برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14												•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16												•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•						•	•																			٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح ح	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	i	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠ - ٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 30 22 30 40 3 30 40 4 40 40 5 40 40 6 40 40 6 40 40 7 40 40 8 40 40 8 40 40 8 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 40 40 9 <th>توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3</th> <th>4</th>	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 58 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69 69	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 45 3. 4.3. 4.3. 101 46 3. 4.3. 4.3. 102 5 3. 302 6 3. 303 7 3. 304 8 3. 305 8 3. 306 8 3. 307 8 4. 308 8 4. 309 9 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4. 4.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 40 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s									•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																			. ,	يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثار	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559									•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	م وار	سلسله	5	.11	
1560							•		•				 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) دېرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₆₂ 249 ₆₃ 250 ₆₄ 254 ₆₅ 255 ₆₆	 										 						 						 قوت 	بين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِی رو پِت اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ر ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						قوت خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق وطیسی اور مقاور مق	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطي		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو یت اور پندی نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد تو رقی ا اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یت اور ین اطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

283 ₀₄	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283.05	9.1 فیراڈے کا قانون
290%	9.2 انتقالی برقی رو
29607	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
298 ₀₈	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303.09	9.5 تاخیری دباو
311110	10 مستوى امواج
31 hu	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
32013	10.2.1 خالى خلاء ميں امواج
32314	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج
325 ₁₅	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32916	10.3 پوئنٹنگ سمتیہ
33417	10.4 موصل میں امواج
34018	10.5 انعکاس مستوی موج
347/19	10.6 شرح ساكن موج
352 ₂₀	10.7 دو سرحدی انعکاس
357/21	10.7.1 فيبرى-پيروڭ طيف پيما
359 ₂₂	کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1 eq \eta_3$ 10.7.2
36023	10.7.3 متعدد سرحدی مسئلہ
361124	10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
36825	10.9 ييضوی يا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتيہ

viii viii

379,26	ترسیلی تا	11
نرسیلی تار کے مساوات	11.1	
نرسیلی تار کے مستقل	11.2	
11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل		
11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل		
11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار		
نرسیلی تار کے چند مثال	11.3	
ﺋﺮﺳﻴﻤﻰ ﺗﺠﺰﻳﻢ، ﺳﻤﺘﻬ ﻧﻘﺸﯩﺪ	11.4	
11.4.1 سمته فراوانی نقشہ		
نجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5	
نجزيه عارضي حال	11.6	
	_	
د، انعكاس، انحراف اور انكسار 427 ₁₃₇	0	12
نرچهی آمد		
قطبی موج کی ترچهی آمد		
نرسيم بائي گن	12.3	
كهمكيا 447،41	مويج اور	13
المحكيا على المرافع كا موازنه	•	13
	13.1	13
برقمی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1 13.2 13.3	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1 13.2 13.3	13
447/42 <	13.1 13.2 13.3	13
447/42 447/42 447/42 447/42 448/43 448/43 448/43 448/43 448/43 454/44 454/44 454/44 463/45	13.1 13.2 13.3 13.4	13
447/42 447/42 447/42 447/42 448/43 448/43 448/43 448/43 454/44 454/44 454/44 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 470/46	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
447/42 447/42 447/42 447/42 448/43 448/43 448/43 454/44 454/44 454/44 454/44 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 470/46	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
447/42 447/42 447/42 447/42 448/43 448/43 448/43 454/44 454/44 454/44 454/44 454/44 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 463/45 470/46	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7	13
44742 44742 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنه 44843 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج 45444 45444 45444 46345 31.3.1 47046 47046 47447 47447 48148 48148 48249 48240 48240 48240 48240 48650	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8	13
447a2 447a2 448a3 448a3 448a3 448a3 448a3 448a3 448a3 448a3 454a4 454a4 454a4 454a4 454a4 454a4 463a5 463a5 463a5 463a5 463a5 463a5 463a5 470a6 470a6 <t< th=""><th>13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9</th><th>13</th></t<>	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9	13
447/42 اموازن 44840 امورد ترسیلی تار اور مویج کا موازن ادو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج اکھوکھلا مستطیل مویج 45444 امورد جائے میدان پر تفصیلی غور 46345 امورد جائے میدان پر تفصیلی غور استطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج الفطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 48445 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف الفطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف افر برق تختی مویج المورد جائے میں عرضی مورج افر برق تختی مویج المورد جائے میں عرضی مورج افیصلی مورج المورد جائے مورد ج	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10	13

515%	اينثينا اور شعاعى اخراج
515 ₅₇	14.1 تعارف
51558	14.2 تاخیری دباو
517/159	14.3 تكمل
51860	14.4 مختصر جفت قطبي اينٹينا
52661	14.5 مختصر جفت قطب كا اخراجي مزاحمت
52962	14.6 ڻھوس زاويہ
53063	14.7 اخراجی رقبہ، سمتیت اور افزائش
53764	14.8 قطاری ترتیب
53765	14.8.1 غير سمتي، دو نقطہ منبع
53866	14.8.2 ضرب نقش
539 ₆₇	14.8.3 ثنائي قطار
قطار	14.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی ن
قطار: چوژائی جانب اخراجی قطار	14.8.5 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی ن
قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار	14.8.6 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی ن
قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	14.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی ن
548 ₇₂	14.9 تداخُل پيما
549,73	14.10 مستطيل سطحي اينثينا
ئر بدل ہیں	14.11 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریا
55275	14.12 خطى اينثينا
557/16	14.13 چلتى موج اينثينا
5587	14.14 چهوڻا گهيرا اينڻينا
55978	14.15 پيچ دار ايشينا
561179	14.16 دو طرفه کردار
563.80	14.17 جهری اینٹینا
56481	
56682	14.19 فرائس ريڈار مساوات
ردگى	14.20 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکر
57]184	14.21 حارت نظام اور حارت بعيد

عنوان

باب 14

اينطينا اور شعاعي اخراج

14.1 تعارف

14.2 تاخيرى دباو

N کسی بھی اخراج شعاع کے نظام میں موج کے ترسیل کے لئے در کار دورانیہ اہمیت رکھتا ہے۔ یوں شکل 14.3 میں دکھائے تارمیں برقی روسے پیدامیدان کااثر نقط N کسی بھی اخراج شعاع کی رفتار ہے۔ یوں N کے نقطہ وقفے سے ہوگا۔ خالی خلاء میں سے وقفہ موج کو تار سے نقطے تک پہنچنے کا دورانیہ $\frac{r}{c}$ ہم جہاں N سے نقطہ نظر سے تارمیں برقی رو

$$(14.1) I = I_0 \cos \omega t$$

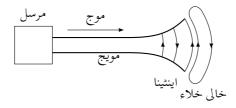
کی بجائے

$$[I] = I_0 \cos \omega \left(t - \frac{r}{c} \right)$$

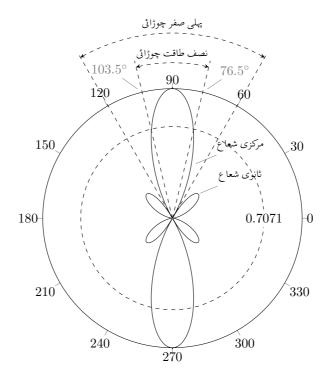
 (t_{1835}) کھی جاستی ہے جہاں [1] تاخیر ی برقی رو اکہلاتی ہے۔ تاخیر ی تفاعل کو چکور قوسین میں بند لکھا جاتا ہے۔ تاخیر ی برقی رو لکھتے ہوئے وقت t کی جگہ تاخیر کی وقت t_{1835} استعمال کیا جاتا ہے۔

مساوات 14.2 کہتا ہے کہ نقطہ N پر پیدااثر، گزرے کھے $(t-rac{r}{c})$ پر تاریب برقی روکااثر ہے جہاں تارسے N تک فاصلہ r ہے۔ تاریب N تک شعاع پہنچنے کادورانیہ $\frac{r}{c}$ ہے۔

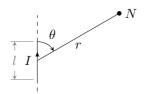
retarded current¹



شکل 14.1: اینٹینا وہ عبوری خطہ ہرے جہاں منضبط موج ترسیلی نظام سے نکل کر خلاء میں بطور آزاد موج خارج ہوتی ہرے۔



شکل 14.2: اینٹینا کے شعاع کا نقش



شکل 14.3: برقی رو گزارتی تار کی چهوٹی لمبائی

14.3. تكمل

گزشتہ بابول میں امواج کی بات کرتے ہوئے $(\omega t - eta x)$ استعال کیا گیا جس میں $\omega = c$ کے استعال سے

$$\cos(\omega t - \beta x) = \cos \omega \left(t - \frac{x}{c} \right)$$

کھھاجا سکتا ہے جو تاخیر ی تفاعل کو ظاہر کرتی ہے۔

مساوات 14.2 کی دوری سمتیه شکل

$$[I] = I_0 e^{j\omega(t-r/c)} = I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہے۔اسی طرح کثافت برقی رو کی تاخیری دوری سمتیہ شکل

$$[\boldsymbol{J}] = \boldsymbol{J}_0 e^{j\omega(t-r/c)} = \boldsymbol{J}_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہو گی جسے استعال کرتے ہوئے تاخیر ی مقناطیسی دیاو

$$[\mathbf{A}] = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{[\mathbf{J}]}{r} dh = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{\mathbf{J}_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} dh$$

لکھاجائے گا۔اس طرح تاخیری محجمی کثافت چارج

$$[\rho_h] = \rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}$$

لکھتے ہوئے تاخیری برقی دیاو

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon} \int_{h} \frac{[\rho_h]}{r} \, \mathrm{d}h$$

ککھاجائے گا۔ باب-9 کے آخر میں مساوات 9.76 اور مساوات 9.75 کے بائیں ہاتھ کے نفاعل کو چکور قوسین میں لکھ کر موج کی رفتاری لیتے ہوئے اور فاصلے کو کھیدوی محد د کے رواس سے ظاہر کرنے سے بہی مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

ہم یہاں اصل موضوع سے ہٹ کرایک تکمل پر غور کرتے ہیں جواس باب میں بار باراستعال کیاجائے گا۔

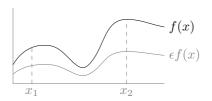
14.3 تكمل

f(x) نظاعل f(x) کھایا گیاہے جس کا f(x) تکمل خط کے پنچے دوعمودی نقطہ دار لکیروں کے مابین رقبے کے برابر ہے۔ اس رقبے کو f(x) کہتے ہوئے f(x) نظاعل f(x) نظام f(x)

کھاجا سکتا ہے۔شکل میں ہلکی سیاہی میں $\frac{f(x)}{2}$ بھی دکھایا گیا ہے جسے $\epsilon f(x)$ کھا گیا ہے جہاں 0.5 $\epsilon = 3$ ہے۔ چونکہ ϵx_1 تا علی کی قیمت آدھی ہے المذاہلکی سیاہی کے خطے نیچے رقبہ $\frac{K}{2}$ ہوگاللذا

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon f(x) \, \mathrm{d}x = \frac{K}{2} = \epsilon K$$

اب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 14.4: تفاعل كا تكمل

 x_1 کا اب فرض کریں کہ $\epsilon(x)$ مستقل نہیں ہے بلکہ اس کی قیمت x پر منحصر ہے۔ مزید یہ کہ $\epsilon(x)$ کی قیمت $\epsilon(x)$ مکن ہے۔ الین صورت میں $\epsilon(x)$ کا تکمل $\epsilon(x)$ وگلیعنی $\epsilon(x)$ کی قیمت $\epsilon(x)$ مکن ہے لہذا $\epsilon(x)$ کا تکمل $\epsilon(x)$ کا تکمل $\epsilon(x)$ کی قیمت $\epsilon(x)$ کی قیمت $\epsilon(x)$ کی قیمت $\epsilon(x)$ کا تکمل $\epsilon(x)$ کا تکمل $\epsilon(x)$ کی تیمت کا تکمل $\epsilon(x)$ کی قیمت کا تکمل $\epsilon(x)$ کی تیمت کی تیمت کا تکمل ک

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \le \epsilon K$$

جہاں ہر جگہ $\epsilon(x)=1$ کو بھی مد نظر رکھا گیاہے۔ اگر و $\epsilon o 0$ ہوتب تکمل قابل نظر انداز

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \to 0 \qquad (\epsilon \to 0)$$

_b yr

 $\frac{f(x)}{1+\epsilon}$ آئیں اب

$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} \, \mathrm{d}x$$

4856

پرغور کریں جہاں $\epsilon o 0$ کے برابر ہے۔ ہم

$$\frac{1}{1+\epsilon} = (1+\epsilon)^{-1} = 1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots$$

لكھ سكتے ہیں للذا تكمل

$$\int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) \, \mathrm{d}x$$

صورت اختیار کرلے گا۔ مساوات 14.12 کو استعال کرتے ہوئے $\epsilon o 0$ کی صورت میں اسے

(14.16)
$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} dx = \int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) dx \approx \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx$$

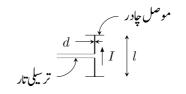
-کھاجاسکتاہے جوKکے برابرہے۔

14.4 مختصر جفت قطبي اينٹينا

مخضر لمبائی کے سیدھے موصل تار کوعموماً مخضر جفت قطب² کہاجاتا ہے۔ مندر جہ ذیل گفتگو میں مخضر جفت قطب کی لمبائی محدود ہو گی۔لا محدود حد تک کم لمبائی کی صورت میں اسے صغاری جفت قطب³ کہاجائے گا۔ 14.4. مختصر جفت قطبي اينتينا



ب: جفت قطب بطور چهوٹی تار



الف: متوازن ترسیلی تار سے جفت قطب کو طاقت مہیا کی گئی ہے۔

شكل 14.5: جفت قطب

خطی نوعیت کے کسی بھی اینٹینا کو متعد د تعداد کے سلسلہ وار جڑے مختصر جفت قطبوں کا مجموعہ تصور کیا جاسکتا ہے للمذا مختصر جفت قطب کی خاصیت جانتے تھے۔ زیادہ لمبے جفت قطب یامخلف انداز میں جڑے موصل تاروں کی خاصیت جاننے میں مدد ملے گی۔

آئیں شکل 14.5-الف میں دکھائے مختصر جفت قطب پر خور کریں جس کی لمبائی I طول موج سے بہت کم $K \gg I$ ہے۔ جفت قطب کے سروں پر موصل چادر بطور کہیسٹر بوجھ کر داراداکرتے ہیں۔ جفت قطب کی مختصر لمبائی ہوتھ اللہ بائی ہوتھ کی بالہ بر برقی رور کھنے میں بطور کہیسٹر بوجھ کر داراداکرتے ہیں۔ جفت قطب کی مختصر لمبائی ہوتی ہوئے کہ تر سیلی تاریخ معامی اخراج مدوجے ہوئے کہ تر سیلی تاریخ معامی اخراج میں دکھیا ہوتے کہ تر سیلی تاریخ میں دکھیا گیا ہے ، جفت قطب کے معرول پر نسب موصل چادر ول کے شعامی اخراج کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب نہیں ہوتی ، اس کے موجود گی کو نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی کا اس کے لمبائی سے بہت کم $K \gg A \Rightarrow$ ان حقاق کو مد نظر رکھتے ہوئے تحلیلی تجزیے کی خاطر جفت قطب کو شکل 14.5 ب کی طرح تصور کیا جا سکتا ہے۔ ایسا بھت قطب کے چارج ہوں۔ کہیسٹر پر چارج ہاور بر تی ہوئے تعلق کو مد تعلق کو مد تعلق مول کا تعلق

$$I = \frac{\partial q}{\partial t}$$

آئیں لا محدود وسعت کی خالی خلاء میں جفت قطب کے میدان حاصل کریں۔ جفت قطب کے وسط کو کروی محد د کے مرکز اور لمبائی کوج محد دپر رکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ کسی بھی نقط N پر عموماً آپس میں عمود کی تین میدان Ερ، Ες اور Φ کا پائے جائیں گے۔

کسی بھی نقطہ N پر مساوات 9.71 واور مساوات 9.73 بالترتیب مقناطیسی میدان اور برقی میدان دیتے ہیں

$$H = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times A$$

$$(14.19) E = -\nabla V - \frac{\partial A}{\partial t}$$

چېال

نقطه Nپر مقداری بر قی د باو V

نقطه Nپر سمتی د باو A

ہیں۔اگر جمیں کسی بھی نقطے پر مقداری دباو V اور سمتی دباو A معلوم ہوں تب مندرجہ بالا دومساوات سے اس نقطے پر برقی اور مقناطیسی میدان حاصل کئے جاسکتے ہیں۔چو نکہ جمیں جفت قطب سے دور میدان در کار ہیں للذاالیی صورت میں مساوات 14.6 اور مساوات 14.8 میں دیے تاخیری دباو قابل استعمال ہوں گے۔ یوں ان مساوات کو

(14.20)
$$\boldsymbol{H} = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times [\boldsymbol{A}]$$

(14.21)
$$E = -\nabla[V] - \frac{\partial[A]}{\partial t} = -\nabla[V] - j\omega[A]$$

باب 14. اينٹينا اور شعاعي اخراج 520

کھھا جا سکتا ہے جہاں مساوات 59.6اور مساوات 60.6سے تاخیر ی د باو

$$[A] = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_h \frac{J_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \,\mathrm{d}h$$

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_h \frac{\rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \,\mathrm{d}h$$

کھھے جا سکتے ہیں۔

کسی بھی برقی چار جاور برقی روسے پیدامیدان مساوات 14.20 اور مساوات 14.21 سے حاصل کئے جاسکتے ہیں۔ مساوات 14.23 کے تحت تاخیر کی مقدار کیاد ہاو [V] صرف ساکن چار جو ں پر مخصر ہے جبکہ مساوات 14.20 تحت متناطیسی میدان کا صرف برقی رویوند کی سمتی د باو [A] صرف برقی رویوند کے تحت متناطیسی میدان کا صرف برقی میدان کے ساکن چار جو ان پر مخصر ہے جبکہ مساوات 14.21 کے تحت برقی میدان کا ساکن چار جاور برقی رویوند کی مخصر ہے۔ ہم جلد مساوات 14.46 میں دیکھیں گے کہ کسی بھی چار جاور برقی روسے دور پیدا متناطیسی اور برقی میدانوں کا دارو مدار صرف برقی روپر ہوتا ہے۔ چھ نکمہ اس باب میں تاخیر کی د باوبی استعال کئے جائیں گے لہذا انہیں چکور قوسین میں لکھنے سے گریز کیا جائے گا۔ اس باب میں یہاں سے آگے بغیر چکور قوسین کے دیباو کو تاخیر کی د باوبی سمجھاجائے۔

شکل سے ظاہر ہے کہ سمتی دباو کا صرف $a_{
m Z}$ جزو

(14.24)
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0}{4\pi} \int_{-l/2}^{l/2} \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}}{s} \, \mathrm{d}z$$

پایاجاتا ہے۔ اگر جفت قطب کی لمبائی I، نقطہ N ہے جفت قطب تک فاصلہ I ہے اور ساتھ تھا ہے ہاں سے ہیں مندر جہ بالا مساوات میں متغیر فاصلہ I کی جگہ مستقل فاصلہ I کی بیاجا سکتا ہے I ور ساتھ I کی مساقہ I کی ساتھ I کی سے مندر جہ بالا مساوات میں منتغیر فاصلہ کی باہر لے جا یا جا سکتا ہے۔ بول مندر جہ بالا مساوات ہے۔

(14.25)
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہوتاہے۔اس مساوات کو کر وی محد د میں یوں

$$\mathbf{A} = A_r \mathbf{a_r} + A_{\theta} \mathbf{a_{\theta}} + A_{\phi} \mathbf{a_{\phi}}$$

لكھاجائے گاجہاں

$$A_{r} = \boldsymbol{a}_{\mathbf{r}} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\mathbf{r}} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \cos \theta$$

$$A_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} = -\frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta$$

$$A_{\phi} = \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} = 0$$

ہوں گے جہاں اکائی سمتیات کے مقداری ضرب صفحہ 32 پر جدول 1.2 سے حاصل کئے گئے۔اس طرح

(14.27)
$$\mathbf{A} = \frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \left(\cos \theta \mathbf{a}_{\mathrm{r}} - \sin \theta \mathbf{a}_{\theta}\right)$$

لكيها جائے گا۔

521

$$V = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

ہو گاجہاں مساوات 14.17 کے تحت

$$q = \int I \, \mathrm{d}t = \frac{I}{j\omega}$$

کے برابرہے جہاں

$$I = I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$
$$q = q_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$

یں۔ مساوات 14.29 سے $\frac{I_0}{j\omega}=g_0$ حاصل کرتے ہوئے مساوات 14.28 میں پر کرتے ہیں۔

$$V = \frac{I_0}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[\frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

شکل کو دیکھ کر

$$s_1 = r - \frac{l}{2}\cos\theta$$
$$s_2 = r + \frac{l}{2}\cos\theta$$

لکھے جاسکتے ہیں جنہیں مساوات 14.30 میں پر کرتے

$$(14.31) V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[\frac{(r + \frac{1}{2}\cos\theta)e^{j\frac{\beta l}{2}\cos\theta} - (r - \frac{1}{2}\cos\theta)e^{-j\frac{\beta l}{2}\cos\theta}}{r^2 - \frac{l^2}{4}\cos^2\theta} \right]$$

ماتا ہے۔ چکور قوسین میں شرح کے نچلے جھے میں $l\gg l$ وجہ سے $au \cos^2 heta = \frac{1}{4} \cos^2 heta$ استعمال سے

(14.32)
$$V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j \omega r^2} \left[\left(r + \frac{l}{2} \cos \theta \right) \left(\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} + j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) - \left(r - \frac{l}{2} \cos \theta \right) \left(\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} - j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) \right]$$

لکھاجائے گا۔ چونکہ $\lambda\gg 1$ ہے للذا

$$\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} = \cos \frac{\pi l \cos \theta}{\lambda} \approx l$$
$$\sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \approx \frac{\beta l \cos \theta}{2}$$

ہوں گے، جنہیں مساوات 14.32 میں پر کرنے سے

$$V = \frac{I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)} \cos \theta}{4\pi \epsilon_0 c} \left(\frac{1}{r} + \frac{c}{j\omega r^2}\right)$$

حاصل ہو تاہے جہاں

922 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

·

مختصر جفت قطب کے وسط سے، $\lambda \gg l$ اور r کی صورت میں، r فاصلے اور θ زاویے پر مساوات 14.27 سمتی د باواور مساوات 14.33 مقدار کی د باودیتے ہیں۔ کروی محد دمیں مقدار کی دیاو کی ڈھلوان

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial r} a_{\Gamma} + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} a_{\theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} a_{\phi}$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\theta} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) a_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{r^{2}}\right) a_{\Gamma} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{r^{2}}\right) a_{\Gamma} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{c \sin \theta}{r^{2}}\right) a_{\Gamma} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi \epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{c \cos \theta}{r^{2}} + \frac{c \cos \theta}{r^{2}}\right) a_{\Gamma} \right]$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{$$

کھے جاسکتے ہیں جن میں مطلوبہ تفاعل پر کرنے سے برقی میدان کے عمومی مساوات

$$E_r = rac{I_0 l \cos heta e^{j(\omega t - eta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(rac{1}{cr^2} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 (14.35)
$$E_{ heta} = rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(rac{j\omega}{c^2 r} + rac{1}{j\omega r^3} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 خوتی میدان $E_{\phi} = 0$

حاصل ہوتے ہیں۔

ہیں۔

مقناطیسی میدان مساوات 14.20 سے حاصل ہو گی۔ کروی محد دمیں سمتی دباو کی گردش

(14.36)
$$B = \nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[\frac{\partial (A_{\theta} \sin \theta)}{\partial \theta} - \frac{\partial A_{\theta}}{\partial \phi} \right] a_{r} + \frac{1}{r} \left[\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_{r}}{\partial \phi} - \frac{\partial (rA_{\phi})}{\partial r} \right] a_{\theta}$$

$$+ \frac{1}{r} \left[\frac{\partial (rA_{\theta})}{\partial r} - \frac{\partial A_{r}}{\partial \theta} \right] a_{\phi}$$

میں مساوات 14.26 پر کرنے سے مقناطیسی میدان کی عمو می مساوات

$$H_{\phi}=rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t-eta r)}}{4\pi}\left(rac{j\omega}{cr}+rac{1}{r^2}
ight)$$
 عوی میدان $H_r=0$ $H_{ heta}=0$

 $oldsymbol{B} = \mu_0 oldsymbol{H}$ حاصل ہوتے ہیں جہاں $oldsymbol{B} = \mu_0 oldsymbol{H}$ کیا گیا۔

مساوات 14.35 اور مساوات 14.37 کے تحت جفت قطب سے پیدامیدان کے صرف تین اجزاء E_{θ} ، E_{r} واصلے جن بیرے جفت قطب سے پیدامیدان کے صرف تین اجزاء و E_{t} پایاجاتا ہو کو نظر انداز کیاجا سکتا ہے۔ یوں E_{t} قابل نظر انداز ہو گالہٰذا E_{r} میران کی مساوات میں ایسے اجزاء جن میں $\frac{1}{r^{2}}$ یا جاتا ہو کو نظر انداز کیاجا سکتا ہے۔ یوں E_{r} قابل نظر انداز ہو گالہٰذا و

$$E_{\theta} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \frac{j\omega}{c^2 r} = j \frac{30I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{j\omega}{cr} = j \frac{I_0 \beta l}{4\pi r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہوں گے۔مساوات 14.38 استعمال کرتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح

$$\frac{E_{\theta}}{H_{\phi}} = \frac{1}{\epsilon_0 c} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 376.7 \,\Omega$$

یہاں اس حقیقت پر توجہ دیں کہ خالی خلاء میں TEM موج کی طرح، جفت قطب سے دور H_{θ} اور H_{θ} آپس میں ہم قدم ہیں۔اس کے علاوہ دونوں مہیدان θ علیہ θ نظمی کی طرح، جفت قطب کے محور کی سمت θ ہیں۔ θ جہران کی قیمت صفر جبکہہ θ ہیں۔ θ جہران کی قیمت نیادہ ہے۔اندر سہ θ شکل کی گیمت نیادہ ہے۔ اندر سہ θ شکل میں دکھایا گیا ہے۔

جفت قطب سے دور میدان حاصل کرتے وقت مساوات 14.35اور مساوات 14.37 میں $\frac{1}{r^2}$ یا $\frac{1}{r}$ رکھتے اجزاء کو نظر انداز کیا گیا یعنی E_0 میں

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \frac{1}{cr^2}$$

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

 $r\gg \frac{c}{\omega}$

یا

باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

تصور کیا گیا۔اسی طرح Ha میں بھی

$$\left|j\frac{\omega}{cr}\right|\gg\frac{1}{r^2}$$

.

524

$$(14.41) r \gg \frac{c}{\omega}$$

تصور کیا گیا جسے

$$r\gg \frac{1}{\beta}$$
 (دور میدان) $r\gg \frac{1}{\beta}$

جمی لکھاجا سکتا ہے۔اگر جفت قطب کے قریب میدان کی بات کی جائے تو $\frac{c}{\omega} \gg r$ لیجا جائے گا۔یوں مساوات 14.35 اور مساوات 14.35 میں

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{c^2 r} \right| \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{cr} \right| \ll \frac{1}{r^2}$$

ہوں گے للذاقریبی میدان

$$E_{r} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{2\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$E_{\theta} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{4\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{1}{r^{2}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r^{2}}$$

لکھے جاسکتے ہیں۔ کل قریبی برقی میدان

(14.44)
$$\boldsymbol{E} = E_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{T}} + E_{\theta} \boldsymbol{a}_{\theta} = \left[\frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\mathrm{T}} + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\theta} \right] e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$$

ہو گا۔ مساوات 14.44 کے برقی میدان میں جزوضر بی $e^{i(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$ پایاجاتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان میں جزوضر بی $e^{i(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$ پایاجاتا ہے۔ یوں جفت قبطب کے قریب کسی بھی نقطے پر ہر لمحہ برقی میدان اور مقناطیسی میدان میں πے زاویے کافرق پایاجاتا ہے جو ساکن میدان کی نشانی ہے۔

جفت قطب کے قریب برقی اور متناطیسی میدان میں لمحاتی طور ∑ریڈ مین کا زاویہ پایاجاتا ہے جبکہ جفت قطب سے دور دونوں میدان لمحاتی طور پر ہم قدہ پیل لہٰذاکسی در میانے فاصلے پر ان میدانوں میں °45کا زاویہ ہوگا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جفت قطب سے فاصلہ بڑھانے سے برقی میدان وقت کی نسبت سے گھوہم کر مقناطیسی میدان کے ہم قدم ہوجاتا ہے۔

مخلوط پوئنٹنگ سمتیہ استعال کرتے ہوئے مساوات 14.38 سے دور میدان میں کثافت توانائی

$$\mathscr{P}_{\ell^*,\ell}=rac{1}{2}\left[m{E} imesm{H}^*
ight]$$
وور کثافت طاقت $=rac{1}{2}E_{ heta}H_{\phi}^*m{a}_{m{\Gamma}}=rac{15I_0^2eta^2l^2}{4\pi r^2}\sin^2 hetam{a}_{m{\Gamma}}$ وور کثافت طاقت

حاصل ہوتی ہے جور داسی ۴ سمت میں منتقل ہوتی حقیقی توانا کی ہے۔ یہی اینٹینا کی شعاعی اخراج –شعاعی اخراج 90° ہے ل پوئنٹنگ سمتیہ استعال کرتے ہوئے مساوات 14.43سے قریبی میدان میں کثافت توانا کی

$$\begin{split} \frac{1}{2} \left[\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}^* \right]_{\vec{\omega}} &= \frac{1}{2} \left[\left(E_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}} + E_{\theta} \boldsymbol{a}_{\theta} \right) \times H_{\phi}^* \boldsymbol{a}_{\phi} \right]_{\vec{\omega}} \\ &= \frac{1}{2} \left[-\frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi \epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\theta} + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi \epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}} \right] \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2} e^{-j\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہے جس کا بیشتر حصہ خیالی ہے اور ساتھ ہی ساتھ شعاعی اخراج کے علاوہ یہاں ∂سمت میں گھومتی طاقت بھی پائی جاتی ہے۔

آئیں اب نہایت کم تعدد پر صورت حال دیکھیں۔مساوات 14.35 میں $i_0=j\omega q_0$ پر کرتے ہوئےاور مساوات 14.37 کو جوں کا توں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$\begin{split} E_r &= \frac{q_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{j\omega}{cr^2} + \frac{1}{r^3}\right) \\ E_\theta &= \frac{q_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{\omega^2}{c^2 r} + \frac{j\omega}{cr^2} + \frac{1}{r^3}\right) \\ H_\phi &= \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right) \\ &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0 r^3} \left[E_r &= \frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 r^3} \right] \\ E_\theta &= \frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 r^3} \\ H_\phi &= \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہیں جن سے برقی میدان

(14.45)
$$E = \frac{q_0 l}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left(2\cos\theta a_{\rm r} + \sin\theta a_{\theta}\right)$$

ختصر جفت قطب، $l \ll r$ اور $l \ll \lambda$ ، تمام میدان کو جدول ۱4.1 میں پیش کیا گیاہے۔ بقایاا جزاءہ $E_{\phi} = H_r = H_{ heta} = 0$ صفر کے برابر ہیں ہیں

مساوات 14.35 میں دیے $E_{ heta}$ میں $\frac{1}{r^2}$ اور $\frac{1}{r^2}$ رکھنے والے اجزاء برقی دباو V کے پیدا کر دہ ہیں جو دور میدان میں قابل نظر انداز ہوتے ہیں۔ا گر ہماری دلی گیسی صرف مساوات 14.21 اور مساوات 14.26 سے صرف دور میدان میں ہوتب مطلوبہ میدان کو نہایت آسانی کے ساتھ صرف Aسے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یوں مساوات 14.21 اور مساوات 14.26 سے

(14.46)
$$E_{\theta} = -j\omega A_{\theta} = -j\omega \left(-\frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta \right) = j\frac{30 I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

926 باب 14. ايتثينا اور شعاعي اخراج

عدول 14.1: مختصر جفت قطب كر ميدان	ميدان	قطب کر	صر جفت	14.1: مخته	جدول .
-----------------------------------	-------	--------	--------	------------	--------

نيم ساكن ميدان	دور میدان	عمومي مساوات	جزو
$\frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi \epsilon_0 r^3}$	0	$\frac{I_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	E_r
$\frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi \epsilon_0 r^3}$	$\frac{j60\pi I_0 \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{r} \frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{j\omega}{c^2 r} + \frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	E_{θ}
$\frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2}$	$\frac{jI_0\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2r}\frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right)$	H_{ϕ}

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان H_{ϕ} کو مساوات 14.20 سے حاصل کیا جاسکتا ہے جہاں $\frac{1}{r^2}$ اجزاءر دکئے جائیں گے۔مقناطیسی میدان کو نسبتاً زیادہ آسانی سے ،لا محدود خلاء کی قدرتی رکاوٹ $Z_0=\sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$ استعال کرتے ہوئے

$$H_{\phi} = \frac{E_{\theta}}{Z_0} = j \frac{30I_0\beta l}{120\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)} = j \frac{I_0\beta l}{4\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

سے بھی حاصل کیا جاسکتا ہے۔ چونکہ دور میدان کادار ومدار جفت قطب کے چارج ور گرنہیں للذاان چارج کا جاننا غیر ضروری ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو پہتدر مخضر جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ یوں کسی بھی اینٹینا کے میدان تمام جفت قطب کے میدان کو جمع کرتے ہوئے حاصل کیا جاسکتا ہے۔

مساوات 14.38 میں $eta = \frac{2\pi}{\lambda}$ کرتے ہوئے دور برتی میدان کو $E_{ heta} = j \quad 60\pi \quad I_0 \quad \frac{l}{\lambda} \quad \frac{1}{r} \quad \sin \theta \quad e^{j(\omega t - \beta r)}$ (14.48)

جدول 14.1 مختصر جفت قطب کے میدان دیتا ہے۔

14.5 مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت

اینٹینا کے گردکسی بھی بند سطے پر مخلوط پوئنٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P}_{\mathsf{L}_{S}} = \frac{1}{2} \left[\boldsymbol{E}_{s} \times \boldsymbol{H}_{s}^{*} \right]$$
 وريا

کی سطحی تکمل

(14.50)
$$P = \int_{S} \mathbf{\mathscr{P}}_{b,s} \cdot ds \qquad (W)$$

کل شعاعی اخراج P دے گی۔ فی سینڈ خارج ہونے والی توانائی شعاعی اخراج کہلاتی ہے للذااس کی اکائی واٹ W ہے۔سادہ ترین بند سطح کرہ ہے۔یوں اینٹینا کو کھروی محد دکے مرکز پر رکھتے ہوئے تکمل حاصل کیا جائے گا۔ چونکہ دور کے میدان نسبتاً سادہ صورت رکھتے ہیں للذا بند سطح کار داس جتنازیادہ رکھا جائے تکمل اتنا آ پسان ہوگا۔یوں رداس زیادہ سے زیادہ رکھتے ہوئے دور میدان استعمال کرتے ہوئے جفت قطب کا شعاعی اخراج P حاصل کیا جاتا ہے۔ کامل اینٹینا کی صورت میں شعاعی اخراج اس برقی طاقت کے برابر ہو گاجو اینٹینا کے برقی سروں پر مہیا کی گئی ہو۔ اینٹینا کو مزاحمت R تصور کرتے ہوئے اس برقی طاقت کو $P=rac{1}{2}I_0^2R$ کی صاحب سکتا ہے جہاں I_0 سائن نما برقی روکا حیطہ ہے۔ یوں

$$(14.51) R = \frac{2P}{I_0^2} (\Omega)$$

4913

کھاجاسکتا ہے جہاں R اینٹینا کی اخراجی مزاحت ⁹ کہلاتی ہے۔

آئیں مخضر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔ دور میدان میں صرف E_{θ} اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں للذا شعاعی اخراج

$$P = \frac{1}{2} \int_{S} \left[E_{\theta} H_{\phi}^{*} \right] ds$$

ے حاصل ہو گی جہاں H_{ϕ}^* مقناطیسی میدان H_{ϕ} کا جوڑی دار مخلوط ہے۔اب $E_{ heta}=E_{ heta}=H_{\phi}$ المذا

یا

$$P = \frac{1}{2Z_0} \int_S \left| E_\phi \right|^2 \mathrm{d}s$$

 $Z_{0}=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$ کھاجا سکتا ہے جہاں خالی خلاء کی قدر تی رکاوٹ $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$ اور کھاجا سکتا ہے جہاں خالی خلاء کی قدر تی رکاوٹ

جفت قطب کے میدان حاصل کرتے وقت فرض کیا گیا کہ اس کی پوری لمبائی پر یک برابر بر تی رو 1₀ پائی جاتی ہے۔ساتھ ہی ساتھ لمبائی 1 کے مختلف نقطوں کے میدان کازاویائی فرق نظرانداز کیا گیا۔ جفت قطب کی پوری لمبائی پر برابر برقی رونہ ہونے کی صورت میں مساوات 14.24سے مساوات 14.25 حاصل ہونے کی بجائے

$$A = \frac{\mathbf{a}_{z}\mu_{0}e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \int_{-l/2}^{l/2} i \,dz$$
$$= \frac{\mathbf{a}_{z}\mu_{0}lIe^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

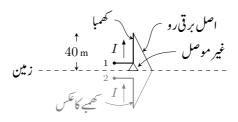
حاصل ہو گاجہاں I اوسط بر تی روہے۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے مساوات 14.38 سے مقناطیسی میدان کا حیطہ

$$(14.55) H_{\phi} = \frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta$$

کھتے ہوئے 1₀ کی جگہ اوسط برقی رو ا ککھی گئی ہے۔ مقناطیسی میدان کے اس حیطے کو مساوات 14.53 میں پر کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ اخراجی طاقت

$$P = \frac{120\pi}{2} \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \left(\frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta \right)^2 r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= \frac{120\pi}{2} \left(\frac{\beta I l}{4\pi} \right)^2 \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^3 \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= 80\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda} \right)^2$$

928 جاب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 14.6: كهمبا اينٹينا

حاصل ہوتی ہے۔مساوات 14.53 یامساوات 14.54 بر قی رو کی چوٹی آکی صورت میں اخراجی طاقت دیتے ہیں جو سائن نمابر قی رو کی صورت میں اوسطاخراجی طاقت کے دگناہوتی ہے۔یوں اوسطاخراجی طاقت

$$P_{\underline{k},\underline{s}} = 40\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

ہو گی۔مساوات 14.51سے مخضر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

(14.57)
$$R = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2 \left(\frac{I}{I_0}\right)^2 \tag{\Omega}$$

عاصل ہوتی ہے۔

كسي بهجى اينشيناكى اخراجي مزاحمت

(14.58)
$$R = \frac{Z_0}{I_0^2} \int_S |H|^2 ds = \frac{1}{Z_0 I_0^2} \int_S |E|^2 ds$$

 $Z_0=120\pi$ ے حاصل کی جاسکتی ہے جہاں $Z_0=120\pi$ برابر ہے۔

مثال 14.1: چالیس میٹر لمبے تھمبے اینٹینا کوموصل سطح پر کھڑا کئے 300 kHz کے تعد دیراستعال کیاجاتا ہے۔اسے برقی اشارہ نچلے سرے پر فراہم کیاجاتا ہے۔الیٹٹینا کیا خراجی مزاحمت حاصل کریں۔اس تھمبے کو شکل 14.6 میں دکھایا گیاہے۔تھمبے کو غیر موصل بنیاد پر کھڑا کیا گیاہے۔

یوں 40 × 2 میٹر لمبے فرضی جفت قطب کی اخراجی مزاحمت مساوات 14.57سے

$$80\pi^2 \left(\frac{2\times 40}{1000}\right)^2 \left(\frac{0.5I_0}{I_0}\right)^2 = 1.2633\,\Omega$$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ مزاحمت حقیقی تھمبے کے سر1اور عکسی تھمبے کے سر2 کے مابین ہے۔ یوںاصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت جوز مین اور 1 کے مابین ناپی جائے گی کی قبیت

(14.59)
$$R_{\mathcal{S},\dot{\mathcal{T}}} = \frac{0.63165}{2} = 0.63\,\Omega$$

14.6. ڻهوس زاويہ

پوگی۔ 14923

4924

حقیقی دھات کامل موصل نہیں ہوتے للذاکسی بھی دھات سے بنائے گئے جفت قطب میں توانائی کاضیاع ہو گا۔موصل کے علاوہ اینٹینا کے ساتھ منسلک ذو برق میں بھی طاقت کاضیاع ہو گا۔ان ضیاع کومزاحمت _{ضیاع R}سے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔یوں اینٹینا کے برقی سروں پر کل مزاحمت

$$(14.60) R = R_{\zeta, l, j} + R_{\dot{\zeta}, l, j}$$

 k^{10} ہو گی۔ مندرجہ بالامثال میں اگر Ω Ω Ω Ω و تاتب اینٹینا کی کار کزاری R

$$k = \frac{l \dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}{R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}} + R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}} = \frac{R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}}{R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}} + R_{\dot{\zeta}_{l} \dot{\zeta}_{l}}} \frac{0.63}{0.63 + 0.63} = 50 \%$$

پچاس فی صد ہو گی۔ اگر طاقت کاضیاع بڑھائے بغیر زیادہ لمبائی کا جفت قطب استعال کیا جائے تو کار کزاری اس سے بہتر کی جاسکتی ہے۔

اگر مخلوط پوئنگگ سمتیہ کا حقیقی حصہ لئے بغیر کسی اینٹینا کو مکمل گیرے سطح پراس کا تکمل لیاجائے تو حقیقی طاقت کے ساتھ ساتھ خیالی طاقت بھی حاصل ہوگا۔ جھتی طاقت اخراجی طاقت کو ظاہر کرتاہے جبکہ خیالی طاقت متعامل جزوہے۔ سطح تکمل کی صورت اور مقام کا تکمل کے حقیقی جزوپر کوئی اثر نہیں البتہ خیالی طاقت کا دار ہو الدو مدار سطح کی صورت اور مقام پر ہے۔ اینٹینا سے بہت دور خیالی جزو قابل نظر انداز ہوتا ہے جبکہ اینٹینا کے قریب اس جزو کی مقدار بڑھ جاتی ہے۔ نہایت پتی ساخت کے صورت اور مقام پر ہے۔ اینٹینا سے جہاں R رینٹینا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم 10 کا وٹ کا ہم دیتا ہے جہاں R رینٹینا کے ساتھ ملالیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم 2 ارکاوٹ R + jX دیتا ہے جہاں R رینٹینا کے اخراجی مزاحت کو ظاہر کرتا ہے۔

14.6 ڻھوس زاويہ

ا گلے جھے میں ٹھو **س زاویہ** ¹¹در کار ہو گاللذااسے پہلے سبچھتے ہیں۔

شکل 14.7-الف میں رداس س کے دائر بر قوس کی لمبائی [اور رداس س کی شرح

$$\theta = \frac{l}{r} \qquad (rad)$$

زاویے 9 دیتی ہے جس کی اکائی ریڈیٹن 12 (rad) ہے۔ یوں اکائی رداس کے دائر سے پر اکائی کمبی قوس، دائر سے مرکز پر،ایک ریڈیٹن (1 rad) کازاویہ پہلے گی۔ یہی اکائی ریڈیٹن کی تعریف ہے۔ چو نکہ دائر سے کامحیط 2πr ہے المزادائر سے کے گردایک مکمل چکر 2πردیڈیٹن کے زاویے کو ظاہر کرتی ہے۔ اگر چہ مساوات کی ہات کی جا میں 14.62 تحت 9 دراصل بے بُعد مقدار ہے، ہم اس کے باوجو داس کو فرضی اکائی ریڈیٹن میں ناپتے ہیں۔ یوں x rad سے ظاہر ہوتا ہے کہ برزاویے کی بات کی جا رہی ہے۔ رہی ہے۔

بالكل اس طرح رداس ٢ كے كره كى سطير كسى بھى رقبہ S اور كره كے رداس كے مربع ٢٥ كى شرح

$$\Omega = \frac{S}{r^2} \qquad (sr)$$

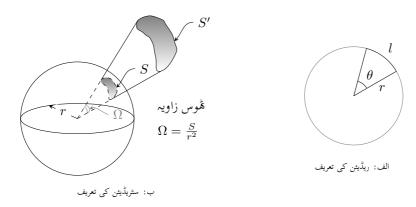
ٹھوس زاویہ Ω دیتی ہے جسے مربع ریڈیئن یعنی سٹریڈیئن 3 (sr) میں ناپاجاتا ہے۔اکائی رداس کے کر وپراکائی رقبہ، کرہ کے مرکز پر ،ایک سٹریڈیئن کا ٹھوس نہاویہ بنائے گی۔ یہی سٹریڈیئن کی تعریف ہے۔چونکہ کرہ کی سطح 4πr2 کے برابر ہے لہذا پوری کرہ 4π سٹریڈیئن کا ٹھوس زاویہ دیتی ہے۔اگرچہ ٹھوس زاویہ بے بُعد مقدار ہے، ہم اس کے باوجوداس کوفرضی اکائی سٹریڈیئن میں ناپتے ہیں۔یوں مختلف اعداد کی بات کرتے وقت یہ جاننا ممکن ہوتا ہے کہ ٹھوس زاویے کی بات ہی جانا رہی ہے۔

efficiency¹⁰

radian¹

steradian¹³

باب 14. ايتئينا اور شعاعي اخراج



شكل 14.7: ريدين اور سٹريدين كى تعريف

شکل 14.7-ب میں عمومی رقبہ 'S کامحدد کے مرکز پر ٹھوس زاویہ حاصل کرنے کاطریقہ دکھایا گیا ہے۔مرکز سے دیکھتے ہوئے 'S کابیر ونی خاکہ نظر آئے گا۔اگر اس خاکے کے بیر ونی کناروں سے مرکز تک ربڑی چادرکھنٹج کر لگائی جائے توبہ چادر رداس ۲ کے کرہ کو کاٹے گا۔ کرہ کی سطچر یوں رقبہ S گھیرا جائے گا۔ ٹھوس زاویے

$$\Omega = \frac{S}{r^2}$$

کے برابر ہو گا۔اکائی رداس کے کرہ کی صورت میں رقبہ S کی قیمت ٹھوس زاویے کی قیمت کے برابر ہو گی۔

شکل 14.7-الف میں θ نظارے کے حدود کو ظاہر کر تاہے۔اسی طرح شکل 14.7-ب میں Ω نظارے کے حدود تغین کر تاہے۔

شکل 14.7-الف میں دکھایا گیازاویہ سطحی نوعیت کا ہے جسے ریڈیئن میں ناپاجاتا ہے۔اس کے برعکس شکل 14.7-ب میں دکھایا گیازاویہ حجمی نوعیت کا ہے جسے سٹریڈیئن یاریڈیئن کے مربع میں ناپاجاتا ہے۔یادر ہے کہ ایک مربع ریڈیئن کوہی ایک سٹریڈیئن کہتے ہیں۔

$$1 \operatorname{sr} = 1 \operatorname{rad}^2$$

کروی محدد میں ۲رداس کے کرہ کی سطیر رقبے کو

$$(14.66) S = \int_{\theta} \int_{\phi} r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

لکھاجاسکتاہے۔ بیر قبہ کرہ کے مرکزیر

(14.67)
$$\Omega = \frac{S}{r^2} = \int_{\theta} \int_{\phi} \sin \theta \, d\theta \, d\phi \qquad (sr)$$

مٹھوس زاوبیہ بنائے گی۔

14.7 اخراجی رقبه، سمتیت اور افزائش

مختصر جفت قطب کے دور میدان میں صرف E_{θ} اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں جنہیں مساوات 14.38 میں پیش کیا گیا ہے۔ کسی بھی اینٹینا کی طرح اس کے دور میدان $\frac{1}{r}$ کی شرح سے گھٹے ہیں لہٰذا یو منٹنگ سمتیہ

(14.68)
$$\mathscr{P} = \frac{1}{2} \left[E_s \times H_s^* \right]_{\tilde{z}} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 a_{\Gamma} = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 a_{\Gamma}$$

 $P(heta,\phi)$ گرے سے گھٹے گی۔ یوں پوئنٹنگ سمتیہ کے رداسی جزو کو r^2 سے ضرب دینے سے r^2 کی شرح سے گھٹے گی۔ یوں پوئنٹنگ سمتیہ کے رداسی جزو کو r^2

(14.69)
$$P(\theta,\phi) = r^2 \mathscr{P} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 r^2 = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 r^2 \qquad (W/sr)$$

اخراجی شدت کو تقابل پذیر ۱۶ بنانے کی خاطر $P(heta,\phi)$ کواس کی زیادہ قیمت بن $_{12}$ ج $_{12}$ ج $_{13}$ بنانے کی خاطر $P(heta,\phi)$ کواس کی زیادہ قیمت بن $_{13}$ جراجی شدت کو تقابل پذیر ۱۶ بنانے کی خاطر $P(heta,\phi)$

 $_{_{4948}}$ ہوتی ہے جو اینٹینا کی تقابل پذیر نقش طاقت 17 ہے۔

اینشینا کی کل اخراج

(14.71)
$$\int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P}r^2 \sin\theta \, \mathrm{d}\theta \, \mathrm{d}\phi$$

ہے۔اگر کثافت طاقت _{لند ت}ر حس ہوتبا تنیا خراج مکمل کرہ کی سطے کے بجائے کرہ کی سطے پر رقبہ S سے خارج ہو گی لیعنی

(14.72)
$$\mathscr{P}_{\eta, \eta, \eta} S = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P} r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

ہو گا۔اس میں مساوات 14.63 کی مدد سے کرہ کی سطح پر رقبے کو ٹھوس زاویے کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} rac{\mathscr{P}r^2}{\mathscr{P}_{7,cl}r^2} \sin heta \, \mathrm{d} heta \, \mathrm{d}\phi$$

لعني

(14.73)
$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} P_n(\theta, \phi) r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi = \iint_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (sr)$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کے تحت Ω_A کھوس زاویے پر میسال زیادہ سے زیادہ طاقت خارج کرتے ہوئے اینٹینا پوری طاقت خارج کر سکتی ہے۔ Ω_A کوار پھیا ہی گھوس زاویہ Ω_A کہتے ہیں۔

مر کزی شعاع ۱۹ پر تکمل

$$\Omega_{M} = \iint_{\gamma \subset \mathcal{V}_{\sigma}} P_{n}(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (\text{sr})$$

لیتے ہوئے مرکزی ٹھوس زاویہ 20 حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یوں ثانوی شعاع 21 کے ٹھوس زاویہ Ω_m کواخراجی ٹھوس زاویہ 20 کے فرق $\Omega_m = \Omega_A - \Omega_M$

ے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ غیر سمق 22 اینٹیپنا ہر سمت میں برابراخراج کرتی ہے لہذاہر سمت میں اس کا $P_n(heta,\phi)=P_n(heta,\phi)$ ہوگا۔

radiation intensity¹⁴

normalized15

dimensionless16

normalized power pattern¹⁷

beam solid $angle^{18}$

 $main\ lobe^{19}$

major lobe solid angle²⁰

minor lobe²¹

isotropic²²

باب 14. اينٹينا اور شعاعي اخراج

لینٹینا کی دوسری اہم خاصیت اس کی <mark>سمتیت</mark> ²³ہے۔اخراجی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت اور اوسطاخراجی شدت کی شرح

$$D = \frac{i_{s} (14.76)}{i_{s} (14.76)} = \frac{i_{s} (14.76)}{i_{s} (14.76)} = \frac{P(\theta, \phi)}{P(\theta, \phi)}$$
 (14.76)

 $P(heta,\phi)$ اس کی سمتیت کہلاتی ہے۔ کل اخراج W کو π 4 سٹریڈ مین سے تقسیم کرنے سے اوسطا خراجی شدت $P(heta,\phi)$ حاصل ہوتی ہے جبکہ اخراجی شدت $P(heta,\phi)$ کا π 4 سٹریڈ میئن پر تکمل لینے سے اینٹینا کی کل اخراج حاصل ہوتی ہے۔ یوں

$$D = \frac{P(\theta,\phi)}{W/4\pi} = \frac{4\pi P(\theta,\phi)}{\iint\limits_{4\pi} P(\theta,\phi) \,d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)} \,d\Omega} \,d\Omega$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)} \,d\Omega} \,d\Omega$$

ککھی جاسکتی ہے۔ مساوات 14.73 کے ساتھ موازنے کے بعداسے

(14.78)
$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A} \qquad \cancel{2}$$

کھاجاسکتا ہے۔یوںاینٹینا کی سمتیت سے مراد، کرہ کا ٹھوس زاویہ 4π تقتیم اینٹینا کی اخراجی ٹھوس زاویہ Ωہے۔سمتیت اینٹینا کی ایک منفر د خاصیت ہے۔ مخصوص ٹھوس زاویے میں طاقت مرکوز کرنے کی صلاحیت کی ناپ سمتیت ہے۔سمتیت جتنی زیادہ ہوگی اینٹینااتنی کم ٹھوس زاویے میں طاقت کو مرکوز کرپائے گاہوں

4955

مثال 14.2: غير سمتي اينشينا كي سمتيت حاصل كريں۔

حل: غیر سمتی اینشینا ہر سمت میں میسال اخراج کرتی ہے لہذااس کا $P_n(heta,\phi)=1$ اور $\Omega_A=1$ ہوں گے۔ یوں

$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A} = 1$$

4956

حاصل ہوگا۔ کسی بھی اینٹینا کی میہ کم سے کم مکنہ سمتیت ہے۔

4958

4959

مثال 14.3: مخضر جفت قطب کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 14.38 استعال كرتے ہوئے تقابل يذير نقش طاقت

$$P_n(\theta,\phi) = \frac{H_{\phi}^2(\theta,\phi)}{H_{\phi}^2(\theta,\phi)} = \sin^2 \theta$$
 (14.80)

لکھی جاسکتی ہے۔مساوات 14.73سے

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^2 \theta \, d\theta \, d\phi = \frac{8\pi}{3}$$

اور یوں مساوات سے

$$D = \frac{4\pi}{\Omega} = \frac{3}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے مخضر جفت قطب کی زیادہ سے زیادہ اخراج 🕏 گنازیادہ ہے۔

4961

سمتیت کادار و مدار صرف اور صرف دور میدان کی نقش پر ہے۔اس میں اینٹینا کی کار گزار ی شامل نہیں ہے۔اس کے برعکس اینٹینا کی کار گزار کی، اینٹینا کی افغرائش طاقت یا<mark>افغرائش</mark> ²⁴پر اثرانداز ہوتی ہے۔ اینٹینا کی افغرائش سے مراد

$$(14.83)$$
 $G = G = \frac{16i)$ ونائش اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت نیادہ اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت

ہے جہال دونوں دینٹینوں کی داخلی طاقت برابر ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو بطور حوالہ اینٹینالیا جاسکتا ہے۔اگر ہم بے ضیاع، غیر سمتی اینٹینا کو حوالہ تصور کریں تب

$$G_0 = \frac{P_m'}{P_0}$$

ہو گا جہا<u>ل</u>

4963

آزمائشی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت، P'_m

بے ضیاع، غیر سمتی اینٹینا کی اخراجی شدت P_0

ہیں۔ یادر ہے کہ غیر سمتی اینٹیناہر سمت میں یکسال اخراج کرتی ہے المذااس کی زیادہ شدت اور اوسط اخراجی شدت برابر ہوتے ہیں۔ آزمودہ اینٹینا کی اخراجی شدت P''اور کامل اینٹینا کی اخراجی شدت P_m کی شرح اینٹینا کی کار گزار ی 4دیتی ہے۔ یہ وہی 4 ہے جسے مساوات 14.61 میں بھی حاصل کیا گیا۔ یوں

$$G_0 = \frac{kP_m}{P_0} = kD$$

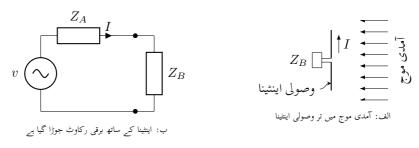
حاصل ہوتا ہے۔ یہ مساوات کہتی ہے کہ کسی بھی کامل اینٹینا (% 100 k=100) کی افٹر اکش، کامل غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے،اسی اینٹینا کی سمتیت کے پر ابر ہوتی ہے۔ غیر کامل % 100 k<100 اینٹینا کی صورت میں افٹر اکش کی قیت سمتیت سے کم ہوگی۔

سمتیت کی قیمت 1 تا∞ ممکن ہے۔ سمتیت کی قیمت اکائی سے کم نہیں ہوسکتی۔اس کے برعکس افنرائش کی قیمت صفر تالا محدود ممکن ہے۔

$$1 \le D \le \infty$$

$$0 \le G \le \infty$$
 مکمنہ قیمت $0 \le G \le \infty$

باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 14.8: وصولی اینٹینا آمدی موج سے طاقت حاصل کر کیے برقی رکاوٹ کو فراہم کرتی ہے۔

اخراجی اینٹینا 25 شعا گی اخراج کرتی ہے۔اس کے برعکس وصولی اینٹینا 26 شعاع سے طاقت وصول کرتی ہے۔ برتی و مقناطیسی امواج جب وصولی اینٹینا پر پہنچتے ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت عاصل کر دہ طاقت کا کچھ حصہ اس مزاحمت ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت عاصل کر دہ طاقت کا کچھ حصہ اس مزاحمت میں ضائع ہوگا۔ ہم چو نکہ بیر ونی مزاحمت کو فراہم طاقت $W=I^2R_B$ میں دگھتے ہیں لہذا اس کی بات کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ بیر ونی مزاحمت کو فراہم طاقت I^2R_B میں پایاجاتا ہے۔ یوں

$$\mathscr{P}S = I^2 R_B$$

ککھاجا سکتاہے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ اینٹینے کارقبہ S ہی ہے اور اینٹینا سے رقبے پر آمدی موج سے مکمل طاقت حاصل کرنے اور اسے بیر ونی برقی سروں تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اس فرضی رقبے کو و<mark>صولی رقب</mark>ہ ²⁷ کہاجاتا ہے۔ یوں وصولی رقبے کو

$$S = \frac{I^2 R_B}{\mathscr{P}}$$

$$\Omega$$
برقی مزاحمت، R_L

ہیں۔ حقیقت میں اینٹینا I²R_Bسے زیادہ طاقت حاصل کرتی ہے جس کا کچھ حصہ اینٹینا کے اندر ہی ضائع ہو جاتا ہے۔ ہمیں اینٹینا کے اندر ضائع ہونے والے طاقت سے کوئی دلچپی نہیں ہے۔

شکل 14.8-الف میں آمدی موج میں تراینٹیناد کھایا گیاہے جسے ہیر ونی برقی رکاوٹ Z_B کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔اینٹینا کا تھونن 28مساوی دوراستعال کرتے ہوئے، شکل-ب میں اسی کا مکمل برقی دور دکھایا گیاہے۔اس دور میں سلسلہ وار برقی رو

$$I = \frac{v}{Z_A + Z_B} = \frac{v}{R_A + R_B + j(X_A + X_B)}$$

ہو گی جہا<u>ل</u>

transmitting antenna²⁵ receiving antenna²⁶

antenna aperture²⁷ Thevenin equivalent circuit²⁸

$$v$$
 اینٹینا میں آمدی موج سے پیداموثر برقی دباو، v

اینٹینا کے تھونن مساوی دور میں اینٹینا کی مزاحمت ،
$$R_A$$

$$X_A$$
 تھونن دور میں اینٹینا کی متعاملیت، X_A

بیرونی مزاحمت،
$$R_B$$

بیر ونی متعاملیت
$$X_B$$

ہیں۔یوں بیر ونی مزاحت کو مہیاطاقت

(14.88)
$$|I|^2 R_B = \frac{v^2 R_B}{(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2}$$

ہو گاجس سے اینٹینے کار قبہ وصولی

(14.89)
$$S = \frac{v^2 R_B}{\mathscr{P}\left[(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2 \right]}$$

آمدی موج کی نسبت سے ایک مخصوص انداز میں رکھے ہوئے اینٹینا میں زیادہ سے زیادہ برقی دباوپیدا ہو گا۔اس جگہ اینٹینا کور کھتے ہوئے بیر ونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت اس صورت منتقل ہوگی جب

$$(14.90) R_B = R_A$$

$$(14.91) X_B = -X_A$$

ہوں۔ بے ضیاع اینٹینا کی تھونن مزاحمت دراصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت ،R ہی ہے۔اس طرح بیر ونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرتے وقت زیادہ سے زیادہ وصولی رقبہ

$$S_{\mathcal{J},\dot{\mathcal{T}}} = \frac{v^2}{4\mathscr{P}R_r}$$

مثال 14.4: پورے مخضر جفت قطب پریکساں برقی روتصور کرتے ہوئے،اس کااخراجی رقبہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 14.92 سے ظاہر ہے کہ اخراجی رقبہ دریافت کرنے کے لئے، اینٹینا میں پیدابر قی د باوی، اینٹینا کی اخراجی مزاحمت ہم اور آمدی موج میں کثافت طاقت کو در کار ہوں گے۔ جفت قطب میں زیادہ سے زیادہ برقی د باواس صورت پیداہو گی جب اینٹینا کی تاراور آمدی موج کا برقی میدان متوازی ہوں۔الی صورت میں اینٹینا میں

$$(14.93) v = El$$

برقی د باوبیدا ہو گی۔ آمدی موج کی پوئٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P} = \frac{E^2}{Z_0} \qquad (W/m^2)$$

ے جہاں $Z_0=\sqrt{\mu_0/\epsilon_0}=1$ خالی خلاء کی قدر تی رکاوٹ ہے۔ مساوات 14.57 میں $I=I_0$ پر کرنے سے موجودہ جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

$$(14.95) R_r = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

حاصل ہوتی ہے۔ان تمام کو مساوات 14.92 میں پر کرتے ہوئے

(14.96)
$$S_{\zeta,l,\dot{\tau}l} = \frac{E^2 l^2}{4\frac{E^2}{Z_0} 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2} = \frac{3\lambda^2}{8\pi} = 0.119\lambda^2 \qquad (m^2)$$

4984

یوں کامل مختصر جفت قطب کی لمبائی جتنی بھی کم کیوں نہ ہویہ ہر صورت 10.119 خرابی رقبے پر آمدی موج سے تمام طاقت حاصل کرنے اور اسے پیروفی مزاحمت تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حقیقی جفت قطب غیر کامل ہو گالہٰذااس کی مزاحمت _{ضائع} R + _{اخرابی} R ہوگی۔ یوں کامل جفت قطب کااخرابی ہو تھ کچھ کم ہوگا۔

آئیں ایسے اینٹینا کی بات کریں جس کااخرا جی رقبہ ا_{خراجی} 8اور اخراجی ٹھوس زاویہ Ω_A ہو۔اخراجی رقبے پریکسال برقی میدان E_m کی صورت میں اخراجی طاقت

$$P = \frac{E_m^2}{Z} S_{\zeta, |\mathcal{S}|}$$

4988

ہو گا جہاں Zانتقالی خطے کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

ا گرr فاصلے پر میدان E_r ہوتب اخراجی طاقت

$$(14.98) P = \frac{E_r^2}{Z} r^2 \Omega_A$$

4989

ہو گا۔

ہم آگے جاکر مساوات 14.154 حاصل کریں گے جس کے تحت $\frac{E_m S_{0.0}}{r\lambda} = E_r = E_r$ ہم آگے جاکر مساوات 14.154 حاصل کریں گے جس کے تحت $E_r = \frac{E_m S_{0.0}}{r\lambda}$ ہوئے

$$\lambda^2 = S_{\zeta, |\dot{\mathcal{T}}|} \Omega_A \qquad (\mathbf{m}^2)$$

4990

حاصل ہو تاہے جہاں

 λ طول موج λ

ا_{عواهی} S اینٹیناکااخراجی رقبہ اور

بینشیناکااخراجی گھوس زاویہ Ω_A

14.8. قطاری ترتیب

ہیں۔اس مساوات کے تحت اینٹینا کااخرا بی ارقبہ ضرب اخرا بی ٹھوس زاویہ برابر ہوتاہے طول موج کامر بعے۔یوںا گر ہمیں اخرا بی رقبہ معلوم ہوتب ہم اخرا بی پٹھوس زاویہ حاصل کر سکتے ہیں اورا گراخرا بی ٹھوس زاویہ معلوم ہوتب اخرا بی رقبہ حاصل کیا جاسکتا ہے۔

مساوات 14.78 میں مساوات 14.99 پر کرنے سے

(14.100)
$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\zeta, j}$$

ککھا جا سکتا ہے۔ سمتیت کی بیر تیسر می مساوات ہے۔ تینوں کو یہال دوبارہ پیش کرتے ہیں

(14.101)
$$D = \frac{P(\theta, \phi)}{P_{br,i}}$$

$$D = \frac{4\pi}{\Omega}$$

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\zeta,i,j}$$

جہاں پہلی دومساوات میں سمتیت اخراجی شعاع کے نقش سے حاصل کی گئے ہے جبکہ تیسری مساوات میں اسے اخراجی رقبے سے حاصل کیا گیا ہے۔ 💎 🕬

14.8 قطاری ترتیب

مسکہ اینٹینادراصل اینٹیناکے مختلف حصوں سے پیدامیدانوں کادرست مجموعہ حاصل کرناہے۔اینٹیناکے مختلف حصوں کے میدان جع کرتے ہوئےان کے انفوادی مسکہ اور زاویائی فرق کا خیال رکھناضر وری ہے۔

14.8.1 غير سمتي، دو نقطه منبع

ہم فرض کرتے ہیں کہ دونوں منبع برابر جیطے اور ہم قدم میدان پیدا کرتے ہیں۔دونوں میدان کے خطی تقطیب ہیں۔مزیدیہ کہ دونوں کے E میدان صفح کے عمودی ہیں۔دونوں منبع سے برابر فاصلے پران کے بالکل در میانے مقام پر زاویائی صفر تصور کرتے ہوئے، دور میدان کو

$$(14.102) E = E_2 e^{j\frac{\psi}{2}} + E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}}$$

لکھاجاسکتاہے جہاں

$$\psi = \beta d \cos \theta = \frac{2\pi d}{\lambda} \cos \theta$$

ہے۔ان مساوات میں

 $reciprocity^{30}$

538 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

 $_{5005}$ منبع -1 کازاو بیه hetaست میں دور میدان، E_1

 $_{\circ\circ}$ منبع – 2 کازاویه hetaسمت میں دور میدان اور E_2

 ψ دونوں اشارات کازاو ہیہ heta کی سمت میں زاویائی فرق ψ

ہونے کی صورت میں یوں جو اور دور میدان برابر $(E_1=E_2)$ ہونے کی صورت میں یوں

(14.104)
$$E = E_1 \left(e^{j\frac{\psi}{2}} + e^{-j\frac{\psi}{2}} \right) = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

 $d=rac{\lambda}{2}$ ہوگا۔ فاصلہ $d=rac{\lambda}{2}$ صورت میں میدان کو شکل میں دکھا یا گیا ہے۔

ا گرزاویائی صفر کود ونوں منبع کے در میانے مقام کی جگہ منبع۔ 1 پر چنا جاتات دور میدان

(14.105)
$$E = E_1 + E_2 e^{j\psi}$$
$$= \left(E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}} + E_2 e^{j\frac{\psi}{2}}\right) e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $E_1 = E_2$ ماصل ہوتا جو $E_2 = E_2$ کی صورت میں

(14.106)
$$E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} e^{j\frac{\psi}{2}} = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} / \frac{\psi}{2}$$

حاصل ہوتا۔میدان کا نقش چو نکہ میدان کے جیطے پر منحصر ہوتاہے لہٰذااس میں کوئی تبدیلی ہو نکالبنتہ میدان کازاویہ تبدیل ہو گیاہے۔میدان کے زاویے کی تبدیلی کی وجہ بیہ ہے کہ ہم نے زاویے کے صفر کو دونوں منبع کے در میانے مقام سے ہٹا کر منبع-1 پر چناہے۔

5011 ضرب نقش 14.8.2

14.104 گزشتہ جھے میں بالکل کیساں دوعد دغیر سمتی نقطہ منبع کے میدان پر غور کیا گیا۔ اگر نقطہ منبع سمتی ہوں اور دونوں کے نقش بالکل کیساں ہوں تب بھی مساوات 14.104 کیس نقش $E(\theta)$ کو انفراد کی نقش $E(\theta)$ کو نظر کی نقش $E(\theta)$ کو نقش کو نقش

$$(14.107) E = E(\theta) \cos \frac{\psi}{2}$$

کھاجا سکتا ہے۔ مساوات 14.107 ضرب نقش ³³ کااصول بیان کرتاہے جس کے تحت انفراد ی منبع کا نقش اور غیر سمتی نقطہ منبع کے قطار کا نقش ضرب دینے سے سمسی منبع کے قطار کا نقش موتاہے۔ منبع کے قطار کا نقش حاصل ہوتا ہے۔ یہاں فرض کیا گیاہے کہ قطار میں انفراد ی نقطہ منبع کا نقش وہی ہے جو اس نقطہ منبع کا تنہائی میں نقش ہوتاہے۔

primary pattern³¹

array pattern³² pattern multiplication³³

.14.8 قطاری ترتیب

14.8.3 ثنائبي قطار

مساوات 14.106 دوغیر سمتی زاویائی طور پر ہم قدم نقطہ منبع کے جوڑی کا دور میدان دیتا ہے۔ نقطہ منبع کے در میان فاصلہ $rac{L}{2}$ اور $rac{1}{2}$ ہونے کی صورت میں اس مساوات کو

$$(14.108) E = \cos\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کھھاجا سکتا ہے۔اس نقش کوشکل میں دکھایا گیاہے جس میں کو کی ثانوی شعاع نہیں پایاجاتا۔اس جوڑی منبع کے سیدھ میں ½ فاصلے پر منبع کی دوسری جوڑی رکھنے سے شکل-ب حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں دودر میانے منبع دراصل ایک ہی نقطے پر پائے جائیں گے لیکن وضاحت کی خاطر انہیں اوپر نینچے دکھایا گیاہے۔ضرب نقش کے اصول کے تحت ان کا مجموعی میدان

$$(14.109) E = \cos^2\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہو گا جے شکل میں دکھایا گیاہے۔اس مساوات پر شق کرنے والول کے لئے مثال میں تفصیلی ثبوت پیش کیا گیاہے۔

اس قطار کو تین عدد منبع کی قطار تصور کیا جاسکتا ہے جہال قطار میں بالترتیب، منبع کی طاقت (1:2:1) نسبت سے ہے۔اس تین رکنی قطار کے سیدھ میں لکیکن ½ ہٹ کر بالکل الیی ہی تین رکنی قطار کھنے سے شکل حاصل ہوتی ہے۔اس نئی قطار کوچار رکنی تصور کیا جاسکتا ہے جہال بالترتیب منبع کی طاقت: 3:1) (1:3 نسبت سے ہے۔اس چار رکنی قطار کامیدان

$$(14.110) E = \cos^3\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہے۔اس نقش میں بھی ثانوی شعاع نہیں پایاجاتا۔اس طرح بڑھتے ہوئے، ثانوی شعاع سے پاک، زیادہ سے زیادہ سمتیت کا نقش حاصل کیا جاسکتا ہے۔یوں زیادہ منبع پر مبنی قطار میں منبع کی طاقت ثنائی تسلسل 34کے ثنائی سر 35کی نسبت سے ہوتے ہیں۔ ثنائی سروں کو شکل میں دکھائے گئے پاسکل تکون 36کی مدد سے حاصل کیا جاسکتا ہے جس میں ہر اندرونی عدد،اوپر کے قریبی دواعداد کا مجموعہ ہوتا ہے۔متعدد منبع کے قطار کا نقش

$$(14.111) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کے برابر ہو گاجہاں قطار میں منبع کی تعداد n ہے۔

ا گرچہ مندرجہ بالا ۱۸رکنی قطار کے نقش میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایاجاتااس کے باوجو داس کی سمتیت برابر طاقت کے ۱۸رکنی منبع کے قطار سے کم ہوتی ہے۔ ﷺ قطار عموماًان دوصور توں (ثنائی قطار اور یکساں قطار) کی در میانی شکل رکھتے ہیں۔

مثال 14.5: مساوات 14.109 کو ثابت کریں۔

binomial series³⁴ binomial coefficient³⁵ Pascal triangle³⁶

940. اینٹینا اور شعاعی اخراج

حل: مساوات 14.105 کی طرح زاویائی صفر کو قطار کے پہلی رکن پر چنتے ہوئے

$$E = E_0 + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j2\psi}$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right) + E_0 e^{j\psi} \left(1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right) \left(1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^2$$

جس میں $\psi=rac{\pi}{2}\cos heta$ اور $heta=rac{\pi}{2}\cos heta$

$$E = \left[\left(\frac{e^{-j\frac{\psi}{2}} + e^{j\frac{\psi}{2}}}{2} \right) e^{j\frac{\psi}{2}} \right]^2 = \cos^2 \frac{\psi}{2} / \psi$$

کھاجاسکتا ہے۔اس کا حیطہ $rac{\psi}{2}$ \cos^2 نقش کی مساوات ہے۔

5022

5021

5024

مثال 14.6: مساوات 14.111 كو تفصيل سے ثابت كريں۔

ثنائی قطار میں رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 رکنی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 رکنی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل (14.112) $(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$

کے سرسے حاصل کئے جاتے ہیں۔ یوں تین رکنی قطار کے سر ثنائی تسلسل

$$(14.113) (1+x)^2 = 1 + 2x + x^2$$

کے سر کی نسبت 1:2:1 سے ہوں گے للذامندرجہ بالا مساوات میں $x=e^{j\psi}$ پر کرنے سے تین رکنی قطار کادور میدان مندرجہ بالا مساوات کے بائیں یا دائیں ہاتھ کی صورت میں کھاجا سکتا ہے یعنی

(14.114)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^2 = E_0 (1 + 2e^{j\psi} + e^{j2\psi})$$

گین رکنی قطار کود کھے کر دور میدان مندر جہ بالا مساوات کی دائیں ہاتھ دیتی ہے جسے ثنائی تسلسل کی مددسے مساوات کی بائیں ہاتھ کی صورت میں بھی کھاجا سکتا ہے۔ مساوات کے بائیں ہاتھ سے نقش ﷺ $\cos^2 \frac{\psi}{2}$ حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح nرکنی قطار کو $(1+x)^{n-1}$ کی ثنائی تسلسل کی مددسے اکھٹے کرتے ہوئے

(14.115)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^{n-1}$$

کھاجا سکتاہے جس میں $E_0=rac{1}{2}$ اور $au=\pi\cos au$ ہورے صرف حیطہ لیتے ہوئے قطار کا گفتش

$$(14.116) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

كها جا سكتا ہے۔

5026

14.8 قطاری ترتیب

14.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار

شائی قطار غیر کیساں رکنی قطار ہے۔ آئیں شکل میں د کھائے گئے nر کنی، غیر سمتی، بکساں طاقت کے منبع کی قطار کادور میدان حاصل کریں۔ یہاں فرض کیا جاتا ہے کہ قطار میں ہر دو قریبی منبع میں ∂زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔ یوں

$$\psi = \beta d \cos \theta + \delta$$

5027

ہو گا۔ قطار کادور میدان

(14.118)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{j(n-1)\psi} \right)$$

کھا جا سکتا ہے جہاں

d قطار میں رکن کے در میان فاصلہ ، d

 δ ہر دوقر یبی رکن کے در میان زاویائی فرق اور δ

 $\psi=eta d\cos heta+\delta$ دوقر یجی رکن میں کل زاویائی فرق لیعن $\psi=eta d\cos heta$

اس میں $x=i^{\psi}=x$ پہوانی شلسل اس میں ہے جانی کے سے جانی کے ان

 $E_0\left(1+x+x^2+x^3+\cdots+x^{n-1}\right)$

حاصل ہوتی ہے جس کا مجموعہ

 $E_0\left(\frac{1-x^n}{1-x}\right)$

ے برابر ہے۔ کے برابر ہے۔

مساوات 14.118 کو $\psi^{i \psi}$ سے ضرب دیتے ہوئے

(14.119)
$$Ee^{j\psi} = E_0 \left(e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{jn\psi} \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 14.118 سے مساوات 14.119 منفی کر کے E کے لئے حل کرتے ہوئے

(14.120)
$$E = E_0 \frac{1 - e^{jn\psi}}{1 - e^{j\psi}} = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}} / (n-1)\frac{\lambda}{2}$$

عاصل ہوتا ہے۔ اگر قطار کے در میانے نقطے کو زاویائی صفر چناجاتات مندر جہ بالا مساوات میں زاویہ $\frac{\lambda}{2}(n-1)$ نہ پایاجاتا۔ تمام رکن غیر سمتی ہونے کی صورہ وت میں $\frac{1}{2}$ میں وکا خبار کی نقش ہوگا جب میں وکا جبکہ ویا جبکہ ویا جبکہ ویا جبکہ میں وکا جبکہ ویا جبکہ وی

غیر سمتی منبع اور زاویائی صفر کامقام قطار کے در میانے نقطے پر رکھتے ہوئے

$$(14.121) E = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$$

542 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

$$E = E_0 \frac{\frac{\partial \sin \frac{n\psi}{2}}{\partial \psi}}{\frac{\partial \sin \frac{\psi}{2}}{\partial \psi}} \bigg|_{\psi \to 0}$$
$$= E_0 \frac{\frac{n}{2} \cos \frac{n\psi}{2}}{\frac{1}{2} \cos \frac{\psi}{2}} \bigg|_{\psi \to 0}$$

لعني

$$(14.122) E = nE_0$$

حاصل ہوتاہے جو قطار کی زیادہ سے زیادہ مکنہ میدان ہے۔ یہ میدان قطار میں انفراد کی منبع کے طاقت سے 7 گنازیادہ ہے۔اس قطار کے نقش کی زیادہ سے زیادہ قیمت اس زاویے پریائی جائے گی جس پر 0 = 4 یعنی

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

ہو جس سے

(14.124)
$$\theta المدترطات = \cos^{-1}\left(-\frac{\delta}{\beta d}\right)$$

حاصل ہوتاہے۔

ای طرح اخراجی نقش کا صفر اس مقام پر ہو گا جہال مساوات 14.121 صفر کے برابر ہولیتنی جہال π $= \pm k\pi$ کے برابر ہولیتنی $rac{n}{2} \left(\beta d\cos\theta + \delta\right) = \pm k\pi$

جسے صفراخراج کازاویہ

(14.126)
$$\theta_0 = \cos^{-1}\left[\left(\mp \frac{2k\pi}{n} - \delta\right) \frac{\lambda}{2\pi d}\right]$$

حاصل ہو تاہے جہال

 $heta_0$ صفر اخراج کا زاوییه ،

اعداد $k=1,2,3,\cdots$ کی شرط لاگوہے جس میں $m=1,2,3,\cdots$ کی شرط لاگوہے جس میں $k\neq m$

 E_n مساوات 14.121 کو مساوات 14.122 سے تقسیم کرتے ہوئے تقابل پذیر میدان

(14.127)
$$E_n = \frac{E}{nE_0} = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

حاصل ہوتاہے۔

indeterminate³⁷ L Hospital's rule³⁸ 14.8. قطاری ترتیب

14.8.5 یکسان طاقت کر متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار

نقش کی چوٹی اس مقام پر پائی جاتی ہے جس پر $\delta = -\delta$ ہو۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر، چوڑ ائی جانب ($0 = -\delta$) زیادہ سے زیادہ اخراج کی صورت میں ہوگا یعنی جب تمام انفرادی منبع ہم قدم ہوں۔اگر ہی کی کی جگہ اس کا زاویہ تکملہ $\delta = 0$

$$\gamma_0 = \sin^{-1}\left(\mp\frac{k\lambda}{nd}\right)$$

یر پائے جائیں گے۔ کمبی قطار $k\lambda \gg k$ کی صورت میں γ_0 کم قیمت کا ہو گالہذا اسے

$$\gamma_0 = \frac{k}{nd/\lambda} \approx \frac{k}{L/\lambda}$$

کھاجا سکتا ہے جہاں قطار کی لمبائی L=(n-1)d کے صورت میں

$$L = (n-1)d \approx nd$$

کھاجا سکتا ہے۔ مساوات 14.129 میں k=1 پر کرتے ہوئے نقش کا پہلا صفر γ_{01} حاصل ہوتا ہے۔ یوں گوشے کے دونوں اطراف پر پہلے صفروں کے در میان نقش کی چوڑائی

(14.130)
$$\gamma_{01} \approx \frac{2}{L/\lambda} \, \mathrm{rad} = \frac{114.6^{\circ}}{L/\lambda}$$

حاصل ہوتی ہے۔ نقش میں زیادہ سے زیادہ طاقت کے زاویے کے دونوں اطراف وہ زاویے پائے جاتے ہیں جن پر طاقت نصف ہوتی ہے۔ان کے در میان زاویے کو نصف طاقت چوڑائی 40، کہتے ہیں۔ لمبے یکسال چوڑائی جانب اخراجی قطار 41 کے نصف طاقت چوڑائی کی قیمت پہلی صفر چوڑائی ⁴²کے تقریباً آدھی ہوتی ہے۔ یوں

(14.131)
$$\approx \frac{y_{\gamma} J_{\gamma} \sigma \dot{\sigma}(y_{\gamma})}{2} = \frac{1}{L/\lambda} \operatorname{rad} = \frac{57.3^{\circ}}{L/\lambda}$$

يو گي۔ مو گ

14.8.6 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار

زیادہ سے زیادہ اخراج کا زاویہ مساوات 14.123

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

سے حاصل ہو تا ہے۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر سیدھاآ گے (heta=0) لمبائی کی جانب زیادہ سے زیادہ اخراج اس صورت ہو گاجب ہر دوقر یبی منبع کے مابین

$$\delta = -\beta d$$

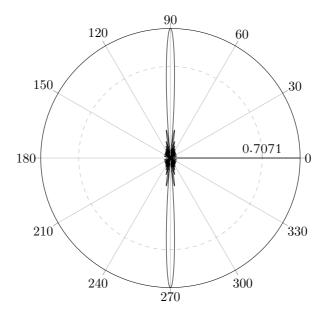
complementary angle³⁹

half power beam width, HPBW⁴⁰

broadside array⁴¹

beam width between first nulls, BWFN⁴²

باب 14. ايتثينا اور شعاعي اخراج



شكل 14.9: چوڙائي جانب اخراجي قطار

زاویائی فرق پایاجاتا ہو۔ یوں ایسے قطار کے صفر مساوات 14.125 کے تحت

$$\frac{n}{2}\beta d\left(\cos\theta_0 - 1\right) = \mp k\pi$$

لعيني

$$\cos\theta_0 - 1 = \mp \frac{k}{nd/\lambda}$$

سے حاصل ہوں گے۔اس سے

$$\frac{\theta_0}{2} = \sin^{-1}\left(\mp\sqrt{\frac{k}{2nd/\lambda}}\right)$$

کھاجاسکتا ہے۔ کمبی قطار $(nd\gg k\lambda)$ کی صورت میں اسے

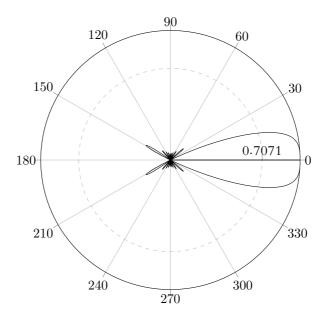
(14.135)
$$\theta_0 = \mp \sqrt{\frac{2k}{nd/\lambda}} \approx \mp \sqrt{\frac{2k}{L/\lambda}}$$

کھاجا سکتا ہے جہاں لمبائی L=(n-1)d کو $k\lambda\gg (nd\gg k\lambda)$ کی صورت میں Lpprox nd کھا جا سکتا ہے جہاں لمبائی کے المحاصل ہو گا جس سے پہلی صفر ورث کی معارف کے جہاں لمبائی کے المحاصل ہو گا جس سے پہلی صفر کے جوڑائی

(14.136)
$$y$$
 يبل صفر چو رُّالَی $2\theta_{01} pprox 2\sqrt{rac{2}{L/\lambda}} \, {
m rad} = 114.6^\circ \sqrt{rac{2}{L/\lambda}}$

حاصل ہوتی ہے۔

بیں منبع پر مبنی، لمبائی جانب اخرا بی قطار کا تقابل پذیر اخرا بی نقش شکل 14.10 میں دکھایا گیاہے۔ یہ نقش مساوات 14.127 سے حاصل کیا گیاہے۔ منبع کے در پیمیانی فاصلہ کے ہے۔ مساوات 14.127 سے پہلی صفر چوڑائی °52اور نصف طاقت چوڑائی °34 ھود ک 14.8. قطاری ترتیب



شكل 14.10: لمبائي جانب اخراجي قطار

جانب موٹا بھی ہے۔ یوں ϕ جانب بھی اس کی نصف طاقت چوڑائی °34 ھن ہے۔ کہ بائی جانب اخراجی کمبی قطار کی نصف طاقت چوڑائی اس کے پہلے مفر چوڑائی کے تقریباً 🐒 کناہوتی ہے۔

جیسے مثال 14.7 اور مثال 14.8 میں آپ دیکھیں گے کہ معدد منبع پر مبنی لمبائی جانب اخراجی قطار کی سمتیت معدد منبع پر مبنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کی سمتیت سے زیادہ ہوتی ہے۔

مساوات 14.78 اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A}$$

دیتاہے جہاں ٹھوس زاویہ مساوات 14.73 سے حاصل ہوتاہے۔اگر ثانوی شعاعوں کو نظرانداز کیا جائے تب مرکزی شعاع کے θسمت میں نصف طاقت زاویے θ_{HP} اور φسمت میں نصف طاقت زاویے φ_{HP} کاضر ب تقریباً ٹھوس زاویے کے برابر ہو گالہٰذاالی صورت میں مساوات 14.73 حل کر ناضر وری نہیں اور سمتیت کو

$$D \approx \frac{4\pi}{\phi_{HP}\phi_{HP}}$$

کھاجا سکتاہے جہاں نصف طاقت زاویے ریڈیٹن میں ہیں۔اس مساوات میں

$$4\pi \, \text{sr} = 4\pi \, \text{rad}^2 = 4\pi \left(\frac{180}{\pi}\right)^2 \, \text{deg}^2 = 41253 \, \text{deg}^2$$

پر کرتے ہوئے

$$D \approx \frac{41253}{\theta_{HP}^{\circ}\phi_{HP}^{\circ}}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

5054

546 باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

مثال 14.7: بیس رکنی، چوڑائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\theta_{HP}^{\circ}=5.1^{\circ}=6$ اور $\theta_{HP}^{\circ}=6$ اور

حل: مساوات 14.139سے

$$D \approx \frac{41253}{5.1 \times 360} = 22.5$$

حاصل ہوتی ہے۔

5059

5060

مثال 14.8: بیس رکنی، لمبائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\phi_{HP}^{\circ}=44^{\circ}=41^{\circ}$ ہیں کی سمتیت حامق کریں۔

حل: مساوات14.139سے

$$D \approx \frac{41253}{34 \times 34} = 35.7$$

5063

حاصل ہوتی ہے۔

506

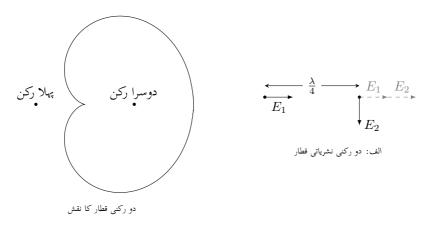
506

مثال 14.9: دوار کان پر بینی قطار میں ارکان کے در میان فاصلہ 🚣 ہے۔ دائیں رکن (دوسرار کن) کو °90 پیچیے برقی رومہیا کی گئی ہے۔ دونوں برقی رو کی حتمی قیمت برابر ہے۔ دونوں ارکان افقی سطح پر سیدھے کھڑے ہیں۔افقی میدان پراخرا بی نقش حاصل کریں۔

حل: برقی روکی حتی قیمت برابر ہونے کی صورت میں $E_1 = |E_2| = |E_3|$ ہوں گے۔ اگر لھے 0 = 1 پر ہائیں رکن (پہلار کن)کا برقی میدان 0 = 1 زاویے پر ہو تب اس لھے دائیں رکن (دوسرار کن)کا میدان 0 = -1 بی ہائی میں دی کھایا نوا ہے پر ہو گا۔ شکل 14.11-الف میں ان میدان (E_2) کو گاڑھی سیابی میں دی کھایا گیا ہے۔ چو نکہ دونوں ارکان میں $\frac{1}{4}$ کا فاصلہ ہے المذاجتنی دیر میں بائیں رکن کے میدان کی موج E_1 چل کر دائیں رکن تک پہنچ گا تی دیر میں دور می عرصے کے E_1 بیل برقی دو تس ارکن E_1 کی فرو قت گزر چکا ہو گا لہذا دوسرے رکن میں برقی رو E_1 وہ E_2 ہوگئی ہوگی اور یوں اس لھے پر دوسر ارکن E_1 میں برقی رو نوں میدان ہم قدم پائے جائیں گے لہذا یہاں برقی میدان کو ہائی سیابی میں ہم قدم دکھایا گیا ہے۔ دونوں میدان دائیں جانب ہم قدم رہتے ہوئے حرکت کریں گے۔

اس کے برعکس جس لمحہ دائیں رکن کی برقی رو°0 پر ہوا ہی لمحہ بائیں رکن کی برقی رو°90 پر ہوگا۔اس لمحے پر دائیں رکن کامیدان°0 پر ہوگا جبکہ بائیں رسکن کا میدان°90 پر ہوگا۔اب جتنی دیر میں دائیں رکن کامیدان ہائیں رکن کامیدان بائیں رکن کامیدان بائیں رکن کامیدان ہائیں رکن کامیدان ہوگا۔یوں

14.9. تداخُل بيما



شكل 14.11: دو ركني اشاعتي قطار اور اس كا نقش

دائیں رکن کے مقام پر دونوں میدان آپس میں الٹ ست میں ہوں گے لہٰذاان کا مجموعہ صفر کے برابر ہو گا۔اس طرح دائیں رکن کے دائیں جانب میدان صفر ہی پایاجائے گا۔شکل 14.11 میں صفراور پائے ریڈیئن زاویوں پر د گنااور صفر میدان د کھایا گیاہے۔

دونوں رکن کے در میان عمودی کئیر پر بینچنے کے لئے دونوں میدان کو برابر دورا نیے کی ضرورت ہے لئذااس کئیر پر دونوں میدان آپس میں عمودی رہیں گے۔ پیوں اس کئیر پر کل میدان مسّلہ فیثاغورث کی مدد سے 1.4142E $= \sqrt{E^2 + E^2}$ حاصل ہوگا۔ شکل 14.11 – بیس اس طرح مختلف مقامات پر میدان حامہ میں کرتے ہوئے حاصل کر دہ نقش دکھایا گیا ہے۔ $= \sqrt{E^2 + E^2}$

مندر جہ بالامثال کے نقش سے ظاہر ہے کہ یہ اینٹینا بائیں جانب اخراج نہیں کر تاللذااس کے بائیں جانب دوسرااینٹینانسب کیاجاسکتا ہے جس کیاخراجی پہت بائیں رکھی جائے گی تاکہ دونوں علیحدہ غلیحدہ نشریات کر سکیں۔

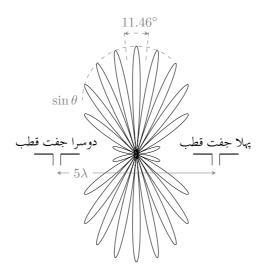
14.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا

مساوات 14.124

(14.140)
$$heta = \cos^{-1}\left(-rac{\delta}{eta d}
ight)$$

یکسال ار کان کے قطار کی مرکزی نقش کازاوید دیتی ہے۔ چوڑائی جانب اخراجی قطار میں °90 = θر کھا جاتا ہے جبکہ لمبائی جانب اخراجی قطار میں °0 = ۵ کھا جاتا ہے۔اگر شعاع کی ست تبدیل کرنی ہو توایسے اینٹینا کو گھمانا ہو گا۔

 548 اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 14.12: دو عدد مختصر جفت قطب جنہیں $\delta \lambda$ فاصلے پر رکھا گیا ہے سے حاصل تداخل پیما کا نقش۔

14.9 تداخُل پیما

فلکیات ⁴⁴ کے میدان میں اینٹینا کاکلیدی کر دار ہے۔ریڈیائی فلکیات ⁴⁵ میں استعال ہونے والے اینٹینا کو تداخل پیا⁶⁶ اینٹینا کہتے ہیں۔

شکل 14.12 میں دوعد دمخضر جفت قطب کے در میان فاصلہ L ہے۔ دونوں کو ہم قدم بر قی رومہیا کی گئی ہے۔ضرب نقش کی ترکیب استعمال کرتے ہوئے اس کا نقش

(14.141)
$$E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

ککھاجا سکتاہے جہاں $\theta = \beta L \cos \theta$ برابر ہے۔ ضرب نقش کے تحت E_1 ا نفرادی رکن کی نقش ہے جبکہ $\frac{\psi}{2} = \cot \theta$ دور کنی قطار کا نقش ہے۔ ہمیں میدان بالمقابل زاویہ سے غرض ہے۔ مساوات 14.48 مختصر جفت قطب کا نقش دیتا ہے جس میں میدان اور زاویے کا تعلق $\theta = -$ اسی کواستعال کرتے ہوئے نقابل پذیر نقش

(14.142)
$$E = \sin\theta\cos\frac{\psi}{2} = \sin\theta\cos\left(\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta\right)$$

کھاجا سکتا ہے جہاں $\beta=rac{2\pi}{\lambda}$ کا ستعال کیا گیا ہے۔ شکل 14.12 میں $\delta=L=5$ کے لئے نقش دکھایا گیا ہے۔ زاویہ δ کا زاویہ تکملہ $\delta=rac{2\pi}{\lambda}$ استعال کرتے ہوئے، پہلا صفر

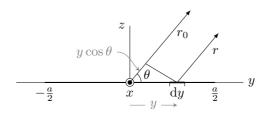
$$\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta = \frac{\pi L}{\lambda}\sin\gamma_{01} = \frac{\pi}{2}$$

کی صورت میں پایاجائے گاجس سے

$$\gamma_{01} = \sin^{-1} \frac{1}{2I/\lambda}$$

scanning antenna⁴³ astronomy⁴⁴

radio astronomy⁴⁵ interferometer⁴⁶ 14.10. مستطيل سطحى ايتطينا



شكل 14.13: مستطيل سطحى اينٹينا

حاصل ہوتاہے۔اگر $\lambda\gg L$ ہوتب پہلی صفر چوڑائی

(14.144)
$$\gamma_{01}=2\gamma_{01}=\frac{1}{L/\lambda}$$
 rad $\gamma_{01}=\frac{57.3}{L/\lambda}$ deg

ککھی جاسکتی ہے۔ یہ مساوات 14.130 میں دیے ، ۱۸رکنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کے پہلی صفر چوڑائی کی آدھی قیمت ہے۔ ہلکی سیاہی کے نقطہ دار ککیر سے شکل میں مختصر جفت قطب کے نقش 6 sin کو واضح کیا گیا ہے۔

پانچ طول موج برابر L کی صورت میں مساوات 14.144 سے پہلی صفر چوڑائی °11.46 حاصل ہوتی ہے۔

ریڈیائی فلکیات میں فلکی اخراجی مادے کی شعاع کو تداخل پیاسے وصول کیاجاتا ہے۔ان کی جسامت کا بہتر سے بہتر تخمینہ لگانے میں چوڑائی نقش کر دارادا ہاکرتی ہے۔

مثق $L=20\lambda$ کی صورت میں تداخل پیا کی پہلی صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °2.865

14.10 مستطيل سطحي اينٹينا

ہم متعدد تعداد کے نقطہ منبع پر مبنی مختلف اقسام کے اینٹیناد کی چکے ہیں۔ا گرنقطہ منبع کے صف در صف اتنے قریب قریب فرضی سطح پر رکھے جائیں کہ یہ علیحدہ علیحدہ علیحدہ منبع کی جگہ ایک مسلسل سطح نظر آئے توالی صورت میں سطح اینٹینا 40صل ہو گا۔ایسی ہی ایک مستطیلی سطح جس کی یہ سمت میں لمبائی 1x اور روسمت میں لمبائی ہے کوشکل 14.13 میں دکھایا گیا ہے۔ نصور کریں کہ اس سطح پر کی کے نظر میں کے دور کی قانون کی مددسے مقاطیسی میدان نہیں پایاجاتا، ایمپیئر کے دور کی قانون کی مددسے

$$(14.145) H_y = J_x$$

کھاجا سکتا ہے جہاں H_y سطے کے انتہائی قریب بالائی جانب⁴⁸ مقناطیسی میدان ہے۔ سطحی اینٹینا کے دور میدان پر تبھرے سے پہلے ایک حقیقت پر غور کھرتے ہیں۔

continuous aperture⁴⁷

لکھا جائے گا۔ $H_y=0.5J_\chi$ کی مطحی ایٹٹینا نچلی جانب اخراج نہیں کر رہی۔اگر ایٹٹینا نچلی جانب بھی اخراج کرے تب $H_y=0.5J_\chi$ لکھا جائے گا۔

باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

فرض کریں کی خالی خلاء میں سطحی برقی و مقناطیسی موج پائی جاتی ہے۔ <mark>ہائی گن 4</mark> کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ ، منبع موج کا کر دار ادا کر تا ہے۔ یوں سطح پر چھوٹے رقبے dx dy پر خطی قطبی برقی میدان _{Ex} بطور منبع کر دار ادا کرے گا۔ سطح کے برقی میدان

(14.146)
$$H_y = \frac{E_x}{Z_0}$$

5102

 Z_0 کھاجاسکتا ہے جہاں Z_0 خطے کی قدرتی رکاوٹ

مساوات 14.145 اور مساوات 14.146 ومختلف وجوہات کی بناپر پیدامقناطیسی میدان ظاہر کرتے ہیں۔ دور سے ان دونوں میں کسی قشم کا کوئی فرق نہیں دیکھا جاسکتا للذاان دونوں سے پیداموج میں بھی کوئی فرق نہیں پایاجائے گا۔ اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سطحی اینٹینا کا دور میدان اور خلاء میں مقناطیسی میدان میں فرضی سطح پر موج کا دور میدان بالکل کیساں ہوں گے۔ اس حقیقت کو استعال کرتے ہوئے کسی بھی سطح پر کثافت برتی رو J_x کو خالی خلاء میں مقناطیسی میدان J_y یا برتی میدان J_y سے ظاہر کیاجا سکتا ہے۔

$$J_x = H_y = \frac{E_x}{Z_0}$$

5103

اس طرح مندرجہ ذیل تبصر ہان دونوں کے لئے قابل قبول ہے۔

 $E = -j\omega A$ مساوات 14.25 میں $\mathrm{d}x\,\mathrm{d}y$ میں اور $\mathrm{d}x\,\mathrm{d}y$ ور کرنے ہے $\mathrm{d}x\,\mathrm{d}y$ حاصل کرتے ہوئے، چیوٹے رقبے $\mathrm{d}x\,\mathrm{d}y$ ہے دور تفرق میدان کو $\mathrm{d}x\,\mathrm{d}y$ مساوات 14.25 میں اور کے سے ماصل کیا جاسکتا ہے بیغی

$$dE = -j\omega[dA_x]$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 I_0 dl e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 J_x dy dx e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 E(y)}{4\pi r} e^{j(\omega t - \beta r)} dx dy$$

جہاں مساوات 14.147 کاسہارالیا گیاہے۔ پورے رقبے سے پیدامیدان سطی تکمل سے حاصل ہوگا۔ رقبے کے وسط سے το فاصلے اور θزاویے پر میدان

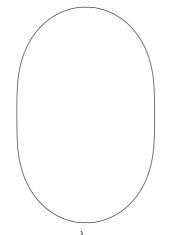
(14.149)
$$E(\theta) = -\frac{j\omega\mu_0 e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{4\pi r_0 Z_0} \int_{-a_{/2}}^{a_{/2}} \int_{-x_{1/2}}^{x_{1/2}} E(y) e^{j\beta y \cos \theta} dx dy$$

|E| ہو گاجہاں $rpprox r_0$ لیا $rpprox r_0$ لیا

(14.150)
$$E(\theta) = \frac{x_1}{2r_0\lambda} \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

Huygen's principle 49 جیسر حصہ 14.3 میں دکھایا گیا ہر۔

551 14.10. مستطيل سطحي اينثينا







شكل 14.14: مستطيل سطح كر نقش

 $E(y) = E_a$ حاصل ہوتی ہے۔ پوری سطح پر یکساں میدان

(14.151)
$$E(\theta) = \frac{x_1 E_a}{2r_0 \lambda} \int_{-a/2}^{a/2} e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

(14.152)
$$E(\theta) = \frac{x_1 a E_a}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$
$$= \frac{E_a S_{\zeta_1, z_1}}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$

5106

(14.154)

5107

حاصل ہو گاجہاں اخراجی Sسطے کار قبہ ہے۔

زیادہ سے زیادہ میدان $\theta=90^\circ$ یر

$$E(\theta)$$
 بایر ترانی $E(\theta)$ بایرتر $\frac{E_a S_{\zeta,l,j}}{2r_0 \lambda}$ بایرتر (14.153)

 $\theta=90^\circ$ حاصل ہوتا ہے۔ اگر $\theta=270^\circ$ جانب اخراج صفر ہوتب

$$E(\theta)$$
يك ژخي اخران $\frac{E_a S_{\zeta, l, \xi_0}}{r_0 \lambda}$ بندر اخران

ہو گی۔اس میدان کو $a=rac{\lambda}{2}$ اور $a=rac{\lambda}{2}$ ے کے لئے شکل 14.14 میں د کھایا گیاہے۔

صفحه 541 پر مساوات 14.121

$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$$

 $\delta=0$ کی قطار کادور میدان دیتی ہے جہاں $(\psi=eta d\cos heta+\delta)$ ہے اور E_0 انفراد کی رکن کامیدان ہے۔ چوڑائی جانب اخراجی قطار کا کی صورت میں حاصل ہوتا ہے جس ہے مندر جبہ بالامساوات

(14.155)
$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin[(n\beta d/2)\cos\theta]}{\sin[(\beta d/2)\cos\theta]}$$

 $heta=90^\circ$ صورت اختیار کر لیتی ہے۔ قطار کی لمبائی a' کی سورت کی اور a' کی صورت میں $a'=(n-1)d\approx nd$ سورت اختیار کر لیتی ہے۔ قطار کی لمبائی a' کی توجہ a' کی صورت میں تب مساوات 14.155 کو

(14.156)
$$E(\theta) = nE_0 \frac{\sin[(\beta a'/2)\cos\theta]}{(\beta a'/2)\cos\theta}$$

کھاجاسکتا ہے۔اس مساوات کامساوات 14.152 کے ساتھ موازنہ کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ aلمبائی کی سطحی اینٹینااور n کئی چوڑائی اخراجی قطار کے موہ کری موازنہ کرنے سے ہم دیکھتے ہیں۔ n فطار کے موہ کئی تعام ایک جیسے ہیں۔ مزید n کی صورت میں دونوں کے میدان بالکل برابر حتی قیمت رکھتے ہیں۔ n فیمان اور میں مورت میں دونوں کے میدان بالکل برابر حتی قیمت رکھتے ہیں۔

14.11 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں

یک بُعدی میدان E(y) اوراس سے پیداد ور میدان E(θ) ایک دوسرے کے <mark>فور بیئر بدل</mark> ⁵¹ ہوتے ہیں۔ محد ود سطح کے لئے ان جڑواں فور بیئر تسلسل میں سے ایک بدل کو

(14.157)
$$E(\theta) = \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

 $rac{x_1}{2r_0\lambda}$ ککھاجا سکتا ہے۔اس کا مساوات 14.150 کے ساتھ موازنہ کریں۔ان میں صرف جزوضر فی جزوضر کی پایاجاتا ہے۔

شکل میں کئی (y) اور اس سے پیدا (θ) آمنے سامنے دکھائے گئے ہیں۔ سطح پر یکسال میدان اور اس کا پیدا کردہ وُور میدان شکل الف میں دکھائے گئے ہیں۔ معلی میں کئی (y) اور اس سے پیدا (θ) آمنے سامنے دکھائے گئے ہیں۔ سطح پر یکسال میدان اور اس کے جوالے سے بقایا پر تجسرہ کرتے ہیں۔ تکونی اور سائن نما سطح تقسیم کے مرکزی شعاع کی چوڑ انگی زیادہ ہالنہ ان کے تواف کی تقسیم مثلاً شکل ۔ ث کم چھاڑ انگی اور گاوسی تقسیم مثلاً شکل ۔ ث کم چھاڑ انگی مرکزی شعاع پیدا کرتی شعاع مزید زیادہ چوڑی ہے جبکہ ان میں تازہ طاقتور ہوتی ہیں۔ منفی ڈھلوان کی انتہا شکل ۔ ٹ میں دکھائی گئی ہے جود دور کئی تداخل پیمائی کی ہوڑ انگی شکل ۔ ٹ میں دکھائی گئی ہے جود دور کئی تداخل پیمائی کے چوڑ انگی شکل ۔ الف کی آدھی ہے البتہ اس کے ثانوی شعاعیں عین مرکزی شعاع جتنی طاقتور ہیں۔

14.12 خطى اينٹينا

مختصر جفت قطب ہم دیکھ بچکے ہیں جہاں جفت قطب کی لمبائی طول موج سے بہت کم کم $l \gg l$ تھی۔ متعدد تعداد کے نقطہ منبع کوسیدھ میں قریب قریب رکھنے سے کسی بھی لمبائی کا دینٹینا حاصل کیا جاسکتا ہے۔ ایمیں ایس کمبی اینٹینا پر غور کریں۔ اینٹینا پر سائن نما ہر قی رو تصور کی جائے گی۔

14.12. خطي ايتثينا

شکل میں کل 1 لمبائی کا اینٹیناد کھایا گیاہے جے بالکل در میان سے برقی رومہیا کی گئی ہے۔ اینٹینا کے دونوں بالکل یکساں نصف اطراف میں برقی رو بھی ہم شکل ہے۔ ہم کا کے چھوٹے تھوٹے مکڑوں dy کوانفرادی جفت قطب تصور کرتے ہوئے ان سب کے میدان کا مجموعہ حاصل کرتے ہوئے اس اینٹینا کا دور میدان حاصل کرتے ہوئے اس اینٹینا کا دور میدان حاصل کریں گے۔ تجربے سے ثابت ہوتا ہے کہ ایسی اینٹینا میں برقی رو

(14.158)
$$I = \begin{cases} I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} + y\right)\right] & y < 0 \\ I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} - y\right)\right] & y > 0 \end{cases}$$

مورت رکھتی ہے۔ مختصر جفت قطب کی لمبائی کو $\mathrm{d}y$ اور اس کے دور میدان کو $\mathrm{d}E_{\theta}$ کھتے ہوئے مساوات 14.38

(14.159)
$$dE_{\theta} = j \frac{30I\beta \, dy}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ليعني

(14.160)
$$dE_{\theta} = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda} \sin \theta I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

دیتی ہے۔ یول L لمبداینٹینا کامیدان

(14.161)
$$E_{\theta} = k \sin \theta \int_{-L/2}^{L/2} I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

ہو گاجہاں

$$(14.162) k = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda}$$

کھا گیاہے۔مساوات 14.158 استعمال کرتے اور حکمل لیتے ہوئے

(14.163)
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \left\{ \frac{\cos[(\beta L \cos \theta)/2] - \cos(\beta L/2)}{\sin \theta} \right\}$$

حاصل ہوتاہے جہاں $I_0=I_0e^{j(\omega t-eta r_0)}$ تا خیر کی برقی روہے۔ $rac{\lambda}{2}$ جفت قطب کی صورت میں اسے

(14.164)
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \quad \frac{\lambda}{2}$$

کھھا جا سکتا ہے۔

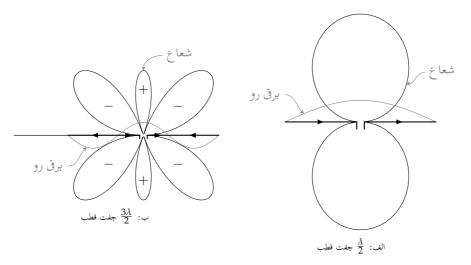
میدان کی شکل مساوات 14.163 کے دائیں جانب قوسین میں بند جزوپر منحصر ہے جسے $\frac{\lambda}{2}$ جفت قطب کی صورت میں

(14.165)
$$E_{\theta} = \frac{\cos\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \qquad \frac{\lambda}{2}$$

اور 1.5٪ جفت قطب کی صورت میں

(14.166)
$$E_{\theta} = \frac{\cos\left[\frac{3\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \qquad \frac{3\lambda}{2}$$

باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 14.15: $\lambda = 0.5 \lambda$ اور $\lambda = 0.5 \lambda$ جفت قطب کر دور میدان۔

ککھا جا سکتا ہے۔

شکل 14.15 میں $\frac{\lambda}{2}$ اور $\frac{3\lambda}{2}$ جفت قطب اور ان کے شعاع نگلی محد دیر د کھائے گئے ہیں۔ جفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے د کھائے گئے ہیں۔ ہر

شکل-ب میں میدان کے شعاعوں میں °180 کازاو یائی فرق پایاجاتاہے۔

جفت قطب کو محور لیتے ہوئے دئے گئے نقش کواس کے گرد مگانے سے تین رُخی نقش حاصل ہو گا۔

اوسط بوئنٹنگ سمتیہ کا بڑی رداس کے کرہ پر سطحی تکمل

(14.167)
$$P = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{|E_{\theta}|^2}{2Z} r^2 \sin\theta \, d\theta \, d\phi$$

5123

5124

عددی طریقے سے حاصل کرتے ہوئے کل اخراجی مزاحمت R حاصل کی جاتی ہے۔اس مساوات میں $|E_{\theta}|$ کو مساوات 14.164 سے پر کرتے ہوئے

$$P = \frac{15I_0^2}{\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} d\theta d\phi$$

حاصل ہوتا ہے جہاں $Z_0=120$ اور $Z_0=r$ اور $Z_0=120$ میر ونی تکمل پہلے لیتے ہوئے

(14.168)
$$P = 30I_0^2 \int_0^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} d\theta$$

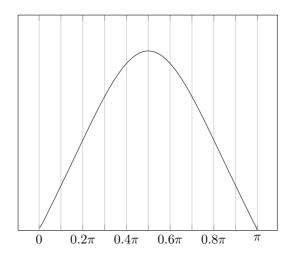
ملتا ہے۔اس مساوات کوعد دی طریقے سے حل کرتے ہیں۔ابیا کرنے کی خاطر اسے مجموعے

(14.169)
$$P = \sum_{i=0}^{n} 30I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \Delta\theta = \sum_{i=0}^{n} p(\theta)\Delta\theta$$

کی شکل میں لکھتے ہیں جہاں

$$p(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta}$$

14.12. خطى ابتثينا



شكل 14.16: اخراجي مزاحمت كا عددي حل.

جدول 14.2: برابر زاویائی فاصلوں پر تفاعل کے قیمت.

$30I_0^2 \frac{\cos^2[\pi/2\cos\theta]}{\sin\theta}$	θ
0	0.0π
$00.573I_0^2$	0.1π
$04.457I_0^2$	0.2π
$13.492I_0^2$	0.3π
$24.677I_0^2$	0.4π
$30I_0^2$	0.5π
$24.677I_0^2$	0.6π
$13.492I_0^2$	0.7π
$04.457I_0^2$	0.8π
$00.573I_0^2$	0.9π
0	1.0π

کھا گیا ہے۔ شکل 14.16 میں کار تیسی محد دیر تفاعل $p(\theta)$ کو دکھایا گیا ہے۔ افتی محد دیر $\theta=\pi$ ت $\theta=\pi$ ت ہوگی۔ گراف کے ایسے ہر نگڑے کو مستطیل تصور کیا جاسکتا ہے۔ ان تمام مستطیل کے رقبے جمع π کو π برابر نگڑوں میں تقسیم کیا جائے توہر نگڑے کی چوڑائی π ہوگی۔ گراف کے ایسے ہر نگڑے کو مستطیل تصور کیا جاسکتا ہے۔ ان تمام مستطیل کے رقبے جمع کرتے ہوئے تمل حاصل کیا جاتا ہے۔ اسے کہتے ہیں عددی طریقہ۔

(14.171)
$$p_1(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos(0.1\pi)]}{\sin(0.1\pi)} = 0.573I_0^2$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا تمام نقطوں پر بھی قد حاصل کرتے ہوئے جدول 14.2 میں دیے گیے ہیں۔

باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج

$$(\theta=0.2\pi)$$
گار قبہ اور سری منتظیل $(\theta=0.1\pi)$ گار قبہ اور سری منتظیل $(\theta=0.1\pi)$ گار قبہ اور سط قد $(\theta=0.1\pi)$ گار قبہ اور سط قد $(\theta=0.1\pi)$ اور سط قد $(\theta=0.1\pi)$ اور سط قد $(\theta=0.1\pi)$ اور سط قد $(\theta=0.573I_0^2+4.457I_0^2)$ $=0.79I_0^2$

5129

حدول 14.2 کی مد دسے کل رقبہ

$$P = 0.1\pi I_0^2 \left(\frac{0}{2} + 0.573 + 4.457 + 13.492 + 24.677 + 30\right)$$

 $+24.677 + +13.492 + 4.457 + 0.573 + \frac{0}{2}$

 $(14.172) P = 36.5675I_0^2$

لمبائی کے جفت قطب کا خراجی مزاحمت $\frac{\lambda}{2}$

(14.173)
$$R_{i,j} = 73.13 \,\Omega$$
 هنت قطب $\frac{\lambda}{2}$

حاصل ہو تاہے۔ یہ وہ مزاحمت ہے جواینٹینا کو طاقت مہیا کرنے یااس سے طاقت وصول کرنے والے ترسیلی تار کو نظر آتی ہے۔ ½ اینٹینا کے اخرا جی مزاحمت کا میوازنہ مختصر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت (Ω 0.63 Ω) کے ساتھ کریں جسے صفحہ 528 پر مثال 14.1 میں حاصل کیا گیا ہے۔

اینٹیناکی رکاوٹ میں 42.5زاوہم کا نمیالی جزو (Z=73.1+j42.5) بھی پایاجاتا ہے۔ اینٹینا کی لمبائی چند فی صد کم کرنے سے نمیالی جزو صفر کیاجا ہسکتا ہے ، البتہ اس سے حقیقی جزو قدر کم ہو کر Ω 70رہ جاتا ہے۔ زیادہ طاقت کی منتقلی کے لئے ضرور کی ہے کہ ایسے اینٹینا کو Ω 70 قدرتی رکاوٹ کے آمد بھیل تار کے ساتھ جوڑا جائے۔ $\frac{3\lambda}{2}$ اینٹیناکا اخراجی مزاحمت Ω 100 حاصل ہوتا ہے۔

مثال 14.10: $\frac{\lambda}{2}$ لمبائی کے خطی اینٹینا کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 14.77 میں مساوات 14.16 پر کرتے ہوئے

$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega} = \frac{4\pi}{2\pi \int_0^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin^2\theta} \sin\theta \, d\theta}$$

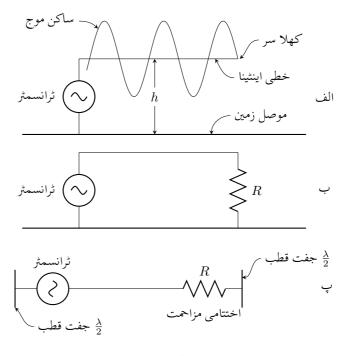
حاصل ہوتا ہے۔ اس کا مساوات 14.168 سے موازنہ کرتے ہوئے، مساوات 14.172 میں حاصل کی گئی قیمت 36.5675 I_0^2 استعال کرتے ہوئے

$$D = \frac{4\pi}{2\pi \left(\frac{36.5675I_0^2}{30I_0^2}\right)} = 1.64$$

حاصل ہوتاہے۔

5138

14.13. چلتی موج اینٹینا



شكل 14.17: مسلسل موج اينطينا.

14.13 چلتى موج اينٹينا

گزشتہ ھے میں خطی اینٹیناپر سائن نمابر قی روتصور کیا گیا۔ایی دبلی موصل تار، جس کا قطر d طول موج λ ہو میں نمابر قی روتصور کیا گیا۔ایی دبلی موصل تار، جس کا قطر d طول موج λ ہو میں نمابر قی روکی شکل تقریباً ایسی ہی ہوتی ہے۔

53 طول موج کمی خطی اینٹینا موصل زمین کے متوازی او خپائی پرپائی جاتی ہے۔ جیسے شکل 14.17-الف میں دکھایا گیاہے،اس کو بائیں جانب سے ٹرانیماڑ ق طاقت مہیا کرتا ہے۔خطی اینٹینا اور موصل زمین مل کر کھلے سرے ترسیلی تار کا کر دار ادا کرتے ہیں۔ یوں کھلے سرپر آمدی برقی رواور یہاں سے انعکاس برقی موم کو جنم دیتے ہیں جیسے شکل الف میں دکھایا گیا ہے۔ تارکے کھلے سرپر برقی روکے ساکن موج کا صفر پایا جاتا ہے جبکہ لم فاصلے پراس کی چوٹی پائی جاتی ہے سیبری برقی روگزشتہ جے میں خطی اینٹینا پر فرض کی گئی تھی۔

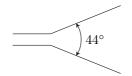
آئیں اب تربیلی تارکے قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحت R، تارکے کھلے سر اور زمین کے در میان جوڑیں۔ایسا کرنے کے بعد اینٹینا پر اندکاسی موتی پیدا پہیں ہوگ۔تارمیں قابل نظرانداز ضیاع کی صورت میں پوری لمبائی پر برقی رو کی قیمت یکسال ہوگی جبکہ لمبائی جانب بڑھتازاویائی فرق پایاجائے گا۔اس طرح قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحت سے اختتام کردہ اینٹینا کو شکل 14.17 ب میں و کھایا گیا ہے۔ زمین سے دور خطی اینٹینا پر ایسی مسلسل موجی پیدا کرنے کی ترکیب شکل 14،17 پ میں دکھائی گئی ہے جہال 4 اینٹینا کے وسطی نقطے کو زمین تصور کیا گیا ہے۔

مسلسل موج کے اس خطی اینٹینا کو جھوٹے جھوٹے،سلسلہ وار جڑے، لمبائی جانب اخراجی جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ایساشکل میں د کھایا گیا ہے۔ مساوات 14.127 غیر سمتی ارکان کے قطار کا نقابل پذیر نقش

$$E_n = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

transmitter⁵³

. اینٹینا اور شعاعی اخراج باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج



(۱) ب: دو مسلسل موج اینٹینا کو 44° پر رکھ کر بہتر سمتیت حاصل کی جاتی ہر۔

22°

الف: خطى اختتام كرده مسلسل موج اينثينا.

شكل 14.18

ویتی ہے جہاں لمبائی جانب اخراج کی صورت میں $\psi=eta d(\cos heta-1)$ کے برابر ہے۔اگرانفرادی رکن کا نقش E_0 ہوتب ضرب نقش کی ترکیب سے قطار کا نقش $\psi=0$ کا نقش

$$E(\theta) = \frac{E_0}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

کے لے L=d(n-1)pprox ndکی اینٹینا $E_0=\sin heta$ نقش وظب کا نقش کے اینٹینا کے اپنٹینا

(14.176)
$$E(\theta) = \frac{\sin \theta}{n} \frac{\sin\left[\frac{\beta L}{2}(\cos \theta - 1)\right]}{\sin\left[\frac{\beta L}{2n}(\cos \theta - 1)\right]}$$

کھاجائے گا۔ بید اینٹینالمبائی جانب اخراج کرتاہے للذا 8 کی قیمت زیادہ نہیں ہو گی۔ایسی صورت میں مندرجہ بالا مساوات کو

(14.177)
$$E(\theta) = \sin \theta \frac{\sin[\beta L/2(\cos \theta - 1)]}{\beta L/2(\cos \theta - 1)}$$

کھا جا سکتا ہے۔

شکل 14.18-الف میں 20 n=1اور $\frac{\lambda}{4}=0$ کی صورت میں حاصل 4.75 لیبائی کے اینٹینا کی شعاع دکھائی گئی ہے۔ مرکزی شعاع °22 $\theta=0$ کہ پیائی جاتی ہے۔ جیسا شکل - ب میں دکھایا گیا ہے ، دوعد دالیے اینٹینا کو آپس میں °44 کے میکانی زاویے پر رکھنے سے یک سمتی اینٹینا حاصل ہو گا جھے دوتار کے ترسیلی تار سے طاقت مہیا کی جاسکتی ہے۔ دونوں کے قریبی شعاع مل کر بہتر سمتیت دیتی ہے۔

زمین کے متوازی اینٹینا کاعمودی شعاع حاصل کرنے کی خاطر زمین میں اینٹینا کے عکس کو بھی مد نظرر کھاجائے گا۔

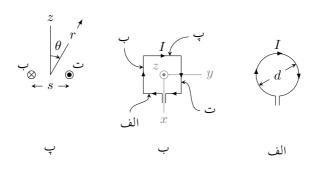
14.14 جهوٹا گھیرا اینٹینا

شکل 14.19-الف میں d قطر کا گھیر ااینٹینا 54 کھایا گیاہے جس میں I برقی رو گزر رہی ہے۔ دائرے کا قطر طول موج سے بہت کم کہ سے لہٰذا پورے گول دائرے پریک قیمت اور ہم قدم برقی روتصور کی جاسکتی ہے۔اس چھوٹے گول دائرے کو شکل-ب کا چکور تصور کرتے ہوئے، دور میدان حاصل کرتے ہیں۔ چکور اور گول دائرے کے رقبے برابر

$$(14.178) S = s^2 = \frac{\pi d^2}{4}$$

loop antenna⁵⁴

14.15. پیچ دار اینٹینا



شكل 14.19: دائره اور چكور اينٹينا

لئے جاتے ہیں۔ چکور کے چاراطراف کو چار جفت قطب تصور کرتے ہوئے دور میدان حاصل کیا جائے گا۔ چکور کو کار تیسی محدد کے مرکز پر 0 = 2 سطح پر رکھتے ہوئے و میدان جائے گا۔ چکور کو کار تیسی محدد کے مرکز پر 0 = 2 سطح پر رکھتے ہیں میدان پیدا کرتے ہیں لہٰذاان کا مجموعہ معرفی میں میدان پیدا کرتے ہیں لہٰذاان کا مجموعہ صفر کے برابر ہے۔اطراف باورت بطور مختصر جفت قطب کردارادا کرتے ہیں جن کا نقش 0 = 2 سطح پر غیر سمتی ہے لہٰذاانہیں دوغیر سمتی جفت قطب تصور کیا جاسکتا ہے۔ایہا بھی شکل۔ پ میں دکھایا گیاہے جہاں سے دور میدان

$$E(\theta) = E_2 e^{-j\frac{\psi}{2}} - E_4 e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $\psi = \beta s \sin \theta$ اور $\psi = \beta s \sin \theta$ اور $\psi = E_2 = E_4$ اور

$$E(\theta) = -j2E_2 \sin\left(\frac{\beta s}{2}\sin\theta\right)$$

کھاجاسکتاہے جسے $\lambda \ll s$ کی صورت میں

$$(14.179) E(\theta) = -jE_2\beta s\sin\theta$$

ککھا جا سکتا ہے۔صفحہ 526 پر دیے گئے جدول 14.1 سے مختصر جفت قطب کے دور میدان E₀ کے جیطے کو E₂ کی جگہ پر کرتے ہوئے

(14.180)
$$E(\theta) = \frac{60\pi Il}{r\lambda} \beta s \sin \theta$$

 $S=S^2$ عاصل ہوتا ہے۔ شکل 14.19 - یہ میں جفت قطب کی لمبائی $S=S=S^2$ ہے جبکہ چکور کار قبہ

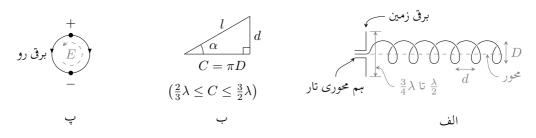
(14.181)
$$E(\theta) = \frac{120\pi^2 I}{r} \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta$$

لکھاجاسکتاہے۔مندرجہ بالامساوات کارقبے کے چھوٹے دائرے یا چکور کادور میدان دیتی ہے۔ چکور کا قطر جتنا کم ہویہ مساوات اتناہی زیادہ درست میدان دیتا ہے۔ حقیقت میں کارقبے کے کسی بھی شکل کے چھوٹے بند دائرے کادور میدان یہی مساوات دیتا ہے۔

14.15 پيچ دار اينٿينا

طول موج برابر محیط کا بیچ دار لیچهالمبائی جانب اخراجی اینٹینا کا کام کرتا ہے۔ایسے اینٹینا کی شعاع، دائری قطبیت رکھتی ہے۔ کیچھے کی لمبائی اور اینٹینا کی سمتیت راہست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔ تیج دار اینٹینا 55 قطر D،اس کا محیط C، چکر کے مابین فاصلہ A، چکر کی لمبائی 1 اور چیج دار زاویہ م،اس کے اہم ناپ ہیں۔ان تمام کورڈ کل

باب 14. ايتئينا اور شعاعي اخراج



شكل 14.20: پيچ دار اينٹينا۔

14.20 میں دکھایا گیا ہے۔ایسالچھے جس کامحیط $C = \pi D$ تقریباً کیک طول موج ((1λ) کمباہو پرا کیک کمل موج پائی جائے گی۔ یوں نصف چکر پر برقی موج کا اثبت حصہ اور بقایا پر موج کا منفی حصہ پایا جائے گا۔ لچھے کے ایک چکر کوشکل۔ پ میں دکھایا گیا ہے جہاں اس پر برقی رواور چارج دکھائے گئے ہیں جو میدان E پیدا کھوت ہیں۔ جیسے جیسے برقی روکی موج اینٹینا پر آگے حرکت کرتی ہے ویسے میدان E گھو مے گاجو اینٹینا کے محور پر دائری قطبیت E کو جنم دے گی۔ تی دار لچھا پطور مسلسل موج اینٹینا کر دار اداکر تاہے اور اس کی خاصیت یہ ہے کہ اسے کسی مزاحمت سے اختتام پزیر کرنے کی ضرورت نہیں ہوتی۔ اس پر برقی رو بالکل مسلسل موج اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کے کھلے سرسے اندکاسی موج قابل نظر انداز ہونے کے ناطے ، اس پر کیساں جیطے کے برقی روکی موج خارجی جانب حرکت کرتی ہوتی ہے۔ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کے مانے سے اندکاسی موج تابل نظر انداز ہونے کے ناطے ، اس پر کیساں حیطے کے برقی روکی موج خارجی جانب حرکت کرتی ہوتی ہے۔ اینٹینا کی ماند ہوتی ہے۔ اینٹینا کے مان ہونے کے ناطے ، اس پر کیساں حیطے کے برقی روکی موج خارجی جانب حرکت کرتی ہوتی ہے۔

چچ داراینٹینا کولمبائی جانب اخراجی قطار تصور کیا جاسکتاہے جہاں ہر چکر کوا نفرادی منبع فرض کیا جاتا ہے۔ضرب نقش کے اصول سے ،ا نفراد ی منبع کا نقش ضرب غیر سمتی ارکان کے قطار کا نقش،

(14.182)
$$E(\theta) = \cos \theta \frac{\sin(n\psi/2)}{\sin(\psi/2)}$$

ا بنٹینے کا نقش دیتا ہے۔اس مساوات میں انفراد کی چکر کے نقش کو 6 cos کے لگ بھگ تصور کیا گیا ہے۔مندرجہ بالا مساوات میں

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v}$$

ے برابر ہے جہال دو قریبی چکر کے مابین زاویائی فرق $rac{ceta L}{v}$ ہو گاجوا یک چکر گولائی Lپر σ ر فبارے حرکت کرتی موج کازاویائی فرق ہے۔

مساوات 14.182 اور مساوات 14.177 کے مواز نے سے معلوم ہوتا ہے کہ یہ قدر مختلف ہیں۔مساوات 14.182 میں θ cos پایاجاتا ہے جس کی قیمت 0 ﷺ θ پر زیادہ سے جو اینٹینا کا محور یعنی شعاعی اخراج کی سمت ہے۔اس کے برعکس مساوات 14.177 میں θ sin کا جزوضر کی پایاجاتا ہے جو اینٹینا کے محور پر وصفر کے برابر ہے المذااس اینٹینا کی شعاع دو شاخی ہے اور اس کی سمتیت قدر کم ہے۔

چو نکہ میدان دائری قطبی اور محور کے گردیکساں ہے للمذایہی مساوات $E_{ heta}(heta)$ علاوہ $E_{\phi}(heta)$ کا نقش بھی دیتی ہے۔

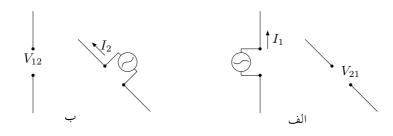
کسی بھی لمبائی جانب اخراجی قطار میں تمام منبغ کے میدان اینٹینا کے محور پر ہم قدم ہوتے ہیں جو

(14.184)
$$\psi = 0, \mp 2\pi, \mp 4\pi, \cdots$$

کی صورت میں ممکن ہوتا ہے۔ پنچ دار اینٹینا میں $\psi = -2\pi$ برابر ہے۔ ارکان کے مابین $\psi = -2\pi$ نواویا کی فرق کی بنیاد پر حاصل نقش اور اصل پنچ دار اینٹینا کی نالی گئی سمتیت زیادہ ہے۔ ہنسن اور ووڈیار ڈ⁵⁷ یہ ثابت کر چکے ہیں کہ π ر کنی لمبائی جانب اخراجی قطار کی زیادہ سے زیادہ سمتیت اس صورت حاصل ہوتی ہے جب اس کے ارکان کے مابین $\psi = -2\pi - \pi$ زاویا کی فرق پایا جاتا ہو۔ مساوات 14.182

circular polarization⁵⁶ Hansen and Woodyard⁵⁷

14.16. دو طرفه کردار



شکل 14.21: دو اینٹینا کے مابین باہمیت.

میں ارکان کے مابین زاویا کی فرق π – 2π – پر کرنے سے حقیقی اینٹینا کے ناپے نقش جیسا نقش حاصل ہوتا ہے۔اس سے ثابت ہوتا ہے کہ حقیقی اینٹینا پر دوقر بی چکر کے مابین یہی زاویا کی فرق پایا جاتا ہے۔اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 14.183 سے

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v} = -2\pi - \frac{\pi}{n}$$

لكصتے ہوئے

$$\frac{v}{c} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{\frac{d}{\lambda} + \frac{2n+1}{2n}}$$

ماصل ہوتا ہے۔ یوں $\alpha=12^\circ$ ، $C=\lambda$ اور $\alpha=12^\circ$ ہوں میں $\alpha=12^\circ$ ہوگی۔ حقیقی پنچ دار اینٹینا پر موج کی رفتار یہی ناپی جاتی ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ پنچ دار اینٹینا نود بخود موج کی رفتار کواس قیت پر رکھتی ہے جس پر اینٹینا کی سمتیت زیادہ سے زیادہ حاصل ہو۔ تین سے زیادہ چکر پر بنی پنچ دار اینٹینا کی سمتیت نیادہ سے کہ پنچ دار اینٹینا کی سمتیت بڑھائی جاسکتی ہے۔ سے ممل رہے کی صلاحیت رکھتی ہے۔ چکر کی تعداد بڑھا کر سمتیت بڑھائی جاسکتی ہے۔ سے ممل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔ چکر کی تعداد بڑھا کر سمتیت بڑھائی جاسکتی ہے۔

پیچ دار اینٹینا کی سمتیت تقریباً

$$(14.187) D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda}$$

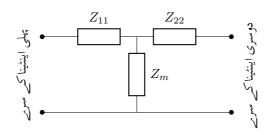
D=64 اور $lpha=12^{\circ}$ صورت میںD=64 ہو گی۔

20ء کی اور α = 12 کی صورت میں طول موج میں تقریباً پانچ چکر پائیں جائیں گے للذا20 چکر کالینٹینا = 0.213 اور α = 12 کی صورت میں طول موج میں تقریباً پانچ چکر پائیں جائیں گے للذا20 چکر کالینٹینا = 0.213 اور 4.3λ للبائی کاموگا۔ اتنی لمبائی کے عام لمبائی جانب اخراجی اینٹینا کی سمتیت چار گناسے بھی قدر کم ہوتی ہے۔

پچے داراینٹینا کی سمتیت زیادہ ہونے کامطلب ہے کہ اس کی اخراجی سطح حقیقی سطح سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔مصنوعی سیاروں پر ببنی ذرائع ابلاغ میں پیچے دار اینہٹینا کلیدی کر دارادا کرتی ہے۔

14.16 دو طرفه کردار

اینٹینا شعاع خارج کرتی ہے اور یااہے وصول کرتی ہے۔ اینٹینا کے تمام خاصیت دوطر فیہ ہیں۔ یوں اس کی سمتیت ، اخراجی رقبہ ، نقش اور اخراجی مزاحمت دوانوں (اخراجی اور وصولی) صور توں میں برابر پائے جاتے ہیں۔البتہ اینٹینا پر برقی رواخراجی اور وصولی صورت میں مختلف صورت رکھتی ہے۔ باب 14. ايتئينا اور شعاعي اخراج



شكل 14.22: مساوى T دور.

$$V_{21} = I_1 Z_m$$
$$V_{12} = I_2 Z_m$$

یا

$$\frac{V_{21}}{I_1} = \frac{V_{12}}{I_2} = Z_m$$

کھاجا سکتا ہے۔ دونوں اینٹینا کو برابر برقی رو $(I_1=I_2)$ مہیا کرنے کی صورت میں

$$(14.189) V_{21} = V_{12}$$

5188

اینٹینا کی دوطر فہ خاصیت کے تحت اگر کسی ایک اینٹینا کو برقی رو I مہیا کی جائے جس سے کسی دوسرے اینٹینا میں برقی دباد V پیدا ہو تب دوسرے اینٹینا کو برقی رو I فراہم کرنے سے پہلے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہو گا۔

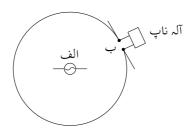
دونوں اینٹینا کے مابین مشتر کہ رکاوٹ Z_m دونوں اطراف سے برابر ہے۔

نقش

شکل 14.23 میں اینٹینا-الف شعاع خارج کررہی ہے جبکہ اینٹینا-باس شعاع کو وصول کررہی ہے۔اینٹینا-الف ساکن ہے جبکہ اینٹینا-باس کے گروہ گول دائرے پر گھوم رہی ہے۔اینٹینا-ب پر پیدا برقی دباو،اینٹینا-الف کی نقش دے گی۔ابا گردائرے پر گھومتی اینٹینا شعاع خارج کرےاور ساکن اینٹینااس پشھاع کو وصول کرے تو اینٹینا کے دوطر فہ خاصیت کے تحت وہی نقش دوبارہ حاصل ہوگا۔ یوں کسی بھی اینٹیناکا خراجی نقش اور وصولی نقش بالکل یکسال ہوتے ہیں۔ اینٹینا کی دوطر فہ خاصیت اس کے نقش کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

reciprocity⁵⁸

14.17. جهری ایتثینا



شكل 14.23: نقش كى ناپ.

سمتیت اور اخراجی رقبہ

مساوات 14.77

$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{\Delta\pi} P_n(\theta, \phi) \,\mathrm{d}\Omega}$$

کے تحت سمتیت صرف اور صرف نقش پر منحصر ہے اور ہم دیکھ چکے ہیں کہ اینٹینا کااخراجی نقش اور اس کا وصولی نقش بالکل یکسال ہوتے ہیں للذااس کی اخراجی سیمتیت اور وصولی سمتیت بھی بالکل یکسال ہوں گے۔

ا گراخراجی سمتیت اور وصولی سمتیت برابر ہوں تب مساوات 14.101

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\vec{\mathcal{S}}, |\vec{\mathcal{T}}|}$$

کے تحت اخراجی رقبہ اور وصولی رقبہ بھی برابر ہوں گے۔ اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت سمتیت اور رقبے کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

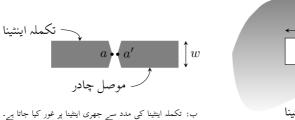
اخراجی مزاحمت اور وصولی مزاحمت

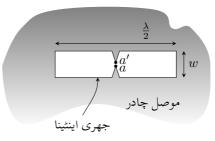
اخراجی اینٹینا کو صرف داخلی برقی سروں سے برقی رومہیا کی جاسکتی ہے جبکہ وصولی اینٹینا کے تمام جسامت پر برقی دباوپیدا ہوتاہے جس سے اینٹینا کی برقی رود عموماً اخراجی صورت سے مختلف ہوگی۔

ا گراینشینا کو مختلف برقی رکاوٹوں کا مجموعہ تصور کیاجائے تب اگرچہ اس کے مختلف حصوں پر برقی رو مختلف ممکن ہے لیکن کسی بھی دوسروں کے مابین رکاوٹ تبدیل نہیں ہوتی۔ یوں اینشینا کے برقی سروں کے مابین برقی رکاوٹ کادارومدار اینشینا میں برقی رو کی صورت پر نہیں ہوتی۔اس کااخراجی رکاوٹ اور وصولی رکاوٹ بالکل برابر ہوتے ہیں۔ اینشینا کی دوطر فیہ خاصیت یہاں بھی قابل استعمال ہے۔

14.17 جهری اینٹینا

وسیع موصل چادر میں ﴿ لمبائی کی جمری شکل 14.24-الف میں دکھائی گئ ہے۔اگر 'aa' کو ترسیلی تارسے جوڑا جائے تو جھری کے گرد موصل چادر میں برقی رو کی وجہ سے شعاعی اخراج پیدا ہوگی۔ جھری کواز خود موصل چادر فرض کرتے اینٹینا تصور کیا جاسکتا ہے جس کی مددسے جھری اینٹینا 8کامیدان حاصل کیا جاتا ہے۔شکل۔ ب میں اس جملہ اینٹینا 8کود کھایا گیا ہے۔ جھری اینٹینا کو 'aa' کے اطراف کے ماہین فراہم کی جاتی ہے جبکہ تکملہ اینٹینا کو لمبائی جانب کے اطراف کے ماہین فراہم کی جاتی ہے جبکہ تکملہ اینٹینا کو لمبائی جانب کے اطراف 964 جاب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج





الف: موصل چادر میں جھری بطور اینٹینا کام کرتی ہر۔

شكل 14.24: جهرى اينٹينا اور اس كا تكملہ اينٹينا۔

کے مابین طاقت 'aaپر مہیا کی جاتی ہے۔ یوں ان کے میدان آپس میں °90 پر ہوں ⁶¹ گے۔ جھری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ _{ZB} اور تکملہ اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ Za کاآپس میں تعلق

$$(14.192) Z_g = \frac{Z_0^2}{4Z_d}$$

5208

ہے جہاں π ال $Z_0=120$ خلاء کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

 $\frac{\lambda}{2}$ اوراس کی لمبائی $c \ll \lambda$ اوراس کی لمبائی جائے ہوئے جھری کے خصوصیات دریافت کئے جاسکتے ہیں۔ یوں اگر جھری کی چوڑائی $c \ll \lambda$ اوراس کی لمبائی کے کردی جائے تو تکملہ اینٹینا (صفحہ 556) کی اخراجی رکاوٹ $Z_d = 73 + j42.5$ جانبے ہوئے جھری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ

(14.193)
$$Z_g = \frac{377^2}{4 \times (73 + j42.5)} = 363 - j211 \,\Omega$$

5209

لکھی جاسکتی ہے۔

14.18 پیپا اینٹینا

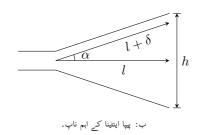
شکل 14.25 میں پیپالینٹینا 62 کھایا گیاہے جے بائیں جانب سے مستطیلی تر سلی تار طاقت مہیا کر رہی ہے۔ پیپالینٹینا کو مستطیل تر سلی تار کا کھلامنہ تصور کیا جاسکتا ہے۔ مستطیلی تر سلی تار کا منہ بڑھانے سے اینٹینا کی اخراجی سطح بڑھانا مقصد ہے جس سے سمتیت بڑھتی ہے۔اگرچہ پیپا کے منہ پر ہم قدم میدان ہی سے بہتر سمتیت حاصل ہو گئے۔ گئے۔ منہ پر میدان میں فرق کو کسی مخصوص مقدار کی سے کم رکھا جاتا ہے۔شکل۔ کے منہ پر میدان میں فرق کو کسی مخصوص مقدار کی سے کم رکھا جاتا ہے۔شکل۔ کے در کچھ کر

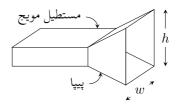
$$\cos \theta = \frac{l}{l+\delta}$$

$$\sin \theta = \frac{h}{2(l+\delta)}$$

$$\tan \theta = \frac{h}{2l}$$

Booker's theory⁶¹ horn antenna⁶² 14.18. پيپا ايتلينا





الف: پيپا اينٹينا۔

شکل 14.25: پیپا اینٹینا اور اس کے اہم ناپ۔

کھے جاسکتے ہیں۔ کم δ کی صورت میں ان مساوات سے

(14.194)
$$l = \frac{h^2}{8\delta}$$
(14.195)
$$\theta = \tan^{-1} \frac{h}{2l} = \cos^{-1} \frac{l}{l+\delta}$$

مثال 14.11: شکل میں h=10 ہے جبکہ تر سیلی تار میں مارک تاری ہیں آلئے جاتی ہے۔ شکل میں π اور نصف زاویے θ اور ϕ حاصل کریں۔

حل: برقی میدان کی سطح پر $rac{\lambda}{5}$ > کہ لیتے ہوئے

$$l = \frac{h^2}{8\delta} = \frac{100\lambda^2}{8 \times \frac{\lambda}{5}} = 62.5\lambda$$

عاصل ہو تاہے جس سے E سطح پر

$$\theta = \tan^{-1} \frac{h}{2l} = \tan^{-1} \frac{10\lambda}{2 \times 62.5\lambda} = 4.6^{\circ}$$

 $\delta < rac{3\lambda}{8}$ عاصل ہوتا ہے۔ مقناطیسی میدان پر

$$\phi = \cos^{-1} \frac{62.5\lambda}{62.5\lambda + \frac{3}{8}\lambda} = 6.26^{\circ}$$

حاصل ہوتاہے۔ پیپے کی چوڑائی

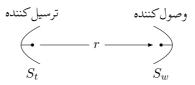
$$w = 2l \tan \phi = 2 \times 62.5 \times \lambda \times \tan 6.26^{\circ} = 13.7\lambda$$

حاصل ہوتی ہے۔

5216

5217

966 باب 14. اينطينا اور شعاعي اخراج



شکل 14.26: وصول کردہ طاقت کا انحصار ترسیلی اور وصولی اینٹینا کے اخراجی رقبوں پر ہے۔

14.19 فرائس ريدُار مساوات

شکل 14.26 میں ہا Sاخراجی رقبے کاتر سیل کنندہ اور S_{to} کاخراجی رقبے کاوصول کنندہ اینٹینا آپس میں r فاصلے پر دکھائے گئے ہیں۔اگر غیر سمتی تر سیل کنندہ P طاقت کی شعاع خارج کرے تب وصول کنندہ کے قریب اکائی رقبے پر

$$(14.196) P = \frac{P_t}{4\pi r^2}$$

کثافت طاقت دستیاب ہو گی جس سے وصول کنندہ

$$(14.197) P'_w = PS_w$$

طاقت حاصل کر پائے گا۔ تر سیلی سطح S_t کے سمتی تر سیل کنندہ کی سمتیت $D=rac{4\pi S_t}{\lambda^2}=D$ ہفذااس کی شعاع سے وصول کنندہ

(14.198)
$$P_{w} = DP'_{w} = \frac{4\pi S_{t}}{\lambda^{2}} \frac{P_{t}S_{w}}{4\pi r^{2}}$$

طاقت حاصل کر پائے گا۔اس مساوات سے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w}{\lambda^2 r^2}$$

کھاجا سکتا ہے جہاں کسی بھی دواینٹینا کے نظام میں مساوات کادایاں ہاتھ بے بُعد مستقل ہے۔ یہ مساوات فرائس ترسیلی مساوات ہوگا تی ہے۔ آئیں اب شکل 14.27۔

الف پر غور کریں جہاں ترسیل کنندہ اینٹینا شعاع خارج کرتی ہے۔ اندکا می شعاع کو وصول کنندہ اینٹینا وصول کرتی ہے۔ ریڈار میں عموماً ایک ہی اینٹینا دونوں کام
سرانجام دیتی ہے۔ شعاع کااندکاس ہوامیں اڑتے جہاز سے ممکن ہے۔ شکل 14.27۔ ب میں عاکس کود واینٹینا کی صورت میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک اینٹینا شعاع
وصول کرتے ہوئے دوسرے اینٹینا سے واپس خارج کرتا ہے۔ یوں مساوات 14.29 کو دو مرتبہ استعال کرتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

کھاجاسکتاہے۔اگرایک ہی اینٹینا بطور ترسیلی اور وصولی اینٹینا استعال کیا جائے تب

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

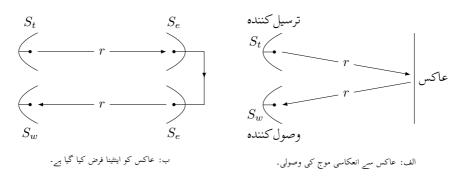
کھاجاسکتاہے جہاں عاکس کااخراجی رقبہ S_e ہے۔

ا گرعاکس وسیع جسامت کا ہواوراس سے اندکاس موج عین ریڈار کی سمت میں ہوتب عاکس کا اخرا بی رقبہ اس کے میکانی رقبے جتنا ہوگا۔ عموماً عاکس غیر سمتی اخراج کرتاہے جس کی وجہ سے اس کا اخرا بی رقبہ ،اس کے میکانی رقبے سے کم ہوتا ہے۔ایسی صورت میں عاکس کے وصولی رقبے کو 7 کیستے ہوئے مساوات 14.199 سے عاکس کی حاصل کردہ طاقت

$$\frac{P}{P_t} = \frac{S_t \sigma}{\lambda^2 r^2}$$

Friis transmission equation⁶³

14.19. فرائس ريدُّار مساوات



شکل 14.27: ریڈار اینٹینا شعاع خارج کر کے انعکاسی موج وصول کرتا ہے۔

کا کھی جائے گا۔ یہی طاقت غیر سمتی خارج کی جائے گا۔ غیر سمتی اینٹینا کا اخراجی رقبہ $\frac{\lambda^2}{4\pi}=S$ ہوتا ہے۔ یہی عاکس کی اخراجی رقبہ لیتے ہوئے مساوات 14.201 میں $S_e=S$ کلکھتے ہوئے مساوات 28.201 میں $S_e=S$ کلکھتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S \sigma}{\lambda^4 r^4}$$

لعيني

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 \sigma}{4\pi \lambda^2 r^4}$$

حاصل ہو تاہے جہاں σریڈارر قبہ تراش ⁶⁴ کہلاتاہے۔ یہ ریڈار مساوا<mark>ت</mark> ⁶⁵ کہلاتی ہے۔

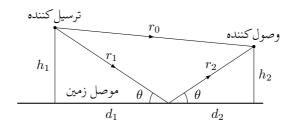
بڑی جسامت کی موصل کرہ، جس کار داس a ہو، کی ریڈار رقبہ تراش اس کے میکانی رقبہ تراش πa² کے برابر ہوتی ہے۔غیر کامل عاکس کی صورت میں پویڈار رقبی تراش نسبتاً کم ہوگا، مثلاًا یک میٹر طول موج پر چاند کاریڈار رقبہ تراش تقریباً 10 گناحاصل ہوتا ہے۔

مثال 14.12: ایک ٹی وی اسٹیشن موصل زمین پر کھڑے m 200 قد کے اینٹینا سے 1 kW کی طاقت سے نشریات کرتی ہے۔افقی سطح پر اینٹینا غیر سمتی ہے جبکہ عمود ی سمت میں اس کی نصف طاقت چوڑائی °10 ہے۔طول موج m 1 ہونے کی صورت میں 4 km دور کتنی اونچائی پر اینٹینا بہترین وصولی کر پائے گا۔وییول کر دہ طاقت کا بھی تخمینہ لگائیں۔وصولی اینٹینا مندر جہ ذیل فرض کرتے ہوئے حل کریں۔

- عمودی قطبی اینٹینا جس کی سمتیت 4 کے برابر ہے۔
- افقی قطبی اینٹینا جس کی سمتیت 4 کے برابر ہے۔
- وائری قطبی 6 چکر کا بیچ وار اینٹینا جس کا lpha=12.5 اور چکر کے مابین فاصلہ lpha=0.22 ہے۔

حل: شکل میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔ موصل زمین سے انعکاس پر زمین کے متوازی برقی میدان میں °180 کی تبدیلی رونماہو گی۔ یوں اگروصولی ایڈ شین کے بالکل قریب ہو تب افقی قطبی میدان کی صورت میں بیہ صفر طاقت وصول کر پائے گا جبکہ عمودی قطبیت کی صورت میں اسے سید ھی رسائی کے علاوہ فیمین سے انعکاس میدان بھی میسر ہوگا۔ یوں کل میدان د گنااور طاقت چار گناہوگا۔

adar cross section⁶⁴ radar equation⁶⁵ 568 ايتثينا اور شعاعي اخراج



شکل 14.28: سیدهی آمد موج اور انعکاسی موج کے اثرات.

شکل 14.28 کود کیھتے ہوئے کہہ سکتے ہیں کہ کسی بھی الریرا گر

(14.205)
$$r_1 + r_2 - r_0 = n\lambda$$
 $(n = 0, 1, 2, \cdots)$

ہوتبافقی قطبی میدان صفر پایاجائے گا جبکہ عمودی قطبی میدان د گناہو گا۔اسی طرح جب بھی

$$(14.206) r_1 + r_2 - r_0 = n \frac{\lambda}{2} (n = 1, 3, 5, \cdots)$$

ہوتب افقی قطبی میدان د گنااور عمودی قطبی میدان صفر پایاجائے گا۔ان حقائق سے ظاہر ہے کہ زیادہ سے زیادہ افقی قطبی میدان کے دوقر بہی نقطوں کے در پیمیانی نقطے پر زیادہ سے زیادہ عمودی قطبی میدان پایاجاتا ہے۔

بایاں دائری قطبی موح انعکاس کے بعد دایاں دائری قطبی ہوتا ہے۔اسی طرح دایاں دائری قطبی موح انعکاس کے بعد بایاں دائری قطبی ہوتا ہے۔ یوں اگر تھو۔ یکی اینٹینا دایاں دائری قطبی ہوتا ہے۔ یوں اگر تھو۔ یہ اینٹینا دایاں دائری قطبی ہوتا ہے۔ یوں اگر تھو۔ یہ اینٹینا دایاں دائری قطبی اینٹینا صرف انعکاسی میدان کو وہوں کر پائے گا۔ یوں دونوں اقسام کے دائری قطبی اینٹینا اکائی میدان حاصل کریں گے۔ ترسلی اینٹینا بایاں قطبی ہونے کی صورت میں بایاں قطبی وصولی اینٹینا انعکاسی میدان کو وصول کرے گا۔
تمد میدان کو وصول کرے گا جبکہ دایاں قطبی اینٹینا انعکاسی میدان کو وصول کرے گا۔

افقی اور عمودی قطبی اینٹینوں کی صورت میں وصولی اینٹینا کی اونچائی تبریل کرنے سے میدان صفر تاد گناحاصل کرناممکن ہے جبکہ دائری قطبی اینٹینا کی صورت میں وصول طاقت کادار ومدار اینٹینا کی اونچائی پر نہیں ہوتا۔ دائری اینٹینا ہر صورت اکائی میدان حاصل کرتی ہے۔

چونکہ آمدیاورانعکائی زاویے برابر ہوتے ہیں للذاشکل میں آمدی تکون اورانعکائی تکون کیسال ہیں۔ یوں $(r_1+r_2-r_0)$ گی قیت جاسکتی ہے۔ یوں عمودی قطب میدان کی زیادہ سے زیادہ قیمت

$$h_2 = \frac{d\lambda}{2h_1} = \frac{4 \times 10^3 \times 1}{2 \times 200} = 10 \,\mathrm{m}$$

کی صورت میں حاصل ہو گی جس سے افتی قطبی میدان کی زیادہ سے زیادہ قیمت کی اونچائی 5،15،25، ۰۰۰ میٹر لکھی جاسکتی ہے۔

فرائس کی مساوات سے ،ایک راہ سے موصول طاقت

$$P_w = rac{P_t A_t A_w}{r^2 \lambda^2} = rac{10^3 imes 0.32 imes 0.91}{16 imes 10^6 imes 1} = 18 \, \mu \mathrm{W}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں ترسلی اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\theta_{HP}\phi_{HP}} = \frac{4\pi}{\frac{360 \times \pi}{180} \times \frac{10 \times \pi}{180}} = 11.459$$

5248

ليتے ہوئےاس کااخراجی رقبہ

$$A_t = \frac{\lambda^2}{4\pi}D = 0.91\,\mathrm{m}^2$$

اور وصولی اینشینا کا وصولی رقبه

$$A_w = \frac{\lambda^2}{4\pi}D = \frac{1^2 \times 4}{4\pi} = 0.32 \,\mathrm{m}^2$$

کئے گئے ہیں۔سید ھی آمد اور انعکائی آمد میدان مل کر زیادہ سے زیادہ طاقت 4 گنا کر دیتی ہیں۔ یوں افقی قطبی اور عمودی قطبی اینٹینا کی صورت میں زیادہ سے نویادہ وصول کر دہ طاقت 4W 72 ہو گا جبکہ دونوں صور توں میں کم سے کم حاصل کر دہ طاقت صفر ہو گا۔

دائري قطبي صورت ميں وصولي اينٹينا كي سمتيت

$$D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda} = 15 \left(\frac{\frac{0.22}{\tan 12.5^{\circ}}}{1}\right)^2 \times \frac{6 \times 0.22}{1} = 19.5$$

اور وصولی رقبه

$$A_w = \frac{\lambda^2 D}{4\pi} = 1.55 \,\mathrm{m}^2$$

ہیں للذاہر اونچائی پر وصول کر دہ طاقت

$$P_w = \frac{1.55}{0.32} \times 18 = 87 \,\mu\text{W}$$

-b yr

وصول کردہ طاقت کا تخینہ لگاتے ہوئے ہم نے دینٹینوں کے در میان فاصلے کو چار کلو میٹر ہی تصور کیاا گرچہ حقیقی فاصلے قدر مختلف ہیں۔چار کلو میٹر کے فاصلے پر چند میٹر کم یازیادہ سے حاصل جواب میں کوئی خاص تبدیلی پیدانہیں ہوتی۔

14.20 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی

کسی بھی برقی مزاحت R میں حرارت T کی وجہ سے آزاد چارج حرکت کرتے ہیں جس سے مزاحمت میں <mark>حرار کی شور ⁶⁶ پیدا ہوتا ہے۔ال</mark>ی مزاحمت کے برقی سرول پر B تعدد ی پڑپر

$$(14.207) W = kBT$$

طاقت شور 67 پایاجاتاہے۔اکائی تعددی پٹی پریوں

$$(14.208) w = kT$$

طاقت شور پایاجائے گا جہاں

thermal noise⁶⁶ noise power⁶⁷ باب 14. اینٹینا اور شعاعی اخراج 570

 $\frac{W}{H_2}$ ا کائی تعدد ی پٹی پر شور کی طاقت، w $1.38 imes 10^{-23} \, rac{ ext{J}}{ ext{K}}$ بولٹز من کامتقل، kB تعددي يڻي، Hz

T مزاحمت کی حتمی حرارت، K

ہیں۔ T کو <mark>حرارت شور</mark> ⁶⁸ کہا جاتا ہے۔ برابر تعددی پٹی پر برابر طاقت شوریا پاجاتا ہے۔

ا گربر قی مزاحت R کے برابراخراجی مزاحمت (R = اخراجی) کے اینٹینا کے برقی سروں پر طاقت شور نابی جائے توبیہ مزاحمت پر نابی گئی طاقت شور سے مختلف ہو گی۔اینٹینا کے سروں پر طاقت شور ، خلاء کے اس خطے کی حرارت T سے پیداشور ہو گاجہاں سے اینٹینا طاقت وصول کر رہاہو۔اس طاقت شور کااینٹینا کی حرارت سے کوئی تعلق نہیں۔ یوں اینٹینا کو بطور بعید پی<mark>ا حرارت</mark> ⁶⁹استعال کیاجا سکتا ہے۔

ایک سنٹی میٹر طول موج کے ریڈیا کی دوربین کی مرکز نگاہ آسمان کے ایسے خطوں پر رکھی جاسکتی ہے جہاں حتمی حرارت K کے قریب قریب ہوتی ہے۔ایسی صورت میں طاقت شور آسان کی حرارت سے پیداہو گانا کہ اینٹینا کے حرارت سے جو X 300 کے لگ بھگ ہو گی۔ریڈیائی دوربین کی طاقت شور فی تعدد

$$(14.209) w = kT_A (\frac{W}{Hz})$$

5252

ککھی جاتی ہے جہاں T_A اینٹینا کی حراری شورہے جسے عموماً <mark>حرارت اینٹینا</mark> 70 یااخراجی مزاحت کی حرارت کہاجاتا ہے۔ حرارت اینٹیناوہ خطہ کرتی ہے جس پر اینٹیننا کے نقش کی نظر ہو۔ یوں اینٹینا کی مددسے دور آسان کے خطوں کی حرارت ناپنا ممکن ہے۔ ہم نے اس پورے بحث میں بیفرض کرر کھاہے کہ اینٹینا بے ضیاع ہے اور یہ آسان کی طرف نظر رکھے ہوئے ہے۔ یوں انعکاسی شعاع اور ثانوی شعاع کور دکیا گیاہے۔

ریڈیائی دوربین کواستعال کرتے ہوئے کثافت طاقت شور فی تعد د

$$p = \frac{w}{S_e} = \frac{kT_A}{S_e} \qquad \left(\frac{W}{m^2 Hz}\right)$$

كاستعال زياده سود مند ثابت ہوتاہے جے يوئنٹنگ سمتيه في تعدد تصور كياجاسكتا ہے۔

ا گر ہمیں منبع شور کی زاویائی وسعت Ω_M معلوم ہواور یہ Ω_A کی نسبت سے کم ہوتب منبع کی حرارت

$$\frac{T_A}{T_M} = \frac{\Omega_M}{\Omega_A}$$

سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ یاد رہے کہ T_A کااینشینا کی حرارت سے کوئی تعلق نہیں۔

مثال 14.13: مریخ ''تر مرکز نگاہ رکھتے ہوئے m 15 کمبی ریڈیائی دوربین کی اینٹسنا حرارت 31.5 mm طول موج پر X 0.24 نابی جاتی ہے۔ اینٹسنا پر پھر نخ °0.005زاویه بناتا ہے اور اینٹینا کا نصف طاقت زاویہ °0.116 ہیں۔ مریخ کی حرارت دریافت کریں۔

remote temperature sensor⁶⁹

antenna temperature⁷⁰

حل: مساوات 14.211 سے مریخ کی حرارت

$$T_M = \frac{\Omega_A}{\Omega_M} T_A \approx \frac{0.116^2}{\pi (0.005^2/4)} 0.24 = 164 \,\mathrm{K}$$

حاصل ہوتی ہے۔

5267

14.21 حرارت نظام اور حرارت بعيد

حرارت اینٹینا سے اس خطے کی حرارت حاصل کی جاسکتی ہے جس پر اینٹینا کا مرکز نگاہ ہو۔ یوں اینٹینا کو بعید پیاحرارت استعال کیا جاسکتا ہے۔ ایک سنٹی میٹر پیلوں موج کے ریڈیائی دور بین کی نگاہ ستاروں سے خالی آسان کے خطے پر رکھتے ہوئے انتہائی کم اینٹینا حرارت حاصل کی جاسکتی ہے۔ آسان کو دیکھتے ہوئے کم تر حمالات کا 3 K حاصل ہوتی جو کا نئات کی ابتدائی دھائے 2⁷² کی بقیبہ حرارت ⁷³ ہے۔ اگر اینٹینا کے سامنے ستارہ موجود ہوتب بقیہ حرارت سے زیادہ حرارت نالی جائے گی۔ ایک میٹر طول موج پر ہماری کہکشاں کی حرارت کئی ہزار کیلون نائی جائی ہے۔ ہم حراری اس حراری اس خراری اس خراری اوصولی خاصیت کی حرارت ہے ہیں۔ یہ کا ل اخراجی و وصولی خاصیت کی جرارت ہے۔ ہم کو اینٹینا سے جسم کی حرارت ہے۔ ہم کو سام جسم کو سیاہ جسم کو سیاہ جسم کو سیاہ جسم کہ کہا جاتا ہے۔ یوں اگر اینٹینا کی پوری وصولی نقش کے خطے میں گرم کو کلے یاسیاہ دھات کا کرہ پایاجائے ، تو اینٹینا سے کرہ کی نائی گئی حرارت غیر یقینی طور پر زیادہ حاصل ہوتی ہے۔

مثال کے طور پرا گر قریب ریڈیواسٹیشن کی نشریات، 10 m2 وصولی رقبے اور 10 kHz تعددی پٹی کے وصولی اینٹینا کے قریب M 10 کامیدان پیدا کرے تو وصولی اینٹینا کی کل وصول کر دہ طاقت

$$W = \frac{E^2}{Z_0} S_e = \frac{10^{-10}}{377} \times 10 = 2.65 \,\text{pW}$$

ہو گی جسے مساوات 14.207 میں پر کرتے ہوئے

$$T = \frac{W}{kB} = \frac{2.65 \times 10^{-12}}{1.38 \times 10^{-23} \times 10^4} = 1.9 \times 10^7 \,\mathrm{K}$$

حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں آپ نے دیکھا کہ صرف $\frac{V}{m}$ 10 کامیدان کا \times 1.9 کی اینٹینا حرارت پیدا کر سکتا ہے۔یہ اتنی بڑی مقدار ہے کہ اس کی موجود گل میں بقایا نظام کی حرارت، جسے حرارت نظام آئی پارا جاتا ہے، کو نظرانداز کیا جاسکتا ہے۔البتہ،ریڈیائی دوربین اتنی کم طاقت کے اشارات پر کام کرتے ہیں کہ النابیل کے میں اللہ تا ہے۔ اللہ تعمیل کے جہاں = 1 Ja، حرارت نظام انتہائی اہم ہوتا ہے۔اس کااندازہ آپ یوں کر سکتے ہیں کہ ریڈیائی دوربین کے استعال میں کثافت طاقت فی ہر ٹزکی اکائی جانسی 37 ہے جہاں = 1 Ja، حرارت نظام انتہائی اہم ہوتا ہے۔اس کااندازہ آپ یوں کر سکتے ہیں کہ ریڈیائی دوربین کے استعال میں کثافت طاقت فی ہر ٹزکی اکائی جانسی 38 ہے جہاں = 200 میں موتا ہے۔

big bang⁷²

 ${\rm residual}\ {\rm temperature}^{73}$

thermal/4 blackbody⁷⁵

thermometer⁷⁶

system temperature⁷⁷

 $Jansky^{78}$

سوالات

سوال 1.5λ:14.1 لیے خطی اینٹینا کااخراجی مزاحمت حاصل کریں۔ابیا کرنے کی خاطر آپ کوصفحہ 555 پر دیے جدول 14.2 کے طرز کاجدول حاصل کرناہوںگا۔ جواب: Ω 100

سوال 14.2: کیساں غیر سمتی منبع پر مبنی قطار میں ارکان کے در میان $d=\frac{\lambda}{4}$ ہے۔ مرکزی شعاع °30 ھی جا سمتی منبع پر مبنی قطار میں ارکان کے مابین زاویا تی افران کی خاطر ارکان کے مابین زاویا تی افران کے مابین زاویا تی افران کے مابین زاویا تی افران کی خاطر ان کی خاطر ان کے مابین زاویا تی افران کے مابین زاویا تی خاطر ان کی خاطر ان کی خاطر ان کی خاطر ان کی خاطر ان کے مابین زاویا تی خاطر ان کی خاطر ان کی خاطر ان کے مابین زاویا تی خاطر ان کی خاطر ان کی

جواب: 1.36 rad

سوال 14.3: تداخل پیامیں جفت قطب کے مابین فاصلہ 10 کہونے کی صورت میں پہلے صفر چوڑائی حاصل کریں۔

5.7°: چواب

```
528complex permitivity
```

dispersion

fourier transform sec 14.8 of kraus must draw the figures

charge is barqi bar and let the reader figure out which bar is meant

wave over a conducting surface needs revisit. may have to discard it and take the basic explanation as given in kraus. READ field theory of guided waves by collins

divergence, curl formulae at end page

degree angle and degree celcius, ohm, micro etc not showing

kraus p581 mentions three types of impedances: intrinsic, characteristic and transverse. ensure that i to Θ_n have these distinctions

kraus fig-13.28 and fig 13.29 and table 13.3 (on p577) are v. impt

Huygens improvements

figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book

the answers should be at the end of the book

handle all side notes () and remove the corresponding text

read chapter 9 onwards (proof reading)

energy travels along the wire and not in the wire.

antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.

house completion certificate.

zarvab fish

F=mdW/dT to include in inductance chapter plus a question or two magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt. charge is barqi bar.

add questions to machine book too.

take print outs for myself.

5313

when giving fields always remember the following rules:

always ensure that divergence of magnetic field is zero.

moving waves must be of the form $E = E0\cos(wt - kz)$ where $c = (\mu * \epsilon)^{-0.5}$ and $k = 2 * \pi/\lambda$

include complex permittivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon")

include 4th ed fig 11.11 of page 422

rename lossless and lossy dielectrics as

الباب 15

سوالات

5323

سوال 15.1: غیر سمتی اینٹینا $E=rac{25I}{r}$ میدان پیدا کرتی ہے جہاں اینٹینا کا داخلی موثر برقی رو I اور اینٹینا سے فاصلہ r ہے۔اس اینٹینا کی اخراجی مزامعحمت حاصل کریں۔

جواب: $\Omega.8\,\Omega$

سوال 15.2: اینٹینا کی شعاع $heta < 0 < heta < 2\pi$ ، $0 < \phi < 2\pi$ ، $0 < heta < 30^\circ$ خطرہ میں یکسان میدان پیدا کرتی ہے جبکہ $0 < heta < 30^\circ$ خطلات میں میدان صفر کے برابر ہے۔ الف) اینٹینا کا اخراجی ٹھوس زاویہ 0 حاصل کریں۔ ب) شعاع کی سمتیت 0 دریافت کریں۔

جوابات: 14.9 ، 0.842 sr جوابات

سوال 15.3:

ایتنینا کی شعاع $0 < \theta < 2\pi$ ، $0 < \theta < 2\pi$ ، $0 < \theta < 60^\circ$ خطے میں میدان بیدا کرتی ہے جبکہ $0 < \theta < 2\pi$ ، $0 < \theta < 2\pi$ میں میداناتوصفر کے برابر ہے۔ الف) ایتنینا کا اخراجی ٹھوس زاویہ $0 < \theta < 2\pi$ حاصل کریں۔ ب) شعاع کی سمتیت $0 < \theta < 2\pi$ دریافت کریں۔ پ) ایتنینا کا اخراجی ٹھوس زاویہ $0 < \theta < 2\pi$ حاصل کریں۔ ب) شعاع کی سمتیت $0 < \theta < 2\pi$ دریافت کریں۔ پ) ایتنینا کا اخراجی مواحمت $0 < \theta < 2\pi$ ہے۔ ایتنینا کا اخراجی مواحمت $0 < \theta < 2\pi$ ہے۔ ایتنینا کا اخراجی مواحمت $0 < \theta < 2\pi$ دریافت کریں۔

جوابات: $3.142\,\mathrm{sr}$ ، $3.142\,\mathrm{sr}$ ، $3.342\,\mathrm{sr}$ جوابات:

سوال 15.4: اینٹینا کی شعاع $heta < 60^\circ$ برابر ہے۔اینٹینا $heta < 0^\circ$ خطے میں یکساں ہے۔بقایا خطے میں میدان صفر کے برابر ہے۔اینٹینا $heta < 0^\circ$ خطے میں یکساں ہے۔بقایا خطے میں میدان صفر کے برابر ہے۔اینٹینا $heta < 0^\circ$ برابر ہے۔ اینٹینا کی اخراجی مزاحمت اخراجی $heta < 0^\circ$ کے فاصلے پر اس خطے میں $heta < 0^\circ$ برقی میدان حاصل کرنے کی خاطر $heta < 0^\circ$ موثر داخلی برقی رو درکار ہے۔ اینٹینا کی اخراجی مزاحمت اخراجی دریافت کریں۔

جواب: $288\,\Omega$

سوال 15.5: اینٹینا کی مرکزی شعاع hickspace 0 < hickspace 0 <

جوابات: D=6.17 ، D=6.17

سوال 15.6: دو عدد غیر سمتی، ہم قدم منبع کرے درمیان فاصل کر ہے۔ الف) نقش کرے صفر حاصل کریں۔ ب) نقش کی چوٹیاں حاصل کریں۔

 $_{5346}$ 180° ، $\mp 120^{\circ}$ ، $\mp 90^{\circ}$ ، $\mp 60^{\circ}$ ، 0° ، $\pm 138.6^{\circ}$ ، $\mp 104.5^{\circ}$ ، $\mp 75.5^{\circ}$ ، $\mp 41.4^{\circ}$ جوابات:الف)

سوال 15.7: دو عدد غیر سمتی، منبع کے درمیان فاصل $\frac{3\lambda}{2}$ ہے جبکہ ان میں زاویائی فرق $^{\circ}$ 180 ہے۔ الف) نقش کے صفر حاصل کریں۔ ب) نقش کی مجھوٹیاں حاصل کریں۔

جوابات:الف) $\mp 109.5^\circ$ ، $\mp 70.5^\circ$ ، 0° ب ب ب $\mp 131.8^\circ$ ، $\pm 48.2^\circ$ ، $\pm 90^\circ$ جوابات:الف)

5350

576 الباب 15. سوالات

 σ :15.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
7×10^{4}	گريفائٿ	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	پيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بيك لائث	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارالس	0.10×10^{7}	نائيكروم
		•	

578 الباب 15. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالي خلاء
	1.0006	ب وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ر برا
0.00075	3.8	SiO_2 سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ_R :15.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.999 999 42	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

الباب 15. سوالات