Prüfungs- und Studienordnung des Masterstudiengangs Mathematik an der Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald

Vom 8. November 2013

Fundstelle: Hochschulöffentlich bekannt gemacht am 18.11.2013

Änderungen:

- Einfügen eines neuen § 2 durch Artikel 1 der 1. Änderungssatzung vom 24.06.2014 (hochschulöffentlich bekannt gemacht am 25.06.2014)
- § 9 Abs. 8 aufgehoben durch Artikel 20 der Satzung zur Angleichung wesentlicher Regelungen an die Neufassung der Rahmenprüfungsordnung 2021 vom 21. Juli 2021 (hochschulöffentlich bekannt gemacht am 21.07.2021)

Hinweis:

- Die 1. Änderungssatzung vom 24.06.2014 ist am 26.06.2014 in Kraft getreten.
- Die Satzung zur Angleichung wesentlicher Regelungen an die Neufassung der Rahmenprüfungsordnung 2021 vom 21. Juli 2021 tritt am 01. Oktober 2021 in Kraft.

Aufgrund von § 2 Absatz 1 in Verbindung mit § 38 Absatz 1 und § 39 Absatz 1 des Mecklenburg-Vorpommern Gesetzes über die Hochschulen des Landes (Landeshochschulgesetz - LHG M-V) in der Fassung der Bekanntmachung vom 25. Januar 2011 (GVOBI. M-V S. 18), zuletzt geändert durch Artikel 6 des Gesetzes vom 22. Juni 2012 (GVOBI. M-V S. 208, 211), erlässt die Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald für den Masterstudiengang Mathematik die folgende Prüfungs- und Studienordnung als Satzung:

Inhaltsverzeichnis

- § 1 Geltungsbereich
- § 2 § 3 Zugangsvoraussetzungen
- Ziele und Aufbau des Studiums
- § 4 Veranstaltungsarten
- § 5 Studienaufnahme
- § 6 Teilprüfungen
- § 7 Praktikum, Mobilitätsfenster
- § 8 Module
- § 9 Modulprüfungen
- § 10 Masterarbeit und Verteidigung
- § 11 Bildung der Gesamtnote
- § 12 Akademischer Grad
- § 13 Inkrafttreten, Übergangsregelungen, Außerkrafttreten

Musterstudienpläne Anlage A:

Anlage B: Modulkatalog

Anlage C: Diploma Supplement (deutsche und englische Version)

§ 1* Geltungsbereich

Diese Prüfungsordnung regelt den Studieninhalt, Studienaufbau und das Prüfungsverfahren im Masterstudiengang Mathematik der Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald. Im Übrigen gilt für alle weiteren Studien- und Prüfungsangelegenheiten die Rahmenprüfungsordnung der Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald (RPO) vom 31. Januar 2012 (Mittl.bl. BM M-V 2012 S. 394) in der jeweils geltenden Fassung unmittelbar.

§ 2 Zugangsvoraussetzungen

- (1) Der Zugang zum Masterstudiengang Mathematik ist gemäß § 4 Rahmenprüfungsordnung an den Nachweis eines ersten berufsqualifizierenden Hochschulabschlusses gebunden. Der Zugang zum Studium setzt zusätzlich den Erwerb von mindestens 180 Leistungspunkten (LP) in einem mathematisch-orientierten Studiengang voraus. Über Zweifelsfälle hinsichtlich einer hinreichend mathematischen Orientierung entscheidet der Prüfungsausschuss. Aus wichtigen Gründen, die der Bewerber schriftlich darzulegen hat, kann der Prüfungsausschuss auf Antrag von der in Satz 2 genannten Voraussetzung befreien. Die Befreiung kann von der Erfüllung von Auflagen abhängig gemacht werden.
- (2) Die Befreiung nach Absatz 1 Satz 4 soll nur dann versagt werden, wenn ein erfolgreicher Abschluss des Masterstudiums nicht zu erwarten ist. Dabei gilt die Vermutung, dass ein erfolgreicher Abschluss des Masterstudiums nicht zu erwarten ist, wenn das Kriterium unter Absatz 1 Satz 2 nicht erfüllt ist, und der Bewerber keine weiteren Nachweise für die fach- und studiengangsspezifische Qualifikation erbracht hat, aus denen sich unter Würdigung des Gesamtbildes eine positive Erfolgsprognose ableiten lässt. Der Prüfungsausschuss kann die Einladung des Bewerbers zu einem klärenden Gespräch beschließen. Auch kann eine Zulassung unter Vorbehalt erfolgen.

§ 3 Ziele und Aufbau des Studiums

- (1) Durch die Masterprüfung soll festgestellt werden, ob der Kandidat selbständig und vertieft mathematische Probleme, auch in ihren Wissenschaftsdisziplinen übergreifenden Bezügen, erörtern und lösen kann und ob er wissenschaftliche Kenntnisse und Lösungen mit praktischen Anforderungen zu verbinden vermag.
- (2) Die Zeit, in der in der Regel das Studium mit dem Grad Master of Science ("M.Sc.") abgeschlossen werden kann (Regelstudienzeit), beträgt vier Semester.
- (3) Der zeitliche Gesamtumfang, der für den erfolgreichen Abschluss des Studiums erforderlichen regelmäßigen Arbeitslast (workload), beträgt 3600 Stunden. Es sind insgesamt 120 Leistungspunkte (LP) zu erwerben.

^{*} Soweit für Funktionsbezeichnungen ausschließlich die männliche oder die weibliche Form verwendet wird, gilt diese jeweils auch für das andere Geschlecht.

- (4) Ein erfolgreiches Studium setzt den Besuch der in den Modulen angebotenen Lehrveranstaltungen voraus. Die Studierenden haben die entsprechende Kontaktzeit eigenverantwortlich durch ein angemessenes Selbststudium zu ergänzen. Die jeweiligen Lehrkräfte geben hierzu für jedes Modul rechtzeitig Studienhinweise, insbesondere Literaturlisten heraus, die sich an den Qualifikationszielen und an der Arbeitsbelastung des Moduls orientieren.
- (5) Unbeschadet der Freiheit der Studierenden, den zeitlichen und organisatorischen Verlauf seines Studiums selbstverantwortlich zu planen, werden Musterstudienpläne (Anlage A) als zweckmäßig empfohlen. Für die qualitativen und quantitativen Beziehungen zwischen der Dauer der Module und der Leistungspunkteverteilung einerseits sowie den Lehrveranstaltungsarten und Semesterwochenstunden andererseits wird ebenfalls auf die Musterstudienpläne verwiesen.

§ 4 Veranstaltungsarten

Die Studieninhalte werden insbesondere in Vorlesungen, Seminaren und Übungen angeboten.

- 1. Vorlesungen dienen der systematischen Darstellung eines Stoffgebietes, der Vortragscharakter überwiegt.
- 2. Seminare sind Lehrveranstaltungen, in denen die Studierenden durch eigene mündliche und schriftliche Beiträge sowie Diskussionen in das selbständige wissenschaftliche Arbeiten eingeführt werden.
- Übungen führen die Studierenden in die praktische wissenschaftliche Tätigkeit bei intensiver Betreuung durch Lehrpersonen ein. Sie vermitteln grundlegende Methoden des wissenschaftlichen Arbeitens in den relevanten Fachgebieten und fördern die Anwendung und Vertiefung der Lehrinhalte.

§ 5 Studienaufnahme

Das Studium im Masterstudiengang Mathematik kann im Winter- und im Sommersemester aufgenommen werden.

§ 6 Teilprüfungen

(1) Studierende, die nach Ablauf eines Semesters beabsichtigen, die Universität zu verlassen, und die Lehrveranstaltungen eines semesterübergreifenden Moduls besuchen, können gemäß § 8 Absatz 1 RPO beantragen, am Ende des Semesters eine Prüfung abzulegen, die sich auf die bereits absolvierten Teile des Moduls bezieht. Der Antrag ist spätestens vier Wochen nach Ende der Vorlesungszeit an den Prüfungsausschussvorsitzenden zu richten und im Zentralen Prüfungsamt einzureichen.

(2) Studierende, denen nach § 43 RPO erbrachte Leistungsnachweise angerechnet werden, die sich nur auf einen Teil einer Modulprüfung beziehen, können über den fehlenden Teil des Moduls eine Teilprüfung ablegen.

§ 7 Praktikum, Mobilitätsfenster

- (1) Während des Studiums kann in der vorlesungsfreien Zeit der Semester 1, 2 und 3 ein selbstständig zu organisierendes 4-wöchiges berufsbezogenes Praktikum absolviert werden. Hierfür werden 6 LP vergeben. Das berufsbezogene Praktikum kann einmalig alternativ zum Modul "Spezialvorlesung II" gemäß § 8 Absatz 2 erbracht werden.
- (2) Auf Antrag des Studierenden entscheidet der Prüfungsausschussvorsitzende rechtzeitig vor Beginn des berufsbezogenen Praktikums über die Eignung der Praktikumsstelle. Der Antrag ist schriftlich an den Vorsitzenden des Prüfungsausschusses zu richten und beim Zentralen Prüfungsamt einzureichen.
- (3) Der Vorsitzende des Prüfungsausschusses steht als Ansprechpartner und Betreuer für das berufsbezogene Praktikum zur Verfügung.
- (4) Als Prüfungsleistung ist eine 3-seitige schriftliche Darstellung der Praktikumstätigkeit (Protokoll/Bericht) anzufertigen. Diese wird von dem Vorsitzenden des Prüfungsausschusses als "bestanden" oder "nicht bestanden" bewertet.
- (5) Nach den Semestern 1, 2 und 3 besteht die Möglichkeit, ein Auslandssemester (Mobilitätsfenster) zu absolvieren.
- (6). Bereits vor dem Studium abgeleistete Praktika können auf Antrag des Studierenden vom Vorsitzenden des Prüfungsausschusses anerkannt werden, wenn sie in direktem Bezug zum Studium stehen und deren Abschluss zum Zeitpunkt der Immatrikulation nicht mehr als ein Jahr zurückliegt. Der Antrag ist schriftlich an den Vorsitzenden des Prüfungsausschusses zu richten und im Zentralen Prüfungsamt einzureichen. Absatz 4 gilt entsprechend.

§ 8 Module

- (1) Im Masterstudiengang Mathematik werden Module aus den folgenden Teilgebieten
 - 1. Analysis / Optimierung
 - 2. Diskrete Mathematik / Algorithmik / Algebra
 - 3. Stochastik / Statistik
 - sowie Seminarmodule studiert.

Die Module müssen nach folgenden Regeln belegt werden:

- 1. Aus jedem Teilgebiet sind mindestens 15 Leistungspunkte zu erwerben.
- 2. Seminarmodul A muss belegt werden.
- 3. Darüber hinaus sind 30 Leistungspunke aus dem Modul Masterarbeit zu erwerben.
- 4. Die Module "Spezialvorlesung" und die Seminarmodule können mehrfach

gewählt werden. Absatz 5 Satz 1 gilt entsprechend.

(2) Es werden folgende Module angeboten:

Legende:

AB Arbeitsbelastung in Stunden

LP Leistungspunkte

PL Prüfungsleistungen (Umfang nach § 8, Absatz 2)

Kl Klausur

mP mündliche Prüfung

mP/KI mündliche Prüfung oder Klausur

mP+Üs/KI+Üs mündliche Prüfung und Übungsschein oder alternativ Klausur und Übungsschein

Üs Übungsschein Sems Seminarschein

* Prüfungsleistung ist unbenotet

MZ Modulzyklus: A = jährlich im Wintersemester

B = jährlich im Sommersemester

C = zweijährlich im Wintersemester gerade Jahre
D = zweijährlich im Sommersemester ungerade Jahre
E = zweijährlich im Wintersemester ungerade Jahre
F = zweijährlich im Sommersemester gerade Jahre

G = jedes Semester

Teilgebiet Analysis/Optimierung

| Modul | Dauer (Semester) | AB | LP | PL | MZ |
|--|---------------------|-----|----|---------------|----|
| Approximation | 1 | 180 | 6 | mP | F |
| Bild-und Signalanalyse | 1 | 180 | 6 | mP | В |
| Differentialgeometrie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | D |
| Differentialgleichungen in der Biologie | 1 | 180 | 6 | mP | Α |
| Dynamische Systeme | 1 | 180 | 6 | mP | D |
| Fourieranalysis/Distributionen- Theorie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | F |
| Funktionalanalysis | 1 | 270 | 9 | mP+Üs*/KI+Üs* | F |
| Funktionentheorie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | С |
| Maß- und Integrationstheorie | 1 | 270 | 9 | mP+Üs*/KI+Üs* | Α |
| Nichtlineare Optimierung | 1 | 180 | 6 | mP/KI | Α |
| Numerik II | 1 | 270 | 9 | mP+Üs*/KI+Üs* | Α |
| Optimale Steuerung/ Variationsrechnung | 1 | 180 | 6 | mP/KI | D |
| Partielle Differentialgleichungen | 1 | 180 | 6 | mP/KI | Α |
| Spezialvorlesung I Analysis/Optimierung | 1 | 90 | 3 | mP/KI | |
| Spezialvorlesung II Analysis/Optimierung oder alternativ | 1 | 180 | 6 | mP/KI | |

| berufsbezogenes Praktikum (§ 7) | 4 W | 6 | Praktikumsbericht* | |
|---------------------------------|-----|---|--------------------|---|
| | | | (3 S.) | l |

Teilgebiet Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra

| Modul | Dauer (Semester) | AB | LP | PL | MZ |
|---|---------------------|-----|----|---------------------------|----|
| Algebra II | 1 | 270 | 9 | mP+Üs*/KI+Üs* | D |
| Algorithmik/Komplexitätstheorie | 1 | 180 | 6 | mP | С |
| Berechenbarkeitstheorie | 1 | 180 | 6 | mP | D |
| Codierungstheorie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | E |
| Computergrafik I | 1 | 180 | 6 | mP/KI | С |
| Datenbanken | 1 | 180 | 6 | mP | E |
| Diskrete Optimierung | 1 | 180 | 6 | mP/KI | E |
| Graphentheorie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | Е |
| Kombinatorik | 1 | 180 | 6 | mP/KI | D |
| Mathematische Logik | 1 | 180 | 6 | mP | F |
| Operatoralgebren | 1 | 180 | 6 | mP/KI | F |
| Randomisierte Algorithmen | 1 | 180 | 6 | mP | F |
| Spezialvorlesung I Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra | 1 | 90 | 3 | mP/KI | |
| Spezialvorlesung II Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra oder alternativ | 1 | 180 | 6 | mP/KI | |
| berufsbezogenes Praktikum (§ 7) | 4 W | | 6 | Praktikumsbericht* (3 S.) | |

Teilgebiet Stochastik/Statistik

| Modul | Dauer (Semester) | AB | LP | PL | MZ |
|--|---------------------|-----|----|---------------|----|
| Biometrie | 1 | 180 | 6 | mP+Üs*/KI+Üs* | Α |
| Finanz- und Versicherungs- Mathematik | 1 | 180 | 6 | mP/KI | E |
| Mathematische Statistik | 1 | 180 | 6 | mP | D |
| Multivariate Statistik | 1 | 270 | 9 | mP/KI | E |
| Räumliche Statistik | 1 | 180 | 6 | mP | F |
| Spezialvorlesung I Stochastik/Statistik | 1 | 90 | 3 | mP/KI | |
| Spezialvorlesung II Stochastik/Statistik oder alternativ | 1 | 180 | 6 | mP/KI | |

| berufsbezogenes Praktikum (§ 6) | 4 W | | 6 | Praktikumsbericht* (3 S.) | |
|---------------------------------------|-----|-----|---|------------------------------|---|
| Spieltheorie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | С |
| Stochastische Modelle der Biologie | 1 | 180 | 6 | mP/KI | С |
| Stochastische Prozesse | 1 | 180 | 6 | mP | F |
| Wahrscheinlichkeitstheorie | 1 | 270 | 9 | mP+Üs* | E |
| Zeitreihenanalyse | 1 | 180 | 6 | mP | В |

Seminarmodule

| Modul | Dauer (Semester) | AB | LP | PL | MZ |
|----------------|---------------------|-----|----|--|----|
| Seminarmodul A | 2 | 180 | 6 | 2 Seminarvorträge ohne schriftliche Ausarbeitung* | G |
| Seminarmodul B | 1 | 180 | 6 | 1 Seminarvortrag mit schriftlicher Ausarbeitung* | G |

Masterarbeit

| Modul | Dauer (Semester) | AB | LP | PL |
|--------------|---------------------|-----|----|-------------------------------|
| Masterarbeit | 9 Monate | 900 | 30 | Masterarbeit und Verteidigung |

- (3) Die Qualifikationsziele der einzelnen Module ergeben sich aus der Anlage Modulkatalog.
- (4) Regelprüfungstermin aller Module (außer der Masterarbeit) ist das Fachsemester, in dem das betreffende Modul angeboten wird.
- (5) Ein Modul, das bereits im Bachelorstudium absolviert wurde, kann im Masterstudiengang nicht nochmals absolviert werden, es sei denn, die Module sind nicht im Wesentlichen inhaltsgleich. Die Festlegung nach Satz 1 trifft der Prüfungsausschuss.

§ 9 Modulprüfungen

- (1) In Absprache mit dem Studierenden kann eine Modulprüfung auch auf Englisch stattfinden
- (2) Die Modulprüfungen werden in Form einer 30-minütigen mündlichen Prüfungsleistung, einer 90-minütigen Klausur oder eines 60-minütigen Vortrages (Seminare) abgelegt. Für das Seminarmodul B ist weiter eine schriftliche Form des Vortrages zu erstellen. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der

Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten.

- (3) Besteht eine Modulprüfung aus mehreren Prüfungsleistungen, muss jede bestanden werden. Nicht bestandene Prüfungsleistungen lassen bestandene Prüfungsleistungen unberührt.
- (4) Soweit eine Wahl zwischen zwei Prüfungsleistungen (mündliche Prüfung oder Klausur) besteht, wird sie vom Prüfer in der ersten Vorlesungswoche getroffen. Erfolgt die Festlegung nicht oder nicht innerhalb der Frist, gilt die in § 8 zuerst genannte Prüfungsform.
- (5) Vor mündlichen Prüfungen ist dem Studierenden die Gelegenheit zur Konsultation einzuräumen.
- (6) Klausuren werden nach der Begutachtung an die Studierenden zurückgegeben.
- (7) In den Modulprüfungen wird geprüft, ob und inwieweit der Studierende die Qualifikationsziele erreicht hat. Schriftliche Prüfungsleistungen werden von einem Prüfer bewertet; wenn es sich um den letzten Wiederholungsversuch handelt, ist ein zweiter Prüfer heranzuziehen (§ 20 Absatz 2 RPO). Mündliche Prüfungen werden von einem Prüfer in Gegenwart eines sachkundigen Beisitzers bewertet.

§ 10 Masterarbeit und Verteidigung

- (1) Hat der Studierende mindestens 60 LP erworben, kann er die Ausgabe eines Themas für die Masterarbeit beantragen. Das Thema der Masterarbeit soll spätestens sechs Monate nach Beendigung der letzten Modulprüfung ausgegeben werden. Beantragt der Studierende das Thema später oder nicht, verkürzt sich die Bearbeitungszeit entsprechend. Der Antrag auf Ausgabe des Themas der Arbeit soll spätestens 14 Tage vor dem Beginn der Bearbeitungszeit im Zentralen Prüfungsamt vorliegen (§ 28 Absatz 2 RPO).
- (2) Die Masterarbeit wird verteidigt. Für die Masterarbeit sowie deren Verteidigung werden insgesamt 30 LP vergeben. Für die Arbeit werden 28 LP, für die Verteidigung werden 2 LP vergeben. Die Verteidigung besteht aus einem Vortrag von 20 Minuten zu wesentlichen Inhalten der Masterarbeit und einer Diskussion der Ergebnisse und Schlussfolgerungen. Die Verteidigung soll nicht länger als 45 Minuten dauern. Bei Nichtbestehen der Verteidigung kann diese innerhalb von 4 Wochen einmal wiederholt werden. Wird die Wiederholung der Verteidigung erneut nicht bestanden, muss auch die Masterarbeit wiederholt werden.
- (3) Die Bearbeitungszeit für die Masterarbeit beträgt 840 Stunden (28 LP) im Verlauf von neun Monaten.
- (4) Eine elektronische Fassung ist der Arbeit beizufügen. Zugleich hat der Studierende schriftlich zu erklären, dass von der Arbeit eine elektronische Kopie gefertigt und gespeichert werden darf, um eine Überprüfung mittels einer Plagiatssoftware zu ermöglichen.

§ 11 Bildung der Gesamtnote

Für die Masterprüfung wird eine Gesamtnote gebildet. Die Gesamtnote errechnet sich entsprechend § 33 RPO aus den Noten aller Modulprüfungen gemäß Absatz 1 und der Note für die Masterarbeit (inkl. Verteidigung). Die Noten der Modulprüfungen nach Satz 1 gehen mit dem auf den jeweiligen relativen Anteil an Leistungspunkten bezogenen Gewicht ein, die Note für die Masterarbeit wird dabei mit dem zweifachen relativen Anteil gewichtet.

§ 11 Akademischer Grad

Aufgrund der bestandenen Masterprüfung wird der akademische Grad eines Master of Science (abgekürzt: "M. Sc.") vergeben.

§ 12 Inkrafttreten, Übergangsregelungen, Außerkrafttreten

- (1) Die Prüfungs- und Studienordnung tritt am Tag nach ihrer hochschulöffentlichen Bekanntmachung in Kraft.
- (2) Die Prüfungsordnung gilt erstmals für die Studierenden, die zum Wintersemester 2013/14 im Masterstudiengang Mathematik immatrikuliert werden.
- (3) Für vor diesem Zeitpunkt immatrikulierte Kandidaten findet sie Anwendung, wenn der Kandidat dieses beantragt. Der Antrag ist schriftlich und bis zum 31.03.2014 beim Zentralen Prüfungsamt einzureichen und an den Vorsitzenden des Prüfungsausschusses zu richten. Der Antrag ist unwiderruflich.
- (4) Die Prüfungsordnung vom 8. März 2012 tritt zum 30.09.2016 außer Kraft.

Ausgefertigt aufgrund des Beschlusses der Studienkommission des Senats der Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald vom 8. Oktober 2013 der mit Beschluss des Senats vom 18. April 2012 gemäß §§ 81 Absatz 7 LHG M-V und 20 Absatz 1 Satz 2 der Grundordnung der Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald die Befugnis zur Beschlussfassung verliehen wurde, und der Genehmigung der Rektorin vom 8. November 2013.

Greifswald, den 8. November 2013

Die Rektorin der Ernst-Moritz-Arndt-Universität Greifswald Universitätsprofessorin Dr. Johanna Eleonore Weber

Veröffentlichungsvermerk: Hochschulöffentlich bekannt gemacht am 18.11.2013

ERNST-MORITZ-ARNDT-UNIVERSITÄT GREIFSWALD MATHEMATISCH-NATURWISSENSCHAFTLICHE FAKULTÄT Institut für Mathematik und Informatik

Musterstudienpläne

Master of Science Mathematik

Die Modulprüfungen werden in Form einer 30-minütigen mündlichen Prüfungsleistung, einer 90-minütigen Klausur oder eines 60-minütigen Vortrages (Seminare) abgelegt. Für das Seminarmodul B ist weiter eine schriftliche Form des Vortrages zu erstellen. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten.

Musterstudienplan Master Mathematik (Schwerpunkt Diskrete Math. und Informatik)

Studienbeginn: gerades Wintersemester, z.B. Wintersemester 2012/2013

| Semester | Veranstaltung | Teilgebiet | V | Art U | S | D | Prüfungsart | LP | |
|----------|---------------------------------|------------|---|----------|---|---|-------------|----|----|
| | | | | | | _ | | | |
| | Algorithmik/Komplexitätstheorie | 2 | 4 | | | | mP | 6 | |
| | Funktionentheorie | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| 1 | Maß- und Integrationstheorie | 1 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | 30 |
| | Seminar A | 2 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | |
| | Spieltheorie | 3 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | | | | | | | _ | _ | |
| | Bild- und Signalanalyse | 1 | 4 | | | | mP | 6 | |
| | Berechenbarkeitstheorie | 2 | 4 | | | 1 | mP | 6 | |
| 2 | Kombinatorik | 2 | 4 | | | 1 | mP/KI | 6 | 3 |
| 2 | Mathematische Statistik | 3 | 3 | 1 | | 1 | mP | 6 | 33 |
| | Seminar A | 2 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | |
| | Zeitreihenanalyse | 3 | 2 | 2 | | 1 | mP | 6 | |
| | Graphentheorie | 2 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Multivariate Statistik | 3 | | 2 | | | mP/KI | 9 | |
| 3 | | 2 | 4 | _ | | | mP/KI | 6 | 27 |
| | Diskrete Optimierung | 2 | 4 | | | | IIIF/NI | _ | |
| | Masterarbeit beginnt | | | | | 2 | | 6 | |
| 4 | Randomisierte Algorithmen | 2 | 4 | | | 1 | mP | 6 | |
| 4 | Masterarbeit abgeschlossen | | | | | 2 | | 24 | 30 |

Summe 120

Legende:

Teilgebiet 1: Analysis/Optimierung

Teilgebiet 2: Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra

Teilgebiet 3: Stochastik/Statistik Art V: Vorlesung (Umfang in SWS) Art Ü: Übung (Umfang in SWS) Art S: Seminar (Umfang in SWS)

Prüfungsart mP/KI: mündliche Prüfung oder Klausur

Prüfungsart mP+Üs/KI+Üs: mündliche Prüfung und Übungsschein oder alternativ Klausur und Übungsschein

Prüfungsart mP: mündliche Prüfung Prüfungsart Sems: Seminarschein Prüfungsart Ps: Praktikumsschein LP: ECTS-Leistungspunkte

D: Dauer des zugehörigen Moduls in Semestern

Musterstudienplan Master Mathematik (Schwerpunkt Analysis)

Studienbeginn: ungerades Sommersemester, z.B. Sommersemester 2013

| Semester | Veranstaltung | Teilgebiet | V | Ar U | t S | D | Prüfungsart | LP | |
|----------|-------------------------------------|------------|---|---------|--------|---|-------------|----|----|
| | D:// | | | _ | | _ | D (14) | | |
| | Differentialgeometrie | 1 | 3 | | | | mP/KI | 6 | |
| _ | Algebra II | 2 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| 1 | Optimalsteuerung/Variationsrechnung | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | 30 |
| | Dynamische Systeme | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP | 6 | |
| | Seminar A | 1 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | |
| | Partialla Differentialgleichungen | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Partielle Differentialgleichungen | | | ı | | | | | |
| | Nichtlineare Optimierung | 1 | 4 | | | | mP/KI | 6 | |
| 2 | Seminar A | 1 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | 30 |
| | Graphentheorie | 2 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Wahrscheinlichkeitstheorie | 3 | 4 | 2 | | 1 | mP | 9 | |
| | Funktionalanalysis | 1 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| | Operatoralgebren | 2 | 3 | 1 | | | mP/KI | 6 | |
| 3 | Spezialvorlesung I | 1 | 2 | • | | | mP/KI | 3 | 30 |
| 3 | Stochastische Prozesse | 3 | 4 | | | | mP | 6 | က |
| | | 3 | + | | | | | | |
| | Masterarbeit beginnt | | | | | 2 | | 6 | |
| A | Spieltheorie | 3 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | C |
| 4 | Masterarbeit abgeschlossen | | | | | 2 | | 24 | 30 |

Musterstudienplan Master Mathematik (Schwerpunkt Analysis/Optimierung)

Studienbeginn: gerades Wintersemester, z.B. Wintersemester 2012/2013

| Semester | Veranstaltung | Teilgebiet | ٧ | Ar U | t S | D | Prüfungsart | LP | |
|----------|--|------------|---|---------|--------|---|-------------|---------|----|
| | | | | | | | | | |
| | Funktionentheorie | 1 | 3 | 1 | | | | 6 | |
| | Numerik II | 1 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| 1 | Seminar A | 1 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | 30 |
| - | Algorithmik/Komplexitätstheorie | 2 | 4 | | | 1 | mP | 6 | |
| | Spieltheorie | 3 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Differentialgeometrie | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | | | _ | • | | | | 6 | |
| 2 | | 2 | | ' | | | | 6 | 27 |
| _ | | | - | | 2 | | | 3 | 7 |
| | | | _ | 4 | 2 | | | _ | |
| | Mathematische Statistik | 3 | 3 | 1 | | 1 | IMP | 6 | |
| | Partielle Differentialgleichungen | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Nichtlineare Optimierung | 1 | 4 | | | 1 | mp/KI | 6 | |
| 3 | Wahrscheinlichkeitstheorie | 3 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs | 9 | 33 |
| | Diskrete Optimierung | 2 | 4 | | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Funktionentheorie Numerik II Seminar A Algorithmik/Komplexitätstheorie Spieltheorie Differentialgeometrie Optimale Steuerung/Variationsrechnung Kombinatorik Seminar A 1 2 2 Sems 1 mP/KI Differentialgeometrie 1 3 1 1 mP/KI Optimale Steuerung/Variationsrechnung 1 3 1 1 mP/KI Kombinatorik Seminar A 1 2 2 Sems Mathematische Statistik 3 3 1 1 mP/KI Partielle Differentialgleichungen Nichtlineare Optimierung 1 3 1 1 mP/KI Nichtlineare Optimierung 1 3 1 1 mP/KI Nichtlineare Optimierung 1 4 1 mp/KI Nichtlineare Optimierung 3 4 2 1 mP+Üs | 6 | | | | | | | |
| | Formion alugio/Diatribution anther and | 4 | 1 | | | 1 | D/KI | | |
| 4 | | 1 | 4 | | | 2 | IMP/KI | 6 24 | 30 |

Summe 120

120

Summe

Musterstudienplan Master Mathematik (Schwerpunkt Funktionalanalysis/Algebra)

Studienbeginn: gerades Wintersemester, z.B. Wintersemester 2012/2013

| Semester | Veranstaltung | Teilgebiet | Art V U S | D | Prüfungsart | LP | |
|----------|------------------------------------|------------|--------------|---|-------------|-----|----|
| | | | | | | | |
| | Funktionentheorie | 1 | 3 1 | 1 | mP/KI | 6 | |
| _ | Partielle Differentialgleichungen | 1 | 3 1 | 1 | mP/KI | 6 | |
| 1 | Algorithmik/Komplexitätstheorie | 2 | 4 | 1 | mP | 6 | 30 |
| | Spieltheorie | 3 | 3 1 | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Stochastische Modelle der Biologie | 3 | 2 2 | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Algebra II | 2 | 4 2 | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| | Kombinatorik | 2 | 4 | | mP/KI | 6 | |
| 2 | Differentialgeometrie | 1 | 3 1 | | mP/KI | 6 | 30 |
| _ | Dynamische Systeme | 1 | 3 1 | | mP/KI | 6 | m |
| | Seminar A | 2 | 2 | | Sems | 3 | |
| | Seriillai A | | | | Sems | 3 | |
| | Maß- und Integrationstheorie | 1 | 4 2 | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| | Wahrscheinlichkeitstheorie | 3 | 4 2 | 1 | mP+Üs | 9 | |
| 3 | Spezialvorlesung I | 2 | 2 | | mP/KI | 3 | 30 |
| | Seminar A | 2 | _ 2 | | Sems | 3 | • |
| | Masterarbeit beginnt | _ | _ | 2 | | 6 | |
| | Wideligan Segimin | | | _ | | | |
| A | Operatoralgebren | 2 | 3 1 | 1 | mP/KI | 6 | 0 |
| 4 | Masterarbeit abgeschlossen | | | 2 | | 24 | 30 |
| | | _ | | | | 100 | |
| | | | | | Summe | 120 | |

Musterstudienplan Master Mathematik (Schwerpunkt Funktionalanalysis/Algebra)

Studienbeginn: ungerades Wintersemester, z.B. Wintersemester 2013/2014

| Semester | Veranstaltung | Teilgebiet | V | Ar U | t S | D | Prüfungsart | LP | |
|----------|-----------------------------------|------------|---|---------|--------|---|------------------------|----|----|
| | | | | | | | 5 | | |
| | Wahrscheinlichkeitstheorie | 3 | | 2 | | | mP+Üs | 9 | |
| _ | Graphentheorie | 2 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| 1 | Spezialvorlesung I | 2 | 2 | | | 1 | mP/KI | 3 | 30 |
| _ | Multivariate Statistik | 3 | 4 | 2 | | 1 | mP/KI | 9 | |
| | Seminar A | 2 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | |
| | Fundingstoneling | 4 | 4 | _ | | 4 | D . i'l - / / . i'l - | _ | |
| | Funktionalanalysis | 1 | 1 | 2 | | | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| _ | Operatorenalgebren | 2 | 3 | 1 | | | mP/KI | 6 | |
| 2 | Stochastische Prozesse | 3 | 4 | | | 1 | mP | 6 | 30 |
| | Mathematische Logik | 2 | 4 | | | 1 | mP | 6 | |
| | Seminar A | 2 | | | 2 | 2 | Sems | 3 | |
| | Funktionentheorie | 1 | 3 | 1 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| _ | Partielle Differentialgleichungen | | 3 | 1 | | | mP/KI | 6 | |
| 3 | | | | - | | | | | 30 |
| | Maß- und Integrationstheorie | 1 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| | Masterarbeit beginnt | | | | | 2 | | 9 | |
| | Algebra II | 2 | 4 | 2 | | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | _ |
| 4 | Masterarbeit abgeschlossen | _ | | _ | | 2 | 55, 66 | 21 | 30 |

Summe 120

Musterstudienplan Master Mathematik (Schwerpunkt Statistik/Optimierung) Studienbeginn: gerades Wintersemester, z.B. Wintersemester 2012/2013

| Semester | Veranstaltung | Teilgebiet | V | Art US | D | Prüfungsart | LP | |
|----------|--|------------|---|-----------|---|-------------|----|----|
| | Maß und Integrationatheorie | 1 | 4 | 2 | 1 | mP+Üs/KI+Üs | 9 | |
| | Maß- und Integrationstheorie Funktionentheorie | 1 | 3 | 1 | | mP/KI | 6 | |
| 1 1 | | 2 | | ı | | • | 6 | 27 |
| | Algorithmik/Komplexitätstheorie | 3 | 4 | 4 | | | _ | |
| | Spieltheorie | 3 | 3 | 1 | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Differentialgeometrie | 1 | 3 | 1 | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Optimale Steuerung/Variationsrechnung | 1 | | 1 | | mP/KI | 6 | |
| | Seminar A | 1 | | 2 | | Sems | 3 | |
| 2 | Kombinatorik | 2 | 4 | _ | | mP/KI | 6 | 33 |
| | Zeitreihenanalyse | 3 | | 2 | | mP | 6 | |
| | Mathematische Statistik | 3 | | 1 | | mP | 6 | |
| | Traditional Caucine | · · | | | | | | |
| | Nichtlineare Optimierung | 1 | 4 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| | Codierungstheorie | 2 | 4 | | 1 | mP/KI | 6 | |
| 3 | Multivariate Statistik | 3 | 4 | 2 | 1 | mP/KI | 9 | 30 |
| | Seminar A | 3 | | 2 | 2 | Sems | 3 | |
| | Masterarbeit beginnt | | | | 2 | | 6 | |
| | | | | | | | | |
| 1 | Räumliche Statistik | 3 | 2 | 2 | 1 | mP | 6 | 30 |
| | Masterarbeit abgeschlossen | | | | 2 | | 24 | n |

Summe 120

ERNST-MORITZ-ARNDT-UNIVERSITÄT GREIFSWALD MATHEMATISCH-NATURWISSENSCHAFTLICHE FAKULTÄT Institut für Mathematik und Informatik

Modulkatalog

Master of Science Mathematik

Inhaltsverzeichnis

| Teilgebiet Analysis / Optimierung | | | | | 4 |
|---|--|--|--|-----|----|
| Approximation | | | | | 5 |
| Bild- und Signalanalyse | | | | | 6 |
| Differentialgeometrie | | | | | 7 |
| Differentialgleichungen in der Biologie | | | | | 8 |
| Dynamische Systeme | | | | | 9 |
| Fourieranalysis / Distributionentheorie | | | | | 10 |
| Funktionalanalysis | | | | | 11 |
| Funktionentheorie | | | | | 12 |
| Maß- und Integrationstheorie | | | | | 13 |
| Nichtlineare Optimierung | | | | | 14 |
| Numerik II | | | | | 15 |
| Optimale Steuerung / Variationsrechnung | | | | | 16 |
| Partielle Differentialgleichungen | | | | | 17 |
| Spezialvorlesung I Analysis/Optimierung | | | | | 18 |
| Spezialvorlesung II Analysis/Optimierung | | | | | 19 |
| | | | | | _ |
| Teilgebiet Diskrete Mathematik / Algorithmik / Algebra | | | | 2 | 20 |
| Algebra II | | | | . 2 | 21 |
| Algorithmik und Komplexitätstheorie | | | | . 2 | 22 |
| Berechenbarkeitstheorie | | | | | 23 |
| Codierungstheorie | | | | . 2 | 24 |
| Computergrafik I | | | | | 25 |
| Datenbanken | | | | . 2 | 26 |
| Diskrete Optimierung | | | | . 2 | 27 |
| Graphentheorie | | | | . 2 | 28 |
| Kombinatorik | | | | | 29 |
| Mathematische Logik | | | | | 30 |
| Operatoralgebren | | | | . (| 31 |
| Randomisierte Algorithmen | | | | | 32 |
| Spezialvorlesung I Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra | | | | . (| 33 |
| Spezialvorlesung II Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra | | | | | 34 |
| | | | | | |
| Teilgebiet Stochastik / Statistik | | | | | 35 |
| Biometrie | | | | . (| 36 |
| Finanz- und Versicherungsmathematik | | | | | 37 |
| Mathematische Statistik | | | | . (| 38 |
| Multivariate Statistik | | | | | 39 |
| Räumliche Statistik | | | | _ | 40 |

| Spezialvorlesung I Stochastik/Statistik | . 41 |
|--|------|
| Spezialvorlesung II Stochastik/Statistik | |
| Spieltheorie | . 43 |
| Stochastische Modelle der Biologie | |
| Stochastische Prozesse | |
| Wahrscheinlichkeitstheorie | |
| Zeitreihenanalyse | |
| Seminarmodule | 48 |
| Seminarmodul A | . 49 |
| Seminarmodul B | . 50 |
| Berufsbezogenes Praktikum / Masterarbeit | 51 |
| Berufsbezogenes Praktikum | . 52 |
| Masterarbeit | . 53 |

Die Modulprüfungen werden in Form einer 30-minütigen mündlichen Prüfungsleistung, einer 90-minütigen Klausur oder eines 60-minütigen Vortrages (Seminare) abgelegt. Für das Seminarmodul B ist weiter eine schriftliche Form des Vortrages zu erstellen. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten.

Teilgebiet Analysis / Optimierung

| Modul Approximation | |
|---------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Angewandte Mathematik, Professur Numerische |
| | Mathematik und Optimierung |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im SoSe gerade Jahre |
| Ouglifikationa-iala | |

Qualifikationsziele

- Kenntnis der grundlegenden Aufgaben der Approximationstheorie,
- Kenntnis der wichtigen Resultate in Hilberträumen,
- Beherrschung der Methoden zur Bestimmung von besten Approximationen,
- Fähigkeiten zur Bestimmung der Approximationsgüte,
- Kompetenzen in der Anwendung geeigneter Methoden in der Praxis.

- Approximation in normierten Räumen
- stetige und diskrete Approximation
- Interpolation und Splines
- Parameterbestimmung

| Vorkenntnisse | Analysis I,II |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| | Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die In- |
| | halte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15 Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Bild- und Signalanalyse | | | | |
|-------------------------------|-----------------------------|--|--|--|
| Verantwortlicher | Professur Biomathematik | | | |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) | | | |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., B: jährlich im SoSe | | | |
| A !!!!! !! ! ! | | | | |

Qualifikationsziele

- umfassende Kenntnisse der grundlegenden mathematischen Eigenschaften der verschiedenen Transformationen,
- sichere Auswahl der unterschiedlichen Transformationen gemäß ihres Anwendungsfeldes,
- Beherrschung der grundlegenden mathematischen Strukturen zur numerischen Umsetzung der Transformationen.

- Schnelle Fouriertransformation
- Fourierreihen
- Fouriertransformation
- Wavelets
- Mathematische Morphologie

| Vorkenntnisse | Analysis I, II, Gewöhnliche Differentialgleichungen, Lineare Algebra I,II |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Differentialgeometrie | | | | |
|---|-------------------------------------|--|--|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis | | | |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) | | | |
| Dauer/Zyklus 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre | | | | |
| Qualifikationsziele | | | | |

- Kenntnisse über Mannigfaltigkeiten und Untermannigfaltigkeiten,
- Kompetenzen im analytischen Umgang mit gekrümmten Objekten,
- Befähigung zur koordinatenfreien Erfassung und Beschreibung von mathematischen Eigenschaften von Mannigfaltigkeiten,
- Kenntnisse über den Zusammenhang geometrischer Extremaleigenschaften mit physikalischen Variationsprinzipien,
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation durch freie Rede und Diskussion (Übungen).

- Klassische Kurven- und Flächentheorie, Theorema egregium
- Differenzierbare Mannigfaltigkeiten, Vektorbündel, Tensorkalkül
- (Pseudo-)Riemannsche Mannigfaltigkeiten
- Zusammenhänge auf Vektorbündeln, Levi-Civita-Zusammenhang, Torsion und Krümmung
- physikalische Anwendungen der Differentialgeometrie, z. B. in spezieller oder allgemeiner Relativitätstheorie

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Differentialgleichungen in der Biologie | | | | |
|---|-------------------------------------|--|--|--|
| Verantwortlicher | Professur Biomathematik | | | |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) | | | |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., A: jährlich im WS | | | |
| Qualifikationsziele | | | | |

- sicheres Anwenden der unterschiedlichen Stabilitätskriterien,
- Unterscheidung der grundlegenden Bifurkationstypen gewöhnlicher Differentialgleichungen sowie ihre Einordnung gemäß ihrer Bedeutung für die Modellierung,
- Durchführung komplexer Stabilitäts- und Bifurkationsanalysen für gewöhnliche, verzögerte und partielle Differentialgleichungen, auch in Gruppen.

- Stabilität für gewöhnliche Differentialgleichungen
- Bifurkationstheorie gewöhnlicher Differentialgleichungen
- Beispiele für Bifurkationen
- Verzögerte Differentialgleichungen
- Reaktions-Diffusionsgleichungen

| Vorkenntnisse | Analysis I, II, Gewöhnliche Differentialgleichungen, Lineare Algebra I,II |
|---|---|
| Prüfung Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen F Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. halte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüf | |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Dynamische Systeme | | | | |
|--------------------------|--|--|--|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik | | | |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) | | | |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., C: zweijährlich im WS gerade Jahre | | | |
| Qualifikationsziele | | | | |

- Kenntnis einer übergreifenden Theorie, die verschiedene Gebiete der Stochastik und Analysis verbindet,
- Vertiefte und erweiterte Kenntnisse aus den Gebieten Analysis, lineare Algebra, Stochastik und Differenzialgleichungen und Kenntnis der Querverbindungen,
- Grundlegende Kenntnisse für mögliche weitere Module wie stochastische Prozesse und Zeitreihenanalyse und Beherrschung unterschiedlicher Sichtweisen,
- Beherrschung der abstrakten geometrischen Sprache und Denkweise, die komplexe Systeme auf ihre wesentlichen Eigenschaften reduziert,
- Befähigung, die praktische und gesellschaftliche Relevanz von dynamischen Prozessen zu beurteilen,
- Befähigung zur Erkundung komplexer Systeme durch Computerexperimente in den Übungen.

Grundlagen der Dynamischen Systeme:

- Iteration reeller und komplexer Abbildungen, Bahnen, periodische Punkte.Grenzverhalten
- Abbildungen auf metrischen Räumen, Fixpunktsatz, Attraktoren
- maßerhaltende Abbildungen, Rekurrenz, Ergodensätze
- Lineare und nichtlineare Differenzialgleichungen
- Verhalten an kritischen Punkten, Bifurkationen
- chaotische Systeme und ihre Charakteristika

| Vorkenntnisse | Analysis I, II, Stochastik, gewöhnliche Differentialgleichun- |
|---------------------|---|
| | gen, Mathematische Biologie |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| | Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die In- |
| | halte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Fourieranalysis / Distributionentheorie | |
|---|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- fundierte Kenntnisse über die Fouriertransformation und Sicherheit im Umgang mit dem Distributionenkalkül,
- Kompetenz in den wesentlichen Beweistechniken und Lösungsstrategien der Fourieranalysis,
- Befähigung zur Abstraktion und zur Verwendung mathematischer Arbeitsweisen wie das Umsetzen mathematischer Intuition in formale Begründungen und die mathematische Modellierung physikalischer Probleme,
- Befähigung zum Studium von Forschungsliteratur über partielle Differentialgleichungen und harmonische Analysis,
- Kenntnisse über Querverbindungen und den Erfolg des Zusammenwirkens von Methoden aus unterschiedlichen Bereichen (etwa der Analysis, Funktionentheorie und Funktionalanalysis).

- Konvergenz von Fourierreihen
- Faltungsprodukte
- Fourierinversionsformel, Satz von Plancherel
- Testfunktionenräume und Distributionen
- Schwartzraum, temperierte Distributionen und deren Fouriertransformation
- Sobolevräume, das Konzept schwacher Ableitungen, Einbettungssätze, Hilbertraummethoden
- Anwendungen der Theorie auf partielle Differentialgleichungen, insbesondere solcher aus der mathematischen Physik, Fundamentallösungen
- Anwendungen in der Variationsrechnung, Formulierung von Randwertproblemen

| Vorkenntnisse | Analysis I, II; Maß- und Integrationstheorie |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| | mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Funktionalanalysis | |
|--------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Algebra und funktionalanalytische Anwendungen |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im SoSe gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- fundierte Kenntnisse der typischen Probleme der unendlich dimensionalen Theorie und deren Anwendungen,
- Wissen über die enge Verzahnung von Reiner und Angewandter Mathematik (mathematische Physik, Signaltheorie),
- Befähigung zu mathematischen Arbeitsweisen (Entwicklung mathematischer Intuition und deren formale Begründung, Schulung des Abstraktionsvermögens, Beweisführung),
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation durch freie Rede und Diskussion (Übungen).

- Banachräume, Folgenräume, Dualräume, Hilberträume
- Prinzipien der Funktionalanalysis
- kompakte Operatoren
- Spektraltheorie beschränkter Operatoren
- Resolventen
- symmetrische Operatoren
- Funktionalkalkül
- unbeschränkte Operatoren

| Vorkenntnisse | Analysis I, II; Lineare Algebra und Analytische Geometrie I, II |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 270 (Vorlesung: 60, Übung: 30, Selbststudium: 180) |
| Leistungspunkte | 9 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Funktionentheorie | |
|-------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Algebra und funktionalanalytische Anwendungen |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., C: zweijährlich im WS gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Beherrschung einer eleganten mathematischen Theorie,
- Kenntnisse über die Anwendung komplex-analytischer Methoden zur Lösung von Problemen der reellen Analysis,
- vertieftes Verständnis für die elementaren Funktionen durch die Sicht der komplexen Analysis,
- erweitertes Verständnis für den Aufbau und die Methodik der Mathematik, anhand der geschichtlichen Entwicklung dieses mathematischen Gebietes,
- Beherrschung mathematischer Arbeitsweisen (Entwicklung mathematischer Intuition und deren formale Begründung, Schulung des Abstraktionsvermögens, Beweisführung),
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation und wissenschaftlichen Diskussion.

- Komplexe Differenzierbarkeit, Cauchy-Riemannsche Differentialgleichungen, holomorphe Funktionen
- Potenzreihen, analytische Funktionen
- komplexe Kurvenintegrale, Cauchyscher Integralsatz, Cauchysche Integralformel
- Potenzreihenentwicklung, Singularitäten, Laurententwicklung, meromorphe Funktionen
- Residuensatz und seine Anwendungen
- Weierstraßscher Produktsatz, Satz von Mittag-Leffler
- elliptische Funktionen

| Vorkenntnisse | Analysis I, II; Lineare Algebra und Analytische Geometrie I, |
|---------------------|--|
| | II |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Maß- und Integrationstheorie | |
|------------------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Analysis, Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., A: jährlich im WS |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der Stärken und Anwendungen eines abstrakten Maß- und Integrationsbegriffs als Grundlage für ein fortgeschrittenes Studium der Stochastik und Analysis,
- Beherrschung der typischen analytischen und stochastischen Begriffsbildungen und Verständnis ihrer Zusammenhänge,
- Beherrschung fortgeschrittener Beweistechniken,
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation durch freie Rede und Diskussion (Übungen).

Grundlagen der Maß- und Integrationstheorie:

- Konstruktion von Maßen
- Lebesguesche Integrationstheorie
- Produktmaße, Satz von Fubini
- Darstellungssätze (Riesz, Radon-Nikodym)
- L_p -Räume

Weiterführende Themen, z.B.

- \bullet Lebesgue-Integral auf Untermannigfaltigkeiten des \mathbb{R}^n , Differentialformen und der Satz von Stokes
- Desintegration und bedingte Erwartungswerte

| Vorkenntnisse | Analysis I, II |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 270 (Vorlesung: 60, Übung: 30, Selbststudium: 180) |
| Leistungspunkte | 9 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Nichtlineare Optimierung | |
|--------------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Angewandte Mathematik, Professur Numerische |
| | Mathematik und Optimierung |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., A: jährlich im WS |
| Ovalifikationasiala | |

Qualifikationsziele

- grundlegende Kenntnisse der Optimierungstheorie,
- Fähigkeiten zur numerischen Lösung von Optimierungsproblemen,
- Verständnis für die Relevanz von Optimierungsaufgaben für zahlreiche praktische Fragestellungen,
- Kompetenzen in der Klassifikation konkreter Aufgaben und der geeigneten Methodenwahl.

- Notwendige und hinreichende Bedingungen zur Lösung von unbeschränkten und beschränkten, linearen Optimierungsproblemen (Karush-Kuhn-Tucker Theorie)
- Methoden zur numerischen Lösung von entsprechenden, glatten Problemen
- Abstiegsverfahren
- Trust-Region-Verfahren
- Penalty-Verfahren
- Aktive-Mengen-Strategie und SQP-Verfahren

| Vorkenntnisse | Analysis I, II; Lineare Algebra I, II; Optimierung |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Numerik II | |
|---------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Angewandte Mathematik, Professur Numerische |
| | Mathematik und Optimierung |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., A: jährlich im WS |
| Qualifikationsziele | |

- Beherrschung der grundlegenden Methoden zur numerischen Lösung von partiellen Differentialgleichungen,
- Kompetenzen in der Auswahl geeigneter Verfahren für konkrete Aufgabenstellungen,
- Beherrschung der Konvergenztheorie und der Methoden der Fehlerkontrolle,
- Kompetenz in der Umsetzung von numerischen Verfahren in effiziente Software (große Gleichungssysteme),
- Kenntnis der Querverbindungen zu anderen Bereichen wie Analysis, Algebra, Geometrie u.v.m.,
- Beherrschung der wichtigsten Methoden zur Berechnung von Eigenwerten,
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation durch freie Rede und wissenschaftliche Diskussion (Übungen).

- Numerik partieller Differentialgleichungen
- Methoden für elliptische, parabolische und hyperbolische Probleme
- Iterative Lösung großer Gleichungssysteme
- Numerik von Eigenwertaufgaben

| Vorkenntnisse | Numerik I |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 270 (Vorlesung: 60, Übung: 30, Selbststudium: 180) |
| Leistungspunkte | 9 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Optimale Steuerung / Variationsrechnung | |
|---|---|
| Verantwortlicher | Professur Angewandte Mathematik, Professur Numerische |
| | Mathematik und Optimierung |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre |
| Ouglifikation aniala | |

Qualifikationsziele

- Beherrschung der grundlegenden Methoden der Variationsrechnung in einem systematischen Aufbau,
- Kenntnis der notwendigen Bedingungen im Falle von Nebenbedingungen,
- Beherrschung der numerischen Verfahren zur Lösung der resultierenden Randwertprobleme,
- Verständnis der Übereinstimmungen mit und Unterschiede zu Optimierungsproblemen im endlich-dimensionalen Raum,
- Befähigung zur Bearbeitung anwendungsorientierter Fragestellungen mit entsprechender Software,
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation und fachlichen Diskussion.

- Variationsprobleme ohne Nebenbedingungen Notwendige Bedingungen 1. Ordnung
- Nebenbedingungen in Integralform, in Form von Differentialgleichungen und in Form von Ungleichungen
- Optimalsteuerungsprobleme und Lösung von Mehrpunkt-Randwertproblemen
- Notwendige Bedingungen 2. Ordnung
- Hinreichende Bedingung von Weierstraß.

| Vorkenntnisse | Analysis I, II |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Partielle Differentialgleichungen | |
|---|-------------------------------------|
| Verantwortlicher | Professur Analysis |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., A: jährlich im WS |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnisse über die fundamentalen Typen von Differentialgleichungen (Laplacegleichung, Wärmeleitungsgleichung, Wellengleichung),
- Befähigung, Probleme mathematisch mit Hilfe partieller Differentialgleichungen zu formulieren,
- Beherrschung analytischer Lösungsmethoden,
- Befähigung zur mündlichen Kommunikation durch freie Rede und Diskussion (Übungen).

Partielle Differentialgleichungen 1. Ordnung:

- Charakteristikenmethode
- Vollständiges Integral
- Hamilton-Jacobi-Theorie

Partielle Differentialgleichungen 2. Ordnung:

- Laplace-Gleichung (Fundamentallösung, Darstellungsformeln, Greensche Funktion, Dirichlet-Problem für die Kugel, Maximumprinzip)
- Wärmeleitungsgleichung (Fundamentallösung, Anfangs-Randwertproblem, Maximumprinzip)
- Wellengleichung (Anfangswertproblem, Duhamelsches Prinzip)
- Hilbertraummethoden bei elliptischen Randwertproblemen (Einführung)

| Vorkenntnisse | Analysis, Gewöhnliche Differentialgleichungen |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Spezialvorlesun | Modul Spezialvorlesung I Analysis/Optimierung | |
|--|---|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis, Professur Numerische Mathematik und | |
| | Optimierung, Professur Angewandte Mathematik | |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) | |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., nach Bedarf | |
| Qualifikationsziele | | |
| Vertiefte Kenntnisse und erweiterte Kompetenzen in einem ausgewählten Spezialge- | | |
| biet. | | |
| Inhalt | | |
| Spezielle Themen aus Analysis / Optimierung | | |
| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie | |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer | |
| | mündlichen Prüfung. | |
| Note | Note der Modulprüfung | |
| Aufwand | 90 (Vorlesung: 30, Selbststudium: 60) | |
| Leistungspunkte | 3 | |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung | |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. | |

| Modul Spezialvorlesung II Analysis/Optimierung | | |
|--|---|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis, Professur Numerische Mathematik und | |
| | Optimierung, Professur Angewandte Mathematik | |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) | |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., nach Bedarf | |
| Qualifikationsziele | | |
| Umfangreiche, vertiefte | Kenntnisse und umfassende Kompetenzen in einem aus- | |
| gewählten Spezialgebiet | | |
| Inhalt | | |
| Spezielle Themen aus Analysis / Optimierung | | |
| | , , | |
| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie | |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer | |
| | mündlichen Prüfung. | |
| Note | Note der Modulprüfung | |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) | |
| Leistungspunkte | 6 | |
| Teilgebiet | Analysis/Optimierung | |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. | |

Teilgebiet Diskrete Mathematik / Algorithmik / Algebra

| Modul Algebra II | |
|---------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis, Professur Algebra und funktionalanalyti- |
| | sche Anwendungen |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der Algebraisierung eines fundamentalen Symmetriebegriffes,
- Kenntnis über das Zusammenwirken geometrischer und algebraischer Methoden,
- Beherrschung des grundlegenden Begriffs der Darstellung und seiner Anwendungen in vielen Gebieten der Mathematik und Naturwissenschaften (Algebra, Operatoralgebren, Physik, Chemie),
- Fähigkeit zur eigenständigen Entwicklung komplexer mathematischer Modelle,
- souveräne Beherrschung mathematischer Arbeitsweisen (Entwicklung mathematischer Intuition und deren formale Begründung, Schulung des Abstraktionsvermögens, Beweisführung),
- Kommunikationsfähigkeit in wissenschaftlicher Diskussion (Übung).

- Lie-Algebren: Nilpotente und auflösbare Lie-Algebren, Satz von Engel, Satz von Lie, Kriterium von Cartan, Halbeinfache Lie-Gruppen, Kriterium für Halbeinfachheit, Klassifikation und Darstellungstheorie halbeinfacher Lie-Algebren oder
- Darstellungstheorie: Darstellungstheorie endlicher Gruppen, vollständige Reduzibilität; Schursches Lemma, Charaktere, irreduzible Darstellungen der symmetrischen Gruppen, Young-Tableaux, Darstellungstheorie der klassischen Matrix-Gruppen, Klassische Gruppen, irreduzible Darstellungen der klassischen Gruppen

| Verkenntniese | Analysis I II Alashan I |
|---------------------|--|
| Vorkenntnisse | Analysis I, II, Algebra I |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 270 (Vorlesung: 60, Übung: 30, Selbststudium: 180) |
| Leistungspunkte | 9 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Algorithmik und Komplexitätstheorie | |
|---|---|
| Verantwortlicher | Professur Mathematische Logik und Grundlagen der Mathe- |
| | matik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., C: zweijährlich im WS gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der grundlegenden Ergebnisse der strukturellen Komplexitätstheorie,
- Beherrschung der wesentlichen Techniken der Komplexitätstheorie,
- Kompetenz in Entwurf und Analyse von Algorithmen,
- Fähigkeiten in der Anwendung der Konzepte der theoretischen Informatik auf mathematische und informatische Probleme.

- Motivation und Praxisrelevanz der Thematik
- Komplexitätsklassen, Hierarchie- und Separationssätze
- nichtdeterministische Maschinen und Komplexitätsklassen
- D-ND-Resultate bezüglich der Raumkomplexität
- Reduzierbarkeitsrelationen und vollständige Probleme
- NP-vollständige Probleme und die P-NP-Problematik
- vollständige Probleme für andere Komplexitätsklassen
- weitere Themen der strukturellen Komplexitätstheorie
- Anwendungen auf Optimierungs- und DV-Probleme

| Vorkenntnisse | Vorlesungen "Theoretische Informatik" und "Datenstrukturen und effiziente Algorithmen" |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Berechenbarkeitstheorie | |
|-------------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Mathematische Logik und Grundlagen der Mathe- |
| | matik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kompetenz in der Einordnung und Anwendung von Ergebnisse und Techniken der Berechenbarkeitstheorie im Überschneidungsgebiet von mathematischer Logik und theoretischer Informatik,
- Kompetenz in der Beurteilung der Gödelschen Ergebnisse,
- Beherrschung des sicheren Umgangs mit Fragen der Effektivität und Formalisierbarkeit.

- Berechenbarkeit: grundlegende Eigenschaften und Beziehungen
- Nummerierungen, insbesondere Gödelnummerierungen
- Reduzierbarkeit von Entscheidungsproblemen durch Abbildungen
- Turing-Reduzierbarkeit und Arithmetische Hierarchie
- Anwendungen in Logik und Grundlagen der Mathematik, insbesondere Gödelscher Unvollständigkeitssatz
- Analytische Hierarchie und Berechenbarkeit höherer Stufe
- Weitere Ausblicke und Anwendungen

| Vorkenntnisse | Vorlesungen zur theoretischen Informatik und Grundvorlesungen zur Analysis und Algebra. |
|---------------------|---|
| | · · |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Codierungstheorie | |
|-------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Algebra und funktionalanalytische Anwendungen, |
| | Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., E: zweijährlich im WS ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- fundiertes Verständnis für die grundlegenden Prinzipien der Codierung,
- Kenntnisse über die Anwendung von Algebra (z. B. Galois-Felder) und Analysis (z. B. p-Funktion von Weierstraß) in der Codierung.

- Lineare Codes, zyklische Codes, quadratische Reste-Codes
- Codierung und Decodierung
- Fehlerkorrigierende und -erkennende Codes
- Geometrische Codierung, doppelperiodische Funktionen
- Elemente der Kryptographie, assymetrische Codierung

| Vorkenntnisse | Algebra, Funktionentheorie |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| | mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Computergrafik I | |
|------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Informatik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., C: zweijährlich im WS gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Verständnis für die im Kontext der grafischen Darstellung auftretenden Problemstellungen,
- Befähigung zur Lösung entsprechender Probleme mit aktuellen Bibliotheken,
- vertiefte praktische Kompetenzen in der Bearbeitung von Programmieraufgaben und Verwendung von u.a. OpenGL.

- Mathematische Grundlagen der Computergrafik,
- menschliche Farbwahrnehmung,
- Theorie der Bildentstehung,
- OpenGL,
- objektorientierten Grafikprogrammierung,
- Dateiformate,
- OpenGLSL

| Vorkenntnisse | Algorithmen und Programmierung, Lineare Algebra und analytische Geometrie, Praxis des Programmierens |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Datenbanken | |
|---------------------|-------------------------------------|
| Verantwortlicher | Professuren Informatik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., zweijährlich im WS |
| Qualifikationsziele | |

- Befähigung zum Entwurf eines relationalen Datenbankschemas,
- Kompetenz zur Bewertung eines solchen anhand von objektiven Kriterien wie funktionellen Abhängigkeiten,
- Kompetenz zur Formulierung von Datenbankabfragen, auch bei Verknüpfung mehrerer Tabellen,
- Kenntnis der Datenstrukturen und Methoden, mit denen eine Datenbank intern die Daten organisiert, unter Berücksichtigung von Datensicherheit beim Ausfall von Hardware,
- Kompetenz zur Implementierung von Datenbankanwendungen in wenigstens einer Programmiersprache.

- Datenbankarchitektur
- relationales Datenmodell
- Datenbankabfragesprache SQL
- Entity-Relationship-Modell
- Normalformen
- Dateiorganisation und Indizes
- XML
- Datenbankanwendungen

| Vorkenntnisse | Einführung in die EDV, Algorithmen und Programmierung |
|-----------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| | Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die In- |
| | halte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Spezialvorlesung Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |

| Modul Diskrete Optimierung | |
|----------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., E: zweijährlich im WS ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Vertiefte Kenntnisse zu modernen Lösungsalgorithmen für Probleme der Diskreten Optimierung,
- Kenntnis exemplarischer Ansätze zur approximativen Lösung schwieriger Probleme der Diskreten Optimierung.

- Bäume, Wege, Flüsse, Paarungen, Stabile Mengen in Graphen
- Approximationsalgorithmen
- LP-artige Probleme
- Ganzzahlige LP-Probleme
- Schnittebenenverfahren
- Branch and Bound

| Vorkenntnisse | Optimierung |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| | mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Graphentheorie | |
|----------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Diskrete Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., E: zweijährlich im WS ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der grundlegenden Begriffe der Graphentheorie,
- Beherrschung der prinzipiellen Techniken (Algorithmen) zum Zählen, zur Parameterbestimmung und zur Optimierung graphentheoretischer Strukturen,
- Beherrschung verschiedener kombinatorische Beweistechniken,
- grundlegende Kenntnisse in der Topologie von Flächen.

Grundlegende graphentheoretische Konzepte und Eigenschaften von Graphen:

- Beispiele und Fragen zu ungerichteten und gerichteten Graphen
- Bäume, Kürzeste Wege, aufspannende Bäume
- Eulersche und Hamiltonsche Graphen
- Färbungen von Graphen
- Matchings und bipartite Graphen

Weiterführende Themen, z.B.

- Planare Graphen, Vierfarbenproblem, Eulersche Formel
- Flüsse in Netzwerken
- Beispiele und Probleme komplexer Netzwerke

| Vorkenntnisse | Elementare Kombinatorik, Lineare Algebra, Algorithmik |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Kombinatorik | |
|---------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- fundiertes Verständnis für die grundlegenden Prinzipien der Kombinatorik,
- Beherrschung von algebraischen Methoden zum Zwecke der Lösung kombinatorischer Probleme.

- Wörter, Auswahlen, Teilmengen, Zählprinzipien
- Abzählprobleme für Permutationen
- Rekursionen
- Summationen, Erzeugende Funktionen
- Differenzenrechnungen, Diskrete Intergration, Inversionen
- Muster, Abzählung von Mustern
- Orthogonale lateinische Quadrate, Blockpläne, affine Geometrien

| Vorkenntnisse | Algebra |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| | mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Mathematische Logik | |
|---------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Mathematische Logik und Grundlagen der Mathe- |
| | matik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im SoSe gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis und Beherrschung grundlegender Präzisierungstechniken für die Syntax und Semantik logischer Systeme,
- vertiefte Beherrschung der mathematischen Fachsprache,
- Kompetenzen bei der Bewertung mathematischer Beweismethoden,
- erweitertes Verständnis für das Wechselspiel zwischen mathematischer Intuition und ihrer Präzisierung durch formale Systeme,
- Verständnis für die Bedeutung grundlegender Erkenntnisse der mathematischen Logik (Kompaktheit, Vollständigkeit, Unvollständigkeit) für die Mathematik.

- Syntax, Semantik und Beweiskalküle der Aussagenlogik und der Prädikatenlogik erster Stufe
- Vollständigkeitssätze, insbesondere Gödelscher Vollständigkeitssatz
- Kompaktheitssätze und Anwendungen/Folgerungen
- elementare und nichtelementare Theorien und Modellklassen
- Motivationen aus und Anwendungen in der Mathematik

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Operatoralgebren | |
|------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Algebra und funktionalanalytische Anwendungen |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im SoSe gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der Grundstrukturen (C*-Algebren, von-Neumann-Algebren) der Theorie der Operator-Algebren,
- Beherrschung der wichtigsten analytischen und algebraischen Methoden,
- Fähigkeit zur eigenständigen Entwicklung komplexer mathematischer Modelle,
- Kenntnis von den Anwendungen der Operator-Theorie, vor allem in der Quantenphysik,
- Fähigkeit zur Kommunikation über Fachthemen, auch in einer Fremdsprache.

- C*-Algebren, Spektrum
- Gelfand-Theorie der kommutativen Banach-Algebren
- positive Elemente, approximierende Einheiten
- Ideale, Polarzerlegung
- Gelfand-Naimark-Segal-Konstruktion
- von-Neumann-Algebren, schwache Operatortopologie, Doppelkommutantensatz
- Dichtheitssatz von Kaplansky
- L^{∞} -Funktionalkalkül

| Vorkenntnisse | Funktionalanalysis |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Randomisierte Algorithmen | |
|---------------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professuren Informatik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im geraden SoSe |
| Qualifikationsziele | |

- Fähigkeit zur Analyse und zum Entwurf von randomisierten Algorithmen,
- Verständnis für die grundlegenden Probleme, die bei der Analyse und dem Entwurf auftreten,
- Beherrschung einer Palette von Werkzeugen und Techniken, mit deren Hilfe diese Probleme gelöst werden können.

- Grundlegende Begriffe und Techniken (Typen von randomisierten Algorithmen, Laufzeit als Erwartungswert, Chernoff-Schranken, probabilistische Methode, Random Walks)
- Randomisierte Datenstrukturen
- Randomisierte Algorithmen für Probleme auf Graphen
- Randomisierte Algorithmen für Probleme aus der Zahlentheorie
- Randomisierte Approximationsalgorithmen

| Vorkenntnisse | Algorithmen und Programmierung, Stochastik, Theoretische Informatik |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Spezialvorlesur | ig I Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra |
|---|---|
| Verantwortlicher | Professuren Informatik, Professur Algebra und funktional- analytische Anwendungen, Professur Mathematische Logik und Grundlagen der Mathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., nach Bedarf |
| Qualifikationsziele | |
| Vertiefte Kenntnisse und biet. | d erweiterte Kompetenzen in einem ausgewählten Spezialge- |
| | |
| Inhalt | |
| | aus Diskrete Mathematik, Algorithmik oder Algebra |
| | aus Diskrete Mathematik, Algorithmik oder Algebra Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie |
| Spezielle Themen | |
| Spezielle Themen Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| Spezielle ThemenVorkenntnissePrüfung | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. |
| Spezielle ThemenVorkenntnissePrüfungNote | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Note der Modulprüfung |
| Spezielle Themen Vorkenntnisse Prüfung Note Aufwand | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Note der Modulprüfung 90 (Vorlesung: 30, Selbststudium: 60) |

| Modul Spezialvorlesung II Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra | |
|---|--|
| Verantwortlicher | Professuren Informatik, Professur Algebra und funktional- analytische Anwendungen, Professur Mathematische Logik und Grundlagen der Mathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., nach Bedarf |
| Qualifikationsziele | |
| Umfangreiche, vertiefte gewählten Spezialgebie | Kenntnisse und umfassende Kompetenzen in einem aust. |
| Inhalt | |
| IIIIIait | |
| | aus Diskrete Mathematik, Algorithmik oder Algebra |
| | aus Diskrete Mathematik, Algorithmik oder Algebra Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie |
| Spezielle Themen | |
| • Spezielle Themen Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| Spezielle ThemenVorkenntnissePrüfung | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. |
| Spezielle ThemenVorkenntnissePrüfungNote | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Note der Modulprüfung |
| Spezielle ThemenVorkenntnissePrüfungNoteAufwand | Analysis, Lineare Algebra und analytische Geometrie Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Note der Modulprüfung 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |

Teilgebiet Stochastik / Statistik

| Modul Biometrie | |
|---------------------|-------------------------------------|
| Verantwortlicher | Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., A: jährlich im WS |
| Qualifikationaziala | |

Qualifikationsziele

- Fundierte Kenntnisse in der statistischen Modellierung genetischer Gesetzmäßigkeiten,
- Kompetenzen zur Evaluierung pharmakokinetischer Modelle in Bezug auf Datenqualität, mathematischen Ansatz und Methoden der Parameterberechnung,
- Fundiertes Wissen zur Regulierung klinischer Studien,
- Detailkenntnisse zu ausgewählten statistischen Methoden im Kontext klinischer Studien,
- Fähigkeit zur Kontext-bezogenen Interpretation der Ergebnisse biometrischer Modellierungen und Datenauswertungen.

- Biometrische Modellierung: Genetik
- Biometrische Modellierung: Pharmakokinetik
- Methodik klinischer Studien: allgemeine Prinzipien und rechtlicher Rahmen, ausgewählte statistische Methoden

| Vorkenntnisse | Statistik, Gewöhnliche Differentialgleichungen, Mathematische Biologie |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Finanz- und Versicherungsmathematik | |
|---|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., E: zweijährlich im WS ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Verständnis für die mathematische Modellierung ökonomischer Probleme und für finanzpolitische Fragen,
- Kompetenzen zur selbständigen und sicheren Bewältigung von Problemen der Finanzmathematik,
- Beherrschung der Prinzipien der Lebens- und Sachversicherung und der zugehörigen Konzepte der Stochastik.

- Grundlegende Konzepte der Finanzmathematik: Zins, Barwert, Kurse, Renten, Kredite, Effektivzins
- Lebensversicherung: Äquivalenzprinzip, Bevölkerungsstatistik und Sterbetafeln, Deckungskapital
- Sachversicherung und Risikomanagement: Risiko-Parameter, Portfolios, individuelles und kollektives Modell, Gesetz der großen Zahlen und Satz von Wald, Schadenszahl- und Schadenshöhe-Verteilungen
- Risikoprozess und Ruin-Problem, Satz von Lundberg
- Kapitalmarkt: Marktpreise, Hedging, Finanzderivate

| Vorkenntnisse | Analysis I,II, Lineare Algebra I, Stochastik, Statistik |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Mathematische Statistik | |
|-------------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Biomathematik, Professur Statistik |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., D: zweijährlich im SoSe ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- fundierte Beherrschung der mathematischen Grundlagen der Statistik,
- solide Kenntnisse der zentralen Ergebnisse der Mathematischen Statistik,
- Fähigkeit zur fundierten Beurteilung statistischer Verfahren,
- Befähigung zur Weiterentwicklung statistischer Methoden in Hinblick auf neuartige Problemstellungen,
- Kenntnisse über die Vielfalt der Ansätze und den aktuellen Stand der Mathematischen Statistik,
- Befähigung zur Lektüre von wissenschaftlichen Arbeiten aus dem Gebiet der Mathematischen Statistik,
- Befähigung zur selbständigen wissenschaftlichen Arbeiten in der Statistik.

- Statistische Modelle, parametrische Verteilungsannahmen
- Dominierte Klassen von Verteilungen, Exponentialfamilien
- Suffizienz
- Punktschätzer, Konfidenzbereiche, Tests
- Gütekriterien und Optimalität für Schätzer und Tests
- Likelihood-Methoden
- Bayes-Methoden
- Statistische Entscheidungstheorie
- Asymptotische Statistik
- Nichtparametrische Modelle
- Resampling-Methoden

| Vorkenntnisse | Statistik, Wahrscheinlichkeitstheorie |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| | Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die In- |
| | halte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Multivariate Statistik | |
|------------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., E: zweijährlich im WS ungerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- umfassende Kenntnisse zu Modellen und Methoden der Multivariaten Statik,
- Kompetenzen zur selbstständigen Auswahl von adäquaten Modellen und Methoden für reale Daten und Befähigung zur Interpretation der Ergebnisse,
- erweiterte Fähigkeiten in der Datenanalyse (Übung).

Grundlagen der Multivariaten Statistik:

- Allgemeine Lineare Modelle
- Generalisierte Lineare Modelle
- Hauptkomponentenanalyse
- Latentstrukturanalyse
- Diskriminanzanalyse
- Clusteranalyse
- Multidimensionale Skalierung

| Vorkenntnisse | Stochastik, Statistik |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an der Übung wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 270 (Vorlesung: 60, Übung: 30, Selbststudium: 180) |
| Leistungspunkte | 9 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Räumliche Statistik | |
|---------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im SoSe gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der grundlegenden Modelle verallgemeinert stationärer räumlicher und räumlich-zeitlicher Prozesse und der grundlegenden Methoden zur Schätzung ihrer Charakteristika,
- Kenntnis der grundlegenden Modelle für Punktprozesse und der grundlegenden Methoden zur Schätzung ihrer Charakteristika,
- Beherrschung der Auswahl, Bewertung und praktischen Anwendung statistischer Methoden auf räumlich und räumlich-zeitliche Datensätze.

- Zufallsfelder in stetigem Raum und stetiger Zeit: Mittelwert und Covariogramm-Schätzung
- Punktprozesse und Charakteristiken: Poissonprozess, K- und L-Funktion, Momentenmaße, Schätzung und Inferenz
- Zufällige Mengen und Maße, Boolsches Modell
- Anwendungsbeispiele

| Vorkenntnisse | Stochastik I, Lineare Algebra I, II |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| | Die aktive Teilnahme an der Übung wird erwartet. Die Inhalte |
| | von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Spezialvorlesun | g I Stochastik/Statistik |
|--------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Statistik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., nach Bedarf |
| Qualifikationsziele | |
| Vertiefte Kenntnisse und | I erweiterte Kompetenzen in einem ausgewählten Spezialge- |
| biet. | |
| Inhalt | |
| Spezielle Themen | aus Stochastik / Statistik |
| Vorkenntnisse | Stochastik, Statistik |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer |
| | mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 90 (Vorlesung: 30, Selbststudium: 60) |
| Leistungspunkte | 3 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Spezialvorlesun | g II Stochastik/Statistik |
|---|---|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Statistik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., nach Bedarf |
| Qualifikationsziele | |
| Umfangreiche, vertiefte gewählten Spezialgebiet | Kenntnisse und umfassende Kompetenzen in einem aust. |
| Inhalt | |
| Spezielle Themen | aus Stochastik / Statistik |
| Vorkenntnisse | Stochastik, Statistik |
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| | |

| Modul Spieltheorie | |
|---------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (3 SWS) und Übung (1 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., C: zweijährlich im WS gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Befähigung zu strategischem Denken und zur Formulierung von Gegensätzen von Interessen,
- Beherrschung der Lösungsansätze,
- Verständnis für die Struktur von Konfliktsituationen und deren mathematische Modellierung anhand von Problemen aus Politik, Wirtschaft und Alltag,
- Kenntnis der neueren Ansätze der evolutionären und dynamischen Spieltheorie im Zusammenhang und Gegensatz mit klassischen Lösungskonzepten,
- Verständnis für die Komplexität und Vielfältigkeit der Varianten bei Mehrpersonenspielen,
- Beherrschung einfacher Ansätze wie Kern und Shapley-Index,
- Vertiefte Kenntnisse in Stochastik, Analysis und Optimierung durch neue Anwendungen.

- Lösung kombinatorischer Spiele
- Klassische Zwei-Personen Matrix-Spiele, reine und gemischte Strategien
- Minimax-Lösung und Nash-Gleichgewicht, Existenzsätze
- Evolutionäre Spieltheorie, evolutionär stabile Gleichgewichte
- Dynamische Modellierung von Spielen
- Mehrpersonenspiele, Koalitionsbildung, Kern, Shapley-Indizes

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra, Stochastik |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 45, Übung: 15, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Stochastische Modelle der Biologie | |
|--|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., C: zweijährlich im WS gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Beherrschung der Theorie endlicher homogener Markov-Ketten und ihrer Anwendung als einfaches Modellierungswerkzeug,
- Kenntnis einer Reihe von grundlegenden Modellen in der Biologie,
- Gefestigte und erweiterte Kenntnisse aus Stochastik, Lineare Algebra und Diskrete Strukturen.
- Beherrschung von Grundkonzepten und motivierenden Beispielen für weiterführende Module (Stochastische Prozesse, Molekulare Evolution, Spieltheorie, Dynamische Systeme).

Grundlagen der Markov-Prozesse und biologische Anwendungen:

- Markov-Ketten, Strukturbestimmung, Mittelwertregeln für absorbierende Ketten und Grenzverhalten für irreduzible Ketten
- Galton-Watson Verzweigungsprozesse
- Stochastische Modelle in der Populationsgenetik
- Markov-Prozesse in stetiger Zeit

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra, Stochastik, Differentialgleichungen |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer Klausur oder einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Stochastische Prozesse | |
|------------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Biomathematik, Professur |
| | Algebra und funktionalanalytische Anwendungen |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., F: zweijährlich im SoSe gerade Jahre |
| Qualifikationsziele | |

- Kenntnis der grundlegenden Modelle zeitlicher Prozesse und ihrer Eigenschaften.
- Kenntnis der grundlegenden Charakteristika der Brownschen Bewegung und Beurteilung ihrer Bedeutung für die Modellbildung.

- Grundbegriffe, Filtrationen, Stoppzeiten
- Markovprozesse in diskreter und kontinuierlicher Zeit
- Brownsche Bewegung (Wiener-Prozess)
- Martingale
- Stochastische Integration, stochastische Differentialgleichungen

| Vorkenntnisse | Stochastik I, Analysis I, II, Gewöhnliche Differentialgleichungen, Lineare Algebra I, II |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Wahrscheinlichkeitstheorie | |
|----------------------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Statistik, Professur Algebra |
| | und funktionalanalytische Anwendungen |
| Lehrformen | Vorlesung (4 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., E: zweijährlich im WS ungerade Jahre |
| Qualifikationeziolo | |

- Beherrschung der mathematischen Grundlagen der modernen Wahrscheinlichkeitstheorie.
- Befähigung zur Formulierung, systematischen Einordnung und Lösung von stochastischen Problemstellungen in der Sprache der Wahrscheinlichkeitstheorie,
- Überblick über die Vielfalt stochastischer Methoden,
- Kompetenz zur selbständigen Beschäftigung mit wissenschaftlichen Arbeiten aus dem Gebiet der Wahrscheinlichkeitstheorie,
- Kompetenz zum selbständigen wissenschaftlichen Arbeiten.

- Maßtheoretische Grundlegung der Wahrscheinlichkeitstheorie
- Konvergenzbegriffe für Zufallsvariablen, schwache Konvergenz von Wahrscheinlichkeitsmaßen
- Bedingte Erwartungswerte
- Wahrscheinlichkeitsmaße in Produkträumen.
- Null-Eins-Gesetze
- Gesetze der großen Zahlen
- Charakteristische Funktionen, zentraler Grenzwertsatz
- Weiterführende Fragestellungen: z. B. Martingale in diskreter Zeit, Theorie großer Abweichungen, Ergodensatz, unbegrenzt teilbare Verteilungen

| Vorkenntnisse | Analysis I, II, Stochastik, Maßtheorie |
|---------------------|---|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. Die Kriterien für den Erhalt eines Übungsscheines legt der Dozent in der ersten Vorlesungswoche fest. Erfolgt keine Festlegung, so sind 50 % der Übungsaufgaben erfolgreich zu bearbeiten. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 270 (Vorlesung: 60, Übung: 30, Selbststudium: 180) |
| Leistungspunkte | 9 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Zeitreihenanalyse | |
|-------------------------|---|
| Verantwortlicher | Professur Stochastik, Professur Biomathematik |
| Lehrformen | Vorlesung (2 SWS) und Übung (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., B: jährlich im SoSe |
| Qualifikationaziala | |

Qualifikationsziele

- Beherrschung der grundlegenden Modelle und statistischen Verfahren für Zeitreihen, sowohl konzeptionell wie auch in der interaktiven Arbeit mit Daten
- Kenntnis weiterführender Methoden, Fragestellungen und Ansätze
- Sammlung von praktischen Erfahrungen in der Bearbeitung großer und komplexer Datenstrukturen
- Verständnis für die Spezifik von Zeitreihen (z.B. aus Ökonomie, Finanzmarkt, Medizin, Sprache und Musik)
- Erwerb einer angewandten Sichtweise als Ergänzung für die Module Differentialgleichungen, stochastische Prozesse, dynamische Systeme
- Beherrschung der abstrakten geometrischen Sprache und Denkweise, die komplexe Systeme auf ihre wesentlichen Eigenschaften reduziert,
- Befähigung zur Erkundung komplexer Systeme durch Computerexperimente in den Übungen.

Inhalt

Methoden und Anwendungen der Zeitreihenanalyse:

- Elementares Zeitreihenmodell, Trends, periodische und zufällige Komponenten
- ARMA-Prozesse und ihre Stationarität
- Autokorrelation und Kreuzkorrelation, Probleme der Schätzung
- Spektrum und Periodogramm
- Lineare Filter und ihre Übertragungsfunktion
- Multivariate Zeitreihen, data mining und Visualisierung

Weiterführende Themen, z.B.

- Nichtlineare Zeitreihenanalyse, mehrdimensionale Verteilungen, Entropien
- Zeitreihenmodelle der Finanzmathematik
- VAR-Modelle und Granger-Kausalität

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra, Stochastik, Statistik, Differential- gleichungen |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einer mündlichen Prüfung. Die aktive Teilnahme an den Übungen wird erwartet. Die Inhalte von Vorlesung und Übung sind Thema der Prüfung. |
| Note | Note der Modulprüfung |
| Aufwand | 180 (Vorlesung: 30, Übung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Stochastik/Statistik |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

Seminarmodule

| Modul Seminarmodul A | |
|----------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis, Professur Numerische Mathematik und Optimierung, Professur Angewandte Mathematik, Professu- ren Informatik, Professur Algebra und funktionalanalytische Anwendungen, Professur Mathematische Logik und Grund- lagen der Mathematik, Professur Stochastik, Professur Sta- tistik |
| Lehrformen | Seminar (2 x 2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 2 Sem., G: jedes Semester |

Qualifikationsziele

- Befähigung zur selbständigen Beschäftigung mit einem mathematischen Thema,
- Befähigung, einen strukturierten, effizienten und auf die Kompetenzen des Publikums zugeschnittenen Vortrag zu halten,
- Kompetenzen in der Diskussionsführung.

Inhalt

• ergänzende Themen aus dem Bereich Analysis/Optimierung, aus dem Bereich Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra oder aus dem Bereich Stochastik/Statistik

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra, Stochastik, Statistik |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus zwei 60-minütigen Vorträgen zu vereinbarten Themen. |
| Note | keine |
| Aufwand | 180 (Seminar: 60, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Seminarmodule |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Seminarmodul B | |
|----------------------|--|
| Verantwortlicher | Professur Analysis, Professur Numerische Mathematik und Optimierung, Professur Angewandte Mathematik, Professu- ren Informatik, Professur Algebra und funktionalanalytische Anwendungen, Professur Mathematische Logik und Grund- lagen der Mathematik, Professur Stochastik, Professur Sta- tistik |
| Lehrformen | Seminar (2 SWS) |
| Dauer/Zyklus | 1 Sem., G: jedes Semester |

Qualifikationsziele

- Befähigung zur selbständigen Beschäftigung mit einem mathematischen Thema,
- Befähigung, einen strukturierten, effizienten und auf die Kompetenzen des Publikums zugeschnittenen Vortrag zu halten,
- Kompetenzen in der Diskussionsführung,
- Kompetenzen zur Erstellung wissenschaftlicher Arbeiten.

Inhalt

• ergänzende Themen aus dem Bereich Analysis/Optimierung, aus dem Bereich Diskrete Mathematik/Algorithmik/Algebra oder aus dem Bereich Stochastik/Statistik

| Vorkenntnisse | Analysis, Lineare Algebra, Stochastik, Statistik |
|---------------------|--|
| Prüfung | Die Modulprüfung besteht aus einem 60-minütigen Vortrag und einer schriftlichen Ausarbeitung im Umfang von 10 bis 20 Seiten zu einem vereinbarten Thema. |
| Note | keine |
| Aufwand | 180 (Seminar: 30, Ausarbeitung: 30, Selbststudium: 120) |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | Seminarmodule |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

Berufbezogenes Praktikum / Masterarbeit

| Modul Berufsbezogenes Praktikum | |
|---------------------------------|--|
| Verantwortlicher | Vorsitzender des Prürungsausschusses |
| Lehrformen | Praktikum |
| Dauer/Zyklus | 4 Wochen, in der vorlesungsfreien Zeit |
| Qualifikationsziele | |

- Vertiefte Einsichten in die berufliche Praxis einer/eines Mathematikerin/Mathematikers oder einer/eines Informatikerin/Informatikers,
- Weitreichende Erfahrungen bei der Anwendung spezieller fachlicher Kenntnisse in einem unternehmerischen Umfeld,
- Kompetenzen in projektbezogener und forschungsorientierter Teamarbeit und Kommunikation.

Praktikum in einem Betrieb mit Mathematik- bzw. Informatik-nahen Aufgabenstellungen

| Vorkenntnisse | Vertiefte Kenntnis in anwendungsorientierten Teilgebieten der Mathematik und Informatik |
|---------------------|---|
| Prüfung | Als Prüfungsleistung ist ein 3-seitiger Bericht über das Prak- |
| | tikum zu erstellen. |
| Note | unbenotet |
| Aufwand | 160 |
| Leistungspunkte | 6 |
| Teilgebiet | keine Zuordnung |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |

| Modul Masterarbeit | |
|---------------------|------------------------------|
| Verantwortlicher | Betreuender Hochschullehrer |
| Lehrformen | Schriftliche Abschlussarbeit |
| Dauer/Zyklus | 9 Monate, jederzeit |
| Qualifikationsziele | |

- Befähigung zur selbständigen Bearbeitung einer komplexen, forschungsorientierten Fragestellung in begrenzter Zeit
- Kompetenzen zur Niederschrift der erzielten Ergebnisse in Form einer wissenschaftlichen Arbeit

• je nach Themenstellung

| Vorkenntnisse | je nach Themenstellung |
|---------------------|--|
| Prüfung | Schriftliche Arbeit mit Begutachtung |
| Note | Gemittelte Note der Gutachter |
| Aufwand | 900 (Selbststudium: 900) |
| Leistungspunkte | 30 |
| Teilgebiet | Pflichtmodul im 34. Sem. |
| Regelprüfungstermin | Semester, in dem das Modul angeboten wird. |