

Research Note

Y. Matsunaga



Exponential Averaging (Reweighting - 種)

$$F = -\bar{\beta}^T \ln Z = -\bar{\beta}^T \ln \int e^{-\beta U(x)} dx$$

$$F_{\text{target}} = -\bar{\beta}^T \ln Z_{\text{target}} = -\bar{\beta}^T \ln \int e^{-\beta U_{\text{target}}(x)} dx$$

$$\begin{aligned}\Delta F &= F_{\text{target}} - F = -\bar{\beta}^T [\ln Z_{\text{target}} - \ln Z] = -\bar{\beta}^T \ln \frac{Z_{\text{target}}}{Z} \\ &= -\bar{\beta}^T \ln \frac{\int e^{-\beta U_{\text{target}}(x)} dx}{Z} = -\bar{\beta}^T \ln \frac{\int e^{-\beta U_{\text{target}}(x) + \beta U(x) - \beta U(x)} dx}{Z} \\ &= -\bar{\beta}^T \ln \langle e^{-\beta(U_{\text{target}}(x) - U(x))} \rangle = -\bar{\beta}^T \ln \langle e^{-\beta \Delta U(x)} \rangle\end{aligned}$$

$\leftarrow 3 = \epsilon 1$ $F_{\text{target}} \approx F \approx \text{精度} \rightarrow \epsilon_1 \times 2 \Delta F = F_{\text{target}} - F \leftarrow \epsilon_3$

$\leftarrow 3 = \epsilon 2$ $F_{\text{target}} \approx F \text{ の MSE } \Rightarrow U_{\text{target}} \text{ の } 1 \rightarrow \times - \rightarrow \text{を指定}$

$$\text{Loss}(\theta) = (\Delta F + \bar{\beta}^T \ln \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N e^{-\beta \Delta U(x_n)})^2$$

$$\Delta U(x) = U_\theta(x) - U(x) \quad \theta \in \text{最適化する} \subset \mathbb{R}^d \quad U_\theta(x) \approx U_{\text{target}}(x) \text{ である.}$$

MBAR

1/2

$$F_1 = -\beta' \ln Z_1 = -\beta' \ln \int e^{-\beta U_1(x)} dx \approx -\beta \ln \sum_{n=1}^N e^{-\beta U_1(x_n)}$$

$$F_2 = -\beta' \ln Z_2 = -\beta' \ln \int e^{-\beta U_2(x)} dx \approx -\beta \ln \sum_{n=1}^N e^{-\beta U_2(x_n)}$$

$$F_3 = -\beta' \ln Z_3 = -\beta' \ln \int e^{-\beta U_3(x)} dx \approx -\beta \ln \sum_{n=1}^N e^{-\beta U_3(x_n)}$$

$\beta_3 = \infty$

F_1, F_2, F_3 を精度よく求めよ。 mbar() を使用する。

絶対値は求めないもので $F_1 = 0$ として差分を求める

$\beta_3 = \infty$

F_3 が target である $U_{\text{target}} = U_3$ のパラメータ θ_{target} を指定する。

mbar-f() による実装は $F_\theta = \text{mbar-f}(\text{unkl}, [F_1, F_2], u_\theta)$

となる。 $\text{Loss}_{\text{MABR}}$ は

$$\text{Loss}(\theta) = [F_3 - \text{mbar-f}(\text{unkl}, [F_1, F_2], u_\theta)]^2$$

mbor-f() の中身

$$F_\theta = -\ln \sum_{j=1}^n \sum_{m=1}^{n_j} \frac{\exp[-u_\theta(x_{jm})]}{\sum_{k=1}^n \pi_k \exp[F_k - u_k(x_{jm})]}$$

2/2

$$\frac{\partial F_\theta}{\partial u_\theta} = -F_\theta$$