

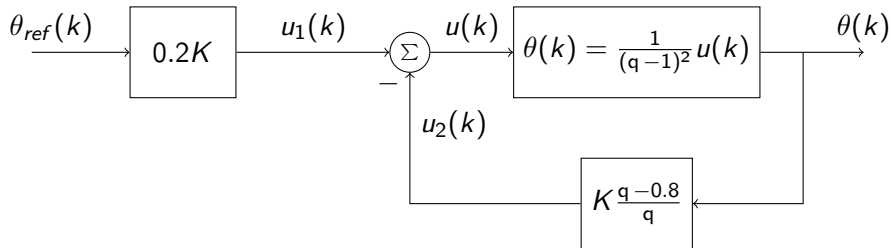
# Control Computarizado - Estabilidad de sistemas discretas

Kjartan Halvorsen

2020-07-06

## Repetición: Controlador discreto para el brazo del disco duro

Usando  $J = 1$  y  $h = 1$ .



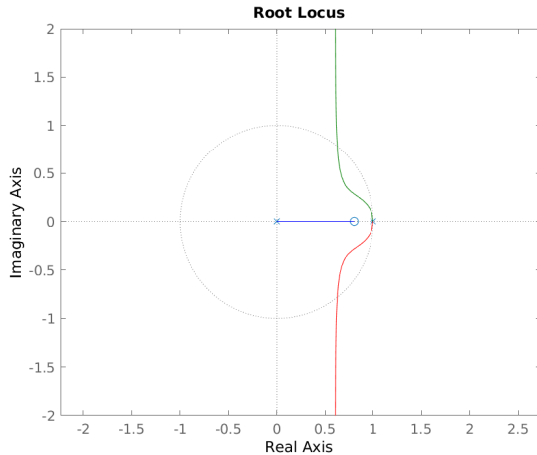
Ecuación en diferencias para el sistema de lazo cerrado:

$$\theta(k+3) - 2\theta(k+2) + (1+K)\theta(k+1) - 0.8K\theta(k) = 0.2K\theta_{ref}(k+1)$$

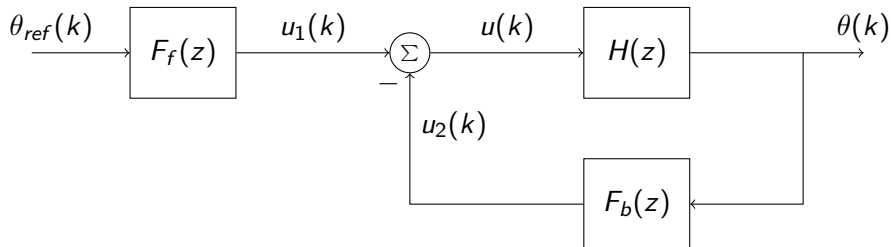
Ecuación característica:

$$\alpha^3 - 2\alpha^2 + (1+K)\alpha - 0.8K = 0$$

## Repetición: Controlador discreto para el brazo del disco duro



## Algebra en diagramas de bloque



Usando

$$U(z) = U_1(z) - U_2(z) = F_f(z)\Theta_{ref}(z) - F_b(z)\Theta(z), \quad y$$

$$\Theta(z) = H(z)U(z), \quad \text{obtenemos}$$

$$\Theta(z) = \underbrace{\frac{F_f(z)H(z)}{1 + F_b(z)H(z)}}_{H_c z} \Theta_{ref}(z).$$

## Algebra en diagramas de bloque - pasos en detalle

Usando

$$U(z) = U_1(z) - U_2(z) = F_f(z)\Theta_{ref}(z) - F_b(z)\Theta(z), \quad y$$

$$\Theta(z) = H(z)U(z), \quad \text{obtenemos}$$

$$\Theta(z) = H(z)U(z) = H(z)(F_f(z)\Theta_{ref}(z) - F_b(z)\Theta(z))$$

Mueve todos los terminos con  $\Theta$  al lado izquierdo:

$$\Theta(z) + H(z)F_b(z)\Theta(z) = H(z)F_f(z)\Theta_{ref}(z)$$

$$\Theta(z)(1 + H(z)F_b(z)) = H(z)F_f(z)\Theta_{ref}(z)$$

$$\Theta(z) = \frac{H(z)F_f(z)}{1 + H(z)F_b(z)}\Theta_{ref}(z)$$

## Estabilidad del sistema en lazo cerrado

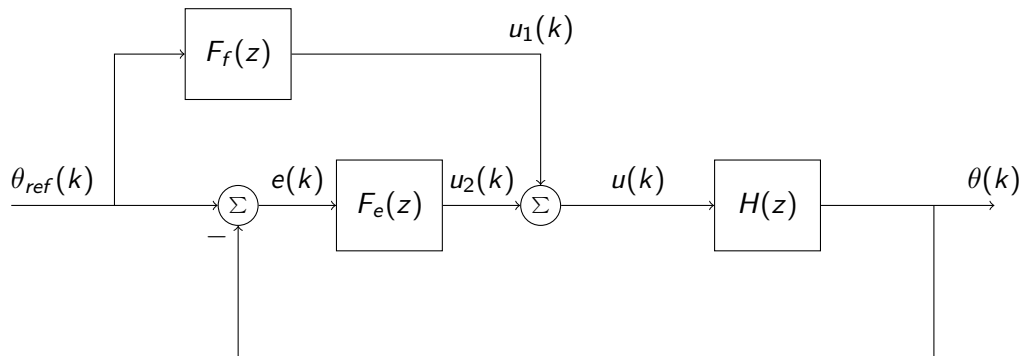
$$\Theta(z) = \underbrace{\frac{F_f(z)H(z)}{1 + F_b(z)H(z)}}_{H_c z} \Theta_{ref}(z).$$

Estabilidad requiere que todos los polos del sistema, es decir las soluciones de la ecuación característica

$$1 + F_b(z)H(z) = 0$$

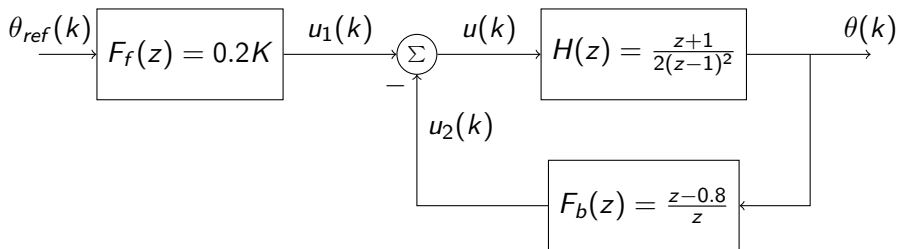
están en el interior del círculo unitario del plano  $z$ .

## Ejercicio



Obtener la función de transferencia del lazo cerrado

## Estabilidad para el control del brazo del disco duro



Ecuación característica

$$\begin{aligned} 1 + H(z)F_b(z) &= 0 \\ 1 + \frac{z+1}{2(z-1)^2} K \frac{z-0.8}{z} &= 0 \\ (z-1)^2 z + \frac{K}{2} (z+1)(z-0.8) &= 0 \end{aligned}$$



# Estabilidad para el control del brazo del disco duro

Actividad en grupo Completar el diagrama de lugares de los raíces abajo

$$(z - 1)^2 z + \frac{K}{2}(z + 1)(z - 0.8) = 0$$

