跳马:

不妨假设 x>=y>=0。

当 $x \le 2y$ 时,定义每一步的冗余值 wi = 3-dx-dy,那么 sigma(wi) = sigma(2-dx) = 3*步数-x-y,显然我们只需要最 小化冗余值。我们先只用 (+2, +1) (若 x 为奇数则加一步 (+1, +2)) 走到 (x, y'),然后通过将 (+2, +1) 替换为 2 个 (+1, +2) 使得 $0 \le y-y' \le 3$ 。

若 y-y'=0,则冗余值为 0,显然最小。

若 y-y'=1, 则将 (+1,+2) 替换为 (+2,+1) 和 (-1,+2) 或将 2 个 (+2,+1) 替换为 (+1,+2), (+1,+2), (+2,-1), 冗余值为 2, 显然最小。(此处需要特判 (2,2))

若 y-y'=2,则加上(+2,+1)和(-2,+1),冗余值为 4,由于不存在冗余值为 1 的步,所以最小。

当 x>2y 时,定义每一步的冗余值 wi=2-dx,那么 sigma(wi)=sigma(2-dx)=2*步数-x,显然我们只需要最小 化冗余值。我们先只使用(+2,+1)走到(2y,y),然后用 (+2,+1)和(+2,-1)走到(x',y)使得 0<=x-x'<4。

若 x-x'=0 则冗余值为 0,显然最小。

若 x-x'=1 则将之前的(+2,+1) 改为(+1,+2)和(+2,-1),

冗余值为1,显然最小。(此处需要特判(1,0))

若 x-x'=2 则加上(+1,+2)和(+1,-2),冗余值为 2,由 x/2+y 的奇偶性可知最小。

若 x-x'=3 则加上(+2,+1),(+2,+1),(-1,-2), 冗余值为 3,由 x/2+y 的奇偶性可知最小。

时间复杂度 O(t)

绝对值:

设 f(i,x)表示 | 前 i 个变量的和-x | 的期望,显然这是一个分段多项式函数,每一段可以通过对 f(i-1) 积分得到。 f(i) 的段点为 f(i-1) 的段点减去 1i 或加上 ri。

时间复杂度 O(sigma(2^i*i^2))=O(2^n*n^2)。

序列:

条件1等价于若i<j且bi<=aj,则i与j在一段中。 将满足此条件的每一段缩成一个数对,a值为所有a的最大值,b值为所有b的和。

二分答案,问题变为将序列分为若干段,每一段 b 的和<=二分值,求 sigma(max(ai))的最小值。

用 f(i)表示前 i 个点的答案,显然 f(i-1) <= f(i),因此我们维护一个 ai 的单调下降序列 x,显然决策点只可能是 x j+1 或是 i 所能接受的最左点,用 set 维护前者即可。

时间复杂度 O(nlog^2)。