Modelo de producción de maximización de beneficios, con 3 productos y dos recursos limitados. Se trata de decidir cuantas unidades producir de cada tipo de producto.

Max
$$Z=25X_1+15X_2+20X_3$$

s.a.:
 $8X_1+2X_2+3X_3 \le 400$
 $4X_1+5X_2+6X_3 \le 300$
 $X_1,X_2,X_3 \ge 0$

Incluimos costes fijos.

$$\begin{array}{c} \text{Max Z=}25X_1 + 15X_2 + 20X_3 - 10Y_1 - 5Y_2 - 15Y_3 \\ \text{s.a.:} \\ 8X_1 + 2X_2 + 3X_3 \leq 400 \\ 4X_1 + 5X_2 + 6X_3 \leq 300 \\ X_1 - 50Y_1 \leq 0 \\ X_2 - 60Y_2 \leq 0 \\ X_3 - 50Y_3 \leq 0 \\ X_1, X_2, X_3 \geq 0 \\ Y_1, Y_2, Y_3 \in \{0,1\} \end{array}$$

Capacidad de producción variable.

$$\begin{aligned} \text{Max Z=} 25X_1 + 15X_2 + 20X_3 - 50Y_1 - 80Y_2 - 100Y_3\\ \text{s.a.:}\\ 8X_1 + 2X_2 + 3X_3 &\leq 400Y_1 + 500Y_2 + 600Y_3\\ 4X_1 + 5X_2 + 6X_3 &\leq 300\\ Y_1 + Y_2 + Y_3 &= 1\\ X1, X_2, X_3 &\geq 0\\ Y_1, Y_2, Y_3 &\in \{0, 1\} \end{aligned}$$

Costes variables decrecientes.

$$\begin{array}{c} \text{Max Z=}25X_1 + 15X_2 + 20X_3 - 10X_{11} - 5X_{12} - 7.5X_{13} \\ \text{s.a.:} \\ 8X_1 + 2X_2 + 3X_3 \leq 400 \\ 4X_1 + 5X_2 + 6X_3 \leq 300 \\ X_1 = X_{11} + X_{12} + X_{13} \\ 5Y_1 \leq X_{11} \leq 5 \\ 10Y_2 \leq X_{12} \leq 10Y_1 \\ X_{13} \leq 35Y_2 \\ X_1, X_2, X_3 \geq 0 \\ Y_1, Y_2, Y_3 \in \{0, 1\} \end{array}$$