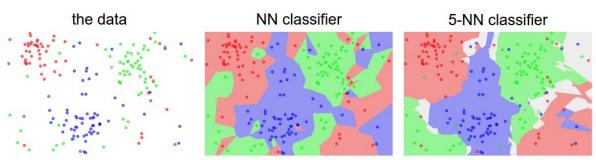
Inteligență artificială Laborator 3

Metoda celor mai apropiați k-vecini



Exemplu care arată diferențele dintre metoda celui mai apropiat vecin și metoda celor mai apropiați cinci vecini. Zona colorată reprezintă regiunea de decizie a clasificatorului folosind distanța euclidiană l_2 . Se observă că în cazul metodei celui mai apropiat vecin se formează mici 'insule' ce pot duce la predicții incorecte. Zonele gri din imaginea 5-NN reprezintă zone de predicție ambigue din cauza egalității voturilor celor mai apropiati vecini.

În acest laborator vom clasifica cifrele scrise de mână din subsetul **MNIST** folosind metoda celor mai apropiați k-vecini.

MNIST¹ este o bază de date cu cifre scrise de mână (0-9), conținând 60.000 de imagini pentru antrenare și 10.000 pentru testare. Imaginile sunt în tonuri de gri (grayscale) având dimensiunea de 28×28 pixeli. În cadrul laboratorului vom lucra pe un subset, împărțit astfel:

- → în fişierul 'train_images.txt' sunt 1.000 de exemple (imagini) din mulţimea de antrenare, fiecare exemplu de antrenare fiind stocat pe câte o linie a matricei de dimensiune 1000 x 784 (28 x 28 = 784).
- → în fişierul 'test images.txt' sunt 500 de exemple (imagini) din mulțimea de testare.
- → fişierele 'train_labels.txt' şi 'test_labels.txt' conţin etichetele exemplelor de antrenare respectiv testare.

Figura de mai jos afișează primele 100 exemple din mulțimea de testare (stânga) împreună cu etichetele lor (dreapta).

| 48279 | 42 | 1 | 45 | [[4 | 8 | 2 | 7 | 9 | 4 | 2 | 1 | 4 | 5] |
|-------|-----|---|-----|-----|---|---|---|---|---|---|---|---|-----|
| 63113 | 0 6 | 6 |) 3 | | | | | | | | | | 3] |
| 44122 | 6 7 | 4 | 00 | [4 | 4 | 1 | 2 | 2 | 6 | 7 | 4 | 0 | 0] |
| 54902 | 3 2 | 7 | 79 | [5 | 4 | 9 | 0 | 2 | 3 | 2 | 7 | 7 | 9] |
| 19168 | 7 3 | 5 | 9 3 | [1 | 9 | 1 | 6 | 8 | 7 | 3 | 5 | 9 | 3] |
| 37015 | 29 | 8 | 9 3 | [3 | 7 | 0 | 1 | 3 | 2 | 9 | 8 | 9 | 3] |
| 29358 | 36 | 6 | 63 | [2 | 9 | 3 | 5 | 8 | 3 | 6 | 6 | 6 | 3] |
| 11671 | 29 | l | 10 | [1 | 1 | 6 | 7 | 7 | 2 | 9 | 1 | 1 | 0] |
| 91529 | 90 | Ø | 94 | [9 | 1 | 5 | 2 | 9 | 9 | 0 | 0 | 9 | 4] |
| 62685 | 54 | 6 | 07 | [6 | 2 | 6 | 8 | 5 | 5 | 4 | 6 | 0 | 7]] |

Descărcați fisierul data.zip cu datele de antrenare și testare de pe Moodle.

-

¹ http://yann.lecun.com/exdb/mnist/

 \Box Care este acuratețea metodei *celui* mai apropiat vecin pe mulțimea de *antrenare* când se folosește distanța l_2 ? Dar pentru distanța l_1 ?

Exerciții

- 1. Considerați primul exemplu din mulțimea de testare (este o imagine cu cifra 2). Determinați și afișați (plotând într-o figură) cei mai apropiați k-vecini ai acestui exemplu de testare din mulțimea de antrenare folosind distanța euclidiană (*l*₂). Folosiți valorile k = 1, 3, 5, 7. Care va fi eticheta asignată exemplului de testare pentru fiecare din cele 4 cazuri?
- 2. Definiți metoda *classify_image(train_images,train_labes, test_image, num_neighbors* = 3, metric = '12') care clasifică imaginea test_image folosind exemple etichetate din mulțimea de antrenare (exemplele train_images, etichetele train_labels) cu metoda celor mai apropiați vecini, numărul vecinilor este stabilit de parametru num_neighbors, iar distanța poate fi l₁ (distanța Manhattan) sau l₂ (distanța euclidiană), în funcție de parametrul metric.

Observație:

- pentru vectorii $\mathbf{x} = (x_1, x_2, \dots x_n)$ şi $\mathbf{y} = (y_1, y_2, \dots y_n)$ distanţele l_1 şi l_2 se definesc astfel:

$$l_1(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \sum_{i=1}^{n} |x_i - y_i|, \ l_2(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} |x_i - y_i|^2}$$

- în variabilele *train_images* și *test_image* valorile unui exemplu sunt stocate pe linie. (train_images.shape = (num_samples, num_features), test_image.shape = (1, num_features))
- 3. Calculați acuratețea metodei celor mai apropiați vecini pe mulțimea de testare având ca distanță l_2 și numărul de vecini 3. Salvați predicțiile în fișierul predictii 3nn l_2 mnist.txt.

Observație:

- Acuratețea pe mulțimea de testare este de 89.8%.
- 4. Definiți metoda *confusion_matrix(y_true, y_pred)* care calculează matricea de confuzie. Calculați matricea de confuzie folosind predicțiile din *predictii_3nn_l2_mnist.txt*.

Observație:

- Pentru matricea de confuzie C, fiecare element c_{ij} reprezintă numărul exemplelor din clasa i care au fost clasificate ca fiind în clasa j.

| Clasa prezisă → Clasa actuală↓ | 1 | 2 | 3 |
|-----------------------------------|----------------------------|--------------------|--------------------------|
| 1 | Nr. exemplelor din clasa 1 | Nr. exemplelor din | Nr. exemplelor din clasa |

| | care au fost clasificate ca fiind in clasa 1 | clasa 1 care au fost clasificate ca fiind in clasa 2 | 1 care au fost clasificate ca fiind in clasa 3 |
|---|---|--|---|
| 2 | Nr. exemplelor din clasa 2 care au fost clasificate ca fiind in clasa 1 | Nr. exemplelor din clasa 2 care au fost clasificate ca fiind in clasa 2 | Nr. exemplelor din clasa 2 care au fost clasificate ca fiind in clasa 3 |
| 3 | Nr. exemplelor din clasa 3 care au fost clasificate ca fiind in clasa 1 | Nr. exemplelor din clasa 3 care au fost clasificate ca fiind in clasa 2 | Nr. exemplelor din clasa 3 care au fost clasificate ca fiind in clasa 3 |

- Matricea de confuzie pentru clasificatorul anterior este:

```
[[51, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0,]

[0, 52, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,]

[1, 6, 47, 1, 0, 0, 1, 2, 0, 0,]

[0, 0, 0, 51, 0, 1, 0, 0, 0, 1,]

[0, 0, 0, 0, 44, 0, 0, 0, 0, 2,]

[2, 1, 1, 6, 0, 40, 1, 0, 0, 1,]

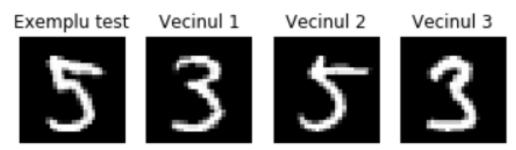
[0, 0, 0, 0, 0, 1, 47, 0, 0, 0,]

[1, 2, 0, 0, 1, 0, 0, 46, 0, 0,]

[1, 0, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 36, 1,]

[0, 0, 1, 1, 3, 1, 0, 1, 0, 35,]]
```

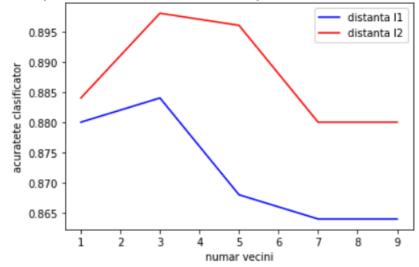
5. Perechea de cifre (5, 3) cea mai des confundată, având șase misclasificări. Afișați exemplele de cifra 5 misclasificate precum și cei trei vecini. Mai jos este afișat primul din cele șase astfel de cazuri.



- 6. Calculați acuratețea metodei celor mai apropiați vecini pe mulțimea de testare având ca distanța l_2 și numărul de vecini $\in [1, 3, 5, 7, 9]$.
 - a. Plotați un grafic cu acuratețea obținuta pentru fiecare vecin și salvați scorurile în fișierul *acuratete_12.txt*.
 - b. Repetați punctul anterior pentru distanța l_1 . Plotați graficul de la punctul anterior în aceeași figură cu graficul curent (utilizați fișierul *acuratete 11.txt*).

Ar trebui să obțineți o figură similară cu cea de mai jos:





Funcții utile din numpy:

```
np.sort(x) # sorteaza array-ul
np.argsort(x) # returneaza indecsi care sorteaza array-ul
np.bincount(x) # calculeaza numarul de aparatii al fiecarei valori din array
print(np.bincount(numpy.array([0, 1, 1, 3, 2, 1, 7]))) # array([1, 3, 1, 1, 0, 0, 0, 1])
np.where(x == 3) # returneaza indecsi care satisfac conditia
np.intersect1d(x, y) # returneaza intersectia celor 2 array
np.savetxt('fisier.txt', y) # salveaza array-ul y in fisierul fisier.txt
```