1 Аналитические выводы (для решёток с одинаковой жёсткостью).

Ищем решение уравнений движения в следующем виде (метод трёх волн):

$$u_{n,m} = \begin{cases} A_I e^{\mathrm{i}(\Omega t - ak_1^x n - ak_1^y m)} + A_R e^{\mathrm{i}(\Omega t + ak_1^x n - ak_1^y m)}, & n < 0 \\ A_T e^{\mathrm{i}(\Omega t - ak_2^x n - ak_2^y m)}, & n \geqslant 0 \end{cases}$$
 (1.1)

Дисперсионное соотношение для решётки:

$$m_i\Omega^2 = 4c\left(\sin^2\frac{k_i^x a}{2} + \sin^2\frac{k_i^y a}{2}\right) \tag{1.2}$$

Уравнения движения для частиц интерфейса:

$$\begin{cases}
 m_1 \ddot{u}_{-1,m} = c \left(u_{0,m} + u_{-1,m+1} + u_{-2,m} + u_{-1,m-1} - 4u_{-1,m} \right) \\
 m_2 \ddot{u}_{0,m} = c \left(u_{1,m} + u_{0,m+1} + u_{-1,m} + u_{0,m-1} - 4u_{0,m} \right)
\end{cases}$$
(1.3)

Получаем:

$$\frac{A_T}{A_I} = \frac{e^{ik_1^x a} - e^{-ik_1^x a}}{e^{ik_2^x a} - e^{-ik_1^x a}} \cdot \frac{e^{ik_2^y am}}{e^{ik_1^y am}}$$
(1.4)

$$T = \frac{m_2 g_2^x}{m_1 g_1^x} \left| \frac{e^{ik_1^x a} - e^{-ik_1^x a}}{e^{ik_2^x a} - e^{-ik_1^x a}} \right|^2, \tag{1.5}$$

где

$$g_i = \frac{d\Omega}{dk_i}$$