数据结构 Data Structure

2017年秋季学期 刘鹏远

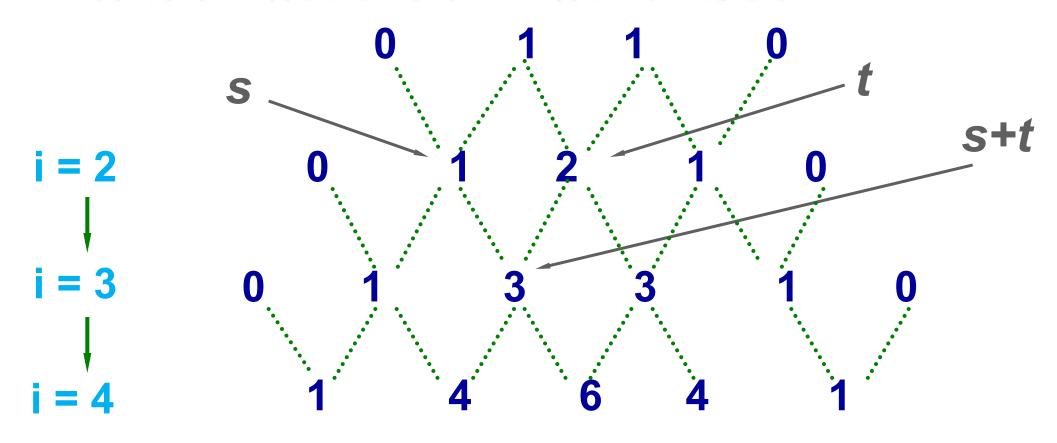
1、队列的应用

2、 胃

队列的应用 — 逐行打印二项展开式 (a + b)i 的系数

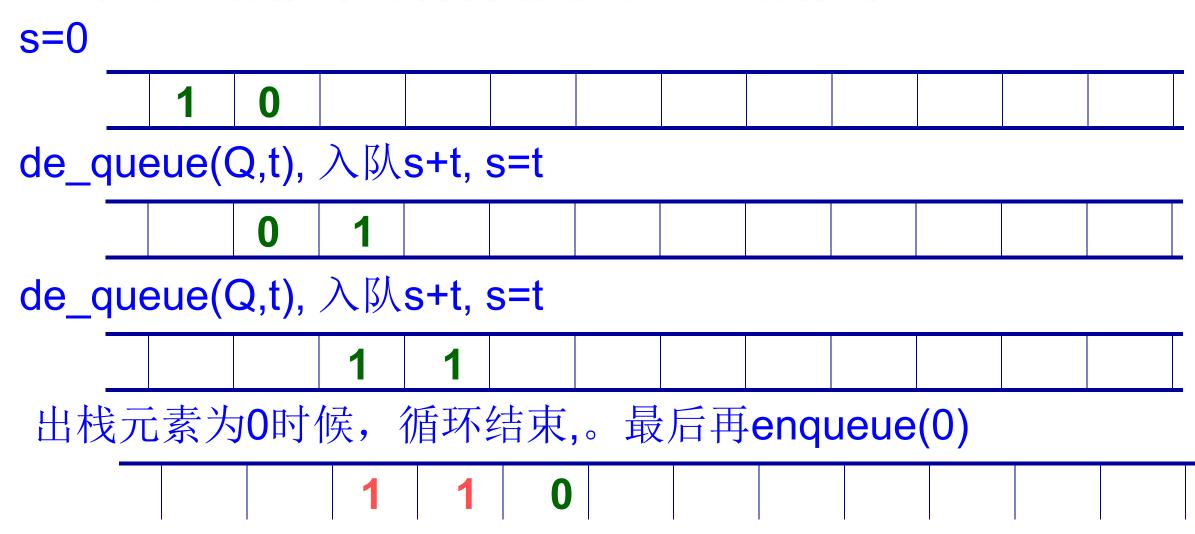
杨辉三角形 1 (Pascal's triangle) i= 0 i = 110 10 15 20 15

分析第 i 行元素与第 i+1行元素的关系

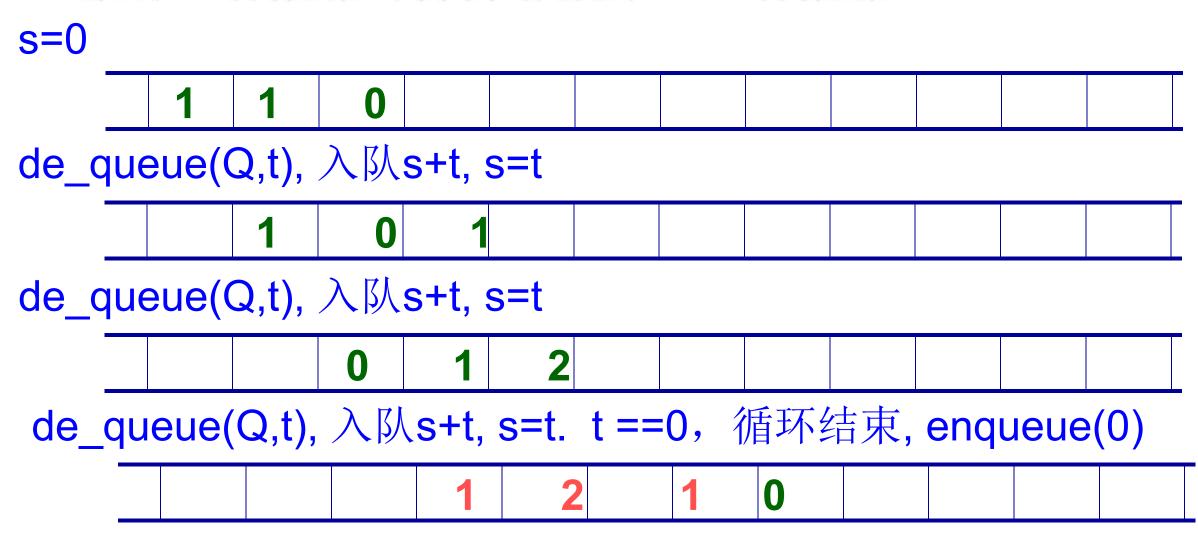


从前一行的数据可以计算下一行的数据

从第 i 行数据计算并存放第 i+1 行数据



从第 i 行数据计算并存放第 i+1 行数据



实践时间

请同学们自行画出第四行的队列进出顺序

自己尝试写下实现打印杨辉三角的伪码/描述

伪码实现

```
Status print yanghui(int n){
    queue Q;init queue(Q);enqueue(1);enqueue(0);
    //完成准备,并把第0行的数据压入了
    for(i=0;i<=n;i++){s=0;}
        do{t = dequeue(Q,t);enqueue(Q,s+t);s=t;
        }while(!t)
    //在do循环中找合适地方输出
    enqueue(0);//注意把最后的0压入
    }//此时栈内存有最后一行
    return OK:
```

优先(级)队列 (Priority Queue)

- O优先队列 每次从队列中取出的是具有最高优先权的元素
- O如下表: 任务优先权及执行顺序的关系

任务编号	1	2	3	4	5
优先权	20	0	40	30	10
执行顺序	3	1	5	4	2

数字越小,优先权越高 通常用堆来实现

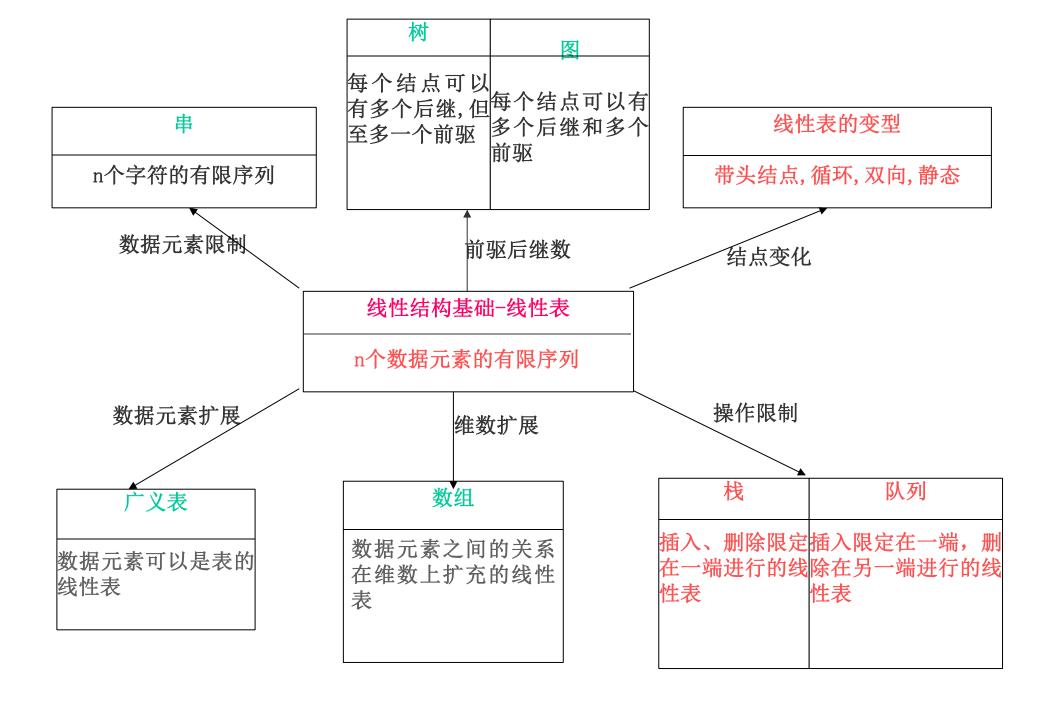
注意:优先队列是一种特殊的队列,说的是逻辑结构,其与 循环(顺序)队列、链队列不是一个层面的东西,后两者是存储 结构。 思考:有没有优先级栈呢?

银行模拟

排队窗口为队列 事件(时间轴)为链表(有序)

自学

1、队列的应用 2、串(字符串)



- 1、串(字符串)的逻辑结构是线性的。
- 2、也是限定性线性表,是对线性表中每一个元素进行约束,使每一个元素必须限定在字符集中。

3、操作上有特殊性:

线性表中多是对单个元素进行操作。

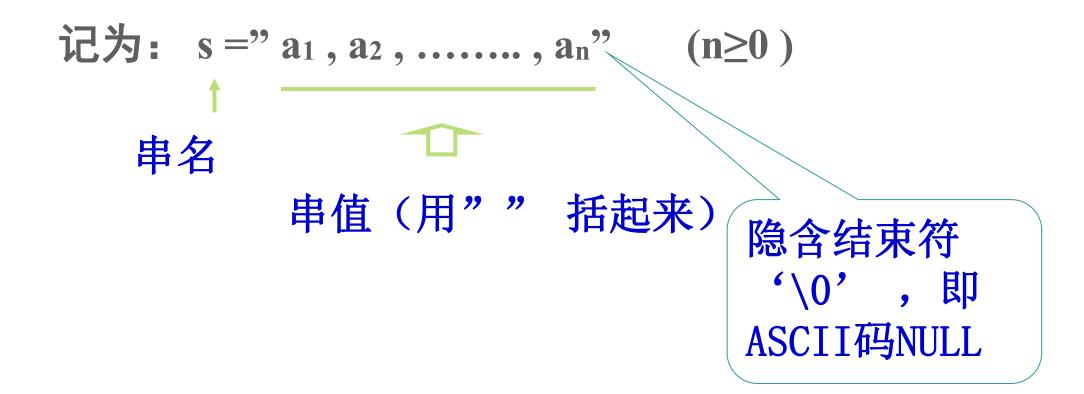
串很多时候对连起的多个元素作为整体操作(如求子串、插入/删除子串)。

- 1. 定义
- 2. 逻辑结构
- 3. 存储结构
- 4. 操作实现
- 5. 应用(略)

- 2 串的表示和实现
- 3 串的模式匹配算法

概念与逻辑结构

串即字符串,是由零个或多个字符组成的有限序列,是数据元素为单个字符(限定在字符集)的特殊线性表。



若干术语:

串长n: 串中字符个数(n≥0)。 n=0 时称为空串 Ø。

空白串:由一个或多个空格符组成的串。

子串: 串S中任意个连续的字符序列叫S的子串; S叫主串。

子串位置:子串的第一个字符的在主串中的序号。

字符位置:字符在串中的序号。

串相等: 串长度相等, 且对应位置上字符相等。

串的抽象数据类型定义(参见教材P71)

```
ADT String{
Objects: D={ai | ai \in CharacterSet, i=1, 2,..., n, n\geq0}
Relations: R1=\{\langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i=2, ..., n\}
functions:
       str_assign(&T, chars) // 串赋值, 生成值为chars的串T
  最
  小
       str_compare(S,T) // 串比较,若S>T, 返回值大于0, 相等返回0, 否则返回小于0
  操作子
      str_length(S) // 求串长,即返回S的元素个数
       concat(&T, S1, S2) // 串连接,用T返回S1+S2的新串
      sub string(&Sub, S, pos, len) // 求S中pos起长度为len的子串
                            // 返回子串T在pos之后的位置(模式匹配)
       index(S, T, pos)
                           // 用子串V替换子串T
       replace(&S, T,V)
       }ADT String
```

存储结构与操作实现

串的存储表示方法:

顺序 存储

○<u>定长顺序存储表示</u>(静态)

——用一组地址连续的存储单元存储串值的字符序列。

○堆分配存储表示(动态)

——用一组地址连续的存储单元存储串值的字符序列,但存储空间是在程序执行过程中动态分配而得。

链式存储

○串的块链存储表示

——链式

定长顺序存储(静态):

用一组连续的存储单元来存放串,直接使用定长的字符数组来定义,数组的上界预先给出,故称为静态存储分配。

#define max_len 255 //用户可用的最大串长 char sstring[max_len+1]; //sstring是一个可容纳255个字符的顺序串。

注:

- · C语言约定在串尾加结束符 '\0', 但不计入串长;
- •一些编程语言约定sstring[0]来存放串长信息;
- ·缺陷: 若字符串超过Maxstrlen 则自动截断

实现方式:参见教材P73编程两例,两串连接和<u>求子串</u>

该方式缺陷确实明显 因难以在运行前,确定最终串的大小 堆分配存储(其实就是动态分配存储) 仍用一组连续的存储单元来存放串,但存储空间 是在程序执行过程中动态分配而得。

任何时候,均能利用malloc函数合理预设串长空间。

灵活性加强,不需要截断

(话说,一言不合就截断处理也太不负责了哈)

字符串的顺序方式(堆)定义

```
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 max_len-1 ch BEIJINGYU length
```

//清空字符串

```
Status clear ( hstring &S){
   if ( S.ch ) { free(S.ch); S.ch = NULL; }
   S.length = 0;
   return OK;
}
```

```
int str compare(hstring S, hstring T) {
//比较字符串S与T: 若S = T, 返回值 = 0; 若S > T
// T. 返回值>0; 若S < T, 返回值 <0。
 for ( i = 0; i < S.length && i < T.length; ++i )
      if (S.ch[i] != T.ch[i]) return S.ch[i] - T.ch[i];
     return S.length- T.length;
//或直接用如下C内置函数:
   //return strcmp(S.ch, T.ch));
```

联接两个串成新串

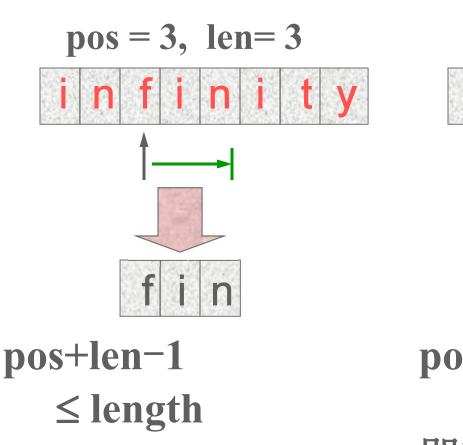
```
Status concat (hstring &T, hstring S1, sstring S2)
{ // 用T返回由S1和S2联接而成的新串。
  if (T.ch) free(T.ch); // 释放旧空间
  if (!(T.ch = (char *) malloc ((S1.length+S2.length) *
     sizeof (char)))) exit (OVERFLOW);
  T.ch[0 .. S1.length-1] = S1.ch[0 .. S1.length-1];
  T.length = S1.length + S2.length;
  T.ch[S1.length .. T.length-1] = S2.ch[0 .. S2.length-1];
   return OK:
```

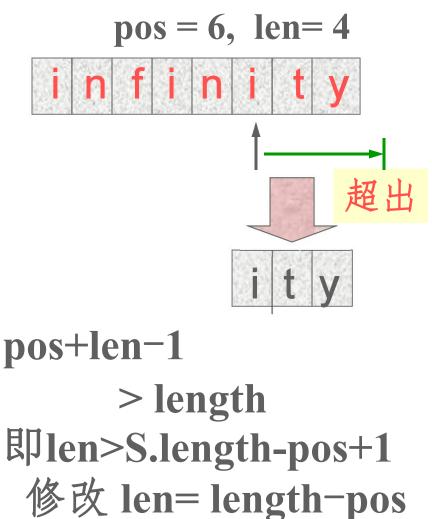
```
if (pos<1 || pos>S.length || len<0 || len>S.length-pos+1)
return ERROR; // 参数不合法
```

用Sub返回串S的第pos个字符起长度为1en的子串。

```
if (Sub.ch) free (Sub.ch); // 释放旧空间
if (!len) { Sub.ch = NULL; Sub.length = 0; } //空子串
                                     // 完整子串
else {
        Sub.ch = ( char *) malloc ( len *sizeof ( char ));
        Sub.ch[0..len-1] = S.ch [ pos-1.. Pos+len-2];
        Sub.length = len;
return OK:
```

提取子串(边界处理)





与顺序表同为线性结构, 串的顺序存储结构与顺序表区别不大(元素限 定、操作不同而已)

下一页

链式存储: 用链表存储串值, 易插入和删除。

法1: 链表结点(数据域)大小取1



法2: 链表结点(数据域)大小取n(例如n=4)



法1存储密度为__1/2 ; 法2存储密度为___9/15=3/5 ;

显然,若数据元素很多,用法2存储更优,称为块链结构法2的缺点呢?

块链类型定义:

```
#define CHUNKSIZE 80 //可由用户定义的块大小
typedef struct chunk { //首先定义结点类型
   char ch [ CHUNKSIZE ]; //结点中的数据域
   struct chunk * next;  //结点中的指针域
}chunk;
                //其次定义用链式存储的串类型
typedef struct {
                 //头指针
     chunk *head;
     //结点个数
    int length;
 } lstring;
```

再次强调:

串仍然是线性结构

串与线性表的运算有所不同,多以"串的整体"作为操作对象,例如查找某子串,在主串某位置上插入一个子串等。

在C中常用的字符串操作

字符串初始化

```
char name[12] = "BLCU";
char name[ ] = "BLCU";
char name[12] = \{'B', 'L', 'C', 'U'\};
char name[ ] = {'B','L','C','U','\0'};//c语言中\0自动加到结尾
char *name = "BLCU";
char name[12];
```

× 因数组名是地址常量

name = "BLCU"; ?

```
单个字符串的输入函数 gets (str)
   例 char name[12]; gets (name);
多个字符串的输入函数 scanf
   例 char name1[12], name2[20];
       scanf ("%s%s", name1, name2);//回车作为一个s结束
字符串输出函数 puts (str)
   例 char name[12];
                        gets(name);
       puts(name);
```

字符串求长度函数 strlen(str)//一些操作须include <string.h>字符串长度不包括 "\0",不包括分界符(引号)

○字符串连接函数 streat (str1, str2)

例 str1 "BLC\0" //连接前 str2 "U\0" //连接前 str2 "U\0" //连接前 str1 "BLCU\0" //连接后 str2 "U\0" //不变

○字符串比较函数 strcmp (str1, str2)

//从两个字符串第 1 个字符开始,逐个对应字符进行比较,全部字符相等则函数返回0,否则在不等字符处停止比较,函数返回其差值—ASCII代码

例 str1 "University" i 的代码值105 str2 "Universal" a 的代码值97, 差8

```
int index (String S, String T, int pos) {
//在串S中pos (>0) 位置开始寻找与串T相匹配的子串。若有,
//函数返回子串在串中位置(从1开始),若无,返回0。
 int LT = str length (T), LS = str length (S); int i = pos;
 while (i \le LT-LP+1) {
   sub string(&sub, S, i, LT);
   if (!compare(sub, T)) return i;
   else i++;
 return -1;
} //用基本操作查找匹配的子串,复杂度O(M*N)
```

串的模式匹配算法

字符串很多操作中均涉及到定位问题,称为串的模式匹配。它是串处理系统中最重要的操作之一。

模式匹配(Pattern Matching) 即子串定位运算(Index函数)。

算法目的:确定主串中所含子串第一次出现的位置(定位)——不利用其他操作,实现index(S,T,pos)函数

初始条件: 串S和T存在, T是非空串, 1≤pos≤length(s)

操作结果:若主串S中存在和串T值相同的子串,则返回它在主串S中第pos个字符之后第一次出现的位置;否则返回值为0。

注: S称为被匹配的串, T称为模式串。若S包含串T, 则称"匹配成功", 否则称"匹配不成功"。

大家先想想,如何匹配呢?

蛮力法/暴力法/朴素法(Brute Force)

S='a b a b c a b c a c b a b'
T= 'a b c a c'

① BF算法设计思想:

- 将主串的第pos个字符和模式的第1个字符比较, 若相等,继续逐个比较后续字符; 若不等,从主串的下一字符(pos+1)起,重新与子串第一个字符比较。
- 直到主串的一个连续子串字符序列与模式相等。返回值为S中与T 匹配的子序列第一个字符的序号,即匹配成功。 否则, 匹配失败, 返回值 0.

第1趟	S abbaba T aba	3 3
第2趟	S abbaba T aba	2
第3趟	Sabbaba Taba	3 1
第4趟	Sabbaba Taba	4

```
pos=6
int index(sstring S, sstring T, int pos) {//静态为例
                                    S='a b a b c a b c a c b a b'
 i=pos; j=1;
                                           T = 'abcac'
 while ( i \le S[0] \&\& j \le T[0] ) {
  if (S[i] = = T[j]) {++i, ++j} //继续比较后续字符
  else {i=i-j+2; j=1;} //指针回溯到 下一首位, 重新开始匹配
 if(j>T[0]) return i-T[0]; //子串结束,说明匹配成功
 else return 0;
}// P79 算法4.5
```

时间复杂度分析

n-m+1个可能匹配位置。至少需要m次比较才能知道是否匹配(因长度为m)。

最好情况:每次匹配比较,一次就发现不匹配。

假设第一个位置就成功,则比较次数为m次

假设第二个位置成功,则1+m次比较

假设第三个位置成功,则2+m次比较

假设第i个位置成功,则i+m-1次比较

i=[1, n-m+1]。求和,并令概率均等得: (m+n)/2,则时间复杂度为: 0 (m+n)

等差数列通项公式、求和公式

$$a_n = a_1 + (n-1) \times d$$

$$S_n = na_1 + \frac{n(n-1)}{2}d, n \in N^*$$

时间复杂度分析

最坏情况: 若n为主串长度, m为子串长度, 则串的BF匹配 算法最坏的情况下需要比较字符的总次数为:

m

m+m

m+m+m

• • • •

m*(n-m+1) 由于n>>>m,时间复杂度为: O(n*m)

即用基本操作查找匹配的子串的复杂度

可否有更高效的算法?

BF算法问题分析,指针回溯

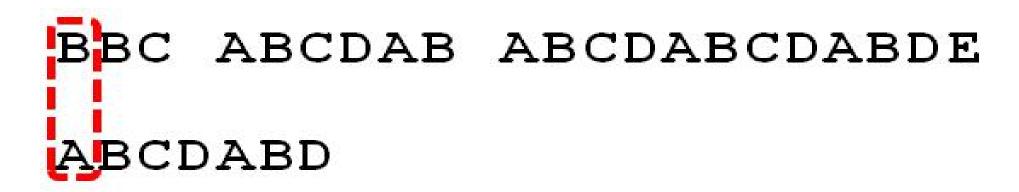
改进策略----充分利用已知信息,我们能够已知什么?

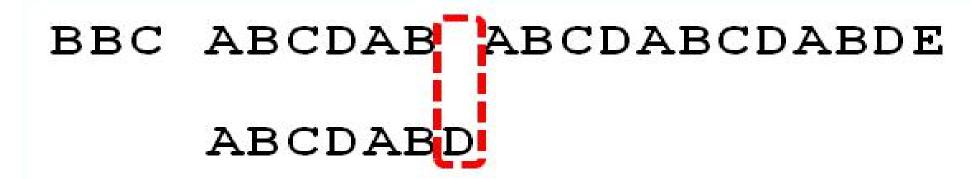
1, 2,

KMP算法为代表 Knuth-Morris-Pratt算法

K----Donald Knuth

KMP算法简介(精髓:利用已知结构信息,缩短回溯距离)





不匹配的位置处,观察已匹配字符串(s)。

最佳情况:如果字符串s自身没有重复字母,则可以直接跳过已匹配字符串,从不匹配位置进行匹配。

"前缀"和"后缀"。"前缀"指除了最后一个字符以外,一个字符串的全部头部组合;"后缀"指除了第一个字符以外,一个字符串的全部尾部组合。

字符串: "bread"

前缀: b, br, bre, brea

后缀: read, ead, ad, d

部分匹配模式长度:"前缀"和"后缀"的最长共有元素长度

- 一 "A"的前缀和后缀都为空集, 共有元素的长度为0;
- 一 "AB"的前缀为[A],后缀为[B],共有元素的长度为0;
- 一 "ABC"的前缀为[A, AB], 后缀为[BC, C], 共有元素的长度0;
- "ABCD"的前缀为[A, AB, ABC],后缀为[BCD, CD, D],共有元素的长度为0;

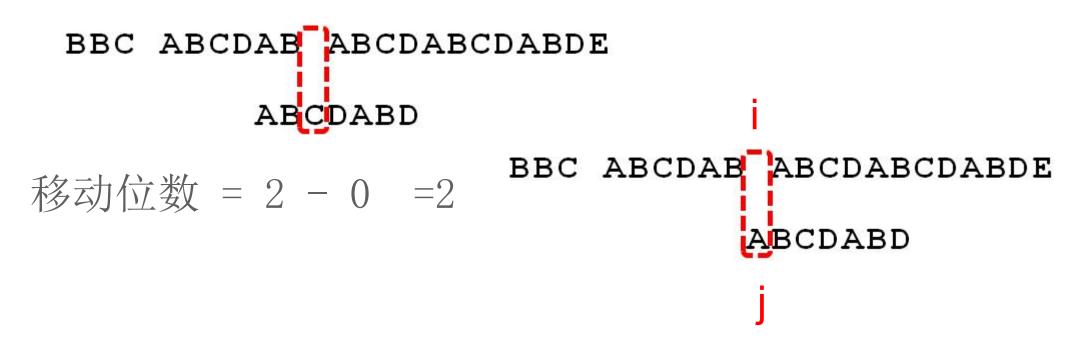
- 一 "ABCDA"的前缀为[A, AB, ABC, ABCD], 后缀为[BCDA, CDA, DA, A], 共有元素为"A", 长度为1;
- 一 "ABCDAB"的前缀为[A, AB, ABC, ABCD, ABCDA],后缀为[BCDAB, CDAB, DAB, AB, B],共有元素为"AB",长度为2;
- 一 "ABCDABD" 的前缀为[A, AB, ABC, ABCD, ABCDA, ABCDAB], 后缀为[BCDABD, CDABD, DABD, ABD, BD, D], 共有元素的长度为0。



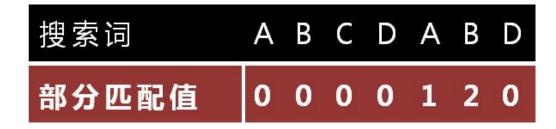
下次子串移动位数 = 已匹配的字符数 - 对应的部分匹配值



移动位数4=已匹配的字符数6-对应的部分匹配值2



每次主串比较位置i不动,只是子串第j位置与其比较



因此,算法核心是得到子串下一个比较位置j,也就是j=next(j)

next函数的生成可形成所有前缀后缀,形成上述匹配表后,根据移动与j的比较位置间关系,再考虑边界条件后得到。

或者利用教材P83算法4.7

P84算法4.8是一种改进求next函数的方法

```
KMP算法简介(不作要求)
int index KMP(sstring S, sstring T, int pos) {
i=pos; j=1;
while ( i \le S[0] \&\& j \le T[0] ) {
    if (j==0|| S[i] = = T[j] ) {++i, ++j} //继续比较后续字符
    else {j=next[j];} //S的i指针不回溯,从T的j位置开
始匹配}
if(j>T[0]) return i-T[0]; //子串结束, 说明匹配成功
else return 0;
O(m+n)
```

作业(周一晨4点交):

用队列实现杨辉三角 n=5, 打印出来, 不要求形状好看

下周预期进度:递归与栈+迷宫(含实现递归/非递归)

话说期中考试。。。

考试范围:

线性结构:

- 1、线性表---顺序表,链表(有头无头)
- 2、栈---顺序栈、链栈(有头无头)
- 3、队列---顺序栈(循环)、链栈(有头无头)
- 4、应用

```
typedef struct{
                      /* 存储空间的基址base
   ElemType *elem;
                    /* 当前长度
   int
             length;
                      /* 当前分配的存储容量
   int
             size;
 }SqList;
                       typedef struct {
typedef struct{
                           ElemType *elem;
  ElemType *base;
                           int front, rear;
  ElemType *top;
                       } SqQueue;
  int stacksize;
                  动态分配, Destroy需要free分配空间
}SqStack;
```

```
typedef struct Node{
    ElemType data; /*数据域,保存结点的值*/
    struct Node *next; /*指针域*/(双向需两个)
}Node *LinkList, *LinkStack; /*结点的类型*/
```

```
typedef struct LinkQueue{
    Node *front;
    Node *rear;
}LinkQueue;
typedef struct STNode{
    ElemType data;
    int cursor;
}STList;
STList mylist[MAXSIZE];
```

带头节点:初始化时候要分配一个头结点。操作实现简单。

无头节点:初始化无需分配节点。后续操作实现相对麻烦。

实际应用:

- 0、分析问题的逻辑结构
- 1、选择合适的逻辑结构
- 2、分析问题,设计算法
- 3、根据算法的操作,选择合适的存储结构算法性能(时空复杂度)