به نام خدا



دانشگاه تهران پردیس دانشکدههای فنی دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر



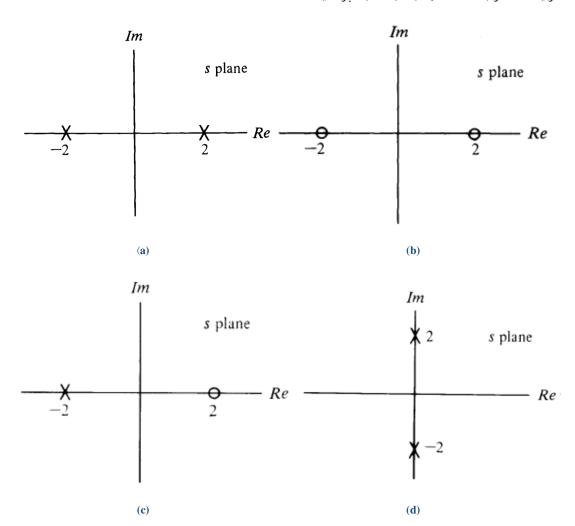
سیگنال و سیستم تمرین سری ٦

استاد: دكتر صدف صالح كليبر

آذرماه ١٣٩٦

سؤال ١

چهار نمودار قطب-صفر زیر را در نظر بگیرید. به ازای عبارتهای مربوط به تابع x(t) در جدول (۱)، شرایط متناظر با ROC آنها را در جدول پر کنید.



Constraint on ROC for Pole-Zero Pattern

x(t)	(a)	(b)	(c)	(d)
(i) Fourier transform of $x(t)e^{-t}$ converges				
(ii) $x(t) = 0,$ t > 10				
(iii) x(t) = 0, t < 0				

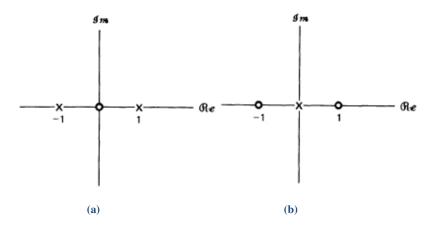
جدول (١)

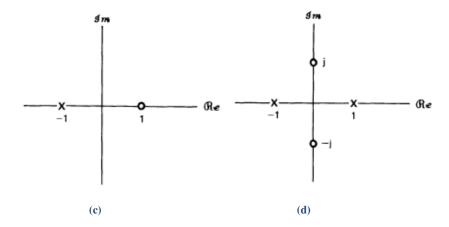
سؤال ٢

. X(s) = X(-s) الف) اگر x(t) = x(-t) تابع زوج باشد(x(t) = x(-t))، نشان دهید که

X(s) = -X(-s) ب اگر X(t) = -x(-t) ب نشان دهید که X(s) = -x(-t) ب اگر را باشد

ج) مشخص کنید که کدام یک از نمودارهای قطب -صفر زیر می توانند مربوط به یک تابع زوج باشند. برای نمودارهایی که مربوط به یک تابع زوج هستند، ناحیه همگرایی(ROC) را به دست آورید.





د) مشخص کنید که کدام یک از نمودارهای صفر-قطب قسمت (ج) می توانند مربوط به یک تابع فرد باشند. برای نمودارهایی که مربوط به یک تابع فرد هستند، ناحیه همگرایی(ROC) را به دست آورید.

سؤال ٣

تبديل لاپلاس توابع زير را به دست آوريد.

$$f(t) = (t-2)(t^2-2)u(t)$$
 (lib.)

$$f(t) = 3\cos^2(t)u(t) \ (\neg$$

$$f(t) = e^{\left(3t + \frac{1}{2}\right)} e^{4t} u(t) \left(\frac{1}{c} \right)$$

$$f(t) = \cos(2t + \frac{\pi}{6})u(t)$$
 (2)

$$f(t) = (t^3 e^{\pi t} + t^2 e^{-\pi t})u(t)$$
 (o

$$f(t) = e^t \cos(3t + 4)u(t)$$

سؤال ٤

معکوس تبدیل لاپلاس های زیر را به دست آورید (همه ی حالت های ممکن را بررسی کنید).

$$F(s) = \frac{s-2}{s^2-25}$$
 (ω)

$$F(s) = \frac{1}{s+10} - \frac{5}{s^4} \ (\because$$

$$F(s) = \frac{s+2}{s^3+2s}$$
 (5

$$F(s) = \frac{2s+1}{s^2+4s-5} \ (s)$$

سؤال ٥

پنج مشخصه زیر درباره سیگنال حقیقی x(t) با تبدیل لاپلاس X(s) داده شده است.

- د. (X(s) دقیقا دو قطب دارد.
- ۲. X(s) صفری در صفحه s محدود ندارد.
 - دارد. S=-1+j دارد. X(s)
 - عطلقا انتگرال یذیر نیست. $e^{2t}x(t)$.٤
 - X(0) = 8 .0

را تعیین کرده و ناحیه همگرایی آن را مشخص کنید. X(s)

سؤال ٦ (اختياري)

با استفاده از محاسبه هندسی اندازه تبدیل فوریه از روی نمودار قطب-صفر متناظر، برای هر یک از تبدیلهای لاپلاس زیر تعیین کنید که آیا تبدیل فوریه متناظر تقریبا پایین گذر، بالاگذر، یا میان گذر است:

$$H_1(s) = \frac{1}{(s+1)(s+3)}, Re\{s\} > -1$$
 (نف)

$$H_2(s) = \frac{s}{s^2 + s + 1}, Re\{s\} > -\frac{1}{2}$$
 (ب

$$H_3(s) = \frac{s^2}{s^2 + 2s + 1}, Re\{s\} > -1$$

سؤال ٧

یک سیستم LTI وعلی با پاسخ ضربه h(t) دارای خواص زیر است:

- $y(t)=y(t)=x(t)=e^{2t}$ برای تمام t ها است، خروجی برابر ۱. وقتی ورودی به سیستم برابر $x(t)=e^{2t}$ برای تمام t ها است.
 - ۲. پاسخ ضربه h(t) در معادله دیفرانسیل زیر صدق می کند:

$$\frac{dy(t)}{dt} + 2h(t) = e^{-4t}u(t) + bu(t)$$

که در آن b یک ثابت مجهول است.

تابع سیستم H(s) را برای این سیستم، سازگار با اطلاعات فوق، به دست آورید. نباید ثابتهای مجهولی در جواب شما موجود باشند، یعنی ثابت b نباید در جواب ظاهر شود.

سؤال ٨

برای هر یک از عبارتهای زیر درباره x(t) و برای هر یک از چهار نمودار قطب-صفر در شکل زیر محدودیت متناظر را بر روی ROC تعیین کنید.

- اتگرال پذیر است. مطلقاً انتگرال پذیر است. $e^{-3t}x(t)$
- رال پذیر است. $x(t)*(e^{-t}u(t))$.۲ مطلقاً انتگرال پذیر است.
 - x(t) = 0, t > 1 .
 - x(t) = 0, t < -1 .

