Problem Solving using SMT Solver (2) COSE419, Spring 2024

Hakjoo Oh

Due: 5/10 23:59

Problem 1 (Program Verification) 프로그램 검증(Program Verification)은 프로그램의 구현 (Implementation)이 명세(Specification)를 만족하는지 확인하는 기술이다. 이번 문제에서는 라이브 러리 함수로 구성된 프로그램이 입출력 예제로 주어진 명세를 만족하는지 확인하는 검증기를 구현 해보자. 프로그램은 다음과 같이 하나의 함수로 주어진다고 하자. 함수의 몸통은 반복문/제어문을 포함하지 않는 연속된 라이브러리 함수 호출들로 구성된다.

$$\begin{aligned} &\text{def } \mathbf{f}(x): \\ &y := add(x,x); \ // \ y = x + x \\ &z := mul(y,y); \ // \ z = y \times y \end{aligned} \tag{1}$$
 return z

입력이 x일때 출력으로 $4x^2$ 을 계산하는 프로그램을 라이브러리 함수 add와 mul을 각각 한번씩 호출하여 구현한 프로그램이다. 라이브러리 함수의 의미는 입출력 변수들의 관계를 나타내는 일차 논리식으로 주어진다. 위의 예제에서 주석으로 적혀있는 y=x+x, $z=y\times y$ 가 각각 라이브러리 함수 add와 mul의 의미를 뜻한다. 프로그램 명세는 다음과 같이 하나의 입출력 예제로 주어진다.

$$3 \mapsto 36$$

프로그램의 입력이 3일 때 (x=3) 반환값은 36이어야 함을 뜻한다.

Problem Definition 검증기는 두 가지 입력을 받는다.

1. 프로그램 구현:

$$\begin{array}{ll} \text{def } \mathbf{f}(I): \\ Y_1 := f_1(\vec{X}_1); \ //\phi_1(\vec{X}_1,Y_1) \\ & \vdots \\ Y_N := f_N(\vec{X}_N); \ //\phi_N(\vec{X}_N,Y_N) \\ \text{return } Y_N \end{array}$$

- *I*: 프로그램의 입력 변수¹
- *f_i*: 라이브러리 함수 이름
- *Y_i*: 라이브러리 *f_i*의 출력 변수
- ullet \vec{X}_i : 라이브러리 f_i 의 인자들. 인자는 1개 이상이고 임의의 식이 아닌 변수만 올 수 있다.
- ϕ_i : 라이브러리 f_i 의 의미를 명세하는 일차 논리식. 입출력 변수들 (\vec{X}_i, Y_i) 의 관계를 뜻한다. ϕ 는 아래 문법으로 정의되는 간단한 논리식으로 기술된다고 하자:

$$\phi \to e = e, \qquad e \to n \in \mathbb{Z} \mid x \mid e + e \mid e \times e$$

예를 들어, y = x + x, $z = y \times y$, y + 1 = x, $z \times 2 = x + y$ 등을 표현할 수 있는 논리식이다.

 $^{^{1}}$ 프로그램의 입력은 1개 이상일 수 있다. 문제 정의에서는 편의상 1개라고 가정한다.

2. 프로그램 명세:

$$v_1 \mapsto v_2$$

하나의 입출력 예제로 주어진다. v_1, v_2 는 모두 정수이다.

검증기의 목표는 주어진 프로그램이 입출력 명세를 만족하는지 증명하는 것이다:

$$I = v_1 \wedge \bigwedge_{i=1}^N \phi_i(\vec{X}_i, Y_i) \implies Y_N = v_2$$

Implementation 프로그램, 라이브러리, 입출력 명세의 타입을 다음과 같이 정의하였다.

```
type pgm = var list * lib list * var
and lib = var * var list * var * phi
and var = string
and phi = EQ of exp * exp
and exp =
 | INT of int
 | VAR of var
 | ADD of exp * exp
 | MUL of exp * exp
type spec = int list * int
예를 들어, 프로그램 (1)은 다음과 같이 표현된다:
(["x"],
[("add", ["x"; "x"], "y", EQ (VAR "y", ADD (VAR "x", VAR "x")));
 ("mul", ["y"; "y"], "z", EQ (VAR "z", MUL (VAR "y", VAR "y")))],
"z")
입출력 명세는 다음과 같이 표현된다:
([2], 16)
```

주어진 프로그램이 입출력 명세를 만족하는지 확인하는 함수 verify를 작성하시오.

검증에 성공할 경우 true를 반환한다.

Examples

• 위 예제는 다음과 같이 실행할 수 있다.

```
verify
  (["x"],
   [("add", ["x"; "x"], "y", EQ (VAR "y", ADD (VAR "x", VAR "x")));
   ("mul", ["y"; "y"], "z", EQ (VAR "z", MUL (VAR "y", VAR "y")))],
   "z")
  ([2], 16)
```

• 프로그램은 여러 입력을 가질 수 있다. 아래 프로그램

```
def f(x0,x1,x2,x3):
  o1 := mul(x0,x2) // o1 = x0 * x2
  o2 := mul(x2,o1) // o2 = x2 * o1
  o3 := add(o2,o2) // o3 = o2 + o2
  o4 := add(o2,o3) // o4 = o2 + o3
  return o4
```

이 입출력 명세 $(1,2,3,4) \mapsto 27$ 을 만족하는지 여부를 다음과 같이 확인할 수 있다.

```
verify (
   ["x0"; "x1"; "x2"; "x3"],
     ("mul", ["x0"; "x2"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "x0", VAR "x2")));
     ("mul", ["x2"; "o1"], "o2", EQ (VAR "o2", MUL (VAR "x2", VAR "o1")));
     ("add", ["o2"; "o2"], "o3", EQ (VAR "o3", ADD (VAR "o2", VAR "o2")));
     ("add", ["o2"; "o3"], "o4", EQ (VAR "o4", ADD (VAR "o2", VAR "o3")));
   ],
   "o4")
   ([1; 2; 3; 4], 27)
• 함수 f(x) = (x-1)/2는 아래와 같이 구현할 수 있다.
 def f(x):
   o1 := sub1(x) // o1 + 1 = x
   o2 := div2(o1) // o2 * 2 = o1
   return o2
  입출력 명세 5 → 2를 만족하는지 아래와 같이 확인할 수 있다.
 verify
   (["x"],
   Γ
     ("sub1", ["x"], "o1", EQ (ADD (VAR "o1", INT 1), VAR "x"));
     ("div2", ["o1"], "o2", EQ (MUL (VAR "o2", INT 2), VAR "o1"));
```

Problem 2 (Program Synthesis) 프로그램 합성(Program Synthesis)은 명세로부터 코드를 자동으로 생성하는 기술이다. 프로그램 검증의 역방향이다. 사용 가능한 라이브러리 함수들과 입출력 명세를 받아서 프로그램을 자동 합성하는 함수 synthesize를 작성하시오.

```
synthesize : lib list -> spec -> pgm option
```

Examples

],

"o2") ([5], 2)

• 합성기 synthesize를 사용하여 프로그램 (1)을 자동 생성해 보자:

```
synthesize [
    ("mul", ["i11"; "i12"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "i11", VAR "i12")));
    ("add", ["i21"; "i22"], "o2", EQ (VAR "o2", ADD (VAR "i21", VAR "i22")));
] ([3], 36)
```

synthesize의 첫번째 인자로 사용 가능한 라이브러리 함수 정의들이 주어진다. 라이브러리 mul과 add를 사용할 수 있음을 뜻하고 각 라이브러리 함수의 의미가 함께 주어진다. 예를 들어, mul은 입출력 변수들을 각각 i11, i12 및 o1이라고 할 때 o1 = i11 × i12를 만족하는 라이브러리임을 뜻한다. 주어진 라이브러리 함수들에서 사용된 입출력 변수들(i11, i12, o1, i21, i22, o2)은 모두 유일한 이름을 가진다고 하자. synthesize의 두번째 인자는 명세로 주어진 입력값([3]) 및 출력값(36)이다. 실행결과는 다음과 같다:

```
Some (["x"],
[("add", ["x"; "x"], "y", EQ (VAR "y", ADD (VAR "x", VAR "x")));
("mul", ["y"; "y"], "z", EQ (VAR "z", MUL (VAR "y", VAR "y")))],
"z")
```

텍스트로 표현하면 다음과 같다: def f(x):y := add(x,x)z := mul(y,y)return z 의미가 같다면 프로그램이 사용하는 변수들의 이름은 달라도 된다. 예를 들어, 아래와 같이 라이브러리 함수 정의에서 사용된 변수들을 재활용해도 된다. def f(x): o2 := add(x,x)o1 := mul(o2,o2)return o1 Some (["x"], [("add", ["x"; "x"], "o2", EQ (VAR "o2", ADD (VAR "x", VAR "x"))); ("mul", ["o2"; "o2"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "o2", VAR "o2")))], "o1") 생성된 프로그램이 올바른지 확인하기 위해 Problem 1에서 구현한 verify를 이용할 수 있다: verify (["x"], [("add", ["x"; "x"], "y", EQ (VAR "y", ADD (VAR "x", VAR "x"))); ("mul", ["y"; "y"], "z", EQ (VAR "z", MUL (VAR "y", VAR "y")))], "z") ([3], 36) verify (["x"], [("add", ["x"; "x"], "o2", EQ (VAR "o2", ADD (VAR "x", VAR "x"))); ("mul", ["o2"; "o2"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "o2", VAR "o2")))], "o1") ([3], 36) • 문제를 간단히 하기 위해서 입력으로 주어진 라이브러리 함수들은 프로그램에서 최소/최대 한 번씩 사용된다고 가정하자. 예를 들어, 곱셈을 세 번 사용하려면 세 개의 곱셈 라이브러리를 제공해 주어야 한다: synthesize [("mul", ["i11"; "i12"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "i11", VAR "i12"))); ("mul", ["i21"; "i22"], "o2", EQ (VAR "o2", MUL (VAR "i21", VAR "i22"))); ("mul", ["i31"; "i32"], "o3", EQ (VAR "o3", MUL (VAR "i31", VAR "i32")));] ([2], 256) 결과는 $f(x) = x^8$ 을 뜻하는 아래 프로그램이다. def f(x): o1 := mul(x,x)o2 := mul(o1,o1)o3 := mul(o2,o2)return o3

주어진 라이브러리는 반드시 사용된다고 가정한다. 이 조건을 만족하기 위해, 필요하지 않은 라이브러리가 주어진 경우, 사용되지 않는 코드(dead code)로 포함시키면 된다. 예를 들어, 위 예제의 명세를 아래와 같이 주었다고 해 보자.

```
synthesize [
     ("mul", ["i11"; "i12"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "i11", VAR "i12")));
     ("mul", ["i21"; "i22"], "o2", EQ (VAR "o2", MUL (VAR "i21", VAR "i22")));
     ("mul", ["i31"; "i32"], "o3", EQ (VAR "o3", MUL (VAR "i31", VAR "i32")));
     ("add", ["i41"; "i42"], "o4", EQ (VAR "o4", ADD (VAR "i41", VAR "i42")));
   ] ([2], 256)
 이 경우 다음과 같이 불필요한 라이브러리(add)는 결과값에 영향을 미치지 않도록 dead code
 의 형태로 포함시킬 수 있다.
 def f(x):
   y := mul(x,x)
   z := mul(y,y)
   p := mul(z,z)
   q := add(x,x) // dead code (q is not used in the rest of the program)
   return p
 또는 아래와 같이 dead code없이 주어진 모든 라이브러리를 사용하면서 입출력 명세를 여전히
 만족하는 프로그램을 생성해도 된다.
 def f(x):
   y := mul(x,x) // x^2
   z := add(y,y) // 2x^2
   p := mul(y,z) // 2x^4
   q := mul(p,z) // 4x^6
   return q
 이 경우 f(x) = 4x^6을 계산하는 프로그램을 합성했고, 이 또한 주어진 입출력 예제(3 \mapsto 256)
 를 만족시킨다.2
• 입력 변수는 여러개일 수 있다.
 synthesize [
     ("add", ["i11"; "i12"], "o1", EQ (VAR "o1", ADD (VAR "i11", VAR "i12")));
   ([2; 3], 5)
 def f(x0,x1):
   o1 := add(x0,x1)
   return o1
• 주어진 라이브러리 함수들로 입출력 명세를 만족하는 프로그램을 생성할 방법이 없는 경우 합성
 에 실패하고 None을 반환한다. 예를 들어, 아래 실행 결과는 None이어야 한다. 함수 f(x) = x^8
 는 곱셈 두 개만 써서는 구현할 수 없기 때문이다.
 synthesize [
     ("mul", ["i11"; "i12"], "o1", EQ (VAR "o1", MUL (VAR "i11", VAR "i12")));
     ("mul", ["i21"; "i22"], "o2", EQ (VAR "o2", MUL (VAR "i21", VAR "i22")));
   ] ([2], 256)
```

²이와 같이 입출력 예제로 프로그램 명세를 기술하는 경우 일반적으로 생성하고자 하는 프로그램의 의미 $(f(x)=x^8)$ 를 온전히 표현할 수 없다. 따라서 주어진 입출력 명세는 만족하지만 의도와는 다른 프로그램이 생성될 수 있다. 귀납적 학습 (Inductive learning)에서 흔히 발생하는 과적합(Overfitting) 문제이다. 과적합된 프로그램도 정답으로 처리된다.

Problem Definition 합성기는 두 가지 입력을 받는다.

1. 프로그램 명세:

$$v_1 \mapsto v_2$$

문제 정의에서는 프로그램의 입력 변수가 한 개인 경우만 생각하자(구현에서는 1개 이상의 일반적 경우들을 고려해야 한다). 입출력 값은 정수이다 $(v_1, v_2 \in \mathbb{Z})$.

2. 라이브러리 함수들:

$$\{\langle f_i, \vec{I_i}, O_i, \phi_i(\vec{I_i}, O_i) \rangle \mid i = 1, \dots, N\}$$

- $N: 주어진 라이브러리 함수 개수 (N \ge 1)$
- f_i: 라이브러리 함수 이름
- \vec{I}_i : 라이브러리 함수의 인자들 (1개 이상)
- O_i : 라이브러리 함수의 출력 변수
- $\phi_i(\vec{I_i}, O_i)$: 라이브러리의 명세를 기술하는 일차 논리식

위와 같은 입력이 주어졌을때, 합성기의 목표는 주어진 N 개의 라이브러리를 한번씩 모두 사용하면서 입출력 예제를 만족하는 프로그램을 생성하는 것이다.

SMT Encoding 프로그램 합성에는 크게 두 가지 방식이 있다: (1) 주어진 명세를 만족하는 프로그램이 찾아질 때까지 모든 가능한 프로그램들을 나열 탐색 $(Enumerative\ search)$ 하는 방식. (2) 프로그램들의 전체 공간을 논리식으로 표현한 후 명세를 만족하는 프로그램이 존재하는지 여부(Satisfiability)를 판단하는 방식. 두 번째 방식으로 가 보자.

합성할 프로그램은 일반적으로 다음과 같이 쓸 수 있다:

$$\begin{aligned} & \text{def } \mathbf{f}(I): \\ & O_{\pi_1} := f_{\pi_1}(\vec{V}_{\pi_1}); \\ & \vdots \\ & O_{\pi_N} := f_{\pi_N}(\vec{V}_{\pi_N}); \\ & \text{return } O_{\pi_N} \end{aligned} \tag{2}$$

- I: 프로그램의 입력 변수
- π_1, \dots, π_N : $1, \dots, N$ 의 순열(permutation). 각 라이브러리를 한번씩 사용한다는 뜻이다.
- \vec{V}_{π_i} : 라이브러리 함수를 호출하는데 사용되는 실제 인자(actual argument)들. \vec{V}_{π_i} 내의 각 변수는 입력 변수(I)이거나 부품들의 출력 변수들 O_{π_i} (j < i) 가운데 하나이다.

위와 같은 프로그램들의 전체 집합을 일차 논리식으로 표현해보자. 이를 위해 정수 타입의 위치 변수(location variable) $l_x \in \mathbb{Z}$ 를 프로그램과 주어진 라이브러리의 입력 및 출력 변수들마다 하나씩 도입한다 [1]. 위치 변수들의 전체 집합 L은 다음과 같이 정의된다:

$$L = \{l_x \mid x \in \mathcal{I} \cup \mathcal{O} \cup \{I, O\}\}\$$

여기서 I와 O는 각각 라이브러리들의 입력 및 출력 변수들의 전체 집합이고,

$$\mathcal{I} = \bigcup_{i=1}^{N} \vec{I}_i, \qquad \mathcal{O} = \{O_1, O_2, \dots, O_N\}$$

O는 프로그램의 출력값을 뜻하기 위해 도입한 변수로 $O = O_{\pi_N}$ 가 성립한다.

• x가 O_i (라이브러리 f_i 의 출력 변수)를 지칭하는 경우, l_x 는 라이브러리 함수 f_i 가 합성된 프로 그램에서 자리하는 위치를 뜻한다. 예를 들어, $l_{O_2}=3$ 이라면 라이브러리 f_2 가 합성될 프로그램에서 세 번째 라인에 위치함을 뜻한다.

- x가 \vec{I}_{ij} (라이브러리 f_i 의 j번째 입력 변수)를 지칭하는 경우, l_x 는 라이브러리 함수 f_i 의 j번째 인자가 정의된 프로그램 위치를 뜻한다. 예를 들어, $l_{\vec{I}_{12}}=3$ 은 f_1 의 두 번째 인자가 라인 3에서 정의된 변수임을 뜻하고 $l_{\vec{I}_{21}}=1$ 은 f_2 의 첫 번째 인자가 라인 1에서 정의된 변수임을 뜻한다.
- $l_I = 0$ 으로 정의한다. 프로그램 입력 변수의 위치를 0으로 정의한다는 뜻이다.
- $l_O = N$ 으로 정의한다. $O = O_{\pi_N}$ 이 성립한다는 뜻이다.

올바른 프로그램(well-formed program)을 나타내기 위해 위치 변수는 아래 조건들을 만족해야 한다:

• 프로그램 및 라이브러리의 입력 및 출력 변수들의 위치 범위:

$$l_I = 0 \land l_O = N \land \left(\bigwedge_{x \in \mathcal{I}} 0 \le l_x \le N\right) \land \left(\bigwedge_{x \in \mathcal{O}} 1 \le l_x \le N\right)$$

• 같은 위치에 두 개의 라이브러리 함수가 위치해서는 안된다. f_i 의 위치를 l_{O_i} 로 나타내기로 했으므로 다음과 같이 표현할 수 있다:

$$\bigwedge_{O_i,O_j \in \mathcal{O}} i \neq j \to l_{O_i} \neq l_{O_j}$$

• 라이브러리 함수의 인자로 사용되는 변수들은 이미 값이 정의된 것들이어야 한다. x가 f_i 의 입력 변수인 경우 $(x \in I_i)$ l_x 는 해당 인자에 주어지는 변수가 정의된 위치를 나타내기로 했으므로 f_i 의 위치 (l_{O_i}) 보다 이전이어야 한다 $(l_x < l_{O_i})$:

$$\bigwedge_{i=1}^{N} \bigwedge_{x \in \vec{I}_i} l_x < l_{O_i}$$

정리하면 (2)와 같은 형태의 프로그램의 전체 공간은 논리식 ψ_{wfp} 로 나타낼 수 있다:

$$\psi_{wfp} := l_I = 0 \land l_O = N \land \left(\bigwedge_{x \in \mathcal{I}} 0 \le l_x \le N \right) \land \left(\bigwedge_{x \in \mathcal{O}} 1 \le l_x \le N \right) \land$$
$$\left(\bigwedge_{O_i, O_j \in \mathcal{O}} i \ne j \to l_{O_i} \ne l_{O_j} \right) \land \left(\bigwedge_{i=1}^N \bigwedge_{x \in \vec{l}_i} l_x < l_{O_i} \right)$$

 ψ_{wfp} 는 위치 변수들(L)에 대한 일차 논리식이다. ψ_{wfp} 를 참으로 만드는 해 $(L \to \mathbb{Z}$ 타입의 매핑)들의 집합을 아래와 같이 정의할 수 있고,

$$\mathbb{P} = \{ M \mid M \in L \to \mathbb{Z}, M \vDash \psi_{wfp} \}$$

각각의 해 M은 (2)와 같은 형태의 프로그램 하나를 결정하므로 ℙ는 전체 프로그램 공간을 나타낸다. 이제 공간 ℙ에 주어진 입출력 명세를 만족하는 프로그램이 존재하는지 확인해보자:

• 프로그램을 "실행"하기 위해서 프로그램내의 데이터 흐름을 연결시켜주어야 한다. 위치 변수의 의미를 생각하면 아래와 같이 변수들의 연결 관계(Connectivity)가 성립해야 함을 알 수 있다:

$$\psi_{conn} := \bigwedge_{x,y \in \mathcal{I} \cup \mathcal{O} \cup \{I,O\}} (l_x = l_y \to x = y)$$

어떤 두 변수 x,y의 위치가 같다면 $(l_x=l_y), x,y$ 는 동일한 값을 가져야 한다는 뜻이다. 예를 들어, $l_{O_1}=l_{\vec{I}_{31}}$ 이면 $O_1=\vec{I}_{31}$ 이어야 한다. f_3 의 첫 번째 인자 값이 f_1 의 출력 변수로부터 전달됨을 의미한다.

• 주어진 라이브러리들의 의미가 모두 성립함을 표현한다:

$$\psi_{lib} := \bigwedge_{i=1}^{N} \phi_i(\vec{I}_i, O_i)$$

• 입출력 명세가 만족됨을 표현한다:

$$\psi_{io} := I = v_1 \wedge O = v_2$$

아래 논리식이 참이 될 수 있다면(Satisfiable) 주어진 명세를 만족하는 프로그램이 존재하게 된다:

$$\psi_{\it wfp} \wedge \psi_{\it conn} \wedge \psi_{\it lib} \wedge \psi_{\it io}$$

Example

• Libraries and specification provided:

$$\{\langle f_1, [I_{11}], O_1, O_1 + 1 = I_{11} \rangle, \langle f_2, [I_{21}, I_{22}], O_2, O_2 = I_{21} \times I_{22} \rangle\}, \quad 5 \mapsto 16$$

• *I*, *O*, *L*:

$$\mathcal{I} = \{I_{11}, I_{21}, I_{22}\}, \quad \mathcal{O} = \{O_1, O_2\}, \quad L = \{l_I, l_O, l_{I_{11}}, l_{I_{21}}, l_{I_{22}}, l_{I_{O1}}, l_{O_2}\}$$

 \bullet ψ_{wfp} :

$$\begin{split} l_I = 0 \wedge l_O = 2 \wedge 0 \leq l_{I_{11}} \leq 2 \wedge 0 \leq l_{I_{21}} \leq 2 \wedge 0 \leq l_{I_{22}} \leq 2 \wedge 1 \leq l_{O_1} \leq 2 \wedge 1 \leq l_{O_2} \leq 2 \wedge 1 \\ l_{O_1} \neq l_{O_2} \wedge \\ l_{I_{11}} < l_{O_1} \wedge l_{I_{21}} < l_{O_2} \wedge l_{I_{22}} < l_{O_2} \end{split}$$

• ψ_{conn} :

• ψ_{lib} :

$$O_1 + 1 = I_{11} \wedge O_2 = I_{21} \times I_{22}$$

• ψ_{io} :

$$I=5 \wedge O=16$$

• M such that $M \vDash \psi_{wfp} \land \psi_{conn} \land \psi_{lib} \land \psi_{io}$:

$$M = \left\{ \begin{array}{lll} I & = & 5, & & l_I & = & 0 \\ O & = & 16, & & l_O & = & 2 \\ I_{11} & = & 5, & & l_{I_{11}} & = & 0 \\ I_{21} & = & 4, & & l_{I_{21}} & = & 1 \\ I_{22} & = & 4, & & l_{I_{22}} & = & 1 \\ O_1 & = & 4, & & l_{O_1} & = & 1 \\ O_2 & = & 16, & & l_{O_2} & = & 2 \end{array} \right\}$$

• Program that M denotes:

$$\begin{aligned} \text{def } & \mathbf{f}(I): \\ & O_1 := f_1(I); \\ & O_2 := f_2(O_1,O_1); \\ & \text{return } O_2 \end{aligned}$$

References

[1] Sumit Gulwani, Susmit Jha, Ashish Tiwari, and Ramarathnam Venkatesan. Synthesis of loop-free programs. In *Proceedings of the 32nd ACM SIGPLAN Conference on Programming Language Design and Implementation*, PLDI '11, page 62–73, New York, NY, USA, 2011. Association for Computing Machinery.