## برقى ومقناطيسيات

**خالد خان بو**سفر**. کی** کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالوجی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

## عنوان

1	4																																						ت	سمتيات		1
1	5																																		~:	ِ سمتِ	، اور	لدارى	مق	1.1	l	
2	6		•							•	•																			٠						٠ ١	لجبر	متی ا	س	1.2	2	
3	7																																			حدد	ں مے	ارتيسي	کا	1.3	3	
5	8															•																				ات	سمتيا	ئائى س	51	1.4	1	
9	9																																			نیہ	سمة	دانی	مي	1.5	5	
9	10																																			·	وقبہ	متی ر	س	1.6	5	
10	11																																		,	ضرب	تى ،	بر سم	غي	1.7	7	
14	12		•							•	•					•														٠		ب	ضرب	بی د	صلي	ب یا ،	ضوب	متی ه	س	1.8	3	
17	13			٠								•																		٠					د	محد	کی	ول نلاً	گو	1.9	)	
20	14							•						•	ب	ضر	تى	سم	غير	- <del>g</del>	ساة	کے	ت '	ىتيار	سه	ائى	اک	سى	ارتيد	نا ک	ن ک	ىتيان	سه	كائى	ی ۱	نلك		1.9.	1			
20	15																								لق	اتع	، کا	بات	سمتي	ی س	اكاة	سى	ارتيد	زر ک	ی او	نلكو		1.9.	.2			
25	16							•						•																ر	حير	سط	دود	(محا	ی لا	نلكم		1.9.	.3			
27	17		•			•				•	•																			٠						،د	محد	روی .	کر	1.10	)	
39	18																																				ئ	ا قانود	ب کا	كولومد	_	2
39	19																																		فع	ي يا د	شش	بت ک	قو	2.1	l	
43	20					•						•																		٠				ت .	شدر	کی	دان	قى مى	برة	2.2	2	
46	21		•																					. ن	يدان	ے م	برقى	کا	کیر	د ل	حدو	لام	هی	سيد،	دار	ِج برا	چار	کساں	یک	2.3	3	
51	22																												ح -	سطِ	ود	ىحد	. لا،	ہموار	دار ا	ج برا	چار	کساں	یک	2.4	1	
55	23																																		٠	حج	ردار	ارج ب	چ	2.5	5	
56	24																																			•	ال	ید مث	مز	2.6	5	
64	25																															خط	بهاو	ت ب	سم	کر	دان	قى مى	برة	2.7	7	

iv augli

نون اور پهيلاو	أ گاؤس كا ق	3
كن چارج	س 3.1	
اڈے کا تجربہ	3.2 فير	
ۇس كا قانون	3.3 گ	
رُس کے قانون کا استعمال	3.4	
3.4 نقطہ چارج	1	
3.4 یکسان چارج بردار کروی سطح	2	
3.4 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	3	
محوری تار	3.5 ہم	
سان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6 يک	
ہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کرے قانون کا اطلاق	3.7 انت	
80 37	3.8 په	
كى محدد ميں پهيلاو كى مساوات	3.9 نادُ	
لاو کبی عمومی مساوات	3.10 پھ	
ىئلى پهيلاو	3.11 م	
	J.11	
	3,11 مہ	
رقى دباو	، توانائی اور	4
	، توانائی اور	4
93 41 93 42	، توانائی اور 4.1 تو	4
93 41	، توانائی اور 4.1 تو	4
93 41 93 42	، توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برا	4
93 41	، توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برا	4
93 41       وقى دباو         93 42       ائٹی اور کام         94 43       وی تکملہ         99 44       وی دباو         100s       4.3	، توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برنا 1	4
93 41       وقى دباو         93 42       الثى اور كام         94 45       94 45         99 44       المواح         1005       المواح         1016       الكيرى چارج كثافت سے پيدا برقی دباو         4.3	ا توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 برا 1 2	4
93 41	4.1 توانائی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 لک	4
93 41       وقی دباو         93 42       2         94 43       8         95 44       9         96 44       9         97 46       4         98 40       8         100 5       10         100 6       10         101 6       10         102 7       10         102 8       10         102 8       10         102 8       10         102 8       10         102 9       10         102 10       10         102 11       10         102 12       10         102 12       10         102 13       10         102 14       10         102 15       10         102 16       10         102 17       10         103 16       10         104 17       10         105 18       10         106 18       10         107 18       10         108 18       10         109 18       10         100 18       10         100 18       10         100 18       10	4.1 to relative leg to relativ	4
93 41       وقی دہاو         93 42       2         94 45       2         95 44       4         100s       4.3         101s       4.3         101s       4.3         102c       4.3         103c       4.3         104c       4.3         105c       4.3         106c       4.3	ا تواناتی اور 4.1 تو 4.2 لک 4.3 در 1 2 3 3 4.4 مت 4.5 برا	4
93 41       رقی دباو         93 42       20         94 45       40         95 44       40         1004       40         1005       40         1016       40         1017       40         1027       40         1028       40         1029       40         1020       40         1021       40         10222       40         1033       40         1044       40         1050       40         1060       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100       40         1100 <th>4.1 to replicate the replication of the replication</th> <th>4</th>	4.1 to replicate the replication of the replication	4
93 دباو       ای ور کام         93 دی       ای وری تکمل         94 دی       ای دباو         95 دباو       ای دباو         100 دباو       ای دباو         101 دباو       ای دباو         102 دباو       ای دباو         102 دباو       ای دباو         102 دباو       ای دباو         103 دباو       ای دباو         104 دباو       ای دباو         105 دباو       ای دباو         106 دباو       ای دباو         107 دباو       ای دباو         108 دباو       ای دباو         118 دباو       کی محدد میں ڈھلوان         118 دباو       کی محدد میں ڈھلوان	4.1 to replicate the replication of the replication	4

v عنوان

1255																						يسطر	ِر کپی	ِ برق او	، ذو	موصل	5
1256 .	 	 																		ن رو	برقى	ثافت	اور ک	قى رو	بر	5.1	
127/57 .	 			 ·																	·	اوات	مسد	ستمراري	١	5.2	
1298 .	 	 							•															وصل	م	5.3	
1349 .	 	 														ئط	، شرا	حدي	سر-	، اور	سيات	صوص	ئے خ	وصل ک	م	5.4	
13760 .	 	 																				کیب	ی تر	کس ک	s	5.5	
1401 .	 	 																					ل	م موص	نی	5.6	
14162 .	 					٠																		و برق	ذ	5.7	
1463 .	 	 				٠											إئط	ل شر	برقى	ىد پر	سرح	کے	برق	امل ذو	5	5.8	
1504 .	 																إئط	) شر	حدى	، سر-	کے	برقى	ر ذو	وصل او	م	5.9	
150/5 .	 					٠																		پيسطر	5	5.10	
15266 .	 											 						لو	ئيسئ	ادر ک	، چا	توازي	•	5.10.	1		
153-7 .	 											 							سٹر	، کپی	وری	م مح	-:	5.10.	2		
15368 .	 							 				 								يسثر	ہ کپ	م کو	4	5.10.	3		
155,9 .	 	 				٠												بسطر	، کپی	جڑے	ی -	متواز	ار اور	للسله وا	w	5.11	
156 <sub>0</sub> .	 																		س	يستثند	ئا كپ	وں ک	ى تار	و متوازة	د	5.12	
1691																						وات	, مسا	لاپلاس	، اور	پوئسن	6
17172 .	 	 		 •																			ئتائى	سئلہ یک	م	6.1	
173 <sub>73</sub> .	 	 				٠														ہے	نطی	ت خ	ىساوا	'پلاس	Y	6.2	
173,4 .	 	 													رات	مساو	کی	<b>'</b> س'	لاپلا	میں	حدد	ی مے	۔ کرو	کی اور	نل	6.3	
1745 .	 	 																		حل .	ئر -	ت ک	ىساوا	'پلا <i>س</i> ،	Y	6.4	
181/6 .	 	 																ال	ں مث	ل کے	_ ر حا	ت کہ	ساواد	ئىسن م	پو	6.5	
18377 .																			_							6.6	
19178 .	 	 		 ·						•											لريقہ	کا ہ	ہوانے	ددی د	s	6.7	

vi

199%																																																	دان	ميد	سى	طيس	قنا	ن •	ساكر		7
199‰																																														نون	قا	کا	رٹ	يوا	۰- سـ	يوط	با		7.1		
2041																	•																											•		: .	انود	، قا	وري	ا د	ر ک	مپيئر	اي		7.2	2	
2082				•									•										•				•	•										•						•							ر	ردش	5		7.3	3	
21583																																									ئی	دۀ	گر	یں	ا م	حدد	م	کی	نك		7	.3.	1				
2204					•		•											•			٠								•						ت	واد	سا	, م	کی	ن	دش	گر	ن	میر	لد	مح	ی	وم	ع		7	.3.	2				
222/5																																		,		ات	باو	مس	کی	5	ش	رد	, گ	ىي	د٠	حد	ی م	وي	کر		7	.3.	3				
22386							•		•								•						•				•	•									•	•						•			•		کس	ثلوك	, سئ	سئلہ	م		7.4	ļ	
2267																																							ہاو	بم	ی		اط	مقن	ت	ئثاف	ر ک	اور	بهاو	ی !	يسو	فناط	ia		7.5	5	
2338																																									و	دبا	ی '	يسو	اط	مقن	تى	سما	اور .	ی ا	سمتر	یر س	ė		7.6	5	
2389																																						ىول	حص	- 1	5	<del>ب</del> ن	واني	ے قر	کے	ان	ميد	ی ۱	طيس	فناه	ی من	اكن	w		7.7	7	
2380																																									•	او	دب	سى	ليس	قناه	م م	متى	س		7	.7.	1				
2400																																										ن	قانە		٠.,	. 14	<		1		7	.7.	2				
210				•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	٠		•	•	•	•	•	•	٠					٠	•			•	•		•	•	•	•				,			נני		ر -	<del>- 11</del>					_				
247/2				•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•							-		_				ں،	قوتير		طيس	ىقناد	•	8
		•																																								الہ	اما	اور	_	اد_	۔ م	سى	ىناطي	مق	Ī	-	ى				8
24792				•			•	·		•			•	•		,	·				·		•	•	•	·	·		•			•	·			•						الہ	اما.	اور	ے ا	باد <u>ن</u> ت	ے م قود	 پر	ناطي ارج	مق چا	ک	نحرأ	ى م:				8
247 <sub>92</sub> 247 <sub>93</sub>				•													•																				•				•	الہ	اما	اور		باد <u>ن</u> ت	م قور	سىي پر قوا	ىناطىي ارج ج پر	مة چا	ک چ	نحر رقی	ى من تف		8.1	2	8
247 <sub>92</sub> 247 <sub>93</sub> 248 <sub>94</sub>																																							قود	ن	٠.	الہ .	ِ اما کے	اور.	ے ا رود	بادر ت . تا	ر م وقور	سى پر قور	نناطیہ ارج ج پر	مة چا	۔ , چ رو	نحر رقبی قبی ا	ى من تف		8.1 8.2	2	8
247 <sub>92</sub> 247 <sub>93</sub> 248 <sub>94</sub> 25 l <sub>95</sub>				-																																			٠.	ت ا	٠.	الم	ر اما کے	اور	رود	بادر ت . تا	ر قور رقو	سىي پر تف	نناطیہ ارج ج پر اِرتے	مة چا گزا	۔ ک رو رو	نحر رقبی ت	<i>ى</i> من تۇ بر		8.1 8.2 8.3	2	8
247 <sub>62</sub> 247 <sub>63</sub> 248 <sub>64</sub> 25 lbs				-																																		ت	٠.		٠.	الم .	اما .	اور	ے ا رود	ادر ت سیاء	م قورت رقح	سى پر قوا	نناطیو ارج ارت <u>ر</u> اوڈ	مة چا گزارج مقن	ے , چ رو اور	بحر رقی ت لاد:	<i>ى</i> من تە قو قو		8.1 8.2 8.3	3	8
247 <sub>62</sub> 247 <sub>63</sub> 248 <sub>64</sub> 25 lbs 253 <sub>66</sub> 259 <sub>77</sub>			 	-																																		٠ .	٠ .	ي .	٠.	اله ما	اما .	اور مس	ے ا رود	اد <u>ن</u> ساء	ر قور ر قور اشاه	سی پر تف	نناطیر ارج ارتے ارتے اطید ناطیہ ، اور	مة چا ارج مقن	ک چ درو ی .	نحرَ رقى ت إلادرَ نناط	مى تىۋ قو قو		8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	22	8
247 <sub>62</sub> 247 <sub>63</sub> 248 <sub>64</sub> 25 lbs 253 <sub>66</sub> 259 <sub>77</sub> 260 <sub>68</sub>	 		 																																			٠ .	خد		٠.	٠. مم	اما .	اور مس	ے ا دود ع	ادر ت سیاء شرائ	م م قورت رقبی اشاه	سی پر قو	نناطیه ارج ارتر وژ باطیس	مق چا گزا مقن	ک چ درو یسب	يحر رقى ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ا ط ن ر ق ى ن ر ق ى ن ر ا ن ا ن ا ن ا ا ا ن ا ا ا ا ا ا ا ا	من قو من من		8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	22 33 44 55 77	8
247 <sub>82</sub> 247 <sub>83</sub> 248 <sub>84</sub> 25 lbs 253 <sub>96</sub> 259 <sub>97</sub> 260 <sub>88</sub> 263 <sub>99</sub>	 																																					٠	خود .		٠.	٠			ے ا رودرور	ادن ساء شرائ	ر قورت رقوع اشاه	ير پر پر تفقو قو قو د تفقو د د ک	نناطیه ارج ارتر ارتر ماطید مارد دور	مق چا گزارج مقن بت	ک چ رو یسب یسب	رقى قى ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ا ر ن ا ن ن ا ن ن ا ن ن ا ن ن ا ن ا	من من من من		8.1 8.2 8.3 8.4 8.6 8.7	22 33 44 55 77 33	8
247 <sub>22</sub> 247 <sub>23</sub> 248 <sub>24</sub> 25 lbs 253 <sub>26</sub> 259 <sub>27</sub> 260 <sub>28</sub> 263 <sub>29</sub> 264 <sub>206</sub>	 																																								٠.	٠. مم	اما		ے ا رود ع	ادن سیاء شرائ	قود و قود در مقود در در قود در	سو پر تفقو مققو د	نناطیر ارج پارتر روژ ماطیسر دور دور	مقند مقدد می در م	ک رو کی د پیسپ	رقی رقی این این این این این این اطباط این اطاط این اطباط این اطاط این اطباط این اطاط این اطباط این اطاط این اط	ی تهٔ من من		8.1 8.2 8.3 8.4 8.6 8.7 8.8	22 33 44 55 55 55 55 55 55 55 55 55 55 55 55	8

vii vii

ھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات	وقت کے سات	9
ے کا قانون	9.1 فيرادُّ	
ى برقى رو	9.2 انتقال	
س ویل مساوات کی نقطہ شکل	9.3 میک	
س ويل مساوات كى تكمل شكل	9.4 میک	
ری دباو	9.5 تاخير	
293,10		10
	ا مستوى امواج	10
. خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج		
و مقناطیسی مستوی امواج	10.2 برقى	
.10 خالبي خلاء ميں امواج	2.1	
10. خالص یا کامل ذو برق میں امواج	2.2	
.10 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج	2.3	
گ سمتیہ	10.3 پوئنٹن	
ل مين امواج	10.4 موص	
اس مستوی موج	10.5 انعک	
ي ساكن موج	10.6 شرح	
33 l <sub>120</sub>	ترسیلی تار	11
لی تار کے مساوات	11.1 ترسيا	
لی تار کے مستقل	11.2 ترسيا	
. 11 بم محوری تار کے مستقل	2.1	
	2.2	
.11 سطح مستوی ترسیلی تار	2.3	
لی تار کے چند مثال	11.3 ترسيا	
مى تجزيه، سمته نقشہ	11.4 ترسي	
. 11 سمته فراوانی نقشہ	4.1	
اتبی نتائج پر مہنی چند مثال	11.5 تجرب	

viii

359 <sub>30</sub>	تقطيب موج	12
359 <sub>31</sub>	12.1 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب	
36232	12.2 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ	
36533	ترچهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار	13
365 <sub>34</sub>	13.1 ترچهی آمد	
37635	13.2 ترسيم بائی گن	
379,36	مويج اور گهمكيا	14
379 <sub>37</sub>	14.1 برقمی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	
380 <sub>38</sub>	14.2 دو لامحدود وسعت کے مستوی چادروں کے مویج میں عرضی برقی موج	
38639	14.3 كهوكهلا مستطيلي مويج	
395.40	14.3.1 مستطیلی مویج کے میدان پر تفصیلی غور	
40241	14.4 مستطیلی مویج میں عرضی مقناطیسی TM <sub>mn</sub> موج	
40642	14.5 كهوكهلى نالى مويج	
41349	14.6 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف	
415.4	14.7 انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف	
417,45	14.8 سطحی موج	
42246	14.9 ذو برق تختی مویج	
425.47	14.10 شیش ریشہ	
42848	14.11 پرده بصارت	
43049	14.12 گهمکی خلاءِ	
433.50	14.13 میکس ویل مساوات کا عمومی حل	

بى اخراج	اور شعاء	اينثينا	15
44 ls2	تعارف	15.1	
ى دباو	تاخير:	15.2	
443 <sub>54</sub>	تكمل	15.3	
سر جفت قطبی اینٹینا	مختص	15.4	
ىىر جفت قطب كا اخراجى مزاحمت	مختص	15.5	
ى زاويم	ٹھوس	15.6	
مى رقبہ، سمتیت اور افزائش	اخراج	15.7	
	قطاري	15.8	
15 غير سمتى، دو نقطه منبع	.8.1		
15 ضرب نقش	.8.2		
15 ثنائي قطار	.8.3		
15 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار	.8.4		
15 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار	.8.5		
15 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار	.8.6		
15 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	.8.7		
ل پيما	تداخُل	15.9	
ىل خطى اينٹينا	:1 مسلس	5.10	
ليل سطحي اينٹينا	1: مستط	5.11	
ہی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں	:1 اخراج	5.12	
ا ينطينا	:1 خطى	5.13	
و موج اینٹینا	1 چلتے	5.14	
ا گهيرا ايتنينا	1 چھوٹا	5.15	
	1: پېچ د	5.16	
رفه کردار	:1 دو طر	5.17	
49 l <sub>176</sub>	1 جهري	5.18	
	1 پیپا ایا	5.19	
ریڈار مساوات	••		
ی رو رو لی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی	-		
ی رویس ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ			

## مقناطیسی قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ

برقی چارج کے گرد برقی میدان پایاجاتا ہے جس میں موجود ساکن یاحر کت کرتے چارج پر قوت دفع یا قوت کشش پایاجاتا ہے۔مقناطیسی میدان برقی رویعنی حمدیکت کرتے چارج سے پیداہوتاہے اور اس میدان میں حرکت کرتے چارج پر قوت پائی جاتی ہے۔مقناطیسی میدان ساکن چارج پر قوت پیدانہیں کرتا۔

اس باب میں برقی رو گزارتی تارپر قوت اور مر وڑ کا جائزہ لیاجائے گا۔اس کے بعد مقناطیسی اشیاءاور آخر میں امالہ پر غور کیاجائے گا۔

8.1 متحرک چارج پر قوت

تجربے سے ثابت ہوتاہے کہ برقی میدان میں چارج بردار ذر بے پر

(8.1) F = QE

قوت اثرانداز ہوتی ہے۔ مثبت چارج کی صورت میں یہ قوت برقی میدان کے شدت E کی سمت میں ہوتی ہے۔ قوت کی قیمت چارج Q اور برقی میدان کی شدت E کے حاصل ضرب کے برابر ہوتی ہے۔ چارج ساکن ہویاحر کت کررہا ہو، اس پر قوت کی مقدار اسی مساوات سے حاصل ہوتی ہے۔ E

اسی طرح تجربے سے ثابت ہوتا ہے کہ مقناطیسی میدان میں ساکن چارج بردار ذرے پر مقناطیسی میدان کوئی قوت پیدا نہیں کر تاالبتہ متحرک چارج بردار ذرے پر مقناطیسی میدان

$$(8.2) F = Qv \times B$$

قوت پیدا کرتا ہے۔ یہ قوت چارج کے براہ راست متناسب ہوتی ہے۔ اسی طرح قوت چارج کے رفتارین، کثافت متناطیسی میدان B اور ان دو کے مابین زاوی ہے کے سائن کے بھی براہ راست متناسب ہوتی ہے۔ قوت کی سمت  $v \times B$  دونوں کے عمود کی لینی  $v \times B$  سمت میں ہوتی ہے۔

مقناطیسی قوت رفتار کے عمودی ہے المذابیر فتار کے قیمت پراثرانداز نہیں ہوتاالبتہ یہ اس کی سمت پر ضروراثر ڈالتا ہے۔اس طرح مقناطیسی قوت چار جی پردار ذرے کی دفتار میں تبدیلی پیدا کھتے ذرے کے متحرک توانائی میں تبدیلی لانے سے قاصر ہے۔اس کے برعکس برقی قوت جے مساوات 1.8 بیان کرتا ہے چارج بردار ذرے کی دفتار میں تبدیلی پیدا کھتے ہوئے حرکی توانائی میں تبدیلی پیدا کرتا ہے۔دونوں میدانوں میں یہ بنیادی فرق ہے کہ برقی میدان تباد لہ توانائی میں کردارادا کرتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان تباد لہ توانائی میں کردارادا نہیں کرتا۔

دونوں میدانوں کے بیک وقت موجودگی میں چارج بردار ذرے پر کل قوت

$$(8.3) F = Q(E + v \times B)$$

د ونوں میدانوں سے علیحدہ علیحدہ پیدا قوتوں کے مجموعے کے برابر ہے۔ مساوات 3.8<mark>لور نز مساوات قوت</mark> <sup>21</sup> کہلاتی ہے۔ برقی اور مقناطیسی میدانوں میں چارجی پودار ذرے، مثلاً الیکٹران، کے راہ اسی مساوات کو حل کرتے ہوئے حاصل کئے جاتے ہیں۔

بوابات: 78.7 N ، 71.3 N ، 18.49 N

8.2 تفرقی چارج پر قوت

مقناطیسی میدان میں متحرک تفر قی چارج dQ پر تفر قی قوت d F عمل کرے گا۔

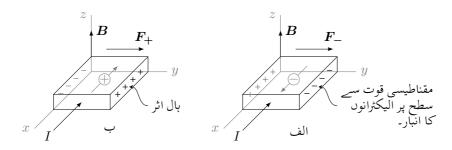
 $dF = dQv \times B$ 

آپ جانتے ہیں کہ منفی چارج کی باریک ترین مقدار الیکٹر ان کا چارج ہے۔ مثبت چارج کی باریک ترین قبت بھی اتن ہی لیکن مثبت قطب کی ہے۔ منفی چارج کو مثال بناتے ہوئے، یوں مندرجہ بالا مساوات میں تفرقی چارج سے مراد کم از کم اتناچارج ہے جس میں الیکٹر انوں کی تعدادا تن ہو کہ کسی ایکٹر ان کے چارج کا اثر قابل نظر انداز ہو۔ای طرح اس تفرقی چارج کا حجم اگرچہ حجوثا ہے لیکن اس حجم کی جسامت الیکٹر انوں کے مابین اوسط فاصلے سے بہت زیادہ ہے۔ مساوات 8.4 تفرقی چارج کو جسامت الیکٹر انوں کے مابین اوسط فاصلے سے بہت زیادہ ہے۔ مساوات قرقی چارج کی گر جسامت الیکٹر انوں پر علیجدہ علیجدہ قوت کسی ایک الیکٹر ان پر اثر انداز نہیں ہوتا بلکہ یہ تمام الیکٹر انوں پر علیجدہ علیجدہ قوت کسی ایک الیکٹر ان پر اثر انداز نہیں ہوتا بلکہ یہ تمام الیکٹر انوں پر علیجدہ علیجدہ قوتوں کا پھیوں ہے۔

موصل تارمیں برقی رو،الیکٹر ان کے حرکت کی ہدولت ہے۔ برقی رو گزارتے تار کو مقناطیسی میدان میں رکھنے سے تارمیں ہر الیکٹر ان پر مقناطیسی قوت کااثر پایاجائے گا۔ا گرچہ کسی ایک الیکٹر ان پر انتہائی کم قیمت کا قوت پایاجاتا ہے لیکن موصل تارمیں الیکٹر انوں کی تعداد انتہائی زیادہ ہوتی ہے۔ یوں انتہائی زیادہ تعداد میں انتہائی کم قوتوں کا مجموعہ معقول قیمت کی قوت پیدا کرتا ہے۔ آئیں دیکھتے ہیں کہ یہ مجموعی قوت تاریک کس طرح منتقل ہوتی ہے۔

موصل میں مثبت ایٹم یا آئن ساکن ہوتے ہیں جبکہ الیکٹران آزادی سے حرکت کر سکتے ہیں۔ مقناطیسی میدان میں برقی رو گزارتے موصل تار میں حرکت پذیر منفی الیکٹران کے مابین فاصلوں میں تبدیلی رونماہوتی ہے۔اب مثبت اور منفی چارج کے مابین فاصلوں میں تبدیلی رونماہوتی ہے۔اب مثبت اور منفی چارج کے مابین کولومب قوت میں الدو تر بیلی کوروکتے ہیں المذاحرکت پذیر الیکٹران پر مقناطیسی قوت ہوں ساکن آئن تک پہنچ پاتی ہیں جو بطور تاریر مقناطیسی قوت کی صورت میں الدونما ہوتی ہے۔

8.2. تفرقی چارج پر قوت



شكل 8.1: بال اثر سر متحرك چارج كا قطب دريافت كيا جا سكتا بر.

مثبت آئن اور منفی الیکٹر ان کے مابین کولب قوتیں انتہائی طاقتور ہوتی ہیں لہذا مقناطیسی میدان سے پیدافاصلوں میں تبدیلی قابل ناپ نہیں ہوتی۔ مثبت اور منفی چار جوں کے مابین فاصلے کی بناپر انہیں دوچادر کپیسٹر تصور کیا جاسکتا ہے۔ ہم جانتے ہیں کہ ایسے کپیسٹر کے چادروں کے مابین برقی دباوپایا جاتا ہے۔ یوں الیکٹھوان کے حرکت اور مقناطیسی میدان دونوں کی ستوں کے عمود کی دوالٹ اطراف کے مابین تاریر معمولی برقی دباوپایا جاتا ہے جسے ہال اثر 3 کے نام 4 سے جاناجاتا ہے۔

ہال اثر کو شکل 8.1 کی مدد سے باآسانی سمجھا جا سکتا ہے۔ شکل - الف میں موصل یا n قسم کے نیم موصل برقی روگزار تاتار دکھا یا گیا ہے۔ تار میں برقی روآ کی  $a_{\rm X}$  بند  $a_{\rm X}$  سے بالہ اتار میں آزاد منفی چارج اس کے الٹ یعنی  $a_{\rm X}$  سمت میں حرکت کر رہے ہیں۔ تار میں آزاد الیکٹر ان کو ہلکی سیابی میں تیر کے نشان پر دائر ہے میں بند  $a_{\rm X}$  بند اتار میں آزاد منفی چارج بہال تیر اس کے حرکت کی سمت ظاہر کرتا ہے۔ یہ تار  $a_{\rm X}$  سمت میں میں پڑی ہے۔ تار میں آزاد چارج منفی قطب  $a_{\rm X}$  بین لہٰذا ان پر مساوات 8.2 تحرب  $a_{\rm X}$  سمت میں قوت  $a_{\rm X}$  مگل کرے گا۔ قوت کی علامت بین منفی کی علامت یہ ظاہر کرتی ہے کہ یہ قوت میں جس سے اس منفی کی علامت یہ ظاہر کرتی ہے کہ یہ قوت میں میں گیا ہے جس سے اس منفی کی علامت یہ خاب میں تار کے دائیں طرف پر انگیٹر ان کی تعداد کم ہو جاتی ہے جس سے اس منفی کی تعداد کم ہو جاتی ہے جس سے اس منفی کی میں میں میں میں میں تار کے دائیں طرف + کے علامات انہیں کو ظاہر کرتے ہیں۔ آپ جانتے ہیں کہ شبت اس کی شبت آئن بیر دہ قو میدان کی شدت کے اور یوں برقی دباو پایا جاتے گا۔ تار کی دائیں طرف بال برقی دباو کا مثبت سر اموگا۔

آئیں ایسی صورت دیکھیں جہاں متحرک مثبت چارج کی ہدولت ہر تی روپائی جائے۔شکل 8.1۔ب میں بقایاصورت حال بالکل شکل-الف کی طرح ہے البتہ پہلا اس متحرک مثبت چارج کی ہدولت ہر تی روپائی جائے۔شکل 8.1۔ب میں بقایاصورت حال بالکل شکل-الف کی طرح ہے البتہ پہلا ہوتی ہے۔ یوں اگر ہر تی روسک میں ہوتب آزاد خول جھاتی متناطیسی قوت آزاد چارج کو دائیں جانب د تھلیل رہے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس بارہال پہر تی دوپائیں جانب د تھلیل رہے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس بارہال پہر تی دوپائی ہوئے ہیں کہ اس بارہال پہر تی دوپائی ہوئے موسل 13 موسل 14 ہوئے موسل 14 ہوئے ہوئے ہوئے ہوئے ہے معلوم کیا جا سکتا ہے کہ آیا نیم موسل 14 ہوئے مقتم کا ہے۔

ہال اثر استعال کرتے ہوئے مختلف پیا کثی آلات بنائے جاتے ہیں مثلاً <mark>یک سمتی روپیا، مقناطیسی بہاوپیا</mark> «وغیر ہ۔

Jستی رفتار vے حرکت کرتاہوا حجی کثافت جارج کہ کثافت برقی روv

$$(8.5) J = \rho_h v$$

2432

کو جنم دیتا ہے۔اس مساوات کو صفحہ 127 پر حاصل کیا گیا۔ چھوٹے جم  $\mathrm{d}h$  میں تھوڑے سے چارج کو

$$dQ = \rho_h \, dh$$

Hall effect<sup>3</sup>

<sup>4</sup>ایڈون حال نے اس اثر کو 1879 میں دریافت کیا۔

uncovered<sup>5</sup>

Hall voltage<sup>6</sup> free holes<sup>7</sup>

magnetic flux meter<sup>8</sup>

لكھاجاسكتاہے للمذامساوات8.4 كو

 $\mathrm{d} oldsymbol{F} = 
ho_h \, \mathrm{d} h oldsymbol{v} imes oldsymbol{B}$ 

یا

 $dF = J \times B dh$ 

کھاجا سکتا ہے۔ ہم مساوات 7.6 میں دیکھ چکے ہیں کہ J dh کو برقی رو گزارتے تار کا تفرقی حصہ تصور کیا جاسکتا ہے جسے

 $\mathbf{J} \, \mathrm{d} h = \mathbf{K} \, \mathrm{d} S = I \, \mathrm{d} \mathbf{L}$ 

بھی لکھاجاسکتاہے۔اس طرح مساوات8.7 کو

 $dF = K \times B dS$ 

يا

 $dF = I dL \times B$ 

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 8.7، مساوات 8.8 اور مساوات 8.9 کے تکمل سے انہیں یوں

 $(8.10) F = \int_{h} \mathbf{J} \times \mathbf{B} \, \mathrm{d}h$ 

 $(8.11) F = \int_{S} K \times B \, \mathrm{d}S$ 

 $(8.12) F = \oint I \, \mathrm{d}L \times B$ 

كلها جاسكتا ہے۔

مساوات 8.12 میں اگرسید ھی تارلی جائے جس کی لمبائی 1 ہو تو تکمل سے

 $(8.13) F = IL \times B$ 

حاصل ہوتاہے جس میں قوت کی قیمت

 $(8.14) F = ILB\sin\alpha$ 

ہے جہاں تار اور مقناطیسی میدان کے در میان زاویہ αہے۔مساوات 8.18اور مساوات 8.14 پورے دور کے کچھ جھے پر قوت دیتے ہیں۔دور کے بقایا حصوں پید بھی اسی طرح قوت حاصل کئے جاسکتے ہیں۔

2437

مثال 8.1 کے محدد z پرلامحدود کمبائی کی تار میں  $N_1(3,6,1)$  کی برقی رو  $a_z$  جانب گزر رہی ہے۔اس کے قریب نقطہ  $N_1(3,2,5)$  تا  $N_1(3,2,5)$  تا  $N_2(4,6,1)$  تا  $N_2(4,6,1)$ 

حل: پہلی تار مقناطیسی میدان

$$\begin{split} B &= \frac{1.5\mu_0}{2\pi\rho} a_{\phi} \\ &= \frac{1.5\mu_0}{2\pi\sqrt{x^2 + y^2}} \left( -\frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} a_{X} + \frac{x}{x^2 + y^2} a_{Y} \right) \\ &= \frac{1.5\mu_0}{2\pi(x^2 + y^2)} (-ya_{X} + xa_{Y}) \end{split}$$

پیدا کرتاہے جود و سری تارکے مجھوٹے تھے میں مارکے تھوٹے کے ملک جود و سری تارکے مجھوٹے تھے  $dF=2.3\,\mathrm{d}L imes B$ 

(8.15)

پیداکرے گا۔ تار کی مساوات  $x=xa_{X}+ya_{Y}+za_{Z}$  مین y ، x اور z متغیرات کوایک ہی متغیرہ x=3+(4-3)t=3+t y=2+(6-2)t=2+4t z=5+(1-5)t=5-4t

جہاں  $N_2(4,6,1)$  ماصل ہوتا ہے۔ یوں  $N_1(3,2,5)$  اور t=1 پر کرنے سے اختتا کی نقطہ  $N_2(4,6,1)$  ماصل ہوتا ہے۔ یوں  $L=(3+t)a_{\mathrm{X}}+(2+4t)a_{\mathrm{Y}}+(5-4t)a_{\mathrm{Z}}$ 

کھے کر z=1 کار پر قوت مساوات  $dL=dta_{
m X}+4$  کار سے یوں  $dL=dta_{
m X}+2$  کار کے تکمل سے یوں

$$\begin{aligned} \mathbf{F} &= \int_0^1 2.3(\mathbf{a}_X + 4\mathbf{a}_y - 4\mathbf{a}_z) \, dt \times \frac{1.5\mu_0}{2\pi[(3+t)^2 + (2+4t)^2]} [-(2+4t)\mathbf{a}_X + (3+t)\mathbf{a}_y] \\ &= \int_0^1 \frac{3.45\mu_0}{2\pi(17t^2 + 22t + 13)} [4(t+3)\mathbf{a}_X + 8(2t+1)\mathbf{a}_y + (17t+11)\mathbf{a}_z] \, dt \end{aligned}$$

لکھی جاسکتی ہے جس سے

 $F = 369a_{\rm X} + 386a_{\rm Y} + 478a_{\rm Z}\,{\rm nN}$ 

ماصل ہوتاہے۔

8.3 برقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت

 $I_2$  میں نقطہ  $N_2$  پر تار کا ایک چھوٹا گلڑا d کو کھایا گیاہے جس میں  $I_1$  برقی رو گزر رہی ہے جبکہ نقطہ  $N_2$  پر تار کا دوسرا چھوٹا گلڑا d کے کھایا گیاہے جس میں ان مساوات  $N_2$  نقطہ  $N_2$  پر تار کے پہلے گلڑے سے پیدامقنا طیسی میدان مساوات  $N_2$  بیتا ہے۔

$$\mathrm{d}\boldsymbol{H}_2 = \frac{I_1 \, \mathrm{d}\boldsymbol{L}_1 \times \boldsymbol{a}_{R21}}{4\pi R_{21}^2}$$

مساوات 8.9 مقناطیسی میدان  $H_2$  میں تارکے تفر قی حصے پر تفر قی قوت دیتا ہے۔ یہاں تفر قی مقناطیسی میدان و  $dL_2$  سے  $dL_2$  پیدا قوت در کار ہے۔اس قوت کو تفر قی قوت کا تفر قی حصہ  $d(dF_2)$  کی کھتے ہوئے مساوات 8.9 کو

$$d(d\mathbf{F}_2) = I_2 d\mathbf{L}_2 \times d\mathbf{B}_2$$

کھاجاسکتاہے جہال $H_2=\mu_0\,\mathrm{d} H_2$  کے برابرہے۔ مندرجہ بالادومساوات سے

(8.16) 
$$d(d\mathbf{F}_2) = \mu_0 \frac{I_1 I_2}{4\pi R_{21}^2} d\mathbf{L}_2 \times (d\mathbf{L}_1 \times \mathbf{a}_{R21})$$

حاصل ہوتا ہے۔ یادر ہے کہ کسی بھی نقطے پر برقی روسے پیدا مقناطیسی میدان حاصل کرتے وقت ضرور کی ہے کہ پورے تار پر تکمل حاصل کیا جائے۔ مندر جہ بالا مساوات میں نقطہ پر کم کمل تکمل لیتے ہوئے میدان  $H_2$  استعال نہیں کیا گیا بلکہ تفر قی میدان  $H_2$  استعال کیا گیا ہے۔ یوں اگر اس مساوات سے قوتیں حاصل مساوات میں نقطہ  $I_2$  ملاء حاصل کے ایکن تو یہ درست نہیں ہوں گی ۔ یہ دیکھنے کے لئے تصور کریں کہ نقطہ  $I_3$  کی جائیں تو یہ درست نہیں ہوں گی ۔ یہ دیکھنے کے لئے تصور کریں کہ نقطہ  $I_4$  میں کہ خور سرے نقطہ کی جائیں تو یہ دوسرے نقطہ پر قوت حاصل کرتے ہیں۔ یہاں کہ حاصل کرتے ہیں۔ یہاں کہ جائے سے لئذاد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں کہ میں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں کہ میں میں میں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماصل کرتے ہیں۔ یہاں میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماساد کیا جائے کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماساد کیا ہوں کہ بالداد میں کہ بالداد وسرے تاریخ قوت ماساد کیا ہوں کیا ہوں کہ بالداد کیا ہوں کیا ہوں کیا ہوں کیا ہوں کیا ہوں کیا ہوئی کے لئے تصور کر تیں کہ بالداد کیا ہوں کو تاریخ کرتے ہوں کیا ہو

$$\begin{aligned} \mathrm{d}(\mathrm{d}\textbf{\textit{F}}_{2}) &= \frac{4\pi10^{-7}}{4\pi\left(2^{2}+1^{1}+1^{2}\right)^{\frac{3}{2}}}(-4\textbf{\textit{a}}_{z}) \times \left[(2\textbf{\textit{a}}_{y}) \times \left(-2\textbf{\textit{a}}_{x}+\textbf{\textit{a}}_{y}+2\textbf{\textit{a}}_{z}\right)\right] \\ &= -108.86\textbf{\textit{a}}_{y}\,\mathrm{nN} \end{aligned}$$

ہوگا۔اب بالکل اس طرح حل کرتے ہوئے پہلے نقطے پر

$$\begin{aligned} \mathsf{d}(\mathsf{d}\pmb{F}_1) &= \frac{4\pi 10^{-7}}{4\pi \big(2^2 + 1^1 + 1^2\big)^{\frac{3}{2}}} (2\pmb{a}_{\mathtt{Y}}) \times \bigg[ (-4\pmb{a}_{\mathtt{Z}}) \times \Big(2\pmb{a}_{\mathtt{X}} - \pmb{a}_{\mathtt{Y}} - 2\pmb{a}_{\mathtt{Z}} \Big) \bigg] \\ &= 54.4\pmb{a}_{\mathtt{Z}} \, \mathsf{nN} \end{aligned}$$

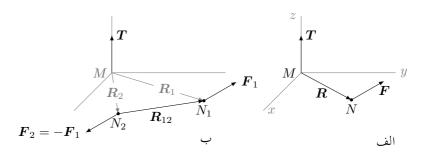
قوت حاصل ہوتی ہے جہاں ہوتی ہے جہاں اور تو تیت میں ایستعال کیا گیا۔ آپ کو یاد ہوگا کہ چھوٹے سے چھوٹے مقدار کے دوچار جوں کے مابین ہر صورت قیمت میں ایر ابر ہیں اور ناہی ان کی سمیوں اور سمت میں الٹ قوتیں پائی جاتی ہیں۔ مقناطیسی میدان میں ایسانہیں ہے اور برقی رو گزارتے دوچھوٹے حصوں پر ناتو قوت کی قیمتیں برابر ہیں اور ناہی ان کی سمیوں کی تعلق ہے۔ یہاں یہ سمجھ لیناضر وری ہے کہ مقناطیسی میدان میں مکمل بند دور حل کرتے ہوئے ہی صحیح جوابات حاصل ہوتے ہیں للذاایساہی کھوٹے ہیں۔ ہیں۔ پیں۔ پیں۔

مساوات8.16 کادودرجی تکمل کیتے ہوئے

(8.17) 
$$\mathbf{F}_{2} = \mu_{0} \frac{I_{1}I_{2}}{4\pi} \oint \left[ d\mathbf{L}_{2} \times \oint \frac{d\mathbf{L}_{1} \times \mathbf{a}_{R21}}{R_{21}^{2}} \right]$$
$$= \mu_{0} \frac{I_{1}I_{2}}{4\pi} \oint \left[ \oint \frac{\mathbf{a}_{R21} \times d\mathbf{L}_{1}}{R_{21}^{2}} \right] \times d\mathbf{L}_{2}$$

حاصل ہو تاہے۔

مندر جہ بالا مساوات میں اندر ونی تکمل نقطہ  $N_2$  پر مقناطیسی میدان حاصل کرنے کے لئے در کار ہے جبکہ بیر ونی تکمل اسی نقطے پر تاریز کل قوت حاصل کھیدنے کے لئے در کار ہے۔ 8.4. قوت اور مروڑ



شكل 8.2: قوت كا معيار اثر.

8.4 قوت اور مروڑ

میاوات 8.12 مقناطیسی میدان میں برقی رو گزارتے تاریر قوت دیتاہے جسے یکسال میدان میں  $m{B}$  کو تکمل کے باہر لے جاتے ہوئے $m{F} = -m{B} imes \oint \mathrm{d}m{L}$ 

کھاجا سکتا ہے۔اب کوئی بھی برقی دور مکمل بند دائر ہبناتا ہے۔کسی بھی شکل کے بند دائرے کا کئیر ی تکمل ∉ dL = 0 ∲ ہوتا ہے للذا یکسال میدان میں برقی4دور کے پورے تاریر کل صفر قوت پایا جائے گا۔البتدا گر میدان یکسال نہ ہوتب ضروری نہیں کہ پورے دوریر قوت صفر ہو۔

مساوات8.10 اور مساوات 8.11 کے برقی رو کو بھی متعدد متوازی جڑے باریک تار نما ٹکڑوں میں تقسیم کیا جاسکتا ہے۔ایسے ہر باریک تار پر بھی کیساں مہیدان میں صفر قوت ہو گالہٰذااناشکال کے برقی روکے ادوار پر بھی کل صفر قوت ہی پایاجائے گا۔

یکسال میدان میں پورے دورپر صفر قوت پایاجاتا ہے البتہ دورپر <mark>مروڑ <sup>و</sup> یعنی قوت کامعیار اثر ۱۵ عمو</mark>ماً صفر نہیں ہوتا۔ قوت کامعیار اثر حاصل کرنے کی خاطر قوت اور مروڑ کے محور یعنی پچول ۱۱ کا جانناضرور کی ہے۔ شکل 8.2-الف میں نقطہ N پر قوت F عمل کررہاہے۔ ہم نقطہ M کو محور چنتے ہیں۔نقطہ M سے N تک سمتی فاصلہ R قوت کا **بازو<sup>12</sup> کہلاتا ہے۔ قوت کامعیار اثر** T

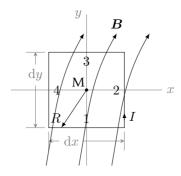
$$(8.18) T = R \times F$$

کے برابر ہے۔ مروڑ کی قیمت، قوت کے بازو کی لمبائی ضرب قوت کی قیمت ضرب ان دو کے مابین زاویے کے سائن کے برابر ہے جبکہ اس کی سمت دونوں کے عجود کی ہے جسے صلیبی ضرب سے حاصل کیا جاسکتا ہے۔

شکل۔8-ب میں پختہ شکل کے جسم پر دو مختلف نقطوں پر برابر مگرالٹ سمت کے قوت لا گو کئے گئے ہیں۔ چونکہ اس جسم پر کل قوت صفر کے برابر ہے للذا سے کسی بھی سمت میں سید ھی حرکت نہیں کرے گی۔ محور M پران قوتوں کے مر وڑ کا مجموعہ

$$T = R_1 \times F_1 + R_2 \times F_2$$
  
=  $(R_1 - R_2) \times F_1$   
=  $R_{12} \times F_1$ 

ہوگا جہاں دوسرے قدم پر  $F_2 = -F_1$  پر کیا گیا ہے۔اس مساوات میں قوتوں کے محور کا  $R_{12}$  پر کوئی اثر نہیں ہے لہذا کل قوت صفر ہونے کی صورت میں مروڑ کی قیمت محور پر منحصر نہیں ہے۔اسی عمل کوزیادہ قوتوں پر بھی لا گو کیا جاسکتا ہے۔



شکل 8.3: مقناطیسی میدان میں برقی رو گزارتے تفرقی بند دائرے پر مروڑ۔

چونکہ مروڑ کی قیمت محور پر منحصر نہیں ہے المذاہم محوراس مقام پر چن سکتے ہیں جس پر مروڑ کاحصول زیادہ آسان ہو۔ہم سطحی قوتوں کی صورت میں ایسا بمحور عموماً قوتوں کے ہم سطحی، جسم کے دھرے پر پایاجاتا ہے۔

آئیں شکل 8.3 میں دیے برقی رو گزارتے تاریر غیر میساں مقناطیسی میدان  $B = B_x a_{\rm X} + B_y a_{\rm Y} + B_z a_{\rm Z}$  میں مروڑ حاصل کریں۔ تصور کریں کہ تارچول M پر صرف گھوم سکتا ہے۔ اس تار کے اطراف  $d_x$  اور  $d_y$  بیل جبکہ اس میں برقی روا کی سمت تیر کے نشان سے ظاہر کی گئی ہے۔ اس جھوٹے رقبے کے وسط M پر مقناطیسی میدان

$$(8.19) B_0 = B_{x0}a_{x} + B_{y0}a_{y} + B_{z0}a_{z}$$

کے برابر ہے۔ یوں وسط سے  $rac{\mathrm{d} y}{2}$  – جانب نقطہ 1 پر مقناطیسی میدان ٹیلر تسلسل سے

$$\boldsymbol{B}_1 = \boldsymbol{B}_0 - \frac{\partial \boldsymbol{B}}{\partial y} \frac{\mathrm{d}y}{2} + \cdots$$

کھاجا سکتاہے جہاں تمام تفرق نقطہ M پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ صرف ایک درجی تفرق رکھتے ہوئے یوں

$$\boldsymbol{B}_{1} = \left(B_{x0} - \frac{\partial B_{x}}{\partial y}\frac{\mathrm{d}y}{2}\right)\boldsymbol{a}_{X} + \left(B_{y0} - \frac{\partial B_{y}}{\partial y}\frac{\mathrm{d}y}{2}\right)\boldsymbol{a}_{Y} + \left(B_{z0} - \frac{\partial B_{z}}{\partial y}\frac{\mathrm{d}y}{2}\right)\boldsymbol{a}_{Z}$$

حاصل ہوتاہے۔ یوں راہ کے اس طرف کی تفرقی لمبائی پر تفرقی قوت

$$d\mathbf{F}_1 = I dx \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times \mathbf{B}_1$$

$$dF_{1} = I dx a_{X} \times \left[ \left( B_{x0} - \frac{\partial B_{x}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{X} + \left( B_{y0} - \frac{\partial B_{y}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Y} + \left( B_{z0} - \frac{\partial B_{z}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Z} \right]$$

$$= I dx \left[ \left( B_{y0} - \frac{\partial B_{y}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Z} - \left( B_{z0} - \frac{\partial B_{z}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Y} \right]$$

 $\mathrm{torque}^9$ 

moment of force<sup>10</sup>

pivot1

moment arm12

8.4. قوت اور مروژ

$$abla المنذااس قوت کا بازوم کزیے اس طرف کے در میانے نقطے تک ہو گالیتنی  $\mathbf{R}_1 = -\frac{\mathrm{d}y}{2} \mathbf{a}_y$  کہ اس قوت کا بازوم کزیے اس طرف کے در میانے نقطے تک ہو گالیتنی ہوگا ہے ہوگا۔ اس قوت کا بازوم کزیے اس طرف کے در میانے نقطے تک ہو گالیتن ہوگا ہے ہوگا۔ اس قوت کا معیار اثر  $\mathbf{R}_1 = \mathbf{R}_1 imes \mathrm{d}\mathbf{F}_1$ 
 $= -\frac{\mathrm{d}y}{2} \mathbf{a}_y imes I \, \mathrm{d}x \, \left[ \left( B_{y0} - \frac{\partial B_y}{\partial y} \, \frac{\mathrm{d}y}{2} \right) \mathbf{a}_z - \left( B_{z0} - \frac{\partial B_z}{\partial y} \, \frac{\mathrm{d}y}{2} \right) \mathbf{a}_y \right]$ 
 $= -\frac{I}{2} \left( B_{y0} - \frac{\partial B_y}{\partial y} \, \frac{\mathrm{d}y}{2} \right) \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \mathbf{a}_x$$$

يو گا\_

ای طرح وسط سے 
$$rac{\mathrm{d}y}{2}$$
 جانب نقطہ 3پر مقناطیسی میدان مکلار ک تسلسل سے $B_3=B_0+rac{\partial B}{\partial y}rac{\mathrm{d}y}{2}+\cdots$ 

کھاجا سکتاہے جہاں تمام تفرق نقطہ M پر حاصل کئے جاتے ہیں۔ صرف ایک درجی تفرق رکھتے ہوئے یوں

$$m{B}_3 = \left(B_{x0} + rac{\partial B_x}{\partial y} rac{\mathrm{d}y}{2}
ight) m{a}_\mathrm{X} + \left(B_{y0} + rac{\partial B_y}{\partial y} rac{\mathrm{d}y}{2}
ight) m{a}_\mathrm{Y} + \left(B_{z0} + rac{\partial B_z}{\partial y} rac{\mathrm{d}y}{2}
ight) m{a}_\mathrm{Z}$$
حاصل ہوتا ہے۔ یوں راہ کے اس طرف کی تفرقی لببائی پر تفرقی قوت

 $d\mathbf{F}_3 = -I \, dx \mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times \mathbf{B}_3$ 

$$dF_{3} = -I dx a_{X} \times \left[ \left( B_{x0} + \frac{\partial B_{x}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{X} + \left( B_{y0} + \frac{\partial B_{y}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Y} + \left( B_{z0} + \frac{\partial B_{z}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Z} \right]$$

$$= I dx \left[ -\left( B_{y0} + \frac{\partial B_{y}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Z} + \left( B_{z0} + \frac{\partial B_{z}}{\partial y} \frac{dy}{2} \right) a_{Y} \right]$$

ہو گی۔اس قوت کا بازومر کزہے اس طرف کے در میان تک یعنی  $R_3=rac{\mathrm{d} y}{2}a_y$  ہے المذااس قوت کا معیار اثر

$$dT_{3} = R_{3} \times dF_{3}$$

$$= \frac{dy}{2} a_{y} \times I dx \left[ -\left(B_{y0} + \frac{\partial B_{y}}{\partial y} \frac{dy}{2}\right) a_{z} + \left(B_{z0} + \frac{\partial B_{z}}{\partial y} \frac{dy}{2}\right) a_{y} \right]$$

$$= -\frac{I}{2} \left(B_{y0} + \frac{\partial B_{y}}{\partial y} \frac{dy}{2}\right) dx dy a_{x}$$

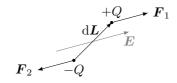
*ہو گا۔* 

ان دو قوتوں کے معیار اثر کا مجموعہ

$$\mathrm{d}T_1+\mathrm{d}T_3=-IB_{y0}\,\mathrm{d}x\,\mathrm{d}ya_{\mathrm{X}}$$
 کے برابر ہے۔ بالکل ای طرح تیسرے اور چھوتے اطراف کے قوتوں کے معیار اثر کا مجموعہ $\mathbf{d}T_2+\mathrm{d}T_4=IB_{x0}\,\mathrm{d}x\,\mathrm{d}ya_{\mathrm{Y}}$ 

2463

يا



شكل 8.4: برقى جفت قطب پر برقى ميدان ميں مروڑ۔

حاصل ہوتاہے۔یوں تمام اطراف کے قوتوں کے معیار اثر کا مجموعہ

 $dT = I dx dy \left( B_{x0} a_y - B_{y0} a_x \right)$ 

حاصل ہوتا ہے۔ قوسین میں بندھے کوصلیبی ضرب کی صورت میں لکھا جاسکتا ہے۔ یوں

 $dT = I dx dy (a_Z \times B_0)$ 

١

 $dT = I dS \times B$ 

حاصل ہوتا ہے جہاں بندراہ سمتی رقبے کی کو گھیرتی ہے۔مندرجہ بالامساوات میں کثافت مقناطیسی بہاو  $m{B}$ کھتے ہوئے زیر نوشت نہیں کھا گیا۔

بند دائرے میں برقی روضر برچھوٹے سمتی رقبے کا حاصل ضرب تفرقی مقناطیسی جفت قطب کے معیار اثر dm¹3 کی تعریف ہے جس کی اکائی A m^2 ہے۔ یوں

dm = I dS

أور

 $dT = dm \times B$ 

کھیے حا سکتے ہیں۔ - اسلام اسلام

مساوات 8.20ء مساوات 8.21ء اور مساوات 8.22ء عمو می مساوات ہیں جن میں جھوٹار قبہ d.S مربع کے علاوہ کسی بھی شکل کا ہو سکتا ہے اور اس کی سمت کچھے۔ بھی ہوسکتی ہے۔

غیریکسال مقناطیسی میدان کی صورت میں تاریر کل قوت صفر نہیں ہو گی۔

شکل 8.4 میں برقی میدان میں برقی جفت قطب د کھایا گیا ہے۔ مثبت چارج پر قوت  $F_1=QE$  اور منفی چارج پر قوت  $F_2=-QE$  ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس جفت قطب پر تفرقی مر وڑ

$$dT = dL \times QE$$
$$= dp \times E$$

کے برابر ہے جہاں  $dp = Q \, dL$  برقی جفت قطب ہے۔ مروڑ کی سمت صفحہ کے اندر جانب کو ہے۔ آپ نے دیکھا کہ مقناطیسی اور برقی جفت قطب پہیمروڑ کے سراوات یکساں ہیں۔ بالکل مقناطیسی جفت قطب کی طرح یہاں بھی مروڑ کا تخیینہ لگاتے وقت جفت قطب کے احاطے میں میدان E تبدیلی کو نظراندانہ کیا جاسکتا ہے۔

8.4. قوت اور مرور ً

مثال 8.2 شکل 8.3 میں چپوٹے رقبے کواتنا چپوٹا تصور کریں کہ اس پر مقناطیسی میدان یکساں تصور کرنا ممکن ہو۔ایسی صورت میں تفرقی مر وڑ حاصل کر ہیں۔

حل: یکسال میدان کی صورت میں

$$dF_1 = I dx a_X \times \left( B_{x0} a_X + B_{y0} a_Y + B_{z0} a_Z \right)$$
$$= I dx \left( B_{y0} a_Z - B_{z0} a_Y \right)$$

اور

$$dT_1 = -\frac{dy}{2}a_y \times I dx \left(B_{y0}a_z - B_{z0}a_y\right)$$
$$= -\frac{I}{2} dx dy B_{y0}a_x$$

حاصل ہوتے ہیں۔اسی طرح

$$dF_3 = -I dx a_X \times (B_{x0}a_X + B_{y0}a_Y + B_{z0}a_Z)$$
$$= I dx (-B_{y0}a_Z + B_{z0}a_Y)$$

اور

$$dT_3 = \frac{dy}{2} a_y \times I dx \left( -B_{y0} a_z + B_{z0} a_y \right)$$
$$= -\frac{I}{2} dx dy B_{y0} a_x$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں

$$dT_1 + dT_3 = -I dx dy B_{y0} a_X$$

حاصل ہوتے ہیں۔اسی طرح

$$d\mathbf{T}_2 + d\mathbf{T}_4 = I dx dy B_{x0} \mathbf{a}_y$$

حاصل ہوتاہے۔ان نتائے سے کل مروڑ

$$dT = I dx dy \left( B_{x0} a_{y} - B_{y0} a_{x} \right)$$

ہی حاصل ہوتاہے۔

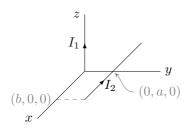
2475

مندرجہ بالامثال سے ثابت ہوتا ہے کہ غیر کیسال مقناطیسی میدان کی صورت میں مر وڑ حاصل کرتے وقت چھوٹے رقبے پر میدان کی تبدیلی کو نظرانداز کیا جاسکتا ہے۔اس مثال سے یہ بھی ظاہر ہے کہ کیسال مقناطیسی میدان میں تارپر کل قوت صفر کے برابر ہوتی ہے۔اگر مقناطیسی میدان حقیقت میں کیسال ہی ہوتب کسی بھی بڑے رقبے پر بھی مر وڑ بالکل اسی مساوات

(8.23) T = IS imes B = m imes B يكسان مقناطيسي ميدان



شکل 8.5: مروڑ دونوں مقناطیسی میدان کو متوازی بنانر کی کوشش کرتا ہر۔



شكل 8.6: چهوٹى تار پر مروڑ كا حصول.

سے حاصل ہو گاالبتہ غیر یکسال میدان کی صورت میں مروڑ کی تعریف استعال کرتے ہوئے ہی صحیح جواب حاصل ہو گا۔ سوال 16.9 میں آپ سے غیریکسال مہیدان میں مروڑ حاصل کرنے کو کہا گیاہے جبکہ سوال 16.10 میں مندرجہ بالامساوات استعال کرنے کو کہا گیاہے۔

غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ برقی رو گزارتے بند دائرے پر مر وڑاس ست میں دائرے کو گھمانے کی کوشش کرتا ہے جس میں دائرے سے پیدامقناہ طیسی میدان اور بیر ونی لا گو مقناطیسی میدان کی سمتیں ایک ہی ہوں۔اس حقیقت کوشکل 8.5 کی مد دسے یادر کھا جاسکتا ہے جہاں برقی رو گزارتے تارکی جگہ چھوٹامقنا طیس بیر ونی میدان میں دکھایا گیا ہے۔ چھوٹامقناطیس اس سمت میں گھومتا ہے جہاں دونوں میدان متوازی ہوں۔

 $-b_{as} < x < b$  ، y = a پرتار z = 0 پرتار z = 0 سمت میں گزررہی ہے۔اس کے قریب سطح z = 0 پرتار z = 0 برتار z = 0 مثال z = 0 سمت میں z = 0 برتار ہی ہے۔نقطہ z = 0 برقی رو گزررہی ہے۔نقطہ z = 0 برتار تصور سے مطال کریں۔صور سے مطال کی میدان میں چھوٹی تاریر مروڑ حاصل کریں۔صور سے مطال z = 0 میں دکھائی گئے ہے۔

حل: محدد 🛭 پر برقی رومیدان

$$\boldsymbol{B} = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi\rho} \boldsymbol{a}_{\phi}$$

پیدا کرتی ہے جسے کار تیسی نظام میں

$$m{B}=rac{\mu_0 I_1}{2\pi(x^2+y^2)}(-ya_{
m X}+xa_{
m Y})$$
 کھاجا سکتا ہے۔اس میدان کی قیمت اور سمت غیر کیساں ہیں۔کار تیسی میدان میں انتہائی چیوٹی کمبائی کو $m{d}m{L}={
m d}xa_{
m X}+{
m d}ya_{
m Y}+{
m d}za_{
m Z}$ 

$$\mathbf{d} \mathbf{f} = \mathbf{d} \mathbf{d} \mathbf{f}$$
 اور  $\mathbf{d} \mathbf{f} = \mathbf{d} \mathbf{f}$  بین لبذا  $\mathbf{d} \mathbf{f} = \mathbf{d} \mathbf{f}$  کلھا جاتا ہے۔ چیمو ٹی تاریخ انتہائی کی وقت  $\mathbf{d} \mathbf{f} = I \, \mathbf{d} \mathbf{f}$   $\mathbf{f} = I \, \mathbf{d} \mathbf{f} \mathbf{f}$   $\mathbf{f} = I \, \mathbf{d} \mathbf{f}$   $\mathbf{f} = I \, \mathbf{f}$   $\mathbf{$ 

ا کہتے ہیں۔ یاد رہے کہ تکمل میں ابتدائی اور اختتامی نقطے دراصل سمت تعین کرتے ہیں۔  $dm{L} = - \, \mathrm{d} x m{a}_{\mathrm{x}}$  کہتے ہیں۔ یاد رہے کہ تکمل میں ابتدائی اور اختتامی نقطے دراصل سمت تعین کرتے ہیں۔

کھاجا سکتا ہے۔ نقطہ (0,a,0) کو محور تصور کرتے ہوئے  $R=xa_{\mathrm{X}}$  کھاجا سکتا ہے۔ نقطہ

$$dT = \mathbf{R} \times d\mathbf{F}$$

$$= x\mathbf{a}_{\mathbf{X}} \times \frac{I_1 I_2 \mu_0 x \, dx \mathbf{a}_{\mathbf{Z}}}{2\pi (x^2 + y^2)}$$

$$= -\frac{I_1 I_2 \mu_0 x^2 \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}}{2\pi (x^2 + y^2)} \, dx$$

ہو گا۔یوں پورے تار پر کل مروڑ

$$T = \int_{b}^{-b} -\frac{I_{1}I_{2}\mu_{0}x^{2}a_{y}}{2\pi(x^{2} + y^{2})} dx$$

$$= \frac{I_{1}I_{2}\mu_{0}}{\pi} \left(b - a \tan^{-1} \frac{b}{a}\right) a_{y} \quad \text{N m}$$

y = a یر کیا گیاہے۔

2407

8.5 فولادي مقناطيسي اشياء اور مقناطيسي خطر

شکل 8.7 میں ایٹمی مرکز کے گرد مدار میں گھو متاالیکٹر ان دکھایا گیا ہے۔ حرکت کرتا چارج برقی روپیدا کرتا ہے۔ ایک برقی روجو مقید الیکٹر ان کی بناہو مقید برقی ہونے کی وجہہ سے الیکٹر ان کو بندگول دائر سے پر مقید برقی روقصور کیا جاسکتا ہے جو مقناطیسی جفت قطب سے کو جنم دیتی ہے۔ الیکٹر ان منفی ہونے کی وجہہ سے مقید برقی رون کے الٹ سمت میں ہوگی۔ ایٹمی مسائل صرف کوانٹم میکا نیات <sup>16</sup> سے ہی سمجھے جاسکتے ہیں۔ یہاں صرف اتنا بتانا ضرور کی ہے کہ لوہا، نوکل آاور کوہالٹ میکا اور کوہالٹ میکا سمجھے جاسکتے ہیں۔ ہم انہیں اشیاء پر غور کرتے ہیں۔ اس قدر زیادہ قیمت رکھتا ہے۔ یہ اشیاء فولادی مقناطیسی اشیاء <sup>19</sup> کہلاتے ہیں۔ ہم انہیں اشیاء پر غور کرتے ہیں۔

فولادی مقناطیسی اشیاء میں ایٹموں کے باہمی قوتوں کی وجہ سے قریبی جفت قطب ایک ہی سمت میں رخ کر لیتے ہیں۔ ایسے ہم صف 20 خطوں میں متعدد ایٹم ہٹائل ہوتے ہیں۔ ان خطوں کو مقناطیسی خطے ا<sup>2</sup> کہتے ہیں۔ مقناطیسی خطے مختلف شکل کے ہو سکتے ہیں اور ان کی جسامت ایک مائیکر و میٹر تاکئ سنٹی میٹر ممکن ہے۔ کسی بھی قطب کے دخ قدرتی مقناطیسی شہ میں انفراد کی مقناطیسی خطے کے مقناطیسی جفت قطب کے دخ مقناطیسی شہری مائیلی خطوں کے جفت قطب کے دخ مختلف سمتوں میں ہوتے ہیں۔ اس وجہ سے پورا قجم از خود کوئی مقناطیسی معیار اثر نہیں رکھتا۔ ہاں ہیر ونی مقناطیسی میدان ہیر ونی میدان ہیر ونی میدان ہیر ونی میدان سے کئی گنا ہڑھ جاتا ہے۔ بھرونی کے ہی سمت میں رخ کئے ہوں کا تجم ہڑھ جاتا ہے جبکہ بقایا مقناطیسی خطوں کا تجم کہ ہو جاتا ہے۔ بھرونی مقناطیسی معیار اثر رہ جاتا ہے۔ بھرونی میدان ہٹادیے سے تمام مقناطیسی خطوں کا مجموعی بقایا مقناطیسی معیار اثر رہ جاتا ہے۔ یہوں تمام مقناطیسی خطوں کا مجموعی بقایا مقناطیسی معیار اثر رہ جاتا ہے۔ یہوں تمام مقناطیسی خطوں کا مجموعی بقایا مقناطیسی معیار اثر رہ جاتا ہے۔ یہوں تمام مقناطیسی خطوں کا مجموعی بقایا مقناطیسی معیار اثر رہ جاتا ہے۔ یہوں تمام مقناطیسی نطوں کا مجموعی بقایا مقناطیسی معیار اثر رہ جاتا ہے۔ یہوں تمام مقناطیسی اشیاء کے خصوصیات گزشتہ حالات پر مخصر ہے ، مقناطیسی چال 22 کہلاتا ہے۔

bound current<sup>15</sup>

quantum mechanics16

nickel<sup>17</sup>

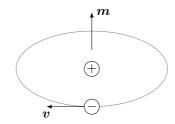
cobolt 18

ferromagnetic<sup>19</sup>

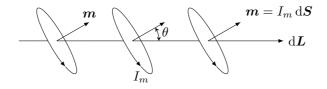
 $aligned^{20}$ 

magnetic domain<sup>21</sup>

hysteresis<sup>22</sup>



شکل 8.7: مدار میں گھومتے الیکٹران کے مقناطیسی جفت قطب کے معیار اثر کو بیرونی میدان کے متوازی دکھایا گیا ہے۔



شکل 8.8: بیرونی مقناطیسی میدان جفت قطب کو صف بستہ کئے ہوئے ہے جس سے بند راہ سے گھیرے گئے سطح میں مقید برقی رو سے اضافہ پایا جاتا ہے۔

8.6 مقناطیسیت اور مقناطیسی مستقل

2500

تصور کریں کہ کسی مادے کے اکائی حجم میں nمقناطیسی جفت قطب پائے جاتے ہوں۔اس مادے کے  $\Delta h$  حجم میں  $n \Delta h$  جفت قطب ہوں گے جن کا اجتماعی مقناطیسی معیار اثر ان کا سمتی مجموعہ

$$m_{\mathsf{J}^{\mathsf{S}}} = \sum_{i=1}^{n \Delta h} m_i$$

ہو گا۔انفرادیm مختلف قیمت اور سمت کے ہو سکتے ہیں۔اجتماعی مقناطیسی معیار اثر فی اکا کی حجم

(8.25) 
$$M = \lim_{\Delta h \to 0} \frac{1}{\Delta h} \sum_{i=1}^{n\Delta h} m_i$$

کو مقناطیسیت <sup>23</sup> پکارااور M سے ظاہر کیاجاتا ہے۔ مقناطیسیت کی اکائی بالکل H کے اکائی کی طرح ایمپیئر فی میٹر 🚣 ہے۔ مندرجہ بالا مساوات کا صفحہ 142 پروٹ مساوات 5.25 کے ساتھ موازنہ کریں جو تقطیب کی تعریف بیان کرتی ہے۔ مندرجہ ذیل پڑھتے ہوئے بھی تقطیب پر تبصرے کو ساتھ ساتھ دیکھتے رہیں۔

شکل 8.8 میں بندراہ کا پچھ حصہ dL و کھایا گیاہے جس پر مقناطیسی جفت قطب و کھائے گئے ہیں۔ چھوٹے رقبے dL کے ساتھ d کا ذاویہ بناتے ہیں۔ یوں چھوٹے جم معنا و dL معیاراثر dL کے ساتھ d کا ذاویہ بناتے ہیں۔ یوں چھوٹے جم معنا و dL معیاراثر dL کے ساتھ dL کا ذاویہ بناتے ہیں۔ یوں چھوٹے جم معنا و dL کی ساتھ و نے میں بیر ونی میدان dL کی ساتھ dL کی ساتھ dL کی ساتھ و نے ساتھ dL کی ساتھ و نے بین جس کی وجہ سے گھرے ساتھ و نے بین جس کی وجہ سے گھرے سے کی ساتھ و نے بین جس کی وجہ سے گھرے ساتھ و نے ساتھ و نے

$$dI_m = nI_m dS \cdot dL = M \cdot dL$$

اضافہ پیداکرتے ہیں۔ پورے بندراہ کے گرد چلتے ہوئے یوں کل اضافہ

$$I_m = \oint \boldsymbol{M} \cdot d\boldsymbol{L}$$

magnetization<sup>23</sup>

ہوگا۔

مندر جہ بالا مساوات ایمپیئر کے دوری قانون کی مساوات کے ساتھ قریبی مشابہت رکھتا ہے۔ یوں B اور H کے تعلق پر نظر ثانی کرتے ہوئے یوں بیان کیا جاسکتا ہے کہ یہ خالی خلاء کے علاوہ دیگر اشیاء میں بھی کار آمد ہو۔ ہماراموجودہ تھرہ بیرونی میدان B میں جفت قطب پر قوت اور مروڑ پر رہا ہے۔ آئیں B کو ہی بنیاد ی متغیرہ تصور کرتے ہوئے H کی بہتر تعریف حاصل کریں۔ایساکرنے کی خاطر ایمپیئر کے دوری قانون کو آزاد برقی رو ااور مقید برقی رو  $I_{10}$  کے مجموعے عالی صورت

$$\oint \frac{\boldsymbol{B}}{\mu_0} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{L} = I_{\mathcal{J}}$$

میں لکھتے ہیں جہاں

$$(8.29) I_{|\mathcal{S}} = I + I_m$$

کے برابرہے۔مندرجہ بالاتین مساوات سے

(8.30) 
$$I = I_{\mathcal{S}} - I_m = \oint \left(\frac{\boldsymbol{B}}{\mu_0} - \boldsymbol{M}\right) \cdot d\boldsymbol{L}$$

عاصل ہوتا ہے۔ قوسین میں بند ھے کو H کی بہتر تعریف لیتے ہیں یعنی

$$H = \frac{B}{\mu_0} - M$$

جسے پول

$$(8.32) B = \mu_0 \left( \boldsymbol{H} + \boldsymbol{M} \right)$$

8.30 کھاجا سکتاہے۔چونکہ خالی خلاء میں Mصفر کے برابر ہوتاہے لہذا مندر جبہ بالا مساوات سے خالی خلاء میں  $m{H}=\mu_0m{H}$  ہی حاصل ہوتاہے۔مساوات 8.30 میں  $m{H}$  کی نئی تعریف پینے کرنے سے ایمپیئر کے دوری قانون کو آزاد برقی روکی صورت

$$(8.33) I = \oint \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{L}$$

J

میں بیان کیا جا سکتا ہے۔

مختلف اقسام کے برقی روکے لئے

$$I_m = \oint_S J_m \cdot \mathrm{d}S$$
 $I_{\mathcal{J}^S} = \oint_S J_{\mathcal{J}^S} \cdot \mathrm{d}S$ 
 $I = \oint_S J \cdot \mathrm{d}S$ 

کھیے جاسکتے ہیں جن سے بذریعہ مسکلہ سٹو کس مساوات 8.28، مساوات 8.38اور مساوات 8.28 کے گردش

$$abla imes oldsymbol{M} = oldsymbol{J}_m 
abla imes oldsymbol{rac{B}{\mu_0}} = oldsymbol{J}_{ extstyle imes} 
abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J}_{ extstyle imes} 
abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J}_{ extstyle imes} 
abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J}_{ extstyle imes} 
abla imes oldsymbol{H}_{ extst$$

کھھے جاسکتے ہیں۔ ہمیں یہاں سے آگے مساوات 33.8اور مساوات 8.34سے غرض رہے گا۔ بید دونوں مساوات آزاد برقی روکے تعلق پیش کرتے ہیں۔

مساوات 8.32 کثافت مقناطیسی بہاو **B**، مقناطیسی میدان کی شدت **H**اور مقناطیسیت **M** کے تعلق کو بیان کرتی ہے۔ خطی 24اور <mark>غیر سمتی خاصیت</mark> <sup>25</sup> کے اشیاء میں مقناطیسیت اور میدان کے شدت کا خطی تعلق

$$(8.35) M = \chi_m H$$

پایاجاتاہے جہاں  $\chi_m$  کو مقناطیسی اثریذیری $^{26}$  کہاجاتا ہے۔یوں

$$\mathbf{B} = \mu_0 \left( \mathbf{H} + \chi_m \mathbf{H} \right)$$
$$= \mu_0 (1 + \chi_m) \mathbf{H}$$

کھاجا سکتا ہے۔ قوسین میں بند جھے کو جزوی مقناطیسی مستقل <sup>22</sup> پکار ااور <sub>4R</sub>سے ظاہر کیاجاتا ہے یعنی

$$\mu_R = 1 + \chi_m$$

يول

 $\boldsymbol{B} = \mu_0 \mu_R \boldsymbol{H}$ 

یا

$$(8.37) B = \mu H$$

حاصل ہو تاہے جہاں µ

$$\mu = \mu_0 \mu_R$$

مقناطیسی مستقل 28 پکاراجاتا ہے۔ جزوی مقناطیسی مستقل µ کے استعال سے ہابوٹ سیوارٹ کا قانون اورایمپیئر کے دوری قانون کو خالی خلاء کے علاوہ ان تماہ اشیاء میں بھی استعال کیا جاسکتا ہے جو خطی اور غیر سمتی خاصیت رکھتے ہوں۔ایسے اشیاء مساوات 8.35 پر پورااتر تے ہیں۔

 $_st$ فولادی مقناطیسی اشیاء کے  $\mu_R$  کی قیمت 10 تا 100 100 پائی جاتی ہے۔

سمتی خاصیت  $^{22}$  کے اشیاء میں H کاہر کار تبیسی جزوB کے ہر کار تبیسی جزویر اثر انداز ہوتا ہے للذاان کا تعلق تناوی شکل

(8.39) 
$$B_{x} = \mu_{xx}H_{x} + \mu_{xy}H_{y} + \mu_{xz}H_{z}$$

$$B_{y} = \mu_{yx}H_{x} + \mu_{yy}H_{y} + \mu_{yz}H_{z}$$

$$B_{z} = \mu_{zx}H_{x} + \mu_{zy}H_{y} + \mu_{zz}H_{z}$$

میں لکھاجاسکتا ہے۔ یہ مساوات صفحہ 145 پر دیے مساوات 5.40 کی طرح ہے۔ یوں سمتی خاصیت کے اشیاء میں  $m{H}=m{B}$  تعلق میں  $\mu$  تناوی مستقل ہے۔ مساوات  $m{B}=\mu_0(m{H}+m{M})$  اور  $m{M}$  عموماً غیر متوازی ہوں گے۔

مقناطیسی اثریذیری کی بات کرتے ہوئے خطی تعلق تصور کیا گیاہے۔ حقیقت میں ایساخطی تعلق صرف غیر مقناطیسی اشیاء میں ہی پایاجاتاہے۔

linear<sup>24</sup>

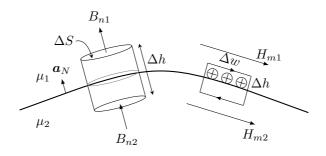
<sup>-4:- -----4:1:1:4-26</sup> 

 $<sup>{\</sup>rm magnetic~susceptibility^{26}}$  relative magnetic constant, relative permeability  $^{27}$ 

 $magnetic\ constant,\ permeability^{28}$ 

anisotropic29

8.7. مقناطیسی سرحدی شرائط



شكل 8.9: مقناطيسي سرحدي شرائط.

8.7 مقناطیسی سرحدی شرائط

2512

ہم موصل اور ذوبرق کے سرحدی شرائط دیکھے ہیں۔انہیں دیکھتے ہوئے آگے پڑھیں۔بالکل انہیں کی طرح شکل 8.9 کی مددسے مقناطیسی سرحدی شرائط حاصل کرتے ہیں جہاں دومقناطیسی اشیاء کا سرحد دکھایا گیاہے جن کے مقناطیسی مستقل 41اور 42 ہیں۔ سرحد پر چھوٹے نکلی ڈب کی لمبائی کم سے کم کرتے ہوئے گاؤس کے قانون

$$\oint_{S} \boldsymbol{B} \cdot d\boldsymbol{S} = 0$$

کے اطلاق سے

$$B_{n1}\Delta S - B_{n2}\Delta S = 0$$

لعني

$$(8.40) B_{n2} = B_{n1}$$

يا

$$(8.41) H_{n2} = \frac{\mu_1}{\mu_2} H_{n1}$$

 $\frac{\mu}{\mu}$  کی شرح سے جوڑ دار ہے۔ مندر جہ بالا دو مساوات کو یوں  $\frac{\mu}{\mu}$  کی شرح سے جوڑ دار ہے۔ مندر جہ بالا دو مساوات کو یوں

$$a_N \cdot (B_2 - B_1) = 0$$

$$a_N \cdot \left( \boldsymbol{H}_2 - \frac{\mu_1}{\mu_2} \boldsymbol{H}_1 \right) = 0$$

مجھی لکھا جا سکتا ہے۔

سر حدیر عمودی M کا تعلق سر حدیر عمودی H کے تعلق سے حاصل ہوتا ہے۔ خطی خاصیت کے مقناطیسی اشیاء کے لئے یوں

$$M_{n2} = \frac{\chi_{m2}}{\chi_{m1}} \frac{\mu_1}{\mu_2} M_{n1}$$

كلها جا سكتا ہے۔

سر حدیرانتہائی کم موٹائی کے خطے میں کثافت برتی روK تصور کرتے ہوئے کثافت کے عمودی  $\Delta L$  چوڑائی پر برتی روL کا کسی جاسکتی ہے۔ یوں سرحد پر متوازی اجزاء کا شرط شکل میں مستطیل راہ پر ایم پیئر کے دوری قانون

$$\oint \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{L} = I$$

کے اطلاق سے

$$H_{m1}\Delta w - H_{m2}\Delta w = K_{\perp}\Delta w$$

لعيني

$$(8.45) H_{m1} - H_{m2} = K_{\perp}$$

حاصل ہوتاہے جہاں  $K_{\perp}$ سے مراد K کاوہ حصہ ہے جو  $H_{m1}$ اور  $H_{m2}$  عمود کی ہے۔ سمتی ضرب کے استعال سے مندر جہ بالا مساوات کو

$$a_N \times (\boldsymbol{H}_1 - \boldsymbol{H}_2) = \boldsymbol{K}_{\perp}$$

کھاجاسکتاہے جہاں $oldsymbol{a}_N$ سرحد پر عمود کی اکائی سمتیہ ہے۔ سرحد کے متوازی  $oldsymbol{a}_N$  لیے یوں

$$\frac{B_{m1}}{\mu_1} - \frac{B_{m2}}{\mu_2} = K_{\perp}$$

l

$$a_N \times \left(\frac{B_{m1}}{\mu_1} - \frac{B_{m2}}{\mu_2}\right) = \mathbf{K}_{\perp}$$

کھاجا سکتا ہے۔اس طرح خطی خاصیت کے اشیاء کے لئے سرحد کے متوازی M کے لئے

$$(8.49) M_{m2} = \frac{\chi_{m2}}{\chi_{m1}} M_{m1} - \chi_{m2} K_{\perp}$$

کھاجا سکتا ہے۔ سرحد پر صفر کثافت برقی رو کی صورت میں مندرجہ بالاتین مساوات سادہ صورت اختیار کر لیتے ہیں۔ دونوں اشیاء غیر موصل ہونے کی صورت میں سرحد پر کثافت برقی روصفر ہی ہوتی ہے۔

مقناطیسی دور 8.8

یک سمتی برقی ادوار حل کرنے سے آپ بخوبی آگاہ ہوں گے۔ کئی مقناطیسی مسائل بالکل انہیں کی طرح حل ہوتے ہیں۔ برقی مشین مثلاً موٹر اورٹر انسفار مر کے کار پھرد گی پر غور کرتے وقت انہیں مقناطیسی ادوار سمجھاجاتا ہے۔ میری کتاب " برقی آلات " میں اس ترکیب پر پورا باب ہے اور پوری کتاب میں اس ترکیب کو استعال پھوتے ہوئے مختلف برقی مشین پر غور کیا گیا ہے۔ آئیں اس ترکیب کو دیکھیں۔

سب سے پہلے ان برقی اور مقناطیسی مساوات کو پاس پاس کھتے ہیں جن کی مد د سے مقناطیسی او وار کا تصور پیدا ہو تا ہے۔ برقی د باواور برقی میدان کی شدت کا تعلق  $m{E} = abla V$ 

ہے۔غیر سمتی مقناطیسی د باواور مقناطیسی میدان کی شدت کے تعلق

$$(8.51) H = -\nabla V_m$$

سے بھی آپ بخوبی واقف ہیں۔ منبع برقی دباو کو محرک برقی دباو پکاراجاتا ہے۔ اسی مشابہت کی بناپر غیر مقناطیسی دباو کو محرک مقناطیسی دباو کی اوالوہ ہے کہ مقناطیسی دباو کی اکائی ایمپیئر ہے۔ حقیقت میں عموماً متعدد چکر کے لیچھے کو بطور متحرک مقناطیسی دباو استعال کیا جاتا ہے اور یوں اس کی اکائی ایمپیئر - چکر 30 کی جاتی ہے۔ یاولوہ ہے کہ غیر سمتی مقناطیسی دباو صرف اس خطے میں معنی رکھتا ہے جہاں برقی روموجود نہ ہو۔

8.8. مقناطیسی دور

د و نقطوں کے در میان برقی دیاو کے فرق کو

$$(8.52) V_{AB} = -\int_{B}^{A} \boldsymbol{E} \cdot d\boldsymbol{L}$$

کھاجاتا ہے۔ بالکل اسی طرح دونقطوں کے در میان مقناطیسی دباوے فرق کو

$$V_{mAB} = -\int_{B}^{A} \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{L}$$

کھاجاتا ہے۔صفحہ 235پر مساوات 7.80میں بتلایا گیا کہ غیر سمتی مقناطیسی دباوے حصول کے دوران مندر جہ بالا تکمل میں  $\phi=\phi$ پر سے نہیں گزراجائے گلھاس حقیقت کاخیال رکھناضر وری ہے۔

برقی ادوار میں اوہم کے قانون کی نقطہ شکل

$$(8.54) J = \sigma E$$

سے کون خبر دار نہیں ہے۔ یہ مساوات کثافت برقی رواور برقی میدان کے شدت کا تعلق بیان کرتی ہے۔مقناطیسی او وار میں اس کا مقابل

$$(8.55) B = \mu H$$

ہے جو کثافت مقناطیسی بہاواور مقناطیسی میدان کے شدت کا تعلق پیش کرتی ہے۔

کل برقی روبذریعه سطحی تکمل

$$(8.56) I = \int_{S} \boldsymbol{J} \cdot d\boldsymbol{S}$$

حاصل ہوتی ہے۔ کل مقناطیسی بہاو بھی ایسے ہی تکمل سے حاصل ہو گالہذا

$$\Phi = \int_{S} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

2527 کھاجائے گا۔ یوں برقی ادوار میں I اور مقناطیسی ادوار میں  $\Phi$ اہمیت کے حامل ہیں۔

برتی اد دار میں برتی د باواور برتی رو کی شرح کو برتی مزاحمت پکار ااور Rسے ظاہر کیا جاتا ہے لینی

$$(8.58) V = IR$$

ہم بالکل اسی طرح متحرک مقناطیسی دیاواور مقناطیسی بہاو کی شرح کو بچکچاہٹ کا نام دیتے ہیں جسے ۱۳ سے ظاہر کیا جائے گالہذا مقناطیس اد وار کے لئے

$$(8.59) V_m = \Phi \Re$$

کھاجا سکتا ہے۔ بچکچا ہٹ کی اکائی ایمپییز - چکر فی ویبر (A · t/Wb) ہے۔

خطی اور غیر سمتی خاصیت کے بکسال مادہ جس کی موصلیت  $\sigma$ ہوسے بنایا گیا برقی مزاحمت

$$(8.60) R = \frac{d}{\sigma S}$$

کے برابرہے جہاں مزاحمت کی لمبائی dاوراس کارقبہ عمودی تراش پورے لمبائی پریکساں S کے برابرہے۔اگر خطی اور غیر سمتی خاصیت کے یکساں مادہ سے پچکچاہٹ بنایاحائے تواس کی قیت

$$\Re = \frac{d}{\mu S}$$

ہو گی جہاں ہیچکچاہٹ کی لمبائی a اور اس کار قبہ عمود ی تراش پورے لمبائی پریکساں S کے برابر ہے۔ حقیقت میں ہوائے علاوہ ایسا کو ئی مادہ نہیں پایا جاتا جس سے اٹل قیمت کی ہیچکچاہٹ بنائی جاسکے۔

مثال 8.4: ایک سلاخ جس کی لمبائی cm 15 اور رداس mm 1 ہے کی موصلیت s مثال 8.4 بر 20 22 بر قی دباولا گو کی جاتی ہے۔سلاخ کی مزاحمت اور اس میں برقی روحاصل کریں۔سلاخ میں کثافت برقی رو بھی حاصل کریں۔

حل:مزاحمت

$$R = \frac{d}{\sigma A} = \frac{0.15}{7 \times 10^4 \times \pi \times 0.001^2} = 39.8 \,\Omega$$

اور برقی رو

$$I = \frac{V}{R} = \frac{220}{39.8} = 5.5 \,\text{A}$$

اوريوں كثافت برقى روہو گا

$$J = \frac{I}{A} = \frac{5.5}{\pi \times 0.001^2} = 1.75 \, \frac{\text{MA}}{\text{m}^2}$$

2534

مثال 8.5: ایک سلاخ کی لمبائی cm 15 اورر داس cm 2 ہے کی جزومقناطیسی مستقل 1000 ہے۔اس پر 100 چکر کا کچھا جس میں A 0.5 ہر قی روہو مقناطیسی د د باولا گو کرتا ہے۔سلاخ کی بچکھا ہٹاوراس میں مقناطیسی بہاو حاصل کریں۔سلاخ میں کثافت مقناطیسی بہاو بھی حاصل کریں۔

حل: الحيكيابث

$$\Re = \frac{d}{\mu_R \mu_0 A} = \frac{0.15}{1000 \times 4 \times \pi \times 10^{-7} \times \pi \times 0.02^2} = 94\,988\,\mathrm{A\cdot t/Wb}$$

اور مقناطیسی بہاو

$$\Phi = \frac{V_m}{\Re} = \frac{100 \times 0.5}{94988} = 0.53 \,\text{mWb}$$

اور یوں کثافت مقناطیسی بہاوہو گی

$$B = \frac{\Phi}{A} = \frac{0.00053}{\pi \times 0.02^2} = 0.42 \,\mathrm{T}$$

2538

8.9 مقناطيسي مخفى توانائي

سی مخفی توانائی

ساکن برقی میدان پر غور کے دوران ہم نے نقطہ چارج پر قوت کے تجرباتی نتائج سے کولومب کا قانون اخذ کیا۔اس قانون کواستعال کرتے ہوئے مختلف نقطہ چارج کولا محدود فاصلے سے مختلف اختتامی مقامات پر رکھنے کی خاطر کل در کار توانائی حاصل کی گئی۔ یہی ساکن برقی میدان کی مختی توانائی کتھی۔اس مخفی توانائی کی عمومی مساوات

$$W_{j,j} = \frac{1}{2} \int_{h} \mathbf{D} \cdot \mathbf{E} \, \mathrm{d}h$$

 $_{\circ}$  جہاں $oldsymbol{D}$ اور  $oldsymbol{E}$  کا تعلق راست تناسب تصور کیا گیا ہے۔

یہاں خیال آتا ہے کہ مقاطیسی میدان کی مخفی توانائی بھی اسی طرز پر حاصل کی جاستی ہے جیسے برقی میدان کی مخفی توانائی حاصل کی گئی تھی، یعنی، ایک برقی رو گزارتے تارکے قریب دوسرے برقی رو گزارتے تار کو قریب لاتے ہوئے در کار توانائی معلوم کر کے۔ حقیقت میں معاملہ اتناسادہ نہیں ہے۔ جیسے کہ اگلے باہیو میں بتلایاجائے گا، مقناطیسی میدان میں حرکت کرتے جصمیں برقی دباو پیدا ہوتا ہے جس میں معاملہ خاصہ تبدیل ہوجاتا ہے۔

مقناطیسی میدان کی مخفی توانائی اگلے باب میں **پوئنٹنگ سمتی**ہ <sup>31</sup>سے حاصل کی جائے گی۔ یہاں مقناطیسی مخفی توانائی کی مساوات صفر پیش کرتے ہیں

$$W_{\omega} = \frac{1}{2} \int_{h} \boldsymbol{B} \cdot \boldsymbol{H} \, \mathrm{d}h$$
 (8.63)

جو شکل سے برتی مخفی توانائی کے مساوات کے قریبی مشابہت رکھتا ہے۔ اس میں  $B=\mu H$  پر کرنے سے

(8.64) 
$$W_{\text{minimum}} = \frac{1}{2} \int_{h} \mu H^{2} \, \mathrm{d}h$$

اور

$$W_{\rm constitution}=rac{1}{2}\int_hrac{B^2}{\mu}\,{
m d}h$$

بھی حاصل ہوتے ہیں۔

برتی مخفی توانائی کی طرح یہاں بھی یہ بتلانا کہ مخفی توانائی در حقیقت کہاں پر ہے ناممکن ثابت ہوتا ہے البتہ حساب و کتاب آسان بنانے کی خاطر ہم فرض کموسکتے بیں کہ یہ توانائی پورے جم میں بطور کثافت توانائی **H** · **H** یائی جاتی ہے جسے جاول فی مربع میٹر 3 J/m میں ناپاجائے گا۔

8.10 خود امالہ اور مشترکہ امالہ

برتی ادوار میں مزاحت، کیبیسٹر اور امالہ کر داراداکرتے ہیں۔ مزاحت اور کیبیسٹر پرہم بات کر پچے ہیں۔ برقی د باواور برتی روکی شرح کو مزاحت کہا گیا۔ ہم نے دیکھا کہ مزاحت کے قیمت کادار و مدار مزاحت کے لمبائی، رقبہ عمودی تراش اور موصلیت پر ہے۔ اس طرح دوچادروں میں سے کسی ایک پر چارج کی حتی قیمت الدوان چادروں کے در میان فاصلے چادروں کے در میان برقی د باوکی شرح کو کیبیسٹنس کہا گیا۔ ہم نے دیکھا کہ کیبیسٹر کے قیمت کادار و مدار کیبیسٹر کے چادروں کے در میان فاصلے اور چادروں کے در میان مالد ہوں کے در میان فاصلے اور چادروں کے در میان مادے کی مستقل پر ہے۔ یوں مزاحت اور کیبیسٹر کے قیمت ان کے شکل، جسامت اور مادے کے مستقل پر ہے۔ اس جھے میں ہم امالہ لیم خور کریں گے جس کی اکائی ہیئری ک<sup>3</sup> ہے۔ امید کی جاتی ہے کئی مساوات میں امالہ اور فاصلہ دونوں کے لئے ایک ہی علامت یعنی کا استعال کیا گیا ہے۔ امید کی جاتی متن سے ان کافرق کرنا ممکن ہوگا۔ ہم دیکھیں گے کہ اس کے قیمت کادار و مدار امالہ کی شکل، جسامت اور مقناطیسی مستقل پر ہے۔

امالہ سیجھنے کی خاطر ارتباط بہاو ق<sup>3</sup>کاذ کر ضرور ک ہے۔تصور کریں کہ N چکر لا کچھا جس میں I برقی رو گزر رہاہے کل  $\Phi$  مقناطیسی بہاو پیدا کرتاہے۔تصور کدیں کہ P چکر سے آزتی ہے۔یوں بہاو گزرتی ہے۔یوں بہاو گزرتی ہے۔یوں بہاو گزرتی ہے۔یوں بہاو گزرتی ہے۔ار تباط بہاوسے مراد کھے ہے اور اسی طرح بقایا ہر چکر سے بھی اتنی ہی بہاو گزرتی ہے۔ار تباط بہاوسے مراد کھے ایکنی تمام چکرسے گزرتی بہاو کا مجموعہ۔

ار تباط بہاواور برقی رو کی شرح کوامالہ کہاجاتاہے۔ا گرار تباط بہاواسی برقی روسے پیدا ہو تب ان کی شرح کوخ<mark>ودامالہ <sup>34</sup> کہتے ہیں جسے عموماً چھوٹا کرکے صرف امالہ</mark> پکاراجاتا ہے۔اس کے برعکس اگر برقی روایک تاریبیں ہواور ارتباط بہاود و سری تارکی ہو تب ان کے شرح کو <mark>مشتر کہ امالہ <sup>35</sup> کہتے ہی</mark>ں۔اس ھے میں خودامالہ پر ہی غور کیاجائے گا۔اگلے ھے میں مشتر کہ امالہ پر غور کیاجائے گا۔

$$(8.66) L = \frac{N\Phi}{I}$$

اس مساوات میں تصور کیا گیا ہے کہ پورامقناطیسی بہاوتمام چکرسے گزرتی ہے۔امالہ کی یہ تحریف صفر خطی مقناطیسی اشیاء کے لئے معنی رکھتی ہے۔خطی مقناطیسی اشیاء سے مرادایسے مقناطیسی اشیاء بیں جن میں مقناطیسی جال کی بناپر امالہ کی کیوئی اشیاء سے مرادایسے مقناطیسی اشیاء بیں مقناطیسی جال کی بناپر امالہ کی کیوئی ایک تحریف تمام موقعوں کے لئے کار آمد ثابت نہیں ہوتا۔ ہم خطی مقناطیسی اشیاء تک ہی بحث کو محدود رکھیں گے۔

آئیں ہم محوری تارے اکائی لمبائی کی امالہ حاصل کریں۔صفحہ 205پر مساوات 7.13

$$H_{\phi} = \frac{I}{2\pi\rho} \qquad (\rho_1 < \rho < \rho_2)$$

ہم محوری تار میں تاروں کے در میانی خطے میں مقناطیسی شدت دیتاہے جسے استعال کرتے ہوئے اس خطے میں  $z_0$  لمبائی پر کل مقناطیسی بہاو

$$\Phi = \int_{S} B_{\phi} \, dS$$

$$= \int_{0}^{z_{0}} \int_{\rho_{1}}^{\rho_{2}} \frac{\mu I \, d\rho \, dz}{2\pi \rho}$$

$$= \frac{\mu I z_{0}}{2\pi} \ln \frac{\rho_{2}}{\rho_{1}}$$

حاصل کیا جاسکتا ہے۔ یہ مقناطیسی بہاودونوں تاروں کے در میانے خطے میں اندرونی تار کے گرد گھومتی ہے للذائکمل میں کسی بھی زاویہ پر 20 کمبی ہی اورونوں تار کی امالہ لی جاسکتی ہے۔ یوں اکائی لمبائی پر ہم محوری تارکی امالہ

$$L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

ہو گی۔ یہاں N = 1 یعنی ایک ہی چکر ہے اور تمام کا تمام مقناطیسی بہاد پورے برقی روکے گرد چکر کا ٹتی ہے۔

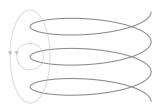
اب تصور کریں کہ پیچپدار کچھے کی امالہ در کار ہو جسے شکل 8.10 میں د کھایا گیا ہے۔ایسے کچھے کے پہلے چکر کا پورا بہاو پہلے چکر سے گزرتی ہے البتہ اس کا پچھ ہی حصہ دوسرے یا تیسرے چکرسے گزرتی ہے۔ یہی پچھ بقایا چکر کے بارے میں بھی کہاجا سکتا ہے۔ایسی صورت میں کچھے کی ارتباط بہاو حاصل کرنے کی خاطر ہر چکر سے گزرتی انفراد می بہاولیتے ہوئے تمام کا مجموعہ حاصل کیا جائے گا یعنی

ارتباط بهاو
$$\Phi_1+\Phi_2+\cdots+\Phi_N=\sum_{i=1}^N\Phi_i$$

flux linkage<sup>33</sup> self inductance<sup>34</sup>

mutual inductance<sup>35</sup>

8.10. خود امالہ اور مشترکہ امالہ



شکل 8.10: متعدد چکر کے لچھے میں ہر چکر سے گزرتی مقناطیسی بہاو مختلف ہو سکتی ہے۔

آئیں اب امالہ کی عمومی مساوات حاصل کریں۔

Bکسی بھی بندراہ پر یک سمتی بر تی روI گزرنے سے کثافت مقناطیسی بہاوB=
abla imes A

پیداہوتی ہے جہاں Aسمتی مقناطیسی دیاوہ جسے

 $\mathbf{A} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \oint \frac{\mathrm{d}\mathbf{L}}{R}$ 

ے حاصل کیا جاسکتا ہے۔ ایسی بندراہ سطح S کو گھیرتی ہے جس میں سے گزرتی کل مقناطیسی بہاو  $\Phi$  کو تکمل

 $\Phi = \int_{S} \boldsymbol{B} \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{S}$ 

سے حاصل کیا جاسکتاہے۔اس تکمل میں B پر کرنے سے

 $\Phi = \int_{\mathcal{S}} (\nabla \times \mathbf{A}) \cdot d\mathbf{S}$ 

عاصل ہوتاہے۔مسّلہ بایوٹ سیوارٹ کی مددسے اسے

 $\Phi = \oint A \cdot dL$ 

کھھاجا سکتا ہے جہاں بند تکمل سطح کے سر حدیعنی برقی رو گزارتے بند راہ پر حاصل کیا جائے گا۔اس مساوات میں A پر کرنے سے

 $\Phi = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \oint \left( \oint \frac{\mathrm{d}\boldsymbol{L}}{R} \right) \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{L}$ 

حاصل ہوتاہے۔ یوں امالہ کی عمومی مساوات

 $L = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint \left( \oint \frac{\mathrm{d}\boldsymbol{L}}{R} \right) \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{L}$ 

حاصل ہوتی ہے۔ یہاں تکمل کے اندر L فاصلے کو ظاہر کرتی ہے جبکہ مساوات کے بائیں ہاتھ یہی علامت امالہ کو ظاہر کرتی ہے۔

امالہ کی مساوات سے ظاہر ہے کہ امالہ کی قیت کا دار ومدار صرف اور صرف تاریا کچھے کی شکل و جسامت اور مقناطیسی مستقل پر منحصر ہے۔

امالہ کی مساوات حاصل کرنے کی خاطر سطحی تکمل لیا گیا۔ایک چکر کے بندراہ جس سطح کو گھیر تی ہے،اس کی شکل ذہن میں آسانی سے بن جاتی ہے البتہ پیچپدار لچھا جس سطح کو گھیر تاہے اس کی شکل ذہن میں ذرہ مشکل <sup>36</sup> سے بنتی ہے۔ سطحی تکمل لیتے وقت الیی تمام ممکنہ سطح استعمال کی جاسکتی ہیں جن کا سر حدیب پیپدار لچھے کھیا تار ہو۔ برقی رو گزارتے تار کی رداس صفر کرنے سے بابوٹ سیوارٹ کے قانون کے تحت لا محدود کثافت مقناطیسی بہاوحاصل ہو گی جس سے لا محدود توانائی اور لا مجدود امالہ حاصل ہوتا ہے۔حقیقت میں قابل استعال جوابات حاصل کرنے کی خاطر تار کے رداس چھوٹاضر ور لیکن صفر تہجی تصور نہیں کیاجاتا۔

کسی بھی برقی رو گزارتے تار کے اندر بھی زاویائی مقناطیسی بہاو پایاجاتا ہے۔تار کے محور کے قریب گھومتی اندرونی بہاو کم برقی رو کو گھیرتی ہے جبکہ محورہے دور زاویائی اندرونی بہاوزیادہ برقی رو گھیرتی ہے۔ جیسا آپ اگلے بابوں میں پڑھیں گے ، زیادہ تعدد پر تار کے بیرونی سطح کے قریب زیادہ برقی رو گزرتی ہے للذازیادہ تعدد پرتار کی اندرونی امالہ کا کردار قابل نظر انداز ہوتا ہے البتہ کم تعدد پراس کا حساب رکھنا ضروری ہوتا ہے۔

مثال 8.6: لا محدود لمبائی کے تار کی اندرونی امالہ حاصل کریں۔

 $\frac{I\rho^2}{\rho_1^2}$  حل: رداس  $\rho_1$  تار کوی محد دپر تصور کرتے ہیں۔تار میں کثافت برقی رو یکساں تصور کرتے ہوئے  $J=\frac{I}{\pi\rho_1^2}$  حاصل ہوتا ہے۔ رداس  $\rho_2$  گول دائر ہوگا۔ برقی رو گھیر تا ہے لہذاایمپیئر کے دوری قانون کے تحت اس دائر بے پر زاویائی شدت  $H_\phi=\frac{I\rho}{2\pi\rho_1^2}$  ہوگی۔ رداس  $\rho_2$  میں گوڑائی اور  $\rho_3$  کہ مستطیل سطح سے سے

 $d\Phi = B_{\phi}z_0 d\rho = \mu H_{\phi}z_0 d\rho$ 

بہاو گزرے گی۔ا گرتار کو متعدد باریک متوازی تاروں کا مجموعہ تصور کیا جائے تو مندر جہ بالا تفر قی بہاو صفر ho = 1 اندر تاروں کو گھیرتی ہے جوایک چکر کا صرف حصہ ہیں لہذا یہ تفر قی بہاو صرف

ينوفي ارتباط بهاو  $rac{
ho^2}{
ho_1^2}\,\mathrm{d}\Phi = rac{
ho^2}{
ho_1^2}\mu H_\phi z_0\,\mathrm{d}
ho = rac{\mu I z_0}{2\pi
ho_1^4}
ho^3\,\mathrm{d}
ho$ 

دیتی ہے۔اگر تفرقی بہاوتمام فرضی باریک تاروں کو گھیرتی تب بیا یک چکر شار ہوتا۔یوں تکمل سے اندرونی ارتباط بہاو

ارتباط بهاو
$$=\int_0^{
ho_1}rac{\mu Iz_0}{2\pi
ho_1^4}
ho^3\,\mathrm{d}
ho=rac{\mu Iz_0}{8\pi}$$

حاصل ہوتی ہے جس سے اندرونی امالہ

$$L_{ ext{out}} = rac{\mu z_0}{8\pi}$$

يافى ميٹراماليہ

حاصل ہوتی ہے۔

2576

جوابات: تار کی لمبائی <sub>20</sub> لیتے ہوئے

$$\begin{split} I_{\text{Dec}} &= \left(\frac{\rho_3^2 - \rho^2}{\rho_3^2 - \rho_2^2}\right) I \\ H_{\phi} &= \frac{I}{2\pi\rho} \left(\frac{\rho_3^2 - \rho^2}{\rho_3^2 - \rho_2^2}\right) \\ \mathrm{d}\Phi &= \mu H_{\phi} z_0 \, \mathrm{d}\rho \end{split}$$
 المن الموتاج مي تفرقى بهاوايك عير كي  $\frac{\rho_3^2 - \rho^2}{\rho_3^2 - \rho_2^2} \stackrel{Q}{=} 2$  كرد محمومتى بها لمذا تفرقى ارتباط بهاو  $\frac{\mu I z_0}{2\pi\rho} \left(\frac{\rho_3^2 - \rho^2}{\rho_3^2 - \rho_2^2}\right)^2 \, \mathrm{d}\rho \end{split}$  عاضل ہوتا ہے ۔ يہ تفرقی ارتباط بہاو

اور یوں $z_0=z_{y}$  کرتے ہوئے فی میٹرامالہ

$$L_{\rm jt} = \frac{\mu}{2\pi \left(\rho_3^2 - \rho_2^2\right)^2} \left(\rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2\right)$$

حاصل ہوتی ہے۔

مساوات 8.69 ہی ہم محوری تاریے اندرونی تاری امالیہ دیتا ہے۔ یوں کم تعدد پر مساوات 8.67 مساوات 8.69 اور مساوات 8.70 کا مجموعہ

$$L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\mu}{8\pi} + \frac{\mu}{2\pi \left(\rho_3^2 - \rho_2^2\right)^2} \left(\rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2\right)$$

فی میٹر ہم محوری تار کا کل امالہ ہو گا۔ جیسے اگلے بابوں میں بتلایاجائے گا، بلند تعدد پر تار میں کثافت برقی رو یکساں نہیں رہتی جس کی وجہ سے تارکی امالہ وفایال نظر انداز ہو جاتی ہے۔ یوں بلند تعدد پر مساوات 8.67 ہی فی میٹر تارکی امالہ دے گا۔

آپامالہ کے مخفی توانائی

$$W = \frac{LI^2}{2}$$

سے بخوبی واقف ہیں جہاں مخفی توانائی مساوات 8.63، مساوات 8.64 یا مساوات 8.65 سے حاصل کی جاسکتی ہے۔انہیں استعال کرتے ہوئے امالہ یوں بھی حاصل کی جاسکتی ہے۔

(8.73) 
$$L = \frac{2W}{I^2} = \frac{1}{I^2} \int_h \mathbf{B} \cdot \mathbf{H} \, dh$$
$$= \frac{1}{I^2} \int_h \mu H^2 \, dh$$
$$= \frac{1}{I^2} \int_h \frac{B^2}{\mu} \, dh$$

آپ سے مندر جہ بالا مساوات استعمال کرتے ہوئے، سوال 8.2 میں لا محد ودلمبائی کے سید ھی تارکی امالہ اور سوال 8.3 میں ہم محوری تارکے بیر ونی تارکی اندیوونی امالہ حاصل کرنے کو کھا گیا ہے۔



شكل 8.11: مشتركه اماله.

8.11 مشتركه اماله

شکل 8.11 میں دوتار دکھائے گئے ہیں۔ آئیں پہلی تار میں برقی رواسے پیدامقناطیسی بہاو کاوہ حصہ حاصل کریں جو دوسرے تارسے گزر تاہے۔ان معلومات سے دونوں تاروں کے مابین مشتر کہ امالہ حاصل کیا جائے گا۔خو دامالہ حاصل کرنے کے طرز پر دوسرے تارسے گزرتی بہاو کو

$$\Phi_2 = \frac{\mu_0 I_1}{4\pi} \oint \left( \oint \frac{\mathrm{d} \boldsymbol{L}_1}{R} \right) \cdot \mathrm{d} \boldsymbol{L}_2$$

کھاجا سکتا ہے جہاں اندرونی تکمل پہلی تارپر ہے اور یہ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان دیتا ہے جبکہ دوسری تکمل دوسرے تارپر ہے جس میں سے گزرتی بہاو کا حصول در کار ہے۔ مشتر کہ امالہ M<sub>21</sub> کی تعریف

$$(8.74) M_{21} = \frac{\Phi_2}{I_1}$$

ہے جس سے

$$M_{21} = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint \left( \oint \frac{\mathrm{d}\boldsymbol{L}_1}{R} \right) \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{L}_2$$

عاصل ہوتاہے۔

ا گردوسری تارییں برقی رولی جاتی اور پہلی سے گزرتی بہاو حاصل کی جاتی تب

$$M_{12} = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint \left( \oint \frac{\mathrm{d}\boldsymbol{L}_2}{R} \right) \cdot \mathrm{d}\boldsymbol{L}_1$$

حاصل ہوتا۔ مندر جہ بالادودر جی تکمل میں اندر ونی تکمل دوسری راہ پرہے جبکہ بیر ونی تکمل پہلی راہ پر ہے۔ تکمل لینے کی ترتیب بدلتے ہوئے اگر پہلا تکمل پہلی راہ پر لیاجائے اور بعد میں دوسری راہ پر تکمل لیاجائے تو تکمل کی قیمت میں کوئی تبدیلی رونما نہیں ہوگی لیکن ایسا کرنے سے ہمیں ہو بہو مساوات 8.75 ملتاہے للذا

$$(8.77) M_{21} = M_{12}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہ انتہائی اہم نتیجہ ہے جس کے تحت کسی بھی دولچھوں کے در میان مشتر کہ امالہ دونوں جانب سے برابر حاصل ہوتی ہے۔

2587 سوالات

سوال 8.1: صفحہ 205 میں ہم محوری تار د کھائی گئی ہے۔ تصور کریں کہ اس ہم محوری تاریخ اندرونی تاریمیں برقی روصفر کے برابرہے جبکہ بیرونی تاریمیں برقی رویا کے بیرونی تاریکی فی میٹراندرونی امالہ مثال 8.2 کی طرزیر حاصل کریں۔

8.11. مشتركه اماله

$$\frac{\mu}{2\pi(\rho_3^2-\rho_2^2)^2} \left[ \rho_2^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} + \frac{\rho_3^4-\rho_2^4}{4} - \rho_2^2 \left( \rho_3^2 - \rho_2^2 \right) \right] : -299$$

$$-2991$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

$$-2992$$

جواب: بیر ونی تار میں  $H=rac{I}{2\pi
ho}\left(rac{
ho_3^2ho^2}{
ho_3^2ho_2^2}
ight)$ جواب: بیر ونی تار میں استعمال کرتے ہوئے آگے بڑھیں۔

باب 16

سوالات

 $1.63 imes 10^{-20}\,\mathrm{J}$  ، (0.045,0,-3.48) ،  $v=300\,000a_{\mathrm{X}}-116\,129a_{\mathrm{Z}}\,rac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$  . وابات:

سوال 16.2: مقناطیسی میدان  $v=10^6a_{
m Z} rac{{
m m}}{{
m s}}$  میں لمحہ t=0 میں لمحہ و t=0 میں لمحہ t=0 میں لمحہ و  $t=0.3a_{
m X}-0.2a_{
m Y}-0.4a_{
m Z}$  ہے۔الیکٹرالن پر صفر قوت پیدا کرتے ہیں۔ وتوت دریافت کریں۔اییابر قی میدان حاصل کریں جس کی موجود گی میں مقناطیسی اور برقی میدان مل کراس الیکٹران پر صفر قوت پیدا کرتے ہیں۔

 $E=-200a_{
m X}-300a_{
m Y}~{
m i}~$  ونجانج $E=-32a_{
m X}-48a_{
m Y}~{
m fN}$  ونجانجا

 $t_{277}=0$  اور  $t_{277}=0$ 

 $a=-16.8a_{ ext{X}}+2.4a_{ ext{Y}}+12a_{ ext{Z}}$  جواب:

 $N_2(0,4,0)$  ،  $N_1(0,1,0)$  بربر کی لامحدود کمبائی کے تاریس نے آرمیں ہے۔اس کے قریب سطح x=0 برموصل تار x=0 کی روگرر رہی ہے۔ اس کے قریب سطح x=0 برقی رو گیرر گارہی ہے۔ چکور کے چاروں اطہواف ،  $N_3(0,4,2)$  اور  $N_4(0,1,2)$  نقطوں کو جوڑ کر مستطیل بناتی ہے جس میں  $N_1$  سے  $N_2$  جانب  $N_3$  کی رو گیرر گارہی ہے۔ چکور کے چاروں اطہواف کریں۔ پر قوت دریافت کرتے ہوئے پورے چکور پر قوت حاصل کریں۔

 $-2.77a_{\mathrm{Z}}\,\mu\mathrm{N}$  ،  $-1a_{\mathrm{Y}}\,\mu\mathrm{N}$  تا  $N_{1}(0,1,0)$  تا  $N_{1}(0,1,0)$  پر قوت  $N_{2}(0,4,0)$  ہیں۔ گھڑی کے الٹ سمت چلتے ہوئے بقایا قوت  $N_{2}(0,4,0)$  تا  $N_{3}(0,1,0)$  تا  $N_{4}(0,1,0)$  تا  $N_{2}(0,4,0)$  تا  $N_{3}(0,4,0)$  تا  $N_{3}(0,4,0)$  تا  $N_{4}(0,1,0)$  تا  $N_{4}(0,1,0$ 

سوال 16.5: محدد z پرپڑی لامحدود کمبائی کے تارمیں  $N_2(5,4,7)$  برقی رو گزررہی ہے۔ اس کے قریب نقطہ  $N_1(2,1,3)$  سے  $N_2(5,4,7)$  تک سید هی موصل تارمیں  $N_1(2,1,3)$  جانب  $N_2(2,1,3)$  برقی رو گزررہی ہے۔ چیوٹی تاریر قوت حاصل کریں۔

501

 $F = -6.74a_{X} - 4.49a_{Y} + 8.42a_{Z}\,\mu N$  : جاب

باب 16. سوالات

 $-\infty < z < \infty$  ، 1 < y < 3 پر مقناطیسی میدان کا z جزو  $z = \frac{200}{z^2+1}$  پایاجاتا ہے۔اس مقناطیسی جزو سے خطہ z = 0 پر مقناطیسی میدان کا z = 0 بیل کثافت  $z = 0.2a_{
m y}$  پر قوت حاصل کریں۔

 $251a_{ ext{X}}\, \mu ext{N}$  جواب:

سوال 16.7: z محد دیر پڑی لامحدود لمبائی کے تارمیں  $a_Z$  بر تی روپائی جاتی ہے۔ سطح y=0 پرخطہ  $a_Z$  برقی محدود کی محدود کی است میسی کی میٹر لمبائی پر مقناطیسی قوت حاصل کریں۔ محدد z برپڑی تاریز بھی فی میٹر قوت حاصل کریں۔ 8 A برقی روگزر رہی ہے۔ اس خطے کی فی میٹر لمبائی پر مقناطیسی قوت حاصل کریں۔

 $1.4a_{\mathrm{X}}\,\mathrm{mN}$  ،  $-1.4a_{\mathrm{X}}\,\mathrm{mN}$  : بواب

 $-b_{\text{BS}} < x < b$  ، y = a پر تار کا محدو دولمبانی کی تاریس  $I_1$  برقی رو  $a_Z$  جانب گزر رہی ہے۔اس کے قریب سطح z = 0 پر تار z = 0 برقی رو گرانس کر یں۔ صفحہ 8.6 پر شکل 8.6 میں صورت حال دو کھا یا  $a_X$  میں  $a_X$  میں مورت حال دو کھا یا جے۔

 $-\frac{I_1I_2\mu_0}{\pi}\left(b-a\tan^{-1}\frac{b}{a}\right)a_{\mathrm{Y}}\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  جواب:

سوال 16.9 موصل تارنقطہ y میرد کی جانب سے  $N_3(5,0,4)$  اور  $N_3(5,0,4)$  اور  $N_2(5,0,0)$  کوجوڑ کر مستطیل بناتی ہے۔ مثبت y محدد کی جانب سے دکھتے ہوئے y محدد کو محود کو محود کو محود کو محدد کو محود کیتے ہوئے دکھتے ہوئے اس مستطیل میں y کے چاروں اطراف پر علیحدہ علیحدہ مروڑ حاصل کرتے ہوئے کل مروڑ حاصل کریں۔ بy = 0 کی سورت میں دوبارہ مروڑ حاصل کریں۔ میں میں میں دوبارہ مروڑ حاصل کریں۔ میں میں میں دوبارہ مروڑ حاصل کریں۔ میں میں میں دوبارہ مروڑ حاصل کریں۔

 $360a_{Z}\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}$  جوابات: (الف)اور (ب): متطیل کے چار حصوں پر مروڑ  $0~600a_{Z}\,\mathrm{N}\,\mathrm{m}~$  وابات: (الف)اور (ب): متطیل کے چار حصوں پر مروڑ کے ماصل ہوتا ہے۔

سوال 16.10: سوال 16.9 میں میدان کیساں ہے لہذااس میں محور کامر وڑپر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ایسی صورت میں مر وڑ صفحہ 257پر دیے مساوات 8.23 کی مددسے حادث سوال 16.10: سوال 16.9 میں میدان کیساں ہے لہذااس میں محور کامر وڑپر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ایسی صورت میں مرین۔

جواب: 360*a*<sub>z</sub> N m

سوال 16.11: سوال 16.9 میں بکسال میدان کی جگہ اگر z محد دیرلا محدود لمبائی کے تارییں میں عباب A 25 برقی رومیدان پیدا کرے تب محد د کے مرکز (0,0,0) موال 16.11: سوال 16.9 میں بین ہے۔ کہ یہ میدان غیر بکسال ہے لہذا مساوات 8.23 قابل استعمال نہیں ہے۔

 $72a_{y} \mu N \, m$  وڑ  $m \cdot -48a_{y} \mu N \, m$  وڑ  $m \cdot -48a_{y} \mu N \, m$  وڑ  $m \cdot -90a_{y} \mu N \, m$  وڑ  $m \cdot -90a_{y} \mu N \, m$  واب:

سوال 16.12: دوسنٹی میٹر رداس اور پاپنج سو چکر کے پیچ دار کچھے میں A کی برقی رو گزر رہی ہے۔ یہ کچھا کے میدان میں پایاجاتا ہے۔ میدان اور کچھے کے موری ہیں۔ کچھے بر مر وڑ حاصل کریں۔

جواب: 2.83 N m

،  $J_{\text{BH}}$  سوال 16.13: ایک ماده B=0.15 میدان میں پایا جاتا ہے۔ اس مادے کی  $\chi=2.5$  ہے۔ آپ سے گزار ش ہے کہ B=0.15 میدان میں پایا جاتا ہے۔ اس مادے کی  $J_T$  عاصل کریں۔  $J_T$  عاصل کریں۔

 $J_b = -227za_{ ext{X}}rac{ ext{kA}}{ ext{m}^2}$  ،  $J = -90.9za_{ ext{X}}rac{ ext{kA}}{ ext{m}^2}$  ،  $M = 85.261za_{ ext{Y}}rac{ ext{kA}}{ ext{m}}$  ،  $H = 34.1za_{ ext{Y}}rac{ ext{kA}}{ ext{m}}$  ،  $\mu_R = 3.5$  .  $J_T = -318za_{ ext{X}}rac{ ext{kA}}{ ext{m}^2}$ 

 $\sigma$  :16.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7 \times 10^4$	گريفائٹ	$6.17 \times 10^{7}$	چاندى
1200	سليكان	$5.80 \times 10^{7}$	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	$4.10 \times 10^{7}$	سونا
5	سمندری پانی	$3.82 \times 10^{7}$	المونيم
$10^{-2}$	چهونا پتهر	$1.82 \times 10^{7}$	ٹنگسٹن
$5 \times 10^{-3}$	چکنی مٹنی	$1.67 \times 10^{7}$	جست
$10^{-3}$	تازه پانی	$1.50 \times 10^{7}$	بيتل
$10^{-4}$	تقطیر شده پانی	$1.45 \times 10^{7}$	نکل
$10^{-5}$	ریتیلی مٹی	$1.03 \times 10^{7}$	لوبا
$10^{-8}$	سنگ مرمر	$0.70 \times 10^{7}$	قلعى
$10^{-9}$	بيك لائث	$0.60 \times 10^{7}$	كاربن سٹيل
$10^{-10}$	چینی مٹنی	$0.227 \times 10^{7}$	مینگنین
$2 \times 10^{-13}$	ا بيرا	$0.22 \times 10^{7}$	جرمينيم
$10^{-16}$	پولیسٹرین پلاسٹک	$0.11 \times 10^{7}$	سٹینلس سٹیل
$10^{-17}$	کوارٹس	$0.10 \times 10^{7}$	نائيكروم

باب 16. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$  and  $\epsilon_R$  :16.2 جدول

σ/ωε	$\epsilon_R$	چيز
	1	خالي خلاء
	1.0006	<b>ب</b> وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ر برا
0.00075	3.8	$SiO_2$ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ<sub>R</sub> :16.3 جدول

$\mu_R$	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پیرافین
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائث (عمومي قيمت)
2500	پرم بهرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 16.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	$\epsilon_0$	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7}  rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	$\mu_0$	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

باب 16. سوالات