به نام خدا

تاریخ آزمون: ۱۳ آذر ۱۴۰۲ مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

آزمون میان ترم محاسبات عددی

 x^{Y} (5)

صفحهٔ ۱ از ۲

لطفاً فقط یکی از دو گزینه پاسخ به هر چهار سوال تشریحی یا پاسخ به سه سوال از چهار سوال تشریحی و پاسخ به همه سوالات تستی را انتخاب کنید.

(الف) بخش تستى لطفاً پاسخ درست را در پاسخنامه با ذكر شماره سوال بنويسيد.

۱. حداکثر درجه چندجملهای گذرنده از نقاط
$$(۲, ۲)$$
، $(۳, ۱۴)$ ، $(۳, ۱)$ ، $(۳, ۱)$ و $(0, 1)$ کدام است؟ (الف) ۲

۲. قراردهید
$$x_i=i$$
 به ازای $x_i=0$ به فرض کنید $x_i=i$ فرض کنید $x_i=i$ جند جملهایهای لاگرانژ باشند. حاصل $x_i=i$ کدام است $x_i=i$ (الف)

$$L_N(x) - L_\circ(x)$$
 (د)

$$x_i \mid \circ \quad \mathsf{N} \quad \mathsf{T} \quad \mathsf{T}$$
 . بهترین خط $y = ax + b$ را بدست آورید که دادههای مقابل را برازش کند. $y = ax + b$. $y_i \mid \mathsf{N} \quad \mathsf{F} \quad \mathsf{F} \quad \mathsf{F}$

$$y = 1/1x + 7$$
 (ب) $y = -1/1x + 7$

$$y = Y/Fx + 1/1$$
 (2) $y = Y/Fx - 1/1$ (5)

۴. اگر مقدار تابع f در نقاط x_0 و x_0 بهترتیب برابر با f_0 و f_0 باشد، مقدار $f(\frac{x_0+x_0}{2})$ با استفاده از درونیابی f کدام است؟

$$\frac{x_{\circ}f_{1}+x_{1}f_{\circ}}{x_{\circ}+x_{1}}$$
 (ب) $\frac{1}{7}(f_{\circ}+f_{1})$ (نالف)

رج)
$$\frac{x_{\circ}f_{\circ} + x_{1}f_{1}}{x_{\circ} + x_{1}}$$
 (ح) تعداد نقاط برای محاسبه کافی نیست.

۵. قرار دهید $\frac{\pi x}{r}$ و $x_1=r$ و $x_2=r$ کدام است $x_1=r$ و تا $x_2=r$ کدام است $x_1=r$ فرار دهید $x_1=r$ کدام است $x_1=r$

$$\frac{1}{r}(x^{r}+r)$$
 (ب) $\frac{1}{r}(x^{r}+x)$ (ب)

$$\frac{1}{r}(x^{r}+x-r)$$
 (2) $\frac{1}{r}(-rx^{r}+\Delta x)$ (5)

9. مقادیر تابع f در نقاط x_0, \dots, x_0 با فرض x_0, \dots, x_0 داده شده است. فرض کنید ماکزیم مقدار x_0, \dots, x_0 با فرض x_0, \dots, x_0 با استفاده از درونیابی کدام است؟

$$\left|\frac{h^{\mathsf{a}}}{\mathsf{a}!}\alpha(\alpha-\mathsf{i})\cdots(\alpha-\mathsf{a})\right|M^{\mathsf{a}} \ (\mathsf{i}) \qquad \qquad \left|\frac{h^{\mathsf{a}}}{\mathsf{a}!}\alpha(\alpha-\mathsf{i})\cdots(\alpha-\mathsf{a})\right|M \ (\mathsf{i})$$

$$\frac{1}{\delta}hM$$
 (s) $\left|\frac{h^{\varrho}}{\varrho!}\alpha(\alpha-1)\cdots(\alpha-\delta)\right|M$ (z)

۷. تابع f به صورت جدول زیر داده شده است. فرض کنید به ازای هر $x \leq x \leq \infty$ بدانیم $x \leq x \leq \infty$ بدانیم کران بالای مناسب برای خطای

۸. اگر در درونیابی توسط چندجملهایهای مرتبه n محل نقاط را در ریشههای چند جملهای n+1 چبیشف انتخاب کنیم، آنگاه در محاسبهی تابع درونیاب \dots

دربیب به علت منحصر به فرد بودن تابع درونیاب، در میزان خطای محاسباتی ایجاد شده تغییری پدید نمیآید.

- (ب) خطای محاسباتی کاهش مییابد.
- (ج) تعداد عملیات لازم کمتر میشود ولی خطای محاسباتی تغییر نمیکند.
- (د) تعداد عملیات لازم بیشتر میشود و در نتیجه خطای محاسباتی افزایش مییابد.

به نام خدا

تاریخ آزمون: ۱۳ آذر ۱۴۰۲ مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

آزمون میان ترم محاسبات عددی



صفحهٔ ۲ از ۲

۹. با توجه به مقادیر داده شده، مقدار تقریبی تابع در $x=\mathbf{r}$ ، کدام است \mathbf{r}

۵ (الف) ۵٫۳ (ب)

(ج) ۶۳

(د) صفر

 $f(x) = \sqrt{x}$ برای تابع $x_\circ = \Lambda 1, x_1 = 1 \circ \circ, x_7 = 1 \circ 1$ مقدار خطا در محاسبه $\sqrt{9}$ با استفاده از درونیابی لاگرانژ با در نظر گرفتن نقاط ۱۲۱ $x_\circ = \Lambda 1, x_1 = 1 \circ \circ, x_7 = 1 \circ 1$ مقدار خطا در محاسبه $\sqrt{9}$ برای تابع $x_\circ = 1 \circ 1$ مقدار خطا در محاسبه $\sqrt{9}$ برای تابع $x_\circ = 1 \circ 1$ مقدار خطا در محاسبه $\sqrt{9}$ برای تابع $x_\circ = 1 \circ 1$ برای تابع $x_\circ = 1 \circ 1$ مقدار خطا در محاسبه $x_\circ = 1 \circ 1$ برای تابع $x_\circ = 1$

$$1/27 \times 1 \circ^{-7}$$
 (الف)

$$4/7 \times 10^{-4}$$
 (2)

$$\gamma_{A} \times 1 \circ^{-\pi}$$
 (ج)

(ب) بخش تشریحی

ا. تابع $\frac{1}{1+x}$ را در نظر بگیرید. ا

الف) چندجملهای تیلور از درجه n آن را حول $\circ = x$ بنویسید.

ب) نشان دهید سری تیلور فوق بر بازهای مانند $[\,\circ\,,b]$ به ازای b<0 به تابع همگراست.

۲. مقادیر تابع f به صورت جدول زیر در دست است:

معادلات اسپلاین مکعبی طبیعی که تابع f را در نقاط 1-s ، $x_1=s$ ، $x_2=s$ درونیابی نماید را بهدست آورید. توجه کنید منظور از اسپلاین مکعبی طبیعی در نظر گرفتن شرط $s''(x_n)=s''(x_n)=s''(x_n)$ است که در آن s(x) تابع اسپلاین است.

۳. دادهها زیر مفروض اند:

- الف) چندجملهایهای $P_1(x)$ ، $P_2(x)$ ، $P_3(x)$ و $P_4(x)$ و $P_5(x)$ (به ترتیب از درجه های صفر، ۱ و ۲) را پیدا کنید به طوری که مجموعه ی $P_4(x)$ نسبت به دادههای بالا دوبه دو متعامد باشند.
 - ب) بهترین منحنی به شکل $P(x)=c_{\circ}P_{\circ}(x)+c_{1}P_{1}(x)+c_{2}P_{2}(x)$ را بهدست بیاورید که دادههای فوق را برازش میکند.

۴. فرض کنید f(t) یک چندجملهای درجهی ۳ باشد. نشان دهید

$$f[x,y,z] = \frac{1}{\mathsf{Y}} f'' \Big(\frac{x+y+z}{\mathsf{Y}} \Big)$$

که z, y, x متمایز هستند.

موفق باشید حسینقربان