

Lice

Examen SDA

2) a) void recur(int n, int k=0)

```
{
    static int perm[100];
    static int prec[100] = {0};

    if (k == n)
    {
        for (int i = 0; i < n; i++)
            cout << perm[i] << " ";

        cout << "\n";
        return;
    }

    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        if (!prec[i])
        {
            prec[i] = 1;
            perm[k] = i;
            recur(n, k+1);
            prec[i] = 0;
        }
    }
}
```

b) int \*shuffle(int \*a, int \*b, int size, int \*c)

```
{
    for (int i = 0; i < size; i++)
        c[i] = a[i];

    return c;
}
```

c. Având complexitatea timp pentru algoritmul de generare a tuturor permutațiilor ca fiind  $O(n!)$  și complexitatea algoritmului de shuffle  $O(n)$ , atunci acest algoritm de sortare va avea complex.  $O(n * n!) = \text{~~...~~}$ . Acest algoritm este departe de optim, se pot folosi algoritmi mai optimi din punct de vedere al spațiului și timpului, ex: quicksort.

1. ~~sort(a)~~;

```
int binary-search(int a[], int target, int size)
```

```
{ int pivot, left=0, right=size-1;
```

```
  while (left <= right)
```

```
  { pivot = left + (right - left) / 2;
```

```
    if (a[pivot] == target)
```

```
      return pivot;
```

```
    if (target < a[pivot])
```

```
      right = pivot - 1;
```

```
    else left = pivot + 1;
```

```
  }
```

```
  return 0;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{ int a[100]; int size=100; int found=0;
```

```
  sort(a);
```

```
  for (int i=0; i<size; i++)
```

```
    if (binary-search(a, a[i]*a[i]*a[i], size) != 0)
```

```
      found = 1;
```

```
  if (found)
```

```
    cout << "Not cube-repetition-free";
```

```
  else
```

```
    cout << "cube-repetition-free";
```

Sortare -  $O(n \log n)$

Binary-search -  $O(\log n)$ .

den ori -  $O(n \log n)$



$$4) b. \quad x_{i,j} = (b_i - b_j) / (a_j - a_i)$$

a. `sort(f, func-compare)`

`int maxb = 0;`

`for(i = n; i; i--)`

`{ if(f[i].b <= maxb)`

`{ f[i].a = -1;`

`f[i].b = -1;`

`}`

`else  
maxb = f[i].b;`

`}`

`for(i = 0; i < size; i++)`

`{ if(f[i].a != -1 && f[i].b != -1)`

`vec[i].a = f[i].a;`

`vec[i].b = f[i].b;`

`}`

c.  $\begin{cases} a_k > a_j > a_i \Rightarrow \text{după pct } x_{i,j}, \text{ ik } f_k \text{ are valoarea mai mare față de} \\ f_i \text{ respectiv } f_j \end{cases}$

$x_{ik} < x_{jk}$

$\Rightarrow$  după  $x_{ik}$  se folosește valoarea lui  $f_k$  iar  $f_j$  nu este folosit niciodată

$\Rightarrow f_j$  poate fi eliminat

d. După preprocesarea folosind codul de la a) și c) se poate construi ca arbore binar de intervale care după  $x_{i,j}$  din nou vector obținut de la c) și prin parcurgerea acestui arbore în  $O(\log n)$  se poate afla funcția care calculează valoarea maximă pt  $x$ -ul respectiv. 3/4

3) a. Un binary search tree după fiecare operație asupra lui schimbăm subtree-urile astfel încât pentru fiecare nod, numărul de noduri din subtree-ul de stânga ~~minim~~ minus nr. de noduri din subtree-ul de dreapta, în modul, să fie mai mic sau egal cu 1. Parcurgerea acestuia se execută în  $O(\log n)$ .  
 Nodurile din partea stângă din subtree-ul unui nod sunt mai mici decât nodul respectiv, iar pentru partea dreaptă, mai mari.

b.  $int\ x = root.dreapta.order$

$root.dreapta.order -= root.order + 1$  (shift la stânga)

$root.order = x$

$int\ x = root.stanga.order$

$root.stanga.order -= root.order + 1$  (shift la dreapta)

$root.order = x$