«Московский физкультурно-туристический институт» Физтех-школа радитехники и компьютерных технологий

Учебник по введению в математический анализ

Правильная версия

Выполнил:

Хмельницкий А. А., БО1-306

Консультант:

Дединский И. Р. (aka ded32)

1 Производная

Мы начинаем изучение матана с этой темы. Считая что вы сдали ЕГЭ в котором есть задача на вычисление производной, поэтому предполагается что вы прошли эту тему в школе и способны взять такую, которую мы сейчас возьмем в качестве простенького вводного примера:

$$\frac{\left(\ln\left(x\right)\right)^{2} - 2\cdot\cos\left(x\right)}{\left(-1\right)\cdot x^{2}}\tag{1}$$

После предварительных преобразований, слишком простых для разъяснения получаем:

$$\frac{(\ln(x))^2 - 2 \cdot \cos(x)}{(-1) \cdot x^2} \tag{2}$$

В начале рассчитаем значение этой функции при заданных аргументах:

$$x = 5$$
,

Очевидно, что оно будет равно: (-0.081)

Теперь возьмем эту производную, которую в уме берут в начальной советской школе: Вы проходили в школе, что

$$\left(\frac{\left(\ln\left(x\right)\right)^{2} - 2\cdot\cos\left(x\right)}{\left(-1\right)\cdot x^{2}}\right)'\tag{3}$$

трах тибидох

$$\frac{\left((\ln(x))^{2} - 2 \cdot \cos(x) \right)' \cdot (-1) \cdot x^{2} - ((-1) \cdot x^{2})' \cdot \left((\ln(x))^{2} - 2 \cdot \cos(x) \right)}{\left((-1) \cdot x^{2} \right)^{2}} \tag{4}$$

Вы проходили в школе, что

$$\left((-1) \cdot x^2 \right)' \tag{5}$$

после округления вниз преобразуется к

$$((-1))' \cdot x^2 + (x^2)' \cdot (-1)$$
 (6)

Каждый советский эмбрион знает, что

$$\left(x^2\right)'\tag{7}$$

в комплесном решении будет

$$2 \cdot x^1 \cdot (x)' \tag{8}$$

Каждый советский эмбрион знает, что

$$(x)' (9)$$

Python бы преобразовал это в

$$1 (10)$$

Это элементарнийшее выражение

$$((-1))' \tag{11}$$

если записать короче, получаем

$$0 (12)$$

Надеюсь вы уже уснули, поэтому бла-бла-бла

$$\left(\left(\ln\left(x\right) \right) ^{2}-2\cdot\cos\left(x\right) \right) ^{\prime} \tag{13}$$

Python бы преобразовал это в

$$\left(\left(\ln\left(x\right)\right)^{2}\right)' - \left(2 \cdot \cos\left(x\right)\right)' \tag{14}$$

Полторашка мурлычет, поэтому

$$(2 \cdot \cos(x))' \tag{15}$$

по 1024 методу Султанова преобразуется в

$$(2)' \cdot \cos(x) + (\cos(x))' \cdot 2 \tag{16}$$

А Петрович знает, что

$$(\cos(x))' \tag{17}$$

трудновато держать в уме, поэтому равно

$$-\sin\left(x\right)\cdot\left(x\right)'\tag{18}$$

Полторашка мурлычет, поэтому

$$(x)' (19)$$

объяснение следующего перехода остается вам в качестве д/з

$$1 (20)$$

Это элементарнийшее выражение

$$(2)' (21)$$

в комплесном решении будет

$$0 (22)$$

Вольфрам(спасибо что не молибден) говорит, что

$$\left(\ln\left(x\right)^{2}\right)'\tag{23}$$

непротиворечит следующему переходу к

$$2 \cdot \ln(x)^{1} \cdot (\ln(x))' \tag{24}$$

Каждому кто закончил церковно-приходскую школу известно, что

$$(\ln(x))' \tag{25}$$

непротиворечит следующему переходу к

$$\frac{1}{x} \cdot (x)' \tag{26}$$

Полторашка мурлычет, поэтому

$$(x)' (27)$$

после округления вверх обращается в

$$1 (28)$$

Итак если вы еще не уснули к этому моменту, то поздравляю, мы дошли до ответа:

$$\frac{A-B}{C} \tag{29}$$

В данной задаче для удобства мы ввели следующие замены:

$$A = \left(2 \cdot \ln(x) \cdot \frac{1}{x} - 2 \cdot (-1) \cdot \sin(x)\right) \cdot (-1) \cdot x^{2}$$

$$B = \left(\left(\ln(x)\right)^{2} - 2 \cdot \cos(x)\right) \cdot (-1) \cdot 2 \cdot x$$

$$C = \left((-1) \cdot x^{2}\right)^{2}$$