«Московский физкультурно-туристический институт» Физтех-школа радитехники и компьютерных технологий

## Учебник по введению в математический анализ

Правильная версия

Выполнил:

Хмельницкий A. A., БО1-306(aka khmelnitskiianton)

Консультант:

Дединский И. Р. (aka ded32)

## 1 Производная

Мы начинаем изучение матана с этой темы. Считая что вы сдали ЕГЭ в котором есть задача на вычисление производной, поэтому предполагается что вы прошли эту тему в школе и способны взять такую, которую мы сейчас возьмем в качестве простенького вводного примера:

$$\frac{\left(\ln\left(x\right)\right)^{2} - 2\cdot\cos\left(x\right)}{\left(-1\right)\cdot x^{2}}\tag{1}$$

После предварительных преобразований, слишком простых для разъяснения получаем:

$$\frac{\left(\ln\left(x\right)\right)^{2} - 2\cdot\cos\left(x\right)}{(-1)\cdot x^{2}}\tag{2}$$

В начале рассчитаем значение этой функции при заданных аргументах:

$$x = 5$$
,

Очевидно, что оно будет равно: (-0.081)

Для большей наглядности (очевидности) построим график этой элементарщины:

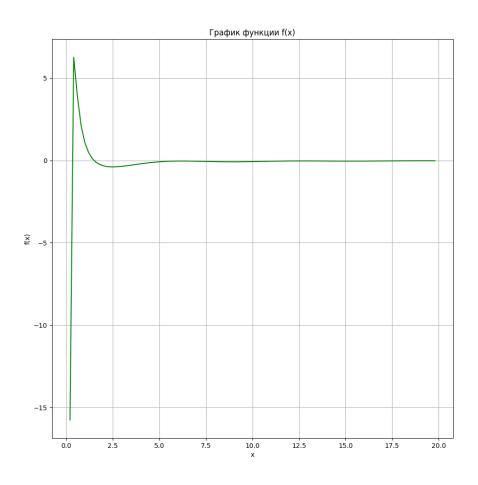


Рисунок 1: График функции f(x)

Теперь возьмем эту производную, которую в уме берут в начальной советской школе: Каждый советский эмбрион знает, что

$$\left(\frac{\left(\ln\left(x\right)\right)^{2} - 2\cdot\cos\left(x\right)}{\left(-1\right)\cdot x^{2}}\right)'\tag{3}$$

если записать короче, получаем

$$\frac{\left( (\ln(x))^{2} - 2 \cdot \cos(x) \right)' \cdot (-1) \cdot x^{2} - ((-1) \cdot x^{2})' \cdot \left( (\ln(x))^{2} - 2 \cdot \cos(x) \right)}{\left( (-1) \cdot x^{2} \right)^{2}} \tag{4}$$

Вы проходили в школе, что

$$\left( (-1) \cdot x^2 \right)' \tag{5}$$

непротиворечит следующему переходу к

$$((-1))' \cdot x^2 + (x^2)' \cdot (-1)$$
 (6)

Переходя в полярную-биномиальную-гиперболическую СК

$$\left(x^2\right)' \tag{7}$$

Python бы преобразовал это в

$$2 \cdot x^1 \cdot (x)' \tag{8}$$

Получаем, что

$$(x)' (9)$$

по 256 аксиоме Дединского будет

$$1 (10)$$

Надо записать пока не забыл, надо забыть пока не записал, что

$$\left(\left(-1\right)\right)'\tag{11}$$

по 64 теореме Савватеева равно

$$0 (12)$$

Вы проходили в школе, что

$$\left(\left(\ln\left(x\right)\right)^{2} - 2 \cdot \cos\left(x\right)\right)' \tag{13}$$

может быть станет(хотя хз)

$$\left(\left(\ln\left(x\right)\right)^{2}\right)' - \left(2 \cdot \cos\left(x\right)\right)' \tag{14}$$

Каждый советский эмбрион знает, что

$$(2 \cdot \cos(x))' \tag{15}$$

- табличная функция, которая равна

$$(2)' \cdot \cos(x) + (\cos(x))' \cdot 2 \tag{16}$$

Косвенно получаем, что

$$\left(\cos\left(x\right)\right)'\tag{17}$$

к примеру пусть становится

$$-\sin\left(x\right)\cdot\left(x\right)'\tag{18}$$

Переходя в полярную-биномиальную-гиперболическую СК

$$(x)' \tag{19}$$

по 64 теореме Савватеева равно

$$1 (20)$$

Аппроксимируя получаем, что

$$(2)' \tag{21}$$

в комплесном решении будет

$$0 (22)$$

Аналогично выходит, что

$$\left(\ln\left(x\right)^{2}\right)'\tag{23}$$

к примеру пусть становится

$$2 \cdot \ln(x)^{1} \cdot (\ln(x))' \tag{24}$$

А Петрович знает, что

$$\left(\ln\left(x\right)\right)'\tag{25}$$

тривиально решается так

$$\frac{1}{x} \cdot (x)' \tag{26}$$

А Петрович знает, что

$$(x)' (27)$$

лёгким движением руки превращается в элегантное

$$1 (28)$$

Итак если вы еще не уснули к этому моменту, то поздравляю, мы дошли до ответа:

$$\frac{A-B}{C} \tag{29}$$

В данной задаче для удобства мы ввели следующие замены:

$$A = \left(2 \cdot \ln(x) \cdot \frac{1}{x} - 2 \cdot (-1) \cdot \sin(x)\right) \cdot (-1) \cdot x^{2}$$

$$B = \left(\left(\ln(x)\right)^{2} - 2 \cdot \cos(x)\right) \cdot (-1) \cdot 2 \cdot x$$

$$C = \left((-1) \cdot x^{2}\right)^{2}$$