DIP: Project 1

2017011620 计 73 李家昊 2020 年 4 月 20 日

# 1 Image Fusion

### 1.1 方法

根据 Poisson Image Processing [2] 中的 Guided Interpolation 方法,记插值 区域为  $\Omega$ ,目标图像的颜色函数为  $f^*$ ,插值后  $\Omega$  区域内颜色函数为 f,由于可以对 RGB 三通道分别处理,因此颜色可视作标量,现给定一个参考梯度场  $\mathbf{v}$ ,希望插值后  $\Omega$  区域内的梯度与参考梯度尽可能一致,且满足  $\Omega$  的边界值与目标图像相同,这样就得到一个带有 Dirichlet 边界条件的扩展 Laplace 方程,

$$\min_{f} \iint_{\Omega} |\nabla f - \mathbf{v}|^2 \text{ with } f|_{\partial\Omega} = f^*|_{\partial\Omega}$$
 (1)

方程(1)可离散化如下,

$$\forall p \in \Omega, \quad |N_p|f_p - \sum_{q \in N_p \cap \Omega} f_q = \sum_{q \in N_p \cap \partial \Omega} f_q^* + \sum_{q \in N_p} v_{pq}$$
 (2)

其中,对于  $\Omega$  区域内的一个像素位置 p,  $N_p$  为 p 的邻居集合,包含上下左右四个方向,对于 p 的某个邻居  $q \in N_p$ ,  $v_{pq}$  为从 p 到 q 的参考梯度。

对于 Image Fusion 来说,可以采用 Seamless Cloning 的方法,将原图的梯度场作为参考梯度场。记原图的颜色函数为 g,则有  $\mathbf{v} = \nabla g$ ,因此  $v_{pq} = g_p - g_q$ ,代入方程 (2) 求解即可。

# 1.2 实现细节

在具体求解过程中,注意到方程 (2) 是一个  $|\Omega|$  元线性方程组,可以将它记为  $\mathbf{A}\mathbf{x} = \mathbf{b}$ 。其中,线性方程组的系数矩阵为  $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{|\Omega| \times |\Omega|}$ ,对于  $\forall p \in \Omega$ ,有  $\mathbf{A}(p,p) = 4$ ,且  $\mathbf{A}(p,q) = -I_{q \in N_p \cap \Omega}$ ,其中 I 为示性函数。事实上,可以进一步观察到,矩阵  $\mathbf{A}$  的每一行最多只有 5 个元素,因此可采用稀疏矩阵的方式来存储。对于线性方程组的右端项  $\mathbf{b}$ ,它的每一个分量  $\mathbf{b}(p)$  即为方程 (2) 的右端。

得到系数矩阵  $\bf A$  和右端项  $\bf b$  后,可通过迭代方法求解线性方程组,得到的解  $\bf x$  即为融合后在  $\Omega$  区域内的颜色函数 f 。





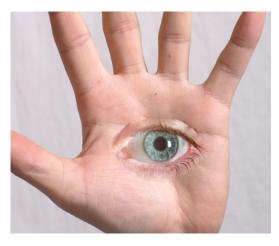
(a) Naive

(b) Poisson

图 1: 第一组图片的融合效果







(b) Poisson

图 2: 第二组图片的融合效果

### 1.3 实验结果

在给定的两组图片上,每组分别用无缝克隆的 Poisson 方法和直接裁剪拼接的 Naive 方法进行处理,生成的结果如图 1和图 2所示。可以看出,对于 Poisson 方法,图像边缘的过渡更加平滑和自然,同时保留了重要的原图信息。

# 2 Face Morphing

## 2.1 方法

在人脸融合任务中,需要根据原图和目标图求出中间状态。解决方法可大致 分为形状融合和颜色融合两个步骤,即首先将原图和目标图分别对齐到中间状态,再将它们的颜色融合,这样就得到了最终融合的图像。

首先定义融合率  $\alpha \in (0,1)$ ,表示将目标图的权重置为  $\alpha$ ,原图的权重置为  $1-\alpha$ ,将原图和目标图加权平均后就得到中间状态。

对于形状融合,在齐次坐标意义下,首先标记出原图和目标图中对应的特征点  $\{\mathbf{p}_i\}_{i=1}^n$  和  $\{\mathbf{q}_i\}_{i=1}^n$ ,则中间状态的特征点  $\{\mathbf{r}_i\}_{i=1}^n$  可由原图和目标图的对应特征点加权平均得到,

$$\mathbf{r}_i = (1 - \alpha)\mathbf{p}_i + \alpha\mathbf{q}_i, \quad i = 1, 2, \cdots, n$$
(3)

为了将原图对齐到中间状态,首先对中间状态的特征点  $\{\mathbf{r}_i\}_{i=1}^n$  进行 Delaunay 三角剖分,然后将原图对应的三角形区域仿射变换到中间状态的三角形区域。具体来说,假设  $(\mathbf{p}_1,\mathbf{p}_2,\mathbf{p}_3)$  为原图的一个 Delaunay 三角,它对应的中间状态为  $(\mathbf{r}_1,\mathbf{r}_2,\mathbf{r}_3)$ ,则仿射变换矩阵  $\mathbf{A}$  满足,

$$\mathbf{A}(\mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \mathbf{p}_3) = (\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3) \tag{4}$$

由此可求出  $A^{-1}$ 。再根据仿射变换,对于中间状态三角内的每个像素坐标 p,可得到它在原图的像素坐标为  $A^{-1}p$ ,若不为整数,进行插值即可。

遍历每个 Delaunay 三角,在每个三角中遍历每个像素,即可将原图变换到中间状态。用相同的方法将目标图变换到中间状态,这样就将原图和目标图分别对齐到了中间状态。

对于颜色融合,记对齐到中间状态的原图和目标图分别为 I 和 J,用同样的加权平均方法对整张图片进行 Cross Dissolve 即可,

$$\mathbf{M} = (1 - \alpha)\mathbf{I} + \alpha\mathbf{J} \tag{5}$$

这样就得到了最终融合的图像 M。

#### 2.2 实现细节

本实验最大的工作量在于特征点的标注,这里采用机器和人工相结合的方式。其中第一组图片中采用了 Face++ 的人脸检测 API 来标注人脸图像,然后进行了手工修正,并增加了对头顶,发际线,耳朵,衣领等特征点的标记,第二组图片中,由于 Face++ API 无法识别狮子的脸,因此只能全部手工标注。

此外,标注前首先需要统一原图和目标图的大小,仿射变换的插值采用双线性插值,Delaunay 三角剖分使用 scipy 库的实现。

### 2.3 实验结果

在给定的两组图片上,标定的特征点及 Delaunay 三角剖分如图 3和图 5所示,每组图片生成 8 个中间状态,得到的序列如图 4和图 6所示。

两组图片中,除了第一组图片的领结处有少量 artifact 之外,其他位置的过渡均十分自然。

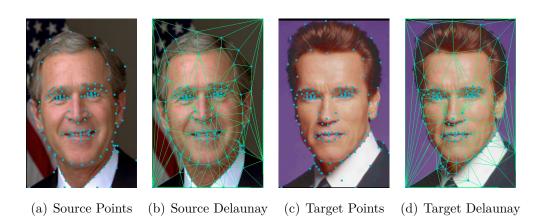


图 3: 第一组图片的特征点及 Delaunay 三角剖分

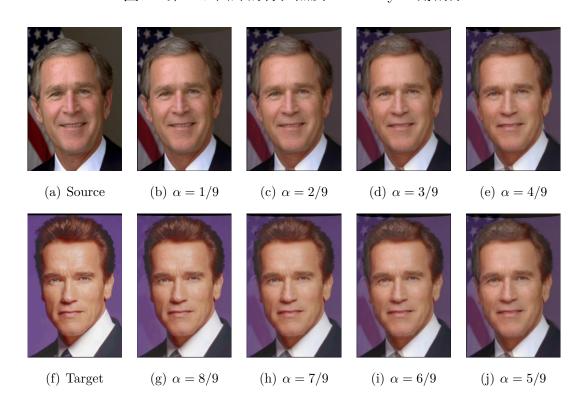


图 4: 在不同的融合率  $\alpha$  下,第一组图片的融合效果

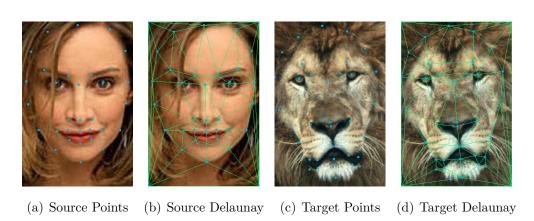


图 5: 第二组图片的特征点及 Delaunay 三角剖分

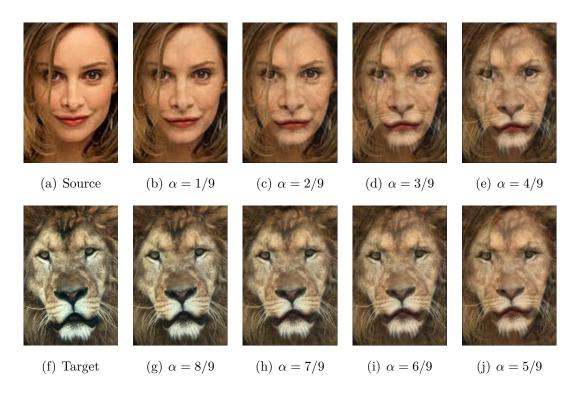


图 6: 在不同的融合率  $\alpha$  下,第二组图片的融合效果

# 3 View Morphing

### 3.1 方法

实现思路主要参考了 View Morphing 的论文 [3],考虑在不同视角下拍摄的原图和目标图,如果直接进行常规的 morph,会使刚体发生扭曲和变形,不符合常理。为了维持刚体在变换中的刚性,论文提出了 View Morphing 框架,它主要分为三个步骤:首先将原图和目标图 prewarp 到同一平面上,然后进行常规的morph,最后将融合后的图像 postwarp 到所需视角。

常规的 morph 在 Face Morphing 任务中已经实现了,这里需要解决的问题主要是 prewarp 和 postwarp 的选取。对于 prewarp,这里参考了论文的附录部分,通过求解基本矩阵  $\mathbf{F}$ ,找到极点  $\mathbf{e}_0$  和  $\mathbf{e}_1$ ,从而计算出原图和目标图的 prewarp 矩阵  $\mathbf{H}_0$  和  $\mathbf{H}_1$ ,然后就可以将原图和目标图对齐到同一平面。

对于 postwarp 矩阵  $\mathbf{H}_s$ ,按照论文对  $\mathbf{H}_0$  和  $\mathbf{H}_1$  加权平均的方法,得到的结果并不是太理想,因此这里选取一个 Perspective Warp 矩阵  $\mathbf{H}_s$ ,使得融合后图像的四个角映射到最终图像的四个角,从而得到较为理想的效果。

理论上这三个步骤可以分步执行,但是实际上在 prewarp 或者 morph 的中间状态时,图像内容可能被边界遮挡,导致 postwarp 后图像残缺。因此,这里实现了完全端到端的变换,具体实现方法如下。

首先确定原图和目标图的 prewarp 矩阵  $\mathbf{H}_0$  和  $\mathbf{H}_1$ ,将原图和目标图的对应 点分别进行 prewarp,沿用 Face Morphing 小节的符号,即得到  $\{\mathbf{H}_0\mathbf{p}_i\}_{i=1}^n$  和

 $\{\mathbf{H}_1\mathbf{q}_i\}_{i=1}^n$ ,同样求出中间状态,

$$\mathbf{r}_i = (1 - \alpha)\mathbf{H}_0\mathbf{p}_i + \alpha\mathbf{H}_1\mathbf{q}_i, \quad i = 1, 2, \cdots, n$$
 (6)

对中间状态的特征点  $\{\mathbf{r}_i\}_{i=1}^n$  进行 Delaunay 三角剖分,对于某个 Delaunay 三角,记其从 prewarp 后的原图映射到中间状态的仿射变换为 A,然后用  $H_s$  将 中间状态的三角区域 postwarp 到最终状态,对于最终状态三角内一点 x,可以 计算出其对应的原图坐标,即为 $\mathbf{H}_0^{-1}\mathbf{A}^{-1}\mathbf{H}_s^{-1}\mathbf{x}$ 。这样就避免了引入中间状态,实 现了端到端的变换。

#### 实现细节 3.2

对于特征点的标注,这里采用 dlib 和人工结合的方式,其中 dlib 生成的 面部特征点用于计算基本矩阵  $\mathbf{F}$ , 并由此得到 prewarp 矩阵, 其余的人工标注点 连同 dlib 生成的点用于 morph 过程中的 Delaunay 三角剖分。

对于基本矩阵的求解,这里采用八点法,具体实现方法可参考维基百科[1]。 对于 prewarp 的选取,这里省略了论文中  $H_1$  的平移和放缩矩阵 T,原因是当 F的计算不准确时, T 矩阵可能是奇异的。

#### 实验结果 3.3

首先给出分步执行的结果,以第一组图片为例,当融合率  $\alpha = 0.5$  时, prewarp 后的原图和目标图,融合图像,以及 postwarp 后的融合图像如图 7,可以看出, prewarp 导致原图的大量信息丢失,目标图被边界截断,导致 morph 后的图像出 现裂缝, postwarp 后出现残缺。





(a) Prewarped Source (b) Prewarped Target



(c) Morphed



(d) Postwarped

图 7: prewarp 后的原图和目标图, postwarp 前后的融合图像

为了弥补这一缺陷,这里实现了端到端的 View Morphing,在给定的两组图 片上,实验结果如图 8和图 9,可以看到,生成的中间序列实现了视角的转换,且 内容十分完整,没有出现残缺现象,仅有少量的 artifact。

此外,这里还补充了两组图片,实验结果如图 10和图 11,其中原图和目标 图是通过镜面对称生成的,因此 prewarp 的计算结果更加准确,过渡也更自然。



(a) Source



(b)  $\alpha = 0.25$ 



(c)  $\alpha = 0.50$ 



(d)  $\alpha = 0.75$ 



(e) Target

图 8: 在不同的融合率  $\alpha$  下,第一组图片的融合效果





(a) Source (b)  $\alpha = 0.25$  (c)  $\alpha = 0.50$  (d)  $\alpha = 0.75$ 







(e) Target

图 9: 在不同的融合率  $\alpha$  下,第二组图片的融合效果



(a) Source



(b)  $\alpha = 0.25$ 





(c)  $\alpha = 0.50$  (d)  $\alpha = 0.75$ 



(e) Target

图 10: 在不同的融合率  $\alpha$  下,第三组图片的融合效果



(a) Source



(b)  $\alpha = 0.25$  (c)  $\alpha = 0.50$  (d)  $\alpha = 0.75$ 







(e) Target

图 11: 在不同的融合率  $\alpha$  下,第四组图片的融合效果

# 参考文献

- [1] Eight-point algorithm. https://en.wikipedia.org/wiki/Eight-point\_algorithm. Accessed: 2020-04-20.
- [2] P. Pérez, M. Gangnet, and A. Blake. Poisson image editing. In *ACM SIG-GRAPH 2003 Papers*, pages 313–318. 2003.
- [3] S. M. Seitz and C. R. Dyer. View morphing. In *Proceedings of the 23rd annual conference on Computer graphics and interactive techniques*, pages 21–30, 1996.