# Stochastyczne Algorytmy Obliczeniowe

Zastosowanie algorytmu genetycznego do rozwiązania problem replikacji danych w środowisku rozproszonym

Andrzej Kaczmarczyk Marcin Łoś

### 1 Wstęp

Celem projektu było wybranie jednego problemu obliczeniowego, zapoznanie się z istniejącymi jego rozwiązaniami, oraz próba ulepszenia któregoś z nich. Nasz wybór padł na problem replikacji danych w systemach rozproszonych, oraz rozwiązanie oparte na algorytmie genetycznym, opisane w [1].

#### 2 Opis problemu

Dany jest system rozproszony, składający się z M hostów  $\{H_i\}$ , o pojemnościach  $s_i$ , połączonych siecią komunikacyjną tak, że koszt przesyłu jednostki danych pomiędzy  $H_i$  i  $H_j$  wynosi C(i,j). Istnieje także N obiektów  $\{O_i\}$ , o rozmiarach  $o_i$ . Host  $H_i$  wykonuje na obiekcie  $O_k$  odpowiednio  $r_k^{(i)}$  operacji odczytu, i  $w_k^{(i)}$  operacji zapisu. Każdy obiekt  $O_i$  znajduje się pierwotnie na jednym hoście,  $SP_i$ .

Obiekty mogą zostać zreplikowane na inne hosty, tak, że suma rozmiarów obiektów zreplikowanych na hoście  $H_i$  nie przekracza jego pojemności  $s_i$ . Wszystkie hosty mają pełną wiedzę o replikach obiektów. Operacja odczytu obiektu  $O_k$  z hosta  $H_i$  przebiega w ten sposób, że obiekt jest wysyłany do hosta  $H_i$  z najbliższego mu hosta zawierającego replikę  $O_k$ . Operacja zapisu natomiast odbywa się w ten sposób, że host  $H_i$  wysyła nowy stan obiektu do hosta  $SP_k$  (pierwotnego miejsca zwierającego  $O_k$ ), a ten rozsyła informację o zmianie do pozostałych hostów zawierających repliki  $O_k$ .

Koszt sumaryczny przy danym rozłożeniu replik to suma kosztów przesyłania obiektów spowodowanego operacjami odczytu i zapisu, przebiegającymi w opisany powyżej sposób. Koszt pojedynczego przesyłu to iloczyn ilości przesyłanych danych (rozmiaru obiektu) i kosztu jednostkowego przesyłu między hostami (danego przez C(i,j)). Problem polega na znalezieniu replikacji minimalizującej koszt sumaryczny.

Nieco bardziej szczegółowy opis, wraz z wzorami na całkowity koszt znaleźć można w [1].

## 3 Istniejące rozwiązania

## 4 Rozwiązanie bazowe

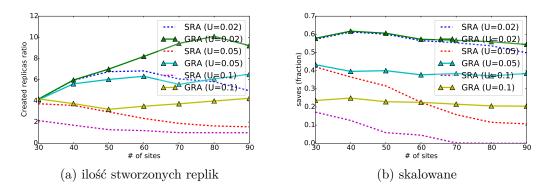
Jako punkt wyjściowy przyjęliśmy rozwiązanie zaproponowane w [1].

#### 5 Narzędzia

Do realizacji implementacyjnych aspektów projektu wykorzystaliśmy język Python i bibliotekę PyEvolve [2], dostarczającą różnych komponentów (np. strategie selekcji) pozwalających budować algorytmy genetyczne. Do implementacji rozproszonej użyte zostało MPI, za pośrednictwem Pythonowych bindingów udostępnianych przez bibliotekę mpi4py [3].

#### 6 Przebieg prac

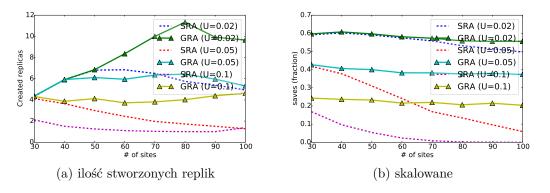
Pierwszym celem po dokładnym zapoznaniem się z artykułem, na którym bazuje projekt, było odtworzenie zaprezentowanych w nim wyników. W tym celu zaimplementowany został dokładnie przedstawiony w nim algorytm (zarówno deterministyczny zachłanny – SRA – jak i główny – GRA). Początkowo planowaliśmy użyć nieco innego generatora danych do testów, takiego, który w naszym odczuciu mógłby lepiej odwzorowywać własności instancji problemu, które występować mogą w praktyce. Dobranie jednak parametrów tak, by zaobserwować wyniki podobne do tych przedstawionych w artykule bazowym okazało się trudne, w związku z czym odtworzyliśmy wiernie sposób generacji danych w nim opisany. Po tym zabiegu udało nam się odtworzyć dość dobrze oryginalne wyniki. Poniższe wykresy przedstawiają kolejno: ilość stworzonych replik (średnia ilość replik na obiekt), oraz zysk (jaki ułamek kosztu całkowitego pozwoliło zaoszczędzić stworzenie replik) przy stałej ilości obiektów (150), i zmiennej ilości hostów. Są analogiczne do tych umieszczonych w artykule bazowym, brak jednak wykresu obrazującego zysk przy stałej ilości hostów i zmiennej ilości obiektów, ze względu na bardzo duży czas obliczeń (wada języka Python). Algorytm genetyczny skonfigurowany był na stworzenie 10 pokoleń.



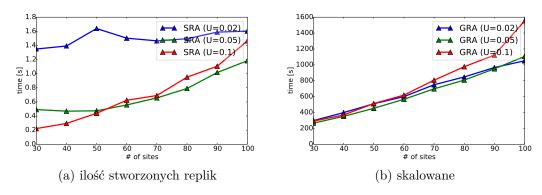
Rysunek 1: Wyniki dla algorytmu z artykułu

Następnie przystąpiliśmy do stworzenia wielopopulacyjnej wersji algorytmu opartej na modelu wyspowym. Ze względu na stosunkowo duże czasy obliczeń, by w rozsądnym czasie uzyskać wyniki dla odpowiednio dużej liczby wysp, zdecydowaliśmy na zaimplementowanie algorytmu w wersji rozproszonej. Używany przez nas framework PyEvolve posiada wbudowaną obsługę wielopopulacyjności i migracji osobników pomiędzy populacjami, opartą na MPI, jednak na chwilę obecną zdaje się być dość mało dojrzała, i niezbyt dobrze przetestowana – doprowadzenie naszej implementacji do działania wymagało pewnej ingerencji w odpowiadające za to mechanizmy platformy.

Testy wersji wielopopulacyjnej przeprowadzone zostały na komputerze Zeus, z użyciem 12 rdzeni (12 populacji, po jednej na instancję programu), zasymulowane zostało 20 pokoleń.



Rysunek 2: Wyniki dla algorytmu wyspowego



Rysunek 3: Czasy działania algorytmu wyspowego

Jak widać na powyższych wykresach, zastosowanie algorytmu wielopopulacyjnego nie przyniosło zauważalnej poprawy w otrzymanych rozwiązaniach.

[coś o próbach zrobienia

#### 7 Podsumowanie

# 8 Możliwe kierunki rozwoju

Jakkolwiek algorytm wyspowy nie przyniósł żadnej obserwowalnej poprawy jakości otrzymywanych rozwiązań, w pewnym stopniu może być to spowodowane małym zróżnicowaniem populacji na poszczególnych wyspach. Populacje wybierane są niezależnie przy użyciu tego samego schematu, i są raczej na tyle duże (80 osobników), że trudno się spodziewać, by istotnie się od siebie różniły. Niewykluczone, że stworzenie populacji bardziej zróżnicowanych (poprzez modyfikację rozkładów, z których są losowane –tj. przez użycie różnych sposobów ich inicjalizowania) przyniosłoby lepszy efekt.

Jednym z pomysłów, które ostatecznie nie zostały wprowadzone w życie, była relaksacja operacji genetycznych (mutacji i krzyżowania), polegająca na tym, by wymuszanie poprawności rozwiązań niejako przenieść do etapu ewaluacji – dopuszczać wszystkie stworzone osobniki, jednak stosować kary przy ewaluacji, tak, by osobnikami o największym fitnessie były osobniki z poprawnym genotypem, jednak by zwiększyć "mobilność" populacji – umożliwić zmiany genotypu, które bez relaksacji nie byłyby możliwe, i tym samym być może pozwolić na odkrycie trudnych do znalezienia minimów.

Otwarta pozostaje kwestia znalezienia lepszych operatorów mutacji i krzyżowania, bardziej dostosowanych do rozpatrywanej przestrzeni stanów. Był to jeden z pierwszych pomysłów, jednak nie osiągnęliśmy w tym kierunku żadnych postępów. Znalezienie sensownych operatorów wewnętrznych (nie wychodzących poza – dość nieregularną – przestrzeń stanów) pozwoliłoby uprościć algorytm, a ze względu na pewną "kompatybilność" z przestrzenią stanów być może także polepszyć znajdowane przez ich użycie rozwiązania. Wydaje się to być jednak zadanie stosunkowo trudne, i trudno na chwilę obecną powiedzieć, jakiego rodzaju operacji można by szukać.

Przemyśleć należałoby kwestię generowania danych testowych. Nasze początkowe próby przeprowadzane były na danych generowanych inaczej, niż w artykule, jednak wróciliśmy do niego by odtworzyć wyniki i przy nim pozostaliśmy. Nie jest on jednak w naszym odczuciu idealny. W szczególności obiekcje budzić może topologię połączeń – w artykule bazowym odległości C(i,j) pomiędzy poszczególnymi hostami są losowane z rozkładem jednostajnym ze zbioru  $\{1,\ldots,10\}$ . Najbardziej oczywistym problemem zdaje się być pogwałcenie nierówności trójkąta – C nie jest metryką. Trudno powiedzieć, w jaki sposób wpływa to na używany algorytm, jednak wydaje się prawdopodobnym, że mogą istnieć jakieś zmiany/ulepszenia, dla których jest to istotne.

#### Literatura

- [1] T. Loukopoulos I. Ahmad. Static and Adaptive Data Replication Algorithms for Fast Information Access in Large Distributed Systems
- [2] Biblioteka PyEvolve, http://pyevolve.sourceforge.net/0\_6rc1/
- [3] Biblioteka mpi4py, http://mpi4py.scipy.org/