

Modellierung der Kaltmiete

Vergleich Frankfurt am Main und Leipzig

Henrik Popp, Kai Herbst, Manuel Zeh

2024-02-25

Inhaltsverzeichnis

| | |
|--|-----------|
| Einleitung | 1 |
| Datenerhebung | 2 |
| Explorative Datenanalyse | 3 |
| Wohnfläche | 4 |
| Heizung | 9 |
| Baujahr | 12 |
| Parkplatz | 15 |
| Balkon | 17 |
| Zimmer | 19 |
| Etage | 21 |
| Modellierung | 21 |
| Modellierung über Durchschnittsquadratmeterpreis | 21 |
| Modellierung über die lineare Regression | 23 |
| Wohnflaeche | 23 |
| Ort | 23 |
| Weitere Variablen | 25 |
| Zusammenfassung | 28 |
| Quellen und Hilfsmittel | 28 |

Einleitung

In dieser Fallstudie sollen die Kaltmieten der beiden Städte Frankfurt am Main und Leipzig miteinander verglichen und modelliert werden. Ziel ist es, die verschiedenen möglichen Einflussfaktoren auf die Kaltmiete in den jeweiligen Städten zu bestimmen und zu analysieren und anschließend eine Modellierung des Preises der Kaltmiete zu erstellen.

Zu Beginn wird auf die Datenerhebung eingegangen. Hier wird erklärt, woher die verarbeiteten Daten stammen und unter welchen Bedingungen die Daten erhoben wurden. Mit der explorativen Datenanalyse sollen dann die erhobenen Daten beschrieben und veranschaulicht werden. Hierbei wird sowohl die Vorverarbeitung der Daten beschrieben als auch mithilfe von Grafiken und dazugehörigen Interpretationen eine Datenanalyse erstellt. Dabei soll unter anderem herausgefunden werden, welche erhobenen Variablen am stärksten auf die Kaltmiete einer Stadt einwirken und wie hoch die eventuellen Unterschiede der Mietpreise der beiden Städten sind. Den zweiten zentralen Teil der Arbeit stellt die Modellierung dar. Hier soll die Kaltmiete modelliert, also durch ein selbsterstelltes statistisches Modell dargestellt werden. Das Modell wird anschließend interpretiert. Zum Abschluss werden die Ergebnisse in der Zusammenfassung aufgearbeitet und präsentiert.

Datenerhebung

Die Datenerhebung fand ausschließlich über den Online-Marktplatz für Wohnungen und Häuser [ImmobilienScout24](#) statt. Die untersuchten Objekte wurden dabei auf den Immobilientyp *Wohnung* beschränkt, was als Suchkriterium in der Suchleiste des Portals eingestellt werden kann. Weitere Suchkriterien haben sich auf den *Ort*, in diesem Fall Frankfurt am Main und Leipzig, und auf den Typ *Mieten* (anstatt *Kaufen* oder *Bauen*), beschränkt. Weitere Kriterien wie *Anzahl der Zimmer*, *Fläche* oder einem *maximalen Preis* wurden auf den Standardeinstellungen belassen. Anschließend wurden je Ort der Reihe nach bis zu 45 Objekte in der von ImmobilienScout24 generierten Reihenfolge überprüft und in eine Excel-Datei aufgenommen, die im Folgenden als Basis für die Auswertung dient.

Aufgenommen in die Datenbasis wurden dabei die folgenden Variablen: der *Ort*, die *Kaltmiete* in Euro, die *Wohnfläche* in Quadratmetern, das Angebot eines *Parkplatz*, die *Etage*, Anzahl der *Zimmer*, Vorhandensein eines *Balkon*, das *Baujahr* des Objektes sowie der entsprechende Link zur Anzeige und dessen Abrufdatum.

Für die nachfolgenden Auswertungen und Analysen lesen wir zunächst die Excel-Datei ein:

```
# Pfad zur Excel-Datei erstellen
pfad_mieten <- here("Mieten.xlsx")
# Daten einlesen
mieten <- read_excel(pfad_mieten)
```

Über die Ausgabe der ersten sechs Einträge erhalten wir einen Einblick in die Daten:

```
# Obere 6 Beobachtungen
head(mieten)
```

```
# A tibble: 6 x 12
```

```
Ort      Kaltmiete Wohnflaeche Parkplatz Etage Zimmer Balkon Einbaukueche Heizung
<chr>    <dbl>      <dbl> <chr>      <dbl> <dbl> <chr>  <chr>      <chr>
```

```

1 Fran~      1800      70   ja           1      2 ja      ja      Fußbod~
2 Fran~      1500      60   ja           1      1 ja      ja      Zentra~
3 Fran~      2650     146.   ja           1      3 ja      ja      Fußbod~
4 Fran~      1500      72  nein          1      2 ja      ja      Fußbod~
5 Fran~      2000     113.   ja           3      4 ja      ja      Fußbod~
6 Fran~      1700     84.8 ja           3      3 ja      ja      Fußbod~
# i 3 more variables: Baujahr <dbl>, Link <chr>, Abrufdatum <dtm>

```

Explorative Datenanalyse

Zu Beginn der explorativen Datenanalyse wird geprüft, ob die in der Datenquelle enthaltenen Daten auf eine bestimmte Art und Weise vorverarbeitet oder angepasst werden müssen. Hierzu wird zunächst mit `str(mieten)` die Struktur des Datensatzes betrachtet.

```
str(mieten)
```

```

tibble [98 x 12] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
 $ Ort          : chr [1:98] "Frankfurt" "Frankfurt" "Frankfurt" "Frankfurt" ...
 $ Kaltmiete    : num [1:98] 1800 1500 2650 1500 2000 1700 1480 2800 1080 2600 ...
 $ Wohnflaeche  : num [1:98] 70 60 146 72 113 ...
 $ Parkplatz    : chr [1:98] "ja" "ja" "ja" "nein" ...
 $ Etage        : num [1:98] 1 1 1 1 3 3 9 5 4 3 ...
 $ Zimmer       : num [1:98] 2 1 3 2 4 3 2 3 2 4 ...
 $ Balkon       : chr [1:98] "ja" "ja" "ja" "ja" ...
 $ Einbaukueche: chr [1:98] "ja" "ja" "ja" "ja" ...
 $ Heizung      : chr [1:98] "Fußbodenheizung" "Zentralheizung" "Fußbodenheizung" "Fußboden~
 $ Baujahr      : num [1:98] 2022 1970 2017 2021 2015 ...
 $ Link         : chr [1:98] "https://www.immobilienscout24.de/expose/136299839?referrer=RE
 $ Abrufdatum   : POSIXct[1:98], format: "2023-12-28" "2023-12-28" ...

```

Zu sehen ist hier, dass im Datensatz sowohl kategoriale nominale Variablen wie `Heizung` oder `Zimmer`, als auch metrische verhältnisskalierte Variablen wie `Kaltmiete` oder `Wohnflaeche` auftreten. Um nicht nur den Gesamtpreis der Kaltmiete zu betrachten, wird der Quadratmeterpreis mit in den Datensatz aufgenommen. Zudem wird mit dem Befehl `subset` der Datensatz nach den jeweiligen Städten unterteilt, um im weiteren Verlauf der Analyse stadtspezifische Aussagen treffen zu können.

```

mieten <- mieten |>
  mutate(ppqm = Kaltmiete / Wohnflaeche)
miete_ffm <- subset(mieten, Ort == "Frankfurt")
miete_lpz <- subset(mieten, Ort == "Leipzig")

```

Mithilfe der Funktion `mean` kann der Mittelwerte der Kaltmieten und Quadratmeterpreise in beiden Städten betrachtet werden.

```
mean(~ Kaltmiete, data = miete_ffm)
```

```
[1] 1652.821
```

```
mean(~ Kaltmiete, data = miete_lpz)
```

```
[1] 1019.461
```

```
mean(~ ppqm, data = miete_ffm)
```

```
[1] 19.83162
```

```
mean(~ ppqm, data = miete_lpz)
```

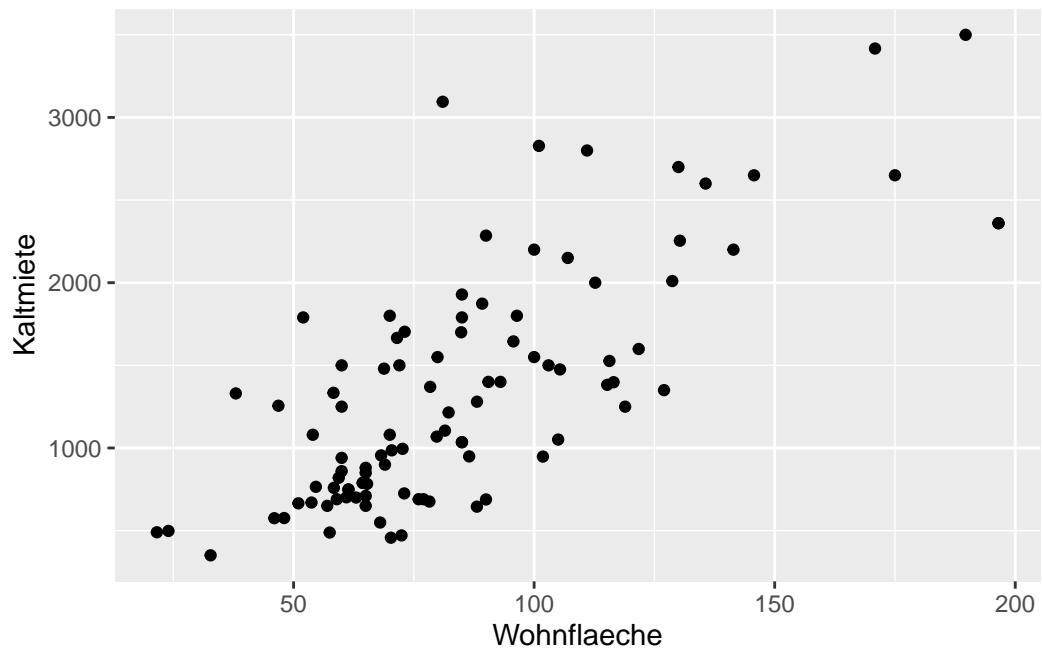
```
[1] 11.7449
```

Der Mittelwert für die Kaltmiete liegt in Frankfurt bei 1.652,82€ und damit mehr als 600€ über dem Durchschnitt von Leipzig von 1.011,64€. Der mittlere Quadratmeterpreis liegt in Frankfurt bei 19,83€, in Leipzig liegt er bei 11,74€.

Wohnfläche

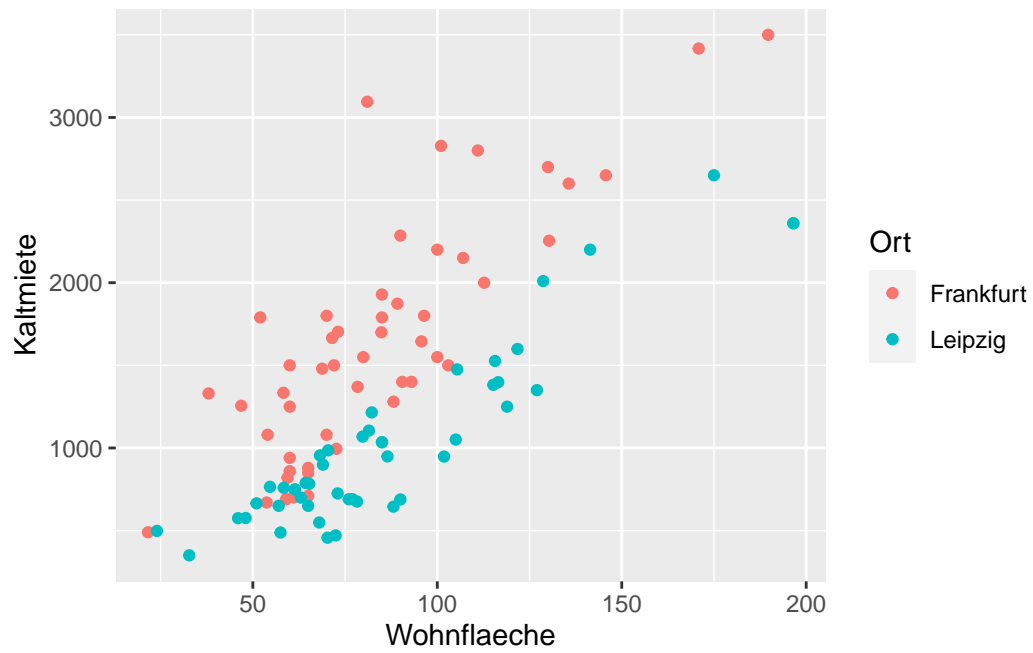
Zuerst wird der Zusammenhang zwischen `Kaltmiete` und `Wohnflaeche` betrachtet. Bei zwei metrisch verhältnisskalierten Variablen bietet sich dafür der Scatterplot an.

```
gf_point(Kaltmiete ~ Wohnflaeche, data = mieten)
```



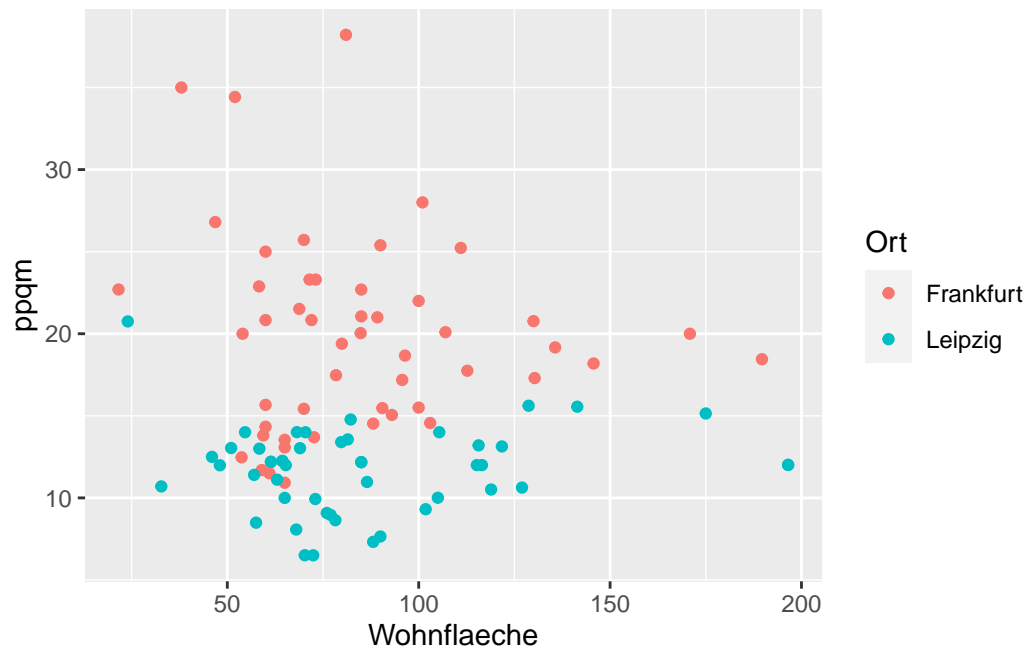
Grundsätzlich lässt sich ein positiver Zusammenhang zwischen **Kaltmiete** und **Wohnflaeche** erkennen, wobei die Streuung der Kaltmiete mit zunehmender Wohnfläche zunimmt. Das Diagramm wird nun um die visuelle Darstellung des Ortes ergänzt, um die stadspezifischen Ausprägungen erkennen zu können. Der Code wird dafür um den Zusatz `color = ~ Ort` erweitert:

```
gf_point(Kaltmiete ~ Wohnflaeche, data = mieten, color = ~ Ort)
```



Zu sehen ist hier, dass die erfassten Mieten im Datensatz in Frankfurt tendenziell höher sind als in Leipzig. Bei vergleichbarer Wohnfläche liegen die gefärbten Punkte für Frankfurt stets über den Punkten von Leipzig. Betrachtet man statt der gesamten Kaltmiete den Quadratmeterpreis `ppqm`, entsteht folgende Darstellung:

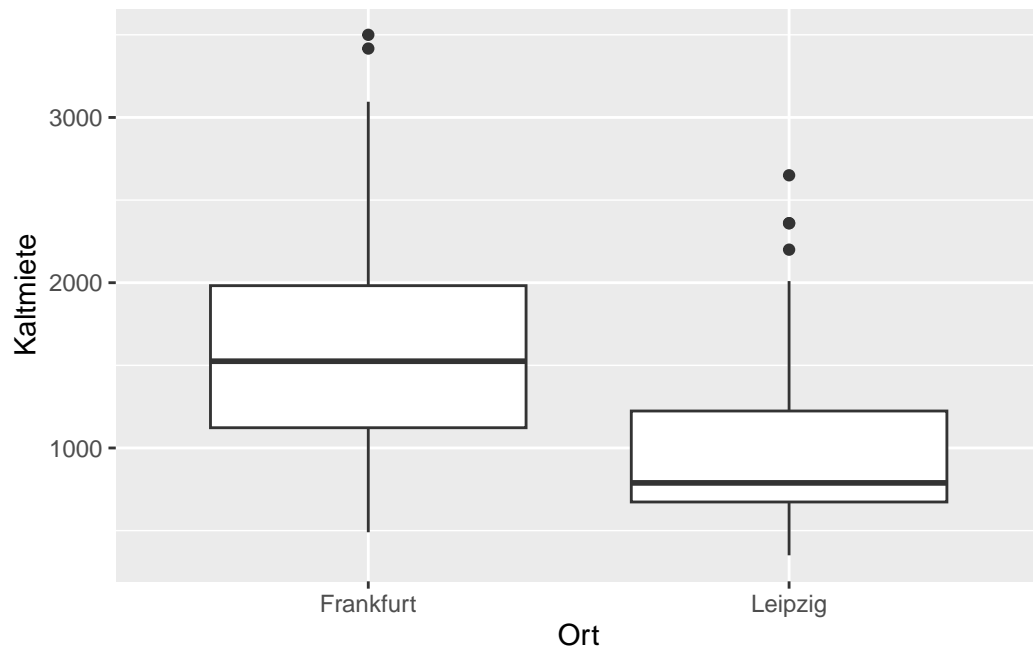
```
gf_point(ppqm ~ Wohnflaeche, data = mieten, color = ~ Ort)
```



Auch der Quadratmeterpreis liegt in Frankfurt tendenziell über dem Quadratmeterpreis von Leipzig. Nur wenige Beobachtungen weisen bei vergleichbarer Wohnfläche in beiden Städten einen ähnlichen Quadratmeterpreis auf.

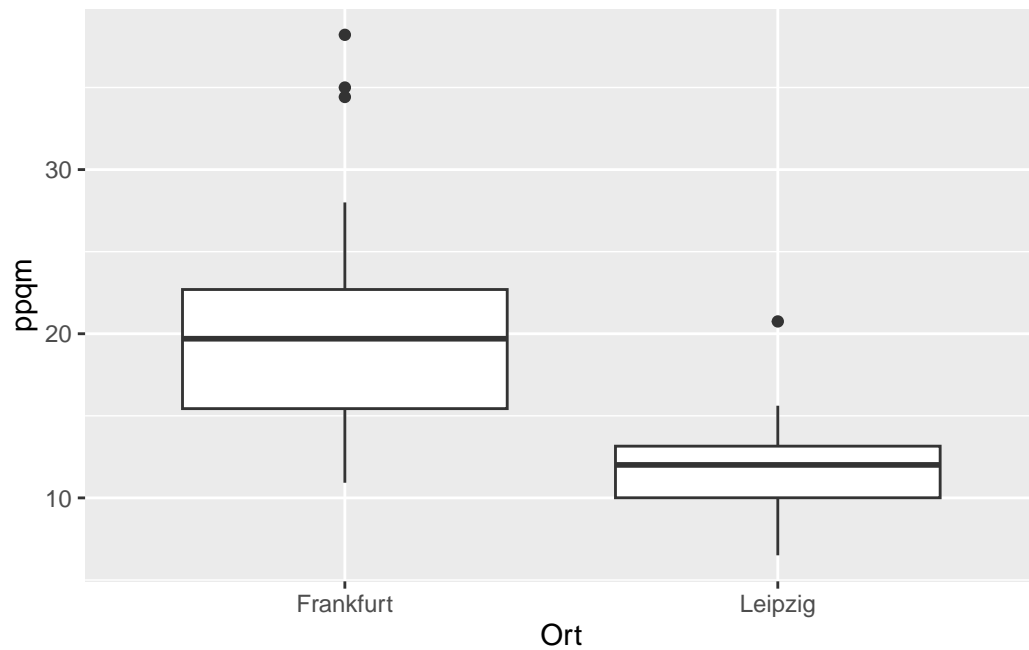
Um den Eindruck der Mietunterschiede zu festigen, kann ein Boxplot verwendet werden.

```
gf_boxplot(Kaltmiete ~ Ort, data = mieten)
```



Der Boxplot zeigt, dass der Median für die **Kaltmiete** in Frankfurt deutlich über dem Median von Leipzig liegt. Zudem ist der Interquartilsabstand bei Frankfurt größer als bei Leipzig, und die Whisker sind bei Frankfurt ebenfalls länger. Für Leipzig gibt es jedoch mehr Ausreißer, nämlich 4, verglichen mit den 2 Ausreißern von Frankfurt. Für den Quadratmeterpreis ergibt sich folgende Darstellung:

```
gf_boxplot(ppqm ~ Ort, data = mieten)
```

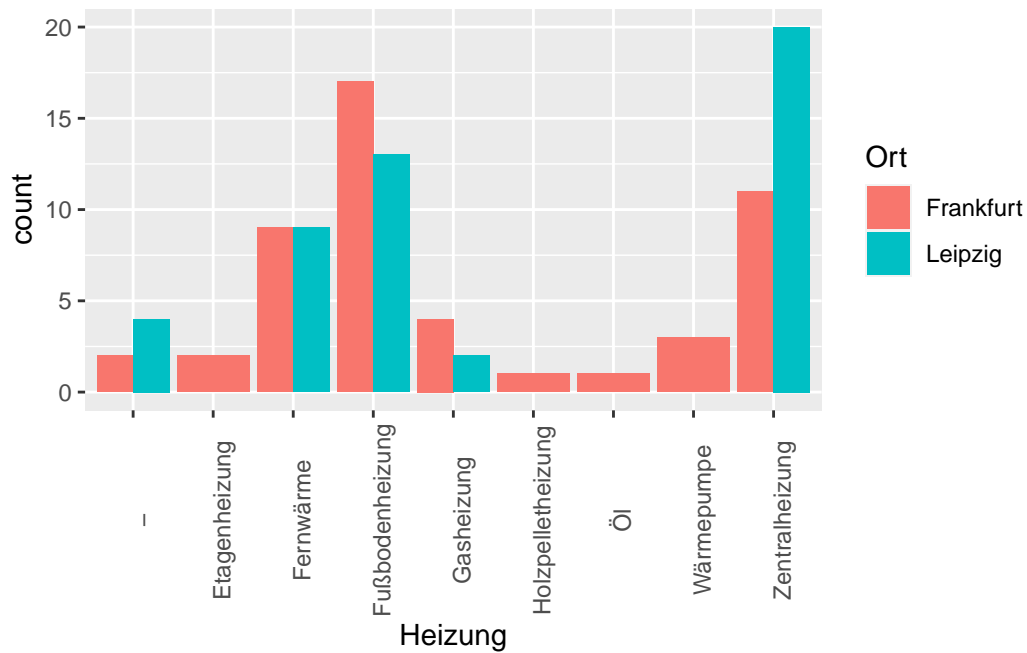



Die grundsätzliche Aussage der Kaltmiete gilt entsprechend auch für den Quadratmeterpreis: In Frankfurt ist der Median des Quadratmeterpreises deutlich höher als in Leipzig. Die Whisker sind für beide Städte nun kürzer, und die Anzahl der Ausreißer hat sich verändert: In Frankfurt gibt es nun 3 Ausreißer, in Leipzig nur noch einen.

Heizung

Es sollen nun auch die weiteren Variablen untersucht werden, angefangen mit der Variablen **Heizung**. Um die verschiedenen Ausprägungen zu vergleichen und ihre absolute Häufigkeit darzustellen, eignet sich ein Säulendiagramm:

```
gf_bar( ~ Heizung, data = mieten, fill = ~ Ort, position = position_dodge()) +
  theme(axis.text.x = element_text(angle = 90))
```



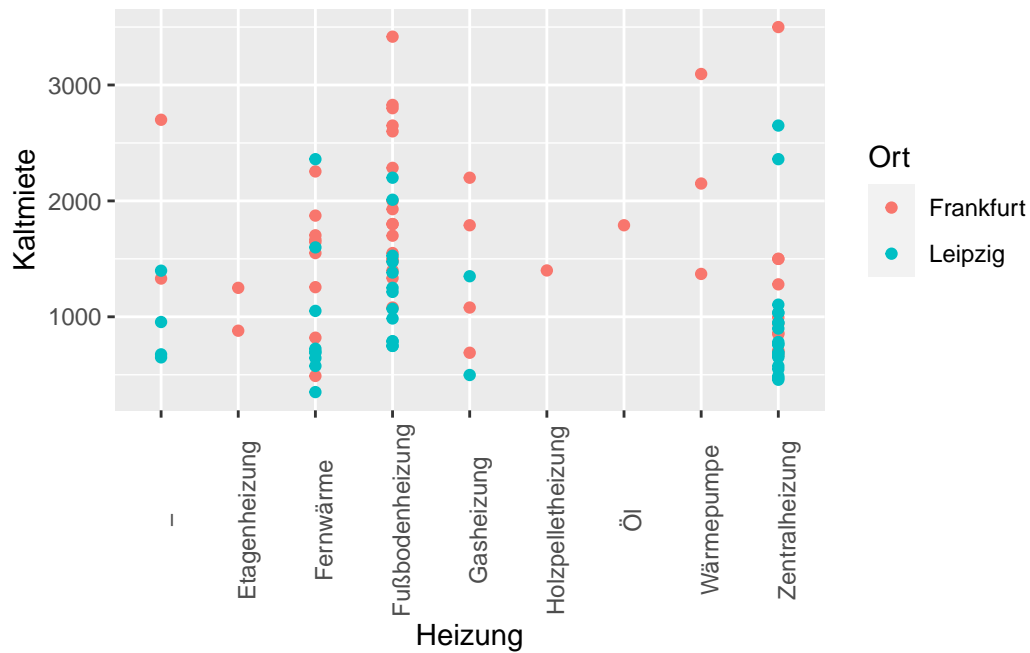
Das Säulendiagramm zeigt, dass die Fußbodenheizung in Frankfurt am weitesten verbreitet ist, gefolgt von der Zentralheizung und der Fernwärme. In Leipzig ist die Zentralheizung am weitesten verbreitet, gefolgt von der Fußbodenheizung und der Fernwärme. In einigen Beobachtungen, häufiger in Leipzig als in Frankfurt, wurde der Heizungstyp nicht angegeben.

Mit einem Punktdiagramm kann der Zusammenhang zwischen der Heizungsart und der Kaltmiete betrachtet werden.

```
gf_point(Kaltmiete ~ Heizung, data = mieten, color = ~ Ort, position = position_dodge())
  theme(axis.text.x = element_text(angle = 90))
```

Warning: Width not defined

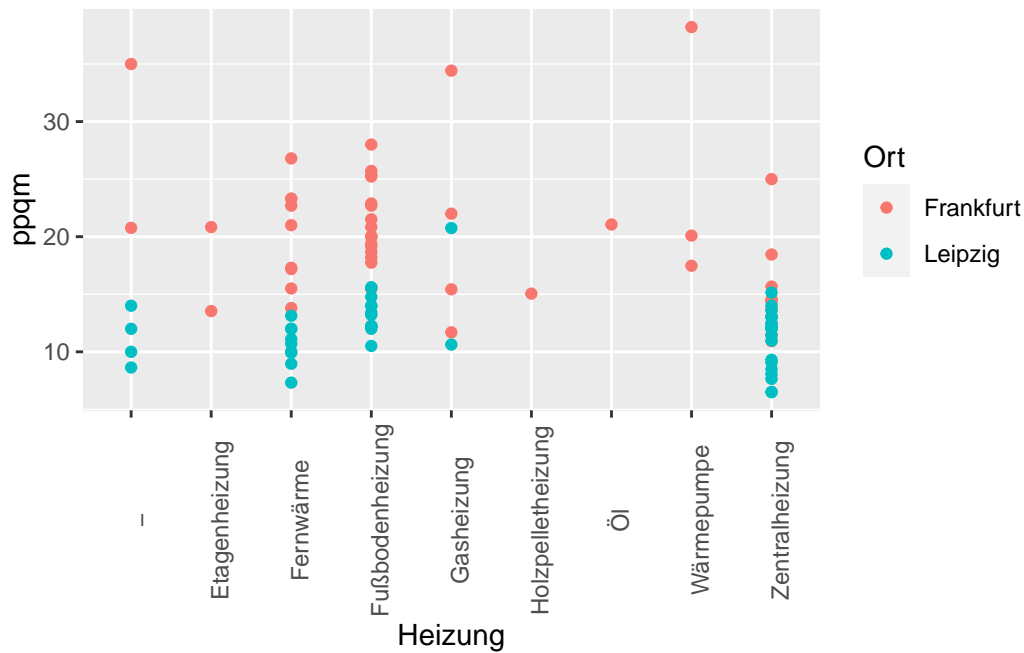
i Set with `position_dodge(width = ...)`



Die teuersten Wohnungen in Frankfurt haben eine Zentral- oder Fußbodenheizung, die günstigste Wohnung in Frankfurt wird mit Fernwärme geheizt. In Leipzig ist wie bereits festgestellt die Verteilung der Heizungstypen eine andere: Hier hat die teuerste Wohnung ebenfalls eine Zentralheizung und die günstigste Wohnung wird mit Fernwärme beheizt, jedoch sind auch bei der Zentralheizung viele der günstigen Wohnungen zu finden.

```
gf_point(ppqm ~ Heizung, data = mieten, color = ~ Ort, position = position_dodge()) +
  theme(axis.text.x = element_text(angle = 90))
```

Warning: Width not defined
 i Set with `position_dodge(width = ...)`



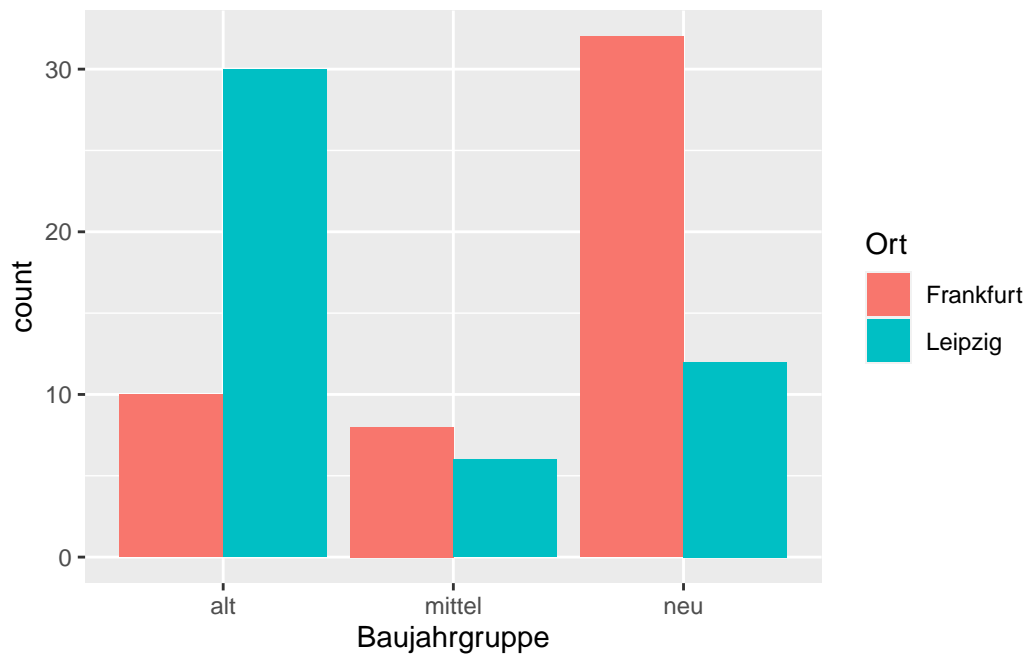
Durch die Betrachtung des Quadratmeterpreises wird erneut erkennbar, dass dieser in Frankfurt höher ist als in Leipzig. Jedoch sind für die häufigsten Heizungstypen (Fußbodenheizung in Frankfurt, Zentralheizung in Leipzig) keine signifikanten Unterschiede im Quadratmeterpreis erkennbar. Innerhalb der Heizungstypen gibt es stets eine Streuung, sodass in Frankfurt Wohnungen mit Fußbodenheizung einen Quadratmeterpreis zwischen ca. 17€ und 27€ aufweisen, in Leipzig variiert der Quadratmeterpreis bei Wohnungen mit Zentralheizung zwischen ca. 5€ und 15€.

Baujahr

Bei der Variablen **Baujahr** handelt es sich hier um eine diskrete Variable. Aufgrund der Vielzahl an verschiedenen Jahren im Datensatz eignet sich jedoch die Verwendung des tatsächlichen Baujahres nicht, da die Darstellungen sonst sehr unübersichtlich werden. Stattdessen soll eine Klassifizierung in “alt - mittel - neu” vorgenommen werden, um die Baujahre zusammenzufassen.

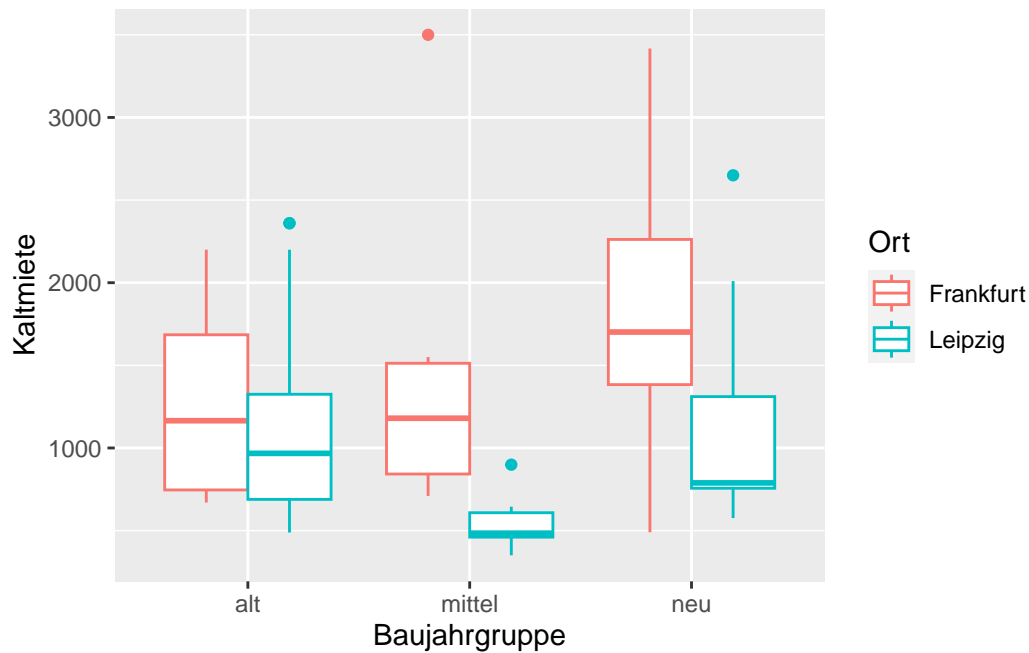
```
mieten <- mieten %>%
  mutate(Baujahrgruppe = case_when(
    is.na(Baujahr) ~ "NA",
    as.integer(Baujahr) < 1970 ~ "alt",
    between(as.integer(Baujahr), 1970, 2000) ~ "mittel",
    TRUE ~ "neu"
  ))
```

```
gf_bar( ~ Baujahrgruppe, data = mieten, fill = ~ Ort, position = position_dodge())
```



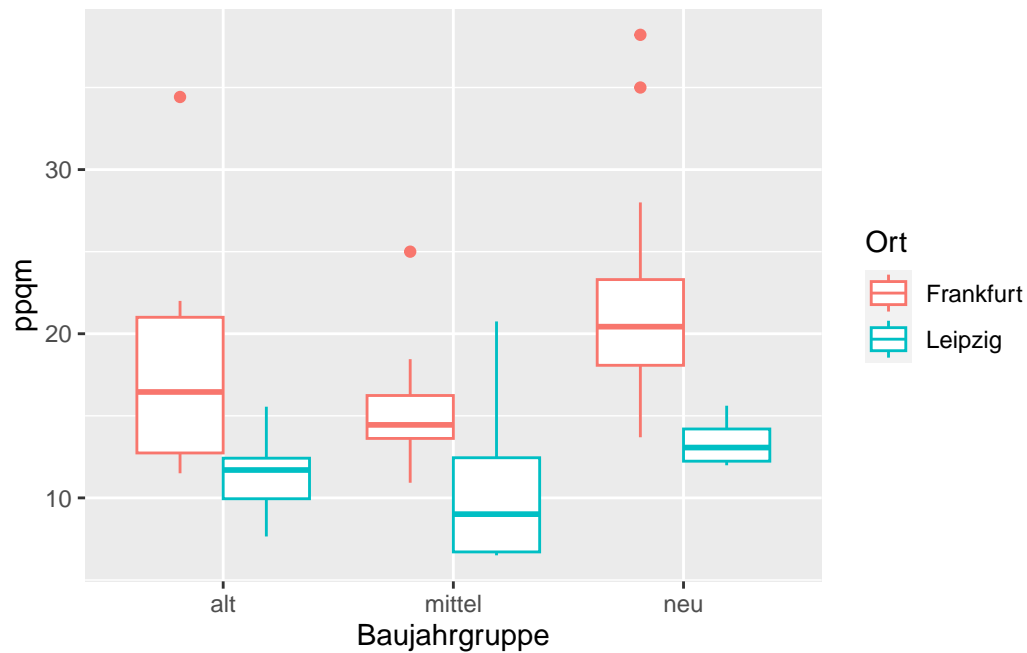
Im Säulendiagramm ist erkennbar, dass die meisten Beobachtungen in Frankfurt in die Kategorie **neu** (Baujahr > 2000) fallen, gefolgt von **alt** (Baujahr < 1970) und **mittel**. In Leipzig dominieren die Beobachtungen mit **alt**, dann kommen **neue** Baujahre. Es treten in beiden Städten nur wenige Beobachtungen mit Baujahren zwischen 1970 und 2000 auf.

```
gf_boxplot(Kaltmiete ~ Baujahrgruppe, data = mieten, color = ~ Ort)
```



Der Boxplot zeigt Unterschiede im Median der Kaltmieten je Ort, abhängig vom Alter der Wohnung. Bei alten Wohnungen ist der Median beider Städte noch am nächsten beieinander (ca. 1.100€ in Frankfurt und ca. 1.000€ in Leipzig), wobei in Frankfurt das obere und untere Quartil weiter auseinander liegen und in Leipzig ein Ausreißer existiert. Für Wohnungen mittleren Alters ist die Box für Leipzig sehr klein, da hier nur wenige Beobachtungen vorliegen und diese auch kaum Streuung aufweisen. In Frankfurt hingegen liegt mehr Streuung vor, die Box ist deutlich größer und der Median liegt mit ca. 1.250€ deutlich über dem von Leipzig (ca. 500€). Zudem gibt es einen Ausreißer in Frankfurt und in Leipzig. Bei Neubauten ist die größte Differenz im Median erkennbar: Frankfurt liegt bei ca. 1.750€, Leipzig bei ca. 800€. Zudem sind die Whisker für Frankfurt deutlich länger, Leipzig weist einen Ausreißer auf.

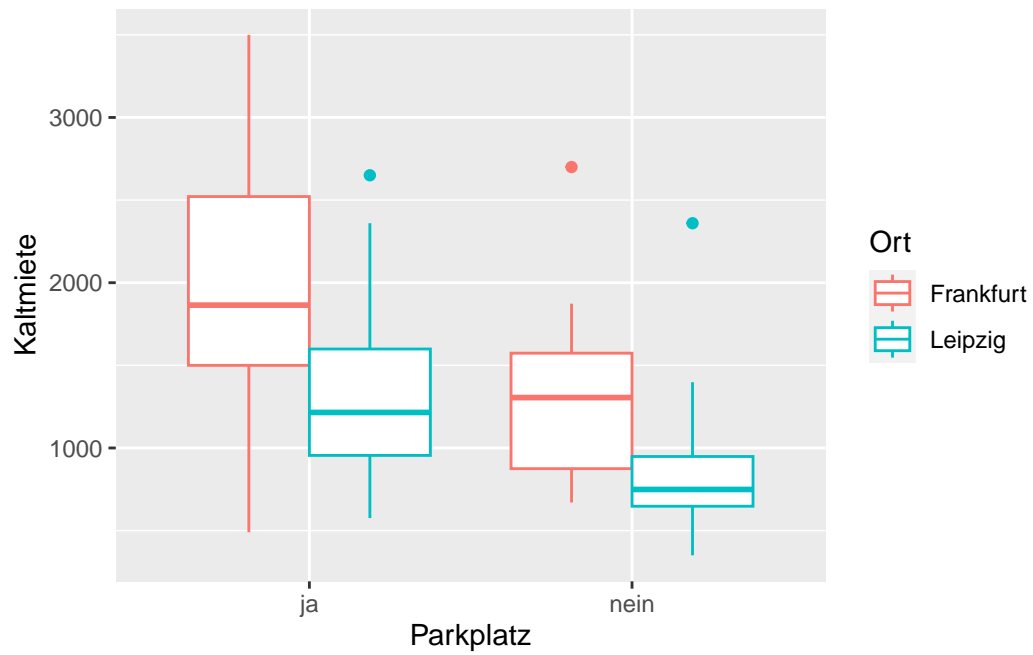
```
gf_boxplot(ppqm ~ Baujahrgruppe, data = mieten, color = ~ Ort)
```



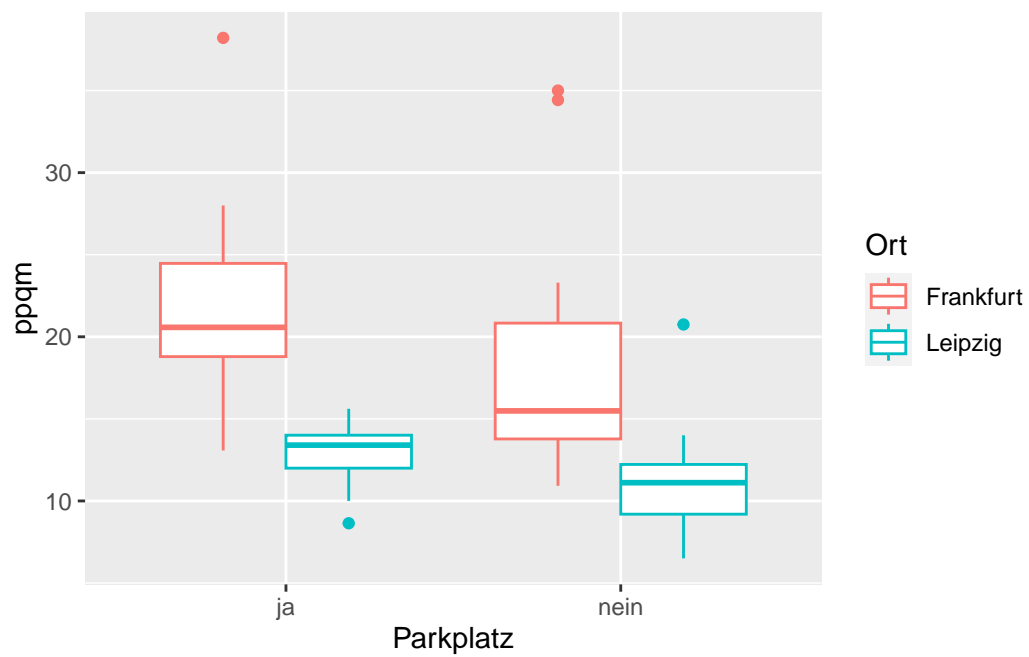
Verwendet man auch hier den Quadratmeterpreis statt der Kaltmiete, ergibt sich ein tendenziell ähnliches Bild: Unabhängig vom Baujahr liegt der Median in Frankfurt über dem von Leipzig. Jedoch gibt es nun keine Ausreißer mehr in Leipzig, in Frankfurt je einen für Altbauten und Wohnungen mittleren Alters und zwei Ausreißer für Neubauten. Bei Altbauten liegen das obere und untere Quartil in Frankfurt weiter auseinander als in Leipzig, ebenso bei Neubauten. Für mittelalte Wohnungen ist der Interquartilsabstand in Leipzig höher. In Frankfurt ist der Median bei Neubauten am höchsten und in mittelalten Wohnungen am niedrigsten. In Leipzig verhält es sich ebenso.

Parkplatz

```
gf_boxplot(Kaltmiete ~ Parkplatz, data = mieten, color = ~ Ort)
```



```
gf_boxplot(ppqm ~ Parkplatz, data = mieten, color = ~ Ort)
```



```
favstats(ppqm ~ Parkplatz, data = mieten)
```


| | Parkplatz | min | Q1 | median | Q3 | max | mean | sd | n |
|---|-----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----|
| 1 | ja | 8.640082 | 13.78164 | 18.18806 | 21.75581 | 38.20988 | 18.29953 | 5.817689 | 43 |
| 2 | nein | 6.501933 | 10.81151 | 12.25070 | 15.44909 | 35.00000 | 13.97193 | 5.740369 | 55 |
| | missing | | | | | | | | |
| 1 | 0 | | | | | | | | |
| 2 | 0 | | | | | | | | |

```
tally(Ort ~ Parkplatz, data = mieten)
```

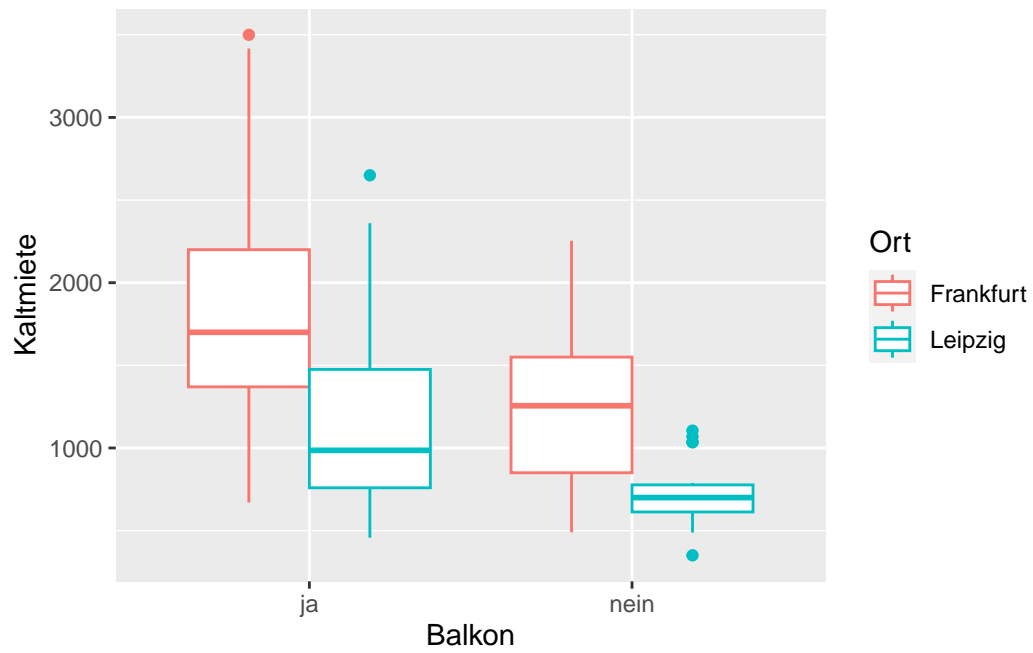
| Ort | Parkplatz | |
|-----------|-----------|------|
| | ja | nein |
| Frankfurt | 26 | 24 |
| Leipzig | 17 | 31 |

In beiden Boxplots ist zu sehen, dass sowohl der Gesamtpreis der Kaltmiete als auch der Quadratmeterpreis in den Wohnungen höher ist, die einen Parkplatz beinhalten.

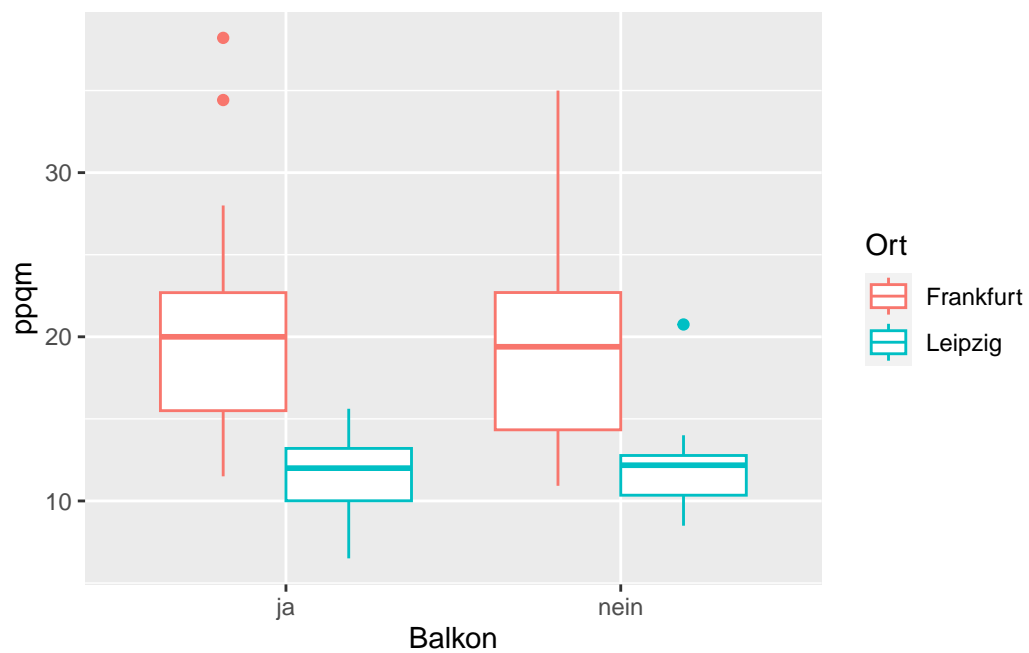
Der grundsätzliche Unterschied bei den Mietpreisen zwischen den Städten ist hier sowohl bei Wohnungsangeboten mit als auch ohne Parkplatz zu erkennen. So zeigt der Boxplot eine wesentlich höhere Preisspanne in Frankfurt bei Wohnungen ohne Parkplatz, besonders aber bei Wohnungen mit Parkplatz. Im vorliegenden Datensatz ist die Verteilung der Wohnungen mit und ohne Parkplatz in Frankfurt relativ gleich verteilt (26:24). In Leipzig sind es mehr Wohnungen ohne Parkplatz (17:31).

Balkon

```
gf_boxplot(Kaltmiete ~ Balkon, data = mieten, color = ~ Ort)
```



```
gf_boxplot(ppqm ~ Balkon, data = mieten, color = ~ Ort)
```



```
favstats(ppqm ~ Balkon, data = mieten)
```

| | Balkon | min | Q1 | median | Q3 | max | mean | sd | n |
|---|--------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----|
| 1 | ja | 6.501933 | 12.00896 | 15.09831 | 20.02829 | 38.20988 | 16.30715 | 6.228062 | 66 |
| 2 | nein | 8.491219 | 11.54896 | 12.76961 | 17.82299 | 35.00000 | 14.97076 | 5.938158 | 32 |

| | missing |
|---|---------|
| 1 | 0 |
| 2 | 0 |

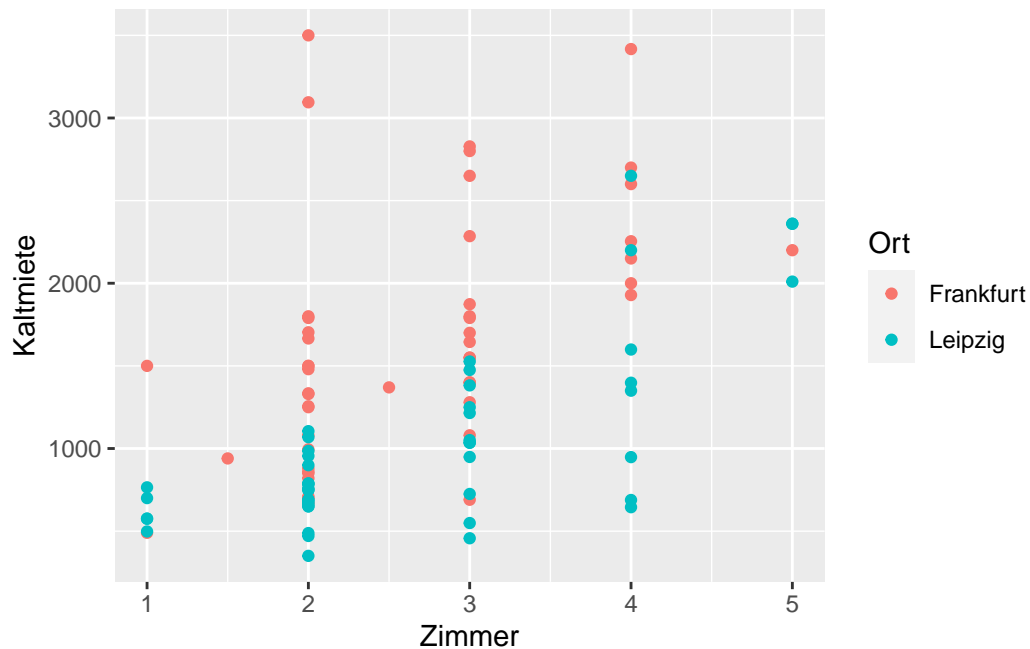
```
tally(Ort ~ Balkon, data = mieten)
```

| | Balkon | |
|-----------|--------|------|
| Ort | ja | nein |
| Frankfurt | 37 | 13 |
| Leipzig | 29 | 19 |

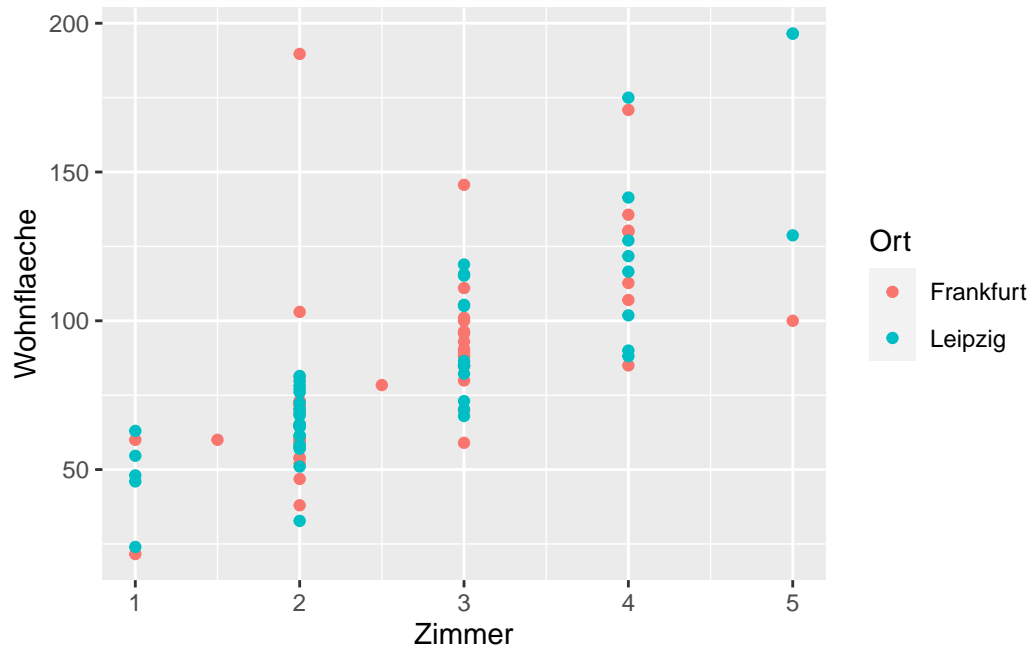
Der erste Boxplot zeigt, dass Wohnungen mit Balkon meist etwas teurer sind. Da der Balkon auch zu 25% in die gesamte Wohnfläche eingerechnet ist, wird im zweiten Boxplot auch der Quadratmeterpreis betrachtet. Hier ist auch ein Zusammenhang zwischen Balkon “Ja” und einer höheren Kaltmiete zu erkennen.

Zimmer

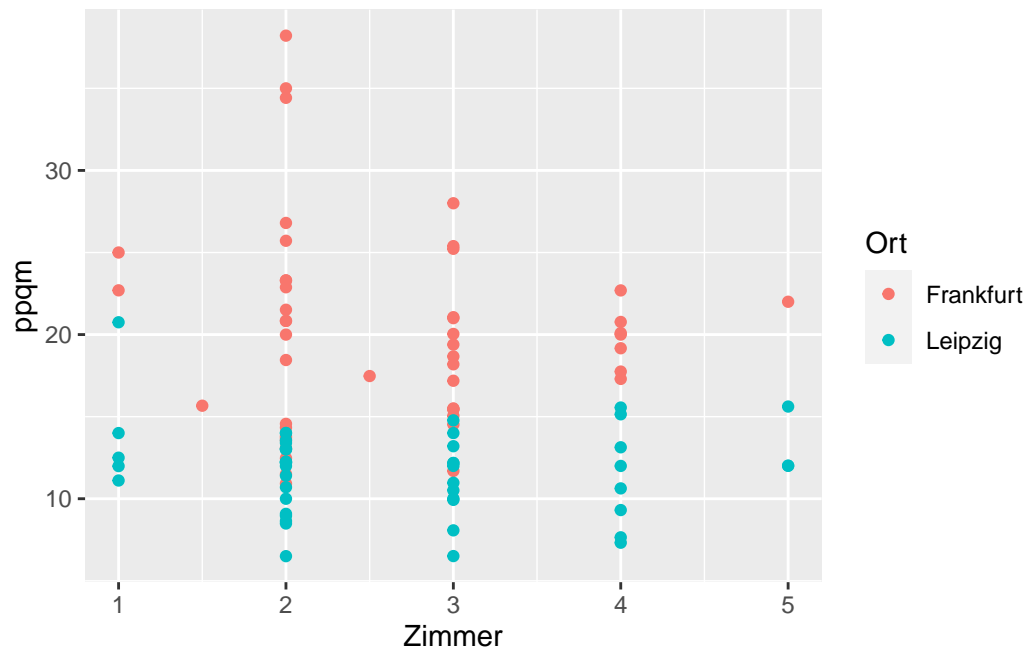
```
gf_point(Kaltmiete ~ Zimmer, data = mieten, color = ~ Ort)
```



```
gf_point(Wohnflaeche ~ Zimmer, data = mieten, color = ~ Ort)
```



```
gf_point(ppqm ~ Zimmer, data = mieten, color = ~ Ort)
```



Das erste Streudiagramm zeigt: Bei mehr Zimmern ist die Kaltmiete höher. Da die Vermutung naheliegt, dass oft mehr Zimmer mehr Wohnfläche bedeutet, wurde im zweiten Streudiagramm die Wohnfläche unter der Anzahl der Zimmer ausgegeben. Insgesamt ist hier zu erkennen, dass die Variable Zimmer einen Einfluss auf die Wohnfläche hat. So hat eine Wohnung mit 4 Zimmern fast immer mehr Wohnfläche als eine Wohnung mit 2 Zimmern. Bei einzelnen Wohnungen sind Ausreißer zu erkennen, was auf sehr große oder eher kleine Räume schließen lässt. Bei Wohnungen mit 5 Zimmern liegen die Angebote weit verteilt vor (100m²-200m²). Allerdings liegen hier auch nur wenige Angebote vor. Um nun auch noch den Mietpreis zu betrachten, wurde im dritten Streudiagramm der Quadratmeterpreis und die Zimmeranzahl ausgegeben. Der Quadratmeterpreis ist bei mehr Zimmern größtenteils nicht wesentlich höher. Lediglich in Frankfurt können ein paar Ausreißer erkannt werden.

Etage

```
# gf_point(Kaltmiete ~ Etage, data = mieten, color = ~ Ort)
```

Das Streudiagramm zeigt, dass die meisten Wohnungen im 0. bis 6. Geschoss sind. Der Mietpreis streut in der Spanne aber bei jeder Etage sehr ähnlich. Wie sich die Etage der angebotene Wohnung auf den Mietpreis auswirkt, ist daher schlecht interpretierbar. Daher wurde sich entschieden, das Diagramm auszublenden und die Etage nicht weiter als Variable in die Modellierung aufzunehmen.

Modellierung

Aus den zahlreichen Diagrammen des vorherigen Abschnitts der explorativen Datenanalyse konnten sich bereits diverse Zusammenhänge erkennen lassen. Dieser letzte Teil der Untersuchung der gegebenen Daten beschäftigt sich abschließend mit der Modellierung der Kaltmiete unter Verwendung der zur Verfügung stehenden Variablen wie der Wohnfläche, der Art der Heizung oder dem Vorhandensein eines Balkons. Ziel ist hierbei die Erstellung eines Modells, durch das die Variable **Kaltmiete** bestmöglich erklärt werden kann.

Modellierung über Durchschnittsquadratmeterpreis

Das erste Diagramm der explorativen Datenanalyse, in dem die **Kaltmiete** der Inserate zusammen mit deren **Wohnfläche** im Streudiagramm dargestellt wurden, lässt einen positiven Zusammenhang der **Kaltmiete** zur **Wohnfläche** vermuten. In einem ersten einfachen Modell, mit dem dieser Zusammenhang modelliert werden soll, kann aus den Daten beispielsweise der Durchschnitt des Quadratmeterpreises berechnet werden.

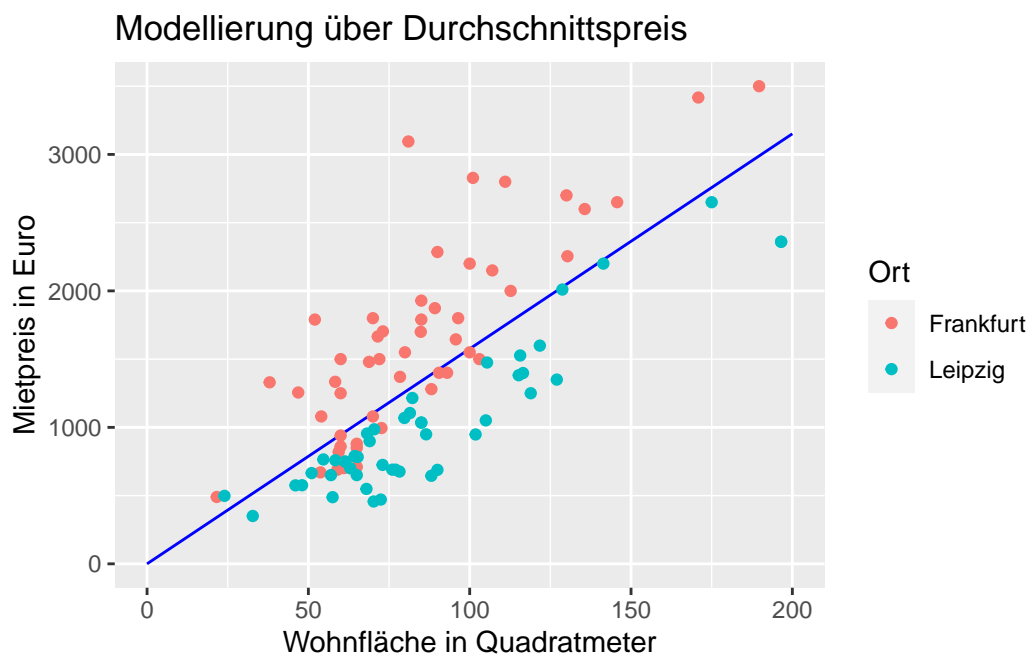
```
sum_wohnflaeche <- sum(~ Wohnflaeche, data = mieten)
sum_kaltemiete <- sum(~ Kaltmiete, data = mieten)
price_per_squaremeter <- sum_kaltemiete / sum_wohnflaeche
```

Damit ergibt sich als ersten Modell für die Kaltmiete unter Verwendung der Wohnfläche als unabhängige Variable folgende Gleichung:

$$\text{Kaltmiete} = \text{Wohnflaeche} \cdot 15.76\text{€}$$

Wir betrachten das Modell, indem die berechnete Gerade in das Streudiagramm der explorativen Datenanalyse eingezeichnet wird:

```
pps_x = c(0, 200)
pps_y = c(0, price_per_squaremeter * 200)
gf_line(pps_y ~ pps_x, color = "blue") |>
  gf_point(Kaltmiete ~ Wohnflaeche, data = mieten, color = ~ Ort) |>
  gf_labs(x = "Wohnfläche in Quadratmeter",
    y = "Mietpreis in Euro",
    title = "Modellierung über Durchschnittspreis")
```



Dazu wird noch der Korrelationskoeffizient bestimmt werden.

```
cor_miete_flaeche = cor(Wohnflaeche ~ Kaltmiete, data = mieten)
```

Zu sehen ist, dass die `Kaltniete` zu 74.54% mit der Wohnfläche korreliert. Das Modell kann demnach bereits für einen groben Richtwert verwendet werden. Ziel ist jedoch eine noch genauere Modellierung der Kaltniete unter Berücksichtigung der weiteren Daten.

Modellierung über die lineare Regression

Um die weiteren Variablen miteinzubeziehen, verwenden wir die lineare Regression, die mit der `lm()`-Funktion auf die Daten angewendet werden kann.

Wohnflaeche

Wir starten zunächst erneut mit der `Kaltniete` und der jeweils dazugehörigen `Wohnflaeche`.

```
km.lm1 <- lm(Kaltniete ~ Wohnflaeche, data = mieten)
summary(km.lm1)
```

Call:

```
lm(formula = Kaltniete ~ Wohnflaeche, data = mieten)
```

Residuals:

| Min | 1Q | Median | 3Q | Max |
|--------|--------|--------|-------|--------|
| -742.4 | -295.9 | -123.8 | 345.7 | 1817.6 |

Coefficients:

| | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t) |
|-------------|----------|------------|---------|------------|
| (Intercept) | 24.403 | 129.718 | 0.188 | 0.851 |
| Wohnflaeche | 15.469 | 1.412 | 10.956 | <2e-16 *** |

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 479.8 on 96 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.5556, Adjusted R-squared: 0.551

F-statistic: 120 on 1 and 96 DF, p-value: < 2.2e-16

Mit einem Bestimmtheitsmaß von $R^2 = 0.56$, haben wir mit der linearen Regression allein unter Verwendung der `Wohnflaeche` noch kein gutes Modell erzeugt.

Ort

Da zu Beginn der explorativen Datenanalyse festgestellt wurde, dass sich die Kaltmieten zwischen den beiden Orten Frankfurt am Main und Leipzig unter sonst gleichen Bedingungen bereits stark unterscheidet, soll diese zuerst in die Modellierung miteinbezogen werden.

```
km.lm2 <- lm(Kaltemiete ~ Wohnflaeche + Ort, data = mieten)
summary(km.lm2)
```

Call:

```
lm(formula = Kaltemiete ~ Wohnflaeche + Ort, data = mieten)
```

Residuals:

| | Min | 1Q | Median | 3Q | Max |
|--|---------|---------|--------|--------|---------|
| | -640.01 | -279.07 | 36.35 | 188.68 | 1492.90 |

Coefficients:

| | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t) | |
|-------------|----------|------------|---------|----------|-----|
| (Intercept) | 325.853 | 98.305 | 3.315 | 0.0013 | ** |
| Wohnflaeche | 15.756 | 1.014 | 15.540 | < 2e-16 | *** |
| OrtLeipzig | -665.433 | 69.627 | -9.557 | 1.46e-15 | *** |

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 344.4 on 95 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.7734, Adjusted R-squared: 0.7687

F-statistic: 162.2 on 2 and 95 DF, p-value: < 2.2e-16

```
km.lm2.coef <- coef(km.lm2)
print(km.lm2.coef)
```

| (Intercept) | Wohnflaeche | OrtLeipzig |
|-------------|-------------|------------|
| 325.8526 | 15.7562 | -665.4331 |

Mit dem Miteinbeziehen der Indikatorvariable x_2 beziehungsweise der kategorialen Variable des Ortes erhalten wir ein Bestimmtheitsmaß von $R^2 = 0.77$. Die Variation des Mietpreises kann also zu 78% durch den Mietpreis und dem dazugehörigen Ort erklärt werden. An der Zusammenfassung der Ergebnisse lässt sich außerdem ablesen, dass in Leipzig die Kaltmiete im Mittelwert 655,13€ billiger als in Leipzig ist. Das Modell lässt sich nun wie folgt darstellen:

$$\hat{y}_i = 325.85 + x_{1i} \cdot 15.76 - 665.43 \cdot \begin{cases} 1 : & x_{2i} = \text{Leipzig} \\ 0 : & x_{2i} = \text{Frankfurt} \end{cases}$$

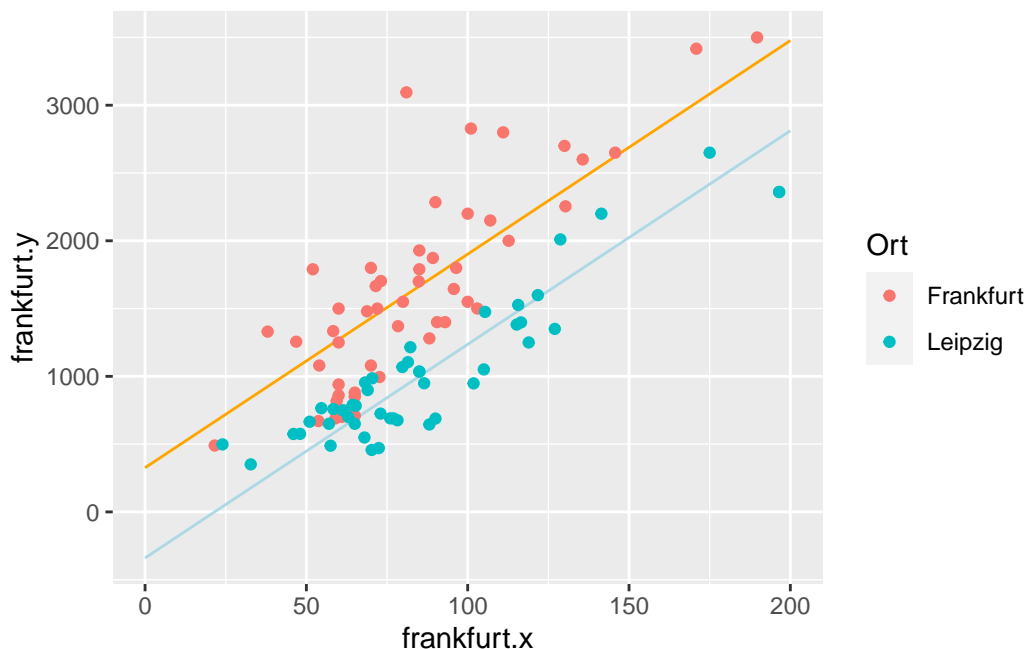
Wobei x_{1i} die Wohnflaeche und x_{2i} entsprechend den Wohnort darstellt.

Entsprechend dem berechneten P-Wert von $3.68 \cdot 10^{-16}$ kann das Ergebnis in Bezug auf den Wohnort unter Verwendung eines Signifikanzniveaus von 5% als statistisch signifikant

bezeichnet werden. Die H_0 -Hypothese $\mu_{Frankfurt} = \mu_{Leipzig}$ kann somit verworfen werden.

Grafisch erhalten wir dadurch die zwei Geraden, abhängig des Ortes:

```
frankfurt.x = c(0, 200)
frankfurt.y = c(km.lm2.coef[1] + km.lm2.coef[2] * 0 + km.lm2.coef[3] * 0,
                km.lm2.coef[1] + km.lm2.coef[2] * 200 + km.lm2.coef[3] * 0 )
leipzig.x = c(0, 200)
leipzig.y = c(km.lm2.coef[1] + km.lm2.coef[2] * 0 + km.lm2.coef[3] * 1,
               km.lm2.coef[1] + km.lm2.coef[2] * 200 + km.lm2.coef[3] * 1 )
pps_y = c(0, price_per_squaremeter * 200)
gf_line(frankfurt.y ~ frankfurt.x, color = "orange") |>
  gf_line(leipzig.y ~ leipzig.x, color = "lightblue") |>
  gf_point(Kaltmiete ~ Wohnflaeche, data = mieten, color = ~ Ort)
```



Sowohl grafisch als auch am Bestimmtheitsmaß lässt sich erkennen, dass die Modellierung über die Größe der Immobilien zusammen mit dem jeweiligen Ort einen großen Teil des Mietpreises erklären kann.

Weitere Variablen

Zuletzt werden die weiteren Variablen in die lineare Regression miteinbezogen und das daraus entstehende Modell betrachtet und interpretiert. Wir verwenden nun zusätzlich die

Informationen bezüglich des Parkplatzes, der Anzahl der Zimmer, des Baujahres, das Vorhandensein eines Balkons und der Etage.

```
km.lm3 <- lm(Kaltemiete ~ Wohnflaeche + Ort + Parkplatz + Balkon + Baujahr +  
            Etage + Zimmer + Heizung, data = mieten)  
summary(km.lm3)
```

Call:

```
lm(formula = Kaltemiete ~ Wohnflaeche + Ort + Parkplatz + Balkon +  
    Baujahr + Etage + Zimmer + Heizung, data = mieten)
```

Residuals:

| Min | 1Q | Median | 3Q | Max |
|---------|---------|--------|--------|--------|
| -461.26 | -188.96 | -42.04 | 160.67 | 766.81 |

Coefficients:

| | Estimate | Std. Error | t value | Pr(> t) |
|---------------------------|------------|------------|---------|--------------|
| (Intercept) | -3620.3704 | 1580.1647 | -2.291 | 0.02452 * |
| Wohnflaeche | 16.9243 | 1.3807 | 12.258 | < 2e-16 *** |
| OrtLeipzig | -466.3345 | 70.2276 | -6.640 | 3.17e-09 *** |
| Parkplatznein | -149.0587 | 69.5677 | -2.143 | 0.03511 * |
| Balkonnein | 28.5883 | 69.1350 | 0.414 | 0.68031 |
| Baujahr | 2.0359 | 0.7735 | 2.632 | 0.01014 * |
| Etage | 23.3075 | 6.7295 | 3.463 | 0.00085 *** |
| Zimmer | -71.6654 | 47.1581 | -1.520 | 0.13244 |
| HeizungEtagenheizung | 3.9650 | 242.2408 | 0.016 | 0.98698 |
| HeizungFernwärme | -176.2000 | 130.4222 | -1.351 | 0.18041 |
| HeizungFußbodenheizung | -20.6200 | 126.5903 | -0.163 | 0.87101 |
| HeizungGasheizung | 176.2957 | 167.9711 | 1.050 | 0.29700 |
| HeizungHolzpellettheizung | -289.8749 | 303.4758 | -0.955 | 0.34229 |
| HeizungÖl | 92.0784 | 304.4141 | 0.302 | 0.76305 |
| HeizungWärmepumpe | 196.3236 | 210.3614 | 0.933 | 0.35342 |
| HeizungZentralheizung | -171.7000 | 125.3993 | -1.369 | 0.17467 |

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 273.8 on 82 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.8764, Adjusted R-squared: 0.8538

F-statistic: 38.78 on 15 and 82 DF, p-value: < 2.2e-16

Zu sehen ist, dass wir unter dem Miteinbeziehen aller Informationen, die zur Verfügung stehen, dennoch nur ein Bestimmtheitsmaß von $R = 0.85$ erreichen. Das bedeutet, dass trotz aller Daten, die Variation der Mietpreise nur zu ca. 85% erklärt werden kann, was entsprechend 15% unerklärt lässt.

Wie bereits in der vorherigen linearen Regression zu sehen war, hat sowohl der Ort als auch die Wohnfläche einen starken Einfluss auf den Wohnpreis. Beide Attribute sind unter einem geringen Signifikanzniveau von nur $\alpha = 0.001$ immer noch statistisch signifikant. Dass der Ort und die Größe der Wohnung einen erheblichen Einfluss auf den Mietpreis nehmen, ist nicht weiter überraschend. Unter dem gleichen Signifikanzniveau statistisch signifikant ist ebenso die Etage, in der die Wohnung liegt. Wir sehen hier im Mittel einen Anstieg des Mietpreises um ca. 23,00€ pro Etage. Begründen lässt sich dies eventuell durch die bessere Aussicht in den oberen Etagen und die Wahrscheinlichkeiten auf Wohnungstypen wie Penthäuser in oberen Etagen höher ist.

Unter einem Signifikanzniveau von $\alpha = 0.05$ statistisch relevant ist sowohl das Vorhandensein eines Parkplatzes als auch das Baujahr. Ist kein Parkplatz vorhanden, so ist der Mietpreis im Mittel ca. 150,00€ billiger. Da Parkplätze insbesondere in Großstädten, aufgrund der häufig wenigen Parkmöglichkeiten, eine wichtige Rolle spielen ist verständlich. Mit dem Baujahr steigt der Mietpreis im Mittel um ca. 2,00€. Da neuere Immobilien entsprechend mit effizienteren Bauweisen, geringen Energieverbräuchen und modernerem Aussehen und benötigen zumeist geringe Wartungsarbeiten gebaut werden, überrascht es nicht weiter, dass das Baujahr einen Einfluss auf den Mietpreis nimmt.

Anhand der einzelnen P-Werte für die jeweiligen Attribute der Wohnungen können wir außerdem ablesen, welche der Informationen für die Modellierung des Mietpreises nicht signifikant ist. Dazu zählt zunächst die Art der Heizung, von welcher keiner der aufgelisteten Merkmalsausprägungen im Bereich des Signifikanzniveaus liegt. Dass die Art der Heizung einen Einfluss auf den Mietpreis besitzt, kann durch die uns zur Verfügung stehenden Daten also nicht bestätigt werden.

Ebenso zeigen die Daten keinen statistisch signifikanten Zusammenhang zwischen der Anzahl der Zimmer und den Mietpreisen. Eine mögliche Begründung ist, dass weniger die Aufteilung der Wohnung in n verschiedene Zimmer, sondern die Größe der Wohnfläche für den Mietpreis relevant ist. Beispielsweise kann sowohl eine besonders große Wohnung als auch eine kleinere Wohnung aus insgesamt drei Zimmern bestehen. Der Mietpreis wird bei der größeren Wohnung dennoch tendenziell größer sein, wie die Daten bestätigen, da die Anzahl der Zimmer nichts über die Größe der Wohnung aussagt.

Auch für das Vorhandensein eines Balkons lässt sich kein Einfluss auf den Mietpreis feststellen. Mit einem P-Wert von $p = 0.68$ ist hier jegliches Signifikanzniveau überschritten. Begründet kann dies dadurch sein, dass keine weiteren Informationen zu dem jeweiligen Balkon gegeben ist. Wichtig könnte eventuell die Größe des Balkons, die Aussicht oder weitere Faktoren sein, die hier nicht näher spezifiziert sind.

```
confint(km.lm3)
```

| | 2.5 % | 97.5 % |
|---------------|---------------|-------------|
| (Intercept) | -6763.8212789 | -476.919434 |
| Wohnflaeche | 14.1777598 | 19.670888 |
| OrtLeipzig | -606.0396286 | -326.629395 |
| Parkplatznein | -287.4509890 | -10.666461 |

| | | |
|--------------------------|--------------|------------|
| Balkonnein | -108.9433026 | 166.119836 |
| Baujahr | 0.4971043 | 3.574731 |
| Etage | 9.9204314 | 36.694648 |
| Zimmer | -165.4778752 | 22.147140 |
| HeizungEtagenheizung | -477.9291640 | 485.859142 |
| HeizungFernwärme | -435.6513022 | 83.251224 |
| HeizungFußbodenheizung | -272.4485677 | 231.208469 |
| HeizungGasheizung | -157.8522989 | 510.443644 |
| HeizungHolzpelletheizung | -893.5848651 | 313.835146 |
| HeizungÖl | -513.4982048 | 697.654927 |
| HeizungWärmepumpe | -222.1521718 | 614.799343 |
| HeizungZentralheizung | -421.1590358 | 77.759091 |

Betrachten wir Abschließend die Konfidenzintervalle, so lässt sich sagen, dass die Quadratmeteranzahl zu 95% eine Auswirkung zwischen 14,18€ und 19,67€ pro auf den Mietpreis in der Population hat. Der Unterschied zwischen Frankfurt und Leipzig liegt mit gleicher Wahrscheinlichkeit im Intervall von -606,04€ und -326,63€.

Zusammenfassung

Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet. Lorem ipsum dolor sit amet, consetetur sadipscing elitr, sed diam nonumy eirmod tempor invidunt ut labore et dolore magna aliquyam erat, sed diam voluptua. At vero eos et accusam et justo duo dolores et ea rebum. Stet clita kasd gubergren, no sea takimata sanctus est Lorem ipsum dolor sit amet.

Quellen und Hilfsmittel

Führen Sie hier die verwendeten Hilfsmittel sowie die verwendete Literatur auf.