電磁気学 12/4 宿題

1. p.87 図2.19のような、単位長さ当たりの巻数が n の無限に長い ソレノイドに電流 I が流れている。p.85 例題2.4.3の結果を用いてコイルの中心軸上の磁束密度を求めよ。

2. p.99 図2.31(a)のように、y 軸上に無限に長い直線導体が置いてあり、x 軸上の x = d とx = d + l の間に長さ l の直線導体 AB が置いてある。これらの直線導体にそれぞれ電流 I_1 と I_2 を図のような向きに流すとき、直線導体 AB に作用する力を求めよ.

3. $\nabla \cdot \nabla \times \mathbf{A} = 0$ を導け.

4. 次の式を導け.

$$\operatorname{grad}\left(\frac{1}{r}\right) = \nabla\left(\frac{1}{r}\right) = -\frac{\hat{r}}{r^2} \tag{1}$$

 $r \neq 0$ のとき,

$$\nabla^2 \left(\frac{1}{r} \right) = \text{div } \text{grad} \left(\frac{1}{r} \right) = \nabla \cdot \nabla \left(\frac{1}{r} \right) = 0 \tag{2}$$

Vを点Pを含む体積としたとき,

$$\int_{V} \nabla^{2} \left(\frac{1}{r} \right) dv' = -4\pi \tag{3}$$

5. $\nabla \times \nabla \times \mathbf{A} = \nabla (\nabla \cdot \mathbf{A}) - \nabla^2 \mathbf{A}$ を導け.