

# برقی و مقناطیسیات

خالد خان یوسفزئی  
 کامیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفارمیشن ٹیکنالوجی، اسلام آباد  
 khalidyousafzai@comsats.edu.pk



# عنوان

3

1	4	سمتیات	1
1.1	5	مقداری اور سمتیہ	1.1
1.2	6	سمتی الجبرا	1.2
1.3	7	کارتیسی محدود	1.3
1.4	8	اکائی سمتیات	1.4
1.5	9	میدانی سمتیہ	1.5
1.6	10	سمتی رقبہ	1.6
1.7	11	غیر سمتی ضرب	1.7
1.8	12	سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	1.8
1.9	13	گول نلکی محدود	1.9
1.9.1	14	نلکی اکائی سمتیات کا کارتسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب	1.9.1
1.9.2	15	نلکی اور کارتسی اکائی سمتیات کا تعلق	1.9.2
1.9.3	16	نلکی لامحدود سطحیں	1.9.3
1.10	17	کروی محدود	1.10
2	18	کولومب کا قانون	2
2.1	19	قوت کشش یا دفع	2.1
2.2	20	برقی میدان کی شدت	2.2
2.3	21	یکساں چارج بردار سیدھی لامحدود لکیر کا برقی میدان	2.3
2.4	22	یکساں چارج بردار ہموار لامحدود سطح	2.4
2.5	23	چارج بردار حجم	2.5
2.6	24	مزید مثال	2.6
2.7	25	برقی میدان کے سمت بہاؤ خط	2.7

69 <sup>26</sup>	گاؤس کا قانون اور پھیلاؤ	3
69 <sup>27</sup>	ساکن چارج	3.1
69 <sup>28</sup>	فیراڈے کا تجربہ	3.2
70 <sup>29</sup>	گاؤس کا قانون	3.3
72 <sup>30</sup>	گاؤس کے قانون کا استعمال	3.4
72 <sup>31</sup>	نقطہ چارج	3.4.1
74 <sup>32</sup>	یکساں چارج بردار کروی سطح	3.4.2
74 <sup>33</sup>	یکساں چارج بردار سیدھی لامحدود لکیر	3.4.3
75 <sup>34</sup>	ہم محوری تار	3.5
77 <sup>35</sup>	یکساں چارج بردار ہموار لامحدود سطح	3.6
77 <sup>36</sup>	انتہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7
80 <sup>37</sup>	پھیلاؤ	3.8
82 <sup>38</sup>	نلکی محدود میں پھیلاؤ کی مساوات	3.9
84 <sup>39</sup>	پھیلاؤ کی عمومی مساوات	3.10
86 <sup>40</sup>	مسئلہ پھیلاؤ	3.11
93 <sup>41</sup>	توانائی اور برقی دباؤ	4
93 <sup>42</sup>	توانائی اور کام	4.1
94 <sup>43</sup>	لکیری تکملہ	4.2
99 <sup>44</sup>	برقی دباؤ	4.3
100 <sup>45</sup>	نقطہ چارج کا برقی دباؤ	4.3.1
101 <sup>46</sup>	لکیری چارج کثافت سے پیدا برقی دباؤ	4.3.2
102 <sup>47</sup>	ہم محوری تار کا برقی دباؤ	4.3.3
102 <sup>48</sup>	متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباؤ	4.4
106 <sup>49</sup>	برقی دباؤ کی ڈھلوان	4.5
110 <sup>50</sup>	نلکی محدود میں ڈھلوان	4.5.1
111 <sup>51</sup>	کروی محدود میں ڈھلوان	4.5.2
112 <sup>52</sup>	جفت قطب	4.6
114 <sup>53</sup>	جفت قطب کے سمت بہاؤ خط	4.6.1
117 <sup>54</sup>	ساکن برقی میدان کی کثافت توانائی	4.7

125 <sub>s</sub>	موصل، ذو برق اور کیپسٹر	5
125 <sub>s6</sub>	برقی رو اور کثافت برقی رو	5.1
127 <sub>s7</sub>	استمراری مساوات	5.2
129 <sub>s8</sub>	موصل	5.3
134 <sub>s9</sub>	موصل کے خصوصیات اور سرحدی شرائط	5.4
137 <sub>s10</sub>	عکس کی ترکیب	5.5
140 <sub>s11</sub>	نیم موصل	5.6
141 <sub>s12</sub>	ذو برق	5.7
146 <sub>s13</sub>	کامل ذو برق کے سرحد پر برقی شرائط	5.8
150 <sub>s14</sub>	موصل اور ذو برقی کے سرحدی شرائط	5.9
150 <sub>s15</sub>	کیپسٹر	5.10
152 <sub>s16</sub>	5.10.1 متوازی چادر کیپسٹر	
153 <sub>s17</sub>	5.10.2 ہم محوری کیپسٹر	
153 <sub>s18</sub>	5.10.3 ہم محوری کرہ کیپسٹر	
155 <sub>s19</sub>	5.11 سلسلہ وار اور متوازی جڑے کیپسٹر	
156 <sub>s20</sub>	5.12 دو متوازی تاروں کا کیپسٹنس	
169 <sub>s21</sub>	پوٹنسن اور لاپلاس مساوات	6
171 <sub>s22</sub>	6.1 مسئلہ یکنائی	
173 <sub>s23</sub>	6.2 لاپلاس مساوات خطی ہے	
173 <sub>s24</sub>	6.3 نلکی اور کروی محدود میں لاپلاس کی مساوات	
174 <sub>s25</sub>	6.4 لاپلاس مساوات کے حل	
181 <sub>s26</sub>	6.5 پوٹنسن مساوات کے حل کی مثال	
183 <sub>s27</sub>	6.6 لاپلاس مساوات کا ضربی حل	
191 <sub>s28</sub>	6.7 عددی دہرائے کا طریقہ	

199 <sub>9</sub>	ساکن مقناطیسی میدان	7
199 <sub>0</sub>	بایوٹ-سیوارٹ کا قانون	7.1
204 <sub>1</sub>	ایمپیٹر کا دوری قانون	7.2
210 <sub>2</sub>	گردش	7.3
217 <sub>3</sub>	نلکی محدود میں گردش	7.3.1
222 <sub>4</sub>	عمومی محدود میں گردش کی مساوات	7.3.2
224 <sub>5</sub>	کروی محدود میں گردش کی مساوات	7.3.3
225 <sub>6</sub>	مسئلہ سٹوکس	7.4
228 <sub>7</sub>	مقناطیسی بہاؤ اور کثافت مقناطیسی بہاؤ	7.5
235 <sub>8</sub>	غیر سمتی اور سمتی مقناطیسی دباؤ	7.6
240 <sub>9</sub>	ساکن مقناطیسی میدان کے قوانین کا حصول	7.7
240 <sub>0</sub>	سمتی مقناطیسی دباؤ	7.7.1
242 <sub>1</sub>	ایمپیٹر کا دوری قانون	7.7.2
249 <sub>2</sub>	مقناطیسی قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ	8
249 <sub>3</sub>	متحرک چارج پر قوت	8.1
250 <sub>4</sub>	تفرقی چارج پر قوت	8.2
254 <sub>5</sub>	برقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت	8.3
255 <sub>6</sub>	قوت اور مروڑ	8.4
261 <sub>7</sub>	فولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے	8.5
262 <sub>8</sub>	مقناطیسیت اور مقناطیسی مستقل	8.6
265 <sub>9</sub>	مقناطیسی سرحدی شرائط	8.7
268 <sub>00</sub>	مقناطیسی دور	8.8
271 <sub>01</sub>	مقناطیسی مخفی توانائی	8.9
271 <sub>02</sub>	خود امالہ اور مشترکہ امالہ	8.10
277 <sub>03</sub>	مشترکہ امالہ	8.11

283 <sup>04</sup>	9	وقت کے ساتھ بدلنے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283 <sup>05</sup>	9.1	فیراڈے کا قانون
290 <sup>06</sup>	9.2	انتقالی برقی رو
296 <sup>07</sup>	9.3	میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
298 <sup>08</sup>	9.4	میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303 <sup>09</sup>	9.5	تاخیری دباؤ
311 <sup>10</sup>	10	مستوی امواج
311 <sup>11</sup>	10.1	خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
312 <sup>12</sup>	10.2	برقی و مقناطیسی مستوی امواج
319 <sup>13</sup>	10.2.1	خالی خلاء میں امواج
323 <sup>14</sup>	10.2.2	خالص یا کامل ذو برق میں امواج
325 <sup>15</sup>	10.2.3	ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
329 <sup>16</sup>	10.3	پوئنٹنگ سمتیہ
334 <sup>17</sup>	10.4	موصل میں امواج
340 <sup>18</sup>	10.5	انعکاس مستوی موج
346 <sup>19</sup>	10.6	شرح ساکن موج
359 <sup>20</sup>	11	ترسیلی تار
359 <sup>21</sup>	11.1	ترسیلی تار کے مساوات
363 <sup>22</sup>	11.2	ترسیلی تار کے مستقل
364 <sup>23</sup>	11.2.1	ہم محوری تار کے مستقل
367 <sup>24</sup>	11.2.2	دو متوازی تار کے مستقل
368 <sup>25</sup>	11.2.3	سطح مستوی ترسیلی تار
369 <sup>26</sup>	11.3	ترسیلی تار کے چند مثال
377 <sup>27</sup>	11.4	ترسیمی تجزیہ، سمتیہ نقشہ
384 <sup>28</sup>	11.4.1	سمتہ فراوانی نقشہ
386 <sup>29</sup>	11.5	تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال
389 <sup>30</sup>	11.6	تجزیہ عارضی حال

393 <sub>31</sub>	12 تقطیب موج
393 <sub>32</sub>	12.1 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
396 <sub>33</sub>	12.2 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پرنٹنگ سمتیہ
399 <sub>34</sub>	13 ترچھی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار
399 <sub>35</sub>	13.1 ترچھی آمد
410 <sub>36</sub>	13.2 ترسیم ہائی گن
413 <sub>37</sub>	14 موج اور گھمکیا
413 <sub>38</sub>	14.1 برقی دور، ترسیلی تار اور موج کا موازنہ
414 <sub>39</sub>	14.2 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے موج میں عرضی برقی موج
420 <sub>40</sub>	14.3 کھوکھلا مستطیلی موج
429 <sub>41</sub>	14.3.1 مستطیلی موج کے میدان پر تفصیلی غور
436 <sub>42</sub>	14.4 مستطیلی موج میں عرضی مقناطیسی $TM_{mn}$ موج
440 <sub>43</sub>	14.5 کھوکھلی نالی موج
447 <sub>44</sub>	14.6 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف
449 <sub>45</sub>	14.7 انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف
451 <sub>46</sub>	14.8 سطحی موج
456 <sub>47</sub>	14.9 ذو برق تختی موج
459 <sub>48</sub>	14.10 شیش ریشہ
462 <sub>49</sub>	14.11 پردہ بصارت
464 <sub>50</sub>	14.12 گھمکی خلاء
467 <sub>51</sub>	14.13 میکس ویل مساوات کا عمومی حل



475 <sup>52</sup>	
475 <sup>53</sup>	15.1 تعارف
475 <sup>54</sup>	15.2 تاخیری دباو
477 <sup>55</sup>	15.3 تکمل
478 <sup>56</sup>	15.4 مختصر جفت قطبی اینٹینا
486 <sup>57</sup>	15.5 مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت
490 <sup>58</sup>	15.6 ٹھوس زاویہ
491 <sup>59</sup>	15.7 اخراجی رقبہ، سمتیت اور افزائش
498 <sup>60</sup>	15.8 قطاری ترتیب
498 <sup>61</sup>	15.8.1 غیر سمتی، دو نقطہ منبع
499 <sup>62</sup>	15.8.2 ضرب نقش
500 <sup>63</sup>	15.8.3 ثنائی قطار
502 <sup>64</sup>	15.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار
504 <sup>65</sup>	15.8.5 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار
504 <sup>66</sup>	15.8.6 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار
508 <sup>67</sup>	15.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلنے زاویہ اخراجی اینٹینا
509 <sup>68</sup>	15.9 تداخل پیمہ
510 <sup>69</sup>	15.10 مسلسل خطی اینٹینا
511 <sup>70</sup>	15.11 مستطیل سطحی اینٹینا
514 <sup>71</sup>	15.12 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں
514 <sup>72</sup>	15.13 خطی اینٹینا
519 <sup>73</sup>	15.14 چلتے موج اینٹینا
520 <sup>74</sup>	15.15 چھوٹا گھیرا اینٹینا
521 <sup>75</sup>	15.16 پیچ دار اینٹینا
523 <sup>76</sup>	15.17 دو طرفہ کردار
525 <sup>77</sup>	15.18 جھری اینٹینا
526 <sup>78</sup>	15.19 پیپا اینٹینا
528 <sup>79</sup>	15.20 فرانس ریڈار مساوات
531 <sup>80</sup>	15.21 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی
533 <sup>81</sup>	15.22 حرارت نظام اور حرارت بعید



## ترسیلی تار

ترسیلی تار ایک نقطے سے دوسرے نقطے تک توانائی اور اشارات منتقل کرتے ہیں۔ بالکل سادہ صورت میں ترسیلی تار منبع طاقت کو برقی بار کے ساتھ منسلک کرتا ہے۔ یہ **مرسل** (ٹرانسمیٹر)<sup>1</sup> اور لینڈینٹینا<sup>2</sup> یا پھر ڈیم میں نسب جزیر اور اس سے دور کسی شہر کا بار ہو سکتے ہیں۔

مستوی برقی و مقناطیسی امواج عرضی امواج ہیں۔ ترسیلی تار پر بھی عرضی امواج ہی پائی جاتی ہیں۔ ہم دیکھیں گے کہ اس مشابہت کی بنا پر برقی و مقناطیسی امواج کے لئے حاصل کردہ مساوات ترسیلی تار کے لئے بھی قابل استعمال ہوں گے البتہ ترسیلی نظام میں برقی اور مقناطیسی میدان کے بجائے عموماً برقی دباؤ اور برقی بہاؤ کی استعمال کئے جاتے ہیں۔ اسی طرح کثافت طاقت کی جگہ طاقت کی بات کی جاتی ہے۔

اس باب میں ترسیلی تجزیے پر خاص زور دیا جائے گا جو عرضی برقی و مقناطیسی مستوی امواج کے لئے بھی قابل استعمال ہوگا۔

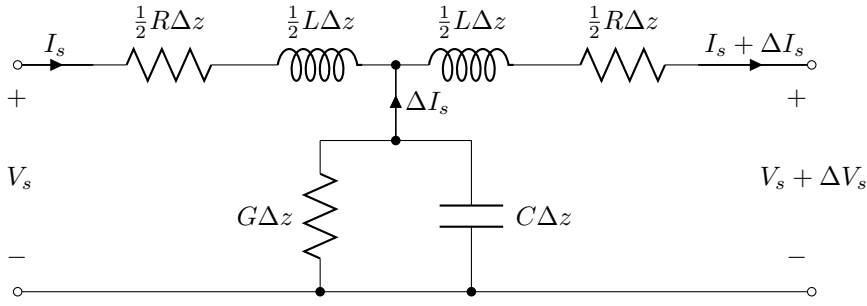
### 11.1 ترسیلی تار کے مساوات

ہم ترسیلی تار کی عمومی مساوات حاصل کرنے کی خاطر ہم محوری تار کو ذہن میں رکھ کر آگے چلتے ہیں۔ یہ تار z محور پر پڑی ہے۔ ہم محوری تار کے اندرونی اور بیرونی موصل تار بہتر موصلیت  $\sigma_c$  رکھتے ہیں۔ ان تاروں کے درمیان مادے کے مستقل  $\mu, \epsilon$  (عموماً  $\mu_0$ ) اور  $\sigma$  ہیں۔ ہم محوری تار کی جسامت اور اشارات کی تعدد چاہتے ہوئے ہم اکائی لمبائی تار کے مستقل  $C, L, R$  اور  $G$  حاصل کر سکتے ہیں۔

یہاں بھی ہم موج کی حرکت  $a_z$  جانب تصور کرتے ہیں۔ یوں تار کے چھوٹی لمبائی  $\Delta z$  کی مزاحمت  $R\Delta z$ ، امالہ  $L\Delta z$ ، کپیسٹنس  $C\Delta z$  اور البصالی  $G\Delta z$  ہوں گے۔ شکل 11.1 میں ترسیلی تار کے اس چھوٹے لمبائی کو دکھایا گیا ہے۔ چونکہ تار کا یہ چھوٹا ٹکڑا دونوں اطراف سے بالکل ایک جیسے معلوم ہوتا ہے لہذا اس کے سلسلہ وار اجزاء کو آدھے آدھے ٹکڑوں میں کرتے ہوئے متوازی اجزاء کے دونوں طرف دکھایا گیا ہے۔ ہم متوازی اجزاء کو دو برابر ٹکڑوں میں کرتے ہوئے سلسلہ وار اجزاء کے دونوں جانب بھی جوڑ سکتے تھے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ شکل 11.1 میں بائیں طرف برقی دباؤ

$$V = V_0 \cos(\omega t - \beta z + \psi)$$



شکل 11.1: یکساں ترسیلی تار کا چھوٹا حصہ۔ متغیرات  $R$ ،  $L$ ،  $C$  اور  $G$  تار کی شکل اور مادوں پر منحصر ہیں۔

پائی جاتی ہے۔ یہ حرکت کرتے موج کی عمومی مساوات ہے۔ یولر مماثل استعمال کرتے ہوئے اس مساوات کو

$$V = \left[ V_0 e^{j(\omega t - \beta z + \psi)} \right] \text{ حقیقی}$$

لکھا جاسکتا ہے۔ اس مساوات میں  $e^{j\omega t}$  اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے دوری سمتیہ کی صورت میں یوں لکھا جاسکتا ہے

$$V_s = V_0 e^{j\psi} e^{-\beta z}$$

جہاں مساوات کے بائیں ہاتھ  $V_s$  لکھتے ہوئے زیر نوشت میں  $s$  یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں ہے۔

شکل 11.1 کے گرد گھومتے ہوئے کرچاف کے برقی دباؤ کے قانون سے

$$V_s = \left( \frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L\Delta z}{2} \right) I_s + \left( \frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L\Delta z}{2} \right) (I_s + \Delta I_s) + V_s + \Delta V_s$$

یا

$$\frac{\Delta V_s}{\Delta z} = - (R + j\omega L) I_s - \frac{1}{2} (R + j\omega L) \Delta I_s$$

لکھا جاسکتا ہے۔ اگر  $\Delta z$  کو صفر کے قریب کر لیا جائے تب  $\Delta I_s$  بھی صفر کے قریب تر ہوگا۔ یوں  $0 \rightarrow \Delta z$  کی صورت میں اس مساوات کے آخری جزو کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ یوں اسے

$$(11.1) \quad \frac{dV_s}{dz} = - (R + j\omega L) I_s$$

لکھا جاسکتا ہے۔

متوازی اجزاء پر برقی دباؤ

$$V_s - \left( \frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L\Delta z}{2} \right) I_s$$

ہے جسے استعمال کرتے ہوئے شکل کو دیکھ کر متوازی اجزاء میں تفرقی رو کے لئے

$$-\Delta I_s = \left[ V_s - \left( \frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L\Delta z}{2} \right) I_s \right] (G\Delta z + j\omega C\Delta z)$$

یا

$$\frac{\Delta I_s}{\Delta z} = - (G + j\omega C) V_s + \frac{1}{2} (R + j\omega L) (G + j\omega C) I_s \Delta z$$

لکھا جاسکتا ہے۔ اگر  $\Delta z \rightarrow 0$  کیا جائے تب اس مساوات کے آخری جزو کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے اور یوں

$$(11.2) \quad \frac{dI_s}{dz} = - (G + j\omega C) V_s$$

حاصل ہوتا ہے۔

یہاں رک کر ذرہ برقی و مقناطیسی امواج کے مساوات کو دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ میکس ویل کی مساوات

$$\nabla \times \mathbf{E}_s = -j\omega\mu\mathbf{H}_s$$

میں  $\mathbf{H}_{ys} = H_{ys}\mathbf{a}_y$  اور  $\mathbf{E}_s = E_{xs}\mathbf{a}_x$  سے

$$(11.3) \quad \frac{dE_{xs}}{dz} = -j\omega\mu H_{ys}$$

ملتا ہے اور اسی طرح

$$\nabla \times \mathbf{H}_s = (\sigma + j\omega\epsilon) \mathbf{E}_s$$

سے

$$(11.4) \quad \frac{dH_{ys}}{dz} = -(\sigma + j\omega\epsilon) E_{xs}$$

ملتا ہے۔

مساوات 11.2 کا مساوات 11.4 کے ساتھ موازنہ کریں۔ غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں  $I_s$  کی جگہ  $H_{ys}$  لکھنے اور اسی طرح  $G$  کی جگہ  $C$  کی جگہ  $\epsilon$  اور  $V_s$  کی جگہ  $E_{xs}$  لکھتے ہوئے دوسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ دونوں مساوات بہت قریبی مشابہت رکھتے ہیں۔

اسی طرح مساوات 11.1 اور مساوات 11.3 کو دیکھتے ہوئے یہی جوڑے یہاں بھی پائے جاتے ہیں، البتہ یہاں  $L$  اور  $\mu$  کی جوڑی بھی پائی جاتی ہے۔ ہاں ظاہری طور پر  $R$  کی جوڑی موجود نہیں ہے۔ یوں ہم  $j\omega\mu$  کی جوڑی  $R + j\omega L$  لے سکتے ہیں۔

لا محدود یکساں مستوی امواج اور لا محدود لمبائی کی یکساں ترسیلی تار کے سرحدی شرائط ایک جیسے ہیں۔ دونوں میں سرحد پایابی نہیں جاتا لہذا ہم گزشتہ باب میں حاصل حل

$$E_{xs} = E_{x0}e^{-\gamma z}$$

کی طرز پر اب

$$(11.5) \quad V_s = V_0e^{-\gamma z}$$

بطور ترسیلی تار کے مساوات کا حل لکھ سکتے ہیں۔ یہ برقی دباؤ کے موج کی مساوات ہے۔ یہ موج مثبت  $z$  جانب حرکت کر رہی ہے اور  $z = 0$  پر اس کا جیٹہ  $V_0$  ہے۔ حرکی مستقل

$$\gamma = \sqrt{j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)}$$

اب

$$(11.6) \quad \gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$$

ہو جائے گا۔ طول موج اب بھی

$$(11.7) \quad \lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہوگا۔ موج کی رفتار اب بھی

$$(11.8) \quad v = \frac{\omega}{\beta}$$

3556

ہے۔

کامل ترسیلی تار طاقت ضائع نہیں کرتا۔ ایسی تار کے مستقل  $R = G = 0$  ہوتے ہیں لہذا

$$\gamma = j\beta = j\omega\sqrt{LC}$$

اور

$$(11.9) \quad v = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

3557

ہوں گے۔

اسی طرح مقناطیسی موج

$$H_{ys} = \frac{E_{x0}}{\eta} e^{-\gamma z}$$

سے

$$(11.10) \quad I_s = \frac{V_0}{Z_0} e^{-\gamma z}$$

لکھا جاسکتا ہے جہاں ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0$  کو

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

سے

$$(11.11) \quad Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$$

3558

لکھا جاسکتا ہے۔

خطہ-1 میں آمدی موج جب خطہ-2 کے سرحد سے ٹکراتی ہے تو اس کا کچھ حصہ بطور انعکاسی موج خطہ-1 میں واپس ہو جاتی ہے۔ اس انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح کو شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{E_{x0}^-}{E_{x0}^+} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

کہتے ہیں۔ اسی طرح اگر  $Z_{01}$  قدرتی رکاوٹ کی ترسیلی تار پر آمد موج  $Z_{02}$  قدرتی رکاوٹ کی ترسیلی تار میں داخل ہونا چاہے تو ان کے سرحد سے انعکاسی موج واپس ہوگی۔ ایسی انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح

$$(11.12) \quad \Gamma = \frac{V_0^-}{V_0^+} = \frac{Z_{02} - Z_{01}}{Z_{02} + Z_{01}}$$

ہوگی۔ انعکاسی شرح جتنے ہوئے شرح ساکن موج

$$(11.13) \quad s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|}$$

لکھی جاسکتی ہے۔ آخر میں اگر  $\eta_2 > 0$  ہو تب  $\eta = -l$  اور  $E_{xs}$  اور  $H_{ys}$  کی شرح

$$\eta_{داخلی} = \eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j\eta_2 \tan \beta_1 l}$$

کو داخلی قدرتی رکاوٹ کہتے ہیں۔ اس سے  $0 < Z_{02}$  کی صورت میں ترسیلی تار کے لئے  $-l = V_{zs} I_s$  کی شرح، یعنی اس کی داخلی قدرتی رکاوٹ کو

$$(11.14) \quad Z_{داخلی} = Z_{01} \frac{Z_{02} + jZ_{01} \tan \beta_1 l}{Z_{01} + jZ_{02} \tan \beta_1 l}$$

لکھا جاسکتا ہے۔

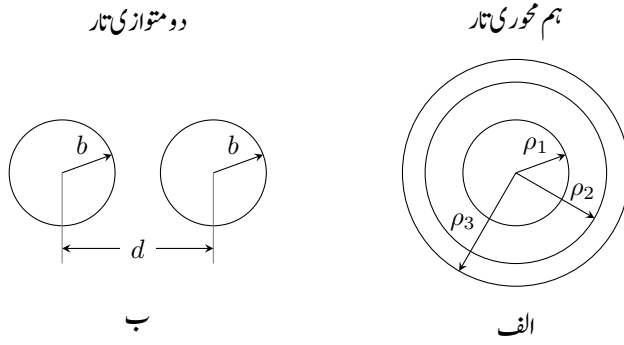
محدود لمبائی کے ترسیلی تار میں لمحہ  $t = 0$  پر داخلی سرے سے اختتامی سرے کی جانب امواج روانہ ہوتی ہیں۔ ان امواج کا کچھ حصہ اختتامی سرے پر منبہ بار سے انعکاس پذیر ہو کر واپس لوٹیں گی۔ اب تار میں آمدی موج کے ساتھ ساتھ انعکاسی امواج بھی پائی جائیں گی۔ انعکاسی موج ترسیلی تار کے داخلی سرے پر پہنچ کر یہاں سے منعکس ہوں گی۔ یوں تار میں اب اصل آمدی موج کے ساتھ ساتھ دومرتبہ انعکاس پذیر امواج بھی اختتامی جانب رواں ہوں گی۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جلد ہی ترسیلی تار کے دونوں سروں سے بار بار منعکس، لامحدود تعداد کے امواج تار میں پائے جائیں گے۔ بجائے یہ کہ ہم تار میں ہر موج پر نظر رکھیں، ہم داخلی جانب سے اختتامی جانب رواں تمام امواج کے مجموعے کو آمدی موج تصور کرتے ہیں۔ اسی طرح اختتامی جانب سے داخلی جانب تمام امواج کے مجموعے کو انعکاسی موج تصور کیا جاتا ہے۔ ایسی ہی تصور کرتے ہوئے مساوات 11.14 حاصل کیا گیا ہے۔

مشق 11.1: ایک ترسیلی تار کے مستقل  $R = 0.15 \frac{\Omega}{m}$ ،  $L = 0.25 \frac{\mu H}{m}$ ،  $G = 8 \frac{pF}{m}$  اور  $C = 80$  ہیں۔ تعدد  $\omega = 5 \times 10^8 \frac{rad}{s}$  پر  $\beta$ ،  $\alpha$  اور  $v_0$  حاصل کریں۔

$$55.9 / -0.029^\circ \Omega اور 2.23 \times 10^8 \frac{m}{s}, 2.81 m, 2.236 \frac{rad}{m}, 1.57 \frac{Np}{m}$$

11.2 ترسیلی تار کے مستقل

اس حصے میں مختلف اشکال کے ترسیلی تار کے مستقل یکجا کرتے ہیں۔ ان میں سے عموماً مستقل کو ہم پہلے حاصل کر چکے ہیں، بس انہیں ایک جگہ لکھنا باقی ہوگا۔ سب سے پہلے ہم محوری تار کے مستقل اکٹھے کرتے ہیں۔



شکل 11.2: ہم محوری ترسیلی تار اور دو متوازی ترسیلی تار۔

### 11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل

شکل 11.2-الف میں ہم محوری تار دکھائی گئی ہے جس میں اندرونی تار کا رداس  $\rho_1$  ہے۔ بیرونی تار کا اندرونی رداس  $\rho_2$  اور اس کا بیرونی رداس  $\rho_3$  ہیں۔ تاروں کے درمیان ذوبرق کے مستقل  $\mu, \epsilon$  اور  $\sigma$  ہیں۔ صفحہ 153 پر مساوات میں تار کی لمبائی  $L = 1$  m پر کرنے سے اس کی فی میٹر کپیسٹنس

$$(11.15) \quad C = \frac{Q}{V} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln \frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتی ہے جبکہ فی میٹر امالہ صفحہ 272 پر مساوات 8.67 دیتا ہے۔

$$(11.16) \quad L_{\text{بیرونی}} = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

یہ تار کی بیرونی امالہ ہے۔ بلند تعدد پر تار میں برقی روصرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہذا ایسی صورت میں تار کے اندر نہایت کم مقناطیسی بہاوپایا جاتا ہے اوریوں اس کی اندرونی امالہ قابل نظر انداز ہوتی ہے۔ کسی بھی ترسیلی تار کے لئے

$$(11.17) \quad L_{\text{بیرونی}} C = \mu\epsilon$$

درست ثابت ہوتا ہے۔ یوں دونوں ہم محوری تاروں کے درمیان میں بھری ذوبرق کا  $\epsilon$  اور فی میٹر تار کی کپیسٹنس جانتے ہوئے اندرونی امالہ اس مساوات سے حاصل کی جاسکتی ہے۔

کم تعدد پر تار کی اندرونی امالہ کو نظر انداز نہیں کیا جاسکتا۔ ایسی صورت میں مساوات 8.71

$$(11.18) \quad L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\mu}{8\pi} + \frac{\mu}{2\pi (\rho_3^2 - \rho_2^2)} \left( \rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2 \right)$$

میں دی گئی فی میٹر تار کی امالہ استعمال کی جائے گی۔ یاد رہے کہ یہ امالہ حاصل کرتے ہوئے فرض کیا گیا تھا کہ برقی رویکساں موصل تار میں گزرتی ہے۔ اب ہم چاہتے ہیں کہ بلند تعدد پر روصرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہذا کم تعدد پر ہی اس امالہ کو استعمال کیا جاسکتا ہے۔

آئیں ایسی تعدد پر بھی صورت حال دیکھیں جب اندرونی امالہ کی قیمت قابل نظر انداز نہ ہو لیکن گہرائی جلد کے اثر کو بھی نظر انداز نہیں کیا جاسکتا۔ گہرائی جلد کے اثر کی وجہ سے مساوات 11.18 قابل قبول نہیں ہوگی۔ اب فرض کرتے ہیں کہ گہرائی جلد  $\delta$  اندرونی تار کے رداس  $\rho_1$  سے بہت کم ہے۔ یوں اندرونی تار کے بیرونی



باریک تہہ میں برقی رو پائی جائے گی۔ برقی رو  $a_z$  سمت میں ہے اور چونکہ  $J_s = \sigma_c E_s$  ہوتا ہے لہذا تار کی سطح پر  $E_s$  کا مماثل جزو بھی  $a_x$  سمت میں ہوگا۔ موصل تار کی موصلیت کو یہاں  $\sigma_c$  لکھا گیا ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت تار کی سطح پر

$$H_{\phi s} = \frac{I_s}{2\pi\rho_1} \quad (11.19)$$

ہوگی۔ اب تار کی سطح پر  $E_{zs}$  اور  $H_{ys}$  کی شرح، مستوی برقی و مقناطیسی موج کی قدرتی رکاوٹ ہوگی۔ اگرچہ ہم نکلی اشکال کی بات کر رہے ہیں لیکن  $\rho_1 \ll \delta$  کی بنا پر برقی رو گزارتے باریک تہہ کو دو موٹائی اور  $2\pi\rho_1$  چوڑائی کا موصل تصور کیا جاسکتا ہے۔ یوں صفحہ 337 پر مساوات 10.66 سے

$$\left|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{H_{ys}} = \frac{1+j}{\sigma_c \delta}\right.$$

لکھا جاسکتا ہے جس میں مساوات 11.19 پر کرنے سے

$$\left|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{I_s} = \frac{1+j}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}\right.$$

لکھا جاسکتا ہے۔ چونکہ  $E_{zs}$  دراصل فی میٹر برقی دباؤ ہے لہذا مندرجہ بالا شرح فی میٹر قدرتی رکاوٹ

$$Z = \left|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{I_s} = R + j\omega L = \frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c} + j\frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c} \quad (11.20)$$

کے برابر ہے۔ یہ امالہ تار کی اندرونی امالہ ہے جو تار کے موصلیت  $\sigma_c$  پر منحصر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کامل موصل کی صورت میں قدرتی رکاوٹ صفر ہوگی۔ یوں اندرونی تار کی اندرونی امالہ

$$L_{\rho_1, \text{اندرونی}} = \frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c\omega}$$

ہوگی۔ صفحہ 335 پر مساوات 10.63 کو  $\sigma_c = \frac{1}{\pi f \mu \delta^2}$  لکھتے ہوئے اس میں پر کرنے سے

$$L_{\rho_1, \text{اندرونی}} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_1} \quad (\delta \ll \rho_1) \quad (11.21)$$

حاصل ہوتا ہے۔ اسی طریقہ کار سے بیرونی تار کے لئے

$$L_{\rho_2, \text{اندرونی}} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_2} \quad (\delta \ll \rho_3 - \rho_2) \quad (11.22)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ یوں بلند تعدد پر ہم محوری تار کی کل امالہ

$$L_{\text{بلند تعدد}} = \frac{\mu}{2\pi} \left[ \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\sigma_c}{2} \left( \frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2} \right) \right] \quad (\delta \ll \rho_1, \delta \ll \rho_3 - \rho_2) \quad (11.23)$$

ہوگا۔ مساوات 11.20 بلند تعدد پر قدرتی رکاوٹ کا مزاحمتی حصہ یعنی فی میٹر مزاحمت بھی دیتا ہے جس سے اندرونی اور بیرونی تاروں کا سلسلہ وار مجموعہ

$$R = \frac{1}{2\pi\delta\sigma_c} \left( \frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2} \right) \quad (\delta \ll \rho_1, \delta \ll \rho_3 - \rho_2) \quad (11.24)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ اس مزاحمت کے ساتھ شعاعی اخراج سے پیدا مزاحمتی جزو بھی شامل کیا جاسکتا ہے۔ **بے پردہ** تار یا ہم محوری تار کے کھلے سر سے شعاعی اخراج ہوتا ہے۔

ایسی تعدد جس پر گہرائی جلد کی قیمت رد اس سے بہت کم نہ ہو حل کرتے ہوئے<sup>4</sup> استعمال ہوتے ہیں۔ یہاں انہیں حل نہیں کیا جائے گا۔

3580

قدرتی رکاوٹ کو عموماً بیرونی امالہ اور کپیسٹنس کی صورت میں

$$(11.25) \quad Z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

3581

لکھا جاتا ہے۔

اندرونی اور بیرونی تار کے مابین ذوبرق میں سے گزرتی ایک سمتی برقی رد  $I = GV$  سے حاصل ہوتی ہے۔ اندرونی تار پر  $\rho_L$  اور بیرونی تار پر  $\rho_L$  - کثافت لکیری چارج تصور کرتے ہوئے تاروں کے مابین برقی دباؤ صفحہ 102 پر مساوات 4.18

$$V = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

دیتی ہے۔ تاروں کے درمیان ذوبرق میں میدان مساوات 4.17

$$E_\rho = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

دیتی ہے۔ ذوبرق کی موصلیت  $\sigma$  لکھتے ہوئے، صفحہ 130 پر اوہم کے قانون کی نقطہ شکل یعنی مساوات 5.11 کی مدد سے یوں رد اس  $\rho$  پر کثافت برقی رو

$$J_\rho = \sigma E_\rho = \frac{\sigma\rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

لکھی جائے گی۔ اندرونی تار کے گرد رد اس  $\rho$  پر  $L$  لمبائی کی تنگی سطح کا رقبہ  $2\pi\rho L$  ہوگا۔ ایسی اکائی لمبائی کی سطح کے رقبہ  $2\pi\rho$  سے کل

$$I = J_\rho 2\pi\rho = \frac{\sigma\rho_L}{\epsilon}$$

برقی رو گزرے گی۔ یوں

$$(11.26) \quad G = \frac{I}{V} = \frac{2\pi\sigma}{\ln \frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

3582

حاصل ہوتا ہے۔

یہاں  $G$  کی قیمت  $C$  کے قیمت سے حاصل کرنا دیکھتے ہیں۔ ایک تار سے دوسرے تار تک  $E$  کی لکیری تکمیل سے برقی دباؤ  $V$  حاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 135 پر مساوات 5.18 کے تحت کسی بھی موصل پر سطحی کثافت چارج، سطح کے عمودی برقی بہاؤ کے برابر ہوتی ہے، یعنی عمودی  $\rho_S = D$ ۔ یوں تار پر کل چارج

$$Q = \int_S \rho_S dS = \epsilon \int_S E_{\text{عمودی}} dS$$

لکھی جاسکتی ہے جہاں  $S$  تار کا سطحی رقبہ ہے اور  $D = \epsilon E$  لکھا گیا۔ یوں

$$(11.27) \quad C = \frac{Q}{V} = \frac{\epsilon \int_S E_{\text{عمودی}} dS}{V}$$

ہوگا۔ اب موصل کے سطح پر عمودی  $E$  جانتے ہوئے یہاں کثافت برقی رو عمودی  $J = \sigma E$  لکھی جاسکتی ہے لہذا تار کے سطح سے خارج کل برقی رو

$$I = \sigma \int_S E_{\text{عمودی}} dS$$

ہوگی۔ یوں دو تاروں کے مابین ایصالیت

$$(11.28) \quad G = \frac{I}{V} = \frac{\sigma \int_S E_{\text{عمودی}} dS}{V}$$

ہوگی۔ مساوات 11.27 اور مساوات 11.28 کو دیکھ کر

$$(11.29) \quad G = \frac{\sigma}{\epsilon}$$

3583

لکھا جاسکتا ہے جو کسی بھی ترسیلی تار کے لئے درست ہے

مشق 11.2: ایک ہم محوری تار جس کے  $\rho_1 = 1 \text{ mm}$  اور  $\rho_2 = 3.82 \times 10^7 \frac{\text{S}}{\text{m}}$  ہیں کے ذوق برق کے مستقل  $\mu_{R^{64}} = 1$ ،  $\epsilon_R = 2.25$  اور  $\frac{\mu_S}{\text{m}} = 10$  ہیں۔ اس کافی میٹر کیپیسٹنس، بیرونی اور اندرونی امالہ حاصل کریں۔ ترسیلی تار کے  $\alpha$ ،  $\beta$  اور  $Z_0$  بھی حاصل کریں۔

3585

جوابات:  $0.1 \frac{\text{nF}}{\text{m}}$ ،  $0.25 \frac{\text{uH}}{\text{m}}$ ،  $1.29 \frac{\text{nH}}{\text{m}}$ ،  $0.014 \frac{\text{Np}}{\text{m}}$ ،  $15.1 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$  اور  $50/0.055^\circ \Omega$

3586

3587

11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل

3588

شکل 11.2: ب میں دو متوازی ترسیلی تار دکھائی گئی ہے۔ تار کا رداس  $b$ ، تاروں کے مابین فاصلہ  $d$  جبکہ تار کی موصلیت  $\sigma_c$  ہے۔ تاروں کے گرد ذوق برق کے مستقل  $\epsilon$ ،  $\mu$  اور  $\sigma$  ہیں۔ اس تار کی کیپیسٹنس صفحہ 159 پر مساوات 5.75 کی نصف ہوگی۔ اس کی وجہ وہ ہیں پر مساوات کے نیچے سمجھائی گئی ہے۔ یوں فی میٹر تار کی کیپیسٹنس

$$(11.30) \quad C = \frac{\pi \epsilon}{\cosh^{-1} \frac{d}{2b}}$$

ہوگی۔ اگر  $d \ll b$  ہو تب مساوات 5.76 سے

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\ln \frac{d}{b}} \quad (b \ll d)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ مساوات 11.17 سے تار کی فی میٹر بیرونی امالہ

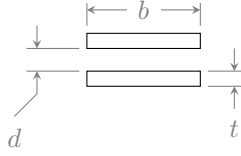
$$L_{\text{بیرونی}} = \frac{\mu}{\pi} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

یا

$$L_{\text{بیرونی}} = \frac{\mu}{\pi} \ln \frac{d}{b} \quad (b \ll d)$$

لکھی جاسکتی ہے جبکہ بلند تعدد پر فی میٹر کل امالہ

$$(11.31) \quad L_{\text{بلند تعدد}} = \frac{\mu}{\pi} \left( \frac{\delta}{2b} + \cosh^{-1} \frac{d}{2b} \right) \quad (\delta \ll b)$$



شکل 11.3: سطح مستوی ترسیلی تار۔

ہے۔ تار کی بیرونی  $\delta$  تہہ برقی رو گزارتی ہے۔ اس تہہ کا رقبہ عمودی تراش  $S = 2\pi b\delta$  ہے لہذا فی میٹر مزاحمت

$$(11.32) \quad R = \frac{l}{\sigma_c S} = \frac{1}{\pi b \delta \sigma_c}$$

ہوگی جہاں دونوں تاروں کی مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔ مساوات 11.29 سے فی میٹر تار کی ایصالیت

$$(11.33) \quad G = \frac{\pi \sigma}{\cosh^{-1} \frac{d}{2b}}$$

حاصل ہوتی ہے۔

بیرونی امالہ اور کپیسٹنس استعمال کرتے ہوئے قدرتی مزاحمت

$$(11.34) \quad Z_0 = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

حاصل ہوتا ہے۔

### 11.2.3 سطح مستوی ترسیلی تار

شکل 11.3 میں **سطح مستوی ترسیلی تار**<sup>5</sup> دکھایا گیا ہے جس میں  $b$  چوڑائی اور  $t$  موٹائی کے دو متوازی موصل چادر دکھائے گئے ہیں جن کے مابین فاصلہ  $d$  ہے۔ موصل چادر کی موصلیت  $\sigma_c$  جبکہ ارد گرد کے ذوبرق کے مستقل  $\mu, \epsilon$  اور  $\sigma$  ہیں۔

اگر  $d \gg b$  ہو تب ان چادروں کی فی میٹر کپیسٹنس

$$(11.35) \quad C = \frac{\epsilon \text{ رقبہ}}{\text{فاصلہ}} = \frac{\epsilon b}{d}$$

ہوگی۔ یوں مساوات 11.17 سے فی میٹر بیرونی امالہ

$$(11.36) \quad L_{\text{بیرونی}} = \frac{\mu \epsilon}{C} = \frac{\mu d}{b}$$

ہوگی۔ امید کی جاتی ہے کہ آپ گہرائی جلد استعمال کرتے ہوئے اندرونی امالہ حاصل کر سکتے ہیں۔ یوں کل امالہ

$$(11.37) \quad L = \frac{\mu d}{b} + \frac{2}{\sigma_c \delta b w} = \frac{\mu}{b} (d + \delta) \quad (\delta \ll t)$$

ہوگی جہاں گہرائی جلد کو چادر کی موٹائی سے بہت کم تصور کیا گیا ہے۔

3594

بلند تعدد پر برقی رو چادروں کے آسنے سامنے سطحوں پر گہرائی جلد تک محدود ہوگی۔ یوں برقی رورقبہ  $b\delta$  سے گزرے گی جس سے ایک تار کے اکائی لمبائی کی مزاحمت  $\frac{1}{\sigma_c b \delta}$  حاصل ہوتی ہے۔ یوں اکائی لمبی تار کے دونوں حصوں کی سلسلہ وار جڑی کل مزاحمت

$$(11.38) \quad R = \frac{2}{\sigma_c b \delta} \quad (\delta \ll t)$$

3595

ہوگی۔

مساوات 11.29 سے

$$(11.39) \quad G = \frac{\sigma b}{d}$$

3596

لکھی جاسکتی ہے۔

ان معلومات سے سطح مستوی ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ

$$(11.40) \quad Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\text{ونی}}}{C}} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon} \frac{d}{b}}$$

3597

لکھی جاسکتی ہے۔

مشق 11.3: مندرجہ بالا تینوں اقسام کے ترسیلی تار 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ ان میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہوئے تمام کے لئے  $\Gamma$  اور  $\lambda$  حاصل کریں۔ ہم محوری تار کا  $\rho_1 = 0.5 \text{ mm}$ ،  $\rho_2 = 2.8 \text{ mm}$ ،  $\epsilon_R = 3.1$  اور  $\mu_R = 1$  ہیں۔ متوازی تار کے  $d = 9 \text{ mm}$ ،  $b = 0.5 \text{ mm}$ ،  $\epsilon_R = 2.2$  اور  $\mu_R = 1$  ہیں۔

3600

3601

جوابات:  $0.816, 50.6 \text{ cm}$ ،  $-0.215, 33.5 \text{ cm}$ ،  $0.26, 42.6 \text{ cm}$

3602

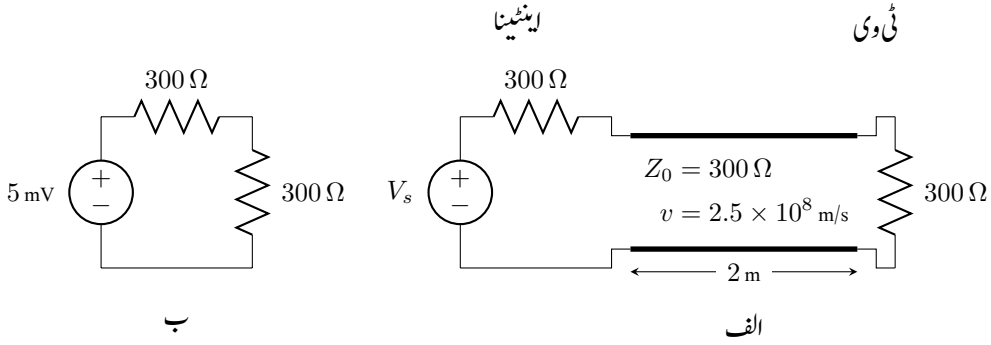
## 11.3 ترسیلی تار کے چند مثال

3603

اس حصے میں گزشتہ حصوں کے نتائج استعمال کرتے ہوئے چند مثال کرتے ہیں۔ یہاں تمام ترسیلی تاروں کو بے ضیاع تار تصور کیا جائے گا۔

3604

شروع دو متوازی ترسیلی تار سے کرتے ہیں جس کی قدرتی رکاوٹ  $300 \Omega$  ہے۔ ایسی تار **ٹی وی** کے اینٹینا اور ٹی وی کے مابین لگائی جاتی ہے۔ شکل 11.4 الف میں اس طرح جڑے ترسیلی نظام کو دکھایا گیا ہے۔ اینٹینا کا تھونن<sup>7</sup> مساوی دور استعمال کیا گیا ہے جو ایک عدد منبع برقی دباؤ  $V_s$  اور اس کے ساتھ سلسلہ وار جڑی  $300 \Omega$  کی مزاحمت پر مشتمل ہے۔ ترسیلی تار ٹی وی کے برقیاتی دور کے بالکل شروع میں نسب ابتدائی ایمپلی فائر سے جڑتی ہے جس کا داخلی مزاحمت  $300 \Omega$  ہے۔ ٹی وی کو



شکل 11.4: ترسیلی تار اینٹینا کو ٹی وی سے جوڑ رہی ہے۔

اسی مزاحمت سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس مثال میں ٹی وی بطور برقی بار کردار ادا کرتا ہے۔ ٹی وی اسٹیشن سے خارج 100 MHz کے برقی و مقناطیسی امواج اس اینٹینا میں 5 mV کا اشارہ پیدا کرتی ہیں۔ ترسیلی تار کے مستقل ایسے ہیں کہ اس میں اشارات کی رفتار  $2.5 \times 10^8 \text{ m/s}$  ہے۔

چونکہ برقی بارکی مزاحمت اور ترسیلی تار کی قدرتی مزاحمت برابر ہیں لہذا ترسیلی تار اور برقی بار ہمہ رکاوٹ ہیں۔ یوں برقی بار پر انعکاس نہیں پایا جائے گا لہذا شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{300 - 300}{300 + 300} = 0$$

صفر اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 - |\Gamma|}{1 + |\Gamma|} = \frac{1 - 0}{1 + 0} = 1$$

ایک کے برابر ہوں گے۔ اشارے کے تعدد پر ترسیلی تار میں طول موج

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2.5 \times 10^8}{100 \times 10^6} = 2.5 \text{ m}$$

اور زاویائی مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{2.5} = 0.8\pi \text{ rad/m}$$

ہیں۔ ترسیلی تار کی برقی لمبائی

$$\beta l = 0.8\pi \times 2 = 1.6\pi \text{ rad}$$

یا  $288^\circ$  ہے جسے 0.8 طول موج بھی کہا جاتا ہے۔

شکل 11.4-ب میں داخلی جانب کا صورت حال دکھایا گیا ہے۔ داخلی جانب چونکہ اینٹینا کی مزاحمت 300 Ω ہے اور ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ بھی 300 Ω ہے لہذا اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں۔ اینٹینا میں پیدا 5 mV کا اشارہ ترسیلی تار کے قدرتی رکاوٹ پر

$$\frac{5 \times 10^{-3} \times 300}{300 + 300} = 2.5 \text{ mV}$$

پیدا کرے گا۔ لینڈینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں لہذا منبع طاقت  $V_s$  ترسیلی تار میں زیادہ سے زیادہ طاقت بھیجے گا۔ ترسیلی تار کے داخلی جانب پیدا  $2.5 \text{ mV}$  کا اشارہ تار میں سے گزرتے ہوئے برقی بار تک پہنچے گا البتہ یہ داخلی اشارے سے  $1.6\pi$  ریڈین پیچھے ہو گا۔ یوں اگر ترسیلی تار کا داخلی اشارہ

$$V_{\text{داخلی}} = 2.5 \cos 2\pi 10^8 t \quad \text{mV}$$

ہو تب برقی بار پر اشارہ

$$V_{\text{د}} = 2.5 \cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi) \quad \text{mV}$$

ہو گا۔ داخلی برقی رو

$$I_{\text{داخلی}} = \frac{V_{\text{داخلی}}}{300} = 8.33 \cos 2\pi 10^8 t \quad \mu\text{A}$$

اور برقی بار پر برقی رو

$$I_{\text{د}} = \frac{V_{\text{داخلی}}}{300} = 8.33 \cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi) \quad \mu\text{A}$$

ہوں گے۔ چونکہ ترسیلی تار بے ضیاع تار ہے لہذا جو طاقت اسے داخلی جانب فراہم کی جاتی ہے وہی طاقت خارجی جانب برقی بار کو مہیا کر دی جاتی ہے۔

$$P_{\text{داخلی}} = P_{\text{د}} = V_{\text{موثر}} I_{\text{موثر}} = \frac{2.5 \times 10^{-3}}{\sqrt{2}} \times \frac{8.33 \times 10^{-6}}{\sqrt{2}} = 10.41 \text{ nW}$$

مزاحمتی بار کی طاقت کا حساب لگاتے وقت یاد رہے کہ  $P = VI$  میں برقی دباؤ اور برقی رو کے موثر<sup>8</sup> قیمتیں استعمال کی جاتی ہیں۔ سائن نما موج کی موثر قیمت موج کی چوٹی تقسیم  $\sqrt{2}$  کے برابر ہوتی ہے۔

3612

اب پہلے ٹی وی کے متوازی دوسرائی وی نسب کرنے کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔ دوسرے ٹی وی کا داخلی مزاحمت بھی  $300 \Omega$  ہے۔ یوں اب ترسیلی تار کے خارجی جانب کل  $150 \Omega$  کا بار پایا جاتا ہے۔ اس طرح شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{150 - 300}{150 + 300} = -\frac{1}{3}$$

یا

$$\Gamma = \frac{1}{3} \angle \pi \quad (11.41)$$

حاصل ہوتی ہے اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 + \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = 2$$

ہوں گے۔ ترسیلی تار کی داخلی مزاحمت اب  $300 \Omega$  کے بجائے

$$\begin{aligned} Z_{\text{داخلی}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 300 \frac{150 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j150 \tan 288^\circ} \\ &= 509.7 \angle -23.79^\circ = 466.39 - j205.6 \quad \Omega \end{aligned}$$

ہوگی جو کپیسٹر کی خاصیت رکھتی ہے۔ کپیسٹر کی خاصیت کا مطلب یہ ہے کہ ترسیلی تار کے برقی میدان میں مقناطیسی میدان سے زیادہ توانائی ذخیرہ ہے۔ داخلی رو

$$I_{s, \text{داخلی}} = \frac{0.005}{300 + 466.39 - j205.6} = 6.3013 / 15.017^\circ \mu\text{A}$$

ہے اور یوں ترسیلی تار کو داخلی جانب

$$P_{\text{داخلی}} = \frac{1}{2} (6.3013 \times 10^{-6})^2 \times 466.39 = 9.2593 \text{ nW}$$

قت فراہم کی جارہی ہے۔ بے ضیاع تار تمام کی تمام طاقت خارجی جانب منتقل کرے گا لہذا  $150 \Omega$  کے بار کو  $9.2593 \text{ nW}$  حاصل ہوگا جو گزشتہ جواب یعنی  $10.41 \text{ nW}$  سے قدر کم ہے۔ یہ کمی انعکاس کی وجہ سے پیدا ہوئی۔ کہانی یہاں ختم نہیں ہوتی۔ یہ طاقت دونوں ٹی وی میں برابر تقسیم ہوگا لہذا ہر ٹی وی کو صرف  $4.6297 \text{ nW}$  طاقت مہیا ہوگا۔ چونکہ ایک ٹی وی  $300 \Omega$  مزاحمت رکھتا ہے لہذا ٹی وی پر پیدا برقی دباؤ

$$4.6297 \times 10^{-9} = \frac{|V_{s, \text{بار}}|^2}{2 \times 300}$$

یعنی

$$|V_{s, \text{بار}}| = 1.66667 \text{ mV}$$

ہوگا۔ یہ قیمت  $2.5 \text{ mV}$  سے بہت کم ہے جو اکیلے ٹی وی پر پیدا ہوتی ہے۔

3613

آئیں ترسیلی تار پر برقی دباؤ کی چوٹی، نشیب اور ان کے مقامات کے علاوہ دیگر معلومات بھی حاصل کریں۔ اگر ہم برقی دباؤ کے معلومات حاصل کر سکیں تو ظاہر ہے کہ برقی رو کے معلومات بھی حاصل کر پائیں گے۔ گزشتہ باب میں مستوی امواج کے لئے یہی معلومات حاصل کی گئیں تھیں۔ وہاں استعمال کئے گئے ترکیب یہاں بھی کارآمد ثابت ہوں گے۔ برقی دباؤ موج کے چوٹی کے مقامات مساوات  $10.88$

$$-\beta_1 z_{\text{بلندتر}} = \frac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots)$$

دیتا ہے۔ اس میں  $\phi = \pi$  اور  $\beta = 0.8\pi$  پر کرنے سے

$$\begin{aligned} z_{\text{بلندتر}} &= \frac{1}{-0.8\pi} \left( \frac{\pi}{2} + n\pi \right) \\ &= -1.25 \left( \frac{1}{2} + n \right) \end{aligned}$$

حاصل ہوتا ہے جس میں  $n = 0$  اور  $n = 1$  پر کرنے سے

$$z_{\text{بلندتر}} = -0.625 \text{ m} \quad \text{اور} \quad -1.875 \text{ m}$$

حاصل ہوتے ہیں جو درست جوابات ہیں۔ اگر  $n = 2$  پر کیا جائے تو  $-3.125 \text{ m}$   $z_{\text{بلندتر}}$  حاصل ہوتا ہے جبکہ تار کی کل لمبائی صرف دو میٹر ہے لہذا اس جواب کو رد کیا جاتا ہے۔ اسی طرح  $n = -1$  پر کرنے سے  $0.625 \text{ m}$   $z_{\text{بلندتر}}$  حاصل ہوتا ہے جبکہ تار منفی  $z$  محدود پر پائی جاتی ہے لہذا اس جواب کو بھی رد کیا جاتا ہے۔

3616

موج کے چوٹی سے  $\frac{\lambda}{4}$  فاصلے پر نشیب پائے جاتے ہیں، لہذا ان کے مقامات

$$z_{\text{سمتہ}} = 0 \text{ m} \quad \text{اور} \quad -1.25 \text{ m}$$



ہوں گے۔ آپ نے دیکھا کہ سرحد پر برقی دباؤ کا نشیب پایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہو گا کہ حقیقی  $Z_0$  اور  $Z_L$  کی صورت میں اگر  $Z_0 < Z_L$  ہو تب سرحد پر موج کا نشیب ہی پایا جاتا ہے۔

3618

چونکہ سرحد پر موج کا نشیب ہے اور ہم جانتے ہیں کہ ٹی وی پر  $1.66 \text{ mV}$  ہے لہذا دباؤ کی کتر قیمت یہی ہے اور  $s = 2$  سے دباؤ کی چوٹی اس کے دگنا یعنی  $3.32 \text{ mV}$  حاصل ہوتی ہے۔ ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباؤ

$$V_{s, \text{داخلی}} = I_{s, \text{داخلی}} Z_{\text{داخلی}} = \left( 6.3013 \times 10^{-6} / 15.017^\circ \right) (509.7 / -23.79^\circ) = 0.00321175 / -8.77^\circ$$

ہو گی جو تقریباً موج کے چوٹی کے برابر ہے۔ ایسا اس لئے ہے کہ سرحد سے  $\frac{\lambda}{4}$  فاصلے پر چوٹی پائی جاتی ہے جس سے ہر  $0.5\lambda$  فاصلے پر چوٹی ہو گی لہذا سرحد سے  $\frac{3\lambda}{4}$  فاصلے پر بھی چوٹی متوقع ہے جو تار کے داخلی سرے کے بہت قریب نقطہ ہے۔ آپ ترسیلی تار کی داخلی برقی دباؤ یوں

$$V_{s, \text{داخلی}} = \frac{Z_{\text{داخلی}} V_s}{Z_{\text{داخلی}} + 300} = \frac{(466.39 - j205.6) \times 0.005}{466.39 - j205.6 + 300} = 0.00321175 / -8.77^\circ$$

3619

بھی حاصل کر سکتے ہیں۔

آخر میں داخلی برقی دباؤ اور بار پر برقی دباؤ کا زاویائی تعلق دیکھتے ہیں۔ اگرچہ ہم دونوں برقی دباؤ کے قیمتیں حاصل کر چکے ہیں، ان کے زاویائی معلومات ابھی تک نہیں حاصل کی گئیں۔ مساوات 10.87 کی مدد سے تار پر کسی بھی نقطے پر برقی دباؤ

$$V_s = \left( e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z} \right) V_0^+$$

لکھا جاسکتا ہے۔ چونکہ ہمیں تار کے داخلی سرے پر دباؤ معلوم ہے لہذا اس میں  $z = -l$  پر کرنے سے

$$V_{s, \text{داخلی}} = \left( e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l} \right) V_0^+$$

حاصل ہوتا ہے جسے  $V_0^+$  کے لئے حل کرتے ہیں

$$V_0^+ = \frac{V_{s, \text{داخلی}}}{e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l}} = \frac{0.00321175 / -8.77^\circ}{e^{j1.6\pi} - \frac{1}{3} e^{-j1.6\pi}} = 0.0025 / -72^\circ$$

اور یوں بار یعنی  $z = 0$  پر برقی دباؤ حاصل کی جاسکتی ہے

$$V_{s, \text{بار}} = (1 + \Gamma) V_0^+ = 0.001666 / -72^\circ = 0.001666 / -288^\circ$$

یہاں حاصل جواب کی حتمی قیمت اور کچھ دیر پہلے حاصل کی گئی بار پر برقی دباؤ کی حتمی قیمت برابر ہیں۔ تار کے داخلی سرے پر دباؤ کا زاویہ  $-8.77^\circ$  جبکہ تار کے خلا راجی سرے پر دباؤ کا زاویہ  $72^\circ$  ہے۔ یوں ان کے مابین فرق  $80.77^\circ$  یعنی  $-279.23^\circ$  ہے۔ انعکاسی موج کی عدم موجودگی میں یہ فرق  $288^\circ$  یعنی تار کی زاویائی لمبائی جتنا ہوتا ہے۔

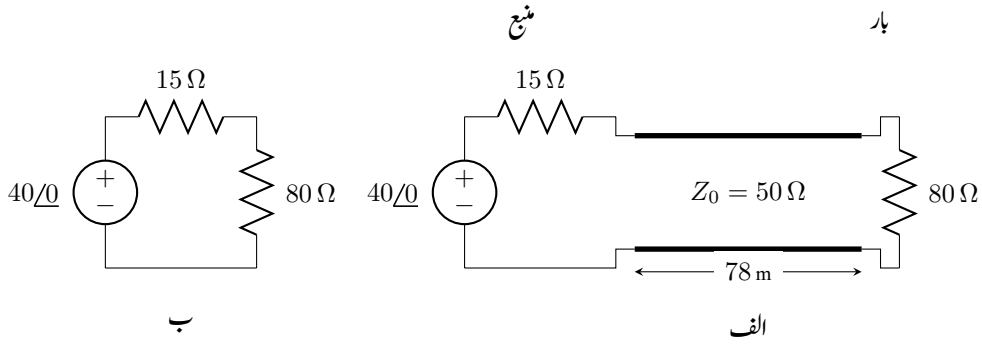
3622

آخری مثال کے طور پر ہم اس ترسیلی تار کے خارجی سرے پر صرف کپیسیٹر  $Z_L = -j300 \Omega$  نسب کر کے دیکھتے ہیں۔ کپیسیٹر میں توانائی ضائع نہیں ہوتی۔ یہ حقیقت شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{-j300 - 300}{-j300 + 300} = -j = 1 / -90^\circ$$

سے صاف ظاہر ہے جو انعکاسی موج کا حیظ آمدی موج کے برابر دیتا ہے۔ شرح ساکن موج یوں

$$s = \frac{1 + |-j|}{1 - |-j|} = \infty$$



شکل 11.5: بار بردار ترسیلی تار۔

ہوگا جس سے موج کا نشیب عین صفر کے برابر حاصل ہوتا ہے۔ ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{\text{داخلی}} = 300 \frac{-j300 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j(-j300) \tan 288^\circ} = j589$$

ہوگی جو خیالی عدد ہے لہذا اسے اوسط طاقت فراہم نہیں کی جاسکتی۔

ترسیلی تار کے مسائل ترسیلی طریقے سے نہایت خوش اسلوبی سے حل ہوتے ہیں۔ ان میں **سمتھ نقشہ**<sup>9</sup> زیادہ اہم ہے۔ اگلے حصے میں اسی پر غور کیا جائے گا۔

3623

3625

مثال 11.1: شکل 11.5-الف میں 78 m لمبی بے ضیاع ترسیلی تار دکھائی گئی ہے جو  $Z_L = 80 \Omega$  بار کو طاقت فراہم کر رہی ہے۔ ترسیلی تار کو منبع  $40 \angle 0^\circ$  برقی دباؤ فراہم کر رہی ہے۔ منبع کی خارجی مزاحمت  $15 \Omega$  ہے جبکہ ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 50 \Omega$  اور اس میں موج کی رفتار  $2 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  ہے۔ مندرجہ ذیل صورتوں میں بار پر برقی دباؤ  $V_L$  حاصل کریں۔ (الف) منبع کی تعدد 500 kHz ہے۔ (ب) منبع کی تعدد 50 Hz ہے۔

3628

حل: (الف) ترسیلی تار میں 500 kHz تعدد پر طول موج اور  $\beta$  مندرجہ ذیل ہیں۔

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2 \times 10^8}{500000} = 400 \text{ m}$$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{400} = \frac{\pi}{200} \text{ rad/m}$$

اس تعدد پر ترسیلی تار کی لمبائی، طول موج کے 19.5% ہے۔ ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$\begin{aligned} Z_{\text{داخلی}} &= 50 \frac{80 + j50 \tan(\frac{\pi}{200} \times 78)}{50 + j80 \tan(\frac{\pi}{200} \times 78)} \\ &= 33.599 - j10.441 \end{aligned}$$

ہے۔ ترسیلی تار کے داخلی سرے پر  $80 \Omega$  کا برقی بار  $Z_{\text{داخلی}}$  نظر آتا ہے۔ یوں ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباؤ

$$V_{\text{داخلی}} = \frac{40 \times (33.599 - j10.441)}{15 + 33.599 - j10.441} = 28.2 - j2.54$$

ہوگا۔ برقی بار کو  $z = 0$  پر تصور کرنے سے ترسیلی تار کا داخلی سرا  $z = -78 \text{ m}$  پر ہوگا۔ ترسیلی تار کے داخلی برقی دباؤ کو ترسیلی تار میں موجود آمدی موج  $V^+ = V_0^+ e^{-j\beta z}$  اور انعکاسی موج  $V^- = V_0^- e^{j\beta z}$  کا نقطہ  $z = -78 \text{ m}$  پر مجموعہ

$$V_{\text{داخلی}} = V_0^+ e^{-j\frac{\pi}{200}(-78)} + V_0^- e^{j\frac{\pi}{200}(78)} = V_0^+ e^{j1.22522} + V_0^- e^{-j1.22522}$$

تصور کیا جاسکتا ہے جس میں

$$V_0^- = \Gamma V_0^+ = \left( \frac{80 - 50}{80 + 50} \right) V_0^+ = \frac{3}{13} V_0^+$$

پر کرنے سے

$$28.2 - j2.54 = V_0^+ e^{j1.22522} + \frac{3}{13} V_0^+ e^{-j1.22522}$$

یا

$$V_0^+ = \frac{28.2 - j2.54}{e^{j1.22522} + \frac{3}{13} e^{-j1.22522}} = 33.9 e^{-j1.138}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں بار پر برقی دباؤ

$$V_L = V_0^+ (1 + \Gamma) = 33.9 e^{-j1.138} \left( 1 + \frac{3}{13} \right) = 41.7 e^{-j1.138} = 41.7 \angle -65.2^\circ$$

ہوگا۔

آئیں بار کو منتقل طاقت بھی حاصل کریں۔ بار پر برقی دباؤ کے استعمال سے اوسط طاقت

$$P_L = \frac{1}{2} \frac{|V_L|^2}{R_L} = \frac{1}{2} \frac{41.7^2}{80} = 10.88 \text{ W}$$

حاصل ہوتی ہے۔

ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی رو

$$I_{\text{داخلی}} = \frac{V_{\text{داخلی}}}{Z_{\text{داخلی}}} = \frac{28.2 - j2.54}{33.599 - j10.441} = 0.787 + j0.169$$

ہوگی۔ یوں ترسیلی تار کو داخلی سرے پر

$$P_{\text{داخلی}} = \frac{1}{2} V_{\text{داخلی}} I_{\text{داخلی}}^* \Big|_{\text{حقیقی}} = \frac{1}{2} (28.2 - j2.54)(0.787 - j0.169) = 10.88 \text{ W}$$

طاقت منتقل ہو رہی ہے۔ ترسیلی تار بے ضیاع ہے لہذا یہی طاقت بار کو منتقل ہوگی۔

ب) ترسیلی تار میں 50 Hz تعدد پر طول موج اور  $\beta$  مندرجہ ذیل ہیں۔

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2 \times 10^8}{50} = 4 \times 10^6 \text{ m}$$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{4 \times 10^6} = 5\pi \times 10^{-7} \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

اس تعدد پر ترسیلی تار کی لمبائی، طول موج سے نہایت کم  $\lambda \gg 78 \text{ m}$  ہے۔ ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$\begin{aligned} Z_{\text{داخلی}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 50 \frac{80 + j50 \tan(5\pi \times 10^{-7} \times 78)}{50 + j80 \tan(5\pi \times 10^{-7} \times 78)} \\ &= 50 \frac{80 + j0.0061}{50 + j0.0098} = 79.999998697 / -0.00684^\circ \\ &\approx 80 \Omega \end{aligned}$$

ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ  $\beta l \ll 1$  کی صورت میں  $\tan \beta l \rightarrow 0$  ہوتا ہے جس سے ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ تقریباً برقی بار کے برابر ہی حاصل ہوتی ہے۔ آپ نے دیکھا کہ  $l \ll \lambda$  کی صورت میں ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی بار جوں کا توں نظر آتا ہے لہذا ترسیلی تار کا ہونا پائہ ہونا یک برابر ہے۔ ایسی صورت میں ترسیلی تار کی موجودگی رد کرتے ہوئے دور کو کرچاف کے قوانین سے حل کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے ہمیں شکل 11.5-ب حاصل ہوتی ہے جسے کرچاف کے قوانین کی مدد سے حل کرتے ہوئے برقی بار پر

$$V_L = \frac{40 \times 80}{15 + 80} = 33.7 \text{ V}$$

برقی دباؤ حاصل ہوتی ہے۔

3632

3633

مندرجہ بالا مثال میں آپ نے دیکھا کہ کسی بھی برقی دور میں تار کی لمبائی  $l$  طول موج  $\lambda$  سے بہت کم  $\lambda \gg l$  ہونے کی صورت میں، ترسیلی تار کو رد کرتے ہوئے، دور کو کرچاف کے قوانین سے حل کیا جاتا ہے۔ البتہ جب بھی تار کی لمبائی، طول موج کے ساتھ مطابقت رکھے، ایسی صورت میں کرچاف کے قوانین غیر کارآمد ہوتے ہیں اور میکس ویل کے مساوات سے ہی درست جوابات حاصل ہوتے ہیں۔

3636

پاکستان میں 50 Hz اور 220 V کی برقی طاقت مہیا کی جاتی ہے۔ تار پر موج کی رفتار  $3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  لیتے ہوئے  $\lambda = 6000 \text{ km}$  حاصل ہوتی ہے۔ گھر کے اندر فاصلے  $\lambda$  سے بہت کم ہوتے ہیں<sup>10</sup> لہذا گھر میں  $484 \Omega$  بلب کی برقی رودریافت کرتے ہوئے تار کی لمبائی رد کرتے ہوئے  $\frac{220}{484} = 0.45 \text{ A}$  حاصل ہوتی ہے۔ اس کے برعکس تریلاڈیم سے کراچی شہر کا فاصلہ تقریباً 1500 km ہے جو  $\lambda$  سے مناسبت رکھتا ہے، لہذا تریلاڈیم سے کراچی شہر کو برقی طاقت کے منتقلی کے مسائل حل کرتے ہوئے میکس ویل کے مساوات استعمال کرنا لازم ہوگا۔

3640

مثال 11.2: قدرتی رکاوٹ  $50 \Omega$  کے ترسیلی تار کے اختتام پر  $Z_1 = 50 - j100 \Omega$  جڑا ہے جبکہ اختتام سے  $0.2\lambda$  فاصلے پر  $Z_{2\text{in}} = 100 \Omega$  جڑا ہے۔ ترسیلی تار کے دونوں حصوں میں شرح ساکن موج  $s$  حاصل کریں۔

3642

حل: محدود لمبائی کے ترسیلی تار میں متعدد انعکاسی امواج پائے جاتے ہیں۔ تمام آگے جانب حرکت امواج کو ایک عدد آمدی بڑھتی موج تصور کرتے ہوئے اور اسی طرح تمام واپسی جانب حرکت کرتے ہوئے تمام امواج کو ایک عدد انعکاسی موج تصور کرتے ہوئے حل کرتے ہیں۔

3644

ترسیلی تار کے اختتامی حصے پر

$$\Gamma = \frac{50 - j100 - 50}{50 - j100 + 50} = 0.5 - j0.5$$

<sup>10</sup>مجھے اپنا گھر بہت چھوٹا لگنے لگا ہے۔

ہوگا جس سے  $|\Gamma| = \frac{1}{\sqrt{2}}$  حاصل ہوتا ہے۔ اس قیمت کو استعمال کرتے ہوئے

$$s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|} = \frac{1 + \frac{1}{\sqrt{2}}}{1 - \frac{1}{\sqrt{2}}} = 5.83$$

حاصل ہوتا ہے۔

جس نقطے پر  $100 \Omega$  مزاحمت جڑی ہے اس مقام پر  $50 - j100$  سے اختتام پذیر  $0.2\lambda$  لمبی تار کی داخلی رکاوٹ

$$Z_{\text{داخلی}} = 50 \frac{(50 - j100) + j50 \tan\left(\frac{2\pi}{\lambda} \times 0.2\lambda\right)}{50 + j(50 - j100) \tan\left(\frac{2\pi}{\lambda} \times 0.2\lambda\right)}$$

$$= 8.63 + j3.82$$

ہے۔ اب  $Z_{\text{داخلی}}$  اور  $100 \Omega$  متوازی جڑے ہیں جن کا مجموعہ

$$\frac{100 \times (8.63 + j3.82)}{100 + 8.63 + j3.82} = 8.06 + j3.23$$

ہوگا۔ داخلی جانب سے دیکھتے ہوئے ترسیلی تار کو  $100 \Omega$  کی بجائے  $8.06 + j3.23$  بار نظر آئے گا۔ یوں ترسیلی تار کے داخلی حصے پر

$$\Gamma = \frac{8.06 + j3.23 - 50}{8.06 + j3.23 + 50} = -0.717 + j0.096 = 0.723/171.9^\circ$$

اور

$$s = \frac{1 + 0.723}{1 - 0.723} = 6.22$$

ہوں گے۔

3646

3647

3648

11.4 ترسیمی تجزیہ، سمتھ نقشہ

سمتھ نقشہ<sup>11</sup> بنیادی طور پر شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$$

کی مساوات پر منحصر ہے۔ اس نقشے میں بار بمطابق  $Z_0$  یعنی  $\frac{Z_L}{Z_0}$  استعمال کی جاتی ہے جسے

$$z = r + jx = \frac{Z_L}{Z_0} = \frac{R_L + jX_L}{Z_0}$$

لکھا جاسکتا ہے جہاں  $z$  کار تیزی محدود کا متغیر نہیں بلکہ  $Z_0$  کے مطابقت سے بار کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں

$$\Gamma = \frac{z - 1}{z + 1}$$

$$z = \frac{1 + \Gamma}{1 - \Gamma} \quad (11.42)$$

لکھے جاسکتے ہیں۔ شرح انعکاس کو حقیقی اور خیالی اجزاء

$$\Gamma = \Gamma_r + j\Gamma_i$$

کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$r + jx = \frac{1 + \Gamma_r + j\Gamma_i}{1 - \Gamma_r - j\Gamma_i}$$

کے حقیقی اور خیالی اجزاء علیحدہ کرتے ہوئے

$$r = \frac{1 - \Gamma_r^2 - \Gamma_i^2}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2} \quad (11.43)$$

$$x = \frac{2\Gamma_i}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2} \quad (11.44)$$

لکھے جاسکتے ہیں جنہیں کچھ الجبرا کے بعد

$$\left(\Gamma_r - \frac{r}{1+r}\right)^2 + \Gamma_i^2 = \left(\frac{1}{1+r}\right)^2 \quad (11.45)$$

$$(\Gamma_r - 1)^2 + \left(\Gamma_i - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(\frac{1}{x}\right)^2 \quad (11.46)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ اگر کار تیزی محدود کے متغیرات  $\Gamma_r$  اور  $\Gamma_i$  رکھے جائیں تو مندرجہ بالا دونوں مساوات گول دائروں کے مساوات ہوں گے۔

3649

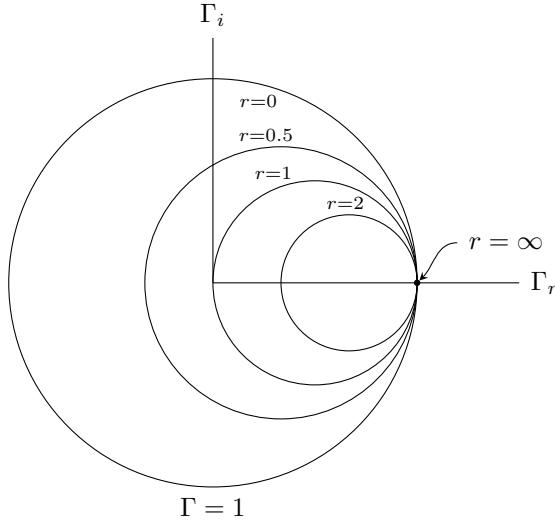
مساوات 11.45 کے دائروں پر پہلے غور کرتے ہیں۔ اگر  $r = 0$  ہو تب یہ مساوات اکائی رداس کا دائرہ دیتی ہے جس کا مرکز محدود کے  $(0, 0)$  پر ہے۔ خیالی برقی بار کی صورت میں شرح انعکاس کی حتمی قیمت ایک ہی ہوتی ہے۔ اسی طرح  $r = \infty$  کی صورت میں دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز محدود پر  $(1, 0)$  ہے۔ یوں یہ دائرہ صرف اسی نقطے یعنی  $\Gamma = 1$  تک محدود ہے۔ اب  $r = \infty$  سے مراد  $Z_L - \infty$  ہے جس سے شرح انعکاس  $\Gamma = 1$  ہی حاصل ہوتی ہے۔ ایک آخری مثال  $r = 1$  کی لیتے ہیں جس سے 0.5 رداس کا دائرہ حاصل ہوتا ہے جس کا مرکز  $(0.5, 0)$  ہے۔ شکل 11.6 میں ان دائروں کے علاوہ  $r = 0.5$  اور  $r = 2$  کے حاصل دائرے بھی دکھایا گیا ہے۔

3654

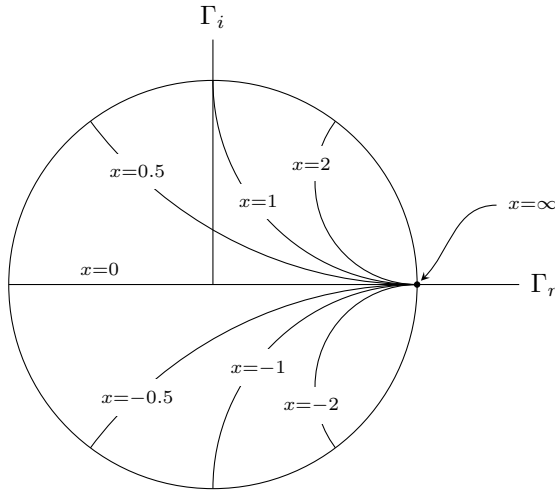
مساوات 11.46 بھی دائرے دیتی ہے البتہ ان دائروں کا رداس  $\frac{1}{x}$  اور مراکز  $(1, \frac{1}{x})$  ہیں۔ لا محدود  $x$  کی صورت میں دوبارہ  $Z = \infty$  اور  $\Gamma = 1 + j0$  ہوں گے۔ مساوات 11.46 کے مطابق اس دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز  $(1, 0)$  ہے لہذا یہ  $\Gamma = 1$  کو ہی ظاہر کرتا ہے۔ اگر  $x = 1$  ہو تب دائرے کا رداس اکائی جبکہ اس کا مرکز  $(1, 1)$  ہوں گے۔ جیسا شکل 11.7 میں دکھایا گیا ہے، اس دائرے کا چوتھائی حصہ  $|\Gamma| = 1$  دائرے کے اندر پایا جاتا ہے۔ اسی طرح  $x = -1$  کی صورت میں دائرے کا چوتھائی حصہ  $\Gamma_r$  محدود کے نیچے پایا جاتا ہے۔ شکل میں  $x = 0.5$ ،  $x = -0.5$ ،  $x = 2$  اور  $x = -2$  کے دائرے بھی دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں  $x = 0$  سے پیدا سیدھی لکیر، یعنی  $\Gamma_r$  محدود بھی دکھایا گیا ہے۔

3659

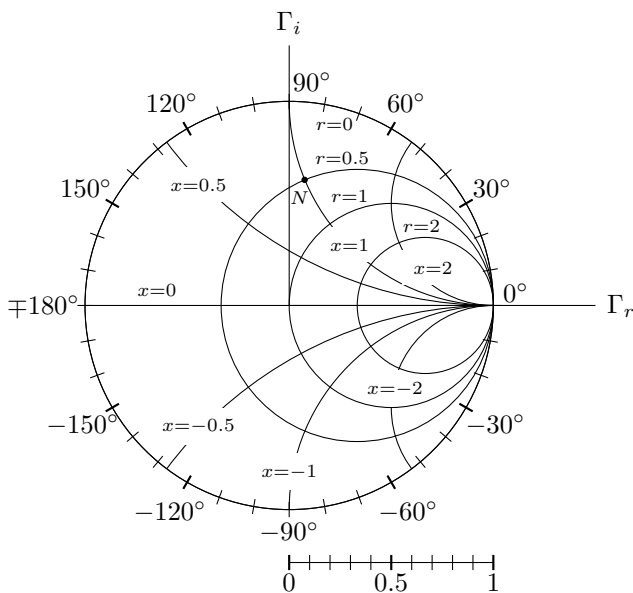
ان دونوں دائروں کو ایک ہی جگہ شکل 11.8 کے سمتہ نقشے میں دکھایا گیا ہے۔ یوں کسی بھی  $Z_L$  کی صورت میں  $\frac{Z_L}{Z_0}$  کی شرح لیتے ہوئے  $z$  یعنی  $r$  اور  $x$  حاصل کر کے سمتہ نقشے میں ان کے دائروں کی نشاندہی کریں۔ اگر نقشے پر درکار  $r$  اور  $x$  (یا) کے دائرے نہ پائے جائیں تب ان کے قریبی قیمتوں کے دائروں سے مطلوبہ دائرے کا مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک دونوں کو کاٹتے ہیں وہاں سے  $\Gamma$  پڑھیں۔ نقشے کے مرکز  $(0, 0)$  سے اس نقطے تک فاصلہ  $|\Gamma|$  کے برابر ہوگا جبکہ افقی محدود یعنی  $\Gamma_r$  سے گھڑی کے الٹ سمت زاویہ  $\Gamma$  کا زاویہ ہوگا۔ اس زاویے کو اکائی رداس کے دائرے کے باہر دکھایا گیا ہے۔ یوں محدود کے مرکز سے درکار نقطے تک سیدھی لکیر کو اکائی رداس کے دائرے تک بڑھا کر زاویہ ناپا جاتا ہے۔ سمتہ نقشے میں  $|\Gamma|$  ان پنے کی غرض سے محدود کے مرکز  $(0, 0)$  پر مختلف رداس کے دائرے کھینچے جاسکتے ہیں،



شکل 11.6: کارتیسی محدود کے متغیرات  $\Gamma_r$  اور  $\Gamma_i$  ہیں جبکہ دائرے کا رداس  $\frac{1}{r+1}$  ہے۔



شکل 11.7: کارتیسی محدود پر  $\frac{1}{x}$  رداس کے دائروں کے وہ حصے دکھائے گئے ہیں جو اکائی دائرے کے اندر پائے جاتے ہیں۔



لیکن ایسا نہیں کیا جاتا۔ آپ کو یہ فاصلہ نقشے میں دئے فیتے کی مدد سے ناپنا ہوگا۔ اب مثال کے طور پر  $Z_0 = 50 \Omega$  کی ترسیلی تار پر  $Z_L = 25 + j50 \Omega$  کا بار  $z = 0.5 + j1$  سے ظاہر کیا جائے گا۔ اس نقطے کو شکل میں بطور نقطہ  $N$  دکھایا گیا ہے جو  $r = 0.5$  اور  $x = 1$  کے دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً  $0.62/83^\circ$  حاصل ہوتا ہے۔

سمتھ نقشہ مکمل کرنے کی خاطر اکائی دائرے کے محیط کے باہر دوسرا فیتہ شامل کیا جاتا ہے جس سے تریسلی تار پر فاصلہ ناپا جاتا ہے۔ اس فیتے پر فاصلہ طول موج  $\lambda$  کی صورت میں ناپا جاسکتا ہے۔ انہیں دیکھیں کہ اس فیتے سے کس طرح فاصلہ حاصل کیا جاتا ہے۔ تریسلی تار پر کسی بھی نقطے پر برقی دباؤ

$$V_s = V_0^+ \left( e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

کو برقی رو

$$I_s = \frac{V_0^+}{Z_0} (e^{-j\beta z} - \Gamma e^{j\beta z})$$

سے تقسیم کرتے ہوئے  $Z_0$  کے مطابقت سے داخلی قدرتی رکاوٹ

$$z_{\text{داخلی}} = \frac{Z_{\text{داخلی}}}{Z_0} = \frac{V_s}{Z_0 I_s} = \frac{e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z}}{e^{-j\beta z} - \Gamma e^{j\beta z}}$$

حاصل کی جاسکتی ہے جس میں  $z = -1$  پر کرتے ہوئے

$$(11.47) \quad z_{\text{gl}} = \frac{1 + \Gamma e^{-j2\beta l}}{1 - \Gamma e^{j2\beta l}}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ اس مساوات میں  $l = 0$  پر کرنے سے

$$(11.48) \quad z_{\mathcal{G}_1} \Big|_{l=0} = \frac{1-\Gamma}{1+\Gamma} = z$$



حاصل ہوتا ہے جو عین بار پر شرح انعکاس ہے جسے مساوات 11.42 میں پیش کیا گیا ہے۔

یہاں رک کر اس حقیقت پر غور کریں کہ  $\Gamma$  کو  $e^{-j2\beta l}$  سے ضرب دینے سے

$$\Gamma e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j\phi} e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j(\phi-2\beta l)}$$

حاصل ہوتا ہے جس کی حتمی قیمت اب بھی  $|\Gamma|$  ہی ہے لیکن نیازاویہ  $(\phi - 2\beta l)$  ہے۔ یوں سمتھ نقشے میں نقطہ  $z$  یعنی

$$(11.49) \quad z = r + jx = \frac{1 + \Gamma}{1 - \Gamma}$$

کی نشاندہی کرتے ہوئے  $\phi/|\Gamma|$  اپنا نہیں۔ اب  $|\Gamma|$  تبدیل کئے بغیر زاویہ تبدیل کرتے ہوئے  $(\phi - 2\beta l)$  تک پہنچیں اور یہاں سے  $z$  اپنی جگہ پر آجھ سکتے ہیں کہ مساوات 11.49 میں  $\Gamma$  کی جگہ  $\Gamma e^{-j2\beta l}$  پر کرنے سے مساوات 11.47 ہی حاصل ہوتا ہے جو برقی بار سے افاصلے پر مطابق  $Z_0$  داخلی قدرتی رکاوٹ ہے۔<sup>3670</sup>

یوں بار  $z$  سے دور  $z$  کی طرف چلتے ہوئے، ہم منع طاقت یعنی جزیئر کی طرف چلتے ہیں جبکہ سمتھ نقشے پر ایسا کرنے سے زاویہ  $\phi$  سے کم ہو کر  $\phi - 2\beta l$  ہوتا ہے لہذا نقشے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں  $\beta l = \pi$  فاصلہ، یعنی آدھی طول موج، طے کرنے سے نقشے کے گرد ایک چکر مکمل ہو گا۔ اس طرح  $\frac{\lambda}{2}$  لمبی ہے ضیاع ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ عین بار کے رکاوٹ برابر ہوگی۔<sup>3673</sup>

یوں سمتھ نقشے کے حیطے پر ایک مکمل چکر کو  $0.5\lambda$  دکھایا جاتا ہے۔ جیسے شکل 11.9 میں دکھایا گیا ہے، استعمال میں آسانی کی غرض سے ایک کے بجائے دو ایسے فیتے بنائے جاتے ہیں۔ ایک فیتہ گھڑی کی سمت میں بڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جسے نقشے میں "مجاہب جزیئر" سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ دوسرا فیتہ گھڑی کے الٹ سمت بڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جسے "مجاہب بار" لکھ کر ظاہر کیا جاتا ہے۔ ان فیتوں کے ابتدائی نقطے کوئی اہمیت نہیں رکھتے البتہ انہیں نقشے کے بائیں ہاتھ پر رکھا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہو گا کہ حقیقی  $Z_L$  اور  $Z_0$  کی صورت میں اگر  $Z_L < Z_0$  ہو تب برقی دباؤ کا نشیب اسی نقطے پر ہو گا۔<sup>3677</sup>

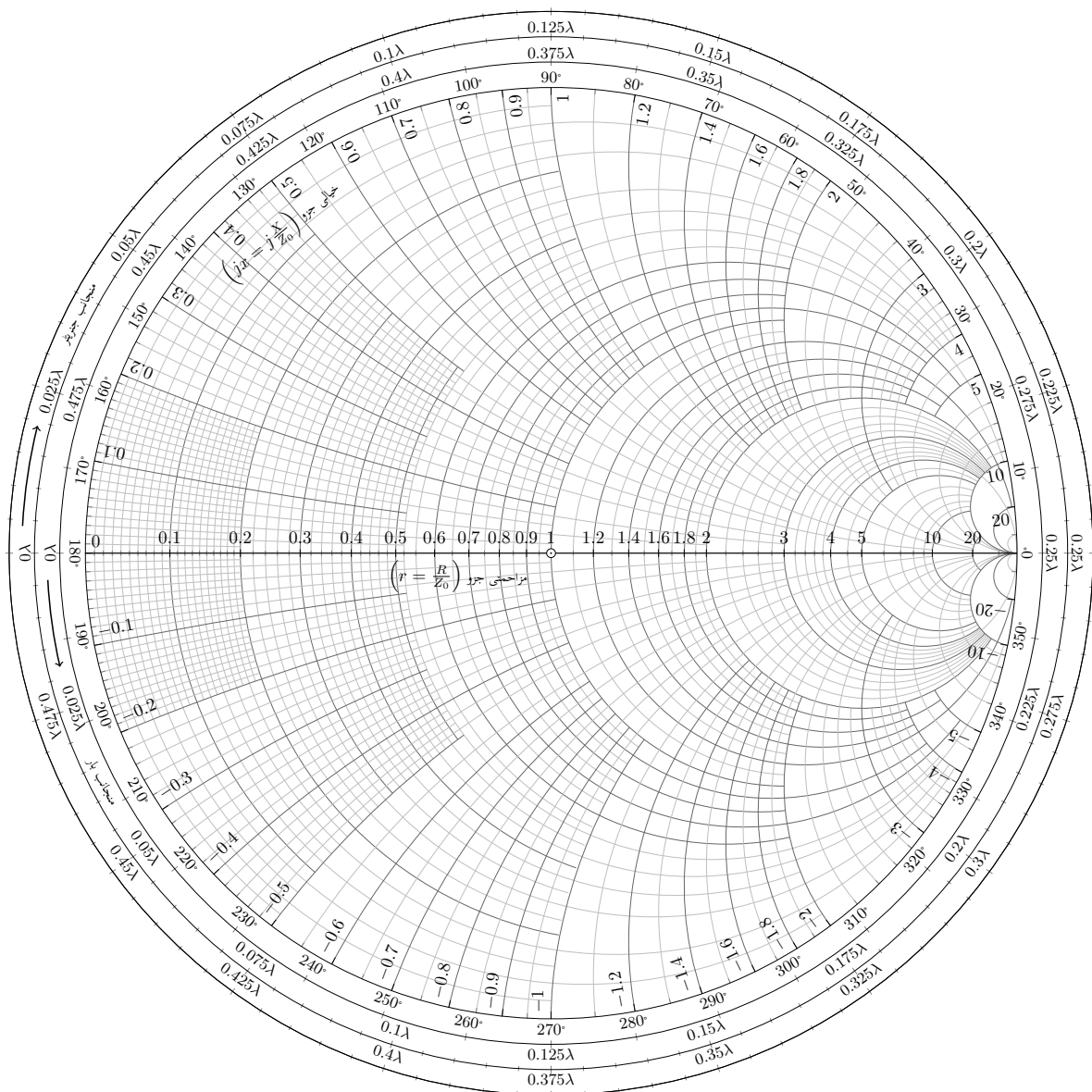
سمتھ نقشے کا استعمال مثال کی مدد سے بہتر سمجھا جاسکتا ہے۔ یوں  $50 \Omega$  کے ترسیلی تار پر  $Z_L = 25 + j50 \Omega$  کے بار پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ شکل 11.10 میں  $z = 0.5 + j1$  کو نقطہ  $A$  ظاہر کرتا ہے جہاں سے  $\Gamma = 0.62e^{j1.45} = 0.62/83^\circ$  حاصل ہوتا ہے۔ مرکز سے  $A$  تک لکیر کو اکائی دائرے کے حیطے تک بڑھا کر  $0.135\lambda$  پڑھا جاتا ہے۔ اگر تار کی لمبائی  $60 \text{ cm}$  ہو اور اشارے کی تعداد اتنی ہو کہ ترسیلی تار پر طول موج  $2 \text{ m}$  ہو، تب  $\frac{1}{\lambda} = 0.3$  ہو گا لہذا تار  $0.3\lambda$  لمبی ہوگی۔ یوں بیرونی دائرے پر  $0.435\lambda + 0.3\lambda = 0.135\lambda$  سے مرکز تک لکیر اور  $|\Gamma|$  داس کے دائرے کے ملاپ، یعنی نقطہ  $B$ ، سے  $z$  داخلی<sup>3681</sup>  $0.28 - j0.4$  حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح  $Z_{in} = 14 - j20$  ہو گا۔ تحلیلی طور پر زیادہ درست جواب  $Z_{in} = 13.7 - j20.2$  داخلی حاصل ہوتا ہے۔<sup>3682</sup>

سمتھ نقشے سے موج کے چوٹی یا نشیب کے مقام یا آسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی  $\phi/|\Gamma|$  کے لئے  $\Gamma = -l$  پر آمدی اور انعکاسی امواج کے مجموعے

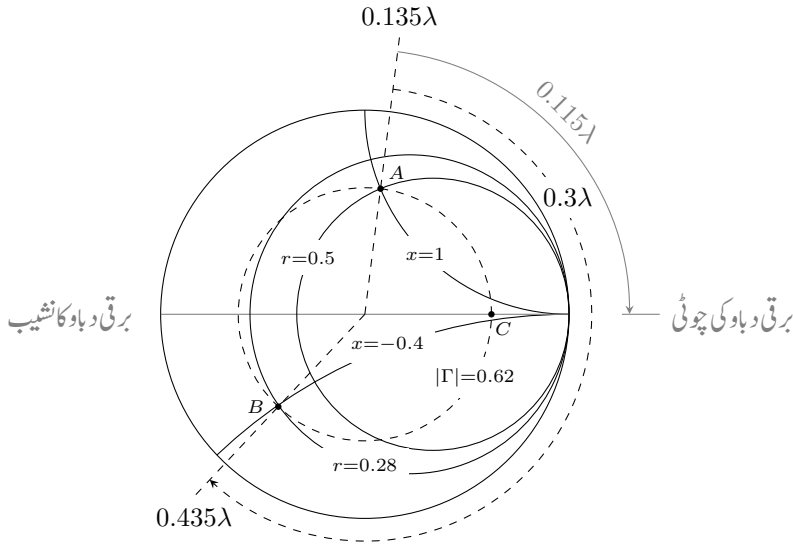
$$\begin{aligned} V_s &= V_0^+ (e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l}) \\ &= V_0^+ e^{j\beta l} \left[ 1 + |\Gamma| e^{j(\phi-2\beta l)} \right] \end{aligned}$$

کی حتمی قیمت

$$\begin{aligned} |V_s| &= V_0^+ |e^{j\beta l}| \left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi-2\beta l)} \right| \\ &= V_0^+ \left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi-2\beta l)} \right| \end{aligned}$$



شکل 11.9: مکمل سمتھ نقشه.



شکل 11.10: سمتھ نقشے سے متغیرات کا حصول۔

ہے جہاں  $|e^{j\beta l}| = 1$  کے برابر<sup>12</sup> ہے۔ اس کی کم سے کم قیمت  $V_0^+ (1 - |\Gamma|)$  ہے جو  $\phi - \beta l = (2n + 1)\pi$  کی صورت میں حاصل ہوتی ہے جہاں  $n = 0, 1, 2, \dots$ ۔ عین بار پر  $l = 0$  ہے اور ایسی صورت میں اس شرط کو  $\phi = \pi$  لکھا جاسکتا ہے۔ اسی طرح  $V_s$  کی زیادہ سے زیادہ قیمت  $V_0^+ (1 + |\Gamma|)$  ہے جو  $\phi - \beta l = 2n\pi$  کی صورت میں حاصل ہوتی ہے جہاں  $n = 0, 1, 2, \dots$ ۔ عین بار پر  $l = 0$  ہے اور ایسی صورت میں اس شرط کو  $\phi = 0$  لکھا جاسکتا ہے۔ یوں  $\phi = \pi$  کی صورت میں بار پر  $V_s$  کی کم سے کم قیمت ہوگی جبکہ  $\phi = 0$  کی صورت میں بار پر  $V_s$  کی زیادہ سے زیادہ قیمت ہوگی۔ انہیں دیکھیں کہ ان شرائط کا مطلب کیا ہے۔

3687

مزاحمتی بار  $R_L$  اور حقیقی  $Z_0$  کی صورت میں اگر  $R_L < Z_0$  ہو تب  $\Gamma = |\Gamma| \angle \theta$  منفی حقیقی عدد ہوگا جسے  $\Gamma = |\Gamma| \angle \pi$  لکھا جاسکتا ہے جبکہ  $R_L > Z_0$  کی صورت میں  $\Gamma = |\Gamma| \angle 0$  مثبت حقیقی عدد ہوگا جسے  $\Gamma = |\Gamma| \angle 0$  لکھا جاسکتا ہے۔ یوں  $R_L < Z_0$  یعنی  $\Gamma = |\Gamma| \angle 0$  کی صورت میں بار پر کمتر  $V_s$  ہوگا جبکہ  $R_L > Z_0$  یعنی  $\Gamma = |\Gamma| \angle \pi$  کی صورت میں بار پر بلند تر  $V_s$  ہوگا۔ سمتھ نقشے پر افقی محدود حقیقی  $\Gamma$  دیتا ہے۔ منفی افقی محدود  $\Gamma = |\Gamma| \angle \pi$  ہوتا ہے لہذا بار پر کمتر  $V_s$  ہر صورت سمتھ نقشے میں منفی افقی محدود پر پایا جائے گا۔ اسی طرح مثبت افقی محدود  $\Gamma = |\Gamma| \angle 0$  ہوتا ہے لہذا بار پر بلند تر  $V_s$  ہر صورت سمتھ نقشے میں مثبت افقی محدود پر پایا جائے گا۔

3692

ان نتائج کو آگے بڑھاتے ہیں۔ کسی بھی مخلوط بار  $Z_L = R_L + jX_L$  کی صورت میں سمتھ نقشے میں  $z = r + jx$  سے شروع کر کے فاصلہ  $l$  بڑھانے سے زاویہ  $\phi - 2\beta l$  گھٹتا ہے جو سمتھ نقشے پر گھڑی کی سمت گھومنے کے مترادف ہے۔ جس فاصلے پر  $\phi - 2\beta l = 2n\pi$  ہو وہاں برقی موج کی چوٹی پائی جاسکے گی اور جس فاصلے پر  $\phi - 2\beta l = (2n + 1)\pi$  ہو وہاں موج کا نشیب پایا جائے گا۔ اب  $2n\pi$  سے مراد سمتھ نقشے کے افقی محدود کا مثبت حصہ جبکہ  $(2n + 1)\pi$  سے مراد افقی محدود کا منفی حصہ ہے۔ یوں شکل 11.10 میں نقطہ A سے گھڑی کی سمت 0.115λ گھومتے ہوئے ترسیلی تار پر پہلی چوٹی پائی جائے گی۔ یوں بار سے پہلی چوٹی 0.115λ یعنی  $23 \text{ cm} = 0.115 \times 200$  فاصلے پر ہے۔ اگر ترسیلی تار زیادہ لمبی ہوتی تب بار سے 0.365λ دور پہلا نشیب پایا جاتا ہے چونکہ تار کی لمبائی اس سے کم ہے لہذا تار پر کہیں پر بھی نشیب نہیں پایا جاتا۔

3698

برقی رو کی چوٹی اس نقطے پر پائی جاتی ہے جہاں  $\phi - 2\beta l = 2n\pi$  کا شرط پورا ہو۔ برقی رو

$$I_s = \frac{V_0^+}{Z_0} (e^{j\beta l} - \Gamma e^{j\beta l})$$

$$|e^{j\beta l}| = |\cos \beta l + j \sin \beta l| = \sqrt{\cos^2 \beta l + \sin^2 \beta l} = 1^{12}$$

کی کمتر قیمت اس نقطے پر پائی جاتی ہے۔ اسی طرح جس نقطے پر برقی دباؤ کی کمتر قیمت پائی جائے، اس نقطے پر برقی رو کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ یوں سمتھ نقشے کے افقی مجدد کے مثبت حصے پر برقی رو کا نشیب جبکہ اس کے منفی حصے پر برقی رو کی چوٹی پائی جائے گی۔

3700

مزاحمتی بار  $R_L$  اور بے ضیاع ترسیلی تار کی صورت میں  $\Gamma = \frac{R_L - R_0}{R_L + R_0}$  ہوگا۔ اگر  $R_L > R_0$  ہو تب  $|\Gamma| = \frac{R_L - R_0}{R_L + R_0}$  ہوگا جبکہ  $R_L < R_0$  کی صورت میں  $|\Gamma| = \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}$  ہوگا۔ یوں  $R_L > R_0$  کی صورت میں

$$s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|} = \frac{1 + \frac{R_L - R_0}{R_L + R_0}}{1 - \frac{R_L - R_0}{R_L + R_0}} = \frac{R_L}{R_0} = r \quad (R_L > R_0)$$

جبکہ  $R_L < R_0$  کی صورت میں

$$s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|} = \frac{1 + \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}}{1 - \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}} = \frac{R_0}{R_L} \quad (R_L < R_0)$$

ہوگا۔ یاد رہے کہ  $s > 1$  ہوتا ہے لہذا  $\frac{R_L}{R_0}$  اور  $\frac{R_0}{R_L}$  میں جو بھی اکائی سے زیادہ قیمت رکھتا ہو یہی  $s$  ہوگا۔ یوں  $|\Gamma|$  اور  $s$  کے دائرے اور مثبت افقی مجدد سے پڑھ کر  $s$  کی قیمت بھی یہی تصور کریں۔ شکل 11.10 میں نقطہ  $C$  سے  $r = 4.2$  پڑھا جائے گا لہذا  $s = 4.2$  ہے۔ مثبت افقی مجدد پر  $r > 1$  ہوتا ہے لہذا مجدد کے اسی حصے سے  $s$  کی قیمت پڑھی جاتی ہے۔ آپ تسلی کر لیں کہ  $\frac{R_0}{R_L} > 1$  کی صورت میں بھی اسی طریقہ کار سے درست  $s$  حاصل ہوتا ہے۔

3703

11.4.1 سمتھ فراوانی نقشہ

3704

اس حصے کو  $\frac{\lambda}{4}$  لمبی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ کے حصول سے شروع کرتے ہیں۔ اتنی لمبائی کے تار کا  $\beta l = 90^\circ$  ہوگا۔ داخلی قدرتی رکاوٹ کی مساوات

$$Z_{داخلی} = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l}$$

میں  $Z_{داخلی}$  کو  $Z_0$  سے تقسیم کرتے اور  $\beta l = 90^\circ$  پر کرتے ہوئے

$$\frac{Z_{داخلی}}{Z_0} = \frac{Z_L + jZ_0 \tan 90^\circ}{Z_0 + jZ_L \tan 90^\circ} = \frac{Z_0}{Z_L}$$

یعنی

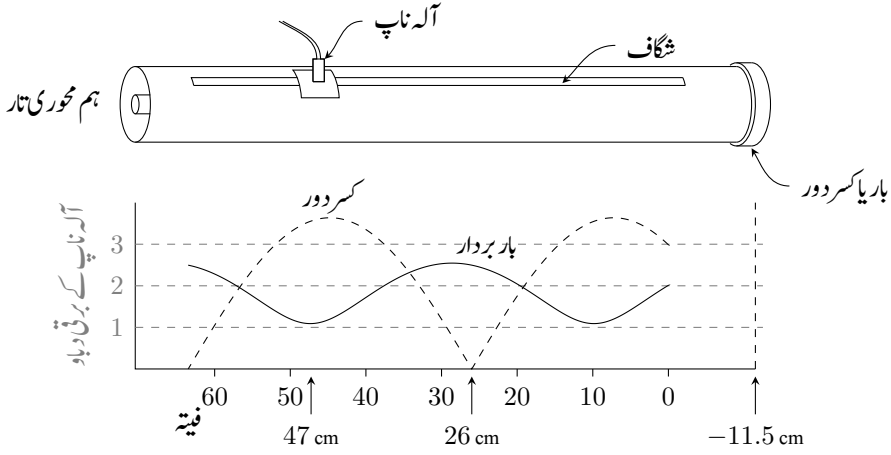
$$(11.50) \quad \frac{Z_{داخلی}}{0.25\lambda} = \frac{1}{z}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$\frac{Z_{داخلی}}{Z_0} = z_{داخلی, 0.25\lambda}$$

$$\frac{Z_L}{Z_0} = z$$





شکل 11.12: ہم محوری تار میں شکاف ڈال کر اس میں آلہ ناپ کی مدد سے مختلف مقامات پر برقی دباؤ کے نمونے لئے جا سکتے ہیں۔

حاصل ہوتا ہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول لمبی کھلے دور تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

$$(11.55) \quad Z_{\text{دور}} = -j \frac{Z_0}{\tan 90^\circ} = 0 \quad (\text{کھلے دور})$$

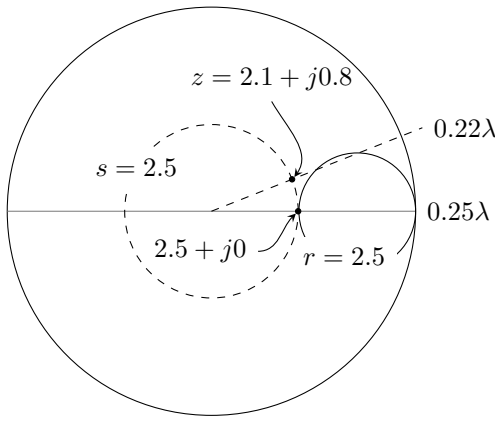
حاصل ہوتی ہے۔ یہ بھی تعجب بھرا نتیجہ ہے جس کے مطابق چوتھائی طول لمبی کھلے دور تار بطور کسر دور کردار ادا کرتی ہے۔

سمتھ مزاحمتی نقشے<sup>13</sup> کا متبادل سمتھ فراوانی<sup>14</sup> نقشہ بھی استعمال کیا جاتا ہے۔ ان میں  $Y_0 = g + jb$  جہاں  $Y_L = \frac{1}{Z_0}$  اور  $Y_0 = \frac{1}{Z_0}$  برابر ہیں۔ اس طرح  $Y$  برقی فراوانی بمطابق  $Y_0$  کہلائے گی۔ یوں  $r$  سے حاصل دائرے  $g$  کے دائرے کہلاتے ہیں جبکہ  $x$  کے دائرے  $b$  کے دائرے کہلاتے ہیں۔ اس نقشے میں  $g > 0$  اور  $b = 0$  کی صورت میں برقی دباؤ کی کمترین قیمت حاصل ہوگی۔ ایضاً سمتھ نقشے سے حاصل  $T$  کا زاویہ  $180^\circ$  بڑھانا ہوگا۔

## 11.5 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال

اس حصے میں دو مثالوں پر غور کیا جائے گا۔ پہلی مثال میں تجرباتی نتائج سے بار کی رکاوٹ حاصل کی جائے گی جبکہ دوسری مثال میں بار کو تار کے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دکھائی جائے گی۔

ہم محوری ترسیلی تار کے بیرونی تار میں لمبائی کی سمت میں شکاف ڈال کر اس میں مختلف مقامات پر برقی دباؤ کے نمونے لے کر  $s = 2.5$  حاصل کیا گیا ہے۔ شکل 11.12 میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔ شکاف کے ساتھ فیتہ رکھ کر بلند تر اور کم تر نمونوں کے مقامات بھی درج کئے گئے۔ ایسے نتائج حاصل کرتے وقت فیتہ کا صفر کہیں پر بھی رکھا جاسکتا ہے لہذا اسے بار کا مقام تصور نہیں کریں۔ کمتر برقی دباؤ فیتے پر 47 cm کے نشان کے ساتھ پایا جاتا ہے۔ سائن نما اشارے کی صورت میں بہت کار کے خارجی اشارہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اشارے کے کمترین قیمت کا مقام ٹھیک ٹھیک تعین کرنا زیادہ آسان ہے۔ اشارے کی چوٹی نوک دار نہیں ہوتی لہذا اس کا مقام ٹھیک ٹھیک تعین کرنا قدر مشکل ہوتا ہے۔ اسی وجہ سے عموماً موج کی کمترین قیمت کے مقامات حاصل کرتے ہوئے مطلوبہ معلومات دریافت کی جاتی ہیں۔ ہم محوری تار کی قدرتی رکاوٹ  $50 \Omega$  ہے اور تار میں ہوا بطور ذوب برق استعمال کی گئی ہے۔ اشارے کی تعدد 400 MHz ہے لہذا طول موج 75 cm ہے۔ بار کا مقام تعین کرنے کی خاطر بار کو ہٹا کر تار کے ان سروں کو کسر دور کیا جاتا ہے۔ کسر دور تار پر کمتر دباؤ فیتے پر 26 cm کے نشان کے سامنے پایا جاتا ہے۔



شکل 11.13: اگر  $0.03\lambda$  لمبی تار پر  $2.5 + j0$  داخلی  $Z$  ہو تب  $z = 2.1 + j0.8$  ہو گا۔

ہم جانتے ہیں کہ کسر دور نقطے سے کمتر دباؤ کا فاصلہ  $\frac{n\lambda}{2}$  ہو گا۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ کمتر دباؤ کسر دور نقطے سے آدھے طول موج کے فاصلے پر ہے۔ ایسی صورت میں کسر دور کا مقام فیتے پر  $11.5 \text{ cm} = 37.5 - 26$  نشان کے ساتھ ہو گا۔ چونکہ بار کے مقام پر ہی کسر دور پیدا کیا گیا تھا لہذا بار بھی فیتے پر  $11.5 \text{ cm} -$  نشان کے ساتھ ہو گا۔ یوں حاصل نتائج کے تحت بار سے کم تر دباؤ کا نقطہ  $58.5 \text{ cm} = 11.5 - (-47) = 58.5$  فاصلے پر ہے جس سے آدھی طول موج منفی کرتے ہوئے بار سے کمتر دباؤ کا فاصلہ  $21 \text{ cm}$  حاصل ہوتا ہے۔ بلند تر دباؤ کا بار سے فاصلہ یوں  $21 - \frac{37.5}{2} = 2.25 \text{ cm}$  ہو گا جو  $\frac{2.25}{0.03} = 75$  طول موج کے برابر ہے۔

3729

ان معلومات کے ساتھ اب شکل 11.13 کے سمٹھ نقشے کا سہارا لیتے ہیں۔ بلند تر برقی دباؤ کے نقطے پر داخلی قدرتی رکاوٹ حقیقی عدد ہوتا ہے جس کی قیمت  $sR_0$  کے برابر ہوتی ہے، لہذا ایسے نقطے پر  $z = 2.5$  داخلی  $Z$  ہو گا۔ ہم یوں سمٹھ نقشے پر  $2.5$  داخلی  $Z$  نقطے پر داخل ہوتے ہیں جہاں سے منجانب جزیر فاصلہ  $0.25\lambda$  پڑھا جاتا ہے۔ اس سے  $0.03\lambda$  منفی کرتے ہوئے بار تک پہنچتے ہیں، لہذا  $0.22\lambda$  سے مرکز تک لکیر اور  $s = 2.5$  یعنی  $| \Gamma | = 0.429$  اس کے دائرے کے مطابق سے  $z = 2.1 + j0.8$  پڑھا جاتا ہے۔ یوں  $Z_L = 105 + j40 \Omega$  حاصل ہوتا ہے۔ یاد رہے کہ ہم نے بار کو فیتے پر  $11.5 \text{ cm} -$  یا اس نقطے سے  $\frac{n\lambda}{2}$  فاصلے پر تصور کیا ہے۔ چونکہ بار کا مقام اب بھی مکمل طور پر معلوم نہیں ہے لہذا بہتر یہ ہوتا ہے کہ تجرباتی نتائج سے حاصل  $Z_L$  کی بات کرتے ہوئے بار کا فرض کردہ مقام بھی ساتھ بتلایا جائے۔

3735

آخر میں آئیں اس بار کو  $50 \Omega$  ترسیلی تار کے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دیکھیں۔ ایسا  $d_1$  لمبائی کے کسر دور تار کے ٹکڑے کو بار سے  $d$  فاصلے پر نسب کرنے سے ممکن بنایا جاتا ہے۔ ایسا شکل 11.14 میں دکھایا گیا ہے۔ بار سے  $d$  فاصلے پر  $z$  کے متوازی  $d_1$  لمبی کسر دور ٹکڑا نسب کرنے سے کل رکاوٹ  $Z = 1 + j0$  حاصل کرنے مقصد ہے۔ یہاں  $d_1$  اور  $d$  مطلوب ہیں۔ کسر دور ٹکڑے کی قدرتی رکاوٹ ترسیلی تار کے قدرتی رکاوٹ  $50 \Omega$  کے برابر ہے۔

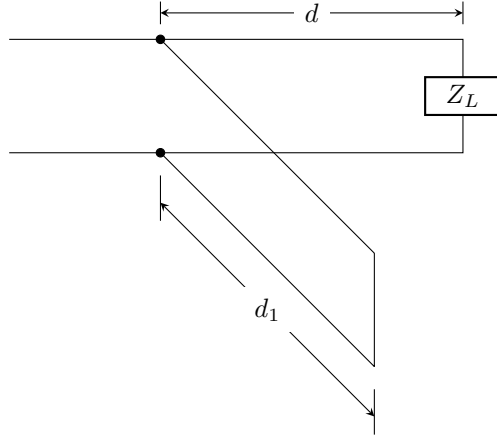
3738

برقی بار اور کسر دور تار کا ٹکڑا متوازی جڑے ہیں۔ متوازی جڑے رکاوٹوں کی بجائے متوازی جڑے برقی فراوانی کے ساتھ کام کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے لہذا ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔ برقی فراوانی کی زبان میں موجودہ مسئلہ کچھ یوں ہے۔ ہم  $d$  اتار کھنا چاہتے ہیں کہ داخلی فراوانی  $1 + jb$  داخلی  $y$  ہو۔ اب اگر داخلی  $y$  کے متوازی  $jb$  برقی تاثیریت جوڑی جائے تو حاصل کل برقی فراوانی  $1 + j0$  ہوگی جو ہمارا مقصد ہے۔ یوں  $d_1$  لمبی کسر دور تار کے ٹکڑے کی برقی تاثیریت  $jb$  درکار ہے۔ ان حقائق کو لے کر سمٹھ نقشے کی مدد سے  $d$  اور  $d_1$  کی قیمتیں حاصل کرتے ہیں۔

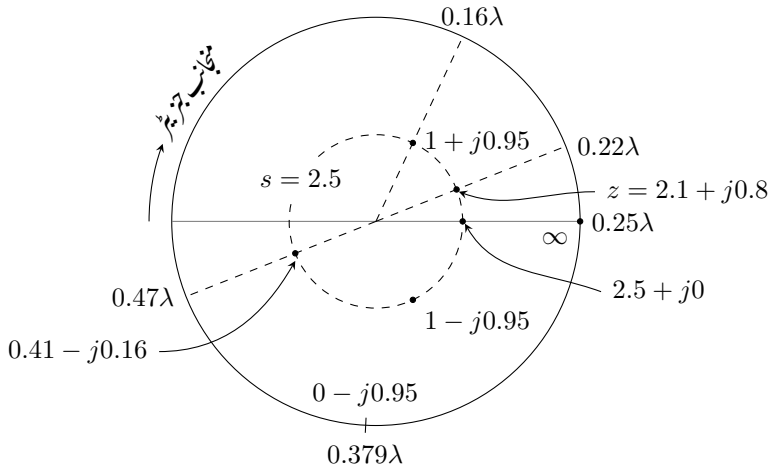
3742

سمٹھ نقشے میں  $z = 2.1 + j0.8$  پر داخلی ہو کر مساوات 11.51 کے تحت منجانب جزیر  $0.25\lambda$  گھومنے سے  $y = \frac{1}{z}$  حاصل ہوتا ہے۔ شکل 11.15 میں ایسا دکھایا گیا ہے۔ سمٹھ نقشے میں  $z = 2.1 + j0.8$  منجانب جزیر  $0.22\lambda$  زاویے پر پایا جاتا ہے۔ یہاں سے منجانب جزیر  $0.25\lambda$  گھومتے ہوئے  $0.47\lambda$  تک پہنچا جاتا ہے جہاں  $| \Gamma |$  اس کے دائرے سے  $y = 0.41 - j0.16$  ملتا ہے۔ اب ہم چاہتے ہیں کہ یہاں سے منجانب جزیر گھومتے ہوئے داخلی قدرتی فراوانی  $1 + jb$  حاصل ہو۔ جیسا شکل میں دکھایا گیا ہے، ایسا  $0.16\lambda$  اور  $0.34\lambda$  زاویوں پر ممکن ہے جہاں سے بالترتیب  $y_1 = 1 + j0.95$  اور  $y_2 = 1 - j0.95$  حاصل ہوتے ہیں۔ پہلے نقطے تک پہنچنے کے لئے کم لمبی تار درکار ہے لہذا اسی کو جواب تسلیم کرتے ہیں۔ بار سے اس نقطے تک  $0.19\lambda = (0.5\lambda - 0.47\lambda) + 0.16\lambda$  تار درکار ہوگی لہذا  $d = 0.19\lambda$  یعنی  $14.25 \text{ cm}$  بنتا ہے۔

3748



شکل 11.14: بار سے  $d$  فاصلے پر  $d_1$  لمبائی کے کسرے دور تار کا ٹکڑا جوڑنے سے بار اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ بنائے جاتے ہیں۔



شکل 11.15: بار  $z = 2.1 + j0.8$  سے  $0.19\lambda$  فاصلے پر  $0.129\lambda$  لمبائی کا کسر دور ٹکڑا جوڑنے سے نظام ہمہ رکاوٹ ہو جاتا ہے۔



اب  $1 + j0.95$  کے متوازی  $-j0.95 = y_{\text{کل}}$  برقی تاثیریت جوڑ کر  $1 + j0$  حاصل ہوگا۔ مساوات 11.54 کے تحت کسرے دور ٹکڑے کی داخلی رکاوٹ یاد آگئی فراوانی خیالی عدد ہوتا ہے لہذا سمتھ نقشے پر ایسے ٹکڑے کا  $g = 0$  ہی رہے گا جو نقشے کی بیرونی دائرے کو ظاہر کرتی ہے۔ عین کسر دور پر  $y = \infty$  حاصل ہوتا ہے جو منجانب جزیئر  $0.25\lambda$  پر پایا جاتا ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہ  $-j0.95 = y_{\text{داخلی}}$  نقشے پر منجانب جزیئر  $0.379\lambda$  پر حاصل ہوتا ہے۔ یوں کسے دور ٹکڑے کی لمبائی  $0.129\lambda = 0.379\lambda - 0.25\lambda$  یعنی  $9.67 \text{ cm}$  حاصل ہوتا ہے۔

3752

3753

مشق 11.4: بے ضیاع  $50 \Omega$  ترسیلی تار کو کسرے دور کرنے سے برقی دباؤ کے دو آپس میں قریبی نشیب  $12 \text{ cm}$  اور  $27 \text{ cm}$  پر پائے جاتے ہیں۔ کسرے دور ختم کرتے ہوئے یہاں بارنسب کرنے سے  $0.4 \text{ V}$  حیطے کے نشیب اور  $0.72 \text{ V}$  حیطے کے چوٹیاں حاصل ہوتی ہیں۔ ایک عدد نشیب  $9 \text{ cm}$  پر حاصل ہوتا ہے۔ ترسیلی تار میں ہوا بطور ذوب برق استعمال ہوا ہے۔ مندرجہ ذیل حاصل کریں۔  $Z_L$  اور  $\Gamma$ ،  $s$ ،  $f$ ،  $\lambda$ ، جوابات:  $36.5 + j21.6 \Omega$  اور  $0.286/108^\circ$ ،  $1.8 \text{ GHz}$ ،  $0.3 \text{ m}$ ۔

3756

3757

3758

3759

مشق 11.5: بے ضیاع  $50 \Omega$  کے ساتھ  $Z_L = 100 + j100 \Omega$  کا بارنسب ہے۔ بار سے  $d$  فاصلے پر  $d_1$  لمبائی کا کسر دور ٹکڑا جوڑتے ہوئے نظام کا ہمہ رکاوٹ بنایا جاتا ہے۔ اگر تار پر  $c = \frac{2}{3}$  ہو جبکہ اشارے کی تعدد  $10 \text{ MHz}$  ہو تب مندرجہ ذیل حاصل کریں۔  $\lambda$ ، چھوٹے سے چھوٹا  $d_1$  اور ایسی صورت میں  $d$  جوابات:  $4.4 \text{ m}$  اور  $1.8 \text{ m}$ ،  $20 \text{ m}$ ۔

3762

3763

3764

## 11.6 تجزیہ عارضی حال

3765

اب تک ہم ترسیلی تار میں کسی ایک تعدد پر، **برقرار یکساں حال**<sup>15</sup> سائن نما امواج کی بات کرتے رہے ہیں۔ اس حصے میں غیر سائن نما امواج کی بات کرتے ہیں۔ آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی غیر سائن نما موج کو فوریز تسلسل کی مدد سے متعدد اجزاء کا مجموعہ لکھا جاسکتا ہے جہاں ہر جزو کی تعدد مختلف ہوتی ہے۔ کسی بھی ترسیلی تار کے مستقل  $R$ ،  $L$ ،  $G$  اور  $C$  از خود تعدد پر منحصر ہوتے ہیں۔ اس کی مثال، ہم محوری تار کی مزاحمت ہے جو موٹائی جلد پر منحصر ہے جہاں موٹائی جلد کا دار و مدار از خود تعدد پر ہے۔ ترسیلی تار میں موج کی رفتار ان مستقل پر منحصر ہے لہذا مختلف تعدد کے امواج تار میں مختلف رفتار سے حرکت کریں گے۔ یوں غیر سائن نما موج کے فوریز اجزاء مختلف رفتار سے حرکت کریں گے جس سے موج کی صورت برقرار نہیں رہ پائے گی۔ حرکت کے دوران موج کی صورت بگڑنے کو **انتشار**<sup>16</sup> کہا جاتا ہے۔ فوریز تسلسل کے انفرادی رفتار  $v_p$  کو **دوری رفتار**<sup>17</sup> کہا جاتا ہے جبکہ منتشر ہوتے موج کی رفتار  $v_g$  کو **مجموعی رفتار**<sup>18</sup> کہا جاتا ہے۔ اس کتاب میں اشارہ انتشار سے پاک امواج پر غور کیا جائے گا۔ یوں دوری رفتار اور مجموعی رفتار برابر ہوں گے۔ اس رفتار کو  $v$  لکھتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں کہ وقت  $t$  میں ایسی موج  $vt$  فاصلہ طے کرے گی۔

3773

غیر سائن نما امواج میں مستطیل موج نہایت اہمیت کی حامل ہے۔ **عددی**<sup>19</sup> اشارات کو صفر اور ایک سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ عددی ادوار ان اشارات کو  $QV$  اور  $5 \text{ V}$  سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہ مستطیل اشارات، ترسیلی تاروں کے ذریعہ ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل ہوتے ہیں۔ یہ اشارات عموماً بلا ترتیب ہوتے ہیں۔ آئین ایسی ہی مستطیل اشارے کی ترسیل پر غور کریں۔ اس طرز کے تجزیے کو **عارضی رد عمل**<sup>20</sup> کہا جاتا ہے۔

3776

steady state<sup>15</sup>dispersion<sup>16</sup>phase velocity<sup>17</sup>group velocity<sup>18</sup>digital<sup>19</sup>transient response<sup>20</sup>

شکل 11.16 میں  $Z_0$  قدرتی رکاوٹ کا ترسیلی تار  $Z_0$  برقی بار کو طاقت فراہم کرنے کے لئے استعمال کیا جا رہا ہے۔ منبع طاقت کی اندرونی رکاوٹ صفر کے برابر ہے۔ لمحہ  $t = 0$  پر سوئچ کو چالو حالت میں کرتے ہوئے منبع کو ترسیلی تار کے ساتھ جوڑا جاتا ہے جس سے ترسیلی تار کا داخلی سرا  $V_0$  برقی دباؤ پر پہنچ جاتا ہے۔ ترسیلی تار کا بقایا حصہ اور برقی بار فی الحال  $0V$  پر ہی رہتے ہیں۔ سوئچ کو چالو حالت میں ہی رکھا جاتا ہے۔ تار کے داخلی سرے پر لاگو برقی دباؤ رفتار  $v$  سے اختتامی جانب حرکت کرے گی۔ یوں لمحہ  $t$  پر یہ موج  $vt$  فاصلہ طے کر چکی ہوگی لہذا منبع سے فاصلہ  $vt$  تک ترسیلی تار پر اب برقی دباؤ  $V_0$  ہوگا جبکہ بقایا تار اب بھی صفر برقی دباؤ پر ہوگا۔ شکل 11.16 میں لمحہ  $t$  پر منبع کے ساتھ ترسیلی تار کی لمبائی جسے کو موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے جبکہ بقایا تار کو پتلی لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔ نقطہ  $vt$  لکیر اس مقام کو ظاہر کر رہی ہے جہاں برقی دباؤ کی موج  $V^+$  پہنچ پائی ہے۔ موج کے حیصے کی قیمت  $V^+ = V_0$  ہوگی۔ تار پر برقی دباؤ کی صورت سیڑھی نما نقائص<sup>21</sup> ہے۔ ترسیلی تار کی لمبائی  $l$  ہونے کی صورت میں برقی دباؤ کی موج، برقی بار تک  $\frac{l}{v}$  دورانیے میں پہنچے گی جہاں  $v$  موج کی مجموعی رفتار ہے۔ اس دورانیے میں عارضی صورت حال<sup>22</sup> پائی جاتی ہے۔ چونکہ برقی بار کی قیمت عین ترسیلی تار کے قدرتی رکاوٹ کے برابر ہے لہذا  $\Gamma = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} = 0$  ہوگا۔ یوں تار کے اختتامی سرے پر انعکاسی موج پیدا نہیں ہوگی۔ اس طرح سوئچ کو چالو حالت میں کرنے کے ٹھیک  $\frac{l}{v}$  دیر بعد برقی بار پر منبع کی برقی دباؤ  $V_0$  پائی جائے گی۔ برقی بار پر اس کے بعد برقی دباؤ برقرار  $V_0$  قیمت پر رہتا ہے۔

3786

برقی دباؤ کی موج کے ساتھ ساتھ برقی رو کی موج بھی پائی جاتی ہے۔ یوں لمحہ  $t = 0$  پر سوئچ کو چالو حالت میں کرتے ہی ترسیلی تار کے داخلی سرے پر  $I^+$  برقی رو کی موج پیدا ہوگی جہاں  $I^+ = \frac{V^+}{Z_0}$  کے برابر ہے۔ اگرچہ موصل تار میں برقی رو، منفی چارج کے حرکت سے پیدا ہوتی ہے، روایتی برقی رو<sup>23</sup> کو مثبت چارج کے حرکت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ شکل 11.16 میں روایتی برقی رو ہی دکھائی گئی ہے۔ یوں مثبت تار میں برقی رو کی سمت منبع سے برقی بار کی جانب ہے جبکہ منفی تار میں اس کی سمت برقی بار سے منبع کی جانب ہے۔ دھیان رہے کہ برقی رو صرف اور صرف نقطہ دار لکیر کے اس طرف پائی جاتی ہے جس طرف منبع نسب ہے۔ یوں اس شکل میں مثبت تار میں منبع سے لے کر نقطہ دار لکیر تک مثبت برقی رو پائی جائے گی جبکہ نقطہ دار لکیر کے دوسری جانب برقی رو صفر کے برابر ہوگی۔ تار کے اس حصے کو موٹی لکیر سے دکھایا گیا ہے جس میں برقی رو پائی جاتی ہے۔ سوئچ کو چالو کرنے کے ٹھیک  $\frac{l}{v}$  دیر بعد برقی بار میں برقرار  $\frac{V_0}{Z_0}$  برقی رو پائی جائے گی۔

3792

شکل 11.16 میں نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب برقی دباؤ صفر کے برابر ہے۔ اس جانب ترسیلی تار کو کپیسٹر تصور کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تار کا یہ حصہ غیر چارج شدہ ہے۔ اس کے برعکس نقطہ دار لکیر کے بائیں جانب برقی دباؤ  $V_0$  ہے۔ یوں تار کا یہ حصہ چارج شدہ ہے۔ مثبت تار پر برقی رو، مثبت چارج کو نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب منتقل کر رہی ہے۔ اسی طرح منفی تار پر برقی رو، نقطہ دار لکیر کے دائیں جانب حصے سے مثبت چارج نکال رہی ہے۔ اس طرح نقطہ دار لکیر کے قریب دائیں جانب تار چارج بردار ہو رہا ہے جس کی وجہ سے اس حصے کی برقی دباؤ بڑھتی ہے۔ یہی برقی موج ہے۔

3796

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ سوئچ کو چالو کرنے سے  $\frac{l}{v}$  تک کے عارضی دورانیے کے دوران کرچاف<sup>24</sup> کے قوانین کارآمد نہیں ہیں۔ عارضی دورانیہ گزرنے کے بعد برقرار یکساں صورت حال پائی جاتی ہے لہذا کرچاف کے قوانین اب قابل استعمال ہوں گے۔ کرچاف کے قانون کے تحت دور میں یک سمتی برقی رو  $\frac{V_0}{Z_0}$  پائی جائے گی۔

3799

آئیں اب برقی بار کی قیمت اور ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ برابر نہ رکھتے ہوئے مسئلے پر دوبارہ غور کریں۔ شکل 11.17 میں ایسا ہی دور دکھایا گیا ہے جس میں منبع کی داخلی رکاوٹ بھی شامل کی گئی ہے۔ لمحہ  $t = 0$  پر سوئچ کو چالو حالت کر دیا جاتا ہے جس سے ترسیلی تار کے داخلی سرے پر  $V_1 = \frac{Z_0 V_0}{Z_0 + R_g}$  برقی دباؤ نمودار ہوگا۔ یہ برقی دباؤ بطور موج  $V_1^+$

$$V_1^+ = \frac{Z_0 V_0}{Z_0 + Z_g} \quad (11.56)$$

3800

برقی بار کی جانب حرکت کرے گی۔



ہوگا جسے

$$V_L = V_1^+ (1 + \Gamma_L)(1 + \Gamma_g \Gamma_L + \Gamma_g^2 \Gamma_L^2 + \dots)$$

لکھا جاسکتا ہے۔ آپ جانتے ہیں کہ  $1 + r + r^2 + r^3 + \dots + r^{n-1} = \frac{1-r^n}{1-r}$  کے برابر ہے۔ یہی کلیہ مندرجہ بالا مساوات کے آخری قوسین پر لاگو کرتے ہوئے لا محدود انعکاس کے بعد

$$V_L = V_1^+ \left( \frac{1 + \Gamma_L}{1 - \Gamma_g \Gamma_L} \right)$$

لکھا جاسکتا ہے جہاں  $\Gamma_g \Gamma_L^n \rightarrow 0$  ہے۔ اس مساوات میں  $\Gamma_g = \frac{Z_g - Z_0}{Z_g + Z_0}$  اور  $\Gamma_L = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$  پر کرتے ہوئے مساوات 11.56 کے استعمال سے

$$V_L = \frac{Z_L V_0}{Z_g + Z_L}$$

حاصل ہوتا ہے جو برقرار یکساں حالت کی صورت میں برقی بار پر برقی دباؤ ہے۔ یہی جواب کرچاف کے قانون سے بھی حاصل ہوتا ہے جس میں ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ کا کوئی کردار نہیں پایا جاتا۔

<sup>4810</sup>figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book  
 transient digital wave on transmission line  
 the answers should be at the end of the book  
 include the DC switch on case as multiple reflections before settling down  
 read chapter 9 onwards (proof reading)  
 put comsat's time table here.  
 energy travels along the wire and not in the wire.  
 antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.  
 house completion certificate.  
 zaryab's tooth  
 zaryab fish  
<sup>4825</sup> $F = \frac{dW}{dT}$  to include in inductance chapter plus a question or two  
 magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.  
 charge is barqi bar.  
 add questions to machine book too.  
 take print outs for myself.

4830

4831

when giving fields always remember the following rules:  
 always ensure that divergence of magnetic field is zero.  
 moving waves must be of the form  $E = E_0 \cos(\omega t - kz)$  where  $c = (\mu * \epsilon)^{-0.5}$  and  $k = 2 * \pi / \lambda$   
 include complex permittivity (7th ed Q12.18 says  $\sigma = \omega \epsilon''$ )  
 include 4th ed fig 11.11 of page 422  
 rename lossless and lossy dielectrics as



## الباب 16

## سوالات

### ترسیلی تار

سوال 16.1: ترسیلی تار کے مستقل  $R = 20 \frac{\Omega}{m}$  ،  $L = 4 \frac{\mu H}{m}$  ،  $G = 80 \frac{\mu S}{m}$  اور  $C = 60 \frac{pF}{m}$  ہیں۔ اس میں  $200 \text{ MHz}$  تعدد کی <sup>4838</sup>برقی موج حرکت کر رہی ہے۔ الف)  $\gamma$  ،  $\alpha$  ،  $\beta$  ،  $\lambda$  اور  $Z_0$  حاصل کریں۔ ب)  $12 \text{ m}$  فاصلہ طے کرنے کے بعد موج کا حیطہ ابتدائی قیمت کی <sup>4839</sup>نسبت سے کتنا ہو گا؟ پ)  $1.6 \text{ m}$  فاصلہ طے کرنے کے بعد موج کا زاویائی فرق کتنا ہو گا؟

جوابات:  $\gamma = 0.049 + j3.1 \text{ m}^{-1}$  ،  $\alpha = 0.049 \frac{Np}{m}$  ،  $\beta = 3.1 \frac{rad}{m}$  ،  $\lambda = 2.03 \text{ m}$  ،  $Z_0 = 258 - j2.37 \Omega$  ،  $55.5\%$  ،  $284^\circ$  <sup>4845</sup>

سوال 16.2: ایک ترسیلی تار جس میں موج کی رفتار  $3 \times 10^8 \frac{m}{s}$  ہے کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 50 \Omega$  ہے۔ تار کے داخلی سروں پر  $20 \text{ MHz}$  <sup>4842</sup>کی موج پیدا کی جا رہی ہے جبکہ اس کا دوسرا سرا کسر دور کیا گیا ہے۔ الف) تار کی لمبائی  $3.75 \text{ m}$  ہونے کی صورت میں داخلی  $Z$  حاصل کریں۔ ب) تار کی <sup>4848</sup>لمبائی بالترتیب  $7.5 \text{ m}$  ،  $1.2 \text{ m}$  اور  $9 \text{ m}$  ہونے کی صورت میں داخلی  $Z$  حاصل کریں۔

جوابات:  $\infty$  ،  $0 \Omega$  ،  $27.5j \Omega$  ،  $36.3j \Omega$  <sup>4849</sup>

سوال 16.3: بے ضیاع ترسیلی تار کی فی میٹر امالہ  $0.25 \frac{\mu H}{m}$  جبکہ اس کی قدرتی رکاوٹ  $75 \Omega$  ہے۔ الف) تار کی فی میٹر <sup>4850</sup>کیپیسٹنس دریافت کریں۔ ب) تار میں موج کی رفتار حاصل کریں۔ پ) موج کی تعدد  $50 \text{ MHz}$  ہونے کی صورت میں  $\beta$  حاصل کریں۔ ت) تار کے ساتھ  $55 \Omega$  کا بار منسلک ہے۔  $\Gamma$  اور  $S$  حاصل کریں۔ <sup>4852</sup>

جوابات:  $s = \frac{15}{11}$  ،  $\Gamma = -\frac{2}{13}$  ،  $\beta = 1.05 \frac{rad}{m}$  ،  $3 \times 10^8 \frac{m}{s}$  ،  $44.4 \frac{pF}{m}$  <sup>4853</sup>

سوال 16.4: ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $300 \Omega$  ہے۔ موج کی تعدد  $6 \times 10^8 \frac{rad}{s}$  جبکہ اس کی رفتار  $2.8 \times 10^8 \frac{m}{s}$  ہے۔ الف) تار کی <sup>4855</sup>فیٹ میٹر امالہ اور کیپیسٹنس حاصل کریں۔ ب) تار پر سلسلہ وار جزی  $150 \Omega$  اور  $0.8 \mu H$  کا بار ڈالا جاتا ہے۔  $\Gamma$  اور  $S$  حاصل کریں۔

جوابات:  $s = 7.49$  ،  $\Gamma = 0.38 + j0.67$  ،  $C = 11.9 \frac{pF}{m}$  ،  $L = 1.07 \frac{\mu H}{m}$  <sup>4856</sup>

سوال 16.5: بے ضیاع ترسیلی تار کی  $80 \text{ MHz}$  تعدد پر قدرتی رکاوٹ  $75 \Omega$  اور  $\beta = 0.25\pi \frac{rad}{m}$  ہیں۔ الف) تار کی  $L$  اور  $C$  <sup>4857</sup>حاصل کریں۔ ب) تار پر  $Z_L = 80 + j100 \Omega$  بار لادا جاتا ہے۔ بار سے کتنے فاصلے پر تار کی داخلی رکاوٹ داخلی  $Z$  حقیقی یعنی  $Z_{داخلی} = R + j0$  <sup>4858</sup>ہو گا۔

جوابات:  $L = 117 \frac{nH}{m}$  ،  $C = 20.8 \frac{pF}{m}$  ،  $60.34 \text{ cm}$  <sup>4859</sup>

سوال 16.6: تعدد  $1 \frac{Mrad}{s}$  پر ضیاع کار ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 40 + j0 \Omega$  اور حرکی مستقل  $\gamma = 2 + j6 \text{ m}^{-1}$  <sup>4860</sup>ہیں۔ الف)  $C$  ،  $R$  اور  $L$  حاصل کریں۔

$$L = 0.24 \frac{\text{mH}}{\text{m}}, R = 80 \frac{\Omega}{\text{m}}, C = 150 \frac{\text{nF}}{\text{m}}, G = 0.05 \frac{\text{S}}{\text{m}} \text{ : جوابات:}$$

سوال 16.7: ہے ضیاع ترسیلی تار کی  $150 \text{ MHz}$  تعدد پر  $Z_0 = 80 \Omega$  اور  $\beta = 6 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$  ہیں۔ تار پر متوازی جڑے  $200 \Omega$  کی مزاحمت اور  $10 \text{ pF}$  کی کپیسٹر کا بار لادا جاتا ہے۔ الف)  $L$  اور  $C$  حاصل کریں۔ ب) شرح ساکن موج حاصل کریں۔

$$s = 4.07, C = 79.6 \frac{\text{pF}}{\text{m}}, L = 0.51 \frac{\mu\text{H}}{\text{m}} \text{ : جوابات:}$$

سوال 16.8: منبع برقی دباو سلسلہ وار جڑی رکاوٹ  $Z = 300 - j300 \Omega$  اور ہے ضیاع ترسیلی تار کے ساتھ منسلک ہے۔ ترسیلی تار کا دوسرا سرا کسمت دور ہے۔ ترسیلی تار میں طول موج  $\lambda$  ہے۔ الف) منبع برقی دباو پر کل  $300 \Omega$  رکاوٹ مہیا کرنے کی خاطر ترسیلی تار کی لمبائی کتنی رکھی جائے گی۔ ب) ترسیلی تار کی لمبائی کے تمام ممکنہ جواب حاصل کریں۔

$$\text{جوابات: } \frac{\lambda}{8} = \text{لمبائی}, \frac{\lambda}{8} + \frac{m\lambda}{2} = \text{لمبائی}$$

سوال 16.9: تعدد  $50 \text{ MHz}$  کے منبع برقی دباو کے ساتھ رکاوٹ  $Z_g = 50 + j50 \Omega$  اور ہے ضیاع ترسیلی تار سلسلہ وار جڑے ہیں۔ ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 100 \Omega$ ، لمبائی  $\frac{\lambda}{4}$  ہے اور یہ بار  $Z_L$  کو طاقت فراہم کر رہی ہے۔ الف) بار کی وہ قیمت دریافت کریں جس پر منبع برقی دباو کو کل  $100 \Omega$  رکاوٹ نظر آتی ہے۔ ب) ترسیلی تار کی فی میٹر امالہ  $L = 1.5 \frac{\mu\text{H}}{\text{m}}$  ہونے کی صورت میں ترسیلی تار میں موج کی رفتار اور ترسیلی تار کی لمبائی دریافت کریں۔

$$\text{جوابات: } Z_L = 100 + j100 \Omega, 6.6737 \frac{\text{m}}{\text{s}}, 0.333 \text{ m}$$

سوال 16.10: تیس میٹر لمبی ہے ضیاع ترسیلی تار کے دونوں سرے آزاد رکھنے کی صورت میں اس کی کل کپیسٹنس  $C = 1.5 \text{ nF}$  ناپی جاتی ہے۔ اس کا ایک سرا کسر دور کرتے ہوئے دوسرے سرے پر نہایت کم دورانیے کا مستطیلی برقی دباو کا جھٹکا دیا جاتا ہے جو کسر دور سرے سے ٹکرا کر واپس لوٹتا ہے۔ تار میں دورے طرفہ فاصلہ کل  $0.4 \mu\text{s}$  میں طے پاتا ہے۔ ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ حاصل کریں۔

$$\text{جواب: } Z_0 = 133.3 \Omega$$

سوال 16.11: ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 60 \Omega$  جبکہ اس پر موج کی رفتار  $2.8 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  ہے۔ تار پر آمدی موج کی مساوات  $V_s^+(z, t) = 100 \cos(\omega t - \pi z) \text{ V}$  ہے۔ الف) موج کی زاویائی تعدد حاصل کریں۔ ب) آمدی موج کی مساوات لکھیں۔ پ) ترسیلی تار کا  $z > 0$  حصہ بٹا کر  $z = 0$  پر  $Z_L = 60 + j40 \Omega$  رکاوٹ نسب کرنے کی صورت میں  $\Gamma$  حاصل کریں۔ انعکاسی موج  $V_s^-(z, t)$  کی مساوات لکھیں اور  $z = -2.25 \text{ m}$  پر  $V_s$  حاصل کریں۔

$$\text{جوابات: } \omega = 879.6 \frac{\text{Mrad}}{\text{s}}, I^+(z, t) = \frac{5}{3} \cos(\omega t - \pi z) \text{ A}, \Gamma = 0.1 + j0.3 = 0.316/71.6^\circ, V_s^-(z, t) = 31.6e^{j(\pi z + 1.249)} \text{ V}, V_s(z = -2.5 \text{ m}) = 130.4e^{j0.71} = 130.4/40.6^\circ$$

سوال 16.12: ترسیلی تار کی  $Z_0 = 50 \Omega$ ، لمبائی  $330 \text{ m}$  اور اس میں رفتار موج  $v = 0.8c$  ہے۔ یہ  $Z_L = 40 + j70 \Omega$  برقی بار پر اختتام پذیر ہے۔ تعدد  $1.2 \text{ MHz}$  پر  $\Gamma$ ،  $s$  اور داخلی  $Z$  حاصل کریں۔

$$\text{جوابات: } 0.62/60.3^\circ, 4.27, 100/-56.2^\circ$$

سوال 16.13: ہے ضیاع ترسیلی تار کی لمبائی  $3 \text{ m}$ ، قدرتی رکاوٹ  $300 \Omega$  جبکہ اس پر طول موج  $4 \text{ m}$  ہے۔ ترسیلی تار کے ساتھ نسب برقی بار  $100 - j150 \Omega$  پر  $100/30^\circ$  برقی دباو پایا جاتا ہے۔ الف) ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباو حاصل کریں۔ ب) تار پر زیادہ سے زیادہ برقی دباو کیا پایا جائے گا؟

$$\text{جوابات: } 187.8 \text{ V}, 166.4/-63.7^\circ \text{ V}$$

سوال 16.14: ہے ضیاع ترسیلی تار کی لمبائی  $38 \text{ m}$  ہے جبکہ اس کے مستقل  $L = 0.3 \frac{\mu\text{H}}{\text{m}}$  اور  $C = 90 \frac{\text{pF}}{\text{m}}$  ہیں۔ بار  $Z_L = 40 + j0 \Omega$  ہے جبکہ داخلی جانب  $4 \text{ MHz}$  تعدد کا منبع  $200/0^\circ \text{ V}$  مہیا کر رہا ہے۔ الف) داخلی برقی رو کا حیطہ حاصل کریں۔ ب) بار پر برقی رو کا حیطہ حاصل کریں۔ پ) بار کو منتقل طاقت حاصل کریں۔

$$\text{جوابات: } 10.2 \text{ A}, 3.52 \text{ A}, 247.9 \text{ W}$$



سوال 16.15:  $300 \Omega$  قدرتی رکاوٹ کی ترسیلی تار پر متوازی جڑے  $400 \Omega$  اور  $600 \Omega$  کا بار لادا جاتا ہے۔ تار کی لمبائی  $\frac{5\lambda}{8}$  ہے جبکہ اسے داخلی جانب  $v(t) = 310 \cos(2 \times 10^9 t) V$  برقی دباؤ مہیا کی جاتی ہے۔ بار بردار ترسیلی تار کی داخلی رکاوٹ  $Z_{\text{داخلی}}$  حاصل کرتے ہوئے باقی دو تاروں مزاحمتوں کو مہیا اوسط طاقت حاصل کریں۔

4898

جوابات:  $Z_{\text{داخلی}} = 292.7 + j65.9 \Omega$  ،  $93.8 W$  ،  $62.5 W$

4899

سوال 16.16: صفحہ 374 پر شکل 11.5-الف میں برقی بار کو ترسیلی تار کے ذریعہ منبع سے طاقت فراہم کرتا دکھایا گیا ہے۔ موجودہ سوال میں  $Z_0 = 60 \Omega$  ، برقی بار  $Z_L = 40 - j50 \Omega$  ، منبع کی خارجی مزاحمت  $Z_g = 40 \Omega$  ، تعدد  $10^8 \text{ Hz}$  ، تار کی لمبائی  $1.3 \text{ m}$  جبکہ منبع کی برقی دباؤ  $80 \angle 0^\circ V$  ہیں۔ ترسیلی تار میں موج کی رفتار  $c$  کے برابر ہے۔ الف) شرح ساکن موج  $s$  اور ترسیلی تار کی داخلی  $Z_{\text{داخلی}}$  حاصل کریں۔ ب)  $Z_g$  اور  $Z_L$  اوسط طاقت ضیاع حاصل کریں۔ پ) ترسیلی تار میں طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔

4903

جوابات:  $s = 2.86$  ،  $Z_{\text{داخلی}} = 99.1 - j75.2 \Omega$  ،  $5.1 W$  ،  $12.7 W$  ،  $0 W$

4904

سوال 16.17: ترسیلی تار کی لمبائی  $\frac{8\lambda}{7}$  ، قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 75 \Omega$  جبکہ اس پر برقی بار  $Z_L = 100 - j50$  ہے۔ تار میں موج کی رفتار  $c$  ہے۔ اسے داخلی جانب  $100 \Omega$  کے خارجی مزاحمت کے منبع سے  $600 \angle 0^\circ V$  برقی دباؤ مہیا کی جاتی ہے۔ الف)  $\Gamma$  ،  $s$  اور داخلی  $Z_{\text{داخلی}}$  حاصل کریں۔ ب) ترسیلی تار کی داخلی برقی رو اور اسے مہیا طاقت حاصل کریں۔ پ) برقی بار پر برقی دباؤ اور اس کی برقی رو حاصل کریں۔ ت) برقی بار کو منتقل طاقت حاصل کریں۔

4908

جوابات: الف)  $\Gamma = 0.21 - j0.23$  ،  $s = 1.89$  ،  $Z_{\text{داخلی}} = 41.7 - j14 \Omega$  ،  $370 W$  ،  $4.2/5.6^\circ A$  ب)  $370 W$  ،  $2.7/-37^\circ A$  ،  $304/-63^\circ V$

4909

سوال 16.18: قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 300 \Omega$  اور لمبائی  $0.7 \text{ m}$  کے ترسیلی تار کا خارجی سرا کسر دور کیا جاتا ہے۔ تار پر طول موج  $0.34 \text{ m}$  ہے۔ داخلی اشارے کا حیطہ  $15 V$  ہونے کی صورت میں تار پر زیادہ سے زیادہ حیطہ کیا پایا جائے گا؟ کسر دور سرے میں برقی رو کا حیطہ دریافت کریں۔

4911

جوابات:  $41.5 V$  ،  $138.4 \text{ mA}$

4912

سوال 16.19: منبع برقی رو  $0.4 \angle 0^\circ A$  جس کی خارجی مزاحمت  $80 \Omega$  ہے ،  $3.4 \lambda$  لمبی ترسیلی تار کے ذریعہ  $25 \Omega$  کے بار کو طاقت فراہم کرتا ہے۔ ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $50 \Omega$  ہے۔ مزاحمتی بار اور منبع کی مزاحمت میں طاقت کا ضیاع دریافت کریں۔

4914

جوابات:  $1.28 W$  ،  $0.81 W$

4915

سوال 16.20: برقی بار  $Z_L = 90 - j55 \Omega$  کو  $0.12 \lambda$  لمبائی اور  $Z_0 = 70 \Omega$  قدرتی رکاوٹ کی ترسیلی تار طاقت فراہم کرتی ہے۔ سمتہ نقشیہ استعمال کرتے ہوئے بار بردار ترسیلی تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ  $Z_{\text{داخلی}}$  اور شرح ساکن موج  $s$  حاصل کریں۔

4918

جوابات:  $s = 2.05$  ،  $38 - j20 \Omega$

4919

سوال 16.21: ضیاع ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0 = 400 \Omega$  ہے۔ تار کو  $200 \text{ MHz}$  تعدد پر استعمال کیا جا رہا ہے۔ اس تعدد پر  $Z_{\text{داخلی}} = 200 - j200 \Omega$  ہے۔ تار کی لمبائی  $1 \text{ m}$  ہے۔ سمتہ نقشیہ استعمال کرتے ہوئے الف) شرح ساکن موج حاصل کریں۔ ب) تار پر نسب برقی بار  $Z_{\text{داخلی}}$  حاصل کریں۔ پ) بلند تر برقی دباؤ کا مقام حاصل کریں۔

4922

جوابات:  $s = 2.62$  ،  $Z_L = 1040 + j69.8 \Omega$  ،  $z = -7.2 \text{ mm}$

4923

سوال 16.22: ضیاع دو متوازی تار پر مبنی ترسیلی تار کی لمبائی  $25 \text{ m}$  ، قدرتی رکاوٹ  $300 \Omega$  اور فی میٹر کیپٹنس  $12 \frac{\text{pF}}{\text{m}}$  ہے۔ نقطہ  $z = 0$  پر تار کے ساتھ متوازی جڑے مزاحمت  $800 \Omega$  اور کیپٹنس  $5 \text{ pF}$  کا برقی بار جڑا ہے۔ تعدد  $\omega = 10^{10} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  پر سمتہ نقشے کے ذریعہ  $\Gamma$  ،  $s$  اور داخلی  $Z_{\text{داخلی}}$  حاصل کریں۔

4926

جوابات:  $\Gamma = 0.44 - j0.16$  ،  $s = 2.7$  ،  $Z_{\text{داخلی}} = 584 + j335 \Omega$

4927

سوال 16.23: ضیاع ترسیلی تار پر  $\frac{Z_L}{Z_0} = 2 + j1$  جبکہ  $\lambda = 20 \text{ m}$  ہے۔ سمتہ نقشے کے استعمال کرتے ہوئے حل کریں۔ الف) وہ نقطہ دریافت کریں جس پر  $Z_{\text{داخلی}} = r + j0$  یعنی حقیقی عدد ہو جہاں  $r > 1$  ہے۔ ب) اس نقطے پر داخلی  $Z_{\text{داخلی}}$  حاصل کریں۔ پ) اس نقطے پر ترسیلی تار کو رکاوٹ کر برقی بار جانب حصے کو بنایا جاتا ہے جبکہ نئے سرے پر  $r$  نسب کیا جاتا ہے۔ ترسیلی تار پر  $s$  حاصل کریں۔ ت) نسب کئے گئے  $r$  سے کتنے فاصلے پر  $\frac{Z_L}{Z_0} = 2 + j1$  ہو گا؟

4931

جوابات:  $0.74 \text{ m}$  ،  $Z_{\text{داخلی}} = 2.61 + j0 \Omega$  ،  $s = 2.61$  ،  $9.26 \text{ m}$

4932

4933



جدول 16.1:  $\sigma$ 

$\sigma, \frac{\text{S}}{\text{m}}$	چیز	$\sigma, \frac{\text{S}}{\text{m}}$	چیز
$7 \times 10^4$	گرفتار	$6.17 \times 10^7$	چاندی
1200	سلیکان	$5.80 \times 10^7$	تانبا
100	فیرائٹ (عمومی قیمت)	$4.10 \times 10^7$	سونا
5	سمندری پانی	$3.82 \times 10^7$	المونیم
$10^{-2}$	چھونا پتھر	$1.82 \times 10^7$	ٹنگسٹن
$5 \times 10^{-3}$	چکنی مٹی	$1.67 \times 10^7$	جست
$10^{-3}$	تازہ پانی	$1.50 \times 10^7$	پیتل
$10^{-4}$	مقطر پانی	$1.45 \times 10^7$	نکل
$10^{-5}$	ریتیلی مٹی	$1.03 \times 10^7$	لوہا
$10^{-8}$	سنگ مرمر	$0.70 \times 10^7$	قلعی
$10^{-9}$	بیک لائٹ	$0.60 \times 10^7$	کاربن سٹیل
$10^{-10}$	چینی مٹی	$0.227 \times 10^7$	مینگنیز
$2 \times 10^{-13}$	بیرا	$0.22 \times 10^7$	جرمنیم
$10^{-16}$	پولیسٹرن پلاسٹک	$0.11 \times 10^7$	سٹینلس سٹیل
$10^{-17}$	کوارٹس	$0.10 \times 10^7$	نائیکروم

جدول 16.2 :  $\sigma/\omega\epsilon$  and  $\epsilon_R$ 

$\sigma/\omega\epsilon$	$\epsilon_R$	چیز
	1	خالی خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونیم آکسائیڈ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	کاربن ڈائی آکسائیڈ
	16	جرمنیم
0.001	4 تا 7	شیشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابر
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	کاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.000 05	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.000 75	3.8	کوارٹس
0.002	2.5 تا 3	ریڑ
0.000 75	3.8	سلیکا $\text{SiO}_2$
	11.8	سلیکان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائیڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

جدول 16.3:  $\mu_R$ 

$\mu_R$	چیز
0.999 998 6	بسمت
0.999 999 42	پیرافین
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندی
1.000 000 65	المونیم
1.000 000 79	بیریلم
50	نکل
60	ڈھلوان لوہا
300	مشین سٹیل
1000	فیرائٹ (عمومی قیمت)
2500	پریم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سیلکان لوہا
4000	خالص لوہا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپریم بھرت (supermalloy)

جدول 16.4: اہم مستقل

قیمت	علامت	چیز
$(1.602\,189\,2 \pm 0.000\,004\,6) \times 10^{-19} \text{ C}$	c	الیکٹران چارج
$(9.109\,534 \pm 0.000\,047) \times 10^{-31} \text{ kg}$	m	الیکٹران کمیت
$(8.854\,187\,818 \pm 0.000\,000\,071) \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}}$	$\epsilon_0$	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7} \frac{\text{H}}{\text{m}}$	$\mu_0$	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997\,924\,574 \pm 0.000\,000\,011) \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

