

Sprawozdanie z projektu i eksperymentu obliczeniowego

Błażej Krzyżanek 136749, Maciej A. Czyżewski 136698

21 maja 2020

1 Wstęp

- Nazwa zaliczanego przedmiotu:**
laboratorium z przetwarzania równoległego
- Imiona i nazwiska autorów sprawozdania, numery indeksów, numer grupy dziekańskiej i termin zajęć laboratoryjnych:**
Błażej Krzyżanek 136749 I1 poniedziałki 8:00 „pod kreską”
Maciej A. Czyżewski 136698 I1 środa 9:45 „pod kreską”
- Wymagany termin oddania sprawozdania:**
27 Apr. 2020
- Wersja:**
Pierwsza.
Skrypty (mirror): <https://gist.github.com/maciejczyzewski/b800171f1e4ef4d7d090682e704c76ba>
- Krótki opis treści realizowanego zadania:**
Analiza efektywności algorytmów przetwarzania równoległego realizowanego w komputerze z procesorem wielordzeniowym z pamięcią współdzieloną, na przykładzie problemu znajdowania liczb pierwszych.
- Adres email kontaktowy do autorów sprawozdania:**
blazej.krzyzanek@student.put.poznan.pl
maciej.czyzewski@student.put.poznan.pl

2 Opis wykorzystanego systemu obliczeniowego

System operacyjny	Microsoft Windows 10 Professional 64bit
Kompilator	Intel C++ Compiler 19.1
Oprogramowanie do analizy	Intel® Parallel Studio XE Cluster Edition for Windows
Procesor	Intel i7-4800MQ
Liczba rdzeni	4
Liczba wątków	8
Cache	6MB
Bazowa częstotliwość	2,70 Ghz

Tabela 1: Dane techniczne

3 Warianty kodu

3.1 Dzielenie – wersja sekwencyjna $D1$

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 1 wątek	
Algorytm	$D1_{seq}$
czas [s]	135.31
instructions retired	4.66×10^{11}
clockticks	4.87×10^{11}
retiring	47.6%
front-end bound	31.7%
back-end bound	20.2%
memory bound	0.1%
core bound	20.3%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	22.9%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.005
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	7.4×10^5
efektywność przetwarzania	0.005

Tabela 2: Porównanie algorytmów

Pierwszą wersją kodu do eksperymentu była prosta implementacja sekwencyjnego algorytmu znajdowania liczb pierwszych z przedziału $< a, n >$ poprzez wykrywanie niezerowej reszty z dzielenia przez $k \leq \sqrt{n}$. Algorytm ten cechuje się prostotą implementacji, jednak znaczną złożonością obliczeniową $O(\sqrt{n})$. Wyniki przedstawiono w tabeli 3.

Przedział	czas [s]
$< 2; 10^8 >$	135
$< 2; 0.5 \cdot 10^8 >$	50.24
$< 0.5 \cdot 10^8; 10^8 >$	84.65

Tabela 3: Wyniki algorytmu sekwencyjnego

3.2 Dzielenie – wersja równoległa z dynamicznym podziałem przedziału przeszukiwania $D2$

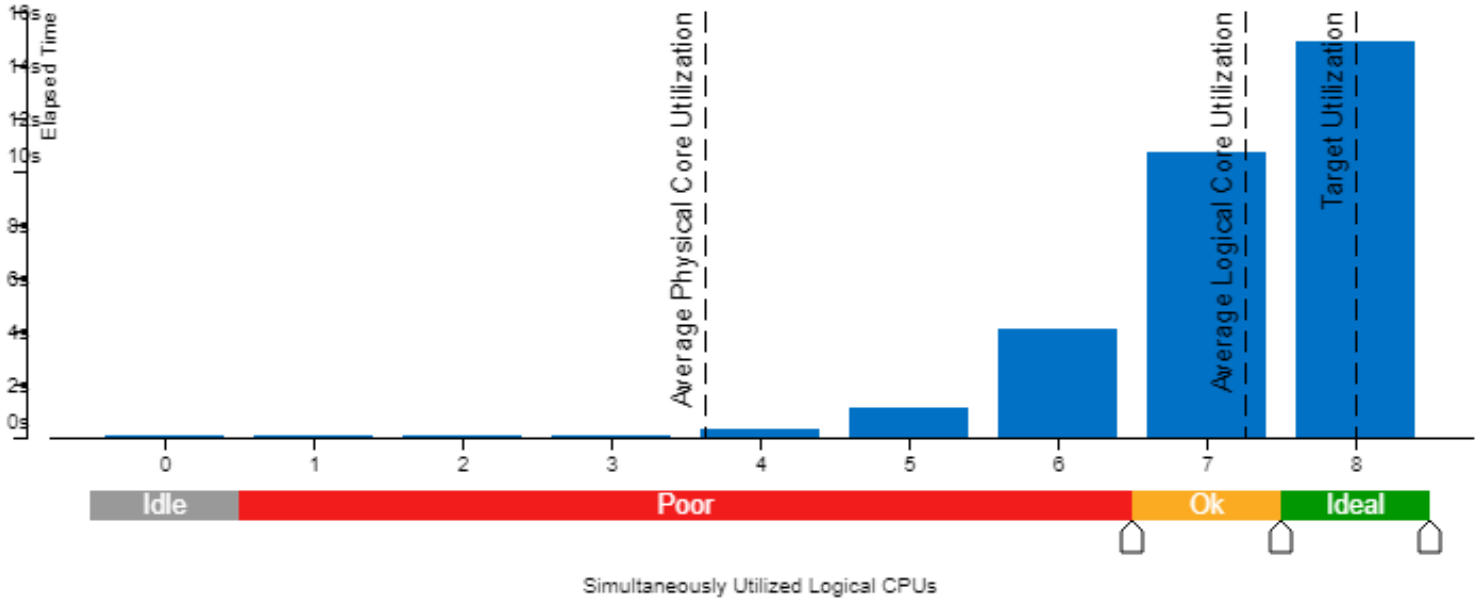
Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$D2$
czas [s]	29.99
instructions retired	4.68×10^{11}
clockticks	7.73×10^{11}
retiring	54.3%
front-end bound	24.2%
back-end bound	21.1%
memory bound	0.2%
core bound	21.0%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	90.7%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.025
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	3.3×10^6
efektywność przetwarzania	0.003

Tabela 4: Porównanie algorytmów

Kolejnym krokiem w celu usprawnienia algorytmu było zrównoleglenie obliczeń poprzez podział zadanego przedziału $\langle a, n \rangle$ na fragmenty o długości zmniejszającej się w czasie, poczynając od $\frac{\text{liczba_nieprzydzielonych_iteracji}}{\text{liczba_wtkw}}$ i następnie wywołania pierwotnego algorytmu dla każdego z tych fragmentów. Po przeanalizowaniu wszystkich liczb z zadanego przedziału, algorytm miał finalnie scalić całą tablicę. Algorytm nie gwarantuje wystąpienia liczb w jakimkolwiek porządku. Wyniki zanotowano w tabeli 5.

Przedział	czas [s], 8 wątków	czas [s], 4 wątki	czas [s], 2 wątki
$\langle 2; 10^8 \rangle$	29.79	39.76	67.57
$\langle 2; 0.5 \cdot 10^8 \rangle$	10.18	14.58	25.21
$\langle 0.5 \cdot 10^8; 10^8 \rangle$	18.57	24.05	42.89

Tabela 5: Wyniki algorytmu równoległego



Porównując czasy przetwarzania algorytmu w wersji sekwencyjnej z zrównolegloną, można zaobserwować nawet kilkukrotne zwiększenie prędkości. Mimo wywołania algorytmu na 8 wątkach, nie udało się jednak uzyskać ośmiokrotnego przyspieszenia względem wersji jednowątkowej – w najlepszym przypadku przyspieszenie wyniosło ok. 500%. Analizując sposób wykorzystania procesora przez uruchomiony algorytm przy użyciu oprogramowania Intel VTune Profiler 2020, zaobserwowano wykorzystanie logicznych procesorów na poziomie 93.7%.

3.3 Sito Eratostenesa – wersja z sekwencyjnym wyznaczaniem początkowych liczb pierwszych S1

Przedział: $\langle 2; 10^8 \rangle$; 8 wątków	
Algorytm	S1
czas [s]	3.11
instructions retired	1.06×10^{10}
clockticks	1.65×10^{10}
retiring	26.3%
front-end bound	18.5%
back-end bound	51.9%
memory bound	24.5%
core bound	27.4%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	23.2%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.244
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	3.2×10^7
efektywność przetwarzania	0.030

Tabela 6: Porównanie algorytmów

Algorytm wyznaczania liczb pierwszych poprzez wielokrotne dzielenie ze względu na swoją złożoność obliczeniową jest wysoce nieefektywny, znany jest inny algorytm dający znacznie lepsze rezultaty – sito Eratostenesa. Pierwsza wersja użytego algorytmu oblicza standardowym, sekwencyjnym algorytmem sita wszystkie liczby pierwsze z przedziału $< 2; \sqrt{n} >$, a następnie z tablicy „wykreśla” wszystkie wielokrotności tych liczb mniejsze od n , używając do tego zadania równoległej pętli `for` uruchomionej jako `guided`. Po wyznaczeniu wielokrotności, algorytm w jednym wątku zapisuje wszystkie indeksy niewykreślonych elementów początkowej tablicy. Wyniki przedstawiono w tabeli 7, uwzględniono też uruchomienie z przydziałem jednego wątku. Zmieniając algorytm na sito Eratostenesa uzyskano 20-krotne zwiększenie wydajności. Na podstawie wyników z tabeli 7 można przypuszczać, że implementacja w praktyce działa jednowątkowo, tak też wynika z analizy VTune Profiler – średnio wykorzystywane było 1.362 z 8 logicznych rdzeni.

Przedział	czas [s], 8 wątków	czas [s], 4 wątki	czas [s], 2 wątki	czas [s], 1 wątek
$< 2; 10^8 >$	2.86	2.70	2.71	2.71
$< 2; 0.5 \cdot 10^8 >$	1.36	1.29	1.31	1.29
$< 0.5 \cdot 10^8; 10^8 >$	2.71	2.66	2.62	2.64

Tabela 7: Wyniki algorytmu sekwencyjnego

3.4 Sito – podejście domenowe

W tej wersji każdy wątek dostanie cały vector liczb pierwszych z zakresu $\text{sqrt}(N)$ - oraz zakres na przedziale (shift, N) ustalony wartością `block_size`. Kolejne podejścia będą się różnić kolejnością/zbalansowaniem/metodą działania danego wątku na jego zakresie.

3.4.1 Przygotowanie eksperymentu

```

1 void sieve(int N) {
2     omp_set_dynamic(0); // FIXME
3     omp_set_num_threads(THREAD_NUM);
4
5     primes_vec[primes_size++] = 2;
6     for (uint64 i = 3; i <= sqrt(N); i += 2)
7         if (is_prime(i))
8             primes_vec[primes_size++] = i;
9
10    int shift = primes_vec[primes_size - 1], block_size;
11    block_size = (N - shift) / (THREAD_NUM) + 1;
12    bench.T1();
13
14    // __fn_1(block_size, primes_size, shift);
15    // __fn_2(block_size, primes_size, shift);
16    // __fn_3(block_size, primes_size, shift);
17    // __fn_3_fastest(block_size, primes_size, shift);
18
19    bench.T2();
20    rep(i, shift, N) if (sieve_vec[i] == 0) primes_vec[primes_size++] = i;
21 }

```

3.4.2 $FN1_D$: zapis sterowany

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN1_D$
czas [s]	1.01
instructions retired	4.84×10^9
clockticks	1.92×10^{10}
retiring	11.9%
front-end bound	8.5%
back-end bound	77.7%
memory bound	38.5%
core bound	39.2%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	59.4%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.752
prędkość przetwarzania [$\frac{1}{s}$]	9.9×10^7
efektywność przetwarzania	0.094

```

1 void __fn_1(int block_size, int primes_size, int shift) {
2     #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3         firstprivate(block_size, primes_size, shift)           \
4         shared(sieve_vec, primes_vec)
5     rep(i, 0, primes_size) {
6         int p = primes_vec[i];
7         rep(idx, 0, THREAD_NUM) {
8             int _j = shift + idx * block_size;
9             #pragma omp for schedule(guided) nowait
10            for (int j = -fast_mod(_j, p); j <= block_size; j += p)
11                sieve_vec[_j + j] = 1;
12        }
13    }
14 }

```

Tabela 8: Porównanie algorytmów

W tej wersji, problemem jest prędkość zapisu (czekanie na I/O). Dlatego w eksperymencie spróbujemy naprawić ten błąd poprzez dodanie `#pragma omp for schedule` przy pętli która wykonuje najwięcej operacji tego typu. To podejście jest jednak nieskuteczne. W tym wypadku w przetwarzaniu równoległym będzie uczestniczyło 8 threadów. Procesom zadania są przydzielane zgodnie z trybem ‘guided’ (linia 9) - czyli zakresy zadań dla threadów będą się zmniejszać eksponencjalnie. Tryb ten został wybrany empirycznie poprzez sprawdzenie innych możliwych trybów oraz wielkości bloków (dla static oraz dynamic). W tym skrypcie tak jak i w wszystkich pozostałych poniżej będziemy współdzielić dwie zmienne dyrektywa *shared* (linia 4) - *sieve_vec* (tablica z której wykreslamy liczby z zakresu 0 do N) oraz *primes_vec* (czyli wektor w którym przedtrzymujemy liczby pierwsze). Przekazujemy również poprzez klazure *firstprivate* (linia 3) parametry takie jak: *block_size* - jaki podzakres występuje na wątek, *primes_size* - ile mamy liczb pierwszych aktualnie, *shift* - ile w masce mamy już wypełnione i możemy pominąć. W tym kodzie nie występuje wyścig (sytuacja w której dwa procesy nadpisują stan tworząc nieprawidłowy wynik ponieważ operowały na nieaktualnych/niesynchronizowanych stanach¹), ponieważ stan w *sieve_vec* może być jedynie zmieniony (linia 11) na zaznaczony (więc podczas konfliktu, i tak uzyskamy porządkany wynik) - jednak w tej sytuacji każdy operuje na swoim przedziale więc nie ma nawet takiej możliwości. Synchronizacja występuje raz po wykonaniu sekcji **omp parallel** (linia 14). A w całym procesie będzie to ten jedyny raz ponieważ liczby pierwsze z zakresu od 0 do \sqrt{N} preprocesujemy sekwencyjnie (naiwny fork&join jest bardziej kosztowny dla małych N).

¹przykład: 1A: Odczytaj zmienną V, 1B: Odczytaj zmienną V, 2A: Dodaj 1 do zmiennej V, 2B: Dodaj 1 do zmiennej V, 3A: Zapisz wartość w zmiennej V, 3B: Zapisz wartość w zmiennej V, jeśli instrukcja 1B zostanie wykonana pomiędzy 1A i 3A to uzyskamy nie prawidłowy stan. A chcieliśmy zwiększyć tę wartość o 1 niezależnie dwoma procesami czy sumarycznie o 2, a w rezultacie mamy zwiększone tylko o 1.

3.4.3 $FN2_D$: wykorzystanie scheduler-a z OpenMP

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN2_D$
czas [s]	0.94
instructions retired	4.27×10^9
clockticks	1.69×10^{10}
retiring	11.6%
front-end bound	9.4%
back-end bound	77.6%
memory bound	46.4%
core bound	31.3%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	55.0%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.809
prędkość przetwarzania [$\frac{1}{s}$]	1.06×10^8
efektywność przetwarzania	0.101

```

1 void __fn_2(int block_size, int primes_size, int shift) {
2   #pragma omp parallel for num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3     firstprivate(block_size, primes_size, shift)                  \
4     shared(sieve_vec, primes_vec)                                \
5     collapse(2)
6   rep(i, 0, primes_size) {
7     rep(idx, 0, THREAD_NUM) {
8       int p = primes_vec[i];
9       int _j = shift + idx * block_size;
10      #pragma omp taskloop
11        for (int j = -fast_mod(_j, p); j <= block_size; j += p)
12          sieve_vec[_j + j] = 1;
13      }
14    }
15  }

```

Tabela 9: Porównanie algorytmów

Cel: zbalansować tym razem zewnętrzne pętle odpowiedzialne za którą liczbę pierwszą przetwarzamy. W tym wypadku w przetwarzaniu równoległym będzie uczestniczyło 8 threadów. Procesom zadania są przydzielane zgodnie z trybem (niewprost) ‘runtime’ (linia 2) - czyli w moim wypadku ‘auto’. Tryb ten został wybrany empirycznie poprzez sprawdzenie innych możliwych trybów oraz wielkości bloków (dla static oraz dynamic). Okazało się że dobranie tych wartości jest nie trywialne, dlatego zostaliśmy przy trybie automatycznym. Dodatkowo użyliśmy `collapse(2)` aby dać jeszcze większą kontrolę OpenMP nad rozdzieleniem zadań. Zgodnie z zaleceniem dokumentacji OpenMP ciężka pod względem I/O pętla (linia 11) daliśmy jako `#pragma omp taskloop`, w praktyce nic to nie zmienia (teoretycznie pętla powinna być podzielona na taski które mogą swobodnie wykonywać). Wyciągu podobnie jak poprzednio nie mamy, a wyniki będą poprawne ponieważ liczby pierwsze czytujemy po synchronizacji (linia 15) więc nie musimy dbać o kolejność przetwarzania (czyli jaką liczbą pierwszą najpierw).

3.4.4 $FN3_D$: sami decydujemy o przedziałach

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN3_D$
czas [s]	0.98
instructions retired	5.50×10^9
clockticks	1.73×10^{10}
retiring	17.6%
front-end bound	11.0%
back-end bound	70.7%
memory bound	33.7%
core bound	37.0%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	59.5%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.776
prędkość przetwarzania [$\frac{1}{s}$]	1.02×10^8
efektywność przetwarzania	0.096

```

1 void __fn_3(int block_size, int primes_size, int shift) {
2   #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3     firstprivate(block_size, primes_size, shift)                  \
4     shared(sieve_vec, primes_vec)
5   rep(i, 0, primes_size) {
6     int idx = omp_get_thread_num();
7     int p = primes_vec[i];
8     int _j = shift + idx * block_size;
9     for (int j = -fast_mod(_j, p); j <= block_size; j += p)
10       sieve_vec[_j + j] = 1;
11   }
12 }

```

Tabela 10: Porównanie algorytmów

Cel: manualnie (czyli bez wbudowanego schedulera) dokonać podziału zakresu dla threadów). Dokonamy tego poprzez parametr `block_size` - sami decydujemy o tym jaki przedział należy do danego wątku. W tym wypadku w przetwarzaniu równoległym będzie uczestniczyło 8 threadów. Przydział odbywa się poprzez pomnożenie (linia 8) identyfikatora wątku (0, ilość wątków) * rozmiar

bloku przedziału który jest tak naprawdę wartością: zakres/ilosc wątków. A następnie wypilenie bloku od (.) wykresleniami (linia 9 - warunek petli). Wazny jest tez start bloku, nie mozemy zaczac od zera, musimy kontynuowac sekwencje wielokrotnosci danej liczby pierwszej - dlatego uzywamy funkcji `-fast_mod(_j, p)`. Spodziewane jest polepszenie wzgledem automatycznego schedulera - poniewaz robimy to pod ten problem a nie ogolny. Identyfikator watku uzyskamy poprzez funkcje `omp_get_thread_num()`. Stwierdzenia na temat synchronizacji jak i popranowsci takie jak w poprzedniej wersji skryptu.

3.4.5 FN3_{D512}: więcej wątków niż procesorów logicznych

Przedział: < 2; 10 ⁸ >; 512 wątków	
Algorytm	FN _{D512}
czas [s]	0.09
instructions retired	4.57 × 10 ⁹
clockticks	2.51 × 10 ¹⁰
retiring	9.0%
front-end bound	7.1%
back-end bound	83.7%
memory bound	75.1%
core bound	8.6%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	82.7%
przyspieszenie przetwarzania względem FN _{Taskloop} jednowątkowo	8.444
prędkość przetwarzania [$\frac{1}{s}$]	1.1 × 10 ⁹
efektywność przetwarzania	1.056

```

1 #define THREAD_NUM 512
2 void __fn_3_fastest(int block_size, int primes_size, int shift) {
3     #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
4         firstprivate(block_size, primes_size, shift) \
5         shared(sieve_vec, primes_vec)
6     rep(i, 0, primes_size) {
7         int idx = omp_get_thread_num();
8         int p = primes_vec[i];
9         int _j = shift + idx * block_size;
10        for (int j = -fast_mod(_j, p); j <= block_size; j += p)
11            sieve_vec[_j + j] = 1;
12    }
13 }
```

Tabela 11: Porównanie algorytmów

Ważna uwaga! Aby poniższy kod działał prawidłowo musi zachodzić: `THREAD_NUM < sqrt(N)`. Ta wersja działa szybko ponieważ lepiej wykorzystujemy I/O, w zapisie/odczytanie danych. Pojedynczy thread jak coś przetwarza często czeka na I/O (u nas linia 11, wykreslenie liczby), w ten sposób niwelujemy czas tego biernego czekania. Mamy więcej przełączeń pomiędzy kontekstami, ale w tym przypadku nam się to opłaca (widac to po clocktick-sach - czyli wiecej było operacji przy porównywalnym back-end bound). Naturalnie mamy zwiększenie pamięci ze względu na potrzeby przechowywania kontekstu wielu wywłączaszczonych threadow (memory bound). Dlatego w tym wypadku odpalamy poprzednia wersje programu dla duzej ilosc watkow przy podziale manualnym (czyli dokonanym poprzez block_size). (uwaga: po ujednoliceniu kod jest taki sam jak FN3_D)

	czas [s]						
Przedział	512 wątków	128 wątków	64 wątki	8 wątków	4 wątki	2 wątki	1 wątek
< 2; 10 ⁸ >	0.089	0.113	0.384	0.798	0.794	0.809	1.01

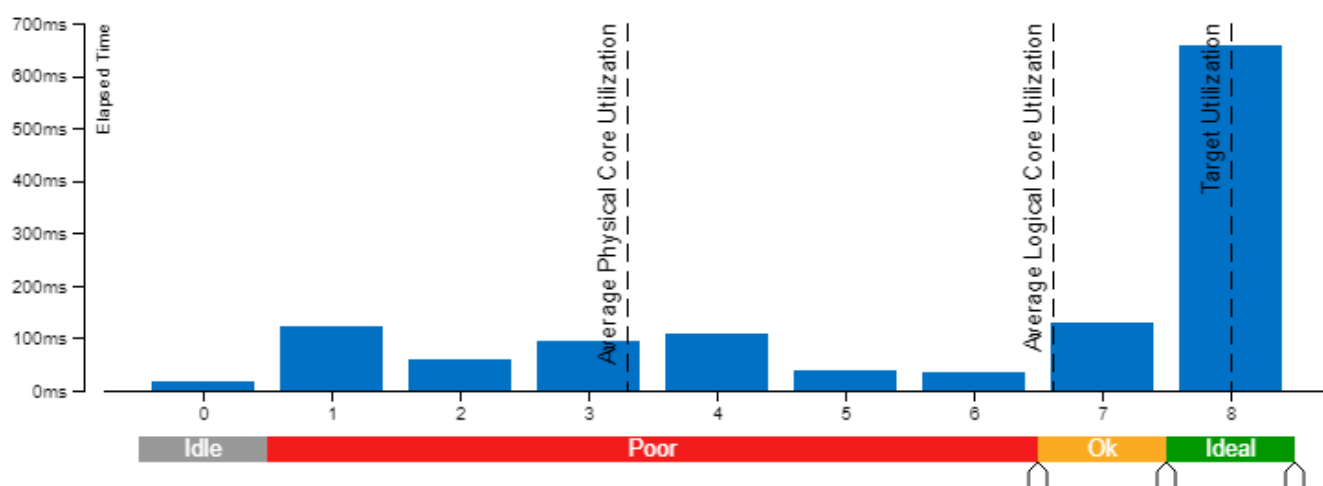
Tabela 12: Wyniki algorytmu FN3_{D512}

Effective Physical Core Utilization^②: 82.7% (3.310 out of 4)

Effective Logical Core Utilization^②: 82.7% (6.620 out of 8)

Effective CPU Utilization Histogram

This histogram displays a percentage of the wall time the specific number of CPUs were running simultaneously. Spin and Overh



3.5 Sito – podejście funkcyjne

W tej wersji każdy thread będzie operował na fragmencie vector-a liczb pierwszych (shift, primes_size) ustalony wartością block_size - oraz współdzielony dostęp do całego zakresu maski. Kolejne podejścia będą się różnić kolejnością/zbalansowaniem/metodą działania danego threadu na jego zakresie.

3.5.1 Przygotowanie eksperymentu

```
1 void sieve(int N) {
2     omp_set_dynamic(0); // FIXME
3     omp_set_num_threads(THREAD_NUM);
4
5     primes_vec[primes_size++] = 2;
6     for (uint64 i = 3; i <= sqrt(N) * 1.01; i += 2)
7         if (is_prime(i))
8             primes_vec[primes_size++] = i;
9
10    int shift = 0, block_size;
11    block_size = (primes_size - shift) / (THREAD_NUM);
12    bench.T1();
13
14    // __fn_1(block_size, shift, N);
15    // __fn_2(block_size, shift, N);
16    // __fn_3(block_size, shift, N);
17
18    bench.T2();
19    rep(i, primes_vec[primes_size - 1] + 1, N) if (sieve_vec[i] == 0)
20        primes_vec[primes_size++] = i;
21 }
```


3.5.2 $FN1_F$: zapis sterowany

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN1_F$
czas [s]	1.28
instructions retired	4.44×10^9
clockticks	1.76×10^{10}
retiring	12.8%
front-end bound	8.0%
back-end bound	78.1%
memory bound	38.7%
core bound	39.4%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	68.6%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.594
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	7.8×10^7
efektywność przetwarzania	0.074

```

1 void __fn_1(int block_size, int shift, int N) {
2     #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3         firstprivate(block_size, shift, N) \
4         shared(sieve_vec, primes_vec)
5     {
6         rep(idx, 0, THREAD_NUM) {
7             rep(i, shift + (idx * block_size),
8                 shift + (idx + 1) * block_size) {
9                 int p = primes_vec[i];
10                #pragma omp for schedule(guided) nowait
11                for (int j = p * p; j <= N; j += p)
12                    sieve_vec[j] = 1;
13            }
14        }
15    }
16 }

```

Tabela 13: Porównanie algorytmów

Ta implementacja jest skolerowana do optymalizacji/podejścia $FN1_D$ metody domenowej (wyjasnie tylko roznice). W tej wersji, problemem jest prędkość zapisu (czekanie na I/O). Dlatego dodany został `#pragma omp for schedule` przy pętli która wykonuje najwięcej takich operacji. To podejście jest jednak nieskuteczne. Tym razem kazdy watek dysponuje całym zakresem. Co sprawia ze I/O bedzie jeszcze troche wolniejsze (duze przeskoki w pamieci pomiedzy sasiadujacymi watkami - potrzeba ciaglego sprowadzania linii).

3.5.3 $FN2_F$: dany blok

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN2_F$
czas [s]	1.16
instructions retired	2.46×10^9
clockticks	1.47×10^{10}
retiring	9.2%
front-end bound	5.1%
back-end bound	85.8%
memory bound	42.7%
core bound	43.0%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	58.3%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.655
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	8.6×10^7
efektywność przetwarzania	0.082

```

1 void __fn_2(int block_size, int shift, int N) {
2     #pragma omp parallel for num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3         firstprivate(block_size, shift, N) \
4         shared(sieve_vec, primes_vec) \
5         collapse(2)
6     rep(idx, 0, THREAD_NUM) {
7         rep(i, 0, block_size) {
8             int p = primes_vec[shift + idx * block_size + i];
9             #pragma omp taskloop
10            for (int j = p * p; j <= N; j += p)
11                sieve_vec[j] = 1;
12        }
13    }
14 }

```

Tabela 14: Porównanie algorytmów

Ta implementacja jest skolerowana do optymalizacji/podejścia $FN2_D$ metody domenowej (wyjasnie tylko roznice). W tej wersji wykorzystujemy wbudowany w bibliotekę scheduler. Próbowaliśmy znaleźć odpowiednie parametry: guided, dynamic, static, auto. Zmieniać wielkość bloku. Niestety wszystkie wersje zachowywały się tak samo. Petle należy zaprezentowac w wersji kanonicznej dlatego nalezalo wyeliminowac z $FN2_D$:linia 7-8 odwołanie do *idx*. Dokonalismy tego w linii 8.

3.5.4 $FN3_F$: sami decydujemy o przedziałach

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN3_F$
czas [s]	0.98
instructions retired	5.17×10^9
clockticks	9.48×10^9
retiring	23.9%
front-end bound	14.7%
back-end bound	60.7%
memory bound	29.1%
core bound	31.7%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	37.1%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.776
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	1.02×10^8
efektywność przetwarzania	0.096

Tabela 15: Porównanie algorytmów

Ta implementacja jest skolerowana do optymalizacji/podejscia $FN3_D$ metody domenowej (wyjasnie tylko roznice). W tym wypadku poprzez parametr `block_size` sami decydujemy o tym jaki przedział należy do danego wątku.

3.6 Sito – taskloop

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków	
Algorytm	$FN_{Taskloop}$
czas [s]	0.56
instructions retired	3.71×10^9
clockticks	3.47×10^{10}
retiring	5.8%
front-end bound	3.4%
back-end bound	90.4%
memory bound	48.2%
core bound	42.1%
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	54.0%
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.487
prędkość przetwarzania $[\frac{1}{s}]$	6.4×10^7
efektywność przetwarzania	0.061

Tabela 16: Porównanie algorytmów

```

1 void __fn_3(int block_size, int shift, int N) {
2     #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3         firstprivate(block_size, shift, N) \
4         shared(sieve_vec, primes_vec)
5     {
6         int idx = omp_get_thread_num();
7         rep(i, shift + (idx * block_size),
8             shift + (idx + 1) * block_size) {
9             int p = primes_vec[i];
10            for (int j = p * p; j <= N; j += p)
11                sieve_vec[j] = 1;
12        }
13    }
14 }

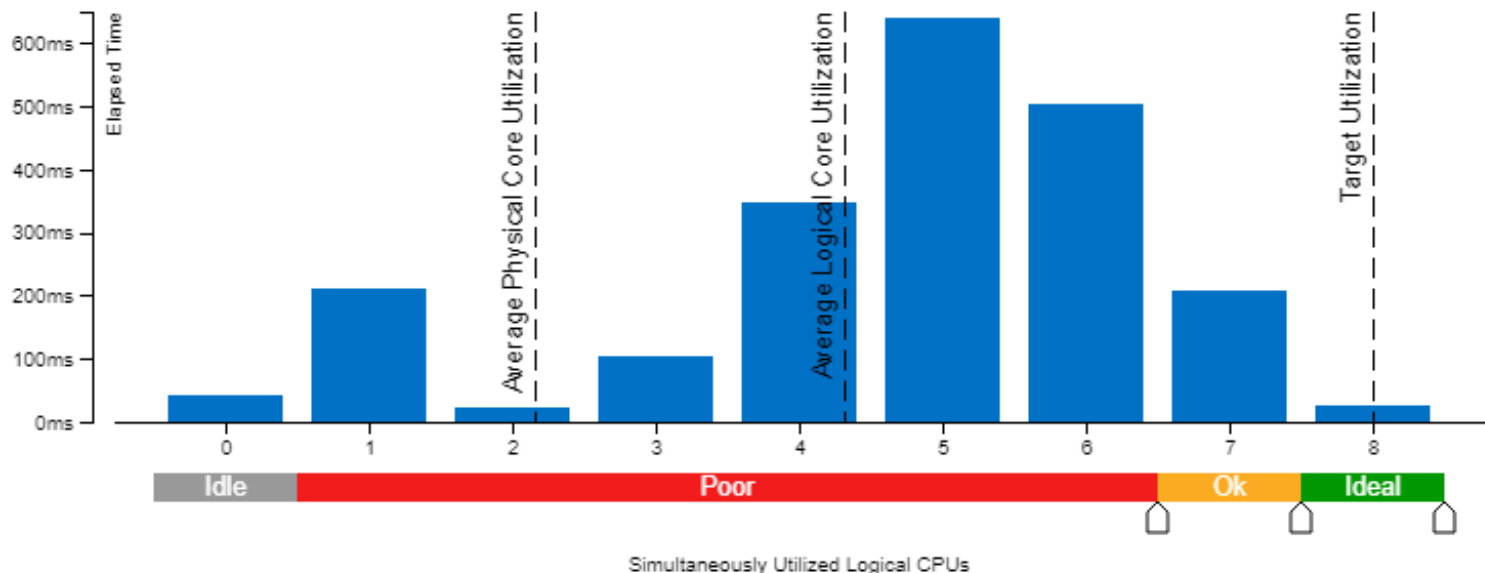
```

```

1 void sieve(int N) {
2     sieve_vec[0] = sieve_vec[1] = 1;
3     int _N2 = int(sqrt(N)) / 2;
4
5     #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none)
6         firstprivate(_N2, N) shared(sieve_vec)
7     {
8         #pragma omp for schedule(guided) nowait
9         for (int j = 2 * 2; j < N; j += 2)
10             sieve_vec[j] = 1;
11
12        #pragma omp for schedule(dynamic, 2) nowait
13        for (int i = 3; i < _N2; i++) {
14            int x = 2 * i - 3;
15            if (sieve_vec[x] == 0) {
16                #pragma omp taskloop simd nogroup num_tasks(512)
17                for (int j = 0; j < (N - x * x) / (x * 2) + 1; j++) {
18                    sieve_vec[x * x + j * x * 2] = 1;
19                }
20            }
21        }
22    }
23 }

```

Powyżej prezentujemy podejście hybrydowe. Nie zapisujemy liczb pierwszych które później rozdzielamy aby każdy watek przetwarzał jakąś część. Ten skrypt ma paralelizm w dwóch kierunkach - 1) kolejne liczby są oceniane czy powinny zostać wykreślone 2) gdy coś ma zostać wykreślone zostaje dodane jako *task* do scheduler-a (a więc może się wykonać na zmianę z zewnętrznymi iteracjami). W eksperymencie wyszło że jest to skuteczna technika aby zaimplementować najszybszą wersję jedno/dwu wątkowa. Jest to spowodowane mniejszym obciążeniem pamięci (nie musimy trzymać wektora liczb pierwszych) oraz wykorzystujemy wektoryzację operacji poprzez SIMD oraz poprzez `num_tasks(512)` poprawiamy analogicznie jak w $FN3_{D512}$ - I/O. Synchronizacja następuje w linii 22, `nowait` w linii 12 nic nie robi przez to, natomiast ten w linii 8 działa prawidłowo bo jakies watki moga szybciej skonczyc ta petle.



4 Wyniki

Kody które były testowane zostały już omówione w sekcjach powyżej, szczegółowe wyniki, miary jakości i ocena znajdują się w tabeli niżej w raporcie (obrać tabelę na całą stronę) - jednostki standardowe zaznaczone w pierwszej kolumnie. Dane zebrane przez *Intel Parallel Studio XE* są bardzo cenne ponieważ pozwalają określić jakość danego algorytmu oraz znaleźć potencjalne miejsca na usprawnienie. Zalecana technika jest nieoptymalizowanie kodu w ciemno, tylko najpierw zbieranie danych wydajnościowych, dogłębna analiza, obrócenie kierunku działań lub decyzja o zakończeniu procesu optymalizacji (tak jak w naszym przypadku dla wersji FN_{D512} - która spełnia nasze wymagania oferując bardzo szybkie równoległe wyliczenie liczb pierwszych w zadanym wykresie - ta wersja należy by teraz porównać z szybkością implementacji sit z różnych bibliotek open source). *Intel Parallel Studio XE* zbiera statystyki poprzez zmodyfikowanie badanego kodu (robiąc swoje wstawki, wtedy pewne fragmenty kodu inwokują funkcje z Vtune w odpowiednich momentach lub odstępach) - zasada jest podobna do działania ptrace a ta technika nazywa się "targeted injection".

Wszystkie wersje z sitem mają problem z prędkością zapisu do współdzielonej maski (tak wynika ze statystyk). Najtrudniejszym zadaniem w napisaniu szybkiego sita jest dobre zarządzanie pamięcią (a dokładnie I/O wait). Podejście z alokowaniem pamięci w sekcji **omp parallel** nie daje żadnych usprawnień. Przykład takiej implementacji na dole (nie prezentujemy statystyk dla niej ponieważ pokrywają się z `__fn_3`).

```

1 void __fn_3_local_sieve_vec(int block_size, int primes_size, int shift) {
2     #pragma omp parallel num_threads(THREAD_NUM) default(none) \
3         firstprivate(block_size, primes_size, shift) shared(sieve_vec, primes_vec)
4     {
5         uint_fast8_t *local_sieve_vec =
6             (uint_fast8_t *)calloc(sizeof(uint_fast8_t), (block_size + 2) + 1);
7
8         int idx = omp_get_thread_num();
9         int _j = shift + idx * block_size;
10
11         rep(i, 0, primes_size) {
12             int p = primes_vec[i];
13             for (int j = p - fast_mod(_j, p); j <= block_size + 2; j += p)
14                 local_sieve_vec[j] = 1;
15         }
16
17         memcpy(&sieve_vec[_j], &local_sieve_vec[0],
18             (block_size + 2) * sizeof(local_sieve_vec[0]));
19     }
20 }

```

Dlatego wersja `__f3_fastest` ($FN3_{D512}$) która rozwiązuje problem I/O - jest wydajnościowo 10 razy lepsza niż średnia z prędkości przetwarzania pozostałych programów. Druga najlepsza wersja to $FN_{Taskloop}$ - oba podejścia wyróżniają się od pozostałych czasem przetwarzania zakresu od 2 do 10^8 . Inne programy pod względem wydajnościowym nie zbyt się różnią od siebie - jest to spowodowane tym że zysk z optymalizacji w poszczególnych przypadkach jest mniejszy niż strata na I/O lub innych wadach złej rozplonawej struktury pamięci. W przypadku $D2$ - mamy „efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora” na poziomie 90%, jednak nie doprowadza do obliczeń w krótszym czasie. Drugie najlepsze pod względem tej miary to $FN3_{D512}$ - 83%, przekłada się to na 8-krotne przyspieszenie tego programu (na architekturze która ma 8 rdzeni logicznych) względem wersji sekwencyjnej (czy

tez jak w naszym wypadku $FN_{Taskloop}$ odpalony na jednym watku). Najgorsze okazalo sie podejscie z “Dzieleniem”, czyli wersja co nie uzywa sita. Przyczyna slabego wyniku jest poprostu slaba zlozonosc algorytmu odpowiadajacego algorytmu sekwencyjnego ktorego nie da sie optymalnie przelozyc na wersje rownolegla (nie tak jak sito). Problemem tego algorytmu jest przede wszystkim brak utylizacji pamieci oraz mądrego zapamietywania wykonanej uprzednio pracy. Zaden algorytm oprócz $FN3$ nie jest skalowalny - wynika do z wzczesniej juz wspomnienego problemu z czekaniem na I/O, ktory jest dominujacym problemem.

Przedział: $< 2; 10^8 >$; 8 wątków (oprócz eksperymentu $FN3_{D512}$ i $D1_{seq}$)												
Algorytm	$D1_{seq}$	$D2$	$S1$	$FN1_D$	$FN2_D$	$FN3_D$	$FN1_F$	$FN2_F$	$FN3_F$	FN_{D512}	$FN_{Taskloop}$	
czas [s]	135.31	29.99	3.11	1.01	0.94	0.98	1.28	1.16	0.98	0.09	0.56	
instructions retired	4.66×10^{11}	4.68×10^{11}	1.06×10^{10}	4.84×10^9	4.27×10^9	5.50×10^9	4.44×10^9	2.46×10^9	5.17×10^9	4.57×10^9	3.71×10^9	
clockticks	4.87×10^{11}	7.73×10^{11}	1.65×10^{10}	1.92×10^{10}	1.69×10^{10}	1.73×10^{10}	1.76×10^{10}	1.47×10^{10}	9.48×10^9	2.51×10^{10}	3.47×10^{10}	
retiring	47.6%	54.3%	26.3%	11.9%	11.6%	17.6%	12.8%	9.2%	23.9%	9.0%	5.8%	
front-end bound	31.7%	24.2%	18.5%	8.5%	9.4%	11.0%	8.0%	5.1%	14.7%	7.1%	3.4%	
back-end bound	20.2%	21.1%	51.9%	77.7%	77.6%	70.7%	78.1%	85.8%	60.7%	83.7%	90.4%	
memory bound	0.1%	0.2%	24.5%	38.5%	46.4%	33.7%	38.7%	42.7%	29.1%	75.1%	48.2%	
core bound	20.3%	21.0%	27.4%	39.2%	31.3%	37.0%	39.4%	43.0%	31.7%	8.6%	42.1%	
Efektywne wykorzystanie rdzeni fizycznych procesora	22.9%	90.7%	23.2%	59.4%	55.0%	59.5%	68.6%	58.3%	37.1%	82.7%	54.0%	
przyspieszenie przetwarzania względem $FN_{Taskloop}$ jednowątkowo	0.005	0.025	0.244	0.752	0.809	0.776	0.594	0.655	0.776	8.444	0.487	
prędkość przetwarzania [$\frac{1}{s}$]	7.4×10^5	3.3×10^6	3.2×10^7	9.9×10^7	1.06×10^8	1.02×10^8	7.8×10^7	8.6×10^7	1.02×10^8	1.1×10^9	6.4×10^7	
efektywność przetwarzania	0.005	0.003	0.030	0.094	0.101	0.096	0.074	0.082	0.096	1.056	0.061	

Tabela 17: Porównanie algorytmów

5 Program testujący poprawność

Poniżej znajduje się program który używając biblioteki **primesieve** weryfikuje nasze wyniki (z eksperymentów) z prawidłowymi. W ten sposób mamy pewność, że nasze programy znajdują prawidłowe liczby (oraz wielokrotnie odpaliliśmy aby sprawdzić czy wynik jest stabilny). Flagi `-fsanitize=undefined,address` infomowały nas o możliwych naruszeniach pamięci.

```
1 import subprocess
2 from primesieve import *
3 import sys, IPython.core.ultratb
4
5 sys.excepthook = IPython.core.ultratb.ColorTB()
6
7 # GCC = "g++-9 -Wall -Wconversion -Wfatal-errors -g -std=c++17 \
8 # -fsanitize=undefined,address -Wno-builtin-macro-redefined"
9 GCC = "g++-9 -Wall -Wconversion -Wfatal-errors \
10 -Wno-builtin-macro-redefined -std=c++17"
11 CMD = GCC + " -O3 -fopenmp {}.cc && ./a.out {} {} {}"
12
13 def run(ver, M, N, only_count=False):
14     global CMD
15     if not only_count:
16         only_count = "p"
17
18     print("==>", CMD.format(ver, M, N, only_count))
19     proc = subprocess.Popen(
20         [CMD.format(ver, M, N, only_count)], stdout=subprocess.PIPE, shell=True
21     )
22     (out, err) = proc.communicate()
23
24     data = {"vec": [], "count": -1, "time_clock": 0, "time_wall": 0}
25
26     for row in str(out.decode("utf-8")).split("\n"):
27         print("|", row)
28         if row.startswith("[SIEVE]"):
29             continue
30         elif row.startswith("[COUNT]"):
31             data["count"] = int(row.replace("[COUNT]", ""))
32         elif row.startswith("<time.h>"):
33             data["time_clock"] = float(row.replace("<time.h> time=", ""))
34         elif row.startswith(" <omp.h>"):
35             data["time_wall"] = float(row.replace(" <omp.h> time=", ""))
36         else:
37             data["vec"] += map(int, filter(None, row.split(" ")))
38
39     return data
40
41 #####
42
43 program_name = sys.argv[1]
44 print(f"--> [{program_name}]")
45
46 M, N = 0, 10 ** 8
47 data = run(program_name, M, N, only_count=True)
48
49 count = count_primes(N) - count_primes(M)
50 print(f"{count} == {data['count']}")
51 assert count == data["count"]
```

Uruchamianie odbywa się następująco:

```
1 $python3 verify.py FN_D512
```
