برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14						•						•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16						•						•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•																										٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برا	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح -	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	i	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 30 22 30 40 3 30 40 4 40 40 5 40 40 6 40 40 6 40 40 7 40 40 8 40 40 8 40 40 8 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 <th>توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3</th> <th>4</th>	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 99 48 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا يرقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 45 3. 4.3. 4.3. 101 46 3. 4.3. 4.3. 102 5 3. 302 6 3. 303 7 3. 304 8 3. 305 8 3. 306 8 3. 307 8 4. 308 8 4. 309 9 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 40 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s								 	•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																				يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثلر	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559								 	•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•		•				 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) ديرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	•	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅ 255 ₀₆	 										 						 						 قوت 	بين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِ اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ر ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						قوت خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق وطیسی اور مقاور مق	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطير 		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو یت اور پندی نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉ 268 ₂₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد تو رقی ا اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو قی رو نناطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii

262	
283.04	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.05	9.1 فيراڭرے كا قانون
29006	9.2 انتقالی برقی رو
29607	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
29808	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303.09	9.5 تاخیری دباو
31 h ₁₀	10 مستوى امواج
31 hn	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
32013	10.2.1 خالى خلاء ميں امواج
323 ₁₄	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج
32515	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32916	10.3 پوئنٹنگ سمتیہ
33417	10.4 موصل میں امواج
34018	10.5 انعكاس مستوى موج
34619	10.6 شرح ساكن موج
35 h ₂₀	10.7 دو سرحدی انعکاس
35621	10.7.1 فيبرى-پيروڭ طيف پيما
357/122	کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1 eq \eta_3$
358 ₂₃	10.7.3 متعدد سرحدی مسئلہ
359 ₂₄	10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
364 ₂₅	10.9 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ

viii

	ترسیلی تار	11
سیلی تار کے مساوات	11.1 ت	
سیلی تار کے مستقل	11.2 تر	
	1	
	2	
. 11.2 سطح مستوى ترسيلي تار	3	
سیلی تار کے چند مثال	11.3 تر	
سيمي تجزيه، سمته نقشہ	11.4 تر	
	1	
جرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5 ت	
جزيه عارضي حال	11.6 ت	
	_	
، انعكاس، انحراف اور انكسار 42 أماء	0.12	12
چهی آمد		
سيم بائي گن	12.2 تر	
نهمكيا		
	مويج اور	13
قی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	•	13
قی دور، ترسیلی تار اور موبج کا موازنہ	н 13.1	13
	13.1 د	13
و لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے موبج میں عرضی برقی موج	13.1 13.2 13.3	13
و لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج	13.1 13.2 13.3	13
436ء	13.1 13.2 13.3 1	13
436ء2	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5	13
436ء2 ستطیلی موبح کے مستوی چادروں کے موبح میں عرضی برقی موج ۔	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6	13
436ء2 مستوی چادروں کے موبج میں عرضی برقی موج	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.6 13.7	13
43642 43642 43642 44243 44243 44243 44243 44243 451444 4514444 451444 451444 451444	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.6 13.7 13.8	13
436ءء	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9	13
436a2 عدر مستوی چادرون کے مویج میں عرضی برقی موج 442a5 عدر کھلا مستطیلی مویج 45 list عدر مین عرضی مقناطیسی TMmn مویج 45 list عدر مین عرضی مقناطیسی TMmn مویج 45 list استطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn مویج 46 list استطیلی مویج 46 list استطیلی مویج 46 list استطیلی مویج 47 list استطیلی مویج استطیلی مویج استطیلی مویج <th>13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10</th> <th>13</th>	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10	13
436ء2 عوبج ميں عرضى برقى موج 442ء3 عوبج ميں عرضى مقباطيلى موبج 45 اندا عيدان پر تفصيلى غور 45 اندا عيدان پر تفصيلى غور 45 اندا TMmn موبج 462ء عوبج ميں عرضى مقباطيسى TMmn موبج 462ء غوبج ميں عرضى مقباطيسى معيف غوبج غوبج 47 اندا غوبج 48 اندا غوبج 48 اندا غوبج 49 اندا غوبج 49 اندا غوبج 49 اندا غوبد 49 اندا غوبد 49 اندا غوبد 40 اندا غوبد 40 اندا غوبد <th>13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10 13.11</th> <th>13</th>	13.1 13.2 13.3 1 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10 13.11	13

497/55	ر شعاعي اخراج	14 اینٹینا او
497/36	تعارف	14.1
497/37	تاخیری دباو	14.2
499.58	تكمل	14.3
500.59	مختصر جفت قطبى اينثينا	14.4
جي مزاحمت	مختصر جفت قطب کا اخرا۔	14.5
51261		14.6
513ء2	اخراجی رقبہ، سمتیت اور افزا	14.7
52063	قطاری ترتیب	14.8
قطہ منبع	14.8.1 غير سمتى، دو نذ	
52 hs	14.8.2 ضرب نقش .	
52266	14.8.3 ثنائى قطار .	
حے متعدد رکن پر مبنی قطار	14.8.4 يكسان طاقت ك	
کے متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار	14.8.5 يكسان طاقت ك	
کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار	14.8.6 يكسان طاقت ك	
نے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا 	14.8.7 يكسان طاقت ك	
53 ln	تداخُل پيما	14.9
5322	مسلسل خطى اينٹينا	14.10
533	مستطيل سطحي اينٹينا	14.11
.ور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں	اخراجی سطح پر میدان اور د	14.12
53675	خطی اینٹینا	14.13
541176	چلتے موج اینٹینا	14.14
542,,	چهوڻا گهيرا اينڻينا	14.15
54378	پیچ دار اینٹینا	14.16
545.79	دو طرفه کردار	14.17
547 ₁₈₀	جهری اینٹینا	14.18
54881	پيپا اينځينا	14.19
55082	فرائس ریڈار مساوات	14.20
رارت اور تحلیلی کارکردگی	ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حر	14.21
555**		

15 سوالات

3051

مستوى امواج

لا محدود خطہ جس کا کوئی سر حدنہ ہو میں میکس ویل مساوات کا حل سادہ ترین مسکہ ہے البتہ اس ہے حاصل نتائج انتہائی دلچسپ اور معلوماتی ثابت ہوتے ہیں ہو آپ در کیصیں گے کہ وقت کے ساتھ بدلتا ہرقی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا ہو قت کے ساتھ بدلتا ہو قامیدان کو جنم دیتا ہے جبکہ متناطیسی میدان ہو قب میدان ہو تہ ہو تھا ہو تا ہے۔ چونکہ برقی میدان چارج کی بدولت ہے لہذا چارج یارو میں کسی بھی تبدیل سے باہمی تھاون سے بدلتا ہرقی میدان کو جنم دیتا ہو تھی میدان یعنی ہرقی و مقناطیسی امواج کی تعدد کی سائر نماموج ہی پیدا ہو تی ہو ہو تھی ہو تھا گے۔ ایسے امواج کی تعدد کی سائری نماموج ہو ہمیں نظر آتی ہیں روشنی کی مقل میں اور قبل ہو ہمیں نظر آتی ہیں روشنی کی صلاحت رکھی ہو ہیں اسانی آنکھ مخصوص تعدد کی ہرقی و مقناطیسی امواج دیکھو سے کہ سے بیان کیا جا سکتا ہے۔ ہم سے حسائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دقناطیسی امواج دیکھو سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی یو دھناطیسی امواج دیکھو سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کر یا دور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی امواج دیکھو سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کر یا دور کی عرصے کر بی و مقناطیسی امواج دیکھو سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کر یادور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی امواج دیکھوں ہیں۔ ہم سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کی وہ پی و مقناطیسی امواج دیکھوں سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کر یادور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی امواج دیکھوں سے سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کر یادور کی عرصے کر بی قور مقناطیسی امواج کو سے سائن نماموج کو اس کی تعدد کر یادور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی امواج کو سے سائر کی دور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی سے مور سے دی دور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی سے میں کہ مور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی سے مور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیس سے مور کی عرصے کی سے مور کی عرصے کے ہرتی و مقناطیسی سے مور کی عرصے کی مور کی عرصے کے ہو کی عرصے کی مور کی عرصے کی مور کی عرصے کے ہو کو کر کی عرصے کی مور کی عرصے کی مور کی عرصے کے ہو کی مور کی عرصے ک

د واشیاء کے سر حدیر برقی و مقناطیسی موج پر غور کرنے سے شعاعی ا**ندکاس ؟، شعاعی انحراف 7 اور انکسار امواج 8 کے** حقائق دریافت ہوتے ہیں۔ مختصر اَشعاع کے کے تمان میکس ویل کے مساوات سے حاصل کرنا ممکن ہے۔ تمام خصوصیات میکس ویل کے مساوات سے حاصل کرنا ممکن ہے۔

10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج

جیسا کہ آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی جسم کے اندر کسی بھی طرح پہنچایا گیااضافی چارج باہمی قوت دفع سے آخر کار قجم کے سطح پر پہنچ جاتا ہے۔ا گران لمحات کو نظر انداز کیا جائے جتنی دیر آزاد چارج سطح تک پہنچا ہے تو جسم کے قجم میں 0 میں مور کہا جاسکتا ہے۔اس کتاب میں 0 میں قصور کرتے ہوئے برقی و مقناطیسی

electromagnetic¹

frequency² angular frequency³

light⁴

time period⁵

refraction⁷

diffraction⁸

امواج پر غور کیا جائے گالہٰذااییا ہی تصور کرتے ہوئے صفحہ 296 پر دئے گئے میکس ویل مساوات یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں

(10.1)
$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

(10.2)
$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \epsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0$$

جہاں $D=\epsilon E$ اور $B=\mu H$ علاوہ قانون او ہم کی نقطہ شکل $J=\sigma E$ استعمال سے تمام مساوات صرف دومتغیر اتE اور E کی صورت پیس ۔ کلھے گئے ہیں۔

10.2 برقى و مقناطيسى مستوى امواج

میکس ویل مساوات کے حل د<mark>وری سمتیات</mark> ⁹ کی مد د سے نہایت آسان ہو جاتے ہیں للذا پہلے دوری سمتیہ پر غور کرتے ہیں جو آپ نے برقی ادوار حل کرتے ہوقت ضروراستعال کئے ہوں گے۔

سائن نمالهر کی عمومی شکل

$$(10.5) E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi)$$

ہے جہاں

$$(10.6) \omega = 2\pi f$$

3076

زاویائی تعدد f اور ϕ زاویائی فاصله E_{xyz} جبکه E_{xyz} از خود E_{xyz} اور ω کاتابع تفاعل E_{xy} تفاعل E_{xy} تفایل و سیان رہے کہ E_{xyz} وقت E_{xyz} وقت E_{xyz} وقت E_{xyz} وقت خبیس ہے۔

phasor9

Hertz¹³

angular frequency¹⁰

phase angle¹¹

dependent function¹²

کسی بھی متغیرہ xے گئے پولر مماثل 14 کو y و y و خانہ و اللہ بھی متغیرہ y ہے ہماں y ہے ہماں y ہے کہ کے گئے پولر مماثل ماثل

$$e^{j(\omega t + \psi)} = \cos(\omega t + \psi) + j\sin(\omega t + \psi)$$

 $Cos(\omega t + \psi)$ کسماجا سکتا ہے جو حقیقی 16 اور خیالی 17 اجزاء پر مشتمل مخلوط تفاعل 18 ہے۔ یوں $\cos(\omega t + \psi)$ ورد کیاجا سکتا ہے۔ اس طرح $E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi) = \left[E_{xyz}e^{j(\omega t + \psi)}\right]_{z=0}^{-18} = \left[E_{xyz}e^{j\omega t}e^{j\psi}\right]_{z=0}^{-18}$

کھاجا سکتاہے جہاں زیر نوشت میں حقیقی لکھنے سے مرادیہ ہے کہ پورے تفاعل کا حقیقی جزولیاجائے۔مندرجہ بالا مساوات کو بطور دوری سمتیہ یوں

$$E_{ys} = E_{xyz}e^{j\psi}$$

کھاجاتا ہے جہاں $e^{j\omega t}$ اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھاجاتا ہے۔اس مساوات کے بائیں ہاتھ E_{ys} کھتے ہوئے زیر نوشت میں 8 یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں کھی گئی ہے لہذایادرہے کہ اصل تفاعل میں $e^{j\omega t}$ پیاجاتا ہے اور پورے تفاعل کا صرف حقیق جزوہی لیاجائے۔ تفاعل E_{ys} نیر نوشت میں 8 دراصل اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ اس تفاعل کا آزاد متغیرہ، مخلوط تعدد 19 ہے۔ہارے استعمال میں 8 خیالی عدد لیغنی $e^{j\omega t}$ میں 8 دراصل اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ اس تفاعل کا آزاد متغیرہ، مخلوط تعدد 19 ہے۔ہارے استعمال میں 8 خیالی عدد لیغنی 8 ہے۔

اب $E_y = 10.5\cos(10^6t - 0.35z)$ کو دوری سمتیر کی شکل میں لکھنے کی خاطراسے یولر مماثل کے حقیقی جزو $E_y = \left[10.5e^{j(10^6t - 0.35z)}\right]_{_{\mathrm{obs}}}$

کھنے کے بعد e^{j106}t اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے یوں

 $E_{ys} = 10.5e^{-j0.35z}$

کھاجائے گا جہاں بائیں ہاتھ E_{ys} میں زیر نوشت میں s کااضافہ کیا گیا۔ یاد رہے کہ E_{ys} حقیقی نفاعل ہے جبکہ E_{ys} عموماً مخلوط نفاعل ہوتا ہے۔

دوری سمتیہ سے اصل تفاعل حاصل کرنے کی خاطر اسے $e^{i\omega t}$ سے ضرب دیتے ہوئے حاصل جواب کا حقیقی جزولیاجاتا ہے۔

مساوات 10.5 کاوقت کے ساتھ جزوی تفرق

$$\frac{\partial E_y}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} [E_{xyz} \cos(\omega t + \psi)] = -\omega E_{xyz} \sin(\omega t + \psi)$$
$$= \left[j\omega E_{xyz} e^{j(\omega t + \psi)} \right]_{\text{obs}}$$

کے برابر ہے۔ یہ عمومی نتیجہ ہے جس کے تحت وقت کے ساتھ تفاعل کا تفرق، دوری سمتیہ کو *jw سے ضر*ب دینے کے متر ادف ہے۔ یوں مثال کے طور پرا گر

$$\frac{\partial E_x}{\partial t} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

ہوتباسی کی دوری سمتیہ شکل

$$j\omega E_{xs} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

Euler's identity¹⁴

imaginary number 15

. rear

imaginary¹⁷ complex function¹⁸

complex frequency¹⁹

ہو گی۔اسی طرح سائن نمامیدان کے لئے میکس ویل کے مساوات بھی باآسانی دوری سمتیہ کی شکل میں لکھے جاسکتے ہیں للمذا

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

کودوری سمتیه کی صورت میں

$$\nabla \times \mathbf{E}_{s} = -j\omega \mu \mathbf{H}_{s}$$

لکھا جائے گا۔ میکس ویل کے بقایا مساوات کو بھی دوری سمتیر کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(10.8)
$$\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \boldsymbol{E}_{s}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E}_{\scriptscriptstyle S} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H}_{S} = 0$$

آئين مساوات سے امواج کی مساوات حاصل کریں۔ایباکرنے کی خاطر مساوات ہے امواج کی مساوات حاصل کریں۔ایباکرنے کی خاطر مساوات ہے امواج کabla imes
abla imes
abla

میں مساوات 10.8 اور مساوات 10.9 پر کرنے سے

(10.11)
$$\nabla^2 \mathbf{E}_s = j\omega\mu \left(\sigma + j\omega\epsilon\right) \mathbf{E}_s = \gamma^2 \mathbf{E}_s$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$\gamma = \mp \sqrt{j\omega\mu\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)}$$

حرکی متنقل 20 کہلاتا ہے۔ چو نکہ $j\omega\mu(\sigma+j\omega\epsilon)$ مخلوط عدد ہو گا جے

$$\gamma = \alpha + j\beta$$

کھاجا سکتا ہے جہاں α اور β مثبت اور حقیقی اعداد ہیں۔ مساوات 10.12 کو یوں بھی کھھاجا سکتا ہے

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

جہال کسی وجہ سے صرف مثبت قیمت لی گئی ہے۔ یہ وجہ آپ کو جلد ہتلادی جائے گی۔

مساوات 10.11سم<mark>تی ہلم ہولٹ</mark>ز مساوات ²²²¹ کہلاتی ہے۔کار تیسی محد دمیں بھی سمتی ہلم ہولٹز مساوات کی بڑی شکل کافی خو فناک نظر آتی ہے چو نکہ اس سے چار چار اجزاء پر مشتمل تین عدد مساوات نکلتے ہیں۔کار تیسی محد دمیں اس کی x مساوات

$$\nabla^2 E_{xs} = \gamma^2 E_{xs}$$

ليعني

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

propagation constant²⁰ vector Helmholtz equation²¹

²² ہرمن لڈوگ فرڈینانڈ ون بلم ہولٹز جرمنی کے عالم طبیعیات تھے۔

 $\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} = 0$ ہے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ جن امواج پر ہم غور کر ناچاہتے ہیں ان میں ناتو x اور ناہی y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الین صورت میں واقع ہوں کے المذامندر جہ بالا مساوات

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

صورت اختیار کرلے گی۔اس طرح کے دودرجی تفرقی مساوات آپ نے پڑھے ہوں گالہذامیں تو قع رکھتاہوں کہ آپاس کے حل

$$(10.18) E_{xs} = Ae^{-\gamma z}$$

أور

$$(10.19) E_{xs} = Be^{\gamma z}$$

كه سكت بير -

آئیں $\alpha+j\beta$ پر کرتے ہوئے ان جوابات میں سے مساوات 10.18 پر غور کریں۔مساوات 10.18 در حقیقت دوری سمتیہ ہے للذااسے $e^{j\omega t}$ سے ضرب دے کر

$$E_{x} = \left[A e^{j\omega t} e^{-(\alpha + j\beta)z} \right]_{\text{option}}$$
$$= \left[A e^{-\alpha z} e^{j(\omega t - \beta z)} \right]_{\text{option}}$$

حقیقی جزو

$$E_x = Ae^{-\alpha z}\cos(\omega t - \beta z)$$

لتے ہیں۔مساوات کے مستقل A کی جگہہ t=0 اور t=0 پر میدان کی قیمت E_0 پر کرتے ہوئے اصل حل

$$(10.20) E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$

کھاجا سکتا ہے۔ یہ مستو<mark>ی موج</mark> ²³ کی وہ مساوات ہے جس کی تلاش میں ہم نکلے تھے۔ا گر ہم مساوات 10.19 کو لے کر آگے بڑھتے تو مساوات 10.20 کی جگہ موج کی مساوات

$$(10.21) E_x = E_0 e^{\alpha z} \cos(\omega t + \beta z)$$

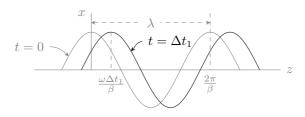
حاصل ہوتی۔

مساوات 10.18میں $A = E_0$ بر کرتے ہوئے اس کی سمتیہ شکل

$$(10.22) \boldsymbol{E}_{\mathrm{S}} = E_{\mathrm{0}} e^{-\gamma z} \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}$$

سے جو صرف $a_{
m X}$ جزورِ مشتمل ہے۔ آئیں مساوات 10.20 میں دئے متحرک موج $a_{
m Y}$ اب غور کریں۔

مساوات 10.20 کہتی ہے کہ برقی میدان ہر نقطے پر x محدد کے متوازی ہے۔اگر ح کی قیمت تبدیل نہ کی جائے تب xاور y تبدیل کرنے سے میدان تبدیل پہیں۔ وقا۔



شكل 10.1: وقت t=0 اور $t=t_1$ پر خلاء ميں موج كا مقام.

مساوات 10.20 میں 7 بڑھانے سے α کی وجہ سے موج کی چوٹی گھٹق ہے لہذا α تضعیفی مستقل 25 کہلاتا ہے۔موج کی چوٹی طاقت کے ضیاع کی وجہ سے گھٹق ہے ۔ پیوں بے ضیاع $\frac{Np}{m}$ میں نایا کی طاقت لینی lpha z بعد lpha z مقدار نیر lpha p میں ہوگی۔ موج کے مساوات میں eta = - زاویائی فاصلہ ہے جسے ریڈیئن میں ناپاجاتا ہے لہذا eta زاویائی مستقل lpha z طاقت لین lpha zہے جبکہ اس کی اکائی ریڈیٹن فی میٹر rad ہے۔

یے ضاع خطے میں lpha=0 جبکہ ضاع کار خطے میں lpha>0 ہو گا۔اس کتاب میں انہیں غیر عامل $lpha^{2}$ خطوں پر بحث کی جائے گی۔ یہاں بتلاتا چلولہ کہ lpha < 0 بھی ممکن ہے۔الیی صورت میں موج کا حیطہ مسلسل بڑھتا جائے گا۔ منفی lpha کی صورت میں lpha کو افغرائشی مستقل 33 کہا جاتا ہے۔ لیز ر 34 میں lpha < 0حاصل کرتے ہوئے شعاع کی طاقت بڑھائی جاتی ہے۔ لیز ر<mark>عامل</mark> ³⁵ خطہ ہے۔

موج کی مساوات میں lpha=0 تصور کرتے ہوئے اسے وقت t=0 پر شکل t=0 میں t=0 سیابی سے دکھایا گیا ہے۔ یہاں دھیان رہے کہ شکل میں t=0کوافقی د کھایا گیاہے۔ جیسے آپ د کچھ سکتے ہیںt=0 پر موج کی دوآ پس میں قریبی چوٹیاںz=2اور z=2یرپائی جاتی ہیں۔ دوآ پس میں قریبی چوٹیوں کے κ در میان فاصلے کو طول موج 36 یکار ااور κ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ یوں اس موج کی طول موج

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہے جس سے

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

لکھاجاسکتاہے جوانتہائی اہم نتیجہ ہے۔

موج کی مساوات ہی کو وقت $t=\Delta t$ پر شکل 10.1 میں دوبارہ گاڑ تھی سیاہی میں بھی د کھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس دورا ننے میں موج نے دائیں جانب یعنی z بڑھنے کی طرف حرکت کی ہے۔ یوں صاف ظاہر ہے کہ یہ موج وقت کے ساتھ مثبت z جانب حرکت کر رہی ہے۔ دورانیہ Δt میں موج کی چوٹی نے فاصلہ طے کیاہے لہذاموج کے رفتار کو $\frac{\omega \Delta t_1}{\beta}$

$$v = \frac{\Delta z}{\Delta t} = \frac{\omega \Delta t_1}{\beta} \frac{1}{\Delta t_1} = \frac{\omega}{\beta}$$

attenuation constant²⁵

loss less²⁶

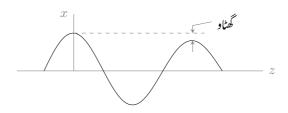
²⁹تضعیفی مستقل کی اکائی جان نیپر کے نام سے منسوب ہے۔

dimensionless30

active region35

wavelength³⁶

3100



شکل 10.2: موج چلتے ہوئے آہستہ آہستہ کمزور ہوتی رہتی ہے۔

کھھا جا سکتا ہے۔

مساوات 10.24 کو مساوات 10.25 میں پر کرنے سے

$$(10.26) v = f\lambda$$

 $_{3101}$ حاصل ہوتاہے جو $_{\chi}$ طول موج اور $_{\chi}$ تعد در کھنے والے موج کی رفتار $_{\chi}$ دفتار ہوتا ہے۔

مساوات 10.20 میں مساوات 10.25 استعمال کرتے ہوئے

(10.27)
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{v} \right) \right]$$

حاصل ہوتاہے جسے مساوات 10.25 اور مساوات 10.24 کی مددسے

(10.28)
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos\left(\omega t - \frac{2\pi z}{\lambda}\right)$$

مجھی لکھا جا سکتا ہے۔

موج کی رفتار کو مساوات 10.20 سے دوبارہ حاصل کرتے ہیں۔اس مساوات کے تحت کسی بھی لمحہ f پر موج کی چوٹی اس مقام پر ہوگی جہاں

$$\omega t - \beta z = 0$$

ہو۔ چو نکہ رفتار dz کو کہتے ہیں لہذااس مساوات کے تفرق

$$\omega \, \mathrm{d}t - \beta \, \mathrm{d}z = 0$$

ہے رفتار

$$v = \frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} = \frac{\omega}{\beta}$$

حاصل ہوتی ہے۔

10.7سے مساوات E_s

$$\nabla \times \boldsymbol{E}_{s} = -j\omega \mu \boldsymbol{H}_{s}$$

کی مد دسے مقناطیسی موج باآسانی حاصل ہوتی ہے۔مساوات 10.22استعال کرتے ہوئے مندرجہ بالامساوات سے

$$-\gamma E_0 e^{-\gamma z} \mathbf{a}_{\mathbf{y}} = -j\omega \mu \mathbf{H}_{\mathbf{s}}$$

یا

$$\boldsymbol{H}_{s} = \frac{\gamma}{j\omega\mu} E_{0} e^{-\gamma z} \boldsymbol{a}_{y}$$

حاصل ہوتاہے جس میں مساوات 10.12سے مثبت ہوگی قیمت پر کرنے سے

(10.30)
$$\mathbf{H}_{s} = \sqrt{\frac{\sigma + j\omega\epsilon}{j\omega\mu}} E_{0}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

$$= \frac{E_{0}}{\eta}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

ملتاہے جہاں دوسرے قدم پر

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

لکھی³⁷ گئی ³⁸ہے۔اس مساوات کو

(10.32)
$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{1}{\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 10.22 کی غیر سمتی صورت یعنی $E_{xs} = E_0 e^{-\gamma z}$ کو مساوات 10.30 کے غیر سمتی صورت یعنی $E_{xs} = E_0 e^{-\gamma z}$ کو مساوات 10.32 کی خیر سمتی صورت یعنی

$$\frac{E_{xs}}{H_{ys}} = \eta$$

المات على المات ال

یہاں ذرہ رک کرایک برقی دورپر غور کرتے ہیں۔ منبع برقی دیاہ $V_0\cos(\omega t-V_0\cos(\omega t)$ جسے دوری سمتیہ $V_0e^{-j\psi}$ کھاجاسکتا ہے کے ساتھ سلسلہ وار مزاحمت $V_0e^{-j\psi}$ امالہ $V_0e^{-j\psi}$ امالہ $V_0e^{-j\psi}$ کہا ہمالہ کا وث

$$Z = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) = R + jX = |Z|e^{j\theta_Z} = |Z|\underline{\theta_Z}$$

ککھی جاسکتی ہے جہال $L>rac{1}{\omega C}$ کی صورت میں X مثبت ہو گا جبکہ $\frac{1}{\omega C}$ کی صورت میں یہ منفی ہو گا۔ مزید $\omega L>rac{1}{\omega C}$ کی صورت میں دور خالص مزاحمتی رکاوٹ پیش کرے گااور $\theta_Z=0$ ہو گا۔ اس دور میں برقی رودور کی سمتیہ کی مدد سے

$$I_s = \frac{V_s}{Z_s} = \frac{V_0 e^{-j\psi}}{|Z| e^{j\theta_Z}} = \frac{V_0}{|Z|} e^{-j(\psi + \theta_Z)}$$

 $\eta_{\rm gel}^{37}$ یونانی حروف تہجی $\eta_{\rm gel}^{38}$ ایٹا پڑھا جاتا ہے۔ $\eta_{\rm gel}^{38}$

حاصل ہو تاہے جس سے

$$i = \frac{V_0}{|Z|} \cos \left(\omega t - \psi - \theta_Z\right)$$

کھاجا سکتا ہے۔ برقی د باواور برقی روایک ہی تعددر کھتے ہیں البتہ ان میں زاویائی فاصلہ ط_ک پایاجاتا ہے۔ مثبت X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر برقی د باوکے پیچھے رہتی ہے جبکہ منفی X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر برقی د باوک آگے رہتی ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ برقی د باواور برقی روکی شرح

$$\frac{V_s}{I_s} = |Z| e^{j\theta_Z} = Z$$

کے برابرہے جسے رکاوٹ کہتے ہیں۔

آئیں اب دوبارہ امواج کی بات کریں۔ برقی موج کواس مثال کے برقی دباو کی جگہ اور مقناطیسی موج کو مثال کے رو کی جگہ رکھتے ہوئے آپ دیکھیں گے کہ دھانوں مسائل ہو بہو یکساں ہیں۔اسی وجہ سے برقی موج E_{xs} اور مقناطیسی موج _{Hys} کی شرح ہم، قدر تی رکاوٹ ⁹⁶ کہلاتی ہے۔ بالکل برقی رکاوٹ کی طرح قدر تی رکاوٹ میں ہے۔ حقیقی یا خیالی اور یا مخلوط عدد ہو سکتا ہے۔ قدرتی رکاوٹ کی اکائی اوہم Ωہے۔

مساوات 10.30سے مقناطیسی موج

(10.34)
$$H_{y} = \frac{E_{0}e^{-\alpha z}}{|\eta|}\cos\left(\omega t - \beta z - \theta_{\eta}\right)$$

لکھی جائے گی جہاں قدر تی ر کاوٹ کو

$$\eta = |\eta| e^{j\theta_{\eta}}$$

لكهما أليا_

مساوات 10.20 کے تحت برقی میدان x محدد کے متوازی ہے جبکہ مساوات 10.34 کے تحت مقناطیسی میدان y محدد کے متوازی ہے لہذا یہ میدان آپس پیل ہر وقت عمودی رہتے ہیں۔اس کے علاوہ دونوں امواج 2 سمت میں حرکت کررہے ہیں۔یوں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت بھی آپس میں عمودی ہیں۔ ایسے امواج جن میں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت عمودی ہوں عرضی امواج 40 کہلاتے ہیں۔ پانی کی سطح پر اہریں بھی عرضی امواج ہوتے ہیں۔ اسی طرح رسی گورڈ گورڈ کی اس میدان اور مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میدان اور مقناطیسی میں عرضی برقی موج پیدا ہوتی ہو گا جن میں صرف ایک میدان سمت حرکت کے عمودی ہوگا۔انہیں عرضی برقی موج یا عرضی مقناطیسی موج 8کانام دیا گیا۔ ہے۔

آئیںاب چند مخصوص صور توں میں ان مساوات کواستعال کر ناسیکھیں۔

intrinsic impedance³⁹

transverse waves⁴⁰ transverse electromagnetic, TEM⁴¹

transverse electric wave, TE wave⁴²

transverse magnetic wave, TM wave⁴³

3119

10.2.1 خالى خلاء ميں امواج

312

خالی خلاء میں
$$\sigma=0$$
 ور $\mu_R=1$ اور $\epsilon_R=1$ بین للمذامساوات 10.12 سے مثبت حرکی مستقل $\gamma=\sqrt{j\omega\mu_R\mu_0\left(\sigma+j\omega\epsilon_R\epsilon_0
ight)}=j\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0}$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$\alpha = 0$$
$$\beta = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ چونکہ خالی خلاء میں lpha=0 ہے للذاخالی خلاء بے ضیاع خطہ ہے۔ یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار ، جسے روایتی طور پر ی سے ظاہر کیا جاتا ہے ، مساوات 10.25سے

$$c = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

حاصل ہوتی ہے جس کی قیت

$$c = \frac{1}{\sqrt{4 \times \pi \times 10^{-7} \times 8.854 \times 10^{-12}}} = 2.99 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\approx 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

 $-\frac{\mathcal{L}}{l}$

مساوات 10.31سے خالی خلاء کی قدرتی ر کاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu_R\mu_0}{\sigma + j\omega\epsilon_R\epsilon_0}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}$$

 $\epsilon_0=rac{1}{36\pi 10^9}$ ھاصل ہوتی ہے۔ قدر تی رکاوٹ کی قیمت حاصل کرنے کی خاطر ہم $\epsilon_0=9 imes10^9$ سے جو کھتے ہوئے

$$\eta = 120\pi \approx 377\,\Omega$$

حاصل کرتے ہیں۔ یوں خالی خلاء میں کسی بھی کمبھے ، کسی بھی نقطے پر برقی میدان کی قیمت اس نقطے پر مقناطیسی میدان کے 377 گناہو گی۔

حرکی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کی قیمتیں استعال کرتے ہوئے خالی خلاء میں متحرک موج کے میدان

$$E_x = E_0 \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

$$H_y = \frac{E_0}{120\pi} \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

کھے جائیں گے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ دونوں میدان ہم زاویہ ہیں۔ یوں کسی بھی نقطے پر بڑھتے برتی میدان کی صورت میں اس نقطے پر مقناطیسی میدان بھی پہڑھتا ہے۔ان مساوات کے تحت امواج بالکل سیدھے حرکت کرتے ہیں اور ناوقت اور ناہی فاصلے کے ساتھ ان کی طاقت میں کسی قسم کی کمی رونماہوتی ہے۔ یہی وجد ہے کہ کا نئات کے دور ترین کہکشاوں سے ہم تک برتی و مقناطیسی امواج پہنچتی ہیں اور ہمیں رات کے حیکتے اور خوبصورت تارے نظر آتے ہیں۔ 312

مثق 10.1: ہےتار 44 ذرائع ابلاغ میں 800 000 کی اونجائی پر پر واز کرتے مصنوعی سیارے اہم کر دار اداکرتے ہیں۔ یہ سیارے زمین کے اوپر ایک ہی انقطے پر آویزال نظر آتے ہیں۔ان سیاروں سے زمین کے قریبی نقطے تک برقی اشارہ کتنی دیر میں پہنچے گا۔ جواب: 9.12 0.12

3130

313

t = 0.0 مثال t = 0.0 فاور میں t = 0.0 اور میں جرکت کررہی ہے۔الف t = 0.0 اور میں دریافت کریں۔ب) کھے مثال t = 0.0 تعدد کی موج بڑھتے t = 0.0 تعدد کے مرکز پر پائی جاتی ہے۔موج کی حقیقی اور دوری مساوات کھیں۔پ) اگر موج کی چوٹی کھے محدد کے مرکز پر پائی جاتی ہے۔موج کی حقیقی اور دوری مساوات کھیں۔پ) اگر موج کی چوٹی کھے مساوات کیا ہوگی ؟ 25 cm

 $c=3 imes10^{8}\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ على: الف)موج كى رفمار

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{240 \times 10^6} = \frac{5}{4} \text{m}$$

اوريول

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{8\pi}{5} \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

حاصل ہوتے ہیں۔اب زاویائی تعدد حاصل کرتے ہیں۔

$$\omega = 2\pi f = 4.8\pi \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

ب) حقیقی مساوات

$$E = 128\cos\left(4.8\pi \times 10^8 t - \frac{8\pi}{5}z\right)$$

ہے جبکہ دوری مساوات مندر جہ ذیل ہے۔

$$E = 128e^{-j\frac{8\pi}{5}z}$$

پ)اب موج تاخیر سے محدد کے مرکز پر پہنچتی ہے۔موج کا تاخیر ی زاویہ θ کلھے ہوئے موج کی مساوات

$$E = 128\cos\left(4.8\pi \times 10^8 t - \frac{8\pi}{5}z + \theta\right)$$

heta=-0.176 ہو گی۔ موج کی چوٹی $z=0.25\,\mathrm{m}$ اور $t=1.2\,\mathrm{ns}$ پر ہو گی للذا z=0.176 ہوگی۔ موج کی چوٹی کے بر کرتے ہوئے $z=0.25\,\mathrm{m}$ عاصل ہوتا ہے۔ یہ قیمت مندر جہ بالا مساوات میں استعال کی جائے گی۔ موج کی دوری مساوات مندر جہذیل ہے۔

$$E_s = 128e^{-j\pi(\frac{8}{5}z + 0.176)}$$

3135

3136

 $eta=rac{2\pi}{\lambda}=rac{\pi}{3}$ حل: موج کی چو ٹی اور صفر کے در میان فاصلے سے 1.5 $rac{\lambda}{4}=1.5$ ککھ کر $\lambda=6$ m حاصل ہوتا ہے جس کو استعال کرتے ہوئے ہم میں فاصلے سے 1.5 اور $\lambda=6$ m جانب حرکت کر رہی ہے اور لمحہ $t=3rac{3 imes 10^8}{6}=50$ مرکز پر پائی جانب المذا

$$\boldsymbol{E} = \boldsymbol{E}_0 \cos \left(2\pi \times 50 \times 10^6 t + \frac{\pi}{3} z \right)$$

کھاجائے گا۔ لمحہ t=0 پر محدد کے مرکز پر میدان a_E 340 پایاجاتا ہے للذاموج کی مکمل خاصیت مندرجہ ذیل مساوات بیان کرے گی۔

$$E = 340 \left[\frac{2}{\sqrt{13}} a_{\mathrm{X}} + \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\mathrm{Y}} \right] \cos \left(2\pi \times 50 \times 10^{6} t + \frac{\pi}{3} z \right)$$

اس کی دوری شکل مندر جہ ذیل ہے۔

$$E_s = 340 \left[\frac{2}{\sqrt{13}} a_{\rm X} + \frac{3}{\sqrt{13}} a_{\rm Y} \right] e^{j\frac{\pi}{3}z}$$

3140

3141

مثال 10.3: خالی خلاء میں برقی موج کی مساوات ککھیں۔ $oldsymbol{E}_{
m s}=340\left[rac{2}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_{
m X}+rac{3}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_{
m Y}
ight]e^{jrac{\pi}{3}z}$ بیائی جاتی ہے۔مقناطیسی موج کی مساوات ککھیں۔

حل: خالی خلاء میں

$$\frac{E_0}{H_0} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 120\pi$$

سے مقناطیسی چوٹی کی قیمت

$$H_0 = \frac{340}{120\pi} = \frac{17}{6\pi}$$

$$\left(\frac{2}{\sqrt{13}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \frac{3}{\sqrt{13}}\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}\right) \cdot (x\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + y\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}) = 0$$

ہو گاجس سے

$$(10.38) 2x + 3y = 0$$

 $y=-\frac{2}{3}$ عاصل ہوتا ہے۔ اوں میں x=1 کی کوئی بھی قیمت پر کرتے ہوئے y=1 کی قیمت حاصل ہوتا ہے۔ یوں x=1 کی جاس ہوتا ہے۔ یوں مقناطیسی میدان x=1 سمتیے کی سمت میں ہوگی۔ اس طرح مقناطیسی میدان کی سمت میں اکائی سمتیے

$$a_H = \frac{a_{\rm X} - \frac{2}{3}a_{\rm Y}}{\sqrt{1 + \frac{4}{9}}} = \frac{3}{\sqrt{13}}a_{\rm X} - \frac{2}{\sqrt{13}}a_{\rm Y}$$

ہو گی۔ یادر ہے کہ $a_E imes a_H$ سے موج کے حرکت کی ست حاصل ہوتی ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ

$$oldsymbol{a}_E imes oldsymbol{a}_H = (rac{2}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_X + rac{3}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_Y) imes (rac{3}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_X - rac{2}{\sqrt{13}}oldsymbol{a}_Y) = -oldsymbol{a}_Z$$

$$m{H}_s = H_0 m{a}_H e^{j\frac{\pi}{3}z} = rac{17}{6\pi} \left(rac{3}{\sqrt{13}} m{a}_{
m X} - rac{2}{\sqrt{13}} m{a}_{
m Y}
ight) e^{j\frac{\pi}{3}z}$$

10.2.2 خالص يا كامل ذو برق ميں امواج

خالص یاکامل ذوبرتی سے مرادابیاذوبرق ہے جس میں متحرک برتی و مقناطیسی امواج کی توانائی ضائع نہیں ہوتی۔خالص ذوبرق میں 0 $\sigma=\sigma$ جبکہ اس کا جزوی مقناطیسی مستقل μ_R اور جزوی برتی مستقل μ_R ہے لہذا مساوات 10.12 سے مثبت حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}$$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$\alpha = 0$$

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

lphaحاصل ہوتے ہیں۔ کامل ذو برق میں lpha=lpha ہے المذا کا مل ذو برق بے ضیاع ہے۔ یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار مساوات 10.25 سے

$$v = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_R \mu_0 \epsilon_R \epsilon_0}} = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں $\frac{1}{\sqrt{\mu_0\epsilon_0}}$ کو خالی خلاء میں روشنی کی رفتار کا کھا گیا ہے۔ چونکہ ذوبرق میں 1 $_{R}\epsilon_R>1$ ہوگئی ہوشنی کی رفتار خالی خلاء میں روشنی کی رفتار اس کی زیادہ سے زیادہ رفتار ہے۔

موج کی رفتار اور تعدد سے طول موج

(10.42)
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{c}{f\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

 $\mu_{RGR} > 1$ عاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کے طول موج کو λ_0 کھھا گیا ہے۔ اس مساوات سے ذو برق میں روشنی کی رفتار کم ہو جاتا ہے۔ پو نکہ ج λ_0 کا معتاد اور برق میں طول موج کم ہو جاتا ہے جس سے روشنی کی رفتار کم ہو جاتی ہے۔ λ_0 ہو جاتا ہے جس سے روشنی کی رفتار کم ہو جاتی ہے۔

مساوات 10.31سے ذو برقی کی قدرتی ر کاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ کو η_0 کھا گیاہے۔

یوں ذو برق میں امواج کے مساوات

$$(10.43) E_x = E_0 \cos(\omega t - \beta z)$$

(10.44)
$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

3151

3149

مثال 10.4: پانی کے لئے $\epsilon_R = 78.4$ ور $\sigma = 0$ اور $\sigma = 0$ لیتے ہوئے 300 MHz و مقاطیسی امواج کی رفتار، طول موج اور قبدرتی مثال 10.4: پانی کے لئے $\epsilon_R = 78.4$ ورحقیقت پانی میں آوانائی رکاوٹ حاصل کریں۔ برقی میدان $\frac{mV}{m}$ 50 ہونے کی صورت میں برقی اور مقناطیسی امواج کے مساوات کھیں۔ ہم $\sigma = 0$ لیتے ہوئے در حقیقت پانی میں آوانائی کے ضیاع کو نظر انداز کر رہے ہیں۔

حل:

$$v = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{78.4}} = 0.3388 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{0.3388 \times 10^8}{300 \times 10^6} = 11.29 \text{ cm}$$

ہیں جبکہ خالی خلاء میں $\lambda=1$ سے۔بقایا مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = 55.7 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

اور

$$\eta = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \frac{377}{\sqrt{78.4}} = 42.58 \,\Omega$$

ہیں۔امواج کے مساوات

$$E_x = 0.05\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

$$H_y = \frac{0.05}{42.58}\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z) = 0.00117\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

3167

3156

مثق 10.2: کتاب کے آخر میں مختلف اشیاء کے مستقل دیۓ گئے ہیں۔انہیں استعال کرتے ہوئے ابرق میں ، طاقت کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے:5.6،GHz اور mA/m 10 حیطے کی مقناطیسی میدان پر مندر جہ ذیل حاصل کریں۔

$$1.62 \frac{V}{m}$$
 وابات: $\frac{V}{m}$ 23 cm 272.6 وابات: $\frac{m}{s}$ 23 cm 272.6 وابات:

10.2.3 ناقص يا غير كامل ذو برقى ميں امواج

کامل ذو برق میں امواج پر غور کے بعد فطری طور ناقص ذو برق پر بات کر ناضر وری ہے لہٰذاصاف پانی کومثال بناتے ہوئے GHz تعدد پر ایساہی کرتے ہیں۔ 328 پر شکل 10.4 میں صاف یانی کے مستقل دئے گئے ہیں۔

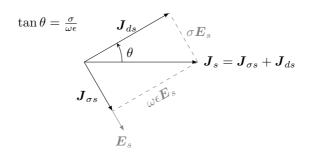
اس تعدد پر صاف پانی کے مستقل
$$\epsilon_R=41$$
 اور $\sigma=36.7$ و کلیہ پانی غیر مقناطیسی ہے لہذااس کا $\epsilon_R=41$ ہوگا۔ یوں $rac{\sigma}{\omega\epsilon}=0.8$

اور

$$\gamma = j2 \times \pi \times 20 \times 10^{9} \times \frac{\sqrt{1 \times 41}}{3 \times 10^{8}} \sqrt{1 - j0.8}$$
$$= 3035 / 70.67^{\circ}$$
$$= 1005 + j2864 \quad \text{m}^{-1}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں پانی کا تضعیفی مستقل

$$\alpha = 1005 \, \frac{\text{Np}}{\text{m}}$$



شکل 10.3: طاقت کے ضیاع کا تکون.

ہے جس کا مطلب ہے کہ پانی میں ہر 1 میٹر یعنی mm افاصلہ طے کرنے پر برقی اور مقناطیسی امواح 0.368 گناگھٹ جائیں گے۔ پانی میں ہر 1 mm فاصلہ طے کرنے پر برقی اور مقناطیسی امواح 0.368 گناگھٹ جائیں گے۔ پانی میں کہ سکتے ہیں ریڈار کا پانی میں کیوں کام نہیں کرتا۔ اسی طرح بارش کی صورت میں بھی ریڈار کی کار کردگی بری طرح متاثر ہوتی ہے۔ پانی میں کرتا۔ ویکھنے کی خاطر موج آواز استعمال کی جاتی ہیں۔

زاويائي مستقل

$$\beta = 2864 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

قدرتی رکاوٹ

$$\eta = \frac{377}{\sqrt{41}} \frac{1}{\sqrt{1 - j0.8}} = 52/19.33^{\circ} = 49.1 + j17.2 \quad \Omega$$

- المذار E_x المنارية E_x المنارية المنار

میکس ویل کے مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{H}_s = (\sigma + j\omega\epsilon)\boldsymbol{E}_s = \boldsymbol{J}_{\sigma s} + \boldsymbol{J}_{ds}$$

میں ایصالی اور انقالی کثافت برتی روکے سمتی مجموعے کوشکل 10.3 میں بطور مجموعی کثافت روہ **J**و کھایا گیا ہے۔ایصالی رواور انقالی روآ پس میں °90 درجے کا زاویہ بناتے ہیں۔انقالی رو °90 آگے رہتا ہے۔یہ بالکل متوازی جڑے مزاحمت اور کپیسٹر کے روکی طرح صورت حال ہے۔کپیسٹر کی روسے °90 آگے رہتی ہے۔مزید رہے کہ مزاحمت کی روسے برقی طاقت کا ضیاع پیدا ہوتا ہے جبکہ کپیسٹر کی روسے ایسانہیں ہوتا۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 10.3 میں زاویہ 0 (جس کا کروی محدد کے زاویہ 6 کے ساتھ کسی قشم کا کوئی تعلق نہیں ہے) کو دیکھیں جس کے لئے

$$\tan \theta = \frac{\sigma}{\omega \epsilon}$$

کھاجا سکتا ہے۔ یوں اس تکون کوطاقت کے ضیاع کا تکون پکاراجاتا ہے اور $\frac{\sigma}{\omega e}$ کی شرح کوضیاعی مینجنٹ 46 یا مماس ضیاع کہا جاتا ہے۔

مساوات 10.14 اور مساوات 10.32 کو $\frac{\sigma}{\omega e}$ استعال کرتے ہوئے لکھا گیا۔ کسی ذوبر ق کے کامل یاغیر کامل ہونے کا فیصلہ اس کے مماس ضیاع کی قیمت کود پکھ کر کیا جاتا ہے۔ اگراس شرح کی قیمت اکائی کے قریب ہوتب ذوبر ق غیر کامل قرار دیا جاتا ہے جبکہ 1 $\frac{\sigma}{\omega e}$ کی صورت میں ذوبر ق کو کامل تصور کیا جاتا ہے۔ $\frac{\sigma}{\omega e}$

کم مماس ضیاع کی صورت میں حرکی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کے کار آمد مساوات حاصل کئے جاسکتے ہیں۔ حرکی مستقل $\gamma=j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1-jrac{\sigma}{\omega\epsilon}}$

كومسكله ثنائي 47

$$(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$$

$$\int_{\infty}^{\infty} \int_{\infty}^{\infty} |x| = \frac{1}{2} \log x = -\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \int_{\infty}^{\infty} |x| - |x| = \frac{1}{2} \int_{\infty}^{\infty} \int_{\infty}^{\infty} |x| + \frac{1}{2} \int_{\infty}^{$$

لکھاجا سکتاہے جسسے

$$\alpha \doteq j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\left(-j\frac{\sigma}{2\omega\epsilon}\right) = \frac{\sigma}{2}\sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$$

اور

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon} \left[1 + \frac{1}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 \right]$$

 $rac{\sigma}{\sigma}$ حاصل ہوتے ہیں۔اگر

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

بھی لکھاجا سکتاہے۔ بالکل اسی طرح قدرتی ر کاوٹ کو

(10.49)
$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left[1 - \frac{3}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 + j \frac{\sigma}{2\omega \epsilon} \right]$$

يا

$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left(1 + j \frac{\sigma}{2\omega\epsilon} \right)$$

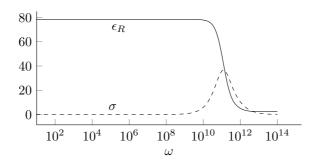
کھاجا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ ان مساوات سے حاصل جواب اصل مساوات کے جوابات کے کتنے قریب ہیں۔اییاصاف پانی کی مثال کو دوبارہ حل کر کے دیکھتے ہیں۔صاف پانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر $\epsilon_R = 41$ و $\epsilon_R = 36.7$ یانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر $\epsilon_R = 41$ و $\epsilon_R = 41$ و مستقل کے مست

$$\alpha = 1080 \, \frac{Np}{m}$$

حاصل ہوتا ہے جو گزشتہ حاصل کردہ قیمت Np <u>Mp</u> کافی قریب ہے۔مساوات 10.47سے

$$\beta = 2897 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$



شكل 10.4: صاف پاني كا جزوى برقى مستقل بالمقابل زاويائي تعدد اور موصليت بالمقابل زاويائي تعدد.

eta حاصل ہوتا ہے جو گزشتہ جواب $rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$ 2864 کے بہت قریب ہے۔ مساوات eta=2682 $rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$ eta=2682 $rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$ $ext{court}$ $ext{court}$

قدر مختلف ہے۔صاف پانی کی اس مثال میں مماس ضیاع8.0 ہے جو اکا کی سے بہت کم نہیں ہے ،اسی لئے جوابات پہلے سے قدر مختلف حاصل ہوئے۔ چو نکہ موصلیت اور برقی مستقل کی بالکل درست قیمتیں عموماً ہمیں معلوم نہیں ہوتیں المذاسادہ مساوات سے حاصل جوابات کے اس فرق کوزیادہ اہمیت نہیں دینی چاہئے۔ بہتر پہری ہوتا ہے کہ 0.1 کی صورت میں سادہ مساوات استعال کئے جائیں۔

عموماً ذوبرق کی موصلیت تعدد بڑھانے سے غیر خطی طور پر بڑھتی ہے جبکہ میں عموماً ذوبرق کی موصلیت تعدد بڑھانے سے غیر خطی طور پر بڑھتی ہے جبکہ میں عبد ملی نسبتاً کم ہوتی ہے۔ یہی وجہ مماس ضیاع نہایت تیزی سے تبدیل ہو سکتے ہیں۔اییاعموماً نظر آنے والی روشن سے قدر کم یاقدر زیادہ تعدد پر ہموتا ہے۔

شکل 10.4 میں صاف پانی کا جزوی برقی مستقل ϵ_R بالمقابل زاویائی تعدد ω ٹھوس کیبر سے دکھایا گیا ہے جبکہ موصلیت بالمقابل تعدد نقطہ دار کئیبر سے دکھایا گیا ہے۔ افقی محدد تعدد کالا گ ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تقریباً $\frac{Grad}{s}$ 10 تعدد تک $\epsilon_R = 78.4$ ہوں گے۔ جانق ہے۔ موصلیت کی چوٹی تقریباً $\frac{g}{m}$ 36.7 پائی جاتی ہے۔ دیگر ذو برق کے خط مختلف اشکال کے ہوں گے۔ ϵ_R 38.7 ہوں گے۔

مثق 10.3: ایک مادے کے مستقل 1 MHz تعدد پر r=10 ورr=10 اور r=10 اور r=10 ایک مستقل مستقل اور ایک مستقل عاصل کریں۔

 $3.51 \times 10^{-4} \, \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ دابات: $0.0642 \cdot 10^{-3} \, \frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ دابات: $0.0642 \cdot 10^{-4} \, \mathrm{Np}$

3192

3189

10.3. پوئٹنگ سمتیہ

مثق 10.4: ایک غیر مقناطیسی مادے کا مماس ضیاع 0.07 جبکہ 4.7 ہے $\mu_R=4.7$ ہیں۔ان قیبتوں کو MHz تا MHz 80 تعدد کے در میان اٹل تصور کہا جا اسکا تصویر کہا جا سکتا ہے۔اس کا تضعیفی مستقل اور مادے میں طول موج MHz 20 اور MHz 60 شکتا ہے۔اس کا تضعیفی مستقل اور مادے میں طول موج MHz 20 اور MHz 3106

 $2.3\,\mathrm{m}$ رابات: $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ رابات: $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ رابات: $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$

3199

3197

10.3 پوئنٹنگ سمتیہ

امواج کی طاقت جاننے کے لئے مسئلہ **پوئنٹنگ** ⁴⁸در کار ہو گالہٰذا پہلے اسے ⁴⁹حاصل کرتے ہیں۔

میکس ویل کے مساوات

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

کا کے ساتھ غیر سمتی ضرب E

$$m{E}\cdot
abla imesm{H}=m{E}\cdotm{J}+m{E}\cdotrac{\partialm{D}}{\partial t}$$

لیتے ہوئے سمتی مماثل (جے آپ باآسانی کار تیسی محدد میں ثابت کر سکتے ہیں)

$$\nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) = -\boldsymbol{E} \cdot \nabla \times \boldsymbol{H} + \boldsymbol{H} \cdot \nabla \times \boldsymbol{E}$$

کے ذریعہ

$$\boldsymbol{H}\cdot\nabla\times\boldsymbol{E}-\nabla\left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right)=\boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J}+\boldsymbol{E}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{D}}{\partial t}$$

abla حاصل ہوتا ہے۔ اس میں $abla E = -rac{\partial oldsymbol{B}}{\partial t}$ حاصل ہوتا ہے۔ اس میں

$$-\boldsymbol{H}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{B}}{\partial t}-\nabla\left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right)=\boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J}+\boldsymbol{E}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{D}}{\partial t}$$

يا

$$-\nabla \left(\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}\right) = \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} + \epsilon \boldsymbol{E} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t} + \mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

حاصل ہوتاہے۔اب

$$\epsilon \mathbf{E} \cdot \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \frac{\epsilon}{2} \frac{\partial E^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\epsilon E^2}{2} \right)$$

Poynting theorem⁴⁸

اور

$$\mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t} = \frac{\mu}{2} \frac{\partial H^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\mu H^2}{2} \right)$$

لكھے جاسكتے ہیں للمذا

$$-\nabla \left(\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}\right) = \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} + \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\epsilon E^2}{2} + \frac{\mu H^2}{2}\right)$$

لکھاجاسکتاہے۔اس کے حجمی تکمل

$$-\int_{h} \nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \, \mathrm{d}h = \int_{h} \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} \, \mathrm{d}h + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left(\frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) \, \mathrm{d}h$$

پر مسکلہ بھیلاو کے اطلاق سے

(10.51)
$$-\oint_{S} (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) \cdot d\mathbf{S} = \int_{h} \mathbf{E} \cdot \mathbf{J} \, dh + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left(\frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) dh$$

حاصل ہوتا ہے۔

اس مساوات کے دائیں ہاتھ پہلے جزو کی بات کرتے ہیں۔اگر پورے جم میں کہیں پر بھی منبع طاقت موجود نہ ہوت بیہ تکمل جم میں کل کھاتی مزاحمتی طاقت کا ضیاع دیتاہے۔اگر جم میں منبع طاقت پایاجاتا ہوتب ان منبع کے جم پر تکمل کی قیمت مثبت ہوگی اگر منبع کوطاقت فراہم کی جارہی ہواور بیہ تکمل منفی ہوگا اگر منبع طاقت فراہم کررہا ہو۔

مساوات کے دائیں ہاتھ دوسرا کمل حجم میں توانائی کا کل ذخیر ہ دیتا ہے جس کاوقت کے ساتھ تفرق حجم میں ذخیر ہ توانائی میں لمحاتی تبدیل یعنی طاقت دیتا ہے۔اس طرح مندر جہ بالامساوات کا دایاں ہاتھ حجم میں داخل ہوتا کل طاقت دیتا ہے۔یوں حجم سے کل خارجی طاقت

$$\oint_{S} (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \cdot \boldsymbol{S}$$

ہو گاجہاں حجم گھیرتی سطح پر تکمل لیا گیاہے۔ سمتی ضرب E imes H پوئٹنگ سمتیہ $^{\circ 6}$ پکاراجاتا ہے

$$\mathscr{P} = E \times H$$

جس سے مراد لمحاتی طاقت کی کثافت لی جاتی ہے جو واٹ فی مربع میٹر $\frac{W}{m^2}$ میں ناپی جاتی ہے۔ یہاں بھی برقی میدان میں کثافت توانائی $\mathbf{B} \cdot \mathbf{F}$ یا مقناطیسی میدان میں کثافت توانائی $\mathbf{B} \cdot \mathbf{F}$ استعال کی طرح یادر ہے کہ پوئنٹنگ سمتی کابند سطیر تکمل ہی حقیقی معنی رکھتا ہے اور ایسا تکمل سطے سے خارج ہوتا کل طاقت و بتا ہے۔ میں بھی نقطے پر ھوکی سمت اس نقطے پر لمحاتی طاقت کے بہاو کی سمت دیتا ہے۔

چونکہ مح برقی میدان اور متناطیسی میدان دونوں کے عمودی ہے للذاطاقت کی بہاو بھی دونوں میدان کے عمودی ست میں ہوگی۔ہم نے برقی و مقناطیسی امواج پر تبھرے کے دوران دیکھا کہ امواج کے حرکت کی سمت E اور H کے عمودی ہوتی ہے للذا مح کی سمت ہمارے توقع کے عین مطابق ہے۔ مزید کامل ذو برق میں

$$E_x = E_0 \cos(\omega t - \beta z)$$

$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

10.3. يرنٹنگ سمتيہ

سے کماتی کثافت سطحی بہاوطاقت

$$E_x a_{
m X} imes H_y a_{
m Y} = rac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - eta z) a_{
m Z} = \mathscr{P} a_{
m Z}$$
 عاصل ہوتی ہے۔ اوسط کثافت طاقت حاصل کرنے کی خاطر ہم ایک پھیرے لینی $T = rac{1}{f} \sec^2(\omega t - eta z)$ خاصل ہوتی ہوئے دور کی عرصہ T پر تقسیم $\mathcal{P}_{
m bullet} = f \int_0^{rac{1}{f}} rac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - eta z) \, {
m d} t$

$$\mathcal{P}_{\text{best}} = f \int_{0}^{\frac{1}{f}} \frac{E_{0}^{2}}{\eta} \cos^{2}(\omega t - \beta z) dt$$

$$= \frac{f}{2} \frac{E_{0}^{2}}{\eta} \int_{0}^{\frac{1}{f}} \left[1 + \cos(2\omega t - 2\beta z) \right] dt$$

$$= \frac{f}{2} \frac{E_{0}^{2}}{\eta} \left[t + \frac{1}{2\omega} \sin(2\omega t - 2\beta z) \right]_{0}^{\frac{1}{f}}$$

کرتے ہوئے

(10.53)
$$\mathscr{P}_{b\sigma l} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} \quad \frac{W}{m^2}$$

حاصل کرتے ہیں جو 2 سمت میں کثافت طاقت کی بہاوہ یتا ہے۔اگر میدان کی چوٹی E_0 کی جگہ اس کی موثر قیمت مرز E_0 استعال کی جائے تب مندر جہ بالا مسلوات میں E_0 کا جزو ضربی نہیں لکھاجائے گا۔

موج کی ست کے عمودی سطح کے سے یوں

$$P_{z,b,g} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} S$$
 W

طاقت گزرے گی۔

غیر کامل ذوبرق کی صورت میں

$$\eta = \left| \eta \right| e^{j\theta_\eta}$$

لیتے ہوئے

(10.54)
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$
$$H_y = \frac{E_0 e^{-\alpha z}}{|\eta|} \cos(\omega t - \beta z - \theta_\eta)$$

ہوں گے جن سے

$$\begin{split} \mathscr{P}_{\mathsf{L} \mathsf{J} \mathsf{J}} &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos(\omega t - \beta z) \cos\left(\omega t - \beta z - \theta_\eta\right) \mathrm{d}t \\ &= f \int_0^{\frac{1}{f}} \frac{E_0^2}{2|\eta|} e^{-2\alpha z} \left[\cos(2\omega t - 2\beta z - \theta_\eta) + \cos\theta_\eta \right] \mathrm{d}t \end{split}$$

لعيني

(10.55)
$$\mathscr{P}_{\mathsf{brgl}} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos \theta_{\eta}$$

حاصل ہوتا ہے۔

كثافت طاقت كى اوسط قيمت مخلوط بوئنلنگ سمتيه

$$(10.56)$$
 $\mathbf{\mathscr{P}}_{\text{bod}} = \frac{1}{2} \left[\mathbf{\textit{E}}_{\text{S}} \times \mathbf{\textit{H}}_{\text{S}}^* \right]$ ومط

سے بھی حاصل کی جاسکتی ہے جہاں جوڑ<mark>ی دار مخلوط ⁵¹مقناطیسی موج استعال کی جاتی ہے۔ آئی</mark>ں مساوات 10.55 کواس ترکیب سے دوبارہ حاصل کریں۔مساوات 10.54 کی دوری سمتی شکل

$$E_{sx} = E_0 e^{-\alpha z - j\beta z}$$

$$H_{sy} = \frac{E_0}{|\eta|} e^{-\alpha z - j\beta z - j\theta_{\eta}}$$

$$H_{sy}^* = \frac{E_0}{|\eta|} e^{-\alpha z + j\beta z + j\theta_{\eta}}$$

ہے جہاں جوڑی دار مخلوط مقناطیسی موت H_{sy}^* بھی لکھی گئی ہے۔ یوں

$$\frac{1}{2}\mathbf{E}_s \times \mathbf{H}_s^* = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z + j\theta_{\eta}}$$

$$= \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \left(\cos \theta_{\eta} + j\sin \theta_{\eta}\right)$$

كاحقيقى حصه ليتير ہوئے

$$\mathscr{P}_{oldsymbol{b}}$$
اوط $=rac{1}{2}rac{E_0^2}{|\eta|}e^{-2lpha z}\cos heta_\eta$

کثافت اوسط توانائی کی مطلوبہ مساوات حاصل ہوتی ہے۔

اس کتاب میں اوسط کثافت توانائی حاصل کرتے وقت مساوات 10.56استعمال کی جائے گی۔

3213

3214

3212

مثق 10.5: ایک میگاہر ٹڑ، تین سومیگاہر ٹڑاور تین گیگاہر ٹڑکے تعدد پر صاف پانی کے برف کے جزوبر قی مستقل بالترتیب4.15،4.6 اور 3.2 ہیں جبکہ ہاں مثق 10.5: ایک میگاہر ٹڑ، تین سومیگاہر ٹڑاور تین گیگاہر ٹڑکے تعدد پر صاف پانی کے برف کے جزوبر قی مستقل بالترتیب 0.005، 0.12 ہور ہوں کے مماس ضیاع بالترتیب 100 ہوبر ف سے گزر رہی ہے۔ ایک مربع میٹروسط کے مماس ضیاع بالترتیب 2 میگروسط سے اور مصل کریں۔ سے اوسط طاقت کا بہاوہ z=5 اور z=5 اور z=5 میک مربع میٹروسط میک کریں۔

بوابات: 14.31 W ، 23.7 W ، 12.48 W ، 24.7 W ، 26.4 W ، 27.1 W

2220

3218

10.3. پوئٹٹگ سمتیہ

مثال 10.5 محدد پر $\frac{S}{m}$ محدد پر $\frac{S}{m}$ محدد پر قبی معتقل معتوب کے غیر مقناطیسی ادرے سے بنی لا محدود لیبائی کی سلاخ پائی جاتی ہے جس کا جزو کی برقی مستقل مثال 20.5 محدد پر $\frac{S}{m}$ محت محت کے غیر مقناطیسی ادر ہی ہے اور سلاخ کار داس a_Z محد کی گیاں کے سمت مزاجیت مال خریں۔ پر محت کی مسلوخ میں فی میٹر طاقت کا ضیاع I^2R سے حاصل کریں۔ پر)سلاخ میں فی میٹر طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ پر)سلاخ میں طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ کرداس I^2R کے تکلی سطح پر پوئٹنگ سمت کے سطح کمل کے استعمال سے پیملاخ کے قریب برقی میدان حاصل کریں۔

حل:الف) فی میٹر سلاخ کی مزاحمت حاصل کرتے ہیں۔

$$R = \frac{1}{3.2 \times 10^7 \times \pi \times 0.02^2} = 24.87 \, \frac{\mu\Omega}{m}$$

ب) في ميٹر سلاخ ميں طاقت كامزاحمتى ضياع يوں حاصل ہو گا۔

$$P = I^2 R = 250^2 \times 24.87 \times 10^{-6} = 1.554247 \frac{W}{m}$$

پ) سلاخ کار قبہ عمودی تراش $\pi \times 0.02^2$ مربع میٹر ہے۔ یوں سلاخ میں کثافت برقی رو

$$J = \frac{I}{A}a_{\rm Z} = \frac{250}{\pi \times 0.02^2}a_{\rm Z} = 198949a_{\rm Z}\frac{\rm A}{{\rm m}^2}$$

 $J=\sigma E$ ہوگی جس سے سلاخ میں برقی شدت

$$E = \frac{J}{\sigma} = \frac{198949a_{\rm Z}}{3.2 \times 10^7} = 6.217 \times 10^{-3}a_{\rm Z} \frac{\rm V}{\rm m}$$

ماصل ہوتی ہے۔ دوسنٹی میٹر سے کم رداس $ho < 2 \, \mathrm{cm}$ کادائرہ کل

$$\frac{250 \times \pi \times \rho^2}{\pi \times 0.02^2} = 625000 \rho^2$$

ایمپیئر کی برقی رو گھیرے گی۔ یوں ایمپیئر کادوری قانون استعال کرتے ہوئے سلاخ کے اندررداس 🛭 پر مقناطیسی میدان

$$H_{\phi} = \frac{625000\rho^2}{2\pi\rho} = 99472\rho a_{\phi} \frac{A}{m}$$

حاصل ہو گا۔

ت) پوئنگنگ سمتیه

$$\mathscr{P} = \mathbf{E} \times \mathbf{H} = -618.42 \rho a_{\rho} \frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$$

ہے۔ ہم 2 سے انتہائی قریب لیکن اس سے ذرہ کم رداس اور 1 سل کی تصوراتی سطح پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل لیتے ہوئے فی میٹر سلاخ میں مزاحمتی ضیاع حاصل کرتے ہیں۔ اس ڈبی نماتصوراتی سطح کی کچلی اور بالائی سیدھی سمتی سطح بالترتیب عرب اور عرب میں ہیں جبکہ پوئٹنگ سمتیہ میں ہیں جمہد پوئٹنگ سمتیہ کے سطح میں داخل ہوتا لہذاان سطحوں پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل صفر کے برابر ہوگا۔ یوں سطحی تکمل حقیقت میں صرف تصوراتی سطح کے گول جھے پر لیناضر وری ہے۔ سطح میں داخل ہوتا طاقت

$$\int_{S} - \mathcal{P} \cdot dS = \int_{0}^{1} \int_{0}^{2\pi} 618.42 \rho^{2} d\phi dz = 1.554247 \frac{W}{m}$$

حاصل ہوتاہے جہاں ho=2 cm پر کیا گیاہے۔ یادرہے کہ ہم نے دوسٹی میٹر سے ذرہ کم رداس چناتا کہ سلاخ کے اندر حاصل کر دہ برقی میدان اور مقنایۃ میں میدان قابل استعال ہوں۔ میدان قابل استعال ہوں۔

ٹ) سلاخ کے رداس سے زیادہ رداس پر پوئٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل وہی طاقت دے گاجو سلاخ کے سطح پر تکمل لیتے ہوئے حاصل ہوا تھا۔ مزاحمتی طاقت کا ضیاع ہمارے چنے گئے سطح پر منحصر نہیں ہے۔ cm کا رداس اور 1 سابی کی تصوراتی سطح لے کر آگے بڑھتے ہیں۔ 5 cm کا گول دائرہ پورے 250 A کی برقی روکو گھیرے گا۔ یوں اس دائرے پر

$$H = \frac{250}{2\pi \times 0.05} a_{\phi} = 795.7747 a_{\phi} \frac{A}{m}$$

ہوگا۔ سلاخ کے گول سطح پر برتی میدان a_Z سمت میں ہے۔ سرحدی شرائط کے مطابق کسی بھی دو مختلف اجسام کے سرحد پر متوازی برتی میدان برابر ہوتے ہی۔ یوں لامحدود لمبائی کے سلاخ سے دور میدان کیوں a_Z سمت میں ہی ہوگا۔ ایساکوئی جواز نظر نہیں آتا کہ سلاخ سے دور میدان کیوں a_Z سمت میں نہ ہو۔ یوں ہم محدود لمبائی کے سلاخ سلاخ میں داخل ہوتا طاقت تصوراتی جم $E = E_0$ میں مسطح کے گیل اور بالائی سطحوں پر یو بنٹنگ سمتیہ کا سطحی تکمل صفر کے برابر ہوگا۔ سلاخ میں داخل ہوتا طاقت تصوراتی سطح کے گول حصے پر تکمل سے حاصل ہوگا یعنی سلطح کے گول حصے پر تکمل سے حاصل ہوگا یعنی

$$\int_{S} - \mathscr{P} \cdot d\mathbf{S} = \int_{0}^{1} \int_{0}^{2\pi} 795.7747 E_{0} \rho \, d\phi \, dz = 250 E_{0} \, W$$

جہاں $ho=5\,\mathrm{cm}$ پر کیا گیاہے۔ حاصل جواب کو $ho=1.554\,247\,\mathrm{W}$ کے برابر پر کرتے ہوئے سلاخ کے باہر

$$\boldsymbol{E} = 6.217 \times 10^{-3} \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$$

حاصل ہوتاہے۔اس مثال میں سلاخ کے باہر اور سلاخ کے اندر برابر برقی میدان پایاجاتاہے۔

10.4 موصل میں امواج

موصل میں امواج پر غور کی خاطر ہم تصور کرتے ہیں کہ موصل سے جڑے ذوبرق میں امواج پیدا کئے جاتے ہیں۔ ہم جانناچاہتے ہیں کہ ایسے موج ذوبرق اور مودول کے سر حدیر موصل میں کیسے داخل ہوتے ہیں اور موصل میں ان کی کیاکار کردگی ہوتی ہے۔

ایصالی اور انتقالی روکی شرح $\frac{\sigma}{\omega e}$ کو مماس ضیاع کتے ہیں۔ یوں ناقص موصل کی مماس ضیاع بلند تعدد پر کم ہوگی۔ نائیکروم 25 ناقص موصل ہے جس کا مماس ضیاع 100 MHz تعدد پر تقریباً 2×10^8 ہوتا ہے۔ اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے چند سادہ مساوات حاصل کرتے ہیں۔ حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

كو 1 $\frac{\sigma}{\omega\epsilon}\gg 1$ ى بناپر

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

nichrome⁵²

$$\gamma = j\sqrt{-j\omega\mu\sigma}$$

لكهاجا سكتابيداب

$$-j = 1/-90^{\circ}$$

کے برابرہے جس کا جزر

$$\sqrt{1/-90^{\circ}} = 1/-45^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{2}} - j\frac{1}{\sqrt{2}}$$

ہے للذا

$$\gamma = j \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - j \frac{1}{\sqrt{2}} \right) \sqrt{\omega \mu \sigma}$$

یا

 $\gamma = (j+1)\sqrt{\pi f \mu \sigma}$

حاصل ہو تاہے جس سے

$$\alpha = \beta = \sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

ملما ہے۔

ان معلومات کے بعد کہاجاسکتاہے کہ کسی بھی μ اور σ مستقل رکھنے والے موصل کے α اور β ہر تعد دپر برابر ہی رہتے ہیں۔یوں α ست میں دوبارہ امواج فر ض کرتے ہوئے موصل میں برقی میدان کی موج کو

(10.59)
$$E_x = E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

کھاجا سکتا ہے۔اگرz < 0کامل ذو برق اور 0 > zموصل خطے ہوں تبان کے سرحدz = zپر برقی سرحدی شر ائط کے مطابق متوازی برقی میدان سرحد کے دونوں اطراف پر برابر ہوں گے۔مساوات 10.59 کے تحت سرحد پر موصل میں

$$(10.60) E_x = E_0 \cos \omega t (z=0)$$

ہو گااور یوں سر حدپر ذوبرق میں بھی برقی میدان یہی ہو گا۔اباسی حقیقت کویوں بھی دیکھا جاسکتا ہے کہ سر حدپر ذوبرق میں برقی میدان مساوات 10.60 دیتا ہے جو موصل میں سر حدپراسی قیمت کامیدان پیدا کرتا ہے۔ایساتصور کرنے کامطلب یہ ہے کہ ہم ذوبرق میں میدان کو منبع میدان تصور کرتے ہیں جو موصل میں مساوات 10.59 میں دی موج پیدا کرتا ہے۔موصل میں 1 ≪ میں کی بناپرانتقالی رو کو نظر انداز کرتے ہوئے

$$(10.61) J = \sigma E$$

لكھاجاسكتاہے للذاموصل ميں ہر نقطے پر كثافت رواور برقی ميدان راہ تناسب كا تعلق رکھتے ہیں اور يوں موصل ميں

(10.62)
$$J_x = \sigma E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

 σE_0 کھاجا سکتا ہے۔ شکل 10.5 میں J_x دکھا یا گیا ہے جہاں عین سر حد لیعنی z=0 پر کثافت روکے قیمت σE_0 کو σE_0 کھا گیا ہے۔

مساوات 10.59 اور مساوات 10.62 میں بہت معلومات پائی جاتی ہے۔ پہلے ان مساوات میں $e^2\sqrt{\pi f\mu\sigma}$ جزویر غور کریں۔ سر حدیراس کی قیمت $1=e^0=2$ برابر ہے جو سر حدسے

$$z = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

 $e^{-1}=0.368$ فاصلے پر $e^{-1}=0.368$ ماہر کیا جاتا ہے۔

$$\delta = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

برقی رو کا سطحی تهه تک محد و در ہنے کواثر جلد ⁵⁴ کہاجاتا ہے۔ یوں موصل میں

$$\alpha = \beta = \frac{1}{\delta}$$

 e^{-2} اور 4δ فاصلے پر میدان $e^{-2}=0.135$ اور 4δ فاصلے پر میدان $e^{-4}=0.018$ ہو گا۔ اسی طرح سر حدسے 2δ فاصلے پر میدان $e^{-2}=0.135$ اور 4δ فاصلے پر میدان

تانبے کی $\frac{\rm S}{\rm m}$ $0.8 imes 10^7$ تانبے کی جارت اس میں گہرائی جلد

$$\delta_{\text{FT}} = \frac{1}{\sqrt{\pi \times f \times 4 \times \pi \times 10^{-7} \times 5.8 \times 10^7}} = \frac{0.0661}{\sqrt{f}}$$

میٹر کے برابر ہے۔ یوں Hz کامیدان سر حدسے mm 9.35 mm فاصلے پر کم ہو کر صرف 0.368 گذارہ جائے گا۔ برقی ادوار میں مزاحمت میں طاقت کامیدان سر حدسے mm 9.35 mm کا ضاخ رو کے مربع کے راست تناسب ہوتا ہے للذاہر ایک گہر ائی جلد کے فاصلے پر کثافت طاقت 0.135 = 0.368 گنا کم ہوگی۔ خردامواج 55 کے تعدید پینی کا ضیاع رو کے مربع کے راست تناسب ہوتا ہے للذاہر ایک گہر ائی جلد کے فاصلے کے خوالے کے تھویں جھے کے برابر ہے۔

825 کے سرائی جلد mm 10.661 پر گہر ائی جلد mm کے طول کے آٹھویں جھے کے برابر ہے۔

ان تعدد پر کسی بھی موصل مثلاً تانبے میں سر حدسے چند ہی گہرائی جلد کے فاصلے پر تمام میدان تقریباً صفر کے برابر ہوتے ہیں۔موصل کے سر حد پر پیدا کئے کئے برقی میدان یا کثافت رو، سر حدسے دوری کے ساتھ تیزی سے کم ہوتے ہیں۔ برقی و مقناطیسی طاقت موصل کے اندر نہیں بلکہ اس کے باہر صفر کرتی ہے۔موصل کا کام صرف اتناہے کہ بیدان امواج کوراستہ دکھاتی ہے۔موصل کے سر حد پر پیدا کثافت رو،موصل میں موج کے حرکت کے عمودی سمت میں داخل ہوتی ہے ہیں۔ سے موصل میں مزاحمتی ضیاع بعداہوتا ہے۔یوں موصل بطور راہ گیر کر دار اداکرتے ہوئے مزاحمتی ضیاع بطور اجرت حاصل کرتا ہے۔

ا گرآپ کسی بجلی گھر میں Hz کے برقی رو کو منتقل کرنے کی خاطر پانچ سنٹی میٹر رداس کے تانبے کی ٹھوس تاراستعال کر رہے ہوں تو یہ سراسر تانبہ بھنائع کر ناہو گاچونکہ کثافت روتار کے بیر ونی سطیر ہی پائی جائے گی۔اندرونی تار، سطح سے دور، کثافت رو قابل نظر انداز ہوگی للذااس سے بہتر ہوگا کہ زیادہ رداس کی ہنگی فی کرناہوگا چونکہ کشاندا سے بہتر ہوگا کہ زیادہ رداس کی ہنگی فی ساتھال کی جائے جس کی موٹائی تقریباً گھڑے میں محدود سر حدید بھی میں محدود سر حدید بھی بھی میدان اسی نسبت سے گھٹے ہیں۔

بلند تعدد پر گہرائی جلد کا فاصلہ اتنا کم ہوتا ہے کہ راہ گیر موصل کی سطحی تہہ ہی اہمیت رکھتی ہے۔ یوں خرد امواج کی منتقل کے لئے شیشے پر سسے 0.661 موٹی چاند ی کی تہہ کافی ہے۔

آئیں اب موصل میں طول موج اور رفتار موج کے مساوات حاصل کریں۔ ہم

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

سے نثر وع کرتے ہوئے مساوات 10.64 استعمال کرتے ہوئے

 $\lambda = 2\pi\delta$

skin depth⁵³ skin effect⁵⁴ microwave⁵⁵

لكھ سكتے ہیں۔اسی طرح مساوات 10.25

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

سے

$$v = \omega \delta$$

ملتا ہے۔

 $v=2.94~{\rm mg}$ تانبے میں الآریبا $k = 0.8~{\rm cm}$ ورکیبا $v=2.94~{\rm mg}$ ورکیبا ورکیبا الار بیال الار بی بیال الار بیال الا

موصل میں H_y کی مساوات کھنے کی خاطر موصل کی قدر تی رکاوٹ در کار ہو گی۔ مساوات 10.31

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

 $rac{\sigma}{\omega \epsilon}\gg 1$ وجہ سے

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma}}$$

l

$$\eta = \frac{\sqrt{2/45^{\circ}}}{\sigma \delta} = \frac{1}{\sigma \delta} + j \frac{1}{\sigma \delta}$$

کھا جاسکتا ہے۔ یوں مساوات 10.60 کو گہر ائی جلد کی صورت

(10.67)
$$E_x = E_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

میں لکھتے ہوئے مقناطیسی موج کو

(10.68)
$$H_y = \frac{\sigma \delta E_0}{\sqrt{2}} e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta} - \frac{\pi}{4}\right)$$

کلھاجاسکتاہے جہاں سے آپ دکیھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی موح، برقی موح سے پھیرے کے آٹھویں حصے پیچھے ہے۔

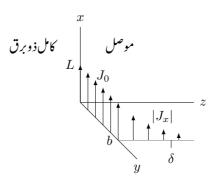
مندرجه بالادومساوات کی مددسے یوننگنگ مساوات

$$\mathscr{P}_{\text{level}} = \frac{1}{2} \frac{\sigma \delta E_0^2}{\sqrt{2}} e^{-\frac{2z}{\delta}} \cos \frac{\pi}{4}$$

يا

$$\mathscr{P}_{b}$$
ورط $= \frac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-\frac{2z}{\delta}}$

دیتاہے۔ آپ دوبارہ دیکھ سکتے ہیں کہ ایک گہرائی جلد کی گہرائی پر کثافت طاقت، سر حد کے کثافت طاقت کے e^2 = 0.135 گئارہ گئی ہے۔



شکل 10.5: موصل میں طاقت کے ضیاع اور گہرائی جلد۔

شکل 10.5 پر دوبارہ نظر ڈالیں۔مسکلہ پوئنٹنگ کہتا ہے کہ سر حدیر L اور 16اطر اف کے مستطیل میں جتنی برقی ومقناطیسی طاقت داخل ہوتی ہے،وہ تمام کی تمام موصل میں ضائع ہو جاتی ہے۔ یہ طاقت

$$P_{L,b \to 1} = \int_0^b \int_0^L \mathcal{P}_{b \to 1}|_{z=0} \, dx \, dy$$

$$= \int_0^b \int_0^L \frac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-\frac{2z}{\delta}} \Big|_{z=0} \, dx \, dy$$

$$= \frac{\sigma \delta b L E_0^2}{4}$$

کے برابرہے۔سرحدی کثافت رو

 $J_0 = \sigma E_0$

کی صورت میں اسے

(10.69)
$$P_{L,b,j} = \frac{1}{4\sigma} \delta b L J_0^2$$

کھا جا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ اگر 6 چوڑائی میں کل برقی رو کو 8 گہرائی تک محدود کر دیاجائے تومزاحمتی ضیاع کتناہو گا۔ایساکرنے کی خاطریہلے اس چوڑائی میں کل رو

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$

حاصل کرتے ہیں جہاں تکمل آسان بنانے کی غرض سے

$$J_x = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

کودوری سمتیه کی شکل

$$J_{xs} = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} e^{-j\frac{z}{\delta}}$$
$$= J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}}$$

10.4. موصل میں امواج

میں لکھ کر تکمل حل کرتے ہیں۔

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}} \, dy \, dz$$
$$= \frac{J_0 b \delta}{1+j}$$

اسسے

$$I = \frac{J_0 b \delta}{\sqrt{2}} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

کھاجائے گا۔ا گراس روکوy < b اور $0 < z < \delta$ میں محدود کر دیاجائے تب نئی کثافت رو

$$J_x' = \frac{J_0}{\sqrt{2}}\cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

ہو گی۔مزاحمتی طاقت کا ضیاع فی اکائی حجم ${m E}$ کے برابر ہے للذااس حجم میں کل ضیاع

$$P_{L} = \frac{1}{\sigma} \left(J_{x}' \right)^{2} bL\delta = \frac{J_{0}^{2}}{2\sigma} bL\delta \cos^{2} \left(\omega t - \frac{\pi}{4} \right)$$

ہو گا۔ مربع کوسائن موج کی اوسط قیمت 1 کے برابر ہوتی ہے لہذااوسط طاقت کے ضیاع کو

$$(10.70) P_L = \frac{J_0^2 b L \delta}{4\sigma}$$

کھھا جا سکتا ہے جو غین مساوات 69.01 ہے۔

اس نتیجے کود کیھے کراب کسی بھی موصل، جس میں اثر جلد پایاجاتاہو، میں کل رو کوایک جلد گہرائی میں یکساں تقسیم شدہ تصور کرتے ہوئے سلاخ کی مزاحمتی ضیاع حاصل کی جاسکتی ہے۔ یوں طچوڑائی، 1 کسبائی اور 8 گہرائی سلاخ جس میں یکساں تقسیم پیشدہ روہوکے مزاحمت بالکل برابر ہوں گے۔

اس حقیقت کواستعال کرتے ہوئے رداس 7 کے ٹھوس نکی سلاخ کی مزاحت بلند تعدد پر حاصل کی جاستی ہے۔ا گر گہرائی جلد سلاخ کے رداس سے بہت کم ہوتب اس طرح حاصل کر دہ مزاحت کی قیت تقریباً بالکل درست ہو گی۔الیی تعدد جس پراثر جلد پایاجاتا ہو کی صورت میں سلاخ کی بیر ونی جلد ہی رو گزارے گ لہٰذا مزاحت کی قیبت حاصل کرتے وقت اس نکلی نما جھلی کو ہی موصل تصور کیا جائے گالہٰذا مزاحت R

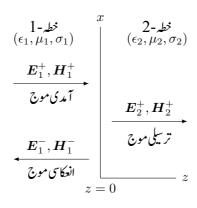
(10.71)
$$R = \frac{L}{\sigma S} = \frac{L}{\sigma 2\pi r \delta}$$

ایک ملی میٹررداس اور دس میٹر لمبی تانیج کے تارکی یک سمتی مزاحت

$$R$$
ي تى تى = $rac{10}{5.8 \times 10^7 \times \pi \times 0.001^2} = 54.88 \,\mathrm{m}\Omega$

ہے۔ایک سومیگاہر ٹز کی تعدد پر تانبے کی $\delta=6.61~\mu{
m m}$ کے لہذا اس تعدد پر اسی تارکی مزاحمت

$$R = \frac{10}{5.8 \times 10^7 \times 2 \times \pi \times 0.001 \times 6.61 \times 10^{-6}} = 4.15 \,\Omega$$



شکل 10.6: آمدی موج سرحد سے گزرتی ترسیلی اور اس سے لوٹتی انعکاسی امواج پیدا کرتی ہے۔

مشق 10.6: گھوس نگی نمالو ہے کی تارجس کار داس mm 5 اور جس کی لمبائی 2.5 ہے میں 20 cos 10000t ایمپیئر کی برقی رو گزر رہی ہے۔ کتاب ہے آت ہے کہ مندو جہ آت ہے کہ مندو جہ مندو ہے ہے ہوتا ہے۔ آپ سے گزارش ہے کہ مندو جہ ویل مندو ہے ہے ہوتا ہے۔ آپ سے گزارش ہے کہ مندو جہ ویل عاصل کریں۔

عیک سمتی رومزاحمت ،
 عرائی جلد ،
 عرائی جلد ،
 برلتی رومزاحمت یاموثر مزاحمت ،
 عراحمتی طاقت کاخیاع ۔
 عراحمتی طاقت کاخیاع ۔
 عراحمتی طاقت کا فیاع ۔
 عرابت : Ω 2.49 W مراحمت ،
 عرابت : Ω 2.49 W مراحمت ،

10.5 انعكاس مستوى موج

لا محدود جسامت کے جم میں مستوی امواج ہم دیکھ چکے۔ایسے جم میں کبھی بھی موج دو مختلف اقسام کے اشیاء کے در میان پائی جانے والی سر حد نہیں چھوتی ہے۔ بیس محدود جسامت کے جم میں مستوی امواج پر غور کریں جہاں امواج کو ایک قسم کے مادے سے دوسرے قسم کے مادے میں داخل ہونا ہوگا۔ آپ دیکھیں گے کودایسی صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس جھے میں صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے میں لوٹ جاتا ہے۔اس جھے میں مرحدسے گزرتے اور اس سے نگرا کر واپس لوٹ عصوں کے مساوات حاصل کریں گے۔ یہ نتائج ترسیلی تاروں 55 اور رہبر موج 57 کے مسائل میں جوں کے آوں قابل استعمال ہوں گے۔

3271

transmission lines⁵⁶ waveguide⁵⁷ 10.5. انعكاس مستوى موج

جم z < 0 کو خطہ - 1 تصور کرتے ہیں جہاں $(\epsilon_1, \mu_1, \sigma_1)$ ہیں جبکہ گھٹے z > 0 خطہ - 2 تصور کرتے ہیں جہاں $(\epsilon_2, \mu_2, \sigma_2)$ ہیں۔ یہ صورت حال شکل z < 0 میں دکھائی گئی ہے۔ ہم بڑھتے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت + جبکہ گھٹے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت — سے ظاہر کریں گے۔اب تصور کریں کہ پہلے خطے میں سرحد کی جانب برقی موج

$$E_{xs1}^+ = E_{x10}^+ e^{-\gamma_1 z}$$

آتی ہے۔آپ جانتے ہیں کہ اس برقی موج کے ساتھ لازماً مقناطیسی موج

(10.73)
$$H_{ys1}^{+} = \frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} e^{-\gamma_1 z}$$

بھی ہو گی۔ سرحد کی طرف آتے موج کو آم<mark>دی موج</mark> 8 کہا جاتا ہے۔ چو نکہ یہ موج سرحد کے عمودی حرکت کر رہاہے للذااس کے حرکت کو عمود <mark>کی آمد 50 کہتے ہی</mark>ں۔

اس آمدی موج کا پچھ حصہ جسے ترسیلی موج 60 کہتے ہیں، سر حدسے گزرتے ہوئے سیدھا چیلے جائے گا۔ ترسیلی امواج

$$E_{xs2}^{+} = E_{x20}^{+} e^{-\gamma_2 z}$$

(10.75)
$$H_{ys2}^{+} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2} e^{-\gamma_2 z}$$

ہیں۔ سر حدکے دوسرے جانب حرکی مستقل γ_2 اور قدر تی رکاوٹ η_2 ہیں جو پہلے خطے سے مختلف ہیں۔ ترسلی امواج سر حدسے دور چلتی جاتی ہیں۔

آمدیاور ترسلی برقی امواج x محدد کے متوازی جبکہ مقناطیسی امواج y محد د کے متوازی ہیں للذا یہ چاروں امواج سر حد کے بھی متوازی ہیں۔ صفحہ 298 پر مساوات 9.45 متوازی امواج کے سر حدی شر ائط بیان کرتے ہیں۔ اب کا ئنات میں کبھی بھی دواشیاء کے سر حدیر سطحی کثافت رو نہیں پائی جاتی۔ یوں 4 لیتے ہوئے ان شر ائط کو

$$E_{m1} = E_{m2}$$

 $H_{m1} = H_{m2}$ $(K_{\perp} = 0)$

کھاجاتا ہے۔

اب اگر پہلی شرط پوری کی جائے تو سرحد کے دونوں اطراف پر متوازی برقی میدان برابر ہوں گے لہذا z=0 ہوں گے۔ یوں گر جائے تو سرحد کے دونوں اطراف پر متوازی برقی میدان برابر ہوں گے لہذا و z=1 عاصل ہوتا ہے لیکن دوسری شرط کے مطابق سرحد کے دونوں جانب متوازی مقناطیسی میدان بھی برابر ہونا ہو گالہذا و z=1 ہوں گر سے میں برابر ہوں گے جس سے z=1 عاصل ہوتا ہے۔ یہ دونوں تب ممکن ہے جب z=1 ہو جو حقیقت میں پر مساوات 10.73 اور مساوات 10.75 بھی برابر ہوں گے جس سے z=1 ہوں سرحدی شرائط پر پورا نہیں اتراجا سکتا۔ مندر جہ بالا دونوں سرحدی شرائط صرف اس صورت میں سرحدی شرائط پر پورا نہیں اتراجا سکتا۔ مندر جہ بالا دونوں سرحدی شرائط صرف اس صورت میں پر وارا ہوتے ہیں جب سرحدے نگر اگر والیس لوٹے امواج

$$E_{xs1}^{-} = E_{x10}^{-} e^{\gamma_1 z}$$

(10.77)
$$H_{ys1}^{-} = -\frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} e^{\gamma_1 z}$$

> incident wave⁵⁸ normal incidence⁵⁹ transmitted wave⁶⁰

reflected wave⁶¹

آ مدی، تر سیلی اور انعکاسی امواج کی صورت میں دونوں سر حدی شر ائط پورے ہوتے ہیں اور ان کی مدد سے E⁺_{x10} کی صورت میں بقایا تمام امواج کے طول پھی حاصل ہوتے ہیں۔ آئیں دیکھیں کہ ایساکس طرح ہوتاہے۔

اب پہلے خطے میں آمدیامواج کے علاوہ انعکاسی امواج بھی پائے جاتے ہیں لہذا سر حدی شر ائط میں دونوں کا مجموعہ استعال کیا جائے گا۔ یوں z=0پر سر حد کے دونوں جانب متوازی برقی میدان برابر ہونے سے

$$E_{xs1} = E_{xs2} \quad (z = 0)$$

لعيني

$$E_{xs1}^+ + E_{xs1}^- = E_{xs2}^+ \quad (z = 0)$$

یا

$$E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-} = E_{x20}^{+}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اسی طرحz=0 پر سرحد کے دونوں جانب متوازی مقناطیسی میدان کے برابری سے

$$H_{ys1} = H_{ys2}$$
 $(z = 0, K_{\perp} = 0)$

لعيني

$$H_{ys1}^+ + H_{ys1}^- = H_{ys2}^+ \quad (z = 0, K_{\perp} = 0)$$

يا

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 10.78 اور مساوات 10.79 کو E_{x10}^{-} کی خاطر حل کرنے کی غرض سے مساوات 10.78 کو مساوات میں پر کرتے

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-}}{\eta_2}$$

ہوئے یوں

$$E_{x10}^{-} = E_{x10}^{+} \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

- حاصل ہوتا ہے۔ انعکاسی اور آمدی برقی میدان کے حیطوں کی شرح کو شرح انعکاس 62 پکار ااور Γ ہے ظاہر 63 کیا جاتا ہے۔

(10.80)
$$\Gamma = \frac{E_{x10}^{-}}{E_{x10}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

خلوط شرح انعکاس کی صورت میں انعکاسی اور آمدی میدان میں زاویا کی فرق پایاجائے گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ شرح انعکاس کی حتمی قیمت صفر تاایک ممکن ہے۔ $|\Gamma| \leq 1$

اسی طرح مساوات 10.78 اور مساوات 10.79 سے E^-_{x10} ختم کرنے سے

(10.82)
$$\tau = \frac{E_{x20}^{+}}{E_{x10}^{+}} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1}$$

reflection coefficient 62 . یونانی حروف تہجی گیما ہر

10.5. انعكاس مستوى موج

حاصل ہوتاہے جو شرح ترسیل ⁶⁴ کہلا یااور 7 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔مساوات 10.80 اور مساوات 10.82 سے

$$\tau = 1 + \Gamma$$

لکھا جا سکتا ہے۔

آئیںان نتائج کو چند مخصوص صور توں میںاستعال کرتے ہیں۔تصور کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق جبکہ دوسرا خطہ کامل موصل ہے۔الیی صورت میں σ₂ لا محدود ہو گاللہذا

$$\eta_2 = \sqrt{\frac{j\omega\mu_2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}} = 0$$

ہو گا۔ یوں مساوات 10.82سے

$$E_{x20}^{+}=0$$

حاصل ہوتاہے بینی کامل موصل میں کسی صورت بھی وقت کے ساتھ بدلتامیدان نہیں پایاجاسکتا۔اس کو بوں بھی بیان کیاجاسکتاہے کہ کامل موصل کی گہرائی جلد صفر کے برابر ہے۔

مساوات 10.80 میں $\eta_2=0$ پر کرنے سے

$$\Gamma = -1$$

لعيني

$$E_{x10}^- = -E_{x10}^+$$

حاصل ہوتا ہے۔انعکاس موج کاحیطہ بالکل آمدی موج کے حیطے کے برابر ہے لیکن ان میں °180کازاویہ پایاجاتا ہے۔موصل سطحآ مدی توانائی کوواپس کرتی ہے اور یوں پہلے خطے میں کل برقی میدان

$$E_{xs1} = E_{xs1}^{+} + E_{xs1}^{-}$$

= $E_{x10}^{+} e^{-j\beta_1 z} - E_{x10}^{+} e^{j\beta_1 z}$

ہوگا جہاں کا مل ذو برق میں $\gamma_1=0+j$ لیا گیاہے۔اس کو حل کرتے ہوئے

$$E_{xs1} = E_{x10}^{+} \left(e^{-j\beta_1 z} - e^{j\beta_1 z} \right)$$

= $-j2E_{x10}^{+} \sin \beta_1 z$

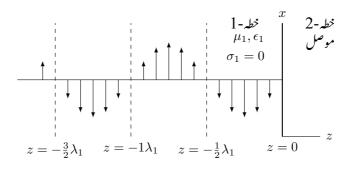
حاصل ہوتا ہے جو دوری سمتیہ کی صورت میں ہے جیے ejwt سے ضرب دے کر حقیقی جزو لیتے ہوئے اصل موج کی مساوات

(10.84)
$$E_{x1} = 2E_{x10}^{+} \sin \beta_1 z \sin \omega t$$

حاصل ہوتی ہے۔ بیہ مساوات ساکن میدان کو ظاہر کرتی ہے۔ یادر ہے کہ اسے دوآ پس میں الٹ سمت میں حرکت کرتے امواج سے حاصل کیا گیا ہے۔اس کامواز نہ آمدی موج

$$E_{x1}^{+} = E_{x10}^{+} \cos(\omega t - \beta_1 z)$$

سے کریں۔ حرکت کرتے موج کی بیچپان جزو $\omega t - \beta_1 z$ جو مثبت سمت میں موج کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 10.84 میں ωt اور $\omega t - \beta_1 z$ علیحدہ علیحدہ پائے جاتے ہیں۔ ہیں۔



شكل 10.7: ساكن موج، برقى ميدان.

مساوات 10.84 میں جس لمحہ $ωt=n\pi$ کے برابر ہواس لمحہ میدان ہر نقطے پر صفر کے برابر ہو گا۔اس کے علاوہ جس نقطے پر ساتھ و β1z = nπ کے برابر ہو ، اس نقطے پر ہر وقت میدان صفر ہی رہتا ہے۔مساوات 10.84 کوساکن موج ⁶⁵ کہاجاتا ہے۔ برقی میدان ان سطحوں پر ہر وقت صفر رہتا ہے جہاں

$$\beta_1 z = n\pi$$
 $(n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$

ہو جس سے

$$\frac{2\pi}{\lambda_1}z = n\pi$$

لعيني

$$z = n \frac{\lambda_1}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں سرحد لیتن z=0 پر برقی میدان صفر ہو گااور پہلے خطے میں سرحدے دور چلتے ہوئے ہر آدھے طول موج پر صفر برقی میدان پایا جائے گا۔ یہ صورت حال شکل 10.7 میں د کھائی گئے ہے۔اس شکل میں نقطہ دار ککیران سطحوں کو ظاہر کرتی ہیں جہاں میدان صفر رہتا ہے۔ برقی میدان کو وقت $\frac{\pi}{2}=t$ پر دوکھا یا گیا ہے جباس کا حیطہ زیادہ سے زیادہ ہوتا ہے۔

ي و نكه $E_{xs1}^+ = \eta_1 H_{ys1}^-$ اور $E_{xs1}^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ بوتے ہیں للذا مقناطیسی میدان $H_{ys1} = \frac{E_{x10}^+}{\eta_1} \left(e^{-j\beta_1 z} + e^{j\beta_1 z}\right)$

یا

(10.85)
$$H_{y1} = 2\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} \cos \beta_1 z \cos \omega t$$

ہو گا۔ یہ بھی ساکن موج ہے لیکن جس سطح پر برقی میدان صفر رہتا ہے وہاں مقناطیسی ساکن موج کی چوٹی پائی جاتی ہے۔اس کے علاوہ برقی اور مقناطیسی ساکن اومواج میں °90کاوقتی فرق پایا جاتا ہے لہذا یہ امواج کسی بھی ست میں اوسطاً صفر طاقت منتقل کرتی ہیں۔

آئیں اب دوکا مل ذو برق کی سر حد پر صورت حال دیکھیں۔اب ان دو خطوں میں قدر تی رکاوٹ η_1 اور $\eta_2=0$ اور $\eta_1=0$ اور $\eta_2=0$ ہوں گے۔عدد ی قیمتیں لے کر آگے چلتے ہیں۔ فرض کریں کہ

$$\eta_1 = 50 \Omega$$
$$\eta_2 = 377 \Omega$$
$$E_{x10}^+ = 10 \frac{V}{m}$$

standing wave⁶⁵

ہیں۔یوں

$$\Gamma = \frac{377 - 50}{377 + 50} = 0.7658$$

ہے للذا

$$E_{x10}^- = 0.7658 \times 10 = 7.658 \, \frac{V}{m}$$

ہو گا۔ پہلے خطے میں مقناطیسی میدان

$$H_{y10}^{+} = \frac{10}{50} = 0.2 \frac{A}{m}$$

$$H_{y10}^{-} = -\frac{7.658}{50} = -0.153 \frac{A}{m}$$

ہیں۔ آمدی اوسط سطحی کثافت طاقت مساوات 10.55سے

$$P_{1,\mu}^{+} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2\alpha_{1}z} \cos \theta_{\eta 1} = 1 \frac{W}{m^{2}}$$

جبكه انعكاسي اوسط تسطحي كثافت طاقت

$$P_{1,\text{best}}^{-} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2\alpha_{1}z} \cos \theta_{\eta 1} = 0.5864 \frac{W}{m^{2}}$$

ے۔ان مساوات میں $lpha_1=0$ اور $rac{0}{2}$ استعمال کئے گئے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکاسی اور آمدی کثافت طاقت کی شرح

(10.86)
$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} = |\Gamma|^{2}$$

کے برابر ہے۔

دوسرے خطے میں

$$E_{x20}^{+} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1} E_{x10}^{+} = 17.658 \frac{V}{m}$$

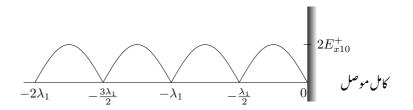
$$H_{y20}^{+} = \frac{17.658}{377} = 0.04684 \frac{A}{m}$$

<u>بي</u> للذا

$$P_{2, \perp 0}^{+} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x20}^{+}\right)^{2}}{|\eta_{2}|} e^{-2\alpha_{2}z} \cos \theta_{\eta 2} = 0.4135 \frac{W}{m^{2}}$$

ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکا سی اور تر سلی طاقت کا مجموعہ آمدی طاقت کے عین برابر ہے۔

$$P_{1,b,-}^+ = P_{1,b,-}^- + P_{2,b,-}^+$$



شكل 10.8: كامل موصل سے انعكاس، كامل ذو برق ميں ساكن موج بيدا كرتا ہے۔

10.6 شرح ساكن موج

کسی بھی ترسیلی نظام میں مختلف مقامات پر برقی یامقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارہ باآسانی حاصل کیا جاسکتا ہے۔ محوری تار کااندرونی تار ذرہ زیادہ لمباید کھتے ہوئے برقی میدان حاصل کیا جاسکتا ہے۔ان آلات سے حاصل اشار ایت کو موسکار است کار 66 سے گزارتے ہوئے مائیکرومیٹر سے ناپا جاسکتا ہے۔مائیکرومیٹر میدان کے جیلے کے راست تناسب جواب دیتا ہے۔ان آلات کو عموماً در کار اشار است سے مسر 67 کھا جاتا ہے تاکہ بیزیادہ حساس ہوں۔

ا گربغیر ضیاع خطے میں یکسال مستوی موج حرکت کررہی ہواوراس خطے میں انعکاسی موج نہ پائی جاتی ہوتب میدان ناپنے والا آلہ تمام مقامات پریکسال حیطہ دکھائے گا۔ایساآلہ تیزی سے تبدیل ہوتے حیطے کود کھانے سے قاصر ہوتا ہے۔ہر جگہ برابر حیطہ اس بات کی نشانی ہے کہ خطے میں طاقت ضائع نہیں ہوتااور یہ کہ انعکاسی پیوی بھی غیر موجود ہے۔

اس کے برعکس کامل ذوبرق میں آمدی موج کاکامل موصل سے انعکاس، ساکن موج پیدا کرتا ہے۔ایسے خطے میں میدان ناپتاآلہ مختلف مقامات پر مختلف جیطے ناپے گا۔ چو نکہ سر حدسے ہر آدھے طول موج کے فاصلے پر میدان صفر رہتا ہے للذاان نقطوں پر آلہ صفر حیطہ ناپے گا جبکہ عین ایسے دوقر ببی نقطوں کے در میاں آلہ نیا ہے گا۔ چو نکہ سر حدسے ہر آدھے طول موج کے فاصلے پر میدان صفر رہتا ہے للذاان نقطوں پر آلہ صفر حیطہ دکھائے گا۔ آلے کو سر حدمے قریب اور دور کرنے سے ناپے گئے جیطے کی شکل ایا گا۔ گا خیار کا میں میں میں میں کھایا گیا ہے۔سائن نما جیطے کا تبدیل ہوناساکن موج کی پیچان ہے۔

3308

مثال 10.6: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں کامل ذو برق میں ساکن موج کی مساوات حاصل کریں۔

حل: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں $\Gamma=-1$ حاصل ہوتا ہے لیذا $E_{xs1}^{-}=-E_{x10}^{+}e^{jeta_{1}z}$ حاصل ہوتا ہے لیذا $E_{xs1}=E_{x10}^{+}e^{jeta_{1}z}-E_{x10}^{+}e^{jeta_{1}z}$ $=-2jE_{x10}^{+}\sineta_{1}z$

ہو گا۔اس دوری سمتیہ سے حقیقی ساکن موج کی مساوات حاصل کرنے کی خاطر اسے eiwt سے ضرب دیتے ہوئے

 $E_{xs1}e^{j\omega t} = -2jE_{x10}^{+}\sin\beta_{1}z\cos\omega t + 2E_{x10}^{+}\sin\beta_{1}z\sin\omega t$

حقيقى جزو

 $E_{x1} = 2E_{x10}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$

 66 rectifier 66

10.6. شرح ساكن موج

لیتے ہیں۔ یہی ساکن موج کی مساوات ہے۔ شکل 10.8 میں آلہ ناپ سے حاصل $|E_{x1}|$ و کھایا گیا ہے۔

اب ایسی صورت پر غور کرتے ہیں جہاں تمام کی تمام موج سر حدسے واپس نہیں لوٹتی بلکہ اس کا کچھ حصہ سر حدیار کرتے ہوئے دوسر ی جانب چلے جاتی ہے۔ پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ جمہ ہوتا ہے۔ اگرچہ اب پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ جمہ ہوتا ہے۔ اگرچہ اب پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ جمہ ہوتا ہے۔ اگرچہ اب پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ جمہ ہوتا ہے۔ کرتی موج بھی پائی جاتی ہے لیکن اس کے باوجو داس کوساکن موج ہی پکارا جاتا ہے۔ اب کسی بھی نقطے پر میدان ہر وقت صفر نہیں رہتا۔ ساکن اور حرکت کرتے جھیوں کا اندازہ حیطے کی زیادہ قیت اور اس کے کم سے کم قیمت کی شرح سے بیان کی جاتی ہے۔ اس شرح کو شرح ساکن موج 8 کہااور 5 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ س

فرض کریں کہ پہلا خطہ کامل ذوبرق ہے جبکہ دوسر اخطہ کوئی بھی مادہ ہو سکتا ہے۔ یوں $lpha_1=0$ ہو گا۔ اب $E_{xs1}^+=E_{x10}^+e^{-jeta_1z}$ $E_{xs1}^-=FE_{x10}^+e^{jeta_1z}$

ہوں گے جہاں

 $\Gamma = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$

ے۔ چونکہ کامل ذو برق میں $\sigma=0$ ہو تاہے لہذا η_1 مثبت حقیقی عدد ہے جبکہ η_2 مخلوط عدد ہو سکتا ہے لہذا Γ بوں اسے $\Gamma=|\Gamma|\,e^{j\phi}$

بھی لکھا جا سکتاہے۔ یوں

 $E_{xs1}^- = |\Gamma| E_{x10}^+ e^{j(\beta_1 z + \phi)}$

لکھا جاسکتاہے جس سے ساکن موج کی مساوات

(10.87) $E_{xs1} = \left(e^{-j\beta_1 z} + |\Gamma| e^{j(\beta_1 z + \phi)}\right) E_{x10}^+$

حاصل ہوتی ہے۔

اب آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی مخلوط عدر $e^{i heta}$ کو

 $e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta$

$$E_{xs1} = \left(1 + |\Gamma| \, e^{j(2eta_1 z + \phi)}
ight) e^{-jeta_1 z} E_{x10}^+ \ + 1$$
 کھتے ہوئے اگر ہو کے اگر ہو تصور کیا جائے تو $e^{j(2eta_1 z + \phi)}$ کی زیادہ سے زیادہ قیمت لیعنی $2eta_1 z + \phi = 0$, 2π , -2π , 4π , -4π , \cdots

پر حاصل ہو گی۔اس مساوات کو

$$-eta_1 z_{j = 1} = rac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ایسی صورت میں

(10.89)
$$|E_{xs1}|_{\sharp, \sharp, \sharp} = (1+|\Gamma|) E_{x10}^+$$

3317 Jed L

 η_2 کی صورت میں $\frac{\lambda}{2} = 1$ حاصل ہوتا ہے۔ یوں سر حدیہ ساکن موج کی چوٹی پائی جائے گی۔ اگلی چوٹی سر حدسے $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہوگی $\eta_2 \gg \eta_1$ اور $\eta_1 \gg 1$ کے کسی بھی اور قیمت کی صورت میں سر حداور پہلی چوٹی کے در میان فاصلہ $\frac{\lambda}{2}$ سے کم ہوگا۔

-1اسی طرح $e^{j(2\beta_1 z + \phi)}$ کی کم سے کم قیمت لیعنی

 $2\beta_1 z + \phi = \pi, -\pi, 3\pi, -3\pi, \cdots$

پر حاصل ہو گی۔اس مساوات کو

(10.90)
$$-\beta_1 z_{\pi} = \frac{\phi}{2} + n\pi + \frac{\pi}{2} \quad (n = 0, \pm 1, \pm 2, \cdots)$$

لكھاجاسكتاہے اور اليي صورت ميں

(10.91)
$$|E_{xs1}|_{\mathcal{F}} = (1 - |\Gamma|) E_{x10}^+$$

3320 J

اور $\eta_1 \gg \eta_2 \gg \eta_2$ کی صورت میں سرحد پر ساکن موج کی کمتر قیمت پائی جائے گی۔اگلی کمتر قیمت سرحد سے $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہو گی۔ $\eta_1 \gg \eta_2 \gg \eta_3$ اور $\eta_2 \gg \eta_3$ قیمت کی صورت میں سرحداور پہلی کمتر نقطے کے در میان فاصلہ $\frac{\lambda}{2} = 2$ کم ہو گا۔

مساوات 10.88سے بندر تا اور مساوات 10.90سے _{سمتر} تا حاصل کرتے ہوئے دھیان رہے کہ صرف ان قیمتوں کو درست تصور کیا جائے جو شکل 6.9 میں مساوات 10.88سے اور _{کس}تا ہوئی جاتے ہوں لینی بندر تا اور _{کس}تا کی قیمت منفی ہونی چاہیے۔

موج کی کم ترقیت ہر آدھے طول موج پر پائی جاتی ہے۔موج کی بلند ترقیت دو کم ترقیتوں کے مقام کے عین وسط میں پائی جاتی ہیں۔کامل موصل کی صورہ ت میں پہلا کمتر میدان $\theta=\pi$ بعنی سرحد پر پایا جائے گا۔اگر $\eta_2<\eta_1$ ہواور دونوں قدرتی رکاوٹوں کی قیمتیں حقیقی اعداد ہوں تب $\eta=0$ ہوگا اور اور ت میں سرحد یعنی $\theta=\pi$ بر برقی دباو کی کمتر قیمتیں پائی جائے گا۔اس کے برعکس اگر $\eta_2>\eta_2$ ہواور دونوں رکاوٹ حقیقی ہوں تب سرحد پر برقی میدان کی قیمت بلند تر ہوگی۔

ان معلومات کوزیر استعال لانے کی غرض سے $\frac{V}{m}$ 10 اور $\frac{V}{m}$ تعدد کے موج پر غور کرتے ہیں جو خطہ اول میں سرحد کی طرف عمود کی آمد ہے۔ پہلے خطے کے مستقل $\mu_{R1}=1$ ور $\sigma_1=0$ اور σ_1

نوں

$$\omega = 2\pi 10^9 \frac{\text{rad}}{\text{s}}, \quad \beta_1 = 36.28 \frac{\text{rad}}{\text{m}}, \quad \beta_2 = 51.3 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

10.6. شرح ساكن موج

میدان کی بلند تر قیمت $rac{V}{m}$ 11.7 پہلے خطے میں سر حدسے 4.33 ، 12.99 ، 21.65 ، منٹٹی میٹر کے فاصلوں پر پائی جائیں گی۔

چو نکہ دوسرے خطے میں انعکا سی موج نہیں پائی جاتی للنذااس میں ساکن موج بھی نہیں پائی جائے گی۔

ساکن موج کی زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم قیمتوں کی شرح کو شرح ساکن موج 69 کہااور دسے ظاہر کیا جاتا ہے۔

(10.92)
$$s = \frac{|E_{xs1}|}{|E_{xs1}|} = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|}$$

چونکہ $|\Gamma| \leq |\Gamma|$ ر ہتاہے للذاشرح ساکن موج ہر صورت مثبت اور اکا کی کے برابریااس سے زیادہ قیمت کا ہو گالیعنی

$$(10.93) s \ge 1$$

مندرجه بالامثال میں $s=rac{1+0.17}{1-0.17}=1.409$ مندرجه بالامثال میں $s=\frac{1+0.17}{1-0.17}=1.409$

ا گر $\Gamma=|\Gamma|$ ہوتبانعکا سی اور آمدی امواج برابر ہوں گے للذا تمام کی تمام آمدی توانائی سرحدہ واپس لوٹتی ہے اور ایسی صورت میں Γ لا محدود ہوگاہ پہلے خطے میں ہر $\frac{\lambda_1}{2}$ فاصلے پر ایسی سطحیں ہوں گی جہاں آمدی موج کے دگے جیسے کا برقی میدان ہوگا۔ کا برقی میدان ہوگا۔

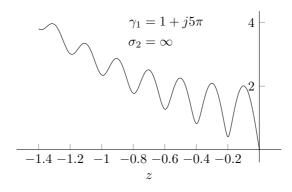
ا گرη = η ہوتب $\Gamma=0$ ہو گا۔ایس صورت میں توانائی سر حدسے واپس نہیں لوٹتی، s=sہوتا ہے اور برقی میدان کی بلند تراور کم ترقیمتیں پرا بر ہوتی ہیں۔

 $|\Gamma|^2=0.707$ اور s=5.83ور کا $|\Gamma|=0.707$ الیعنی $|\Gamma|^2=0.707$ اور کا

چونکہ برقی اور مقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارات باآسانی حاصل کئے جاسکتے ہیں اور 5 کی قیمت حاصل کرنے کے لئے راست تناسب اشارات ہی دور کار ب للمذاشر حساکن موج کو تجرباتی طور حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یہی اس کی اہمیت کاراز ہے۔ یادر ہے کہ 8حاصل کرنے کے لئے میدان کی اصل قیمت در کار نہیں ہوتی۔ جیوف اتناضر ورکی ہوتا ہے کہ تمام اشارات اصل میدان کے تناسب سے ہوں۔

آئیں اب پہلے خطے کو غیر کامل ذو برق تصور کریں جس کا α صفر کے برابر نہیں ہوگا۔ اب بائیں سے آتی آمدی موج مثبت z جانب چلتے ہوئے گھٹے گی۔ انعکاسی موج منفی z جانب چلتے ہوئے گھٹے جائے گی حتٰی کہ آخر کاراس کی قیمت قابل نظر انداز ہوگی۔ یوں اگرچہ سرحد کے قریب بلند تراور کم ترمیدان میں فرق ولوشخ ہو سکتا ہے لیکن سرحد سے دوران میں فرق نہیں رہ پاتا۔ پہلے خطے کا حرکی مستقل π t=1+j5 اور دو سر اخطہ کامل موصل ہونے کی صورت میں ایسی بھائیک سکتا ہے لیکن سرحد سے دوران میں فرق نہیں رہ پاتا۔ پہلے خطے کا حرکی مستقل π t=1+j5 اور دو سر اخطہ کامل موصل ہونے کی صورت میں ایسی بھائی میں سر کے دائیں ہونے گئی صورت میں ہوتی ہوئے گئی ہے جہاں موصل t=1+j5 دائیں ہاتھ پر ہے۔ اس شکل میں سرحد پر آمدی موج کی قیمت t=1+j5 فاصلے ذو برق کا سرحد موصل کے ساتھ ہے اور موصل میں برقی میدان صفر ہوتا ہے للذاشکل میں سرحد پر برقی میدان صفر ہی ہے۔ سرحد سے t=1+j5 فاصلے پر دو بارہ کم ترمیدان پایاجاتا ہے۔ اسی طرح پہلی چوٹی سرحد پر آمدی میدان کے تقریباً دگئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کوئی بھی دوچوٹیاں یادونشیب برابر نہیں ہیں ہیں۔ بیہاں

standing wave ration⁶⁹



شکل 10.9: غیر کامل ذو برق میں ساکن موج کی بلند تر اور کم تر قیمتوں میں فرق سرحد سرے دور کم ہوتا ہر۔

شرح ساکن موج کی قیمت اس صورت مطلب ر کھتی ہے جب اسے ناپنے کا مقام لینن 2 بھی ساتھ بتلا یا جائے۔ایسی صورت میں انعکاسی شرح اور تضعیفی مستقل پذیادہ کار آمد معلومات ہیں۔

ا گرچہ مندرجہ بالامثال زیادہ انہزادر ہے کا تھالیکن یہ بھی نہیں بھولناچاہئے کہ حقیقت میں کا مل ترسیلی تاریھی نہیں پائے جاتے۔ حقیقت میں شرح ساکن پیوج ہر صورت سرحدسے فاصلے پر منحصر ہوگی اور اس کا استعمال اسی وقت ممکن ہوگا جب ہماری دلچیس کے خطے میں اس کی قیمت زیادہ تبدیل نہ ہو۔

آئیں دوبارہ پہلا خطہ کامل ذوبرق لیتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح حاصل کریں۔لا محدود تجم میں آزاد موج کی صورت میں یہ شرح η_1 تھی۔اندکاسی موج کی موجود گی میں برقی اور مقناطیسی میدان صفر بھی ممکن ہیں للذاان کی شرح صفر سے لا محدود قیمت کی ہوسکتی ہے۔سرحدسے z=-1 فاصلے پر میدان

$$E_{xs1} = \left(e^{j\beta_1 l} + \Gamma e^{-j\beta_1 l}\right) E_{x10}^+$$

$$H_{ys1} = \left(e^{j\beta_1 l} - \Gamma e^{-j\beta_1 l}\right) \frac{E_{x10}^+}{\eta_1}$$

ہیں۔ان کی شرح کو داخلی قدر تی ر کاوٹ ⁷⁰ کہتے اور _{داخلی} 11سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$\eta_{y_{s,j}} = \frac{E_{xs1}}{H_{ys1}} \bigg|_{z=-l} = \eta_1 \frac{e^{j\beta_1 l} + \Gamma e^{-j\beta_1 l}}{e^{j\beta_1 l} - \Gamma e^{-j\beta_1 l}}$$

اس میں $rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}$ پر کرتے ہوئے اور ایولر مماثل $\Gamma=rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}$

$$\eta_{\vec{b}_{l},j} = \eta_{1} \frac{(\eta_{2} + \eta_{1})(\cos\beta_{1}l + j\sin\beta_{1}l) + (\eta_{2} - \eta_{1})(\cos\beta_{1}l - j\sin\beta_{1}l)}{(\eta_{2} + \eta_{1})(\cos\beta_{1}l + j\sin\beta_{1}l) - (\eta_{2} - \eta_{1})(\cos\beta_{1}l - j\sin\beta_{1}l)}$$

حاصل ہوتاہے جسے باآسانی یوں

(10.94)
$$\eta_{j} = \eta_{1} \frac{\eta_{2} + j\eta_{1} \tan \beta_{1} l}{\eta_{1} + j\eta_{2} \tan \beta_{1} l}$$

کھاجا سکتا ہے۔

جب η_1 اور η_1 برابر ہوں تب داخلی قدر تی رکاوٹ _{داخلی} ہم پہلے خطے کی قدر تی رکاوٹ η_1 کے برابر ہوتی ہے۔ایی صورت میں اندکاس پیدا نہیں ہوتی اور تر سلی نظام ہم رکاوٹی $\eta_2=0$ باتوانائی ایک ہی ست میں منتقل ہوتی ہے۔اگر دوسراخطہ کامل موصل ہوتب $\eta_2=0$

intrinsic input impedance⁷⁰ $e^{j\alpha} = \cos \alpha + j \sin \alpha^{71}$

matched⁷²

10.7 دو سرحدی انعکاس

ہو گا۔ایسی صورت میں

(10.95)
$$\eta_{ij} = j\eta_1 \tan \beta_1 l \quad (\eta_2 = 0)$$

ہودوہاں مقامات پر جہاں $E_{xs1}=0$ ہودوہاں $H_{ys1}=0$ ہودوہاں مقامات پر جہاں $E_{xs1}=0$ ہودوہاں داخلی قدرتی رکاوٹ لامحدود ہوگی۔

مساوات 10.94 تریلی نظام پر غور کرنے کے لئے انتہائی اہمیت کا حامل ہے۔

10.7 دو سرحدی انعکاس

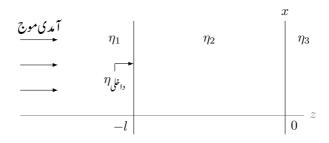
اب تک ہم دوایسے خطوں کے سر حد پر موج کی انعکاس پر غور کرتے رہے ہیں جن میں دونوں خطے نیم لا محدود جسامت کے تھے۔ نیم لا محدود خطے ⁷ سے مر ادایسا خطہ ہے جس کی ایک سر حد محدود فاصلے پر اور دوسر می سر حدلا محدود فاصلے پر ہو۔ایسی صورت میں سر حد پار کرنے کے بعد ترسیلی موج دوسر نے خطے میں مسلس آپیگ ہی ہم محدود جسائیت ہی بر معتب ہے اور ایسا کوئی امکان نہیں پایاجاتا کہ یہ لا محدود فاصلے پر موجود سر حد سے انعکاس پذیر ہو کر واپس پہلی سر حد تک آن پنچے۔اس جھے میں ہم محدود جسائیت کے خطے میں ترسیلی موج پر غور کرتے ہیں جہاں دوسرے خطے کی محدود جسامت کی بناپر ترسیلی موج کا کچھ حصہ واپس پہلی سر حدیر پہنچ سکتا ہے۔ مود

شکل 10.10 میں دوسر حدی مسئلہ دکھایا گیاہے جہاں پہلے نیم لامحدود خطے کی قدر تی رکاوٹ η_1 ، دوسر ہے محدود موٹائی کے خطے کی قدر تی رکاوٹ χ_2 جہاں پہلے نیم لامحدود خطے کی موٹائی χ_3 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_4 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_5 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_5 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی χ_5 ہے۔ محدود خطے کی موٹائی ہے۔ محدود خطے کے در میان χ_5 ہے جہاں پہلی سرحد پر محمدود کی موٹائیں جانب (یعنی بڑھتے کے جانب) حرکت کرتے ہوئے پہلی سرحد پر محمدود کی موٹائیں جانب (یعنی بڑھتے کے جانب) حرکت کرتے ہوئے پہلی سرحد پر محمدود کی موٹائیں ہے۔ معدیہ مسلسل چلی آتی ہے۔

پہلی سر حدیر آمدی موج کا کچھ حصہ انعکاس پذیر ہو کر واپس پہلے خطے میں بائیں جانب لوٹنا ہے جبکہ اس کابقایا حصہ دوسر نے خطے میں داخل ہو کر دائیں جانب حرکت کرتے ہوئے دوسر می سر حدیر پنچتا ہے۔اس موج کا کچھ حصہ دوسر می سر حدسے بھی گزر پاتا ہے جبکہ اس کابقایا حصہ دوسر سے سر حدسے انعکاس پذیر ہو کو واپس پہلی ہمر حد واپس لوٹتی موج کا پچھ حصہ پہلی ہمر حد واپس لوٹتی موج کا پچھ حصہ پہلی ہمر حد ایاجاتا ہے۔ یول دوسر سے سر حدسے واپس لوٹتی موج کا پچھ حصہ پہلی ہمر حد سے اندکاس پذیر ہو کراسی سر حدسے تازہ ہمیں موج کے ساتھ مل کر بائیس چلے جاتا ہے جبکہ اس کابقایا حصہ پہلی سر حدسے اندکاس پذیر ہو کراسی سر حدسے تازہ ہمیں۔ موج کے ساتھ مل کر دوسر میں سر حد کے جانب چل پڑتا ہے۔ یہی عمل باربار دہرایاجاتا ہے۔

یوں ہر لمحہ پہلے خطے سے تازہ تر سیلی موج دوسر سے خطے میں داخل ہو کر ،اس خطے میں پہلے سے موجود ، متعدد مرتبہ انعکاس پذیرا جزاء کے ساتھ مل کر دہ پھری کا سرحد کی جانب ایک نئی کارواں روانہ کرتی ہے۔اسی طرح دوسر سے خطے میں بار بارانعکاس پذیراور پہلی سرحد سے دومر تبہ ترسیل کے بعد متعدد جھے مل کر پہلے پخطے میں بار بارانعکاس پذیراور پہلی سرحد سے دومر تبہ ترسیل کے بعد متعدد جھے مل کر پہلے پخطے میں مجموعی انعکاسی موج کو جنم دیتے ہیں۔ہم اسی طرح تمام امواج کو مد نظر رکھتے ہوئے مسئلے کو حل کر سکتے ہیں۔صفحہ 404 پر حصہ 11.6 میں ایسانبی کرتے ہوئے عامدہ نفی مالت دریافت کی گئی ہے۔

اگرآمدی موج بر قرار آتی رہے تب بینوں خطوں میں جلد بر قرار صورت حال پیدا ہو جاتی ہے جہاں پہلے خطے میں آمدی موج کی نسبت سے کوئی خاص پیمدار کی موج بطور انعکاسی موج کیا خصوص حیطہ اور دوری زاویہ پایاجاتا ہے۔اسی طرح دونوں سرحدسے گزرتے ہوئے، تیسرے خطے میں کیم موج بطور ترسیلی موج پائی جاتی ہے جس کا مخصوص حیطہ اور دوری زاویہ پایاجاتا ہے۔دوسرے خطے میں پہلی پہرحد سے آمدی موج کی نسبت سے کوئی خاص مقدار کی موج بطور ترسیلی موج پائی جاتی ہے جس کا مخصوص حیطہ اور دوری زاویہ پایاجاتا ہے۔دوسری سرحد کی جانب سے تازہ ترسیلی اور دوسرے خطے میں واپس انعکاسی امواج مل کر مخصوص حیطہ اور دوری زاویے کی موج کو جمنم دیتے ہیں جو پہلی سرحدسے دوسری سرحد کی جانب گامزن پائی جاتی ہے۔اسی طرح دوسرے خطے میں دوسری سرحدسے تمام انعکاس پذیر امواج کا مجموعہ بطور انفرادی موج ابھر تاہے جس کا مخصوص حیطہ اور دوری



شکل 10.10: دو سرحدی مسئلے میں دوسرے اور تیسرے خطے کے قدرتی رکاوٹ اور دوسرے خطے کی موٹائی کے اثرات پہلی سرحد پر داخلی قدرتی رکاوٹ کی صورت میں نمودار ہوتے ہیں.

زاویہ ہوتا ہے۔ یوں بر قرار صورت حال حاصل کرنے کے بعد کل پانچ عد دامواج پائے جاتے ہیں یعنی پہلے خطے میں آمدیاور انعکاسی موج، تیسرے خطے میں تھو سیلی موج اور دوسرے خطے میں دائیں حرکت کرتی موج اور بائیں حرکت کرتی موج۔ آئیں ان پانچ عد دامواج کی مد دسے مسئلے کو حل کریں۔

ہم تصور کرتے ہیں کہ تینوں خطے بے ضیاع، غیر مقناطیسی ہیں اور برقی میدان x سمت میں ہے۔ یوں دو سرے خطے میں داعیں اور بائیں جانب حرکت کرتے ہوئے امواج مل کر برقی میدان

(10.96)
$$E_{xs2} = E_{x20}^{+} e^{-j\beta_2 z} + E_{x20}^{-} e^{j\beta_2 z}$$

پیدا کرتے ہیں جہاں y سمت میں ہو گا۔ یوں مقناطیسی میدان E_{x20}^+ اور E_{x20}^+ اور E_{x20}^+ مخلوط مقدار ہیں۔ مقناطیسی میدان

(10.97)
$$H_{ys2} = H_{y20}^{+} e^{-j\beta_2 z} + H_{y20}^{-} e^{j\beta_2 z}$$

کھاجائے گا۔ دوسرے خطے میں بائیں اور دائیں حرکت کرتے برقی امواج دوسری سرحد کے انعکاسی مستقل ہے۔ ایستہ ہیں جہاں

(10.98)
$$\Gamma_{23} = \frac{\eta_3 - \eta_2}{\eta_3 + \eta_2}$$

کے برابرہے۔یوں

$$E_{x20}^{-} = \Gamma_{23} E_{x20}^{+}$$

کھاجاسکتاہے۔مقناطیسی اجزاء کو یوں

(10.100)
$$H_{y20}^{+} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2}$$

(10.101)
$$H_{y20}^{-} = -\frac{E_{x20}^{-}}{\eta_2} = -\frac{\Gamma_{23}E_{20}^{+}}{\eta_2}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

برقی میدان تقسیم مقناطیسی میدان کور کاوٹ موج η_m^{-74} کہاجاتا ہے۔

(10.102)
$$\eta_m(z) = \frac{E_{xs2}}{H_{ys2}} = \frac{E_{x20}^+ e^{-j\beta_2 z} + E_{x20}^- e^{j\beta_2 z}}{H_{y20}^+ e^{-j\beta_2 z} + H_{y20}^- e^{j\beta_2 z}}$$

wave impedance74

.10.7 دو سرحدی انعکاس

مساوات 10.99اور مساوات 10.100استعال کرتے ہوئے اسے

(10.103)
$$\eta_m(z) = \eta_2 \left[\frac{e^{-j\beta_2 z} + \Gamma_{23} e^{j\beta_2 z}}{e^{-j\beta_2 z} - \Gamma_{23} e^{j\beta_2 z}} \right]$$

كلهاجاسكتاہے۔مساوات 10.98 اور يولر مماثل 75 كے استعمال سے اسے يوں كلهاجاسكتاہے۔

(10.104)
$$\eta_m(z) = \eta_2 \frac{\eta_3 \cos \beta_2 z - j \eta_2 \sin \beta_2 z}{\eta_2 \cos \beta_2 z - j \eta_3 \sin \beta_2 z}$$

مندرجہ بالامساوات دوسرے خطے میں موج کی رکاوٹ دیتی ہے۔اسے استعال کرتے ہوئے پہلی سر حدیر کل انعکاسی موج حاصل کرتے ہیں۔ چونکہ سر حد پر متوازی برقی میدان E اور متوازی مقناطیسی میدان H ہموار ہیں لہٰذا

(10.105)
$$E_{xs1}^{+} + E_{xs1}^{-} = E_{xs2} \qquad (z = -l)$$

(10.106)
$$H_{ys1}^{+} + H_{ys1}^{-} = H_{ys2} \qquad (z = -l)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ان مساوات کو

(10.107)
$$E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-} = E_{xs2} \qquad (z = -l)$$

(10.108)
$$\frac{E_{x10}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^-}{\eta_1} = \frac{E_{xs2}}{\eta_m(-l)} \qquad (z = -l)$$

کوجوں کا کوجوں کا E_{x10}^{-} ہوجوں کا جیطہ میں آمدی موج کا حیطہ E_{x10}^{+} اور مجموعی انعکائی موج کو حیطہ E_{x10}^{-} ہے۔ان دونوں مساوات میں دائیں ہاتھ E_{x10} کوجوں کا تول کھا گیا ہے جہاں پہلے خطے میں آمدی موج کا حیطہ وی تعلق اللہ تعمل کی گئے ہے۔ z=-l پر موج کے رکاوٹ کو پہلی سر حدیر داخلی قدرتی رکاوٹ z=-l کو جو کی مندر جہ بالادومساوات کو حل کرتے ہوئے E_{xs2} سے چھٹکاراحاصل کرتے ہیں۔ یوں

(10.109)
$$\frac{E_{x10}^{-}}{E_{x10}^{+}} = \Gamma = \frac{\eta_{, \dot{b}_{1}}, -\eta_{1}}{\eta_{, \dot{b}_{1}}, +\eta_{1}}$$

z=-1 پر کرنے سے z=-1 پر کرنے سے ماصل ہوتا ہے۔

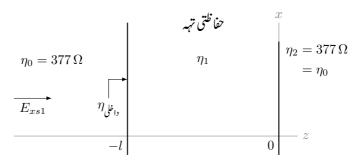
(10.110)
$$\eta_{2} = \eta_{2} \frac{\eta_{3} \cos \beta_{2} l + j \eta_{2} \sin \beta_{2} l}{\eta_{2} \cos \beta_{2} l + j \eta_{3} \sin \beta_{2} l}$$

یا

(10.111)
$$\eta_{2j} = \eta_{2} \frac{\eta_{3} + j\eta_{2} \tan \beta_{2} l}{\eta_{2} + j\eta_{3} \tan \beta_{2} l}$$

حاصل ہو تاہے۔ یہاں رک کرایک مرتبہ مساوات 10.111 کامساوات 94.01 کے ساتھ موازنہ کریں۔

مساوات 10.109 اور مساوات 10.110 عمو می مساوات ہیں جن سے بے ضیاع ، دو متوازی سر حدسے مجموعی انعکاسی موج کا حیطہ اور دوری زاویہ حاصل کیے جا سکتے ہیں۔ پہلے خطے میں آمدی طاقت کا ۲² حصہ مجموعی انعکاسی طاقت ہوگا۔ آمدی طاقت کا ۲ – 1 حصہ دو سرے خطے سے ہوتا ہوا تیسرے خطے میں ہمودہ ہوگا۔ دو سرے خطے میں بائیں جانب سے جتنی طاقت داخل ہوتی ہے ، اس سے اتنی ہی طاقت دائیں جانب خارج ہوتی ہے۔



شکل 10.11: ریڈار اینٹینا پر ایسی شفاف حفاظتی تہہ چڑھائی جاتی ہرے جو برقی و مقناطیسی امواج کو نہیں گھٹاتی۔

مساوات 10.109 میں $\eta_{ij} = \eta_{1}$ کی صورت میں $\Gamma = 0$ حاصل ہوتاہے جس سے انعکا کی طاقت صفر کے برابر ہو جاتی ہے۔الین صورت میں تمام کی تمام آمدی طاقت تیسرے خطے میں داخل ہویاتی ہے۔ابیامعلوم ہوتاہے جیسے دوسراخطہ موجود ہی نہیں ہے۔الیں صورت میں ہم کہتے ہیں کہ داخلی قدر تی ر کاوٹ اور پہلا خطہ ہم <mark>رکاوٹ</mark> ہم رکاوٹ صورت کئی طریقوں سے حاصل کر ناممکن ہے۔ یہاں $\eta_3=\eta_1$ کی صورت میں ہم رکاوٹی حالت حاصل کرتے ہیں۔ جصہ میں $\eta_3
eq \eta_1$ کی صورت میں ہم رکاوٹی حالت اختیار کرناد کھایاجائے گا۔ $\eta_3 \neq \eta_1$

ا گریملے اور تیسرے خطے کے قدرتی رکاوٹ برابر ہوں، لیعنی $\eta_1=\eta_3$ ہوں، تب $eta_2l=m\pi$ جہاں $m=1,2,3,\cdots$ ہوکی صورت میں مساوات 10.110 سے η_{0} و ماصل ہوتا ہے۔ چونکہ جو نکہ جو کہ جال ہوتا ہے۔ چونکہ ہوتا ہے۔ جونکہ ہوتا ہے۔ جونکہ

$$\frac{2\pi}{\lambda_2} = m\pi$$

$$(10.112) l = \frac{m\lambda_2}{2}$$

 $\eta_{0} = \eta_{0}$ در کار شرط ہے۔ مساوات 10.112 کے مطابق دوسر سے خطے کی موٹائی دوسر می خطے میں طول موج کی آدھی یااس کے m گنادر کار ہے۔ ایسی صورت میں موٹائی حاصل ہوتا ہے۔اس ترکیب سے ہم رکاوٹ صورت حال حاصل کرنے کو نصف طول موج 87 کی ترکیب کہا جاتا ہے۔

نصف طول موج ترکیب سے تمام آمدی طاقت تیسر بے خطے میں منتقل کی جاستی ہے۔ آمدی موج کی تعدد یعنی اس کی طول موج تبدیل کرنے سے ہم ریکاوٹی شرط پوری نہیں ہو پاتی لہذاالی صورت میں مساوات 10.110 سے حاصل η_1 کی قیمت η_1 سے قدر مختلف ہوگی جس سے Γ صفر نہیں رہ پاتا۔ طول ہوج جنتی زیادہ تبدیل کی جائے ۲ کی قیمت اتنی زیادہ حاصل ہوتی ہے۔الیی صورت میں دوسر حدی جوڑ بطور پٹ**ی گزار فلٹر** ⁷⁹ کر دارادا کر تاہے۔

آئیں دوسر حدی مسکلے کے حقیقی مثال پر غور کریں۔

ریڈار اینٹینا کوموسمی اثرات ہے بچانے کی خاطر استعال کئے جانے والیالیں تہہ کی بات کرتے ہیں جوریڈار کے شعاعوں کے لئے بالکل شفاف ثابت ہوتی ہے۔ پیر تہہ عموماً اینٹینا پر گنبد کی شکل میں ہوتی ہے۔شکل 10.11 میں ریڈار اینٹیناz=-l ہیں جانب خلاء میں ہے جبکہ z=-l تاz=-l ہیں حفاظتی تہہ ہے۔ یوں z=2 دائیں جانب خلاء ہے جس میں ریڈار اشارات بھیجا ہے۔ خلاء کی قدر تی رکاوٹ Ω 377 ہوتی ہے۔ ذو برق کی بنی حفاظتی تہہ کی موٹائی زیادہ نہیں رکھی جاتی تاکہ اس میں طاقت کاضیاع کم سے کم ہو۔ حفا ظتی تہہ ہے انعکاس قابل قبول نہیں چو نکہ اس طرح ریڈار کے امواج واپس اینٹینا کی طرف لوٹیں گے۔ ہم چاہتے ہیں کہ اینٹینا، دائیں جانب کے پورے نظام کے لئے ہم رکاوئی ہو۔ایسا η_2 کی صورت میں ہو گالیخی

$$377 = \eta_1 \frac{377 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j377 \tan \beta_1 l}$$

half-wave matching⁷⁸ band pass filter79

$$j377^2 \tan \beta_1 l = j\eta_1^2 \tan \beta_1 l$$

 $n=\eta$ اب تمام غیر مقناطیسی اشیاء کی $\eta_1<377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں اس صورت اتراجا سکتا ہے جب $\eta_1<377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں اس تمام غیر مقناطیسی اشیاء کی شعاعیس پیدا کرتا ہوتب ہم حفاظتی تہہ کو کم ضیاع اور ملکے وزن کے ایسے 1 کی صورت میں $\eta_1=\frac{\lambda_1}{2}$ ہوئی اور ملکے وزن کے ایسے پالے سے بنا سکتے ہیں جس کا $\theta_1=\theta_2=\theta_3$ ہے۔ ہمیں تہہ کی موٹائی

$$l = \frac{\lambda_1}{2} = \frac{v_1}{2f_1} = \frac{3 \times 10^8}{2\sqrt{2.25} \times 10^{10}} = 1 \text{ cm}$$

ر کھنی ہو گی۔

ا گرے GHz والے ریڈار پر چڑھائی حفا نکتی تہہ کی موٹائی موٹائی موٹائی تہہ کی موٹائی جائے تب کے تب کے موٹائی جائے ہوئے $\eta_1 = 251.33 \, \mathrm{tan}(314.2 \times 0.005)$

$$\eta$$
ن , $=251.33 imes rac{377+j251.33 an(314.2 imes 0.005)}{251.33+j377 an(314.2 imes 0.005)} pprox 167.6 $\Omega$$

ہو گی۔ یوں شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{167.6 - 377}{167.6 + 377} = -0.3845$$

ہو گااور انعکاس طاقت کی فی صد شرح

$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} \times 100 = |\Gamma|^{2} \times 100 = 14.78\%$$

هو گی۔

مشق 10.7: دو خطے آپس میں z=0 پر ملتے ہیں۔ سر حد کے بائیں جانب پہلا خطہ ہے جس کے مستقل z=0 اور z=0 بیل مشق 10.7: دو خطے آپس میں z=0 اور z=0 بائیں جانب پہلا خطہ ہے جس کے مستقل z=0 اور z=0 اور z=0 بیل جہلے خطے میں z=0 مل کریں۔ دو سر سے خطے میں z=0 اور z=0 بیل جہلے خطے میں z=0 میں z=0 میں z=0 میں z=0 اور z=0 اور z=0 بیل جس میں z=0 اور z=0 بیل جس میں z=0 اور z=0 بیل جس میں اور آخر میں اور آخر میں جس میں جس میں اور آخر میں اور آخر میں جس میں جس

جوابات: 5 ،1اور 61.8°_68.9

10.7.1 فيبرى-پيروٹ طيف پيما

بھریات کے میدان میں عموماً نحرافی مستقل 80 استعال کیاجاتاہے جہاں

$$(10.113) n = \sqrt{\epsilon_R}$$

ے برابر ہے۔ چونکہ فیبر ک۔ پیروٹ طیف پیما ۱۶ بھریات میں استعال کیا جاتا ہے لہٰذا ہم انحر افی مستقل استعال کرتے ہوئے اس کی کار کر دگی پر غور کرتے ہیں۔ خالی خلاء میں $eta=\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0\epsilon_R}$ جبکہ شیشے 82 میں $eta=\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0\epsilon_R}$ جبکہ شیشے 82 میں۔ یوں

$$\frac{\lambda_0}{\lambda} = \frac{\beta}{\beta_0} = \sqrt{\epsilon_R} = n$$

کھاجا سکتا ہے۔

سادہ ترین صورت میں فیبری- پیروٹ طیف پیا 1 انحرافی مستقل کے سادہ شیشے (یاکسی دوسرے شفاف مادے) کا تختہ ہوتاہے جس کی موٹائی 1 کو یوں رکھا جاتاہے کہ در کار طول موج پر بیر مساوات 10.112

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{n} = \frac{2l}{m} \qquad (m = 1, 2, 3 \cdots)$$

پرپورااترے جہاں خالی خلاء میں طول موج λ_0 جبکہ شیشے کے شختے میں طول موج λ_0 ہے۔ مندر جہ بالا مساوات سے حاصل تمام طول موج ، شیشے کے شختے سے بغیر گھٹے گزرتی ہیں۔ عموماً ہم چاہتے ہیں کہ شیشے کے شختے سے صرف اور صرف ایک مخصوص طول موج گزر پائے ناکہ ایسے تمام امواج جو مندر جہ بالا مساوات پر پر الرقے ہوں۔ ایسایوں ممکن بنایاجا سکتا ہے کہ در کار طول موج اور مساوات ایس عاصل قریبی طول موج میں طویل فاصلہ ہو۔ مندر جہ بالا مساوات میں m کی مختلف قیمتیں مختلف طول موج دیتی ہیں۔ ایسے دوعد د قریبی طول موج جنہیں اس مساوات میں m اور m-1 پر کرنے سے حاصل کیا گیا ہو میں فرق m

(10.116)
$$\lambda_{m-1} - \lambda_m = \Delta \lambda = \frac{2l}{m-1} - \frac{2l}{m} = \frac{2l}{m(m-1)} \approx \frac{2l}{m^2}$$

ہو گا۔ یادر ہے کہ m شیشے میں نصف طول موج کی گنتی

$$(10.117) m = \frac{2l}{\lambda} = \frac{2ln}{\lambda_0}$$

ہے۔یوں

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda^2}{2l}$$

کھا جاسکتا ہے جسے خالی خلاء میں طول موج λ_0 کی صورت میں

$$\Delta\lambda_0 = \frac{\lambda_0^2}{2ln}$$

کھاجا سکتا ہے۔ در کار طول موج کو سے قریب تر طول موج، جو شیشے سے گزر پائے گا، کا فاصلہ کہ کے جو طیفی حد 83 کہلاتی ہے۔ اگر کسی طرح اس فاصلے پر پائے جانے والے طول موج کو علیحدہ کر ناممکن ہوتب ہم کہ کو علیحدہ کرنے میں کامیاب ہوں گے۔طیف پیما کو بطور پٹی گزار فلٹر بھی استعال کیا جاسکتا ہے۔ پہمال درکار طول موج کے قریبی طول موج شیشے سے گزر پاتے ہیں جبکہ اس سے دور طول موج نہیں گزر پاتے۔

ree spectral range⁸³

refractive index⁸⁰

Fabry-Perot interferometer⁸¹

این ا $\mu_R=1$ ہے۔ ا $\mu_R=1$ ہے۔ ا $\mu_R=1$ ہے۔ اور المام المام

.10.7 دو سرحدی انعکاس

حل: ہم چاہیں گے کہ طیف پیاکی $\Delta \lambda_0$ در کار قیت سے قدر زیادہ ہو یعنی

$$l < \frac{\lambda_0^2}{2n\Delta\lambda_0} = \frac{600\times 10^{-9}\times 600\times 10^{-9}}{2\times 1.45\times 100\times 10^{-9}} = 1.241\,\mu\text{m}$$

ا تنی باریک موٹائی کاشیشہ بنانایا سے استعال کرنانا ممکن می بات ہے۔اس کا بہتر حل میہ ہوگا کہ دوشیشوں کے در میان تقریباً بہی فاصلہ رکھا جائے۔ان ووعد د شیشوں کے قریبی سطحوں کے مابین فاصلہ کم یازیادہ کرتے ہوئے کسی بھی طول موج کو گزارہ جاسکتا ہے۔شیشوں کے بیر ونی جانب سطحوں پر انعکاس مخالف تہہ 84 چیٹاہائی جاتی ہے۔

کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1
eq \eta_3$ کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول

اس جھے میں ہم مساوات 10.110 میں $\eta_1 \neq \eta_3$ کی صورت میں $\eta_1 = \eta_1$ کی صورت میں ہم مساوات 10.110 میں $\eta_1 \neq \eta_3$ کی صورت میں $\eta_1 \neq \eta_3$ کی صورت میں ہوتا ہے۔ $\beta_2 l = (2m-1)\frac{\pi}{2} \qquad (m=1,2,3,\cdots)$

يعني

$$\frac{2\pi}{\lambda_2}l = (2m-1)\frac{\pi}{2}$$
 $(m = 1, 2, 3, \cdots)$

کی صورت میں

$$(10.120) l = (2m-1)\frac{\lambda_2}{4}$$

کلھا جا سکتا ہے جس کے مطابق دوسرے خطے کی موٹائی، طول موج کے چوتھائی جھے کے طاق گناہے۔الی صورت میں مساوات 10.110 سے

(10.121)
$$\eta_{\dot{\psi}_{|}} = \frac{\eta_2^2}{\eta_3}$$

حاصل ہوتا ہے۔ ہم دوسرے خطے کی موٹائی کے ذریعہ پہلے خطے کو تیسرے خطے کے ہم رکاوٹ بنا سکتے ہیں۔ایسی صورت میں $\eta_1=\eta_1$ ہو گالہذا مندر جبہ بالا مساوات سے

$$\eta_2 = \sqrt{\eta_1 \eta_3}$$

کھھاجاسکتا ہے۔مساوات10.120اور مساوات10.122 چوتھائی طو<mark>ل موج ⁸⁵ سے</mark> ہم ر کاوٹ بنانا ممکن بناتاہے۔ا**نعکاس مخالف تہہ** ⁸⁶کادار ومداراسی اصول پر ہیجے۔

antireflective coating⁸⁴ quarter-wave matching⁸⁵

antireflective coating⁸⁶

مثال 10.8: ہم مال 660 nm طول موج کی شعاع کے لئے 1.45 $n_3=1.45$ انجرانی مستقل کے شیشے کو خالی خلاء 1 $n_1=1$ کے ہم رکاوٹ بذریعہ انعکاس خالف تہہ بناناچاہتے ہیں۔اس تہہ کی کم سے کم موٹائی اورانحرافی مستقل n_2 دریافت کریں۔

حل: خالی خلاءاور شیشے کے قدرتی رکاوٹ

$$\eta_1 = 377 \,\Omega$$

$$\eta_3 = \frac{377}{1.45} = 260 \,\Omega$$

ہیں۔ یوں مساوات 10.122 سے انعکاس مخالف تہد کی قدرتی رکاوٹ

 $\eta_2 = \sqrt{377 \times 260} = 313\,\Omega$

حاصل ہوتی ہے۔ یوں تہہ کاانحرافی مستقل

$$n = \frac{377}{313} = 1.2$$

ہو گا۔ دوسرے خطے یعنی ذوبرق تہہ میں طول موج

$$\lambda_2 = \frac{660}{1.2} = 550 \,\text{nm}$$

ہو گاجس سے تہہ کی کم سے کم موٹائی

$$l = \frac{\lambda_2}{4} = \frac{0.1375}{\mu \text{m}}$$

3424

حاصل ہوتی ہے۔

10.7.3 متعدد سرحدى مسئلہ

ہم تو مختلف خطوں کے در میان سر حدیر انعکاس کو تفصیلاً دیکھ چکے ہیں۔اسی طرح ہم نے دوسر حدی صورت حال پر بھی غور کیا۔ آئیں اس جھے میں متعدد سر حدی صورت میں شرح انعکاس حاصل کریں۔ شکل 10.12 میں تین سر حدی مسئلہ دکھایا گیاہے جس پر غور کرتے ہوئے متعدد سر حدی مسئلے کا حل تلاش کیا جائے گا۔ عدد

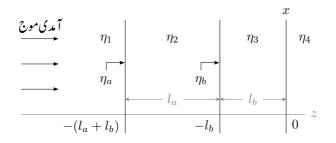
ہمیں آمدی طاقت کاوہ حصہ دریافت کرناہے جو تین سرحدی تہہ ہے گزر نہیں پاتابلکہ یہ انعکاس پذیر ہو کر آمدی موج کے الٹ سمت میں واپس چلے جاتا ہے۔ اس طرح ہمیں آمدی طاقت کاوہ حصہ دریافت کرناہے جو تینوں سرحدوں کو عبور کرتے ہوئے چوشے خطے میں ترسیل کر پاتا ہے۔ ایساکرنے کی خاطر ہمیں پہلی ہم حد پرداخلی قدرتی رکاوٹ میں درکار ہوگی۔ مسلے کو حل کرنے کی خاطر ہمیں اختقامی سرحدہ ابتدائی سرحد کی جانب چلتے ہوئے ہر سرحد پر داخلی قدرتی رکاوٹ حامة س کرنے ہوں گے۔ یوں ہم پہلے مل کریں گے۔ یوں تیسرے اور چوشے خطے کے اثرات کو اس کے ظاہر کرتے ہوئے ہم پہلی سرحد پر پہنچیں گے۔ دود

مساوات10.110استعال کرتے ہوئے

$$\eta_b = \eta_3 \frac{\eta_4 \cos \beta_3 l_b + j \eta_3 \sin \beta_3 l_b}{\eta_3 \cos \beta_3 l_b + j \eta_4 \sin \beta_3 l_b}$$

3438

3439



شكل 10.12: متعدد سرحدى صورت ميں شرح انعكاس.

کھھاجا سکتا ہے۔اس طرح ہم <mark>تبادلہ رکاوٹ 87 کی مد</mark>وسے تین سر حدی مسئلے کو دوسر حدی مسئلہ بنا پائے ہیں جہاں دوسری سر حدکے دائیں جانب جو کچھ بھی ہے اسے 1_b سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اب پہلے سر حدیر مساوات 10.110 کے استعمال سے

(10.124)
$$\eta_{a} = \eta_{2} \frac{\eta_{b} \cos \beta_{2} l_{a} + j \eta_{2} \sin \beta_{2} l_{a}}{\eta_{2} \cos \beta_{2} l_{a} + j \eta_{b} \sin \beta_{2} l_{a}}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

آمدی طاقت کا Γ^2 حصہ انعکاسی طاقت ہو گاجہاں

$$\Gamma = \frac{\eta_a - \eta_1}{\eta_a + \eta_1}$$

کے برابر ہے۔آمدی طاقت کابقایا حصہ یعنی $\Gamma^2 = 1$ حصہ چوتھے خطے میں ترسیل ہو گا۔ تبادلہ رکاوٹ کی ترکیب متعدد سرحدی مسئلے پر لا گو کیاجا سکتا ہے۔ و

کیمرے 88 کے عدسہ 98 پر متعدد تہہ چڑھا کراس کی کار کردگی بہتر کی جاتی ہے۔ یوں عدسہ پر پہلی تہہ کا انحرا فی مستقل عدسے کے شیشے کے انحرا فی مستقل کے برابر ہوگا۔ ایس طرح آخری تہہ کا انحرا فی مستقل عین خالی خلاء کے انحرا فی مستقل کے برابر ہوگا۔ یوںا یک تہہ سے دو ہمویے تہہ میں موج بغیرانعکاس کے داخل ہوگی۔ موج کو سرحد نظر ہی نہیں آتا۔

10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب

اس حصے میں تقطیب موج 90پر غور کیا جائے گا۔ خطی تقطیب اور بیضوی تقطیب کے بعد دائری تقطیب پر تبصرہ کیا جائے گا۔

اب تک اٹل سمت کے امواج پر غور کیا گیا۔ یوں $a_{
m Z}$ جانب حرکت کرتا $a_{
m X}$ سمت کا میدان

$$(10.126) E_x = E_{x0}\cos(\omega t - \beta z)$$

 $a_{
m y}$ علاوہ $a_{
m z}$ علاوہ $a_{
m z}$ جہاں میدان تمام او قات صرف x سمت میں پایاجاتا ہے۔ عموماً جانب حرکت کرتے موج میں میں میں میں میں میں علاوہ $a_{
m z}$ علاوہ $a_{
m z}$ جزو بھی پایاجائے گا۔ایسی صورت میں موج کے اجزاء

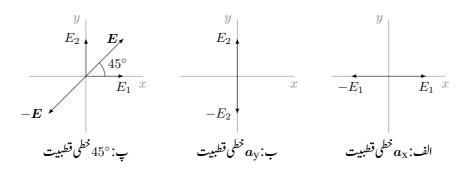
(10.127)
$$E_x = E_1 \cos(\omega t - \beta z)$$
$$E_y = E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta)$$

impedance transformation 87

 $camera^{88}$

lens

wave polarization90



شكل 10.13: خطى، دائرى اور بيضوى قطبيت.

ہو سکتے ہیں جہاں دونوں اجزاء کے حیطے مختلف ممکن ہیں جبکہ ان میں زاویائی فاصلہ _{8 بھ}ی پایا جاسکتا ہے۔ان اجزاء کا مجموعہ $E = E_1 \cos(\omega t - \beta z) a_X + E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta) a_Y$ (10.128)

الیی موج کو ظاہر کرے گا۔ بیر مساوات غور طلب ہے۔آئیں خلاء میں کسی بھیاٹل نقطے پر وقت تبدیل ہونے سے الیی میدان پر غور کریں۔ہم خلاء میں 0 🚃 🗷 کواٹل نقطہ لیتے ہوئے میدان حاصل کرتے ہیں۔

 $E_2=0$ ہوتب وقت t کے تبدیلی سے میدان کی قیمت $E_1a_{
m X}$ تا $E_1a_{
m X}$ تبدیل ہوتی ہے۔اس میدان کو تمام t کے لئے شکل t -10.13-الف میں $E_2=0$ د کھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ میدان کی نوک E₁ تا + خطی کلیر پر رہتی ہے۔ اس حقیقت سے ایسے موج کی قطبیت کو خطی قطبیت ⁹¹ کہتے ہیں۔ پیشون ست میں خطی قطبیت رکھتی ہے۔اس کے بر عکس اگر مساوات 10.12 میں $a_{
m V}$ ہوتب یہ $a_{
m V}$ خطی قطبیت کی موج ہوگی جسے شکل 10.13 سیس $a_{
m X}$ د کھایا گیاہے۔اگر $E_1 = E_2 = E_1$ اور $\delta = \delta$ ہوں تب بھی خطلی قطبیت کی موج حاصل ہوتی ہے البتہ یہ موج افقی محدد کے ساتھ °45 کازاو میں ہناتی ہے۔ شکل 10.13- پیں اس موج کود کھایا گیاہے۔

z=0انسی اب ذره دلچیپ صورت حال دیکھیں۔ نقطہ z=0 پر مساوات

(10.129)
$$E_x = E_1 \cos \omega t$$

$$E_y = E_2 \cos(\omega t - \delta)$$

صورت اختیار کر لیتے ہیں جس میں E_u کو

 $E_y = E_2 (\cos \omega t \cos \delta + \sin \omega t \sin \delta)$

 $\sin \omega t = \sqrt{1-\left(rac{E_x}{E_1}
ight)^2}$ اور $\cos \omega t = rac{E_x}{E_1}$ کوشنا ممکن ہے۔اس مساوات میں، E_x مساوات استعمال کرتے ہوئے،

$$E_y = E_2 \left[\frac{E_x}{E_1} \cos \delta + \sqrt{1 - \left(\frac{E_x}{E_1}\right)^2} \sin \delta \right]$$

ملتاہے جسے

(10.130)
$$\frac{E_x^2}{E_1^2} - 2\frac{E_x}{E_1}\frac{E_y}{E_2}\cos\delta + \frac{E_y^2}{E_2^2} = \sin^2\delta$$

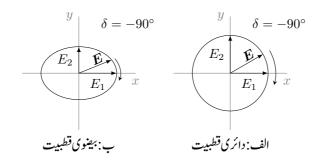
 $aE_{x}^{2} - bE_{x}E_{y} + cE_{y}^{2} = 1$

(10.131)

linear polarization⁹¹

١

3455



شكل 10.14: دائرى اور بيضوى قطبيت.

لکھاجا سکتاہے جہاں

(10.132)
$$a = \frac{1}{E_1^2 \sin^2 \delta} \qquad b = \frac{2\cos \delta}{E_1 E_2 \sin^2 \delta} \qquad c = \frac{1}{E_2^2 \sin^2 \delta}$$

3447

لئے گئے ہیں۔ مساوات 10.131 بیفنوی قطبیت 20 کی عمومی مساوات ہے۔

مساوات 10.130 میں $E_1=E_2=E_0$ اور $\delta=\mp 90^\circ$ صورت میں $E_1=E_2=E_0$ مساوات 10.133) $E_x^2+E_y^2=E_0^2$

حاصل ہوتا ہے جو دائرے کی مساوات ہے اور جسے شکل 10.14-الف میں دکھایا گیا ہے۔ شکل میں E_1 اور E_2 بھی ظاہر کئے گئے ہیں جن کی لمبائی برابر ہے۔ مساوات $\delta=+90$ صورت میں $\delta=+90$ کی صورت میں $\delta=+90$ کی صورت میں میں بیان میں میں بیان کے سازن کے سازن کی المبائی برابر ہے۔ مساوات میں بیان کی مساوات میں بیان کی مساوات میں بیان کی المبائی برابر ہے۔ مساوات میں بیان کی مساوات میں بیان کی بیان کی مساوات ہے المبائی برابر ہے۔ مساوات میں بیان کی مساوات ہے المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی مساوات ہے المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی مساوات ہے المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی مساوات ہوئی کی المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی مساوات ہوئی کی المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی مساوات ہوئی کی المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی مساوات ہوئی کی المبائی برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی کر برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی کر برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی کر برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی کر برابر ہوئی کی کر برابر ہوئی کی کر برابر ہے۔ مساوات ہوئی کی کر برابر ہوئی کی کر برابر ہوئی کر برابر ہوئی

$$E_x = E_0 \cos 0 = E_0$$

 $E_y = E_0 \cos(0 - 90^\circ) = 0$ $(\delta = +90^\circ)$

 $\omega t=30^\circ$ عاصل ہوتے ہیں جبکہ کچھ ہی لمحے بعد

$$E_x = E_0 \cos 30^\circ = 0.866 E_0$$

 $E_y = E_0 \cos (30^\circ - 90^\circ) = 0.5 E_0$ $(\delta = +90^\circ)$

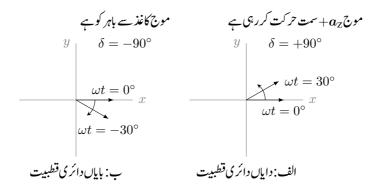
حاصل ہوتا ہے۔ شکل 10.15-الف میں دونوں او قات پر موج دکھائی گئ ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بڑھتے وقت کے ساتھ میدان کی نوک دائرے پر گھڑی کے البٹ سمت میں حرکت کی سمت میں رکھا جائے سمت میں حرکت کی سمت میں رکھا جائے تو سمت میں حرکت کی سمت میں رکھا جائے تو اس ہاتھ کے انگویٹھے کو موج کے حرکت کی سمت میں رکھا جائے تو اس ہاتھ کی بقایا چار انگلیاں دائرے پر میدان کی نوک کی حرکت کا سمت دیتی ہیں۔ یوں °90+ = کی صورت میں مساوات 10.133 دائیں دائری قطبیت ہیں گئی موج کو ظاہر کرتا ہے۔ موج کو ظاہر کرتا ہے۔

اسی طرح $-90^\circ = \delta$ کی صورت میں بائیں دائری قطبیت 94 حاصل ہوتی ہے جسے شکل $^{10.15}$ ب میں دکھایا گیا ہے۔

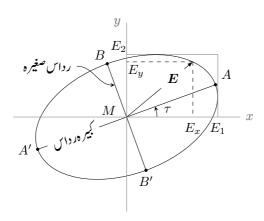
دائیں ہاتھ قطبی موج سے مراد وہ موج ہے جو آپ کی طرف حرکت کرتے ہوئے آپ کو گھڑی کے الٹ گھومتی نظر آئے۔ کسی موج کی قطبیت سے مراد وہ قطبیت ہے جو دیکھنے والے کی طرف حرکت کرتی موج کی قطبیت ہوگی۔

جہاں بھی غلطی کی گنجائش ہو وہاں بہتر ہوتاہے کہ قطبیت کاذ کر کرتے وقت حرکت کی سمت کا بھی ذکر کیا جائے۔

مساوات 10.130 میں $\delta=\mp90^\circ$ اور $E_1
eq E_2$ کی صورت میں بینوی موج حاصل ہوتی ہے جے شکل 10.14-ب میں دکھایا گیا ہے۔



شكل 10.15: دائيل باته اور بائيل باته كى دائرى قطبيت.



شكل 10.16: عمومي بيضوي قطبيت.

شکل 10.16 میں مساوات 10.130 کی عمومی شکل دکھائی گئی ہے جس میں °90 $\neq 0$ اور $E_1 \neq E_2$ ہیں۔اس شکل میں ترخیم 90 فقی محدد کے ساتھ au زاویہ بناتا ہے۔ یوں 95 کی صورت میں یہ 95 قطبی موج کہلائے گی۔ شکل 10.16 میں رداس کبیرہ 96 اور رداس صغیرہ 96 کی شرح کو شرح رداس 96 رداس 96

(10.134)
$$\mathring{\pi} = \frac{AA'}{BB'}$$

کہاجاتاہے جبکہ ۲ موج کازاویہ جھکاو⁹⁷ کہلاتاہے۔

مثال 10.9: صفحہ کتاب کے عمودی باہر کی جانب موج کے اجزاء $E_x = 5\cos\omega t$ اور $E_y = 15\cos(\omega t + 90^\circ)$ اور ناوی چھکاو حاصل کریں۔

حل:

$$\frac{15}{5}=\frac{15}{5}=3$$

کبیر ہاور صغیرہ رداس برابر نہ ہونے کی وجہ سے بیفنوی موج پائی جائے گی۔ گھومنے کی سمت دریافت کرنے کی خاطر ہم کسی بھی دوقر ہیں لمحات پر موج کو دیکھتے ہیں۔ یول لمحہ wt = 0 بر

$$E_x = 5\cos 0^\circ = 5$$

$$E_y = 15\cos 90^\circ = 0$$

 $\omega t = 30^{\circ}$ ير

$$E_x = 5\cos 30^\circ = 4.33$$

 $E_y = 15\cos(30^\circ + 90^\circ) = -7.5$

ہوں گے۔ان نتائج سے صاف ظاہر ہے کہ موج گھڑی کی سمت گھوم رہی ہے المذابیہ بائیں بیضوی قطبی موج کہلائے گ۔

چونکه کبیره رداس y محد د جبکه صغیره رداس x محد دیر بین للذازاویه جهاو °90 ہے۔

3463

مثال 10.10: موج کی دوری سمتی مساوات $E_s = E_0(a_{
m X} - ja_{
m Y})e^{-jeta z}$ سے۔ موج کی حقیقی مساوات حاصل کرتے ہوئے اس کی قطبیت در میافت کر سے۔ موج کی حقیقی مساوات حاصل کرتے ہوئے اس کی قطبیت در میافت کرس۔

elliptic polarization 92

right circular polarization⁹³

left circular polarization⁹⁴

ellipse⁹⁵

axial ratio⁹⁶

tilt angle97

حل: موج کو حقیقی شکل میں لکھنے کی خاطر دوری سمتی مساوات کو eiwt سے ضرب دیتے ہوئے بولر مماثل کااستعال کرتے ہیں۔

$$\begin{aligned} \boldsymbol{E} &= E_0(\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - j\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}})e^{j(\omega t - \beta z)} \\ &= E_0(\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} - j\boldsymbol{a}_{\mathbf{y}})[\cos(\omega t - \beta z) + j\sin(\omega t - \beta z)] \\ &= E_0[\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\cos(\omega t - \beta z) + \boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}\sin(\omega t - \beta z)] + jE_0[\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\sin(\omega t - \beta z) - \boldsymbol{a}_{\mathbf{y}}\cos(\omega t - \beta z)] \end{aligned}$$

اس كاحقيقي جزو

$$\mathbf{E} = E_0[\mathbf{a}_{X}\cos(\omega t - \beta z) + \mathbf{a}_{Y}\sin(\omega t - \beta z)]$$

ہے جو حقیقی موج کی مساوات ہے۔

سے پیسی بھی نقطے مثلاً z=0 پر دوقر بی لمحات پر موج کو دیکھتے ہوئے،اس کے گھو منے کی سمت دیکھی جاسکتی ہے۔لمحہ z=0 پر موج کو دیکھتے ہوئے،اس کے گھو منے کی سمت میں گھوم رہی ہے۔چونکہ رداس کبیر ہاور رداس صغیرہ برابر ہیں المذابید ہائمرُ کی محت میں گھوم رہی ہے۔چونکہ رداس کبیر ہاور رداس صغیرہ برابر ہیں المذابید ہائمرُ کی موج ہے المذااس موج کادائیں دائر کی قطبی موج کہا جائے گا۔

347

مشق 10.8: موج کی دوری سمتی مساوات $E_s = E_0(a_{
m X}-ja_{
m Y})e^{jeta z}$ ہے۔ موج کی حقیقی مساوات حاصل کرتے ہوئے اس کی قطبیت دریافت رہے۔ $E_s = E_0(a_{
m X}-ja_{
m Y})e^{jeta z}$

جواب: دھیان رہے کہ یہ موج منفی z محدد کی جانب حرکت کررہی ہے۔ یوں یہ ہائیں دائری قطبی موج ہے۔

347

10.9 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ

کسی بھی موج کی اوسط طاقت مساوات 10.56

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ ext{bull}} = rac{1}{2} \left[oldsymbol{E}_{\!\scriptscriptstyle S} imes oldsymbol{H}_{\!\scriptscriptstyle S}^*
ight]$$
اوسا

سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ شکل 10.16 کے عمومی بینوی قطبی موج کے x اور ہاجزاء

$$(10.135) E_{sx} = E_1 e^{j(\omega t - \beta z)}$$

(10.136)
$$E_{sy} = E_2 e^{j(\omega t - \beta z + \delta)}$$

میں δ زاویائی فرق پایاجاتاہے۔ کسی بھی نقطے پر کل برقی میدان ان اجزاء کاسمتی مجموعہ ہو گا جسے نقطہ z=0 پر

$$(10.137) E_s = a_X E_1 e^{j\omega t} + a_Y E_2 e^{j(\omega t + \delta)}$$

لکھاجاسکتاہے۔چونکہ

$$rac{oldsymbol{E}}{oldsymbol{H}}=\eta=\left|\eta
ight|e^{j heta_{\eta}}$$

ہوتاہے للذامساوات 10.135 کی جوڑی مقناطیسی موج

$$H_{sy} = \frac{E_{sx}}{|\eta|} e^{-j\theta_{\eta}} = \frac{E_1}{|\eta|} e^{j(\omega t - \beta z - \theta_{\eta})} = H_1 e^{j(\omega t - \beta z - \theta_{\eta})}$$

ہو گی۔اسی طرح مساوات 10.136 کی جوڑی

(10.138)
$$H_{sx} = -H_2 e^{j(\omega t - \beta z + \delta - \theta_{\eta})}$$

ہو گی۔ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان ان اجزاء کاسمتی مجموعہ ہو گا جسے نقطہ z=zپر

(10.139)
$$\boldsymbol{H}_{s} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}H_{2}e^{j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}H_{1}e^{j(\omega t - \theta_{\eta})}$$

کھ اجا سکتا ہے۔ جوڑی دار مخلوط H_s کی قیمت مندر جہ بالا مساوات میں مثبت j کو منفی اور منفی j کو مثبت ککھ کر حاصل ہوتا ہے لینی

(10.140)
$$\boldsymbol{H}_{s}^{*} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}H_{2}e^{-j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}H_{1}e^{-j(\omega t - \theta_{\eta})}$$

مخلوط بوئنثنك سمتيه سے اوسط طاقت

$$egin{align*} \mathscr{P}_{\mathbf{b}} = \frac{1}{2} \left[\left(a_{\mathbf{X}} E_{1} e^{j\omega t} + a_{\mathbf{Y}} E_{2} e^{j(\omega t + \delta)} \right) \times \left(-a_{\mathbf{X}} H_{2} e^{-j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + a_{\mathbf{Y}} H_{1} e^{-j(\omega t - \theta_{\eta})} \right) \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j\theta_{\eta}} \right] \ = \frac{1}{2} a_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j\theta_{\eta}} + E_{2}$$

لعنى

(10.141)
$$\mathscr{P}_{\downarrow,,!} = \frac{1}{2} \boldsymbol{a}_{Z} \left(E_{1} H_{1} + E_{2} H_{2} \right) \cos \theta_{\eta}$$

حاصل ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ طاقت ∂پر بالکل منحصر نہیں ہے۔

 $heta_\eta=\frac{E_2}{H_1}=rac{E_2}{H_2}=\eta_0$ ہوتے ہیں۔ان میں $\eta_0=rac{E_2}{H_2}=\eta_0$ ہر ابر ہوتا ہے جہاں حقیق قدرتی رکاوٹ کا زاویہ $heta_0=\frac{E_2}{H_1}=\frac{E_2}{H_2}=\eta_0$ ہے۔ایسے خطے میں

$$\mathcal{P}_{b \to 1} = \frac{1}{2} a_{Z} (E_{1} H_{1} + E_{2} H_{2})$$

$$= \frac{1}{2} a_{Z} (H_{1}^{2} + H_{2}^{2}) \eta_{0} = \frac{1}{2} a_{Z} H^{2} \eta_{0}$$

ہوگاجہاں $H = \sqrt{H_1^2 + H_2^2}$ برابر ہے۔اس مساوات کو

$$\mathcal{P}_{b \sim \eta} = \frac{1}{2} a_{z} \left(E_{1} H_{1} + E_{2} H_{2} \right)$$

$$= \frac{1}{2} a_{z} \frac{E_{1}^{2} + E_{2}^{2}}{\eta_{0}} = \frac{1}{2} a_{z} \frac{E^{2}}{\eta_{0}}$$

بھی لکھاجا سکتاہے جہاں $E=\sqrt{E_1^2+E_2^2}$ برابرہے۔

3478

مثال 10.11: خلاء میں بیضوی قطبی موج کے اجزاء

$$E_x = 2\cos(\omega t - \beta z)$$

$$E_y = 3\cos(\omega t - \beta z + 75^\circ)$$

3479

وولٹ فی میٹر ہیں۔موج کی فی مر بع میٹر اوسط طاقت دریافت کریں۔

حل: خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ $\eta=120\pi$ سے مساوات 10.143 سے

$$\mathscr{P}_{\text{best}} = \frac{1}{2} \frac{2^2 + 3^2}{120\pi} = 17.24 \, \frac{\text{mW}}{\text{m}^2}$$

حاصل ہوتاہے۔

3494

سوالات

سوال 10.1: خالی خلاء میں میں حرکت کرتی، $a_{\rm Z}$ تعدد کے مستوی برقی موج E کی چوٹی کھہ $z=0.3\,\mathrm{m}$ پر $z=0.3\,\mathrm{m}$ برابر ہے۔ الف) برقی میدان $a_{\rm Z}$ سمت میں ہونے کی صورت میں سائن نما E اور E امواج کے مساوات کھیں میں ہونے کی صورت میں سائن نما E کی سمت میں ہونے کی صورت میں سائن نما E اور E امواج کی مساوات کھیں۔ E کی سمت میں ہونے کی صورت میں سائن نما E اور E امواج کی مساوات کھیں۔

نجانی:
$$m{H} = rac{31}{12\pi} m{a}_{\mathrm{Y}} \cos(12\pi \times 10^8 t - 4\pi z)$$
 ، $m{E} = 310 m{a}_{\mathrm{X}} \cos(12\pi \times 10^8 t - 4\pi z)$: $m{H}_{\mathrm{S}} = rac{31}{12\pi} \left[rac{2}{\sqrt{29}} m{a}_{\mathrm{X}} + rac{5}{\sqrt{29}} m{a}_{\mathrm{Y}} \right] e^{-j4\pi z}$ ، $m{E}_{\mathrm{S}} = 310 \left[rac{5}{\sqrt{29}} m{a}_{\mathrm{X}} - rac{2}{\sqrt{29}} m{a}_{\mathrm{Y}} \right] e^{-j4\pi z}$

t = 10.2 تعدد کے برقی میدان کی سائن نما مستوی موج کی چوٹی گھے۔ a_Z پر N(3, -2.5) برقی میدان کی سائن نما مستوی موج کی چوٹی گھے۔ a_Z پر N(3, -2.5) برقی میدان کی سائن نما مستوی موج کی چوٹی گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔ پا گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔ پا گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔ پا گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔ پا گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔ پا گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔ پا گھے۔ a_Z بر برقی میدان کی شدت حاصل کریں۔

$$\mathbf{a}_H = -0.86\mathbf{a}_{\mathbf{X}} + 0.51\mathbf{a}_{\mathbf{y}}$$
 ، $\mathbf{a}_E = 0.51\mathbf{a}_{\mathbf{X}} + 0.86\mathbf{a}_{\mathbf{y}}$ ، $\beta = 4.2 \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $\lambda = \frac{3}{2} \, \mathrm{m}$: برایات $266 \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $-90 \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $292 \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $\mathbf{H}_s = 0.7733(-0.86\mathbf{a}_{\mathbf{X}} + 0.51\mathbf{a}_{\mathbf{y}})e^{-j4.2z}$ ، $H_0 = 0.7733 \, \frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$

 $E_{0^{***}}=E_{0}e^{-j6z}$ وی گئی ہے۔ الف) موج کی تعدد سے حاصل کریں۔ ب) برقی میدان کا حیطہ بالترتیب $E_{s}=E_{0}e^{-j6z}$ وی تعدد سے ماصل کریں۔ ب) برقنظہ $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ اور $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ ہونے کی صورت میں کمھہ $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ اور $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ ہونے کی صورت میں کمھہ $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ اور $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ ہونے کی صورت میں کمھہ وی جانگا ہوں کہ برنقطہ $E_{0}=E_{0}e^{-j6z}$ ہونے کی صورت میں کمھے ہونے کی صورت میں کھی ہے۔ الف

$$\sim 21.2 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 11.18 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 94.3 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 11.18 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 1.8 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 11.18 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 1.8 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 11.18 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m V}{
m m} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \, rac{
m Grad}{
m s} \, \cdot \, 10 \,
m Grad} \, 10 \,
m Grad} \, \cdot \, 10 \,
m Grad} \, 10 \,
m Grad} \, \cdot \, 10 \,
m Grad} \, \cdot \, 10 \,
m Gra$$

سوال 10.4: خالی خلاء میں 350 MHz تعدد کی مستوی موج $\frac{V}{m}$ کو گیتیں درییافت $E_{\mathrm{s}}=(5+j2)(3a_{\mathrm{X}}-j4a_{\mathrm{Y}})e^{j\beta z}$ بیانی جاتی ہے۔ λ اور β کی قیتیں درییافت E عاصل کریں۔ موج کا حیطہ حاصل کریں۔ کمیہ $t=1.4\,\mathrm{ns}$ بین نقطہ $t=1.4\,\mathrm{ns}$ عاصل کریں۔ موج کا حیطہ حاصل کریں۔

$$_{ ext{350}}|E|_{ ext{ي. LLT}}=26.9\,rac{ ext{V}}{ ext{m}}$$
 ، $E(z=40 ext{cm},t=1.4\, ext{ns})=13.96a_{ ext{X}}-10.84a_{ ext{Y}}$ ، $eta=rac{7\pi}{3}\,rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$ ، $\lambda=rac{6}{7}\, ext{m}$ ، $\lambda=rac{6}{7}\, ext{m}$

سوال 10.5: اییا خطہ جس کے مستقل 1 $\mu_R = 4.4$ ، $\mu_R = 4.4$ ، اور $\sigma = 0$ ہیں میں بڑھتے σ محدد کی جانب حرکت کرتی، 250 MHz تعلید کی H_s ، E_s η ، λ ، β ، v_p مستوی برقی موج پائی جاتی ہے۔ برقی میدان σ سمت میں ہے۔ مندر جہ ذیل حاصل کریں۔ σ ، σ ، σ اور اور σ اور اور σ ، σ اور اور σ اور اور σ ، σ دمتوی برقی موج بائی جاتی ہے۔ برقی میدان σ سمت میں ہے۔ مندر جہ ذیل حاصل کریں۔

$$m{\epsilon}_{m{k}_9} = E_0 e^{-j10.99x} m{a}_{m{y}} rac{m{V}}{m{m}}$$
 ، $\eta = 179.6\,\Omega$ ، $\lambda = 57.2\,\mathrm{cm}$ ، $\beta = 10.99\,rac{\mathrm{rad}}{m{m}}$ ، $v_p = 1.429 imes 10^8\,rac{m{m}}{m{s}}$: $\mathcal{P}_{m{k}_9} = \frac{E_0^2}{359.2} m{a}_{m{X}} rac{m{W}}{m{m}^2}$ ، $m{H}_S = \frac{E_0}{179.6} e^{-j10.99x} m{a}_{m{Z}} rac{m{A}}{m{m}}$

 $H_{\mathbb{R}^{900}}$ اور $\eta = |\eta_0| e^{j\phi}$ اور $E = E_0 e^{-\alpha z} \sin(\omega t - \beta z) a_y \frac{V}{m}$ دوری سمتیات $E_0 = E_0 e^{-\alpha z} \sin(\omega t - \beta z) a_y \frac{V}{m}$ عاصل کریں۔ب) اوسط محل و حاصل کریں۔

$$\mathcal{P}_{\frac{3\log q}{2|\eta_0|}} = \frac{E_0^2}{2|\eta_0|} e^{-2\alpha z} \cos\phi \boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \, \frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$$
 ، $\boldsymbol{H}_{\mathrm{S}} = -\frac{E_0}{|\eta_0|} e^{-\alpha z} e^{-j(\beta z + \pi + \phi)} \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} \, \frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$ ، $\boldsymbol{E}_{\mathrm{S}} = E_0 e^{-\alpha z} e^{-j(\beta z + \pi)} \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}} \, \frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$.

اب 10. مستوى امواج .10 مستوى امواج

 $E_{S^{SII}}$ با اور ω حاصل کریں۔ب) دوری سمتیات $E=(30a_{
m y}+22a_{
m Z})\cos(\omega t-60x)rac{
m V}{
m m}$ با اور ω حاصل کریں۔ بادوری سمتیات اور $H_{
m S}$ اور $H_{
m S}$ حاصل کریں۔

 $1200 \frac{V}{m}$ اور تعدد $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$ اور تعدد $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$ اور تعدد $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$ اور $\mathbf{H}_{s} = (5a_{X} + j4a_{Z})e^{j20y} \frac{V}{m}$

 $m{H}_{^{3516}}$ ، $\mu_R=2.4$ ، $\epsilon_R=9.6$ ، $v_p=6.28 imes10^7\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ ، $\eta=187.4\,\Omega$ ، $\lambda=rac{\pi}{10}\,\mathrm{m}$ ، $\beta=20\,rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$: $\mathfrak{S}\cos(2\pi imes200 imes10^6t+20y)m{a}_{\mathrm{X}}-4\sin(2\pi imes200 imes10^6t+20y)m{a}_{\mathrm{Z}}\,rac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}$

 $H(y,t) = 1.5\cos(2.5 \times 10^7 t - eta y) a_{
m Y} rac{\Delta}{m}$ اور $E(y,t) = 700\cos(2.5 \times 10^7 t - eta y) a_{
m X} rac{V}{m}$ مون کوظاہر کرتے ہیں۔ یہ موٹ ϵ_R ، η ، λ ، β نازر ہی ہے۔ حاصل کریں ہے ۔ 1.7 × 108 $\frac{m}{\rm s}$ اور μ_R اور μ_R اور μ_R ، μ_R اور μ_R اور μ_R بازر کرتے ہیں۔ یہ موٹ کوظاہر کرتے ہیں۔ یہ کرتے ہیں۔ یہ موٹ کوظاہر کرتے ہیں۔ یہ کہ کوظاہر کرتے ہیں۔ یہ کہ کوظاہر کرتے ہیں۔ یہ ک

 $\mu_R=2.2$ ، $\epsilon_R=1.4$ ، $\eta=467\,\Omega$ ، $\lambda=42.7\,\mathrm{m}$ ، $\beta=0.147\,\mathrm{rad\over m}$. وابات:

سوال 10.10: بے ضیاع خطے کے مستقل 1.2 $\mu_R = 5.4$ اور $\epsilon_R = 5.4$ بین ۔ لمحہ 10 ns بین اللہ ہے۔ $\mu_R = 1.2$ تعدد اور E(x,y,z,t) ، E_0 ، $\mu_R = 1.2$ کی خطی قطبی موتی a_y سمت میں حرکت کررہی ہے۔ حاصل کریں $E_z = 0$ ، $E_z = 0$ ، $E_z = 0$ ، $E_z = 0$ ، $E_z = 350 \, \frac{V}{m}$ ،

 $E(x,y,z,t)=\epsilon E_0=408.6 \, rac{
m V}{
m m} \, \epsilon \, \eta=178 \, \Omega \, \epsilon \, \beta=0.25 \pi \, rac{
m rad}{
m m} \, \epsilon \, \lambda=7.85 \, {
m m} \, \epsilon \, v_p=1.18 imes 10^8 \, rac{
m m}{
m s}$

$$\begin{split} \boldsymbol{E}(x,y,z,t) &= (E_{y0}\boldsymbol{a}_{y} + E_{z0}\boldsymbol{a}_{z})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x)\,\frac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{H}_{s} = \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{y} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{z})e^{\alpha x}e^{e^{j(\beta x - \phi)}}\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{E}_{s}^{2} \\ \boldsymbol{\mathcal{B}}_{s,y} &= \frac{1}{2|\eta_{0}|}(E_{y0}^{2} + E_{z0}^{2})e^{2\alpha x}\cos\phi\boldsymbol{a}_{x}\,\frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^{2}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{H}(x,y,z,t) = \frac{1}{|\eta_{0}|}(E_{z0}\boldsymbol{a}_{y} - E_{y0}\boldsymbol{a}_{z})e^{\alpha x}\cos(\omega t + \beta x - \phi)\,\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\,\boldsymbol{\cdot}\,\boldsymbol{E}_{s}^{2} \end{split}$$

سوال 10.12 کامل موصل سے بنی $ho=12\,\mathrm{mm}$ اور $ho=12\,\mathrm{mm}$ ورداس کے نلکیوں کا محود ہے۔دونلکیوں کے درمیان ذوبرق کے مستقل سوال 10.12 کامل موصل سے بنی $ho=12\,\mathrm{mm}$ اور $ho=12\,\mathrm{mm}$ بیا جاتا ہے۔الف) میکس ویل کے مساوات استحمال $ho=12\,\mathrm{mm}$ ورداس کے مساوات استحمال کریں۔ بہت کہ ورمیانی خطے میں $ho=12\,\mathrm{mm}$ کرتے ہوئے $ho=12\,\mathrm{mm}$ کرتے ہوئے $ho=12\,\mathrm{mm}$ کرتے ہوئے $ho=12\,\mathrm{mm}$ کرتے ہوئے $ho=12\,\mathrm{mm}$ کی مساوات حاصل کریں۔ بہت کی مساوات حاصل کریں۔ بہت کی مساوات حاصل کریں۔ بہت کے مساوات حاصل کریں۔ بہت کی طاقت منتقل ہور بی ہے۔

 $H = rac{5.7}{
ho}\cos(8.38 imes 10^8 t - 5z) a_{\phi} rac{A}{m}$ ، $\omega = 8.38 imes 10^8 rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{s}}$: بریا ج

 $H_s=rac{1}{4\pi r}\sin heta e^{-j2r}a_{\phi}rac{A}{m}$ اور $E_s=rac{60}{r}\sin heta e^{-j2r}a_{ heta}rac{V}{m}$ وی محدد میں محدد میں $E_s=rac{60}{r}\sin heta e^{-j2r}a_{ heta}$ اور $E_s=rac{60}{r}\sin heta e^{-j2r}a_{ heta}$ ماصل کریں۔ $T=5\,\mathrm{cm}$ برداس $T=5\,\mathrm{cm}$ کریں۔ $T=5\,\mathrm{cm}$ کہتا ہے خارج طاقت ماصل کریں۔

 $3.13\,\mathrm{W}$ ، $\mathscr{P}_{\perp,j}=rac{15\sin^2 heta}{2\pi r^2}a_\mathrm{r}\,rac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$:وابات

 λ نور α ، β ، α نور آپ سے گزارش ہے کہ متعقل $\epsilon_R = 8$ ، $\mu_R = 5$ اور $\epsilon_R = 15 \frac{\mathrm{mS}}{\mathrm{m}}$ بیں۔ آپ سے گزارش ہے کہ $\epsilon_R = 8$ ، $\epsilon_R = 5$ اور $\epsilon_R = 15 \frac{\mathrm{mS}}{\mathrm{m}}$ بیں۔ آپ سے گزارش ہے کہ متعقل ور $\epsilon_R = 15 \frac{\mathrm{mS}}{\mathrm{m}}$ اور $\epsilon_R = 15 \frac{\mathrm{mS}}{\mathrm{m}}$ بیں۔ آپ سے گزارش ہے کہ متعقل ور اس معامل کریں۔

$$\eta=297.83+j0.418\,\Omega$$
 ، $\lambda=3.95\,\mathrm{mm}$ ، $v=4.74 imes10^7\,\mathrm{m\over s}$ ، $eta=1590\,\mathrm{rad\over m}$ ، $lpha=2.23\,\mathrm{Np\over m}$ وابات:

200۔ ایسے خطے کے مستقل μ_R ، ور σ حاصل کریں جس میں 00 MHz تعدد پر طول موج 1 ، قدرتی رکاوٹ کی حتی قیت ϵ_R ، μ_R ور تضعیفی مستقل 200 ہو۔

$$\sigma=19.06\,rac{ ext{mS}}{ ext{m}}$$
 ، $\epsilon_R=4.84$ ، $\mu_R=1.67$ جوابات:

 $\frac{\sigma}{\omega e^{288}} = 3.6 \times 10^{-4}$ اور $\epsilon_R = 2.8$ اور $\epsilon_R = 3.6 \times 10^{-4}$ اور $\epsilon_R = 3.6 \times 1$

$$_{\scriptscriptstyle 3548}$$
 4.52 cm ، $_{\scriptscriptstyle 8.55}$ m ، $_{\scriptscriptstyle 17.1}$ m ، $_{\scriptscriptstyle \lambda}=0.54$ m ، $_{\scriptscriptstyle \beta}=11.57$ $_{\scriptscriptstyle \overline{m}}^{\rm rad}$ ، $_{\scriptscriptstyle \alpha}=0.04$ $_{\scriptscriptstyle m}^{\rm Np}$ ، $_{\scriptscriptstyle \sigma}=1.85\times 10^{-5}$ $_{\scriptscriptstyle \overline{m}}^{\rm S}$

سوال 10.17: کیبیسٹر C میں طاقت کے ضیاع کو کیبیسٹر کے متوازی مزاحمت R سے ظاہر کیاجاتا ہے۔ایسے متوازی دور کی برقی رکاوٹ Z ہے۔ برقی رکاوٹ ، C ہیں دہور نہیسٹر جس کے مستقل C ہیں ہوراد C ہیں ہے۔ متوازی چادر کیبیسٹر جس کے مستقل C ہیں کے داویہ C کا کوسائن، یعنی C مستقل کہ وادر C ہیں کے جزو ضربی طاقت اور C کے مساوات کو مماس ضیاع C استعمال کرتے ہوئے کھیں۔ C اور C ہیں کے جزو ضربی طاقت اور C کے مساوات کو مماس ضیاع C استعمال کرتے ہوئے کھیں۔

$$Q=\left(rac{\sigma}{\omega \epsilon}
ight)^{-1}$$
 ، $\cos heta=rac{1}{\sqrt{1+\left(rac{\sigma}{\omega \epsilon}
ight)^{-2}}}$: وبات

سوال 10.18: تا نبے کی ہم محوری تار کے اندرونی تار کارداس 5 mm اور بیرونی تار کااندرونی رواس 8 mm ہیں۔ دونوں تار گہرائی جلد کا سے بہت زیادہ کو ہوٹائی رکھتے ہیں جبکہ ذو برق بے ضیاع ہے۔ 550 MHz تعدد پر فی میٹر اندرونی تار، فی میٹر بیرونی تاراور فی میٹر مکمل تربیلی تارکی مزاحمت دریافت کریں۔ تا نبچہ کے مستقل کتاب کے آخر میں جدول 15.1 سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔

$$316 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}} \, \cdot \, 122 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}} \, \cdot \, 195 \, \frac{\mathrm{m}\Omega}{\mathrm{m}} \, \cdot \, 29$$
 جوابات:

سوال 10.19: المو نیم سے نکلی نماتار بنائی جاتی ہے جس کااندرونی رواس mm 5 اور بیر ونی رواس mm 6 ہیں۔ ایک کلومیٹر تارکی مزاحمت مندر جہ ذیل ہتعدد پر حاصل کریں۔الف) یک سمتی رو۔ب) MHz پر حاصل کریں۔الف) یک سمتی رو۔ب) 1.2 GHz پر اللہ 30 mm

$$295\,\Omega$$
 ، $46.7\,\Omega$ ، $758\,\mathrm{m}\Omega$: 95.0

سوال 10.20: کھانا جلد گرم کرنے کی خاطر عموماً برتی خروموج چو گھا 98(مائیکر وویواون) استعال کیا جاتا ہے جو عموماً $C_R = 1$ کے تعدد پر کام کرتا ہے۔ اس نوال 10.20: کھانا جلد گرم کرنے کی خاطر عموماً برتی خروموج چو گھا 98(مائیکر وویواون) استعال کیا جاتا ہے جو تے گھر انگی جو کے گھر انگی جو کے گھر انگی جو کے گھر انگی مساوات کھیں۔ $C_R = 1$ کھیں۔ جلد $C_R = 1$ کھیں۔ کھیل کے مستعل جادد کے اندر میدان کی مساوات کھیں۔ کھیل کے خوادد کے اندر میدان کی مساوات کھیں۔

$$E_s(z)=64e^{-1.03 imes 10^{-7}z(1+j)}\,rac{
m V}{
m m}$$
 ، $\delta=9.69\,
m \mu m$ يوايات:

سوال 10.21:ایک غیر مقناطیسی موصل میں رفتار موج $\frac{m}{s}$ 4.5 × 10^5 اور طول موج δ ہگر ائی جلد δ اور موصل کی موصلیت σ

 $\sigma=8.89 imes10^4\,rac{
m S}{
m m}$ ، $\delta=39.8\,
m \mu m$ ، $f=1.8\,
m GHz$. وابات:

 $E=rac{270}{r}\sin heta\cos[\omega(t-rac{r}{c})]$ وی گئی ہے۔ رداس $a_ heta$ کے کرہ سے کتنی طاقت خارج ہورہی ہے۔ $E=rac{270}{r}\sin heta\cos[\omega(t-rac{r}{c})]$ عودہ عند نامی موج

جواب: 810W

سوال 10.23: برقی موج $H_s = 14a_{
m X} + 13a_{
m Y} - 16a_{
m Z} rac{
m A}{
m m}$ اور مقناطیسی موج $E_s = 3a_{
m X} - 5a_{
m Y} + 2a_{
m Z} rac{
m kV}{
m m}$ بین الحائی سمته یا اکائی سمته حاصل کریں۔ ب)موج کی اوسط کثافت طاقت حاصل کریں۔ پ $\mu_R = 1$ کی صورت میں ج

 $\epsilon_R=2.32$ ، $71.7rac{
m kW}{
m m^2}$ ، $m a=0.38m a_{
m X}0.53m a_{
m Y}+0.76m a_{
m Z}$ جرابات:

سوال 10.24: فيان كار خطه x>0 مستقل x>0 هاي ور مي $\epsilon_R=1$ ور مي $\epsilon_R=1$ ور مي جبكه ورد نظم ميران $\epsilon_R=1$ هاي على خلاء مين جبكه ورد نظم ورد براي خلاء مين ميران $\epsilon_R=1$ هي يا جاتا ہي الفي خلاء $\epsilon_R=1$ هي ميران $\epsilon_R=1$ هي ميران موج تقطم ميران موج تقطم ميران $\epsilon_R=1$ هي ميران موج تقطم ميران موج تقطم ميران مير

 $E_{76}=238\cos(5 imes10^8t-45^\circ)$ $a_{
m Z}$ $rac{
m V}{
m m}$ ، $E=113\cos5 imes10^8t$ $a_{
m X}$ $rac{
m kV}{
m m}$ ، $H=300\cos5 imes10^8t$ $a_{
m Y}$ $rac{
m A}{
m m}$. $E=113\cos5 imes10^8t$

 $\omega = 4.2 \times 10^8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ تعرب ω

 $E_{1^{3587}}$ ، au=0.9087 ، $\Gamma=-0.0913$ ، $eta_2=7.8 rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $eta_1=2.5 rac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $\eta_2=175\,\Omega$ ، $\eta_1=211\,\Omega$. $E_2=5.09\cos(4.2\times10^8t-7.8z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $E_2=5.09\cos(4.2\times10^8t-7.8z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$ ، $E_2=5.09\cos(4.2\times10^8t-2.5z)-0.511\cos(4.2\times10^8t+2.5z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$. $E_2=5.09\cos(4.2\times10^8t-2.5z)-0.511\cos(4.2\times10^8t+2.5z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$. $E_2=5.09\cos(4.2\times10^8t-2.5z)-0.511\cos(4.2\times10^8t+2.5z)\,rac{\mathrm{V}}{\mathrm{m}}$

سوال 10.26: تھیلا بنانے والے پلاسٹک میں $x=0.3\,\mathrm{cm}$ تعدد کی مستوی موج a_x سمت میں حرکت کرتے ہوئے $x=0.3\,\mathrm{cm}$ پر پائے جانے والے کامل موصل سطح سے انعکاس پذیر ہوتی ہے۔ الف) وہ سطحیں دریافت کریں جن پر E=0 ہوگا۔ ب) اس پلاسٹک میں بلند تر برقی چوٹی اور بلند تر مقناطیسی چوٹی کی موصل سطح سے انعکاس پذیر ہوتی ہے۔ الف) وہ سطحیں دریافت کریں جن پر جاصل کریں۔

 $\eta=251\,\Omega$ جوابات: $x=0.3-0.71n\,\mathrm{cm}$ جوابات:

 $\sigma = 4.6 \, rac{ ext{mS}}{ ext{m}}$ اور $\mu = 4.2 \, rac{ ext{mH}}{ ext{m}}$ ، $\epsilon = 30 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ کے مستقل z > 0 مستقل $\mu = 4.2 \, rac{ ext{mH}}{ ext{m}}$ ، $\epsilon = 30 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ اور $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ اور $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ اور $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ انعکاسی مستقل حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔ $\epsilon = 20 \, rac{ ext{m}}{ ext{m}}$ کی مساوات حاصل کریں۔

 $\epsilon E_{x1}^{-} = 59.8\cos(2 imes10^8t + 0.667z + 111^\circ)\,rac{ ext{V}}{ ext{m}}$, $\Gamma = 0.176/\underline{1111^\circ}$, $eta_1 = 0.667rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $lpha_1 = 0$. $lpha_1 = 0.667rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_1 = 0.667rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_2 = 0.667rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_1 = 0.667 rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_2 = 0.667 rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_1 = 0.667 rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_2 = 0.667 rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_3 = 0.667 rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$, $eta_4 = 0.667 rac{ ext{rad}}{ ext{m}}$

سوال 10.28: المو نيم كى سطح y=0 پر خالی خلاء سے عمود کی آ مدى موح $\frac{V}{m}$ کی موری آ مدى طاقت کا کتنا فی صید سطح y=0 ہے۔ آمدی طاقت کا کتنا فی صید سطح سے انعکاس پذیر ہوتا ہے۔

جواب: % 99.997

 $\epsilon_{R2\%} = \mu_{R2}^3$ اور $\epsilon_{R1} = \mu_{R1}^3$ ، $\sigma_1 = \sigma_2 = 0$ سوال 10.29: مستوی موتی خطہ - 1 سے خطہ - 2 پر عمود کی پڑتی ہے۔ ان خطول کے مستقل 10.29 مستوی موتی خطہ - 1 سے خطہ - 2 پڑتی ہے۔ ان خطول کریں۔ آمد کی طاقت کا % 40 سر عدسے واپس لوٹنا ہے۔ $\frac{\mu_{R2}}{\mu_{R1}}$ حاصل کریں۔

 $rac{\mu_{R2}}{\mu_{R1}} = 4.442$ ابات: $rac{\mu_{R2}}{\mu_{R1}} = 0.225$ ابات:

 $\mu_R = 1.8$ اور $\mu_R = 1.8$ اور $\mu_R = 1.8$ یا بر عمودی پڑتی ہے۔ آمد موج کی تعدد 100 مول 100

 $11.2\,\mathrm{m}$ ، $lpha_2=0.1765\,rac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ ، $10.42\,rac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$: برایت:

سوال 10.31: خالی خلاء z<0 میں برقی موج کی تعدد حاصل کر میں۔ $E_s=100e^{-j15z}a_y+28\underline{/30^\circ}e^{j15z}a_y$ تعدد حاصل کر میں۔ z<0 نامدر قی رکاوٹ حاصل کریں۔ پ)دو خطوں کے سرحد کے قریب کس مقام پر برقی موج کی چوٹی پائی جاتی ہے؟ z>0

 $z=-1.75\,\mathrm{cm}$ ، $\eta=585+j178\,\Omega$ ، 715.7 MHz . برابت:

z>0 مستقل $\epsilon_1=120\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=120\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=120\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=30\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=30\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ ور $\epsilon_1=30\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=260\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=260\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ اور $\epsilon_1=260\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ ور $\epsilon_1=260\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$ ور $\epsilon_1=360\, {{\rm pF}\over {\rm m}}$

 $\mathscr{P}^-_{1b}=-0.486$ م $_{\mathrm{Z}}$ $\frac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $\mathscr{P}^+_{1b}=100$ م $_{\mathrm{Z}}$ $\frac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $\beta_1=54$ $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $\alpha_1=0$ $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$: 100 α_2 $\frac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $\beta_1=54$ $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ ، $\alpha_1=0$ $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$: 100 α_2 $\frac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $\alpha_2=0$ $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$: 100 α_2 $\frac{\mathrm{mW}}{\mathrm{m}^2}$ ، $\alpha_3=0$ $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$: 100 α_3 $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}^2}$:

سوال 10.33: خطہ $\alpha_{R2}=6$ میں بے ضیاع ذو برق پایاجاتا ہے جس کے مستقل $\alpha_{R2}=1$ ، $\alpha_{Z}=0$ اور $\alpha_{R2}=1$ بیں۔اس خطے کو دونوں جانب خالی خلاء پائی جاتی ہے۔ مستوی موج جس کی تعدد $\alpha_{R3}=1$ ہوں ہوں جانب خالی خلاء پائی جاتی ہے۔ مستوی موج جس کی تعدد $\alpha_{R3}=1$ ہوں ہوں ہوں جس ہے سرحد $\alpha_{R4}=1$ ہور تھی ہیں جس میں حرکت کر رہی ہیں الف) ذو برق میں $\alpha_{R4}=1$ ہور تھی میں موج کو استعال کرتے ہوئے سرحد $\alpha_{R4}=1$ ہور جس میں موج کو استعال کرتے ہوئے $\alpha_{R4}=1$ ہور جس کے عاصل کریں۔ت) خطہ $\alpha_{R4}=1$ ہور کے میں موج کو استعال کرتے ہوئے $\alpha_{R4}=1$ ہور کے میں سرحد کے قریب ترین ایسانقطہ حاصل کریں جہاں بلند تر برقی میدان پایاجاتا ہے۔ $\alpha_{R4}=1$ ہور کے میں سرحد کے قریب ترین ایسانقطہ حاصل کریں جہاں بلند تر برقی میدان پایاجاتا ہے۔

 $\Gamma_{2^{26677}}$ ، $s_1=5$ ، $\Gamma_1=-0.623-j0.238=0.667e^{-j2.776}$ ، η_{c} , η_{c}

سوال 10.34: ضیاع کار خطہ جہاں $\frac{Np}{m}$ ہو میں موج $\alpha=0.4$ جا تھا تک چینجتی ہے۔انھکا تک معتقل 10.34: ضیاع کار خطہ جہاں ہو کہ وہ میں موج کے طاقت کی شرح حاصل کریں۔ $\Gamma=0.4-j0.5$

سوال 10.35: خطہ z<0 اور خطہ z>0 کامل ذو برق پر مشمل ہیں جہاں $\sigma=0$ اور $\mu_R=1$ ہیں۔ تعدد z>0 کی موج کے کی موج z>0 کی موج کے ایک نظوں نے گزرتی ہے۔ ان خطوں میں طول موج بالترتیب z>0 اور z>0 ہیں۔ الف z>0 حاصل کریں۔ باکتنی فی صدطاقت منعکس پذیر ہوتی ہے۔ پاکتنی فی صدطاقت ترسیل ہوتی ہے۔ پاکتری موج z>0 حاصل کریں۔ منعکس پذیر ہوتی ہے۔ پاکتنی فی صدطاقت ترسیل ہوتی ہے۔ سے کاشرح ساکن موج z>0 حاصل کریں۔

$$s=1.333$$
 ، 97.96 % ، 2.04 % ، $\Gamma=0.143e^{j\pi}$ برایات:

سوال 10.36: کامل ذوبر قی $\sigma = 0$ سے خالی خلاء میں موج داخل ہوتی ہے۔ مندر جہ ذیل صور توں میں ذوبر ق کی جزوی برقی مستقل $\sigma = 0$ عاصل کریں۔ الف $|\mathbf{E}|$ منعکس موج کی چوٹی آمدی موج کے چوٹی آمدی موج کے چوٹی آمدی موج کے چوٹی آمدی موج کے کے گا قص کے اندر سے کا آدھی ہے۔ باندر سے کا آدھی ہے۔ کی جو ٹی آمدی ہونے کی جو ٹی آمدی ہونے کی ہونے کی جو ٹی آمدی ہونے کی جو ٹی آمدی ہونے کی جو ٹی آمدی ہونے کی آدھی ہونے کی جو ٹی آمدی ہونے کی

$$\epsilon_R=4$$
 ، $\epsilon_R=34$ ، $\epsilon_R=9$ وابات:

سوال10.37: ایک ایساخطہ جس کے مستقل جمیں معلوم نہیں ہیں پر خالی خلاء سے 330 MHz تعدد کی موج پڑتی ہے۔خالی خلاء میں سر حدکے قریب 3 ﷺ حاصل ہوتا ہے جبکہ موج کی پہلی کمتر قیمت سر حدسے 0.3۸ فاصلے پر پائی جاتی ہے۔انعکا سی مستقل کا زاویہ φ اور اس کی حتمی قیمت |۲| حاصل کرتے ہوئے خطے کی قدرتی رکاوٹ حاصل کریں۔

$$\eta=641+j$$
501 Ω ، $|\Gamma|=0.5$ ، $\phi=0.2\pi$. يوابات:

سوال 10.38: سمندری پانی کے مستقل $rac{S}{m}=5$ اور $rac{S}{R}=7$ ہیں۔ خالی خلاء سے اس پر $rac{T}{MHz}$ تعدد کی موج پڑتی ہے۔ آمدی طاقت کا کتنا پڑھے۔ واپس خلاء میں لوٹا ہے۔

سوال 10.39: خالی خلاء میں 🗘 242 قدرتی رکاوٹ کی 👌 موٹی تہہ پائی جاتی ہے۔ آمدی طاقت کا کتنا حصہ اس تہہ سے گزر پاتا ہے؟

$$91\%$$
 ، $\Gamma=0.308 / -2.4\,\mathrm{rad}$ ، $\eta_{j}=220-j101\,\Omega$: آبات $\eta_{j}=220-j101\,\Omega$

سوال 10.40: آمدی موج کی تعدد تبدیل کئے بغیر سوال 10.39 کو مندر جہ ذیل صور توں میں دوبارہ حل کریں۔الف) تہہہ کی موٹائی د گنی کر دی جاتی ہے۔ ب& تہہہ کی موٹائی آد ھی کر دی جاتی ہے۔ پ) تہہ کی موٹائی چار گنا کر دی جاتی ہے۔

جوابا**ت**: % 82.7 % ، 97 % ، 100 %

سوال 10.41: مستوی موج کا برقی جزو H_s (بین بروج کی قطبیت دریافت کریں ب $E_s=10e^{-j\beta x}a_{
m Z}+15e^{-j\beta x}a_{
m W}$ عامق کریں۔ پ θ وریافت کریں۔ پاوریافت کریں۔

جوابات:الف)موح خطی قطبی ہے۔ یہ مون
$$yz$$
 سطح میں رہتے ہوئے y محدد کے ساتھ 33.7° زاویہ بناتی ہے۔ yz مون yz فیل ہے۔ یہ مون yz میں میں ہے۔ یہ مون yz میں مون yz میں میں میں مون کے کہ مون کے کہ مون کے کہ مون کے۔ یہ مون کے کہ مون کے کہ مون کے کہ مون کے کہ کے کہ کے کہ مون کے کے کہ کے

 $m{E}_{s}=E_{0}(m{a}_{\mathrm{X}}+jm{a}_{\mathrm{Y}})e^{-jeta z}$ عاصل کریں۔ $m{E}_{s}=E_{0}(m{a}_{\mathrm{X}}+jm{a}_{\mathrm{Y}})e^{-jeta z}$ عاصل کریں۔

$$m{\mathscr{P}}_{m{ar{U}}}$$
وابات: $m{H}_s=rac{E_0}{\eta_0}m{a}_{m{Z}} rac{W}{\mathsf{m}^2}$ ، $m{H}_s=rac{E_0}{\eta_0}(m{a}_{m{\mathsf{Y}}}-jm{a}_{m{\mathsf{X}}})e^{-jeta z}$

سوال 10.43 مستوی برقی موج حاصل کریں۔پ) اور میل $E_s = 10$ ہے۔الف) تعدد حاصل کریں۔پ) مقناطیسی موج حاصل کریں۔پ) اور میل $E_s = 10$ ہوج کی قطبیت دریافت کریں۔

جوابات: \mathscr{P}_{i_1} و نامین و نظبی \mathscr{P}_{i_2} و نامین و نظبی \mathscr{P}_{i_3} و نامین و نظبی \mathscr{P}_{i_4} و نامین و نظبی \mathscr{P}_{i_5} و نامین و نظبی این و نظبی و نامین و نظبی و نامین و نظبی و نامین و نظبی و نامین و

سوال 10.44 برقی موج H_s (ایسے خطے سے گزرتی ہے جس کی قدرتی رکاوٹ η مخلوط عدد ہے۔ الف $E_s=15e^{-j\beta z}a_{\mathrm{X}}+18e^{-j\beta z}a_{\mathrm{Y}}$ ماصل کریں۔ ب $\mathcal{P}_{\mathrm{bulk}}$ ماصل کریں۔ ب $\mathcal{P}_{\mathrm{bulk}}$ ماصل کریں۔ ب

 $\mathscr{P}_{i,j}=rac{275}{\eta^*}$ ابات: $m{H}_s=rac{1}{\eta}(-18e^{j\phi}m{a}_{
m X}+15m{a}_{
m Y})e^{-jeta z}$ ابات: $m{H}_s=rac{1}{\eta}$

سوال 10.45: شیشے کی چادر کے بائیں سطچر موج عمود کی آمد ہے۔ شیشے کی انجوافی مستقل 1.45 n=1.45 ہونے کی صورت میں بائیں سطح پر اندکا سی موج کے زاویے میں فرق دریافت کریں۔ کی موٹائی $\frac{\lambda}{2}$ ، $\frac{\lambda}{4}$ اور $\frac{\lambda}{8}$ ہونے کی صورت میں بائیں سطح پر اندکا سی موج کے زاویے میں فرق دریافت کریں۔

جوابات: °69.2° ، 71° ، 0° عوابات: °69.2° ، 71° ، 0°

 $E_s=(5a_{
m X}+j20a_{
m Y})e^{jeta z}$ سوال 10.46: برقی موج کی دوری سمتی مساوات $E_s=(5a_{
m X}+j20a_{
m Y})e^{jeta z}$

جواب: دایال بیضوی قطبی موج_

4116

4122

ترچهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار

دو خطوں کے سرحد پر عمودی آمدی موج کے انعکاس اور ترسیل پر باب 10 میں غور کیا گیا۔اس باب میں تر چھی آمدی موج کی بات کرتے ہوئے انعکاس اور ترسیلی تاریکے مساوات ہو بہوا یک جیسے تھے۔ تر چھی آمدی موج کی مساوی مثال ترسیلی تاریکے مساوات ہو بہوا یک جیسے تھے۔ تر چھی آمدی موج کی مساوی مثال ترسیلی تاریک نہیں پائی جاتی۔ یہی وجہ ہے کہ ان پریہال علیحدہ سے غور کیا جارہا ہے۔

12.1 ترچهي آمد

 $oldsymbol{E}_{\perp}$ عمودی قطبی برقی موج

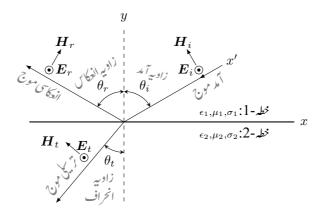
شکل 12.1 میں سر حدیر تر چھی آمد موج دکھائی گئی ہے۔ دو خطوں کا سر حدy=y=y=y=0 میں سر حدیر تر چھی آمد موج دکھائی گئی ہے۔ دو خطوں کا سر حدy=y=y=0 سطح پر پایاجاتا ہے للذا ہو محدد کے سمت ہوں محدد کے ساتھ ہy=0 زاویہ انعکا ہیں برقی موج کے حرکت کی سمت ہو محدد کے ساتھ ہy=0 زاویہ انعکا ہیں منعی ہو محدد کے ساتھ ہو کا اور ہے تھی کہاجاتا ہے لیمذا ہو ہو تھی کہا ہو تھی کہاجاتا ہے لیمذا ہو ہو تھی کہا ہو تھی کہاجاتا ہے لیمذا ہو ہو تھی کہاجاتا ہے لیمذا ہو تھی کہا ہو تھی کہاجاتا ہے لیمذا ہو تھی کہا تھی کہا ہو تھی کہا تھی کہا ہو تھی کہا ہو تھی کہا تھی کہا تھی کہا تھی کہا ہو تھی کہا تھی کر کے تھی کہا تھی کر کے تھی کہا تھی کہا تھی کہا تھی کر کے تھی کر کرنے کے تھی کر

ہم دوصور توں پر باری باری باری غور کریں گے۔ پہلی صورت میں برتی میدان سطح آمد (یعنی xy سطے) کے عمودی ہو گا جبکہ دوسری صورت میں برتی میدان اس معام موج کی میدان اس معام کے متوازی ہوگا۔ان دوصور توں میں برتی موج بالترتیب عمودی قطب موج کا اور متوازی قطب موج کہائیں گے۔ شکل 12.1 عمودی قطبیت کی صورت مال اسلام کے متوازی ہو کہ متوازی قطب کے امواج کا مجموعہ لکھا جاسکتا ہے۔ دکھی بھی عمومی برتی موج کو عمودی اور متوازی قطب کے امواج کا مجموعہ لکھا جاسکتا ہے۔

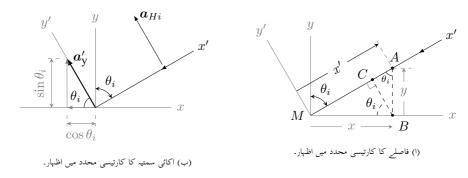
منفیzسمت میں حرکت کرتی $a_{
m X}$ میدان کی برقی موج

 $\boldsymbol{E}_i = E_0 \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} e^{j(\omega t + \beta_1 z)}$

incidence angle¹
reflection angle²
refraction angle³
perpendicular polarized⁴
parallel polarized⁵



شکل 12.1: ترچهی آمد کی صورت میں انعکاسی اور ترسیلی امواج اور ان کرے زاویے۔برقی میدان عمودی قطبیت رکھتی ہے۔



شكل 12.2: كسى بهى سمت ميں فاصلح اور اكائي سمتيہ كو كارتيسي محدد ميں لكهنے كا طريقه.

کھی جاتی ہے۔اس موج میں برقی میدان ہر نقطے پر تمام او قات a_x سمت میں ہو گا جبکہ حرکت کی سمت میں فاصلہ z نظاہر کیا جاتا ہے۔اب a_x اکا کی سمتیہ کی جگئے میں بھی عمومی اکا کی سمتیہ a_x سمت کامیدان جو a_x محدد کی بجائے کلیر اپر گھٹے فاصلے کی جانب حرکت کر رہاہو ، کی موج

$$\mathbf{E}_i = E_0 \mathbf{a} e^{j(\omega t + \beta_1 l)}$$

(12.1) کامی جائے گی۔اب شکل \mathbf{E}_i میں بیر و بارہ غور کریں۔ یہ برقی میدان \mathbf{a}_z سمت میں ہے جبکہ برقی موج کئیر \mathbf{E}_i میں ان موج کو \mathbf{E}_i کامی جائے گی۔اب شکل \mathbf{E}_i دو بارہ غور کریں۔ یہ برقی میدان $\mathbf{E}_i = E_0 \mathbf{a}_z e^{j(\omega t + \beta_1 x')}$

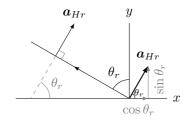
کھاجا سکتا ہے جہاں کار تیسی محدد x, y کے مرکز سے لکیر 'x پر فاصلہ ناپا گیا ہے۔ آئیں مساوات 12.1 میں لکیر 'x پر فاصلے کو کار تیسی محدد x, y کے متغیرات استیمال کرتے ہوئے ناپیں۔

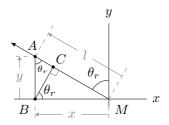
لکھاجاسکتاہے جس سے ہم مساوات 12.1 کو

(12.3)
$$\mathbf{E}_{i} = E_{0}\mathbf{a}_{z}e^{j[\omega t + \beta_{1}(x\sin\theta_{i} + y\cos\theta_{i})]}$$

لکھ سکتے ہیں۔اس مساوات میں موج گھٹتے 'x کی طرف روال ہے۔

12.1. ترچهي آمد





(ب) انعكاسي مقناطيسي موج كي اكائي سمتيه كا كارتيسي محدد ميں اظهار.

(ا) انعکاسی موج کے فاصلے کی کارتیسی محدد میں اظہار۔

شکل 12.3: انعکاسی موج کے متغیرات کا کارتیسی محدد میں اظہار۔

آمدی برتی اور مقناطیسی میدان $x = a_0$ عمودی ہیں۔ برتی میدان کی سمت a_1 جہال a_2 جہال a_2 دونوں ایک ہی سمت کو ظاہر کرتے ہیں۔ مقناطیسی میدان a_1 کی سمت کے عمود کی ہیں۔ برتی میدان کی سمت میں ہے۔ یوں a_1 کی سمت میں ہے۔ یوں a_1 کی سمت میں ہے۔ یوں a_1 کی سمت میں ہے۔ یوں کی کو دو سمتیوں کے مجموعے کے طور پر دکھایا گیا ہے۔ چو نکہ اکائی سمتیہ کی لمبائی ایک کے برابر ہوتی ہے لمنداشکل میں تکون کے وتر کی لمبائی اکائی ہے۔ یوں تکون کا قاعدہ a_1 فاعدہ a_2 اور اس کا عمود a_3 کی برابر ہوں گے جس سے

$$a_{\mathbf{Y}}' = -\cos\theta_i a_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i a_{\mathbf{Y}}$$

کھاجاسکتا ہے۔ان معلومات کواستعال کرتے ہوئے آمدی مقناطیسی موج

$$\boldsymbol{H}_{i} = \frac{E_{0}}{\eta_{1}} \boldsymbol{a}_{y}^{\prime} e^{j(\omega t + \beta_{1} x^{\prime})}$$

Į

(12.5)
$$H_i = \frac{E_0}{\eta_1} (-\cos\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) e^{j[\omega t + \beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)]}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 12.3 اور مساوات 12.5 کے مساوی دوری سمتی مساوات مندر جه ذیل ہیں۔

(12.6)
$$\mathbf{E}_{si} = \mathbf{a}_{\mathbf{z}} E_0 e^{j\beta_1 (x \sin \theta_i + y \cos \theta_i)}$$

(12.7)
$$\boldsymbol{H}_{si} = \left(-\cos\theta_{i}\boldsymbol{a}_{X} + \sin\theta_{i}\boldsymbol{a}_{y}\right) \frac{E_{0}}{\eta_{1}} e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i} + y\cos\theta_{i})}$$

مساوات 10.80 شرح انعکاس جبکہ مساوات 10.82 شرح ترسیل کی تعریف بیان کرتے ہیں۔ عین سرحد پر عمود ی (\bot) قطب کے میدان کے لئے ان مساوات

(12.8) $\Gamma_{\perp} = \frac{E_r}{E_i}$ $\tau_{\perp} = \frac{E_t}{E_i}$

MA = MC + CA الف میں صرف انعکا می موج د کھائی گئی ہے۔ مرکز M ہے موج کا فاصلہ الیتے ہوئے برقی موج کی مساوات حاصل کرتے ہیں۔ابCA = MC + CA اور $CA = y \cos \theta_r$ برابر ہیں المذا

$$(12.9) l = -x\sin\theta_r + y\cos\theta_r$$

کھاجائے گا۔ چونکہ منفی محد دیر x کی قیت منفی ہو گی للذا MC حاصل کرتے وقت منفی علامت کی ضرورت ہو گی۔ یوں انعکاس برقی موج

(12.10)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{E}_{Sr} &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\perp} E_{0} e^{-j\beta_{1} l} \\ &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\perp} E_{0} e^{-j\beta_{1} (-x \sin \theta_{r} + y \cos \theta_{r})} \end{aligned}$$

 a_{2} کاھی جائے گی جہاں بڑھتے 1 کی جانب حر کت کی بناپر e کی طاقت میں منفی کی علامت استعال کی گئی اور میدان کی سمت a_{2} ہے۔

انعکاسی مقناطیسی موج کی مساوات کیھنے کی خاطر مقناطیسی میدان کی اکائی سمتیہ در کار ہے۔شکل 12.3-ب میں انعکاسی مقناطیسی میدان کی سمت میں اکائی سمتیہ a_H دکھائی گئی ہے جو x محد د کے ساتھ heta واویہ بناتی ہے۔اکائی سمتیہ کو محد د کے مرکز پر دوسمتیات کے مجموعے کے طور پر بھی دکھایا گیاہے جہاں سے

$$a_{Hr} = \cos \theta_r a_{X} + \sin \theta_r a_{Y}$$

لكصاجا سكتاب للمذاانعكاسي مقناطيسي موج

(12.12)
$$\boldsymbol{H}_{sr} = (\cos \theta_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin \theta_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \Gamma_{\perp} \frac{E_0}{\eta_1} e^{-j\beta_1 (-x \sin \theta_r + y \cos \theta_r)}$$

کلھی جاسکتی ہے۔

یمی طریقه کاراستعال کرتے ہوئے ترسلی امواج کے مساوات یوں کھے جاسکتے ہیں۔

(12.13)
$$\mathbf{E}_{st} = \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{j\beta_2 (x \sin \theta_t + y \cos \theta_t)}$$

(12.14)
$$\boldsymbol{H}_{st} = (-\cos\theta_t \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_t \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_0}{\eta_2} e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$

جہاں تر سلی امواج کار تیسی محد د کے مرکز سے بڑھتے فاصلے کی طرف رواں ہیں۔ یہاں غور کریں کہ دوسرے خطے میں امواج کے مساوات میں مستقل β اولاد علاء استعال کئے گئے ہیں۔

صفحہ 298پر مساوات 9.45 برقی میدان کی سر حدی شرط پیش کرتی ہے جس کے مطابق سر حد کے دونوںاطراف متوازی برقی میدان برابر ہوں گے۔ برقی میدان کی شرط مساوات 12.6، مساوات 12.10در مساوات 12.13 میں 0 = ہر پر کرتے ہوئے بوں

$$\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i}+0\cos\theta_{i})} + \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}}\Gamma_{\perp}E_{0}e^{-j\beta_{1}(-x\sin\theta_{r}+0\cos\theta_{r})} = \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}}\tau_{\perp}E_{0}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t}+0\cos\theta_{t})}$$

یا

$$(12.15) e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} + \Gamma_{\perp} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \tau_{\perp} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

x = 0کسی جاستی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی x = 0 کے لئے کبھی درست ہو گا۔ اس میں x = 0 کا کسی جاستی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی x = 0 کا کسی جاستی ہوگا۔ اس میں x = 0 کا کسی جاستی ہوگا۔ اس میں جاستی ہوگا۔

ملتا ہے۔ مساوات 12.15 میں x کی قیمت تبدیل کرنے ہے e کے طاقت تبدیل ہوتے ہیں۔ یوں یہ مساوات صرف اور صرف اس صورت x کے ہر قیمت کے لئے درست ہو گی جب مساوات میں تینوں e کے طاقت ہر صورت برابر ہوں یعنی

$$(12.17) e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} = e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

اب پہلی دوا جزاء کے مساوات سے

$$\theta_i = \theta_r$$

12.1. ترچهی آمد

اور آخری دواجزاء کی مساوات سے

$$\beta_2 \sin \theta_t = \beta_1 \sin \theta_r$$

ملتاہے جس میں مساوات 12.18 پر کرنے سے

$$\sin \theta_t = \frac{\beta_1}{\beta_2} \sin \theta_i$$

اور صفحہ 323 پردیے، بے ضیاع خطے کی مساوات 10.40 پر کرنے سے

(12.20)
$$\sin \theta_t = \frac{\omega \sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}{\omega \sqrt{\mu_2 \epsilon_2}} \sin \theta_i = \frac{\sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}{\sqrt{\mu_2 \epsilon_2}} \sin \theta_i$$

لعيني

$$\sin heta_t = rac{\sqrt{\mu_{r1}\mu_0 \epsilon_{r1} \epsilon_0}}{\sqrt{\mu_{r2}\mu_0 \epsilon_{r2} \epsilon_0}} \sin heta_i$$
 $= rac{\sqrt{\mu_{r1} \epsilon_{r1}}}{\sqrt{\mu_{r2} \epsilon_{r2}}} \sin heta_i$ قانون ابن سخل کی عمومی مساوات θ_i

حاصل ہوتا ہے۔

غیر مقناطیسی اور بے ضیاع خطے میں بھری امواج پر تبھرے کے دوران عموماً نحوافی مستقل n استعال کیا جاتا ہے جہاں $\sqrt{\epsilon_R}=n$

کے برابرہے۔بےضیاع، غیر مقناطیسی خطے میں مساوات 12.21 کو

$$\sin \theta_t = \frac{n_1}{n_2} \sin \theta_i$$
 فير مقناطيسي خطے $\sin \theta_i$ فير مقناطيسي خطے $\sin \theta_i$

لكهاجا سكتاب جهال

(12.23)
$$n_1 = \sqrt{\epsilon_{r1}}$$

$$n_2 = \sqrt{\epsilon_{r2}}$$

غیر مقناطیسی خطوں کے انحرافی مستقل ہیں۔انحرافی مستقل کواستعال کرتے ہوئے، بے ضیاع اور غیر مقناطیسی خطے میں

$$\beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon} = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0} \sqrt{\epsilon_R} = \frac{\omega n}{\epsilon}$$

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_R}} \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = \frac{\eta_0}{n}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔اسی طرح دوری رفتار اور خطے میں طول موج کو

$$v = \frac{c}{n}$$

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{n}$$

 λ_0 کھا جا سکتا ہے جہاں λ_0 خالی خلاء میں طول موج ہے۔

مساوات 12.18 کہتا ہے کہ آمدیاورانعکا می زاویے برابر ہیں۔ مساوات 12.22 جسے ابن سھل کا قانون انحراف کہتے ہیں زاویہ انحراف اور زاویہ آمد کا تعلق میان کرتا ہے۔ یہ قانون مغربی دنیا میں قانون مغربی دنیا میں قانون مغربی دنیا میں قانون مغربی دنیا میں قانون ابن سھل دیتی ہے۔ مساوات 12.21 مقناطیسی خطے میں لاگو قانون ابن سھل دیتی ہے۔

414

مثال 12.1: ہوا ہے $\theta_i=30^\circ=\theta$ زاویے پر شیشے میں عمودی تقطیب کی موج داخل ہوتی ہے۔ پانی میں انحرافی موج کازاویہ $\theta_i=30^\circ=1$ خلاء میں موج اس زاویے سے داخل ہوت ہوگا۔ شیشے کا جزوی برقی مستقل 2.3 ھیں۔

حل: خلاء کا جزوی برقی مستقل $\epsilon_r=1$ لیتے ہوئے، خلاء سے شیشے میں دخول پر

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{2.3}} \sin 30^\circ = 0.32969$$

 $\theta_t = \sin^{-1} 0.32969 = 19.25^{\circ}$

حاصل ہوتاہے جبکہ شیشے سے خلاء میں دخول پر

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{2.3}}{\sqrt{1}} \sin 30^\circ = 0.758288$$

سے

١

$$\theta_t = \sin^{-1} 0.758288 = 49.3^{\circ}$$

حاصل ہو تاہے۔

4147

صفحہ 299پر مساوات 9.49مقناطیسی میدان کی سر حدی شرط بیان کرتاہے جس کے مطابق سر حد کے دونوں اطراف پر متوازی مقناطیسی میدان برابر ہوں گے۔ شکل 12.1 میں آمدی، انعکاسی اور انحرافی مقناطیسی میدان برابر ہوں گے۔ شکل 12.1 مساوات 12.1 میں اور انحرافی مقناطیسی میدان برابر ہوں گے۔ شکل 12.1 اور مساوات 12.14 میں اور انحرافی میں میرکرتے ہوئے مقناطیسی سرحدی شرط سے 12.12 اور مساوات 12.14 میں y=0 کے مقاطیسی سرحدی شرط سے

$$-\cos\theta_{i}\frac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{j\beta_{1}x\sin\theta_{i}}+\cos\theta_{r}\Gamma_{\perp}\frac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{-j\beta_{1}(-x\sin\theta_{r})}=-\cos\theta_{t}\tau_{\perp}\frac{E_{0}}{\eta_{2}}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t})}$$

 $-\cos\theta_i e^{j\beta_1 x \sin\theta_i} + \cos\theta_r \Gamma_{\perp} e^{j\beta_1 x \sin\theta_r} = -\cos\theta_t \tau_{\perp} \frac{\eta_1}{\eta_2} e^{j\beta_2 x \sin\theta_t}$

حاصل ہوتا ہے جمے مساوات 12.18 اور مساوات 12.19 کے استعمال سے

$$-\cos\theta_i + \cos\theta_i \Gamma_{\perp} = -\cos\theta_t \tau_{\perp} \frac{\eta_1}{\eta_2}$$

. بغداد کے أبو سعد العلاء ابن سهل نے اس قانون کو سن 984 میں دریافت کیا۔ $m Snell's\ law^8$ 12.1. ترچهي آمد

کھاجاسکتاہے۔اس میں مساوات 12.16سے au کی قیمت پر کرتے ہوئے

(12.28)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\eta_2 \cos \theta_i - \eta_1 \cos \theta_t}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t}$$

 $heta_{i}=0^{\circ}$ عاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 342 پر مساوات 0.80 موجودہ مساوات میں $heta_{i}=0^{\circ}$ پر کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔

ا گرخطہ-2 کامل موصل ہوتب $\eta_2=0$ ہو گا جس ہے $\Gamma_{\perp}=-1$ حاصل ہوتا ہے۔ا گردونوں خطے غیر مقناطیسی، بے ضیاع ذو برق ہوں تب مساوات 12.20 کی مد د ہے

(12.29)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos \theta_i - \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}{\cos \theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}$$

حاصل ہوتا ہے۔ خطہ -2 کا برتی مستقل خطہ -1 کے برتی مستقل سے زیادہ ہونے کی صورت $(\epsilon_2 > \epsilon_1)$ میں $1 < \epsilon_2$ ہوگا جبکہ سائن کی زیادہ سے زیادہ ہمکن قیمت اللہ ہوتا ہے۔ خطہ -2 کا برتی مستقل خطہ -1 کے برتی مستقل سے زیادہ ہونے کی صورت Γ_\perp حقیقی عدد حاصل ہوتا ہے۔ اس کے برعکس خورت میں ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اندر مقدار مقدار مثبت رہے گی جس سے Γ_\perp حقیقی عدد حاصل ہوتا ہے۔ اس کے برعکس اندر ونی انعکاس 10 میں اگر 10 میں مقدار ہوگی المذا 1 خیالی عدد ہوگا۔ ایسی صورت میں 1 ہوتا ہے اور سرحد پر مکمل اندر ونی انعکاس 1 میں اگر وی موج زیادہ برتی مستقل کے خطے میں سرحد سے واپس لو متی ہے۔ جس زاویہ آمد پر 1 ہوا سے زاویہ فاصل 1 پارا جاتا ہے۔ یوں زاویہ فاصل

(12.30)
$$\theta_{i, \mathbf{s}} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

 $\sin heta_t > 12.20$ ے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی متنقل μ_0 لیتے ہوئے، فاصل زاویے سے بڑے زاویے $(heta_i > heta_{i, i})$ کی صورت میں مساوات 12.20 سے $\cos heta_t > 1$ حاصل ہوتا ہے جس سے $\cos heta_t < \cos heta_t$

(12.31)
$$\cos \theta_t = \sqrt{1 - \sin^2 \theta_t} = \sqrt{1 - \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} \sin^2 \theta_t} = jA$$

جہاں $A=\sqrt{rac{\epsilon_1}{\epsilon_2}\sin^2 heta_i-1}$ کثافت کے خطے میں مساوات 12.13 کی مددسے میدان

$$E_{st} = \mathbf{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{j\beta_{2}(x \sin \theta_{t} + yjA)}$$
$$= \mathbf{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}}$$

يا

$$(12.32) \boldsymbol{E}_{st} = \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{-\alpha y} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

لکھا جاسکتاہے جہاں

(12.33)
$$\alpha = \beta_2 A = \omega \sqrt{\mu_2 \epsilon_2} \sqrt{\frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} \sin^2 \theta_i - 1}$$

ے برابر ہے۔ یہ میدان کم کثافت خطے میں x – جانب بے ضیاع حرکت کرتی ہے۔ سر حدید E_{\perp} کی مقدار E_{\perp} ہوئے $e^{-\alpha y}$ کی $e^{-\alpha y}$ کی جمہر حدید سے میدان کم کثافت خطے میں $e^{-\alpha y}$ کو جانب ہے ضیاع حرکت کرتی ہے۔ سے گھٹتی ہے۔ مساوات 12.32 کے طرز کی موج کو سطحی موج e^{-2t} ہیں۔ سطحی موج سر حد کے ساتھ چمٹی رہتی ہے۔

total internal reflection¹⁰

critical angle11

مثال 12.2: پانی سے ہوا کی جانب سر حدیر آمدی موج $\theta_i=55^\circ$ فاصلے پر حلاقات مثال 12.2: پانی سے ہوا کی جانب سر حدیر آمدی موج $\theta_i=55^\circ$ فاصلے پر حلاقات مثال 12.2: پانی سے ہوا کی جانب سر حدیر آمدی برقی میدان $E_i=1$ ہے۔ پانی کے مستقل $E_i=1$ وروں $E_i=1$ لیں۔

حل: مساوات 12.30 سے فاصل زاویہ

$$\theta_{i,j} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{1}{80}} = 6.42^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔ چونکہ آمدی زاویداس سے زیادہ ہے للذا مکمل اندرونی انعکاس پائی جائے گی۔ مساوات 12.20سے

$$\sin \theta_t = \sqrt{\frac{\mu_0 \times 80 \times \epsilon_0}{\mu_0 \times 1 \times \epsilon_0}} \sin 55^\circ = 7.327$$

اور مساوات 12.31سے

$$\cos \theta_t = jA = \sqrt{1 - 7.327^2} = j7.258$$

عاصل ہوتے ہیں۔ یوں

$$\alpha = \beta_2 A = \frac{2\pi}{\lambda_0} 7.258 = \frac{45.6}{\lambda_0} \frac{\text{Np}}{\text{m}}$$

ہو گا۔مساوات 12.29سے

$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos 55^{\circ} - \sqrt{\frac{1}{80} - \sin^2 55^{\circ}}}{\cos 55^{\circ} + \sqrt{\frac{1}{80} - \sin^2 55^{\circ}}} = -0.33369 - j0.94268$$

اور مساوات12.16سیے

$$\tau_{\perp} = 1 + \Gamma_{\perp} = 0.66631 - j0.94268 = 1.1544 \underline{/-54.746^{\circ}}$$

اس طرح ہوا میں سر حدیہ $rac{V}{m}$ اس طرح ہوا میں سر حدیہ $E_t|=1.1544 imes 1.1544$

$$|E_t| = 1.1544 \times 1 \times e^{-\frac{45.6}{\lambda_0}\frac{\lambda_0}{4}} = 12.9 \frac{\mu V}{m}$$

4155

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ہوامیں میدان سر حدکے قریب رہتا ہے۔ سر حدسے کچھ ہی فاصلے پر میدان کی قیمت قابل نظر انداز ہو جاتی ہے۔ یادرہے کہ ایک انداز ہو جاتی ہے۔ یادرہے کہ sin θ_t عدد ہے جس کی قیمت اکائی سے زیادہ ہے جبکہ θ_t cos خیالی عدد ہے۔ مساوات 12.32 اور مساوات 12.14 سے ہوامیں برقی اور مقناطیسی امواج

$$\begin{split} \boldsymbol{E}_{st} &= \boldsymbol{a}_{\mathsf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{-\beta_2 A y} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t} \\ \boldsymbol{H}_{st} &= (-j A \boldsymbol{a}_{\mathsf{X}} + \sin \theta_t \boldsymbol{a}_{\mathsf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_0}{\eta_2} e^{-\beta_2 A y} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t} \\ &= (-j A \boldsymbol{a}_{\mathsf{X}} + \sin \theta_t \boldsymbol{a}_{\mathsf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_0}{|\eta_2|} e^{-\beta_2 A y} e^{(j\beta_2 x \sin \theta_t - j\theta_\eta)} \end{split}$$

12.1. ترچهی آمد

کلھے جائیں گے جہاں $\eta=|\eta|e^{i heta_\eta}$ کااستعال کیا گیا۔ ہوامیں سر حدسے دور $a_{
m y}$ سمت میں اوسط طاقت کی منتقلی صفحہ 332 پر مساوات 10.56

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ ext{b-s}}=rac{1}{2}\left[oldsymbol{E}_{ ext{S}} imesoldsymbol{H}_{ ext{S}}^*
ight]$$
اوسط

کی مد د حاصل کرتے ہیں۔ مقناطیسی میدان کا a_y جزواس منتقلی میں کوئی کر دار ادانہیں کر تالہٰذااس کا صرف a_x جزولیا جائے گا۔ جوڑی دار مخلوط مقناطیسی میدان H_s میں تمام مقامات پر j کی علامت مثبت سے منفی اور منفی سے مثبت کر دی جاتی ہے۔

$$\frac{1}{2}\mathbf{E}_{s} \times \mathbf{H}_{s}^{*} = \frac{1}{2} \left[\mathbf{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \right] \times \left[j A \mathbf{a}_{x} \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{|\eta_{2}|} e^{-\beta_{2} A y} e^{\left(-j\beta_{2} x \sin \theta_{t} + j\theta_{\eta}\right)} \right]
= \mathbf{a}_{y} \frac{\tau_{\perp}^{2} E_{0}^{2}}{2|\eta_{2}|} e^{-2\beta_{2} A y} \left[j \cos \theta_{\eta} - \sin \theta_{\eta} \right]$$

كاحقيقى جزوليتے ہوئے

$$m{\mathscr{P}}_{\perp}$$
اوسا $=-m{a}_{\mathrm{y}}rac{ au_{\perp}^{2}E_{0}^{2}}{2ig|\eta_{2}ig|}e^{-2eta_{2}Ay}\sin heta_{\eta}$

 $\sin \theta$ حاصل ہوتا ہے۔ ہوامیں η حقیقی عدد ہے لہذا $heta_\eta = heta$ ہو گااور چو نکہ $\sin 0 = 0$ ہوتا ہے لہذااوسط طاقت کی منتقلی

$$\mathscr{P}_{\text{best}} = -a_{\mathrm{Y}} \frac{\tau_{\perp}^2 E_0^2}{2|\eta_2|} e^{-2\beta_2 A y} \sin 0^\circ = 0$$

کم کثافتی خطے یعنی ہوامیں مقناطیسی موج کا a_y جزواور برقی a_z ا جزاء سرحد کے ساتھ ساتھ ، بے ضیاع a_x سمت میں حرکت کریں گے۔ ہوامیں ان امواج کی رفتار ، زیادہ کثافتی خطے یعنی پانی میں ، سرحد کے متوازی موج کی رفتار کے برابر ہوگی یعنی

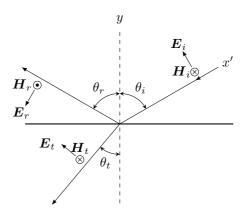
$$\frac{y^i}{y^i}$$
 پانی میں رفتار موج $\frac{y^i}{y^i}=\gamma$ وا میں سر حد کے متوازی موج کی رفتار

سر حدی موج در حقیقت سر حدی شرائط پوراکرنے کی در کاربر قی اور مقناطیسی میدان ہیں۔

4161

 E_{\parallel} متوازی قطبی برقی موج

آئیں اب متوازی قطبی موج کی صورت حال دیکھیں۔ یادر ہے کہ موج کی سمت پوئٹنگ سمتیہ $E \times H$ کی سمت ہی ہوتی ہے۔ برقی اور مقناطیسی میدان ، موج کے محمد کی سمت کے عمود کی ہوتے ہیں۔ یوں سمت حرکت کے عمود کی ہوتے مقناطیسی میدان کی سمت فرض کرتے ہوئے اور سمت حرکت جانتے ہوئے مقناطیسی میدان کی سمت کا تعین پوئٹنگ سمتیہ سے کیا جاتا ہے۔ متوازی قطبی موج کی بات کرتے ہوئے ، آمدی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت کے البط سمت ممکن ہے۔ یہ واحد دو سمتیں ہیں جو موج کے حرکت کے عمود کی اور آمد کی سمج کی متوازی ہیں۔ اگر آمد کی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت کے البط ہوتی ہوئے ہوئے ہوئے کے متوازی ، اندکا سمت حرکت کے عمود کی اور آمد کی سمج کے متوازی ہوئے گے متوازی ہوئے گے متوازی ، اندکا سمت حرکت کے عمود کی اور آمد کی سمج کے متوازی ، اندکا سی میدان کی سمت میں میدان کی سمت میں میں دکھائے موج کے متوازی ، اندکا سے موج کے متوازی ، اندکا سی موج ہوگا



شکل 12.4: متوازی قطبی موج میں برقی میدان سطح آمد کے متوازی ہوتا ہے۔

بھی دوسمتیں ممکن ہیں جن میں ایک سمت شکل میں فرض کی گئی ہے۔ بر قی انعکاسی میدان کی سمت فرض کرنے سے انعکاسی متناطیسی میدان کی سمت اب وہی ہمکن ہے جسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ آئیں اس شکل کو حل کریں۔

مساوات 12.2 اور مساوات 12.4 کی مددسے شکل 12.4 کے لئے

(12.34)
$$\mathbf{E}_{si} = (-\cos\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

(12.35)
$$\boldsymbol{H}_{si} = -\boldsymbol{a}_{\boldsymbol{Z}} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

کھے جاسکتے ہیں۔اسی طرح گزشتہ معلومات کاسہار الیتے ہوئے

(12.36)
$$\mathbf{E}_{sr} = -(\cos\theta_r \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_r \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) \Gamma_{\parallel} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)}$$

(12.37)
$$\boldsymbol{H}_{sr} = \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)}$$

(12.38)
$$\mathbf{E}_{st} = (-\cos\theta_t \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_t \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\parallel} E_0 e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$

(12.39)
$$\boldsymbol{H}_{st} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_2} e^{j\beta_2(x \sin \theta_t + y \cos \theta_t)}$$

کھھے جاسکتے ہیں۔سرحد (y=0) پر برقی شرط لا گو کرنے کی خاطر برقی میدان کاوہ حصہ استعال کیاجائے گا جو سرحد کے متوازی ہے۔یوں a_y جزو کور دکیا جائے گا گہند اگر جبکہ کی جزو کو استعال کیاجائے گا لہٰذا

$$-\cos\theta_{i}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i}+0\cos\theta_{i})}-\cos\theta_{r}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\Gamma_{\parallel}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{r}-0\cos\theta_{r})}=-\cos\theta_{t}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\tau_{\parallel}E_{0}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t}+0\cos\theta_{t})}$$

لعتني

(12.40)
$$\cos \theta_i e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} + \cos \theta_r \Gamma_{\parallel} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \cos \theta_t \tau_{\parallel} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

کھاجا سکتا ہے۔اس مساوات میں x کی قیمت تبدیل کرنے ہے کی طاقت تبدیل ہوتی ہے۔الیی صورت میں پیہ مساوات صرف اور صرف اس صورت درست ہو گاجب مساوات میں تینوں e کے طاقت، x کے تمام قیمتوں کے لئے برابر ہوں یعنی

$$(12.41) j\beta_1 x \sin \theta_i = j\beta_1 x \sin \theta_r = j\beta_2 x \sin \theta_t$$

ہو۔اس مساوات سے

$$\theta_i = \theta_r$$

12.1. ترچهي آمد

/•1

$$\sin \theta_t = \frac{\beta_1}{\beta_2} \sin \theta_i$$

حاصل ہوتے ہیں جو عین عمودی قطبی موج کے مساوات ہیں۔مساوات 12.40 میں مساوات 12.41 پر کرنے سے

(12.44)
$$1 + \Gamma_{\parallel} = \frac{\cos \theta_t}{\cos \theta_i} \tau_{\parallel}$$

حاصل ہوتاہے۔

 $-a_{\mathrm{Z}}rac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{jeta_{1}(x\sin heta_{i}+0\cos heta_{i})}+a_{\mathrm{Z}}\Gamma_{\parallel}rac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{jeta_{1}(x\sin heta_{r}-0\cos heta_{r})}=-a_{\mathrm{Z}} au_{\parallel}rac{E_{0}}{\eta_{2}}e^{jeta_{2}(x\sin heta_{t}+0\cos heta_{t})}$

لعيني

$$e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} - \Gamma_{\parallel} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \tau_{\parallel} \frac{\eta_1}{\eta_2} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

لکھاجا سکتاہے جس میں مساوات 12.41 پر کرنے سے

$$(12.45) 1 - \Gamma_{\parallel} = \tau_{\parallel} \frac{\eta_1}{\eta_2}$$

ملتاہے۔مساوات 12.44 اور مساوات 12.45 حل کرتے ہوئے

(12.46)
$$\Gamma_{\parallel} = \frac{\eta_2 \cos \theta_t - \eta_1 \cos \theta_i}{\eta_1 \cos \theta_i + \eta_2 \cos \theta_t}$$

ملتاہے جو غیر مقناطیسی اور بے ضیاع خطوں میں

$$\Gamma_{\parallel} = \frac{-\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2\theta_i}}{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2\theta_i}}$$

صورت اختیار کرلے گی۔ا گرخطہ-2 کامل موصل ہوتب $\Gamma_{\parallel}=-1$ حاصل ہوتاہے جو متو قع جواب ہے۔

متوازی قطبی موج کی صورت میں ایسے آمدی زاویہ ممکن ہے جس پر 0 $\Gamma_\parallel = \Gamma$ حاصل ہو لہذاالیں صورت میں تمام کی تمام موج بغیر انعکاس کے دوسر سے خطے میں داخل ہو جاتی ہے۔اس آمدی زاویے کو بر یوسٹر زاویہ 14 کہتے 15 ہیں۔مساوات 12.47 کو صفر کے برابر پر کرنے سے زاویہ بریوسٹر

(12.48)
$$\theta_{i,j,\ell,\ell} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}{1 + \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}} = \tan^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

حاصل ہوتاہے۔

کسی بھی موج کو عمودی اور متوازی قطبی امواج کامجموعہ کھا جاسکتا ہے۔ یوں اگر غیر قطبی موج، سرحد پر زاویہ بریوسٹر سے آمد ہوتب اس موج کاوہ جزوجو متوازی قطبیت ر کھتا ہو سر حدیے مکمل طور دوسری جانب گزر جائے گا جبکہ سر حدسے انعکاسی جزو صرف اور صرف عمودی قطبیت کاہو گا۔عمودی قطبی موج حاصل کھنے ۔ کابیہ آسان طریقہ ہے۔عمودی موج کا کچھ حصہ منعکس ہو گااور کچھ حصہ منحرف للذا نحرافی موج غیر قطبی ہو گی۔زاوبیہ برپوسٹر کو**زاوبہ قطبیت** ^{16 بھی} کہتے ہیں۔

مثال 12.3: متوازی قطبی موج ہواہے پانی کی طرف آ مدہے۔زاویہ برپوسٹر حاصل کریں۔ پانی کا جزوی برقی مستقل $\epsilon_r = 80$ لیں۔ حل:

(12.49)
$$\theta_{i, \text{plus}} = \tan^{-1} \sqrt{\frac{80}{1}} = 83.6^{\circ}$$

مثق 12.1: شکل 12.4 میں انعکاسی میدانوں کی سمتیں الٹ تصور کرتے ہوئے شرح انعکاس Γ_{\parallel} حاصل کریں۔ چونکہ یہاں انعکاسی میدان الٹ تصور کئے جارہ ہے ہیں لہذاہم تو قع کرتے ہیں کہ Γ_\parallel کی حاصل مساوات منفی ایک سے ضرب ہو گی۔

جواب: صرف انعکاسی امواج میں فرق ہو گا جنہیں یوں لکھا جائے گا۔

$$\begin{aligned} \boldsymbol{E}_{sr} &= (\cos\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) \Gamma_{\parallel} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)} \\ \boldsymbol{H}_{sr} &= -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \Gamma_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)} \end{aligned}$$

 $rac{\eta_1\cos heta_i-\eta_2\cos heta_t}{\eta_1\cos heta_i+\eta_2\cos heta_t}$ حاصل ہوگا۔

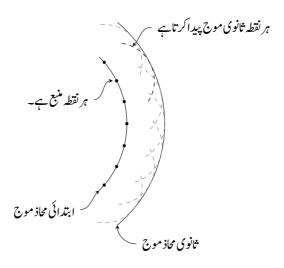
ترسیم ہائی گن 12.2

ہائی گن 17کااصول کہتاہے کہ محاذ موج پر ہر نقطے کو منبع کروی موج تصور کیا جاسکتا ہے۔شکل 12.5 میں اس اصول کود کھایا گیاہے جہاں ابتدائی محاذ موج پر مختلف نقطوں سے پیدا ثانویامواج دکھائے گئے ہیں۔ یہ ثانویامواج مل کر ثانوی محاذ موج پیدا کرتی ہیں۔ ہائی گن کے اصول کی مدد سے شعاع کی راہ میں حائل چیز کے قریب شیعاع کامڑ جانا سمجھا جاسکتاہے جو ناتوانعکاس اور ناہی انحراف کے زمرے میں آتاہے۔

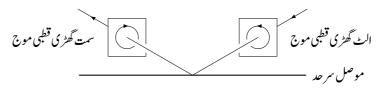
شعاع کی راہ میں حائل موصل سطح شکل میں د کھائی گئی ہے۔ آئیں ہائی گن کے اصول سے نقطہ N پر برقی میدان

$$(12.50) E = \int dE$$

polarizing angle16 Huygen's principle¹⁷ 12.2. ترسیم ہائی گن



شکل 12.5: بائی گن کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ منبع موج کا کردار ادا کرتا ہے۔



شکل 12.6: الٹ گھڑی قطبی آمدی موج موصل سطح سے انعکاس کے بعد سمت گھڑی قطبیت رکھتی ہے۔

N حاصل کریں جہاں موصل سطح کے کنارے سے آگے X محد دیر عمو می نقطے کو منبع موج تصور کرتے ہوئے Nپر میدان

(12.51)
$$dE = \frac{E_0}{r} e^{-j\beta(r+\delta)} dx$$

(12.52) $E = \frac{E_0}{r} e^{-j\beta r} \int_a^\infty e^{-j\beta \delta} \, \mathrm{d}x$

 $\delta \ll r$ کھاجاسکتاہے۔اگر

$$\delta = \frac{x^2}{2r}$$

 $= \frac{2}{r\lambda}$ اور u = kx اور $k^2 = \frac{2}{r\lambda}$

(12.54)
$$E = \frac{E_0}{kr} e^{-j\beta r} \int_{ka}^{\infty} e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du$$

لکھا جاسکتا ہے جسے

$$E = \frac{E_0}{kr} e^{-j\beta r} \left(\int_0^\infty e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du - \int_0^{ka} e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du \right)$$

لکھ سکتے ہیں۔

4188 ہائی گن

(12.55)

۲۹۰ به یه الث گهژ گهژی

```
socomplex permitivity
dispersion
figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book
the answers should be at the end of the book
read chapter 9 onwards (proof reading)
energy travels along the wire and not in the wire.
antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.
house completion certificate.
zaryab fish
F=radW/dT to include in inductance chapter plus a question or two
magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.
charge is barqi bar.
add questions to machine book too.
take print outs for myself.
  5111
```

when giving fields always remember the following rules: always ensure that divergence of magnetic field is zero. moving waves must be of the form $E=E0\cos(wt-kz)$ where $c=(\mu*\epsilon)^{-0.5}$ and $k=2*\pi/\lambda$ include complex permitivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon") include 4th ed fig 11.11 of page 422 rename lossless and lossy dielectrics as

الباب 15

سوالات

ترچهی آمد

5119

سوال 15.1: دائیں دائری قطبی موج نیم لامحدود پلیکسی گلاس کا بریوسٹر زاویہ حسے آمد ہے۔آمدی انگفافت $\sigma=0$, $\mu_R=1$, $\epsilon_R=3.45$) کی سطح پر بریوسٹر زاویہ حسے آمد ہے۔آمدی انگفافت طاقت دریافت 200 ہے۔ ان انعکاسی اور ترسیلی کثافت طاقت دریافت 200 ہے۔ ان انعکاسی اور ترسیلی معافت متوازی برقی ہو گئی۔) ناعکاسی اور ترسیلی امواج کی قطبیت بیان کریں۔ (آمدی دائری قطبی موج میں آدھی طاقت عمودی برقی اور آدھی طاقت متوازی برقی ہو گئی۔)

جوابات: $^{\circ}$ جالی موج بیضوی قطبی موج نیشوی قطبی موج خطبی قطبی جبکہ ترسیلی موج بیضوی قطبی بینوی قطبی بینوی موج بیضوی قطبی بینوی موج بینموی موج بینموی قطبی بینوی موج بینموی بینموی موج بینموی بینم

سوال 15.2: شکل 15.1 میں شیش ریشد دکھایا گیا ہے۔اس شیش ریشے میں بائیں جانب سے شعاع heta زاویے سے داخل ہوتی ہے۔یہ شعاع غلاف سے مکمل افلانوونی انعکاس کرتے ہوئے شیش ریشے کے دوسرے سر تک پہنچتی ہے۔یرونی خلاء کا انحرافی مستقل $n_0=1$ لیتے ہوئے heta کی وہ حد دریافت کریں جس کے انامواہم ہوئے شیش ریشے میں مکمل اندرونی انعکاس پائی جائے گی۔ $n_0=1$ کو شیش ریشے کی عددی شگاف ا

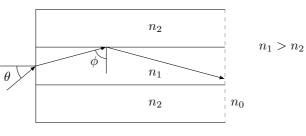
جواب:
$$heta_1 = \sin^{-1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
 بيدتر

سوال 15.3: شکل 15.1 میں $\, heta\,$ برپوسٹر زاویہ اور $\,\phi\,$ زاویہ فاصل ہونے کی صورت میں $\,n_0\,$ کو $\,n_1\,$ اور $\,n_2\,$ کی صورت میں بیان کریں۔

$$n_0 = rac{n_1}{n_2} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$
 جواب:

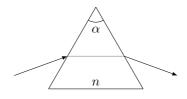
سوال 15.4: ایسا منشور جو متوازی برقی موج کو بغیر گھٹائے گزرنے دے بریوسٹر منشور ² کہلاتا ہے۔ شکل 15.2 میں دکھائے منشور کو جو کو بغیر گھٹائے گزرنے دے بریوسٹر منشور ² کہلاتا ہے۔ شکل میں دکھائی گئی صورت حال کو دیکھتے ہوئے زاویہ α حاصل کریں۔ (داخلی اور خارجی شعاع شیشے کے عمود کے ساتھ بریوسٹر زاویۃاہتاتے ہیں۔اس سے انعکاسی ضیاع کا خاتمہ حاصل کیا جاتا ہے۔)

> numerical aperture¹ Brewster prism²

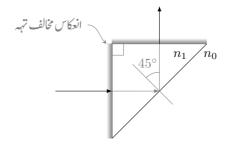


شكل 15.1: شيش ريشه.

الباب 15. سوالات



شكل 15.2: منشور



شکل 15.3: منشور سے شعاع کی سمت تبدیل کی جا سکتی ہے

 $lpha=69.2^\circ$ جواب:یہاں منشور کے اندر شعاع، منشور کے قاعدے کے متوازی ہے۔

سوال 15.5: شکل 15.2 میں دکھائے گئے بریوسٹر منشور میں عمودی برقی موج کا کتنا فی صد گزر پائے گا۔

76% جواب: جواب

سوال 15.6: شکل 15.3 میں شعاع کی سمت 90° تبدیل کرنے کی خاطر منشور استعمال کیا گیا ہے۔انعکاسی ضیاع سے چھٹکارے کی خاطر منشور کے بائیلئ اور بالائی سطحوں پر انعکاس مخلاف تہہ چڑھائی گئی ہے۔منشور کو خالی خلاء میں استعمال کرنے کی خاطر ۔ 11 کی کم سے کم قیمت دریافت کریں۔ \$138

 $n_1 > 1.41$ جواب:

سوال 15.7: دائری قطبی برقی موج دو عدد خطی قطبی امواج کے مجموعے سے بنی ہوئی ہے۔خطی قطبی امواج $E_x=5\cos(\omega t-\beta z)$ مہوءور $E_x=1, \epsilon_{R2}=3.5$ ہیں۔ یہ دائری قطبی موج خطہ-1 $(\mu_{R1}=1,\epsilon_{R1}=1)$ سے خطہ-2 $(\mu_{R2}=1,\epsilon_{R2}=3.5)$ سے خطہ-2 $(\mu_{R1}=1,\epsilon_{R1}=1)$ سے خطہ-2 خطہ-3 بینچتی ہے۔زاویہ سرحد کے عمود کے ساتھ ناپا جاتا ہے۔انعکاسی موج کی شرح رداس حاصل کریں۔

جواب: 2.38

سوال 15.8: دائری قطبی برقی موج خطہ۔ 1 $(\mu_{R1}=1,\epsilon_{R1}=1)$ سے خطہ۔ 2 $(\mu_{R2}=1,\epsilon_{R2}=4)$ کے سرحد پر θ زاویے سے پھپھچتی ہے۔ زاویہ سرحد کے عمود کے ساتھ ناپا جاتا ہے۔ انعکاسی موج کی شرح رداس مندرجہ ذیل صورتوں میں حاصل کریں۔ الف) $\theta=60^\circ$ ، ب) $\theta=60^\circ$ ، ب) $\theta=63.43^\circ$

جواب: 1.35 ، 10.9 ، 7409

 $E_{y^{518}} = 6\cos(\omega t - \beta z - 10)$ اور متوازی قطبی موج $E_{x} = 8\cos(\omega t - \beta z)$ موج $E_{x} = 8\cos(\omega t - \beta z)$ اور متوازی قطبی موج از خود عمودی قطبی موج خطہ۔ 1 $(\mu_{R1} = 1, \epsilon_{R1} = 1)$ کے سرحد $(\mu_{R2} = 1, \epsilon_{R2} = 3)$ کے سرحد $(\mu_{R1} = 1, \epsilon_{R1} = 1)$ کے سرحد $(\mu_{R2} = 1, \epsilon_{R2} = 3)$ کے سرحد $(\mu_{R1} = 1, \epsilon_{R1} = 1)$ کے سرحد کرے عمود کرے ساتھ ناپا گیا ہے۔انعکاسی موج کی شرح رداس حاصل کریں۔ $(\mu_{R2} = 1, \epsilon_{R2} = 3)$ کے سرحد کرے عمود کرے ساتھ ناپا گیا ہے۔انعکاسی موج کی شرح رداس حاصل کریں۔

جواب: 2.68

 $E_{y^{619}} = 6\cos(\omega t - \beta z - 90^{\circ})$ اور متوازی قطبی موج $E_{x} = 8\cos(\omega t - \beta z)$ سوال 15.10 اور متوازی قطبی موج فطبی موج فطبی موج فطبہ از $E_{x} = 8\cos(\omega t - \beta z)$ مجموعہ ہے۔ دائیں بیضوی قطبی موج خطبہ از $E_{x} = 1$ مرحد $E_{x} = 1$ سرحد کے عمود کے ساتھ ناپا گیا ہے۔انعکاسی موج کی شرح رداس حاصل کریں۔اس کی قطبیت بھی دریافت کریں۔ $E_{x} = 1$ داویج سے پہنچتی ہے۔زاویہ سرحد کے عمود کے ساتھ ناپا گیا ہے۔انعکاسی موج کی شرح رداس حاصل کریں۔اس کی قطبیت بھی دریافت کریں۔

جواب:شرح رداس لامحدود ہے۔موج عمودی قطبی ہے۔

5134

5135

 σ :15.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7 imes 10^4$	گريفائك	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بيك لائث	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارائس	0.10×10^{7}	نائيكروم

الباب 15. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالي خلاء
	1.0006	ب وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ر برا
0.00075	3.8	SiO_2 سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ_R :15.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چیر
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\tfrac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

الباب 15. سوالات