INRAO

> Approche Bayésienne pour écrire et estimer les modèles de méta-analyse: caractéristiques et intérêts

Frédéric Gosselin
INRAE - UR EFNO, Nogent-sur-Vernisson





I- Modèles statistiques paramétriques fréquentistes et Bayésiens

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

III- Extensions Bayésiennes de modèles de métaanalyse

IV- Conclusions

I- Modèles statistiques paramétriques fréquentistes et Bayésiens

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de trois modèles de méta-analyse

III- Extensions Bayésiennes de modèles de métaanalyse

IV- Conclusion



I-1 Modèles statistiques paramétriques

* Ici, nous ne parlerons que de techniques statistiques basées sur **des modèles**

= Statistiques paramétriques

* On suppose que la (densité de) probabilité de la variable à expliquer y a une forme précise $f(y|\theta,x)$, qui dépend de θ , le ou les paramètres du modèle statistique, et des variables explicatives x.

* A θ (et x) fixés et connus, $f(y|\theta,x)$ définit un modèle probabiliste

on peut simuler/tirer au sort des observations y à partir de $f(\cdot|\theta,x)$

* A partir d'observations y connues, $f(y|\theta,x)$ définit un modèle statistique paramétrique.

on veut estimer θ à partir de f(y|.,x)



Modèle statistique paramétrique = « inverse » d'un modèle probabiliste

$$y \to \theta$$
 $\theta \to y$

avec une structure probabiliste commune $f(y|\theta,x)$

Exemple:

$$RS_i = a + b Hdom_i + \varepsilon_i$$

avec RS_i: richesse en espèces de carabiques au point i

*Hdom*_i: hauteur dominante au point

a : ordonnée à l'origine ou « intercept »

b : coefficient de la Hauteur dominante ou pente

 ε_i : variable aléatoire suivant une gaussienne centrée, de variance σ^2 les ε_i sont supposés être indépendants les uns des autres



$$RS_i = a + b \ Hdom_i + \varepsilon_i$$

avec RS: richesse en espèces de carabiques

Hdom: hauteur dominante au point

a : ordonnée à l'origine ou « intercept »

b : coefficient de la Hauteur dominante ou pente

 ε : variable aléatoire suivant une gaussienne centrée, de variance σ^2

Question: quelles sont les observations à expliquer y?

quels sont les paramètres à estimer θ ?

quelles sont les variables explicatives x?

quelle est la forme de la densité de probabilité $f(y|\theta,x)$?



$$RS_i = a + b \ Hdom_i + \varepsilon_i$$

avec RS: richesse en espèces de carabiques

Hdom: hauteur dominante au point

a : ordonnée à l'origine ou « intercept »

b : coefficient de la Hauteur dominante ou pente

 ε : variable aléatoire suivant une gaussienne centrée, de variance σ^2

Réponses:
$$y = (RS_i)$$
, $\theta = c(a, b, \sigma)$, $x = (Hdom_i)$

$$f(y|\theta,x) = f((RS_i) | c(a,b,\sigma), (Hdom_i)) =$$

$$\frac{1}{\left(\sqrt{2\pi\sigma}^{N}\right)^{N}} \exp\left[-\frac{1}{2\sigma^{2}} \sum_{i=1}^{N} (RS_{i} - a - b Hdom_{i})^{2}\right]$$



I-2 Principes de l'approche Bayésienne

Fréquentiste

* Les observations x suivent une loi de probabilité $f(y|\theta,x)$ (incertitude aléatoire)

* Les paramètres θ sont considérés comme fixes ; on ne cherche pas à décrire notre incertitude sur leurs valeurs (incertitude épistémique)

Bayésien

- * Les observations x suivent une loi de probabilité $f(y|\theta,x)$ (incertitude aléatoire)
- * On cherche à décrire notre incertitude sur les valeurs des paramètres θ (incertitude épistémique)

Une des grosses différences entre Bayésien et fréquentiste est donc qu'en Bayésien, on définit une distribution de probabilité $p(\theta)$ sur les paramètres, avant d'observer les données x:

C'est la distribution de probabilités a priori (« prior distribution » ou « prior ») des paramètres.

Fréquentiste

- * Les observations x suivent une loi de probabilité $f(y|\theta,x)$ (incertitude aléatoire)
- * Les paramètres θ sont considérés comme fixes ; on ne cherche pas à décrire notre incertitude sur leurs valeurs (incertitude épistémique)
- * L'incertitude fréquentiste fait intervenir des fréquences de résultats/décisions/tests à θ constant mais jeux de données x répliqués suivant la loi $f(y|\theta,x)$

Bayésien

- * Les observations x suivent une loi de probabilité $f(y|\theta,x)$ (incertitude aléatoire)
- * On cherche à décrire notre incertitude sur les valeurs des paramètres θ (incertitude épistémique)
- * On cherche à mettre à jour notre incertitude sur les valeurs des paramètres θ en tenant compte des données collectées x et du modèle probabiliste $f(y|\theta,x)$

En Bayésien, on cherche à mettre à jour notre incertitude sur les paramètres, une fois les données *x observées :*

C'est la distribution de probabilités a posteriori

(« posterior distribution » ou « posterior ») des paramètres :

$$p(\theta|y,x)$$

La distribution de probabilités a posteriori (« posterior distribution ») est obtenue à partir du prior et du modèle probabiliste ou vraisemblance en appliquant le « théorème de Bayes »

Théorème de Bayes

Origine: définition des probabilités conditionnelles :

$$p(\theta, y|x) = p(y|\theta, x) p(\theta|x)$$

$$p(\theta, y|x) = p(\theta|y, x) p(y|x)$$

Distribution des données sachant les paramètres

=Vraisemblance des paramètres

$$\int p(\theta, y|x) = p(y|\theta, x) \ p(\theta|x) = f(y|\theta, x) \ p(\theta)$$

Distribution jointe des données et des paramètres

Distribution a priori des paramètres

$$p(\theta, y|x) = p(\theta|y, x) p(y|x)$$

Distribution a posteriori des paramètres

Distribution des données



Théorème de Bayes

Le théorème de Bayes s'écrit donc :

$$p(\theta|y,x) = \frac{p(y|\theta,x) \ p(\theta)}{p(y|x)}$$

Et pratiquement, on s'en tient à (x étant considéré comme fixé) :

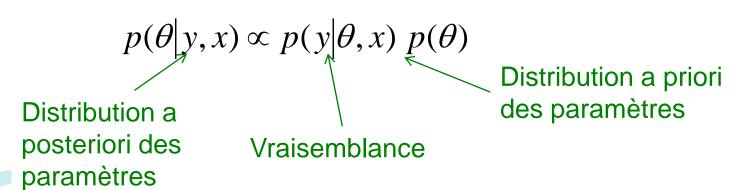
$$p(\theta|y,x) \propto p(y|\theta,x) \ p(\theta)$$
« est proportionnel à »

Théorème de Bayes

Le théorème de Bayes s'écrit donc :

$$p(\theta|y,x) = \frac{p(y|\theta,x) \ p(\theta)}{p(y|x)}$$

Et pratiquement, on s'en tient à (x étant considéré comme fixé) :



I-3 Principaux avantages et faiblesses de l'approche Bayésienne

Bayésien=Approche totalement probabiliste

- * distribution a priori critiquée pour être souvent trop subjective
- * résultats différents si prior différent (+/- suivant l'influence du prior sur le posterior)
- * mise à jour de notre incertitude sur les paramètres, manière naturelle de représenter l'apprentissage ou l'accumulation des connaissances



Avantage

Bayésien=Approche non-asymptotique

* mise à jour de notre incertitude sur les paramètres ne fait pas référence au comportement asymptotique de la vraisemblance (contrairement à la plupart des procédures fréquentistes)

Avantage

Bayésien = Prise en compte complète de tous les niveaux d'incertitude

* là où souvent en fréquentiste on conditionne l'estimation d'un paramètre par une valeur « optimale » d'un autre paramètre, en Bayésien, les différents niveaux de variabilité sont inclus.

Bayésien= souplesse, capacité pratique à modéliser presque ce qu'on veut

* grâce aux algorithmes d'estimation des paramètres (notamment MCMC), très souples mais aussi parfois lourds sur le plan numérique et difficiles à faire converger

Bayésien= souplesse, capacité pratique à modéliser presque ce qu'on veut

* grâce aux algorithmes d'estimation des paramètres (notamment MCMC), très souples mais aussi parfois lourds sur le plan numérique et difficiles à faire converger

♥ réintroduction d'une seconde forme

d' « asymptotique » (convergence de la chaîne de Markov)



Bayésien= souplesse, capacité pratique à modéliser presque ce qu'on veut

* grâce aux algorithmes d'estimation des paramètres (notamment MCMC), très souples mais aussi parfois lourds sur le plan numérique et difficiles à faire converger

nous ne sommes pas obligés de rentrer dans le carcan des méthodes classiques (modèle linéaire, modèle linéaire généralisé, modèles mixtes).



Bayésien= souplesse, capacité pratique à modéliser presque ce qu'on veut

* grâce aux algorithmes d'estimation des paramètres (notamment MCMC), très souples mais aussi parfois lourds sur le plan numérique et difficiles à faire converger

➡ meilleure compréhension de la structure probabiliste du modèle au détriment d'un temps de programmation plus long



Historique

Statistiques:

- * d'abord «Bayésiennes » (Bayes, Laplace), notion de probabilité inverse sur des cas simples
- * puis fréquentistes (possibilité d'estimation sur des cas plus compliqués)
- * aujourd'hui davantage de Bayésien (possibilité d'estimer des modèles encore plus variés).

I- Modèles statistiques paramétriques fréquentistes et Bayésiens

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

III- Extensions Bayésiennes de modèles de métaanalyse

IV- Conclusion

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

Données/modèle issus de Jactel et al. (2012) Gobal Change

Biology : effets du stress hydrique sur les dégâts de ravageurs et pathogènes sur les arbres :

Métrique de la MA (y): dégâts sur arbres stressés vs non stressés (métrique de Hedges)

<u>Variables explicatives/modérateurs (x)</u>: intensité du stress, type de ravageur (primaire vs secondaire), l'organe touché (tronc vs feuille)



II.1- Analyse Bayésienne du premier modèle

Métrique de la MA (y): dégâts sur arbres stressés vs non stressés (métrique de Hedges)

Variable explicative/modérateur (x): l'organe touché (tronc vs feuille)

II.1- Analyse Bayésienne du premier modèle

```
> WBout.modref$summary
                                         2.5%
                                                     25%
                                                             50%
                                                                       75%
                                sd
                                                                                97.5%
                                                                                           Rhat n.eff
                                                         0.3116
                        0.10851468
                                               0.238200
                                                                  0.383025
                                                                            0.5275175 1.001540
                                                                                                 2800
Intercept
           0.3116017
                                    0.0994440
                        0.19399351 - 1.2780250 - 1.021000 - 0.8925 - 0.763500 - 0.5155825 1.001217
● CoefStem -0.8934742
                                                                                                 5200
 sd
             0.5645043
                        0.07871662
                                    0.4267975
                                               0.509775
                                                          0.5591
                                                                  0.613000
                                                                            0.7331025 1.000876
                                                                                                 9000
                        0.09213497
                                    0.1821950
                                              0.259875
                                                        0.3126
                                                                  0.375725
                                                                            0.5374025 1.000876
                                                                                                 9000
var
             0.3248613
 deviance 50.9059467 10.80977692 31.3100000 43.307500 50.4800 57.800000 73.6802500 1.001188
                                                                                                 5600
```

Les résultats sont cohérents avec ceux du modèle metafor fréquentiste

```
##
          ## Mixed-Effects Model (k = 60; tau^2 estimator: REML)
        ## tau^2 (estimated amount of residual heterogeneity):
                                                                      0.3008 \text{ (SE = } 0.0806)
          ## tau (square root of estimated tau^2 value):
                                                                      0.5484
          ## I^2 (residual heterogeneity / unaccounted variability): 78.05%
          ## H^2 (unaccounted variability / sampling variability):
                                                                      4.56
          ## R^2 (amount of heterogeneity accounted for):
                                                                      33.97%
          ## Test for Residual Heterogeneity:
          ## QE(df = 58) = 240.4485, p-val < .0001
          ##
          ## Test of Moderators (coefficient(s) 2):
          ## QM(df = 1) = 22.6056, p-val < .0001
          ##
          ## Model Results:
          ##
                        estimate
                                              zval
                                                      pval
                                                              ci.lb
                                                                       ci.ub
                                       se
          ## intrcpt
                          0.3090 0.1050
                                            2.9430
                                                   0.0033
                                                             0.1032
                                                                      0.5148
          ## OrganStem
                         -0.8886 0.1869
                                          -4.7545 <.0001 -1.2550
                                                                     -0.5223 ***
          ##
INRA
          ## ---
Approche Ba ## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
4 octobre 20
```

II.2- Analyse Bayésienne du second modèle

Métrique de la MA (y): dégâts sur arbres stressés vs non stressés (métrique de Hedges)

Variable explicative/modérateur (x): interaction entre l'organe touché (tronc vs feuille) et l'intensité du stress hydrique

Code fréquentiste sous metafor:

model.inter <- rma(yi ~ Intensity * Organ, vi, data = data.organ)



Code Bayésien du modèle sous Wingugs

```
model<-function()
# partie prior distributions
     Intercept~ dnorm(0,1.0E-06)
     CoefStem~ dnorm(0,1.0E-06)
     CoefIntensity~ dnorm(0,1.0E-06)
     CoefIntensityforStem~ dnorm(0,1.0E-06)
     sd \sim dunif(0,100)
     var <-( sd*sd)
     tau <-1/var
#partie "vraisemblance"
     for (i in 1:N) {
     #couche mesurée: métrique de Hedge
     y[i]~dnorm(mu[i],taud[i])
     #couche latente
     mu[i]~dnorm(xb[i],tau)
     #paramètres déterministes associés
     xb[i]<-
Intercept+CoefIntensity*Intensity[i]+CoefStem*OrganStem[i]+CoefIntensityforStem*Intensity
[i]*OrganStem[i]
     taud[i]<-1/vary[i]
```

II.2- Analyse du second modèle

> WBout.modinteraction\$summary 2.5% 25% 50% 75% 97.5% Rhat n.eff Intercept 1.1431000 1.001076 8200 0.5465224 0.30234060 -0.04748175 0.347725 0.54550.742750 CoefIntensity -0.6820580 0.82529400 -2.32802500 -1.216000 -0.6823 -0.1414759000 0.9617500 1.001020 -1.3238433 0.49829649 -2.30402500 -1.653000 -1.3260 -0.993575 -0.3457900 1.000858CoefStem 9000 CoefIntensityforStem 1.4584429 1.66500099 -1.84922500 0.352425 1.4570 2.581250 4.7211750 1.000844 9000 sd 0.619600 0.7431075 1.001470 3100 0.3302582 0.09803010 0.18169500 0.261375 0.3162 0.383825 0.5522100 1.001470 3100 var 51.2967344 10.98158559 31.89000000 43.507500 50.5900 58.422500 74.6600000 1.001020 deviance 9000

\$\text{\tin}\text{\te}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\te}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\te}\text{\te}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\te}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\te}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\te}\text{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\text{\texi}\text{\text{\text{\text{\text{\texitex{\text{\text{\text{\text{\tex{

	b	se	pval	ci.lb	ci.ub
• intrcpt	0.54	0.30	0.068	-0.04	1.12
Intensity	-0.67	0.80	0.402	-2.25	0.90
 OrganStem 	-1.32	0.49	0.007	-2.28	-0.35
Intensity:OrganSte	m 1.44	1.64	0.378	-1.77	4.65

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

Bilan:

- Globalement assez grande concordance entre modèles Bayésiens et fréquentistes
 - ♣ pas mal de données ⇒ équivalence asymptotique Bayésien-fréquentiste
- Tendance à estimer des niveaux d'incertitude un peu plus élevés en Bayésien (« erreurs-type »)
 - 😉 prise en compte complète de tous les

p. 38

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

Bilan:

 Globalement assez grande concordance entre modèles Bayésiens et fréquentistes

♠ pas mal de données ⇒ équivalence asymptotique Bayésien-fréquentiste

 Tendance à estimer des niveaux d'incertitude un peu plus élevés en Bayésien (« erreurs-type »)

è prise en compte complète de tous les



II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

Bilan:

 Globalement assez grande concordance entre modèles Bayésiens et fréquentistes

♠ pas mal de données ⇒ équivalence asymptotique Bayésien-fréquentiste

 Tendance à estimer des niveaux d'incertitude un peu plus élevés en Bayésien (« erreurs-type »)

riveaux d'incertitude en Bayésien

III- Analyse des modèles: Synthèse

On pourrait s'attendre à plus de différences entre modèles Bayésiens et fréquentistes « équivalents » si

- Il y avait moins de données ou les priors contenaient plus d' « information »
- il y avait plus de problèmes d'estimations des modèles dans un des formalismes (exemples: modèles non-linéaires avec des effets aléatoires; modèles avec dépendance spatiale)

INRAO

Beale et al. (2010) Ecology Letters, Saas & Gosselin (2014) Ecography

I- Modèles statistiques paramétriques fréquentistes et Bayésiens

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

III- Extensions Bayésiennes de modèles de métaanalyse

IV- Conclusion

III- Extensions Bayésiennes

L'un des intérêts du Bayésien est sa souplesse pour

l'écriture des modèles

- Deux exemples proposés ci-dessous:
 - hétéroscédasticité
 - différentes formes d'hétérogénéité résiduelle

III.1- 1ère Extension Bayésienne

 Reprise du modèle initial (modérateur Organe seul) et introduction d'une possibilité de variance différente suivant l'Organe étudié (tronc ou canopée)

```
model<-function()
#partie "vraisemblance"
    for (i in 1:N) {
    #couche mesurée: métrique de Hedge
    y[i]~dnorm(mu[i],taud[i])
    #couche latente
    mu[i]~dnorm(xb[i],tau[i])
    #paramètres déterministes associés
    xb[i]<-Intercept+CoefStem*OrganStem[i]
    taud[i]<-1/vary[i]
    tau[i]<-(1-OrganStem[i])* tau.crown + OrganStem[i]* tau.stem
# partie prior distributions.
    Intercept~ dnorm(0,1.0E-06)
    CoefStem~ dnorm(0,1.0E-06)
    sd.crown \sim dunif(0,100)
    var.crown <-( sd.crown*sd.crown)</pre>
    tau.crown <-1/var.crown
    sd.stem \sim dunif(0,100)
    var.stem <-( sd.stem*sd.stem)</pre>
    tau.stem <-1/var.stem
```

III.1- 1ère Extension Bayésienne

Résultat: il y a peut-être un peu d'hétéroscédasticité...

```
> WBout.modref.heterosc$summary
                                      2.5%
                                               25%
                                                       50%
                mean
                                                                 75%
                                                                         97.5%
                                                                                  Rhat n.eff
 Intercept 0.3063668 0.10576779 0.0985555 0.2364 0.30640 0.376500 0.5142050 1.000894
                                                                                        9000
 CoefStem -0.8971304 0.21612681 -1.3340000 -1.0350 -0.89660 -0.751800 -0.4909975 1.000839
                                                                                        9000
          0.5395886 0.09155096 0.3834975 0.4746 0.53190 0.595225 0.7370200 1.001059
sd.crown
                                                                                        8800
 var.crown 0.2995365 0.10402701 0.1470975 0.2253 0.28290 0.354300 0.5432300 1.001059
                                                                                        8800
sd.stem 0.6822654 0.17420699 0.4067000 0.5596 0.66165 0.780325 1.0820500 1.001365
                                                                                        3800
 var.stem 0.4958333 0.26714181 0.1654000 0.3132 0.43780 0.608950 1.1710749 1.001365
                                                                                        3800
 deviance 50.7810089 11.04192446 30.8797500 42.9775 50.08500 57.960000 73.9600000 1.000974
                                                                                        9000
```



III.1- 1ère Extension Bayésienne

 Résultat: ... mais cela a peu d'impacts sur les effets des modérateurs

```
> WBout.modref$summary
```

```
2.5%
                                                     25%
                                                              50%
                                                                        75%
                                                                                 97.5%
                  mean
                                sd
                                                                                           Rhat n.eff
● Intercept 0.3116017
                        0.10851468
                                    0.0994440
                                                0.238200
                                                          0.3116
                                                                  0.383025
                                                                             0.5275175 1.001540
                                                                                                  2800
● CoefStem -0.8934742
                        0.19399351 - 1.2780250 - 1.021000 - 0.8925 - 0.763500 - 0.5155825 1.001217
                                                                                                  5200
 sd
             0.5645043
                        0.07871662
                                    0.4267975
                                                0.509775
                                                          0.5591
                                                                  0.613000
                                                                             0.7331025 1.000876
                                                                                                  9000
            0.3248613
                        0.09213497
                                    0.1821950
                                               0.259875
                                                          0.3126
                                                                  0.375725
                                                                             0.5374025 1.000876
                                                                                                  9000
 var
 deviance 50.9059467 10.80977692 31.3100000 43.307500 50.4800 57.800000 73.6802500 1.001188
                                                                                                  5600
```

```
> WBout.modref.heterosc$summary
```

```
2.5%
                                                25%
                                                         50%
                                                                   75%
                                                                            97.5%
                                                                                     Rhat n.eff
                mean
                              sd
                                 0.0985555
Intercept 0.3063668 0.10576779
                                            0.2364
                                                    0.30640
                                                             0.376500
                                                                       0.5142050 1.000894
                                                                                           9000
CoefStem -0.8971304 0.21612681 -1.3340000 -1.0350 -0.89660 -0.751800 -0.4909975 1.000839
                                                                                           9000
sd.crown
           0.5395886 0.09155096 0.3834975
                                            0.4746 0.53190
                                                             0.595225
                                                                       0.7370200 1.001059
                                                                                           8800
var.crown 0.2995365 0.10402701 0.1470975
                                            0.2253
                                                    0.28290
                                                             0.354300
                                                                       0.5432300 1.001059
                                                                                           8800
sd.stem
           0.6822654 0.17420699 0.4067000
                                            0.5596
                                                    0.66165
                                                             0.780325
                                                                       1.0820500 1.001365
                                                                                           3800
         0.4958333 0.26714181 0.1654000
                                            0.3132
                                                    0.43780
                                                             0.608950
var.stem
                                                                       1.1710749 1.001365
                                                                                           3800
deviance 50.7810089 11.04192446 30.8797500 42.9775 50.08500 57.960000 73.9600000 1.000974
                                                                                           9000
```



Données/modèle issu de Langridge et al. (In Press) : effets de l'arrêt d'exploitation en forêt sur la richesse spécifique de différents groupes « taxonomiques » : Métrique de la MA (y): richesse spécifique (non) plus exploité vs toujours exploité (métrique log response ratio) Variables explicatives/modérateurs (x): règne taxonomique (Plantes, Animaux, Champignons), durée depuis l'arrêt d'exploitation (TSA.UNM) * précipitations annuelles (Prec)



Caractéristiques de cette méta-analyse avant modélisation :

- attention particulière portée à la pseudo-réplication des études => études pseudo-répliquées non prises en compte, changement des N
- attention aux données ne remplissant pas les critères de Lajeunesse (2015) Ecology pour que le **log-response** ratio ait un comportement « maitrisé ».

Extension du modèle classique d'hétérogénéité résiduelle :

y[i]~dnorm(mu[i],var[i]) mu[i]~dnorm(xb[i],extravar)

Équivalent à :

NB: notation gaussienne avec variance comme second paramètre

y[i]~dnorm(xb[i],var[i]+extravar)

Donnée: Métrique moyenne de la MA

Donnée: métrique variance MA

Estimé: modélisation de la moyenne

INRA@

Approche Bayésienne des Méta-analyses

4 octobre 2023 / Formation méta-analyse CESAB/ F. Gosselin

Estimé: variance résiduelle supplémentaire (« hétérogénéité résiduelle »)

Extension du modèle classique d'hétérogénéité résiduelle :

y[i]~dnorm(xb[i],var[i]+extravar)

- ☼ lci l'hétérogénéité résiduelle a la forme d'une addition de variance
- ☼ Notion d'hétérogénéité résiduelle additive (c'est la forme a priori exclusive en méta-analyse en écologie)

Autre forme possible d'hétérogénéité résiduelle :

y[i]~dnorm(xb[i],var[i]*extradisp)

- ☼ Ici l'hétérogénéité résiduelle a la forme d'une multiplication des variances « observées » par une dispersion supplémentaire
- Notion d'hétérogénéité résiduelle multiplicative

e.g. Mawdsley et al. (2017) Research Synthesis Methods



Par ailleurs, question de savoir si cette dispersion ne concerne que les variances (diagonale de la matrice de variance-covariance => forme restreinte d'hétérogénéité résiduelle; forme codée dans metafor) ou aussi les éventuelles covariances (toute la matrice de variance-covariance)



Meilleur modèle (par validation croisée 10-fold) dépend de la forme d'hétérogénéité résiduelle :

	ΔDIC
Modèle Règne _ hétérogénéité additive	0,35
Modèle Règne+TAS*PREC _ hétérogénéité additive	0
Modèle Règne _ hétérogénéité additive restreinte	2,22
Modèle Règne+TAS*PREC _ hétérogénéité additive restreinte	3,47
Modèle Règne _ hétérogénéité multiplicative	8,95
Modèle Règne+TAS*PREC _hétérogénéité multiplicative	11,19
Modèle Règne _hétérogénéité multiplicative restreinte	7,13
Modèle Règne+TAS* REC _hétérogénéité multiplicative restr.	10,21

Meilleur modèle diffère suivant la forme d'hétérogénéité résiduelle

INRAE

Hétérogénéité résiduelle additive non restreinte: meilleure capacité prédictive

Modèle Règne _ hétérogénéité additive :

	estimate	SE	CI.lw	CI.up	р	stars
coefSilv.KingdomAnimals	0.0797	0.0753	-0.0712	0.2256	0.2789	ns
coefSilv.KingdomFungi	0.1084	0.0655	-0.0211	0.2376	0.0947	
coefSilv.KingdomPlants	-0.1491	0.0527	-0.2493	-0.041	0.01	*
sd	0.2088	0.0271	0.159	0.265	NA	NA
$\operatorname{sdPublizone}$	0.0933	0.0518	0.0065	0.2015	NA	NA

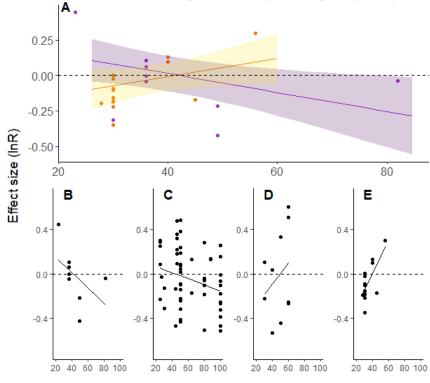
Modèle Règne+TAS*PREC _ hétérogénéité additive:

	estimate	SE	CI.lw	CI.up	р	stars
coefSilv.KingdomAnimals	0.0914	0.0786	-0.0607	0.2477	0.2422	ns
coefSilv.KingdomFungi	0.1664	0.075	0.0215	0.3129	0.0262	*
coefSilv.KingdomPlants	-0.1138	0.0547	-0.2193	-0.0035	0.0442	*
coefSilv.scale(TSA.UNM)	-0.0039	0.0419	-0.084	0.0817	0.9131	ns
coefSilv.scale(Prec)	0.0679	0.0638	-0.0569	0.1943	0.2876	ns
coefSilv.scale(TSA.UNM):scale(Prec)	0.1356	0.0593	0.0211	0.2549	0.0182	*
sd	0.2032	0.0267	0.1531	0.2576	NA	NA
sdPublizone	0.0962	0.0544	0.0062	0.2071	NA	NA

Modèle Règne+TAS*PREC _ hétérogénéité additive:



Time since last harvesting effect depending on precipitation





Time since abandonment (TSA)

I- Modèles statistiques paramétriques fréquentistes et Bayésiens

II- Analyse comparée Bayésienne/fréquentiste de deux modèles de méta-analyse

III- Extensions Bayésiennes de modèles de métaanalyse

IV- Conclusions

IV- Conclusions

- * Le cadre Bayésien a un coût (pour la méta-analyse comme pour le reste) :
- demande plus de temps de mise en œuvre sur le plan numérique (codage, temps de calcul, convergence...)
- suivant le contenu et la complexité des modèles,
 différentes librairies R Bayésiennes fonctionneront plus ou moins bien (ex: jags, Nimble, Greta, Stan)
- la librairie R runMCMCbtadjust simplifie certains de ces points pour jags, Nimble & Greta.

IV- Conclusions

- * Le cadre Bayésien est adapté pour la méta-analyse :
- très souple pour la formulation du modèle : permet de nombreuses extensions là où le cadre « metafor » est davantage contraint (autre ex: non-linéarités)
 - peut permettre de mieux comprendre ce qu'on fait
- permet de mieux intégrer les différents niveaux
 d'incertitude
- permet d'inclure dans l'analyse des connaissances
 extérieures » (connaissances préalables...) à l'analyse

Schmid & Mengersen (2013) in: Handbook of Meta-analysis in Ecology & Evolution

IV- Conclusions

- * Le cadre Bayésien est adapté pour la méta-analyse :
- cadre un peu plus naturel pour la critique des modèles que le cadre fréquentiste avec des outils comme la sampled posterior p-value (Gosselin 2011, Plos One)
- permet aussi la comparaison de modèles avec différents outils