⁴⁴

radio astronomy⁴⁵ interferometer⁴⁶ 14.10. مستطيل سطحى ايتطينا



شكل 14.13: مستطيل سطحى اينثينا

حاصل ہوتاہے۔اگر $\lambda\gg L$ ہوتب پہلی صفر چوڑائی

(14.144)
$$\gamma_{01}=2\gamma_{01}=\frac{1}{L/\lambda}$$
 rad $\gamma_{01}=\frac{57.3}{L/\lambda}$ deg

ککھی جاسکتی ہے۔ یہ مساوات 14.130 میں دیے ، ۱۸رکنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کے پہلی صفر چوڑائی کی آدھی قیمت ہے۔ ہلکی سیاہی کے نقطہ دار ککیر سے شکل میں مختصر جفت قطب کے نقش 6 sin کو واضح کیا گیا ہے۔

پانچ طول موج برابر L کی صورت میں مساوات 14.144 سے پہلی صفر چوڑائی °11.46 حاصل ہوتی ہے۔

ریڈیائی فلکیات میں فلکی اخراجی مادے کی شعاع کو تداخل پیاسے وصول کیاجاتا ہے۔ان کی جسامت کا بہتر سے بہتر تخمینہ لگانے میں چوڑائی نقش کر دارادا اوارکر تی ہے۔

مثق 14.1 λ :14.1 کی صورت میں تداخل پیما کی پہلی صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °2.865

14.10 مستطيل سطحي اينٹينا

ہم متعدد تعداد کے نقطہ منبع پر مبنی مختلف اقسام کے اینٹیناد کیھ چکے ہیں۔ اگر نقطہ منبع کے صف در صف اتنے قریب قریب قرضی سطی پر رکھے جائیں کہ یہ علیحدہ علیحدہ ملیحہ متعدد تعداد کے نقطہ منبع پر مبنی مختلف اقسام کے اینٹیناد کیھ چکے ہیں۔ اگر نقطہ منبع کی جگہ ایک مسلسل سطح جس کی ید سمت میں لمبائی 12 اور لاسمت میں لمبائی 4 منبع کی جگہ ایک مسلسل سطح جس کی ید سمت میں لمبائی 13 میں ہے کوشکل 14.13 میں دکھایا گیا ہے۔ نصور کریں کہ اس سطح پر کی کے اس سطح پر کی مدوسے مقاطیسی میدان نہیں پایاجاتا، ایمپیئر کے دوری قانون کی مددسے مقاطیسی میدان نہیں پایاجاتا، ایمپیئر کے دوری قانون کی مددسے

$$(14.145) H_y = -J_x$$

کھا جا سکتا ہے جہاں بہ کے انتہائی قریب بالائی جانب⁴⁸مقناطیسی میدان ہے۔ سطحی اینٹینا کے دور میدان پر تبھرے سے پہلے ایک حقیقت پر غور کھوتے ہیں۔

continuous aperture⁴⁷

باب 14. اينٹينا اور شعاعي اخراج

فرض کریں کی خالی خلاء میں سطحی برقی ومقناطیسی موج پائی جاتی ہے۔ <mark>ہائی گن 4</mark> کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ ، منبع موج کا کر دار اداکر تاہے۔ یوں سطح پر چھوٹے رقبے dx dy پر خطی قطبی برقی میدان _{Ex} بطور منبع کر دار اداکرے گا۔ سطح کے برقی میدان

(14.146)
$$H_y = \frac{E_x}{Z_0}$$

5104

 Z_0 کھاجاسکتا ہے جہاں Z_0 خطے کی قدرتی رکاوٹ

مساوات 14.145 اور مساوات 14.146 و مختلف وجوہات کی بناپر پیدامقناطیسی میدان ظاہر کرتے ہیں۔ دور سے ان دونوں میں کسی قشم کا کوئی فرق نہیں دیکھا جا سکتا للذا ان دونوں سے پیداموج میں بھی کوئی فرق نہیں پایاجائے گا۔ اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سطحی اینٹینا کا دور میدان اور خلاء میں فرضی سطح پر موج کا دور میدان بالکل یکسال ہوں گے۔ اس حقیقت کو استعال کرتے ہوئے کسی بھی سطح پر کثافت برتی رو J_x کو خالی خلاء میں مقناطیسی میدان H_y یا برتی میدان E_x سام کی جا سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔

$$-J_x = H_y = \frac{E_x}{Z_0}$$

5105

اس طرح مندرجہ ذیل تبھر ہان دونوں کے لئے قابل قبول ہے۔

 $E = -j\omega A$ ماوات 14.25 میں dy اور dx dy پر کرنے سے A حاصل کرتے ہوئے، چھوٹے رقبے dx dy سے دور تفرق میدان کو dl = dx ماصل کیا جاسکتا ہے یعنی

$$dE = -j\omega[dA_x]$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 I_0 dl e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 J_x dy dx e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

$$= \frac{j\omega \mu_0 E(y)}{4\pi r Z_0} e^{j(\omega t - \beta r)} dx dy$$

جہاں مساوات 14.147 کاسہارالیا گیا ہے۔ پورے رقبے سے پیدامیدان سطحی تکمل سے حاصل ہو گا۔ رقبے کے وسط سے ₇0 فاصلے اور θزاویے پر میدان

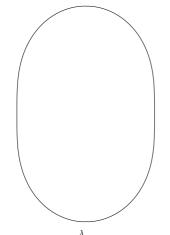
(14.149)
$$E(\theta) = \frac{j\omega\mu_0 e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{4\pi r_0 Z_0} \int_{-a_{/2}}^{a_{/2}} \int_{-x_{1/2}}^{x_{1/2}} E(y) e^{j\beta y \cos \theta} dx dy$$

|E| ہو گاجہاں $rpprox r_0$ لیا $rpprox r_0$ لیا

(14.150)
$$E(\theta) = \frac{x_1}{2r_0\lambda} \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

Huygen's principle 49 . 50 جيسر حصہ 14.3 میں دکھایا گیا ہر

553 14.10. مستطيل سطحي اينثينا







شكل 14.14: مستطيل سطح كر نقش

ما میں ہوتی ہے جہاں $|je^{(\omega t-eta r_0)}|=1$ لیا گیا ہے۔ پوری سطح پر یکساں میدان $|je^{(\omega t-eta r_0)}|=1$ کی صورت میں

(14.151)
$$E(\theta) = \frac{x_1 E_a}{2r_0 \lambda} \int_{-a/2}^{a/2} e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

لکھتے ہوئے

(14.152)
$$E(\theta) = \frac{x_1 a E_a}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$
$$= \frac{E_a S_{\zeta, \lambda}}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$

5108

حاصل ہو گاجہاں _{خین} S سطح کار قبہ ہے۔

زياده سے زيادہ ميدان $heta=90^\circ$ ير

$$E(\theta)$$
 بندر $E(\theta)$ بندر $E(\theta)$ بندر $E(\theta)$ بندر $E(\theta)$ بندر (14.153)

 $\theta=0$ مانب اخراج دگنی $\theta=0$ مانب اخراج صفر ہوتب $\theta=0$ مانب اخراج دگنی ا

$$E(heta)$$
يك رُخى اخراج $rac{E_a S_{\mathcal{S}_1,\mathcal{S}_2}}{r_0 \lambda}$ بندر اخراج

ہو گی۔اس میدان کو $a=rac{\lambda}{2}$ اور $a=rac{\lambda}{2}$ ے کے لئے شکل 14.14 میں د کھایا گیاہے۔

صفحه 543 پر مساوات 14.121

$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

(14.153)

(14.154)

باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

 $\delta=0$ کیسال غیر سمتی nر کنی قطار کاد ور میدان دیتی ہے جہال $\psi=eta d\cos heta+\delta$ ہے اور E_0 انفراد کی رکن کامیدان ہے۔ چوڑائی جانب اخراجی قطار کی صورت میں حاصل ہوتاہے جس سے مندر جہ بالا مساوات

(14.155)
$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin[(n\beta d/2)\cos\theta]}{\sin[(\beta d/2)\cos\theta]}$$

 $heta=90^\circ$ صورت اختیار کر لیتی ہے۔ قطار کی لمبائی 'a' کھتے ہوئے، زیادہ قیمت کی nاور 'a' کی صورت میں $a'=(n-1)d\approx nd$ کے قریب رکھیں تب مساوات 14.155 کو

(14.156)
$$E(\theta) = nE_0 \frac{\sin[(\beta a'/2)\cos\theta]}{(\beta a'/2)\cos\theta}$$

کھا جاسکتا ہے۔اس مساوات کامساوات 14.152 کے ساتھ موازنہ کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ aلمبائی کی سطحی اینٹینااور nر کن a' کمی چوڑائی اخراجی قطار کے مراکزی شعاعًا یک جیسے ہیں۔مزید $nE_0=rac{E_a \mathcal{S}_{0,0}}{2r_0 \lambda}$ کی صورت میں دونوں کے میدان بالکل برابر حتی قیمت رکھتے ہیں۔

> اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کر فوریئر بدل ہیں 14.11

مساوات 14.150 میں دور میدان کی نقش تکمل سے حاصل ہوتی ہے جبکہ اس مساوات میں $\frac{x_1}{2r_0\lambda}$ جزوضر بی ہے جس کا نقش کی شکل پر کوئی اثر نہیں۔ یوں دور میدان کی نقش کو صرف تکمل سے ظاہر کیا جاسکتا ہے یعنی

(14.157)
$$E(\theta) = \int_{-a_{/2}}^{a_{/2}} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

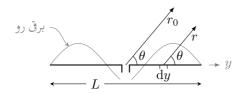
مساوات 14.157 فور بیرً بدل $E(\theta)$ کافور بیرً بدل کی خاصیت میہ ہے کہ اگر E(y) کافور بیرً بدل $E(\theta)$ ہوتب $E(\theta)$ کافور بیرً بدل E(y) ہوگا۔

شکل میں کئی E(y) اوراس سے پیدا E(\theta) آمنے سامنے د کھائے گئے ہیں۔ سطح پر یکسال میدان اوراس کا پیدا کر دودُ ور میدان شکل-الف میں د کھائے گئے ہیں ۔ جن کے حوالے سے بقایایر تیمرہ کرتے ہیں۔ تکونی اور سائن نماسطی تقسیم کے مرکزی شعاع کی چوڑائی زیادہ ہے البتہ ان کے ثانوی شعاعیں کمزور ہیں۔مربع کوہمائن اور گاوی تقسیم 52 کے مرکزی شعاع مزید زیادہ چوڑی ہے جبکہ ان میں ثانوی شعاع نہیں پائی جاتی۔اس کے برعکس منفی ڈھلوان کی تقسیم مثلاً شکل۔ث کم چوڑائی کی مرکزی شعاع پیدا کرتی ہےالبتہ اس کی ثانوی شعاعیں بھی زیادہ طاقتور ہوتی ہیں۔ منفی ڈھلوان کی انتہاشکل۔ٹ میں دکھائی گئی ہے جو دور کن تداخُل پیاہی ہے ہیاس کی چوڑائی شکل-الف کی آد تھی ہے البتہ اس کے ثانوی شعاعیں عین مرکزی شعاع جتنی طاقتور ہیں۔

> خطى اينطينا 14.12

مختصر جفت قطب ہم دیکھ چکے ہیں جہاں جفت قطب کی لمبائی طول موج سے بہت کم $\lambda \gg 1$ تھی۔متعدد تعداد کے نقطہ منبع کوسیدھ میں قریب قریب رکھنے سے کسی بھی لمبائی کا اینٹینا حاصل کیا جاسکتا ہے۔ آئیں ایس لمبی اینٹینا پر غور کریں۔ اینٹینا پر سائن نمابر قی روتصور کی جائے گی۔

14.12. خطى ايتثينا



شکل 14.15: خطی اینٹینا پر سائن نما برقی رو پائی جاتی ہے۔

شکل 14.15 میں المبائی کا اینٹیناد کھا یا گیاہے جے بالکل در میان سے برتی رومہیا کی گئی ہے۔ اینٹینا کے دونوں بالکل یکساں نصف اطراف میں برتی رو بھی ہم شکل ہے۔ ہم کے چھوٹے چھوٹے کھوٹے ککڑوں dy کوانفرادی جفت قطب تصور کرتے ہوئے ان سب کے میدان کا مجموعہ حاصل کرتے ہوئے اس اینٹینا کا دور میدان حاصل کریں گے۔

تجربے سے ثابت ہو تاہے کہ الیما مینٹینا میں برقی رو

(14.158)
$$I = \begin{cases} I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} + y\right)\right] & y < 0 \\ I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} - y\right)\right] & y > 0 \end{cases}$$

مسورت رکھتی ہے۔ مختصر جفت قطب کی لمبائی کو $\mathrm{d}y$ اور اس کے دور میدان کو $\mathrm{d}E_{ heta}$ کھتے ہوئے مساوات 14.38

(14.159)
$$dE_{\theta} = j \frac{30I\beta \, dy}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

يعني

(14.160)
$$dE_{\theta} = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda} \sin \theta I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

دی ہے۔ یول L لمبے اینٹینا کامیدان

(14.161)
$$E_{\theta} = k \sin \theta \int_{-L/2}^{L/2} I e^{j\beta y \cos \theta} \, \mathrm{d}y$$

ہو گاجہاں

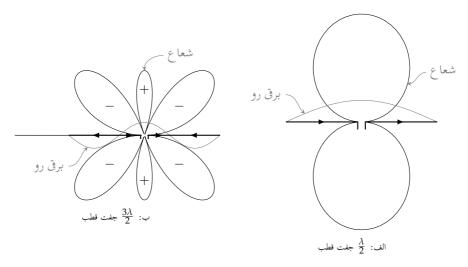
$$(14.162) k = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda}$$

لکھا گیاہے۔مساوات 14.158استعال کرتے اور تکمل لیتے ہوئے

 $I_0 = I_0 e^{j(\omega t - eta r_0)}$ حاصل ہوتا ہے جہال $I_0 = I_0 e^{j(\omega t - eta r_0)}$ تاخیر ی برقی رو ہے۔

(14.164)
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \quad \frac{\lambda}{2}$$

956 جاب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 14.16: $\lambda = 0.5$ اور $\lambda = 0.5$ جفت قطب کے دور میدان۔

- الماجا ساتا ميات الماجات ال

میدان کی شکل مساوات 14.163 کے دائیں جانب قوسین میں بند جزوپر منحصر ہے جسے $\frac{\lambda}{2}$ جفت قطب کی صورت میں

(14.165)
$$E_{\theta} = \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \qquad \frac{\lambda}{2}$$

اور 1.5 جفت قطب کی صورت میں

$$E_{ heta} = rac{\cos[rac{3\pi}{2}\cos{ heta}]}{\sin{ heta}}$$
 فن قطب $rac{3\lambda}{2}$

لکھا جا سکتا ہے۔

شکل 14.16 میں $\frac{\lambda}{2}$ اور $\frac{3\lambda}{2}$ جفت قطب اور ان کے شعاع نکلی محد دیر دکھائے گئے ہیں۔ جفت قطب پر بر قی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے دکھائے گئے ہیں۔ ہفت کے مستوں میں میران کے شعاعوں میں ** 1800 کے شعاعوں میں ** 14.00 کے شعاعوں میں ** 1800 کے شعاعوں میں ** 14.00 کے شعاعوں میں ** 14.00 کے شعاعوں میں ** 1800 کے شعاعوں میں کے شعاعوں کے شعا

جفت قطب کو محور لیتے ہوئے دئے گئے نقش کواس کے گرد مگانے سے تین رُخی نقش حاصل ہو گا۔

اوسط پوئنٹنگ سمتیہ کا ہڑی رداس کے کر ہیر سطحی تکمل

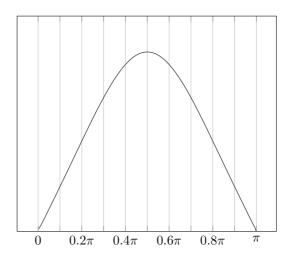
(14.167)
$$P = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{|E_{\theta}|^2}{2Z} r^2 \sin\theta \, d\theta \, d\phi$$

5129

عددی طریقے سے حاصل کرتے ہوئے کل اخراجی مزاحمت R حاصل کی جاتی ہے۔اس مساوات میں $|E_{\theta}|$ کو مساوات 14.164 سے پر کرتے ہوئے

$$P = \frac{15I_0^2}{\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} d\theta d\phi$$

14.12. خطي ايتثينا



شكل 14.17: اخراجي مزاحمت كا عددي حل.

عاصل ہوتا ہے جہاں
$$Z_0=120\pi$$
 اور $r=r_0$ کھے گئے ہیں۔ بیر ونی تکمل پہلے لیتے ہوئے
$$P=30I_0^2\int\limits_0^\pi \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta}\,\mathrm{d}\theta$$

ملتاہے۔اس مساوات کوعد دی طریقے سے حل کرتے ہیں۔ابیا کرنے کی خاطر اسے مجموعے

(14.169)
$$P = \sum_{i=0}^{n} 30 I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \Delta\theta = \sum_{i=0}^{n} p(\theta) \Delta\theta$$

کی شکل میں لکھتے ہیں جہاں

$$p(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta}$$

 $p(\theta)$ کھا گیا ہے۔ شکل 14.17 میں کارتیبی محد دپر تفاعل $p(\theta)$ کو دکھایا گیا ہے۔ افقی محد دپر $\theta=\pi$ تا $\pi=\theta=\pi$ تا $\pi=\theta=\pi$ تا محد دپر $\pi=\pi$ تا محد دپر تفاعل $\pi=\pi$ تا کہ وہ کھایا گیا ہے۔ افتی محد دپر $\pi=\pi$ تا ہوگا۔ گراف کے ایسے ہم محکوت کو مستطیل تصور کیا جاسکتا ہے۔ ان تمام مستطیل کے رقبے جمع محتوج کم کرتے ہوئے تکمل حاصل کیا جاتا ہے۔ اسے کہتے ہیں عدد می طریقہ۔

شکل میں 10 = الیا گیا ہے۔ یوں ہمیں دس متطیل کے رقبے حاصل کرنے ہیں۔ ہر متطیل کے دونوںاطراف کے قد کی اوسط قیمت کو متطیل کا قد تصور کیا جائے گا۔ بائیں بازوسے شروع کرتے ہوئے پہلے متنظیل کے بائیں طرف کا قد 0 ہے جبکہ اس کے دائیں طرف کا قد 14.170 = ھرپر مساوات 14.170

(14.171)
$$p_1(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos(0.1\pi)]}{\sin(0.1\pi)} = 0.573I_0^2$$

5133

حاصل ہوتاہے۔اسی طرح بقایا تمام نقطوں پر بھی قد حاصل کرتے ہوئے جدول 14.2 میں دیے گیے ہیں۔

شکل 14.17 میں بائمیں سے دوسر بے متنظیل $heta=0.1\pi$ کار قبہ 14.17

اوسط قد
$$imes$$
 چوڑائی $imes$ $= 0.573I_0^2 + 4.457I_0^2$ $= 0.79I_0^2$

جدول 14.2: برابر زاویائی فاصلوں پر تفاعل کے قیمت.

$30I_0^2 \frac{\cos^2[\pi/2\cos\theta]}{\sin\theta}$	θ
0	0.0π
$00.573I_0^2$	0.1π
$04.457I_0^2$	0.2π
$13.492I_0^2$	0.3π
$24.677I_0^2$	0.4π
$30I_0^2$	0.5π
$24.677I_0^2$	0.6π
$13.492I_0^2$	0.7π
$04.457I_0^2$	0.8π
$00.573I_0^2$	0.9π
0	1.0π

5134

جدول 14.2 کی مددسے کل رقبہ

$$P = 0.1\pi I_0^2 \left(\frac{0}{2} + 0.573 + 4.457 + 13.492 + 24.677 + 30 + 24.677 + +13.492 + 4.457 + 0.573 + \frac{0}{2}\right)$$

 $(14.172) P = 36.5675I_0^2$

حاصل ہوتا ہے۔ سائن نما بر تی رو کی چوٹی I_0 ہونے کی صورت میں مزاحمت R میں طاقت کا ضیاع $\frac{1}{2}I_0^2R$ ہوتا ہے للذااان دونوں کو برابر ککھتے ہوئے $rac{1}{2}I_0^2R$ جاصل ہوتا ہے۔ سائن نما بر تی رو کی چوٹی $rac{1}{2}I_0^2R$ جامل ہوتا ہے۔ سائن نما برقی رو کی چوٹی میں مزاحمت $rac{1}{2}I_0^2R$ ہوتا ہے۔ سائن نما برقی رو کی چوٹی میں مزاحمت میں مزاحمت

ہبائی کے جفت قطب کا خراجی مزاحمت $\frac{\lambda}{2}$

(14.173)
$$R_{\zeta_1, \Sigma_2} = 73.13 \,\Omega$$
 هنت قطب $\frac{\lambda}{2}$

حاصل ہوتا ہے۔ یہ وہ مزاحمت ہے جواینٹینا کو طاقت مہیا کرنے یااس سے طاقت وصول کرنے والے ترسیلی تار کو نظر آتی ہے۔ ½ اینٹینا کے اخراجی مزاحمت کامیوازنہ مختصر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت (Ω 0.63 Ω) کے ساتھ کریں جسے صفحہ 530 پر مثال 14.1 میں حاصل کیا گیا ہے۔

اینٹینا کی رکاوٹ میں 142.5اوہم کاخیالی جزو (Z = 73.1 + j42.5) بھی پایاجاتا ہے۔ اینٹینا کی کمبائی چند فی صد کم کرنے سے خیالی جزو صفر کیاجا ہسکتا ہے، البتہ اس سے حقیقی جزو قدر کم ہوکر Ω 70رہ جاتا ہے۔ زیادہ سے زیادہ طاقت کی منتقلی کے لئے ضرور ک ہے کہ ایسے اینٹینا کو Ω 70 قدرتی رکاوٹ کے چردیل تار کے ساتھ جوڑا جائے۔ 32 اینٹینا کا خراجی مزاحمت Ω 100 حاصل ہوتا ہے۔

5140

14.13. چلتی موج اینٹینا

حل: مساوات 14.77 میں مساوات 14.165 پر کرتے ہوئے

$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega} = \frac{4\pi}{2\pi \int_0^{\pi} \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin^2\theta} \sin\theta \, d\theta}$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کا مساوات 14.168 سے موازنہ کرتے ہوئے، مساوات 14.172 میں حاصل کی گئی قیمت 36.5675 استعال کرتے ہوئے

$$D = \frac{4\pi}{2\pi \left(\frac{36.5675I_0^2}{30I_0^2}\right)} = 1.64$$

حاصل ہوتا ہے۔

5143

14.13 چلتی موج اینٹینا

گزشتہ ھے میں خطی اینٹینا پر سائن نما برقی روتصور کیا گیا۔الیی دبلی موصل تار، جس کا قطر d طول موج λ ہے بہت کم ہو d اور جس کا آخری سرہا، کھلے سرے ہو، کے برقی روکی شکل تقریباً لیم ہی ہوتی ہے۔

کئی طول موج کمبی خطی اینٹینا موصل زمین کے متوازی ااونچائی پرپائی جاتی ہے۔ جیسے شکل 14.18-الف میں دکھایا گیاہے،اس کو ہائیں جانب سے ٹرانہماڑ ق⁵³ طاقت مہیا کرتا ہے۔ خطی اینٹینا اور موصل زمین مل کر کھلے سرے تربیلی تار کا کر دار ادا کرتے ہیں۔ یوں کھلے سرپر آمدی برقی رواور یہاں سے انعکاسی برقی ہو مل کر ساکن موج کو جنم دیتے ہیں جسے شکل-الف میں دکھایا گیا ہے۔ تار کے کھلے سرپر برقی روکے ساکن موج کاصفر پایاجاتا ہے جبکہ آج فاصلے پراس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ یہی برقی روگر شتہ جسے میں خطی اینٹینا پر فرض کی گئی تھی۔

آئیں اب تر سلی تارکے قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحمت R، تارکے کھلے سر اور زمین کے در میان جوڑیں۔ایساکرنے کے بعد اینٹینا پراندکاسی موج پیدا نہیں ہوگ۔تارمیں قابل نظرانداز ضیاع کی صورت میں پوری لمبائی پر برقی رو کی قیمت یکساں ہوگی جبکہ لمبائی جانب بڑھتازاویائی فرق پایا جائے گا۔اس طرح قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحمت سے اختتام کردہ اینٹینا کوشکل 14.18-ب میں دکھایا گیا ہے۔زمین سے دور خطی اینٹینا پر ایسی ہمسلسل موج پیدا کرنے کی ترکیب شکل 1468ء ہے۔ میں دکھائی گئے ہے جہاں کے اینٹینا کے وسطی نقطے کو زمین تصور کیا گیا ہے۔

مسلسل موج کے اس خطی اینٹینا کو چھوٹے جھوٹے، سلسلہ وار جڑے، لمبائی جانب اخراجی جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ایساشکل میں دکھایا گیا ہے۔ مساوات 14.127 غیر سمتی ارکان کے قطار کا نقابل پذیر نقش

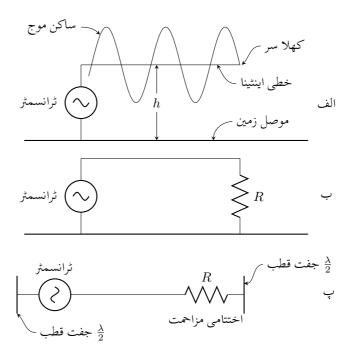
$$E_n = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

ویتی ہے جہاں لمبائی جانب اخراج کی صورت میں $\psi = \beta d(\cos \theta - 1)$ ہوتب ضرب نقش کی ترکیب سے قطار کا نقش کی جہاں لمبائی جانب اخراج کی صورت میں کا نقش کی ترکیب سے قطار کا نقش

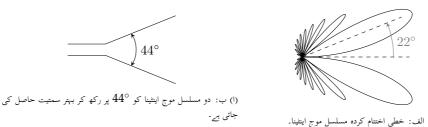
$$E(\theta) = \frac{E_0}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

transmitter⁵³

باب 14. اينثينا اور شعاعي اخراج



شكل 14.18: مسلسل موج اينٹينا۔



شكل 14.19

L=d(n-1)pprox nd کیماجا سکتا ہے۔ انتہائی چپوٹے بھنت قطب کا نقش $E_0=\sin heta$ نقش $\sin heta\sin(rac{eta L}{2}(\cos heta-1)]$

$$E(\theta) = \frac{\sin \theta}{n} \frac{\sin\left[\frac{\beta L}{2}(\cos \theta - 1)\right]}{\sin\left[\frac{\beta L}{2n}(\cos \theta - 1)\right]}$$

لکھا جائے گا۔ بیداینٹینا لمبائی جانب اخراج کرتاہے للذاθ کی قیمت زیادہ نہیں ہو گی۔ایسی صورت میں مندرجہ بالا مساوات کو

(14.177)
$$E(\theta) = \sin \theta \frac{\sin[\beta L/2(\cos \theta - 1)]}{\beta L/2(\cos \theta - 1)}$$

(14.176)

5159

کھا جا سکتا ہے۔

شکل 14.19-الف میں n=20 اور $\frac{\lambda}{4}=0$ کی صورت میں حاصل 4.75 لمبائی کے اینٹینا کی شعاع دکھائی گئی ہے۔ مرکزی شعاع °22 $\theta=0$ پو پائی جاتی ہے۔ جیسا شکل -ب میں دکھایا گیا ہے ، دوعد دایسے اینٹینا کو آلیس میں °44 کے میکانی زاویے پر رکھنے سے یک سمتی اینٹینا حاصل ہو گا جسے دوتار کے تر سیکی تار سے طاقت مہیا کی جاسکتی ہے۔ دونوں کے قریبی شعاع مل کر بہتر سمتیت دیتی ہے۔

زمین کے متوازی اینٹینا کاعمودی شعاع حاصل کرنے کی خاطر زمین میں اینٹینا کے عکس کو بھی مد نظر ر کھا جائے گا۔

14.14 جهوٹا گهیرا اینٹینا

شکل14.20 - الف میں 4 قطر کا گھیر الینٹینا 54 کھایا گیاہے جس میں 1 برقی رو گزر رہی ہے۔ دائرے کا قطر طول موج سے بہت کم کہ سے لہٰذا پورے گول دائرے کو شکل - ب کا چکور تصور کرتے ہوئے، دور میدان حاصل کرتے ہیں۔ چکور دائرے کو شکل - ب کا چکور تصور کرتے ہوئے، دور میدان حاصل کرتے ہیں۔ چکور اور گول دائرے کے رقبے برابر

$$(14.178) S = s^2 = \frac{\pi d^2}{4}$$

کئے جاتے ہیں۔ چکور کے چاراطراف کو چار جفت قطب تصور کرتے ہوئے دور میدان حاصل کیا جائے گا۔ چکور کو کار تیبی محدد کے مرکز پر 0 = 2 سطح پررکھتے ہوئے والے جاتے ہیں۔ چکور کے اطراف سمت میں میدان پیدا کرتے ہیں لہٰذاان کا مجموعہ موغ کے سطح پر دور میدان پیدا کرتے ہیں لہٰذاان کا مجموعہ صفر کے برابر ہے۔اطراف بادرت بطور مختصر جفت قطب کر دارادا کرتے ہیں جن کا نقش 0 = 2 سطح پر غیر سمتی ہے لہٰذاانہیں دوغیر سمتی جفت قطب تصور کیا جاسکتا ہے۔ایسا ہی شکل ۔ پ میں دکھایا گیا ہے جہاں سے دور میدان

$$E(\theta) = E_2 e^{-j\frac{\psi}{2}} - E_4 e^{j\frac{\psi}{2}}$$

کور $\psi = \beta s \sin \theta$ اور $\psi = E_1$ اور $\psi = \beta s \sin \theta$ بین پول

$$E(\theta) = -j2E_2 \sin\left(\frac{\beta s}{2}\sin\theta\right)$$

کھاجاسکتاہے جسے $\lambda \gg s$ کی صورت میں

$$(14.179) E(\theta) = -jE_2\beta s\sin\theta$$

کھاجا سکتا ہے۔ صفحہ 528 پر دیے گئے جدول 14.1 سے مختصر جفت قطب کے دور میدان E₀ کے حیطے کو E₂ کی جگہ پر کرتے ہوئے

(14.180)
$$E(\theta) = \frac{60\pi Il}{r\lambda} \beta s \sin \theta$$

 $S=S^2$ عاصل ہوتا ہے۔ شکل 14.20- پیس جفت قطب کی لمبائی $l=S=S^2$ ہیں جنگ جاندا

(14.181)
$$E(\theta) = \frac{120\pi^2 I}{r} \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta$$

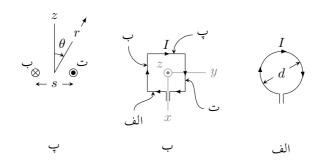
لکھاجا سکتا ہے۔ مندر جہ بالامساوات کار قبے کے چھوٹے دائرے یا چکور کادور میدان دیتی ہے۔ چکور کا قطر جتنا کم ہویہ مساوات اتناہی زیادہ درست میدان دیتا ہے۔ میں کار قبے کے کسی بھی شکل کے چھوٹے بند دائرے کادور میدان یہی مساوات دیتا ہے۔

14.15 پيچ دار اينٿينا

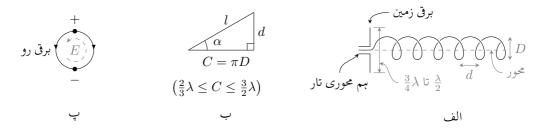
طول موج برابر محیط کا بیچ دار لیھالمبائی جانب اخراجی اینٹینا کا کام کر تاہے۔ایسے اینٹینا کی شعاع، دائری قطبیت رکھتی ہے۔ لیھے کی لمبائی اور اینٹینا کی سمتیت رہاہت تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔ پیچ دار اینٹینا دیکا قطر C،اس کا محیط C، چکر کے مابین فاصلہ A، چکر کی لمبائی اور پیچ دار زاویہ ہ،اس کے اہم ناپ ہیں۔ان تمام کورڈیکل

loop antenna⁵⁴ helical-beam antenna⁵⁵

962 جاب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 14.20: دائره اور چكور اينٹينا



شكل 14.21: پيچ دار اينٹينا۔

14.21 میں دکھایا گیا ہے۔ایسالچھے جس کامحیط $C = \pi$ تقریباً یک طول موج (1λ) لمباہو پرایک مکمل موج پائی جائے گی۔ یوں نصف چکر پر برقی موج کا اثبت مصد اور بقایا پر موج کا منفی حصد پایاجائے گا۔ لچھے کے ایک چکر کوشکل۔ پ میں دکھایا گیا ہے جہاں اس پر برقی رواور چارج دکھائے گئے ہیں جو میدان کے پیدا کھوتے ہیں۔ جیسے جیسے برقی روکی موج اینٹینا پر آگے حرکت کرتی ہوئی ہے ویسے میدان کے گھو مے گاجو اینٹینا کے محور پر دائر کی قطبیت 30 کو جنم دے گی۔ پچوا بطور مسلسل موج اینٹینا کے محور پر دائر کی قطبیت 30 کو جنم دے گی۔ پچوا المحوج اینٹینا کے داراداکر تاہے اور اس کی خاصیت یہ ہے کہ اسے کسی مزاحمت سے اختتام پذیر کرنے کی ضرورت نہیں ہوتی۔ اس پر برقی روبالکل مسلسل موج اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کے مطلس موج خارجی جانب حرکت کرتی پائی جات کہ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کے مطلس موج خارجی جانب حرکت کرتی پائی

چی داراینٹینا کولمبائی جانب اخراجی قطار نصور کیا جاسکتا ہے جہاں ہر چکر کوا نفرادی منبع فرض کیا جاتا ہے۔ضرب نقش کے اصول سے ،ا نفراد ی منبع کا نقش ضرب غیر سمتی ارکان کے قطار کا نقش،

(14.182)
$$E(\theta) = \cos \theta \frac{\sin(n\psi/2)}{\sin(\psi/2)}$$

ا بنٹینے کا نقش دیتا ہے۔اس مساوات میں انفرادی چکر کے نقش کو 6 cos کے لگ بھگ تصور کیا گیا ہے۔مندرجہ بالا مساوات میں

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v}$$

 $_{5172}$ ہو گاجوا کی جہاں دوقر بی چکر کے مابین زاویائی فرق $\frac{c\beta L}{v}$ ہو گاجوا کی چکر گولائی L پر ابر ہے جہاں دوقر بی چکر کے مابین زاویائی فرق ہے۔

مساوات 14.182 اور مساوات 14.177 کے مواز نے سے معلوم ہوتا ہے کہ یہ قدر مختلف ہیں۔ مساوات 14.182 میں θ cos پایاجاتا ہے جس کی قیمت 0 ہے۔ و پر زیادہ سے زیادہ ہے جو اینٹینا کا محور یعنی شعاعی اخراج کی سمت ہے۔اس کے برعکس مساوات 14.177 میں θ sin کا جزوضر بی پایاجاتا ہے جو اینٹینا کے محور پروصفر کے برابر ہے للذا اس اینٹینا کی شعاع دوشاخی ہے اور اس کی سمتیت قدر کم ہے۔

circular polarization⁵⁶

14.16. دو طرفه کردار

چو نکہ میدان دائری قطبی اور محور کے گردیکسال ہے للذا یہی مساوات $E_{ heta}(heta)$ کا نقش بھی دیتی ہے۔

کسی بھی لمبائی جانب اخراجی قطار میں تمام منبع کے میدان اینٹینا کے محور پر ہم قدم ہوتے ہیں جو

(14.184) $\psi = 0, \mp 2\pi, \mp 4\pi, \cdots$

 $\psi = -2\pi$ کی صورت میں ممکن ہوتا ہے۔ پی دار اینٹینا میں $\psi = -2\pi$ برابر ہے۔ ارکان کے مابین $\psi = -2\pi$ ناویائی فرق کی بنیاد پر حاصل نقش اور اصل پی دار اینٹینا کے ناپے گئے نقش میں خاصہ فرق پایاجاتا ہے۔ پی دار اینٹینا کی نائی گئ سمتیت زیادہ ہے۔ بنسن اور ووڈ یارڈ $\psi = -2\pi$ بین کہ $\psi = \pi$ بین کہ ارکان کے مابین $\psi = -2\pi$ بین اور اورڈ بین کہ اس کے ارکان کے مابین $\psi = -2\pi$ بین اور اور این فرق پایاجاتا ہو۔ مساوات 14.182 میں ارکان کے مابین زاویائی فرق $\psi = -2\pi$ بین کہ حقیق اینٹینا کے ناپے نقش جیسا نقش حاصل ہوتا ہے۔ اس سے ثابت ہوتا ہے کہ حقیق اینٹینا پر دو قریبی چکر کے مابین بھی زاویائی فرق پایاجاتا ہے۔ اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 14.182 سے میں ارکان کے مابین بھی زاویائی فرق پایاجاتا ہے۔ اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے بھی کہ ناپ کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے بھی کے میں داویائی فرق پایاجاتا ہے۔ اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے بھی کے میں داویائی فرق پایاجاتا ہے۔ اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے بھی کے میں کرتے مابین کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے بھی کرتے مابین کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے بھی کرتے ہوئے مساوات 14.182 سے بھی کرتے ہوئے مساوات

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v} = -2\pi - \frac{\pi}{n}$$

لکھتے ہوئے

$$\frac{v}{c} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{\frac{d}{\lambda} + \frac{2n+1}{2n}}$$

بيچ داراينٹينا کی سمتيت تقريباً

(14.187)
$$D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda}$$

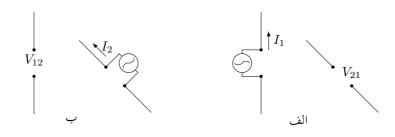
$$- \mathcal{D} = 64 \mathcal$$

20₅₁₈ (1.213 میر 21 میر 213 میر طول موج میں تقریباً پانچ چکر پائیں جائیں گے للذا20 چکر کالینٹینا = 0.213 میرہ علی علی علی الدا20 چکر کالینٹینا = 0.213 میرہ علی علی علی علی علی کا ہوگا۔ اتنی لمبائی کے عام لمبائی جانب اخراجی اینٹینا کی سمتیت چار گناسے بھی قدر کم ہوتی ہے۔

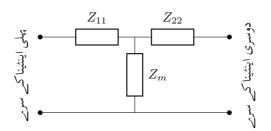
پیچوداراینٹینا کی سمتیت زیادہ ہونے کامطلب ہے کہ اس کی اخراجی سطح حقیقی سطح سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔مصنوعی سیاروں پر مبنی ذرائع ابلاغ میں پیچودارالیہ بٹینا کلیدی کر دار اداکرتی ہے۔

14.16 دو طرفه کردار 14.16

اینٹیناشعاع خارج کرتی ہے اور یااسے وصول کرتی ہے۔اینٹینا کے تمام خاصیت دوطر فیہ ہیں۔ یوں اس کی سمتیت ، اخراجی رقبہ ، نقش اور اخراجی مزاحمت دوانوں (اخراجی اور وصولی) صور توں میں برابر پائے جاتے ہیں۔البتہ اینٹینا پر برقی رواخراجی اور وصولی صورت میں مختلف صورت رکھتی ہے۔ باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 14.22: دو اينٹينا كر مابين باہميت.



شكل 14.23: مساوى T دور.

$$V_{21} = I_1 Z_m$$
$$V_{12} = I_2 Z_m$$

$$\frac{V_{21}}{I_1} = \frac{V_{12}}{I_2} = Z_m$$

کھاجا سکتا ہے۔ دونوں اینٹینا کو برابر برقی رو $(I_1=I_2)$ مہیا کرنے کی صورت میں

$$(14.189) V_{21} = V_{12}$$

5193 **__**By

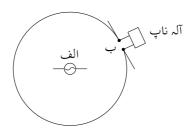
اینٹینا کی دوطر فہ خاصیت کے تحت اگر کسی ایک اینٹینا کو برقی رو I مہیا کی جائے جس سے کسی دوسرے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہو تب دوسرے اینٹینا کو برقی رو I فراہم کرنے سے پہلے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہوگا۔

دونوں اینٹینا کے ماہین مشتر کہ رکاوٹ Z_m دونوں اطراف سے برابر ہے۔

5196

١

14.16. دو طرفه کردار



شكل 14.24: نقش كى ناپ۔

نقش نقش

شکل 14.24 میں اینٹینا-الف شعاع خارج کررہی ہے جبکہ اینٹینا-باس شعاع کو وصول کررہی ہے۔اینٹینا-الف ساکن ہے جبکہ اینٹینا-باس کے گردہ گول دائرے پر گھوم رہی ہے۔اینٹینا-ب پر پیدا برقی دباو،اینٹینا-الف کی نقش دے گی۔ابا گردائرے پر گھومتی اینٹینا شعاع خارج کرےاور ساکن اینٹینااس شعاع کو وصول کرے تواینٹینا کے دوطر فہ خاصیت کے تحت وہی نقش دوبارہ حاصل ہوگا۔ یوں کسی بھی اینٹیناکا خراجی نقش اور وصولی نقش بالکل یکسال ہوتے ہیں۔ایپٹینا کی دوطر فہ خاصیت اس کے نقش کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

سمتیت اور اخراجی رقبہ

مساوات 14.77

(14.190)
$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{\Delta\pi} P_n(\theta, \phi) \,\mathrm{d}\Omega}$$

کے تحت سمتیت صرفاور صرف نقش پر منحصر ہے اور ہم دیکھ چکے ہیں کہ اینٹینا کااخراجی نقش اوراس کاوصولی نقش بالکل یکسال ہوتے ہیں للذااس کی اخراجی سمیتیت اور وصولی سمتیت بھی بالکل یکسال ہوں گے۔

ا گراخراجی سمتت اور وصولی سمتت برابر ہوں تب مساوات 14.101

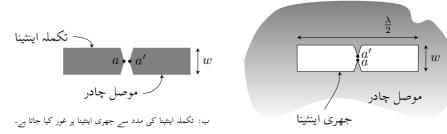
$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\zeta,j,\dot{\gamma},j}$$

کے تحت اخراجی رقبہ اور وصولی رقبہ بھی برابر ہوں گے۔اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت سمتیت اور رقبے کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

اخراجی مزاحمت اور وصولی مزاحمت

ا خراجی اینٹینا کو صرف داخلی برقی سروں سے برقی رومہیا کی جاسکتی ہے جبکہ وصولی اینٹینا کے تمام جسامت پر برقی دباوپیدا ہوتاہے جس سے اینٹینا کی برقی رود عموماً اخراجی صورت سے مختلف ہو گی۔

ا گراینشینا کو مختلف برقی رکاوٹوں کا مجموعہ تصور کیا جائے تب اگرچہ اس کے مختلف حصوں پر برقی رو مختلف ممکن ہے لیکن کسی بھی دوسروں کے ماہین رکاوٹ تبدیل نہیں ہوتی۔ یوں اینٹینا کے برقی سروں کے ماہین برقی رکاوٹ کادارومدار اینٹینا میں برقی روکی صورت پر نہیں ہوتی۔اس کااخرا جی رکاوٹ اور وصولی رکاوٹ بالکل برابر ہوتے ہیں۔اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت یہاں بھی قابل استعال ہے۔ 566 اینٹینا اور شعاعی اخراج



الف: موصل چادر میں جھری بطور اینٹینا کام کرتی ہے۔

شكل 14.25: جهرى اينٹينا اور اس كا تكمله اينٹينا.

14.17 جهری اینٹینا

وسیع موصل چادر میں ﴿ لمبائی کی جمری شکل 14.25-الف میں دکھائی گئے ہے۔اگر 'aa' کو ترسیلی تارسے جوڑاجائے تو جمری کے گرد موصل چادر میں برقی رو کی وجہ سے شعاعی اخراج پیدا ہو گی۔ جمری کواز خود موصل چادر فرض کرتے اینٹینا تصور کیا جاسکتا ہے جس کی مددسے جمری اینٹینا ⁶⁸کامیدان حاصل کیا جاتا ہے۔ شکل۔ بیٹینا ⁶⁰کود کھایا گیا ہے۔ جمری اینٹینا کو میر طاقت چوڑائی کے اطراف کے مابین فراہم کی جاتی ہے جبکہ تکملہ اینٹینا کو لمبائی جانب کے اطراف کے مابین طاقت ہوڑائی کے اطراف کے مابین طاقت کے مابین طاقت کے میر کی جاتی ہے۔ بول ان کے میدان آپس میں °90 پر ہوں ⁶¹ گے۔ جمری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ ہے کا اور تکملہ اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ ہے کے کا آپس میں تعلق

$$Z_g = \frac{Z_0^2}{4Z_d}$$

5213

ہے۔ جہاں π کا وٹ ہے۔ $Z_0=120$ خلاء کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

اس طرح جفت قطب کے خصوصیات جانتے ہوئے جھری کے خصوصیات دریافت کئے جاسکتے ہیں۔یوں اگر جھری کی چوڑائی کہ $c \ll \lambda$ اوراس کی لمبائی $\frac{\lambda}{2}$ کردی جائے تو تکملہ اینٹینا (صفحہ 558) کی اخراجی رکاوٹ کے جانے ہوئے جھری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ

(14.193)
$$Z_g = \frac{377^2}{4 \times (73 + j42.5)} = 363 - j211 \,\Omega$$

5214

5215

5212

لکھی جاسکتی ہے۔

14.18 پيپا اينٹينا

شکل 14.26 میں پیپالینٹینا⁶د کھایا گیاہے جے بائیں جانب سے مستطیلی ترسیلی تار طاقت مہیا کر رہی ہے۔ پیپالینٹینا کومستطیل ترسیلی تار کا کھلامنہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ مستطیلی ترسیلی تار کامنہ بڑھانے سے اینٹینا کی اخراجی سطح بڑھانا مقصد ہے جس سے سمتیت بڑھتی ہے۔اگرچہ پیپا کے منہ پر ہم قدم میدان ہی سے بہتر سمتیت حاصل ہو

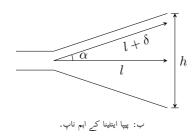
slot antenna⁵⁹

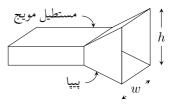
complementary antenna⁶⁰

Booker's theory⁶¹

horn antenna⁶²

14.18. پيپا اينتينا





لف: پیپا اینٹینا۔

شکل 14.26: پیپا اینٹینا اور اس کے اہم ناپ۔

گی، حقیقت میں ایساہم قدم میدان حاصل کر ناممکن نہیں ہوتا۔ یوں حقیقی اینٹینامیں پیپا کے منہ پر میدان میں فرق کو کسی مخصوص مقدار 8 سے کم رکھا جاتا ہے۔ شکل ۔ ب کودیکھ کر

$$\cos \theta = \frac{l}{l+\delta}$$

$$\sin \theta = \frac{h}{2(l+\delta)}$$

$$\tan \theta = \frac{h}{2l}$$

کھے جا سکتے ہیں۔ کم δ کی صورت میں ان مساوات سے

(14.194)
$$l = \frac{h^2}{8\delta}$$
(14.195)
$$\theta = \tan^{-1} \frac{h}{2l} = \cos^{-1} \frac{l}{l+\delta}$$

کھاجا سکتا ہے۔ برقی میدان Hسمت میں اور مقناطیسی میدان wسمت میں تصور کرتے ہوئے آگے پڑھیں۔ برقی میدان E سطیر اس فرق کو E کر کھاجاتا ہے۔ بس سے پیپے کے منہ پر کل فرق °36 E تک محد ودر کھا جاتا ہے۔ مقناطیسی میدان E بسطے پیپے کے اطراف پر برقی میدان سطے کے متوازی ہونے کی وجہ سے صفر ہوتا ہے لہٰذا میدان میں زیادہ ذاویا کی فرق سے دور میدان زیادہ متاثر نہیں ہوتا۔ E

مثال 14.11: شکل میں h=10 ہے جبکہ تر سیلی تار میں مال TE_{10} موج پائی جاتی ہے۔ شکل میں π اور نصف زاویے θ اور ϕ حاصل کریں۔

حل: برقی میدان کی سطچر $\delta < \frac{\lambda}{5}$ کے ہوئے

$$l = \frac{h^2}{8\delta} = \frac{100\lambda^2}{8 \times \frac{\lambda}{5}} = 62.5\lambda$$

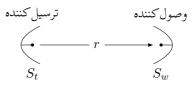
حاصل ہوتاہے جس سے E سطچرِ

$$\theta = \tan^{-1}\frac{h}{2l} = \tan^{-1}\frac{10\lambda}{2\times62.5\lambda} = 4.6^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان پر $rac{3\lambda}{8} > \delta$ لیتے ہوئے

$$\phi = \cos^{-1} \frac{62.5\lambda}{62.5\lambda + \frac{3}{8}\lambda} = 6.26^{\circ}$$

568 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 14.27: وصول کردہ طاقت کا انحصار ترسیلی اور وصولی اینٹینا کے اخراجی رقبوں پر ہے۔

حاصل ہوتاہے۔ پینے کی چوڑائی

 $w = 2l \tan \phi = 2 \times 62.5 \times \lambda \times \tan 6.26^{\circ} = 13.7\lambda$

حاصل ہوتی ہے۔

5221

5223

14.19 فرائس ريڈار مساوات

شکل 14.27 میں ہا Sاخرا بی رقبے کا ترسیل کنندہ اور S_{to} کا خراجی رقبے کا وصول کنندہ اینٹینا آپس میں r فاصلے پر دکھائے گئے ہیں۔اگر غیر سمتی ترسیل کنندہ P طاقت کی شعاع خارج کرے تب وصول کنندہ کے قریب اکائی رقبے پر

$$(14.196) P = \frac{P_t}{4\pi r^2}$$

کثافت طاقت دستیاب ہو گی جس سے وصول کنندہ

$$(14.197) P'_w = PS_w$$

طاقت حاصل کرپائے گا۔ تر سیلی سطح S_t سمتی تر سیل کنندہ کی سمتیت $D=rac{4\pi S_t}{\lambda^2}=D$ ہالمذااس کی شعاع سے وصول کنندہ

(14.198)
$$P_{w} = DP'_{w} = \frac{4\pi S_{t}}{\lambda^{2}} \frac{P_{t}S_{w}}{4\pi r^{2}}$$

طاقت حاصل کر پائے گا۔اس مساوات سے

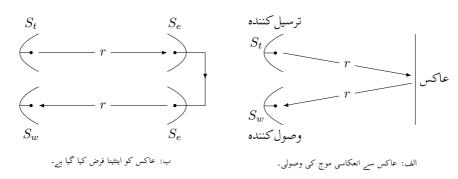
$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w}{\lambda^2 r^2}$$

کھاجا سکتا ہے جہاں کسی بھی دواینٹینا کے نظام میں مساوات کادایاں ہاتھ ہے بُعد مستقل ہے۔ یہ مساوات فرائس ترسیلی مساوات ⁶³ کہلاتی ہے۔ آئیں اب شکل 14.28۔
الف پر غور کریں جہاں ترسیل کنندہ اینٹینا شعاع خارج کرتی ہے۔اندکاسی شعاع کو وصول کنندہ اینٹینا وصول کرتی ہے۔ریڈار میں عمواً ایک ہی اینٹینا دونوں کام
سرانجام دیتی ہے۔ شعاع کااندکاس ہوا میں اڑتے جہاز سے ممکن ہے۔ شکل 14.28۔ ب میں عاکس کو دواینٹینا کی صورت میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک اینٹینا شعاع
وصول کرتے ہوئے دوسرے اینٹینا سے واپس خارج کرتا ہے۔یوں مساوات 14.199 کو دو مرتبہ استعال کرتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

Friis transmission equation⁶³

14.19. فرائس ريثًار مساوات



شکل 14.28: ریڈار اینٹینا شعاع خارج کر کے انعکاسی موج وصول کرتا ہے۔

کھاجا سکتاہے۔اگرایک ہی اینٹینا بطور ترسلی اور وصولی اینٹینا استعال کیاجائے تب $P_w \ \ \ S_w^2 S_e^2$

(14.201)
$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

کھھاجا سکتا ہے جہاں عاکس **کا اخرا جی رقبہ S**ے۔

ا گرعاکس وسیع جسامت کاہواوراس سے انعکاس موج عین ریڈار کی سمت میں ہوت عاکس کااخراجی رقبہ اس کے میکانی رقبے جتنا ہوگا۔ عموماً عاکس غیرسمتی اخراج کرتا ہے جس کی وجہ سے اس کااخراجی رقبہ ،اس کے میکانی رقبے سے کم ہوتا ہے۔الی صورت میں عاکس کے وصولی رقبے کو کلکھتے ہوئے مساوات 14.199 سے عاکس کی حاصل کردہ طاقت

$$\frac{P}{P_t} = \frac{S_t \sigma}{\lambda^2 r^2}$$

کھی جائے گی۔ یہی طاقت غیر سمتی خارج کی جائے گی۔ غیر سمتی اینٹینا کااخراجی رقبہ $\frac{\lambda^2}{4\pi} = S$ ہوتا ہے۔ یہی عاکس کی اخراجی رقبہ لیتے ہوئے مساوات 14.201 میں $S_c^2 = S \sigma$ ککھتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S \sigma}{\lambda^4 r^4}$$

يعني

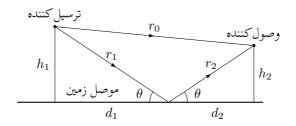
$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 \sigma}{4\pi \lambda^2 r^4}$$

حاصل ہو تاہے جہاں σریڈارر قبہ تراش ⁶⁴ کہلاتاہے۔ یہ ریڈار مساوا<mark>ت</mark> ⁶⁵ کہلاتی ہے۔

بڑی جسامت کی موصل کرہ، جس کار داس a ہو، کی ریڈارر قبہ تراش اس کے میکانی رقبہ تراش πa² کے برابر ہوتی ہے۔غیر کامل عاکس کی صورت میں پویڈار رقبی تراش نسبتاً کم ہوگا، مثلاًا یک میٹر طول موج پر چاند کاریڈارر قبہ تراش تقریباً 10 گناحاصل ہوتا ہے۔

مثال 14.12: ایک ٹی و کا اسٹیشن موصل زمین پر کھڑے m 200 قد کے اینٹینا سے 1 kW کی طاقت سے نشریات کرتی ہے۔ افقی سطح پر اینٹینا غیر سمتی ہے جبکہ عمود کی سعت میں اس کی نصف طاقت چوڑائی °10 ہے۔ طول مون m امونے کی صورت میں 4 km دور کتنی اونچائی پر اینٹینا بہترین وصولی کرپائے گا۔ ہے۔ ولی کرپائے میں کردہ طاقت کا بھی تخمینہ لگائیں۔ وصولی اینٹینا مندر جہ ذیل فرض کرتے ہوئے حل کریں۔

adar cross section⁶⁴ radar equation⁶⁵ 570 اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 14.29: سیدهی آمد موج اور انعکاسی موج کر اثرات.

• عمودی قطبی اینٹینا جس کی سمتیت 4 کے برابر ہے۔

افقی قطبی اینٹیناجس کی سمتیت 4 کے برابر ہے۔

- دائری قطبی 6 چکر کا پیچے دار اینٹینا جس کا lpha=12.5 اور چکر کے مابین فاصلہ lpha=0.22ہے۔

حل: شکل میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔ موصل زمین سے انعکاس پر زمین کے متوازی برقی میدان میں °180 کی تبدیلی رونماہو گی۔ یوں اگر وصولی ایڈ نمین کے متوازی برقی میدان میں صورت میں اسے سید تھی رسائی کے علاوہ اندمین زمین کے بالکل قریب ہوتب افتی قطبی میدان کی صورت میں یہ صفر طاقت چارگناہوگا۔ سے انعکاسی میدان بھی میسر ہوگا۔ یوں کل میدان دگنااور طاقت چارگناہوگا۔

شکل 14.29 کو د مکھتے ہوئے کہہ سکتے ہیں کہ کسی بھی *ال*پرا گر

(14.205)
$$r_1 + r_2 - r_0 = n\lambda$$
 $(n = 0, 1, 2, \cdots)$

ہوتبافقی قطبی میدان صفریایا جائے گا جبکہ عمودی قطبی میدان د گناہو گا۔اسی طرح جب بھی

$$(14.206) r_1 + r_2 - r_0 = n\frac{\lambda}{2} (n = 1, 3, 5, \cdots)$$

ہو تب افقی قطبی میدان د گنااور عمود کی قطبی میدان صفر پایا جائے گا۔ان حقائق سے ظاہر ہے کہ زیادہ سے زیادہ افقی قطبی میدان کے دو قریبی نقطوں کے در پیمیانی نقطے پر زیادہ سے زیادہ عمود کی قطبی میدان پایا جاتا ہے۔

بایاں دائری قطبی موج انعکاس کے بعد دایاں دائری قطبی ہوتاہے۔اسی طرح دایاں دائری قطبی موج انعکاس کے بعد بایاں دائری قطبی ہوتاہے۔ یوں اگر تھو یکی اینٹینا دائری قطبی ہوتاہے۔ یوں اگر تھو یکی اینٹینا دائری قطبی اینٹینا صرف سیدھے آمدی میدان کو وصول کر پائے گا جبکہ بایاں دائری قطبی اینٹینا صرف انعکاسی میدان کو وصول کر پائے گا۔ یوں دونوں اقسام کے دائری قطبی اینٹینا انعکاسی میدان حاصل کریں گے۔ ترسیلی اینٹینا بایاں قطبی ہونے کی صورت میں بایاں قطبی وصولی اینٹینا انعکاسی میدان کو وصول کرے گا۔

آمد میدان کو وصول کرے گا جبکہ دایاں قطبی اینٹینا انعکاسی میدان کو وصول کرے گا۔

افتی اور عمودی قطبی اینٹینوں کی صورت میں وصولی اینٹینا کی اونچائی تبدیل کرنے سے میدان صفر تاد گناحاصل کرناممکن ہے جبکہ دائری قطبی اینٹینا کی صورت میں وصول طاقت کا دار ومدار اینٹینا کی اونچائی پر نہیں ہوتا۔ دائر کی اینٹینا ہر صورت اکائی میدان حاصل کرتی ہے۔

چونکہ آمدیاورانعکائی زاویے برابر ہوتے ہیں للذاشکل میں آمدی تکون اورانعکائی تکون میساں ہیں۔یوں $(r_1+r_2-r_0)$ گی قیمت $\frac{2h_1h_2}{d}$ کابھی جاسکتی ہے۔یوں عمودی قطب میدان کی زیادہ سے زیادہ قیمت

$$h_2 = \frac{d\lambda}{2h_1} = \frac{4 \times 10^3 \times 1}{2 \times 200} = 10 \,\mathrm{m}$$

571

5246

14.19. فرائس ريڈار مساوات

کی صورت میں حاصل ہو گی جس سے افقی قطبی میدان کی زیادہ سے زیادہ قیمت کی اونچائی 5،15،55، 25، میٹر لکھی جا سکتی ہے۔

فرائس کی مساوات سے ،ایک راہ سے موصول طاقت

$$P_w = rac{P_t A_t A_w}{r^2 \lambda^2} = rac{10^3 imes 0.32 imes 0.91}{16 imes 10^6 imes 1} = 18 \, \mu \mathrm{W}$$

حاصل ہوتی ہے جہال ترسلی اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\theta_{HP}\phi_{HP}} = \frac{4\pi}{\frac{360 \times \pi}{180} \times \frac{10 \times \pi}{180}} = 11.459$$

ليتے ہوئے اس کا اخراجی رقبہ

$$A_t = \frac{\lambda^2}{4\pi}D = 0.91\,\mathrm{m}^2$$

اور وصولي اينشينا كاوصولي رقبه

$$A_w = \frac{\lambda^2}{4\pi}D = \frac{1^2 \times 4}{4\pi} = 0.32 \,\mathrm{m}^2$$

کئے گئے ہیں۔سید ھی آمد اور انعکائی آمد میدان مل کر زیادہ سے زیادہ طاقت 4 گنا کر دیتی ہیں۔ یوں افقی قطبی اور عمودی قطبی اینٹینا کی صورت میں زیادہ سے نویادہ وصول کر دہ طاقت 4W 72 ہوگا جبکہ دونوں صور توں میں کم سے کم حاصل کر دہ طاقت صفر ہوگا۔

دائري قطبي صورت مين وصولي اينٹينا كى سمتيت

$$D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda} = 15 \left(\frac{\frac{0.22}{\tan 12.5^{\circ}}}{1}\right)^2 \times \frac{6 \times 0.22}{1} = 19.5$$

اور وصولی رقبه

$$A_w = \frac{\lambda^2 D}{4\pi} = 1.55 \,\mathrm{m}^2$$

ہیں لہذاہر اونچائی پر وصول کر دہ طاقت

$$P_w = \frac{1.55}{0.32} \times 18 = 87 \,\mu\text{W}$$

5249

وصول کردہ طاقت کا تخیینہ لگاتے ہوئے ہم نے دینٹینوں کے در میان فاصلے کو چار کلو میٹر ہی تصور کیاا گرچہ حقیقی فاصلے قدر مختلف ہیں۔چار کلو میٹر کے فاصلے پر چند میٹر کم یازیادہ سے حاصل جواب میں کوئی خاص تبدیلی پیدانہیں ہوتی۔ 772 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

14.20 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی

کسی بھی برقی مزاحت R میں حرارت T کی وجہ سے آزاد چارج حرکت کرتے ہیں جس سے مزاحت میں <mark>حرار کی شور 66 پیدا ہوتا ہے۔الیی مزاحت کے برقی سرول</mark> پر B تعدد کی پٹی پر

$$(14.207) W = kBT$$

طاقت شور 67 پایاجاتا ہے۔اکائی تعددی پٹی پریوں

$$(14.208) w = kT$$

5259

$$rac{W}{Hz}$$
 اکائی تعددی پٹی پر شور کی طاقت، w

يولڻز من کامستقل،
$$rac{J}{K}$$
 بولڻز من کامستقل k

ہیں۔ T کو **حرارت شو**ر ⁶⁸ کہا جاتا ہے۔ برابر تعدد ی پٹی پر برابر طاقت شور پایاجاتا ہے۔

ایک سنٹی میٹر طول موج کے ریڈیا کی دوربین کی مرکز نگاہ آسان کے ایسے خطوں پرر کھی جاسکتی ہے جہاں حتی حرارت K 0 کے قریب قریب ہوتی ہے۔ایسی صورت میں طاقت شور آسان کی حرارت سے پیدا ہو گانا کہ اینٹینا کے حرارت سے جو X 300 کے لگ بھگ ہوگی۔ریڈیا کی دوربین کی طاقت شور فی تعدد

$$(14.209) w = kT_A (\frac{W}{Hz})$$

ککھی جاتی ہے جہاں T_A اینٹینا کی حرار کی شورہے جیے عموماً <mark>حرارت اینٹینا 70 ی</mark>ا خراجی مزاحمت کی حرارت کہاجاتا ہے۔ حرارت اینٹیناوہ خطہ کرتی ہے جس پر اینٹینا کے نقش کی نظر ہو۔ یوں اینٹینا کی مددسے دور آسمان کے خطوں کی حرارت ناپنا ممکن ہے۔ ہم نے اس پورے بحث میں بید فرض کرر کھاہے کہ اینٹینا بے ضیاع ہے اور بیہ آسمان کی طرف نظرر کھے ہوئے ہے۔ یوں اندکا می شعاع اور ثانو کی شعاع کورد کیا گیاہے۔

ریڈیائی دوربین کواستعال کرتے ہوئے کثافت طاقت شور فی تعدد

$$p = \frac{w}{S_e} = \frac{kT_A}{S_e} \qquad \left(\frac{W}{m^2 Hz}\right)$$

thermal noise⁶⁶

noise power⁶⁷

noise temperature⁶⁸

remote temperature sensor⁶⁹ antenna temperature⁷⁰

كاستعال زياده سود مندثابت ہوتاہے جے پوئنٹنگ سمتیہ فی تعدد تصور كياجاسكتا ہے۔

ا گر ہمیں منبع شور کی زاویائی وسعت Ω_M معلوم ہواوریہ Ω_A کی نسبت سے کم ہوتب منبع کی حرارت

$$\frac{T_A}{T_M} = \frac{\Omega_M}{\Omega_A}$$

سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ یادر ہے کہ T_A کاا بینٹینا کی حرارت سے کوئی تعلق نہیں۔

5268

مثال 14.13: مریخ ¹⁷ پر مرکز نگاه رکھتے ہوئے m 15 کمبی ریڈیا کی دور بین کی اینٹینا حرارت mm 31.5 سول موج پر A 24 کا پی جاتی ہے۔ اینٹینا پر پیمور ن °0.005زاویہ بناتا ہے اور اینٹینا کا نصف طاقت زاویہ °0.116 ہے۔ مریخ کی حرارت دریافت کریں۔

حل: مساوات 14.211 سے مریخ کی حرارت

$$T_M = \frac{\Omega_A}{\Omega_M} T_A \approx \frac{0.116^2}{\pi (0.005^2/4)} 0.24 = 164 \,\mathrm{K}$$

حاصل ہوتی ہے۔

527

14.21 حرارت نظام اور حرارت بعید

حرارت اینٹینا سے اس خطے کی حرارت حاصل کی جاستی ہے جس پر اینٹیناکا مرکز نگاہ ہو۔ یوں اینٹینا کو بعید پیاحرارت استعال کیا جاسکتا ہے۔ ایک سنٹی میٹر پیلول موج کے ریڈیائی دور بین کی نگاہ متاروں سے خالی آسان کے خطے پر رکھتے ہوئے انتہائی کم اینٹینا حرارت حاصل کی جاسکتی ہے۔ آسان کودیکھتے ہوئے کم تر حموالات K کا حاصل ہوتی جوکا ننات کی ابتدائی دھا کے ⁷² کی بھیہ حرارت ⁷³ ہے۔ اگر اینٹینا کے سامنے ستارہ موجود ہوت بھیہ حرارت سے زیادہ حرارت نائی جائے گی۔ ایک میٹر طول موج پر ہماری کہ کہشاں کی حرارت کئی ہزار کیلون نائی جائی ہے۔ ہم حراری ⁷⁴ شور کی حرارت نائی بیات کر رہے ہیں۔ یہ کامل اخراجی - وصولی خاصیت کے جسم کی حرارت ہے۔ یہ کہ خط میں گرم کو کلے یاسیاہ دھات کا کرہ پایاجائے ، تو اینٹینا ہے۔ کرہ کی نائی گئی حرارت وہی ہو گی جو مقرما میٹر ⁷⁶ سے نائی جائے گی۔ اس کے بر عکس ترسلی اینٹینا کی نائی گئی اینٹینا حرارت غیر بھینی طور پر زیادہ حاصل ہوتی ہے۔

مثال کے طور پرا گر قریب ریڈیواسٹیٹن کی نشریات، m2 وصولی رقبے اور kHz 10 تعددی پٹی کے وصولی اینٹینا کے قریب V سے 10 کامیدان پیدا کر سے تو وصولی اینٹینا کی کل وصول کر دہ طاقت

$$W = \frac{E^2}{Z_0} S_e = \frac{10^{-10}}{377} \times 10 = 2.65 \,\text{pW}$$

 Mars^{71}

big bang⁷²

 $residual\ temperature^{73}$

 74

blackbody⁷⁵

 $\rm thermometer^{76}$

ہو گی جسے مساوات 14.207 میں پر کرتے ہوئے

$$T = \frac{W}{kB} = \frac{2.65 \times 10^{-12}}{1.38 \times 10^{-23} \times 10^4} = 1.9 \times 10^7 \,\mathrm{K}$$

موجودگی موجود می موجودگی موج

سوالات

سوال 14.1: غیر سمتی اینٹینا $E=rac{25I}{r}$ میدان پیدا کرتی ہے جہال اینٹینا کا داخلی موثر برقی رو I اور اینٹینا سے فاصلہ r ہے۔اس اینٹینا کی اخراجی مزاجیت عاصل کریں۔

جواب: 20.8 Ω

جوابات: 14.9 ، 0.842 sr

سوال 14.3 : 14.3 · 14.

جوابات: 76.3 Ω ، 0.318 λ² ، 4 ، 3.142 sr

سوال 14.4: اینٹینا کی شعاع °60 $\theta < 0$ ، °45° ، °45° ، °00 نطح میں یکسال ہے۔ بقایا خطے میں میدان صفر کے برابر ہے۔ اینٹینا ہے۔ 1000 m موثر داخلی برقی رودر کار ہے۔ اینٹینا کی اخراجی مزاحت ارزاجی مرزاحت ارزاجی مرزاحت ارزاجی میں $\frac{V}{m}$ ورپیافیت کریں۔

*بو*اب: 288 Ω

سوال 14.5: اینٹینا کی مرکزی شعاع °54 $> \theta < 0$ خطے میں کیسال پائی جاتی ہے جبکہ اس کی ثانوی شعاع °100 $< \theta < 45$ ہیں کیسال کی جبکہ اس کی ثانوی شعاع میں میں کیسال پائی جاتی ہے۔ میدان $\theta < 45$ ہوتا۔ مرکزی شعاع میں میدان ثانوی شعاع میں میدان ثانوی شعاع کے میدان کے چار گنا ہے۔ الف) اینٹینا کی سمتیت D در پائی جاتی ہیں اینٹینا کی سمتینا ہے D موثر داخلی برقی رومہیا کیا جاتی کریں۔ ہو گاری میں اینٹینا کی اخراجی مزاحت جاتی ہیں اینٹینا کی اخراجی مزاحت جاتی ہیں ہوتا کہ جاتی ہیں ہوتا کہ جاتی ہوتا کہ ہوتا کی سمتینا کی اخراجی مزاحت جاتی ہوتا کہ بینٹینا کی اخراجی مزاحت جاتی ہوتا کی جاتی ہوتا کہ بینٹینا کی اخراجی مزاحت جاتی ہوتا کی جاتی ہوتا کی

 $662\,\Omega$ ، D=6.17 جوابات:

سوال 14.6: دوعد دغیر سمتی، ہم قدم منبع کے در میان فاصل 2 کے ۔الف) نقش کے صفر حاصل کریں۔ب) نقش کی چوٹیاں حاصل کریں۔

 $_{5307}$ 180° ، $\mp 120^{\circ}$ ، $\mp 90^{\circ}$ ، $\mp 60^{\circ}$ ، 0° (\div $\pm 138.6^{\circ}$ ، $\mp 104.5^{\circ}$ ، $\mp 75.5^{\circ}$ ، $\mp 41.4^{\circ}$ ، $\pm 90^{\circ}$ ، $\pm 100^{\circ}$ ، \pm

سوال 14.7: دوعد دغیر سمتی، منبع کے در میان فاصل $\frac{3\lambda}{2}$ ہے جبکہ ان میں زاویا کی فرق 180° ہے۔الف) نقش کے صفر حاصل کریں۔ب) نقش کی چوٹیاں حامدہ کریں۔

 $\mp 109.5^{\circ}$ ، $\mp 70.5^{\circ}$ ، 0° (ب $\pm 131.8^{\circ}$ ، $\pm 48.2^{\circ}$ ، $\pm 90^{\circ}$ (جوابات:الف

776 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

سوال 14.8: چارر کنی قطار میں غیر سمتی، یکسال طاقت کے منبع پائے جاتے ہیں۔ قطار میں ہر دو قریبی منبع میں δ زاویائی فرق پایاجاتا ہے۔ منبع کے در میان فاصلہ انہیف طول موج سے کم $d < \frac{\lambda}{2}$ ہے۔ زیادہ سے زیادہ میدان d = 45 پر اور نقش کا صفر d = 90 پر حاصل کرنے کے لئے در کار d = 6 اور d = 6 حاصل کرہیں۔

 $d=0.354\lambda$ ، $\delta=-90^\circ$ برایات: $\delta=0.354\lambda$

سوال 14.9:گھر میلوریڈیوسے 585 kHz تعدد کی نشریات سی جارہی ہے۔الف)ریڈیواینٹینا کوغیر سمتی تصور کرتے ہوئے اس کااخرا بی رقبہ دریافت کہ ہیں۔ ب)گھر سے ریڈیواسٹیشن کا فاصلہ 10 km جبکہ اسٹیشن کی اخراجی طاقت 5 kW کی صورت میں ریڈیو کتنی طاقت وصول کر پاتا ہے۔اسٹیشن کی اخراج غیروہ میں تصور کریں۔ پاریڈیو کی داخلی مزاحمت Ω 300 ہے۔ ریڈیو کو صرف 1 μV موثر داخلی اشارہ درکار ہے۔درکار داخلی طاقت کی قیمت حاصل کریں۔ مادہ

 $3.33\,\mathrm{fW} \cdot 83.3\,\mathrm{mW} \cdot 20\,928\,\mathrm{m}^2$ بوابات:

سوال 14.10 نظی اینشینا کااخراجی مزاحمت حاصل کریں۔ایبا کرنے کی خاطر آپ کوصفحہ 558 پر دیے جدول 14.2 کے طرز کاجدول حاصل کرنا ہودگا۔ جواب: Ω 100

سوال 14.11: کیسال غیر سمتی منبع پر مبنی قطار میں ارکان کے در میان کے $d=\frac{\lambda}{4}$ ہے۔ مرکزی شعاع °30 و ھار کی خاطر ارکان کے ماہین نہاویا گی فرق δ حاصل کریں۔

جواب: 1.36 rad

سوال 14.12: تداخل پیما میں جفت قطب کے مابین فاصلہ 10 ہونے کی صورت میں پہلے صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °5.7°

سوال 14.13: خلاء میں دومصنوعی سیاروں کے درمیان m 20 × 2 کافاصلہ ہے۔ یہ آپس میں 2.5 GHz تعدد پراشارات کا تبادلہ کرتے ہیں۔ دونوں سیادے 14.13 نظاء میں دومصنوعی سیاروں کے درمیان m 2 × 0 کافاصلہ ہے۔ یہ آپس میں 2.5 GHz تعدد کے اینٹینا استعال کردہ اشارے کی طاقت برقی شور سے قدر کے لئے ضروری ہے کہ حاصل کردہ برقی اشارے کی طاقت کم از کم 1 pW ہو۔ اخراجی اینٹینا کی درکار طاقت حاصل کریں۔

5328 **195 W**

دهلوان، پهيلاو، گردش اور لاپلاسي

كارتيسي محدد

$$\nabla f = \frac{\partial f}{\partial x} \mathbf{a}_{X} + \frac{\partial f}{\partial y} \mathbf{a}_{Y} + \frac{\partial f}{\partial z} \mathbf{a}_{Z}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{A} = \frac{\partial A_{x}}{\partial x} + \frac{\partial A_{y}}{\partial y} + \frac{\partial A_{z}}{\partial z}$$

$$\nabla \times \mathbf{A} = \left(\frac{\partial A_{z}}{\partial y} - \frac{\partial A_{y}}{\partial z}\right) \mathbf{a}_{X} + \left(\frac{\partial A_{x}}{\partial z} - \frac{\partial A_{z}}{\partial x}\right) \mathbf{a}_{Y} + \left(\frac{\partial A_{y}}{\partial x} - \frac{\partial A_{x}}{\partial y}\right) \mathbf{a}_{Z} = \begin{vmatrix} \mathbf{a}_{X} & \mathbf{a}_{Y} & a_{Z} \\ \frac{\partial f}{\partial x} & \frac{\partial f}{\partial y} & \frac{\partial f}{\partial z} \\ A_{x} & A_{y} & A_{z} \end{vmatrix}$$

$$\nabla^{2} f = \frac{\partial^{2} f}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} f}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} f}{\partial z^{2}}$$

نلكي محدد

$$\nabla f = \frac{\partial f}{\partial \rho} a_{\rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial f}{\partial \phi} a_{\phi} + \frac{\partial f}{\partial z} a_{z}$$

$$\nabla \cdot A = \frac{1}{\rho} \frac{\partial (\rho A_{\rho})}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial A_{\phi}}{\partial \phi} + \frac{\partial A_{z}}{\partial z}$$

$$\nabla \times A = \left(\frac{1}{\rho} \frac{\partial A_{z}}{\partial \phi} - \frac{\partial A_{\phi}}{\partial z}\right) a_{\rho} + \left(\frac{\partial A_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial A_{z}}{\partial \rho}\right) a_{\phi} + \frac{1}{\rho} \left(\frac{\partial (\rho A_{\phi})}{\partial \rho} - \frac{\partial A_{\rho}}{\partial \phi}\right) a_{z} = \begin{vmatrix} \frac{1}{\rho} a_{\rho} & a_{\phi} & \frac{1}{\rho} a_{z} \\ \frac{\partial}{\partial \rho} & \frac{\partial}{\partial \phi} & \frac{\partial}{\partial z} \\ A_{\rho} & \rho A_{\phi} & A_{z} \end{vmatrix}$$

$$\nabla^{2} f = \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left(\rho \frac{\partial f}{\partial \rho}\right) + \frac{1}{\rho^{2}} \frac{\partial^{2} f}{\partial \phi^{2}} + \frac{\partial^{2} f}{\partial z^{2}} = \frac{\partial^{2} f}{\partial \rho^{2}} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial f}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho^{2}} \frac{\partial^{2} f}{\partial \phi^{2}} + \frac{\partial^{2} f}{\partial z^{2}}$$

کروی محدد

$$\nabla f = \frac{\partial f}{\partial r} a_{\Gamma} + \frac{1}{r} \frac{\partial f}{\partial \theta} a_{\theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial f}{\partial \phi} a_{\phi}$$

$$\nabla \cdot A = \frac{1}{r^2} \frac{\partial (r^2 A_r)}{\partial r} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial (\sin \theta A_{\theta})}{\partial \theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial A_{\phi}}{\partial \phi}$$

$$\nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[\frac{\partial (\sin \theta A_{\phi})}{\partial \theta} - \frac{\partial A_{\theta}}{\partial \phi} \right] a_{\Gamma} + \frac{1}{r} \left(\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_r}{\partial \phi} - \frac{\partial (r A_{\phi})}{\partial r} \right) a_{\theta} + \frac{1}{r} \left(\frac{\partial (r A_{\theta})}{\partial r} - \frac{\partial A_r}{\partial \theta} \right) a_{\phi}$$

$$\nabla^2 f = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial f}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial f}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial^2 f}{\partial \phi^2}$$

عمومي محادد

$$\nabla f = \frac{1}{k_1} \frac{\partial f}{\partial u} \mathbf{a}_u + \frac{1}{k_2} \frac{\partial f}{\partial v} \mathbf{a}_v + \frac{1}{k_3} \frac{\partial f}{\partial w} \mathbf{a}_w$$

$$\nabla \cdot \mathbf{A} = \frac{1}{k_1 k_2 k_3} \left(\frac{\partial (k_2 k_3 A_u)}{\partial u} + \frac{\partial (k_3 k_1 A_v)}{\partial v} + \frac{\partial (k_1 k_2 A_w)}{\partial w} \right)$$

$$\nabla \times \mathbf{A} = \frac{1}{k_2 k_3} \left[\frac{\partial (k_3 A_w)}{\partial v} - \frac{\partial (k_2 A_v)}{\partial w} \right] \mathbf{a}_u + \frac{1}{k_3 k_1} \left[\frac{\partial (k_1 A_u)}{\partial w} - \frac{\partial (k_3 A_w)}{\partial u} \right] \mathbf{a}_v$$

$$+ \frac{1}{k_1 k_2} \left[\frac{\partial (k_2 A_v)}{\partial u} - \frac{\partial (k_1 A_u)}{\partial v} \right] \mathbf{a}_w$$

$$\nabla^2 f = \frac{1}{k_1 k_2 k_3} \left[\frac{\partial}{\partial u} \left(\frac{k_2 k_3}{k_1} \frac{\partial f}{\partial u} \right) + \frac{\partial}{\partial v} \left(\frac{k_3 k_1}{k_2} \frac{\partial f}{\partial v} \right) + \frac{\partial}{\partial w} \left(\frac{k_1 k_2}{k_3} \frac{\partial f}{\partial w} \right) \right]$$

سمتی مماثل

$$F \cdot G = FG \cos \theta$$
 غير سمق (نقط) خرب $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{F \cdot G}{FG}\right)$ $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{F \cdot G}{FG}\right)$ $F \times G = FG \sin \theta a_N$ خرب $\theta = \sin^{-1}\left(\frac{F \times G}{a_N FG}\right)$ $\nabla \cdot (\nabla \times F) = 0$ $\nabla \cdot \nabla f = \nabla^2 f$ $\nabla \cdot \nabla f = 0$ $\nabla \cdot (F + G) = \nabla \cdot F + \nabla \cdot G$ $\nabla \cdot (F + G) = \nabla \cdot F + \nabla \cdot G$ $\nabla \cdot (F + G) = \nabla \cdot F + \nabla \cdot G$ $\nabla \cdot (fg) = f\nabla g + g\nabla f$ $\nabla \cdot (fG) = f(\nabla \cdot G) + G \cdot (\nabla f)$ $\nabla \cdot (fG) = f(\nabla \cdot G) + G \cdot (\nabla f) \times G$ $\nabla \cdot (\nabla \times F) = \nabla (\nabla \cdot F) - \nabla^2 F$

جہال $abla^2 F$ سے مراد

$$\nabla^2 \mathbf{F} = \nabla^2 F_x \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \nabla^2 F_y \mathbf{a}_{\mathbf{Y}} + \nabla^2 F_z \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}$$

ہ۔

$$\begin{split} \nabla \cdot (\boldsymbol{F} \times \boldsymbol{G}) &= \boldsymbol{G} \cdot (\nabla \times \boldsymbol{F}) - \boldsymbol{F} \cdot (\nabla \times \boldsymbol{G}) \\ \boldsymbol{F} \cdot (\boldsymbol{G} \times \boldsymbol{H}) &= \boldsymbol{G} \cdot (\boldsymbol{H} \times \boldsymbol{F}) = \boldsymbol{H} \cdot (\boldsymbol{F} \times \boldsymbol{G}) \\ \nabla \times (\boldsymbol{F} \times \boldsymbol{G}) &= \boldsymbol{F} (\nabla \cdot \boldsymbol{G}) - \boldsymbol{G} (\nabla \cdot \boldsymbol{F}) + (\boldsymbol{G} \cdot \nabla) \boldsymbol{F} - (\boldsymbol{F} \cdot \nabla) \boldsymbol{G} \\ \nabla (\boldsymbol{F} \cdot \boldsymbol{G}) &= (\boldsymbol{F} \cdot \nabla) \boldsymbol{G} + (\boldsymbol{G} \cdot \nabla) \boldsymbol{F} + \boldsymbol{F} \times (\nabla \times \boldsymbol{G}) + \boldsymbol{G} \times (\nabla \times \boldsymbol{F}) \end{split}$$

سطحی اور حجمی تکمل کر تعلق

مندر جه ذیل تین مساوات میں دائیں جانب حجمی تکمل کے حجم کو بائیں جانب سطی تکمل کی سطے گھیرتی ہے۔ $\oint_S f\,\mathrm{d}S = \int_h
abla f\,\mathrm{d}h$ $\oint_S oldsymbol{F}\cdot\mathrm{d}S = \int_h
abla \cdot oldsymbol{F}\,\mathrm{d}h$ مسئلہ چھیلاو $\oint_S oldsymbol{a}_N imes oldsymbol{F}\,\mathrm{d}S = \int_h
abla imes oldsymbol{F}\,\mathrm{d}h$ مسئلہ چھیلاو $\oint_S oldsymbol{a}_N imes oldsymbol{F}\,\mathrm{d}S = \int_h
abla imes oldsymbol{F}\,\mathrm{d}h$

خطی اور سطحی تکمل کر تعلق

مندر جه ذیل دومساوات میں دائیں جانب سطحی تکمل کی سطح کو ہائیں جانب خطی تکمل کی بند راہ گھیر تی ہے۔ $\oint_I f \, \mathrm{d} l = \int_S a_N imes
abla f \, \mathrm{d} S$ $\oint_I F \cdot \mathrm{d} l = \int_S (
abla imes F) \cdot \mathrm{d} S$ مسکلہ سٹو کس

533complex permitivity

dispersion

kraus p473 fig 10-60 sec 10.18 and 10.19, 10.17, 10.16, 10.15, 10.11 or do the entire chap9 and 10 transmission from kraus too

in the continuous aperture i have said Hy=Jx where as it is Hy=-Jx. have been unable to correct this. need to speak to someone in engg deptt knowing this topic

fourier transform sec 14.8 of kraus must draw the figures

charge is barqi bar and let the reader figure out which bar is meant

degree angle and degree celcius, ohm, micro etc not showing

kraus p581 mentions three types of impedances: intrinsic, characteristic and transverse. ensure that i too have these distinctions

kraus fig-13.28 and fig 13.29 and table 13.3 (on p577) are v. impt

Huygens improvements

figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book

the answers should be at the end of the book

handle all side notes () and remove the corresponding text

read chapter 9 onwards (proof reading)

energy travels along the wire and not in the wire.

antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.

house completion certificate.

zarvab fish

 $F_{357}dW/dT$ to include in inductance chapter plus a question or two magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt. add questions to machine book too.

5362

when giving fields always remember the following rules: always ensure that divergence of magnetic field is zero. moving waves must be of the form $E=E0\cos(wt-kz)$ where $c=(\mu*\epsilon)^{-0.5}$ and $k=2*\pi/\lambda$ include complex permitivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon") include 4th ed fig 11.11 of page 422

جدول 15.1 σ

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7 imes 10^4$	گريفائٿ	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائث (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	پيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بيك لائث	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹلی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارڻس	0.10×10^{7}	نائيكروم

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالي خلاء
	1.0006	ب وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ر برا
0.00075	3.8	SiO_2 سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

 μ_R :15.3 جدول

579

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.999 999 42	پيرافين
0.9999995	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائث (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)
	•

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چیر
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	اليكثران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)