

## Sesión7: Deducción Natural en Lógica de Predicados.

- 1. Demostrar, por Deducción Natural:
  - a)  $\{ \forall x (P(x) \rightarrow \neg Q(x)), P(a) \} \vdash \neg Q(a)$
  - b)  $\{ \forall x (P(x) \land Q(x)) \} \vdash \forall x P(x) \land \forall x Q(x) \}$
  - c)  $\{ \forall x (P(x) \to Q(x)) \} \vdash \forall x P(x) \to \forall x Q(x)$
  - d)  $\{ \forall x P(x) \lor \forall x Q(x) \} \vdash \forall x (P(x) \lor Q(x))$
  - e)  $\{\exists x (P(x) \lor Q(x))\} \vdash \exists x P(x) \lor \exists x Q(x)$
  - f)  $\{\exists x P(x) \lor \exists x Q(x)\} \vdash \exists x (P(x) \lor Q(x))$
  - g)  $\{\exists X p(X), \forall X (q(X) \rightarrow \neg p(X))\} \vdash \exists X \neg q(X)$
  - h)  $\{\exists x P(x) \to Q(a)\} \vdash \forall x (P(x) \to Q(a))$
  - i)  $\{\neg \exists x P(x)\} \vdash \forall x (\neg P(x))$
  - j)  $\{ \forall x \forall y (Q(x) \rightarrow P(x, y)), \exists x Q(x) \} \vdash \exists x \forall y P(x, y)$
  - k)  $\{ \forall x \exists y (P(x,y) \rightarrow Q(y) \land R(x)), \forall x \neg Q(x) \} \vdash \exists y \exists x \neg P(x,y) \}$
- 2. Demuéstrese la corrección del siguiente razonamiento por deducción natural:

A las personas jóvenes y saludables les gusta jugar al fútbol. Hacer ejercicio es suficiente para ser saludable. Algunos jóvenes hacen ejercicio. Por tanto, hay gente a la que le gusta jugar al fútbol.

Utiliza los siguientes predicados: J(x): x es joven; S(x): x es saludable; F(x): a x le gusta jugar al fútbol; E(x): x hace ejercicio.

- 3. Demuéstrese la corrección del siguiente razonamiento por deducción natural:
  - Sólo los tontos alimentan a los osos salvajes
  - Cristina alimenta a Nicolás, pero no es tonta
  - Por tanto, Nicolás no es un oso salvaje

Utiliza los siguientes predicados y constantes: T(x): x es tonto; O(x): x es un oso salvaje; A(x,y): x alimenta a y; c: Cristina, n: Nicolás.

- 4. A partir de las premisas:
  - Ningún cuadrúpedo sabe silbar
  - Algunos gatos son cuadrúpedos.

c(x): x es un cuadrúpedo

g(x): x es un gato

s(x): x sabe silbar

- a) Enúnciese una conclusión,
- b) Tradúzcanse las premisas y conclusión al lenguaje de la Lógica de Predicados y
- c) Compruébese la corrección del razonamiento



5. Utilizando algo de lo que has visto en esta asignatura, ¿sabrías demostrar que, efectivamente, el razonamiento que hace el pingüino no es correcto?

