«Московский физкультурно-туристический институт» Физтех-школа радитехники и компьютерных технологий

Учебник по введению в математический анализ

Правильная версия

Выполнил:

Хмельницкий А. А., БО1-306

Консультант:

Дединский И. Р. (aka ded32)

1 Производная

Мы начинаем изучение матана с этой темы. Считая что вы сдали ЕГЭ в котором есть задача на вычисление производной, поэтому предполагается что вы прошли эту тему в школе и способны взять такую, которую мы сейчас возьмем в качестве простенького вводного примера:

$$ln\left(x+1\right)^{x}\tag{1}$$

После предварительных преобразований, слишком простых для разъяснения получаем:

$$ln\left(x+1\right)^{x}\tag{2}$$

В начале рассчитаем значение этой функции при заданных аргументах:

$$x = 5$$
.

Очевидно, что оно будет равно: 18.467

Теперь возьмем эту производную, которую в уме берут в начальной советской школе: Аналогично

$$\left(\left(\ln\left(x+1\right)\right)^{x}\right)'\tag{3}$$

- табличная функция, равна

$$\left(e^{x \cdot \ln(\ln(x+1))}\right)' = e^{x \cdot \ln(\ln(x+1))} \cdot \left(x \cdot \ln(\ln(x+1))\right)' \tag{4}$$

Очевидно, что

$$((x) \cdot (\ln(\ln(x+1))))' \tag{5}$$

таким образом становится

$$(x)' \cdot ln (ln (x + 1)) + (ln (ln (x + 1)))' \cdot x$$
 (6)

Отметим, что

$$\left(\ln\left(\ln\left(x+1\right)\right)\right)'\tag{7}$$

тривиально решается так

$$\frac{1}{\ln(x+1)} \cdot (\ln(x+1))' \tag{8}$$

Каждому кто закончил церковно-приходскую школу известно, что

$$\left(\ln\left(x+1\right)\right)'\tag{9}$$

при решении тривиальным способом станет

$$\frac{1}{x+1} \cdot (x+1)' \tag{10}$$

Это элементарнийшее выражение

$$(x+1)' \tag{11}$$

по 64 теореме Савватеева равно

$$(x)' + (1)' \tag{12}$$

Косвенно получаем, что

$$(1)' (13)$$

остсюда прямо следует

$$0 (14)$$

Аналогично

$$(x)' (15)$$

объяснение следующего перехода остается вам в качестве д/з

$$1 \tag{16}$$

Используя $9\frac{3}{4}$ том Ландау-Лифшица получаем, что

$$(x)' (17)$$

Python бы преобразовал это в

$$1 \tag{18}$$

Итак если вы еще не уснули к этому моменту, то поздравляю, мы дошли до ответа:

$$\left(\ln\left(x+1\right)^{x}\right)\cdot\left(\ln\left(\ln\left(x+1\right)\right)+\left(x\cdot\left(\left(\frac{1}{\ln\left(x+1\right)}\right)\cdot\left(\frac{1}{x+1}\right)\right)\right)\right)\tag{19}$$