Dpto. Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial Universidad de Sevilla

Recordatorio de listas

Recordemos que una lista es una secuencia ordenada de elementos del mismo tipo en la que se permiten las repeticiones.

• Declaración del tipo: lista :: [Tipo] siendo Tipo el tipo de los elementos que componen lista

```
[] :: [a]
[True, True, False] :: [Bool]
```

Las expresiones se construyen con [] (la lista vacía), x:ls (la lista que tiene como primer elemento x y restantes elementos la lista ls) o enumerando entre corchetes y separados por coma los elementos que la componen.

```
'a':('b':[]) :: String
[[1], [1, 2, 3]] :: [[Int]]
```

Enumeración de listas

Podemos usar la **enumeración** de listas para generar listas de forma sencilla. El tipo debe pertenecer a la clase Enum.

 [x..y], son los elementos desde x hasta y. Por defecto se van añadiendo los elementos consecutivos. Por ejemplo

```
[1..10] == [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]
['a'..'c'] == ['a','b','c'] == "abc"
```

 Para poder dar saltos, hay que ayudarle indicando el primer elemento y el siguiente: [x,y..z]. De esta forma, se calcula la diferencia entre x e y para los saltos, sin sobrepasar z. Por ejemplo:

```
[1,3..9] == [1,3,5,7,9]

[1,3..10] == [1,3,5,7,9]

[1,1.5..2.7] == [1.0,1.5,2.0,2.5]

[5,4..1] == [5,4,3,2,1] -- también vale para un orden inverso
```

La función zip

 (zip xs ys) es la lista obtenida emparejando los elementos de las listas xs e ys. Por ejemplo,

```
> zip ['a','b','c'] [2,5,4] [('a',2),('b',5),('c',4)]
```

 La longitud de la lista obtenida es igual al de la lista más corta.

```
> zip "Haskell" [2,4..100]
[('H',2),('a',4),('s',6),('k',8),('e',10),('l',12),('l',14)]
```

 Un ejemplo muy útil: definición de función que asocia a cada elemento su posición en la lista:

```
> posiciones xs = zip xs [1..length xs]
> posiciones "Hash"
[('H',1),('a',2),('s',3),('h',4)]
```

Tienen la forma [expresión | generador+, guarda*], donde generador tiene la forma var <- lista y guarda es una condición.

Así, si en Matemáticas tenemos $\{x^2:x\in\{2,3,4,5\}\}=\{4,9,16,25\}$, en Haskell se traduce en:

```
> [x^2 | x <- [2..5]]
[4,9,16,25]
```

Otros ejemplos:

```
> [2 * x | x <- [1..10]]

[2,4,6,8,10,12,14,16,18,20]

> [even x | x <- [1..10]]

[False,True,False,True,False,True,False,True]

> [mod x 5 | x <- [0..15]]

[0,1,2,3,4,0,1,2,3,4,0,1,2,3,4,0]
```

Generadores

La expresión $x \leftarrow [2..5]$ se denomina generador. Se puede emplear más de un generador en una lista por comprensión:

```
> [(x,y) | x <- [1,2,3], y <- [4,5]]

[(1,4),(1,5),(2,4),(2,5),(3,4),(3,5)]

> [(x,y) | y <- [4,5], x <- [1,2,3]]

[(1,4),(2,4),(3,4),(1,5),(2,5),(3,5)]
```

Además, unos generadores pueden depender de otros:

```
> [(x,y) | x <- [1..3], y <- [x..3]]
[(1,1),(1,2),(1,3),(2,2),(2,3),(3,3)]
```

Como podemos encontrar en el Prelude:

```
concat :: [[a]] -> [a]
concat xss = [x | xs <- xss, x <- xs]
> concat [[1,3],[2,5,6],[4,7]]
[1,3,2,5,6,4,7]
```

Generadores con variables anónimas

Ejemplo de generador con variable anónima: (primeros ps) es la lista de los primeros elementos de la lista de pares ps.

```
primeros :: [(a, b)] -> [a]
primeros ps = [x | (x,_) <- ps]
> primeros [(1,3),(2,5),(6,3)]
[1,2,6]
```

Definición de la longitud por comprensión:

```
length :: [a] -> Int
length xs = sum [1 | _ <- xs]
```

Guardas

- Las listas por comprensión pueden tener guardas para restringir los valores.
- Ejemplo de guarda (even x):

```
> primeros [x | x <- [1..10], even x]
[2,4,6,8,10]
```

Guardas Guarda con igualdad

 Una lista de asociación es una lista de pares formado por una clave y un valor. Por ejemplo,

```
[("Juan",7),("Ana",9),("Eva",3)]
```

 (busca c t) es la lista de los valores de la lista de asociación t cuyas claves valen c.

```
busca :: Eq a => a -> [(a, b)] -> [b]

busca c ts = [v | (c', v) <- ts, c' == c]

> busca 'b' [('a',1),('b',3),('c',5),('b',2)]

[3,2]
```

```
> [(x, y) | x <- [1,3], y <- "par"]
```

```
> [(x, y) | x <- [1,3], y <- "par"]
[(1,'p'),(1,'a'),(1,'r'),(3,'p'),(3,'a'),(3,'r')]
```

```
> [y | x <- [2,4..8], y <- [x..8]]
```

```
> [(x, y) | x <- [1,3], y <- "par"]
[(1,'p'),(1,'a'),(1,'r'),(3,'p'),(3,'a'),(3,'r')]
```

```
> [y | x <- [2,4..8], y <- [x..8]]
[2,3,4,5,6,7,8,4,5,6,7,8,6,7,8,8]
```

```
> [(x:[y..4]) | x \leftarrow [1..4], y \leftarrow [1..4], y > x]
```

```
> [(x, y) | x <- [1,3], y <- "par"]
[(1,'p'),(1,'a'),(1,'r'),(3,'p'),(3,'a'),(3,'r')]
```

```
> [y | x <- [2,4..8], y <- [x..8]]
[2,3,4,5,6,7,8,4,5,6,7,8,6,7,8,8]
```

```
> [ (x:[y..4]) | x <- [1..4], y <- [1..4], y > x]
[[1,2,3,4],[1,3,4],[1,4],[2,3,4],[2,4],[3,4]]
```

Bibliografía I



R. Bird. *Introducción a la programación funcional con Haskell*. Prentice Hall, 2000.

Capítulo 4: Listas



G. Hutton *Programming in Haskell*. Cambridge University Press, 2007. Chapter 5: List comprehensions



B. O'Sullivan, D. Stewart y J. Goerzen. *Real World Haskell*. O'Reilly, 2008. Chapter 12: Barcode Recognition



B.C. Ruiz, F. Gutiérrez, P. Guerrero y J.E. Gallardo. Razonando con Haskell. Thompson, 2004..

Capítulo 6: Programación con listas



S. Thompson. Haskell: The Craft of Functional Programming, Second Edition. Addison-Wesley, 1999.

Chapter 5: Data types: tuples and lists