

MECCANICA COMPUTAZIONALE DEI TESSUTI E BIOMATERIALI

Risposta strutturale di elementi strutturali laminati

Mastrofini Alessandro

alessandro.mastrofini@alumni.uniroma2.eu

Abstract

Nel seguente report sono state condotte diverse campagne di simulazione per analizzare la risposta strutturale di un composito laminato CF/PEEK che mostra grandi potenzialità di applicazione nel campo biomedicale.

Background, in un composito laminato il comportamento strutturale dipende dalla disposizione dei singoli strati, in queste analisi viene indagato come i differenti layouts influenzano la risposta di alcuni elementi strutturali;

Results, the main findings;

Conclusions, brief summary and potential implications.

Key words: laminates; CF/PEEK; laminates composites mechanics ;

1 Introduzione

Lo scopo della seguente analisi è quello di indagare il comportamento di differenti layouts di un composito laminato.

Viene analizzato un composito laminato CF/PEEK, ovvero un PEEK rinforzato a fibre di carbonio che mostra grandi potenzialità per le applicazioni biomedicali. Vengono considerati due elementi strutturali fondamentali, un cilindro e una piastra, e viene analizzato come la variazione del layout porta ad una differente risposta meccanica.

Viene fatto anche uno studio approfondito andando ad analizzare la distribuzione delle tensioni a livello dei singoli strati.

La conoscenza e la possibilità di prevedere il comportamento strutturale a partire dalla disposizione dei layer risulta fondamentale sia per la simulazione che per la produzione di dispositivi ed oggetti con composti laminati.

2 Laminati CF/PEEK

I recenti progressi nei materiali composti, in particolare a matrice PEEK, ovvero una matrice polimerica di poli-eter-eter chetone. Questo polimero, viste le sue proprietà, si pone tra i polimeri più importanti in ambito ingegneristico. Ha delle proprietà eccellenti quali un'alta resistenza meccanica, ottima stabilità termica, resistenza chimica e un comportamento resistente an-

che in ambienti chimicamente ostili. Presenta anche una natura anticondensa e una buona resistenza alla degradazione, proprietà che lo rendono ottimo per le applicazioni in campo biomedicale.

In tali applicazioni sono state migliorate anche alcune proprietà superficiali combinando il PEEK con particelle bioattive come l'idrossiapatite. Questo ha permesso di far fronte ad alcune problematiche come la limitata efficienza nel far aderire cellule e nell'integrazione con l'osso. Chiaramente l'integrazione di fibre di rinforzo ne ha permesso anche il miglioramento delle proprietà meccaniche.

Uno dei rinforzi più importanti è quello a fibre di carbonio unidirezionali. Indicato come CF/PEEK è stato introdotto intorno al 1980 e negli ultimi anni si è mostrato essere un ottimo biomateriale con grandi potenzialità di applicazione negli impianti biomedicali [1].

Il PEEK trova grandi applicazioni nel campo medico sia in impianti personalizzati realizzati con stampa 2D sia nell'ortodonzistica. Inoltre, il CF/PEEK trova grandi applicazioni in ortopedia. È bene sottolineare anche che questo il CF/PEEK con fibre continue mostra proprietà meccaniche migliori ma richiede metodi di produzione avanzati come l'Additive Manufacturing e la stampa 3D.

Tipicamente in ortopedia sono utilizzati impianti metallici con una rigidezza di circa un ordine di grandezza più elevata di quella dell'osso fisiologico e questo può portare a problematiche legate al riasorbimento osseo. Inoltre, possono esserci problematiche legate all'imaging diagnostico CT o a raggi X [2].

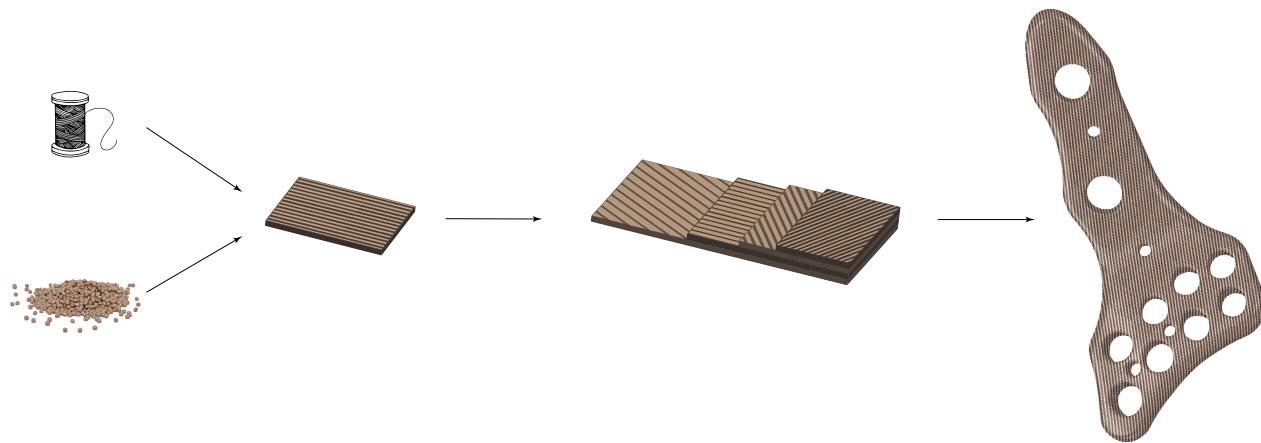


Fig. 1. Il comportamento meccanico della struttura finale alla macroscaola è fortemente influenzato dai singoli componenti in cascata. Da sinistra: fibre continue di carbonio e pellet di polimero; singola lamina; piastra multi layer; placca ortopedica di fissaggio per il radio distale [4, 5].

L'utilizzo di materiali compositi può fornire diversi vantaggi quali la presenza di proprietà anisotrope, radio-trasparenza, elevata resistenza a fatica ed un elevato rapporto resistenza/peso. Attualmente sono ancora pochi i compositi laminati effettivamente usati nelle applicazioni ortopediche. Un esempio di tale materiale è un PEEK rinforzato a fibra di carbonio continua, noto come PEEK-OPTIMA™ Ultra-Reinforced, ed è stato approvato per l'impianto anche negli esseri umani dalla Food and Drug Administration americana [3].

La campagna di simulazioni seguente fa riferimento ad un composito laminato con strati di CF/PEEK con frazione volumetrica di fibre del 62 % e ne considera diversi layouts laminati analizzando le performance meccaniche e la risposta strutturale.

3 Background

I compositi moderni si basano sull'utilizzo di una fase di rinforzo, tipicamente sotto forma di fibra, immersa in una matrice. Solitamente si utilizza una matrice polimerica e come fibre di rinforzo si possono usare vetro, carbonio, aramide ed altri. Esistono diversi metodi per disporre le fibre e la loro distribuzione influenza il comportamento globale.

Mettendo insieme più strati di materiale composito si ottiene un pacchetto che prende il nome di composito laminato.

Il problema può essere diviso su tre scale di grandezza differenti: il comportamento della struttura finale (macroscaola) dipende dal laminato che a sua volta è influenzato dalle singole lame (mesoscaola). A loro volta il comportamento è determinato dai singoli costituenti e dalla loro composizione (microscala). Una rappresentazione schematica è data in fig. 1.

3.1 Regola delle miscele

La singola lamina è composta da una matrice e dalle fibre di rinforzo con una frazione volumetrica precisa. Il primo passo è quello di omogenizzare le proprietà materiali del singolo strato. Consideriamo una fibratura tale

da garantire una simmetria trasversalmente isotropa e con direzione di isotropia l'asse della fibra.

Per arrivare alle proprietà omogeneizzate del singolo layer è possibile applicare la regola delle miscele [6].

Considerando un volume globale del composito dato dalla somma del volume della matrice e di quello del rinforzo e assumendo un'adesione corretta tra i due è possibile calcolare analiticamente i moduli risultanti. Valgono le frazioni volumetriche:

$$v_m + f_f = 1 \quad (1)$$

Ed è possibile esprimere le proprietà materiali risultanti in funzione della frazione volumetrica di fibre (f_f) e delle proprietà materiali dei singoli costituenti, come espresso nelle eqs. (2) a (6).

$$E_1 = f_f E_f + (1 - f_f) E_m \quad (2)$$

$$E_2 = E_3 = \left(\frac{1 - f_f}{E_m} + \frac{f_f}{E_f} \right)^{-1} \quad (3)$$

$$G_{12} = \left(\frac{v_m}{G_m} + \frac{v_f}{G_f} \right)^{-1} \quad (4)$$

$$\nu_{12} = v_f \nu_f + v_m \nu_m \quad (5)$$

$$\nu_{23} = \frac{E_2}{2G_{23}} - 1 = \frac{E_2}{2G_{12}} - 1 \quad (6)$$

È possibile considerare una matrice di cedevolezza del tipo in eq. (7)

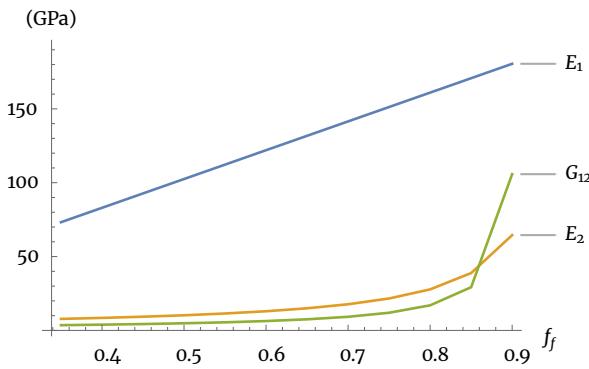


Fig. 2. Andamento dei moduli tipo Young E_1 ed E_2 e del modulo di taglio G_{12} al variare di $f_f \in [0.3; 0.9]$.

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{E_1} & -\frac{\nu_{21}}{E_2} & -\frac{\nu_{31}}{E_3} & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{\nu_{12}}{E_1} & \frac{1}{E_2} & -\frac{\nu_{32}}{E_3} & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{\nu_{13}}{E_1} & -\frac{\nu_{23}}{E_2} & \frac{1}{E_3} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{G_{23}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{G_{13}} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{G_{12}} \end{bmatrix} \quad (7)$$

In particolare, è possibile osservare l'andamento dei moduli tipo Young nella fig. 2. È evidente l'andamento lineare di E_1 . Tutti i moduli aumentano all'aumentare della f_f in quanto aumenta il contributo delle fibre di carbonio che presentano moduli più alti del PEEK.

L'analisi seguente considera una f_f fissata al 60%.

3.2 Teoria dei laminati sottili

Dopo aver omogenizzato il singolo layer si ricorre alla teoria dei laminati sottili [7] trattando il singolo layer come una lastra sottile omogenea. Ogni lamina è soggetta ad uno stato piano di tensione e la matrice di rigidezza nel singolo strato può essere espressa rispetto un sistema di riferimento globale.

$$[\bar{Q}] = [T_\sigma]^{-1} [Q] [T_\epsilon] \quad (8)$$

Considerando le deformazioni nel piano della superficie media e la curvatura della superficie media si arriva alle leggi costitutive generalizzate, eq. (9).

$$\begin{bmatrix} N_x \\ N_y \\ N_{xy} \\ M_x \\ M_y \\ M_{xy} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{16} & B_{11} & B_{12} & B_{16} \\ A_{21} & A_{22} & A_{26} & B_{21} & B_{22} & B_{26} \\ A_{61} & A_{62} & A_{66} & B_{61} & B_{62} & B_{66} \\ B_{11} & B_{12} & B_{16} & D_{11} & D_{12} & D_{16} \\ B_{21} & B_{22} & B_{26} & D_{21} & D_{22} & D_{26} \\ B_{61} & B_{62} & B_{66} & D_{61} & D_{62} & D_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_x^0 \\ \varepsilon_y^0 \\ \gamma_{xy}^0 \\ \kappa_x^0 \\ \kappa_y^0 \\ \kappa_{xy}^0 \end{bmatrix} \quad (9)$$

Dove i tre blocchi della matrice hanno un significato preciso. Il blocco A , eq. (10), descrive la rigidezza membranale della singola lamina. Il blocco B , eq. (11), lega l'accoppiamento tra gli effetti membranali e flessionali. Il blocco D , eq. (12), rappresenta la rigidezza flessionale del laminato.

Table 1. Parametri materiali [8]

CF	PEEK
$E_f = 236$ GPa	$E_m = 4$ GPa
$\nu_f = 0.2$	$\nu_m = 0.36$
$G_f = 27.6$ GPa	$G_m = 1.47$ GPa

$$A_{ij} = \sum_{k=1}^N \bar{Q}_{ij}^k (z_k - z_{k-1}) \quad (10)$$

$$B_{ij} = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^N \bar{Q}_{ij}^k (z_k^2 - z_{k-1}^2) \quad (11)$$

$$D_{ij} = \frac{1}{3} \sum_{k=1}^N \bar{Q}_{ij}^k (z_k^3 - z_{k-1}^3) \quad (12)$$

Tale descrizione permetterà di prevedere gli accoppiamenti e il comportamento strutturale a partire dalla struttura dei tre blocchi.

3.3 Proprietà dei costituenti

Partendo dal singolo layer, viene considerata una matrice polimerica PEEK che presenta un modulo elastico relativamente basso, di 4 GPa con coefficiente di Poisson $\nu = 0.36$. La matrice viene rinforzata con fibre di carbonio che invece presentano un'elevata rigidezza, modulo elastico di 236 GPa e un coefficiente di Poisson di 0.2. Maggiori informazioni in tab 1.

I risultati della regola delle miscele considerando una frazione volumetrica di fibre del 62% sono riportati in tab 2. A partire da questi risultati numerici, viene calcolata la matrice di rigidezza del singolo layer.

Si procede poi nel considerare diverse configurazioni di laminato. Ogni singolo strato viene considerato con le fibre allineate lungo una direzione principale, ad eccezione dei layer $\pm 45^\circ$ che vengono considerati come un intreccio di fibre. I singoli layer sono poi ruotati rispetto un riferimento globale e messi insieme a formare il laminato composito. Quindi è possibile calcolare il legame costitutivo generalizzato del laminato.

ff	0.62
E_1	147.96 GPa
E_2	10.83 GPa
ν_{12}	0.26
G_{12}	4.24 GPa

Table 2. Risultati applicando la regola delle miscele

4 Layout del laminato

Le variazioni del layout del laminato sono infinite, è possibile variare il numero di strati e l'angolo di fibratura.

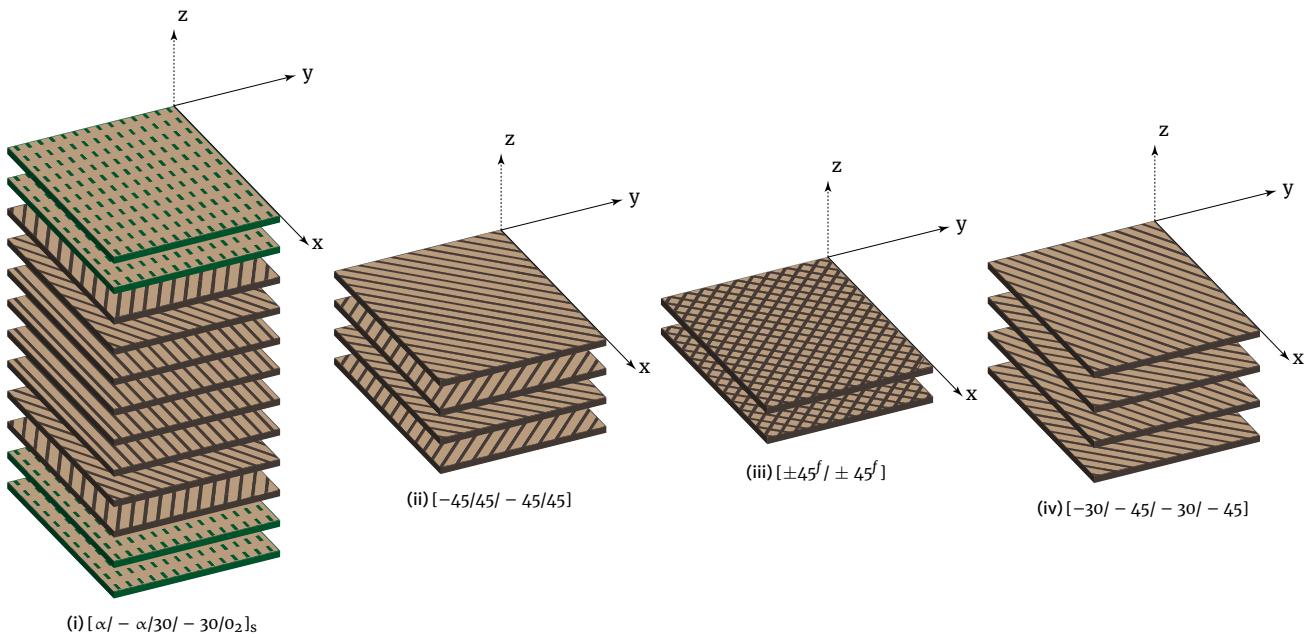


Fig. 3. Differenti layout di laminato

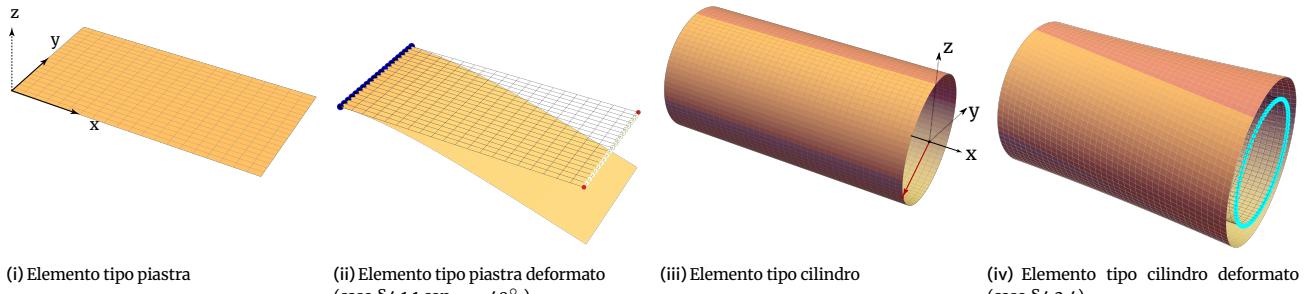


Fig. 4. Elementi strutturali

Nella seguente analisi vengono affrontati 4 casi differenti:

- (a) $[\alpha/-\alpha/30/-30/0_2]_s$ con $\alpha \in [0^\circ; 90^\circ]$
- (b) $[-45/45/-45/45]$
- (c) $[\pm 45^f/\pm 45^f]$
- (d) $[-30/-45/-30/-45]$

Un'illustrazione rappresentativa dei differenti layout è presente in fig. 3.

Vengono affrontati anche due elementi strutturali differenti:

- Elemento tipo piastra
- Elemento tipo cilindro

Per l'analisi della risposta strutturale vengono considerati differenti tipologie di carico. Per l'elemento tipo piastra viene considerato o un carico assiale, o un carico trasversale o entrambi. Per l'elemento tipo cilindro viene invece considerata una pressione interna uniforme.

4.1 Elemento tipo piastra

Per l'elemento tipo piastra vengono analizzati i quattro differenti layout di laminato.

4.1.1 Caso (a)

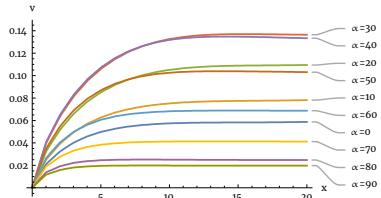
La prima analisi affronta uno studio parametrico (parametro α) su un layout del tipo:

$$[\alpha/-\alpha/30/-30/0_2]_s \quad (13)$$

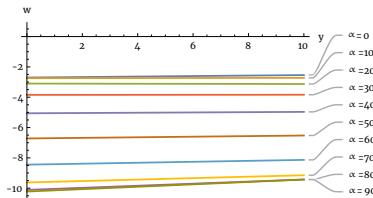
Vengono considerate tre differenti situazioni di carico: soltanto carico assiale, soltanto carico trasversale ed entrambi i carichi. I risultati sono riportati nelle figs. 5 a 7.

Al variare del parametro α tra 0° e 90° si osservano risposte strutturali differenti.

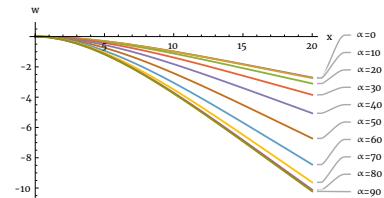
Essendo un laminato simmetrico non ci si aspetta un accoppiamento tra gli effetti estensionali e flessionali. Questo viene confermato dal confronto tra i tre casi. È evidente che applicando solo un carico assiale l'effetto flessionale è molto ridotto rispetto le altre configurazioni di carico. Nel caso $\alpha = 0^\circ$ la flessione è la minima possibile.



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra

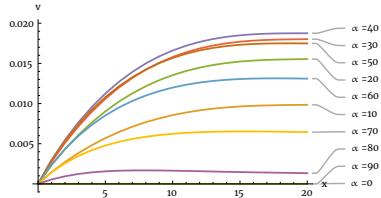


(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)

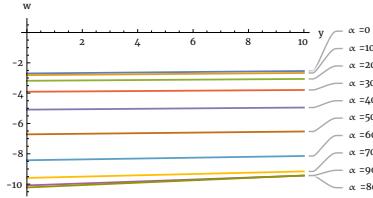


(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

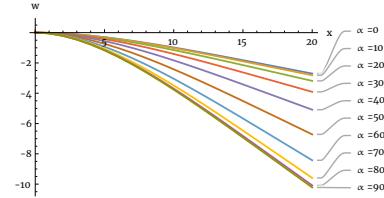
Fig. 5. Risultati caso (a) per un elemento strutturale tipo piastra con entrambi i carichi (§4.1.1)



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra

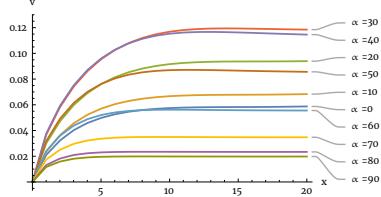


(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)

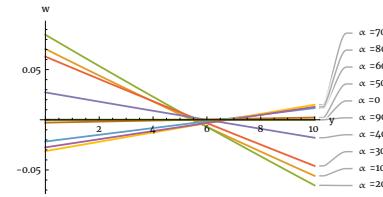


(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

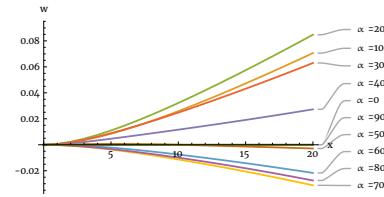
Fig. 6. Risultati caso (a) per un elemento strutturale tipo piastra con carichi tipo trasversale (§4.1.1)



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra



(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)



(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

Fig. 7. Risultati caso (a) per un elemento strutturale tipo piastra con carichi tipo assiale (§4.1.1)

Al crescere di α aumenta l'effetto flessionale. Questo non succede con il solo carico assiale dove l'effetto flessionale è molto contenuto e praticamente nullo sia per $\alpha = 90^\circ$ che per $\alpha = 0^\circ$. In questi ultimi casi è quindi nullo anche l'accoppiamento tra effetti in-plane ed out-plane.

Ad eccezione dei casi $\alpha = 90^\circ$ e $\alpha = 0^\circ$ è sempre presente un effetto torsionale anche se molto contenuto.

È evidente come la disposizione di un numero maggiore di layer allineati lungo l'asse fornisce meno rigidezza flessionale e questo si rispecchia in un effetto flessionale più marcato. Al fine di ridurre l'effetto flessionale è bene disporre il layer parametrici con le fibre ortogonali all'asse del laminato. Questo annulla anche l'effetto torsionale e l'accoppiamento in-plane out-plane. Inoltre, fornisce anche maggior rigidezza membranale. Volendo invece avere un effetto flessionale più marcato si possono disporre il maggior numero di layer con le fibre allineate lungo l'asse. Questo porta ad uno spostamento nel lato libero terminale della piastra fino a 5 volte superiore ma rende più evidente l'accoppiamento con gli effetti torsionali.

È interessante vedere che con il solo carico trasversale, a seconda della configurazione del laminato, è possibile avere una flessione tale da spostare l'estremo finale sia verso l'alto che verso il basso (fig. 6(iii)).

I casi intermedi forniscono comportamenti strutturali intermedi tra i due casi limite descritti. L'accoppiamento tra il carico assiale e l'effetto torsionale è massimo per i layout con $\alpha = 20^\circ$ e $\alpha = 10^\circ$.

4.1.2 Caso (b)

Viene analizzato un laminato bilanciato con layout:

$$[-45/45 \quad -45/45] \quad (14)$$

Nuovamente vengono considerate le tre differenti configurazioni di carico.

Essendo un laminato bilanciato non ci si aspetta un accoppiamento taglio-estensione. Dai risultati ottenuti, figs. 11 a 13, si osservano diversi accoppiamenti. Si osserva un accoppiamento tra il carico assiale e un effetto flessionale. Si osserva anche un accoppiamento tra il carico assiale e l'effetto torsionale mentre non si osserva un effetto torsionale con il solo carico trasversale.

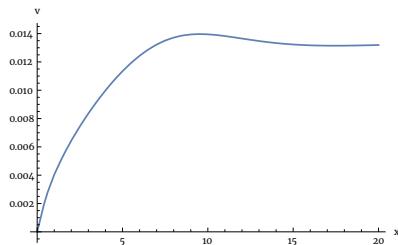
Il comportamento di questo laminato è molto simile al comportamento del caso (§4.1.1) con il parametro $\alpha = 90^\circ$ ma con una rigidezza flessionale molto minore a causa del minor numero di strati.

4.1.3 Caso (c)

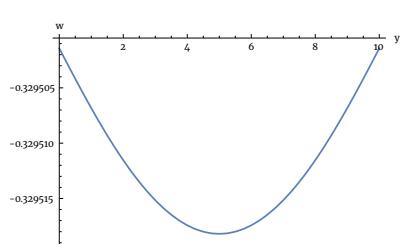
Viene analizzato un layout:

$$[\pm 45^f / \pm 45^f] \quad (15)$$

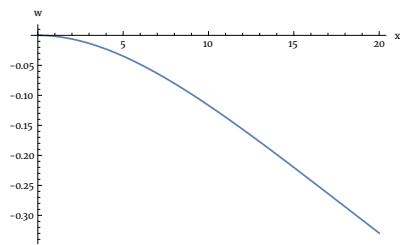
Il singolo layer è costituito da uno strato intrecciato, ovvero una configurazione particolare dove le fibre vengono incrociate con direzione di $\pm 45^\circ$. Nel caso di tessuti intrecciati cambia la definizione delle matrice di



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra

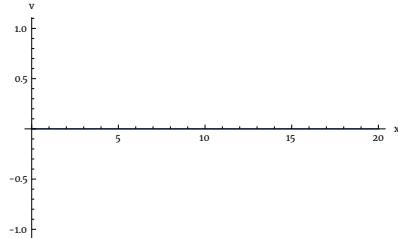


(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)

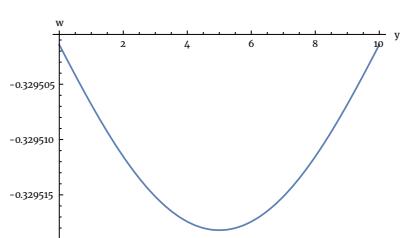


(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

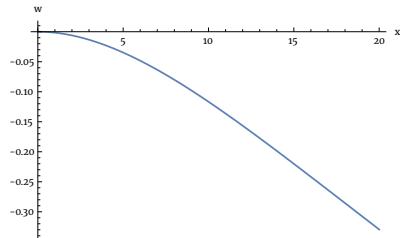
Fig. 8. Risultati caso (c) per un elemento strutturale tipo piastra con entrambi i carichi (§4.1.3)



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra

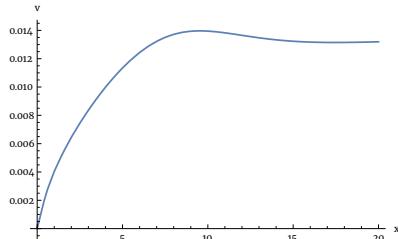


(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)

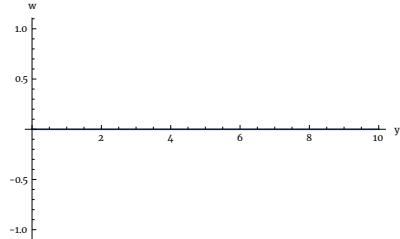


(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

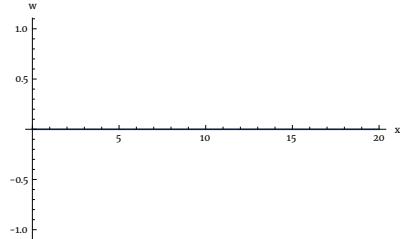
Fig. 9. Risultati caso (c) per un elemento strutturale tipo piastra con carichi tipo trasversale (§4.1.3)



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra



(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)



(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

Fig. 10. Risultati caso (c) per un elemento strutturale tipo piastra con carichi tipo assiale (§4.1.3)

rigidezza del layer:

$$Q_{ij}^{\text{woven}} = \frac{1}{2} \left[(\bar{Q}_{ij})_{45} + (\bar{Q}_{ij})_{-45} \right] \quad (16)$$

In questo layout non è presente alcun effetto torsionale. È assente anche l'accoppiamento tra carichi assiali ed effetto flessionale.

4.1.4 Caso (d)

Viene analizzato il layout:

$$[-30/-45/-30/-45] \quad (17)$$

I risultati numerici sono presentati nelle figs. 11 a 13 confrontati con il caso §4.1.2.

Questo layout è completamente sbilanciato e asimmetrico con la direzione di fibratura che mostra angoli negativi rispetto l'asse del laminato. Questo si riflette nell'accoppiamento dell'effetto torsionale con tutte le condizioni di carico.

È presente anche l'accoppiamento in-plane out-plane come è possibile osservare dalla flessione indotta dal solo carico assiale (fig. 13(iii)). È molto marcato anche l'accoppiamento estensionale-estensionale.

È interessante vedere l'effetto del solo carico trasver-

sale (fig. 12) in cui, a causa dello sbilanciamento delle direzioni di fibratura e della torsione, si ha un effetto complessivo per cui l'estremo libero della piastra tende ad avere uno spostamento in direzione opposta a quella del carico. Questo effetto, nel caso in cui ci siano entrambe le condizioni di carico, si traduce in un iniziale innalzamento per poi flettersi secondo la direzione del carico trasversale (fig. 11(iii)).

È riportata anche la deformata completa in fig. 14.

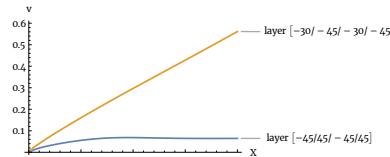
4.2 Elemento tipo cilindro

Viene considerato un elemento strutturale tipo cilindro con raggio R e lunghezza L . Viene considerata una configurazione di carico espressa da una pressione interna uniforme sulla parete del cilindro. Vengono nuovamente analizzati i quattro differenti layout di laminato.

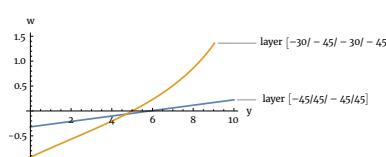
I risultati vengono letti sul bordo nei quattro segmenti ottenibili a $x = \pm R$ e $y = \pm R$, così da poter capire se l'allungamento è uniforme o meno lungo l'asse e se è presente un'effetto torsionale.

4.2.1 Caso (a)

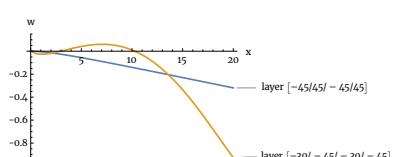
Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero,



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra

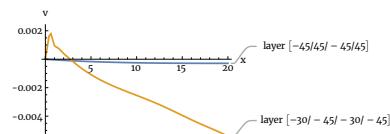


(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)

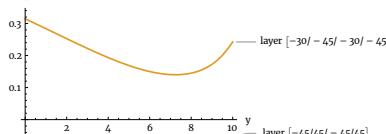


(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

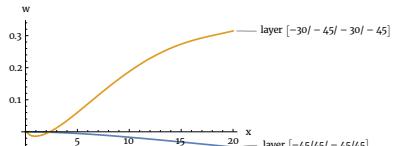
Fig. 11. Risultati caso (b) e (d) per un elemento strutturale tipo piastra con entrambi i carichi (sezioni 4.1.2 e 4.1.4)



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra

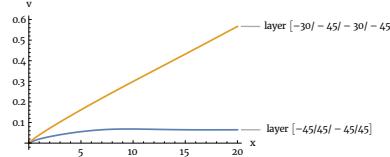


(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)

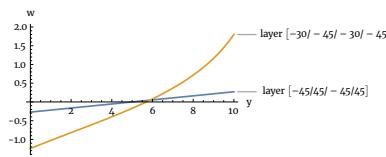


(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

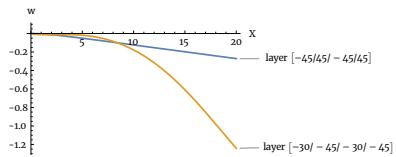
Fig. 12. Risultati caso (b) e (d) per un elemento strutturale tipo piastra con carichi tipo trasversale (sezioni 4.1.2 e 4.1.4)



(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = 0$ della piastra



(ii) Effetto torsionale, spostamento lungo \hat{z} del bordo estremale della piastra ($x = L$)



(iii) Effetto flessionale, spostamento lungo z del bordo $y = 0$ della piastra

Fig. 13. Risultati caso (b) e (d) per un elemento strutturale tipo piastra con carichi tipo assiale (sezioni 4.1.2 e 4.1.4)

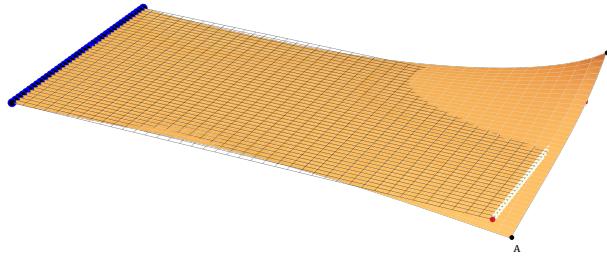


Fig. 14. Deformata nel caso (d) con entrambe le condizioni di carico. La mesh trasparente rappresenta la piastra indeformata. In giallo la piastra deformata, si osservi come il punto A (vedi anche fig. 11(iii)) ha subito uno spostamento negativo mentre il punto B uno spostamento positivo.

nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placeat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa.

Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

4.2.2 Caso (b)

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placeat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa.

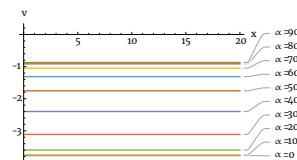
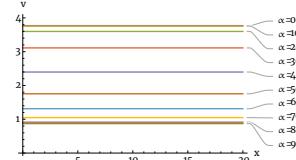
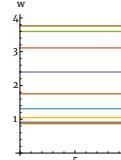
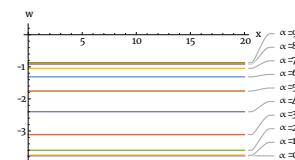
(i) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = R$ del cilindro(ii) Spostamento lungo \hat{y} del bordo con $y = -R$ del cilindro(iii) Spostamento lungo \hat{z} del bordo con $z = R$ del cilindro(iv) Spostamento lungo \hat{z} del bordo con $z = -R$ del cilindro

Fig. 15. Risultati caso (a) per un elemento strutturale tipo cilindro (§4.2.1)

4.2.3 Caso (c)

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placemat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

4.2.4 Caso (d)

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placemat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi

ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

5 Spessore della piastra

Consideriamo un ulteriore caso con un layout [10 / – 10/30 / – 30/0₂]s illustrato in fig. 16(i).

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placemat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

6 Conclusioni

CMPOMPLETA

Conoscere la risposta di elementi strutturali può essere utile per modellare correttamente una determinata struttura protesica e per fare studi dettagliati di danno.

textcolorblueLorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras



Fig. 16. DESCRIZIONE

viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

7 Metodi

7.1 Legame costitutivo generalizzato

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ri-

diculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

8 Disponibilità del codice e materiale aggiuntivo

Tutto il codice, le immagini, file di processamento e risultati ottenuti sono disponibili alla repository online al link: <https://github.com/mastroalex/comp-lam>.

Il codice

8.1 Lista delle abbreviazioni

- CF, carbon fiber

References

1. Verma S, Sharma N, Kango S, Sharma S. Developments of PEEK (Polyetheretherketone) as a biomedical material: A focused review. European Polymer Journal 2021;147:110295. <https://doi.org/10.1016/j.eurpolymj.2021.110295>.
2. Rohner B, Wieling R, Magerl F, Schneider E, Steiner A. Performance of a composite flow moulded carbon fibre reinforced osteosynthesis plate. Veterinary and comparative orthopaedics and traumatology 2005;18:175–182. <https://pubmed.ncbi.nlm.nih.gov/16594449/>.
3. Invibio, solutions B. High performance PEEK-OPTIMA™ polymers;<https://invibio.com/>.
4. Mugnai R, Tarallo L, Capra F, Catani F. Biomechanical comparison between stainless steel, titanium and carbon-fiber reinforced polyetheretherketone volar locking plates for distal radius fractures. Orthopaedics and Traumatology: Surgery and Research 2018;104(6):877–882. <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1877056818301440>.
5. Invibio. Case Study: Distal Radius Fracture. Bio-material Solutions;<https://www.youtube.com/watch?v=GjtbpAHshUw>.
6. Kollar LP, Springer GS. Mechanics of Composite Structures. Cambridge University Press; 2009.
7. O OO, N RJ. Mechanics of Composite Laminates. In: Finite Element Analysis of Composite Laminates. Springer; 1992.
8. Gallagher EA, Lamorinière S, McGarry P. Finite element investigation into the use of carbon fibre reinforced PEEK laminated composites for distal radius fracture fixation implants. Medical engineering & physics 2019;67:22–32. <https://doi.org/10.1016/j.medengphy.2019.03.006>.