

# El látigo y las ondas de choque

**Luis A. Núñez**  
*Escuela de Física*  
*Universidad Industrial de Santander*  
*Bucaramanga, Colombia*

1 de junio de 2021

## 1. Introducción

Los látigos son objetos famosos y asociados a dos de los mas connotados héroes de mi infancia y adolescencia: el Zorro e Indiana Jones<sup>1</sup>.

El chasquido de este instrumento nos recuerda su uso como arma o como elemento de tortura. Pero es impresionante que ese chasquido ocurre cuando el extremo del látigo se mueve más rápido que la velocidad del sonido creando un pequeño estampido sónico[?, ?]. El análisis del movimiento del extremo de este instrumento ha sido objeto de estudio desde los tiempos de Galileo y constituye un terreno ideal para la aplicación de técnicas de solución de ecuaciones diferenciales con valores de frontera [?, ?].

Pueden ver un par de videos ilustrativos del problema

- <https://www.youtube.com/watch?v=3HABgm-UUi0>
- [https://www.youtube.com/watch?v=AnaASTBn\\_K4&feature=youtu.be](https://www.youtube.com/watch?v=AnaASTBn_K4&feature=youtu.be)

## 2. El problema

El problema consiste en calcular la velocidad (y el desplazamiento) de un extremo de una cuerda de longitud  $L$ , que reacciona un impulso que se le imprime en el otro extremo. Los látigos son un sistema (una cuerda inextensible) de masa variable, donde la masa por unidad de longitud en un extremo  $m_0$  es mucho mayor que la masa por unidad de longitud en el otro extremo:  $m_0 \gg m_L$ .

## 3. Aproximaciones al problema

Quizá antes de abordar el problema mas general valga la pena analizar algunos casos mas simplificados:

---

<sup>1</sup><https://mappingignorance.org/2014/09/29/whip-electric-jet/>

- Considere primero el caso de una cuerda con la misma *masa por unidad de longitud* a la cual se le imprime un pulso en uno de sus extremos. Calcular la velocidad y el desplazamiento del otro extremo.
- Seguidamente considere la misma cuerda pero un cambio de la función masa (digamos en  $L/2$ ) de una masa  $m_1$  antes de  $L/2$  y otra  $m_2$  para después de  $L/2$ ].
- finalmente, considere el problema de masa variable y calcule la velocidad del extremo mas delgado.
- supondremos que el caso del látigo. Vale decir la cuerda de masa variable. Este problema lo debe considerar tanto desde el punto de vista analítico como numérico, resolviéndolo mediante diferencias finitas.
- Discuta como cambiarían los resultados si la cuerda fuera extensible.