

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0), \quad w \in \Sigma^*$$

Esempio:

	<u>q</u>	<u><math>\sigma</math></u>	<u><math>\delta(q, \sigma)</math></u>
[1]	$q_0$	D	$q_0, D, R$
[2]	$q_0$	#	$h, \#, -$
[3]	$q_0$	a	$q_1, \#, L$
[4]	$q_1$	#	$q_0, \#, L$
[5]	$q_1$	a	$q_0, a, -$

Definisco  $C$  configurazione di una MDT:

$$(q, u, \sigma, v) \in (Q \cup \{h\}) \times \Sigma^* \times \Sigma \times \Sigma^*$$

$q \rightarrow$  stato corrente

$u \rightarrow$  stringa a sinistra di  $\sigma$

$v \rightarrow$  stringa a destra di  $\sigma$

NOTAZIONE USATA:  $(q, \underline{u} \sigma v)$

Esempio:

<u>Configuration</u>	<u>Action</u>
$q_0, D \# \# a \# \underline{a} \#$	3
$q_1, D \# \# a \# \underline{a} \#$	5
$q_0, D \# \# a \# \underline{a} \#$	3
$q_1, D \# \# a \#$	4
$q_0, D \# \# a$	3

$q_1, D_{\# \#}$

4

$q_0, D_{\#}$

2, di arresto

$h, D_{\#}$

—

Definisco un passo di computazione:

i.  $\delta(q, a) = (q', b, -) \Rightarrow (q, u \underline{a} v) \rightarrow (q', u \underline{b} v)$

ii.  $\delta(q, a) = (q', b, L) \Rightarrow (q, u \underline{a} v) \rightarrow (q', u \underline{b} v)$

iii. a)  $\delta(q, a) = (q', b, R) \Rightarrow (q, u \underline{a} v) \rightarrow (q', u \underline{a} v)$

b)  $\delta(q, a) = (q', b, R) \Rightarrow (q, u \underline{a}) \rightarrow (q', u \underline{b} \#)$

Rispetto la definizione di algoritmo:

- Effetto limitato

- Dipende solo dallo stato corrente e dal carattere corrente

- E' deterministico

Definisco  $\rightarrow^*$  chiusura riflessiva e transitiva di una relazione

$\gamma \rightarrow^0 \gamma$  in o pari una relazione transitiva in se stessa

$$\frac{\gamma \rightarrow \gamma' \quad \gamma' \rightarrow^* \gamma''}{\gamma \rightarrow^* \gamma''}$$

$$\gamma \rightarrow^* \gamma''$$

Si scrive che la computazione  $(q_0, w) \rightarrow^* (q', w)$  termina (converge,  $\downarrow$ ) su  $w$

se  $q' = h$

non termina (diverge,  $\uparrow$ )

se  $\forall q', w'$  t.c.  $(q_0, w) \rightarrow^* (q', w')$

$\exists q'', w''$  t.c.  $(q', w') \rightarrow (q'', w'')$

Esistono macchine che non si arrestano per nessun dato in input, macchine che si arrestano per alcuni.

Esempio:

q	$\sigma$	$\delta$
$q_0$	D	$q_0, D, R$
$q_0$	a	$q_0, a, R$
$q_0$	#	$q_0, \#, R$

Esempio:

q	$\sigma$	$\delta$
$q_0$	D	$q_0, D, R$
$q_0$	1	$q_0, 1, R$
$q_0$	+	$q_1, 1, R$
$q_1$	1	$q_1, 1, R$
$q_1$	#	$q_2, \#, L$
$q_2$	1	$h, \#, -$

Questa macchina calcola la somma di numeri in notazione unaria (esempio 1.2.5)