Critical Values of the Mann-Whitney U (Two-Tailed Testing)

	n_1																		
n_2	α	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
3	.05		0	0	1	1	2	2	3	3	4	4	5	5	6	6	7	7	8
	.01		0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	2	2	2	2	3	3
4	.05		0	1	2	3	4	4	5	6	7	8	9	10	11	11	12	13	14
	.01			0	0	0	1	1	2	2	3	3	4	5	5	6	6	7	8
5	.05	0	1	2	3	5	6	7	8	9	11	12	13	14	15	17	18	19	20
	.01			0	1	1	2	3	4	5	6	7	7	8	9	10	11	12	13
6	.05	1	2	3	5	6	8	10	11	13	14	16	17	19	21	22	24	25	27
	.01		0	1	2	3	4	5	6	7	9	10	11	12	13	15	16	17	18
7	.05	1	3	5	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	26	28	30	32	34
	.01		0	1	3	4	6	7	9	10	12	13	15	16	18	19	21	22	24
8	.05	2	4	6	8	10	13	15	17	19	22	24	26	29	31	34	36	38	41
	.01		1	2	4	6	7	9	11	13	15	17	18	20	22	24	26	28	30
9	.05	2	4	7	10	12	15	17	20	23	26	28	31	34	37	39	42	45	48
	.01	0	1	3	5	7	9	11	13	16	18	20	22	24	27	29	31	33	36
10	.05	3	5	8	11	14	17	20	23	26	29	33	36	39	42	45	48	52	55
11	.01	0	2	4	6	9	11	13	16	18	21	24	26	29	31	34	37	39	42
	.05	3	6	9	13	16	19	23	26	30	33	37	40	44	47	51	55	58	62
	.01	0	2	5	7	10	13	16	18	21	24	27	30	33	36	39	42	45	48
12	.05	4	7	11	14	18	22	26	29	33	37	41	45	49	53	57	61	65	69
	.01	1	3	6	9	12	15	18	21	24	27	31	34	37	41	44	47	51	54
13	.05	4	8	12	16 10	20 13	24	28	33	37	41 31	45	50 38	54	59	63 49	67 53	72	76
	.01	1_5	3	7	17		17	20 31	24	27	45	34 50	55	42 59	45	-	74	56 78	60
	.05	<u>5</u> 1	4	7	11	22 15	26 18	22	36 26	<u>40</u> 30	34	38	42	46	50	67 54	58	63	83 67
15	.05	5	10	14	19	24	29	34	39	44	49	54	59	64	70	75	80	85	90
	.03	2	5	8	12	16	20	24	<u></u>	33	37	42	46	51	55	60	64	69	73
16	.05	6	11	15	21	26	31	37	42	47	53	59	64	70	75	81	86	92	98
	.01	2	5	9	13	18	22	27	31	36	41	45	50	55	60	65	70	74	79
17	.05	6	11	17	22	28	34	39	45	51	57	63	67	75	81	87	93	99	105
	.01	2	6	10	15	19	24	29	34	39	44	49	54	60	65	70	75	81	86
18	.05	7	12	18	24	30	36	42	48	55	61	67	74	80	86	93	99	106	112
	.01	2	6	11	16	21	26	31	37	42	47	53	58	64	70	75	81	87	92
19	.05	7	13	19	25	32	38	45	52	58	65	72	78	85	92	99	106	113	119
	.01	3	7	12	17	22	28	33	39	45	51	56	63	69	74	81	87	93	99
20	.05	8	14	20	27	34	41	48	55	62	69	76	83	90	98	105	112	119	127
	.01	3	8	13	18	24	30	36	42	48	54	60	67	73	79	86	92	99	105

Critical Values of the Mann-Whitney U (One-Tailed Testing)

No. No.	n_1												
3 .01 0 0 0 1 1 1 2 2 2 3 3 4 4 4 .05 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 14 15 16 18 5 .05 1 2 4 5 6 8 9 11 12 13 15 16 18 19 20 22 2 5 .05 1 2 4 5 6 8 9 11 12 13 14 11 6 .05 2 3 5 7 8 10 12 14 16 17 19 21 23 25 26 28 23 7 .05 2 4 6 8 11 13 15 17 19 21	20												
10	11												
4 .01 0 1 1 2 3 3 4 5 5 6 7 7 8 9 5 .05 1 2 4 5 6 8 9 11 12 13 15 16 18 19 20 22 2 6 .05 2 3 5 7 8 10 12 14 16 17 19 21 23 25 26 28 3 7 .05 2 4 6 8 11 13 15 17 19 21 23 25 26 28 3 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 30 33 36 39 41 2 8 .05 3 5 8 10 13	5												
5 .01 0 1 1 2 3 3 4 5 5 6 7 7 8 9 5 .05 1 2 4 5 6 8 9 11 12 13 15 16 18 19 20 22 2 6 .05 2 3 5 7 8 10 12 14 16 17 19 21 23 25 26 28 23 7 .05 2 4 6 8 11 13 15 16 18 19 2 8 .01 0 1 3 4 6 7 8 9 11 12 13 15 16 18 19 2 9 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 30 33 35 33 36 39 41 4 9<	18												
5 .01 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 16 6 .05 2 3 5 7 8 10 12 14 16 17 19 21 23 25 26 28 3 7 .05 2 4 6 8 11 13 15 17 19 21 24 26 28 30 33 35 3 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 9 .05 4 <t< td=""><td>10</td></t<>	10												
6 .05 2 3 5 7 8 10 12 14 16 17 19 21 23 25 26 28 3 7 .05 2 4 6 8 11 13 15 16 18 19 2 8 .05 2 4 6 8 11 13 15 17 19 21 24 26 28 30 33 35 3 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 9 .05 4 6 9 12 15 18 21	25												
6 .01 1 2 3 4 6 7 8 9 11 12 13 15 16 18 19 2 7 .05 2 4 6 8 11 13 15 17 19 21 24 26 28 30 33 35 3 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 10 .01 1	16												
7 .05 2 4 6 8 9 11 12 13 15 16 18 19 2 0.05 2 4 6 8 11 13 15 17 19 21 24 26 28 30 33 35 3 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 2 9 .05 4 6 7 9 11 13 15 17 20 22 24 26 28 30 3 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 9 .01 1 3 5 7 9 11 14 16	32												
01 0 1 3 4 6 7 9 11 12 14 16 17 19 21 23 24 2 8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 4 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 10 .05 4 7 11 14 17 20 24 27 31 34 37 41 44 48 51 55 5 10 .01 1 3													
8 .05 3 5 8 10 13 15 18 20 23 26 28 31 33 36 39 41 2 9 .01 0 2 4 6 7 9 11 13 15 17 20 22 24 26 28 30 3 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 10 .05 4 7 11 14 17 20 24 27 31 34 37 41 44 48 51 55 5 3 11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 <td< th=""><th></th></td<>													
8 .01 0 2 4 6 7 9 11 13 15 17 20 22 24 26 28 30 3 9 .05 4 6 9 12 15 18 21 24 27 30 33 36 39 42 45 48 5 10 .01 1 3 5 7 9 11 14 16 18 21 23 26 28 31 33 36 32 10 .05 4 7 11 14 17 20 24 27 31 34 37 41 44 48 51 55 5 11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .05 5													
9													
9 .01 1 3 5 7 9 11 14 16 18 21 23 26 28 31 33 36 3 10 .05 4 7 11 14 17 20 24 27 31 34 37 41 44 48 51 55 5 11 .01 1 3 6 8 11 13 16 19 22 24 27 30 33 36 38 41 4 11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 47													
10 10 1 3 5 7 9 11 14 16 18 21 23 26 28 31 33 36 32 10 .05 4 7 11 14 17 20 24 27 31 34 37 41 44 48 51 55 5 11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 47 51													
10 .01 1 3 6 8 11 13 16 19 22 24 27 30 33 36 38 41 4 11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .01 1 4 7 9 12 15 18 22 25 28 31 34 37 41 44 47 5 12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 47 51 55 60 64 68 7 12 .01 2 5 8 11 14 17 21 24 28 31 35 38 42 46 49 53 5 13 .05 6 10 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 65 70 75 8 14 .01 2 5 9 12 16 20 23 <td></td>													
11 .05 5 8 12 16 19 23 27 31 34 38 42 46 50 54 57 61 6 12 .01 1 4 7 9 12 15 18 22 25 28 31 34 37 41 44 47 5 12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 47 51 55 60 64 68 7 .01 2 5 8 11 14 17 21 24 28 31 35 38 42 46 49 53 5 13 .05 6 10 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 65 70 75 8 14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 15 .05 7 12 18 23 28 33 39													
11 .01 1 4 7 9 12 15 18 22 25 28 31 34 37 41 44 47 5 12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 47 51 55 60 64 68 7 13 .01 2 5 8 11 14 17 21 24 28 31 35 38 42 46 49 53 5 13 .05 6 10 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 65 70 75 8 14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11 15 19 24													
12 .05 5 9 13 17 21 26 30 34 38 42 47 51 55 60 64 68 7 13 .05 6 10 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 65 70 75 8 14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11	_												
12 .01 2 5 8 11 14 17 21 24 28 31 35 38 42 46 49 53 5 13 .05 6 10 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 65 70 75 8 14 .01 2 5 9 12 16 20 23 27 31 35 39 43 47 51 55 59 6 14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11 <td< td=""><td></td></td<>													
13 .05 6 10 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 65 70 75 8 14 .01 2 5 9 12 16 20 23 27 31 35 39 43 47 51 55 59 6 14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 70 77 16 .01 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 70 77 18 .01 .02 .03 .03 .03 .03 .03 </td <td></td>													
13 .01 2 5 9 12 16 20 23 27 31 35 39 43 47 51 55 59 6 14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 .01 2 6 10 13 17 22 26 30 34 38 43 47 51 56 60 65 6 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 15 .01 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 70 7 05 8 14 19 25 30 36 42 48 54 60 65 71 77 83 89 95 1													
14 .05 7 11 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 77 82 8 15 .01 2 6 10 13 17 22 26 30 34 38 43 47 51 56 60 65 6 15 .05 7 12 18 23 28 33 39 44 50 55 61 66 72 77 83 88 9 101 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 70 7 05 8 14 19 25 30 36 42 48 54 60 65 71 77 83 89 95 1													
14													
15													
15 01 3 7 11 15 19 24 28 33 37 42 47 51 56 61 66 70 7 05 8 14 19 25 30 36 42 48 54 60 65 71 77 83 89 95 1													
05 8 14 19 25 30 36 42 48 54 60 65 71 77 83 89 95 1													
16 0.01 3 7 12 16 21 26 31 36 41 46 51 56 61 66 71 76 8													
05 0 15 20 26 33 30 45 51 57 64 70 77 83 80 96 102 1													
17 00 4 8 13 18 23 28 33 38 44 49 55 60 66 71 77 82 8													
05 0 16 22 28 25 41 48 55 61 68 75 82 88 05 102 100 1													
18 00 9 10 22 28 33 41 48 33 01 08 73 82 88 93 102 109 1 01 4 9 14 19 24 30 36 41 47 53 59 65 70 76 82 88 9													
05 10 17 22 20 27 44 51 59 65 72 90 97 04 101 100 116 1													
19 01 4 9 15 20 26 32 38 44 50 56 63 69 75 82 88 94 1													
20 .05 11 18 25 32 39 47 54 62 69 77 84 92 100 107 115 123 1	0 138												
20 01 5 10 16 22 28 34 40 47 53 60 67 73 80 87 93 100 1	7 114												