# 省选模拟试题

ExfJoe

March 13, 2017

# 竞赛时长: 240min

试题名称	传销组织	守卫	树
可执行文件名	gplt	guard	tree
输入文件名	gplt.in	guard.in	tree.in
输出文件名	$\operatorname{gplt.out}$	guard.out	tree.out
时间限制	2s	2s	2s
空间限制	256M	512M	256M
测试点数目	10	20	20
测试点分数	10	5	5
是否有 SPJ	是	否	否
是否有部分分	否	否	否
题目类型	传统	传统	传统

- 认真独立完成试题,不与他人交流讨论
- 最终评测在 Win10 下使用 Lemon, 默认栈空间限制为 8M, 开启 O2 优化
- 试题按英文名称字典序排序

# 传销组织

#### 题目描述

传销组织 GPLT 的宗旨是"有志者事竟成",他们最近在执行一项宏伟的 n 人计划,以构建科学有效的情报网。换句话说,GPLT 组织希望组建一个由 n 个人和若干单向私有电话线构成的情报网,并使得情报网满足一系列要求。这些要求分成两类:

- 1 从第 a 个人通过一条或多条电话线可以联系到第 b 个人
- 2 从第 a 个人通过一条或多条电话线不能联系到第 b 个人

现在 GPLT 组织的首脑 gluo 请你帮忙给出任意一个满足所有要求的情报网,或者告诉他这样的情报网是不可能存在的。

#### 输入格式

第一行一个整数 n 表示人数。

第二行一个整数 m 表示第一类要求的个数,接下来 m 行每行两个整数 a,b 表示要求。

第 m+3 行一个整数 t 表示第二类要求的个数,接下来 t 行每行两个整数 a,b 表示要求。

## 输出格式

若不存在这样的情报网,输出一行"NO"(不含引号)。

否则在第一行输出"YES"(不含引号),在第二行输出情报网中电话线的数量 P,接下来 P 行每行两个整数 u,v,描述一条  $(u \to v)$  的电话线。由于资源有限,要求 P < n + m + t.

\_\_\_\_\_ Input \_\_\_\_\_

## 样例 1

3		
2		
1 2		
2 3		
1		
1 3		
	Output	
NO	551-	
样例 2		
	Input	
3	•	
2		
1 2		
2 3		
1		
3 1		
	Output	
YES	•	
2		
1 2		
2 3		

# 约定

20% 的数据:  $n \le 100$ 

60% 的数据:  $n \le 25000$ 

100% 的数据:  $1 \leq n, m, t \leq 10^5$  ,  $1 \leq a, b \leq n$  ,  $a \neq b$ 

# 守卫

#### 题目描述

Z 国中有 n 个城市,城市间通过 n-1 条长度为 1 的双向道路连通,任意两座城市都可以互相到达,城市间的距离为两城市间最短路径上边的长度和。

Z 国接下来将要召开 Q 次重要会议,为了保证会议顺利进行,第 i 次会议时,Z 国将会部署  $k_i$  个守卫,第 j 个守卫据守的城市为  $c_j$ ,他的守护能力为  $r_j$ . 若一个城市 u 与守卫 j 据守的城市  $c_j$  间的距离不超过  $r_j$ ,则城市 u 就被认为是受保护的。

现在对于每次会议,请你求出有多少个城市是受保护的。

注意:第 i 次会议部署的守卫只在第 i 次会议时有效。

# 输入格式

第一行一个整数 n 表示城市数。城市从  $1 \sim n$  编号。

接下来 n-1 行每行两个整数 a,b,表示一条双向道路。

接下来一行一个整数 Q 表示会议次数。

最后 Q 行,每行第一个整数  $k_i$  表示本次会议部署的守卫个数,接下来有  $k_i$  对数  $(c_j, r_j)$  描述守卫。保证一次会议中,守卫的据守城市互不相同。

## 输出格式

输出共 Q 行,对于每次会议输出一行一个整数表示受保护的城市数。

## 样例

```
6
1 2
1 3
2 4
2 5
5 6
3
1 2 1
1 1 2
2 3 1 6 1
```

```
0utput ______4
5
4
```

## 约定

10% 的数据:  $n, Q \le 1000$ ,  $\sum k_i \le 10^4$ 

另有 20% 的数据:  $k_i = 1$ 

另有 20% 的数据: 任意一个城市所连接的道路数量不超过 2

100% 的数据:  $1 \le n, Q \le 5 \times 10^4$ ,  $\sum k_i \le 5 \times 10^5$ 

# 树

# 题目描述

给定一棵 n 个结点的树,每个点有一个点权  $a_i$ ,每条边有一个出现概率 p(u,v),因此这棵树会随机地成为若干个连通块。

给定一个整数 k,对于每个连通块 G 我们记  $(\sum_{i \in G} a_i)^k$  为它的特征值,当前情况下所有连通块的特征值的和我们称它为整棵树的特征值。现在对于给定的这棵树求它的特征值的期望是多少。

若答案为 4,则你只需输出它在模 998244353 意义下的值即可。

# 输入格式

第一行两个整数 n,k 意义见题目描述。点从  $1 \sim n$  编号。

第二行 n 个整数  $a_i$  表示点权。

接下来 n-1 行每行四个整数 u,v,a,b,表示一条连接 (u,v) 的,出现概率为  $\frac{a}{b}$  的边。

# 输出格式

仅一行一个整数表示答案。

#### 样例

	Input
4 1	
1 2 3 2	
1 2 1 2	
2 3 2 3	
2 4 1 3	
8	_ Output

# 约定

10% 的数据:  $n \le 10$ ,  $k \le 1000$ 

另有 15% 的数据:  $n \le 50$ ,  $k \le 4$ 

另有 25% 的数据:  $n \le 1000$ ,  $k \le 200$ 

100% 的数据:  $1 \le n \le 1000$ ,  $0 \le k \le 1000$ ,  $0 \le a \le b \le 10^8$ ,  $b \ne 0$