برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

عنوان

1	4																																					ت	سمتيان	,	1
1	5																																	~:	ِ سمت	، اور	لدارى	مق	1.1		
2	6		•						•	•																			٠						را .	ٔلجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																		حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8														•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	ļ	
9	9																																		نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			رقبہ	متی ر	س	1.6	,	
10	11																																	,	ضرب	تى '	بر سم	غي	1.7	,	
14	12		•						•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب يا	ضرب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠							•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9)	
20	14						•						•	ب	ضر	تى	سم	غير	- g	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيه	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	. 1			
20	15																							لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلك		1.9.	.2			
25	16												•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلك		1.9.	.3			
27	17		•	•					•	•																			٠						.د	محد	روی .	کر	1.10)	
39	18																																			ن	ا قانود	ب کا	كولومد		2
39	19		•						•																				٠					فع	ے یا د	شش	بت ک	قو	2.1		
43	20																																ت .	شدر	کی	دان	قى مىي	برة	2.2	!	
46	21			٠							•												. :	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د لک	حدو	لام	هی	سيد	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.3	;	
51	22																											ح -	سط	ود	ىحد	. لا	ہموار	دار	ج بر	چار	کساں	یک	2.4	ļ	
55	23																																	۴	ِ حج	بردار	ارج ب	چ	2.5	i	
56	24		•																										•							ال	ید مث	مز	2.6)	
64	25																														خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	,	

iv augli

انون اور پهيلاو	گاؤس کا	3
اکن چارج	3.1	
راڈے کا تجربہ	3.2	
اؤس كا قانون	3.3	
اؤس کے قانون کا استعمال	3.4	
.3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	i	
محوري تار	3.5	
کسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6	
نہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7	
يلاو	3.8	
کی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9	
يلاو کې عمومي مساوات	3.10	
سئلہ پھیلاو	3.11	
٠٠٠	3.11	
	3.11	
برقمي دباو	توانائی اور	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1	4
93 41	توانائی اور 4.1 :	4
93 41 برقی دباو انائی اور کام	توانائی اور 4.1 :	4
93 41	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 93 42 42 54 43 43 54 43 44 59 44 40 50 5 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 :	4
93 41 93 42 94 45 22 24 20 25 25 20 25 26 21 26 27 22 27 28 22 28 29 44 29 30 22 30 40 3 30 40 4 40 4.3. 4.3. 4.3. 4.3.	توانائی اور 4.1 : 4.2 : 4.3 : 4.3	4
93 41 93 42 95 49 42 95 45 96 45 97 45 98 49 40 99 44 99 44 99 44 99 44 99 44 99 45 99 46 99 47 99 48 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 99 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49 49	توانائی اور 4.1 4.2 4.3 4.3	4
93 41 يرقي دباو 93 42 انائي اور كام 24 43 يري تكملم 99 44 الله على دباو 400 الكيرى جارج كا يرقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقي دباو 4.3. الكيرى چارج كري برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو 4.3. الكيرى برقي دباو	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2. 104 52 2. 205 22 2. 207 23 2. 208 24 2. 209 44 2. 300 4 3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 4.3. 5. 4. 4. 4. 4. 5. 5. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6. 6.	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 41 يرقى دباو 93 42 2 20 20 ككمل 4 40 4 4 40 5 4 40 6 4 40 7 4 40 8 4 40 9 4 40 9 4 40 10	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5	4
93 دباو يومي دباو 94 دباو يومي تكملم 34 دباو يومي تكملم 40 دباو يومي دباو 4.3. يومي دباو 4.4. يومي دباو 4.5. يومي دباو 4.6. يومي دباو 4.7. يومي دباو 4.8. يومي دباو 4.9. يومي دباو 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان 4.5. كروى محدد ميں ڈھلوان	4.1 4.2 4.3 4.4 4.5 4.6	4

v عنوان

125/5																							ىىطر	کپیس	، اور	ذو برق	ىل،	موص	5
1256									•				 •	•							رو	برقى	فت	ر کثا	رو او	برقی ر	:	5.1	
127/37	 •		•				÷	 												٠			ات	مساو	ارى	استمرا	;	5.2	
1298	 •		•				÷	 												٠						موصل	;	5.3	
1349	 •		•				÷	 									ئط	شرائ	ندى	سرح	اور .	یات	سوصب	ے خص	، کے	موصل	;	5.4	
13760	 •		•				÷	 												٠			بب	تركي	، کی	عكس	;	5.5	
1401																	·						·		رصل	نيم مو	:	5.6	
14162																	·						·		نى	ذو برق	:	5.7	
1463																	•	ئط	شرا	برقى	. پر	سرحد	ئے س	رق ک	ذو ب	كامل	:	5.8	
150,4																		ئط	شرا	ىدى	سرح	کے '	رقی	ذو بر	، اور	موصل	:	5.9	
15 0 s									•				 •	•											نُر	كپيسٹ	5	.10	
1526																			. ,	يسطر	ر کپ	چاد	ِازى	متو	5.	10.1			
153,7																				مثلر	کپیس	ری	محو	بم	5.	10.2			
1538																			سطر	کپیہ	کرہ	ری	محو	بم	5.	10.3			
1559									•				 •	•					سطر	کپیہ	ڑے	ی ج	ىتوازة	اور •	ء وار	سلسله	5	.11	
1560							•		•				 •	•						_	منطنسر	کپیس	، کا	تارود	وازى	دو متو	5	.12	
169 ₁																							ت	مساوا	إس ،	ر لاپلا	ىن او	پوئس	6
17172																								ئى	يكتا	مسئلہ	,	6.1	
173/3							•	 					 -								2	طی بے	، خد	ساوات	<i>ن</i> مس	لاپلاس	,	6.2	
173,4								 						•		إت	ساو	کی م	س -	لاپلا	سِ ا	ىدد م	، مح	کروی	اور ً	نلكى	(6.3	
174s								 													ي .	ے حا	، کے	ساوات	ں میں	لاپلاس	i	6.4	
181,6								 											ل .	مثا	، کی	ِ حل	کے	اوات	، مس	پوئسن		6.5	
1837								 												عل	پی -	ضرب	، کا	ساوات	ں میں	لاپلاس	1	6.6	
191/18								 									·					ريقہ	کا طر	انے آ) دېرا	عددى	,	6.7	

vi

199%																													ان	ميد	طیسی	مقنا	ساكن	7
199₀	 									•												•					. :	قانود	ِٹ کا	سيوار	يوڭ-س	با	7.1	
204 _{s1}	 																											انون	زری ق	کا دو	مپيئر ک	اي	7.2	
210/2	 																														ردش	5	7.3	
217/83	 																							ر	ردش	ں گ	.د می	محد	نلكى		7.3.	1		
22284	 																				وات	مسا	کی	ش	گرد	میں	عدد	ی مح	عموم		7.3.	2		
224s	 	•		•				٠	٠		 ٠						 •	٠			ات	ساو	کی م	ئل آ	ئردڅ	یں گ	لد م	، مح	كروى		7.3.	3		
2256	 																												. س	ىٹوك	سئلہ س	م	7.4	
2287	 				•					•												•	پاو .	ے بہ	يسى	لقناط	ت ه	ِ کثاف	ىهاو او,	ی ب	نناطيس	i.	7.5	
2358	 				•					•												•			دباو	سی	فناطي	تى مة	ور سم	نی او	ير سمه	غ	7.6	
2409	 				•					•												یل	حصو	کا ۔	ین ۔	, قوان	کے	ميدان	یسی	قناط	اكن م	w	7.7	
2400	 							•																	او	ی دب	طيسه	, مقنا	سمتى		7.7.	1		
2421	 																								ė.	. تا:.					7.7.	2		
			•	٠	•		•	•	•	•	 •	•	•	•	•		 ٠	٠	٠	٠	•	•			ر	ی قانو	دورد	رکا	ايمپيئ		,.,.	2		
249/2			•	•	•	•	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	•	 ٠	٠	•	٠	•	•											مقناطي	8
249⁄2	 																								الہ	ور ام	ے او	، ماد	اطيسي	مقن	قوتيس،	سىي		8
249 ₅₂ 249 ₅₃			 ٠									•	 ٠						•	•					الہ	ور ام	ے او	. ماد قوت	اطیسی رج پر	مقن چار	قوتیں، بحرک	سىي ما		8
249 ₁₂ 249 ₁₃ 250 ₁₄		•																							الہ .	ور ام	ے او	_ ماد قوت ت	اطیسی ج پر پر قو	مقن چار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مە	8.1	8
249 ₀₂ 249 ₀₃ 250 ₀₄ 254 ₀₅	 																						قوت	٠.	الہ	ور ام	ے اوا 	، ماد قوت ت رقی :	باطیسی ج پر پر قو زتے تف	مقن چار عارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ	سىي مت تە	8.1	8
249 ₆₂ 249 ₆₃ 250 ₆₄ 254 ₆₅ 255 ₆₆	 										 						 						 قوت 	نين	الہ	ور ام کمے	ے اوا ناروں	، ماد قوت ت رقى :	اطیسی رج پر رتے تفور رژے تفور	مقن چارا گزارج گزار	قوتیں، نحرک رقی چ تِی رو پِت اور	سىي من تف بر	8.1 8.2 8.3	8
249 ₂₂ 249 ₃₃ 250 ₃₄ 254 ₅₅ 261 ₆₇	 										 						 						قوت قوت خط <u>ط</u>	بین	اله ماب	ور ام مقنا	ے اور ناروں : اور	ماد قوت ت رقی :	رج پر قو زر تفقر زر م	مقن چار گزارج گزار	قوتیں، بحرک رقی چ قی رؤ پت اور لادی	سىي من تف بر فو	8.1 8.2 8.3 8.4	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆₇ 262 ₈	 																						خطي	بين	اله ماب طيس	ور ام . کر . مقنا	ے اور ناروں ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	ر ماد توت رقی : اشیا	اطیسی رج پر رج پر قورتے تفور رتے تفور رق و طیسی اور مقاور م	مقن چارج گزارج مقنا مقنا	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو پت اوررنی لادی	سسی تف بر فو فو	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉	 																						قوت خطير 		اله ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا ناطیس	اطیسی رج پر تو و رتے تفور رتے تفور رتے تفور میں اور مقددی	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک وقی چ قی رو قی رو یت اورو لادی نناطیس	سىي تە بر مۇ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
249 ₂ 249 ₃ 250 ₄ 254 ₅ 255 ₆ 261 ₆ 262 ₈ 265 ₉ 268 ₀₀	 																						قوت خط		اله ماب طيس	ور ام مقنا	ے اور ناروں	ی ماد قوت رقی : اشیا نناطیس	اطیسی رج پر رج پر قور . و قور . و ور .	مقن چارج گزارج مقنا مقنا ی	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو یقی رو پت اور نناطیس نناطیس	سىي تف ير فو فو من	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6	8
249 ₂₂ 249 ₂₃ 250 ₂₄ 254 ₂₅ 255 ₂₆ 261 ₂₇ 262 ₂₈ 265 ₂₉ 268 ₂₀₀ 271 ₁₀₁																							قوت خطر 		اله . ماب طيس	ور ام	ے اور ناروں	ر ماد تو رقی ا اشیا ناطیس توانائه	اطیسی رج پر قو رتے تفوی رئر مقوطیسی کا اور مقوم میرحدی ور .	مقن چارج گزار مقنا مقنا ی س	قوتیں، بحرک رقی چ قی رو قی رو نناطیس نناطیس نناطیس نناطیس	سىي ت ت قو فو م م م م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii vii

283.04	9 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات
283. ₀₅	9.1 فيراڈے کا قانون
29006	9.2 انتقالی برقمی رو
296 ₆₇	9.3 میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل
29808	9.4 میکس ویل مساوات کی تکمل شکل
303	9.5 تاخیری دباو
311110	10 مستوى امواج
311	10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج
	•
31212	10.2 برقی و مقناطیسی مستوی امواج
32013	10.2.1 خالى خلاء ميں امواج
323 ₁₄	10.2.2 خالص يا كامل ذو برق ميں امواج
325,15	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج
32916	10.3 پوئٹٹنگ سمتیہ
33417	10.4 موصل میں امواج
34018	10.5 انعكاس مستوى موج
347/19	10.6 شرح ساكن موج
35220	10.7 دو سرحدی انعکاس
357/21	10.7.1 فيبرى-پيروٹ طيف پيما
35822	. کی صورت میں ہم رکاوٹ صورت کا حصول $\eta_1 eq \eta_3$ 10.7.2
359 ₂₃	10.7.3 متعدد سرحدی مسئلہ
360 ₂₄	10.8 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب
36825	10.9 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ

viii

نار 377/126	ترسیلی :	11
ترسیلی تار کے مساوات	11.1	
ترسیلی تار کے مستقل	11.2	
11.2.1 يم محورى تار كرح مستقل		
11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل		
11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار		
ترسیلی تار کے چند مثال	11.3	
ﺗﺮﺳﻴﻤﻰ ﺗﺠﺰﻳﺪ، ﺳﻤﺘﻬ ﻧﻘﺸﯩﺪ	11.4	
11.4.1 سمته فراوانی نقشہ		
تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5	
تجزیه عارضی حال	11.6	
	_	
مد، انعكاس، انحراف اور انكسار مد	0	12
ترچهي آمد		
قطبی موج کی ترچهی آمد		
ترسيم بائي گن	12.3	
عهمکیا 445،41	مويج او,	13
ط4541 _ گهمکیا برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	•	13
	13.1	13
برقمی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1	13
برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	13.1	13
445.62	13.1 13.2 13.3	13
44542	13.1 13.2 13.3	13
44542 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ 44643 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھوکھلا مستطیلی مویج کھوکھلا مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 46144 تعصیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 46746 TMmn مویج میں عرضی مقناطیسی مقناطیسی مقناطیسی TMmn موج	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5	13
44542 . عرفی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ . 44643 . عربیج میں عرضی برقی موج . 45144 . کھو کھلا مستطیلی مویج . 46145 . عور . 46146 . عور . 46746 . TMmn مویج کے میدان پر تفصیلی غور . 46746 . کھوکھلی نالی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn مویج . 47247 . کھوکھلی نالی مویج .	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
44542 <t< th=""><th>13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6</th><th>13</th></t<>	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6	13
44542 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ 44643 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھو کھلا مستطیلی مویج کھو کھلا مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 46145 33.3.1 46746 مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج کھو کھلی نالی مویج کم تعدد پر تضعیف انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف 48040 18640 18640	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7	113
445a2 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ 446a5 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھوکھلا مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 45 laa 46 las 13.3.1 467a6 TMmn مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج کھوکھلی نالی مویج برتضعیف 472a7 برتضعیف 48a8 بیند تعدد پر تضعیف 48a9 سطحی موج	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8	113
44542	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9	13
445ء2 عور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج کھو کھلا مستطیلی مویج 45 استطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور 13.3.1 467ءء مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TMmn موج کھو کھلی نالی مویج کی TMmn مویج انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف معداد انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف معداد مطحی موج مویج موبع موبع دو برق تختی موبع موبع شیش ریشد موبع	13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8 13.9 13.10	13

505.56		14 اینٹینا اور شعاعی اخراج
505.57		14.1 تعارف
505.58		14.2 تاخیری دباو
507 ₁₅₉		14.3 تكمل
50860		14.4 مختصر جفت قطبی اینٹینا
51661		14.5 مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت
52062		14.6 ڻھوس زاويہ
52 l ₁₆₃		14.7 اخراجی رقبہ، سمتیت اور افزائش
52864		14.8 قطاری ترتیب
52865		14.8.1 غير سمتي، دو نقطہ منبع
529.66		14.8.2 ضرب نقش
53067		14.8.3 ثنائي قطار
53268	لار	14.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
53469	لار: چوژائی جانب اخراجی قطار	14.8.5 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
53470	لار: لمبائى جانب اخراجي قطار	14.8.6 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
53871	لار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	14.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قط
539,72		14.9 تداخُل پیما
54073		14.10 مسلسل خطى اينثينا
54 l ₁₇₄		14.11 مستطيل سطحي اينڻينا
544,75	بدل ہیں	14.12 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر
544,76		14.13 خطى اينٹينا
549.77		14.14 چلتے موج اینٹینا
55078		14.15 چهوڻا گهيرا اينٿينا
55 l ₁₇₉		14.16 پيچ دار اينٿينا
553.80		14.17 دو طرفه کردار
555.81		14.18 جهری اینٹینا
55682		
55883		14.20 فرائس ریڈار مساوات
56 l ₁₈₄	گی	14.21 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکرد ً
56385		14.22 حرارت نظام اور حرارت بعید

4292

مویج اور گهمکیا

اب تک ہم صرف عرضی برتی ومقناطیسی TEM¹مواج کی بات کرتے آرہے ہیں جن میں برتی اور مقناطیسی دونوں میدان سمت حرکت کے عمود کی ہوتے ہیں جاس باب میں تر سیلی تاریر بحث کو آگے بڑھاتے ہوئے ایسے امواج پر غور کیا جائے گا جن میں برتی یا مقناطیسی میدان سمت حرکت کی جانب بھی جزور کھتے ہوں۔وہ تجدیسیل تار جو صرف اس طرح کے امواج کو گزار سکیں موتج کے کہلاتے ہیں۔

دولا محدود جسامت کے مستوی سطحوں کے موتئے سے بات شر وع کرتے ہوئے کھو کھلے مستطیلی اور نکلی موتئ تک بات بڑھائی جائے گی۔ان موتئ میں مہیدان کے اشکال،ان کے منقطع طول موج اور تضعیفی مستقل حاصل کئے جائیں گے۔اس کے بعدا یک تار پر بیر ونی موج اور دیگر اقسام کے موتئ پر غور کیا جائے گلھ آخر میں موصل کے بند ڈیوں میں مقیدامواج پر غور کیا جائے گا۔ان ڈیوں کو گھمکیا کہتے ہیں۔

13.1 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ

کم تعدد پر بر قی دیاد، بر قی رو، مزاحمت وغیرہ دوہ متغیرات ہیں جنہیں استعال کرتے ہوئے بر قی ادوار حل کئے جاتے ہیں۔ان تعدد پر تمام مزاحمت یار کاوٹ کو نقطہ نما تصور کیاجاتا ہے۔ یوں تارکے ایک سربے پر منبع برقی دیاولا گو کرتے ہوئے تارکے دوسرے سربے پر مزاحمت میں برقی روحاصل کی جاسکتی ہے۔

قدر زیادہ تعدد پر انہیں حقائق کو تر سیلی تارپر لا گو کیا جاسکتا ہے۔ایسا کرتے وقت تر سیلی تار کی مزاحمت یاامالہ تار کی لمبائی پر تقسیم شدہ تصور کر نالاز م ہے۔ پہاتھ ہی ساتھ تر سیلی تارپر برقی دباو کی رفتار پر بھی نظر رکھنی ہوتی ہے۔

اب موصل کھو کھلے نکلی یا مستطیلی نالی پر مبنی نظام کی بات کرتے ہیں۔ کیاالی نالی برقی و مقناطیسی طاقت منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے؟ا گرہماری معلومات برقی او واریاتر سیلی تاریک محدود ہوتی تب اس سوال کا جواب ہے ہے کہ ایسا ممکن نہیں ہے کیونکہ برقی طاقت کے منتقلی کے لئے دوعد د تار ضروری ہیں۔البتہ لوگرہم شعاعوں کا علم رکھتے تب جواب ہوتا کہ ایسا ممکن ہے چو نکہ شعاعیں سیدھی کھو کھلے نکلی سے گزر سکتی ہیں اور شعاعیں بلند تعدد (1016 Hz) کی برقی و مقناطیسی ارمواج ہیں۔

transverse electromagnetic, TEM waveguide



شكل 13.1: دو لامحدود وسعت كر متوازى موصل چادروں كا نظام.

اصل جواب ہے کہ اپیاموج کے تعدد پر منحصر ہے۔ کم تعدد کے امواج نالی سے نہیں گزر سکتے جبکہ بلند تعدد کے امواج اس سے گزر سکتے ہیں۔ تعدد کے ان د وخطوں کے در میان ایسی تعدد ہوگی جس ہے کم تعدد نالی سے نہیں گزرے گی اور جس سے زیادہ تعدد نالی سے گزرے گی۔اس تعدد کوپ**یت انقطاعی تعدد ³ کہا**جاتا

کھو کھلے نالی سے برقی ومقناطیسی طاقت کی منتقلی برقی اد وار حل کرنے کے علم سے نا قابل سمجھ مسکلہ ہے۔کھو کھلے نالی میں طاقت کی منتقلی، نالی کے کھو کھلے جھے میں برقی اور مقناطیسی میدان پر غور سے سمجھا جاسکتا ہے جنہیں استعال کرتے ہوئے پوئٹنگ سمتیہ سے موج کی طاقت حاصل ہوتی ہے۔ دراصل برقی و مقناطیسی طاقت نالی کے کھو کھلے جھے میں برقی اور مقناطیسی امواج سے منتقل ہو تاہے ناکہ نالی کے موصل جھے میں۔ برقی د باواور برقی رواس منتقلی کے محض اضافی اثرات ہیں۔

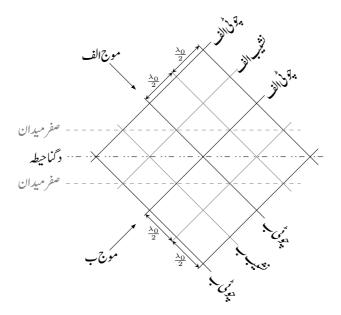
دو لامحدود وسعت کر مستوی چادروں کر مویج میں عرضی برقی موج 13.2

شکل 13.1 میں دولا محدود وسعت کے متوازی چادروں پر مبنی ترسیلی تارد کھائی گئی ہے جو ہ^{ر سم}تی عرضی برقی ومقناطیسی موج گزار سکتی ہے۔اس تارکی خاص خاہیت ب یہ ہے کہ ایک مخصوص تعدد کے اوپر بیر دیگر بلند در جی انداز ⁴ کے امواج بھی گزار سکتی ہے۔ بیوں ترسلی تار سے شر وع کرتے ہوئے مو بچ تک بحث کو پہنچا<u>ت</u>ے کے لئے یہ بہترین مثال ہے۔

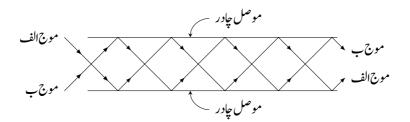
الی بلند در جی انداز کی بات کرتے ہیں جس میں برقی میدان ہر نقطے پر ہوسمتی ہے جبکہ سمت حرکت $a_{
m x}$ ہے۔چونکہ برقی میدان سمت حرکت کے عمود کا ہے ، للذااس انداز کوعر ضی بر <mark>قی انداز ۱</mark> (TE) کہا جائے گا۔ا گرچہ اس موج میں برقی میدان عرضی ہے، مقناطیسی میدان عرضی اور طولیا جزاء پر مشتمل ہے۔ کامل مودیسل چادروں کی صورت میں چادروں پر برقی میدان صفر ہو گاالبتہ چادر سے دوراس کی کچھ بھی قیت ممکن ہے۔ایسی عرضی برقی انداز موج کے خصوصیات باآ سانی پوں حاصل کئے جاسکتے ہیں کہ اسے دوعر ضی برقی و مقناطیسی انداز TEMامواج کامجموعہ تصور کیا جائے جوموصل چادروں کے در میان بار بارانعکاس کرتی ہوں۔

آئیں پہلے شکل13.2 پر غور کریں جہاں خالی خلاء میں ایک ہی تعدد کے دوسطی TEM امواج کے ملاپ کی صورت حال د کھائی گئی ہے۔اس شکل میں ایمواج خطی قطبی تصور کئے گئے ہیں جن کا برقی میدان صفحہ کے عمودی فرض کیا گیاہے۔موج الف کی شعاع اوپر بائیں ہاتھ سے بنچے دائیں ہاتھ کی طرف جبکہ موج سب کی شعاع نیچے بائیں ہاتھ سے اوپر دائیں ہاتھ کی جانب گامزن ہے۔ یوں ان کا آپس میں ملاپ کسی زاویے پر ہوتا ہے۔ شکل میں گہر ی سیاہی کی ٹھوس ککیر سے موج کی چوٹی جبکہ ملکی ساہی کے ٹھوس ککیر سے اس کانشیب د کھا ما گیا ہے۔ یوں سطحی موج الف کی چوٹیاں اور نشیب، شعاع الف کے عمودی د کھائے گئے ہیں۔ گہری ساہی کے ٹھوس لکیر کو برقی میدان کی چوٹی تصور کیا جائے۔ یوںاس لکیرپر برقی میدان زیادہ سے زیادہ قیمت رکھتا ہےاوراس کی سمت صفحہ سے عمود ی باہر جانب کو ہے جاسی طرح ہلکی ٹھوس کئیر میدان کی نشیب کو ظاہر کرتی ہے للذا یہاں میدان کی قیمت زیادہ سے زیادہ ہو گی البتہ اس کی سمت صفحہ کے عمود ی اندر جانب کو ہو گی۔ چوٹی اور نشیب کے در میان فاصلہ $\frac{\lambda_0}{2}$ کے برابر ہے۔

transverse electric mode, TE mode⁵



شکل 13.2: دو عرضی برقی و مقناطیسی امواج خلاء میں مختلف سمتوں میں حرکت کر رہی ہیں۔

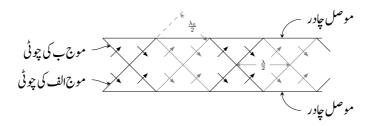


شکل 13.3: شعاعیں دو چادروں کر درمیان بار بار انعکاس کرتی حرکت کرتی ہیں۔

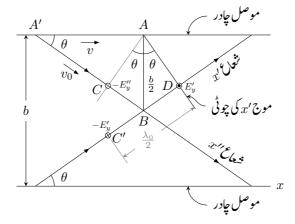
جس نقطے پر ایک موج کی چوٹی اور دوسری موج کا نشیب ملتے ہیں اس نقطے پر کل میدان صفر کے برابر ہوگا۔ یوں جہال گہری سیابی اور ہلکی سیابی کے ککیپروہ ملتے ہیں وہاں میدان صفر ہوگا۔ شکل میں ہلکی سیابی میں ایک دونقطہ دار لکیسریں تھینچی گئی ہیں جن پر میدان صفر ہوگا۔ شکل میں ہلکی سیابی میں ایک دونقطہ دار لکیسریں تھینچی گئی ہیں جن پر میدان صفر ہی ہے۔ مزید آپ وہودان دولکیر ول امواج کو حرکت دیتے ہوئے تسلی کر لیس کہ امواج کے حرکت کے باوجودان دولکیر ول کی میدان مفر ہی ہے۔ مزید آپ وہودان دولکیر ولی میدان دسلی ملتی ہوں یادونوں کے نشیب آپس ملتے ہوں وہاں میدان د گنا ہوگا۔ شکل میں ہلکی سیابی اور دونقطوں والی ایک ایک عدد لکیر دکھائی گئی ہے جہاں میدان دگنا یا جائے گا۔

صفر میدان دکھاتے نقطہ دار لکیر پر برقی میدان صفر کے برابر ہے لہذاان پر موصل سطح کے سرحدی برقی میدان کاشر ط پورااتر تاہے۔ یول ان لکیر ول پر وہ شخصہ کے عمودی موصل چادر رکھے جاسکتے ہیں۔البتہ ایسا کرنے سے موج کی سید بھی حرکت متاثر ہوگی چونکہ آمدی زاویے کے برابر ،موصل سطح پر ،انعکائ زاویے ہے موج انعکاس کرے گی۔ یول موج موصل سطح سے گزر نہیں پائے گی۔ ہال اگر و موصل چادر ول کے در میان ان امواج کو بھیجا جائے ، تب بید دونوں موصل سطح ول کے در میان بار بار انعکاس کرتی حرکت کریں گی۔ شکل 13.3 میں ایساد کھایا گیا ہے۔ شکل 13.4 میں موج کی چوٹی اور نشیب دکھائے گئے ہیں۔ خالی خلاء میں طول موج اور موج کی سی طول موج کا تعلق بھی دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں موصل چادر ول کے در میان میدان ہو بہو شکل 13.2 میں دو متوازی نقطہ دار لکھوروں کے در میان میدان ہو بہو شکل 13.2 میں دو متوازی نقطہ دار لکھوروں کے در میان میدان ہے۔ موصل چادر پر بید دونوں مل کر صفر برقی میدان کے در میان میدان ہے۔ موصل چادر پر بید دونوں مل کر صفر برقی میدان پیرا کرتے ہیں۔

ا گرچه ہم دوعدد عرضی برقی ومقناطیسی TEM امواج کی بات کرتے آرہے ہیں، در حقیقت ان کا مجموعہ بلند درجی Tr انداز کی موج ہے۔ بلند درجی اندانیک



شكل 13.4: موجوں كى چوٹياں، نشيب، خالى خلاء اور مويج ميں طول موج۔



شکل 13.5: متوازی لامحدود وسعت کے چادروں کے مویج میں میدان کے اجزاء۔

موج کی اہم خصوصیت میہ ہے کہ اس کا طول موج ایک مخصوص حد سے کم ہو نالازم ہے۔اییانہ ہونے کی صورت میں میہ موج کے نہیں گزر سکتی۔طول کی پیپہ حد انقطاعی طول 6 پکاری جاتی ہے۔ آئیں انقطاعی طول حاصل کریں۔

شکل 13.5 میں TE موج کے دو TEMI بڑاء دکھائے گئے ہیں جو ایداور "ایہ سمت میں گامزن ہیں۔ دونوں جزوموصل چادر یعنی یہ محد د کے ساتھ 8زاویہ بناتے ہیں۔ برقی میدان صفحہ کے عمودی ہو محد د کی سمت میں ہے۔ چادروں کے در میان فاصلہ طہے۔ نقطہ D پر موج "ید کی چوٹی ہے المذایہاں برقی میدان "کے شبت قیمت رکھتا ہے جو صفحہ کے عمودی باہر کو ہے اور جے گول دائرے میں بند نقطے سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس نقطے پر لکیر AD اہر کی چوٹی ظاہر کرتی ہے۔ عین اسی لمحہ نقطہ کی چوٹی فاہر کرتی ہے۔ ایک لہر کی چوٹی پر موج "یدکانشیب ہے جے گول دائرے میں بند صلیبی نشان سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس لہر کے نشیب کو ہلکی سیابی میں لکیر AD سے ظاہر کیا گیا ہے۔ ایک لہر کی چوٹی اور دو سرے لہر کانشیب نقطہ A پر مل کر صفر میدان پیدا کرتے ہیں۔ ہم جانتے ہیں کہ عین دو چادروں کے در میان دونوں امواج کی چوٹیاں مل کر دگنامیدان پیدا کرتی ہیں۔ اس نقطے کوشکل میں B سے ظاہر کیا گیا ہے۔ یوں موج "دکانشیب کی چوٹی B پر ہے۔ اس طرح ان نقطوں کے در میان فاصلہ طول موج کی چوتھائی برابر ہیں چوٹھا حصہ ہوگا۔ اس طرح B اور کی کار B کی جوتھائی برابر ہیں

$$BC = BC' = BD = \frac{\lambda_0}{4}$$

جہاں لا محدود خلاء میں TEM موج کا طول موج λ_0 ہے اور بیہ خلاءاسی مادے سے بھری ہے جو دو چادروں کے در میان پایا جاتا ہے۔ موصل چادر پر ایک موج کی کوئی بھی چوٹی اور دوسری موج کا کوئی بھی نشیب مل کر صفر میدان پیدا کر سکتے ہیں۔ یوں مندرجہ بالا مساوات کی عمومی شکل

$$BC = \frac{n\lambda_0}{4}$$

cutoff wavelength6

ہے جہاں $n=1,2,3,\cdots$ ہو سکتے ہیں۔ جفت n کی صورت میں دوچادروں کے عین در میان برقی میدان صفر حاصل ہو گا جبکہ طاق n کی صورت میں یہاں میدان د گناہو گا۔ان حقائق ہر تفصیلاً جلد بات کی جائے گی۔شکل 13.5 میں تکون ABC سے

$$AB\sin\theta = \frac{b}{2}\sin\theta = \frac{n\lambda_0}{4}$$

لعيني

$$\lambda_0 = \frac{2b}{n}\sin\theta$$

 $\theta=\sin heta=\sin heta=1$ کھاجا سکتا ہے جہاں لمبائی BC کے لئے مساوات 13.2 استعمال کیا گیا۔ اس مساوات کے تحت زیادہ طول موج λ_{0c} کی قیمت $\theta=\sin heta=1$

$$\lambda_{0c} = \frac{2b}{n}$$

n=1 ہوتی ہے جس سے n کی ہر قیمت کے مقابل طول کی انقطاعی قیمت حاصل کی جاسکتی ہے۔ جب n=1 ہوتب

$$\lambda_{0c} = 2b$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہ کم تر درج کی TE موج کاانقطاعی طول ہے جوان چادروں کے در میان صفر کر سکتی ہے۔ یہ مساوات کہتاہے کہ چادروں کے در میان فاصلہ کم از کم آدھے طول کے برابر ہو گاتو موج چادروں کے در میان سے گزریائے گی۔

وبلند در بی $ext{TE}$ امواج کا کم تر در جه کها جاتا ہے۔n=1اس سے ایک قدم بلند در جے کی موج کہلائے گی اور اس کا انقطاعی طول n=1

$$\lambda_{0c} = k$$

ہوگا۔ یوں n=2 در جے کی TE موج کے گزرنے کا لئے چاوروں کے در میان کم از کم فاصل موج کے طول کے برابر ضروری ہے۔ اس طرح 0 اللہ علیہ علیہ علیہ علیہ موج کے عاصل ہوتا ہے، وغیرہ و غیرہ و غیرہ۔ $\lambda_{0c}=\frac{2b}{3}$

مساوات 13.4 اور مساوات 13.3 کو ملا کر

$$\lambda_0 = \lambda_{0c} \sin \theta$$

یا

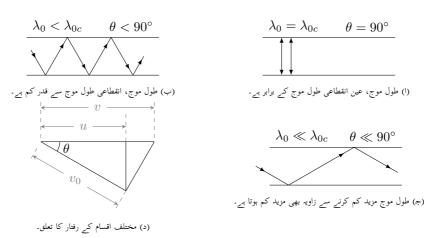
$$\theta = \sin^{-1} \frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}$$

 λ_0 کھاجا سکتا ہے۔ یوں کسی بھی در ہے کی موج کا انقطاعی زاویہ $\theta=0$ حاصل ہوتا ہے۔ اس زاویے پر موج دونوں چادروں کے مابین، x تبدیل کئے بغیر ، انعکاس کرتی رہتی ہے۔ یوں چادروں کے در میان ساکن موج پیدا ہوتی ہے جو x سمت میں طاقت منتقل نہیں کر سکتی۔ اگر طول موج λ_0 انقطاعی طول موج λ_0 سے قدر کم ہوتب θ کی قیت θ وگیا اور موج ، بار بار انعکاس کرتی ہوئی، چادروں کے در میان x سمت میں حرکت کر پائے گی۔ جیسے شکل 13.6 میں دکھایا گیا ہے ، طول موج مزید کم ہوتا ہے۔ آخر کا را نتہائی کم طول موج پر صورت حال لامحدود خلاء میں موج کے حرکت مانند ہو جاتی ہے اور یہ شعام کی طرح چادروں کے در میان سیدھا گزرنے کے قابل ہو جاتی ہے۔

شکل 13.5 میں TEM امواج کی **دوری رفتار v_0 لا محد ود خلاء میں آزاد موج کی دوری رفتار**

$$v_0 = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}} \quad \left(\frac{\mathsf{m}}{\mathsf{s}}\right)$$

باب 13. مويج اور گهمكيا



شکل 13.6: طول موج اور انعکاس موج کر زاویے۔ مختلف اقسام کر رفتاروں کا آپس میں تعلق۔

ہی ہے جہاں خلاء کامقناطیسی مستقلµاوراس کا برقی مستقل€ ہیں۔شکل 13.6- دمیں TE موج کی x سمت میں دوری رفتار ہے۔TE موج کی چوٹی یانشیب یا کوئی اور زاویا کی نقطہ اس رفتار سے x سمت میں حرکت کرتا نظر آئے گا۔ان دواقسام کے رفتار کا تعلق شکل 13.6-دسے

$$\frac{v_0}{v} = \cos \theta$$

لکھا جا سکتا ہے جس سے

$$v = \frac{v_0}{\cos \theta} = \frac{1}{\sqrt{\mu \epsilon} \cos \theta} \qquad \frac{m}{s}$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کے تحت جیسے جیسے طول موج کو انقطاعی طول موج کے قریب لایا جائے، ویسے ویسے TT موج کی دوری و فنار کی قیمت بڑھتی ہے حتٰی کہ عین کری دوری و فنار لامحدود قیمت اختیار کر لیتی ہے۔اس کے برعکس جیسے جیسے طول موج کو کم کیا جائے، یعنی جیسے جیسے 6 کو کم کیا جائے، ویسے ویسے ویسے ویسے محتی کہ موج کی دوری و فنار لامحدود قیمت موج کی دوری و فنار کا موج کے دوری و فنار ہو جائے گیا۔ یوں موج کی موج کی صورت میں یہ قیمت 20 کر انہائی کم طول موج لیعنی انہائی بلند تعدد کے موج کی صورت میں یہ قیمت 20 کے برابر ہو جائے گیا۔ یوں موج کی موج کی موج کے دوری و فنار سے زیادہ یا اس کے برابر ممکن ہے۔طاقت کی منتقی انعکاس کرتی موج کے مجموعی رفتار 8 سے ہوتی ہے جے شکل میں 21 سے ظاہر کیا گیا ہے۔شکل 3.61-دسے

$$(13.12) u = v_0 \cos \theta$$

کھاجا سکتا ہے للذاطاقت کی منتقلی کی رفتار TEM کے رفتار سے کم یااس کے برابر ممکن ہے۔طاقت کسی صورت بھی TEM موج کی رفتار سے زیادہ رفتار پر منتقل کرنا ممکن نہیں ہے۔ یہ TEسموج کی رفتار سے کہ TEسموج کی رفتار شعاع سے تجاوز نہیں کر سکتی۔ یادر ہے کہ TEسموج کی دوری رفتار در حقیقت کسی چیز کی منتقلی نہیں کرتی للذااس کی قیت 70 سے بڑھ سکتی ہے۔مساوات 13.11اور مساوات 13.12 کو ملاکر

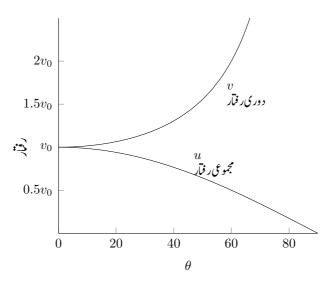
$$(13.13) uv = v_0^2$$

حاصل ہوتاہے۔

د و چادروں میں بند ہونے سے TEM موج کا تعدد تبدیل نہیں ہوتا۔اسی طرح ایسے د ویکساں تعدد کے امواج سے حاصل TE موج کا تعدد تھی وہی رہتا ہے۔ چو نکہ طول موج ضرب تعدد کا حاصل رفتار کے برابر ہوتا ہے لہٰذامساوات 13.11 کو

$$f\lambda = \frac{f\lambda_0}{\cos\theta}$$

group velocity8



شكل 13.7: دوري اور مجموعي رفتار بالمقابل زاويه موج.

لکھاجا سکتاہے جس سے

$$\lambda = \frac{\lambda_0}{\cos \theta}$$

حاصل ہوتا ہے جو بلند در جہ موج کے طول Λ اور آزاد موج کے طول Λ_0 کا تعلق ہے۔

شکل 13.7 میں دوری رفتار بالمقابل زاویہ موج اور مجموعی رفتار بالمقابل زاویہ موج دکھائے گئے ہیں۔ جیسے جیسے 6کی قیمت °90 کے قریب آتی ہے ویسے ویسے دوری رفتار کی قیمت لامحدود جبکہ مجموعی رفتار کی قیمت صفر کے قریب ترہوتی ہے۔

حقیقت میں دومتوازی لا محدود و سعت ⁹کے چادروں پر مبنی موتی کہیں نہیں پایاجاتا۔ حقیقی موتی عموماً گھو کھلے مستطیل یا کھو کھلے نالی کے اشکال رکھتے ہیں۔ چونکہ برقی میدان کے عمودی موصل چادرر کھنے سے میدان متاثر نہیں ہوتاللذادولا محدود و سعت کے متوازی چادر، جن کے در میان فاصلہ 4 ہو، میں TE موج کے عجودی دوچادرر کھنے سے میدان میں کوئی تبدیلی رو نمانہیں ہوگی، لیکن ایسا کرنے سے مستطیل موتی حاصل ہوتا ہے۔ شکل 13.8 الف میں مستطیلی موتی بنتاد کھا یا گیاہے جہاں کہ فاصلے پر دو متوازی چادر رکھے گئے ہیں۔ مستطیل شکل کے علاوہ بقایا چادر ہٹانے سے مستطیل موتی حاصل ہوتا ہے جے شکل 13.8 - ب میں دکھا یا گیا ہے ہیاں کے طرح ہم دیکھتے ہیں کہ اگرچہ دولا محدود چادروں کا موتی کو استعال کئے جا سکتے ہیں۔ موجودہ موجودہ مستطیل کی کہ المبائی کھی بھی ممکن ہے۔

10 مواج کے نقطہ نظر سے مستطیل کی کہ المبائی کچھ بھی ممکن ہے۔

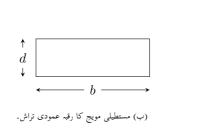
لا محدود چادر کے موتج پر غور کرنے سے انقطاعی طول موج کے علاوہ دوری رفتار اور مجموعی رفتار کے مساوات بھی حاصل کئے گئے۔ دیگر بلند درجے کے ایمواج پر معلومات حاصل کرنے کی خاطر میکس ویل کے مساوات حل کر نالازم ہے۔ آئیں مستطیل موتج کے لئے میکس ویل مساوات حل کرتے ہیں۔ 388

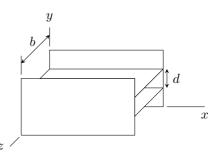
13.3 كهوكهلا مستطيلي مويج

متنطیل موتج کے اطراف پر برتی اور مقناطیسی سرحدی شرائط، کار تیسی محد دمیں نہایت آسانی سے لا گو کئے جاسکتے ہیں۔اس لئے مستطیلی موتج کو کار تیسی فظام میں حل کیاجائے گا۔ ہم کار تیسی نظام میں میکس ویل کے مساوات سے موج کی مساوات حاصل کرتے ہیں۔ موتج کو x محد دپر رکھتے ہوئے ہم سمت موج کواسی پہت

⁹حقیقی دنیا میں لا محدود وسعت کے چادر نہیں پائے جاتے۔

452 باب 13. مويج اور گهمكيا





(۱) لامحدود متوازی چادر مویج سے مستطیلی مویج کا حصول۔

شكل 13.8: مستطيلي مويج كا حصول اور اس كا رقبه عمودي تراش.

 $abla_{E} = \sum_{y=1}^{N} \sum_{$

اس طریقے کومستطیلی موتج میں TE موج کے لئے تفصیلاً استعال کرتے ہیں۔ایسا کرنے کی خاطر مندرجہ ذیل قدم سلسلہ واراٹھائے جائیں گے۔ 🔐

- میکس ویل مساوات سے شر وع کریں۔
- موج کووقت کے ساتھ سائن نمار ہنے کا پابند بنائیں۔
- موج کو x سمت کے ساتھ سائن نمار ہنے کا پابند بناتے ہوئے حرکی مستقل بروئے کار لائمیں۔
- بند در جی موج کاا نتخاب کریں۔ ہم TE موج کاا نتخاب کرتے ہوئے $E_x=0$ اور $0
 eq H_x
 eq 0$ ایرد
- ب بقایاچاراجزاء کیغنی H_y د کرتا ہے کہ مساوات H_x کی صورت میں لکھیں۔ H_y د کرتا ہے کہ ساوات H_z مساوات میں ککھیں۔
- موج کی مساوات H_{χ} کی صورت میں حاصل کریں۔ H_{χ} موج کی مساوات ہوں۔
- مستطیلی موتج کے اطراف کے سر حدی شرائط لا گو کرتے ہوئے موج کیاس مساوات کو ہ*H کے* لئے حل کریں۔
- H_y ، E_z ، E_y اور H_z مساوات میں حاصل H_z پر کرتے ہوئے ان کی مساوات بھی حاصل کریں۔

ان قد موں پر چلتے ہوئے مکمل حل حاصل ہو گا۔

آئیں پہلے قدم سے شروع کرتے ہوئے میکس ویل کے مساوات کو کار تیسی نظام میں کھتے ہیں۔صفحہ 296پر مساوات 9.28اور مساوت 9.29

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J} + \frac{\partial \boldsymbol{D}}{\partial t}$$

کار تیسی محد د میں

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} + \mu \frac{\partial H_x}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial x} + \mu \frac{\partial H_y}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial y} + \mu \frac{\partial H_z}{\partial t} = 0$$

أور

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - \sigma E_x - \epsilon \frac{\partial E_x}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial x} - \sigma E_y - \epsilon \frac{\partial E_y}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} - \sigma E_z - \epsilon \frac{\partial E_z}{\partial t} = 0$$

کھ جائیں گے جہاں $m{B}=\mu m{H}$ اور $m{D}=\epsilon m{E}$ کا استعال کیا گیا ہے۔اسی طرح خالی خلاء میں $ho_h=0$ لیتے ہوئے مساوات 9.31ور مساوات 9.31 کار تیسی محدد میں

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial x} + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

سکھے جا^ئیں گے۔

اب دوسراقدم کہتاہے کہ موج وقت کے ساتھ سائن نما تعلق رکھتاہے جبکہ تیسراقدم کہتاہے کہ موج x فاصلے کے ساتھ بھی سائن نما تعلق رکھتاہے۔ساتھ ہی ساتھ x ست میں حرکی مستقل بھی بروئے کارلاناہے۔ان دواقدام کواستعال کرتے ہوئے میدان کے تمام اجزاء ککھتے ہیں۔یوں Hx کومثال بناتے ہوئے

(13.24)
$$E_y = E_1 e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$H_x = H_1 e^{j\omega t - \gamma x}$$

کلھے جائیں گے جہاں

$$(\gamma=lpha+jeta)$$
 حرکی مستقل $\gamma=lpha+jeta$

$$lpha$$
قضعیفی مستقل $lpha$

$$_{\scriptscriptstyle 1}$$
 زاویائی مستقل eta

ہیں۔مساوات 13.24 کے طرز پر بقایا میدان بھی لکھتے ہوئے مساوات 13.16

$$\left[\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} + j\omega\mu H_x\right]e^{j\omega t - \gamma z} = 0$$

یا

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} + j\omega \mu H_x = 0$$

کھاجائے۔اسی طرح مساوات 13.24 کے طرز پر بقایامیدان بھی لکھتے ہوئے مساوات 13.17 تامساوات 13.28 یوں لکھے جائیں گے۔

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} + \gamma E_z + j\omega \mu H_y = 0$$

$$-\gamma E_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} + j\omega \mu H_z = 0$$

(13.28)
$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - (\sigma + j\omega\epsilon)E_x = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} + \gamma H_z - (\sigma + j\omega\epsilon)E_y = 0$$

$$-\gamma H_y - \frac{\partial H_x}{\partial y} - (\sigma + j\omega \epsilon) E_z = 0$$

$$-\gamma E_x + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$(13.32) -\gamma H_x + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

مندرجہ بالا آٹھ مساوات میں ترسلی تار کے برقی رکاوٹ Z اور برقی فراوانی Y کی طرز کے مستقل

$$(13.33) Z = -j\omega\mu (\Omega/m)$$

$$(13.34) Y = \sigma + j\omega\epsilon (S/m)$$

استعال کرتے ہوئے انہیں قدر حیوٹالکھتے ہیں۔

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} - ZH_x = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} + \gamma E_z - ZH_y = 0$$

$$-\gamma E_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} - ZH_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - YE_x = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} + \gamma H_z - Y E_y = 0$$

$$-\gamma H_y - \frac{\partial H_x}{\partial y} - Y E_z = 0$$

13.3. كهوكهلا مستطيلي مويج

$$-\gamma E_x + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$-\gamma H_x + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

میہ x سمت میں حر کت کرتی موج کی عمو می مساوات ہیں۔

ا بھی تک ناتومو تے کی شکل اور ناہی بلند در جی موج کا متخاب کیا گیا ہے لہذا چوتھے قدم کا اطلاق کرتے ہوئے $\mathrm{TE}^{\mathrm{em}}$ کا متخاب کرتے ہیں جس کا مطلب ہے $E_x=0$ کہ اپیا جائے گا۔اییا کرنے سے مندر جہ بالا مساوات

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} - ZH_x = 0$$

$$\gamma E_z - ZH_y = 0$$

$$-\gamma E_y - ZH_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial z} + \gamma H_z - Y E_y = 0$$

$$-\gamma H_y - \frac{\partial H_x}{\partial y} - \Upsilon E_z = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$(13.50) -\gamma H_x + \frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

صورت اختیار کر لیتے ہیں۔

یا نچویں قدم پر تمام مساوات کو H_{x} کی صورت میں لکھناہو گا۔ایبا کرنے کی خاطر پہلے مساوات 13.44اور 13.45سے

$$\frac{E_z}{H_y} = -\frac{E_y}{H_z} = \frac{Z}{\gamma}$$

کھتے ہیں۔اب $\frac{E_y}{H_z}$ یا $\frac{E_y}{H_z}$ کی شرح قدرتی رکاوٹ کی مانند ہے۔ چونکہ مساوات 13.51 میں صرف عرضی اجزاء پائے جاتے ہیں للذااس شرح کوعرضی۔موج کی قدرتی رکاوٹ $\frac{E_y}{H_z}$ کے جہاں Z_{uz} کیاجائے گاجہاں

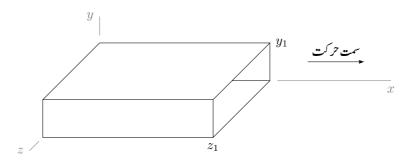
(13.52)
$$Z_{yz} = \frac{E_y}{H_z} = -\frac{E_z}{H_y} = -\frac{Z}{\gamma} = \frac{j\omega\mu}{\gamma} \qquad (\Omega)$$

ے برابرہے۔مساوات 13.52 کو مساوات 13.48 میں پر کرتے ہوئے H_y کے لئے حل کرنے سے

$$H_{y} = \frac{-1}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_{x}}{\partial y}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح مساوات 13.52 کو مساوات 13.47 میں پر کرتے ہوئے H_z کے لئے حل کرنے سے

(13.54)
$$H_z = \frac{-1}{\gamma - YZ_{uz}} \frac{\partial H_x}{\partial z}$$



شكل 13.9: مستطيل مويج.

حاصل ہوتا ہے۔اب مساوات 13.53 کو مساوات 13.52 میں پر کرتے ہوئے

$$(13.55) E_z = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_x}{\partial y}$$

اور مساوات 54.54 کو مساوات 13.52 میں پر کرتے ہوئے

$$(13.56) E_y = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \frac{\partial H_x}{\partial z}$$

 H_{x} عاصل ہوتے ہیں۔ مساوات 13.53 تامساوات 13.56 تمام اجزاء کو H_{x} کی صورت میں پیش کرتے ہیں۔

چھٹے قدم پران مساوات سے موج کی مساوات کا حصول ہے۔ایسا کرنے کی خاطر مساوات 13.53 کا پاکے ساتھ تفرق اور مساوات 13.54 کا 2 کے ساتھ تفرق لیتے ہوئے دونوں حاصل جواب کو مساوات 13.50 میں پر کرتے ہوئے

$$-\gamma H_x - \frac{1}{\gamma - YZ_{yz}} \left(\frac{\partial^2 H_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 H_x}{\partial z^2} \right) = 0$$

يا

$$\frac{\partial^{2} H_{x}}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} H_{x}}{\partial z^{2}} + \gamma \left(\gamma - Y Z_{yz} \right) H_{x} = 0$$

عاصل کرتے ہیں جس میں

$$k^2 = \gamma \left(\gamma - Y Z_{yz} \right)$$

پر کرتے ہوئے

$$\frac{\partial^2 H_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 H_x}{\partial z^2} + k^2 H_x = 0$$

ککھاجا سکتا ہے۔مساوات 13.58 موتج کے عرضی برقی موج کی عمومی مساوات ہے۔موتج کا عمودی تراش کسی بھی شکل کاہو سکتا ہے۔ یہاں چھٹاقدم پوراہو تاسیے۔

ساتویں قدم میں موت کے اطراف کے سرحدی شرائط لا گو کرتے ہوئے موج کو حل کرنا ہے۔ شکل 13.9 میں کامل موصل چادروں سے بنایا گیا مستطیلی موت کو حل کرنا ہے۔ شکل 13.9 میں کی چوڑائی zاور اون نجائی ہوت کے سرحدی برتی شرائط کے مطابق سرحد پر متوازی برتی میدان صفر ہوتا ہے المذاموت کے کے اطراف پر 3 صفر ہوگا۔ اب ان شرائط پر متوازی ع صفر ہوگا۔ اب ان شرائط پر متوازی ع صفر ہوگا۔ اب ان شرائط کے متوازی ع صفر ہوگا۔ اب کی متوازی ع صفر ہوگا۔ اب کر متوازی ع صفر ہوگا۔ اب کی متوازی کے متوا

پر پورااتر تامساوات 13.58 کاحل در کار ہے۔ علیحدگی متغیرات کاطریقہ یہاں قابل استعمال ہے جس میں H_{x} کو دومتغیرات کے حاصل ضرب کے طور پر ککھاجاتا ہے۔ لیغنی

$$(13.59) H_{\chi} = \Upsilon Z$$

جہاں Yالیامتغیر ہے جو صرف ہرپر منحصر ہے جبکہ Zالیامتغیر ہے جو صرف 2 پر منحصر ہے۔اصل میں ان متغیر ہے جو صرف کا کھنا چاہیے لیکن غیر ضروری علمات کم کرنے کی غرض سے انہیں Y اور Z ہی لکھا جائے گا۔مساوات 13.58 کے استعمال سے مساوات 13.58

$$Z\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} + Y\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} + k^2 YZ = 0$$

صورت اختیار کرلیتا ہے۔ دونوں اطراف کو YZسے تقسیم کرتے ہوئے اسے یوں

$$\frac{1}{Y}\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} + \frac{1}{Z}\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} = -k^2$$

کھاجا سکتا ہے۔اب بائیں ہاتھ پہلا جزو صرف ہوپر منحصر ہے جبکہ دوسرا جزو صرف ت پر منحصر ہے۔یوں ہو کی تبدیلی سے صرف پہلے جزومیں تبدیلی کا مکان ہے لیکن پہلے جزومیں کسی بھی تبدیلی کے بعد مساوات کے دونوں اطراف برابر نہیں رہ سکتے۔اس طرح صاف ظاہر ہے کہ پہلے جزومیں ہوکے تبدیلی سے کوئی تبدیلی رونما نہیں ہو سکتی یعنی یہ جزونا قابل تبدیل مستقل قیمت رکھتا ہے جسے ہم A₁ مسلم کے اس منطق سے دوسرا جزو بھی اٹل قیمت رکھتا ہے جسے ہم A₂ موسکتی یوں

$$\frac{1}{Y}\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} = -A_1$$

$$\frac{1}{Z}\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} = -A_2$$

ہوں گے للذامساوات 13.61سے

$$(13.64) A_1 + A_2 = k^2$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 13.62 اور مساوات 13.63 ایک متغیرہ پر مبنی دودر جی تفرقی مساوات ہیں جن کاحل آپ جانتے ہی ہول گے۔ مساوات 13.62 کاحل تجربے سے

$$(13.65) Y = c_1 \cos b_1 y + c_2 \sin b_1 y$$

کھاجا سکتا ہے جہاں $c_2 \cdot m_1$ اور b_1 مساوات کے مستقل ہیں۔ مساوات 13.65 کو واپس مساوات 13.62 میں پر کرنے سے

$$b_1 = \sqrt{A_1}$$

حاصل ہوتاہے۔ یوں مساوات 13.62 کاحل

$$(13.66) Y = c_1 \cos \sqrt{A_1} y + c_2 \sin \sqrt{A_1} y$$

ہے۔اسی طرح مساوات 13.63 کاحل

(13.67)
$$Z = c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z$$

ہے۔ان دوجوابات کواستعال کرتے ہوئے مساوات 13.59 کو

(13.68)
$$H_x = \left(c_1 \cos \sqrt{A_1} y + c_2 \sin \sqrt{A_1} y\right) \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z\right)$$

لکھاجا سکتا ہے۔اسے مساوات 13.55 میں پر کرنے سے

$$E_z = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} \left(-c_1 \sin \sqrt{A_1} y + c_2 \cos \sqrt{A_1} y \right) \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔ مستطیل کا نچلا چادرy=y پایا جاتا ہے جس پر، برقی سرحدی شرط کے مطابق، $E_z=0$ ہو گالہذاy=y مندر جہ بالا مساوات صفر کے برابر ہو گا، جس سے

$$0 = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} c_2 \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

لعيني

$$(13.69) c_2 = 0$$

حاصل ہوتاہے للمذا

$$E_z = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} c_1 \sin \sqrt{A_1} y \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔متنظیل کا بالائی چادر $y=y_1$ پایاجاتا ہے جس پر برقی سر حدی شرط کے مطابق متوازی برقی د باوصفر کے برابر ہو گالہذا مندر جہ بالا مساوات میں $E_z=0$ پر کرتے ہوئے

$$0 = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} \sqrt{A_1} c_1 \sin \sqrt{A_1} y_1 \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کا ایک ممکنہ حل c_1 مساوی صفر ہے جس سے $H_x=0$ حاصل ہو گا۔ا گرچہ بید درست جواب ہے لیکن ہمیں زیادہ غرض حرکت کرتے موج سے ہاکہ ہر قشم کے میدان سے خالی موج کے ،المذاہم

$$(13.70) c_1 \neq 0$$

لیتے ہیں۔ یوں مندر جہ بالا مساوات سے

$$\sqrt{A_1}y_1=n\pi$$

لعيني

$$\sqrt{A_1} = \frac{n\pi}{y_1}$$

 $n=0,1,2,\cdots$ حاصل ہوتاہے جہال

(13.72)
$$H_x = n_1 \cos \frac{n\pi y}{y_1} \left(c_3 \cos \sqrt{A_2} z + c_4 \sin \sqrt{A_2} z \right)$$

ہو گا۔اس مساوات کو مساوات 13.56 میں پر کرنے سے

$$E_{y} = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} c_{1} \sqrt{A_{2}} \cos \frac{n\pi y}{y_{1}} \left(-c_{3} \sin \sqrt{A_{2}}z + c_{4} \cos \sqrt{A_{2}}z \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔متطیل کادایاں کھڑا چادر0 z=zپر ہے، جہاں سر حدی شرط کے تحت متوازی برقی میدان صفر ہو گاللذا

$$0 = \frac{-Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} c_1 c_4 \sqrt{A_2} \cos \frac{n\pi y}{y_1}$$

 $c_1 \neq 0$ حاصل ہوتاہے۔اب چونکہ

$$(13.73) c_4 = 0$$

حاصل ہوتاہے اور یوں

$$E_y = \frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}} c_1 c_3 \sqrt{A_2} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \sqrt{A_2} z$$

ہو گا۔ مستطیل کا بایاں کھڑا چادر $z=z_1$ پر پایاجاتا ہے جہال سرحدی شرائط کے تحت E_y ہو گالہٰدامندرجہ بالامساوات میں بیہ حقائق پر کرتے ہوئے

$$0\frac{Z_{yz}}{\gamma - YZ_{yz}}c_1c_3\sqrt{A_2}\cos\frac{n\pi y}{y_1}\sin\sqrt{A_2}z_1$$

کھاجائے گا۔اب0
eq 0اوراس مساوات کا ایک مکنہ حل c_3 برابر صفر ہے جس سے H_X کے علاوہ تمام میدان صفر کے برابر حاصل ہوتے ہیں۔ہم چو نکہ حرکت کرتے موج کی تلاش میں ہیں للذاہم اس مکنہ جواب کورد کرتے ہوئے

(13.74)
$$c_3 \neq 0$$

چنتے ہیں۔اس شرط کے ساتھ مندر جہ بالا مساوات سے

$$(13.75) \qquad \qquad \sqrt{A_2} z_1 = m\pi$$

لعيني

$$\sqrt{A_2} = \frac{m\pi}{z_1}$$

 $c_1c_3=H_0$ ماصل ہوتاہے جہاں $m=0,1,2,\cdots$ کھتے ہوئے $m=0,1,2,\cdots$

(13.77)
$$H_x(y,z) = H_0 \cos \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1}$$

حاصل ہوتا ہے جو مقداری مساوات ہے۔اس مساوات میں وقت t اور x سمت میں حرکت کا کوئی ذکر نہیں ہے۔ یادر ہے کہ اصل میدان مساوات 13.24 کی طرز کا ہے جس میں بیر معلومات بھی شامل ہیں للذا

(13.78)
$$H_x(x,y,z,t) = H_0 \cos \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

کھا جائے گا جو مکمل جواب ہے۔

آ تھویں قدم میں H_x کو مساوات 13.53 تامساوات 13.56 میں پر کرتے ہوئے بقایامیدان حاصل کرتے ہیں لیعنی

(13.79)
$$H_y = \frac{\gamma H_0}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

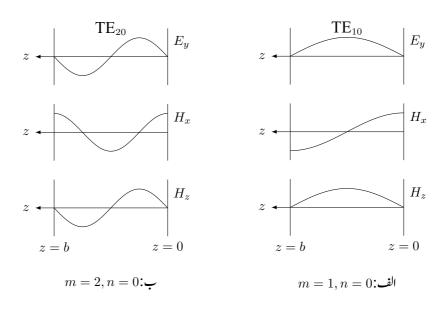
(13.80)
$$H_z = \frac{\gamma H_0}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.81)
$$E_z = -\frac{\gamma Z_{yz} H_0}{k^2} \frac{n\pi}{y_1} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.82)
$$E_y = \frac{\gamma Z_{yz} H_0}{k^2} \frac{m\pi}{z_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$(13.83) E_{x} = 0$$

460 مویج اور گهمکیا

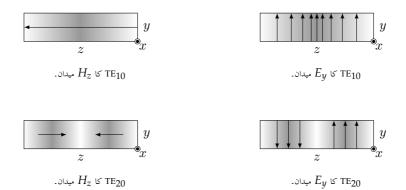


شكل 13.10: بلند انداز TE امواج.

جہاں آخر میں $E_x=0$ بھی شامل کیا گیاہے۔مساوات 13.78 تامساوات 13.83 مستطیلی مو سے میں TE موج کا مکمل حل ہے۔ یہاں آٹھواں قدم پورا ہو تاہیے۔

آئیں مستطیلی مونج میں E_z اور E_x مستقل پر غور کریں۔اگر E_z اور E_z اور E_z اور E_z اور E_z اور E_z اور E_z میں مستطیلی مونج میں صرف E_z اور E_z میدان پائے جاتے ہیں۔دائیں چادر، لیعنی E_z E_z برابر جادہ اس مونج میں صرف E_z اور E_z میدان پائے جاتے ہیں۔دائیں چادر، لیعنی E_z E_z برابر کے جاتے ہیں۔ E_z ورمیان E_z E_z میدان کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ شکل E_z E_z الف میں پہلا خط E_z کی بات کی جائے تو دائیں چادر، لیعنی E_z ورائیں چادر، لیعنی E_z ورائیں چادر، لیعنی E_z ورائیں چادر واطر اف کے میں در میان E_z ورائی باتا ہے۔ شکل E_z اللہ میں دو مہر انسان میں میدان E_z میں در میان اس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ E_z اور E_z میں در میان اس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ E_z اور E_z میں جبکہ والی پر کوئی اثر نہیں پایا جاتا۔ ساتھ ہی ساتھ جبر میدان کا آدھا چکر پایا جاتا ہے۔

p(x) = 1 و p(



شکل 13.11: TE $_{10}$ اور TE $_{20}$ میدان۔

13.3.1 مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور

بلند درجي TE₁₀ موج:

مساوات 13.78 تامساوات 13.83 میں m=1اور m=1 ساور m=1 امواج حاصل ہوتے ہیں۔

$$E_{x}=0$$
 کافیادی څرط TE $E_{y}=rac{\gamma Z_{yz}H_{0}}{k^{2}}rac{\pi}{z_{1}}\sinrac{\pi z}{z_{1}}e^{j\omega t-\gamma x}$ $E_{z}=0$ $H_{x}=H_{0}\cosrac{\pi z}{z_{1}}e^{j\omega t-\gamma x}$ $H_{y}=0$ $H_{z}=rac{\gamma H_{0}}{k^{2}}rac{\pi}{z_{1}}\sinrac{\pi z}{z_{1}}e^{j\omega t-\gamma x}$

ان میں پہلی مساوات، یعنی $E_x=0$ ، در حقیقت TE موج کی تعریف ہے۔ ان امواج کو شکل 13.10-الف میں $E_x=0$ کی صورت میں ہی گیا ہے۔ ان اشکال میں میدان بالمقابل zو کھایا گیا ہے۔ مندر جہ بالا مساوات میں کوئی میدان بھی لاپر منحصر نہیں ہے لہٰذا لاکے تبدیلی سے یہ میدان تبدیلی نہیں ہوں گے۔ TE_{10} تمام اقسام کے بلند در جی امواج میں سب سے لمبی انقطاعی طول موج رکھتی ہے لہٰذا اس کی انقطاعی تعدد سب سے کم ہے۔ شکل 13.11 میں سب سے لمبی انقطاعی طول موج رکھتی ہے لہٰذا اس کی انقطاعی تعدد سب سے کم ہے۔ شکل z=z ساتھ ہی ساتھا ہی اور z=z کی میدان کو ظاہر کرنے کی کو شش کی گئی ہے۔ ساتھ ہی ساتھا سب سے کوبطور سمتی دکھایا گیا ہے۔ شکل – الف میں کیا گیا ہے۔ شکل – بیں مقناطیسی میدان کی سمت کو سمتیہ سے جبکہ میدان کو گہر بے رنگ سے ظاہر کیا گیا ہے۔

بلند درجی TE₂₀ موج:

4418

بلند درجی TE₁₁ موج:

مساوات 13.78 تامساوات 13.83 میں m=1اور m=1پر کرنے سے مندر جبرذیل TE_{11} امواج حاصل ہوتے ہیں۔

$$E_{x} = 0$$

$$E_{y} = \frac{\gamma Z_{yz} H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{z_{1}} \cos \frac{\pi y}{y_{1}} \sin \frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$E_{z} = -\frac{\gamma Z_{yz} H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{y_{1}} \sin \frac{\pi y}{y_{1}} \cos \frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$H_{x} = H_{0} \cos \frac{\pi y}{y_{1}} \cos \frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$H_{y} = \frac{\gamma H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{y_{1}} \sin \frac{\pi y}{y_{1}} \cos \frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$$

$$H_{z} = \frac{\gamma H_{0}}{k^{2}} \frac{\pi}{z_{1}} \cos \frac{\pi y}{y_{1}} \sin \frac{\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t - \gamma x}$$

اس بلند در جی انداز میں صرف E_{x} مر نقطے پر تمام او قات صفر کے برا ہر رہتا ہے۔ان میدان کو شکل 13.12 میں دکھایا گیا ہے۔

مستطیل موتے کے حاصل حل میدان تمام مکنہ میدان ہیں جو کسی موتے میں پائے جاسکتے ہیں۔ حقیقت میں کسی بھی موتے میں پائے جانے والے امواج کا دار ہدار موتے کی جسامت، موج پیدا کرنے کا طریقہ اور موتے میں ناہمواریوں پرہے۔ کسی بھی نقطے پر موجود تمام میدانوں کا مجموعی میدان پایا جائے گا۔

والبن این گفتگویر آتے ہوئے مساوات 13.64، مساوات 13.71 اور مساوات 13.76 کوملاکر

$$(13.86) k^2 = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

لکھا حاسکتا ہے جہال مساوات 13.53، مساوات 13.52 اور مساوات 13.57 سے

(13.87)
$$k^2 = \gamma^2 - j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)$$

ے برابر ہے۔ بے ضیاع ذو برق میں $\sigma=0$ لیاجا سکتا ہے۔ اس طرح مندرجہ بالادومساوات سے

(13.88)
$$\gamma = \sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 - \omega^2 \mu \epsilon}$$

حاصل ہوتاہے۔

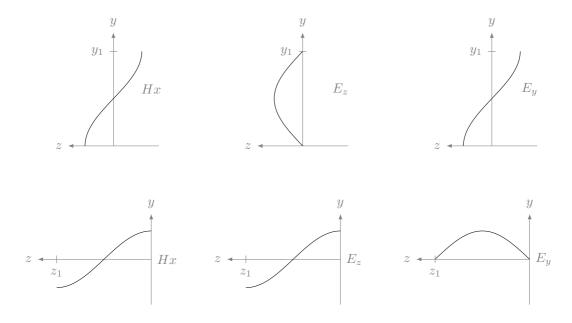
ایک مخصوص قیت ہے کم تعدد پر جزر میں آخری جزو پہلے دوا جزاء کے مجموعے سے کم ہو گالہذا ہم حقیقی ہو گا۔ حقیقی ہ کی صورت میں موج کھٹے گی اور بیوجمو تخ میں صفر نہیں کریائے گی۔

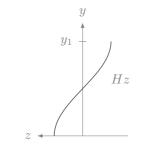
اسی طرح اس مخصوص قیمت سے زیادہ تعدد پر γ نبیالی عدد ہو گالہذا مو تج میں موج صفر کرے گی۔

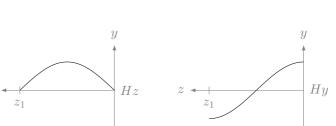
ان دو قیتوں کے در میان تعدد کی وہ قیمت ہو گی جس پر 0 = γ حاصل ہوتاہے۔اس تعدد کوانقطاعی تعدد ¹³ کہتے ہیں۔انقطاعی تعدد سے بلند تعدد کے امہواج، بغیر گھٹے، موج کمیں صفر کر سکتے ہیں جبکہ اس سے کم تعدد کے امواج گھٹے ہیں للذا ہیہ موج کمیں صفر نہیں کر پاتے۔

ان تین تعدد ی خطوں کوایک جگه دوباره پیش کرتے ہیں۔

13.3. كهوكهلا مستطيلي مويج







Hy

شكل TE₁₁: 13.12 ميدان.

ullet کم تعدد لینی کم ω پر γ حقیقی ہوتاہے۔مو ت γ غیر شفاف ہوتاہے جس میں امواج صفر نہیں کر سکتے۔

• مخصوص در میانی تعدد پر $\gamma=0$ ہوتا ہے۔ یہ انقطاعی تعدد ہے۔

زیادہ تعدد پر γ خیالی ہوتا ہے۔ موئے شفاف ہوتا ہے جس میں امواج صفر کر سکتے ہیں۔

مساوات 13.88 میں میں وہی دو برق ہوجو موتی میں پایاجاتا ہے۔ یوں ہم مستقل $\sqrt{\omega^2 \mu \epsilon}$ میں وہی دو برق ہوجو موتی میں پایاجاتا ہے۔ یوں ہم مساوات $\gamma = \sqrt{k^2 - \beta_0^2}$

لکھ سکتے ہیں جہاں

$$eta_0 = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon} = rac{2\pi}{\lambda_0}$$
 لا محدود خطے کا زاویائی مشقل λ_0 لا محدود خطے میں طول موج $k = \sqrt{\left(rac{n\pi}{y_1}
ight)^2 + \left(rac{m\pi}{z_1}
ight)^2}$

ہیں۔ یوں انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر $k_0>k$ ہو گالہذا

$$\gamma = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} = j\beta$$

4433

ہو گاجہاں

$$eta=rac{2\pi}{\lambda}=\sqrt{eta_0^2-k^2}$$
 موتئ میں زاویا کی مستقل موتئ میں طول موتئ میں طول موتئ میں طول موتئ میں موتئ موتئ میں موتئ میں موتئ میں موتئ میں موتئ م

ہیں۔ کافی بلند تعدد پر $k_0\gg k$ ہو گااور یوں موت کے زاویائی مستقل eta کی قیمت لا محدود خطے کے زاویائی مستقل $eta_0\gg k$ ہوگا۔ اس کے برعکس انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر $k_0< k$ ہوگا جس سے

$$\gamma = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} = \alpha$$

حاصل ہو تاہے جہاں x تضعیفی مستقل ہے۔

کافی کم تعدد پر $k \gg eta_0$ ہو گالہٰ دانشعیفی مستقل کی قیمتkکے قریب ہو گی۔

يين انقطا کي تعد ديرeta=eta هو گالهذا $\gamma=0$ هو گا_يوں انقطا کي تعد دير

$$\omega^2 \mu \epsilon = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

ہو گا جس سے انقطاعی تعدد ¹⁴

(13.93)
$$f_c = \frac{1}{2\sqrt{\mu\epsilon}}\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}$$
 (Hz)

cutoff frequency14

اورانقطاعي طول موج

(13.94)
$$\lambda_{0c} = \frac{2\pi}{\sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}} = \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}} = \frac{2\pi}{k}$$
 (m)

یا

$$(13.95) k = \frac{2\pi}{\lambda_{0c}}$$

حاصل ہوتے ہیں جہاں λ_{0c} لامحد و دخطے میں انقطاعی تعدد پر طول موج ہے جسے چھوٹا کر کہ ا<mark>نقطاعی طول موج ¹⁵ پکاراجاتا ہے۔ مساوات 13.93 اور مساوات 13.94 سے کھو کھلے مستطیلی موج کے کسی بھی TE_{mn} موج کا انقطاعی طول موج حاصل کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر TE_{mn} موج کا انقطاعی طول موج</mark>

$$\lambda_{0c} = 2z_1$$

حاصل ہوتاہے جو وہی قیمت ہے جو مساوات 13.5 میں حاصل کی گئی تھی جہاں $z_1=b$ برابر ہے۔

انقطاعی تعدد سے بلند تعدد $(eta_0>k)$ پر

$$\beta = \sqrt{\beta_0^2 - k^2} = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}$$

کے برابر ہے۔اب $eta_0 = \frac{2\pi}{\lambda_0}$ اور مساوات 13.95 مندر جہ بالا مساوات میں پر کرتے ہوئے

$$\beta = \sqrt{\left(\frac{2\pi}{\lambda_0}\right)^2 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_{0c}}\right)^2} = \beta_0 \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

لكھاجاسكتاہے للذامو بج میں طول موج

(13.99)
$$\lambda_{\mathcal{E}_{r}} = \frac{2\pi}{\beta} = \frac{\lambda_{0}}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_{0}}{\lambda_{0c}}\right)^{2}}}$$

 v_p^{16} اور مو یج میں دوری و قار

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{n\lambda_0}{2y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\lambda_0}{2z_1}\right)^2}}$$

یا

$$v_p = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$

4437

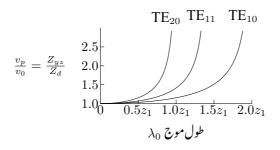
حاصل ہوتے ہیں جہاں

الامحدود خطے میں دور کار فتار
$$v_0=rac{\omega}{eta_0}=rac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$
 کا محدود خطے میں دور کار فتار v_o

ال محدود نخطے میں طول موج
$$\lambda_0$$

انقطاعی طول موج
$$\lambda_{0c}$$

466 علم الله 13. مويج اور گهمكيا



شکل 13.13: مختلف بلند درجی امواج کر مستطیلی مویج میں دوری رفتار بالمقابل طول موج λ_0

شکل 13.13 میں مختلف بلنداندازامواج کے دوری رفتار بالمقابل طول موج λ_0 دکھائے گئے ہیں۔ دوری رفتار کولا محدود خطے کے دوری رفتار ہی نسبت سے دکھایا گیا ہے۔ان اشکال میں مستطیلی موج کے دونوں اطراف برابر لسبائی $(y_1=z_1)$ کے تصور کئے گئے ہیں۔

مندرجہ بالا تجزیے میں موت کے اطراف کامل موصل کے تصور کئے گئے اور ساتھ ہی ساتھ موت کی میں بے ضیاع ذوبر تی بھر اتصور کیا گیا۔اسی لئے انقطا کی ایتحد د سے بلند تعدد پر امواج لغیر گھٹے موت کی میں صفر کرتے ہیں۔ حقیقت میں موت کے کے اطراف کے موصل کی موصلیت اور ذوبر تی میں طاقت کی ضیاع سے + ہے ہے قربہوگالہذا انقطاعی تعدد سے بلند تعدد کے امواج بھی صفر کے دوران کچھ نہ بچھ گھٹے ہیں۔

کو کھلے موتج جس میں صرف ہوا بھری ہو میں ذوبر ق یعنی ہوا کا ضیاع قابل نظر انداز ہوتا ہے۔ ایسے موتج میں طاقت کا ضیاع صرف موتج کے چادروں کی مو ہیلیت کی بنا ہے۔ موصل چادر مکمل طور پر کا مل نہ ہونے کا مطلب لے کہ حقیقت میں چادر کے متوازی برقی میدان E_m صفر نہیں ہوگا۔ اچھے موصل مثلاً تا نبے کی بنی پھا در کے متوازی برقی میدان E_m میں ہوگے۔ موصل کے چادر سے بنی موتج کے طول موج کہ: زاویا کی مستقل کی یو در کی رفتار ہوتی ہے۔ یوں تا نبے یادیگر اچھے موصل کے چادر سے بنی موتج کے طول موج کہ: زاویا کی مستقل کی تعلق میں تصور کیا جاتا ہے۔ ایسی صورت میں تضعیفی مستقل کی کا تخمینہ علیجدہ طور پر لگایا جاتا ہے۔ V_p میں تصور کیا جاتا ہے۔ ایسی صورت میں تضعیفی مستقل کی کا تخمینہ علیجدہ طور پر لگایا جاتا ہے۔

آخر میں مستطیلی موتئ میں عرضی برقی موج کی رکاوٹ Zyz مساوات 13.52 سے حاصل کرتے ہیں۔

$$Z_{yz} = \frac{j\omega\mu}{\gamma}$$

4452

4453

4454

انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر $\gamma=i$ ہوتا ہے لہذا

(13.103)
$$Z_{yz} = \frac{\omega \mu}{\beta} = \frac{Z_z}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (\Omega)$$

موگا جہا<u>ل</u>

موت $Z_z=\sqrt{rac{\mu}{\epsilon}}$ موت کے ذو برق کی قدر تی رکاوٹ $Z_z=\sqrt{rac{\mu}{\epsilon}}$

لا محدود خطے میں طول موج، λ_0

انقطاعی طول موج λ_{0c}

cutoff wavelength 15

یں۔ ہواکے لئے v_p اور v_p کی شرح کے برابر ہے۔ چو نکہ Z_{yz} اور Z_{z} کی شرح کے برابر ہے لہٰذاشکل 13.13 Z_{z} 13.13 اور z_z کی شرح کے برابر ہے لہٰذاشکل 13.13 Z_{z} باہقابل میں۔ ہواکے لئے z_z 13.13 شکل 13.13 میں۔ ہوائے لئے z_z 13.13 شرح کے برابر ہے لہٰذاشکل 13.13 میں۔ ہوائے لئے z_z 13.14 شکل 13.13 میں۔ ہوائے لئے z_z 13.13 شکل 13.13

4457

مثق 13.1: TE₂₀، TE₁₀ اور TE₁₁ مواج کی انقطاعی طول موج مندر جه ذیل مستطیلی مویج کے لئے حاصل کریں۔

• ہواسے بھرامو ی^{ج جس} کے اطراف چار سنٹی میٹر اور دوسنٹی میٹر ہیں۔

• ہواہے بھرامو یے جس کے دونوںاطراف چارسٹی میٹر کے برابر ہیں۔

جوابات: بېلامو تى 3.577 cm،4 cm،8 cm دوسرامو تى 5.656 cm،4 cm،8 cm جوابات:

446

موج TM_{mn} مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی میں موج

وضی برقی امواج حل کرنے کے آٹھ قدم صفحہ 452 پر بتلائے گئے۔ انہیں آٹھ قدم سے شکل 13.9 کے مستطیلی موج میں عرضی مقناطیسی موج TM_{mn} بھی حلیہ لیکے جاتے ہیں۔ فرق صرف اتنا ہے کہ یہاں $H_x=0$ فرض کرکے مسئلہ حل کیا جاتا ہے۔ TM_{mn} موج کہتے ہی اس موج کو ہیں جن میں $TM_x=0$ ہو ہائیسی TM_{mn} حاصل کرنے کے اہم نکات کا تذکرہ کریں۔ TM_{mn}

موج حاصل کرنے کے پہلے تین قدم میں کوئی تبدیلی نہیں پائی جاتی للذامساوات 13.14 تامساوات 13.42 جو کے قدم میں $H_x=0$ میر کرنے ہے

$$\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial z} + \gamma E_z - ZH_y = 0$$

$$-\gamma E_y - \frac{\partial E_x}{\partial y} - ZH_z = 0$$

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} - YE_x = 0$$

$$\gamma H_z - \Upsilon E_y = 0$$

$$-\gamma H_y - \Upsilon E_z = 0$$

$$-\gamma E_x + \frac{\partial E_y}{\partial y} + \frac{\partial E_z}{\partial z} = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial y} + \frac{\partial H_z}{\partial z} = 0$$

حاصل ہوتاہے۔مساوات13.108اور مساوات13.109سے

$$Z_{yz} = \frac{E_y}{H_z} = -\frac{E_z}{H_y} = \frac{\gamma}{\Upsilon}$$

ککھاجا سکتا ہے۔اس مساوات کا مساوات کے ساتھ موازنہ کریں۔اگرچہ دونوں جگہ Z_{yz} کی تعریف بی ہے لیکن دونوں جگہ اس شرح کی قیمت پینلف ہوگا۔ TE_{mn} موج کی رکاوٹ TE_{mn} کے رکاوٹ سے مختلف ہوگا۔

یا نچویں قدم میں تمام میدان کو E_x کی صورت میں حاصل کر ناہے۔ مساوات 13.112 کو مساوات 13.105 میں پر کرتے ہوئے H_y کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.113)
$$H_y = \frac{Y}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial z}$$

اور اسی طرح مساوات 13.112 کو مساوات 13.106 میں پر کرتے ہوئے H_z کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.114)
$$H_z = \frac{-Y}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial y}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان دومساوات اور مساوات 13.112سے

$$E_y = \frac{-\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial y}$$

(13.116)
$$E_z = \frac{-\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial E_x}{\partial z}$$

کھاجا سکتا ہے۔ یوں پانچواں قدم پوراہو تاہے۔

چھٹے قدم میں E_x کے موج کی مساوات حاصل کرنے کی غرض سے مساوات 13.115 کا *لاکے ساتھ* تفرق اور مساوات 13.116 کا 2 کے ساتھ تفرق مساوات 13.110 میں پر کرتے ہوئے

$$-\gamma E_x - \frac{\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} - \frac{\gamma}{\gamma^2 + YZ} \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} = 0$$

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} + (\gamma^2 + YZ)E_x = 0$$

حاصل ہو تاہے جسے

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} + k^2 E_x = 0$$

لکھاجا سکتاہے جہاں

(13.118)
$$k^2 = \gamma^2 + YZ = \gamma \left(\gamma + \frac{Z}{Z_{yz}} \right)$$

ے برابر ہے۔مساوات 13.57 کے ساتھ موازنہ کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM_{mn} اور TE_{mn} امواج کے k^2 مختلف قیمت رکھتے ہیں۔

ساتویں قدم پر مساوات 13.117 کاابیاحل در کارہے جو مستطیلی موتج کے اطراف پر برقی اور مقناطیسی سر حدی شرائط پر پورااتر تاہو۔ بالکل پہلے کی طرح حل کرتے ہوئے

(13.119)
$$k^2 = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

اور میدان

(13.120)
$$E_x = E_0 \sin \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

حاصل ہوتاہے جسے باری باری مساوات 13.113 تامساوات 13.116 میں پر کرتے ہوئے

(13.121)
$$H_y = \frac{YE_0}{\gamma^2 + YZ} \frac{m\pi}{z_1} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.122)
$$H_z = \frac{-YE_0}{\gamma^2 + YZ} \frac{n\pi}{y_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.123)
$$E_y = \frac{-\gamma E_0}{\gamma^2 + YZ} \frac{n\pi}{y_1} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

(13.124)
$$E_z = \frac{-\gamma E_0}{\gamma^2 + YZ} \frac{m\pi}{z_1} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j\omega t - \gamma x}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان جوابات کے ساتھ

شامل کرتے ہوئے تمام میدان حاصل ہوتے ہیں۔

$$H_x = 0$$
 موج ہونے کا شرط TM_{mn}

مساوات 13.120 تامساوات 13.125 کے TM_{mn} امواج میں m یا n صفر کے برابر ہونے سے تمام میدان صفر ہو جاتے ہیں لہٰذا TM_{mn} کا کم سے کم تعبد د کی موج TM_{13}

بے ضیاع $\sigma=0$ ذ و برق تصور کرتے ہوئے، مساوات 13.118، مساوات 13.119 اور مساوات 13.33 سے

(13.126)
$$\gamma = \sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 - \omega^2 \mu \epsilon}$$
$$= \sqrt{k^2 - \beta_0^2}$$

 $\gamma=lpha+jeta$ کی صورت میں موج کازاویائی متعقل eta_0 ہے۔ مندرجہ بالا مساوات میں $\omega\sqrt{\mu\epsilon}$ کا صورت میں موج کازاویائی متعقل ω

$$\alpha = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} \qquad (k > \beta_0)$$

$$\beta = 0$$

 $k < eta_0$ ماصل ہوتا ہے۔ اس صورت میں موج صفر نہیں کر پائے گی۔ اس کے بر عکس $k < eta_0$

(13.128)
$$\alpha = 0$$

$$\beta = \sqrt{\beta_0^2 - k^2} \qquad (k < \beta_0)$$

حاصل ہوتے ہیں۔اس صورت میں موج، بغیر گھٹے موج کی میں صفر کرے گی۔انقطاعی تعدد ان دو تعدد ی خطوں کے عین در میان پایاجائے گا جہال γ کی قیمت حقیقی سے خیالی ہوتے ہوئے صفر سے گزرے گی۔مساوات 13.126 میں 0 = ہر پر کرنے سے انقطاعی تعدد

(13.129)
$$\omega_c^2 \mu \epsilon = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

یا

(13.130)
$$f_c = \frac{1}{2\sqrt{\mu\epsilon}}\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}$$

حاصل ہوتاہے۔اس طرح انقطاعی طول موج

$$\lambda_{0c} = \frac{2\pi}{\sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}} = \frac{2}{\sqrt{\left(\frac{n}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m}{z_1}\right)^2}} = \frac{2\pi}{k}$$

يا

$$(13.132) k = \frac{2\pi}{\lambda_{0c}}$$

 TE_{mn} عاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM_{mn} اور TE_{mn} امواج کے انقطاعی تعدد کے مساوات ہو بہوایک جیسے ہیں۔

انقطاعی تعدد سے بلند تعدد kی صورت میں

$$\beta = \sqrt{\beta_0^2 - k^2} = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2}$$

ہو گاجس سے موج میں طول موج

(13.134)
$$\lambda_{\vec{\xi}, r} = \frac{2\pi}{\beta} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$

اور مو یج میں دوری رفتار

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{n\lambda_0}{2y_1}\right)^2 - \left(\frac{m\lambda_0}{2z_1}\right)^2}}$$

$$= \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}}$$

حاصل ہوتے ہیں جہاں

 $v_0=rac{1}{\sqrt{\muarepsilon}}$ لا محدود خطے میں دوری رفتار $v_0=rac{1}{\sqrt{\muarepsilon}}$ جبکہ v_0

لا محد و د خطے میں طول موج اور λ_0

انقطاعی طول موج λ_{0c}

4478

ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TM_{mn} اور TE_{mn} کے دوری رفتار کے مساوات بھی ہو بہو یکسال ہیں۔

عرضی مقناطیسی موج کی رکاوٹ مساوات 13.112 سے

 $Z_{yz} = \frac{\gamma}{\Upsilon}$

ہے جوانقطاعی تعدد ہے بلند تعدد کا $\gamma=j$ کی صورت میں

(13.136)
$$Z_{yz} = \frac{\beta}{\omega \epsilon} = Z_z \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

page

impt

ہو گا جہا<u>ل</u>

موت کے ذوبرق کی قدرتی رکاوٹ $Z_z=\sqrt{rac{\mu}{e}}$ موت کے خوبرق کی قدرتی رکاوٹ Z_z

المحدود خطے میں طول موج اور λ_0

انقطاعی طول موج λ_{0c}

کے برابر ہیں۔ مساوات 13.136 کا مساوات 13.103 کے ساتھ موازنہ کرنے سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ TMmn اور TEmn امواج کی رکاوٹ مختلف ہیں۔

ہم نے دیکھا کہ ہر بلند در تی انداز کااپنا مخصوص انقطاعی تعدد ،ر فقار اور رکاوٹ ہوتے ہیں۔ا گر تعدد اتنی ہو کہ مختلف بلند انداز موتئ میں صفر کر سکتے ہو ا_نیات میدان ان تمام میدانوں کا مجموعہ ہو گاجوموتئ میں پائے جاتے ہوں۔

جدول 13.1 منتظیلی موج کمیں TEmn موج کے متغیرات کے تعلق دیتا ہے۔ Z_{yz} کے علاوہ یہی تعلق TMmn کے لئے بھی درست ہیں۔

جدول 13.1: مستطیلی مویج میں TEmn امواج کے متغیرات کے تعلق۔

انام تفاعل
$$f_c = rac{1}{2\sqrt{\mu \epsilon}} \sqrt{\left(rac{n}{y_1}
ight)^2 + \left(rac{m}{z_1}
ight)^2} \quad Hz$$
 تعلق $\lambda_{0c} = rac{2}{\sqrt{\left(rac{n}{y_1}
ight)^2 + \left(rac{m}{z_1}
ight)^2}} \quad m$ انقطاعی طول موج $\lambda_{0c} = rac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \left(rac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}
ight)^2}} \quad m$ مویج میں طول موج $v_p = rac{v_0}{\sqrt{1 - \left(rac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}
ight)^2}} \quad rac{m}{
m s}$ موری رفتار $z_{yz} = rac{z_z}{\sqrt{1 - \left(rac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}
ight)^2}}$

448

کھو کھلی نالی جس کااندرونی رداس م ہوکے مسائل نکلی محدومیں باآسانی حاصل ہوتے ہیں المذاایسے موتح میں باآسانی حاصل کرنے کی خاطرو بنگلی موتح ہے محدد ہیں استعمال کرتے ہیں۔ یہاں بھی صفحہ 452 پر دیے آٹھ قدم لیتے ہوئے جواب حاصل کیا جائے گا۔ نکلی موتح محدد پر رکھا گیا ہے للمذااس میں امواج کے ہیانب مرکت کریں گے۔

میس ویل کے گردش کے دومساوات کو نکلی محدد میں لکھ کر

$$\left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial E_z}{\partial \phi} - \frac{\partial E_{\phi}}{\partial z}\right] a_{\rho} + \left(\frac{\partial E_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial \rho}\right) a_{\phi} + \left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial (E_{\phi}\rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho}\frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi}\right] a_z$$

$$= -\mu \left(\frac{\partial H_{\rho}}{\partial t} a_{\rho} + \frac{\partial H_{\phi}}{\partial t} a_{\phi} + \frac{\partial H_z}{\partial t} a_z\right)$$

$$\left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial H_z}{\partial \phi} - \frac{\partial H_{\phi}}{\partial z}\right] a_{\rho} + \left(\frac{\partial H_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial \rho}\right) a_{\phi} + \left[\frac{1}{\rho}\frac{\partial (H_{\phi}\rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho}\frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi}\right] a_z$$

$$= \sigma \left(E_{\rho}a_{\rho} + E_{\phi}a_{\phi} + E_z a_z\right) + \epsilon \left(\frac{\partial E_{\rho}}{\partial t}a_{\rho} + \frac{\partial E_{\phi}}{\partial t}a_{\phi} + \frac{\partial E_z}{\partial t}a_z\right)$$

محد دی اجزاء علیحد ہ علیحد ہ لکتے ہوئے مندر جہ ذیل چھ مساوات

(13.137)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial E_z}{\partial \phi} - \frac{\partial E_{\phi}}{\partial z} = -\mu \frac{\partial H_{\rho}}{\partial t}$$
$$\frac{\partial E_{\rho}}{\partial z} = \frac{\partial E_{\phi}}{\partial z} = \frac{\partial H_{\rho}}{\partial t}$$

$$\frac{\partial E_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial E_{z}}{\partial \rho} = -\mu \frac{\partial H_{\phi}}{\partial t}$$

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (E_{\phi} \rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi} = -\mu \frac{\partial H_z}{\partial t}$$

(13.140)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi} - \frac{\partial H_{\phi}}{\partial z} = \sigma E_{\rho} + \epsilon \frac{\partial E_{\rho}}{\partial t}$$

$$\frac{\partial H_{\rho}}{\partial z} - \frac{\partial H_{z}}{\partial \rho} = \sigma E_{\phi} + \epsilon \frac{\partial E_{\phi}}{\partial t}$$

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (H_{\phi} \rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi} = \sigma E_z + \epsilon \frac{\partial E_z}{\partial t}$$

حاصل ہوتے ہیں جن کے ساتھ چارج سے خالی $ho_h=0$ خطے میں پھیلاو کے دومساوات

(13.143)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (\rho E_{\rho})}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \phi} + \frac{\partial E_{z}}{\partial z} = 0$$

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial(\rho H_{\rho})}{\partial\rho} + \frac{1}{\rho}\frac{\partial H_{\phi}}{\partial\phi} + \frac{\partial H_{z}}{\partial z} = 0$$

4492

473 13.5. كهوكهلي نالي مويج

مساوات 13.137 تامساوات 13.144 کووقت کے ساتھ اور z فاصلے کے ساتھ سائن نما تعلق کا پابند ($E_{\phi}=E_{1}e^{j\omega t-\gamma z}$) بناتے ہوئے

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial E_z}{\partial \phi} + \gamma E_{\phi} - ZH_{\rho} = 0$$

$$-\gamma E_{\rho} - \frac{\partial E_z}{\partial \rho} - ZH_{\phi} = 0$$

(13.147)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (E_{\phi} \rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi} - ZH_z = 0$$

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial H_z}{\partial \phi} + \gamma H_\phi - \gamma E_\rho = 0$$

$$-\gamma H_{\rho} - \frac{\partial H_z}{\partial \rho} - Y E_{\phi} = 0$$

(13.150)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (H_{\phi}\rho)}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi} - YE_z = 0$$

(13.151)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (\rho E_{\rho})}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \phi} + \frac{\partial E_{z}}{\partial z} = 0$$

(13.152)
$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial (\rho H_{\rho})}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\phi}}{\partial \phi} - \gamma H_{z} = 0$$

حاصل ہو تاہے جہاں

$$Z=-j\omega\mu$$
 (Ω/m) سلسله وارر کاوٹ $Y=\sigma+j\omega\epsilon$ (S/m) متوازی فراوانی $\gamma=\alpha+j\beta$

ہیں۔ 4494

یہاں ہم عرضی برقی یاعرضی مقناطیس موج منتخب کرتے ہوئے آگے بڑھ سکتے ہیں۔ہم TE_{mn} منتخب کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔یوں $E_z=0$ ہو گا

$$\gamma E_{\phi} - ZH_{\theta} = 0$$

$$(13.154) -\gamma E_{\rho} - ZH_{\phi} = 0$$

(13.153)

$$\frac{E_{\phi}}{\rho} + \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \phi} - ZH_z = 0$$

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial H_z}{\partial \phi} + \gamma H_\phi - \gamma E_\rho = 0$$

$$-\gamma H_{\rho} - \frac{\partial H_z}{\partial \rho} - \Upsilon E_{\phi} = 0$$

$$\frac{H_{\phi}}{\rho} + \frac{\partial H_{\phi}}{\partial \rho} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \phi} = 0$$

$$\frac{E_{\rho}}{\rho} + \frac{\partial E_{\rho}}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial E_{\phi}}{\partial \phi} = 0$$

$$\frac{H_{\rho}}{\rho} + \frac{\partial H_{\rho}}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_{\phi}}{\partial \phi} - \gamma H_{z} = 0$$

 $E_{\phi}+
ho rac{\partial E_{\phi}}{\partial
ho}$ تفرق کو کھول کر کہ وتاہے جہاں مساوات 13.147 میں $rac{\partial (E_{\phi}
ho)}{\partial
ho}$ تفرق کو کھول کر کہ کھول کر کھول کر ہوتاہے جہاں مساوات 13.147 میں التحریح

 $Z_{
ho\phi}$ تمام میدان کو H_z کی صورت میں کھنے کی خاطر مساوات 13.153 اور مساوات 13.154 سے عرضی موج کی رکاوٹ

(13.161)
$$Z_{\rho\phi} = \frac{E_{\rho}}{H_{\phi}} = -\frac{E_{\phi}}{H_{\rho}} = -\frac{Z}{\gamma} = \frac{j\omega\mu}{\gamma}$$

لتے ہیں۔ مساوات 13.161 سے E_{ρ} مساوات 13.150 میں پر کرتے ہوئے H_{ϕ} کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.162)
$$H_{\phi} = -\frac{1}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح مساوات 13.161 سے E_{ϕ} مساوات 13.157 میں پر کرتے ہوئے H_{ρ} کے لئے حل کرتے ہوئے

(13.163)
$$H_{\rho} = -\frac{1}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{\partial H_z}{\partial \rho}$$

حاصل ہوتاہے۔مندر جہ بالادومساوات اور مساوات 13.161سے

(13.164)
$$E_{\rho} = -\frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \phi}$$

(13.165)
$$E_{\phi} = \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - Y Z_{\rho\phi}} \frac{\partial H_z}{\partial \rho}$$

کلھے جا سکتے ہیں۔ بیر مساوات تمام میدان کو H_{z} کی صورت میں بیان کرتے ہیں۔

مساوات 13.164 کا ϕ تفرق، مساوات 13.165 کا ρ تفرق اور مساوات 13.165 کو مساوات 13.155 میں پر کرتے ہوئے

$$\frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho} \frac{\partial H_z}{\partial \rho} + \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{\partial^2 H_z}{\partial \rho^2} + \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{1}{\rho^2} \frac{\partial^2 H_z}{\partial \phi^2} - ZH_z = 0$$

موج کی مقداری مساوات حاصل ہوتی ہے۔اس میں

$$\frac{Z\left(\gamma - YZ_{\rho\phi}\right)}{Z_{\rho\phi}} = -k^2$$

لعيني

$$(13.168) k^2 = \gamma^2 + YZ$$

لکھتے ہوئے

$$\frac{1}{\rho}\frac{\partial H_z}{\partial \rho} + \frac{\partial^2 H_z}{\partial \rho^2} + \frac{1}{\rho^2}\frac{\partial^2 H_z}{\partial \phi^2} + k^2 H_z = 0$$

یا

$$\rho^2 \frac{\partial^2 H_z}{\partial \rho^2} + \rho \frac{\partial H_z}{\partial \rho} + k^2 \rho^2 H_z = -\frac{\partial^2 H_z}{\partial \phi^2}$$

حاصل ہوتاہے جس میں

(13.170)
$$H_z(\rho,\phi) = M(\rho)N(\phi)$$

13.5. كهوكهلي نالى مويج

لکھ کر متغیرات کی علیحد گی ممکن ہے۔ابیا کرتے ہوئے

$$\rho^2 N \frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \rho N \frac{\partial M}{\partial \rho} + k^2 \rho^2 M N = -M \frac{\partial^2 N}{\partial \phi^2}$$

عاصل ہوتا ہے۔ دونوں اطراف کو MNسے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{\rho^2}{M}\frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \frac{\rho}{M}\frac{\partial M}{\partial \rho} + k^2\rho^2 = -\frac{1}{N}\frac{\partial^2 N}{\partial \phi^2}$$

حاصل ہوتاہے جہاں بایاں ہاتھ کامتغیرہ ρ ہے جبکہ دائیں ہاتھ کامتغیرہ φ ہے۔ یوں دونوں اطراف کومتنقل 2 سے برابر پر کیا جاسکتاہے یعنی

$$\frac{\rho^2}{M}\frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \frac{\rho}{M}\frac{\partial M}{\partial \rho} + k^2 \rho^2 = n^2$$

$$-\frac{1}{N}\frac{\partial^2 N}{\partial \phi^2} = n^2$$

مندرجه بالامين نجلى مساوات كاحل

$$(13.173) N = c_1 \cos n\phi + c_2 \sin n\phi$$

ہے جہاں c_2 مساوات کے مستقل ہیں۔

مساوات 13.171 کو

$$\rho^2 \frac{\partial^2 M}{\partial \rho^2} + \rho \frac{\partial M}{\partial \rho} + (k^2 \rho^2 - n^2) M = 0$$

کھاجاسکتاہے جو بیسل مساوات 17 کہلاتی ہے اور جس کاحل

(13.175)
$$M = c_3 J_n(k\rho) + c_4 N_n(k\rho)$$

 $_{498}$ کھاجاتاہے جہال $_{C3}$ مساوات کے مستقل ہیں۔

نوں مساوات 13.170سے

(13.176)
$$H_z = \left[c_3 J_n(k\rho) + c_4 Y_n(k\rho)\right] \left(c_1 \cos n\phi + c_2 \sin n\phi\right)$$

حاصل ہوتاہے جس پر مندر جہ ذیل دوعد دسر حدی شرائط لا گو کرتے ہوئے مساوات کے مستقل حاصل کئے جاسکتے ہیں۔

کا نئات میں کہیں پر بھی لا محدود میدان نہیں پایاجاتالہذا نکلی موت کی میں بھی میدان کی قیمت محدود ہو گی۔اس کے علاوہ موصل نکلی سطح پر بر قی میدان صفر ہو گا۔نت میں کہیں پر بھی لا محدود میدان شفر ہو گا، یعنی $(E_{\phi}(\rho_{0})=0)$ ، جہاں نکلی کار داس ρ_{0} کے برابر ہے۔

پہلے شرط کے تحت نکلی محد دمیں میدان کی قیمت محد و دہے، لیکن ho=
hoپر $ho o \gamma$ کی قیمت لا محد و دہوتی ہے لہذا مساوات 13.176 میں

 $(13.177) c_4 = 0$

ہو گا۔ا گرہ $c_2=0$ ہوتب میدان کی چوٹی $\phi=0$ پر ہو گی اور اگرہ $c_1=0$ ہوتب میدان کی چوٹی $n\phi=90$ پر ہو گا۔ کسی اور زاویے پر چوٹی کی صورت میں دونوں مستقل پائے جائیں گے۔ ہم چوٹی کو صفر زاویے پر نصور کرتے ہیں۔ یوں

$$(13.178) H_z = H_0 \cos n\phi J_n(k\rho)$$

ہو گا جہاں $c_1c_3=H_0$ کھا گیاہے۔اب چو نکہ $\phi=0$ اور $\phi=2$ اور $\phi=0$ ریڈیٹن نکلی موتئے میں ایک ہی نقطے کو ظاہر کرتے ہیں للذاد ونوں زاویوں سے میدان برابر حاصل ہو ناچاہیے۔یوں

$$n = 0, 1, 2, \cdots$$

حاصل ہوتا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ n=1 کی صورت میں نکلی میں $\phi=2\pi$ تا $\phi=2\pi$ تا ہوئے ہوئے ہوئے در ایک چکر کا شخے ہوئے میدان کے چکر کا شخاہ ہوئے میدان کے حکم ہوئے کے میدان کے چکر کا شخاہ ہوئے کے حکم کے خلال ہوئے کے حکم کے حکم کے خلال ہوئے کے حکم کے حکم

نلکی مو یج میں موج کی مساوات

(13.179)
$$H_z = H_0 \cos n\phi J_n(k\rho) e^{j\omega t - \gamma z} \qquad (n = 0, 1, 2, \dots)$$

ہوگی جہاں میدان کاوقت اور فاصلے کے ساتھ سائن نما تبدیلی کو بھی شامل کیا گیاہے۔اس کو مساوات 13.165 میں پر کرتے ہوئے

(13.180)
$$E_{\phi} = \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} H_0 \cos n\phi \frac{\mathrm{d}J_n(k\rho)}{\mathrm{d}\rho} e^{j\omega t - \gamma z}$$

 $E_{
ho}=0$ عاصل ہوتا ہے۔ دوسری سر حدی شرط کے تحت موصل نکگی سطح پر متوازی برقی میدان صفر ہو گاللذامساوات 13.180 میں $E_{
ho}=0$ پر کرتے ہوئے

$$\frac{\mathrm{d}J_n(k\rho)}{\mathrm{d}\rho}\bigg|_{\rho_0} = 0$$

حاصل ہوتاہے جس سے

$$(13.182) k\rho_0 = \alpha'_{nm}$$

حاصل ہوتاہے جہاں مرسم بیسل تفاعل کے تفرق کے صفر کہلاتے ہیں یعنی

$$\frac{\mathrm{d}J_n(\alpha'_{nm})}{\mathrm{d}\rho} = 0$$

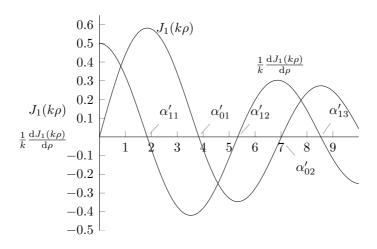
مساوات 13.182 سے حاصل k'_{nm} کو k'_{nm} کھتے ہوئے یوں

(13.184)
$$k'_{nm} = \frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0} \qquad (m = 1, 2, 3, \cdots)$$

حاصل ہوتاہے۔

مساوات 13.184 کواستعال کرتے ہوئے یوں

(13.185)
$$H_z = H_0 \cos n\phi J_n(k'_{nm}\rho)e^{j\omega t - \gamma z}$$



شكل 13.14: بيسل تفاعل.

حاصل ہوتاہے جے مساوات 13.162 تامساوات 13.165 میں پر کرتے ہوئے بقایاتمام میدان

(13.186)
$$H_{\phi} = \frac{1}{\gamma - YZ_{\alpha\phi}} \frac{n}{\rho} H_0 \sin n\phi J_n(k'_{nm}\rho) e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.187)
$$H_{\rho} = -\frac{1}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} H_0 \cos n\phi \frac{\mathrm{d}J_n(k'_{nm}\rho)}{\mathrm{d}\rho} e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.188)
$$E_{\rho} = -\frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} \frac{n}{\rho} H_0 \sin n\phi J_n(k'_{nm}\rho) e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.189)
$$E_{\phi} = \frac{Z_{\rho\phi}}{\gamma - YZ_{\rho\phi}} H_0 \cos n\phi \frac{\mathrm{d}J_n(k'_{nm}\rho)}{\mathrm{d}\rho} e^{j\omega t - \gamma z}$$

(13.190)
$$E_z = 0$$

4507

 E_z حاصل ہوتے ہیں جہاں E_z بھی شامل کیا گیاہے۔

کامل ذو برق کی صورت میں $\sigma=0$ لیتے ہوئے مساوات 13.184 کو مساوات 13.168 میں پر کرنے سے $\sigma=0$

$$\left(\frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0}\right)^2 = \gamma^2 + \omega^2 \mu \epsilon$$

(13.191) $\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{\left(\frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0}\right)^2 - \omega^2 \mu \epsilon}$

حاصل ہو تاہے۔اس مساوات سے تین صور تیں ممکن ہیں۔

يا

• کم تعد د پر حقیقی γ ہو گالہذامو یخ غیر شفاف ہو گااور موج اس میں صفر خہیں کریائے گی۔

• مخصوص در میانے تعد دیر $\gamma=0$ حاصل ہو گا۔ یہ انقطاعی تعد د ہو گی۔

• بلند تعدد پر γ خیالی عدد ہو گالہٰذامو تے شفاف ہو گااور موج اس میں صفر کریائے گی۔

مساوات 13.191 کو صفر کے برابر پر کرنے سے انقطاعی تعدد

$$f_c = \frac{1}{2\pi\sqrt{\mu\varepsilon}} \frac{k'_{nm}}{\rho_0} \qquad (Hz)$$

اورانقطاعي طول موج

(13.193)
$$\lambda_{0c} = \frac{2\pi\rho_0}{k'_{mm}} \qquad (m)$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں $\lambda_{0c}=\frac{2\pi\rho_0}{1.84}=3.41$ ماصل ہوتے ہیں۔ یوں کے لئے $\Delta_{11}=1.84$ کے سے $\Delta_{0c}=\frac{2\pi\rho_0}{1.84}=3.41$

انقطاعی تعدد سے زیادہ تعدد پر γ خیالی ہو گالہذااسے

(13.194)
$$\beta = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \left(\frac{\alpha'_{nm}}{\rho_0}\right)^2} \qquad (\text{rad/m})$$

کھا جائے گا۔ مندر جہ بالا دومساوات کو ملا کر 2سمت میں مو یج میں طول موج

(13.195)
$$\lambda_g = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (m)$$

حاصل ہوتی ہے جہاں

موت کے ذوبر ق سے بھرے لامحد و د خطے میں طول موج اور λ_0

انقطاعی طول موج λ_{0c}

 $v_p = f \lambda_g$ بیں۔موتج میں دوری رفتار

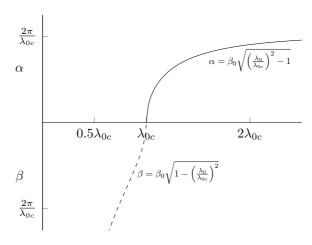
$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (\text{m/s})$$

حاصل ہو تاہے جہاں

 $v_0 = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$

4520

مساوات 13.19 اور مساوات 13.19 ہو بہو مستطیلی موتج کے مساوات ہیں۔ یہی مساوات ہر شکل کے کھو کھلے موتج کے لئے درست ثابت ہوتے ہیں۔ یہی مساوات ہر شکل کے کھو کھلے موتج کے لئے درست ثابت ہوتے ہیں۔ بیس مستطیلی موتج میں مکنہ بلند اندازامواج برابر تعدد کے فاصلوں پر نہیں پائے جاتے الدا نکلی موتج میں مکنہ بلند اندازامواج برابر تعدد کے فاصلوں پر پائے جاتے ہیں۔ نکلی موتج میں اس تحقیل تعدد رکھتی ہے المذلات موصلیت کے چادر کی بنی موتج میں اس کی اہمیت مزید بڑھ جاتی ہے۔ غالب بلند در جی انداز 18 کہتے ہیں۔ TE بلند در جی انداز نہایت کم تضعیف کا حامل ہے المذاکم موصلیت کے چادر کی بنی موتج میں اس کی اہمیت مزید بڑھ جاتی ہے۔



شکل 13.15: حرکی مستقل بالمقابل طول موج۔انقطاعی طول موج سے کم طول موج پر تضعیفی مستقل صفر ہے جبکہ اس سے زیادہ طول موج پر زاویائی مستقل صفر ہے۔

.13 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف

ہم دیکھ چکے ہیں کہ انقطاعی تعدد سے کم تعدد کی موج تضعیف کا شکار ہوتی ہے اور یہ موج کیمیں صفر کے قابل نہیں ہوتی۔آئیں تضعیف کی مقدار کا حساب لگائیں۔مستطیلی موج کمیں مساوات 13.127

$$\alpha = \sqrt{k^2 - \beta_0^2} = \sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_0}\right)^2}$$

انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیفی مستقل دیتاہے جے مساوات 13.131 کی مددسے

(13.198)
$$\alpha = \frac{2\pi}{\lambda_0} \sqrt{\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2 - 1} = \beta_0 \sqrt{\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2 - 1} \quad (Np/m)$$

کھھا جا سکتا ہے جہال

ال محد و د خطے میں طول موج اور λ_0

 λ_{0c} انقطاعی طول موج

ہیں۔مساوات 13.198 ہر قشم کے شکل کے کھو کھلے موت کے لئے درست ہے۔

انقطاعی تعدد سے بہت کم تعدد $(\lambda_0\gg\lambda_{0c})$ کی صورت میں مساوات 13.198سے

(13.199)
$$\alpha \approx \frac{2\pi}{\lambda_{0c}} \qquad (Np/m)$$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل 13.15 میں تضعیفی مستقل lpha بالمقابل لا محدود خطے میں طول موج λ_0 کو ٹھوس خطسے دکھا یا گیا ہے۔انقطاعی طول موج سے کم طول موج پر lpha=0

مثال 13.1: ایک موتج کا انقطاعی طول موج $\lambda_{0c}=50\,\mathrm{mm}$ ہے۔اس موتج میں $\lambda_{0c}=2\,\mathrm{m}$ مثال 13.1: ایک موتج کا انقطاعی طول موجہ $\lambda_{0c}=50\,\mathrm{mm}$ مثال 13.1: ایک موتج کا انقطاعی طول موجہ اس موتج میں میں ہے۔

حل: چونکه $\lambda_{0c} \gg \lambda_{0c}$ للذا

$$\alpha = \frac{2\pi}{50 \times 10^{-3}} = 125.68 \, \text{Np/m}$$

ہو گا۔ یوں موتع میں بہت کم فاصلے پر موج کی قیمت انتہائی گھٹ جائے گی۔

4550

13.7 انقطاعی تعدد سرِ بلند تعدد پر تضعیف

کامل موصل چادر سے بنااور کامل ذوبرق سے بھرامو بج بے ضیاع ہوتا ہے للذ اانقطاعی تعدد سے زیادہ تعدد پر lpha=0 ہو گا۔مساوات 13.128 سے

$$\begin{split} \beta &= \sqrt{\beta_0^2 - k^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{2\pi}{\lambda_0}\right)^2 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_{0c}}\right)^2} \\ &= \frac{2\pi}{\lambda_0} \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2} \end{split}$$

یا

$$\beta = \beta_0 \sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 13.200 ہر قسم کے شکل کے کھو کھلے موت کے لئے درست ہے۔ شکل 13.15 میں نقطہ دار خطسے β د کھایا گیا ہے۔انقطاعی طول موج ہے۔ زیادہ طول موج پر 0 = β ہے۔

eta = 0 اور 0 ہود 0 ہود 0 ہود 0 ہود کی محدد پر رکھا گیا ہے۔ عین انقطاعی طول موج ہور کی مستقل کو عمود کی محدد پر رکھا گیا ہے۔ عین انقطاعی طول موج ہور گی ہے۔ انقطاعی طول موج ہے ہور ہور ہور گئی ہے۔ انقطاعی طول موج ہے ہور ہور گئی ہے۔ انقطاعی طول موج ہور گئی ہے۔ 0 ہور ہتا ہے جبکہ میلی قیمت کی قیمت کی کوشش کرتی ہے۔ 0 بیادہ طول موج پر 0 ہور ہتا ہے جبکہ میلی قیمت کی قیمت کی کوشش کرتی ہے۔ 0 بیادہ طول موج پر 0 ہور ہتا ہے جبکہ میلی قیمت کی قیمت کی کوشش کرتی ہے۔ 0 ہور ہتا ہے جبکہ میلی قیمت کی قیمت کی کوشش کرتی ہے۔ 0 ہور ہتا ہے جبکہ میلی قیمت کی قیمت کی کوشش کرتی ہے۔ 0 ہور ہور کی ہور کی گئی ہور کی گئی ہور کی کوشش کرتی ہے۔ 0 ہور ہور کی ہور کی گئی ہور کی ہو

حقیق موت کامل نہیں ہوتے للذاان میں α صفر نہیں ہوتا۔ بہتر موصل، مثلاً تانبہ ، کی چادر سے بنے اور ہواسے بھرے موت کے میں α کی قیمت نہایت کم ہوتی ہے جبکہ β مندر جہ بالا مساوات کے عین مطابق ہوتا ہے۔ آئیں حقیقی موت کے میں α کی قیمت حاصل کریں۔

صفحه 332 پر مساوات 10.56

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ ext{bol}} = rac{1}{2} \left[oldsymbol{E}_{ ext{ iny S}} imes oldsymbol{H}_{ ext{ iny S}}^*
ight]$$
اوسط

موج کی اوسط طاقت دیتی ہے۔ کسی بھی موتج میں میدان، مثلاً صفحہ 462 پر مساوات 13.85، میں حرکت کرتے میدان $e^{-\alpha x}e^{j(\omega t-\beta x)}$ خاصیت رکھتے ہیں۔ یول E=Z لیتے ہوئے

(13.201)
$$\mathscr{P}_{l_{\bullet}, j} = \frac{1}{2} \frac{|E|^2}{Z_h} e^{-2\alpha x} = \frac{1}{2} Z_h |H|^2 e^{-2\alpha x} = P_0 e^{-2\alpha x}$$

کھاجاسکتا ہے جہاںx=0 کی اور کے برابر ہے، قدرتی رکاوٹ Z کے حقیقی جزو کو Eاور Eاور کے بیں۔اس مساوات سے مساوات سے معالی کھا جہاں کا مساوات سے بیان کے بین ہوں کا مساوات سے مساوات سے مساوات سے مساوات سے بین مساوات سے مساو

(13.202)
$$\alpha = -\frac{1}{2} \frac{\frac{dP}{dx}}{P} \qquad (Np/m)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں اور اور کو کو کو کھا گیا ہے۔ مساوات 13.202 میں کسی بھی نقطے پر x سمت میں P طاقت منتقل ہورہا ہے جبکہ اس نقطے پر P طاقت کے ہنیا کو ظاہر کرتا ہے۔ تضعیفی مستقل کی اس مساوات میں طاقت کا ضیاع ، موت کی دیواروں میں پیدا برقی روسے مزاحمتی برقی ضیاع P ہوتا ہے۔ انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر امواج نہ گزار نے کی معزور ہوگی کو موتا ہے۔ انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر امواج نہ گزار نے کی معزور ہوگی کو P سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ایس صورت میں موت نہیں موج نہیں گزریاتی بلکہ یہ انعکا س پذیر ہوتی ہے۔ P سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ایس صورت میں موت نہیں موج نہیں گزریاتی بلکہ یہ انعکا س پذیر ہوتی ہے۔

مساوات 13.202 کو یوں پڑھا جا سکتا ہے

$$\alpha = \frac{dاقت کاضیاع فی اکائی لمبائی α نتقل طاقت کادگنا$$

کامل ذوبرق سے بھرے موج کیمیں ذوبرق کاضیاع صفر ہو گا۔ایسی صورت میں صرف موج کے چادروں میں مزاحمتی ضیاع پایاجائے گاللذااکائی لمبائی میں طاقت کاضیاع

(13.203)
$$-\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}x} = \frac{1}{\mathrm{d}x} \int \int \mathscr{P}_{,\psi} \, \mathrm{d}S = \int \mathscr{P}_{,\psi} \, \mathrm{d}l$$

ہو گا جہاں _{چادر} گ سے مراد وہ اوسط طاقت (وقت کے مطابقت سے اوسط) ہے جو موتج کے دیواروں کے موصل چادروں میں منتقل ہورہا ہے۔ مساوات 13.20 میں سطح کا چیوٹار قبہ dS موتج کے اندرونی سطح پر لیاجاتا ہے۔اس رقبے کی لمبائی x bاور چوڑائی d1 ہے جہاں اندرونی سطح پر ایک چکر کے برابر ہے۔شکل 13.9 کے مستطیلی موتج کی صورت میں $l=2(y_1+z_1)$ موتج کی صورت میں منتقل طاقت کو

$$\mathscr{P}_{j,l_{p}} = \frac{1}{2} Z_{c,h} |H_m|^2$$

کھاجا سکتاہے جہاں H_m چادر کے متوازی میدان اور Z_c چادر کے موصل کا قدرتی رکاوٹ ہے جس کا حقیقی جزو $Z_{c,h}$ ہے۔ چادر کے متوازی میدان کی حتمی قیمت $\sigma\gg j\omega$ ہوتا ہے لہذا H_m

$$Z_c = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}} = \approx \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma}} = (1+j)\sqrt{\frac{\omega\mu}{2\sigma}}$$

ہو گاجس سے

$$Z_{c,h} = \sqrt{\frac{\omega\mu}{2\sigma}}$$

حاصل ہو تاہے۔ یوں مساوات 13.203 کو

(13.205)
$$-\frac{dP}{dx} = \frac{Z_{c,h}}{2} \int |H_m|^2 dl$$

لکھا جا سکتا ہے۔

موتج میں کسی بھی نقطے پر لمبائی کے جانب منتقل طاقت کو

482

$$(13.206) P = \frac{Z_{yz,h}}{1} \int \int |H_{\perp}|^2 \, \mathrm{d}S$$

ککھاجا سکتا ہے جہاں H_{\perp} سے مرادوہ میدان ہے جو موج کے حرکت کے عمود ی ہے۔اس میدان کو موج کے سطح عمود ی تراش کے متوازی بھی ککھاجا سکتا ہے۔اس میدان کو موج کے حرکت کے عمود کی تھاجا سکتا ہے۔اس میں Z_{yz} موج کا قدرتی رکاوٹ ہے جس کے حقیقی جزو کو $Z_{yz,h}$ ککھا گیا ہے۔اس طرح تضعیفی مستقل کو

(13.207)
$$\alpha = \frac{Z_{c,h} \int |H_m|^2 dl}{2Z_{yz,h} \int \int |H_{\perp}|^2 dS} \qquad (Np/m)$$

کھاجا سکتا ہے۔

مساوات 13.207 تمام موت کے تمام بلندانداز کے لئے درست ہے۔ کسی بھی بلندانداز کا تضعیفی مستقل حاصل کرتے وقت اسی بلندانداز کے میدان مساوات 13.207 میں پر کئے جائیں گے۔ بہتر موصل سے بنے موج کی صورت میں کامل موصل کے لئے حاصل کر دہ میدان ہی استعال کئے جاتے ہیں۔ مساوات 13.207 کا استعال مندر جہذیل مثال میں دکھایا گیا ہے۔

مثال 13.2: دو متوازی چادروں کے موت کے کو صفحہ 446پر شکل 13.1 میں د کھایا گیا ہے۔اس موت کے میں TEM موت کا تضعیفی مستقل حاصل کریں۔چادیوں 355 کے در میان فاصلہ 20 سے۔

حل: مساوات 13.207سے

$$\alpha = \frac{2Z_{c,h} \int_0^{y_1} |H_m|^2 dy}{2Z_{yz,h} \int_0^{y_1} \int_0^{z_1} |H_{\perp}|^2 dz dy}$$

کھاجائے گا جہاں کسر کے بالا ئی جھے میں دونوں اطراف کے چادروں میں طاقت کے ضیاع کی وجہ سے ضرب دو لکھا گیا ہے۔اس موتج میں کہ موج کے میدان H_m موج کے میدان جہ کہ متوازی اور موج کے حرکت کے عمود کی ہے۔ یوں مقناطیسی میدان H_a ہو چادروں کے متوازی اور موج کے حرکت کے عمود کی ہے۔ یوں H_a اور H_a دونوں H_a ہیں لگذا

$$\alpha = \frac{Z_{c,h}y_1}{Z_{yz,h}y_1z_1} = \frac{Z_{c,h}}{z_1Z_{yz,h}}$$

ہو گا۔ تانبے میں 450 MHzپر

$$Z_{c} = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

$$= \sqrt{\frac{j2 \times \pi \times 450 \times 10^{6} \times 4 \times \pi \times 10^{-7}}{5.8 \times 10^{7} + j2 \times \pi \times 450 \times 10^{6} \times 8.854 \times 10^{-12}}}$$

$$= 0.0055 + j0.0055$$

13.8. سطحي موج

ہوگا۔ یوں ایک کلومیٹر فاصلہ طے کرنے پر میدان کی قیت ابتدائی قیت کے 92.96 $e^{-0.073}=0$ یعنی 92.96 فی صد ہوگا۔

4558

455

مثال 13.3: تانبے کی وسیع چادر کے متوازی 2 cm چوڑائی تانبے کی پٹی mm کے فاصلے پر پائی جاتی ہے۔ پٹی اور چادر کے در میان 2.7 و ور میان 1 mm کن جراگیا ہے۔ اس دو برق میں سلام 200 سے دو برق جراگیا ہے۔ اس دو برق میں سلام 200 سے 200 سے 45 سے 1 سے 200 سے

حل: ذو برق اور تانبے کے قدر تی رکاوٹ بالترتیب

$$\begin{split} Z_z &= \frac{\mu_0}{2.7\epsilon_0} = 227\,\Omega \\ Z_c &= \sqrt{\frac{j2\times\pi\times600\times10^6\times4\times\pi\times10^{-7}}{5.8\times10^7+j2\times\pi\times600\times10^6\times8.854\times10^{-12}}} = 0.00639(1+j)\,\Omega \end{split}$$

ہیں۔ برقی میدان تانے کے عمودی ہو گالہذاتانے کے متوازی مقناطیسی میدان کی موثر قیت

$$H_{\dot{z}_{y}} = \frac{E_{\dot{z}_{y}}}{Z_{z}} = \frac{0.2}{227} = 0.881 \frac{\text{mA}}{\text{m}}$$

ہو گی۔موت کے کارقبہ عمودی تراش $S=2\,\mathrm{cm} imes 1\,\mathrm{mm}$ ہے۔یول منتقل طاقت

$$P_{\vec{\mathcal{J}}}=rac{E^2}{2Z_{z}}S=rac{E_{\vec{\mathcal{J}}}}{Z_{z}}S=rac{0.2^2}{227} imes0.02 imes0.001=3.49\,\mathrm{nW}$$

ہو گا جبکہ تانبے کی پٹی اور تانبے کی چادر میں پٹی کے برابر حصے میں مل کر کل طاقت کاضیاع

$$P_{\text{tij}} = 2\frac{Z_{c,h}H^2}{2}S = 2Z_{c,h}H_{\text{cff}}^2S = 2 \times 0.00639 \times \left(0.881 \times 10^{-3}\right)^2 \times 0.02 \times 0.001 = 0.195 \frac{\text{nW}}{\text{m}}$$

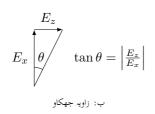
ہو گا۔اس طرح تضعیفی مستقل

$$\alpha = \frac{0.195 \times 10^{-9}}{3.49 \times 10^{-9}} = 55 \, \frac{\text{mNp}}{\text{m}}$$

حاصل ہو تاہے۔

4563

456





الف: غير كامل موصل اور ذو برق كي سرحد

شکل 13.16: دو خطوں کے سرحد پر امواج۔

13.8 سطحي موج

غیر کامل موصل اور ذو برق کی سطح شکل 13.16-الف میں x=0 پر د کھائی گئی ہے۔ سطح کے نیچے (x<0) غیر کامل موصل جبکہ اس کے اوپر 0>0 اوپر 0>0 کی اوپر 0>0 کی خور کامل موصل جبکہ اس کے اوپر 0>0 کی ہے۔ آئیس اس مسئلے کو حل کریں۔ 0>0 کی سمت میں حرکت کر رہی ہے۔ آئیس اس مسئلے کو حل کریں۔

اس مسکے کو حل کرتے ہوئے تصور کیا جائے گا کہ موج میں yکے تبدیلی سے کوئی تبدیلی رو نمانہیں ہوتی۔یوں $\frac{\partial}{\partial y}=0$ ہوگا۔ چونکہ موج 2 سمت حرکت کررہی ہے المذاتمام میدان

 $(13.208) H = H_0 e^{j\omega t - \gamma z}$

خاصیت رکتے ہیں۔ان حقائق کواستعال کرتے ہوئے، سطح سے اوپر ذو برق میں مساوات 13.16 تامساوات 13.23 مندر جہ ذیل صور ت اختیار کر لیتے ہیں

$$\gamma_1 E_y + j\omega \mu_1 H_x = 0$$

$$-\gamma_1 E_x - \frac{\partial E_z}{\partial x} + j\omega \mu_1 H_y = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial x} + j\omega \mu_1 H_z = 0$$

$$\gamma_1 H_y - j\omega \epsilon_1 E_x = 0$$

$$-\gamma_1 H_x - \frac{\partial H_z}{\partial x} - j\omega \epsilon_1 E_y = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial x} - j\omega \epsilon_1 E_z = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} - \gamma_1 E_z = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial r} - \gamma_1 H_z = 0$$

جہاں زیر نوشت میں 1 سر حدسے اوپر ذوبرق کے خطے کو ظاہر کرتاہے۔ موج کی مقداری مساوات حاصل کرنے کی خاطر مساوات 13.212 سے E_x اور مساوات 13.214 کے کو مساوات 13.210 میں پر کرتے ہوئے E_z

$$-\frac{\gamma_1^2}{j\omega\epsilon_1}H_y - \frac{1}{j\omega\epsilon_1}\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + j\omega\mu_1 H_y = 0$$

ليعني

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + \left(\gamma_1^2 + \omega^2 \mu_1 \epsilon_1\right) H_y = 0$$

13.8. سطحي موج

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} = k_1^2 H_y$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$k_1^2 = -\left(\gamma_1^2 + \omega^2 \mu_1 \epsilon_1\right)$$

کے برابرہے۔مساوات13.217 کاحل

$$H_{y} = c_{1}e^{-k_{1}x} + c_{2}e^{k_{1}x}$$

ہے۔ذوبرق میں x کی قیمت 0تا ∞ ممکن ہے۔اس مساوات میں سر حدسے دورلا محدود فاصلے $\infty \to x$ پر میدان کی قیمت لا محدود حاصل ہوتی ہے جو نا قابل قبول نتیجہ ہے لیذا اسے رد کرتے ہوئے $c_2=0$ لیاجاتا ہے۔اور یوں

(13.219)
$$H_{\nu} = c_1 e^{-k_1 x} e^{j\omega t - \gamma_1 z}$$
 ووبرق خطه

حاصل ہوتاہے جہاں موج کو مساوات 13.208 کے طرز پر لکھا گیا ہے۔

موصل خطے کے لئے میکس ویل کے مساوات مندر جہ ذیل ہیں۔

$$\gamma_2 E_y + j\omega \mu_2 H_x = 0$$

$$-\gamma_2 E_x - \frac{\partial E_z}{\partial x} + j\omega \mu_2 H_y = 0$$

$$\frac{\partial E_y}{\partial x} + j\omega \mu_2 H_z = 0$$

$$\gamma_2 H_y - \left(\sigma_2 + j\omega\epsilon_2\right) E_x = 0$$

(13.224)
$$-\gamma_2 H_x - \frac{\partial H_z}{\partial x} - \left(\sigma_2 + j\omega \epsilon_2\right) E_y = 0$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial x} - \left(\sigma_2 + j\omega\epsilon_2\right)E_z = 0$$

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} - \gamma_2 E_z = 0$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial r} - \gamma_2 H_z = 0$$

موج کی مقدار کی مساوات حاصل کرنے کی خاطر مساوات 13.223 سے E_x اور مساوات 13.225 سے E_Z کو مساوات 13.221 میں پر کرتے ہوئے

$$-\frac{\gamma_2^2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}H_y - \frac{1}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + j\omega\mu_2 H_y = 0$$

لعيني

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} + \left[\gamma_2^2 - j\omega \mu_2 \left(\sigma_2 + j\omega \epsilon_2 \right) \right] H_y = 0$$

يا

$$\frac{\partial^2 H_y}{\partial x^2} = k_2^2 H_y$$

حاصل ہو تاہے جہاں

$$(13.229) k_2^2 = -\gamma_2^2 + \gamma_m^2$$

$$\gamma_m^2 = j\omega\mu_2 \left(\sigma_2 + j\omega\epsilon_2\right)$$

ے برابر ہیں۔

مساوات 13.228 كاحل

$$H_{y} = c_{3}e^{-k_{2}x} + c_{4}e^{k_{2}x}$$

ہے۔موصل میں x کی قیمت 0تا ∞ – ممکن ہے۔اس مساوات میں سر حدسے دور لا محدود فاصلے ∞ \to x پر میدان کی قیمت لا محدود حاصل ہوتی ہے جو نا قابل قبول نتیجہ ہے لہٰذااسے رد کرتے ہوئے $c_3=0$ لیاجاتا ہے اور یوں

(13.231)
$$H_{y} = c_{4}e^{k_{2}x}e^{j\omega t - \gamma_{2}z} \qquad \text{and size}$$

حاصل ہوتاہے جہاں موج کومساوات 13.208 کے طرز پر لکھا گیاہے۔

متناطیسی سر حدی شرط کے تحت سر حد کے دونوںاطراف تمام او قات میدان برابر ہوں گے لہٰذا0 = x پر کسی بھی z پر تمام t کے لئے مساوات 13.21 اور مساوات 13.231 برابر ہوں گے جس سے

$$\gamma_1 = \gamma_2$$

$$(13.233) c_1 = c_4$$

457

حاصل ہوتے ہیں۔ان حقائق کواستعال کرتے ہوئے مساوات 13.212 سے E_x اور مساوات 13.214 سے ذو برق میں E_z یوں حاصل ہوتے ہیں۔

$$E_x=rac{\gamma_1c_1}{j\omega\epsilon_1}e^{-k_1x}e^{j\omega t-\gamma_1z}$$
 (13.234)
$$E_z=rac{-k_1c_1}{j\omega\epsilon_1}e^{-k_1x}e^{j\omega t-\gamma_1z}$$
 خوبرق خط

اسی طرح ان حقائق کو استعمال کرتے ہوئے مساوات 13.223 سے E_x اور مساوات 13.225 سے موصل میں E_z ہوں حاصل ہوتے ہیں۔

$$E_x=rac{\gamma_1c_1}{\sigma_2+j\omega\epsilon_2}e^{k_2x}e^{j\omega t-\gamma_1z}$$
 (13.235)
$$E_z=rac{k_2c_1}{\sigma_2+j\omega\epsilon_2}e^{k_2x}e^{j\omega t-\gamma_1z}$$
 موصل خطہ

حاصل ہوتے ہیں جہاں $c_4=c_1$ اور $\gamma_2=\gamma_2$ کئے گئے ہیں۔

سر حدکے دونوں اطراف متوازی برتی میدان برابر ہونے کی شرطے x=0 پردونوں اطراف متوازی برتی میدان برابر ہوئے جس سے

$$\frac{-k_1}{j\omega\epsilon_1} = \frac{k_2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}$$

يعني

$$k_1 = \frac{-j\omega\epsilon_1}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}k_2$$

حاصل ہوتاہے۔مساوات 13.218سے

$$\begin{split} \gamma_1^2 &= -\omega^2 \mu_1 \epsilon_1 - k_1^2 \\ &= -\omega^2 \mu_1 \epsilon_1 + \left(\frac{\omega \epsilon_1}{\sigma_2 + j\omega \epsilon_2}\right)^2 k_2^2 \\ &= -\omega^2 \mu_1 \epsilon_1 + \left(\frac{\omega \epsilon_1}{\sigma_2 + j\omega \epsilon_2}\right)^2 \left(-\gamma_2^2 + \gamma_m^2\right) \end{split}$$

کھاجا سکتاہے جہاں پہلے قدم پر مساوات 13.236 اور دوسرے قدم پر مساوات 13.229 کا استعال کیا گیاہے۔اس میں مساوات 13.232 سے $\gamma_2=\gamma_1$ پر کرتے ہوئے

$$\gamma_{1} = \sqrt{\frac{-\omega^{2}\mu_{1}\epsilon_{1} + \left(\frac{\omega\epsilon_{1}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}\right)^{2}\gamma_{m}^{2}}{1 + \left(\frac{\omega\epsilon_{1}}{\sigma_{2} + j\omega\epsilon_{2}}\right)^{2}}}$$

حاصل ہوتاہے۔

مساوات 13.234 میں E_x سر حد کے عمود ی ہے جبکہ E_z سر حد کے متوازی ہے۔ کل برقی میدان ان دونوں کا سمتی مجموعہ ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کل میدان حرکت کی سمت میں جھکا ہو گا۔ شکل 13.16 – بیس ایساد کھایا گیا ہے۔ جھکنے کا زاویہ

(13.238)
$$\theta = \tan^{-1} \frac{|E_z|}{|E_x|} = \tan^{-1} \left| \frac{-k_1}{\gamma_1} \right|$$

4574 A574

آئیں چند مخصوص سر حدوں پر موج کے جھکاو کازاویہ حاصل کریں۔

ہوااور تانیے کے سر حدیہ $\omega=100\,\mathrm{Mrad/s}$ ہوئے $\omega=100\,\mathrm{Mrad/s}$

$$\epsilon_1 = \epsilon_2 = \epsilon_0$$

$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_0$$

$$\sigma_2 = 5.8 \times 10^7$$

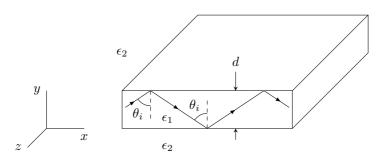
 $\gamma_1 = \gamma_2 = j0.33356$ $k_1 = 0.9215(1 - j) \times 10^{-6}$ $k_2 = 6.038(1 - j) \times 10^4$

عاصل ہوتے ہیں جن سے

$$\theta = \tan^{-1} \left| \frac{0.9215(1-j) \times 10^{-6}}{j0.33356} \right| = 0.00022385^{\circ}$$

زاویہ حاصل ہوتا ہے۔اس نتیجے سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ موصل کے سر حدیر برقی میدان تقریباً عمودی ہی ہوتا ہے۔ برقی میدان کاعمودی یعنی کے حصہ حمدہ کتات موجی کی سبت میں طاقت منتقل کرتا ہے جو ضائع ہو جاتا ہے۔

488 جاب 13. مويج اور گهمكيا



شکل 13.17: ذو برق تختی مویج میں اندرونی مکمل انعکاس سے موج صفر کرتی ہے۔

 $\sigma_2 = 0$

$$\gamma_1 = \gamma_2 = j0.33144$$
 $k_1 = j0.037528$
 $k_2 = 2.9272$

حاصل ہوتے ہیں جو

13.9

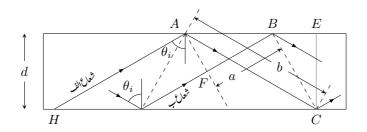
$$\theta = \tan^{-1} \left| \frac{j0.037528}{j0.33144} \right| = 6.46^{\circ}$$

زاویہ دیتاہے۔ہوااور پانی کے سرحد پر برقی میدان کی جھکاو باآسانی نابی جاسکتی ہے۔

ذو برق تختی مویج

اب تک ہم موصل چادروں سے بنائے گئے موتج پر غور کرتے رہے ہیں۔اس جے میں ذو برق سے بنائے گئے موتج پر غور کیاجائے گا۔ شکل 13.17 میں لم موٹائی اور لائحدود وسعت کے ذو برق کا تختہ دکھایا گیا ہے۔اس تختے میں بائیں طرف سے TEM موج داخلی کی جاتی ہے۔ہم تختے میں پیدا کر دہ موج کی حرکت پر غور کھ یہ یہ کے ۔یہ موج تختے میں بائیں سے دائیں یعنی بڑھتے ہ جانب حرکت کرے گی۔جب تک ذو برق کے نچلے اور بالائی سطحوں پر آمدی زاویہ کی قیمت فاصل زاویے سے زیادہ ہو، موج مکمل اندرونی انعکاس کرے گی۔ ایسامعلوم ہوتا ہے جیسے دو متوازی موصل چادیوں نے در میان موج انعکاس کرے ہوئے موج صفر کرے گی۔ایسامعلوم ہوتا ہے جیسے دو متوازی موصل چادیوں کی صورت میں چادر پر متوازی برقی میدان صفر ہوگا جبکہ ذو برق میں مکمل اندرونی انعکاس کی صورت میں جادب پر بہتی ہوئے۔ بہر میدان لا محدود فاصلے تک پہنچتا ہے البتہ ایسامیدان سر حدسے دور جلد قابل نظر انداز حد تک گھٹ جاتا ہے۔یوں میدان دھ پر ق

ا گرچہ ایسامعلوم ہوتاہے کہ جب تک آمدی زاویہ، فاصل زاویے سے زیادہ ہو، موج ذوبرق میں صفر کرپائے گی، حقیقت میں ایسانہیں ہوتا۔ موج مخصوص زاویوں پر ہی صفر کرپاتی ہے۔ آئیں اس کی وجہ پر غور کریں۔ شکل کود کیھتے ہوئے، دو TEMامواج پر نظر رکھیں جن کی تعدد برابر ہے۔ دونوں فاصل زاویے سے زیادہ زاویے 13.9. ذو برق تختى مويج



شکل 13.18: ذو برق تختر کے اندرونی سطح پر ممکنہ آمدی زاویے۔

پرآمدہیں تعنی $heta_{ic}$ ہے۔یوں

(13.239)
$$\theta_i > \theta_{ic} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}} = \sin^{-1} \frac{n_2}{n_1}$$

۶۶۶ جهال ₄₅₈₇

اور $\epsilon_1 > \epsilon_2$

 ϵ_1 ذوبرق تخته کابر قی مستقل، ϵ_1

 $_{\infty}$ ذو برق تختے کے اوپر اور پنچے خطوں کا برقی مشقل ϵ_2

شکل 13.18 میں شعاعوں کو ٹھوس کلیر جبکہ موج کی چوٹیوں کو نقطہ دار کلیر وں سے ظاہر کیا گیا ہے۔موج کی ترسیل کے لئے ضروری شرط ہیہ ہے کہ پہلی موج کا ذاویائی فاصلہ ہدوسری موج کے زاویائی فاصلہ کے برابر ہواوریاان میں فرق 2mسہ ہوجہاں m = 0, 1, 2, · · · مکن ہے۔زاویائی فاصلہ ناپتے وقت انعکاس سے پیدازاویائی فرق کا بھی حساب رکھا جائے گا۔اس شرط کو یوں ککھا جاسکتا ہے

(13.240)
$$\frac{2\pi}{\lambda_0} n_1(b-a) + \phi = 2m\pi$$

چېل ل

 $m = 0, 1, 2, \cdots$

 $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ پہلے خطے کاانحرافی مستقل $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ جبکہ $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ بہلے خطے کا انحرافی مستقل

 ϕ سطح سے انعکاس پر زاویائی فرق، ϕ

خالی خلاء میں طول موج λ_0

ہیں۔شکل 13.18 کود مکھ کر

$$(13.241) b = \frac{d}{\cos \theta_i}$$

کھاجاسکتا ہے۔اسی طرح تکون ΔA EC، تکون ΔB EC اور تکون ΔA FB سے بالترتیب

$$AB + BE = d \tan \theta_i$$

 $\tan \theta_i = \frac{d}{BE}$
 $\sin \theta_i = \frac{a}{AB}$

لکھے جاسکتے ہیں۔ یوں مساوات 13.240 کو

$$\frac{2\pi n_1 d}{\lambda_0} \left[\frac{1}{\cos \theta_i} - \sin \theta_i \left(\tan \theta_i - \frac{1}{\tan \theta_i} \right) \right] + \phi = 2m\pi$$

کھا جاسکتاہے جس کی سادہ صورت

$$\frac{4\pi n_1 d\cos\theta_i}{\lambda_0} + \phi = 2m\pi$$

ہے۔ عمودی برقی میدان E_{\perp} کو لے کر آگے بڑھتے ہیں۔ صفحہ 431 پر مساوات 12.30 کو یوں بھی کھھا جا سکتا ہے

(13.244)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos \theta_i - j \sqrt{\sin^2 \theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}}{\cos \theta_i + j \sqrt{\sin^2 \theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}} = 1 / \underline{\phi}$$

جہاں

$$\phi = -2 \tan^{-1} \frac{\sqrt{\sin^2 \theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}}{\cos \theta_i}$$

ے برابر ہے۔ کے برابر ہے۔

اس طرح شرح انعکاس ۲ کی حتمی قیمت اکائی ہے جبکہ انعکاس سے پیداز او یائی فرق ϕ ہے۔ مساوات 13.244 میں پر کرتے ہوئے

$$\frac{4\pi n_1 d\cos\theta_i}{\lambda_0} - 2m\pi = 2\tan^{-1}\frac{\sqrt{\sin^2\theta_i - \frac{\epsilon_2}{\epsilon - 1}}}{\cos\theta_i}$$

یا

(13.247)
$$\tan\left(\frac{2\pi n_1 d\cos\theta_i}{\lambda_0} - m\pi\right) = \frac{\sqrt{n_1^2 \sin^2\theta_i - n_2^2}}{n_1\cos\theta_i}$$

حاصل ہوتاہے جہاں

$$m=0,1,2,3,\cdots$$
 جبکہ

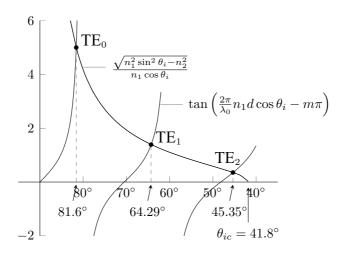
$$_{4600}$$
 ہیلے خطے کا انحرافی مستقل $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ ہے، $n_1=\sqrt{\epsilon_{R1}}$ ہے،

$$n_2=\sqrt{\epsilon_{R2}}$$
 ذو برق تختے سے اوپر اور اس سے نیچے خطے کا انحر افی مستقل $n_2=\sqrt{\epsilon_{R2}}$

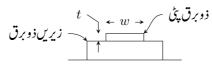
$$d$$
 ذو برق شختے کی موٹائی، d

آمدی زاویی اور $heta_i$

13.9. ذو برق تختى مويج



شکل 13.19: تختی مویج میں شعاع کے ممکن زاویے۔



شكل 13.20: ذو برق پشي مويج

المحدود خطے میں طول موج λ_0

4605

چادر کی چوڑائی کم کرتے ہوئے w کرنے سے ذوبر قی پٹی موتج حاصل ہوتا ہے جسے شکل 13.20 میں دکھایا گیا ہے جہاں $w \gg t \sim t$ دوبر ق پٹی سے کم اینجوافی مستقل کے زیریں ذوبر قی 0 اپر عموماً یہ نسب کئے جاتے ہیں۔

مثال 13.4: ذو برق کے $n_1 = 1.5$ مثال 13.4: ذو برق کے $n_2 = 10$ مثال 13.4: ذو برق کے $n_3 = 10$ مثال 13.4: ذو برق کے $n_4 = 10$ مثال 13.4: ذو برق کے متوازی ہے تین شکل 13.17 میں $n_3 = 10$ مثال $n_4 = 10$ کی صورت میں آمدی نیاویہ $n_4 = 10$ مثال کریں۔

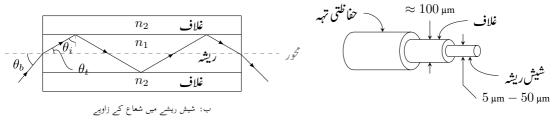
(13.248)

حل: برقی میدان شختے کے متوازی لیکن موج کے حرکت کی سمت کے عمودی ہے۔ مساوات 13.239 سے زاویہ فاصل $heta_{ic}=\sin^{-1}rac{1}{1.5}=41.8^\circ$

حاصل ہوتا ہے۔ زاویے کو _{ic} کے سے زیادہ رکھتے ہوئے، مساوات 13.247 کے بائیں اور دائیں ہاتھ کو شکل 13.19 میں کھینچا گیا ہے جس سے ممکنہ زاویے °45.35، °45.30 اور °81.6 حاصل ہوتے ہیں۔ بیز زاویے ہوئے۔ اس TE₂ امرواج کے لئے ہیں۔ تینوں امواج بیک وقت موج کی میں پائے جاسکتے ہیں۔ تیختے کی موٹائی کم یانہ یادہ کرنے سے امواج کی ممکنہ تعداد بالتر تیب زیادہ یا کم ہوگی۔ اس طرح طول موج زیادہ (کم) کرنے سے ممکنہ امواج کی تعداد کم (زیادہ) ہوگی۔ ہاں کسی بھی صور میت کم ایک موج ضرور ممکن ہوگی۔ ان کم ایک موج ضرور ممکن ہوگی۔

4616

492 مویج اور گهمکیا



الف: شیش ریشے کی بنیادی ساخت

شکل 13.21: شیش ریشے کی ساخت اور ممکنہ آمدی زاویے

13.10 شیش ریشہ

ذوبرق مختی موتیج پر غور کے بعد ذوبرق نلکی موتیج پر غور کرتے ہیں۔ ذرائع ابلاغ کے نظام میں اس طرز کے نلکی موتیج جنہیں شیش ریشہ ²⁰ کہتے ہیں، عام اہھ اللہ ہوتے ہیں۔ بھری طول موجی پر استعال کئے جانے والے نلکی موتی کار داس انتہائی کم ہوتا ہے۔ یہ شرح انحر اف کے انتہائی شھاف میں موتی کار داس انتہائی کم ہوتا ہے۔ یہ شرح انحر اف کے انتہائی شھاف شیشے سے بنایا جاتا ہے جسے قدر کم شرح انحر ان موسی کے خور سی کے موسیدی میں ریشے کے موسیدی موسیدی موسیدی موسیدی موسیدی موسیدی ریش کے موسیدی ریش کی موسیدی م

شکل 13.21-الف میں شیش ریشے کی ساخت د کھائی گئی ہے۔اندر ونی شفاف ریشے کا انحرانی مستقل n_1 جبکہ غلاف کا انحرافی مستقل n_2 ہے۔ارد گرد خلاء کا انحرافی مستقل n_3 ہے۔ جیسے شکل 13.21-ب میں د کھایا گیا ہے ، بیر ون تار محور کے ساتھ θ زاویے پر آمدی شعاع تار کے اندر θ زاویے پر داخل ہو گا۔ یوں شفاف ریشے اور غلاف کی سرحد پر شعاع کا زاویہ θ ہوگا۔ بیر ونی اور اندر ونی زاویوں کا تعلق ابن سھل کا قانون

$$\frac{\sin \theta_t}{\sin \theta_b} = \frac{n_0}{n_1}$$

دیتاہے۔جب تک مرکزی ریشے اور غلاف کے سر حدیر آمدی زاویہ ، θ ، فاصل زاویے ، θ_{ic} سے زیادہ ہو ، شعاع مکمل اندرونی انعکاس کرے گی۔ شیش ریشے اور غلاف کی سر حدیر قانون ابن سھل

$$\sin \theta_{ic} = \frac{n_2}{n_1}$$

سے فاصل زاویہ θ_{ic} حاصل ہو تاہے۔ یوں

$$\sin \theta_b = \frac{n_1}{n_0} \sin \theta_t = \frac{n_1}{n_0} \sin(90^\circ - \theta_{ic}) = \frac{n_1}{n_0} \cos \theta_{ic}$$

$$\sin \theta_b = \frac{\sqrt{n_1^2 - n_2^2}}{n_0}$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

بیر ون تار، محور کے ساتھ آمدی زاویہ، θ_b

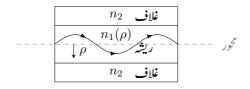
4625

4624

optical fiber 20 infrared 21

١

13.10. شيش ريشہ



شکل 13.22: رداسی سمت ho میں انحرافی مستقل مسلسل کم ہونے سے موج ہمواری کے ساتھ مڑتی ہے۔

$$n_1$$
 شیش ریشے کا نحرافی مستقل، n_2 شیش ریشے پر چڑھائی تہہ کا نحرافی مستقل اور n_2 شیش ریشے پر چڑھائی تہہ کا نحرافی مستقل n_2 متعقل n_3 تارے گرد خطے کا نحرافی مستقل

ہیں۔خالی خلاء یا ہوا کی صورت میں $n_0=n$ ہو گالہٰذا

(13.252)
$$\sin \theta_b = \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$

مو گا_م

شیش ریشے اور غلاف کے انحرافی مستقل تقریباً 1.5 = nاور 1.485 = nءو تے ہیں جسسے °12.2 = طصل ہو تاہے۔ یوں جو شعاع شیش ریشے کے محور پر °12.2 > ط6زاویے سے آمد ہو شیش ریشے میں کچنس جائے گی۔ یہ شعاع شیش ریشے میں باربار مکمل اندرونی اندکاس کرتے ہوئے صفر کرے گی۔ شیش ریشے میں کئی بلند انداز شعاع ممکن ہیں اور شختی موج کی طرح یہاں بھی ایک عدد بلند درجی انداز ایسا ہے جس کا کوئی انقطاعی تعدد نہیں پایاجاتا۔ یوں اگر

(13.253)
$$\lambda_0 > \frac{2\pi a \sqrt{n_1^2 - n_2^2}}{k_{01}} = \frac{2\pi a n_1 \cos \theta_{ic}}{k_{01}}$$

بوجهال بوجهان

مفر در جی بیسل تفاعل J_0 کا پیهلاصفر 2.405 $k_{01}=2.405$

ال محدود خلاء میں طول موج λ_0

aشیش ریشے کارواس a

 n_1 شیش ریشے کا نحرا فی مستقل n_1

n₂ شیش ریشے پر چڑھی تہہ کاانحرا فی مشقل

 $_{36}$ شیش ریشے اور اس پر چڑھی تہہ کے سر حد پر فاصل آمدی زاویہ $heta_{ic}$

کے برابر ہیں تب صرف ایک عدوبلند درجی موج شیش ریشے میں پائی جائے گی۔اس صورت میں شیش ریشہ اکائی بلند درجی انداز رکھتی ہے۔

ا گرشفاف ریشے کاانحرافی مستقل محور سے رداس م سمت گھٹتا ہوتب شعاع کی راہ سر حدیر انعکاس سے اچانک تبدیل ہونے کی بجائے ہمواری کے ساتھ مڑوے گی۔ یول شعاع کبھی بھی ریشے اور غلاف کے سر حد کو نہیں چھوئے گی۔ شکل 13.21-ب اور شکل 13.22 میں دونوں صورت حال دکھائے ہیں۔ 494 أباب 13. مويج اور گهمكيا

شیش ریشے پر بنی ذرائع ابلاغ کا نظام شکل میں د کھایا گیا ہے۔ایک جانب نور <mark>کی ڈالوڈ 22 یالیز ر</mark> 23 بی<mark>الیز ر</mark> 23 بیا خارج کرتا ہے۔دوسری جانب یہی شعاع شیش ریشے سے خارج ہو کر نور کیٹر انزسٹر پر چمکتی ہے جواسے واپس برقی اشارے میں تبدیل کرتا ہے۔

عمو می شیش ریشے میں کم سے کم تضعیف nm 700 nm 700 nm زیریں بھری طول موج پر پائی جاتی ہے۔انسانی آئکھ nm 400 nm طول موج دیکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔

شیش ریشے سے 50 اللہ 50 قطر کے پائے جاتے ہیں جو گئ زیر ہیں بھری طول موج کے برابر ہے للذااس سے شعاعی اخراج نہایت کم ہوتا ہے۔ قطر کم پھنے یا طول موج بڑھانے سے شعاعی اخراج بڑھتا ہے۔ ایسے شیش ریشے جن کاانحرانی مستقل 1.5 کے لگ بھگ ہواوران کا قطراکائی طول موج سے زیادہ ہو بطور بھو تج کر اداراداکرتے ہیں جبکہ اکائی طول موج سے کم قطر کے شیش ریشوں میں توانائی ہیرون ریشہ سطح کے قریب رہتے ہوئے صفر کرتی ہے لہذاان سے زیادہ شعاعی ایٹراہ ہوتا ہوتا ہے۔ یوں اگراکائی طول موج سے ذیادہ قطر کے شیش ریشے کے اندر سے باہر ہو ہوتا ہے۔ یوں اگراکائی طول موج سے توانائی شیش ریشے کے اندر سے باہر ہو ہوگی اور ساتھ ہی ساتھ محوری سمت میں شعاعی اخراج بھی پایا جائے گا۔ ایسا شیش ریشہ بطور محوری اینٹیٹ کے در داراداکرے گا۔

13.11 پرده بصارت

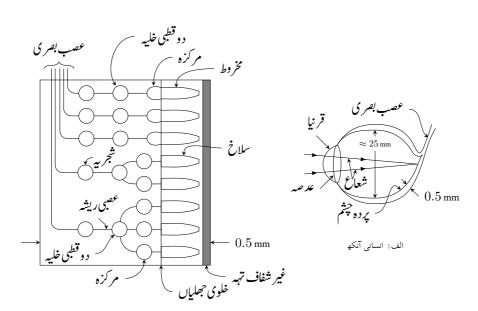
انسانی آنکھ میں 108سے زائد شیش ریشے پائے جاتے ہیں جو ناصر ف بطور موج کام کرتے ہیں بلکہ یہ ضیائی ذریے یعنی فوٹان 25 کیٹر نے کاکام بھی سرانجام دیتے ہیں۔ آنکھ میں دواقسام کے شیش ریشے پائے جاتے ہیں۔ آنکھ کے در میانے خطے میں مخروط شکل کے جبکہ اطراف پر نسبتاً یادہ تعداد میں سلاخ نماشیش ریشے پائے جاتے ہیں جنہیں بالترتیب مخروطے 26 اور سلاخ 27 کہا جاتا ہے۔ تقریباً ہم مخروط علیحدہ علیحدہ انفرادی ترسلی عصبی ریشے 28 کے ذریعہ دہاغ کے ساتھ منسلک ہوتا ہے جہاں پہلے وہ جہاں پہلے کہ کشی کا عمل ہوتا ہے۔ مخروطے جس سلاخ کم مدد کرتے ہیں۔ کئر وطوں کے بر عکس اشکال پہلے نے میں سلاخ کم مدد کرتے ہیں۔ کہرو طوں کے بر عکس اشکال پہلے نے میں سلاخ کم مدد کرتے ہیں۔ کہرو طوں کے بر عکس اشکال پہلے نے میں سلاخ کم مدد کرتے ہیں۔ کہرو شیلی تارکے ساتھ متوازی کئی سلاخ بڑے ہوتے ہیں جس سے کم میں شن کی زیادہ تعداداور حساس بن تاریکی میں دیکھنا ممکن بناتی ہے۔ دماغ سے بڑی ایک عدد ترسلی تارکے ساتھ متوازی کئی سلاخ بڑے ہوتے ہیں جس سے کم میں میں بینائی مزید بہتر کرتی ہے۔ مرکز نگاہ سے ہٹ کراطراف کی بینائی بھی سلاخ مہیا کرتے ہیں۔

شکل 13.23-الف میں آنکھ کا عمودی تراش دکھایا گیا ہے جس میں عدسہ چثم 29، پر دہ بصارت 10 اور دماغ کو جاتا عصب بھری 14 دکھائے گئے ہیں۔ شکل 13.23 ہیں۔ 13.23 ہیں۔ عصبی خلیہ بیس پر دہ آنکھ کی زیادہ تفصیل دکھائی گئی ہے۔ آنکھ کا پر دہ شفاف ہوتا ہے۔ اس میں مخروطے، سلاخ، دو قطبی خلیے 13 اور عصبی خلیے 33 پیس۔ عصبی خلیہ کے دواہم جزو شجر بید 13.24 ہیں۔ پر دے کے چھبلی سطح پر غیر شفاف تہہ پائی جاتی ہے۔ شکل 13.23 ہیں مخروط کی مزید وضاحت کی گئی ہے۔ پی مخروط کی منظل 13.9 ہیں استعلی مستقل 13.9 ہیں جبکہ گرد مواد کا انحرافی مستقل 13.9 ہیں ہیں البتہ مخروط اور سلاخ کے بھیلے دیا ہے۔ پی البتہ مخروط اور سلاخ کے محرب ہے۔ پی ہیں البتہ مخروط اور سلاخ کے دیا ہے۔ پی ہیں البتہ مخروط اور سلاخ کے دیا ہے۔ پی ہیں البتہ مخروط اور سلاخ کے دیا ہے۔ پی سے مزوز کے قطر سے نسبتا گم ہے للذا ان سے شعاعی اخراج زیادہ ہوگا۔

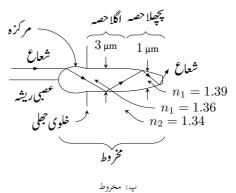
light emitting diode, LED²²
laser²³
end-fire antenna²⁴
photon²⁵
cones²⁶
rods²⁷
axon²⁸
lens²⁹
retina³⁰
optic nerve³¹
bipolar cells³²

 $\frac{1}{1}$ nerve cells³³ dendrite³⁴

13.11. پرده بصارت



ب: آنکھ کا پردہ



شكل 13.23: انساني آنكه اور اس كي تفصيل

مخروط پاسلاخ کا<mark>مر کزہ</mark> ³⁵بطور عدسہ چیتم کر دار ادا کر تاہے۔ شعاع مخروط پاسلاخ میں بار بار مکمل اندر ونی انعکاس سے صفر کرتی ہے اور جو فوٹان پچھلے د<u>ہلے جصے</u> میں جذب نہ ہو پائے وہ پر دے پر غیر شفاف تہہ تک پینچتی ہے۔انسانی آئکھ میں غیر شفاف تہہ فوٹان جذب کرتی ہے جبکہ رات کی تاریکی میں شکار کرنے والے جاہور، مثلاً بلی، کی آ کھ میں غیر شفاف تہہ کی جگہ انعکاس مادے کی تہہ پائی جاتی ہے جو فوٹان کو واپس مخروط پاسلاخ میں جھیجتی ہے جس سے ان کی بینائی مزید بہتر ہوتی ہے۔

مخروط کے اگلے جصے میں 1.36 $n_1=n_2$ جبکہ پچھلے جصے میں 1.39 $n_1=n_3$ ہے۔ یوں اگرچیہ مخروط میں لمبائی کی جانب انحرا فی مستقل تبدیل ہوتا ہے کیکن یاد رہے کہ اس کی قیمت بیر ونی مادے کی انحرافی مستقل سے زیادہ رہتی ہے۔

مخروط یاسلاخ کے پچھلے جھے کے مالیکیول ضیائی ذرہ کپڑتے ہیں۔ فوٹان کپڑنے سے برقی روپیداہوتی ہے جودو قطبی خلیے تک پہنچتی ہے۔ دو قطبی خلیہ مختصر دورالینے کی موج پیدا کرتی ہے جوعصب بھری کے ذریعہ دماغ تک اشارہ پہنچاتی ہے۔ یوں مخروط پاسلاخ محوری اینٹینا کی طرح ہیں البتہ ان میں Hz تعدد کے فیشان پکڑنے اوراس کے عوض مختصر دورانیے کاعد دی اشارہ پیدا کرنے کی صلاحیت بھی پائی جاتی ہے۔

> گهمكي خلاء 13.12

مو ت^ج کا مقصد طاقت کی منتقل ہے۔اس کے برعکس گھمکیا طاقت ذخیر ہ کرتاہے۔ گھمکیا کوامالہ اور کپیسٹر کے کھمک**ی دور** 36کی طرح تصور کیا جاسکتا ہے۔ شکل میں امالہ اور کبیسٹر کادور د کھایا گیاہے جس کی کھمکی تعدد $\frac{1}{\sqrt{LC}} = \omega ہے۔اس دور کے کھمکی تعدد کو بڑھانے کی خاطر امالہ اور کپیسٹر کی قیمت کم کرنی ہو گی۔شکل ﷺ$ میں امالہ کے چکر کم کرتے کرتے ایک تک پنچ گئے ہیں۔اسی طرح کیبیسٹر کی قیمت کم کرنے کی خاطر اس کے دوچادروں کودور کر دیا گیا ہے۔ متوازی امالہ جورشنے سے کل امالہ کم ہوتی ہے۔شکل۔پ میں مزید امالہ متوازی جوڑ کریہی کرنے کی کوشش کی گئی ہے۔متوازی امالہ جوڑنے کی حد شکل۔ت میں و کھائی گئی ہے جہاں کہیپیشر اور امالہ مل کر بند ڈیے کی شکل اختیار کر گئے ہیں۔ یہی بند ڈبی کھی<mark>کی خلاء ³⁷ کہلاتی ہے۔</mark>

آئیں مستطیلی کھمکی خلاء پر تفصیلی بحث کریں۔صفحہ 459 پر مساوات 13.78 مستطیلی موتئ میں تمام میدان دیتے ہیں۔ان میں $\gamma=j$ لیتے ضروری معلومات پر توجہ رہے۔ مثبت x جانب حرکت کرتے میدان مثلاً H_x^+ پر زیر بالا + لکھ کر حرکت کی سمت بتلائی گئی ہے۔

(13.254)
$$H_{x}^{+} = H_{x0} \cos \frac{n\pi y}{y_{1}} \cos \frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

$$H_{y}^{+} = H_{y0} \sin \frac{n\pi y}{y_{1}} \cos \frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.255)
$$H_y^+ = H_{y0} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

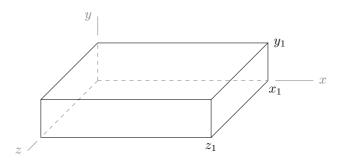
(13.256)
$$H_z^+ = H_{z0} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.257)
$$E_z^+ = -E_{z0} \sin \frac{n\pi y}{y_1} \cos \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

(13.258)
$$E_y^+ = E_{y0} \cos \frac{n\pi y}{y_1} \sin \frac{m\pi z}{z_1} e^{j(\omega t - \beta x)}$$

$$(13.259) E_x^+ = 0$$

resonant circuit³⁶ cavity resonator37 13.12. گهمکی خلاءِ



شكل 13.24: مستطيلي گهمكيا

ا گرمون کودائیں جانب موصل چادر سے بند کر دیاجائے تواموان اس بند سرے پر عمودی آمد ہوں گے۔ برقی میدان E_y^+ بند سرے کی چادر کے متوازی ہے لہذا انعکاس مستقال $\Gamma_y = \Gamma_y$ ہے۔ بیوں یہ برقی میدان انعکاس کے بعد منفی x جانب حرکت کرے گا۔انعکاس برقی میدان

(13.260)
$$E_{y}^{-} = -E_{y0}\cos\frac{n\pi y}{y_{1}}\sin\frac{m\pi z}{z_{1}}e^{j(\omega t + \beta x)}$$

ہے۔ آمدی اور انعکاسی میدان مل کر ساکن موج

$$E_{y}^{+} + E_{y}^{-} = E_{y0} \cos \frac{n\pi y}{y_{1}} \sin \frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j(\omega t - \beta x)} - E_{y0} \cos \frac{n\pi y}{y_{1}} \sin \frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j(\omega t + \beta x)}$$

$$= E_{y0} \cos \frac{n\pi y}{y_{1}} \sin \frac{m\pi z}{z_{1}} e^{j\omega t} \left(e^{-j\beta x} - e^{j\beta x} \right)$$

لعني

(13.261)
$$E_y = -j2E_{y0}\cos\frac{n\pi y}{y_1}\sin\frac{m\pi z}{z_1}\sin\beta xe^{j\omega t}$$

کو جنم دیتے ہیں۔ موصل پر متوازی برقی میدان صفر ہوتا ہے للذامساوات 13.261 کا برقی میدان موتی کے دائیں بند سرے پر صفر کے برا بر ہوگا۔ اس طرح بند ہموے $\frac{\lambda}{2}$ یا $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر موصل چادر رکھنے سے میدان پر کو کی اثر نہیں پڑے گاءالمبتہ $\frac{\lambda}{2}$ یا $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر موصل چادر رکھنے سے میدان پر کو کی اثر نہیں پڑے گاءالمبتہ $\frac{\lambda}{2}$ موتی کے بائیں بند سرے سے انعکاس پذیر ہوگا۔ شکل 13.24 میں مستطیلی موتی کے دائیں اور بائیں سرے بند کرتے ہوئے بقایاموتی کو ہٹالیا گیا ہے۔ یہ پند ڈب مستطیلی گھمکیا 38 ہے۔

شکل 13.24 میں گھمکیا کا بایاں سرا 0x=0 اور دایاں سرا 1 $x=x_1$ پر ہیں جہال دونوں بند سروں کے در میان فاصلہ x=1 (13.262) $x_1=\frac{l\lambda}{2}$ ($l=1,2,3,\cdots$)

ہے۔اس مساوات کواستعمال کرتے ہوئے

$$\beta x_1 = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{l\lambda}{2} = l\pi$$

حاصل ہو تاہے جس سے

$$\beta = \frac{l\pi}{x_1}$$

rectangular resonator38

ملتاہے۔اس کواستعال کرتے ہوئے مساوات 13.261

$$(13.264) E_y = -j2E_{y0}\cos\frac{n\pi y}{y_1}\sin\frac{m\pi z}{z_1}\sin\frac{l\pi x}{x_1}e^{j\omega t}$$

کھا جائے گا۔اس مساوات میں گھمکیا کے x سمت میں آ دھے طول موج پائے جاتے ہیں، y سمت میں n آ دھے طول موج پائے جاتے ہیں اور z سمت میں m آرادھے طول موج پائے جاتے ہیں۔

مساوات 13.264 میں $x=x_1$ بیر کرتے ہوئے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ دونوں بند سطحوں پر بر قی میدان صفر کے برابر ہے۔

مساوات 13.86 میں دیے k_{yz} کو مساوات

(13.265)
$$k_{yz}^2 = \left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2$$

 $\sigma=0$ کیتے ہوئے مساوات 13.87 ہوئے اور کامل ذو برق کے لئے $\sigma=0$

$$k_{yz}^2 = \gamma^2 + \omega^2 \mu \epsilon$$

کھاجائے گا جہاںlpha=0 کی صورت میں $\gamma=j$ ہو گالندا

$$k_{yz}^2 = -\beta^2 + \omega^2 \mu \epsilon$$

L

$$\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 = -\left(\frac{l\pi}{x_1}\right)^2 + \left(2\pi f\right)^2 \frac{1}{\left(f\lambda\right)^2}$$

لکھا جاسکتا ہے جس سے گھمکی طول موج

(13.266)
$$\lambda_{\text{gr}} = \frac{2\pi}{\sqrt{\left(\frac{n\pi}{y_1}\right)^2 + \left(\frac{m\pi}{z_1}\right)^2 + \left(\frac{l\pi}{x_1}\right)^2}}$$

حاصل ہوتی ہے۔اس مساوات کواستعال کرتے ہوئے گھمکیا کا مستقل الایوں

(13.267)
$$k_{xyz}^{2} = \left(\frac{l\pi}{x_{1}}\right)^{2} + \left(\frac{n\pi}{y_{1}}\right)^{2} + \left(\frac{m\pi}{z_{1}}\right)^{2}$$

بیان کیاجاتاہے جسسے

$$\lambda_{\text{SS}} = \frac{2\pi}{k_{xyz}}$$

کھاچا سکتا ہے۔

یوں کھمکی کے مندر جبہ بالاامواج بلند در جی TE_{lnm} کہلائیں گے اور گھمکی طول موج λ_{lnm} ککھی جائے گی۔

13.13 ميكس ويل مساوات كا عمومي حل

اس جھے میں مستطیلی گھمکی مکمل طور پر حل کی جائے گی۔امید کی جاتی ہے کہ آپاس طریقے کو پیند کریں گے۔

کثافت چارج سے خالی $ho_h=0$ خطے کے میکس ویل کے مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \epsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0$$

$$(13.272) \nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0$$

سے شروع کرتے ہیں۔مساوات 13.270 کی گردش لیتے ہوئے حاصل جواب میں مساوات 13.269 اور مساوات 13.272 پر کرنے سے موج کی مساوات

$$\nabla \times \nabla \times \mathbf{E} = \nabla \left(\nabla \cdot \mathbf{E} \right) - \nabla^2 \mathbf{E} = -\mu \frac{\partial}{\partial t} \left(\nabla \times \mathbf{H} \right)$$
$$-\nabla^2 \mathbf{E} = -\mu \sigma \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} - \mu \epsilon \frac{\partial^2 \mathbf{E}}{\partial t^2}$$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ سمتی مساوات حقیقت میں تین مساوات کو ظاہر کرتی ہے۔ان میں سے E_x کی مساوات یوں

$$\nabla^2 E_x = \mu \sigma \frac{\partial E_x}{\partial t} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2}$$

یا

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} = \mu \sigma \frac{\partial E_x}{\partial t} + \mu \varepsilon \frac{\partial^2 E_x}{\partial t^2}$$

ککھی جائے گی جہاں برقی میدان (E_x(x, y, z, t کے چار آزاد متغیرات ہیں۔ع<mark>لیحد گی متغیرات</mark> ³⁹ستعال کرتے ہوئے برقی میدان کودو تفاعل کے حاصل ضرب کے برابر ککھاجاتاہے

(13.274)
$$E_{x}(x,y,z,t) = M(x,y,z)T(t)$$

جہاں پہلے تفاعل M کے تین آزاد متغیرات y، yاور z ہیں جبکہ دوسرے تفاعل T کا صرف t آزاد متغیرہ ہے۔ یوں مساوات 13.27 سے

$$T\left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2}\right) = M\left(\mu\sigma\frac{\partial T}{\partial t} + \mu\epsilon\frac{\partial^2 T}{\partial t^2}\right)$$

حاصل ہوتاہے۔ دونوں اطراف کو MTسے تقسیم کرتے ہوئے

$$\frac{1}{M}\left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2}\right) = \frac{1}{T}\left(\mu\sigma\frac{\partial T}{\partial t} + \mu\epsilon\frac{\partial^2 T}{\partial t^2}\right)$$

حاصل ہوتاہے۔اس مساوات کا بایاں ہاتھ خلاء کے متغیرات x، ہواور 2 پر منحصر ہے جبکہ دایاں ہاتھ وقت اپر منحصر ہے۔یوں خلاء کے متغیرات تبدیل کرنے سے صرف بایاں ہاتھ تبدیل ہونے کاامکان ہے لیکن بائیں ہاتھ میں تبدیلی کے بعد مساوات کے دونوں اطراف برابر نہیں ہوں گے للذا میدلازم ہے کہ مساوات کے دونوں اطراف قابل تبدیل نہ ہوں۔یوں انہیں مستقل 2 کھ کے برابر لکھا جاسکتاہے یعنی

$$\frac{1}{M} \left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2} \right) = \frac{1}{T} \left(\mu \sigma \frac{\partial T}{\partial t} + \mu \epsilon \frac{\partial^2 T}{\partial t^2} \right) = -k^2$$

جس سے دومساوات

(13.275)
$$\mu \epsilon \frac{\partial^2 T}{\partial t^2} + \mu \sigma \frac{\partial T}{\partial t} + k^2 T = 0$$

$$\partial^2 M \quad \partial^2 M \quad$$

$$\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial z^2} + k^2 M = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔

مساوات 13.275 کا حل
$$T=e^{pt}$$
 فرض کرتے ہوئے

$$\left(\mu\epsilon p^2 + \mu\sigma p + k^2T\right)e^{pt} = 0$$

 $p = \frac{-\sigma \mp \sqrt{\sigma^2 - 4\frac{\epsilon}{\mu}k^2}}{2\epsilon}$

 $\sigma=0$ حاصل ہوتا ہے۔ کامل ذو برق کی صورت میں $\sigma=0$ ہو گا جس

$$p = \mp \frac{jk}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

(13.278)

(13.280)

حاصل ہوتاہے جس سے

$$T(t) = c_{t1}e^{-\frac{jk}{\sqrt{\mu\epsilon}}t} + c_{t2}e^{+\frac{jk}{\sqrt{\mu\epsilon}}t}$$

کھاجا سکتاہے جہال c_{t2} ، c_{t1} مساوات کے مستقل ہیں۔اس میں

$$\omega = \frac{k}{\sqrt{\mu \epsilon}}$$

لیتے ہوئے مساوات کی جانی پیچانی شکل

$$(13.279) T(t) = c_{t1}e^{-j\omega t} + c_{t2}e^{j\omega t}$$

حاصل ہوتی ہے۔

مساوات 13.276 کو بھی علیحد گی متغیرات کے طریقے سے حل کرتے ہیں۔یوں
$$M(x,y,z)=X(x)N(y,z)$$

 $N\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} + X\frac{\partial^2 N}{\partial y^2} + X\frac{\partial^2 N}{\partial z^2} + k^2 XN = 0$

$$\frac{1}{X}\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} = -\frac{1}{N}\left(\frac{\partial^2 N}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 N}{\partial z^2}\right) - k^2$$

يا

لیتے ہوئے

حاصل ہوتاہے جے نئے مستقل $-k_{\chi}^{2}$ سے برابر لکھا جاسکتا ہے۔ یوں

$$\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} + k_x^2 X = 0$$

$$\frac{\partial^2 N}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 N}{\partial z^2} + (k^2 - k_x^2)N = 0$$

حاصل ہوتے ہیں۔ان میں دوسرے مساوات میں N کومزید دو تفاعل کا حاصل ضرب

$$(13.283) N(y,z) = Y(y)Z(z)$$

لکھتے ہوئے

$$Z\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} + Y\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} + (k^2 - k_x^2)YZ = 0$$

يا

$$\frac{1}{Y}\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} = -\frac{1}{Z}\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} - k^2 + k_x^2$$

کھاجاسکتاہے۔اس کونے مستقل $-k_y^2$ ے برابر پر کرتے ہوئے دومساوات

$$\frac{\partial^2 Y}{\partial y^2} = -k_y^2 Y$$

(13.285)
$$\frac{\partial^2 Z}{\partial z^2} = -(k^2 - k_x^2 - k_y^2)Z = -k_z^2 Z$$

یا $(k^2 - k_x^2 - k_y^2 = k_z^2)$ عاصل ہوتے ہیں جہاں آخری قدم پر

$$(13.286) k^2 = k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

لیا گیاہے۔مساوات 13.281، مساوات 13.284 اور مساوات 13.285 کے حل

(13.287)
$$X(x) = c_{x1}e^{-jk_xx} + c_{x2}e^{jk_xx} = c'_{x1}\cos k_x x + c'_{x2}\sin k_x x$$

(13.288)
$$Y(y) = c_{y1}e^{-jk_yy} + c_{y2}e^{jk_yy} = c'_{y1}\cos k_yy + c'_{y2}\sin k_yy$$

(13.289)
$$Z(z) = c_{z1}e^{-jk_zz} + c_{z2}e^{jk_zz} = c'_{z1}\cos k_zz + c'_{z2}\sin k_zz$$

4689 - U.Y.

مساوات 13.280، مساوات 13.283 اور مساوات 13.274 سے ظاہر ہے کہ

$$(13.290) E_x(x,y,z,t) = TXYZ$$

کے برابر ہے۔ مساوات 13.290 میکس ویل مساوات کا عمومی حل ہے جو کسی ایک خطے میں ہر ممکنہ E_x موج کو ظاہر کرتی ہے۔اصل موج اس مساوات کا حقیقی چزو ہوگا۔

اب تک kپر کوئی شرط عائد نہیں کی گئی۔ یوں 0.32 $k_x = -7.5$ یا $k_x = -7.5$ ہو سکتا ہے۔ مندرجہ بالا مساوات لا محدود خطے میں مکمل آزاد موج کو خاہر کرتی ہے۔ آئیں اب موج کو یابند کر کے دیکھیں۔

تصور کریں کہ لامحدود وسعت کے دومتوازی موصل چادروں کے در میان موج پیدا کی جاتی ہے۔ صفحہ 446پر شکل 13.1 میں ایساد کھایا گیاہے۔ان موصل چادروں $z=z_0$ میں ان شر انط کو پر متوازی برقی دباو صفر ہوگا۔ ہوں $z=z_0$ اور $z=z_0$ میں ان شر انط کو پر کرتے ہوئے ہیں۔ مساوات 13.289 میں ان شر انط کو پر کرتے ہوئے

$$(13.291) c_{z1}' = 0$$

$$k_z = \frac{m\pi}{z_1}$$

حاصل ہو تاہے جہاں

$$(13.293)$$
 $m = 1, 2, 3 \cdots$

ے برابر ممکن ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ k_z اب صرف چنی گئی قیمت کا ہو سکتا ہے۔ یوں $k_z=\frac{2\pi}{z_1}$ یا $k_z=\frac{2\pi}{z_1}$ ہو سکتا ہے لیکن ان دو قیتوں کے در میلان سے کسی اور قیمت کا نہیں ہو سکتا۔ یہی خصوصیت مقید موج کی نشانی ہے۔

ای طرح0 = yاور y = y پر بھی دومتوازی موصل چادر نسب کرنے سے صفحہ 452پر د کھا یاشکل 13.8 حاصل ہوتا ہے۔ان سطحوں پر بھی متوازی بر قی میدان صفر ہو گا۔اس طرح مساوات 13.288 سے

$$(13.294) c_{y1}' = 0$$

$$(13.295) k_y = \frac{n\pi}{y_1}$$

حاصل ہوتے ہیں جہاں

$$(13.296) n = 1, 2, 3, \cdots$$

ے برابر ممکن ہیں۔اب موج yاطراف سے بھی پابند ہے جس کی وجہ سے k_y بھی آزادانہ قیمت رکھنے سے قاصر ہے۔ یوں مستطیلی موج کی مساوات $E_x = E_{x0} \sin \frac{n\pi y}{y_0} \sin \frac{m\pi z}{z_0} e^{j(\omega t \mp k_x x)}$

$$X(x) = c_{x1}e^{k_x x} + c_{x2}e^{-k_x x}$$

 $c_{x1^{996}}=0$ ما میں موج کی صورت میں موج کی صورت میں اس مساوات سے لامحدود میدان حاصل ہو گالمذاایی صورت میں م $x\to\infty$ کی صورت میں اس مساوات کا بقایا حصہ حرکت کرتے موج کو ظاہر نہیں کر تابیکہ یہ گھٹے میدان کو ظاہر کر تاہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کسی مخصوص تعدد، k_{x} اور k_{x} 13.286 کی مخصوص قیمت دیتا ہے۔ k_{x} 13.286

اگر0x=xاور $x=x_0$ کی بھی موصل چادر نسب کئے جائیں توصفحہ 497 پر دکھایا شکل 13.24 حاصل ہو گا۔ چو نکہ $x=x_0$ ان چادروں کے عمودی ہے لہٰذا ہمیں $x=x_0$ یا چ $x=x_0$ مساوات در کار ہو گی۔ میں لکھتے لکھتے بہت تکھ چکا ہوں۔ آپ بھی پڑھ پڑھ کر بہت تکھے ہوں گے لہٰذا میں ان چادروں سے حاصل نتیجہ لکھ لیتا ہوں $x=x_0$ یا چ

$$c_{x2}' = 0$$

(13.299)
$$k_x = \frac{l\pi}{x_0}$$

جہاں

$$(13.300) l = 1, 2, 3, \cdots$$

کے برابر ممکن ہے۔

ان نتائج کو جمع کرتے ہوئے شکل 13.24 میں دکھائے مستطیلی گھمکیا کی مساوات

$$E_x = E_{x0} \cos k_x x \sin k_y y \sin k_z z e^{j\omega t}$$

$$= E_{x0} \cos \frac{l\pi x}{x_0} \sin \frac{m\pi y}{y_0} \sin \frac{m\pi z}{z_0} e^{j\omega t}$$

حاصل ہوتی ہے جو ساکن موج ہے۔

آئیں ایک بار پھر مکمل آزاد موج کی بات کریں۔مساوات 13.287 دراصل دو مکنه جوابات e^{-jk_xx} عاور e^{-jk_xx} کم محموعہ ہے۔ای طرح مساوات 13.288 دراصل دو مکنه جوابات e^{-jk_xx} محموعہ ہے۔ای طرح مساوات 13.289 مساوات 13.289 میں Y کا اور Z کے مختلف اجزاء پر کرتے ہوئے مختلف امواج کے مساوات 13.288 مساوات 13.288 کے میں اور مساوات 13.288 کے میں میں جزو جنتے ہوئے ایک مکنه حل

$$(13.302) E_x = E_{x0}e^{j(\omega t - k_x \mathbf{a}_x - k_y \mathbf{a}_y - k_z \mathbf{a}_z)}$$

حاصل ہو تاہے۔ کار تیسی محد دمیں کسی بھی نقطہ (x, y, z) کوسمتیہ

$$(13.303) r = xa_{\mathbf{X}} + ya_{\mathbf{Y}} + za_{\mathbf{Z}}$$

ظاہر کرتی ہے۔ ہم k_z ، k_y ، k_x اور k کو سمتیہ

$$(13.304) k = k_x a_X + k_y a_Y + k_z a_Z$$

لکھ سکتے ہیں جو مساوات 13.286 کے شرط پر پورااتر تی ہے۔اس طرح

$$\mathbf{k} \cdot \mathbf{r} = k_x x + k_y y + k_z z$$

ہو گالہذامساوات 13.302 کونہایت عمد گی کے ساتھ

$$(13.306) E_x = E_{x0}e^{j(\omega t - \mathbf{k} \cdot \mathbf{r})}$$

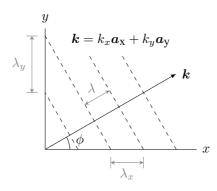
لكھاجاسكتاہے جس كاحقیقی جزو

$$(13.307) E_x = E_{x0}\cos(\omega t - \boldsymbol{k} \cdot \boldsymbol{r})$$

اصل موج دیتا ہے۔ مندر جہ بالا مساوات لا محد و د خطے میں موج کی عمو می مساوات ہے جو بڑھتے k کی جانب حرکت کرے گ

شکل 13.25 میں موج کے حرکت کی ست، x محدد کے ساتھ ϕ زاویہ بناتی ہے۔ یہ موج x پر پائی جاتی ہے بعنی $k_z = 0$ کے برابر ہے۔ موج کی چوہ ٹیوں کو تقطہ دار کلیبر ول سے ظاہر کیا گیا ہے۔ کسی بھی نقطے پر ان چوٹیوں کو گن کر تعدد در یافت کی جاستی ہے۔ یوں x محدد پر نقطہ $(x_0,0)$ سے فی کی خوٹیوں کی جوٹیاں گزریں گی۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ہو محدد پر نقطہ $(0,y_0)$ سے بھی فی سکنٹراتی ہی چوٹیاں گزریں گی۔ اس طرح x پر بھی کسی نقطے پر چوٹیاں ہوتے ہی تعدد حاصل ہوتی ہے۔

دومتواتر چوٹیوں کے در میان فاصلہ طول موج کہلاتا ہے۔ وقت t کوروک کرx محد دپر رہتے ہوئے موج کی دومتواتر چوٹیوں کے در میان فاصلہ λ_x ناپاہائے گا۔ اسی طرح y محد دپر طول موج λ_y ناپی جائے گی جان تمام کوشکل 13.25 میں دکھایا گیا ہے۔ λ_y



شكل 13.25: مختلف طول موج كا آپس ميں تعلق

کسی بھی موج کی تعدد γ اور طول موج λ جانبے ہوئے اس کی رفتار $v=f\lambda$ سے است حرکت کی جانب موج کی رفتار میں جے لہذا

$$f\lambda = \frac{1}{\sqrt{\mu\epsilon}}$$

ہو گا۔اس مساوات کے دونوںاطراف کوπ2سے ضرب دیتے ہوئے

$$\lambda = \frac{2\pi}{\omega\sqrt{\mu\epsilon}}$$

حاصل ہوتاہے جس میں مساوات 13.278 پر کرنے سے

$$\lambda = \frac{2\pi}{k}$$

یا

$$(13.311) k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

lpha حاصل ہوتا ہے لیکن ہم جانتے ہیں کہ $eta=rac{2\pi}{\lambda}$ ہوتا ہے۔ مندر جہ بالا مساوات کامل ذو برق $\sigma=0$ کے لئے حاصل کئے گئے المذاlpha=0اور

$$\gamma = 0 + i\beta = ik$$

ے برابر ہے۔اس طرح k کو β جبکہ k_y کا اور k_z کو بالتر تیب β_y کو بالتر تیب β_y کا اور کے کا کھا جا سکتا ہے۔

ہم تو قع کرتے ہیں کہ مساوات 13.31 کی طرح $\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos\phi}$ کل کھنا ممکن ہو گا۔ آئیں اس حقیقت کو ثابت کریں۔ شکل 13.25 کو دیکھ کر کھو کہ کہ کھاجا سکتا ہے جہاں شکل کو دیکھتے ہوئے $\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos\phi}$ کھاجا سکتا ہے جہاں شکل کو دیکھتے ہوئے $\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos\phi}$ کھاجا سکتا ہے جہاں شکل کو دیکھتے ہوئے کہ اس کا سکتا ہے۔ یوں

$$\lambda_x = \frac{\lambda}{\cos \phi} = \frac{\lambda k}{k_x}$$

 $extbf{L}$ کھی کہ کہ کے ہوئے $extbf{k}=rac{2\pi}{\lambda}$

$$\lambda_x = \frac{2\pi}{k_x}$$

حاصل ہوتاہے۔اسی طرح ہم

$$\lambda_y = \frac{2\pi}{k_y}$$

$$\lambda_z = \frac{2\pi}{k_z}$$

مجمى حاصل كرسكتے ہيں۔

ست حرکت کی جانب رفتار جے مجموعی رفتار ⁴⁰ کہتے ہیں

$$(13.316) v = f\lambda = \frac{\omega}{k}$$

کے برابر ہے۔موج اس رفتار سے توانائی ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کرتی ہے۔اس کے برعکس کارتیسی محد دیر دو<mark>ری رفتار</mark> ¹⁴

$$v_x = f\lambda_x = \frac{\omega}{k_x}$$
$$v_y = f\lambda_y = \frac{\omega}{k_y}$$
$$v_z = f\lambda_z = \frac{\omega}{k_z}$$

ہوں گے۔شکل 13.25 میں ϕ کی قیمت کم کرنے سے λ_y اور یوں v_y کی قیمت بڑھتی ہے جٹی کہ $0=\phi$ پر $\phi=v_y=0$ حاصل ہوتا ہے۔ یوں دوری رفتار ، یہوشن کے رفتار سے موج کا کوئی حصہ حرکت نہیں کر تالہٰذا ہے آئن سٹائن کے قانون کی خلاف ورزی نہیں کر تارآئن سٹائن کا قانون کہتا ہے کہ کوئی چیز روشنی سے زیادہ تیز صفر نہیں کر سکتی۔

سوالات

rename lossless and lossy dielectrics as

```
sucomplex permitivity
dispersion
Huygens improvements
figTransmissionSmithFromInternet.tex is not giving the figure of the book
the sanswers should be at the end of the book
                         ) and remove the corresponding text
handle all side notes (
read chapter 9 onwards (proof reading)
energy travels along the wire and not in the wire.
antenna chapter, 3D figure at start and complete the start section.
house completion certificate.
zaryab fish
F=sdW/dT to include in inductance chapter plus a question or two
magnetization curve and an iteration example. fig 8.10, 11 of hayt.
charge is barqi bar.
add questions to machine book too.
take print outs for myself.
  5194
  5195
when giving fields always remember the following rules:
always ensure that divergence of magnetic field is zero.
moving waves must be of the form E = E0\cos(wt - kz) where c = (\mu * \epsilon)^{-0.5} and k = 2 * \pi/\lambda
include complex permitivity (7th ed Q12.18 says sigma=omega*epsilon")
include 4th ed fig 11.11 of page 422
```

966 مویج اور گهمکیا

الباب 15

سوالات

5204

سوال 15.1: ہوا سے بھرے مستطیل مویج کے اطراف کی لمبائی mm 25 اور mm 50 ہے۔اس میں کمتر انقطاعی تعدد کے 1.7 گنا تعدد کی موجیدہائی جاتی ہے۔ الف) کم تر انقطاعی طول موج دریافت کریں۔ ب) مویج میں دوری رفتار حاصل کریں۔

جوابات: $3.843 imes 10^8 \, rac{m}{s}$ ، $100 \, mm$ جوابات:

سوال 15.2: ہوا سے بھرے 50 mm لمبائی کے اطراف کے چکور موبج میں 40 mm سے زیادہ طول موج کے تمام ممکنہ TE اور TM امواج ہوپافت کریں۔

 $_{5210}$ TM_{12} ، TM_{21} ، TM_{11} ، TE_{12} ، TE_{21} ، TE_{02} ، TE_{20} ، TE_{11} ، TE_{01} ، TE_{10} . TE_{10}

سوال 15.3: ہوا سے بھرے 20 mm اور 100 mm اممکنہ 100 mm کے اطراف کے مستطیل مویج میں 150 mm سے زیادہ طول موج کے تمام ممکنہ 2011 اور TM امواج دریافت کریں۔

جوابات: TE₁₀

سوال 15.4: ہوا سے بھرنے نلکی مویج کا رداس $75\,\mathrm{mm}$ ہے۔اس میں کم ضیاعی TE₀₁ موج کی انقطاعی طول موج اور غالب TE₁₁ موج کی انقطاعی طول موج دریافت کریں۔

جوابات: 256 mm ، 123 mm عوابات: عادة

جوابات: 83 mm ، 98 mm ، 122 mm ، 89 mm ، 164 mm ، 114 mm ، 261 mm

5220

5223

 TE_{02} , TE_{01} , TE_{01} , TE_{02} , TE_{01} , TE_{02} , TE_{02} , TE_{03} , TE_{04} , TE_{05} , $TE_{$

ج إبات: 118 mm ، 149 mm ، 94 mm ، 206 mm ، 118 mm ، 341 mm ، 89 mm ، 164 mm

سوال 15.7: ثابت کریں کہ کامل موصل کے نلکی مویج میں $\frac{\omega\mu\beta
ho_0^4|H_0|^2}{82}$ بطاقت ترسیل کرتی ہے۔ TE $_{11}$ بلند درجی انداز اوسطاً $\frac{82}{82}$

سوال 15.8: ثابت کریں کہ متوازی دو عدد لامحدود موصل چادروں کرے مویج میں انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر TE₁₀ موج کی تضعیفی مستقل

$$\alpha = \frac{2}{d} \frac{Z_{c,h}}{Z_{d,h}} \frac{\left(\frac{\lambda_0}{2d}\right)^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{2d}\right)^2}} \qquad (Np/m)$$

ہرے جہاں

مویجی موصل چادر کرے قدرتی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{c,h}$

 $Z_{d,h}$ مویج میں بھرے ذو برق کی قدرتی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{d,h}$

ور لامحدود چادروں میں فاصلہ اور d

الى خلاء ميں طول موج ہيں λ_0 خالى خلاء ميں طول موج ہيں λ_0

سوال 15.9: ثابت کریں کہ متوازی دو عدد لامحدود موصل چادروں کے مویج میں انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر ہموج کی تضعیفی مستقل

$$\alpha = \frac{2}{d} \frac{Z_{c,h}}{Z_{d,h}} \frac{\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}}\right)^2}} \qquad (Np/m)$$

ہرے جہال

مویجی موصل چادر کر قدرتی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{c,h}$

مویج میں بھرے ذو برق کی قدرتی رکاوٹ کا حقیقی جزو، $Z_{d,h}$

دو لامحدود چادروں میں فاصلہ اور d

الى خلاء ميں طول موج ہيں λ_0

سوال 15.10: لامحدود جسامت کے تانبے کے دو چادروں کے درمیان 18 mm کا فاصلہ ہے۔اس میں 10 MHz تعدد کی TEM موج کا تضعیفی ہمتعتقل اور 15.10: لامحدود جسامت کے تانبے کے دو چادروں کے درمیان 78 mm کا قطعیفی مستقل دریافت کریں۔

$$lpha=9.67\,rac{ ext{mNp}}{ ext{m}}$$
 ، $lpha=3.85\,rac{ ext{mNp}}{ ext{m}}$:جواب

سوال 15.11: ثابت کریں کہ متوازی دو عدد لامحدود موصل چادروں کے مویج میں انقطاعی طول موج سے کم طول موج کی تر مستقل مستقل

$$lpha' = rac{2lpha}{\sqrt{1-\left(rac{\lambda_0}{2d}
ight)^2}}$$

ہرے جہال

lpha مویج میں TEM موج کی تضعیفی مستقل اور lpha

 $_{5240}$ چادروں کرے درمیان فاصلہ ہے۔ d

سوال 15.12: ثابت کریں کہ ایسے مستطیل موبح جس کی چوڑائی z_1 اور اونچائی y_1 ہو میں انقطاعی تعدد سے زیادہ تعدد پر z_1 موج کی تضعیفی مستقل مندرجہ ذیل ہے۔

(15.1)
$$\alpha = \frac{2Z_{c,h}}{z_1 Z_{d,h}} \frac{\left[\left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}} \right)^2 + \frac{z_1}{2y_1} \right]}{\sqrt{1 - \left(\frac{\lambda_0}{\lambda_{0c}} \right)^2}}$$

سوال 15.13: تانبر کی $\frac{1}{m}$ وسیع چادر کے متوازی $\frac{1.2}{m}$ فاصلے پر پائی جاتی ہے۔ ان کے درمیان $\frac{1}{m}$ کا نھوبجرقی بھرا گیا ہے۔اس موبج میں $\frac{mV}{m}$ تعدد کی $\frac{mV}{m}$ موبج کتی ہے۔موبج میں برقی میدان کا حیطہ $\frac{mV}{m}$ کر رہا ہے۔ ب) فی میٹر موبج میں طاقت کا ضیاع حاصل کریں۔ ب) موبج کا تضعیفی مستقل دریافت کریں۔

جوابات:
$$39.5\,rac{mNp}{m}$$
 ، $0.365\,rac{nW}{m}$ ، $9.25\,nW$

سوال 15.14: ہوا اور تانبے کے سرحد پر 1 GHz تعدد کے موج کا جھکاو حاصل کریں۔

سوال 15.15: ہوا اور پانی $\epsilon_R = 78$ کرے سرحد پر $1\,\mathrm{GHz}$ تعدد کرے موج کا جھکاو حاصل کریں۔

 σ :15.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
7×10^4	گريفائٿ	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	مقطر پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹنی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بیک لائٹ	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارڻس	0.10×10^{7}	نائيكروم

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چيز
	1	خالي خلاء
	1.0006	ب وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ر برا
0.00075	3.8	SiO_2 سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

 μ_R :15.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چیر
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	اليكثران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)