

## 1 Einleitung

Das Ziel des Versuches war es, anhand des Beispiels des Snaccubes einen evolutionären (genetischen) Algorithmus zu implementieren. In unserem Fall handelt es sich bei den Individuen des Algorithmus um "snakes" (Schlangen). Diese werden durch einen String repräsentiert, der für jedes Glied der Schlange die Richtung angibt, in der das Folglied zu finden ist. Da die Schlange sich im 2D aufhält, gibt es die Richtungen I (geradeaus), R (rechts) und L (links). Die Fitness der Schlange wird aus einer Energiefunktion bezogen auf ihre Form und Lage im Raum berechnet.

Hierzu wurde ein Algorithmus nach dem folgenden Schema entwickelt:

1. Initiale Population erzeugen
2. Bis maximale Epoche oder minimale Energie erreicht wird, wiederhole:
  - a) Evaluation
  - b) Selektion
  - c) Reproduktion

### 1.1 Initiale Population erzeugen

Die initiale Population besteht bei unserem Problem aus einer Menge von zufällig erstellten Schlangen. Eine Schlange wird durch einen Bitstring repräsentiert. Da die Position der 'I'-Glieder der Schlange konstant bleibt, sind nur die Richtungen 'R' und 'L' von Bedeutung. Wir codieren diese Richtungen als Richtungsänderungen bezüglich der vorherigen Position. Eine 1 steht hierbei für Richtungsänderung, eine 0 für gleichbleibende Richtung. Beginn ist immer eine Rechtsdrehung.

### 1.2 Evaluation

Die Berechnung der Fitness zu jedem Individuum erfolgt aus zwei Energiefunktionen,  $E_a$  und  $E_b$ , nach Aufgabenstellung.

$E_a$  berechnet hierbei den Durchmesser des kleinsten Kreises auf der Ebene, der die Schlange umschließt.

$E_b$  berechnet die gesamte Fläche aller Löcher, die die Schlange bildet.

Die genauere Erläuterung zur Implementierung folgt bei der Funktionsbeschreibung.

### 1.3 Selektion

Die Selektion erfolgt als zufällige Auswahl von Individuen der aktuellen Population. Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Individuum gewählt wird, ist hierbei von der Fitnessfunktion abhängig. Individuen mit höherer Fitness werden dabei bevorzugt.

### 1.4 Reproduktion

Reproduktion wird durch 1. Mutation und 2. Rekombination ausgeführt.

1. Mutation erfolgt durch das zufällige Kippen einer zufälligen Anzahl an Bits im Bitstring. Durch die gewählte Kodierung ist sichergestellt, dass alle folgenden Gelenke mitgedreht werden.
2. Rekombination wird durch das zufällige Wählen eines Einsprungpunktes im Bitstring initiiert. Die beiden, ebenfalls zufällig gewählten, Individuen werden an den entsprechenden Stellen gekappt. Ein neues Individuum wird dann geboren, bestehend aus einem Teil des ersten Individuums bis zum Einsprungpunkt und dem zweiten Teil des zweiten Individuums ab dem Einsprungpunkt.

## 2 Funktionsbeschreibung

Im Folgenden wird auf die einzelnen Funktionen und Klassen eingegangen.

### 2.1 class Point

Die Klasse Point ist eine Hilfsklasse, die zur Repräsentation eines Punktes im 2D Raum mit den Koordinaten x und y dient.

Sie verfügt im Wesentlichen über folgende Methoden:

- `+(other)`  
Die Methode `+` addiert zwei Instanzen von Point. Hierbei wird jeweils auf die Koordinaten x und y die der Übergebenen Instanz addiert, und eine neue Instanz zurückgegeben.
- `rotate!(d)`  
Rotiert die Koordinaten nach links ( L ) oder rechts ( R ). Die Rotation erfolgt hierbei jeweils um  $90^\circ$
- `.min(a,b)` bzw. `.max(a,b)`  
Bestimmt die minimale bzw. maximale Lage eines Pundes im Raum bezüglich der Koordinatenwerte x und y.

### class snake

Die Klasse snake dient zur Repräsentation einer Schlange auf einem 2D Gitter. Zusätzlich beinhaltet diese Klasse die implementierten Energiefunktionen.

- `(to_ board)`  
Hier wird versucht die Schlange auf ein 2D Gitter zu legen. Kommt es zu Überschneidungen, so wird nill zurückgegeben. Ansonsten das Board mit Schlange. Das zurückgegebene Board ist zudem minimal groß.
- `(to_ String)`  
Ersetzt die Kodierte Darstellung der Schlange ( 1 für Richtungsänderung, 0 für Gleichbleibend ) durch die Richtungsangaben R und L.
- `(energy_ a)`  
Berechnet die Energiefunktion anhand der Größe des Boardes auf dem die Schlange liegt. Der Durchmesser des kleinsten Kreises ist identisch mit der Diagonalen des Boardes. Diese wird mithilfe des Satzes von Pythagoras berechnet und zurückgegeben.
- `(energy_ b)`  
Berechnet die Energiefunktion anhand der Anzahl der Löcher. Hierzu wird das Board um die Schlange herum mit einem Flooding Algorithmus gefüllt. Alle Stellen auf dem Board, die dann noch leer sind, sind Löcher die von der Schlange umschlossen sind. Die Anzahl dieser Stellen wird zurückgegeben.
- `(energy_ c)`  
Invertiert die Energiefunktion `energy_ b`, damit eine Minimierung zu einer maximal großen Lochfläche führt.

### 2.2 class Evolution

Die Klasse Evolution implementiert die Funktionalität des Evolutionären Algorithmus.

- `(start)`  
Die Methode erzeugt eine zufällige Population von snakes mit vorgegebener Anzahl an Individuen.
- `(crossover)`  
Erzeugt neue Individuen durch Crossover. Hierzu wird ein zufälliger Einsprungpunkt gewählt an dem der Crossover stattfindet.
- `(mutation)`  
Erzeugt neue Individuen mit zufälligen Mutationen. Zuerst wird hierzu eine Bitmaske erstellt, die pro Bitstelle mit einer vorgegebenen Wahrscheinlichkeit eine 1 enthält. Diese wird dann mit der Kodierten Schlange xor genommen, so das ein bit gekippt wird, wenn die Maske 1 ist.

- (step)  
Führt einen Kompletten Iterationsschritt aus. Durch Aufruf von crossover und mutation werden neue Individuen erzeugt.  
Anschließend werden diese nach ihrer Energie, gewichtet mit einer Zufallszahl, sortiert.  
Von den so sortierten werden die alle bis zu der vorgegebenen Populationsgröße gewählt.
- (iterate)  
Diese Methode startet die komplette Berechnung des Algorithmus. Sie ruft die start methode auf und dann in jeder Iteration einmal step. Sie iteriert solange, bis entweder die maximale Anzahl erreicht wurde, oder eine Energiegrenze unterschritten wurde.
- (bear)  
Erzeugt ein neues Individuum bestehend aus dem Kodierten Bitstring und dem Wert der Energiefunktion.

## 2.3 snake\_ evolution

Das Skript erzeugt eine neue Schlange und setzt die Parameter des Algorithmus. Es startet anschließend den Algorithmus und gibt die Ergebnisse aus.

Die Parameter sind hierbei:

- length = Länge der Schlange
- energy = Zu benutzende Energiefunktion
- size = Größe einer Population
- crossover = Anzahl an crossover Schritten pro Iteration
- mutation = Anzahl an Mutationsschritten pro Iteration
- flip = Wahrscheinlichkeit das ein Bit bei der Mutation gekippt wird
- selection = Anteil der Zufallskomponente bei der Selektion nach Fitness der Individuen ( 0 bis 1 )
- n = Maximale Anzahl an Iterationen
- energy = Maximale zu erreichende Energie bei der Minimierung
- logging = Flag ob Ausgabe erzeugt wird oder nicht.

## 3 Durchführung

Das Programm wird auf der Kommandozeile durch den Befehl "ruby snake\_ evolution.rb" gestartet.

Die Ausgabe besteht aus der Anzahl an Iterationen, der endgültigen Population sowie einer Liste aller entstandenen Individuen ( 1 pro Energielevel ). Zum Ende ist die Schlange auf ihrem 2D Gatter gezeichnet.

### 3.1 Energiefunktion a)

gewählte Parameter:

- length = 27
- energy = energy\_ a
- size = 15
- crossover = 5
- mutation = 15
- flip = 0.3
- selection = 0.5

- n = 10000
- energy = 9
- logging = true

```
1 number of iterations:
2 52
3
4 final population:
5 8.602325      1110110110010010      IILRLILRILLRILILLRRIRILILII
6 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
7 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
8 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
9 9.899495      1111100101011010      IILRLIRLILLRIRILLRLILIRIRII
10 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
11 9.899495      0011100101011010      IIRRLIRLILLRIRILLRLILIRIRII
12 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
13 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
14 9.899495      1111100101011010      IILRLIRLILLRIRILLRLILIRIRII
15 9.899495      1111100101011010      IILRLIRLILLRIRILLRLILIRIRII
16 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
17 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
18 10.000000     1011100111101101      IILLRILRIRRLIRILLRLILIRILII
19 14.212670     1111010101111010      IILRLIRRILLRIRILLRIRILILII
20 14.866069     1011101111110101      IILLRILRIRLRILIRLRRILILIRII
21
22 all energies and first found individual with that energy:
23 8.602325      1110110110010010      IILRLILRILLRILILLRRIRILILII
24 9.899495      0111100101011010      IIRLRILRIRRLILIRRLRIRILILII
25 10.000000     0111101101101010      IIRLRILRIRLRIRILRRILILIRIRII
26 ...
27 17.804494     0110101111101011      IIRLRIRLILRLIRILRRILILIRILII
28 Inf          1011000010010101      IILLRILLILLIRIRRLLIRIRILII
29
30 fittest individual in final population:
31 8.602325      1110110110010010      IILRLILRILLRILILLRRIRILILII
32
33 LL
34 LIRI
35 IRRRL
36 LLI I
37 LIRRL
38 IIIL
39 LIIX
```

### 3.2 Energiefunktion c ( Logisch b)

gewählte Parameter:

- length = 27
- energy = energy\_ c
- size = 15
- crossover = 5
- mutation = 15

- flip = 0.3
- selection = 0.5
- n = 10000
- energy = -15
- logging = true

```

1  number of iterations:
2  71
3
4  final population:
5  -15.000000      0010111101111011      IIRRLILRLRLILIRLILIRILII
6  -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
7  -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
8  -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
9  -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
10 -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
11 -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
12 -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
13 -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
14 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
15 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
16 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
17 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
18 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
19 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
20 -10.000000      0110111101010010      IIRLRIRLIRLRIRILLRRIRILILII
21
22 all energies and first found individual with that energy:
23 -15.000000      0010111101111011      IIRRLILRLRLILIRLRLILIRILII
24 -13.000000      0110111101111011      IIRLRIRLIRLRIRILRLRIRILIRII
25 ...
26 -1.000000      1101110100111110      IILRRILRILLRIRIRLRLIRILILII
27 0.000000      1011101011010011      IILLRILRIRLLIRILLRRIRILIRII
28
29 fittest individual in final population:
30 -15.000000      0010111101111011      IIRRLILRLRLILIRLRLILIRILII
31
32      XIIL
33 IIR  I
34 LR  RIL
35 I    I
36 LR  RL
37 I  RL
38 LR  I
39      LIL

```