

Programación Paralela en Haskell

Dpto. Ciencias de la Computación e Inteligencia Artificial
Universidad de Sevilla

1 Introducción al Paralelismo

2 Paralelismo básico en Haskell

3 Ejemplo map: sudoku

4 Ejemplo reduce

5 Otras formas de paralelismo

6 Bibliografía

Recursos de computación

Actualmente se puede encontrar recursos paralelos en:

- **Procesadores actuales** incluyen múltiples núcleos (del orden de decenas) interconectados con una memoria principal (compartida).
- **Tarjetas gráficas** se pueden emplear como procesadores masivamente paralelos con miles de núcleos, compartiendo una memoria gráfica (separada de la del sistema).
- **Clústers** de ordenadores, interconectados por una red rápida con una memoria distribuida. **Supercomputadores**.
- **Chips** dedicados (FPGAs).

La tendencia es aprovechar estos recursos en los proyectos software y científicos de computación.

Paralelismo vs concurrencia

- **Concurrencia:** uso de *múltiples hilos* para modularidad de interacción. Puede realizarse sin ejecución simultánea de código.

Paralelismo vs concurrencia

- **Concurrencia:** uso de *múltiples hilos* para modularidad de interacción. Puede realizarse sin ejecución simultánea de código.
- **Paralelismo:** uso de *múltiples procesadores* para mayor rendimiento. Necesita ejecución simultánea de código.

Paralelismo vs concurrencia

- **Concurrencia:** uso de *múltiples hilos* para modularidad de interacción. Puede realizarse sin ejecución simultánea de código.
- **Paralelismo:** uso de *múltiples procesadores* para mayor rendimiento. Necesita ejecución simultánea de código.

Tipos de paralelismo:

- Paralelismo de tareas
- Paralelismo de datos

Paralelismo de Tareas



Paralelismo de Datos



Paralelismo programación funcional

- Paralelismo en **programación funcional**:
 - *Determinista*: el programa siempre produce la misma respuesta, pero puede ejecutarse más rápido conforme hayan más núcleos.
 - Sin condiciones de carrera *ni interbloqueo*.
 - Añadir paralelismo sin sacrificar *corrección*.
 - Paralelismo para acelerar código *Haskell puro* (no IO).

Patrones de paralelismo

- Veremos dos patrones básicos de paralelismo y como se pueden implementar en Haskell mediante la mónada `eval`: `map` y `reduce`.
- **Map:**
 - Aplicar una misma función (`f :: a -> b`) a los elementos de una *colección* (por ejemplo, una lista (`xs :: [a]`)), obteniendo una colección actualizada (`(xs :: [b])`). Por ejemplo:

```
xs = [1..10^6]  
cuadrados = map (^2) xs
```
 - Lanzar un hilo para evaluar la función a cada elemento en paralelo, y sincronizar los hilos al final.

Patrones de paralelismo

- **Reduce:**

- Aplicar una función $f :: a \rightarrow a \rightarrow a$ a los elementos de una *colección* (por ejemplo, una lista $xs :: [a]$) para obtener un valor único valor final resumido ($y :: a$). Por ejemplo:

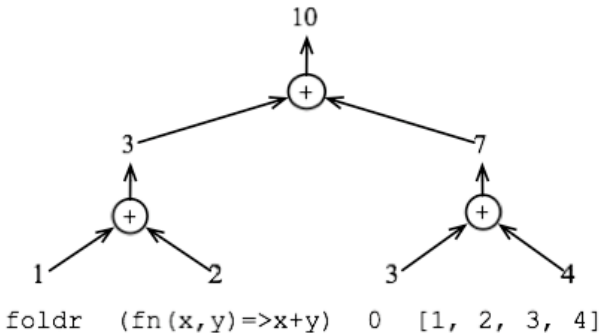
```
xs = [1..10^6]  
factorialMillon = product xs
```

- ¿Cómo podemos hacer esto en paralelo?

Patrones de paralelismo

- **Reduce:**

- ¿Cómo podemos hacer esto en paralelo?
- Lanzar un hilo para aplicar la función a cada par de elementos y sincronizar. Repetir el proceso con los resultados parciales hasta que solo quede un elemento, que será el resultado.



- 1 Introducción al Paralelismo
- 2 Paralelismo básico en Haskell
- 3 Ejemplo map: sudoku
- 4 Ejemplo reduce
- 5 Otras formas de paralelismo
- 6 Bibliografía

La mónada Eval

```
data Eval a
instance Monad Eval

runEval :: Eval a -> a

rpar :: a -> Eval a
rseq :: a -> Eval a
```

Evaluación de funciones:

- **rpar**: evalúa su argumento en paralelo (sin esperar al resultado).
- **rseq**: evalúa su argumento en secuencial y espera al resultado.
- **runEval**: realiza la computación Eval y devuelve su resultado.

Instalación: `cabal install parallel`

La mónada Eval

Ejemplo 1

```
runEval $ do
  a <- rpar (f x)
  b <- rpar (f y)
  return (a,b)
```

- Evalúa la función (f x) y (f y) en paralelo, y devuelve sus resultados en un par.
- **Problema:** return (a,b) se ejecutaría inmediatamente después de comenzar la evaluación, sin esperar a obtener a ni b.
- ¿Qué pasaría aquí?

```
runEval $ do
  a <- rpar (f x)
  b <- rseq (f y)
  return (a,b)
```

La mónada Eval

Ejemplo 2

```
runEval $ do
  a <- rpar (f x)
  b <- rpar (f y)
  rseq a
  rseq b
  return (a,b)
```

- Evalúa la función $(f\ x)$ y $(f\ y)$ en paralelo, y devuelve sus resultados en un par.
- Evaluamos a y b y esperamos su resultado, por lo que ahora sí, `return` se ejecutaría después de evaluar por completo $(f\ x)$ y $(f\ y)$.

La mónada Eval

Evaluación profunda

```
runEval $ do
  a <- rpar (f xs)
  b <- rpar (f ys)
  rseq (a,b)
  return (a,b)
```

- La evaluación de `f` sobre `xs` e `ys` se realiza en forma normal de cabeza débil (WHNF) (es decir, hasta el primer ':' o cabeza de la lista).
- Necesitamos evaluar `f` sobre toda la lista (forma normal, NF). Para ello forzar evaluación de toda la lista con `force`, del módulo `Control.DeepSeq`.

```
runEval $ do
  a <- rpar (force (f xs))
  b <- rpar (force (f ys))
  rseq (a,b)
  return (a,b)
```

La mónada Eval

Evaluación profunda

```
force :: NFData a => a -> a
```

- La evaluación `force` evalúa todo su argumento y lo retorna. Su comportamiento se define para cada tipo de datos mediante la clase `NFData`. Habrá que crear instancia para un nuevo tipo de dato.

```
class NFData a where  
  rnf :: a -> ()  
  rnf a = a `seq` ()
```

- `rnf` (reduce to NF) evalúa su argumento y devuelve `return`. `seq` se emplea para secuenciar evaluaciones. `deepseq` es `seq` en NF.

```
deepseq :: NFData a => a -> b -> b  
deepseq a b = rnf a `seq` b
```

```
force :: NFData a => a -> a  
force x = x `deepseq` x
```


La mónada Eval

Sparks

- El argumento de rpar se denomina *spark*.
- El sistema en tiempo de ejecución colecciona todos los sparks y los ejecuta (o no) cuando hayan procesadores disponibles, mediante “work stealing”.
- La **creación** de un spark no es costosa, simplemente añade una referencia a un vector (*pool*).
- Los sparks pueden ser *convertidos* (*converted*) cuando se ejecutan en paralelo, o *podados* (*pruned*) cuando se determinan que ya se han evaluado por otro spark, o no se llegan nunca a referenciar en el código. En concreto:
 - *converted*: convertido en paralelismo real.
 - *overflowed*: el vector (*pool*) de sparks está completo.
 - *dud*: rpar es aplicado a una expresión ya evaluada.
 - *GC'd*: la expresión no se utiliza en el programa, por lo que se elimina.
 - *fizzled*: la expresión se evaluó después de crearse su spark.

- 1 Introducción al Paralelismo
- 2 Paralelismo básico en Haskell
- 3 Ejemplo map: sudoku**
- 4 Ejemplo reduce
- 5 Otras formas de paralelismo
- 6 Bibliografía

Ejemplo Sudoku

- Fichero donde se representa un tablero de sudoku por línea.
- Resolvedor de Sudoku con una poda inteligente.
- **Objetivo:** Resolver tableros en paralelo (con **map**).
- El código fuente se puede acceder en [este repositorio git](#).
- Usaremos el compilador ghc y parámetros del sistema:
 - Compilación: `ghc -O2 fichero.hs -threaded -rtsopts`
 - **-O2**: optimización del código a nivel 2
 - **-threaded**: emplear hilos del sistema
 - **-rtsopts**: permitir que se muestre información de la ejecución.
 - Ejecución: `./fichero +RTS -NX -s`
 - **+RTS -NX**: hacer uso de X procesadores del sistema.
 - **-s**: mostrar información de la ejecución

Ejemplo Sudoku

Solución secuencial

Fichero *sudoku1.hs*:

```
import Sudoku
import Control.Exception
import System.Environment
import Data.Maybe

main :: IO ()
main = do
  [f] <- getArgs           -- Ruta del fichero
  file <- readFile f       -- Lectura de fichero

  let puzzles  = lines file      -- Tableros por línea
      solutions = map solve puzzles -- Resolver cada tablero
  print (length (filter isJust solutions)) -- Cuantos con solución
```

Ejemplo Sudoku

Solución secuencial

```
$ ghc -O2 sudoku1.hs -rtsopts
[1 of 2] Compiling Sudoku ( Sudoku.hs, Sudoku.o )
[2 of 2] Compiling Main ( sudoku1.hs, sudoku1.o )
Linking sudoku1 ...
$ ./sudoku1 sudoku17.1000.txt +RTS -s
2,362,862,096 bytes allocated in the heap
38,751,680 bytes copied during GC
214,112 bytes maximum residency (14 sample(s))
71,360 bytes maximum slop
2 MB total memory in use (0 MB lost due to fragmentation)

Tot time (elapsed)  Avg pause  Max pause
Gen  0          4574 colls,      0 par    0.12s    0.12s    0.0000s
      0.0003s
Gen  1           14 colls,      0 par    0.00s    0.00s    0.0003s
      0.0004s

TASKS: 3 (1 bound, 2 peak workers (2 total), using -N1)

SPARKS: 0 (0 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)

INIT      time      0.00s ( 0.00s elapsed)
MUT       time      2.62s ( 2.62s elapsed)
GC         time      0.13s ( 0.13s elapsed)
EXIT       time      0.00s ( 0.00s elapsed)
Total     time      2.75s ( 2.75s elapsed)

Alloc rate   902,441,432 bytes per MUT second
```

Ejemplo Sudoku

Solución paralela con partición estática

Partición de la lista de tableros en dos (estática). Fichero *sudoku2.hs*:

```
main :: IO ()
main = do
  [f] <- getArgs
  file <- readFile f
  let puzzles = lines file
      (as,bs) = splitAt (length puzzles `div` 2) puzzles --

      solutions = runEval $ do
        as' <- rpar (force (map solve as))
        bs' <- rpar (force (map solve bs))
        rseq as'
        rseq bs'
        return (as' ++ bs')

  print (length (filter isJust solutions))
```

Ejemplo Sudoku

Solución paralela con partición estática

```
$ ghc -O2 sudoku2.hs -rtsopts -threaded
...
$ ./sudoku2 sudoku17.1000.txt +RTS -N2 -s
2,370,828,176 bytes allocated in the heap
48,592,432 bytes copied during GC
2,613,568 bytes maximum residency (8 sample(s))
317,952 bytes maximum slop
9 MB total memory in use (0 MB lost due to fragmentation)

Tot time (elapsed)  Avg pause  Max pause
Gen  0          3008 colls,  3008 par     0.25s    0.13s    0.0000s
      0.0009s
Gen  1           8 colls,    7 par     0.04s    0.02s    0.0023s
      0.0052s

Parallel GC work balance: 49.47% (serial 0%, perfect 100%)

TASKS: 4 (1 bound, 3 peak workers (3 total), using -N2)

SPARKS: 2 (1 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 1 fizzled)

INIT      time      0.00s ( 0.00s elapsed)
MUT       time      2.86s ( 1.74s elapsed)
GC        time      0.29s ( 0.14s elapsed)
EXIT      time      0.00s ( 0.00s elapsed)
Total     time      3.16s ( 1.89s elapsed)

Alloc rate      827,641,496 bytes per MUT second
```

Ejemplo Sudoku

Solución paralela con partición estática

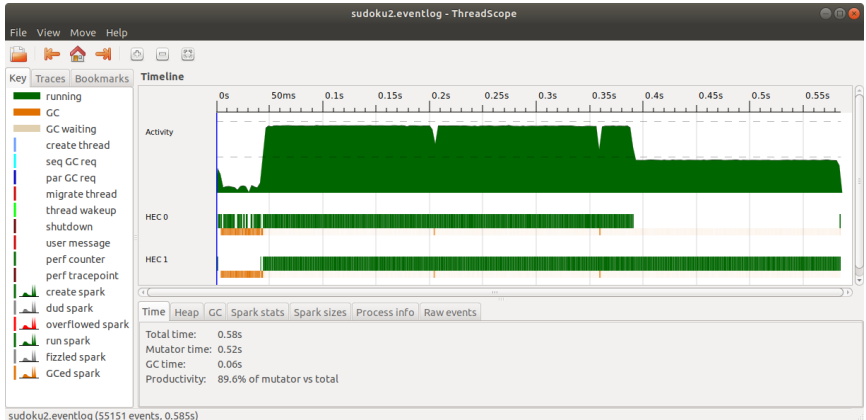
- Usando dos cores no alcanzamos doble de eficiencia (1,89s vs 2,75s).
- Veamos qué ocurre con la herramienta threadscope (siguiente diapositiva):

```
$ rm sudoku2; ghc -O2 sudoku2.hs -threaded -rtsopts -eventlog  
[2 of 2] Compiling Main          ( sudoku2.hs, sudoku2.o )  
Linking sudoku2 ...  
$ ./sudoku2 sudoku17.1000.txt +RTS -N2 -l  
$ threadscope sudoku2.eventlog
```

- Partición en dos trozos no es suficiente (cantidad de trabajo descompensado).

Ejemplo Sudoku

Solución paralela con partición estática



Una línea HEC por núcleo. En verde y más grueso, el tiempo ejecutando código. En naranja y más fino, ejecutando garbage collector (GC).

Ejemplo Sudoku

Solución paralela con partición dinámica (map paralelo)

Un spark por elemento de la lista de tableros (dinámica) con **map paralelo**.
Fichero *sudoku3.hs*:

```
parMap :: (a -> b) -> [a] -> Eval [b]
parMap f [] = return []
parMap f (a:as) = do b <- rpar (f a)
                    bs <- parMap f as
                    return (b:bs)

main :: IO ()
main = do
  [f] <- getArgs
  file <- readFile f
  let puzzles = lines file
      solutions = runEval (parMap solve puzzles)
  print (length (filter isJust solutions))
```

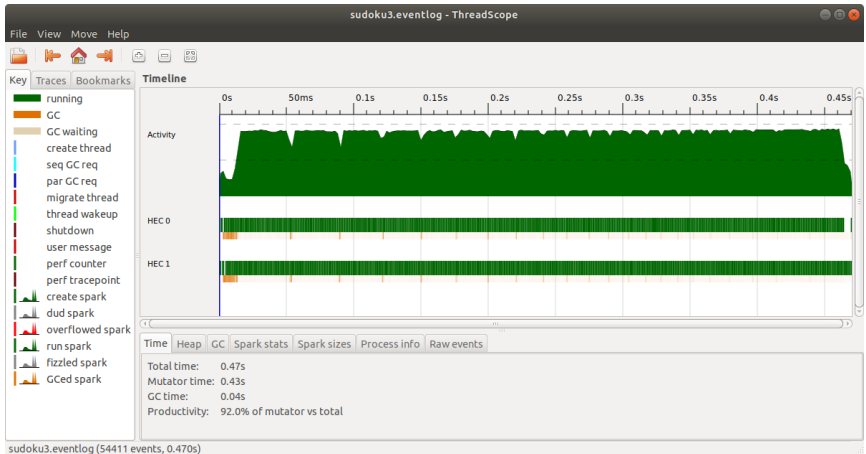
Resultado:

```
SPARKS: 1000 (1000 converted, 0 overflowed, 0 dud, 0 GC'd, 0 fizzled)

Total    time      3.21s  ( 1.61s elapsed)
```

Ejemplo Sudoku

Solución paralela con partición dinámica (map paralelo)



- 1 Introducción al Paralelismo
- 2 Paralelismo básico en Haskell
- 3 Ejemplo map: sudoku
- 4 Ejemplo reduce
- 5 Otras formas de paralelismo
- 6 Bibliografía

Ejemplo reduce

- Una forma de hacer reduce es con dos funciones:
 - Una función que aplique solo un paso de la reducción aplicando la operación cada par de elementos.

```
parReduce' :: Num a => [a] -> Eval [a]
parReduce' [] = return []
parReduce' [x] = return [x]
parReduce' (x:y:xs) = do b <- rpar (x + y)
                        bs <- parReduce' xs
                        rseq (b:bs)
```

Ejemplo reduce

- Una forma de hacer reduce es con dos funciones:
 - Una función que aplique solo un paso de la reducción aplicando la operación cada par de elementos.
 - Una función que llame a la anterior en cada iteración hasta conseguir un solo elemento.

```
parReduce :: Num a => [a] -> a
parReduce [] = error "Debe contener al menos un elemento"
parReduce [x] = x
parReduce xs = runEval $ do ms <- parReduce' xs
                           return (parReduce ms)
```

- Se puede mejorar imponiendo un corte en el tamaño de la lista.
 - Si es menor a ese corte, no vale la pena aplicar paralelismo (se debe ajustar de forma experimental).

- 1 Introducción al Paralelismo
- 2 Paralelismo básico en Haskell
- 3 Ejemplo map: sudoku
- 4 Ejemplo reduce
- 5 Otras formas de paralelismo
- 6 Bibliografía

Otros módulos de paralelismo

- **Estrategias de evaluación:** construido sobre la mónada Eval, provee otra capa de abstracción, consiguiendo separar control de paralelismo.

```
let solutions = map solve puzzles `using` parList rseq
```

- **La mónada par** (paralelismo de flujo de datos): Basado en llamadas fork y variables IVar para comunicación entre procesos.
- **Accelerate** (computación GPU): colección de funciones paralelizadas en GPU basados en Arrays. Disponible en Data.Array.Accelerate.
- **Repa** (paralelismo de datos): basado en arrays, posibilidad de generar código.

- 1 Introducción al Paralelismo
- 2 Paralelismo básico en Haskell
- 3 Ejemplo map: sudoku
- 4 Ejemplo reduce
- 5 Otras formas de paralelismo
- 6 Bibliografía

Bibliografía



S. Marlow. Parallel and Concurrent Programming in Haskell, O'Reilly. Capítulo 2..



S. Marlow. Parallel and Concurrent Programming in Haskell. CFP 2011, LNCS 7241 (2012), 339-401.