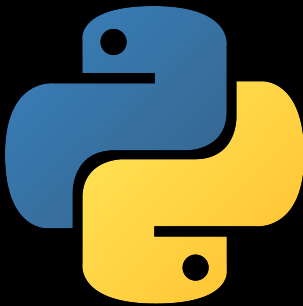


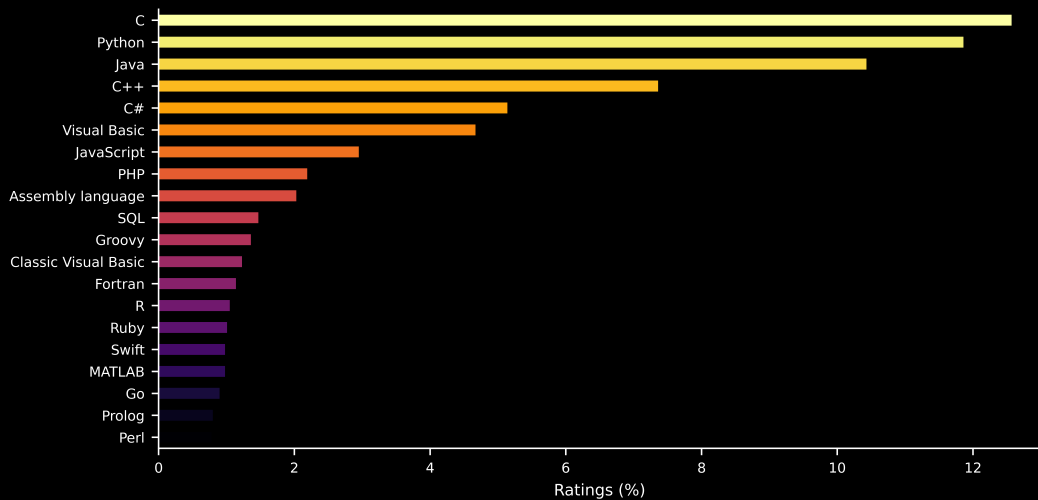
# Introduction à Python

Jean-Christophe LOISEAU

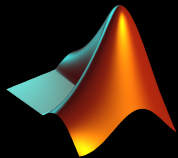
Arts & Métiers Institute of Technology, 2021-2022

**Python** : langage de programmation sous licence libre créé en 1991 par **Guido van Rossum**.









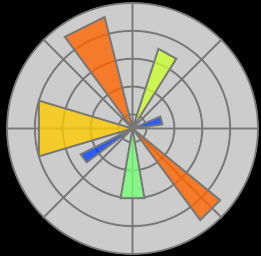
**NumPy** : bibliothèque (ou package) pour **Python** destinée à manipuler des **matrices** ou **tableaux multidimensionnels** ainsi que des fonctions mathématiques opérant sur ces tableaux.



**SciPy** : NumPy sous stéroïdes permettant de faire de l'optimisation, algèbre linéaire, statistiques, traitement du signal ou d'images, intégration numérique et simulation.



**Matplotlib** : Package Python pour tracer et visualiser des données sous formes de graphiques ou d'animations.



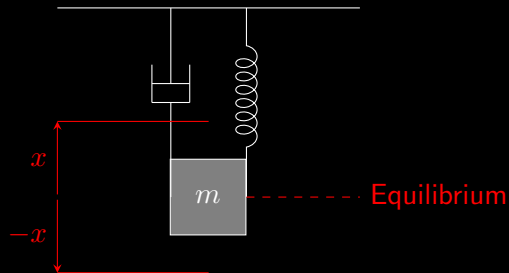


**Quelques exemples d'applications**

## Mécanique Lagrangienne

$$\mathcal{L}(x, \dot{x}) = E_c - E_p$$

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{x}} \right) - \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial x} = F$$



```
1  import numpy as np
2  from scipy.integrate import solve_ivp
3
4  def eom(t, u, k):
5      # --> Degres de liberte.
6      x, dx = u
7      # --> Eq. du mvt.
8      ddx = -x - 2*k*dx
9      return dx, ddx
10
11  # --> Parametres de la simulation.
12  u = np.array([1.0, 0.0])
13  k = 0.05
14  tspan = (0.0, 100.0)
15
16  # --> Simulation
17  output = solve_ivp(
18      lambda t, u : eom(t, u, k),
19      tspan,
20      u)
21
```

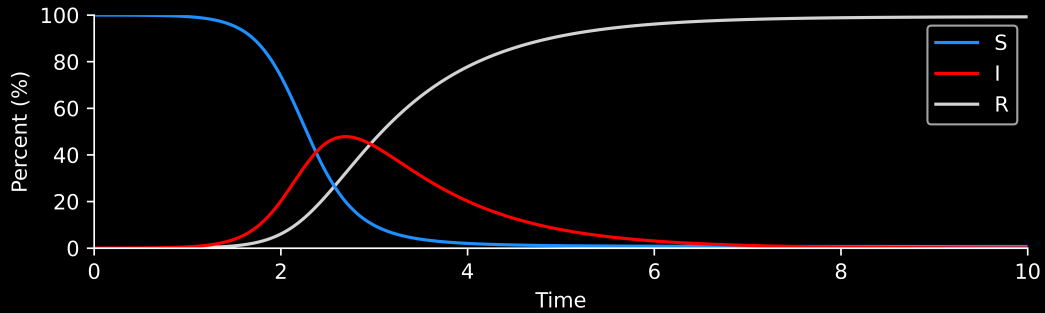
## Epidémiologie

$$\frac{dS}{dt} = -R_0SI$$

$$\frac{dI}{dt} = R_0SI - I$$

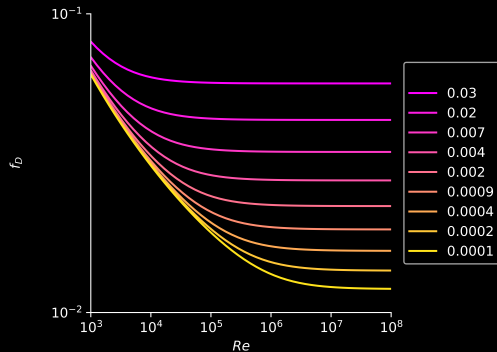
$$\frac{dR}{dt} = I$$

**SIR** : Modèle classique utilisé en épidémiologie depuis les années 1930. Forme actuellement la base des modèles pour prédire l'évolution de COVID 19.



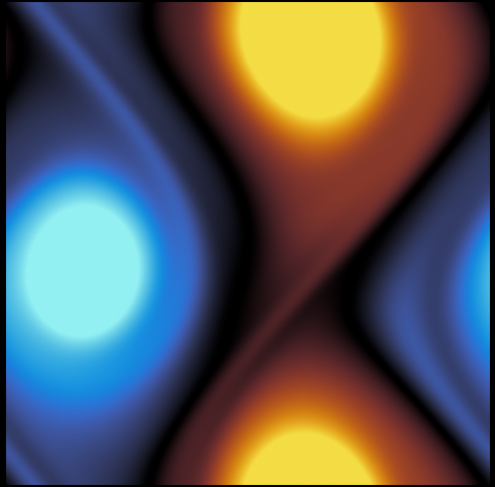
# Hydraulique

$$\frac{1}{\sqrt{f_D}} = -2 \log_{10} \left( \frac{\epsilon}{3.7D} + \frac{2.51}{Re \sqrt{f_D}} \right)$$

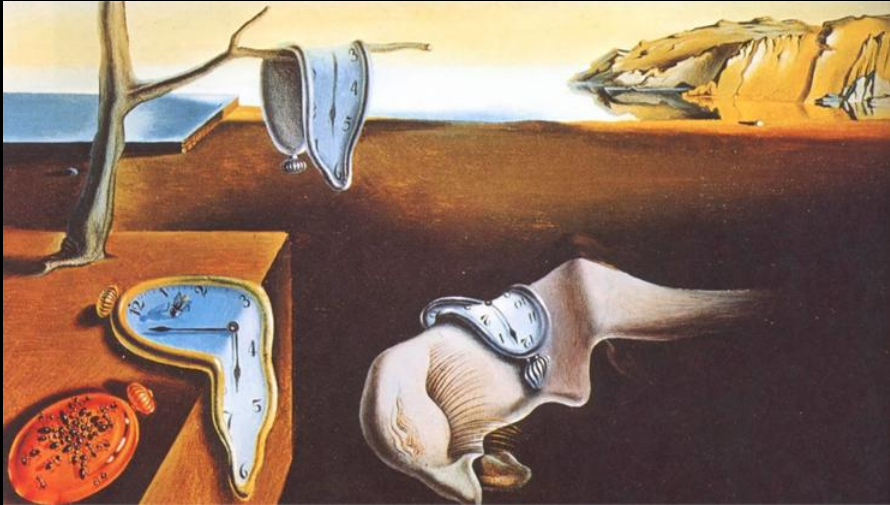


## Dynamique des fluides

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u} \otimes \mathbf{u}) = -\nabla p + \frac{1}{Re} \nabla^2 \mathbf{u}$$
$$\nabla \cdot \mathbf{u} = 0$$

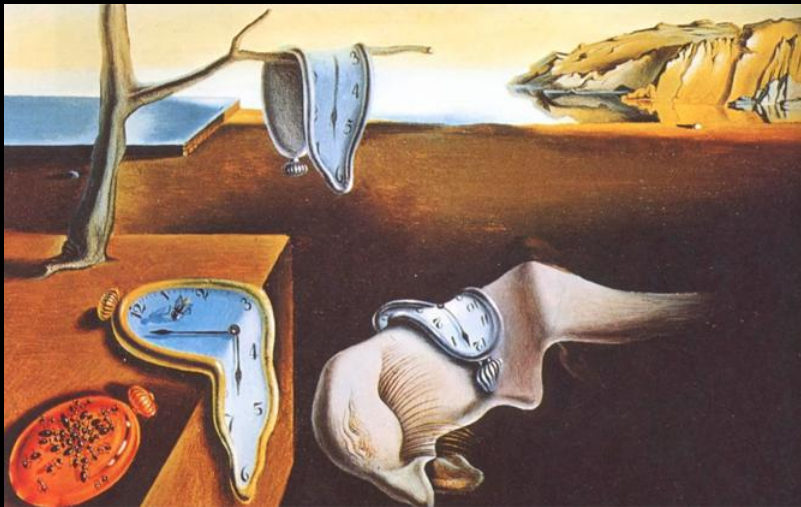


## Traitement de l'image

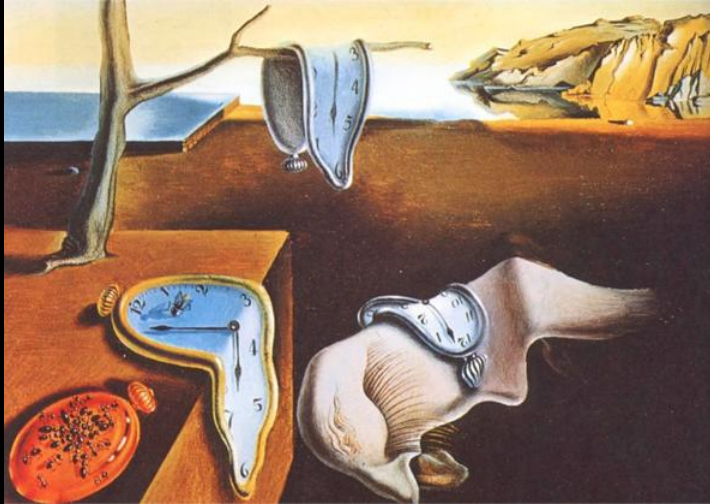




## Traitement de l'image



## Traitement de l'image



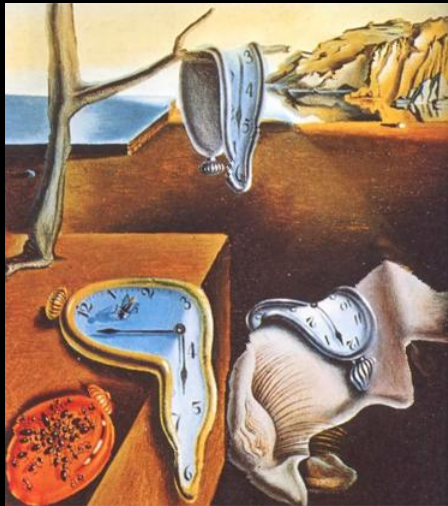
## Traitement de l'image



## Traitement de l'image



## Traitement de l'image



## Machine Learning

5	0	4	1	9	2
1	3	1	4	3	5
3	6	1	7	2	8

# Machine Learning

Modèle :  $y_i = f(\mathbf{x}_i, \boldsymbol{\theta})$

$$\text{minimize} \quad \sum_{i=1}^N \mathcal{J}(y_i, \hat{y}_i)$$

