

Traveling Tournament Problem

Simulated Annealing

Philippe Tanghe

Li Quan

16 maart 2011

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA
- 3 Implementatie
- 4 Experimenten
- 5 Mogelijke verbeteringen
- 6 Conclusie

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA
- 3 Implementatie
- 4 Experimenten
- 5 Mogelijke verbeteringen
- 6 Conclusie

Inleiding

- Aris Anagnostopoulos, Laurent Dominique Michel, Pascal Van Hentenryck en Yannis Vergados.
A simulated annealing approach to the traveling tournament problem. (2006)

Inleiding

- Aris Anagnostopoulos, Laurent Dominique Michel, Pascal Van Hentenryck en Yannis Vergados.
A simulated annealing approach to the traveling tournament problem. (2006)
- Pascal Van Hentenryck en Yannis Vergados.
A Traveling Tournament Scheduling: A Systematic Evaluation of Simulated Annealing. (2006)

Inleiding

- Aris Anagnostopoulos, Laurent Dominique Michel, Pascal Van Hentenryck en Yannis Vergados.
A simulated annealing approach to the traveling tournament problem. (2006)
- Pascal Van Hentenryck en Yannis Vergados.
A Traveling Tournament Scheduling: A Systematic Evaluation of Simulated Annealing. (2006)
- Traveling Tournament Simulated Annealing Algorithm (TTSA)
 - SA: goede metaheuristiek voor TTP
 - duidelijk en concreet
 - P. Van Hentenryck is een Belg

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA**
- 3 Implementatie
- 4 Experimenten
- 5 Mogelijke verbeteringen
- 6 Conclusie

Basialgoritme SA

```

find random schedule  $S$ ;
bestSoFar  $\leftarrow$  cost( $S$ );
phase  $\leftarrow$  0;
while phase  $\leq$  maxP do
  counter  $\leftarrow$  0;
  while counter  $\leq$  maxC do
    select a random move  $m$  from neighborhood( $S$ );
    let  $S'$  be the schedule obtained from  $S$  with  $m$ ;
     $\Delta \leftarrow$  cost( $S'$ ) - cost( $S$ );
    if  $\Delta < 0$  then
      accept  $\leftarrow$  true;
    else
      accept  $\leftarrow$  true with probability  $\exp(-\Delta/T)$ ;
    end
    if accept then
       $S \leftarrow S'$ ;
      if cost( $S'$ ) < bestSoFar then
        counter  $\leftarrow$  0; phase  $\leftarrow$  0;
        bestSoFar  $\leftarrow$  cost( $S'$ );
      else
        counter++;
      end
    end
    phase++;
     $T \leftarrow T \cdot \beta$ ;
  end
end

```


Eigenschappen TTSA

- hard en soft constraints

Eigenschappen TTSA

- hard en soft constraints
- neighborhood van grootte $\mathcal{O}(n^3)$

Eigenschappen TTSA

- hard en soft constraints
- neighborhood van grootte $\mathcal{O}(n^3)$
- strategic oscillation

Eigenschappen TTSA

- hard en soft constraints
- neighborhood van grootte $\mathcal{O}(n^3)$
- strategic oscillation
- reheats

Hard en soft constraints

Voorstelling schedule

T\R	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	6	-2	4	3	-5	-4	-3	5	2	-6
2	5	1	-3	-6	4	3	6	-4	-1	-5
3	-4	5	2	-1	6	-2	1	-6	-5	4
4	3	6	-1	-5	-2	1	5	2	-6	-3
5	-2	-3	6	4	1	-6	-4	-1	3	2
6	-1	-4	-5	2	-3	5	-2	3	4	1

- T teams; R rounds
- + home; - away
- constraints
 - hard: double round-robin
 - soft: atmost & norepeat

Local search

- initieel random schedule

Local search

- initieel random schedule
 - eenvoudige recursieve backtrack search

Local search

- initieel random schedule
 - eenvoudige recursieve backtrack search
- kies S' in neighborhood van S

Local search

- initieel random schedule
 - eenvoudige recursieve backtrack search
- kies S' in neighborhood van S
 - SwapHomes(S, T_i, T_j)
 - SwapRounds(S, r_k, r_l)
 - SwapTeams(S, T_i, T_j)
 - PartialSwapRounds(S, T_i, r_k, r_l)
 - PartialSwapTeams(S, T_i, T_j, r_k)

Local search

- initieel random schedule
 - eenvoudige recursieve backtrack search
- kies S' in neighborhood van S
 - SwapHomes(S, T_i, T_j)
 - SwapRounds(S, r_k, r_l)
 - SwapTeams(S, T_i, T_j)
 - PartialSwapRounds(S, T_i, r_k, r_l)
 - PartialSwapTeams(S, T_i, T_j, r_k)
- aanvaard of verwerp S'

Voorbeeld PartialSwapTeams

PartialSwapTeams(S, T_2, T_4, r_9)

T\R	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	6	-2	4	3	-5	-4	-3	5	2	-6
2	5	1	-3	-6	4	3	6	-4	-1	-5
3	-4	5	2	-1	6	-2	1	-6	-5	4
4	3	6	-1	-5	-2	1	5	2	-6	-3
5	-2	-3	6	4	1	-6	-4	-1	3	2
6	-1	-4	-5	2	-3	5	-2	3	4	1

Voorbeeld PartialSwapTeams

PartialSwapTeams(S, T_2, T_4, r_9)

T\R	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	6	-2	2	3	-5	-4	-3	5	4	-6
2	5	1	-1	-5	4	3	6	-4	-6	-3
3	-4	5	4	-1	6	-2	1	-6	-5	2
4	3	6	-3	-6	-2	1	5	2	-1	-5
5	-2	-3	6	2	1	-6	-4	-1	3	4
6	-1	-4	-5	4	-3	5	-2	3	2	1

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- $cost(S)$: afstandskost

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- $cost(S)$: afstandskost
- $nbv(S)$: # violations (soft) constraints

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- $cost(S)$: afstandskost
- $nbv(S)$: # violations (soft) constraints
- w : gewichtsfactor

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- $cost(S)$: afstandskost
- $nbv(S)$: # violations (soft) constraints
- w : gewichtsfactor
- $f(v) = 1 + (\sqrt{v} \ln v)/\lambda$

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- $cost(S)$: afstandskost
- $nbv(S)$: # violations (soft) constraints
- w : gewichtsfactor
- $f(v) = 1 + (\sqrt{v} \ln v)/\lambda$
 - sublineair, eerste violation kostelijker ($f(1) = 1$)

Objectieffunctie

Objectieffunctie

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- $cost(S)$: afstandskost
- $nbv(S)$: # violations (soft) constraints
- w : gewichtsfactor
- $f(v) = 1 + (\sqrt{v} \ln v)/\lambda$
 - sublineair, eerste violation kostelijker ($f(1) = 1$)
 - ($\lambda = 2$ voor kleine n ; $\lambda = 1$ voor grote n)

Uitbreidingen

- strategic oscillation

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

Uitbreidingen

- strategic oscillation

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- gewichtsfactor w variëren
- feasible $w \leftarrow w/\theta$; infeasible $w \leftarrow w \cdot \delta$

Uitbreidingen

- strategic oscillation

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [w \cdot f(nbv(S))]^2} & \text{anders.} \end{cases}$$

- gewichtsfactor w variëren
- feasible $w \leftarrow w/\theta$; infeasible $w \leftarrow w \cdot \delta$
- reheating

Uitbreidingen

- strategic oscillation

$$C(S) = \begin{cases} cost(S) & \text{als } S \text{ feasible is,} \\ \sqrt{cost(S)^2 + [\textcolor{red}{w} \cdot f(nbv(S))]}^2 & \text{anders.} \end{cases}$$

- gewichtsfactor w variëren
- feasible $w \leftarrow w/\theta$; infeasible $w \leftarrow w \cdot \delta$

- reheating

- lokale minima op lage temperaturen
- eenvoudig reheating schema

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA
- 3 Implementatie**
- 4 Experimenten
- 5 Mogelijke verbeteringen
- 6 Conclusie

Implementatie

MATLAB

- + snelle implementatie
- + matrix- en vectoroperaties
- + snel testen
- efficiëntie (?)

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA
- 3 Implementatie
- 4 Experimenten**
- 5 Mogelijke verbeteringen
- 6 Conclusie

Experimenten

- random schedule generatie
- parameters

Random schedule

eenvoudig recursieve backtracking

- goed voor NL4–8
- ok voor NL10–12
- traag voor NL14–16

Random schedule

eenvoudig recursieve backtracking

- goed voor NL4–8
- ok voor NL10–12
- traag voor NL14–16

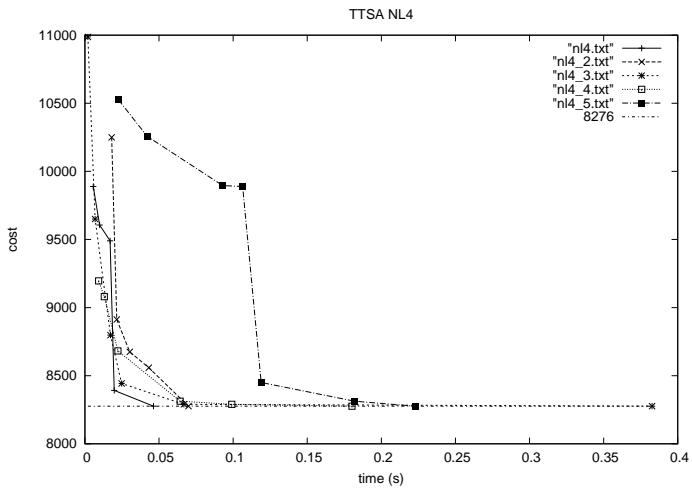
n	min (s)	avg (s)	max (s)	std (s)
4	0.004	0.006	0.009	0.002
6	0.011	0.017	0.044	0.010
8	0.020	1.889	18.558	5.857
10	0.031	14.271	112.291	35.549
12	0.055	8.795	51.114	16.583
14	0.089	96.782	612.953	195.414
16	1.088	286.021	823.226	360.467

Tabel: Tijd nodig om een random schedule te maken via een recursief backtrack algoritme ($N = 10$).

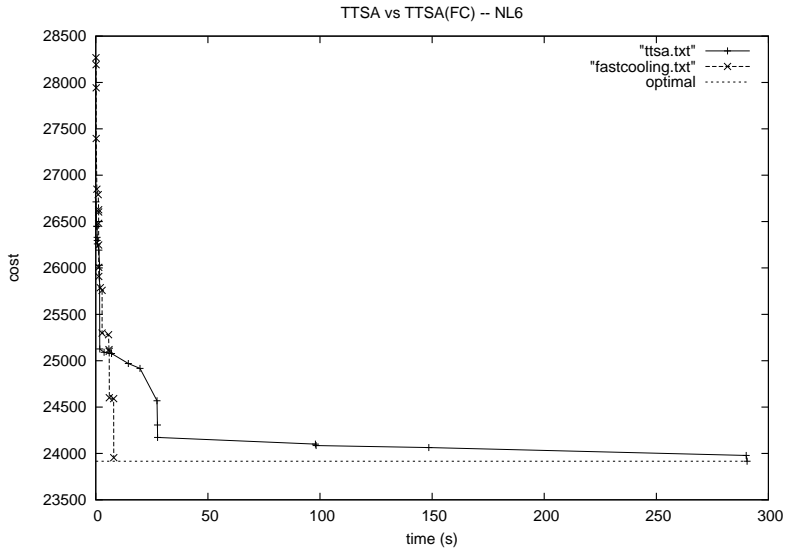
Parameters

$T_0, \beta, \max C, \max P, \max R, \delta, \theta, w_0$???

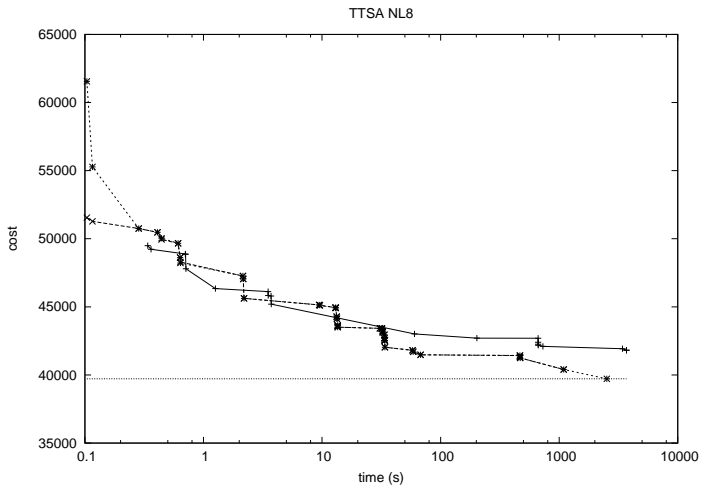
- TTSA
 - traag \Rightarrow weinig experimenten
- TTSA (Fast Cooling)
 - beperkte tijd \Rightarrow meer experimenten
 - goede resultaten



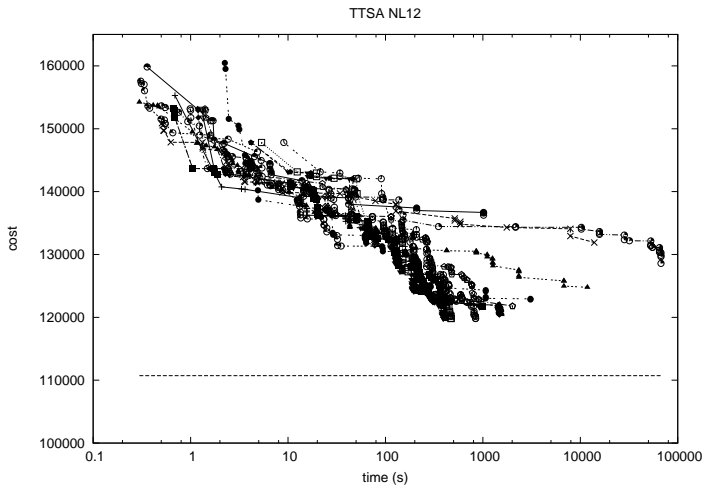
Figuur: TTSA NL4.



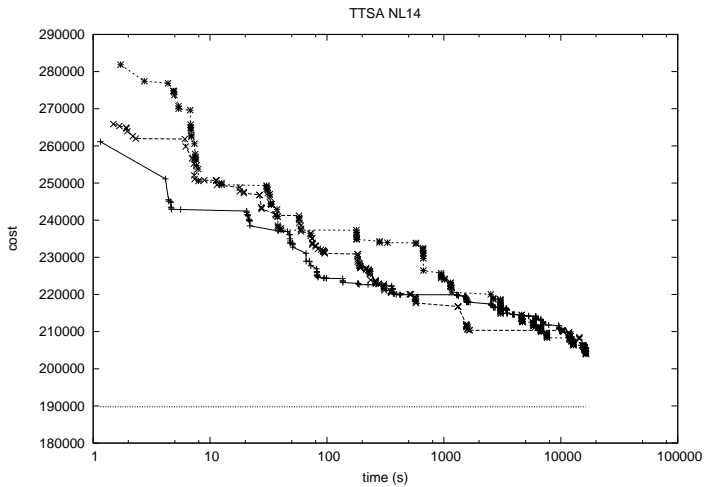
Figuur: TTSA vs TTSA(FC) NL6.



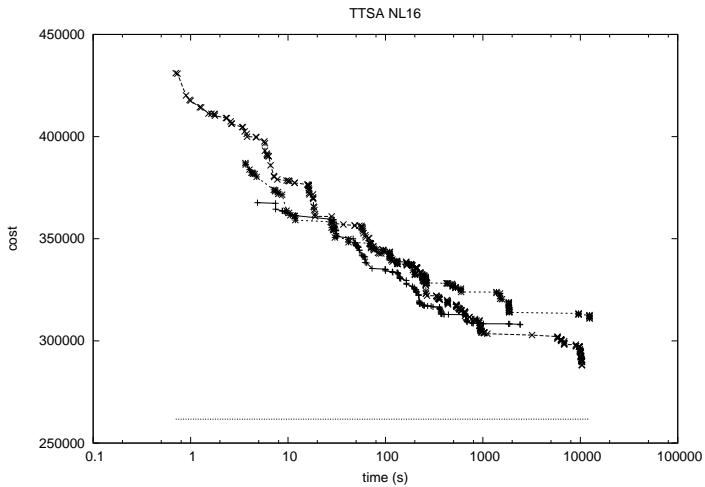
Figuur: TTSA NL8 (logaritmische tijdsas).



Figuur: TTSA NL12 (logaritmische tijdsas).



Figuur: TTSA NL14 (logaritmische tijdsas).



Figuur: TTSA NL16 (logaritmische tijdsas).

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA
- 3 Implementatie
- 4 Experimenten
- 5 Mogelijke verbeteringen**
- 6 Conclusie

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule
- parameters SA

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule
- parameters SA
- random restart

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule
- parameters SA
- random restart
- neighborhood

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule
- parameters SA
- random restart
- neighborhood
- hybride algoritme, population-based SA
Van Hentenryck en Vergados.
Population-based simulated annealing for traveling tournaments. (2007)

Mogelijke verbeteringen

- beter algoritme initieel schedule
- parameters SA
- random restart
- neighborhood
- hybride algoritme, population-based SA
Van Hentenryck en Vergados.
Population-based simulated annealing for traveling tournaments. (2007)
- ...

Inhoudsopgave

- 1 Inleiding
- 2 TTSA
- 3 Implementatie
- 4 Experimenten
- 5 Mogelijke verbeteringen
- 6 Conclusie**

Conclusie

- matige resultaten TTSA

Conclusie

- matige resultaten TTSA
- goede resultaten TTSA(FC)

Conclusie

- matige resultaten TTSA
- goede resultaten TTSA(FC)
- empirisch bepalen parameters

Conclusie

n	cost	best (2002)	TTSA (2003)	best (2010)
4	8276	8276	8276	8276
6	23916	23916	23916	23916
8	39721	39721	39721	39721
10	63667	61608	59583	59436
12	118499	118955	112800	110729
14	203979	205894	190368	188728
16	288089	281660	267194	261687